

Fortgeschrittene Funktionale Programmierung in Haskell

Universität Bielefeld, Sommersemester 2015

Jonas Betzendahl & Stefan Dresselhaus

Übersicht I

- 1 Wiederholung und Beispiele
- 2 Parsing
- 3 Arbeit am Beispiel
- 4 Parser-Funktionsweise

Die zentrale Struktur mit der wir uns im Folgenden beschäftigen ist

Die zentrale Struktur mit der wir uns im Folgenden beschäftigen ist

```
data V3 a = V3 a a a
```

ein 3-dimensionaler Vektor.

Die zentrale Struktur mit der wir uns im Folgenden beschäftigen ist

```
data V3 a = V3 a a a
```

ein 3-dimensionaler Vektor.

Wieso?

Die zentrale Struktur mit der wir uns im Folgenden beschäftigen ist

```
data V3 a = V3 a a a
```

ein 3-dimensionaler Vektor.

Wieso?

- Sehr viele Algorithmen in der Informatik basieren auf vektoriellen Daten

Die zentrale Struktur mit der wir uns im Folgenden beschäftigen ist

```
data V3 a = V3 a a a
```

ein 3-dimensionaler Vektor.

Wieso?

- Sehr viele Algorithmen in der Informatik basieren auf vektoriellen Daten
- Die Operationen für den 3D-Fall unterscheiden sich nur unwesentlich vom n-D-Fall

Die zentrale Struktur mit der wir uns im Folgenden beschäftigen ist

```
data V3 a = V3 a a a
```

ein 3-dimensionaler Vektor.

Wieso?

- Sehr viele Algorithmen in der Informatik basieren auf vektoriellen Daten
- Die Operationen für den 3D-Fall unterscheiden sich nur unwesentlich vom n-D-Fall
- Die Konzepte sollten alle bereits bekannt sein, daher geht es nur um die Umsetzung

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Skalare Multiplikation

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Skalare Multiplikation
- Vektoraddition

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Skalare Multiplikation
- Vektoraddition
- Skalarprodukt

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Skalare Multiplikation
- Vektoraddition
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Skalare Multiplikation
- Vektoraddition
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

```
mul :: Num a => a -> V3 a -> V3 a
```

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung von $(*x)$ auf jede Komponente
- Vektoraddition
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

```
mul :: Num a => a -> V3 a -> V3 a  
(*2) :: Num a => a -> a
```

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Vektoraddition
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

`vmap :: (a -> a) -> V3 a -> V3 a`

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Vektoraddition
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

`vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b`

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Vektoraddition
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
vadd :: Num a => V3 a -> V3 a -> V3 a
```

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Vektoraddition
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
vadd :: Num a => V3 a -> V3 a -> V3 a  
(+) :: Num a => a -> a -> a
```

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Anwendung einer Funktion mit 2 Argumenten auf 2 Vektoren
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
vapply :: (a -> a -> a) -> V3 a -> V3 a -> V3 a  
(+) :: Num a => a -> a -> a
```

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Anwendung einer Funktion mit 2 Argumenten auf 2 Vektoren
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c
(+) :: Num a => a -> a -> a
```

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Anwendung einer Funktion mit 2 Argumenten auf 2 Vektoren
- Skalarprodukt
- Kreuzprodukt

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c  
vdot :: Num a => V3 a -> V3 a -> a
```

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Anwendung einer Funktion mit 2 Argumenten auf 2 Vektoren
- Erst `vapply (*)`, dann Zusammenfassen mit `+`
- Kreuzprodukt

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c
vdot :: Num a => V3 a -> V3 a -> a
vcompress :: V3 a -> a
```

Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Anwendung einer Funktion mit 2 Argumenten auf 2 Vektoren
- Erst `vapply (*)`, dann Zusammenfassen mit `+`
- Kreuzprodukt

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c
vdot :: Num a => V3 a -> V3 a -> a
vfold :: (a -> a -> a) -> V3 a -> a
```


Was für Operationen soll so ein Vektor unterstützen?

- Anwendung derselben Funktion auf jede Komponente
- Anwendung einer Funktion mit 2 Argumenten auf 2 Vektoren
- Erst `vapply (*)`, dann Zusammenfassen mit `+`
- Kreuzprodukt

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c
vdot :: Num a => V3 a -> V3 a -> a
vfold :: (a -> a -> a) -> V3 a -> a
vcross :: Num a => V3 a -> V3 a -> V3 a
```

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b
```

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
vmap f (V3 x y z) = ?
```

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
vmap f (V3 x y z) = V3 (f x) (f y) (f z)
```

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
vmap f (V3 x y z) = V3 (f x) (f y) (f z)
```

Dieses Muster haben wir schon häufiger gesehen.

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
vmap f (V3 x y z) = V3 (f x) (f y) (f z)
```

Dieses Muster haben wir schon häufiger gesehen.
Es ist ein Functor.

```
class Functor f where  
  fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

```
vmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
vmap f (V3 x y z) = V3 (f x) (f y) (f z)
```

Dieses Muster haben wir schon häufiger gesehen.
Es ist ein Functor.

```
class Functor f where  
  fmap :: (a -> b) -> f a -> f b  
  
instance Functor V3 where  
  fmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b  
  fmap = vmap
```

```
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c
```



```
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c  
vapply f (V3 x y z) (V3 a b c) = ?
```

```
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c  
vapply f (V3 x y z) (V3 a b c) = V3 (f x a) (f y b) (f z c)
```

```
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c  
vapply f (V3 x y z) (V3 a b c) = V3 (f x a) (f y b) (f z c)
```

Wenn wir schon generisch sind: Was machen wir bei einer Funktion mit 3 Argumenten?

```
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c  
vapply f (V3 x y z) (V3 a b c) = V3 (f x a) (f y b) (f z c)
```

Wenn wir schon generisch sind: Was machen wir bei einer Funktion mit 3 Argumenten? Was bei 4 Argumenten?

```
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c  
vapply f (V3 x y z) (V3 a b c) = V3 (f x a) (f y b) (f z c)
```

Wenn wir schon generisch sind: Was machen wir bei einer Funktion mit 3 Argumenten? Was bei 4 Argumenten? Was bei n Argumenten?

```
vapply :: (a -> b -> c) -> V3 a -> V3 b -> V3 c  
vapply f (V3 x y z) (V3 a b c) = V3 (f x a) (f y b) (f z c)
```

Wenn wir schon generisch sind: Was machen wir bei einer Funktion mit 3 Argumenten? Was bei 4 Argumenten? Was bei n Argumenten?

Funktionen sind gecurried. Wir brauchen immer nur „ein Argument mehr“ verarbeiten.

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3) (V3 4 5 6)
```

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3)          (V3 4 5 6)  
          (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
```


Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3)          (V3 4 5 6)
          (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*4) (2*5) (3*6))
```

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*4) (2*5) (3*6))
          (V3 4 10 18)
```

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3)          (V3 4 5 6)  
          (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)  
          (V3 (1*4) (2*5) (3*6))  
          (V3 4 10 18)
```

Wie können wir nun dieses V3 (1*) (2*) (3*) erzeugen?

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3)          (V3 4 5 6)
           (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
           (V3 (1*4) (2*5) (3*6))
           (V3 4 10 18)
```

Wie können wir nun dieses V3 (1*) (2*) (3*) erzeugen?

```
(*) :: Num a => a -> a -> a
```

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3)          (V3 4 5 6)
           (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
           (V3 (1*4) (2*5) (3*6))
           (V3 4 10 18)
```

Wie können wir nun dieses V3 (1*) (2*) (3*) erzeugen?

```
(*) :: Num a => a -> (a -> a)
```

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*4) (2*5) (3*6))
          (V3 4 10 18)
```

Wie können wir nun dieses V3 (1*) (2*) (3*) erzeugen?

```
(*) :: Num a => a -> b
```

```
b = (a -> a)
```

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*4) (2*5) (3*6))
          (V3 4 10 18)
```

Wie können wir nun dieses V3 (1*) (2*) (3*) erzeugen?

```
(*) :: Num a => a -> b
app :: (a -> a -> a) -> V3 a -> V3 (a -> a)

b = (a -> a)
```

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*4) (2*5) (3*6))
          (V3 4 10 18)
```

Wie können wir nun dieses V3 (1*) (2*) (3*) erzeugen?

```
(*) :: Num a => a -> b
app :: (a -> (a -> a)) -> V3 a -> V3 (a -> a)

b = (a -> a)
```


Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*4) (2*5) (3*6))
          (V3 4 10 18)
```

Wie können wir nun dieses V3 (1*) (2*) (3*) erzeugen?

```
(*) :: Num a => a -> b
app :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b

b = (a -> a)
```

Gehen wir das mal an einem Beispiel durch:

```
vapply (*) (V3 1 2 3) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*) (2*) (3*)) (V3 4 5 6)
          (V3 (1*4) (2*5) (3*6))
          (V3 4 10 18)
```

Wie können wir nun dieses V3 (1*) (2*) (3*) erzeugen?

```
(*) :: Num a => a -> b
fmap :: (a -> b) -> V3 a -> V3 b

b = (a -> a)
```

`fmap (*) (V3 1 2 3) = V3 (1*) (2*) (3*)`

V3 (1*) (2*) (3*) :: **V3** (a -> a)

```
V3 (1*) (2*) (3*) :: V3 (a -> a)
V3 4 5 6          :: V3 a
```

```
V3 (1*) (2*) (3*) :: V3 (a -> a)
V3 4 5 6          :: V3 a
apply :: V3 (a -> a) -> V3 a -> V3 a
```

```
V3 (1*) (2*) (3*) :: V3 (a -> a)
V3 4 5 6          :: V3 a
apply :: V3 (a -> b) -> V3 a -> V3 b
```

```
V3 (1*) (2*) (3*) :: V3 (a -> a)
```

```
V3 4 5 6 :: V3 a
```

```
apply :: V3 (a -> b) -> V3 a -> V3 b
```

Dies sollte uns auch bekannt vorkommen.


```
V3 (1*) (2*) (3*) :: V3 (a -> a)
```

```
V3 4 5 6 :: V3 a
```

```
apply :: V3 (a -> b) -> V3 a -> V3 b
```

Dies sollte uns auch bekannt vorkommen. Es ist ein `Applicative`.

```
V3 (1*) (2*) (3*) :: V3 (a -> a)
```

```
V3 4 5 6 :: V3 a
```

```
apply :: V3 (a -> b) -> V3 a -> V3 b
```

Dies sollte uns auch bekannt vorkommen. Es ist ein `Applicative`.

`Applicative` greift in unserem Beispiel auf `fmap` zurück um die Funktion in den Kontext zu bekommen und sofort anzuwenden.

```
V3 (1*) (2*) (3*) :: V3 (a -> a)
```

```
V3 4 5 6 :: V3 a
```

```
apply :: V3 (a -> b) -> V3 a -> V3 b
```

Dies sollte uns auch bekannt vorkommen. Es ist ein `Applicative`.

`Applicative` greift in unserem Beispiel auf `fmap` zurück um die Funktion in den Kontext zu bekommen und sofort anzuwenden. Aber eigentlich könnten wir auch mit

```
V3 ((*) (*) (*)) :: V3 (a -> a -> a)
```

anfangen und 2x `apply` aufrufen.

```
V3 (1*) (2*) (3*) :: V3 (a -> a)
```

```
V3 4 5 6 :: V3 a
```

```
apply :: V3 (a -> b) -> V3 a -> V3 b
```

Dies sollte uns auch bekannt vorkommen. Es ist ein `Applicative`.

`Applicative` greift in unserem Beispiel auf `fmap` zurück um die Funktion in den Kontext zu bekommen und sofort anzuwenden. Aber eigentlich könnten wir auch mit

```
V3 ((*) (*) (*)) :: V3 (a -> a -> a)
```

anfangen und 2x `apply` aufrufen.

Hierfür brauchen wir noch eine Funktion

```
ins :: (a -> a -> a) -> V3 (a -> a -> a)
```

```
V3 (1*) (2*) (3*) :: V3 (a -> a)
```

```
V3 4 5 6 :: V3 a
```

```
apply :: V3 (a -> b) -> V3 a -> V3 b
```

Dies sollte uns auch bekannt vorkommen. Es ist ein `Applicative`.

`Applicative` greift in unserem Beispiel auf `fmap` zurück um die Funktion in den Kontext zu bekommen und sofort anzuwenden. Aber eigentlich könnten wir auch mit

```
V3 ((*) (*) (*)) :: V3 (a -> a -> a)
```

anfangen und 2x `apply` aufrufen.

Hierfür brauchen wir noch eine Funktion

```
ins :: b -> V3 b
```

```
b = (a -> a -> a)
```

Somit haben wir alles für unser Applicative beisammen:

```
class Applicative f where
  pure  :: a -> f a
  <*>  :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

Somit haben wir alles für unser Applicative beisammen:

```
class Applicative f where
  pure :: a -> f a
  <*> :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

Die Instanz für unser V3 ist auch schnell geschrieben:

```
instance Applicative V3 where
  pure f = undefined
  vf <*> vx = undefined
```

Somit haben wir alles für unser Applicative beisammen:

```
class Applicative f where
  pure :: a -> f a
  <*> :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

Die Instanz für unser V3 ist auch schnell geschrieben:

```
instance Applicative V3 where
  pure f = V3 f f f
  vf <*> vx = undefined
```


Somit haben wir alles für unser Applicative beisammen:

```
class Applicative f where
  pure :: a -> f a
  <*> :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

Die Instanz für unser V3 ist auch schnell geschrieben:

```
instance Applicative V3 where
  pure f = V3 f f f
  (V3 f g h) <*> (V3 x y z) = undefined
```

Somit haben wir alles für unser Applicative beisammen:

```
class Applicative f where
  pure :: a -> f a
  <*> :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

Die Instanz für unser V3 ist auch schnell geschrieben:

```
instance Applicative V3 where
  pure f = V3 f f f
  (V3 f g h) <*> (V3 x y z) = V3 (f x) (g y) (h z)
```

Somit haben wir alles für unser Applicative beisammen:

```
class Applicative f where
  pure  :: a -> f a
  <*>  :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

Die Instanz für unser V3 ist auch schnell geschrieben:

```
instance Applicative V3 where
  pure f = V3 f f f
  (V3 f g h) <*> (V3 x y z) = V3 (f x) (g y) (h z)
```

Somit fällt unsere Vektoraddition zusammen auf:

```
vadd x y = pure (+) <*> x <*> y
```

Somit haben wir alles für unser Applicative beisammen:

```
class Applicative f where
  pure  :: a -> f a
  <*>  :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

Die Instanz für unser V3 ist auch schnell geschrieben:

```
instance Applicative V3 where
  pure f = V3 f f f
  (V3 f g h) <*> (V3 x y z) = V3 (f x) (g y) (h z)
```

Somit fällt unsere Vektoraddition zusammen auf:

```
vadd x y = (fmap (+)      x) <*> y
```

Somit haben wir alles für unser Applicative beisammen:

```
class Applicative f where
  pure  :: a -> f a
  <*>  :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

Die Instanz für unser V3 ist auch schnell geschrieben:

```
instance Applicative V3 where
  pure f = V3 f f f
  (V3 f g h) <*> (V3 x y z) = V3 (f x) (g y) (h z)
```

Somit fällt unsere Vektoraddition zusammen auf:

```
vadd x y =      (+) <$> x  <*> y
```

Wozu braucht man Applicative noch?

Wozu braucht man Applicative noch?

Nehmen wir an wir hätten

```
data Person = Person { name :: String
                        , age  :: Int
                        , zip  :: Int
                        , gen  :: Gender
                        }
```

Wozu braucht man Applicative noch?

Nehmen wir an wir hätten

```
data Person = Person { name :: String
                        , age :: Int
                        , zip :: Int
                        , gen :: Gender
                        }
```

und

```
let names = V3 "Alice" "Bob" "Charlie"
let ages  = V3 20 30 40
let zips  = V3 33333 44444 55555
let gens  = V3 Female Male Undecided
```


dann können wir einfach

```
let all = Person <$> names  
           <*> ages  
           <*> zips  
           <*> gens
```

machen

dann können wir einfach

```
let all = Person <$> names  
          <*> ages  
          <*> zips  
          <*> gens
```

machen und erhalten:

```
all = V3 (Person "Alice"    20 33333 Female)  
        (Person "Bob"      30 44444 Male)  
        (Person "Charlie"  40 55555 Undecided)
```

Dieser Fall ist für den V3 etwas konstruiert.

Dieser Fall ist für den V3 etwas konstruiert.
Ein Beispiel aus einer echten Applikation wäre:

```
personForm :: Html -> MForm Handler (FormResult Person, Widget)
personForm = renderDivs $ Person
  <$> areq textField "Name" Nothing
  <*> areq (jqueryDayField def
    { jdsChangeYear = True -- give a year dropdown
    , jdsYearRange = "1900:-5" -- 1900 till five years ago
    }) "Birthday" Nothing
  <*> aopt textField "Favorite color" Nothing
  <*> areq emailField "Email address" Nothing
  <*> aopt urlField "Website" Nothing
```

Kommen wir aber nun zurück zu unserem $V3$:

Wir möchten noch ein Skalarprodukt definieren. Die Hälfte haben wir schon:

```
vdot :: V3 a -> V3 a -> a  
vdot x y = _ ((*) <$> x <*> y)
```

Kommen wir aber nun zurück zu unserem `V3`:

Wir möchten noch ein Skalarprodukt definieren. Die Hälfte haben wir schon:

```
vdot :: V3 a -> V3 a -> a  
vdot x y = _ ((*) <$> x <*> y)
```

Wir brauchen noch eine Funktion

```
compress :: (a -> a -> a) -> V3 a -> a
```

Kommen wir aber nun zurück zu unserem V3:

Wir möchten noch ein Skalarprodukt definieren. Die Hälfte haben wir schon:

```
vdot :: V3 a -> V3 a -> a  
vdot x y = _ ((*) <$> x <*> y)
```

Wir brauchen noch eine Funktion

```
compress :: (a -> a -> a) -> V3 a -> a  
compress f (V3 x y z) = ?
```

Kommen wir aber nun zurück zu unserem V3:

Wir möchten noch ein Skalarprodukt definieren. Die Hälfte haben wir schon:

```
vdot :: V3 a -> V3 a -> a
vdot x y = _ ((*) <$> x <*> y)
```

Wir brauchen noch eine Funktion

```
compress :: (a -> a -> a) -> V3 a -> a
compress f (V3 x y z) = f (f x y) z
```


Kommen wir aber nun zurück zu unserem V3:

Wir möchten noch ein Skalarprodukt definieren. Die Hälfte haben wir schon:

```
vdot :: V3 a -> V3 a -> a  
vdot x y = compress (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Wir brauchen noch eine Funktion

```
compress :: (a -> a -> a) -> V3 a -> a  
compress f (V3 x y z) = f (f x y) z
```

Kommen wir aber nun zurück zu unserem V3:

Wir möchten noch ein Skalarprodukt definieren. Die Hälfte haben wir schon:

```
vdot :: V3 a -> V3 a -> a  
vdot x y = compress (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Wir brauchen noch eine Funktion

```
compress :: (a -> a -> a) -> V3 a -> a  
compress f (V3 x y z) = f (f x y) z
```

Dies ist ein Spezialfall des generischen Faltens von Datestrukturen.

Kommen wir aber nun zurück zu unserem `V3`:

Wir möchten noch ein Skalarprodukt definieren. Die Hälfte haben wir schon:

```
vdot :: V3 a -> V3 a -> a  
vdot x y = compress (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Wir brauchen noch eine Funktion

```
compress :: (a -> a -> a) -> V3 a -> a  
compress f (V3 x y z) = f (f x y) z
```

Dies ist ein Spezialfall des generischen Faltens von Datestrukturen.

Man kann sich einen Vektor auch als Liste mit 3 Elementen

vorstellen und auf Listen kennen wir bereits `foldl`, `foldr`, ...

Kommen wir aber nun zurück zu unserem V3:

Wir möchten noch ein Skalarprodukt definieren. Die Hälfte haben wir schon:

```
vdot :: V3 a -> V3 a -> a  
vdot x y = compress (+) ((*> x <*> y)
```

Wir brauchen noch eine Funktion

```
compress :: (a -> a -> a) -> V3 a -> a  
compress f (V3 x y z) = f (f x y) z
```

Dies ist ein Spezialfall des generischen Faltens von Datestrukturen.

Man kann sich einen Vektor auch als Liste mit 3 Elementen vorstellen und auf Listen kennen wir bereits `foldl`, `foldr`, ...

Also wäre es besser, wenn unser V3 in dieser generischen Klasse sitzt, als wenn jeder Nutzer nachsehen muss, was nun `compress` genau tut.

Die Klasse hierzu heisst Foldable:

```
class Foldable f where
  foldr :: (a -> b -> b) -> b -> f a -> b
oder
  foldMap :: Monoid m => (a -> m) -> f a -> m
```

Die Klasse hierzu heisst Foldable:

```
class Foldable f where
  foldr :: (a -> b -> b) -> b -> f a -> b
oder
  foldMap :: Monoid m => (a -> m) -> f a -> m
```

Beide Definitionen sind gleichwertig.

Die Klasse hierzu heisst Foldable:

```
class Foldable f where
  foldr :: (a -> b -> b) -> b -> f a -> b
oder
  foldMap :: Monoid m => (a -> m) -> f a -> m
```

Beide Definitionen sind gleichwertig.

```
instance Foldable V3 where
  foldr f s (V3 x y z) = f x $ f y $ f z s
```

Die Klasse hierzu heisst Foldable:

```
class Foldable f where
  foldr :: (a -> b -> b) -> b -> f a -> b
oder
  foldMap :: Monoid m => (a -> m) -> f a -> m
```

Beide Definitionen sind gleichwertig.

```
instance Foldable V3 where
  foldr f s (V3 x y z) = f x $ f y $ f z s
oder
instance Foldable V3 where
  foldMap f (V3 x y z) = f x 'mappend' f y 'mappend' f z
```


Die Klasse hierzu heisst Foldable:

```
class Foldable f where
  foldr :: (a -> b -> b) -> b -> f a -> b
oder
  foldMap :: Monoid m => (a -> m) -> f a -> m
```

Beide Definitionen sind gleichwertig.

```
instance Foldable V3 where
  foldr f s (V3 x y z) = f x $ f y $ f z s
oder
instance Foldable V3 where
  foldMap f (V3 x y z) = f x 'mappend' f y 'mappend' f z
```

Diese Klasse definiert dann zahlreiche weitere Funktionen. Unter anderem auch

```
foldr1 :: (a -> a -> a) -> f a -> a
```

welches einfach nur foldr mit dem ersten Element als Startwert ist.

Wozu brauchen wir diese Abstraktion?

Wozu brauchen wir diese Abstraktion?

Zunächst haben wir für unser Skalarprodukt

```
vdot x y = foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Wozu brauchen wir diese Abstraktion?

Zunächst haben wir für unser Skalarprodukt

`vdot x y = foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)`

Aber wenn wir jetzt z.B. die Norm berechnen wollen, müssen wir die Wurzel ziehen.

Wozu brauchen wir diese Abstraktion?

Zunächst haben wir für unser Skalarprodukt

```
vdot x y = foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Aber wenn wir jetzt z.B. die Norm berechnen wollen, müssen wir die Wurzel ziehen. Diese ist z.B. auf `Int` nicht definiert.

Wozu brauchen wir diese Abstraktion?

Zunächst haben wir für unser Skalarprodukt

```
vdot x y = foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Aber wenn wir jetzt z.B. die Norm berechnen wollen, müssen wir die Wurzel ziehen. Diese ist z.B. auf `Int` nicht definiert. Somit können wir *nicht* schreiben:

```
vnorm x y = sqrt $ foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Wozu brauchen wir diese Abstraktion?

Zunächst haben wir für unser Skalarprodukt

```
vdot x y = foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Aber wenn wir jetzt z.B. die Norm berechnen wollen, müssen wir die Wurzel ziehen. Diese ist z.B. auf `Int` nicht definiert. Somit können wir *nicht* schreiben:

```
vnorm x y = sqrt $ foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Wir müssen also irgendwo die Umwandlung von `Int` \rightarrow `Double` machen.

Wozu brauchen wir diese Abstraktion?

Zunächst haben wir für unser Skalarprodukt

```
vdot x y = foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Aber wenn wir jetzt z.B. die Norm berechnen wollen, müssen wir die Wurzel ziehen. Diese ist z.B. auf `Int` nicht definiert. Somit können wir *nicht* schreiben:

```
vnorm x y = sqrt $ foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Wir müssen also irgendwo die Umwandlung von `Int` \rightarrow `Double` machen.

Dazu einige Beispiele:

```
vnorm x y = sqrt $ fromIntegral $ foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

```
vnorm x y = sqrt $ foldr ((*) <$> x <*> y) 0  
                (foldr (+) . fromIntegral)
```

```
vnorm x y = sqrt $ foldr1 (+) ((*) <$> (fromIntegral <$> x)  
                                     <*> (fromIntegral <$> y))
```


Wozu brauchen wir diese Abstraktion?

Zunächst haben wir für unser Skalarprodukt

```
vdot x y = foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Aber wenn wir jetzt z.B. die Norm berechnen wollen, müssen wir die Wurzel ziehen. Diese ist z.B. auf `Int` nicht definiert. Somit können wir *nicht* schreiben:

```
vnorm x y = sqrt $ foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

Wir müssen also irgendwo die Umwandlung von `Int` \rightarrow `Double` machen.

Dazu einige Beispiele:

```
vnorm x y = sqrt $ fromIntegral $ foldr1 (+) ((*) <$> x <*> y)
```

```
vnorm x y = sqrt $ foldr ((+) . fromIntegral) 0  
                                     ((*) <$> x <*> y)
```

```
vnorm x y = sqrt $ foldr1 (+) ((*) <$> (fromIntegral <$> x)  
                                     <*> (fromIntegral <$> y))
```

Diese Funktionen unterscheiden sich in der Laufzeit - und je nach Datentyp auch im Ergebnis.

```

module V3 where
import Control.Applicative
import Data.Foldable
import Data.Monoid
import Prelude hiding (foldr1)

data V3 a = V3 a a a
instance Functor V3 where
    fmap f (V3 x y z) = V3 (f x) (f y) (f z)
instance Applicative V3 where
    pure f = V3 f f f
    (V3 f g h) <*> (V3 x y z) = V3 (f x) (g y) (h z)
instance Foldable V3 where
    foldMap f (V3 x y z) = f x 'mappend' f y 'mappend' f z

vmul s x = (s*) <$> x
vadd x y = (+) <$> x <*> y
vdot x y = foldr1 (+) $ (*) <$> x <*> y
vnorm x y = sqrt $ vdot x y
vnorm' x y = sqrt . fromIntegral $ vdot x y
    
```

Interessant wird es, wenn wir uns die Typen von unseren Funktionen geben lassen:

```
vmul   :: (Num b, Functor f)
        => b -> f b -> f b
vadd   :: (Applicative f, Num b)
        => f b -> f b -> f b
vdot   :: (Foldable t, Applicative t, Num a)
        => t a -> t a -> a
vnorm  :: (Foldable t, Applicative t, Floating s)
        => t s -> t s -> s
vnorm' :: (Foldable t, Applicative t, Integral s, Floating c)
        => t s -> t s -> c
```

Interessant wird es, wenn wir uns die Typen von unseren Funktionen geben lassen:

```
vmul  :: (Num b, Functor f)
      => b -> f b -> f b
vadd  :: (Applicative f, Num b)
      => f b -> f b -> f b
vdot  :: (Foldable t, Applicative t, Num a)
      => t a -> t a -> a
vnorm :: (Foldable t, Applicative t, Floating s)
      => t s -> t s -> s
vnorm':: (Foldable t, Applicative t, Integral s, Floating c)
      => t s -> t s -> c
```

Hier ist gar nicht mehr die Rede von V3.

Interessant wird es, wenn wir uns die Typen von unseren Funktionen geben lassen:

```
vmul   :: (Num b, Functor f)
        => b -> f b -> f b
vadd   :: (Applicative f, Num b)
        => f b -> f b -> f b
vdot   :: (Foldable t, Applicative t, Num a)
        => t a -> t a -> a
vnorm  :: (Foldable t, Applicative t, Floating s)
        => t s -> t s -> s
vnorm' :: (Foldable t, Applicative t, Integral s, Floating c)
        => t s -> t s -> c
```

Hier ist gar nicht mehr die Rede von V3.

Somit können wir dieselben Funktionen auch für V2, V4 etc. benutzen, wenn wir Functor, Applicative und Foldable definieren.

Interessant wird es, wenn wir uns die Typen von unseren Funktionen geben lassen:

```
vmul   :: (Num b, Functor f)
        => b -> f b -> f b
vadd   :: (Applicative f, Num b)
        => f b -> f b -> f b
vdot   :: (Foldable t, Applicative t, Num a)
        => t a -> t a -> a
vnorm  :: (Foldable t, Applicative t, Floating s)
        => t s -> t s -> s
vnorm' :: (Foldable t, Applicative t, Integral s, Floating c)
        => t s -> t s -> c
```

Hier ist gar nicht mehr die Rede von V3.

Somit können wir dieselben Funktionen auch für V2, V4 etc. benutzen, wenn wir Functor, Applicative und Foldable definieren.

Damit läuft das „programmieren“ nicht mehr auf das erneute Implementieren, sondern nur auf das Instanzieren hinaus.

Wozu das ganze?

In der „echten Welt“ haben wir häufig Eingabedaten in verschiedensten Formaten:

- Text (z.B. Config-Files, Log-Files)
- JSON (z.B. im Web-Kontext)
- XML (z.B. (X)HTML)
- Binärcode (z.B. 3D-Modelle, Netzwerkcode, ...)

Wozu das ganze?

In der „echten Welt“ haben wir häufig Eingabedaten in verschiedensten Formaten:

- Text (z.B. Config-Files, Log-Files)
- JSON (z.B. im Web-Kontext)
- XML (z.B. (X)HTML)
- Binärcode (z.B. 3D-Modelle, Netzwerkcode, ...)

Diese wollen wir nun in Haskell nutzbar machen, um sie aufzubereiten, zu filtern oder generell weiterzuverarbeiten.

Wie gehen wir das ganze an?

Naiv: Textvergleiche, Patterns und reguläre Ausdrücke.

Wie gehen wir das ganze an?

Naiv: Textvergleiche, Patterns und reguläre Ausdrücke.

This is not the Haskell-way to do that.

Wie gehen wir das ganze an?

Naiv: Textvergleiche, Patterns und reguläre Ausdrücke.

This is not the Haskell-way to do that.

In Haskell möchten wir gerne **kleine Teilprobleme lösen** (wie z.b. das Lesen eines Zeichens oder einer Zahl) und diese dann zu größeren Lösungen **kombinieren**.

Kernstück für das stückweise Parsen bildet die
Applicative-Typklasse mit ihrer monoidal-Erweiterung „Alternative“.

Kernstück für das stückweise Parsen bildet die
Applicative-Typklasse mit ihrer monoidal-Erweiterung „Alternative“.

Was heisst das genau?

Kernstück für das stückweise Parsen bildet die
Applicative-Typklasse mit ihrer monoidal-Erweiterung „Alternative“.

Was heisst das genau?

„Alternative“ ist in der Lage viele Dinge zu probieren und dann das
erste zurückzuliefern, was geklappt hat.

So ist man in der Lage verschiedene Möglichkeiten des
weiter-parsens auszudrücken.

Kommen wir zunächst zu einem Beispiel. Gegeben ist folgendes Log, welches in Haskell übersetzt werden soll:

```
2013-06-29 11:16:23 124.67.34.60 keyboard
2013-06-29 11:32:12 212.141.23.67 mouse
2013-06-29 11:33:08 212.141.23.67 monitor
2013-06-29 12:12:34 125.80.32.31 speakers
2013-06-29 12:51:50 101.40.50.62 keyboard
2013-06-29 13:10:45 103.29.60.13 mouse
```

Wir haben hier eine Liste von Daten, IP-Adressen und Geräten, die irgendwie interagiert haben.

Zunächst schauen wir uns den Aufbau einer Zeile an

2013-06-29 11:16:23 124.67.34.60 keyboard

Zunächst schauen wir uns den Aufbau einer Zeile an

2013-06-29 11:16:23 124.67.34.60 keyboard

Sie besteht aus

- 1 einem Datum (YYYY-MM-DD hh:mm:ss)
- 2 einer IP (0.0.0.0 - 255.255.255.255)
- 3 einem Gerät (String als Identifier)

Für alles definieren wir nun unsere Wunsch-Datenstrukturen:

Für alles definieren wir nun unsere Wunsch-Datenstrukturen:

Eine Zeile lässt sich darstellen als

```
data LogZeile = LogZeile Datum IP Geraet
```

und das gesamte Log als viele Zeilen:

```
data Log = Log [LogZeile]
```

Datum (YYYY-MM-DD hh:mm:ss) können wir darstellen als

```
import Data.Time
```

```
data Datum = Datum  
    { tag    :: Day  
    , zeit  :: TimeOfDay  
    } deriving (Show, Eq)
```

```
> Datum (fromGregorian 2014 1 2) (TimeOfDay 13 37 0)  
Datum {tag = 2014-01-02, zeit = 13:37:00}
```

Eine IP (0.0.0.0 - 255.255.255.255) ist darstellbar als

```
import Data.Word
```

```
data IP = IP Word8 Word8 Word8 Word8 deriving (Show,Eq)
```

```
> IP 13 37 13 37
```

```
IP 13 37 13 37
```

mit Word8 als unsigned 8-Bit-Integer.

Eine IP (0.0.0.0 - 255.255.255.255) ist darstellbar als

```
import Data.Word
```

```
data IP = IP Word8 Word8 Word8 Word8 deriving (Show,Eq)
```

```
> IP 13 37 13 37
```

```
IP 13 37 13 37
```

mit Word8 als unsigned 8-Bit-Integer.

Wenn falsche Werte nicht darstellbar sind, dann haben wir sie auch nicht in unserem Programm als Problem.

Ein Gerät (String als Identifier) können wir nur als Solches definieren:

```
data Geraet = Mouse
           | Keyboard
           | Monitor
           | Speakers
           deriving (Show,Eq)
```

Hier können wir nachher bei Bedarf auch schnell welche hinzufügen und der Compiler meckert dann an allen Stellen herum, wo wir nicht mehr alle Fälle abfangen.

```
> Datum (fromGregorian 2014 1 2) (TimeOfDay 13 37 0)  
Datum {tag = 2014-01-02, zeit = 13:37:00}
```



```
> Datum (fromGregorian 2014 1 2) (TimeOfDay 13 37 0)
Datum {tag = 2014-01-02, zeit = 13:37:00}
```

Mit attoparsec liest sich der Code fast von allein:

```
{-# LANGUAGE OverloadedStrings #-}
import Data.Time
import Data.Attoparsec.Char8

zeitParser :: Parser Datum
zeitParser = do
  y  <- count 4 digit; char '-'
  mm <- count 2 digit; char '-'
  d  <- count 2 digit; char ' '
  h  <- count 2 digit; char ':'
  m  <- count 2 digit; char ':'
  s  <- count 2 digit;
  return $
    Datum { tag  = fromGregorian (read y) (read mm) (read d)
          , zeit = TimeOfDay (read h) (read m) (read s)
          }
```

Für die IP sieht der Code ähnlich aus:

```
{-# LANGUAGE OverloadedStrings #-}  
import Data.Attoparsec.Char8  
import Data.Word  
  
parseIP :: Parser IP  
parseIP = do  
    d1 <- decimal  
    char ','  
    d2 <- decimal  
    char ','  
    d3 <- decimal  
    char ','  
    d4 <- decimal  
    return $ IP d1 d2 d3 d4
```

Für das Gerät brauchen wir die Mächtigkeit von Alternativen:

```
{-# LANGUAGE OverloadedStrings #-}  
import Data.Attoparsec.Char8  
import Control.Applicative  
  
geraetParser :: Parser Geraet  
geraetParser =  
    (string "mouse"    >> return Mouse)  
  <|> (string "keyboard" >> return Keyboard)  
  <|> (string "monitor"  >> return Monitor)  
  <|> (string "speakers" >> return Speakers)
```

<|> ist der alternativ-Operator, der das Rechte ausführt, wenn das Linke einen Fehler wirft.

Für das Gerät brauchen wir die Mächtigkeit von Alternativen:

```
{-# LANGUAGE OverloadedStrings #-}  
import Data.Attoparsec.Char8  
import Control.Applicative  
  
geraetParser :: Parser Geraet  
geraetParser =  
    (string "mouse"    >> return Mouse)  
  <|> (string "keyboard" >> return Keyboard)  
  <|> (string "monitor"  >> return Monitor)  
  <|> (string "speakers" >> return Speakers)
```

<|> ist der alternativ-Operator, der das Rechte ausführt, wenn das Linke einen Fehler wirft.

Wir matchen hier jeweils auf den String, schmeissen das gematchte Ergebnis weg (den String selbst) und liefern unseren Datentyp zurück.

Für die gesamte Zeile packen wir einfach unsere Parser zusammen:

```
zeilenParser :: Parser LogZeile
zeilenParser = do
    datum <- zeitParser
    char ' '
    ip <- parseIP
    char ' '
    geraet <- geraetParser
    return $ LogZeile datum ip geraet
```

Für das Log nehmen wir die many-Funktion aus „Alternative“:

```
logParser :: Parser Log  
logParser = many $ zeilenParser <* endOfLine
```

<* (aus Applicative) fungiert hier als ein Parser-Kombinator, der erst links matched, dann rechts matched und dann das Ergebnis des Linken zurückliefert.

Hier verwenden wir diesen um das Zeilenende hinter jeder Zeile loszuwerden.

Nun schreiben wir ein kleines Testprogramm:

```
main :: IO ()
main = do
    log <- B.readFile "log.txt"
    print $ parseOnly logParser log
```

und führen es aus:

```
Right [LogZeile (Datum {tag = 2013-06-29, zeit = 11:16:23}) (IP 124 67 34 60) Keyboard,
      LogZeile (Datum {tag = 2013-06-29, zeit = 11:32:12}) (IP 212 141 23 67) Mouse,
      LogZeile (Datum {tag = 2013-06-29, zeit = 11:33:08}) (IP 212 141 23 67) Monitor,
      LogZeile (Datum {tag = 2013-06-29, zeit = 12:12:34}) (IP 125 80 32 31) Speakers,
      LogZeile (Datum {tag = 2013-06-29, zeit = 12:51:50}) (IP 101 40 50 62) Keyboard,
      LogZeile (Datum {tag = 2013-06-29, zeit = 13:10:45}) (IP 103 29 60 13) Mouse]
```

Wie funktioniert so ein Parser nun intern genau?

Wir werden im folgenden attoparsec nicht im Detail erklären, sondern eher die Idee, die dahinter steht.

Eigentlich hätten wir gerne eine Funktion

```
parse :: String -> a
```

Eigentlich hätten wir gerne eine Funktion

```
parse :: String -> a
```

aber was machen wir, wenn etwas von dem String überbleibt, damit wir später weitere dinge parsen können?

Eigentlich hätten wir gerne eine Funktion

```
parse :: String -> a
```

aber was machen wir, wenn etwas von dem String überbleibt, damit wir später weitere dinge parsen können?

Also brauchen wir

```
parse :: String -> (a,String)
```

Eigentlich hätten wir gerne eine Funktion

```
parse :: String -> a
```

aber was machen wir, wenn etwas von dem String überbleibt, damit wir später weitere dinge parsen können?

Also brauchen wir

```
parse :: String -> (a,String)
```

Aber das Parsen kann auch Fehlschlagen. Und Fehlermeldungen wären auch schön.

Eigentlich hätten wir gerne eine Funktion

```
parse :: String -> a
```

aber was machen wir, wenn etwas von dem String überbleibt, damit wir später weitere dinge parsen können?

Also brauchen wir

```
parse :: String -> (a,String)
```

Aber das Parsen kann auch Fehlschlagen. Und Fehlermeldungen wären auch schön.

```
parse :: String -> (Either String a,String)
```

oder alternativ

```
parse :: String -> Either String (a,String)
```

Im folgenden nehmen wir

```
parse :: String -> (Either String a,String)
```

als Parser an. So können wir z.b. weiterparsen, wenn ein Teil einen Fehler wirft. Außerdem wollen wir einen fancy type:

```
data Parser a =  
  Parser {  
    runParser :: String -> (Either String a, String)  
  }
```

Im folgenden nehmen wir

```
parse :: String -> (Either String a,String)
```

als Parser an. So können wir z.b. weiterparsen, wenn ein Teil einen Fehler wirft. Außerdem wollen wir einen fancy type:

```
data Parser a =  
    Parser {  
        runParser :: String -> (Either String a, String)  
    }
```

Dies gibt uns (wie schon beim State) 2 Funktionen:

```
Parser    :: (String -> (Either String a, String)) -> Parser a  
runParser :: Parser a -> String -> (Either String a, String)
```

Natürlich bildet unser Parser wieder eine Monade. So können wir verschiedene Parser miteinander zu großen kombinieren.
Um das besser zu verstehen, gehen wir im Folgenden die nötigen Definitionen (Functor, Applicative, Monad) durch.


```
instance Functor Parser where
fmap f p = Parser $ \input ->
    let
        (res, rem) = runParser p input
    in
        (fmap f res, rem)
```

```
instance Applicative Parser where
  pure a      = Parser $ \input -> (Right a,input)
  pf <*> pa = Parser $ \input ->
    let
      (rf, rem1) = runParser pf input
      (ra, rem2) = runParser pa rem1
    in
      (rf <*> ra, rem2)
```

```
instance Monad Parser where
  return a  = pure a
  pa >>= f  = Parser $ \input ->
    let
      (ra, rem1) = runParser pa input
    in
      case ra of
        Right a  -> runParser (f a) rem1
        Left err -> (Left err, rem1)
```

Was fehlt uns noch?

Was fehlt uns noch?

- Langweilige Definition simpler Parser (digit, lit, space, ...)
- Erweiterung mit Continuations (Text „nachschieben“)
- Implementation einer Standardfehlerbehandlung

Was fehlt uns noch?

- Langweilige Definition simpler Parser (digit, lit, space, ...)
- Erweiterung mit Continuations (Text „nachschieben“)
- Implementation einer Standardfehlerbehandlung

Wir kümmern uns um das letztgenannte, indem wir Alternative implementieren

```
instance Alternative Parser where
  empty      = Parser $ \inp -> (Left "",inp)
  pa <|> pb = Parser $ \input ->
    let
      (ra, rem1) = runParser pa input
    in
      case ra of
        Right _ -> (ra, rem1)
        _       -> runParser pb input
```

Schlägt der Parser hier fehl, dann wird der bereits benutzte Input wiederhergestellt und ein weiterer Parser probiert.

Nun können wir ein paar Simple Dinge parsen:

```
parse1 :: Parser Int
parse1 = Parser $ \inp -> case inp of
    ('1':xs) -> (Right 1,xs)
    x         -> (Left "no 1", x)

parse0 :: Parser Int
parse0 = Parser $ \inp -> case inp of
    ('0':xs) -> (Right 0, xs)
    x         -> (Left "no 0", x)
```


Nun können wir ein paar Simple Dinge parsen:

```
parse1 :: Parser Int
parse1 = Parser $ \inp -> case inp of
    ('1':xs) -> (Right 1,xs)
    x         -> (Left "no 1", x)
```

```
parse0 :: Parser Int
parse0 = Parser $ \inp -> case inp of
    ('0':xs) -> (Right 0, xs)
    x         -> (Left "no 0", x)
```

Dies sind dann intrinsics oder interne Funktionen, die ohne einen Zugriff auf „Parser“ nicht möglich sind. Somit können wir verhindern, dass Leute mit dem Eingabestring schindluder treiben.

Binärzahlen können wir dann wie folgt parsen:

```
parseBin :: Parser Int
parseBin = parse0 <|> parse1

testParser :: Parser [Int]
testParser = many parseBin

main :: IO ()
main = print $ runParser testParser "101001"
-- (Right [1,0,1,0,0,1], "")
```