HELMUT SCHMIDT UNIVERSITÄT

Universität der Bundeswehr Hamburg

MATLAB - Grundlagen für Ingenieurwissenschaften

Inhaltsverzeichnis

1 Einführung

1.1 Was ist MATLAB?

MATLAB ist die Abkürzung für MATrix LABoratory. Zudem ist es ein interaktives, integriertes System zur Berechnung, Visualisierung oder Programmierung mathematischer Problemstellungen. Es bietet eine einfache Skriptsprache welche auf die Verarbeitung von Matrizen ausgelegt ist.

1.2 Anwendungsgebiete in den Ingenieurwissenschaften

MATLAB bietet in vielen Ingenieurwissenschaftlichen Betätigungsfeldern weitreichende Vorteile.

- Signalverarbeitung
- Regelungstechnik
- FEM-Simulation
- Schaltungsanalyse
- Bildverarbeitung
- Datenanalyse

1.3 Die Benutzeroberfläche

Command Window

Abbildung 1: Command Window in MATLAB

Im Command Window können Befehle direkt eingegeben werden. Da Ergebnisse von Berechnungen unverzüglich angezeigt werden, können hier einzelne Befehle idealerweise getestet werden.

Editor

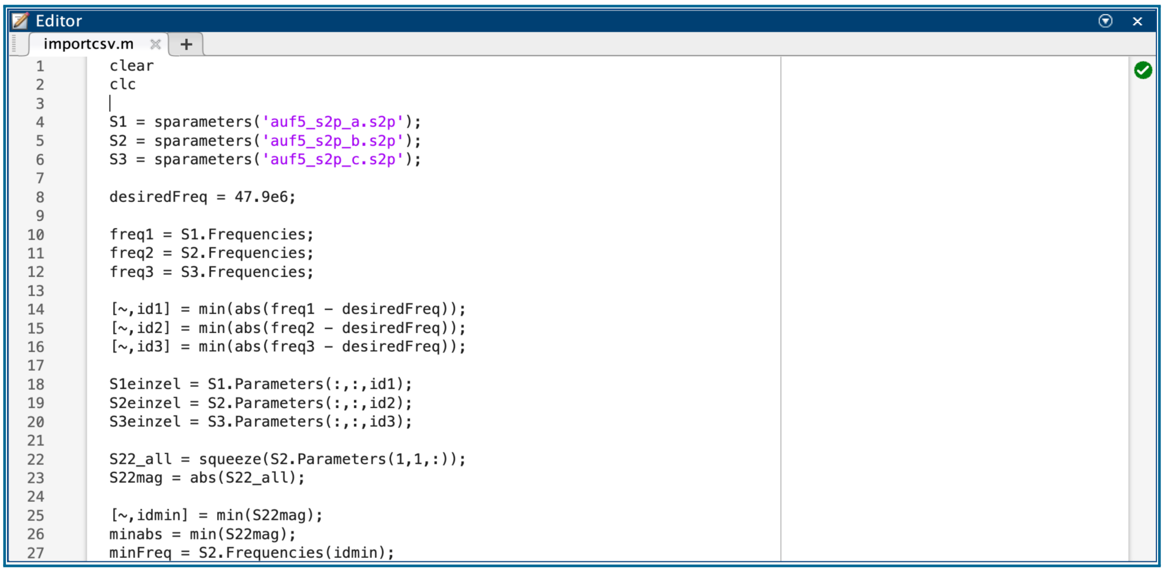

Abbildung 2: Editor in MATLAB

Im Editor können komplette Skripte und Funktionen geschrieben, gespeichert und ausgeführt werden. Er unterstützt das Debugging mittels Breakpoints und Schritt-für-Schritt Ausführung.

Workspace

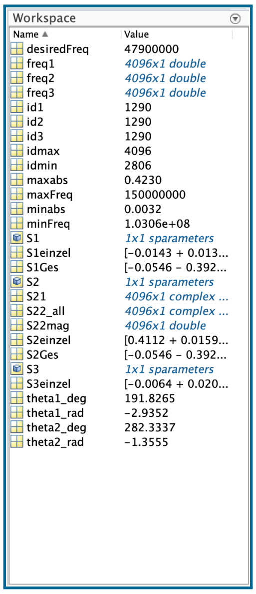

Abbildung 3: Workspace in MATLAB

Im Workspace werden alle aktuellen Variablen inklusive ihres Inhalts angezeigt. Weiterhin ist es möglich diese Variablen hier manuell anzupassen oder zu löschen.

Current Folder

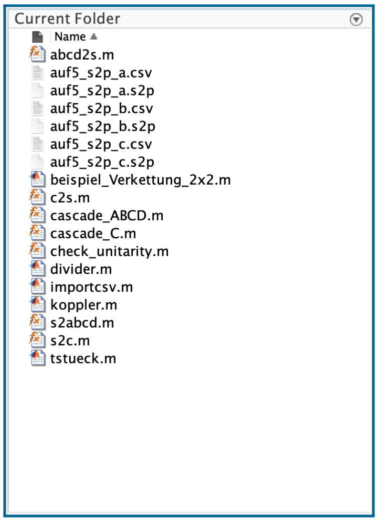

Abbildung 4: Current Folder in MATLAB

Im Current Folder findet man alle Dateien des Projektordners. Diese können durch Doppelklick oder das Ziehen in den Editor geöffnet und bearbeitet werden.

2 Grundlegende Operationen

2.1 Variablendeklaration

Einfache Wertzuweisung

`a = 3;`	Der Variable `a` wird der Wert `3` zugewiesen.

Eine Zuweisung ohne ein Semikolon am Ende der Zeile bewirkt eine direkte Rückgabe des Variablenwertes.

Fließkommazahl

`a = 4.5;`	Der Variable `a` wird der Wert `4.5` zugewiesen. Als Trennzeichen in MATLAB wird der Punkt an Stelle eines Kommas verwendet.

Zeichenkette

`name = "Peter";`	Der Variable `name` wird der String `Peter` zugewiesen.

Logischer Wert

`isValid = true;`	Der Variable `isValid` wird der boolsche Wert `true` zugewiesen.

Automatische Typzuweisung

`a = pi;`	Der Variable `a` wird die, in MATLAB vordefinierte Variable π zugewiesen.

Neben pi gibt es weitere vordefinierte Variablen. Diesen kann zwar ebenfalls ein selbst definierter Wert zugewiesen werden, jedoch ist es nicht empfehlenswert.

Variable	**Bedeutung**	**Wert**
`inf`	Unendlich	$\frac{1}{0}$ ergibt `inf`
`i`	Imaginäre Einheit	$\sqrt{-1}$
`j`	Alternative imaginäre Einheit	$\sqrt{-1}$
`NaN`	"Not a Number ungültiger Wert	$\frac{0}{0}$ ergibt `NaN`
`ans`	Ergebnis der letzten berechneten Zeile	z.B. `ans = 42`
`true`/`false`	Boolsche Werte	`1` bzw. `0`

2.2 Mathematische Grundoperationen

Addition

`c = a + b;`	In der Variable `c` wird die Summe aus `a` und `b` gespeichert.

Subtraktion

`c = a - b;`	In der Variable `c` wird die Differenz aus `a` und `b` gespeichert.

Multiplikation

`c = a * b;`	In der Variable `c` wird das Produkt aus `a` und `b` gespeichert.

Division

`c = a / b;`	In der Variable `c` wird der Quotient aus `a` und `b` gespeichert.

Abrunden

`c = floor(a / b);`	In der Variable `c` wird das abgerundete Ergebnis der Division von `a` und `b` gespeichert.

Aufrunden

`c = ceil(a / b);`	In der Variable `c` wird das aufgerundete Ergebnis der Division von `a` und `b` gespeichert.

Modulo

`c = mod(a,b);`	In der Variable `c` wird der Rest der Division von `a` und `b` gespeichert.

Potenzieren

`c = a ^ 2;`	In der Variable `c` wird das Ergebnis der zweiten Potenz von `a` gespeichert.

Wurzeln

`c = sqrt(a);`	In der Variable `c` wird die Wurzel von `a` gespeichert.

Betrag

`c = abs(-a);`	In der Variable `c` wird der Betrag von `-a` gespeichert.

2.3 Komplexe Zahlen

Definition der komplexen Zahl

`z = 2 + 3*i;`	Erzeugt die komplexe Zahl `z = 2 + 3i`.

Wie unter 2.1 beschrieben, kann `j` analog zu `i` verwendet werden.

Real- und Imaginärteil

```
re = real(z);
im = imag(z);
```

`real()` gibt den Realteil von `z` zurück und `imag()` den Imaginärteil.

Betrag

`r = abs(z);`	Berechnet den Betrag von `z` , also $\sqrt{Im(z)^2 + Re(z)^2}$.

Winkel

`phi = angle(z);`	Gibt den Winkel von `z` im Bogenmaß zurück.

Konjugation

`z_conj = conj(z);`	Gibt das konjugiert Komplexe der Variable `z` also $z^* = Re(z) - i \cdot Im(z)$ zurück.

Darstellung in Polarform

```
r = abs(z);
phi = angle(z);
z_polar = r * exp(1i*phi);
```

Gibt die komplexe Zahl `z` in Polarform zurück. `exp(1i * phi)` steht für $e^{i \cdot \phi}$

2.4 Beispielaufgaben

Aufgabe 1

Gegeben sei die Funktion $f(x) = x^2 + 4x + 5$. Berechnen Sie die komplexen Nullstellen der Funktion und lassen Sie sich jeweils Betrag und Phase ausgeben.

Lösung 1

```
p = 4;
q = 5;

x1 = -p/2 + sqrt((p/2)^2 - q);
x2 = -p/2 - sqrt((p/2)^2 - q);

r1 = abs(x1);
r2 = abs(x2);

phi1 = angle(x1);
phi2 = angle(x2);
```

Aufgabe 2

Eine elektrische Schaltung besteht aus einem Widerstand mit $R = 10\Omega$ einer Spule mit $L = 0,05H$ und einem Kondensator mit $C = 100\mu F$. Die Reihenschaltung der drei Elemente wird bei einer Frequenz von $f = 50Hz$ betrieben. Berechnen Sie die Gesamtimpedanz Z dieser Schaltung.

Lösung 2

```
R = 10;
L = 0.05;
C = 100e-6;
f = 50;
omega = 2 * pi * f;

Z_R = R;
Z_L = 1j * omega * L;
Z_C = 1 / (1j * omega * C);

Z_Gesamt = Z_R + Z_L + Z_C;
```

3 Vektoren und Matrizen

3.1 Erstellen von Vektoren und Matrizen

Zeilenvektor

```
V = [1 2 3 4];
```

Erzeugt einen Zeilenvektor mit den angegebenen Werten. Statt der Trennung durch ein Leerzeichen können ebenfalls Kommata verwendet werden.

Spaltenvektor

```
V = [1;2;3;4];
```

Erzeugt einen Spaltenvektor mit den angegebenen Werten.

Doppelpunktoperator I

```
V = x1:x2;
```

Erzeugt einen Zeilenvektor von `x1` bis `x2` in ganzzahligen Schritten.

Doppelpunktoperator II

```
V = x1:step:x2;
```

Erzeugt einen Zeilenvektor von `x1` bis `x2` in konstanten Schritten von `step`.

linspace

```
V = linspace(x1,x2,n);
```

Erzeugt einen Zeilenvektor von `x1` bis `x2` mit `n` gleichmäßig verteilten Werten.

Matrizen

```
A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];
```

Elemente einer Zeile der Matrix werden wie bei den Vektoren mit Leerzeichen oder Komma getrennt. Ein Zeilenumbruch erfolgt durch Eingabe eines Semikolon.

0-Matrix

```
A = zeroes(m,n);
```

Erzeugt eine 0-Matrix der Größe `mxn`. `ones()` funktioniert analog zu `zeroes()` nur mit einsen.

Einheitsmatrix

```
A = eye(n);
```

Erzeugt die Einheitsmatrix der Größe `nxn`.

3.2 Zugriff auf Elemente und Indizierung

Einfache Indizierung

```
V = [10 20 30 40];
V(2)
```

Gibt den zweiten Wert des Vektors also 20 zurück.

Indizierung in Matrizen

```
A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];
A(2,3)
```

Gibt den dritten Wert der zweiten Zeile also 6 zurück.

Doppelpunktoperator

```
A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];
A(:,3)
```

Gibt alle Werte der dritten Spalte als Spaltenvektor zurück.

End-Schlüsselwort

```
A(end);
A(end-1);
A(:,end);
```

Letztes Element
Vorletztes Element
Letzte Spalte

Logische Indizierung

```
A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];
A(A>5)
```

Gibt den Spaltenvektor mit den Werten 7,8,6,9 zurück. MATLAB prüft jedes Element der Matrix und gibt diejenigen zurück, die größer als 5 sind. Dabei wird die Matrix spaltenweise (spaltenweise Linearindizierung) durchlaufen.

Ändern von Werten

```
V = [1 2 3 4];
V(3) = 7
```

Ersetzt den dritten Wert des Vektor durch 7.

3.3 Matrixoperationen

Elementweise Operationen

```
A = [1 2; 3 4];
B = [5 6; 7 8];

C = A + B;
D = A - B;
E = A .* B;
F = A ./ B;
G = A .^ 2;
```

Für Elementweise Operationen muss ein Punkt vor dem Operator genutzt werden. Bei Addition und Subtraktion ist dies jedoch irrelevant.

Matrixmultiplikation

```
A = [1 2; 3 4];
B = [5; 6];

C = A * B;
```

Für die klassische Matrixmultiplikation gelten die allgemeinen Regeln aus der linearen Algebra. Beim Operator muss hier auf den Punkt verzichtet werden.

Transposition

```
A = [1 2; 3 4];
B = A'
```

Für Matrizen mit komplexen Zahlen erzeugt das Hochkomma die adjungierte Matrix. Für reine Transposition wird `.'` verwendet. Bei reelen Matrizen können beide Versionen analog verwendet werden.

Lösen linearer Gleichungssysteme der Form $Ax = b$

```
A = [1 2; 3 4];
b = [5;6];
x = A \ b;
```

Zum Lösen von linearen Gleichungssystemen wird der Backslash verwendet.

3.4 nützliche MATLAB Funktionen

Funktion	**Rückgabe**
`max(A)`	Höchster Wert der Matrix
`min(A)`	Kleinster Wert der Matrix
`sum(A)`	Summer der einzelnen Spalten
`mean(A)`	Mittelwert der einzelnen Spalten
`length(A)`	Zeilenanzahl der Matrix
`numel(A)`	Spaltenanzahl der Matrix
`size(A)`	Zeilen- und Spaltenanzahl der Matrix
`det(A)`	Determinante der Matrix
`rank(A)`	Rang der Matrix
`trace(A)`	Summe der Diagonalelemente
`eig(A)`	Eigenverte der Matrix
`flipud(A)`	vertikale Spiegelung der Matrix
`fliplr(A)`	horizontale Spiegelung der Matrix

3.5 Beispielaufgaben

Aufgabe 1

Gegeben seien folgende Matrizen: $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ und $B = \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$.

1. Berechnen Sie die Summe der beiden Matrizen
2. Berechnen sie das elementweise Quadrat von A.
3. Bestimmen Sie die transponierte von B.

Lösung 1

```
A = [1 2; 3 4];
B = [5 6; 7 8];

C = A + B;

D = A .^ 2;

E = B';
```

Aufgabe 2

Gegeben sei die Matrix $A = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 8 \\ 7 & 9 & 3 \\ 6 & 1 & 0 \end{pmatrix}$

1. Geben Sie das 2. Element der ersten Zeile aus.
2. Ersetzen Sie das 2. Element der dritte Spalte durch 1
3. Ermitteln Sie alle Einträge, die größer als 6 sind.

Lösung 2

```
A = [2 5 8; 7 9 3; 6 1 0];

a = A(1,2);

A(2,3) = 1;

B = A(A>6);
```

Aufgabe 3

Gegeben sei folgendes lineares Gleichungssystem:

$$\begin{aligned} 2x + 3y - z &= 1 \\ 4x + 1y + 1z &= 9 \\ -2x + 5y + 2z &= 2 \end{aligned}$$

1. Lösen Sie das Gleichungssystem.
2. Überprüfen Sie das Ergebnis durch Rückeinsetzen.

Lösung 3

```
A = [2 3 -1; 4 1 1; -2 5 2];
b = [1; 9; 2];

x = A \ b;

test = A * x;
```

4 Programmiergrundlagen

4.1 Skripte

Ein Skript ist eine Sammlung von MATLAB Befehlen, die in einer Datei gemeinsam abgespeichert und ausgeführt werden können. Die Dateiendung eines solchen Skripts ist `.m`

Vorgehensweise

- Rechtsklick im Current Folder →New →Script
- Eingeben der gewünschten MATLAB Befehle im Editor analog zur Verwendung im Command Window
- Speichern des Skriptes
- Ausführen durch Eingabe des Dateinamens ohne Dateiendung im Command Window oder den Run Button in der Navigationsleiste bei geöffnetem Editor.

Kommentare

Mittels des % Zeichens kann ein Kommentar eingefügt werden, das beim Ausführen des Skriptes nicht beachtet wird.

Beispielskript

```
% Erzeuge 3x3 Matrix
A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];

% Erste Spalte der Matrix als Spaltenvektor
b = A(:,1);

% Transponiert b zu Zeilenvektor
c = b';
```

Vorteile von Skripten gegenüber der Eingabe im Command Window

- Skripte können beliebig oft ausgeführt werden, ohne die Befehle jedes mal erneut eingeben zu müssen.
- Rechenweg bleibt komplett dokumentiert und kann einfacher überprüft und angepasst werden.
- Komplexe Abläufe lassen sich klar gliedern und durch Kommentare strukturieren.

4.2 Funktionen

4.3 Schleifen

5 Arbeiten mit Dateien und Daten

5.1 Speichern und Laden von Daten

5.2 Importieren von Messdaten

5.3 Analyse und Verarbeitung von Daten

6 Visualisierung von Daten

6.1 Einfache Diagramme

6.2 Mehrere Kurven in einem Diagramm

6.3 Mehrere Diagramme in einer Übersicht

6.4 Grafische Anpassungen

7 Anhang

7.1 Dokumentation in MATLAB

7.2 Übersicht wichtiger MATLAB Befehle