

Оглавление

Задачи	3
Задача 1.....	3
Задача 2.....	5
Задача 3.....	9
Задача 4.....	14
Задача 5.....	17
Заключение	21
Список литературы	22
Приложения	23
Приложение 1.....	23
Приложение 2.....	27
Приложение 3.....	30
Приложение 4.....	37
Приложение 5.....	40

Задачи

Задача 1

Необходимо загрузить данные из указанного набора и произвести следующие действия.

Набор данных: Swiss

Объясняемая переменная: Examination

Регрессоры: Infant.Mortality, Education

1. Оцените среднее значение, дисперсию и СКО объясняемой переменной и регрессоров.

Среднее значение столбца переменной Examination примерно равно 17, то есть только 17% призывников получало наивысшую оценку на армейском экзамене. Довольно неплохое значение, но все равно низкое.

У регрессора Infant.Mortality среднее значение столбца почти равно 20, то есть в среднем каждый пятый ребёнок умирал до года, что говорит о крайне низком уровне медицины.

Среднее значение столбца регрессора Education равно почти 11. 11% призывников получали образование выше начального уровня. Это говорит о низком уровне образованности призывников.

Для оценки дисперсии и СКО переменных сначала произведём нормализацию и предобработку данных, а уже потом построим графики, на которых будут видны значения переменных и степень их отклонения от среднего.

Проанализируем такой график для переменной Examination (Рисунок 1.1). В среднем процент призывников, сдавших экзамен на отлично, примерно равен (меньше одного стандартного отклонения), что говорит о одинаковом уровне образования. Есть провинции с отклонением больше одного стандартного, но большинство в отрицательную сторону, то есть меньший процент сдавших на отлично.

Теперь для регрессора Infant.Mortality (Рисунок 1.2). Там все значения, кроме одного, не превышают двух стандартных отклонений (одно значение отличается от среднего на три отклонения). Это говорит о схожести провинций в уровне медицины.

Далее регрессор Education (Рисунок 1.3). Процент призывников, получивших образование выше начального, в большинстве провинций ниже среднего, но в пределах одного отклонения. Есть провинции, значение которых отличаются больше двух отклонений, и одна провинция с высоким процентом образования (отклонение выше 4 стандартных).

2. Постройте зависимости вида $y = a + bx$, где y – объясняемая переменная, x – регрессор (для каждого варианта по две зависимости).
3. Оцените, насколько «хороша» модель по коэффициенту детерминации R^2 ?
4. Оцените, есть ли взаимосвязь между объясняемой переменной и объясняющей переменной (по значению p -статистики, «количеству звездочек» у регрессора в модели).

Для начала построим зависимость переменной Examination от Education.

Коэффициент детерминации R^2 данной модели равен 47.64%, это модель предсказывает примерно половину значений объясняемой переменной. P -статистика равна $4.81e-08$, "звёздочек" в модели у регрессора три, а значит взаимосвязь между Examination и Education есть, что довольно логично. Значения коэффициентов модели, их стандартные ошибки, p -статистика и уровень значимости приведены в таблице 1.1.

Таблица 1.1. Характеристики модели зависимости Examination от регрессора Education в наборе данных Swiss.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	10.12748	1.28589	7.876	5.23e-10	***
Education	0.57947	0.08852	6.546	4.81e-08	***

Теперь проанализируем то же самое для зависимости переменной Examination от Infant.Mortality.

Коэффициент детерминации R^2 равен 0.8932%, это значит, что данная модель абсолютно не объясняет зависимости данных в наборе Swiss. Р-статистика равна 0.45, "звёздочек" в модели у регрессора нет, а значит и взаимосвязи между Examination и Infant.Mortality практически нет. Значения коэффициентов модели, их стандартные ошибки, р-статистика и уровень значимости приведены в таблице 1.2.

Таблица 1.2. Характеристики модели зависимости Examination от регрессора Infant.Mortality в наборе данных Swiss.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	22.7175	8.1736	2.779	0.00792	**
Infant.Mortality	-0.3123	0.4056	-0.770	0.44538	

Код решения задачи и сведения о проверенных моделях приведены в Приложении 1.

Вывод: были построены модели зависимости отличной аттестации призывников (Examination), от уровня обучения (Education) и смертности до года (Infant.Mortality) в провинциях Франции по данным 1888 года из набора Swiss. По итогу проведенной работы с помощью анализа Р-статистики и стандартной ошибки коэффициентов перед регрессорами было установлено, что между Examination и Education есть сильная положительная зависимость, но коэффициент детерминации R^2 данной модели равен 47.64%, что указывает на низкую предсказательную способность модели.

Задача 2

Необходимо загрузить данные из указанного набора и произвести следующие действия.

Набор данных: mtcars

Объясняемая переменная: mpg

Регрессоры: wt, qsec, hp, drat

1. Проверьте, что в наборе данных нет линейной зависимости (построить зависимости между переменными, указанными в варианте, и проверить, что R2 в каждой из них невысокий). В случае, если R2 большой, один из таких столбцов можно исключить из рассмотрения.

Проверим линейную регрессию $wt \sim qsec + hp + drat$: в этой зависимости $R^2 = 69.1\%$, то есть существует достаточно сильная зависимость между регрессорами, скорее всего, придется убрать один из регрессоров, но пока переменную wt оставим и попробуем использовать ее в последующих регрессиях.

Далее построим линейную зависимость $qsec \sim wt + hp + drat$, где $R^2 = 61.51\%$, это меньше, чем в предыдущей модели, но все равно наблюдается сильная зависимость, такой зависимостью вряд ли можно пренебречь, рассмотрим с параметром $qsec$ следующие модели и тогда сделаем окончательные выводы.

Конечно, проверим третью модель $hp \sim wt + qsec + drat$. R^2 регрессии равен 77.51% , это очень высокий показатель, поэтому можно сделать вывод, что переменная hp линейно зависима от регрессоров этой модели. Значит, параметр hp стоит убрать и больше не использовать в построении математических моделей.

Также проверим линейную регрессию $drat \sim wt + qsec + hp$, в этой зависимости $R^2 = 45.61\%$, то есть наблюдается средняя зависимость, по сравнению с предыдущими значениями R^2 такой зависимостью можно пренебречь, поскольку уже было принято решение убрать регрессор hp . Тогда переменную $drat$ можно использовать в последующих регрессиях.

В конечном итоге я пришел к вводу о том, что регрессор hp очень связан с остальными, поэтому его стоит исключить из рассмотрения последующих моделей. Остальные же регрессоры можно будет использовать с остальными для построения моделей линейных регрессий, но нужно будет внимательно следить за ними, поскольку прослеживается довольно значительная зависимость.

2. Постройте линейную модель зависимой переменной от указанных в варианте регрессоров по методу наименьших квадратов. Оценить, насколько хороша модель, согласно: 1) R^2 , 2) p-значениям каждого коэффициента.

Построим модель $mpg \sim wt + qsec + drat$. Значения коэффициентов данной модели, их стандартные ошибки, p-статистика и уровень значимости приведены в таблице 2.1.

Таблица 2.1. Характеристики модели зависимости mpg от регрессоров wt, qsec, drat в наборе данных mtcars.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	11.3945	8.0689	1.412	0.16892	
wt	-4.3978	0.6781	-6.485	5.01e-07	***
qsec	0.9462	0.2616	3.616	0.00116	**
drat	1.6561	1.2269	1.350	0.18789	

Оценим модель: коэффициент детерминации $R^2 = 81.96\%$, это очень высокий показатель, значит, модель очень хороша и объясняет данные в наборе mtcars. Р-значение регрессора wt очень маленькое ($5.01e-07$), и у регрессоров qsec и drat тоже маленькие, но уже больше 0.001 и 0.19 соответственно. У wt 3 звёздочки, у qsec 2 звёздочки, а у регрессора drat их нет. Также стоит отметить, что у всех регрессоров достаточно велика стандартная ошибка, а особенно у регрессора drat, она равна 1.23, поэтому, скорее всего, именно drat наиболее незначимый в модели параметр. VIF у каждого регрессора находится в пределах от 1.03 до 2.08, что говорит о независимости регрессоров.

Заключение: данная математическая модель достаточно хорошая, в ней сконцентрированы нужные и важные регрессоры, но возможно еще не все регрессоры стоит использовать, так, например, при удалении регрессора drat из модели R^2 падает всего на 0.5%. Далее попробуем найти не очень нужные регрессоры, которые можно было бы исключить без большого вреда для R^2 , и тем самым улучшить нашу модель.

3. Введите в модель логарифмы регрессоров (если возможно). Сравните модели и выберите наилучшую.

Для решения данного пункта задания я построил модели с использованием регрессоров: $\ln(wt)$, $\ln(qsec)$, $\ln(drat)$. При анализе построенных моделей я заметил, что добавление в модель логарифма регрессора, где уже есть сам регрессор ведёт к сильному возрастанию vif у пары этих данных. Так же мной было замечено, что регрессор wt уменьшает R^2 в любой модели. Поэтому, после тестов всех комбинаций стало ясно, что $\ln(wt)$ стоит внести в модель с логарифмом, а сам wt стоит исключить из модели.

Итог: самой лучшей моделью среди моделей с добавлением натуральных логарифмов от регрессоров является эта $mpg \sim qsec + drat + \ln(wt)$. Значения коэффициентов модели, их стандартные ошибки, р-статистика и уровень значимости приведены в таблице 2.2.

Таблица 2.2. Характеристики модели зависимости mpg от регрессоров qsec, drat, $\ln(wt)$ в наборе данных mtcars.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	18.0083	7.2144	2.496	0.018715	*
qsec	0.9035	0.2245	4.025	0.000393	***
drat	0.8219	1.0818	0.760	0.453743	
$\ln(wt)$	-15.1557	1.8445	-8.217	6.07e-09	***

4. Введите в модель всевозможные произведения пар регрессоров, в том числе квадраты регрессоров. Найдите одну или несколько наилучших моделей по доле объяснённого разброса в данных R^2 .

Вначале добавим к регрессорам первоначальной линейной модели всевозможные комбинации с произведениями пар данных регрессоров. Добавлять будем регрессоры: $I(wt^2)$, $I(qsec^2)$, $I(drat^2)$, $I(wt \cdot qsec)$, $I(wt \cdot drat)$, $I(drat \cdot qsec)$.

Дальше по-отдельности рассмотрим наилучшие модели добавлением квадратов регрессоров и с добавлением произведений пар регрессоров. В первом случае оказалось, что регрессор drat уменьшает R^2 в любой модели, а растёт R^2 лучше всего при добавлении $I(drat^2)$. Лучшей моделью с $R^2 = 82.02\%$ оказалась линейная регрессия с

исключением drat и добавлением $I(\text{drat}^2)$. Все её характеристики параметров приведены в таблице 2.3.

Таблица 2.3. Характеристики модели зависимости mpg от регрессоров wt, qsec, $I(\text{drat}^2)$ в наборе данных mtcars.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	14.3106	6.4819	2.208	0.03562	*
wt	-4.3845	0.6744	-6.502	4.8e-07	***
qsec	0.9436	0.2611	3.614	0.00117	**
$I(\text{drat}^2)$	0.2304	0.1657	1.390	0.17546	

Во втором случае оказалось, что регрессор wt уменьшает R^2 в любой модели, а растёт R^2 лучше всего при добавлении регрессора $I(\text{drat*wt})$. Лучшей моделью с $R^2 = 84.46\%$ оказалась линейная регрессия с исключением wt и добавлением регрессора $I(\text{drat*wt})$. Все её характеристики параметров приведены в таблице 2.4.

Таблица 2.4. Характеристики модели зависимости mpg от регрессоров qsec, drat, $I(\text{drat*wt})$ в наборе данных mtcars.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	0.3507	6.2803	0.056	0.95586	
qsec	0.8944	0.2437	3.670	0.00101	**
drat	5.1880	0.8523	6.087	1.45e-06	***
$I(\text{drat*wt})$	-1.3276	0.1817	-7.305	5.93e-08	***

И теперь можем попытаться сравнить первоначальную модель с двумя полученными, первая из которых – лучшая модель с логарифмом, а вторая это лучшая модель с добавлением произведения регрессоров, поскольку модель с добавлением квадратов уже заведомо оказалось хуже (у нее R^2 меньше).

Сравним первоначальную модель $\text{mpg} \sim \text{wt} + \text{qsec} + \text{drat}$, где $R^2 = 81.96\%$ с лучшей моделью добавлением произведения регрессоров $\text{mpg} \sim \text{qsec} + \text{drat} + I(\text{drat*wt})$, где $R^2 = 84.96\%$.

Наилучшая модель выявляется по значению R^2 , тогда это будет модель с добавлением произведения регрессоров $\text{mpg} \sim \text{qsec} + \text{drat} + I(\text{drat*wt})$. VIF у регрессоров данной модели не превышают 1.18, а значит, серьезной зависимости между регрессорами нет. Значения коэффициентов данной модели, их стандартные ошибки, р-статистика и уровень значимости приведены в таблице 2.5.

Далее выполним задание 5 и 6 для этой модели.

5. Найти доверительные интервалы для всех коэффициентов в наилучшей модели, $p = 95\%$. Сделать вывод о отвержении или невозможности отвергнуть статистическую гипотезу о том, что коэффициент равен 0.

Найдём значение t , необходимое для определения доверительных интервалов. С помощью функции qt (0.975 , $df = 28$) получим, что $t = 2.048407$, округлим до двух знаков после запятой, $t = 2.05$.

Доверительный интервал для коэффициента регрессора $qsec$ $[0.89 - 2.05 * 0.24; 0.89 + 2.05 * 0.24] = [0.4; 1.38]$.

Значение "0" не попадает в доверительный интервал коэффициента перед регрессором, а значит, переменная mpg связана с переменной $qsec$.

Доверительный интервал для коэффициента регрессора $drat$ $[5.19 - 2.05 * 0.85; 5.19 + 2.05 * 0.85] = [3.45; 6.93]$.

Значение "0" не входит в доверительный интервал коэффициента перед регрессором, а значит, mpg зависит от $drat$.

Доверительный интервал для коэффициента регрессора $I(drat * wt)$ $[-1.33 - 2.05 * 0.18; -1.33 + 2.05 * 0.18] = [-1.7; -0.96]$.

Значение "0" не входит в доверительный интервал коэффициента перед регрессором, а значит, mpg зависит от $I(drat * wt)$.

6. Доверительный интервал для одного прогноза ($p = 95\%$, набор значений регрессоров выбираем сами).

Найдём доверительный интервал для прогноза, в котором переменные будут иметь значения: $qsec = 17.5$, $drat = 4$, $wt = 3.4$. С помощью функции $predict$ получим верхнюю и нижнюю границы доверительного интервала, а также его среднее прогнозируемое значение.

Нижняя граница (lwr в результате функции $predict$) равна 17.13805, верхняя граница (upr в результате функции $predict$) равна 20.25923, а среднее прогнозируемое значение (fit в результате функции $predict$) равно 18.69864.

Код решения задачи и сведения о проверенных моделях приведены в Приложении 2.

Вывод: я проверил данные мне в задание регрессоры wt , $qsec$, hp , $drat$ на линейную зависимость. В результате чего была обнаружена сильная линейная зависимость, а значит, нельзя было использовать все регрессоры вместе. Опираясь на значение R^2 , было принято решение исключить параметр hp из математических моделей, поскольку $R^2 = 77.51\%$. Далее я проверил возможность использования остальных регрессоров вместе: R^2 значительно снизился, но все же оставалась средняя зависимость, поэтому важно было следить за оставшимися регрессорами. Затем я построил линейную регрессию с помощью этих переменных и оценил её по величине R^2 и по характеристикам коэффициентов перед регрессорами. Математическая модель $mpg \sim wt + qsec + drat$, где $R^2 = 81.96\%$, оказалась очень хорошей, и она хорошо объясняет данные в наборе $mtcars$. Несмотря на этот высокий показатель, я попытался улучшить ее с помощью введения натуральных логарифмов от регрессоров и их попарных произведений. Таким образом, проанализировав более 25 линейных регрессий, я смог выявить наилучшую модель с имеющимся набором регрессоров. Наилучшей моделью стала линейная регрессия с добавлением произведения регрессоров $mpg \sim qsec + drat + I(drat * wt)$, где $R^2 = 84.96\%$, что также выше предыдущего значения, а также VIF у регрессоров данной модели не превышают 1.18, а значит, серьезной зависимости между регрессорами нет. В целом модель является очень хорошей, поскольку $R^2 > 80\%$, то зависимость определенно есть. С

помощью наилучшей модели мне удалось найти доверительные интервалы для всех коэффициентов регрессии $mpg \sim qsec + drat + I(drat*wt)$ ($p = 95\%$) и сделать вывод о том, может ли коэффициент равен нулю или нет. Получилось, что значение «0» не попадает ни в один из доверительных интервалов, поэтому переменная *mpg* зависит от всех 3 регрессоров (*qsec*, *drat*, $I(drat*wt)$), расход топлива (*mpg*) положительно зависит от скорости разгона (*qsec*) и передаточного отношения задней оси (*drat*), отрицательно от произведения передаточного отношения задней оси на вес ($I(drat*wt)$). Я рассчитал доверительный интервал для прогноза, выбрав при этом значения регрессоров равными: $qsec = 17.5$, $drat = 4$, $wt = 3.4$, тогда доверительный интервал получился [20.25923;18.69864].

Задача 3

Номер волны выборки РМЭЗ: 15

Подмножества для пункта 5: Городские жители, не состоящие в браке; разведенные женщины, с высшим образованием

Необходимо загрузить данные из указанного набора и произвести следующие действия.

1. Постройте линейную регрессию зарплаты на все параметры, которые Вы выделили из данных мониторинга. Не забудьте оценить коэффициент вздутия дисперсии VIF. Для начала выберу набор параметров, который будет необходим, чтобы описать социально-экономическое положение граждан Российской Федерации. Столбца параметров, которые я выбрала: зарплата, пол, семейное положение, наличие высшего образование, возраст, населённый пункт, удовлетворенность условиями труда, продолжительность рабочей недели, опасность производства, причастность государства к владению предприятия и наличие второй работы. В предоставленных данных опроса это столбцы *kj13.2*, *kh5*, *k_marst*, *k_educ*, *k_age*, *status*, *kj1.1.2*, *kj6.2*, *kj21.3*, *kj23* и *kj32*.

Теперь преобразуем выбранные мной параметры по следующему принципу:

- Факторные переменные, «имеющие много значений», такие как: зарплата, длительность рабочей недели и возраст, - преобразуем в вещественные переменные и нормализуем их: вычтем среднее значение по этой переменной, разделим её значения на стандартное отклонение.
- Из параметра, отвечающего типу населённого пункта, создадим одну дамми-переменную *city_status* со значением 1 для города или областного центра, 0 – в противоположном случае.
- Из параметра, отвечающего семейному положению, сделаем дамми-переменные 1) переменная *wed1* имеет значение 1 в случае, если респондент женат, 0 – в противном случае; 2) *wed2*=1, если респондент разведён или вдовец; 3) *wed3* = 1, если респондент никогда не состоял в браке.
- Из параметра, отвечающего за пол, сделаем переменную *sex*, имеющую значение 1 для мужчин и равную 0 для женщин.
- Для каждого из остальных параметров сделаем отдельные дамми-переменные, которые будут иметь значение 1 для случая, когда выполняется условие в заданном вопросе и значение 0 для случая, когда ответом на вопрос будет «нет».

В итоге получим *data2* с новыми переменными, с которыми уже можно работать и построить линейную зависимость зарплаты от остальных переменных: $salary \sim sex, wed1, wed2, wed3, higher_education, age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government, second_job$. R^2 модели равен ~21%. Три "звёздочки" у регрессоров *sex*, *higher_education*, *age*, *city_status*, *satisfy*, *duration*, *dangerous*, *government* p-статистика этих регрессоров мала, это хороший показатель. 0-1 "звёздочки" у регрессоров *wed1*, *wed2*, *wed3*, *second_job*,

значит, что они мало чего объясняют. Оценив vif , сделал вывод, что $wed1$, $wed2$, $wed3$ скорее всего зависимы, попробую убрать $wed3$ из модели

Проверим модель $salary \sim sex, wed1, wed2, higher_education, age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government, second_job$. R^2 модели остался равен $\sim 21\%$, однако p -статистики $wed1$ и $wed2$ снизились. Регрессор $second_job$ плохо объясняет $salary$. принято решение его исключить.

Получим первоначальную рассматриваемую математическую модель $salary \sim sex, wed1, wed2, higher_education, age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government$. R^2 модели равен $\sim 21\%$. Большинство регрессоров хорошо объясняют нашу переменную $salary$. Показатели vif в пределах 2, значит наши регрессоры не коррелируют между собой. Детально с характеристиками получившейся модели можно ознакомиться в таблице 3.1.

Таблица 3.1. Характеристики модели зависимости $salary \sim sex, wed1, wed2, higher_education, age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government$ в наборе данных 15-ой волны исследования.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	-0.70287	0.05045	-13.932	< 2e-16	***
sex	0.39062	0.03186	12.260	< 2e-16	***
wed1	0.14435	0.03739	3.860	0.000115	***
wed2	0.14560	0.05167	2.818	0.004861	**
higher_education	0.53227	0.03412	15.599	< 2e-16	***
age	-0.07836	0.01645	-4.764	1.97e-06	***
city_status	0.31184	0.03455	9.026	< 2e-16	***
satisfy	0.33979	0.03001	11.323	< 2e-16	***
duration	0.12146	0.01545	7.859	5.05e-15	***
dangerous	0.18252	0.03926	4.649	3.45e-06	***
government	-0.28739	0.03146	-9.136	< 2e-16	***

2. Поэкспериментируйте с функциями вещественных параметров: используйте логарифм и степени (хотя бы от 0.1 до 2 с шагом 0.1).

Функциями вещественных параметров, кроме зарплаты, в моём случае являются возраст и продолжительность рабочей недели, поэкспериментируем с ними. Для начала будем добавлять в первоначальную линейную регрессию натуральные логарифмы от этих переменных, а именно $\ln(age)$ и $\ln(duration)$.

С логарифмами там могут быть только три различные вариации: в первый раз добавляем только $\ln(age)$, во вторую модель добавляем $\ln(duration)$, а в третью оба логарифма сразу. После получения значения R^2 и VIF для этих трёх зависимостей точно определяем, что лучшей из них будет первая модель $salary \sim sex, wed1, wed2, higher_education, age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government, second_job, \ln(age)$. Её коэффициент детерминации R^2 равен 24.86%, а команда VIF показывает свои значения в пределах 3.5. Подробная информация о значении коэффициентов, стандартных ошибках и значимости использующихся регрессоров приведена в таблице 3.2.

Таблица 3.2. Характеристики модели зависимости salary ~ sex, wed1, wed2, higher_education, age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government, ln(age) в наборе данных 15-ой волны исследования.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	-0.36396	0.09250	-3.935	8.64e-05	***
sex	0.39642	0.04058	9.769	< 2e-16	***
wed1	0.09060	0.05657	1.602	0.10940	
wed2	0.11040	0.06714	1.644	0.10024	
higher_education	0.53098	0.04255	12.479	< 2e-16	***
age	-0.46854	0.06085	-7.700	2.19e-14	***
city_status	0.33729	0.04198	8.035	1.64e-15	***
satisfy	0.34596	0.03730	9.276	< 2e-16	***
duration	0.11277	0.02008	5.616	2.25e-08	***
dangerous	0.21668	0.04854	4.464	8.54e-06	***
government	-0.19141	0.03927	-4.875	1.18e-06	***
log(age)	0.11065	0.03373	3.281	0.00106	**

Поэкспериментируем со степенями функций вещественных переменных, то есть будем возводить регрессоры age и duration в разные степени и добавлять их к первоначальной модели порознь и вместе.

Сначала рассмотрим такие модели со степенями регрессоров age и duration от 0.1 до 1. Увеличиваем степени с шагом 0.1 и проверяем величину R^2 и VIF каждой из моделей. С повышением степеней вплоть до единицы R^2 падает и VIF становится только хуже и уже к возведению в степень 0.4 VIF стал недопустимым для того, чтобы выполнялось условие независимости регрессоров модели. Перейдем к степени 1.1. R^2 продолжает медленно падать, при этом показатели VIF сильно выше нормы. Проанализировав характеристики последующих моделей, сделал вывод, что среди степеней лучшая модель первая, зависимость salary ~ sex, wed1, wed2, higher_education, age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government, I(age^{0.1}). Подробные характеристики данной математической модели приведены в таблице 3.3.

Таблица 3.3. Характеристики модели зависимости salary ~ sex, wed1, wed2, higher_education, age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government, I(age^{0.1}) в наборе данных 15-ой волны исследования.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	-1.71883	0.36962	-4.650	3.55e-06	***
sex	0.39656	0.04059	9.771	< 2e-16	***
wed1	0.09035	0.05658	1.597	0.11044	
wed2	0.10987	0.06714	1.636	0.10192	
higher_education	0.53097	0.04256	12.477	< 2e-16	***
age	-0.49473	0.06863	-7.209	8.17e-13	***
city_status	0.33755	0.04198	8.040	1.58e-15	***
satisfy	0.34592	0.03730	9.273	< 2e-16	***
duration	0.11264	0.02008	5.609	2.34e-08	***
dangerous	0.21670	0.04855	4.464	8.54e-06	***
government	-0.19114	0.03927	-4.867	1.23e-06	***
I(age ^{0.1})	1.38282	0.42971	3.218	0.00131	**

3. Выделите наилучшие модели из построенных: по значимости параметров, включённых в зависимости, и по объяснённому с помощью построенных зависимостей разбросу R^2 - R^2_{adj} .

Сравним двух претендентов на лучшую модель из всех рассмотренных. Первая модель - это лучшая модель среди регрессий с введением логарифмов переменных (её характеристики в таблице 3.2), а вторая это лучшая модель среди всех регрессий с введением степеней переменных, а именно модель, где возведение идёт в степень 0.1 (её характеристики в таблице 3.3).

У первой модели $R^2 = 24.86\%$, значимость регрессоров довольно неплохая. У второй модели $R^2 = 24.8\%$, значимость регрессоров точно такая же. Разницы между коэффициентами детерминации почти нет. Посмотрим на VIF у этих двух регрессий. У модели с логарифмами максимальное значение $VIF \sim 3.5$, в то время как у модели со степенью 0.1 VIF достигает почти 4.4.

Значит, я могу заключить, что лучшей моделью из всех рассмотренных является модель $\text{salary} \sim \text{sex}, \text{wed1}, \text{wed2}, \text{higher_education}, \text{age}, \text{city_status}, \text{satisfy}, \text{duration}, \text{dangerous}, \text{government}, \ln(\text{age})$. На данных этой модели будем делать дальнейшие выводы.

4. Сделайте вывод о том, какие индивиды получают наибольшую зарплату.

Рассмотрим коэффициенты перед значимыми регрессорами в нашей лучшей модели, полученные с помощью команды `summary` и отображённые в таблице 3.2.

- sex: 0.4 - положительный
- higher_education: 0.53 - положительный
- age: -0.47 - отрицательный
- city_status: 0.34 - положительный
- satisfy: 0.35 - положительный
- duration: 0.11 - положительный
- dangerous: 0.22 - положительный
- government: -0.19 - отрицательный
- log(age): 0.11 – положительный

Вывод о том, какие индивиды получают большую зарплату: большую зарплату получают в большинстве своём мужчины, люди с высшим образованием (это самый важный показатель), молодые люди, также люди, проживающие в городе, индивиды, удовлетворённые своими условиями труда. Ещё большую зарплату получают люди, работающие на опасных или вредных производствах и люди, работающие в негосударственных компаниях, с большим количеством часов в неделю семейное положение не влияли на уровень заработной платы.

5. Оцените регрессии для подмножества индивидов, указанных в варианте.

Выделим подмножество городских жителей, не состоящих в браке с помощью применения функции `subset` дважды. Построим выбранную мной лучшую модель зависимости зарплаты от других параметров, но теперь учтём то, что мы находимся в подмножестве городских жителей, состоящих в браке (в этом подмножестве переменные `city_status` равен единице, а `wed1` равны нулю). $\text{salary} \sim \text{sex}, \text{higher_education}, \text{age}, \text{satisfy}, \text{duration}, \text{dangerous}, \text{government}, \log(\text{age})$. $R^2 = 21.29\%$, незначительны переменные `dangerous`, `government`, `log(age)`; VIF нормален (до ~ 3.5). Значения коэффициентов модели, их стандартные ошибки, р-статистика и уровень значимости приведены в таблице 3.4.

Таблица 3.4. Характеристики модели зависимости salary ~ sex, higher_education, age, satisfy, duration, dangerous, government, log(age) в наборе данных 15-ой волны исследования.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	-0.19974	0.13342	-1.497	0.135045	
sex	0.29027	0.07970	3.642	0.000300	***
higher_education	0.46695	0.07659	6.096	2.23e-09	***
age	-0.31028	0.10160	-3.054	0.002383	**
satisfy	0.37960	0.06871	5.525	5.42e-08	***
duration	0.13997	0.03680	3.804	0.000161	***
dangerous	0.23960	0.09344	2.564	0.010645	*
government	-0.10303	0.07165	-1.438	0.151082	
log(age)	-0.01155	0.05854	-0.197	0.843685	

Среди городских жителей в браке всё те же индивиды получают зарплату больше других.

Выделим подмножество разведённых женщин с высшим образованием с помощью применения функции subset трижды. Построим выбранную мной лучшую модель зависимости зарплаты от других параметров, учитывая, что мы находимся в подмножестве разведённых жителей без высшего образования (в этом подмножестве переменные wed2 и higher_education равны единице, а переменная sex равна нулю). salary ~ age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government, log(age). $R^2 = 14.43\%$ - очень маленький, все переменные, кроме government незначительны (у government 1 "звёздочка"), VIF нормален (до ~3.7). Значения коэффициентов модели, их стандартные ошибки, p-статистика и уровень значимости приведены в таблице 3.5.

Таблица 3.5. Характеристики модели зависимости salary ~ age, city_status, satisfy, duration, dangerous, government, log(age) в наборе данных 15-ой волны исследования.

Параметр/Характеристики	Значение	Std. Error	t value	Pr(> t)	Уровень значимости
(Intercept)	0.14077	0.37186	0.379	0.7058	
age	0.04397	0.24781	0.177	0.8595	
city_status	0.01569	0.22504	0.070	0.9445	
satisfy	0.30430	0.17930	1.697	0.0928	.
duration	0.08388	0.08927	0.940	0.3497	
dangerous	-0.18032	0.23415	-0.770	0.4431	
government	-0.45133	0.20866	-2.163	0.0330	*
log(age)	-0.24565	0.14961	-1.642	0.1038	

Никой зависимости зарплаты от данных регрессоров для разведённых женщин с высшим образованием не установил.

Код решения задачи и сведения о проверенных моделях приведены в Приложении 3.

Вывод: я проанализировал данные опроса НИУ ВШЭ о материальном состоянии граждан России. По результатам построенных мною моделей, можно вывод о том, какие индивиды получают большую зарплату: большую зарплату получают в большинстве своём мужчины, люди с высшим образованием (это самый важный показатель), молодые люди, также люди, проживающие в городе, индивиды, удовлетворённые своими условиями труда. Ещё большую зарплату получают люди, работающие на опасных или вредных

производствах и люди, работающие в негосударственных компаниях, с большим количеством часов в неделю семейное положение не влияли на уровень заработной платы.

Задача 4

Набор данных: Drug classification

Тип классификатора: LogisticRegression (логистическая регрессия)

Классификация по столбцу: Drug Type (DrugX – класс 0, остальные уровни – класс 1)

1. Обработайте набор данных, подготовив его к решению задачи классификации. Выделите целевой признак, указанный в последнем столбце таблицы, и удалите его из данных, на основе которых будет обучаться классификатор. Разделите набор данных на тестовую и обучающую выборку. Постройте классификатор типа, указанного в варианте, для задачи классификации по параметру, указанному также в варианте. Оцените точность построенного классификатора с помощью метрик precision, recall и F1 на тестовой выборке.

Сначала считаем набор данных с устройства, далее преобразуем его в таблицу и удалим все строки, в которых встречаются пустые значения. Первые 5 строк таблицы приведены в таблице 4.1.

Таблица 4.1. Первые 5 строк набора данных Drug classification

Age	Sex	BP	Cholesterol	Na to K	Drug
23	F	HIGH	HIGH	25.355	DrugY
47	M	LOW	HIGH	13.093	drugC
47	M	LOW	HIGH	10.114	drugC
28	F	NORMAL	HIGH	7.798	drugX
61	F	LOW	HIGH	18.043	DrugY

Перейдём к подготовке решения задачи классификации. Все, не числовые признаки нужно преобразовать в числовые или, если можно, в бинарные:

Столбец Sex преобразуем по принципу: M – 1, F – 0;

Столбец BP преобразуем следующим образом: Low – 0, High – 1, Normal – 2;

Столбец Cholesterol преобразуем в бинарный: Normal – 0, High – 1.

А также обработаем столбец, по которому будем строить классификацию (Drug Type): DrugX – класс 0, остальные уровни – класс 1. Этот столбец удалим из данных, оставив его отдельно от остальных столбцов. Его нужно убрать, чтобы наш классификатор смог обучаться. Первые пять строк и последние 5 строк изменённой таблицы приведены в таблице 4.2.

Таблица 4.2. Таблица, подготовленная для решения задачи классификации.

Age	Sex	BP	Cholesterol	Na to K
23	0	1	1	25.355
47	1	2	1	13.093
47	1	2	1	10.114
28	0	0	1	7.798
61	0	2	1	18.043
...
56	0	2	1	11.567
16	1	2	1	12.006
52	1	0	1	9.894
23	1	0	0	14.020

40	0	2	0	11.349
----	---	---	---	--------

Оценим важность каждого признака (Рисунок 4.1).

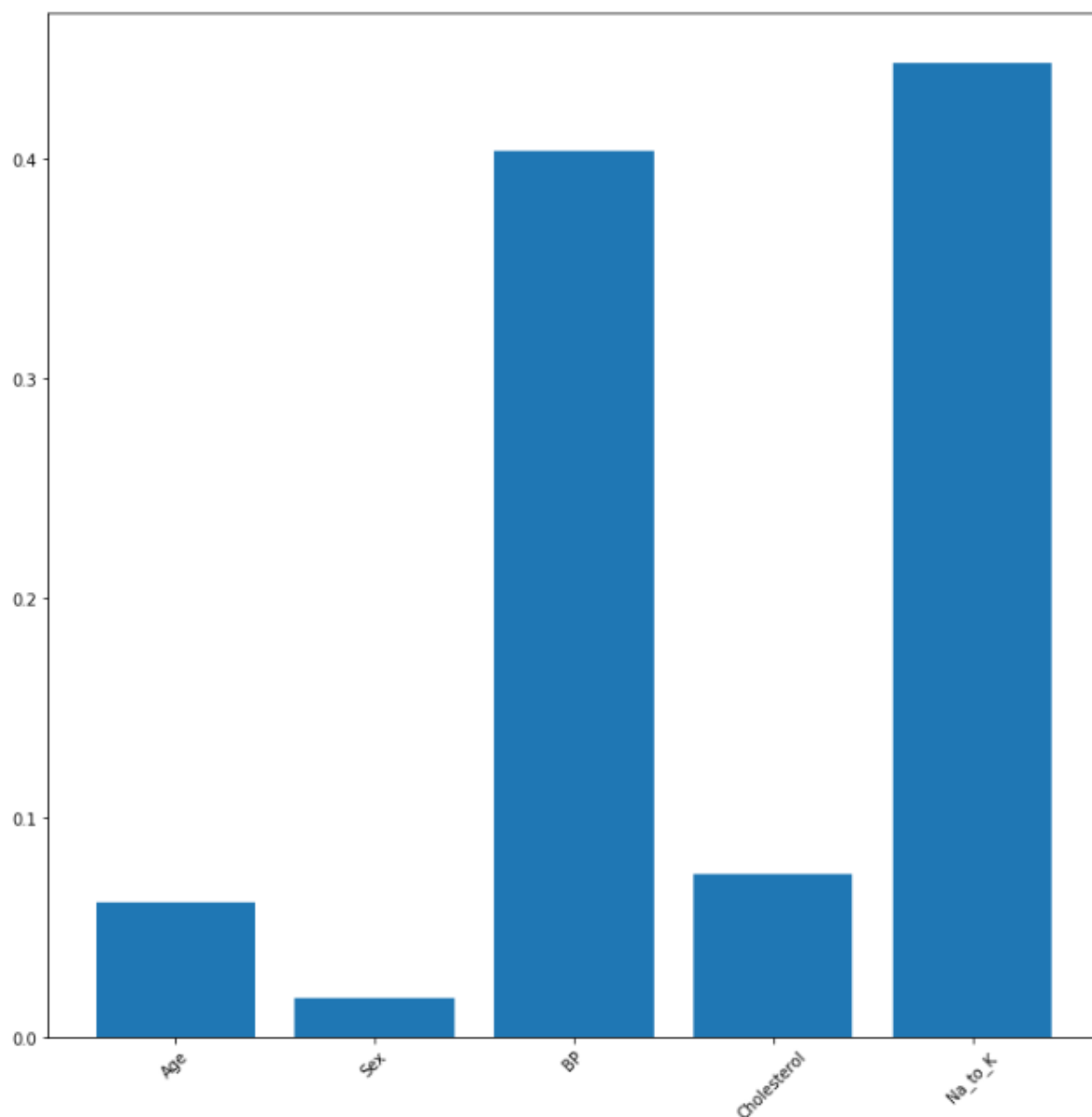


Рисунок 4.1. Гистограмма демонстрирует важность каждого признака.

Можем приступить к задаче классификации. Разделим набор данных на обучающую и тестовую выборку. Размер тестовой выборки будет 33%.

Построим классификатор LogisticRegression и проверим его на тестовых данных, чтобы оценить точность построенного классификатора с помощью метрик accuracy, precision, recall и F1 на данной выборке. Их полученные значения с помощью метода classification_report приведены в таблице 4.3.

Таблица 4.3. Результат работы метода classification_report на нашей тестовой выборке.

precision	recall	f1-score	support
0.84	0.85	0.84	66

2. Постройте классификатор типа Случайный Лес (Random Forest) для решения той же задачи классификации. Оцените его качество с помощью метрик precision, recall и F1 на тестовой выборке. Какой из классификаторов оказывается лучше?

Строим классификатор Random Forest, состоящий из 200-от, 300-от и 400-от деревьев, таким образом, найдем наилучшее количество деревьев с шагом 100. Исходя из результатов, наилучшим вариантом может считаться вариант с 400-ми деревьями, поскольку его метрики оказались лучше всех остальных:

- accuracy: 0.9399899617290922
- f1: 0.9618566618566619
- precision: 0.926785919045981
- recall: 1.0

Дальнейший анализ произведём вокруг данного значения. Построим классификаторы с количеством деревьев в окрестности 400-от с шагом 10. Оценим получившиеся значения метрик. Найдем наилучшие значения. Исходя из этого, среди деревьев от 350 до 450, можно сделать вывод, что наилучшим вариантом является вариант с 390 и 450 деревьями. Лучшим из двух является количество является меньшее, так как при одинаковых значениях метрик использует меньше ресурсов.

Проанализируем классификатор Random Forest состоящий из 390 деревьев. Метрики данного классификатора имеют следующие значения:

- accuracy 0.9399899617290922
- f1: 0.9517726282432165
- precision: 0.926785919045981
- recall: 1.0

Для сравнения с классификатором LogisticRegression будем использовать именно этот вариант классификатора Случайный лес.

Теперь сравним классификатор LogisticRegression (логистическая регрессия) и Случайный Лес (Random Forest), оценивая метрики каждого из них. Анализируя значения данных, я могу заключить, что все метрики accuracy, f1, precision и recall у классификатора Random Forest лучше, а следовательно, классификатор Random Forest для моего набора данных работает лучше и точнее, чем LogisticRegression.

Код решения задачи приведён в Приложении 4.

Вывод: мною была выполнена задача классификации для набора данных Drug classification двумя разными способами: Логистической регрессией и Случайным Лесом. Оценка точности классификатора LogisticRegression была произведена с помощью метрик accuracy, f1, precision и recall. Получились следующие значения: accuracy: 0.85, f1: 0.84, precision: 0.84, recall: 0,85. После построения классификатора Random Forest я выбрал вариант с наилучшим количеством деревьев, и также оценил его с помощью четырёх метрик: accuracy 0.94, f1: 0.95, precision: 0.93, recall: 1.0. Сравнив метрик каждого из двух классификаторов, я сделал вывод о том, что для моего набора данных лучше использовать классификатор Случайный лес, чем Логистическую регрессию.

Задача 5

Набор данных: California WildFires

Необходимо провести анализ датасета (из задания 6) и сделать обработку данных по предложенному алгоритму. Ответить на следующие вопросы:

1. Сколько в датасете объектов и признаков? Дать описание каждому признаку, если оно есть.

В данном наборе 1636 объектов и 40 признаков. Описание признаков (по возможности):

- AcresBurned: Акров земли, пострадавших от лесных пожаров

- Active: является ли пожар активным или локализованным?
- AdminUnit: административное подразделение
- AirTankers: выделенные ресурсы
- ArchiveYear: год, когда данные были заархивированы
- CalFireIncident: рассматривается ли этот инцидент как инцидент с пожаром?
- Counties: название округа
- CountyIds: идентификационный номер округа
- CrewsInvolved: вовлеченные экипажи
- Dozers: выделенные бульдозеры
- Engines: выделенные машины
- Extinguished: дата погашения
- Fatalities: количество погибших
- Helicopters: выделенные вертолеты
- Injuries: количество раненых среди персонала
- Latitude: широта инцидента с лесным пожаром
- Location: описание местоположения
- Longitude: долгота инцидента с лесным пожаром
- MajorIncident: считается ли это серьезным инцидентом или нет?
- Name: название лесного пожара
- PercentContained: какой процент пожара локализован?
- PersonnelInvolved: вовлеченный персонал
- Started: дата начала пожара
- StructuresDamaged: количество поврежденных конструкций
- StructuresDestroyed: количество разрушенных сооружений
- StructuresThreatened: количество сооружений, находящихся под угрозой
- WaterTenders: выделенные объем воды

2. Сколько категориальных признаков, какие?

Категориальные признаки:

- AdminUnit
- Counties
- CountyIds
- Name

3. Столбец с максимальным количеством уникальных значений категориального признака?

Признаки Counties и CountyIds обозначают одно и то же, поэтому рассматриваю только один из них. В цикле посчитаем уникальные значения. В итоге получилось, что максимальное количество уникальных значений у признака Name, точнее 1193. Уберем категориальные признаки из набора, так как они имеют слишком много уникальных значений.

4. Есть ли бинарные признаки?

Бинарные признаки присутствуют, к ним можно отнести:

- Active
- CalFireIncident
- Featured
- Final
- MajorIncident

- Public
- Status

Преобразуем их значения в числовые, для дальнейшей обработки.

5. Какие числовые признаки?

Числовые признаки:

- AcresBurned
- AirTankers
- CrewsInvolved
- Dozers
- Engines
- Fatalities
- Helicopters
- Injuries
- PersonnelInvolved
- StructuresDamaged
- StructuresDestroyed
- WaterTenders

6. Есть ли пропуски? Сколько объектов с пропусками? Столбец с максимальным количеством пропусков?

Пропуски есть в 21 столбце, в большинстве из них пропусков больше 1500, из-за чего было принято решение, записать в пустые ячейки среднее значение всего набора. Столбец StructuresEvacuated полностью пустой, его нужно исключить. В датасете имеется много столбцов с метаданными, которые невозможно обрабатывать, которые следует также исключить.

7. Есть ли на ваш взгляд выбросы, аномальные значения?

Выбросы есть и их опять же довольно много, у 13 признаков присутствуют аномальные значения превышающие среднее в 5 раз.

8. Столбец с максимальным средним значением после нормировки признаков через стандартное отклонение?

Столбцом с максимальным средним значением после нормировки признаков через стандартное отклонение является Dozers.

9. Столбец с целевым признаком? Сколько объектов попадает в тренировочную выборку при использовании train_test_split с параметрами test_size = 0.3, random_state = 42?

Так как явного столбца, который бы оценивал силу пожара, нет, мной было принято решение опираться на площадь выжженных лесов, то есть сделать этот столбец целевым признаком.

Сделав тренировочную и тестовую выборки, получил, что 1145 объектов попадает в тренировочную выборку при использовании train_test_split с параметрами test_size = 0.3, random_state = 42.

10. Между какими признаками наблюдается линейная зависимость (корреляция)?

Оценивая корреляцию признаков с помощью метода `corr()`, пришел к выводу, что сильная зависимость есть среди признаков `Dozers`, `Engines`, `CrewsInvolved`, `WaterTenders`, `Helicopters`, что логично следует из описания этих признаков.

11. Сколько признаков достаточно для объяснения 90% дисперсии после применения метода PCA?

Для начала, конечно, выделим целевую переменную `AcresBurned`, тренировочную и тестовую выборки и применим сам метод PCA на набор данных, в котором все значения изменились на величину их стандартных отклонений. Это нужно для того, чтобы все признаки были примерно в одном диапазоне, чтобы метод PCA работал верно.

Результат работы метода: 1 признак объясняет 63.9% дисперсии, 2 признака уже 96.53% дисперсии. Значит, двух признаков хватит для объяснения 90% дисперсии после применения метода PCA.

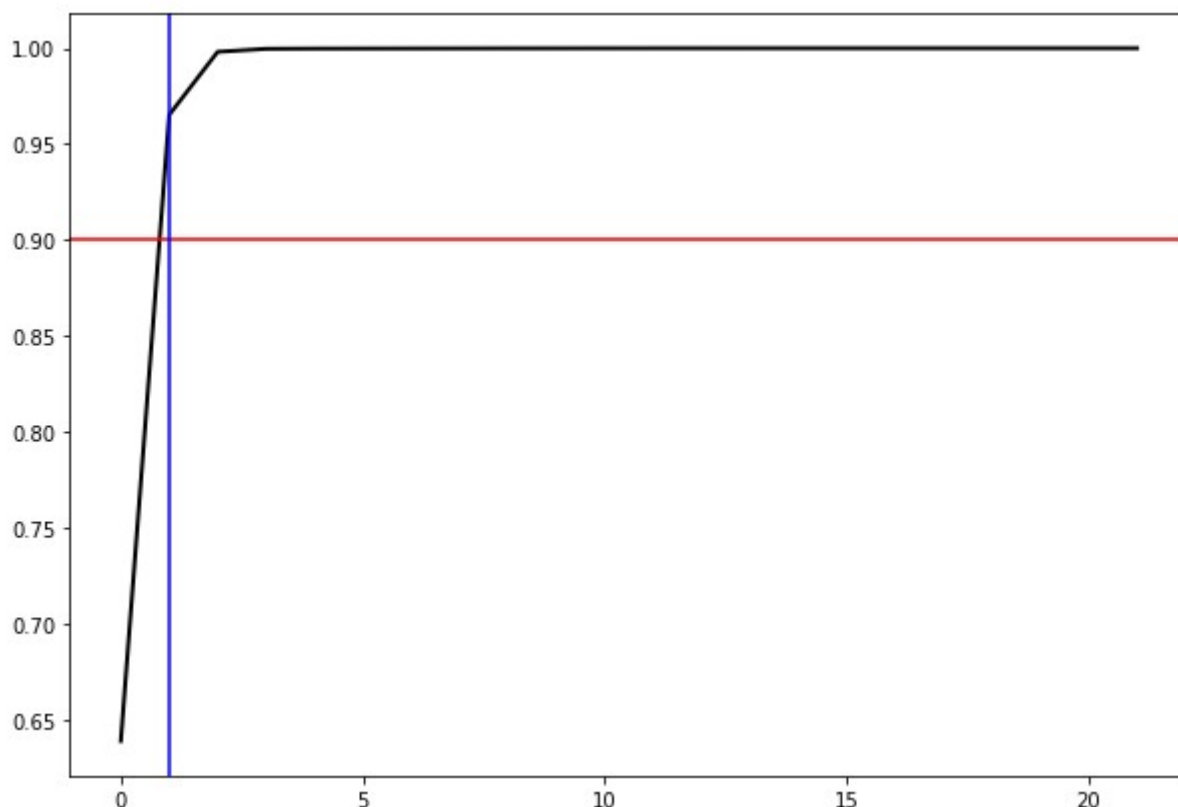


Рисунок 5.1. График зависимости доли объяснённой дисперсии от числа компонент.

12. Какой признак вносит наибольший вклад в первую компоненту?

Посмотрим на распределение вклада признаков в первую компоненту. $-0.000 \times \text{Active} + 0.000 \times \text{AirTankers} + -0.000 \times \text{CalFireIncident} + 0.000 \times \text{CrewsInvolved} + 0.000 \times \text{Dozers} + 0.000 \times \text{Engines} + 0.000 \times \text{Fatalities} + -0.000 \times \text{Featured} + -0.000 \times \text{Final} + 0.000 \times \text{Helicopters} + 0.000 \times \text{Injuries} + 1.000 \times \text{Latitude} + -0.016 \times \text{Longitude} + -0.000 \times \text{MajorIncident} + -0.000 \times \text{PercentContained} + -0.000 \times \text{PersonnelInvolved} + 0.000 \times \text{Public} + 0.000 \times \text{Status} + 0.000 \times \text{StructuresDamaged} + 0.000 \times \text{StructuresDestroyed} + 0.001 \times \text{StructuresThreatened} + 0.000 \times$

WaterTenders. Самый большой коэффициент у признака Latitude, а значит именно он вносит наибольший вклад в первую компоненту.

13. Построить двухмерное представление данных с помощью алгоритма tSNE. На сколько кластеров визуальнo на ваш взгляд разделяется выборка?

Как видно из двумерного представления (Рисунок 5.2) алгоритмом t-SNE, выборка не поддается кластеризации. Проверив выборку с помощью алгоритма t-SNE, но уже с значением параметра `random_state = 130` (Рисунок 5.3), так же делаю вывод, что выборка не поддается кластеризации.

Код решения задачи приведён в Приложении 5.

Вывод: данный набор California WildFires о природных пожарах в Калифорнии содержит в себе много метаданных, так же есть множество ошибок и пустых полей. По итогам работы алгоритма t-SNE и всему сказанному выше делаю вывод, что этот набор данных не поддаётся ни кластеризации, ни классификации.

Заключение

- 1) В задаче №1 я построил графики стандартных отклонений некоторых столбцов набора данных Swiss. А также я построил две математические модели с одним регрессором в каждой и оценил их по нескольким параметрам. Выявил, что между процентом призывников, сдавших военный экзамен на отлично, (Examination) и процентом призывников, получивших образование выше начального уровня, (Education) есть сильная положительная зависимость.
- 2) В задаче №2 я строил множество линейных зависимостей одной переменной от трёх других, одновременно проверяя регрессоры моделей на независимость. Выделил из регрессий лучшую по доле объяснения данных набора mtcars. Нашел что, расход топлива (mpg) положительно зависит от скорости разгона (qsec) и передаточного отношения задней оси (drat), отрицательно от произведения передаточного отношения задней оси на вес ($I(drat*wt)$). Для неё я нашел доверительные интервалы для всех коэффициентов, а далее рассчитал доверительный интервал для прогноза.
- 3) В задаче №3 я искал зависимости между большим количеством параметров из набора данных. Мне пришлось построить более 30-ти линейных регрессий, чтобы найти самую лучшую из них. Тем самым найти самую оптимальную зависимость параметров между собой. Оценив коэффициенты перед объясняющими переменными данной регрессии, я сделал вывод о том, какие индивиды получают большую зарплату. Выделил связи: регрессоры sex, higher_education, city_status, satisfy, duration, dangerous, log(age) положительно влияют на зарплату, а age и government – отрицательно. Также я выделил 2 разных подмножества и на них тоже ответил на вопрос о том, какие индивиды больше зарабатывают.
- 4) В задаче №4 мне удалось построить логистическую регрессию для задачи классификации, оценить её точность с помощью разных метрик (accuracy, F1, recall и precision). Также я построил классификатор Случайный Лес для той же задачи, оценил его точность с использованием тех же метрик. В конце сравнил два этих разных классификатора, Случайный Лес оказался лучше. Выявил признаки, играющие важную роль для классификации, а именно кровяное давление (BP) и отношение натрия к калию в крови (Na_to_K).
- 5) В задаче №5 я провел достаточно подробный первичный анализа данных набора California WildFires. Проверил его на наличие пропусков, изучил виды признаков, представленные в нём, нашел столбцы с аномальными выбросами, проверил признаки на корреляцию между собой. Мною был испробован метод PCA для поиска более важных признаков и алгоритм t-SNE, который показал, что в данных нет чётких кластеров и данные не подходят для задачи классификации.

1)

Список литературы

1. Introduction to Econometrics with R/Christoph Hanck, Martin Arnold, Alexander Gerber, Martin Schmelzer. - Essen, Germany: University of Duisburg-Essen, 2021.
2. Айвазян, С.А. Основы эконометрики/С.А. Айвазян, В.С. Мхитарян – Москва: Изд. объединение «ЮНИТИ», 1998. – 1005 с.
3. Вербик, М. Путеводитель по современной эконометрике/М. Вербик – Москва: «Научная книга», 2008. – 616 с.
4. Доугерти, К. Введение в эконометрику/К. Доугерти – Москва: ИНФРА-М, 2009. – 465 с.
5. Магнус, Я.Р. Эконометрика. Начальный курс/Я.Р. Магнус, П.К. Катышев, А.А. Пересецкий – Москва: Изд-во «ДЕЛО», 2004. – 576 с.

Приложения
Приложение 1

```
library("lmtest")

data = swiss
help(swiss)
data

mean(data$Examination)

mean(data$Infant.Mortality)

mean(data$Education)

data["Examination1"] = data$Examination - mean(data$Examination)
data["Education1"] = data$Education - mean(data$Education)
data["Infant.Mortality1"] = data$Infant.Mortality - mean(data$Infant.Mortality)

data["Examination2"] = (data$Examination - mean(data$Examination))/sqrt(var(data$Examination)) -
data["Education2"] = (data$Education - mean(data$Education))/sqrt(var(data$Education))
data["Infant.Mortality2"] = (data$Infant.Mortality - mean(data$Infant.Mortality))/sqrt(var(data$Infant.Mortality)) -

plot(data$Examination2) + abline(a = 0, b = 0, col = "red")

plot(data$Infant.Mortality2) + abline(a = 0, b = 0, col = "blue")

plot(data$Education2) + abline(a = 0, b = 0, col = "green")

model1 = lm(Examination~Education, data)
model1
summary(model1)
plot(data$Examination, data$Education) + abline(a = 10.13, b = 0.58, col = "red")

model2 = lm(Examination~Infant.Mortality, data)
model2
summary(model2)
plot(data$Examination, data$Infant.Mortality) + abline(a = 22.72, b = -0.31, col = "red")
```

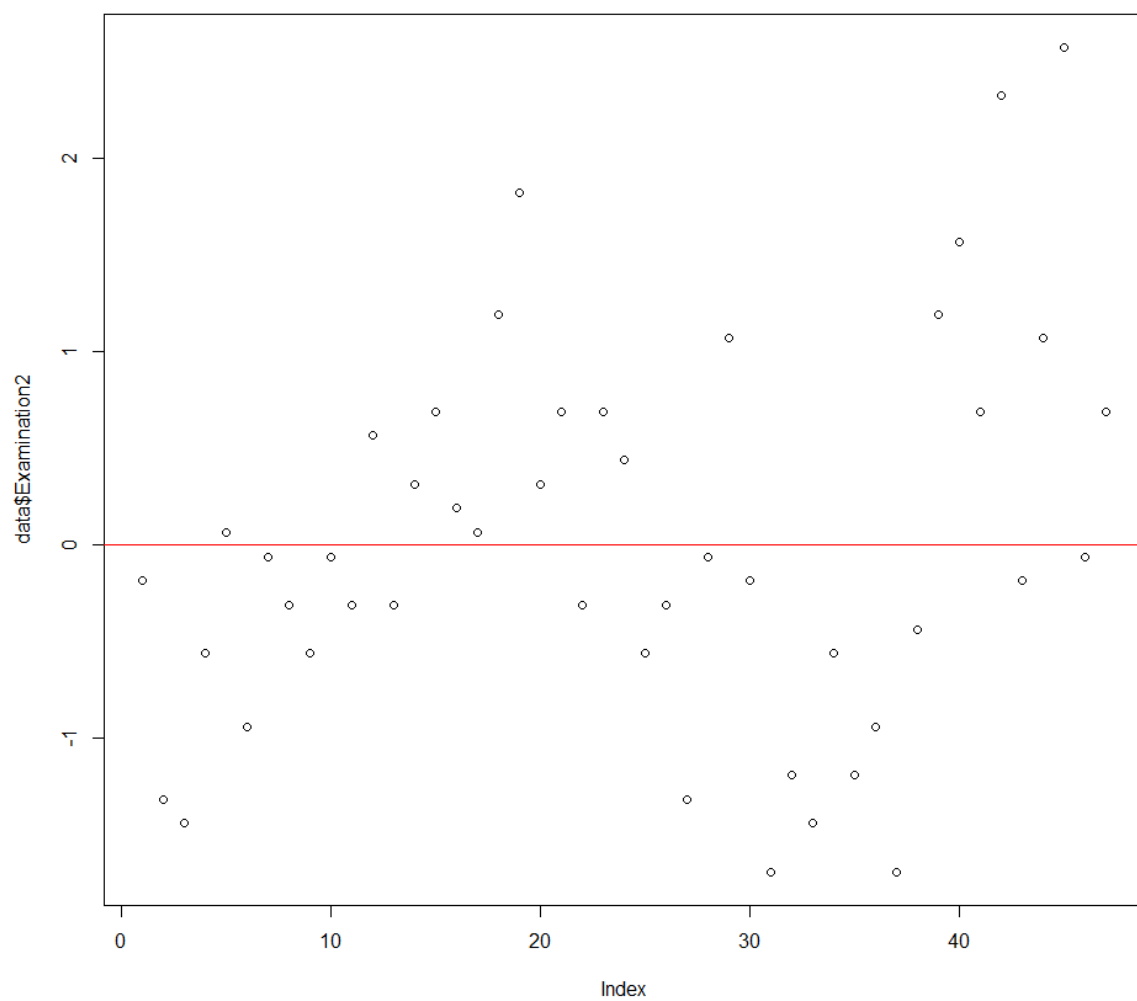


Рисунок 1.1. Отклонения значений переменной Examination от своего среднего значения.

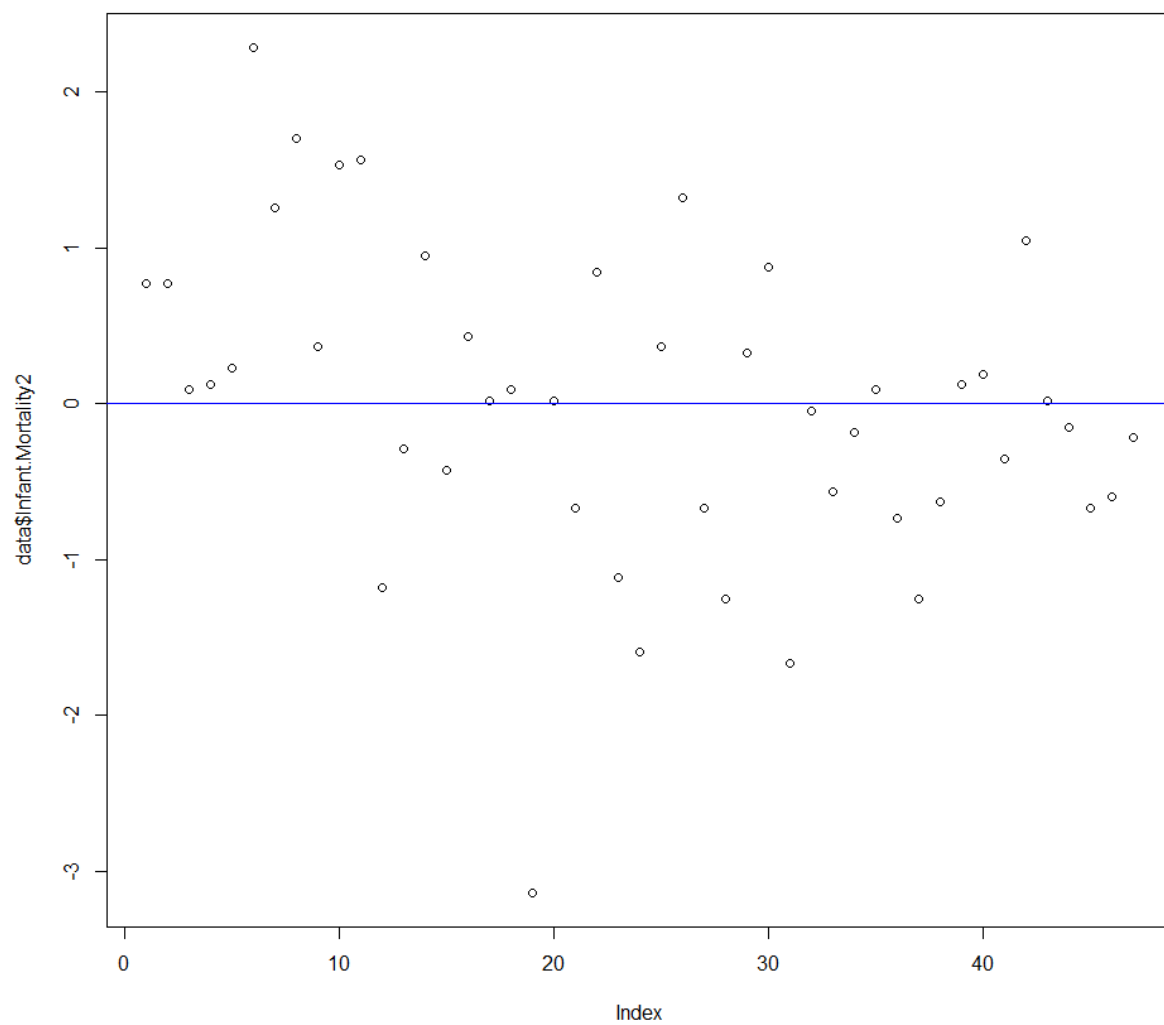


Рисунок 1.2. Отклонения значений переменной Infant.Mortality от своего среднего значения.

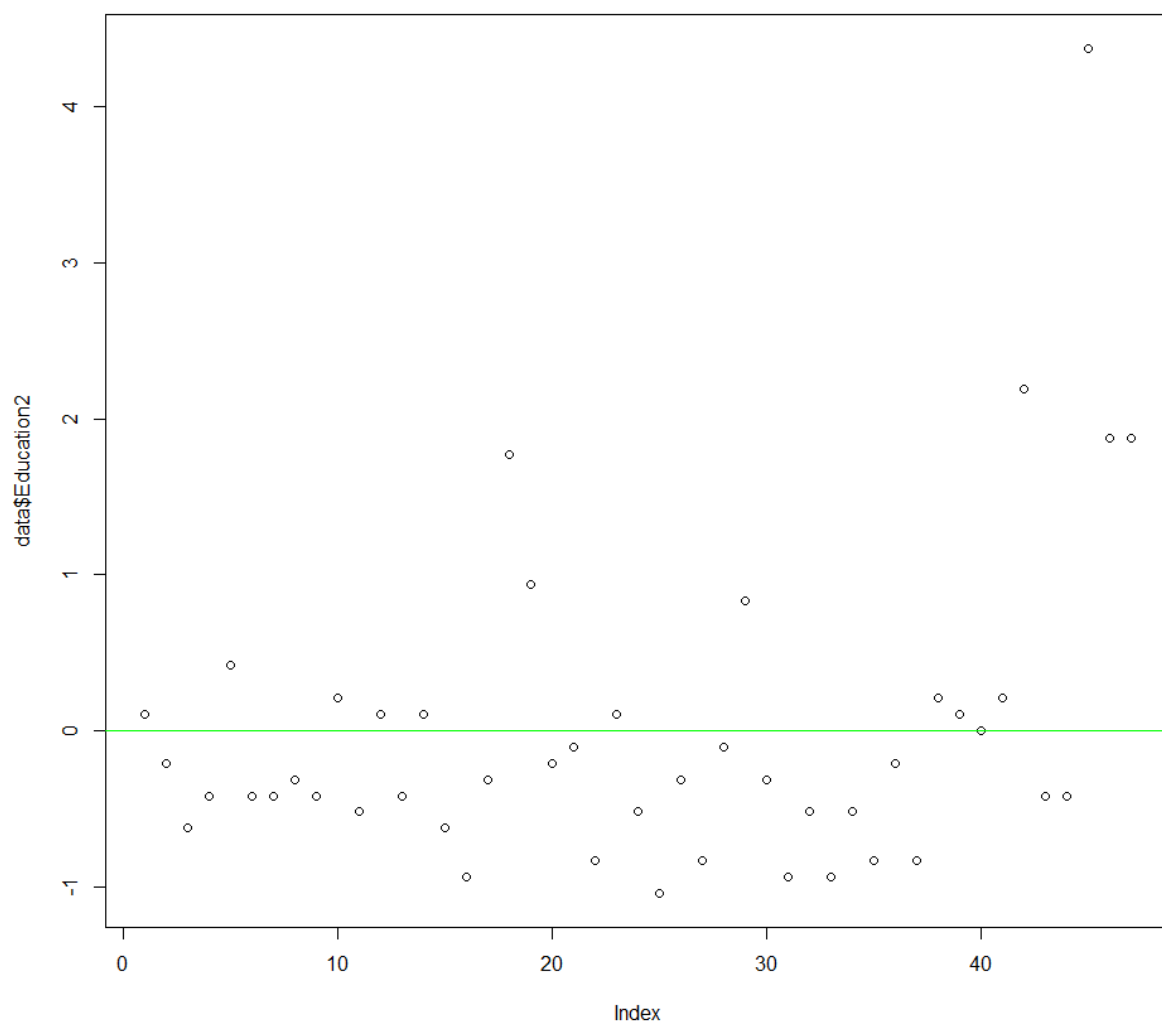


Рисунок 1.3. Отклонения значений переменной Education от своего среднего значения.

Приложение 2

```
library("lmtest")
library("car")

data = mtcars
help(mtcars)
data

modela = lm(wt~qsec+hp+drat, data)
modelb = lm(qsec~wt+hp+drat, data)
modelc = lm(hp~wt+qsec+drat, data)
modeld = lm(drat~wt+qsec+hp, data)
summary(modela)
summary(modelb)
summary(modelc)
summary(modeld)

modele = lm(wt~qsec+drat, data)
modelf = lm(qsec~wt+drat, data)
modelg = lm(drat~wt+qsec, data)
summary(modele)
summary(modelf)
summary(modelg)

modelmain = lm(mpg~wt+qsec+drat, data)
summary(modelmain)
vif(modelmain)

model1 = lm(mpg~wt+qsec+drat+log(wt), data)
summary(model1)
vif(model1)

model2 = lm(mpg~wt+qsec+drat+log(qsec), data)
summary(model2)
vif(model2)

model3 = lm(mpg~wt+qsec+drat+log(drat), data)
summary(model3)
vif(model3)

model4 = lm(mpg~wt+qsec+drat+log(wt)+log(qsec), data)
summary(model4)
vif(model4)

model5 = lm(mpg~wt+qsec+drat+log(qsec)+log(drat), data)
summary(model5)
vif(model5)

model6 = lm(mpg~wt+qsec+drat+log(wt)+log(drat), data)
summary(model6)
vif(model6)
```

```
model7 = lm(mpg~wt+qsec+drat+log(wt)+log(qsec)+log(drat), data)
summary(model7)
vif(model7)
```

```
model8 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(wt^2), data)
summary(model8)
vif(model8)
```

```
model9 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(qsec^2), data)
summary(model9)
vif(model9)
```

```
model10 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(drat^2), data)
summary(model10)
vif(model10)
```

```
model11 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(wt^2)+I(qsec^2), data)
summary(model11)
vif(model11)
```

```
model12 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(qsec^2)+I(drat^2), data)
summary(model12)
vif(model12)
```

```
model13 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(wt^2)+I(drat^2), data)
summary(model13)
vif(model13)
```

```
model14 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(wt^2)+I(qsec^2)+I(drat^2), data)
summary(model14)
vif(model14)
```

```
model15 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(wt*qsec), data)
summary(model15)
vif(model15)
```

```
model16 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(qsec*drat), data)
summary(model16)
vif(model16)
```

```
model17 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(drat*wt), data)
summary(model17)
vif(model17)
```

```
model18 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(wt*qsec)+I(qsec*drat), data)
summary(model18)
vif(model18)
```

```
model19 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(qsec*drat)+I(drat*wt), data)
summary(model19)
vif(model19)
```

```
model20 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(wt*qsec)+I(drat*wt), data)
summary(model20)
vif(model20)
```

```
model21 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(wt*qsec)+I(qsec*drat)+I(drat*wt), data)
summary(model21)
vif(model21)
```

```
model17 = lm(mpg~wt+qsec+drat+I(drat*wt), data)
summary(model17)
vif(model17)
```

```
modelfinal = lm(mpg~qsec+drat+I(drat*wt), data)
summary(modelfinal)
vif(modelfinal)
```

```
t_critical = qt(0.975, df = 28)
#t_critical = 2.048407
```

```
new.data = data.frame(qsec= 17.5,drat = 4, wt = 3.4)
predict(modelfinal, new.data, interval = "confidence")
#   fit    lwr    upr
#1 18.69864 17.13805 20.25923
```

Приложение 3

```
library("rlms")
library("lme4")
library("dplyr")
library("GGally")
library("car")
library("sandwich")

ds <- rlms_read("r15i_os26c.sav")

data1 = select(ds, kj13.2, kh5, k_marst, k_educ, k_age, status, kj1.1.2, kj6.2, kj21.3, kj23, kj32)

data1 = na.omit(data1)
glimpse(data1)

sal = as.numeric(data1$kj13.2)
sal1 = as.character(data1$kj13.2)
sal2 = lapply(sal1, as.integer)
sal = as.numeric(unlist(sal2))
mean(sal)
data1["salary"] = (sal - mean(sal)) / sqrt(var(sal))

data1["sex"] = data1$kh5
data1["sex"] = lapply(data1["sex"], as.character)
data1$sex[which(data1$sex != '1')] <- 0
data1$sex[which(data1$sex == '1')] <- 1
data1$sex = as.numeric(data1$sex)

data1["wed"] = data1$k_marst
data1["wed"] = lapply(data1["wed"], as.character)
data1["wed1"] = data1$k_marst
data1$wed1 = 0
data1$wed1[which(data1$wed == '2')] <- 1
data1$wed1 = as.numeric(data1$wed1)

data1["wed2"] = data1$k_marst
data1$wed2 = 0
data1$wed2[which(data1$wed == '4')] <- 1
data1$wed2[which(data1$wed == '5')] <- 1
data1$wed2 = as.numeric(data1$wed2)

data1["wed3"] = data1$k_marst
data1$wed3 = 0
data1$wed3[which(data1$wed == '1')] <- 1
data1$wed3[which(data1$wed == '3')] <- 1
data1$wed3 = as.numeric(data1$wed3)

data1["h_educ"] = data1$k_educ
data1["h_educ"] = lapply(data1["h_educ"], as.character)
data1["higher_education"] = data1$k_educ
data1["higher_education"] = 0
```

```

data1$higher_education[which(data1$h_educ=='21')] <- 1
data1$higher_education[which(data1$h_educ=='22')] <- 1
data1$higher_education[which(data1$h_educ=='23')] <- 1

age1 = as.character(data1$k_age)
age2 = lapply(age1, as.integer)
age3 = as.numeric(unlist(age2))
data1["age"] = (age3 - mean(age3)) / sqrt(var(age3))

data1["status1"] = data1$status
data1["status1"] = lapply(data1["status1"], as.character)
data1["city_status"] = 0
data1$city_status[which(data1$status1=='1')] <- 1
data1$city_status[which(data1$status1=='2')] <- 1
data1$city_status = as.numeric(data1$city_status)

data1["sat"] = data1$kj1.1.2
data1["sat"] = lapply(data1["sat"], as.character)
data1["satisfy"] = 0
data1$satisfy[which(data1$sat=='1')] <- 1
data1$satisfy[which(data1$sat=='2')] <- 1
data1$satisfy = as.numeric(data1$satisfy)

dur1 = as.character(data1$kj6.2)
dur2 = lapply(dur1, as.integer)
dur3 = as.numeric(unlist(dur2))
data1["duration"] = (dur3 - mean(dur3)) / sqrt(var(dur3))

data1["dan"] = data1$kj21.3
data1["dan"] = lapply(data1["dan"], as.character)
data1["dangerous"] = data1$kj21.3
data1["dangerous"] = 0
data1$dangerous[which(data1$dan=='1')] <- 1

data1["gov"] = data1$kj23
data1["gov"] = lapply(data1["gov"], as.character)
data1["government"] = data1$kj23
data1["government"] = 0
data1$government[which(data1$gov=='1')] <- 1

data1["w2"] = data1$kj32
data1["w2"] = lapply(data1["w2"], as.character)
data1["second_job"] = data1$kj32
data1["second_job"] = 0
data1$second_job[which(data1$w2=='1')] <- 1

data2 = select(data1, salary, sex, wed1, wed2, wed3, higher_education, age, city_status, satisfy,
duration, dangerous, government, second_job)

model_test =
lm(salary~sex+wed1+wed2+wed3+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+government+second_job, data2)

```

```
summary(model_test)
vif(model_test)
```

```
model_test2 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+second_job, data2)
summary(model_test2)
vif(model_test2)
```

```
model_original =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment, data2)
summary(model_original)
vif(model_original)
```

```
model1 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+log(age), data2)
summary(model1)
vif(model1)
```

```
model2 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+log(duration), data2)
summary(model2)
vif(model2)
```

```
model3 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+log(age)+log(duration), data2)
summary(model3)
vif(model3)
```

```
model4 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^0.1), data2)
summary(model4)
vif(model4)
```

```
model5 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(duration^0.1), data2)
summary(model5)
vif(model5)
```

```
model6 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^0.1)+I(duration^0.1), data2)
summary(model6)
vif(model6)
```



```

model7 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^0.2), data2)
summary(model7)
vif(model7)

model8 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(duration^0.2), data2)
summary(model8)
vif(model8)

model9 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^0.2)+I(duration^0.2), data2)
summary(model9)
vif(model9)

model10 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^0.3), data2)
summary(model10)
vif(model10)

model11=
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(duration^0.3), data2)
summary(model11)
vif(model11)

model12 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^0.3)+I(duration^0.3), data2)
summary(model12)
vif(model12)

model13 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^0.4), data2)
summary(model13)
vif(model13)

model14 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(duration^0.4), data2)
summary(model14)
vif(model14)

model15 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^0.4)+I(duration^0.4), data2)
summary(model15)
vif(model15)

```

```

model16 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^1.1), data2)
summary(model16)
vif(model16)

model17 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(duration^1.1), data2)
summary(model17)
vif(model17)

model18 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^1.1)+I(duration^1.1), data2)
summary(model18)
vif(model18)

model19 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^1.5), data2)
summary(model19)
vif(model19)

model20 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(duration^1.5), data2)
summary(model20)
vif(model20)

model21 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^1.5)+I(duration^1.5), data2)
summary(model21)
vif(model21)

model22 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^1.6), data2)
summary(model22)
vif(model22)

model23 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(duration^1.6), data2)
summary(model23)
vif(model23)

model24 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^1.6)+I(duration^1.6), data2)

```

```

summary(model24)
vif(model24)

model25 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^1.9), data2)
summary(model25)
vif(model25)

model26 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(duration^1.9), data2)
summary(model26)
vif(model26)

model27 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^1.9)+I(duration^1.9), data2)
summary(model27)
vif(model27)

model28 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^2), data2)
summary(model28)
vif(model28)

model29=
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(duration^2), data2)
summary(model29)
vif(model29)

model30 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+I(age^2)+I(duration^2), data2)
summary(model30)
vif(model30)

model1 =
lm(salary~sex+wed1+wed2+higher_education+age+city_status+satisfy+duration+dangerous+go
vernment+log(age), data2)
summary(model1)
vif(model1)

data3 = subset(data2, city_status == 1)
data3

data4 = subset(data3, wed1 == 0)
data4

```

```

model_subset1 = lm(data = data4,
salary~sex+higher_education+age+satisfy+duration+dangerous+government+log(age))
summary(model_subset1)
vif(model_subset1)

```

```

data5 = subset(data2, wed2 == 1)
data5

```

```

data6 = subset(data5, sex == 0)
data6

```

```

data7 = subset(data6, higher_education == 1)
data7

```

```

model_subset2 = lm(data = data7,
salary~age+city_status+satisfy+duration+dangerous+government+log(age))
summary(model_subset2)
vif(model_subset2)

```

Приложение 4

```
import pandas
import numpy as np
from sklearn.linear_model import LogisticRegression
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import classification_report
from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
from sklearn.model_selection import GridSearchCV
from sklearn.model_selection import cross_val_score

data = pandas.read_csv('drug200.csv')
data_sel = data.loc[:, data.columns.isin(['Drug', 'Age', 'Sex', 'BP', 'Cholesterol', 'Na_to_K'])]
data_sel = data_sel.dropna()

#Обрабатываем столбец Sex. 0 - женщина, 1 - мужчина
data_sel['Sex'] = np.where(data_sel['Sex'] == 'F', 0, 1)

#Обрабатываем столбец BP. 0 - нормальный, 1 - высокий, 2 - низкий
data_sel['BP'] = np.where(data_sel['BP'] == 'LOW', 2, data_sel['BP'])
data_sel['BP'] = np.where(data_sel['BP'] == 'NORMAL', 0, data_sel['BP'])
data_sel['BP'] = np.where(data_sel['BP'] == 'HIGH', 1, data_sel['BP'])

#Обрабатываем столбец Cholesterol. 0 - нормальный, 1 - высокий
data_sel['Cholesterol'] = np.where(data_sel['Cholesterol'] == 'NORMAL', 0, 1)

#Обрабатываем столбец Drug. DrugA – класс 0, остальные уровни – класс 1
data_sel['Drug'] = np.where(data_sel['Drug'] == 'drugX', 0, 1)

Drug = data_sel.loc[:, data_sel.columns.isin(['Drug'])]

X = data_sel.loc[:, data_sel.columns.isin(['Age', 'Sex', 'BP', 'Cholesterol', 'Na_to_K'])]

#Выводим изменённую таблицу
X
#Делим данные на обучающую и тестовую выборку
x_train, x_validation, y_train, y_validation = train_test_split(X, Drug, test_size=.33,
random_state=5)
#Построим классификатор Логистическая регрессия (LogisticRegression)
logistic = LogisticRegression(solver='lbfgs')

logistic.fit(x_train, y_train.values.ravel())

logistic_pred = logistic.predict(x_validation)

print("Logistic Regression Test Accuracy: " + str(logistic.score(x_validation, y_validation)*100)
+ "%")
print('Report for Logistic Regression: ')
print(classification_report(y_validation, logistic_pred))
#Строим классификатор Случайный Лес (Random Forest)

#Найдём лучшее количество деревьев с шагом 100
accuracy_ = []
```

```

precision_ = []
recall_ = []
F1_ = []

for i in range(200, 400, 100):
    param_grid = {'n_estimators': [i], 'max_features': ['auto'], 'max_depth': list(range(1, 20)),
                  'criterion': ['gini']}
    RFC = GridSearchCV(estimator=RandomForestClassifier(), param_grid=param_grid, cv=5,
                       refit=True)
    RFC.fit(x_train, y_train.values.ravel())
    accuracy_.append(np.average(cross_val_score(RFC.best_estimator_, x_validation,
                                                y_validation, scoring='accuracy')))
    precision_.append(np.average(cross_val_score(RFC.best_estimator_, x_validation,
                                                y_validation, scoring='precision')))
    recall_.append(np.average(cross_val_score(RFC.best_estimator_, x_validation, y_validation,
                                              scoring='recall')))
    F1_.append(np.average(cross_val_score(RFC.best_estimator_, x_validation, y_validation,
                                          scoring='f1')))

print(accuracy_, "\n", precision_, "\n", recall_, "\n", F1_)
#Как видно из списков метрик 400 деревьев оптимальный вариант, походим вокруг него с
шагом 10

accuracy_ = []
precision_ = []
recall_ = []
F1_ = []

for i in range(350, 460, 10):
    param_grid = {'n_estimators': [i], 'max_features': ['auto'], 'max_depth': list(range(1, 20)),
                  'criterion': ['gini']}
    RFC = GridSearchCV(estimator=RandomForestClassifier(), param_grid=param_grid, cv=5,
                       refit=True)
    RFC.fit(x_train, y_train.values.ravel())
    accuracy_.append(np.average(cross_val_score(RFC.best_estimator_, x_validation,
                                                y_validation, scoring='accuracy')))
    precision_.append(np.average(cross_val_score(RFC.best_estimator_, x_validation,
                                                y_validation, scoring='precision')))
    recall_.append(np.average(cross_val_score(RFC.best_estimator_, x_validation, y_validation,
                                              scoring='recall')))
    F1_.append(np.average(cross_val_score(RFC.best_estimator_, x_validation, y_validation,
                                          scoring='f1')))

print(accuracy_, "\n", precision_, "\n", recall_, "\n", F1_)
m_acc = max(accuracy_)
m_prec = max(precision_)
m_recall = max(recall_)
m_f1 = max(F1_)

for i, j in zip([accuracy_, precision_, recall_, F1_], [m_acc, m_prec, m_recall, m_f1]):
    print([k for k, l in enumerate(i) if l == j])
#Сравним метрики обоих классификаторов

```

#Логистическая регрессия

accuracy: 0.85

f1: 0.84

precision: 0.84

recall: 0.85

#Случайный лес

accuracy: 0.9399899617290922

f1: 0.9517726282432165

precision: 0.926785919045981

recall: 1.0

#Метрики f1 и recall лучше у Случайного Леса, значит он показывает себя лучше на этих данных, чем Логистическая регрессия

Приложение 5

```
import matplotlib.pyplot as plt  
import numpy as np
```

```

import pandas as pd
import seaborn as sns
from sklearn import preprocessing
from sklearn.decomposition import PCA
from sklearn.manifold import TSNE
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.preprocessing import StandardScaler

data = pd.read_csv('California_Fire_Incidents.csv')

data.shape
# Таблица содержит 1636 строк (объектов) и 40 столбцов (признаков).
data.head()
# Описание признаков:
# AcresBurned: Акры земли, пострадавших от лесных пожаров
# Active: Является ли пожар активным или локализованным?
# AdminUnit: Административное подразделение
# AirTankers: Выделенные ресурсы
# ArchiveYear: Год, когда данные были заархивированы
# CalFireIncident: Рассматривается ли этот инцидент как инцидент с пожаром?
# Counties: Название округа
# CountyIds: Идентификационный номер округа
# CrewsInvolved: Вовлеченные экипажи
# Dozers: Выделенные бульдозеры
# Engines: Выделенные машины
# Extinguished: Дата погашения
# Fatalities: Количество погибших
# Helicopters: Выделенные вертолеты
# Injuries: Количество раненых среди персонала
# Latitude: Широта инцидента с лесным пожаром
# Location: Описание местоположения
# Longitude: Долгота инцидента с лесным пожаром
# MajorIncident: Считается ли это серьезным инцидентом или нет?
# Name: Название лесного пожара
# PercentContained: Какой процент пожара локализован?
# PersonnelInvolved: Вовлеченный персонал
# Started: Дата начала пожара
# StructuresDamaged: Количество поврежденных конструкций
# StructuresDestroyed: Количество разрушенных сооружений
# StructuresThreatened: Количество сооружений, находящихся под угрозой
# WaterTenders: Выделенные объем воды
#
# Из них категориальные:
# AdminUnit
# Counties
# CountyIds
# Name

# Counties и CountyIds обозначают одно и то же, поэтому рассматриваю только один из
них
unique = [], [], []
k = 0

```



```

for i in ['AdminUnit', 'Counties', 'Name']:
    for j in range(0, 1636):
        if not(data[i][j] in unique[k]):
            unique[k].append(data[i][j])

    k = k+1

for i in unique:
    print(len(i))

# Столбцом с макимальным количеством уникальных значений категориального признака является Name
# с количеством уникальных значений 1193
data = data.drop(['AdminUnit', 'Counties', 'CountyIds', 'Name'], axis=1)

# Есть бинарные признаки, к ним относятся:
# Active
# CalFireIncident
# Featured
# Final
# MajorIncident
# Public
# Status

bin_cols = ['Active', 'CalFireIncident', 'Featured',
            'Final', 'MajorIncident', 'Public', 'Status']
num_cols = ['AcresBurned', 'AirTankers', 'CrewsInvolved', 'Dozers', 'Engines', 'Fatalities',
            'Helicopters',
            'Injuries', 'PersonnelInvolved', 'StructuresDamaged', 'StructuresDestroyed',
            'WaterTenders']

data['Active'] = np.where(data['Active'] == 'False', 0, 1)
data['CalFireIncident'] = np.where(data['CalFireIncident'] == 'False', 0, 1)
data['Featured'] = np.where(data['Featured'] == 'False', 0, 1)
data['Final'] = np.where(data['Final'] == 'False', 0, 1)
data['MajorIncident'] = np.where(data['MajorIncident'] == 'False', 0, 1)
data['Public'] = np.where(data['Public'] == 'False', 0, 1)
data['Status'] = np.where(data['Status'] == 'Inactive', 0, 1)

col = []
j = 0
for i in data.isna().any():
    if i:
        col.append(data.columns[j])
    j += 1

print(col, " : ", len(col))
# Пропуски присутствуют в 21 столбце
# Эти столбцы видны выше

data_temp = data

```

```

count_na = []

for i in col:
    data_temp[i].dropna()
    count_na.append(1636 - data_temp[i].count())

print(count_na, "\n", col[count_na.index(max(count_na))], max(count_na))
# StructuresEvacuated полностью пустой столбец

# В датасете имеется много столбцов с метаданными, которые неудобно обрабатывать,
которые следует исключить
data = data.drop(['ArchiveYear', 'CanonicalUrl', 'ConditionStatement', 'ControlStatement',
'Extinguished', 'FuelType',
'Location', 'SearchDescription', 'SearchKeywords', 'Started', 'UniqueId', 'Updated',
'StructuresEvacuated'], axis=1)

# Статистический анализ числовых столбцов
data.describe()

outs = []

for i in (num_cols+bin_cols):
    if max(data[i]) > 5*data[i].mean():
        outs.append(i)

print(outs)
# Анамальные отклонения в столбцах приведенных ниже
#['AcresBurned', 'AirTankers', 'CrewsInvolved', 'Dozers', 'Engines', 'Fatalities', 'Helicopters',
'Injuries', 'PersonnellInvolved', 'StructuresDamaged', 'StructuresDestroyed', 'WaterTenders',
'Status']

# Нормализация признаков через стандартное отклонение
md = data.mean().mean()
data = data.fillna(md)

scale_features_std = StandardScaler()
features_std = scale_features_std.fit_transform(data[num_cols+bin_cols])

data[num_cols+bin_cols] = features_std

mean = []
s = 0
for i in range(len(num_cols+bin_cols)):
    for j in range(len(data[col[1]])):
        s += features_std[j][i]
    s = s/1636
    mean.append(s)
    s = 0

print(num_cols[mean.index(max(mean))], max(mean))

```

```

# Столбцом с максимальным средним значением после нормировки признаков через
стандартное отклонение является Dozers

# Явного столбца, который бы оценивал силу пожара, нет, поэтому буду опираться на
площадь выжженных лесов

# Нормализуем данные
#d = preprocessing.normalize(data, axis = 0)
#norm_data = pd.DataFrame(d, columns = data.columns)
#new_data = pd.concat([norm_data, data[bin_cols]], sort = False, axis = 1)

target = data.loc[:, data.columns.isin(['AcresBurned'])]
train = data.drop(['AcresBurned'], axis=1)

# Выделяем тренировочную и тестовую выборки
# y - целевая переменная(target)
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(
    train, target, test_size=0.3, random_state=42)

N_train, _ = X_train.shape
print(N_train, _)
# 1145 объектов попадает в тренировочную выборку при использовании
# train_test_split с параметрами test_size = 0.3, random_state = 42

# Корреляция признаков
corr_frame = data.corr()
corr_frame
# Из таблицы видно, что признаки почти не коррелируют между собой

# Используем метод PCA
pca = PCA()
pca.fit(X_train)
X_pca = pca.transform(X_train)

for i, component in enumerate(pca.components_):
    print("{} component: {}% of initial variance".format(i + 1,
        round(100 * pca.explained_variance_ratio_[i], 2)))
    print(" + ".join("%.3f x %s" % (value, name)
        for value, name in zip(component, train.columns)))
# 90% дисперсии объясняется 2-мя компонентами

tsne1 = TSNE(learning_rate=200, random_state=13)

transformed1 = tsne1.fit_transform(train)

x_axist1 = transformed1[:, 0]
y_axist1 = transformed1[:, 1]

plt.scatter(x_axist1, y_axist1, c=target['AcresBurned'].tolist())
plt.show()

```

```
tsne1 = TSNE(learning_rate=200, random_state=130)

transformed1 = tsne1.fit_transform(train)

x_axist1 = transformed1[:, 0]
y_axist1 = transformed1[:, 1]

plt.scatter(x_axist1, y_axist1, c=target['AcresBurned'].tolist())
plt.show()
# Как видно из результатов, данный датасет не поддается кластеризации
```

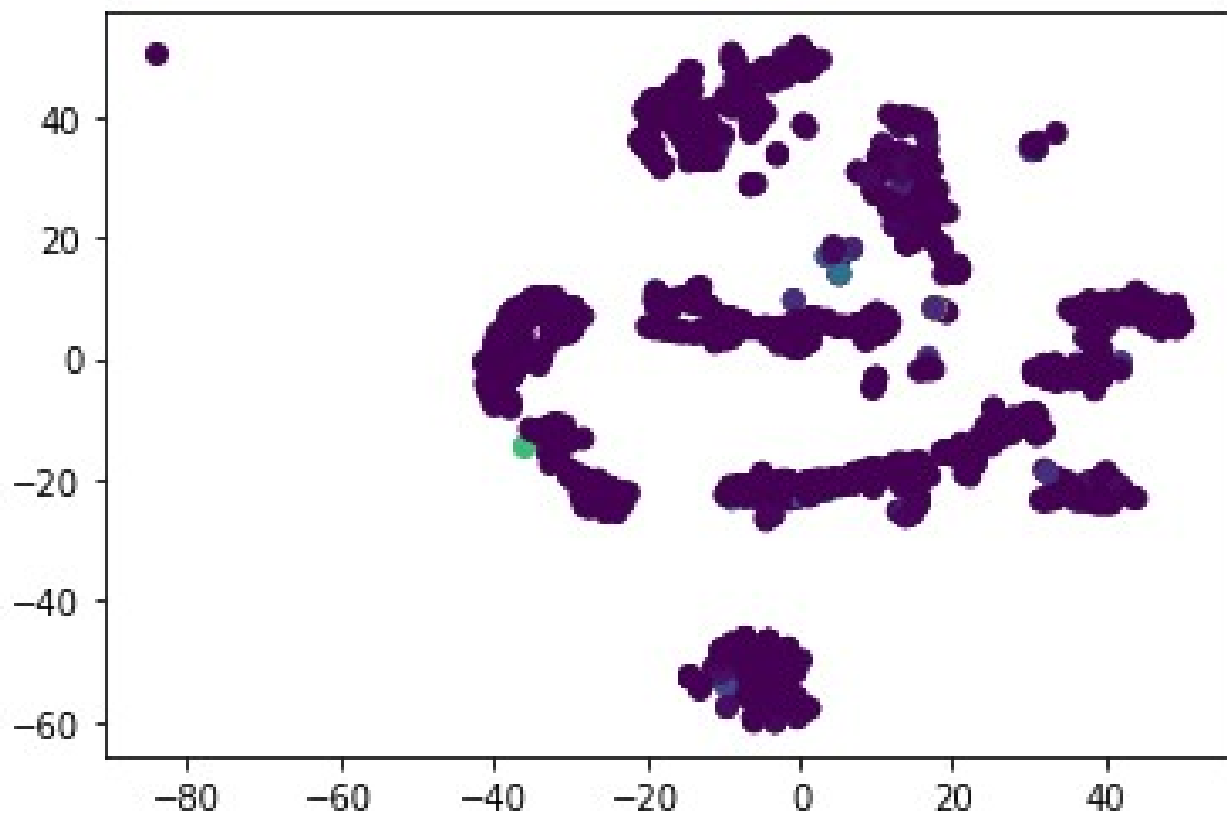


Рисунок 5.2 Двухмерное представление данных с помощью алгоритма t-SNE.

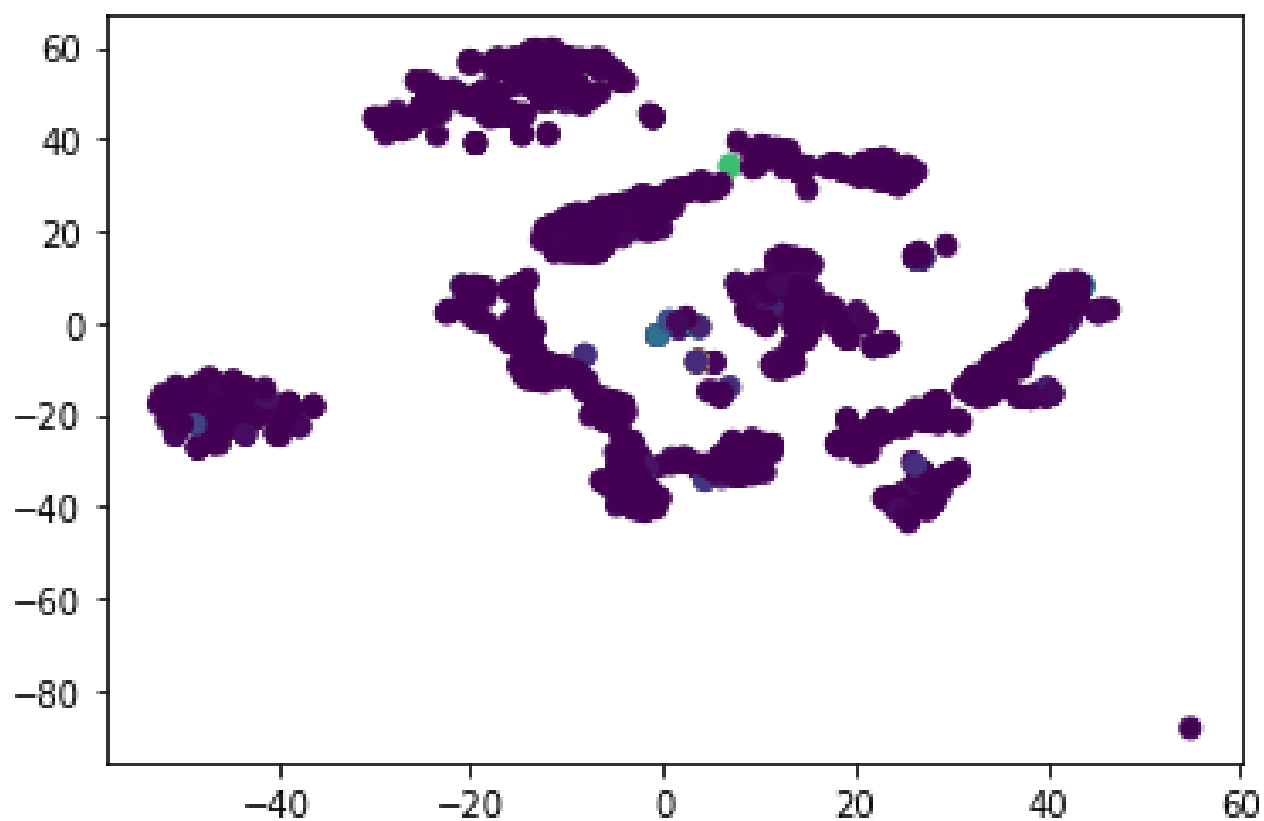


Рисунок 5.3 Двухмерное представление данных с помощью алгоритма t-SNE, со значением `random_state = 130`.