

Lista-3 – Primeira Lei da Termodinâmica

Termodinâmica - Prof. José Alexandre

1^o) Calcule o trabalho feito por um corpo expandindo, a pressão constante de 2,34 atm, de um volume inicial de 3,12 L a um volume final de 4,01 L.

Resposta: $2,10 \times 10^2 \text{ J}$.

2^o) Calcule o trabalho realizado por 10 g de oxigênio que se expande isotermicamente a 20°C de 1,0 atm a 0,3 atm.

Resposta: $9,1 \times 10^2 \text{ J}$.

3^o) Um cilindro equipado com um êmbolo móvel contém um gás ideal à pressão P_1 , volume específico v_1 e temperatura T_1 . A pressão e o volume são simultaneamente aumentados, de modo que, em cada instante, P e v são relacionados pela equação

$$P = Av,$$

onde A é uma constante.

a) Expresse a constante A em termos da pressão P_1 , a temperatura T_1 e a constante dos gases R .

b) Encontre a temperatura, quando o volume específico for dobrado, se $T_1 = 200 \text{ K}$.

Resposta: a) $A = \frac{P^2}{RT_1}$, b) 800 K.

4^o) Calcule o trabalho realizado contra a pressão atmosférica, quando 10 kg de água convertem-se em vapor, ocupando um volume de 16,7 m³.

Resposta: $1,69 \times 10^6 \text{ J}$.

5^o) No cilindro de uma máquina a vapor é admitido vapor a uma pressão constante de 30 atm. O curso do êmbolo é de 0,5 m e o diâmetro do cilindro é 0,4 m. Calcule o trabalho (em joules) realizado pelo vapor em cada percurso.

Resposta: $1,9 \times 10^5 \text{ J}$.

6^o) (3.3) Um gás ideal, originalmente a uma temperatura T_1 e pressão P_1 , é comprimido reversivelmente contra um pistão até seu volume seja a metade do de seu volume original. A temperatura do gás é alterada durante o processo, de modo que a cada instante a relação $P = AV$ seja satisfeita, onde A é uma constante. Determine o trabalho realizado pelo gás, em termos de n (número de moles), R e T_1 .

Resposta: $W = -\frac{3}{8}nRT_1$.

7^o) (3.16) A temperatura de um gás ideal a uma pressão inicial P_1 e volume V_1 é aumentada a volume constante até que a pressão seja dobrada. O gás é, então, expandido isotermicamente até que a pressão caia para seu valor original, onde é comprimido à pressão constante, até que o volume retorne ao seu valor inicial.

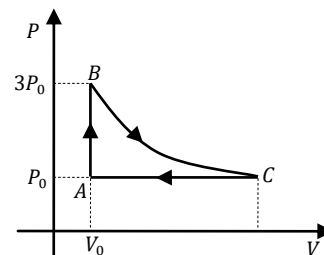
a) Esboce estes processos no plano $P - V$ e no plano $P - T$.

b) Calcule o trabalho em cada processo e o trabalho líquido realizado no ciclo, se $n = 2 \times 10^3$ moles, $P_1 = 2,0 \text{ atm}$ e $V_1 = 4,0 \text{ m}^3$.

Resposta: $W_{AB} = 0$; $W_{BC} = 1,12 \times 10^6 \text{ J}$; $W_{CA} = -8,08 \times 10^5 \text{ J}$; $W_{ciclo} = 3,12 \times 10^5 \text{ J}$.

8^o) Um gás ideal monoatômico realiza o ciclo reversível ABCA representado no diagrama PxV. O processo B → C é isotérmico de temperatura T₀.

Determine, para o gás, o trabalho, a variação de energia interna e o calor trocado em cada um dos processos e para o ciclo.



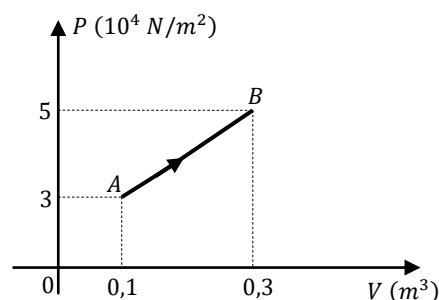
Resposta:

$$\begin{aligned} W_{AB} &= 0, \Delta U_{AB} = 3P_0V_0, Q_{AB} = 3P_0V_0; \\ W_{BC} &= 3P_0V_0 \ln(3), \Delta U_{BC} = 0, Q_{BC} = 3P_0V_0 \ln(3); \\ W_{CA} &= -2P_0V_0, \Delta U_{CA} = -3P_0V_0, Q_{CA} = -5P_0V_0; \\ W_{ciclo} &= P_0V_0[3 \ln(3) - 2], \Delta U_{ciclo} = 0, Q_{ciclo} = P_0V_0[3 \ln(3) - 2]. \end{aligned}$$

9^o) Seis mols de um gás ideal monoatômico sofrem o processo termodinâmico AB indicado no gráfico. Sendo $R = 8,31 \frac{\text{J}}{\text{molK}}$, determine:

- as temperaturas inicial e final do gás;
- a variação de energia interna do gás no processo AB;
- o trabalho realizado pelo gás ao passar do estado A para o estado B;

a quantidade de calor trocada pelo gás na transformação do estado A para o estado B.



Resposta: a) $T_A = 60,2 \text{ K}$ e $T_B = 301 \text{ K}$ b) $\Delta U = 1,8 \times 10^4 \text{ J}$; c) $W = 8 \times 10^3 \text{ J}$; $Q = 2,6 \times 10^4 \text{ J}$.

10^o) Um cilindro, cujas paredes são adiabáticas, é fechado por um pistão também adiabático que pode deslizar na vertical sem atrito. O volume interno do cilindro possui uma parede divisória que não permite troca de partículas, mas permite troca de calor. O volume superior contém n mols de um gás ideal monoatômico e o volume inferior contém 2n mols do mesmo gás. O gás no volume superior do cilindro, partindo de um estado de equilíbrio inicial, é comprimido reversivelmente pelo pistão até um estado de equilíbrio final. Sabendo que a variação de temperatura entre esses dois estados é ΔT , calcule o trabalho realizado sobre o gás no volume superior.

Resposta: $W_{ext} = \frac{9}{2} nR\Delta T$.

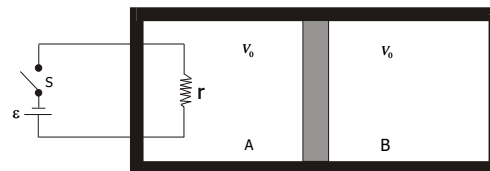
11^o) Um gás ideal de expoente de Poisson γ está contido no interior de uma grande garrafa de volume V. Ajustado à garrafa está um tubo de vidro de área da seção transversal A no qual uma bola de metal de massa m está perfeitamente ajustada. A pressão de equilíbrio na garrafa é maior que a pressão atmosférica P_0 por causa do peso da bola. Mostre que se a bola é deslocada ligeiramente de sua posição de equilíbrio, ela executará um MHS se os estados do gás representam um processo adiabático quase-estático e a perda de energia devido ao atrito da bola e o tubo é desprezível. Determine a frequência do MHS.

Resposta: $\omega = \sqrt{\frac{\gamma A^2}{mV} \left(P_0 + \frac{mg}{A} \right)}$.

12^o) Um recipiente de paredes adiabáticas é dividido, por uma parede móvel adiabática, em duas partes iguais, de volume V_0 cada uma delas. No interior de cada parte, encontram-se 2 mols de um gás ideal monoatômico. O sistema se encontra em equilíbrio, com os gases a uma temperatura T_0 . No interior de uma das partes, chamada de A, existe um resistor de resistência r ligado, através de uma chave S, a uma bateria de

resistência interna nula e força eletromotriz ε . A chave, inicialmente aberta, é mantida fechada por um determinado intervalo de tempo e depois é novamente aberta. Durante o intervalo de tempo em que a chave fica fechada, o gás da parte A se expande, empurrando muito lentamente a parede móvel, de forma a reduzir em 8 vezes o volume do lado oposto, chamado de B. A constante universal dos gases é R , medida em $\text{J mol}^{-1} \text{K}^{-1}$ ou J/mol K . Considerando que não há atrito entre a parede móvel e o recipiente e que a capacidade térmica do resistor é desprezível, determine:

- a temperatura final do gás contido em A;
- o trabalho realizado pelo gás contido em B;
- o calor recebido pelo gás contido em A.



Resposta: a) $T_A = 60T_0$; b) $W_B = -9RT_0$; c) $Q_A = 186RT_0$.

13⁰) Um fluido e n moles de um gás ideal diatômico estão no interior de um cilindro provido de um êmbolo de massa m que pode deslizar livremente sem atrito. O coeficiente de dilatação térmica do fluido é β . O êmbolo e as paredes do recipiente são adiabáticos, exceto a base, que está em contato com um reservatório térmico. Inicialmente, o fluido e o gás ocupam cada um a metade do volume interno V do cilindro e estão em equilíbrio com o reservatório à temperatura T . A temperatura do reservatório é, então, muito lentamente, levada da temperatura inicial T até a temperatura final $3T$. Durante esse processo, o fluido e o gás estão sempre em equilíbrio térmico com o reservatório. Desprezando a dilatação do recipiente e uma possível evaporação do fluido, determine:

- a variação do volume do fluido;
- a variação do volume do gás;
- a variação da energia interna do gás;
- o trabalho realizado pelo gás;
- o calor absorvido pelo gás;
- o trabalho realizado pelo fluido sobre o gás.

Resposta: a) $\Delta V_{\text{fluido}} = \beta VT$; b) $\Delta V_{\text{gás}} = V$; c) $\Delta U_{\text{gás}} = 5nRT$;
d) $W_{\text{gás}} = 2nRT$; e) $Q_{\text{gás}} = 7nRT$; f) $W_{\text{fluido}} = 2nR\beta T^2$

14⁰) Calcule a variação na energia interna de um fluido em um recipiente adiabático, quando uma corrente de 10 A passa durante 70 s através de um resistor de $4,0 \, \Omega$ em contato com o fluido.

Resposta: $\Delta U = 2,8 \times 10^4 \text{ J}$.

15⁰) (3.28) A capacidade térmica específica molar c_p da maior parte das substâncias (exceto a temperaturas muito baixas) pode ser expressa satisfatoriamente pela fórmula empírica

$$c_p = a + 2bT - cT^{-2},$$

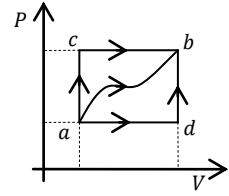
onde a , b e c são constantes, e T é a temperatura em Kelvin.

- Em termos de a , b e c , encontre o calor necessário para elevar a temperatura de n moles de uma substância à pressão constante, de T_1 para T_2 .
- Determine a capacidade térmica específica média entre T_1 e T_2 .

Resposta: a) $Q_p = na(T_2 - T_1) + nb(T_2^2 - T_1^2) - nc \frac{(T_2 - T_1)}{T_1 T_2}$. b) $\frac{\bar{c}_p}{n} = a + b(T_2 + T_1) - \frac{c}{T_1 T_2}$.

16⁰) (3.26) Quando um sistema é levado de um estado a para um estado b pela trajetória a – c – b, representam na figura, fluem 80 J de calor para o sistema, e este realiza 30 J de trabalho.

- Quanto flui de calor para o sistema ao longo do trajeto a – d – b, se o trabalho realizado é de 10 J?
- O sistema é levado de volta do estado b para o estado a através do trajeto curvo. O trabalho feito sobre o sistema é 20 J. O sistema absorve ou libera calor, e quanto?
- Se $U_a = 0$ e $U_d = 40$ J, encontre o calor absorvido nos processos a – d e d – b.



Resposta: a) 60 J. b) -70 J. c) 50 J e 10 J.

17-37⁰) Francis W. Sears e Gerhard L. Salinger, *Termodinâmica, Teoria Cinética e Termodinâmica Estatística*, 3^a Edição, Guanabara Dois (1979): 3.1, 3.3, 3.4, 3.5, 3.6, 3.7, 3.8, 3.9, 3.10, 3.11, 3.14, 3.16, 3.18, 3.19, 3.20, 3.22, 3.26, 3.27, 3.28, 3.29, 3.32, 3.33, 3.35 e 3.36.