

数学实验课程小结 ——基本要求



12个数学实验的具体内容

预备实验: MATLAB使用练习

数学建模

实验1 数学建模初步 实验13 数学建模综合

数值计算

实验2插值与拟合 实验3数值积分与微分

实验4常微分方程数值解

实验5线性方程组的解法 实验6 非线性方程近似解

优化方法

实验7 无约束优化 实验8 约束优化

数理统计

实验9 数据的统计描述和分析

实验10 方差分析 实验11 回归分析

实验1 数学建模初步

- 1) 通过实例(P34~46)了解 数学建模的一般步骤(P47);
- 2) 在以后的数学实验中用数学建模方法解决经过简化的实际问题;
- 3)自觉培养用数学方法解决实际问题的意识和能力。

实验2 插值与拟合

- 1) 插值问题提法和求解思路(P55);
- 2) Lagrange插值的原理和优缺点(P55,58,62);
- 3) 分段线性和三次样条插值的原理和优缺点(P59,63);
- 4) 用MATLAB实现分段线性和三次样条插值 (P61);
- 5) 拟合问题提法及最小二乘法的原理和结果(P63~64);
- 6) 用MATLAB实现线性最小二乘法 (P66);
- 7) 用插值或拟合解决简单的实际问题。

实验3 数值积分与微分

- 1) 梯形、辛普森公式的原理及MATLAB实现 (P80~82,87);
- 2)数值积分公式的误差——收敛阶的概念(P82);
- 3) 蒙特卡罗方法的原理及MATLAB实现(P85~86);
- 4)数值微分公式(P88~89);
- 5) 用数值积分和微分解决简单的实际问题。

实验4 常微分方程数值解

- 1) 欧拉方法的原理及龙格-库塔方法的思路 (P106~111);
- 2) 局部截断误差和精度的概念(P109);
- 3) 龙格-库塔方法的MATLAB实现,包括求解微分方程组和高阶微分方程(P112~113);
- 4) 用微分方程解决简单的实际问题。

实验5 线性方程组的解法

- 1) 主元素消去法和LU分解的原理(P130~132);
- 2) 方程组病态、向量和矩阵范数、条件数的概念(P133~134);
- 3) 迭代法的原理以及收敛的概念和条件 (P136~137);
- 4) 用MATLAB解方程组,稀疏矩阵的处理(P138);
- 5) 用线性方程组解简单的实际问题。

实验6 非线性方程近似解

- 1) 迭代法原理及收敛、收敛阶的概念 (P164~166);
- 2) 用牛顿切线法解非线性方程和方程组 (P167,173);
- 3) 用非线性方程解简单的实际问题。

实验7 无约束优化

- 1) 无约束优化模型及最优解的必要条件(P184);
- 2) 最速下降法、牛顿法、拟牛顿法的原理 (P185~186);
- 3) 非线性最小二乘的解法(P188);
- 4) MATLAB优化工具箱的用法,包括控制参数的功能,算法选择等(P191~196);
- 5) 用无约束优化(包括非线性最小二乘拟合) 解决简单的实际问题。

实验8 约束优化

- 1)线性规划模型、解的性质和求解思路 (P210~212);
- 2) 用MATLAB解线性规划, 拉格朗日乘子的用途(P220, 224);
- 3) 非线性规划模型、最优解的必要条件 (P215~217);
- 4) 用MATLAB解非线性规划,包括控制参数的功能 (P222);
- 5) 用线性规划和非线性规划解决简单的实际问题。

实验9 数据的统计描述和分析

- 1)样本、频数、直方图、统计量(样本均值、标准差)的概念(P240~242);
- 2) 正态, t, **M**², F分布的由来, 用MATLAB 计算这些分布(密度、逆分布)(P266);
- 3) 正态总体下样本统计量的分布(P248);
- 4) 参数估计、置信区间、置信水平(P249~250);
- 5) 假设检验的思路,一总体和两总体均值的检验,双边和单边检验(P253~256);
- 6) 用MATLAB实现参数估计和假设检验(P251, 254, 256);
- 7) 实际问题的假设检验。

实验10 方差分析

- 1) 方差分析要解决的问题;
- 2) 方差分析的原理(包括双因素的交互作用), 方差分析表的意义(P267~269,274);
- 3) 用MATLAB实现方差分析(P269, 276);
- 4) 用方差分析解决简单的实际问题。

实验11 回归分析

- 1)回归分析要解决的问题(与数据拟合的关系);
- 2) 多元线性回归模型和系数的检验, 及MATLAB 实现 (P285~288);
- 3) 一元多项式、多元二项式回归,逐步回归,及 MATLAB实现 (P285~288, 295~296);
- 4) 用回归分析解决简单的实际问题。

数学实验课程的目的和要求

- 了解主要内容的基本原理;
- •知道主要内容的有效算法;
- ·会用MATLAB实现这些有效算法;
- 能对计算结果作简单分析;
- 简化实际问题的建模、求解和分析。

考试安排

时间: 2001年1月5日上午8: 00~10: 00。

题目:3小题(填空式);1大题(简单实际问题,书面写模型、结果、分析等,网上传程序、计算数据)

答疑: 1月4日上午8点、下午2点,在理科楼1102。