

航天器控制原理



冯冬竹

电话: 13389281325

邮箱: dzhfeng@xidian.edu.cn 空间科学与技术学院 导航控制系



CONTENTS **一**

- 01 绪论



航天器的轨道与轨道力学

- 01 航天器轨道的基本定律
- 02 二体轨道力学和运动方程
- 03 航天器轨道的几何特性
- 04 航天器的轨道描述
- 05 航天器的轨道摄动



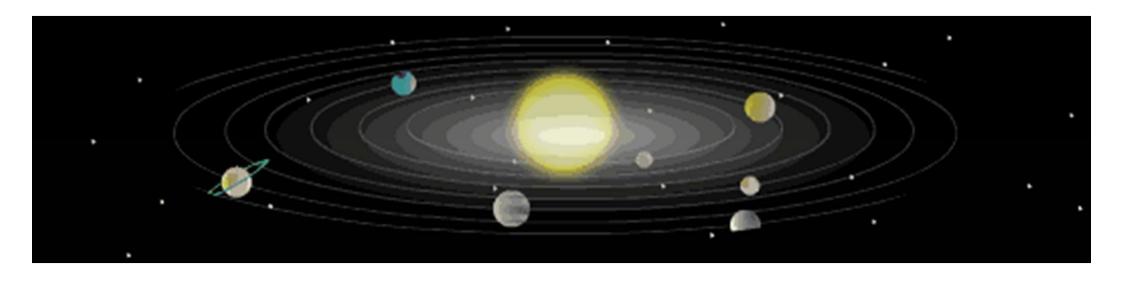
第一讲·航天器轨道的基本定律

- *01* 开普勒定律
- 02 牛顿定律



航天器轨道的基本定律

天体的运动规律是什么?







- ▶第谷布拉赫,1546年12月14日出生在丹麦一个贵族家庭。
- ▶1559年入哥本哈根大学读书,对天文学产生兴趣。 1566年在德国攻读天文学,开始了毕生的天文研 究工作。
- ▶1600年邀请开普勒做助手,次年逝世。开普勒接替工作,第谷布拉赫大量的精确观测数据为开普勒的工作创造了条件。



第谷布拉赫





- ▶德国天文学家约翰开普勒是第谷布拉赫的学生和继承人。
- ▶ 开普勒根据第谷布拉赫毕生观测留下的宝贵资料, 对行星运动进行了深入研究,提出了行星运动三 大规律。
- ▶他的行星运动规律改变了整个天文学,为牛顿发现万有引力定律奠定了基础。

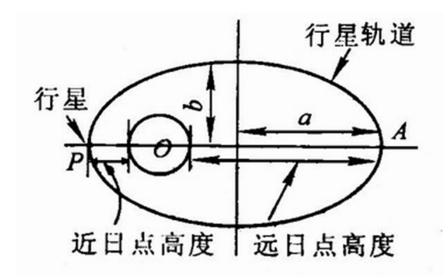


约翰开普勒



第一定律——椭圆律

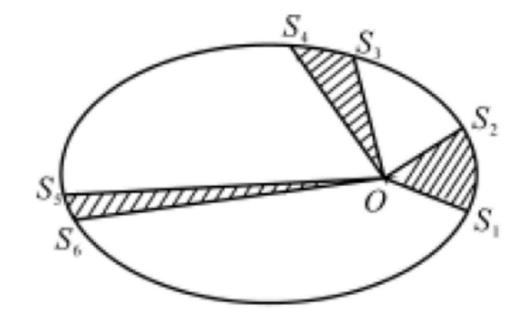
- >每个行星沿椭圆轨道绕太阳运行,太阳位于椭圆的一个焦点上。
- ▶行星在运行过程中,离太阳的距离是变化的,离太阳最近的一点 为近日点,离太阳最远的一点为远日点。





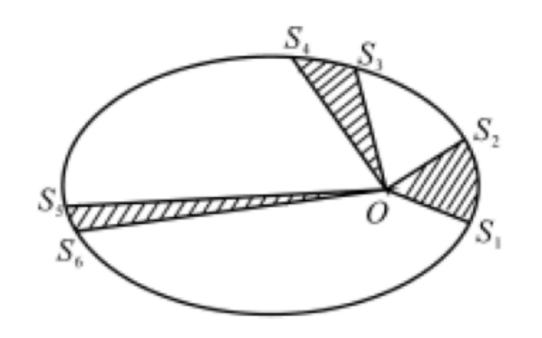
第二定律——面积律

> 由太阳到行星的矢径在相等的时间间隔内扫过相等的面积。









$$\frac{dA}{dt}$$
 = 常量

- >单位时间内矢径扫过的面积, 叫做面积速度。
- ▶ 为了保持面积速度相等,行星在近日点附近运行的路程S1S2较长,速度相应地要快些;在远日点附近运行的路程S5S6较短,因而速度相应地要慢些。这种变化规律,叫做面积速度守恒。

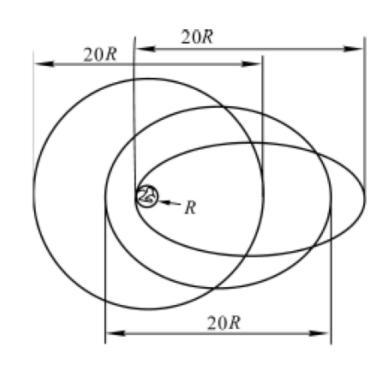
第三定律——周期律

▶ 行星绕太阳公转的周期*T*的平方与椭圆轨道的长半径*a*的立方成正 比。即

$$\frac{a^3}{T^2} = K$$

▶行星椭圆轨道的长半径越大,周期就越长,而且周期仅取决于长半径。



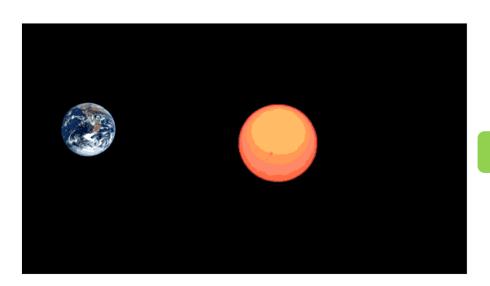


>三种不同椭圆度的轨道,它们的长半径都相等,周期也就相同。





- >开普勒第一定律(椭圆律)揭示了行星围绕太阳旋转时轨道的形状;
- >开普勒第二定律(面积律)揭示了行星围绕太阳旋转时的速度变化;
- > 开普勒第三定律(周期律)揭示了行星绕太阳旋转一周所用的时间。



周期365天





- ▶开普勒三大定律揭示了天体的运动规律,描述了行星轨道"是什么"。——但是,却不能回答行星轨道"为什么"是这样。
- ▶ 开普勒从数据中总结出的规律,只是行星运动的一种描述,还不是解释。
- ▶牛顿说:如果我看得远,那是因为我站在巨人的肩膀上。第谷布拉 赫和约翰开普勒就是托起牛顿的巨人。



- ▶1645年, 布里阿德假设, 从太阳发出的力, 和与太阳之间的距离的平方成反比;
- ▶1666年, 意大利的玻列利提出引力是距离的幂的某种函数;
- ▶1680年,胡克提出引力反比于距离的平方;
- ▶1684年,哈雷带着"从平方反比关系得出椭圆轨道结果"的问题求助牛顿;
- ▶牛顿在《论天体运动》演讲稿中,证明了椭圆轨道运动的引力与距 离平方反比定律;
- ▶1687年,出版《自然哲学的数学原理》,公布了引力问题的研究成果。

第一运动定律

▶任一物体将保持其静止或是匀速直线运动的状态,除非有作用在物体上的力强迫其改变这种状态。

第二运动定律

> 动量变化速率与作用力成正比,且与作用力的方向相同。

$$\Sigma \vec{F} = \frac{d}{dt} (m\vec{v}) = \dot{m}\vec{v} + m\ddot{\vec{r}}$$

 $\Sigma \vec{r}$ 为所有作用在质量m上的力的矢量和; \vec{r} , \vec{v} , \vec{r} 分别为相对于惯性坐标系的该质量的位置、速度和加速度矢量; \dot{m} 为质量随时间的变化率。

第三运动定律

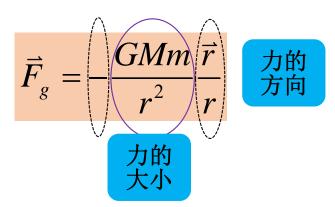
>对每一个作用,总存在一个大小相等的反作用。

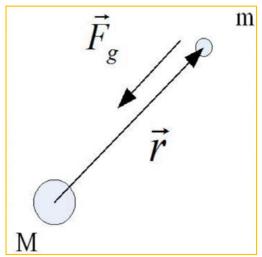


万有引力定律

>任何两个物体间均有一个相互吸引的力,这个力与它们

的质量乘积成正比,与两物体间距离的平方成反比。



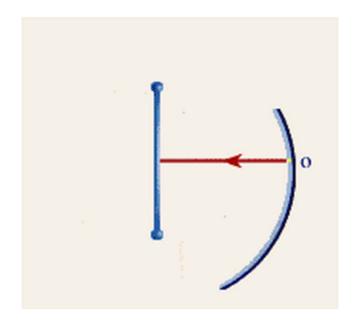


 \vec{F}_g 为由于质量M引起的作用在质量m上的力矢量; \vec{r} 为从M到m的距离矢量。



- □ 万有引力常数*G*:
- ▶卡文迪许扭矩试验:万有引力到底有多大,18世纪末,英国科学家卡文迪许决定要找出这个引力







- □ 万有引力常数G:
- > 卡文迪许扭矩试验

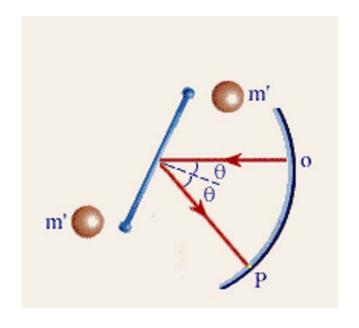




> 测量结果惊人准确,测出万有引力常数:

$$G = 6.670 \times 10^{-11} N \cdot m^2 / kg^2$$







▶由牛顿定律能够完全证明出开普勒各定律。所以如果说开普勒描述了行星运动"是什么",那么牛顿则回答了行星的运动"为什么是这样"的问题,他们共同阐述了天体运行的自然规律。



THANKS



