

MATLAB - Grundlagen für Ingenieurwissenschaften

Inhaltsverzeichnis

| 1 | Ein | führung | 2 | | |
|----------|--------------------------|--|----|--|--|
| | 1.1 | Was ist MATLAB? | 2 | | |
| | 1.2 | Anwendungsgebiete in den Ingenieurwissenschaften | 2 | | |
| | 1.3 | Die Benutzeroberfläche | 2 | | |
| 2 | Gru | andlegende Operationen | 5 | | |
| | 2.1 | Variablendeklaration | 5 | | |
| | 2.2 | Mathematische Grundoperationen | 6 | | |
| | 2.3 | Komplexe Zahlen | 7 | | |
| | 2.4 | Beispielaufgaben | 8 | | |
| 3 | Vek | toren und Matrizen | 9 | | |
| | 3.1 | Erstellen von Vektoren und Matrizen | 9 | | |
| | 3.2 | Zugriff auf Elemente und Indizierung | 10 | | |
| | 3.3 | Matrixoperationen | 11 | | |
| | 3.4 | nützliche MATLAB Funktionen | 12 | | |
| | 3.5 | | 12 | | |
| 4 | Programmiergrundlagen 14 | | | | |
| | 4.1 | | 14 | | |
| | 4.2 | 1 | 15 | | |
| | 4.3 | | 15 | | |
| | 4.4 | | 17 | | |
| 5 | Arb | peiten mit Dateien und Daten | 19 | | |
| | 5.1 | Speichern und Laden von Daten | 19 | | |
| | 5.2 | - | 19 | | |
| | 5.3 | • | 19 | | |
| 6 | Vis | ualisierung von Daten | 20 | | |
| | 6.1 | Einfache Diagramme | 20 | | |
| | 6.2 | | 20 | | |
| | 6.3 | <u></u> | 20 | | |
| | 6.4 | | 20 | | |
| 7 | Anl | nang | 21 | | |
| | 7.1 | | 21 | | |
| | 7.2 | | 21 | | |

1 Einführung

1.1 Was ist MATLAB?

MATLAB ist die Abkürzung für MATrix LABoratory. Zudem ist es ein interaktives, integriertes System zur Berechnung, Visualisierung oder Programmierung mathematischer Problemstellungen. Es bietet eine einfache Skriptsprache welche auf die Verarbeitung von Matrizen ausgelegt ist.

1.2 Anwendungsgebiete in den Ingenieurwissenschaften

MATLAB bietet in vielen Ingenieurwissenschaftlichen Betätigungsfeldern weitreichende Vorteile.

- Signalverarbeitung
- Regelungstechnik
- FEM-Simulation
- Schaltungsanalyse
- Bildverarbeitung
- Datenanalyse

1.3 Die Benutzeroberfläche

Command Window

```
Command Window

>> 2 + 2

ans =

4

fx >> |
```

Abbildung 1: Command Window in MATLAB

Im Command Window können Befehle direkt eingegeben werden. Da Ergebnisse von Berechnungen unverzüglich angezeigt werden, können hier einzelne Befehle idealerweise getestet werden.

Editor

```
Editor
                  clear
clc
                                                                                                                                                                                                       0
                  S1 = sparameters('auf5_s2p_a.s2p');
S2 = sparameters('auf5_s2p_b.s2p');
S3 = sparameters('auf5_s2p_c.s2p');
   8
9
10
11
12
13
14
15
16
17
18
19
20
21
22
23
24
25
26
27
                  desiredFreq = 47.9e6;
                  freq1 = S1.Frequencies;
                  freq2 = S2.Frequencies;
freq3 = S3.Frequencies;
                  [\sim, id1] = min(abs(freq1 - desiredFreq));
                  [~,id2] = min(abs(freq2 - desiredFreq));
[~,id3] = min(abs(freq3 - desiredFreq));
                  S1einzel = S1.Parameters(:,:,id1);
                  S2einzel = S2.Parameters(:,:,id2);
S3einzel = S3.Parameters(:,:,id3);
                  S22_all = squeeze(S2.Parameters(1,1,:));
                  S22mag = abs(S22_all);
                  [~,idmin] = min(S22mag);
                  minabs = min(S22mag);
                  minFreq = S2.Frequencies(idmin);
```

Abbildung 2: Editor in MATLAB

Im Editor können komplette Skripte und Funktionen geschrieben, gespeichert und ausgeführt werden. Er unterstützt das Debugging mittels Breakpoints und Schritt-für-Schritt Ausführung.

Workspace



Abbildung 3: Workspace in MATLAB

Im Workspace werden alle aktuellen Variablen inklusive ihres Inhalts angezeigt. Weiterhin ist es möglich diese Variablen hier manuell anzupassen oder zu löschen.

Current Folder



Abbildung 4: Current Folder in MATLAB

Im Current Folder findet man alle Dateien des Projektordners. Diese können durch Doppelklick oder das Ziehen in den Editor geöffnet und bearbeitet werden.

2 Grundlegende Operationen

2.1 Variablendeklaration

| Einfache Wertzuweisung | |
|------------------------|--|
| a = 3; | Der Variable a wird der Wert 3 zugewiesen. |

Eine Zuweisung ohne ein Semikolon am Ende der Zeile bewirkt eine direkte Rückgabe des Variablenwertes.

| Fließkommazahl | | | |
|---------------------------|--|--|--|
| a = 4.5; | Der Variable wird der Wert 4.5 zugewiesen. Als Trennzeichen in MATLAB wird der Punkt an Stelle eines Kommas verwendet. | | |
| | | | |
| Zeichenkette | | | |
| name = "Peter"; | Der Variable name wird der String Peter zugewiesen. | | |
| | | | |
| Logischer Wert | | | |
| isValid = true; | Der Variable isValid wird der boolsche Wert true zugewiesen. | | |
| | | | |
| Automatische Typzuweisung | | | |
| a = pi; | Der Variable a wird die, in MATLAB vordefinierte Variable π zugewiesen. | | |

Neben pi gibt es weitere vordefinierte Variablen. Diesen kann zwar ebenfalls ein selbst definierter Wert zugewiesen werden, jedoch ist es nicht empfehlenswert.

| Variable | Bedeutung | Wert |
|------------|--|---------------------------------|
| inf | Unendlich | $\frac{1}{0}$ ergibt inf |
| i | Imaginäre Einheit | $\sqrt{-1}$ |
| j | Alternative imaginäre Einheit | $\sqrt{-1}$ |
| NaN | "Not a Number ungültiger Wert | $\frac{0}{0}$ ergibt NaN |
| ans | Ergebnis der letzten berechneten Zeile | z.B. ans = 42 |
| true/false | Boolsche Werte | 1 bzw. 0 |

2.2 Mathematische Grundoperationen

| Addition | |
|-------------------|--|
| c = a + b; | In der Variable c wird die Summe aus a und b gespeichert. |
| Subtraktion | |
| c = a - b; | In der Variable c wird die Differenz aus a und b gespeichert. |
| Multiplikation | |
| c = a * b; | In der Variable c wird das Produkt aus a und b gespeichert. |
| Division | |
| c = a / b; | In der Variable c wird der Quotient aus a und b gespeichert. |
| Abrunden | |
| c = floor(a / b); | In der Variable wird das abgerundete Ergebnis der Division von und gespeichert. |
| Aufrunden | |
| c = ceil(a / b); | In der Variable wird das aufgerundete Ergebnis der Division von und gespei- chert. |
| Modulo | |
| c = mod(a,b); | In der Variable c wird der Rest der Division von a und b gespeichert. |
| Potenzieren | |
| c = a ^ 2; | In der Variable vird das Ergebnis der zweiten Potenz von gespeichert. |
| Wurzeln | |
| c = sqrt(a); | In der Variable c wird die Wurzel von a gespeichert. |

| Betrag | | |
|--------------|---|--|
| c = abs(-a); | In der Variable c wird der Betrag von -a gespeichert. | |

2.3 Komplexe Zahlen

| Definition der komplexen Zahl | |
|-------------------------------|---------------------------------------|
| z = 2 + 3*i; | Erzeugt die komplexe Zahl z = 2 + 3i. |

Wie unter 2.1 beschrieben, kann **j** analog zu **i** verwendet werden.

| Real- und Imaginärteil | |
|--|--|
| <pre>re = real(z); im = imag(z);</pre> | real() gibt den Realteil von z zurück und imag() den Imaginärteil. |

| Betrag | |
|-------------|---|
| r = abs(z); | Berechnet den Betrag von \mathbf{Z} , also $\sqrt{Im(z)^2 + Re(z)^2}$. |

| Winkel | | |
|----------------------------|---|--|
| <pre>phi = angle(z);</pre> | Gibt den Winkel von z im Bogenmaß zu- rück. | |

| Konjugation | | |
|-------------------|---|--|
| z_conj = conj(z); | Gibt das konjugiert Komplexe der Variable zalso $z^* = Re(z) - i \cdot Im(z)$ zurück. | |

```
Darstellung in Polarform

r = abs(z);
phi = angle(z);
z_polar = r * exp(1i*phi);

Gibt die komplexe Zahl z in Polarform zurück. exp(1i * phi) steht für e<sup>i·φ</sup>
```

2.4 Beispielaufgaben

Aufgabe 1

Gegeben sei die Funktion $f(x) = x^2 + 4x + 5$. Berechnen Sie die komplexen Nullstellen der Funktion und lassen Sie sich jeweils Betrag und Phase ausgeben.

```
Lösung 1

p = 4;
q = 5;

x1 = -p/2 + sqrt((p/2)^2 - q);
x2 = -p/2 - sqrt((p/2)^2 - q);

r1 = abs(x1);
r2 = abs(x2);

phi1 = angle(x1);
phi2 = angle(x2);
```

Aufgabe 2

Eine elektrische Schaltung besteht aus einem Widerstand mit $R=10\Omega$ einer Spule mit L=0,05H und einem Kondensator mit $C=100\mu F$. Die Reihenschaltung der drei Elemente wird bei einer Frequenz von f=50Hz betrieben. Berechnen Sie die Gesamtimpedanz Z dieser Schaltung.

```
Lösung 2

R = 10;
L = 0.05;
C = 100e-6;
f = 50;
omega = 2 * pi * f;

Z_R = R;
Z_L = 1j * omega * L;
Z_C = 1 / (1j * omega * C);

Z_Gesamt = Z_R + Z_L + Z_C;
```

3 Vektoren und Matrizen

3.1 Erstellen von Vektoren und Matrizen

| Zeilenvektor | | |
|-----------------------------------|--|--|
| V = [1 2 3 4]; | Erzeugt einen Zeilenvektor mit den ange- gebenen Werten. Statt der Trennung durch ein Leerzeichen können ebenfalls Kommata verwendet werden. | |
| Spoltopysleton | | |
| Spaltenvektor | | |
| V = [1;2;3;4]; | Erzeugt einen Spaltenvektor mit den angegebenen Werten. | |
| Doppelpunktoperator I | | |
| V = x1:x2; | Erzeugt einen Zeilenvektor von x1 bis x2 in ganzzahligen Schritten. | |
| Doppelpunktoperator II | | |
| <pre>V = x1:step:x2;</pre> | Erzeugt einen Zeilenvektor von x1 bis x2 in konstanten Schritten von step . | |
| linspace | | |
| <pre>V = linspace(x1,x2,n);</pre> | Erzeugt einen Zeilenvektor von x1 bis x2 mit n gleichmäßig verteilten Werten. | |
| Matrizen | | |
| A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]; | Elemente einer Zeile der Matrix werden wie bei den Vektoren mit Leerzeichen oder Komma getrennt. Ein Zeilenumbruch er- folgt durch Eingabe eines Semikolon. | |
| 0-Matrix | | |
| A = zeroes(m,n); | Erzeugt eine 0-Matrix der Größe mxn. ones() funktioniert analog zu zeroes() nur mit einsen. | |
| Einheitsmatrix | | |
| A = eye(n); | Erzeugt die Einheitsmatrix der Größe n x n . | |

3.2 Zugriff auf Elemente und Indizierung

Einfache Indizierung

 $V = [10 \ 20 \ 30 \ 40];$ V(2) Gibt den zweiten Wert des Vektors also 20 zurück.

Indizierung in Matrizen

 $A = [1 \ 2 \ 3; \ 4 \ 5 \ 6; \ 7 \ 8 \ 9];$ A(2,3) Gibt den dritten Wert der zweiten Zeile also 6 zurück.

Doppelpunktoperator

 $A = [1 \ 2 \ 3; \ 4 \ 5 \ 6; \ 7 \ 8 \ 9];$ A(:,3)

Gibt alle Werte der dritten Spalte als Spaltenvektor zurück.

End-Schlüsselwort

A(end); A(end-1); A(:,end); Letztes Element Vorletztes Element Letzte Spalte

Logische Indizierung

 $A = [1 \ 2 \ 3; \ 4 \ 5 \ 6; \ 7 \ 8 \ 9];$ A(A>5) Gibt den Spaltenvektor mit den Werten **7,8,6,9** zurück. MATLAB prüft jedes Element der Matrix und gibt diejenigen zurück, die größer als **5** sind. Dabei wird die Matrix spaltenweise (spaltenweise Linearindizierung) durchlaufen.

Ändern von Werten

 $V = [1 \ 2 \ 3 \ 4];$ V(3) = 7 Ersetzt den dritten Wert des Vektor durch 7.

3.3 Matrixoperationen

| Elementweise Operationen | |
|---|--|
| A = [1 2; 3 4]; B = [5 6; 7 8]; C = A + B; D = A - B; E = A .* B; F = A ./ B; G = A .^ 2; | Für Elementweise Operationen muss ein Punkt vor dem Operator genutzt werden. Bei Addition und Subtraktion ist dies je- doch irrelevant. |

| Matrixmultiplikation | |
|--|---|
| A = [1 2; 3 4]; B = [5; 6]; C = A * B; | Für die klassische Matrixmultiplikation gelten die allgemeinen Regeln aus der li- nearen Algebra. Beim Operator muss hier auf den Punkt verzichtet werden. |

| Transposition | |
|---------------------------|---|
| A = [1 2; 3 4]; B = A' | Für Matrizen mit komplexen Zahlen erzeugt das Hochkomma die adjungierte Matrix. Für reine Transposition wird verwendet. Bei reelen Matrizen können beide Versionen analog verwendet werden. |

| Lösen linearer Gleichungssysteme der Form $\mathbf{A}\mathbf{x}=\mathbf{b}$ | | |
|---|--|--|
| A = [1 2; 3 4]; b = [5;6]; x = A \ b; | Zum Lösen von linearen Gleichungssyste- men wird der Backslash verwendet. | |

3.4 nützliche MATLAB Funktionen

| Funktion | Rückgabe |
|-----------|--------------------------------------|
| max(A) | Höchster Wert der Matrix |
| min(A) | Kleinster Wert der Matrix |
| sum(A) | Summer der einzelnen Spalten |
| mean(A) | Mittelwert der einzelnen Spalten |
| length(A) | Zeilenanzahl der Matrix |
| numel(A) | Spaltenanzahl der Matrix |
| size(A) | Zeilen- und Spaltenanzahl der Matrix |
| det(A) | Determinante der Matrix |
| rank(A) | Rang der Matrix |
| trace(A) | Summe der Diagonalelemente |
| eig(A) | Eigenverte der Matrix |
| flipud(A) | vertikale Spiegelung der Matrix |
| fliplr(A) | horizontale Spiegelung der Matrix |

3.5 Beispielaufgaben

${\bf Aufgabe}~1$

Gegeben seien folgende Matrizen:
$$A=\begin{pmatrix}1&2\\3&4\end{pmatrix}$$
 und $B=\begin{pmatrix}5&6\\7&8\end{pmatrix}$.

- 1. Berechnen Sie die Summe der beiden Matrizen
- 2. Berechnen sie das elementweise Quadrat von A.
- 3. Bestimmen Sie die transponierte von B.

```
Lösung 1

A = [1 2; 3 4];
B = [5 6; 7 8];

C = A + B;

D = A .^ 2;

E = B';
```

Aufgabe 2

Gegeben sei die Matrix
$$A = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 8 \\ 7 & 9 & 3 \\ 6 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

- 1. Geben Sie das 2. Element der ersten Zeile aus.
- 2. Ersetzen Sie das 2. Element der dritte Spalte durch 1
- 3. Ermitteln Sie alle Einträge, die größer als 6 sind.

```
Lösung 2

A = [2 5 8; 7 9 3; 6 1 0];

a = A(1,2);

A(2,3) = 1;

B = A(A>6);
```

Aufgabe 3

Gegeben sei folgendes lineares Gleichungssystem:

$$2x + 3y - z = 1$$
$$4x + 1y + 1z = 9$$
$$-2x + 5y + 2z = 2$$

- 1. Lösen Sie das Gleichungssystem.
- 2. Überprüfen Sie das Ergebnis durch Rückeinsetzen.

```
Lösung 3

A = [2 3 -1; 4 1 1; -2 5 2];
b = [1; 9; 2];

x = A \ b;

test = A * x;
```

4 Programmiergrundlagen

4.1 Skripte

Ein Skript ist eine Sammlung von MATLAB Befehlen, die in einer Datei gemeinsam abgespeichert und ausgeführt werden können. Die Dateiendung eines solchen Skripts ist

Vorgehensweise

- Rechtsklick im Current Folder \rightarrow New \rightarrow Script
- Eingeben der gewünschten MATLAB Befehle im Editor analog zur Verwendung im Command Window
- Speichern des Skriptes
- Ausführen durch Eingabe des Dateinamens ohne Dateiendung im Command Window oder den Run Button in der Navigationsleiste bei geöffnetem Editor.

Kommentare

Mittels des % Zeichens kann ein Kommentar eingefügt werden, das beim Ausführen des Skriptes nicht beachtet wird.

```
Skriptbeispiel

% Erzeuge 3x3 Matrix
A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];

% Erste Spalte der Matrix als Spaltenvektor
b = A(:,1);

% Transponiert b zu Zeilenvektor
c = b';
```

Vorteile von Skripten gegenüber der Eingabe im Command Window

- Skripte können beliebig oft ausgeführt werden, ohne die Befehle jedes mal erneut eingeben zu müssen.
- Rechenweg bleibt komplett dokumentiert und kann einfacher überprüft und angepasst werden.
- Komplexe Abläufe lassen sich klar gliedern und durch Kommentare strukturieren.

4.2 Funktionen

Funktionen werden ebenfalls in einem .m-File gespeichert, enthalten im Gegensatz zu einem einfachen Skript jedoch Ein- und Ausgabeargumente und werden mit einem end beendet.

function [Ausgabe] = Funktionsname(Eingabe)

Die Verwendung von eckigen Klammern ist lediglich bei Verwendung mehrerer Ausgabeargumente notwendig, kann jedoch auch bei nur einem Argument verwendet werden. Der Funktionsname sollte dem Dateinamen entsprechen, um die Funktion auch in anderen Skripten ausführen zu können.

```
Funktionsbeispiel

function A = Flaecheninhalt(r)

A = pi * r^2;
end
```

Die Funktion kann nun durch Eingabe im Command Window oder innerhalb eines Skriptes mit beispielsweise

Flaecheninhalt(3)

aufgerufen werden und gibt somit den Flächeninhalt eines Kreises mit dem Radius 3 zurück.

4.3 Schleifen und Bedingungen

Schleifen ermöglichen das mehrfache Ausführen eines Codeblocks, was jedoch immer an eine Bedingung geknüpft ist.

for-Schleife

Der Codeblock wird für eine definierte Anzahl an Durchläufen ausgeführt. Auch eine Schleife muss immer mit einem **end** beendet werden.

Diese Schleife berechnet die Summe der Zahlen 1 bis 10.

while-Schleife

Der Codeblock wird so lange ausgeführt, bis eine gegebene Bedingung nicht mehr erfüllt wird.

```
Beispiel while-Schleife

n = 0;
zahl = 2;

while zahl < 1000
    zahl = zahl^2;
    n = n+1;
end</pre>
```

In diesem Fall wird geprüft, wie oft man eine Zahl quadrieren kann, bevor sie den Wert 1000 überschreitet.

if-Bedingungen

if-Bedingungen sind in der Programmierumgebung wichtig, um auf unterschiedliche Arten von Eingabewerten zu reagieren. Je nach Ergebnis einer logischen Prüfung, wird nur ein Teil des bestehenden Codes ausgeführt.

Logische Operatoren

| Operator | Bedeutung |
|----------|----------------|
| == | gleich |
| ~= | ungleich |
| K | kleiner als |
| ⊳ | größer als |
| K= | kleiner gleich |
| >= | größer gleich |

4.4 Beispielaufgaben

Aufgabe 1

Gegeben seien die beiden Vektoren

$$a = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 7 \end{pmatrix}$$
$$b = \begin{pmatrix} 1 & 6 & 3 \end{pmatrix}$$

Führen Sie folgende Aufgaben innerhalb eines Skriptdes durch.

- 1. Addieren Sie die beiden Vektoren.
- 2. Multiplizieren Sie die beiden Vektoren elementweise.
- 3. Lassen Sie sich beide Ergebnisse mittel disp() ausgeben.

Lösung 1

```
vectorAddMul.m

a = [2 4 7];
b = [1 , 6 , 3]
c = a + b;
d = a .* b;
disp(c);
disp(d);
```

Ausführen des Skriptes mittels Command Window Eingabe.

vectorAddMul

Aufgabe 2

Schreiben Sie eine Funktion nullstellen(a,b,c) zur Berechnung von Nullstellen einer beliebigen quadratischen Funktion. Nutzen Sie hierfür die Mitternachtsformel:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Lassen Sie sich anschließend die Nullstellen der folgenden Funktion ausgeben.

$$f(x) = (1+i)x^2 - (5+i)x + 10$$

Lösung 2

```
nullstellen.m

function [x1, x2] = nullstellen(a,b,c)
    x1 = (-b+sqrt((b^2)-4*a*c))/(2*a);
    x2 = (-b-sqrt((b^2)-4*a*c))/(2*a);
end
```

Aufruf der Funktion mittels der Command Window Eingabe

```
[a,b] = nullstellen(1 +1*i, -5 - 1*i, 10)
```

Aufgabe 3

Schreiben Sie eine MATLAB Funktion flaeche(a,b,c,xStart,xEnd) welche mittels numerischer Integration und der Rechteckregel das bestimmte Integral einer quadratischen Funktion der Form

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

approximieren kann. Zudem soll die Funktion nur dann das Integral berechnen, wenn der Startwert kleiner als der Endwert ist.

$$A = \int_{xStart}^{xEnd} f(x)dx \approx \Delta x \cdot \sum_{i=0}^{n-1} f(x_i)$$

Berechne anschließend

$$\int_{0}^{3} 3x^{2} - 2x + 8dx$$

Lösung 3

```
flaeche.m

function A = flaeche(a, b, c, xStart, xEnd)
    if xEnd > xStart
        n = 100000;
        dx = (xEnd - xStart) / n;
        x = xStart : dx : xEnd - dx;
        f = a*x.^2 + b*x + c;
        A = sum(f) * dx;
    else
        disp('Endwert_muss_hoeher_als_Startwert_sein');
    end
end
```

Aufruf der Funktion mittels der Command Window Eingabe

A = flaeche(3, -2, 8, 0, 3)

- 5 Arbeiten mit Dateien und Daten
- 5.1 Speichern und Laden von Daten
- 5.2 Importieren von Messdaten
- 5.3 Analyse und Verarbeitung von Daten

- 6 Visualisierung von Daten
- 6.1 Einfache Diagramme
- 6.2 Mehrere Kurven in einem Diagramm
- 6.3 Mehrere Diagramme in einer Übersicht
- 6.4 Grafische Anpassungen

- 7 Anhang
- 7.1 Dokumentation in MATLAB
- 7.2 Übersicht wichtiger MATLAB Befehle