

# Laserspektroskopie

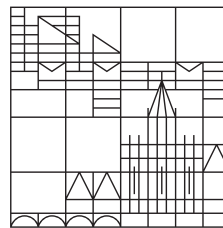
## Fortgeschrittenenpraktikumsbericht

vorgelegt von

**Hermann Böttcher & Yannik ???**

an der

Universität  
Konstanz



Mathematisch-Naturwissenschaftlichen Sektion  
Fachbereich Physik

Tutor: Timo Raab

Konstanz, 2016

---

# Inhaltsverzeichnis

<b>Abbildungsverzeichnis</b>	<b>III</b>
<b>Tabellenverzeichnis</b>	<b>IV</b>
<b>1 Physikalische Grundlagen</b>	<b>1</b>
1.1 Termschema und Spektrallinien von Caesium . . . . .	1
1.1.1 Normaler Zeeman Effekt . . . . .	1
1.1.2 Spin-Bahn-Kopplung und Feinstruktur . . . . .	1
1.1.3 Hyperfeinstruktur . . . . .	2
1.1.4 Termschema von Cäsium . . . . .	3
1.2 Spektrallinienverbreiterung . . . . .	3
1.2.1 Natürliche Linienbreite . . . . .	3
1.2.2 Dopplerverbreiterung . . . . .	3
1.2.3 Druckverbreiterung . . . . .	3
1.3 Dopplerfreie Spektroskopie . . . . .	4
<b>Bibliographie</b>	<b>5</b>

---

# Abbildungsverzeichnis

---

# Tabellenverzeichnis

## KAPITEL 1

# Physikalische Grundlagen

## 1.1 Termschema und Spektrallinien von Caesium

Im Versuch wird eine Gaskammer mit  $\text{Cs}_{133}$  verwendet. Um die erlaubten Übergänge und damit die Spektrallinien mit und ohne externes Magnetfeld zu bestimmen müssen der normale ZEEMAN Effekt, die Feinstruktur und die Hyperfeinstruktur betrachtet werden.

### 1.1.1 Normaler Zeeman Effekt

Der ZEEMAN Effekt beschreibt die beobachtete Energieaufspaltung der entarteten  $E_{n,l,m}$ -Zustände der Elektronen in der Atomschale in  $m$  Subniveaus in einem externen Magnetfeld  $\vec{B}$ , wobei  $n, l, m$  die bekannten Quantenzahlen sind. Nach dem semiklassischen Modell bewegen sich die Elektronen auf einer Kreisbahn um den Atomkern. Hierdurch wird ein Kreisstrom und damit ein magnetisches Moment

$$\vec{\mu}_m = -\frac{e}{2m_e} \cdot \vec{l},$$

mit dem Bahndrehimpuls des Elektrons  $\vec{l}$ , der Elementarladung  $e$  und der Elektronenmasse  $m_e$ , erzeugt, welches mit dem Feld  $\vec{B}$  wechselwirkt. Die magnetische Quantenzahl  $m$  kann die Werte

$$-l \leq m \leq +l$$

annehmen. Damit spalten die Energieniveaus  $E_{n,l,m}$  gemäß

$$E_{n,l,m} = E_{\text{Coul}}(n, l) + \underbrace{\frac{e\hbar}{2m_e}}_{=\mu_{\text{Bohr}}} \cdot mB \quad (1.1)$$

in  $(2l + 1)$  Komponenten auf.  $\mu_{\text{Bohr}}$  wird als BOHR'sches Magneton bezeichnet. Die ZEEMAN-Aufspaltung der Spektrallinien ist unabhängig von  $n, l$  und damit äquidistant

$$\Delta E = \mu_{\text{Bohr}} \cdot B. \quad (1.2)$$

Ausführlich inklusive der Erklärung der erlaubten Übergänge wird der ZEEMAN Effekt in [1] beschrieben, obige Beschreibung enthält Auszüge.

### 1.1.2 Spin-Bahn-Kopplung und Feinstruktur

Zusätzlich zu dem aus der Bahnbewegung des Elektrons resultierenden magnetischen Moment ergibt sich aus dem quantenmechanischen Modell das magnetische Moment

$$\vec{\mu}_s = -2\mu_{\text{Bohr}} \frac{\vec{s}}{\hbar},$$

welchem der Spindrehimpuls  $\vec{s}$  zugrunde liegt.

Das magnetische Moment  $\vec{\mu}_s$  des rotierenden Elektrons befindet sich nun im durch die Rotation erzeugten Magnetfeld  $\vec{B}$ . Je nach Spineinstellung führt dies zur einer Erhöhung bzw. einer Verringerung der Energie

$$\Delta E_{l,s} = -\vec{\mu}_s \cdot \vec{B} \approx \frac{\mu_0 Z \cdot e^2}{8\pi m_e^4 r^3} (\vec{s} \cdot \vec{l}). \quad (1.3)$$

Hierbei ist  $\mu_0$  die magnetische Suszeptibilität und  $Z$  die Ordnungszahl des Atoms.

Die vektorielle Addition von Bahndrehimpuls und Spindrehimpuls ergibt den Gesamtdrehimpuls

$$\vec{j} = \vec{l} + \vec{s}.$$

Wie Bahndrehimpuls und Spindrehimpuls ist der Gesamtdrehimpuls gequantelt. Es gilt

$$|\vec{j}| = \sqrt{j(j+1)} \cdot \hbar$$

wobei

$$j = +\frac{1}{2} \quad \text{für} \quad l = 0$$

und

$$j = l \pm \frac{1}{2} \quad \text{für} \quad l > 0,$$

da sich die z-Komponenten der Drehimpulse entweder parallel oder antiparallel einstellen können.

Nun lässt sich (1.3) umschreiben zu

$$\Delta E_{lj} = \frac{a}{2} \cdot [j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)] \quad (1.4)$$

mit der Spin-Bahn-Kopplungskonstante

$$a = \frac{\mu_0 Z e^2 \hbar^2}{8\pi m_e^2 r^3}.$$

Die Aufspaltung der Spektrallinien gemäß

$$E_{n,l,j} = E_n + \Delta E_{lj} \quad (1.5)$$

ist die sogenannte *Feinstrukturaufspaltung*.

Die vorangegangenen Ausführungen sind eine Kurzfassung von [2].

### 1.1.3 Hyperfeinstruktur

Analog zum Spin des Elektrons wird auch dem räumlich ausgedehnten Atomkern ein Spin zugeordnet, der sogenannte Kernspin  $\vec{l}$ . Mit der Kernspinquantenzahl  $l$  wird die Quantelung des Kernspins gemäß

$$|\vec{l}| = \sqrt{l(l+1)} \hbar.$$

Dabei kann die Projektion auf die z-Richtung die  $(2l+1)$  Werte

$$l_z = m_l \cdot \hbar \quad \text{mit} \quad -l \leq m_l \leq +l$$

annehmen. Das magnetische Kernmoment ergibt sich damit zu

$$\vec{\mu}_l = \gamma_K \cdot \vec{l}.$$

Das magnetische Kernmoment befindet sich im vom Elektron durch Bahnbewegung und Spinmoment erzeugten Magnetfeld  $B_j$  und hat hierdurch die Energie

$$E_{I,j} = -|\mu_I| \cdot B_j \cdot \cos(\angle(\vec{j}, \vec{I})).$$

Mit dem Gesamtdrehimpuls des Atoms

$$\vec{F} = \vec{j} + \vec{I}$$

spaltet sich damit jedes Energieniveau der Feinstruktur in der *Hyperfeinstruktur* gemäß

$$E_{HFS} = E_{n,l,j} + \frac{A}{2} [F(F+1) - j(j+1) - I(I+1)], \quad (1.6)$$

mit der Hyperfeinkonstante

$$A = \frac{g_I \cdot \mu_K \cdot B_j}{\sqrt{j(j+1)}}.$$

Die vollständige Herleitung ist in [3] zu finden.

#### 1.1.4 Termschema von Cäsium

Für dieses Experiment interessiert die Anregung des Grundzustands  $6^2S_{1/2}$  in den  $6^2P_{3/2}$ -Zustand. Kernmoment  $3\frac{1}{2}$ , Grundzustand spaltet in 2, angeregter Zustand in 4 Subniveaus auf

## 1.2 Spektrallinienverbreiterung

Die im vorherigen Abschnitt bestimmten Spektrallinien werden experimentell nur in verbreiteter Form gemessen. Dieser Linienverbreiterung liegen die natürliche Linienbreite, die Dopplerverbreiterung und die Druckverbreiterung zu Grunde.

### 1.2.1 Natürliche Linienbreite

Aufgrund der Unschärferelation kann kein physikalisches System gleichzeitig eine scharf definierte Energie und sich verändern. Da ein Übergang eine Veränderung darstellt kann dessen Energie also nicht scharf definiert sein. Somit liegt eine Linienverbreiterung vor.

### 1.2.2 Dopplerverbreiterung

Da sich die Atome in der Gaskammer bewegen kommt es in Abhängigkeit von der Bewegung parallel zur Strahlrichtung nach dem DOPPLER Effekt zu einer Rot-, bzw. einer Blauverschiebung. Diese Linienverbreiterung wird Dopplerverbreiterung genannt.

### 1.2.3 Druckverbreiterung

Je nach Gasdruck in der Gaskammer kommt es zu mehr oder weniger Stößen zwischen den Cäsium-Atomen. Die Wechselwirkung zwischen den Atomen beeinflusst das Termschema und verbreitert damit die Linien. Die Linienverbreiterung ist proportional zum Druck, weshalb idealerweise der Gasdruck in der Gaskammer sehr niedrig ist.

### 1.3 Dopplerfreie Spektroskopie

Für die DOPPLERfreie Spektroskopie werden zwei antiparallele Laserstrahlen genutzt. Diese können, wie in diesem Experiment, vom selben Laser stammen. Ein Strahl, der *Pumpstrahl*, zeichnet sich durch seine höhere Intensität im Vergleich zum zweiten Strahl aus. Letzterer wird als *Abfragestrahl* bezeichnet. Im Falle einer Strahlteilung eines einzelnen Lasers haben beide Strahlen die gleiche Wellenlänge  $\lambda_0$ , bzw. Frequenz  $f_0$ . Im Bezugssystem eines Atoms mit Geschwindigkeitskomponente parallel zum Strahlengang  $v_z$  haben die beiden antiparallelen Laserstrahlen unterschiedliche Wellenlängen  $\lambda^-, +$  gemäß

$$v_z^- = \lambda^-(f - f_0), \quad v_z^+ = -\lambda^+(f - f_0).$$

Wenn die Frequenz des Laserstrahls im Laborsystem von der Resonanzfrequenz  $f_r$  der Atome abweicht, d.h.  $f_0 \neq f_r$ , dann werden alle Teilchen der Geschwindigkeit  $|v_z^r|$  angeregt. Aufgrund der entgegengesetzten Bewegungsrichtung sind beim Pump- und beim Sättigungsstrahl jeweils ein Minimum an Stelle des unteren Energieniveaus im dopplerverbreiterten Profil und ein Maximum an Stelle des oberen (angeregten) Energieniveaus. Die Minima werden BENNET-Löcher genannt.

Im Fall  $f_0 = f_r$  absorbieren die Atome mit Geschwindigkeitskomponente  $v_z^r = 0$ . Hierbei überlagern sich die beiden BENNET-Löcher. Nun wird das Profil des *Abfragestrahls* zwei mal gemessen: Einmal ohne *Pumpstrahl* und einmal mit. Ohne erscheint das dopplerverbreiterte Profil. Bei eingeschaltetem *Pumpstrahl* wird durch dessen hohe Intensität das untere Energieniveau entvölkert und das obere gesättigt. Als Folge dessen weist das Profil des *Abfragestrahls* nun Minima an Stelle der Absorptionslinien auf, sogenannte LAMB-Dips. Durch Differenzbildung der beiden Profile entsteht so ein dopplerfreies Absorptionsspektrum der Atome.

Dieser Aufbau zur dopplerfreien Spektroskopie wird auch Sättigungsspektroskopie genannt.



---

## Literatur

- [1] Wolfgang Demtröder. „Experimentalphysik 3: Atome, Moleküle und Festkörper“. In: Hrsg. von Wolfgang Demtröder. Springer Spektrum, 2015. Kap. 5, 149ff.
- [2] Wolfgang Demtröder. „Experimentalphysik 3: Atome, Moleküle und Festkörper“. In: Hrsg. von Wolfgang Demtröder. Springer Spektrum, 2015. Kap. 5, 158f.
- [3] Wolfgang Demtröder. „Experimentalphysik 3: Atome, Moleküle und Festkörper“. In: Hrsg. von Wolfgang Demtröder. Springer Spektrum, 2015. Kap. 5, 163f.