



Laboratório de Pesquisa em Redes e Multimídia

Sistemas Operacionais

Gerência de Memória - Algoritmos de substituição de páginas



Universidade Federal do Espírito Santo
Departamento de Informática

Introdução

- Quando ocorre um *Page Fault*, o S.O. deve escolher que página remover para abrir espaço em memória.
- Se a página foi alterada (bit *Modified* setado) é preciso salvá-la em disco. Se não foi, basta sobrescrevê-la.
- É melhor não escolher para remoção uma página que é usada freqüentemente, pois ela pode ter que voltar para a memória logo.
- Troca ótima de página
 - Substituir a página para a qual falta mais tempo até ser necessária novamente
 - Marcar p/ cada página, quantas instruções faltam p/ que ela seja referenciada
 - Solução ótima, mas inviável!

Algoritmo NRU – *Not Recently Used* ⁽¹⁾

- Ou seja, algoritmo de substituição da página “não usada recentemente”
- Na maioria dos computadores com memória virtual, as entradas nas tabelas de páginas têm 2 bits de status
 - *Reference* bit (R) ; *Modified* bit (M)
- Algoritmo
 - Qdo o processo é iniciado, os bits R e M das páginas são zerados
 - Bits são sempre alterados quando a página é referenciada/modificada
 - Periodicamente o bit R é zerado (por exemplo, a cada tique de clock)
 - Quando acontece um *Page fault*, o S.O. inspeciona todas as páginas que encontram-se na memória e as separa em categorias...

Algoritmo NRU – *Not Recently Used* (2)

Isso pode ocorrer???

- Páginas são classificadas
 - Classe 0: *Not referenced, not modified* ($R=0$, $M=0$)
 - Classe 1: *Not referenced, modified* ($R=0$, $M=1$)
 - Classe 2: *referenced, not modified* ($R=1$, $M=0$)
 - Classe 3: *referenced, modified* ($R=1$, $M=1$)
- O S.O. remove uma das páginas (aleatoriamente) da classe mais baixa não vazia.
- Vantagens
 - Algoritmo fácil de entender e implementar
 - Desempenho adequado

Algoritmo FIFO

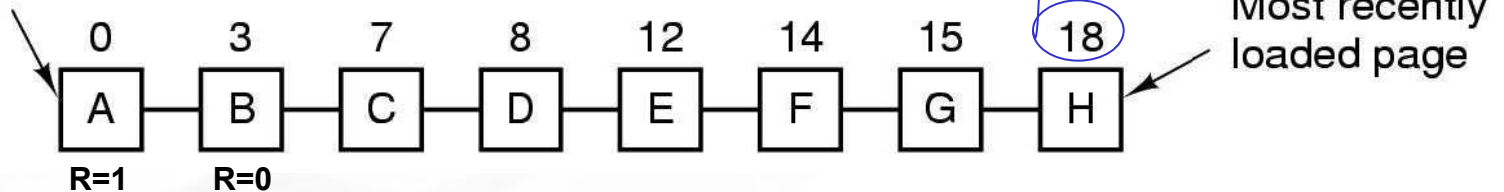
- Mantém-se uma lista encadeada de páginas ordenada pela chegada das páginas à memória.
- Quando ocorre um *Page Fault*, a página no início da lista (que é a mais antiga) é a escolhida para a troca
- Vantagem:
 - Baixo custo
- Desvantagem:
 - A página mais antiga pode ser também uma página usada muito freqüentemente.
- Não empregado!

Algoritmo SC - Segunda Chance ⁽¹⁾

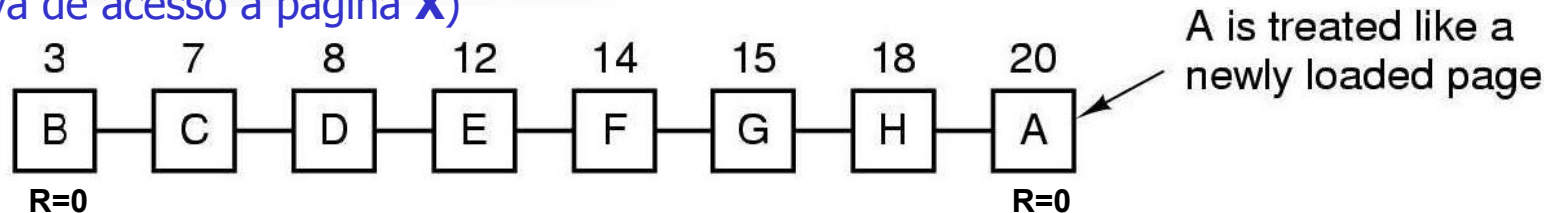
- Tenta melhorar o FIFO
- Cada página tem um bit R (referenciada)
- Antes de remover a página mais antiga (cabeça da fila), seu bit R é verificado
 - Se $R=0$, a página é substituída (a página referenciada ocupará o seu lugar na memória)
 - Se $R=1$, a página vai para fim da fila, como se houvesse sido carregada agora e seu bit é setado para 0
 - Verifica-se a página que virou “cabeça” da fila
- Se todas as páginas tiverem seu bit $R=1$, haverá uma volta completa

Algoritmo SC - Segunda Chance (2)

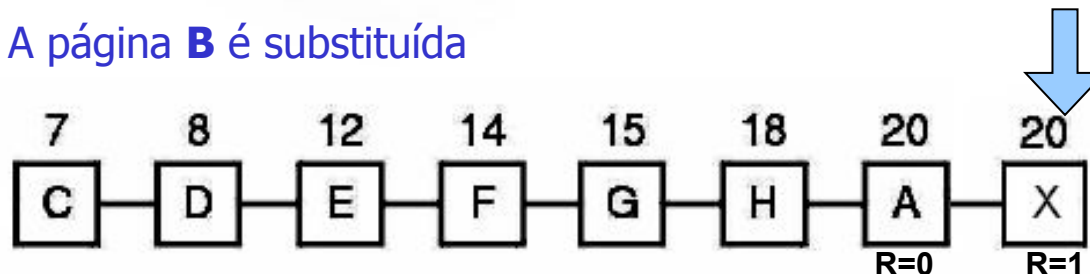
Page loaded first



No instante 20 ocorre um Page Fault
(tentativa de acesso à página **X**)

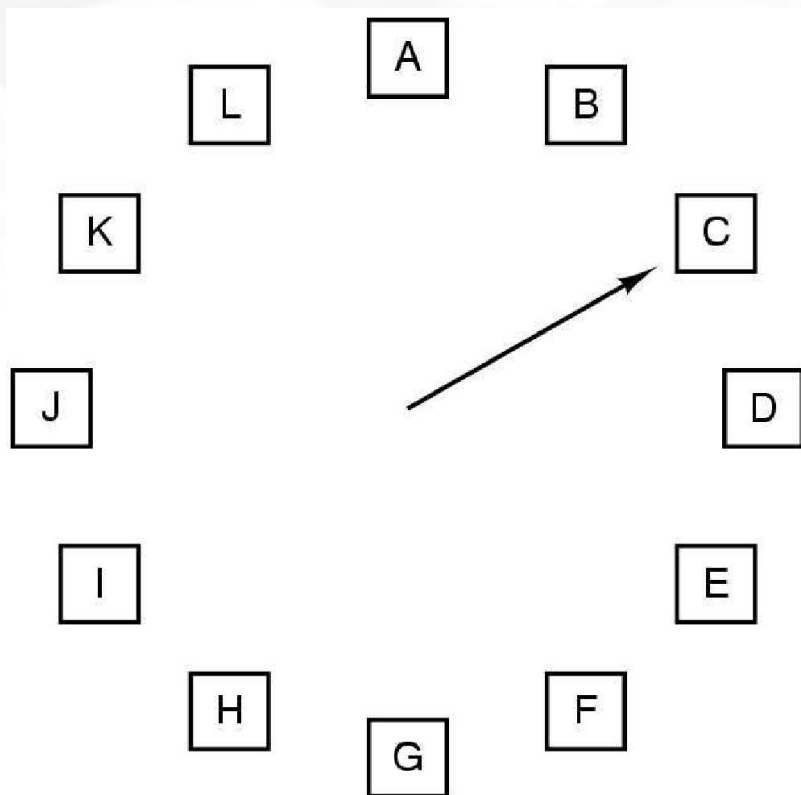


A página **B** é substituída



Algoritmo do Relógio

- Visa melhorar o desempenho do algoritmo SC, diferenciando apenas na implementação da fila



- O ponteiro sempre aponta para a página mais antiga
- Na ocorrência de um Page fault
 - Se o bit R desta página for 0, ela é substituída, e o ponteiro "roda" uma casa
 - Se $R=1$, R é resetado e o ponteiro avança para a próxima página até encontrar uma página com $R=0$

Algoritmo LRU – *Least Recently Used* ⁽¹⁾

Ou MRU – Menos Recentemente Usada

- Assume que as páginas usadas recentemente voltarão a ser usadas em breve
 - Substitui páginas que estão há **mais tempo sem uso**.
 - **PRINCÍPIO DA LOCALIDADE TEMPORAL**
 - Uma página acessada mais recentemente, tem mais chances de ser acessada novamente

Algoritmo LRU – *Least Recently Used*

Ou MRU – Menos Recentemente Usada

- Na **teoria**, para implementá-lo completamente, deveria-se manter uma lista encadeada de todas as páginas que estão na memória (muito custoso!)
 - página usada mais recentemente vai para o início da lista;
 - lista é reordenada a cada referência a memória
 - qdo há Page Fault, escolhe-se a última página da fila

NA PRÁTICA, há diferentes formas de implementá-lo!

Algoritmo LRU – *Least Recently Used*

Possíveis Implementações

- Auxílio de Hardware
 - Contador incrementado a cada instrução
 - Matriz mapeando memória física
- Simulando LRU em Software
 - LFU
 - Aging

Algoritmo LRU – *Least Recently Used*

Em Hardware ⁽¹⁾

- Uma solução simples: manter uma idade para cada página.
 - Usar um contador \underline{C} de 64 bits incrementado a cada instrução (em hardware)
 - Cada entrada da tabela de páginas deve ter um campo extra para armazenar o valor do contador
 - A cada referência à memória o valor corrente de \underline{C} é armazenado na entrada da tabela de páginas na posição correspondente à página referenciada
 - Quando ocorre um Page Fault, a tabela de páginas é examinada, a entrada cujo campo C é de menor valor é a escolhida
 - Substitui página com o menor valor no campo do contador (maior idade)

Algoritmo LRU – *Least Recently Used*

Em Hardware (2)

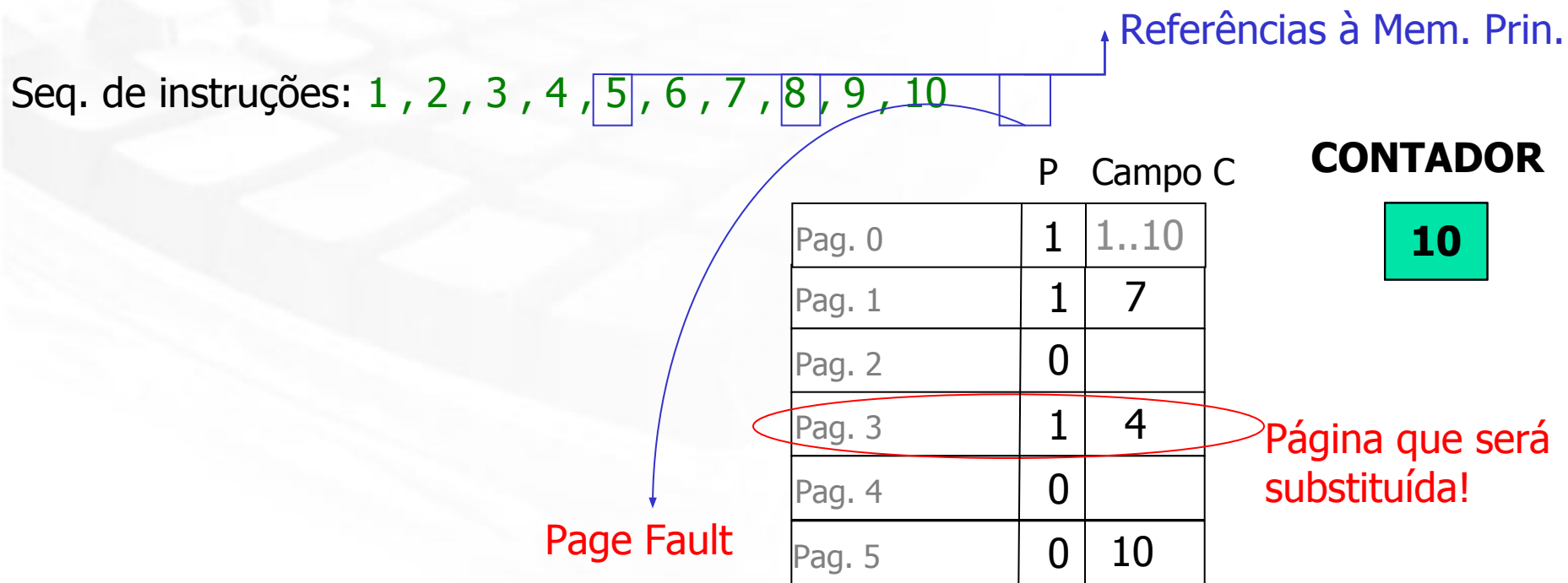


Tabela de Páginas

Algoritmo LRU – *Least Recently Used*

Em Hardware (3)

- LRU usando matrizes
 - HW especial que mantém uma matriz $n \times n$, onde n é o número de molduras
 - Inicialmente todos os bits da matriz são 0
 - Sempre que a moldura k é referenciada, o hardware seta todos os bits da linha k para 1, e depois zera todos os bits da coluna k para zero
 - Deste modo, a qualquer instante a **linha** com o **menor valor binário** é a menos recentemente usada

Algoritmo LRU – *Least Recently Used*

Em Hardware (4)

■ LRU usando matrizes (cont.)

Página na
moldura 0

	0	1	2	3
0	0	1	1	1
1	0	0	0	0
2	0	0	0	0
3	0	0	0	0

Página na
moldura 1

	0	1	2	3
0	0	0	1	1
1	1	0	1	1
2	0	0	0	0
3	0	0	0	0

Página na
moldura 2

	0	1	2	3
0	0	0	0	1
1	1	0	0	1
2	1	1	0	1
3	0	0	0	0

Página na
moldura 3

	0	1	2	3
0	0	0	0	0
1	1	0	0	0
2	1	1	0	0
3	1	1	1	0

Página na
moldura 2

	0	1	2	3
0	0	0	0	0
1	1	0	0	0
2	1	1	0	1
3	1	1	0	0

Página na
moldura 1

	0	1	2	3
0	0	0	0	0
1	1	0	1	1
2	1	0	0	1
3	1	0	0	0

Página na
moldura 0

	0	1	2	3
0	0	1	1	1
1	0	0	1	1
2	0	0	0	1
3	0	0	0	0

Página na
moldura 3

	0	1	2	3
0	0	1	1	0
1	0	0	1	0
2	0	0	0	0
3	1	1	1	0

Página na
moldura 2

	0	1	2	3
0	0	1	0	0
1	0	0	0	0
2	1	1	0	1
3	1	1	0	0

Página na
moldura 3

	0	1	2	3
0	0	1	0	0
1	0	0	0	0
2	1	1	0	0
3	1	1	1	0

Algoritmo LRU – *Least Recently Used*

Simulando em Software ⁽¹⁾

- Problema das abordagens em HW
 - Dependem de um HW especial
 - Procurar uma solução em SW
- Simulando LRU em Software
 - **Algoritmo NFU** - Not Frequently Used
 - Um contador por página na memória
 - A cada tick, o S.O. percorre todas as páginas na memória e soma o bit R (0 ou 1) de cada página ao seu respectivo contador
 - Na ocorrência de *Page Fault*, a página c/ o menor contador é substituída
 - Problema: o algoritmo nunca esquece (reseta) o contador

Algoritmo LRU – *Least Recently Used*

Simulando em Software (2)

■ Algoritmo Aging

- Após cada período/TICK
 - Desloca o contador de 1 bit p/ a direita
 - Soma R ao bit mais significativo do contador
 - Feitas as somas, os bits R de cada página/frame são “zerados”

	Bits R para páginas 0-5 em t0	Bits R para páginas 0-5 em t1	Bits R para páginas 0-5 em t2	Bits R para páginas 0-5 em t3	Bits R para páginas 0-5 em t4
	1 0 1 0 1 1	1 1 0 0 1 0	1 1 0 1 0 1	1 0 0 0 1 0	0 1 1 0 0 0
Página					
0	10000000	11000000	11100000	11110000	01111000
1	00000000	10000000	11000000	01100000	10110000
2	10000000	01000000	00100000	00100000	10001000
3	00000000	00000000	10000000	01000000	00100000
4	10000000	11000000	01100000	10110000	01011000
5	10000000	01000000	10100000	01010000	00101000

Aspectos de Projeto

- Já vimos alguns algoritmos de substituição de páginas...
- Mas para estudarmos um dos mais utilizados, devemos entender alguns **aspectos de projeto** do sistema de paginação!

Políticas de Busca de Páginas de um Processo

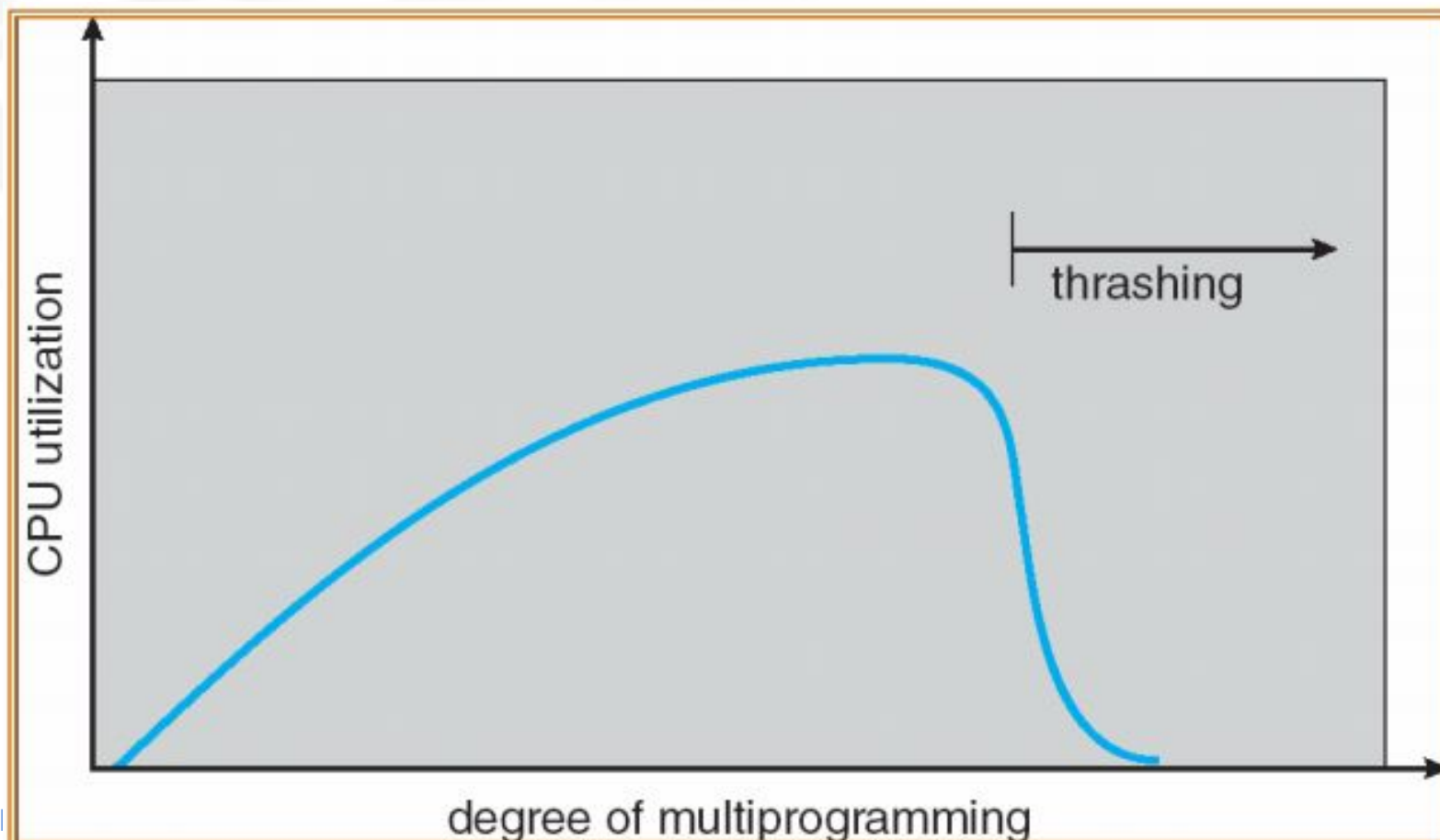
- Determina em que instante uma página deve ser trazida para memória principal
 - O objetivo é minimizar o número de faltas de página
- **Paginação por demanda**
 - No modo mais puro de paginação, os processos são iniciados sem qualquer página na memória
 - Quando a CPU tenta buscar a 1ª instrução, há um *Page fault*, forçando o S.O. a carregar a página na MP
 - À medida que *Page faults* vão ocorrendo, as demais páginas são carregadas
- **Pré-paginação** (normalmente considera o *Working Set*)

Working Set ⁽¹⁾

- O conjunto de páginas que um processo está atualmente usando é denominado **Working Set** (espaço de trabalho)
- Verifica-se que, para intervalos de tempo razoáveis, o espaço de trabalho de um processo mantém-se constante e menor que o seu espaço de endereçamento
- Se todo o *Working Set* está presente na memória, o processo será executado com poucas *Page Fault* até passar para a próxima fase do programa, quando o *Working Set* é atualizado
 - Ex: Compilador de dois passos
- Se vários processos tiverem menos páginas em memória que o seu espaço de trabalho, o sistema pode entrar em colapso (**trashing!!!**)

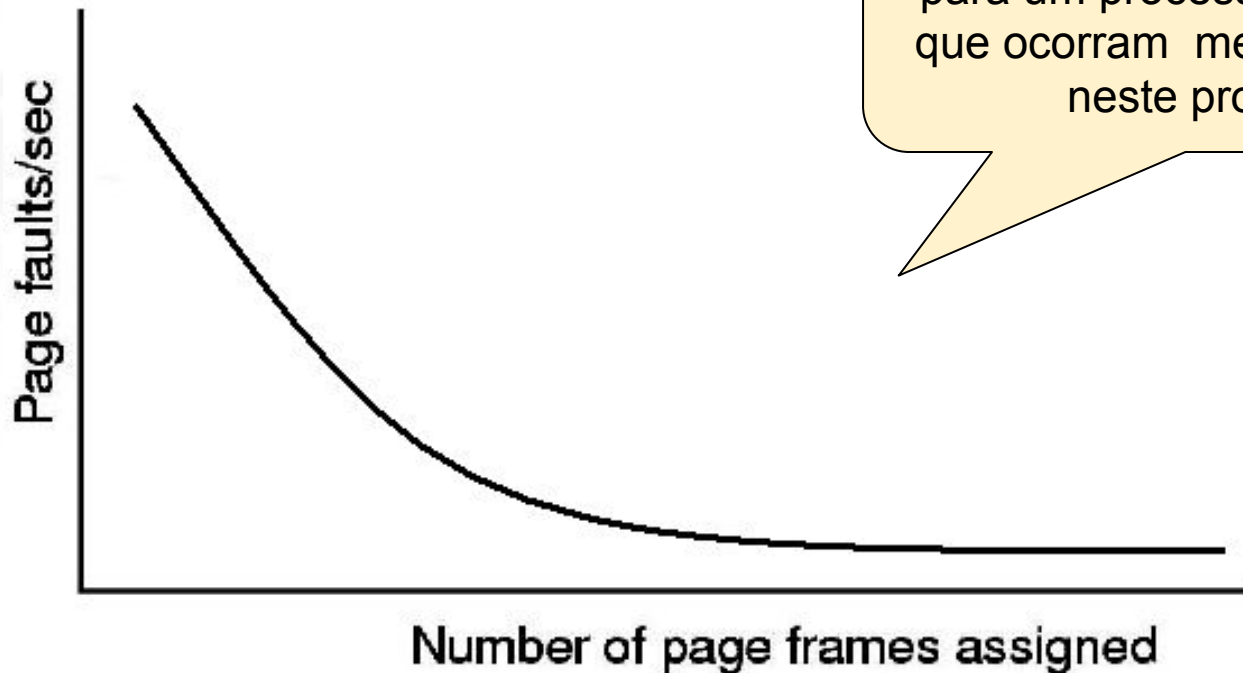
Working Set (2)

- *Trashing!!*



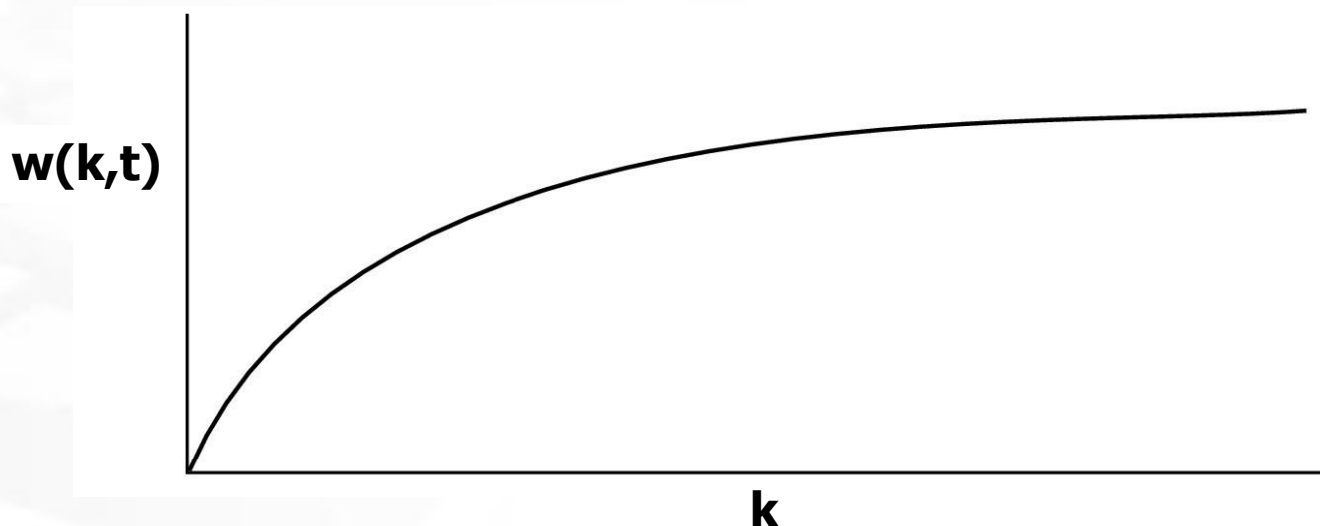
Working Set (3)

- Como prevenir o *Trashing*?



Quanto mais frames alocamos para um processo, a tendência é que ocorram menos Page Faults neste processo....

Definindo o Working Set formalmente... (1)

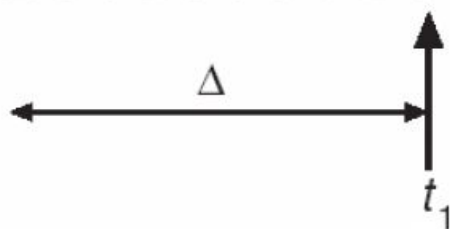


- O *Working Set* = as páginas usadas (referenciadas) pelas k referências mais recentes à memória
 - Ou aquelas usadas nos últimos τ segundos.
- A função $w(k, t)$ [ou $w(\tau, t)$] retorna a quantidade de páginas do Working Set no instante t .

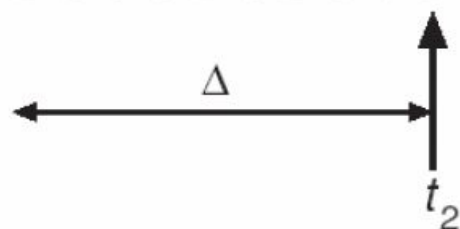
Definindo o Working Set formalmente... (2)

page reference table

... 2 6 1 5 7 7 7 7 5 1 6 2 3 4 1 2 3 4 4 4 3 4 3 4 4 4 4 1 3 2 3 4 4 4 3 4 4 4 ...



$$W(\Delta, t_1) = \{1, 2, 5, 6, 7\}$$



$$W(\Delta, t_2) = \{3, 4\}$$

t_3

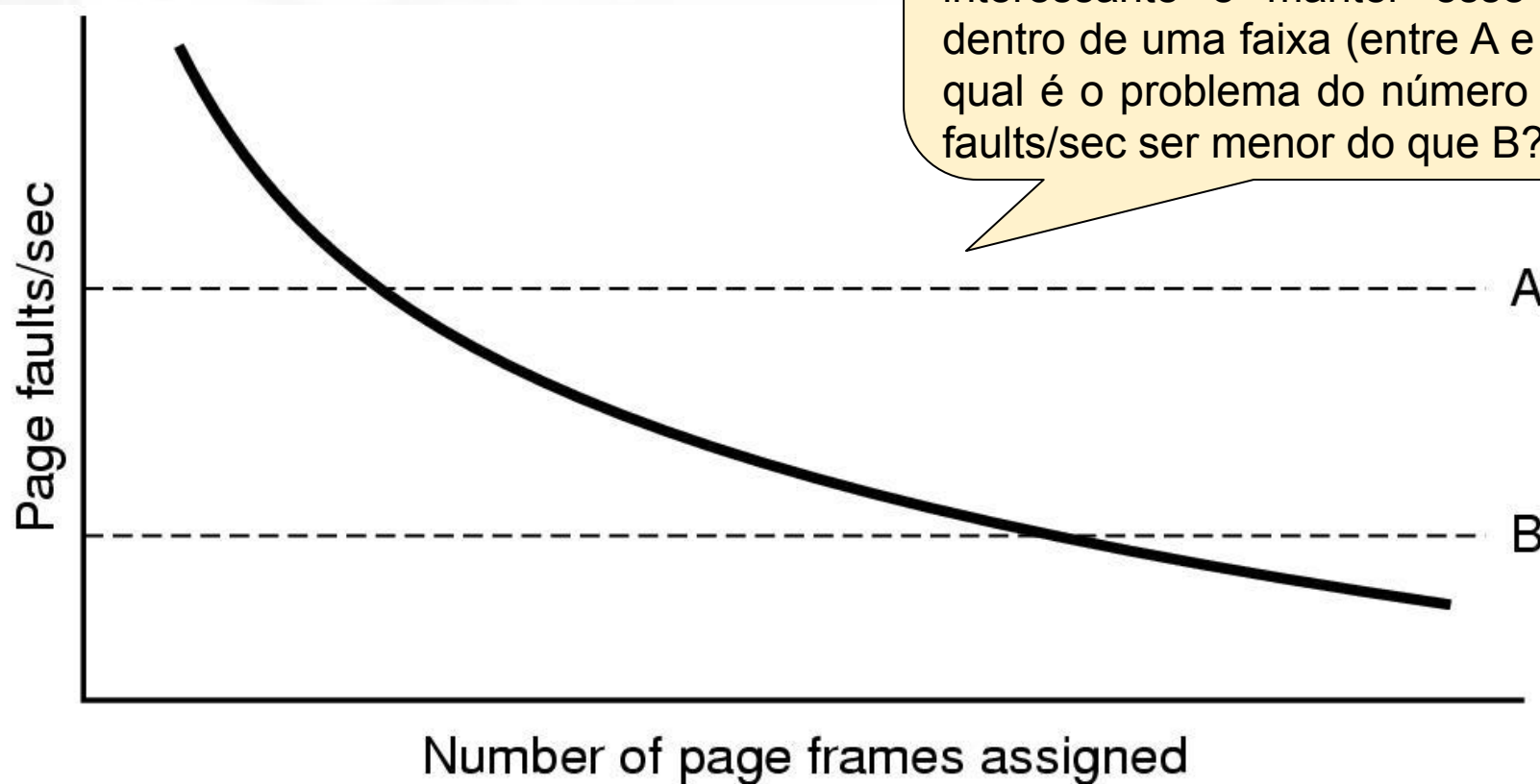
0 4 3 8 50 61

Estratégias de alocação de frames

- Alocação **fixa** de quantidade de frames:
 - cada processo recebe um número fixo de frames
 - em caso de falta de páginas, uma das residentes é trocada
- **Alocação variável:** número de páginas varia durante a execução do processo
 - Utilização de valores máximo e mínimo de dimensão do espaço de trabalho para controlar a paginação
 - Estes valores devem-se adaptar dinamicamente a cada aplicação

Considerando o Working Set usar?

Quando alocamos mais ou menos frames para um processo, podemos observar uma diminuição ou aumento no número de page faults / sec... o interessante é manter esse número dentro de uma faixa (entre A e B). Mas qual é o problema do número de page faults/sec ser menor do que B??



Agora que você sabe o que é o Working Set...

"Políticas de Busca de Páginas de um Processo" (voltando ao slide 2)

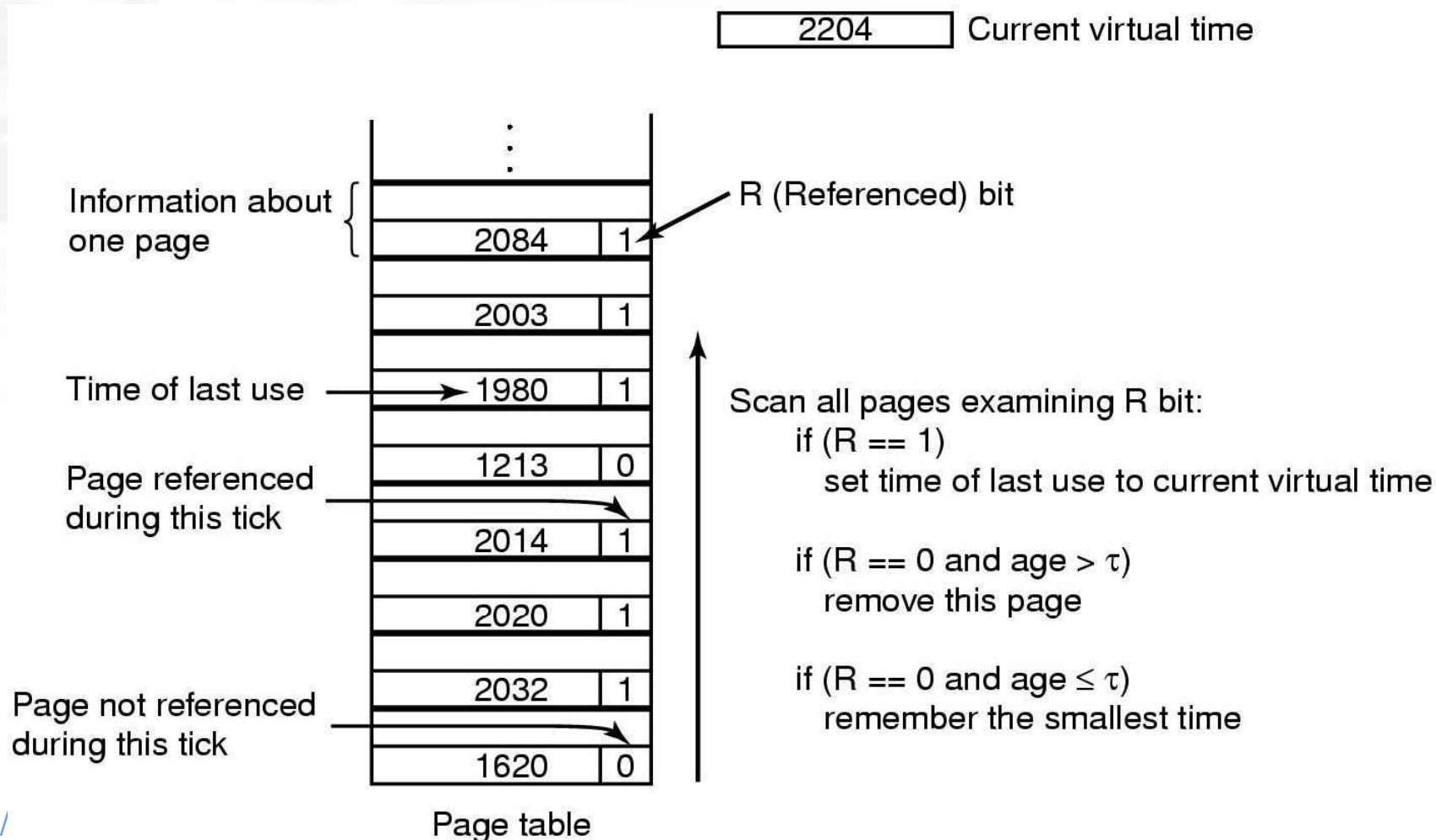
- Nos sistemas time-sharing processos estão constantemente bloqueados, podendo ser "jogados para disco"
- *Swapping*
 - Técnica para resolver problema de processos que aguardam por espaço livre adequado;
 - Processos não ficam mais na memória o tempo todo (são então suspensos).
 - Um processo residente na memória é levado para o disco (**Swapped-Out**), dando lugar a outro;
 - O processo Swapped-Out retorna à memória (**Swapped-In**), sem "perceber" o que ocorreu.
- Se paginação **por demanda**, 20, 50, 100... Page faults cada vez que o processo é re-carregado na MP
 - Processo fica lento, perda de tempo de CPU

Working Set ⁽⁷⁾

■ Pré-paginação

- Carregar em memória as páginas do Working set do processo antes que o mesmo possa continuar sua execução
- Garantimos que ocorrerá menos Page faults quando o processo for executado
- Como monitorar o Working set do processo de modo que ele esteja sempre atualizado?
 - Se a página não foi referenciada nos n *clock ticks* consecutivos, sai do Working set

Um algoritmo de substituição de páginas baseado no Working Set ... uma ideia de implementação:



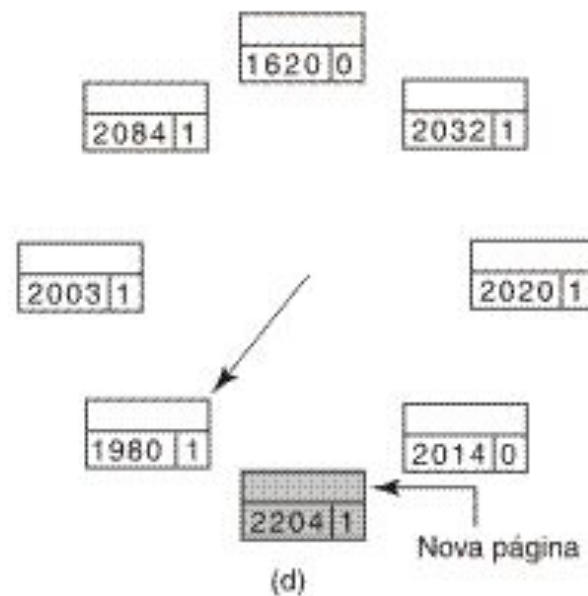
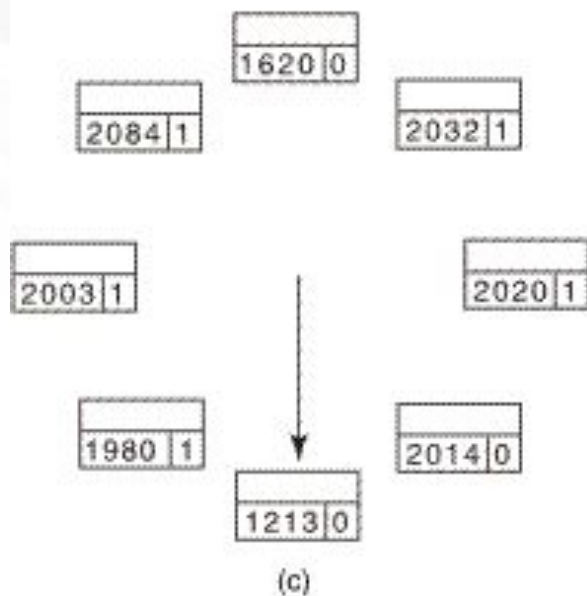
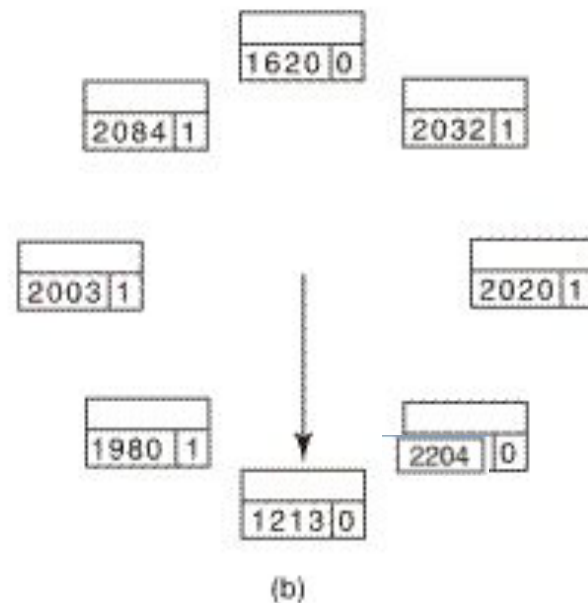
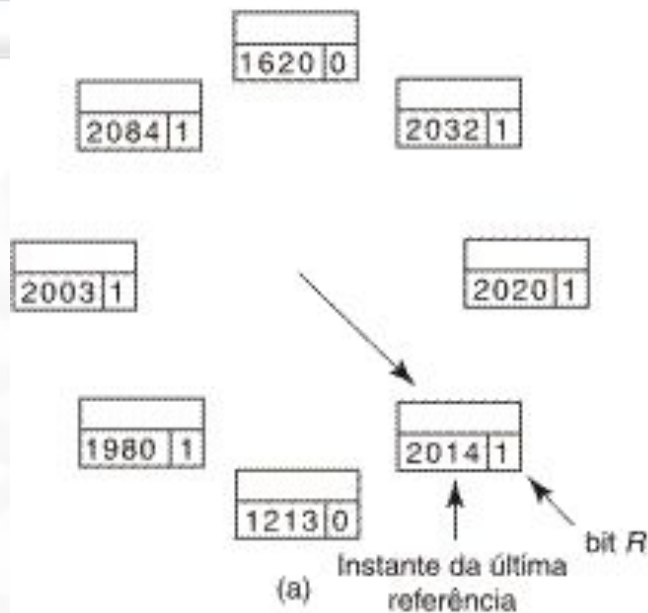
Algoritmo *WSClock* ... uma implementação mais eficiente...

- No *WSClock* (*Working Set Clock*), na troca de páginas só são avaliadas as páginas presentes em uma lista circular
- Cada entrada dessa lista possui os bits R e M, além de um *timestamp* (tempo da última referência)
- À medida que as páginas são carregadas em memória, elas são inseridas na lista circular
- O algoritmo é executado quando precisa-se “liberar” molduras
 - Isto pode ocorrer quando ocorrem page faults no processo em questão ou mesmo em outros processos (política Global de alocação de molduras)
 - Troca-se a primeira página (eventualmente, libera-se mais páginas) a partir da posição do ponteiro na lista que tenha $R=0$ e cuja idade supera T
 - Na verdade, verifica-se se a pag. está limpa (i.e. se ela não foi modificada). Caso ela tenha $M=1$, é escalonada uma escrita dessa pag. no disco e pula-se p/ a próxima página da lista circular.

Algoritmo WSClock

2204
2204

2204 Tempo virtual corrente



Resumo dos Algoritmos

Ótimo	Não é possível(referência)
NRU	Fácil de implementar; Pouco eficiente
FIFO	Pode retirar páginas importantes
Segunda Chance	Melhorias ao FIFO
Relógio	Implementação eficiente do SC; Realista
LRU	Excelente, difícil de implementar (HW)
NFU	Fraca aproximação do LRU
Aging	Eficiente que se aproxima do LRU
Working Set	Difícil de implementar
WSClock	Boa eficiência ³²

Mais Considerações no Projeto de Sistemas de Paginação

- Política de alocação: Local x Global
- Anomalia de Belady
- Controle de Carga
- Tamanho da página
- Espaços de Instruções e Dados Separados
- Páginas compartilhadas

Política de alocação: Local x Global (1)

- O LRU deve considerar as páginas apenas do processo que gerou o Page Fault, ou de todos os processos?

	Age
A0	10
A1	7
A2	5
A3	4
A4	6
A5	3
B0	9
B1	4
B2	6
B3	2
B4	5
B5	6
B6	12
C1	3
C2	5
C3	6

(a)

A0
A1
A2
A3
A4
A6
B0
B1
B2
B3
B4
B5
B6
C1
C2
C3

(b)

A0
A1
A2
A3
A4
A5
B0
B1
B2
A6
B4
B5
B6
C1
C2
C3

(c)

3 Processos
A,B,C

Local

Global

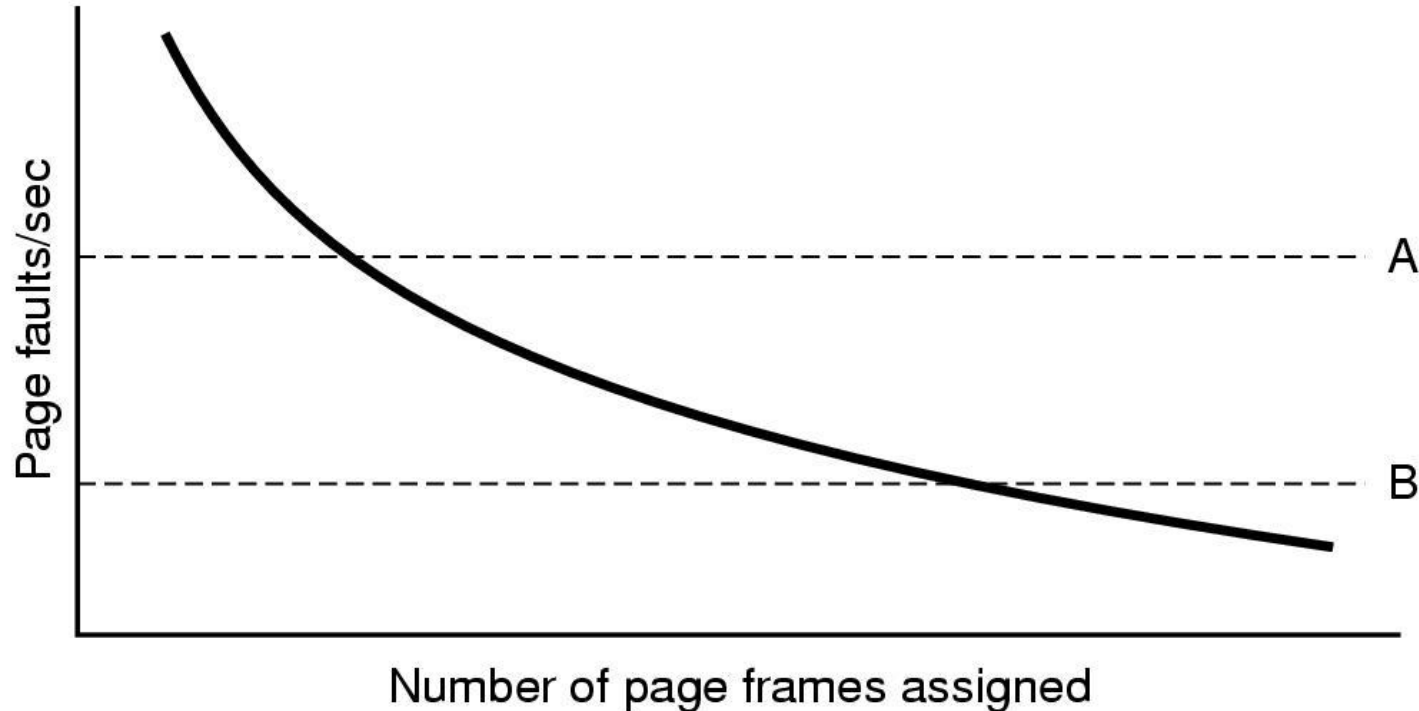
Política de alocação: Local x Global (2)

- Política LOCAL (temos uma "Alocação **fixa** de qde. de fames")
 - Alocam uma fração **fixa** de memória para cada processo
- Política GLOBAL (temos uma "Alocação **variável** de qde. de fames")
 - Alocam molduras de páginas entre os processos em execução
 - O número de molduras alocadas para cada processo varia no tempo
- Working set varia durante a execução de um processo
 - Quando a política é local
 - Há trashing quando o tamanho do WS aumenta
 - Há desperdício quando o tamanho do WS diminui
 - Algoritmos com política global são mais adequados
 - Usa-se os bits de "tempo da ultima referencia" para monitorar o Working Set
 - Não necessariamente evita o trashing -> o Working set pode variar de tamanho em questão de microssegundos (os bits de aging são alterados a cada interrupção de relógio)

Política de alocação: Local x Global (3)

- Outra abordagem determinar periodicamente o número de processos e dividir as molduras entre os mesmo
 - 12.416 molduras ; 10 processos => 1.241 molduras / processo
 - É justo? E se processos têm tamanho diferentes?
- Solução:
 - Alocar para cada processo um número mínimo de páginas proporcional ao tamanho do processo
 - Atualizar a alocação dinamicamente
- Algoritmo de alocação ***Page Fault Frequency (PFF)***
 - Informa quando aumentar ou diminuir a alocação de molduras para um processo
 - Tenta manter a taxa de Page Fault dentro de um intervalo aceitável
 - Usa-se em combinação com algum algoritmo de substituição de página

Política de alocação: Local x Global (4)



- Se maior do que A, taxa muito alta
 - Deve-se alocar mais molduras
- Se menor do que B, taxa muito baixa
 - Algumas molduras podem ser eliminadas

Anomalia de Belady (1)

- Intuitivamente, quanto maior o número de molduras, menor será o número de *Page Faults*
 - Nem sempre isso será verdadeiro!
- Belady et al. descobriram um contra-exemplo para o algoritmo FIFO
 - Suponha que as páginas sejam referenciadas nesta ordem:
0 1 2 3 0 1 4 0 1 2 3 4
 - Qual será o número de Page Faults em um FIFO alocando 3 molduras para o processo? E 4 molduras?
- **Belady et al definiram um modelo (“Modelo de Pilha”) para mostrar se algoritmos apresentam a anomalia**

Anomalia de Belady - Rodando o FIFO

	0	1	2	3	0	1	4	0	1	2	3	4
Página mais nova	0	1	2	3	0	1	4	4	4	2	3	3
		0	1	2	3	0	1	1	1	4	2	2
Página mais velha			0	1	2	3	0	0	0	1	4	4
	P	P	P	P	P	P	P			P	P	

9 Page Faults

	0	1	2	3	0	1	4	0	1	2	3	4
Página mais nova	0	1	2	3	3	3	4	0	1	2	3	4
		0	1	2	2	2	3	4	0	1	2	3
			0	1	1	1	2	3	4	0	1	2
Página mais velha				0	0	0	1	2	3	4	0	1
	P	P	P	P			P	P	P	P	P	P

10 Page Faults

Controle de Carga

- Mesmo com paginação, swaping é ainda necessário
- Determina o número de processos residentes em MP (escalador de médio prazo)
 - Poucos processos, possibilidade de processador vazio;
 - Muitos processos, possibilidade de *trashing*
- Regra dos 50% de utilização do dispositivo de paginação (acionado por *Page fault*)
- Swapping é usado para reduzir demanda potencial por memória, em vez de reivindicar blocos para uso imediato

Tamanho de Páginas ⁽¹⁾

- Página de pequeno tamanho
 - tempo curto para transferência de página entre disco e memória
 - muitas páginas de diferentes programas podem estar residentes em memória
 - menor fragmentação interna
 - exige tabelas de páginas muito grandes, que ocupam espaço em memória
 - mais adequada para instruções
- Página de grande tamanho
 - Tabelas de páginas pequenas
 - Transferência de 64 páginas de 512 B pode ser mais lenta do que a transferência de 4 páginas de 8KB
 - Tempo longo para transferência de uma página entre disco e memória
 - Mais adequada para dados (gráficos exigem páginas muito grandes)

Tamanho de Páginas (2)

■ Custo adicional devido à paginação

- s : tamanho médio dos processos
- p : tamanho da página em bytes
- e : tamanho de cada entrada da tabela de páginas

$s \cdot e$ -> tamanho aproximado da tabela de páginas

p

$\frac{p}{2}$ -> memória desperdiçada na última página do processo

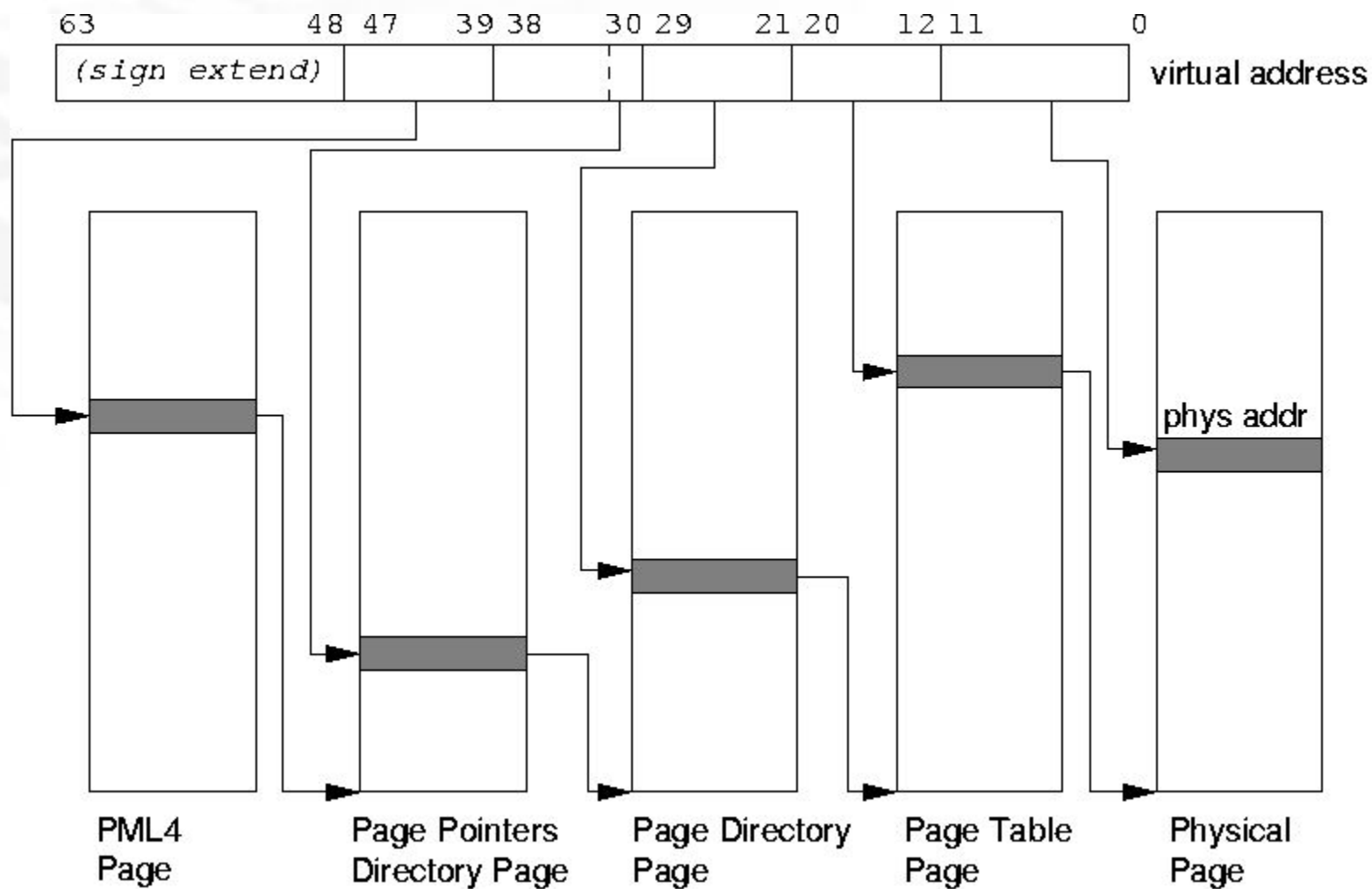
$$\text{custo adicional} = \frac{s \cdot e}{p} + \frac{p}{2}$$

Derivando em relação a p : o tamanho ótimo será: $p = \sqrt{2 \cdot s \cdot e}$

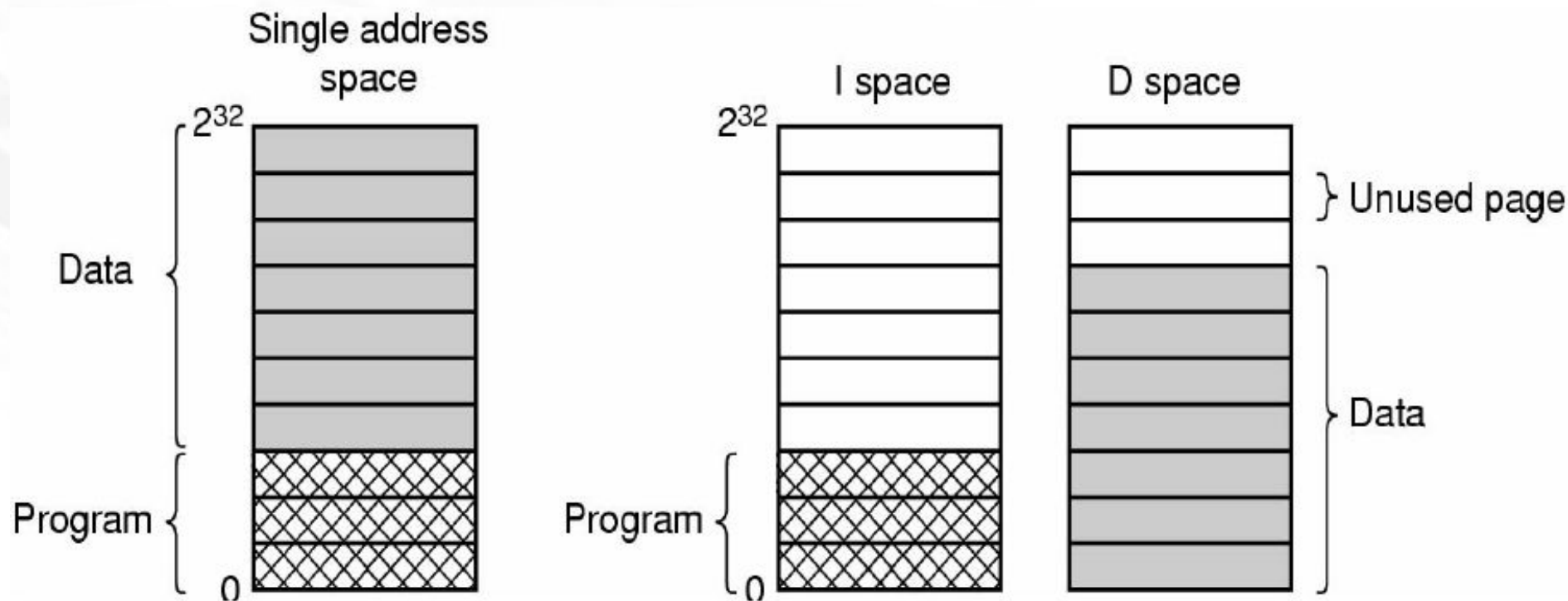
Tamanho de Páginas ⁽³⁾

- Solução de compromisso: permitir páginas de tamanhos diversos para código e dados
- Tamanhos de páginas variam muito, de 64 bytes a 4 Mbytes
 - Pentium (... x86) permite selecionar página de 4 K ou 4 Mbytes
 - Motorola MC88200
 - páginas de 4 Kbytes para programas de usuário
 - páginas de 512 Kbytes para programas do sistema, que devem residir sempre em memória
- **Máquinas de 64 bits: páginas de 4kb, 2Mb and 1Gb**
- **ARM: 4kb, 64kb, e 1Mb**

Tamanho de Páginas (4)



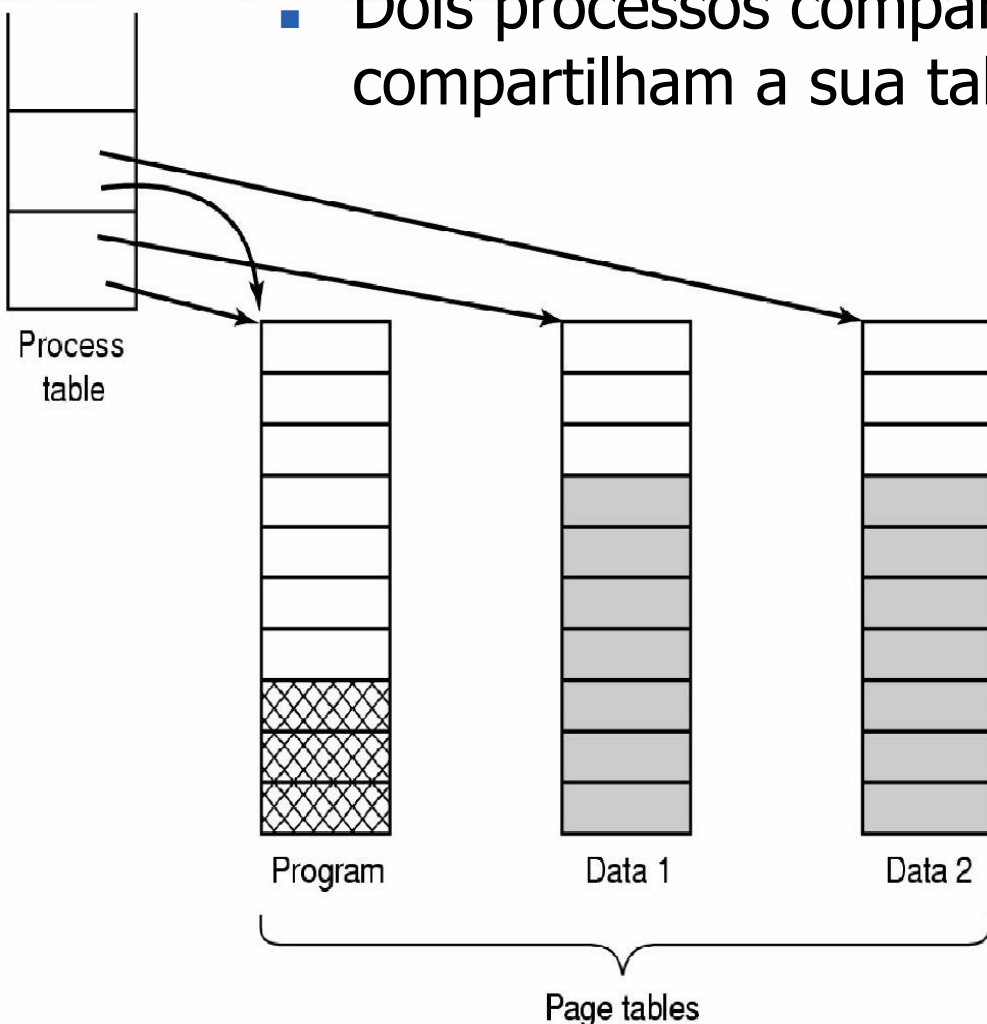
Espaços de Instruções e Dados Separados



- Duplica o espaço de endereçamento disponível
- Uma tabela de páginas para cada espaço de endereçamento

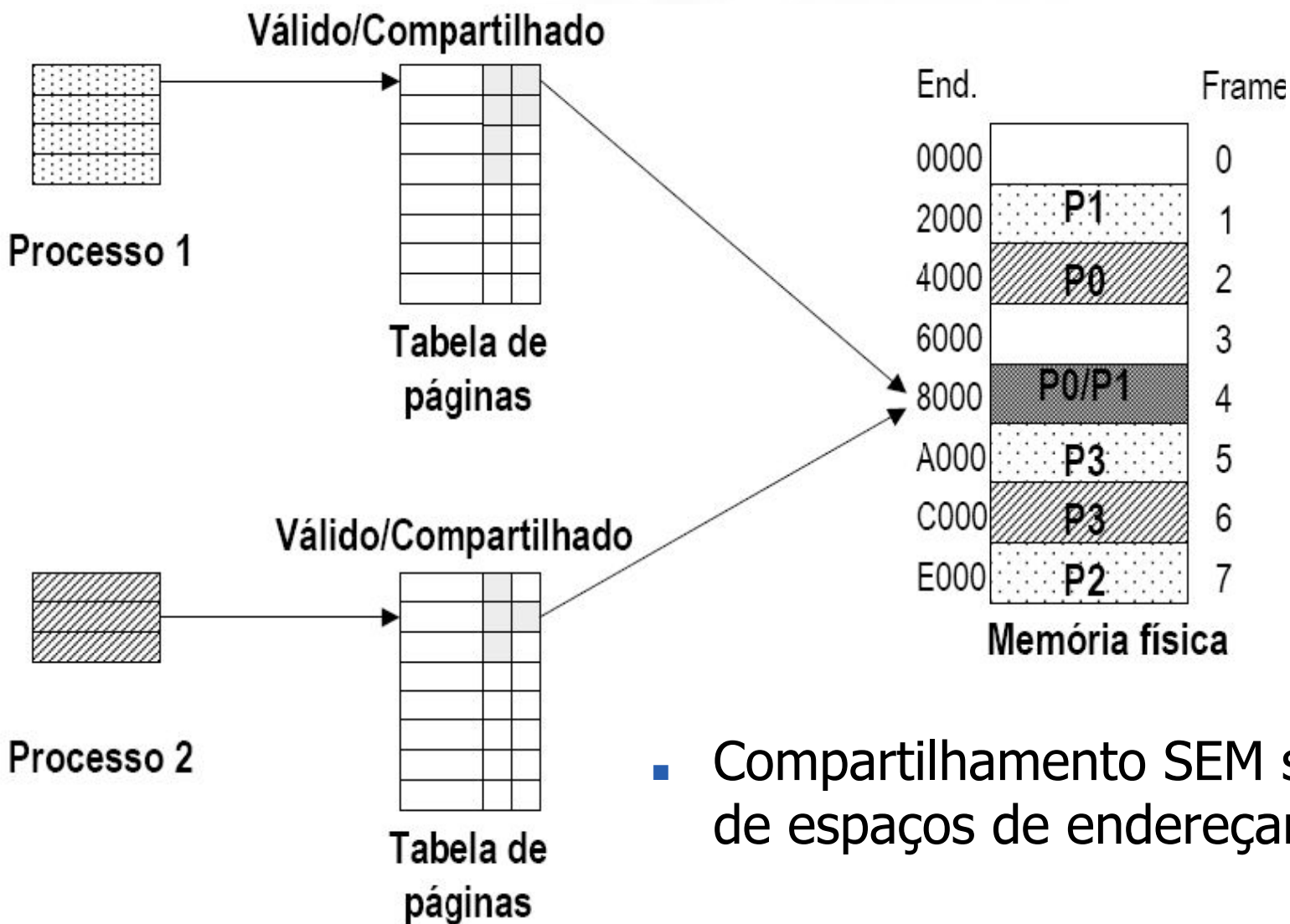
Páginas Compartilhadas (1)

- Dois processos compartilhando o mesmo programa, compartilham a sua tabela de páginas



- Mesmo não havendo dois espaços de endereçamento (Código e Dado) é possível compartilhar páginas, mas o mecanismo não é tão direto
- Usando tabelas invertidas o mecanismo é mais complicado ainda...

Páginas Compartilhadas (2)



- Compartilhamento SEM separação de espaços de endereçamento

Páginas Compartilhadas (3)

■ Código Reentrante

- Código que não modifica a si próprio, ou seja, ele nunca é modificado durante a execução
- Dois ou mais processos podem executar o mesmo código "simultaneamente"
- Exemplo:
 - Editor de texto com código reentrante de **150 K** e área de dados de **50 K**
 - **40** usuários utilizando o editor em um ambiente de tempo compartilhado, seriam necessários **$200 \text{ K} \times 40 = 8000 \text{ K}$**
 - Se o código executável for compartilhado, serão consumidos apenas **$(50 \text{ K} \times 40) + 150 \text{ K} = 2150 \text{ K}$**