

第二章 控制系统的数学模型

- 2.1 建立数学模型的一般方法
- 2.2 非线性及线性化
- 2.3 传递函数
- 2.4 典型环节
- 2.5 动态结构图及等效变换
- 2.6 信号流图及梅森公式
- 2.7 控制系统的传递函数



<u>一、信号流图</u>

信号流图与动态结构图一样,也是一种描述控制系统信号传递关系的数学图形,它比动态结构图更简洁。利用梅森公式可以避免复杂的动态结构图的等效变换,直接写出信号流图或动态结构图所描述的控制系统的传递函数。



相关术语:

- (2) 用有向线段表示信号方向和传输函数:

$$x_1(s) H_1(s) x_2(s) x_2(s) = H_1(s)x_1(s)$$

支路: 两点间的有向线段称一条支路;

通路: 从某一节点出发, 沿支路方向, 连续经过结点 和支路到达另一结点, 所经过的路径称通路;

<u>开路</u>:从一节点到达另一结点,并且节点不重复的通路称为开路(与任一结点相遇不多于一次);



还:从一结点出发,经过结点和支路又回到该节点(即:通路的终点就是通路的起点,与其余节点相遇不多于一次)的闭合通路称为环或回路;

不接触回路: 相互没有公共结点的回路称为不接触回路。

自回路(自环):只有一个结点和一条支路的回路。

前向通路: 从源点到汇点的开通路称为前向通路。

<u>开路传输函数</u>:组成一条开路的所有支路传输函数的乘积称为该条开路的传输函数, p_i ;

<u>环传输函数</u>:组成一个环的所有支路传输函数的乘积称为该环的环传输函数,Li。



<u>二、梅森(S.J.Mason)公式</u>

$$G(s) = \frac{1}{\Delta} \sum_{i=1}^{m} P_i \Delta_i$$

其中: Δ称为流图行列式 (特征行列式)

$$\Delta = 1 - \sum_{j} L_{j} + \sum_{m,n} L_{m}L_{n} - \sum_{p,q,r} L_{p}L_{q}L_{r} + \cdots$$

 $\sum L_j$ — 流图中所有环传输函数 L_j 之和;

 $\sum_{m,n} L_m L_n$ — 流图中所有两两不相接触环的环传输函数乘积之和;

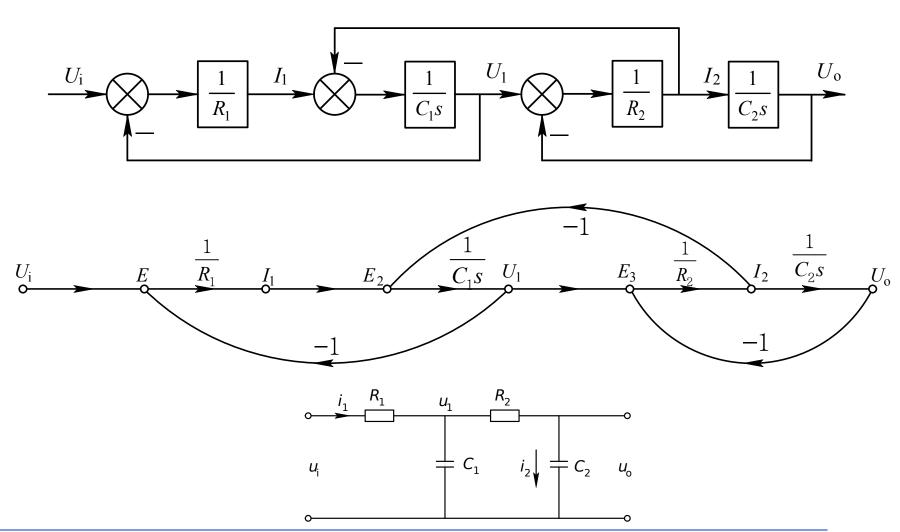
 $\sum L_p L_q L_r$ ——流图中所有三个不相接触环的环传输函数乘积之和;

 p_i ——由 F(s)到Y(s)的第i条开路的传输函数;

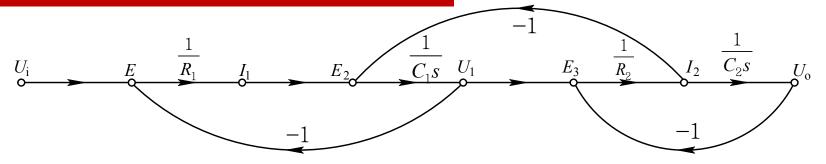
 Δ_i ——除去第i条开路,<u>剩余流图</u>的流图行列式;



例5 试画出动态结构图对应的信号流图,并求系统函数。







$$\Delta = 1 - \sum_{j} L_{j} + \sum_{m,n} L_{m}L_{n} - \sum_{p,q,r} L_{p}L_{q}L_{r} + \cdots$$

$$= 1 - \left(-\frac{1}{R_{1}} \frac{1}{C_{1}s} - \frac{1}{R_{2}} \frac{1}{C_{1}s} - \frac{1}{R_{2}} \frac{1}{C_{2}s} \right) + \left(-\frac{1}{R_{1}} \frac{1}{C_{1}s} \right) \left(-\frac{1}{R_{2}} \frac{1}{C_{2}s} \right)$$

$$m = 1: \quad p_1 = \frac{1}{R_1} \frac{1}{C_1 s} \frac{1}{R_2} \frac{1}{C_2 s}, \quad \Delta_1 = 1$$

$$H(s) = \frac{\sum_{i=1}^{m} p_i \Delta_i}{\Delta} = \frac{p_1 \Delta_1}{\Delta} = \frac{1}{R_1 C_1 R_2 C_2 s^2 + (R_2 C_2 + R_1 C_2 + R_1 C_1) s + 1}$$

Thank You!