Fortgeschrittene Funktionale Programmierung in Haskell

Universität Bielefeld, Sommersemester 2015

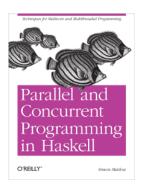
Jonas Betzendahl & Stefan Dresselhaus

Übersicht I

- Übersicht
 - Motivation
 - Definitionen
 - Technisches

- 2 Parallelism
 - Die Eval-Monade und Strategies
 - Die Par-Monade
 - Die RePa-Bibliothek
 - Accelerate

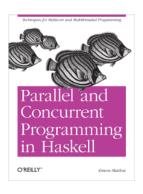
Leseempfehlung:



Wunderbares Buch zum Thema von Simon Marlow.

Definitionen

Leseempfehlung:



Wunderbares Buch zum Thema von Simon Marlow.

Nicht in der Uni-Bibliothek, dafür aber Gratis im Internet verfügbar, inklusive Beispielcode auf Hackage.

Motivation

Free Lunch is over!

Herb Sutter (2005)

Free Lunch is over!

Herb Sutter (2005)

Die Hardware unserer Computer wird seit mehreren Jahren schon schneller breiter (mehr Kerne) als tiefer (schnellere Kerne).

Free Lunch is over!

Herb Sutter (2005)

Die Hardware unserer Computer wird seit mehreren Jahren schon schneller breiter (*mehr* Kerne) als tiefer (*schnellere* Kerne).

Um technischen Fortschritt voll auszunutzen ist es also essentiell, gute Werkzeuge für einfache und effiziente Parallelisierung bereit zu stellen.

Definitionen

Definitionen

Parallelism vs. Concurrency:

Beides ist ein Ausdruck von "Dinge gleichzeitig tun"; in der Programmierung haben sie aber grundverschiedene Bedeutungen.

Motivation

Definitionen

Technisches

Parallelism vs. Concurrency:

Beides ist ein Ausdruck von "Dinge gleichzeitig tun"; in der Programmierung haben sie aber grundverschiedene Bedeutungen.

Programme arbeiten *parallel*, wenn sie mehrere Prozessorkerne einsetzen, um schneller an die Antwort einer bestimmten Frage zu kommen.

Technisches

Parallelism vs. Concurrency:

Beides ist ein Ausdruck von "Dinge gleichzeitig tun"; in der Programmierung haben sie aber grundverschiedene Bedeutungen.

Programme arbeiten *parallel*, wenn sie mehrere Prozessorkerne einsetzen, um schneller an die Antwort einer bestimmten Frage zu kommen.

Nebenläufige Programme hingegen haben mehrere "threads of control". Oft dient das dazu, gleichzeitig mit mehreren externen Agenten (dem User, einer Datenbank, . . .) zu interagieren.

More foo about parallelism and determinism and such...

Definitionen

(WH)NF:

Im Themenbereich Parallelism wird oft darüber gesprochen, wann Ausdrücke ausgewertet werden und "wie weit" (Laziness). Es gibt dafür zwei wichtige Vokabeln: Normal Form und Weak Head Normal Form.

Motivation

Definitionen

Technisches

(WH)NF:

Im Themenbereich Parallelism wird oft darüber gesprochen, wann Ausdrücke ausgewertet werden und "wie weit" (Laziness). Es gibt dafür zwei wichtige Vokabeln: **Normal Form** und **Weak Head Normal Form**.

Die **NF** eines Ausdrucks ist der gesamte Ausdruck, vollständig berechnet. Es gibt keine Unterausdrücke, die weiter ausgewertet werden könnten.

(WH)NF:

Im Themenbereich Parallelism wird oft darüber gesprochen, wann Ausdrücke ausgewertet werden und "wie weit" (Laziness). Es gibt dafür zwei wichtige Vokabeln: Normal Form und Weak Head Normal Form.

Die **NF** eines Ausdrucks ist der gesamte Ausdruck, vollständig berechnet. Es gibt keine Unterausdrücke, die weiter ausgewertet werden könnten.

Die WHNF eines Ausdrucks ist der Ausdruck, evaluiert zum äußersten Konstruktor oder zur äußersten λ -Abstraktion (dem head). Unterausdrücke können berechnet sein oder auch nicht. Ergo ist jeder Ausdruck in NF auch in WHNF.

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

Definitionen

(WH)NF Zuschauer-Wachzustands-Überprüfungs-Quiz:

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

```
(1337, "Hello World!")
```

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

```
(1337, "Hello World!")
```

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

```
(1337, "Hello World!")
```

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

```
(1337, "Hello World!")
```

⇒ NF und WHNF! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

```
(1337, "Hello World!")
```

⇒ NF und WHNF! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

```
'f' : ("oo" ++ "bar")
```

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

```
(1337, "Hello World!")
```

⇒ NF und WHNF! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

```
'f' : ("oo" ++ "bar")
```

⇒ WHNF! Der head ist der Konstruktor (:).

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

⇒ NF und WHNF! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

⇒ WHNF! Der head ist der Konstruktor (:).

$$(\x -> x + 1) 2$$

Sind diese Ausdrücke in NF oder WHNF? Wenn ja welche davon?

⇒ **NF** und **WHNF**! Der komplette Ausdruck ist evaluiert.

$$\x -> 2 + 2$$

 \Rightarrow WHNF! Der *head* ist eine λ -Abstraktion.

⇒ WHNF! Der head ist der Konstruktor (:).

$$(\x -> x + 1) 2$$

⇒ Weder noch! Äußerster Part ist Anwendung der Funktion.

Ein paar technische Feinheiten:

Ein paar technische Feinheiten:

Um Programme in Haskell parallel ausführen zu können, müssen sie wie folgt kompiliert werden:

\$ ghc -make -rtsopts -threaded Main.hs

Motivation

Definitionen

Technisches

Ein paar technische Feinheiten:

Um Programme in Haskell parallel ausführen zu können, müssen sie wie folgt kompiliert werden:

\$ ghc -make -rtsopts -threaded Main.hs

Danach können sie auch mit RTS (Run Time System) - Optionen wie z.B. diesen hier ausgeführt werden:

\$./Main.hs +RTS -N2 -s -RTS

Motivation
Definitionen
Technisches

Ein paar technische Feinheiten:

Um Programme in Haskell parallel ausführen zu können, müssen sie wie folgt kompiliert werden:

\$ ghc -make -rtsopts -threaded Main.hs

Danach können sie auch mit RTS (Run Time System) - Optionen wie z.B. diesen hier ausgeführt werden:

\$./Main.hs +RTS -N2 -s -RTS

Dokumentation findet sich leicht via beliebiger Suchmaschine. Eine Kurzübersicht gibt es zum Beispiel unter cheatography.com/nash/cheat-sheets/ghc-and-rts-options/

Parallelism

- Die Eval-Monade und Strategies
- Die Par-Monade
- Die RePa-Bibliothek
- GPU-Programming mit Accelerate

Parallelism

- O Die Eval-Monade und Strategies
- Die Par-Monade
- Die RePa-Bibliothek
- GPU-Programming mit Accelerate

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

type Strategy a = a -> Eval a

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

```
type Strategy a = a -> Eval a
```

...insbesondere die Strategies rpar und rseq. Dazu gleich mehr.

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

```
type Strategy a = a -> Eval a
```

...insbesondere die Strategies rpar und rseq. Dazu gleich mehr.

Desweiteren stellt es die Operation runEval, die die monadischen Berechnungen ausführt und das Ergebnis zurück gibt, bereit.

```
runEval :: Eval a -> a
```

Das Modul Control.Parallel.Strategies (aus dem Paket parallel) stellt uns die Eval-Monade und einige Funktionen vom Typ *Strategy* zur Verfügung, ...

```
type Strategy a = a -> Eval a
```

...insbesondere die Strategies rpar und rseq. Dazu gleich mehr.

Desweiteren stellt es die Operation runEval, die die monadischen Berechnungen ausführt und das Ergebnis zurück gibt, bereit.

```
runEval :: Eval a -> a
```

Wohlgemerkt: runEval ist *pur!*Wir müssen nicht gleichzeitig auch in der IO-Monade sein.

rpar ist die Strategie, die ihr Argument parallel auswertet und währenddessen das Programm weiter laufen lässt.

rpar ist die Strategie, die ihr Argument parallel auswertet und währenddessen das Programm weiter laufen lässt.

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

rpar ist die Strategie, die ihr Argument parallel auswertet und währenddessen das Programm weiter laufen lässt.

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

Protips:

rpar ist die Strategie, die ihr Argument parallel auswertet und währenddessen das Programm weiter laufen lässt.

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

Protips:

 Ausgewertet wird jeweils zur WHNF (wenn nichts anderes angegeben wurde). rpar ist die Strategie, die ihr Argument parallel auswertet und währenddessen das Programm weiter laufen lässt.

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

Protips:

- Ausgewertet wird jeweils zur WHNF (wenn nichts anderes angegeben wurde).
- Wird rpar ein bereits evaluierter Ausdruck übergeben, passiert nichts, weil es keine Arbeit parallel auszuführen gibt.

rpar ist die Strategie, die ihr Argument parallel auswertet und währenddessen das Programm weiter laufen lässt.

rseq ist die Strategie, die auf das Ergebnis ihres Argumentes wartet und erst dann mit dem Programm weiter macht.

Protips:

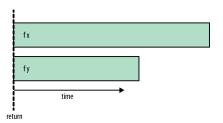
- Ausgewertet wird jeweils zur WHNF (wenn nichts anderes angegeben wurde).
- Wird rpar ein bereits evaluierter Ausdruck übergeben, passiert nichts, weil es keine Arbeit parallel auszuführen gibt.

Sehen wir uns das mal in action an...

Ein Beispiel (1):

```
-- don't wait for evaluation
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rpar (f y)
    return (a,b)</pre>
```

```
-- don't wait for evaluation
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rpar (f y)
    return (a,b)</pre>
```



Wir wollen die Ausdrücke (f x) und (f y) mit der Eval-Monade parallel auswerten. O.B.d.A. benötigt (f x) mehr Zeit.

```
-- don't wait for evaluation
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rpar (f y)
    return (a,b)

fx

fy

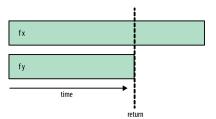
fy

time
```

Hier passiert das return sofort. Der Rest des Programmes läuft weiter, während (f x) und (f y) (parallel) ausgewertet werden.

```
-- wait for (f y)
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rseq (f y) -- wait
return (a,b)
```

```
-- wait for (f y)
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rseq (f y) -- wait
    return (a,b)
```



Wir wollen die Ausdrücke (f x) und (f y) mit der Eval-Monade parallel auswerten. O.B.d.A. benötigt (f x) mehr Zeit.

```
-- wait for (f y)
runEval $ do
a <- rpar (f x)
b <- rseq (f y) -- wait
return (a,b)

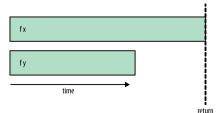
fy

fy

time
```

Hier werden (f x) und (f y) ebenfalls ausgewertet, allerdings wird mit return gewartet, bis (f y) zu Ende evaluiert wurde.

```
-- wait for (f y) and (f x)
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rseq (f y) -- wait
    rseq a -- wait
    return (a,b)
```



Wir wollen die Ausdrücke (f x) und (f y) mit der Eval-Monade parallel auswerten. O.B.d.A. benötigt (f x) mehr Zeit.

```
-- wait for (f y) and (f x)
runEval $ do
    a <- rpar (f x)
    b <- rseq (f y) -- wait
    rseq a -- wait
    return (a,b)

fx

fy

fy

time
```

In diesem Code wird sowohl auf (f x) als auch auf (f y) gewartet, bevor etwas zurück gegeben wird.

Wir wollen die Ausdrücke (f x) und (f y) mit der Eval-Monade parallel auswerten. O.B.d.A. benötigt (f x) mehr Zeit.

In diesem Code wird sowohl auf (f x) als auch auf (f y) gewartet, bevor etwas zurück gegeben wird.

Ein weiteres Beispiel: Wir wollen ein Programm zum Lösen von Sudokus parallelisieren.

Wir nehmen dazu an wir haben bereits die folgende Funktion:

```
solve :: String -> Maybe Grid
```

Ein weiteres Beispiel: Wir wollen ein Programm zum Lösen von Sudokus parallelisieren.

Wir nehmen dazu an wir haben bereits die folgende Funktion:

```
solve :: String -> Maybe Grid
```

Dann wäre ein mögliches (sequentielles) Programm das folgende:

```
main :: IO ()
main = do
    [f] <- getArgs
    file <- readFile f

let puzzles = lines file
        solutions = map solve puzzles

print (length (filter isJust solutions))</pre>
```

Nun wollen wir Liste der Lösungen parallel auf zwei Kernen ausführen lassen:

```
main :: TO()
main = do
  [f] <- getArgs</pre>
  file <- readFile f
  let puzzles = lines file
      (as,bs) = splitAt (length puzzles 'div' 2) puzzles
      solutions = runEval $ do
                     as' <- rpar (force (map solve as))
                     bs' <- rpar (force (map solve bs))
                    rseq as'
                    rseq bs'
                    return (as' ++ bs')
  print (length (filter isJust solutions))
```

Was tut die Funktion force und warum wird sie hier benötigt?

force :: NFData a => a -> a

Was tut die Funktion force und warum wird sie hier benötigt?

rpar evaluiert nur zur **WHNF**, nicht zur vollen Lösung. Dies ist ein häufiger Fehler bei Parallelisierung von Haskell-Programmen. Die Lösung ist, die Evaluation zu forcen.

Was tut die Funktion force und warum wird sie hier benötigt?

rpar evaluiert nur zur WHNF, nicht zur vollen Lösung. Dies ist ein häufiger Fehler bei Parallelisierung von Haskell-Programmen. Die Lösung ist, die Evaluation zu forcen.

Allerdings muss hierbei bedacht werden, dass force $\mathcal{O}(n)$ Zeit benötigt, um die Datenstruktur komplett zu evaluieren.

Einschub: Die NFData-Typklasse:

Diese Typklasse umfasst alle Typen, die zu einer Normalform ausgewertet werden können (nur Daten, keine Funktionstypen).

Einschub: Die NFData-Typklasse:

Diese Typklasse umfasst alle Typen, die zu einer Normalform ausgewertet werden können (nur Daten, keine Funktionstypen).

```
class NFData a where
  rnf :: a -> ()
  rnf a = a 'seq' ()
```

Einschub: Die NFData-Typklasse:

Diese Typklasse umfasst alle Typen, die zu einer Normalform ausgewertet werden können (nur Daten, keine Funktionstypen).

```
class NFData a where
  rnf :: a -> ()
  rnf a = a 'seq' ()

-- Zur Erinnerung:
seq :: a -> b -> b

\text{pause}
```

rnf bringt Standardimplementation mit, dies erleichtert Instanzen von simplen Datentypen ohne Substrukturen:

instance NFData Bool

Einschub: Die NFData-Typklasse:

Diese Typklasse umfasst alle Typen, die zu einer Normalform ausgewertet werden können (nur Daten, keine Funktionstypen).

rnf bringt Standardimplementation mit, dies erleichtert Instanzen von simplen Datentypen ohne Substrukturen:

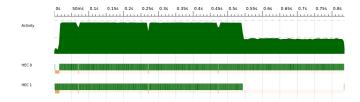
```
instance NFData Bool
```

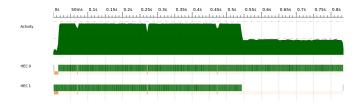
Instanzen von Typen mit Substrukturen funktionieren nutzen rekursive Aufrufe von rnf und seq:

Zurück zu unserem Beispiel:

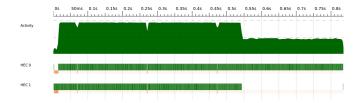
Zurück zu unserem Beispiel:

Wenn wir diesen Code auf zwei Kernen laufen lassen, bekommen wir einen Speedup in Wall-clock-time, allerdings "nur" um einen Faktor von $\sim 1,5$.



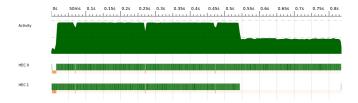


Wir bemerken: Unsere parallelen Berechnungen sind ungleich groß. Eine benötigt deutlich länger als die andere.



Wir bemerken: Unsere parallelen Berechnungen sind ungleich groß. Eine benötigt deutlich länger als die andere.

Auch dies ist ein häufiges Problem mit Parallelisierung: Chunks von voraus bestimmter Größe (*static partitioning*) enthalten nur selten tatsächlich gleich viel Arbeit.



Wir bemerken: Unsere parallelen Berechnungen sind ungleich groß. Eine benötigt deutlich länger als die andere.

Auch dies ist ein häufiges Problem mit Parallelisierung: Chunks von voraus bestimmter Größe (*static partitioning*) enthalten nur selten tatsächlich gleich viel Arbeit.

Außerdem sind wir so durch die Anzahl der Chunks beschränkt. Werden nur zwei Chunks parallel evaluiert, können wir keine Verschnellerung > 2 erreichen, egal wie viele Kerne wir einsetzen.

Diese Probleme können wir lösen, indem wir von static partitioning auf dynamic partitioning wechseln.

Das bedeutet, anstatt von Hand ein paar große Chunks anzugeben, auf denen Parallelism angewendet werden soll, geben wir viele kleine Chunks an, die dann zur Laufzeit unter den Prozessorkernen aufgeteilt werden.

Diese Probleme können wir lösen, indem wir von static partitioning auf dynamic partitioning wechseln.

Das bedeutet, anstatt von Hand ein paar große Chunks anzugeben, auf denen Parallelism angewendet werden soll, geben wir viele kleine Chunks an, die dann zur Laufzeit unter den Prozessorkernen aufgeteilt werden.

Es gibt ein Fachwort für dieses Konzept: *Spark*. Ein Spark ist ein noch nicht ausgewerteter Ausdruck in einer Queue, die vom RTS auf magische (sprich: schlaue) Weise parallel evaluiert werden können. Übersicht Parallelism Die Eval-Monade und Strategies Die Par-Monade Die RePa-Bibliothek Accelerate

Sparks sind *nicht* das gleiche wie Haskell-Threads, und diese wiederum sind etwas anderes als Betriebssystem-Threads. Ein etwas größeres Programm hätte vielleicht...

Sparks sind *nicht* das gleiche wie Haskell-Threads, und diese wiederum sind etwas anderes als Betriebssystem-Threads. Ein etwas größeres Programm hätte vielleicht...

mehrere Milliarden Sparks,

Sparks sind *nicht* das gleiche wie Haskell-Threads, und diese wiederum sind etwas anderes als Betriebssystem-Threads. Ein etwas größeres Programm hätte vielleicht...

- mehrere Milliarden Sparks,
- ca. eine Million lightweight Haskell-Threads,

Sparks sind *nicht* das gleiche wie Haskell-Threads, und diese wiederum sind etwas anderes als Betriebssystem-Threads. Ein etwas größeres Programm hätte vielleicht...

- mehrere Milliarden Sparks,
- ca. eine Million lightweight Haskell-Threads,
- ein Dutzend OS-Thread,

Sparks sind *nicht* das gleiche wie Haskell-Threads, und diese wiederum sind etwas anderes als Betriebssystem-Threads. Ein etwas größeres Programm hätte vielleicht...

- mehrere Milliarden Sparks,
- ca. eine Million lightweight Haskell-Threads,
- ein Dutzend OS-Thread,
- auf sechs Kernen.

Sparks sind *nicht* das gleiche wie Haskell-Threads, und diese wiederum sind etwas anderes als Betriebssystem-Threads. Ein etwas größeres Programm hätte vielleicht...

- mehrere Milliarden Sparks,
- ca. eine Million lightweight Haskell-Threads,
- ein Dutzend OS-Thread,
- auf sechs Kernen.

Haskell Spark Pools laskell Lightweight Threads N Worker (OS) Threads CPU 1 CPU 2 CPU₃ CPU 4

Grafik von Don Stewart, Quelle:

http://stackoverflow.com/questions/958449/what-is-a-spark-in-haskell

Hands on: Wir definieren uns folgende monadische Version von map:

Hands on: Wir definieren uns folgende monadische Version von map:

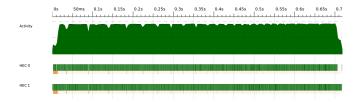
Nun wird für jede Funktionsanwendung (f a) ein *Spark* erstellt, die alle parallel arbeiten und vom RTS des GHC gemanaged werden.

Hands on: Wir definieren uns folgende monadische Version von map:

Nun wird für jede Funktionsanwendung (f a) ein *Spark* erstellt, die alle parallel arbeiten und vom RTS des GHC gemanaged werden. Eingesetzt in unser Beispiel:

```
main :: IO ()
main = do
  [f] <- getArgs
  file <- readFile f
  let puzzles = lines file
        solutions = runEval (parMap solve puzzles)
  print (length (filter isJust solutions))</pre>
```

Analyse mit ThreadScope:



Schon viel besser. Der Speedup beträgt jetzt $\sim 1,8$. Den optimalen Wert von 2 zu erreichen ist (praktisch) unmöglich, da immer ein Overhead für das Management der Sparks entstehen muss.

Wir können uns auch eine Übersicht darüber geben lassen, was mit den Sparks passiert ist:

SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)

Wir können uns auch eine Übersicht darüber geben lassen, was mit den Sparks passiert ist:

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

Was bedeutet das jetzt im Einzelnen?

 converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

- converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.
- overflowed: Die maximale Anzahl Sparks wurde überschritten, Spark gelöscht.

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

- converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.
- overflowed: Die maximale Anzahl Sparks wurde überschritten, Spark gelöscht.
- dud: Es wurde ein Spark für einen Ausdruck erstellt, der bereits ausgewertet wurde.

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

- converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.
- overflowed: Die maximale Anzahl Sparks wurde überschritten, Spark gelöscht.
- dud: Es wurde ein Spark für einen Ausdruck erstellt, der bereits ausgewertet wurde.
- GC'd: Der evaluierte Ausdruck wurde nicht benötigt und garbage collected.

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)
```

- converted: der Spark wurde erfolgreich für Parallelism verwendet.
- overflowed: Die maximale Anzahl Sparks wurde überschritten, Spark gelöscht.
- dud: Es wurde ein Spark für einen Ausdruck erstellt, der bereits ausgewertet wurde.
- GC'd: Der evaluierte Ausdruck wurde nicht benötigt und garbage collected.
- fizzled: Ausdruck wurde an anderer Stelle schneller vom Programm ausgewertet.

Parallelism

- Die Eval-Monade und Strategies
- O Die Par-Monade
- Die RePa-Bibliothek
- GPU-Programming mit Accelerate

Parallelism

- Die Eval-Monade und Strategies
- Die Par-Monade
- Olie RePa-Bibliothek
- GPU-Programming mit Accelerate

Parallelism

- Die Eval-Monade und Strategies
- Die Par-Monade
- Die RePa-Bibliothek
- o GPU-Programming mit Accelerate