

Sucesiones - Series

Hacer un algoritmo que calcule y muestre el valor de S dado N en la serie telescópica:

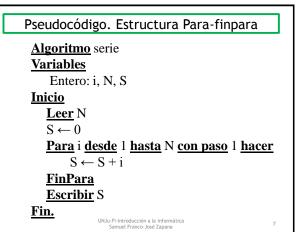
$$S = 1 + 2 + 3 + 4 + ... + N$$

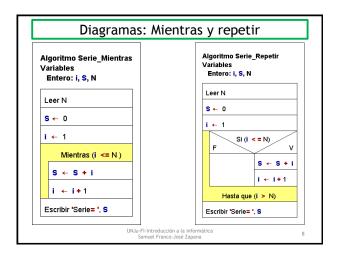
$$S = \sum_{i=1}^{N} i$$

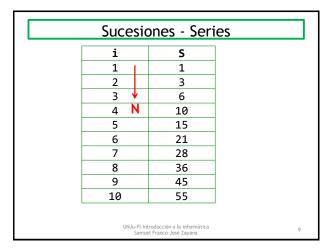
La serie converge a N(N+1)/2

UNJu-FI-Introducción a la informátic

Suc	cesiones - S	eries
Índice	Término	Acumulador
i	i	S
1	1	1
2	2	3
3	3	6
4	4	10
5	5	15
6	6	21
7	7	28
8	8	36
9	9	45
10	10	55
	10 UNJu-FI-Introducción a la inform	









Sucesiones - Series Ejercicio: Diseñar tres algoritmos que calculen y muestren S de la serie. Realizar la traza. $S = 1 + 3 + 5 + 7 + \dots$ $S = \sum_{i=1}^{2} 2 * i - 1$ UNU-FI-Introducción a la Informática Samuel Franco-José Zapana

Sı	ucesiones - Se	eries
Índice	Término	Acumulador
i	2*i-1	S
1	1	1
2	3	4
3	5	9
4	7	16
5	9	25
6	11	36
7	13	49
8	15	64
9	17	81
10	19	100
	UNJu-FI-Introducción a la informá Samuel Franco-José Zapana	tica 1

Sucesiones y Series

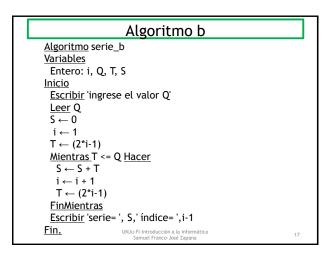
- a. Hasta el N-ésimo índice.
- b. Hasta que el término sea mayor que Q.
- c. Hasta que la acumulación sea mayor X.

Ju-FI-Introducción a la informática Samuel Franco-José Zapana

Su	cesiones y Se	eries
Índice	Término	Acumulador
i	2*i-1	S
1	1	1
2	3	4
3	5	9 X
4	7 Q	16
5 N	9	25
6	11	36
7	13	49
8	15	64
9	17	81
10	19	100
	UNJu-FI-Introducción a la informát Samuel Franco-José Zapana	tica 14

Algoritmo a Algoritmo serie_a Variables Entero: i, N, S Inicio Escribir ' Ingrese el índice N ' Leer N $S \leftarrow 0$ Para i desde 1 hasta N con paso 1 hacer $S \leftarrow S + (2*i-1)$ FinPara Escribir S Fin. UNJU-FI-Introducción a la Informática Samuel Franco-José Zapana

Prueba de escritorio-traza	N	S	i	i<=N
	5	-	-	-
Algoritmo serie_a	5	0	-	-
Variables	5	0	1	-
	5	0	1	V
Entero: i, N, S	5	1	1	V
<u>Inicio</u>	5	1	2	V
Escribir ' Ingrese el índice N '	5	1	2	V
Leer N	5	4	2	V
$\overline{S} \leftarrow 0$	5	4	3	V
Para i desde 1 hasta N con paso 1 hacer	5	4	3	V
	5	9	3	V
S ← S + (2*i-1)	5	9	4	V
<u>FinPara</u>	5	9	4	V
Escribir S	5	16	4	V
Fin.	5	16	5	V
<u>- 1111.</u>	5	16	5	V
	5	25	5	V
	5	25	6	V
UNJu-FI-Introducción a la informática	5	25	6	f
Samuel Franco-José Zapana				16



Prueba de escritorio-traza	Q	S	i	Т	T<=0
A1. 10 1 1	-	-	-	-	-
<u>Algoritmo</u> serie_b	7	-	-	-	-
<u>Variables</u>	7	0	-	-	-
Entero: i, Q, T, S	7	0	1	-	-
Inicio	7	0	1	1	-
Escribir 'ingrese el valor Q'	7	0	1	1	V
	7	1	1	1	V
<u>Leer</u> Q	7	1	2	1	V
S ← 0	7	1	2	3	V
i ← 1	7	4	2	3	V
T ← (2*i-1)	7	4	3	3	v
,	7	4	3	5	v
<u>Mientras</u> T <= Q <u>Hacer</u>	7	4	3	5	V
S ← S + T	7	9	3	5	V
i ← i + 1	7	9	4	5	V
T ← (2*i-1)	7	9	4	7	V
,	7	9	4	7	V
<u>FinMientras</u>	7	16	4	7	V
Escribir 'serie= ', S,' indice= ',i-1	7	16	5	7	V
Fin.	7	16	5	9	V
UNJu-FI-Introducción a la informática Samuel Franco-José Zapana		16	5	9	f

Algoritmo c Algoritmo serie_c Variables Entero: i, X, T, S Inicio Escribir 'ingrese el valor X' Leer X $i \leftarrow 0$ $S \leftarrow 0$ Mientras $S \leftarrow X$ Hacer $i \leftarrow i + 1$ $S \leftarrow S + (2*i-1)$ FinMientras Escribir 'serie=', $S \leftarrow (2*i-1)$,' indice=',i-1 Fin.

Prueba de escritorio-	traz	a		
Algoritmo serie_c	Х	i	S	S<=X
	-	-	-	-
Variables	9	-	-	-
Entero: i, X, T, S	9	0	-	-
Inicio	9	0	0	-
Escribir 'ingrese el valor X'	9	0	0	V
Leer X	9	1	0	V
· <u></u>	9	1	1	V
i ← 0	9	2	1	V
S ← 0	9	2	4	V
Mientras S <= X Hacer	9	2	4	V
i ← i + 1	9	3	4	V
• • • •	9	3	9	v
S ← S + (2*i-1)	9	3	9	V
<u>FinMientras</u>	9	4	9	V
Escribir 'serie= ', S-(2*i-1),' indice= ',i-1	9	4	16	V
Fin.	9	4	16	f
UNJu-FI-introducción a la inform Samuel Franco-José Zapana	ática			20

Sucesiones - Series				
i	1/i	S		
1	1	1		
2	0,500	1,500		
3	0,333	1,833		
4	0,250	2,083		
5	0,200	2,283		
6	0,167	2,450		
7	0,143	2,593		
8	0,125	2,718		
9	0,111	2,829		
10	0,100	2,929		
	UNJu-FI-Introducción a la informáti Samuel Franco-José Zapana	ica		

i	(-1)^i	i!	2*i	2*i+1
0	1	1	0	1
1	-1	1	2	3
2	1	2	4	5
3	-1	6	6	7
4	1	24	8	9
5	-1	120	10	11
6	1	720	12	13
7	-1	5040	14	15
8	1	40320	16	17
8	1	40320	16	17

Caso estudio CE06B Serie de Taylor de la función seno

$$\sin x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} x^{2n+1} \quad , \forall x$$

$$sen(x) = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} \dots$$

UNJu-FI-Introducción a la informática

Algoritmo seno // Cálculo de la serie de Taylor para la función seno Escribir 'Ingrese grados sexagesiamales' Leer G // ángulo en sexagesiales X <- G/180*PI // ángulo en radianes Escribir 'Ingrese nº de términos' Leer Vf // cantidad de índices +1 (nº de términos) S <-0 Para n <-0 Hasta Vf Con Paso 1 Hacer K <- 2*n+1 // auxiliar F <-1 // factorial Para i<-1 Hasta K Con Paso 1 Hacer F <- F*i Fin Para // fin del factorial S <- S +(-1)^n/F*X^K Fin Para Escribir 'Serie=',S Escribir 'F(x)=',SEN(X) //función interna seno(x)

FinAlgoritmo

Serie de Taylor de la función seno

Samuel Franco Domínguez-José Vidal Zapana