Fortgeschrittene Funktionale Programmierung in Haskell

Universität Bielefeld, Sommersemester 2015

Jonas Betzendahl & Stefan Dresselhaus

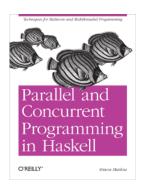
Übersicht I

- Übersicht
 - Motivation
 - Definitionen
 - Technisches

- 2 Parallelism
 - Die Eval-Monade und Strategies
 - Die Par-Monade
 - RePAs und Accelerate

Definitionen

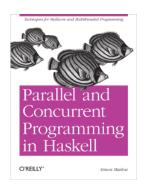
Leseempfehlung:



Wunderbares Buch zum Thema von Simon Marlow. Gratis im Internet verfügbar, inklusive Beispielcode auf Hackage.

Definitionen

Leseempfehlung:



Wunderbares Buch zum Thema von Simon Marlow. Gratis im Internet verfügbar, inklusive Beispielcode auf Hackage.

S.a.: HaskellCast, Episode 4



Motivation

Motivation

Free Lunch is over!

Herb Sutter (2005)

Free Lunch is over!

Herb Sutter (2005)

Die Hardware unserer Computer wird seit mehreren Jahren schon schneller breiter (*mehr* Kerne) als tiefer (*schnellere* Kerne).

Free Lunch is over!

Herb Sutter (2005)

Die Hardware unserer Computer wird seit mehreren Jahren schon schneller breiter (*mehr* Kerne) als tiefer (*schnellere* Kerne).

Um technischen Fortschritt voll auszunutzen ist es also essentiell, gute Werkzeuge für einfache und effiziente Parallelisierung bereit zu stellen.

Definitionen

Parallelism vs. Concurrency:

Beides ist ein Ausdruck von "Dinge gleichzeitig tun"; in der Programmierung haben sie aber grundverschiedene Bedeutungen.

Technisches

Parallelism vs. Concurrency:

Beides ist ein Ausdruck von "Dinge gleichzeitig tun"; in der Programmierung haben sie aber grundverschiedene Bedeutungen.

Programme arbeiten *parallel*, wenn sie mehrere Prozessorkerne einsetzen, um schneller an die Antwort einer bestimmten Frage zu kommen.

Übersicht

Technisches

Parallelism vs. Concurrency:

Beides ist ein Ausdruck von "Dinge gleichzeitig tun"; in der Programmierung haben sie aber grundverschiedene Bedeutungen.

Programme arbeiten *parallel*, wenn sie mehrere Prozessorkerne einsetzen, um schneller an die Antwort einer bestimmten Frage zu kommen.

Nebenläufige Programme hingegen haben mehrere "threads of control". Oft dient das dazu, gleichzeitig mit mehreren externen Agenten (dem User, einer Datenbank, ...) zu interagieren (das bedeutet IO).

Eine ähnliche Unterscheidung ist zwischen deterministischem und nicht-deterministischem Code.

Eine ähnliche Unterscheidung ist zwischen deterministischem und nicht-deterministischem Code.

Nebenläufiger Code ist zwangsläufig nicht-deterministisch (wegen der Interaktion mit Externa), paralleler Code kann jedoch oft deterministisch formuliert werden. Das erlaubt es z.B. das Programm auf einem Kern zu testen und dann einfach auf mehr Kerne zu schmeißen ohne, dass sich das Ergebnis ändert.

Eine ähnliche Unterscheidung ist zwischen deterministischem und nicht-deterministischem Code.

Nebenläufiger Code ist zwangsläufig nicht-deterministisch (wegen der Interaktion mit Externa), paralleler Code kann jedoch oft deterministisch formuliert werden. Das erlaubt es z.B. das Programm auf einem Kern zu testen und dann einfach auf mehr Kerne zu schmeißen ohne, dass sich das Ergebnis ändert.

Manchmal wird Concurrency an der falschen Stelle eingesetzt (wenn eigentlich Parallelism gewollt wäre). Das ist oft eine unkluge Entscheidung weil es den Determinismus des Programmes opfert und damit das Programm schwerer zu verstehen und zu optimieren macht.

Eine ähnliche Unterscheidung ist zwischen deterministischem und nicht-deterministischem Code

Nebenläufiger Code ist zwangsläufig nicht-deterministisch (wegen der Interaktion mit Externa), paralleler Code kann jedoch oft deterministisch formuliert werden. Das erlaubt es z.B. das Programm auf einem Kern zu testen und dann einfach auf mehr Kerne zu schmeißen ohne, dass sich das Ergebnis ändert.

Manchmal wird Concurrency an der falschen Stelle eingesetzt (wenn eigentlich Parallelism gewollt wäre). Das ist oft eine unkluge Entscheidung weil es den Determinismus des Programmes opfert und damit das Programm schwerer zu verstehen und zu optimieren macht.

Es ist auch ganz natürlich, beides im gleichen Programm verwenden zu wollen.

(WH)NF:

Im Themenbereich Parallelism wird oft darüber gesprochen, wann Ausdrücke ausgewertet werden und "wie weit" (Laziness). Es gibt dafür zwei wichtige Vokabeln: Normal Form und Weak Head Normal Form.

(WH)NF:

Im Themenbereich Parallelism wird oft darüber gesprochen, wann Ausdrücke ausgewertet werden und "wie weit" (Laziness). Es gibt dafür zwei wichtige Vokabeln: **Normal Form** und **Weak Head Normal Form**.

Die **NF** eines Ausdrucks ist der gesamte Ausdruck, vollständig berechnet. Es gibt keine Unterausdrücke, die weiter ausgewertet werden könnten.

(WH)NF:

Im Themenbereich Parallelism wird oft darüber gesprochen, wann Ausdrücke ausgewertet werden und "wie weit" (Laziness). Es gibt dafür zwei wichtige Vokabeln: Normal Form und Weak Head Normal Form.

Die **NF** eines Ausdrucks ist der gesamte Ausdruck, vollständig berechnet. Es gibt keine Unterausdrücke, die weiter ausgewertet werden könnten.

Die WHNF eines Ausdrucks ist der Ausdruck, evaluiert zum äußersten Konstruktor oder zur äußersten λ -Abstraktion (dem head). Unterausdrücke können berechnet sein oder auch nicht. Ergo ist jeder Ausdruck in NF auch in WHNF.

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

```
(1337, "Hello World!")
```

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

```
(1337, "Hello World!")
```

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

Sind diese Ausdrücke in **NF** oder **WHNF**? Wenn ja welche davon?

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

Sind diese Ausdrücke in **NF** oder **WHNF**? Wenn ja welche davon?

```
(1337, "Hello World!")
```

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

```
'f' : ("oo" ++ "bar")
```

Sind diese Ausdrücke in **NF** oder **WHNF**? Wenn ja welche davon?

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

⇒ WHNF! Der head ist der Konstruktor (:).

Sind diese Ausdrücke in **NF** oder **WHNF**? Wenn ja welche davon?

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

⇒ WHNF! Der head ist der Konstruktor (:).

$$(\x -> x + 1) 2$$

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

⇒ WHNF! Der head ist der Konstruktor (:).

$$(\x -> x + 1) 2$$

⇒ Weder noch! Äußerster Part ist Anwendung der Funktion.

Um Programme in Haskell parallel ausführen zu können, müssen sie wie folgt kompiliert werden:

\$ ghc -make -rtsopts -threaded Main.hs

Um Programme in Haskell parallel ausführen zu können, müssen sie wie folgt kompiliert werden:

\$ ghc -make -rtsopts -threaded Main.hs

Danach können sie auch mit RTS (Run Time System) - Optionen wie z.B. diesen hier ausgeführt werden:

\$./Main.hs +RTS -N2 -s -RTS

Um Programme in Haskell parallel ausführen zu können, müssen sie wie folgt kompiliert werden:

\$ ghc -make -rtsopts -threaded Main.hs

Danach können sie auch mit RTS (Run Time System) - Optionen wie z.B. diesen hier ausgeführt werden:

\$./Main.hs +RTS -N2 -s -RTS

Dokumentation findet sich leicht via beliebiger Suchmaschine. Eine Kurzübersicht gibt es zum Beispiel unter cheatography.com/nash/cheat-sheets/ghc-and-rts-options/

Parallelism

- Die Eval-Monade und Strategies
- Überblick: Die Par-Monade
- Überblick: Die RePa-Bibliothek und Accelerate

Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade RePAs und Accelerate

Parallelism

• O Die Eval-Monade und Strategies

• Überblick: Die Par-Monade

• Überblick: Die RePa-Bibliothek und Accelerate

Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade RePAs und Accelerate

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

type Strategy a = a -> Eval a

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

```
type Strategy a = a -> Eval a
```

...insbesondere die Strategies rpar und rseq. Dazu gleich mehr.

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

```
type Strategy a = a -> Eval a
```

...insbesondere die Strategies rpar und rseq. Dazu gleich mehr.

Desweiteren stellt es die Operation runEval, die die monadischen Berechnungen ausführt und das Ergebnis zurück gibt, bereit.

```
runEval :: Eval a -> a
```

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

```
type Strategy a = a -> Eval a
```

...insbesondere die Strategies rpar und rseq. Dazu gleich mehr.

Desweiteren stellt es die Operation runEval, die die monadischen Berechnungen ausführt und das Ergebnis zurück gibt, bereit.

```
runEval :: Eval a -> a
```

Wohlgemerkt: runEval ist *pur!*Wir müssen nicht gleichzeitig auch in der IO-Monade sein.

Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade RePAs und Accelerate

rpar ist die Strategie, die ihr Argument parallel auswertet und währenddessen das Programm weiter laufen lässt.

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

Protips:

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

Protips:

 Ausgewertet wird jeweils zur WHNF (wenn nichts anderes angegeben wurde).

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

Protips:

- Ausgewertet wird jeweils zur WHNF (wenn nichts anderes angegeben wurde).
- Wird rpar ein bereits evaluierter Ausdruck übergeben, passiert nichts, weil es keine Arbeit parallel auszuführen gibt.

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

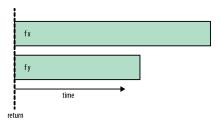
Protips:

- Ausgewertet wird jeweils zur WHNF (wenn nichts anderes angegeben wurde).
- Wird rpar ein bereits evaluierter Ausdruck übergeben, passiert nichts, weil es keine Arbeit parallel auszuführen gibt.

Sehen wir uns das mal in action an...

```
-- don't wait for evaluation
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rpar (f y)
    return (a,b)</pre>
```

```
-- don't wait for evaluation
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rpar (f y)
    return (a,b)</pre>
```



Wir wollen die Ausdrücke (f x) und (f y) mit der Eval-Monade parallel auswerten. O.B.d.A. benötigt (f x) mehr Zeit.

```
-- don't wait for evaluation
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rpar (f y)
    return (a,b)

fy

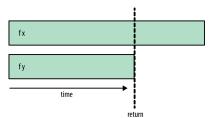
fy

return
```

Hier passiert das return sofort. Der Rest des Programmes läuft weiter, während (f x) und (f y) (parallel) ausgewertet werden.

```
-- wait for (f y)
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rseq (f y) -- wait
return (a,b)
```

```
-- wait for (f y)
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rseq (f y) -- wait
    return (a,b)
```



Wir wollen die Ausdrücke (f x) und (f y) mit der Eval-Monade parallel auswerten. O.B.d.A. benötigt (f x) mehr Zeit.

```
-- wait for (f y)
runEval $ do
a <- rpar (f x)
b <- rseq (f y) -- wait
return (a,b)

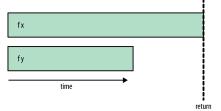
fx

fy

fy
```

Hier werden (f x) und (f y) ebenfalls ausgewertet, allerdings wird mit return gewartet, bis (f y) zu Ende evaluiert wurde.

```
-- wait for (f y) and (f x)
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rseq (f y) -- wait
    rseq a -- wait
    return (a,b)
```



Wir wollen die Ausdrücke (f x) und (f y) mit der Eval-Monade parallel auswerten. O.B.d.A. benötigt (f x) mehr Zeit.

In diesem Code wird sowohl auf (f x) als auch auf (f y) gewartet, bevor etwas zurück gegeben wird.

Wir wollen die Ausdrücke (f x) und (f y) mit der Eval-Monade parallel auswerten. O.B.d.A. benötigt (f x) mehr Zeit.

In diesem Code wird sowohl auf (f x) als auch auf (f y) gewartet, bevor etwas zurück gegeben wird.

Ein weiteres Beispiel: Wir wollen ein Programm zum Lösen von Sudokus parallelisieren.

Wir nehmen dazu an wir haben bereits die folgende Funktion:

solve :: String -> Maybe Grid

Ein weiteres Beispiel: Wir wollen ein Programm zum Lösen von Sudokus parallelisieren.

Wir nehmen dazu an wir haben bereits die folgende Funktion:

```
solve :: String -> Maybe Grid
```

Dann wäre ein mögliches (sequentielles) Programm das folgende:

```
main :: IO ()
main = do
    [f] <- getArgs
    file <- readFile f

let puzzles = lines file
    solutions = map solve puzzles

print (length (filter isJust solutions))</pre>
```

Nun wollen wir Liste der Lösungen parallel auf zwei Kernen ausführen lassen:

```
main :: TO ()
main = do
  [f] <- getArgs
  file <- readFile f
  let puzzles = lines file
      (as,bs) = splitAt (length puzzles 'div' 2) puzzles
      solutions = runEval $ do
                    as' <- rpar (force (map solve as))
                    bs' <- rpar (force (map solve bs))
                    rseq as'
                    rseq bs'
                    return (as' ++ bs')
  print (length (filter isJust solutions))
```

Was tut die Funktion force und warum wird sie hier benötigt?

force :: NFData a => a -> a

Was tut die Funktion force und warum wird sie hier benötigt?

rpar evaluiert nur zur **WHNF**, nicht zur vollen Lösung. Dies ist ein häufiger Fehler bei Parallelisierung von Haskell-Programmen. Die Lösung ist, die Evaluation zu forcen.

Was tut die Funktion force und warum wird sie hier benötigt?

rpar evaluiert nur zur **WHNF**, nicht zur vollen Lösung. Dies ist ein häufiger Fehler bei Parallelisierung von Haskell-Programmen. Die Lösung ist, die Evaluation zu forcen.

Allerdings muss hierbei bedacht werden, dass force $\mathcal{O}(n)$ Zeit benötigt, um die Datenstruktur komplett zu evaluieren.

Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade RePAs und Accelerate

Einschub: Die NFData-Typklasse:

Diese Typklasse umfasst alle Typen, die zu einer Normalform ausgewertet werden können (nur Daten, keine Funktionstypen).

Einschub: Die NFData-Typklasse:

Diese Typklasse umfasst alle Typen, die zu einer Normalform ausgewertet werden können (nur Daten, keine Funktionstypen).

```
class NFData a where
  rnf :: a -> ()
  rnf a = a 'seq' ()
```

Einschub: Die NFData-Typklasse:

Diese Typklasse umfasst alle Typen, die zu einer Normalform ausgewertet werden können (nur Daten, keine Funktionstypen).

rnf bringt Standardimplementation mit, dies erleichtert Instanzen von simplen Datentypen ohne Substrukturen:

```
instance NFData Bool
```

Einschub: Die NFData-Typklasse:

Diese Typklasse umfasst alle Typen, die zu einer Normalform ausgewertet werden können (nur Daten, keine Funktionstypen).

```
class NFData a where
  rnf :: a -> ()
  rnf a = a 'seq' ()

-- Zur Erinnerung:
seq :: a -> b -> b
\( \)pause
```

rnf bringt Standardimplementation mit, dies erleichtert Instanzen von simplen Datentypen ohne Substrukturen:

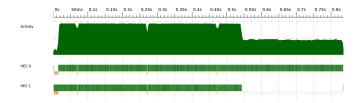
```
instance NFData Bool
```

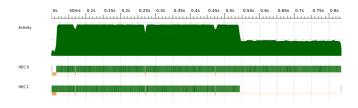
Instanzen von Typen mit Substrukturen funktionieren nutzen rekursive Aufrufe von rnf und seq:

Zurück zu unserem Beispiel:

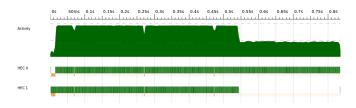
Zurück zu unserem Beispiel:

Wenn wir diesen Code auf zwei Kernen laufen lassen, bekommen wir einen Speedup in Wall-clock-time, allerdings "nur" um einen Faktor von $\sim 1,5$.



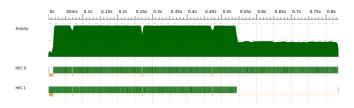


Wir bemerken: Unsere parallelen Berechnungen sind ungleich groß. Eine benötigt deutlich länger als die andere.



Wir bemerken: Unsere parallelen Berechnungen sind ungleich groß. Eine benötigt deutlich länger als die andere.

Auch dies ist ein häufiges Problem mit Parallelisierung: Chunks von voraus bestimmter Größe (*static partitioning*) enthalten nur selten tatsächlich gleich viel Arbeit.



Wir bemerken: Unsere parallelen Berechnungen sind ungleich groß. Eine benötigt deutlich länger als die andere.

Auch dies ist ein häufiges Problem mit Parallelisierung: Chunks von voraus bestimmter Größe (*static partitioning*) enthalten nur selten tatsächlich gleich viel Arbeit.

Außerdem sind wir so durch die Anzahl der Chunks beschränkt. Werden nur zwei Chunks parallel evaluiert, können wir keine Verschnellerung > 2 erreichen, egal wie viele Kerne wir einsetzen.

Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade RePAs und Accelerate

Diese Probleme können wir lösen, indem wir von *static partitioning* auf *dynamic partitioning* wechseln.

Das bedeutet, anstatt von Hand ein paar große Chunks anzugeben, auf denen Parallelism angewendet werden soll, geben wir viele kleine Chunks an, die dann zur Laufzeit unter den Prozessorkernen aufgeteilt werden.

Diese Probleme können wir lösen, indem wir von static partitioning auf dynamic partitioning wechseln.

Das bedeutet, anstatt von Hand ein paar große Chunks anzugeben, auf denen Parallelism angewendet werden soll, geben wir viele kleine Chunks an, die dann zur Laufzeit unter den Prozessorkernen aufgeteilt werden.

Es gibt ein Fachwort für dieses Konzept: *Spark*. Ein Spark ist ein noch nicht ausgewerteter Ausdruck in einer Queue, die vom RTS auf magische (sprich: schlaue) Weise parallel evaluiert werden können.

Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade RePAs und Accelerate

• mehrere Milliarden Sparks,

- mehrere Milliarden Sparks,
- ca. eine Million lightweight Haskell-Threads,

- mehrere Milliarden Sparks,
- ca. eine Million lightweight Haskell-Threads,
- ein Dutzend OS-Thread,

- mehrere Milliarden Sparks,
- ca. eine Million lightweight Haskell-Threads,
- ein Dutzend OS-Thread,
- auf sechs Kernen.

- mehrere Milliarden Sparks,
- ca. eine Million lightweight Haskell-Threads,
- ein Dutzend OS-Thread,
- auf sechs Kernen.

Haskell Spark Pools N Worker (OS) Threads CPU 1 CPU 2 CPU 3 CPU 4

Grafik von Don Stewart, Quelle:

http://stackoverflow.com/questions/958449/what-is-a-spark-in-haskell

Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade RePAs und Accelerate

Hands on: Wir definieren uns folgende monadische Version von map:

Hands on: Wir definieren uns folgende monadische Version von map:

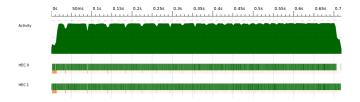
Nun wird für jede Funktionsanwendung (f a) ein *Spark* erstellt, die alle parallel arbeiten und vom RTS des GHC gemanaged werden.

Hands on: Wir definieren uns folgende monadische Version von map:

Nun wird für jede Funktionsanwendung (f a) ein *Spark* erstellt, die alle parallel arbeiten und vom RTS des GHC gemanaged werden. Eingesetzt in unser Beispiel:

```
main :: IO ()
main = do
  [f] <- getArgs
  file <- readFile f
  let puzzles = lines file
        solutions = runEval (parMap solve puzzles)
  print (length (filter isJust solutions))</pre>
```

Analyse mit *ThreadScope*:



Schon viel besser. Der Speedup beträgt jetzt $\sim 1,8$. Den optimalen Wert von 2 zu erreichen ist (praktisch) unmöglich, da immer ein Overhead für das Management der Sparks entstehen muss.

SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

Was bedeutet das jetzt im Einzelnen?

 converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

- converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.
- overflowed: Die maximale Anzahl Sparks wurde überschritten, Spark gelöscht.

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

- converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.
- overflowed: Die maximale Anzahl Sparks wurde überschritten, Spark gelöscht.
- dud: Es wurde ein Spark für einen Ausdruck erstellt, der bereits ausgewertet wurde.

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

- converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.
- overflowed: Die maximale Anzahl Sparks wurde überschritten, Spark gelöscht.
- dud: Es wurde ein Spark für einen Ausdruck erstellt, der bereits ausgewertet wurde.
- GC'd: Der evaluierte Ausdruck wurde nicht benötigt und garbage collected.

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

- converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.
- overflowed: Die maximale Anzahl Sparks wurde überschritten, Spark gelöscht.
- dud: Es wurde ein Spark für einen Ausdruck erstellt, der bereits ausgewertet wurde.
- GC'd: Der evaluierte Ausdruck wurde nicht benötigt und garbage collected.
- fizzled: Ausdruck wurde an anderer Stelle schneller vom Programm ausgewertet.

Das Rabbithole zu Strategien geht ziemlich tief. Andere Funktionen, die zur Verfügung stehen, sind zum Beispiel...

```
using :: a -> Strategy a -> a
x 'using' strat = runEval (strat x)
r0 :: Strategy a -- evaluiert nichts
rdeepseq :: NFData a => Strategy a -- evaluiert komplett
dot :: Strategy a -> Strategy a -- Kombination
parList :: Strategy a -> Strategy [a]
```

Das Rabbithole zu Strategien geht ziemlich tief. Andere Funktionen, die zur Verfügung stehen, sind zum Beispiel...

All diese sind wunderschöne Werkzeuge um schnell und einfach adequaten Parallelism zu erzeugen. Außerdem können wir einfach die Parallelisierung vom Algorithmus trennen.

Es gibt aber auch andere Use Cases. Etwas mehr Finetuning bietet zum Beispiel. . .

Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade RePAs und Accelerate

Parallelism

- Die Eval-Monade und Strategies
- O Überblick: Die Par-Monade
- Überblick: Die RePa-Bibliothek und Accelerate

Die Eval-Monade und Strategie Die Par-Monade RePAs und Accelerate

Alternative zu Strategies, mit anderen Schwerpunkten und anderen Tradeoffs.

Alternative zu Strategies, mit anderen Schwerpunkten und anderen Tradeoffs.

Das Interface heißt - Überraschung! - Par.

```
newtype Par a instance Monad Par
```

```
runPar :: Par a -> a
```

Alternative zu Strategies, mit anderen Schwerpunkten und anderen Tradeoffs.

Das Interface heißt - Überraschung! - Par.

```
newtype Par a
instance Monad Par
runPar :: Par a -> a
```

Wir können explizit Parallelism erzeugen mit einer Funktion namens fork, die ihr Argument (das "Kind") parallel zum Aufrufenden Programm ("Elter") ausführt.

```
fork :: Par () -> Par ()
```

Alternative zu Strategies, mit anderen Schwerpunkten und anderen Tradeoffs.

Das Interface heißt - Überraschung! - Par.

```
newtype Par a
instance Monad Par
runPar :: Par a -> a
```

Wir können explizit Parallelism erzeugen mit einer Funktion namens fork, die ihr Argument (das "Kind") parallel zum Aufrufenden Programm ("Elter") ausführt.

```
fork :: Par () -> Par ()
```

Aber fork gibt nichts an das Elter zurück, wie können wir dann Informationen austauschen?

Introducing: *IVars*

```
data IVar a -- instance Eq
new :: Par (IVar a)
put :: NFData a => IVar a -> a -> Par ()
get :: IVar a -> Par a
```

Introducing: *IVars*

```
data IVar a -- instance Eq
new :: Par (IVar a)
put :: NFData a => IVar a -> a -> Par ()
get :: IVar a -> Par a
```

IVars können benutzt werden, um Daten zwischen Berechnungen in Par zu übergeben.

Stellt euch eine Kiste vor, die zunächst mal leer startet (new). Mit put können Daten von einer Berechnung in der Par-Monade in die Kiste hinein gelegt und mit get von einer anderen ausgelesen werden. Ist noch nichts in der Kiste wartet get so lange bis sich das ändert, bevor es weiter geht.

Introducing: *IVars*

```
data IVar a -- instance Eq
new :: Par (IVar a)
put :: NFData a => IVar a -> a -> Par ()
get :: IVar a -> Par a
```

IVars können benutzt werden, um Daten zwischen Berechnungen in Par zu übergeben.

Stellt euch eine Kiste vor, die zunächst mal leer startet (new). Mit put können Daten von einer Berechnung in der Par-Monade in die Kiste hinein gelegt und mit get von einer anderen ausgelesen werden. Ist noch nichts in der Kiste wartet get so lange bis sich das ändert, bevor es weiter geht.

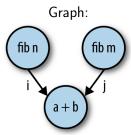
(Ein ähnlicher Datentyp, *MVar*, wird uns im Kontext von Haskell und Concurrency noch begegnen.)

Ein einfaches Beispiel mit Par:

```
runPar $ do
    i <- new
    j <- new
    fork (put i (fib n))
    fork (put j (fib m))
    a <- get i
    b <- get j
    return (a+b)</pre>
```

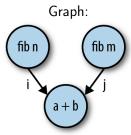
Ein einfaches Beispiel mit Par:

```
runPar $ do
    i <- new
    j <- new
    fork (put i (fib n))
    fork (put j (fib m))
    a <- get i
    b <- get j
    return (a+b)</pre>
```



Ein einfaches Beispiel mit Par:

```
runPar $ do
    i <- new
    j <- new
    fork (put i (fib n))
    fork (put j (fib m))
    a <- get i
    b <- get j
    return (a+b)</pre>
```



fork: Neuer Knoten new: Neue Kante

put, get: Kanten & Knoten verbinden

Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade RePAs und Accelerate

Die Par-Monade kann allerdings noch mehr als nur hübsche Datenfluss-Graphen! Wie würden wir unsere parallele Version von map von vorhin hier formulieren? Die Par-Monade kann allerdings noch mehr als nur hübsche Datenfluss-Graphen! Wie würden wir unsere parallele Version von map von vorhin hier formulieren?

Die Par-Monade kann allerdings noch mehr als nur hübsche Datenfluss-Graphen! Wie würden wir unsere parallele Version von map von vorhin hier formulieren?

Da f :: (a -> Par b) kann auch in f wieder Parallelism verwendet werden.

Ein paar Faustregeln zur Par-Monade (im Vergleich zu Strategies):

 Wenn euer Programm eine lazy Datenstruktur ausspuckt, die ihr mit Strategien parallelisieren wollt, funktioniert das in der Regel gut. Ansonsten bietet sich Par an.

- Wenn euer Programm eine lazy Datenstruktur ausspuckt, die ihr mit Strategien parallelisieren wollt, funktioniert das in der Regel gut. Ansonsten bietet sich Par an.
- runEval ist quasi umsonst, runPar ist teuer. Idealerweise runPar um alle Stellen wickeln, die Parallelism brauchen und nicht rekursiv aufrufen.

- Wenn euer Programm eine lazy Datenstruktur ausspuckt, die ihr mit Strategien parallelisieren wollt, funktioniert das in der Regel gut. Ansonsten bietet sich Par an.
- runEval ist quasi umsonst, runPar ist teuer. Idealerweise runPar um alle Stellen wickeln, die Parallelism brauchen und nicht rekursiv aufrufen.
- Kein "speculative Parallelism" in der Par-Monade.

- Wenn euer Programm eine lazy Datenstruktur ausspuckt, die ihr mit Strategien parallelisieren wollt, funktioniert das in der Regel gut. Ansonsten bietet sich Par an.
- runEval ist quasi umsonst, runPar ist teuer. Idealerweise runPar um alle Stellen wickeln, die Parallelism brauchen und nicht rekursiv aufrufen.
- Kein "speculative Parallelism" in der Par-Monade.
- Strategies erlauben, den eigentlichen Code komplett vom Parallelism zu trennen. (expr 'using' strat) vs. (expr)

- Wenn euer Programm eine lazy Datenstruktur ausspuckt, die ihr mit Strategien parallelisieren wollt, funktioniert das in der Regel gut. Ansonsten bietet sich Par an.
- runEval ist quasi umsonst, runPar ist teuer. Idealerweise runPar um alle Stellen wickeln, die Parallelism brauchen und nicht rekursiv aufrufen.
- Kein "speculative Parallelism" in der Par-Monade.
- Strategies erlauben, den eigentlichen Code komplett vom Parallelism zu trennen. (expr 'using' strat) vs. (expr)
- Par ist eine reine Haskell-Bibliothek, leichter zu modifizieren (Scheduler)

- Wenn euer Programm eine lazy Datenstruktur ausspuckt, die ihr mit Strategien parallelisieren wollt, funktioniert das in der Regel gut. Ansonsten bietet sich Par an.
- runEval ist quasi umsonst, runPar ist teuer. Idealerweise runPar um alle Stellen wickeln, die Parallelism brauchen und nicht rekursiv aufrufen.
- Kein "speculative Parallelism" in der Par-Monade.
- Strategies erlauben, den eigentlichen Code komplett vom Parallelism zu trennen. (expr 'using' strat) vs. (expr)
- Par ist eine reine Haskell-Bibliothek, leichter zu modifizieren (Scheduler)
- Strategies haben besseren Support vom RTS und ThreadScope

Parallelism

• Die Eval-Monade und Strategies

Überblick: Die Par-Monade

• O Überblick: Die RePA-Bibliothek und Accelerate

Die bisherigen Ansätze für Parallelism waren gut geeignet für herkömmliche Datenstrukturen in Haskell. Für manche Probleme (oft solche, die große Arrays voller ungeboxter Daten verarbeiten) ist das aber nicht der richtige Weg.

Die bisherigen Ansätze für Parallelism waren gut geeignet für herkömmliche Datenstrukturen in Haskell. Für manche Probleme (oft solche, die große Arrays voller ungeboxter Daten verarbeiten) ist das aber nicht der richtige Weg.

Beispiele:

Bildverarbeitung

Die bisherigen Ansätze für Parallelism waren gut geeignet für herkömmliche Datenstrukturen in Haskell. Für manche Probleme (oft solche, die große Arrays voller ungeboxter Daten verarbeiten) ist das aber nicht der richtige Weg.

Beispiele:

- Bildverarbeitung
- high-performance number crunching

Die bisherigen Ansätze für Parallelism waren gut geeignet für herkömmliche Datenstrukturen in Haskell. Für manche Probleme (oft solche, die große Arrays voller ungeboxter Daten verarbeiten) ist das aber nicht der richtige Weg.

Beispiele:

- Bildverarbeitung
- high-performance number crunching
- . . .

Die bisherigen Ansätze für Parallelism waren gut geeignet für herkömmliche Datenstrukturen in Haskell. Für manche Probleme (oft solche, die große Arrays voller ungeboxter Daten verarbeiten) ist das aber nicht der richtige Weg.

Beispiele:

- Bildverarbeitung
- high-performance number crunching
- . . .

Für diese Zwecke wurden die Bibliotheken REPA und Accelerate entwickelt. Ihre Datenstrukturen sind sich im Kern ähnlich...

Ein kurzer Blick auf die wichtigsten Datentypen von REPA (Abk: REgular PArallel arrays):

data Array r sh e

• e ist der Datentyp, der gespeichert werden soll (unboxed).

data Array r sh e

- e ist der Datentyp, der gespeichert werden soll (unboxed).
- sh ist die Form (shape) des Arrays.

data Array r sh e

- e ist der Datentyp, der gespeichert werden soll (unboxed).
- sh ist die Form (shape) des Arrays.
- r ist der representation type. Dazu gleich mehr.

```
data Array r sh e
```

- e ist der Datentyp, der gespeichert werden soll (unboxed).
- sh ist die Form (shape) des Arrays.
- r ist der representation type. Dazu gleich mehr.

Die Form eines Arrays ist entweder ein Skalar oder eine Form "mal" eine zusätzliche (immer durch Int indizierte) Dimension.

```
data Array r sh e
```

- e ist der Datentyp, der gespeichert werden soll (unboxed).
- sh ist die Form (shape) des Arrays.
- r ist der representation type. Dazu gleich mehr.

Die Form eines Arrays ist entweder ein Skalar oder eine Form "mal" eine zusätzliche (immer durch Int indizierte) Dimension.

```
data Array r sh e
```

- e ist der Datentyp, der gespeichert werden soll (unboxed).
- sh ist die Form (shape) des Arrays.
- r ist der representation type. Dazu gleich mehr.

Die Form eines Arrays ist entweder ein Skalar oder eine Form "mal" eine zusätzliche (immer durch Int indizierte) Dimension.

Es gibt einige Operationen auf REPA-Arrays, die denen auf normalen Arrays zumindest ähneln:

Es gibt einige Operationen auf REPA-Arrays, die denen auf normalen Arrays zumindest ähneln:

Es gibt einige Operationen auf REPA-Arrays, die denen auf normalen Arrays zumindest ähneln:

Bei der Anwendung von Repa.map erhalten wir ein Array von D (Delayed) werten.

Das ist der Mechanismus, um mehrere Funktionsapplikationen zu einer zusammen zu schmelzen (genannt "Fusion").

Mit REPA und Accelerate zu arbeiten ist etwas extra Arbeit im Design...

Mit REPA und Accelerate zu arbeiten ist etwas extra Arbeit im Design...

```
let a = fromListUnboxed (Z :. 10) [1..10] :: Array U DIM1 Int
computeS (Repa.map (+1) a) :: Array U DIM1 Int
> AUnboxed (Z :. 10) (fromList [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11])

computeS (Repa.map (+1) (Repa.map (^2) a)) :: Array U DIM1 Int
> AUnboxed (Z :. 10) (fromList [2,5,10,17,26,37,50,65,82,101])
```

Mit REPA und Accelerate zu arbeiten ist etwas extra Arbeit im Design...

```
let a = fromListUnboxed (Z :. 10) [1..10] :: Array U DIM1 Int
computeS (Repa.map (+1) a) :: Array U DIM1 Int
> AUnboxed (Z :. 10) (fromList [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11])

computeS (Repa.map (+1) (Repa.map (^2) a)) :: Array U DIM1 Int
> AUnboxed (Z :. 10) (fromList [2,5,10,17,26,37,50,65,82,101])
```

... dafür können wir diese Berechnungen aber dann mit computeP oder foldP extrem fix quasi automatisch parallelisieren.

Mit REPA und Accelerate zu arbeiten ist etwas extra Arbeit im Design...

```
let a = fromListUnboxed (Z :. 10) [1..10] :: Array U DIM1 Int
computeS (Repa.map (+1) a) :: Array U DIM1 Int
> AUnboxed (Z :. 10) (fromList [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11])

computeS (Repa.map (+1) (Repa.map (^2) a)) :: Array U DIM1 Int
> AUnboxed (Z :. 10) (fromList [2,5,10,17,26,37,50,65,82,101])
```

... dafür können wir diese Berechnungen aber dann mit computeP oder foldP extrem fix quasi automatisch parallelisieren.

REPA unterstützt auch "stencil convolutions". Wenn z.B. eine Funktion auf jedes Pixel angewendet werden soll, die die Nachbarpixel mit einbezieht, kann REPA hochspezialisierten Code generieren, der extrem schnell durchläuft.

Anwendungidee: Mandelbrot-Visualisierer

Anwendungidee: Mandelbrot-Visualisierer

Was war nochmal die Mandelbrot-Menge?

• Nehme einen Punkt $z \in \mathbb{C}$

- Nehme einen Punkt $z \in \mathbb{C}$
- Sei $z_1 = z^2 + z$

- Nehme einen Punkt $z \in \mathbb{C}$
- Sei $z_1 = z^2 + z$
- Sei $z_2 = z_1^2 + z$

- Nehme einen Punkt $z \in \mathbb{C}$
- Sei $z_1 = z^2 + z$
- Sei $z_2 = z_1^2 + z$
- Sei $z_3 = z_2^2 + z$
- . . .

- Nehme einen Punkt $z \in \mathbb{C}$
- Sei $z_1 = z^2 + z$
- Sei $z_2 = z_1^2 + z$
- Sei $z_3 = z_2^2 + z$
- . . .
- Wenn diese Folge nicht divergiert ist z in der Mandelbrot Menge.

Was war nochmal die Mandelbrot-Menge?

- Nehme einen Punkt $z \in \mathbb{C}$
- Sei $z_1 = z^2 + z$
- Sei $z_2 = z_1^2 + z$
- Sei $z_3 = z_2^2 + z$
- . . .
- Wenn diese Folge nicht divergiert ist z in der Mandelbrot Menge.

Benannt nach Benoit B.



... und das gibt uns hübsche Bilder! :-)

