Solution of Discussion03

DrinkLessMilkTea

2025年3月8日

1 Floating Point

1.1

(a)

$$8.25 = 0b1000.01 = 0b1.00001 * 2^3$$

$$S = 0$$

$$Exp = 3 + 127 = 130 = 0b10000010$$

$$M = 0b000001$$

$$8.25 = 0b010000010000010...0 = 0x41040000$$

(b)

$$39.5625 = 0b100111.1001 = 0b1.001111001 * 2^5$$

$$S = 0$$

$$Exp = 5 + 127 = 132 = 0b10000100$$

$$M = 0b001111001$$

$$39.5625 = 0b0100001000011110010...0 = 0x423E4000$$

$$\begin{split} 0x00000F00 &= 0000000000000000011110...0 \\ &= 00000000000000000011110...0 \\ S &= 0 \\ Exp &= 0 \\ M &= 000000000011110...0 \\ 0x00000F00 &= (-1)^0 \times 2^{-126} \times 0.00000000001111 \\ &= (2^{-12} + 2^{-13} + 2^{-14} + 2^{-15}) \times 2^{-126} \end{split}$$

(d)

$$0x000000000 = 0$$

(e)

$$0xFF94BEEF=0b111111111100101001011111011101111$$

$$S=0$$

$$Exp=0xFF$$

$$M\neq 0$$

0xFF94BEEF is NaN

(f)

$$+\infty = 0b011111111100..0$$

= $0x7F800000$
 $-\infty = 0b1111111111100..0$
= $0xFF800000$

(g) $\frac{1}{3}$ 无法被准确表达, 只能近似表达

2 More Floating Point

2.1

 $2 = (-1)^0 \times 0b1.0 \times 2^1 = 0b0100000000.0$, 即 Exp 为 128, M 为 0, 则 最小步长为 $2^{-23} \times 2^1 = 2^{-22}$, 所以下一个大于二的最小正数为 $2 + 2^{-22}$

2.2

同理, $4 = (-1)^0 \times 0b1.0 \times 2^2$, 即 Exp 为 129, M 为 0, 则最小步长为 $2^{-23} \times 2^2 = 2^{-21}$. 所以下一个大于 4 的最小正数为 $4 + 2^{-21}$

2.3

当步长大于 2^0 时, 之后的所有数都会是偶数, 因为之后的步长都为偶数, 所以最大的奇数是步长为 2^0 的最后一步

步长为 2^0 , 即 $(Exp-127) \times 2^{-23} = 0$, 所以得 Exp 为 150, 所以最大的 奇数为 $(1+(1-2^{-23})) \times 2^{23} = 2^{24}-1$, 从 2^{24} 开始之后的数都为偶数

3 RISC-V Instructions

3.1

已知寄存器 s0 保存的是数组的基地址

- (a) 这条指令将基地址后 12 字节按字加载到寄存器 t0 中, 12 字节对应 三个整数, 所以是把下标为 3 的数组元素 4 加载到寄存器 t0 中
- (b) 这条指令将寄存器 t0 的值写入基地址后 16 字节, 即数组下标为 4 的位置, t0 的值为 4, 所以数组下标为 4 的元素更新为 4
- (c) 首先是一条左移指令,将 t0 中的数左移 2 位放入 t1 中,此时 t0 为 4, 所以 t1 为 16

然后是一条加法指令,将 t1 和 s0 中的值相加后放入 t2,此时 s0 为基地址,则 t2 保存的是基地址后 16 个字节的地址,即下标为 4 的数组元素的地址

接着是加载指令,将 t2 保存的地址加载到寄存器 t3 中,此时 t3 为 4 然后又是一条加法指令,t3 寄存器自增 1, t3 寄存器为 5

然后是写入指令,将 t3 寄存器的值写入 t2 指向的内存,即数组下标为 4 的元素更新为 5

(d) 首先是一条加载指令,将 s0 中的地址对应的字加载到 t0,此时 t0 为 1

然后是一条异或指令, 将 t0 和 0xFFF 异或后放入 t0, 即 0xFFF 和 0x1 异或, 结果为 0FFE

最后是加法指令, t0 寄存器的值自增 1, 结果为 0xFFF

4 RISC-V Memory Access

4.1

t0: 0x00FF0004

t1: 36

t2: 0x0000000C

s0: 0xDEADB33F

s1: 0xFFFFFFC5

4.2

0xF9120504: 0xABADCAF8 0xBEEFDAB0: 0x00000000 0xABADCAFC: 0x0504DAB0 0xABADCAF8: 0xB0000400

5 Lost in Translation

5.1

li s0 4

li s1 5

li s2 6

li s3 10

```
add s3 s3 s0
  add s3 s3 s1
  add s3 s3 s2
 sw x0 0(s0)
li s1 2
 sw s1 4(s0)
 sw s1 8(s0)
 li s0 5
  li s1 10
  add s2 s1 s1
  bne s2 s1 ELSE
  li s0 0
  j EXIT
ELSE:
  sub s1 s0 1
EXIT:
  li s0 0
  li s1 1
  li s2 30
LOOP:
  beq s0 s2 EXIT
  add s1 s1 s1
  addi s0 s0 1
  j LOOP
EXIT:
```

```
li s1 0
LOOP:
  bge x0 s0 EXIT
  add s1 s1 s0
  sub s0 s0 1
  j LOOP
EXIT:
```