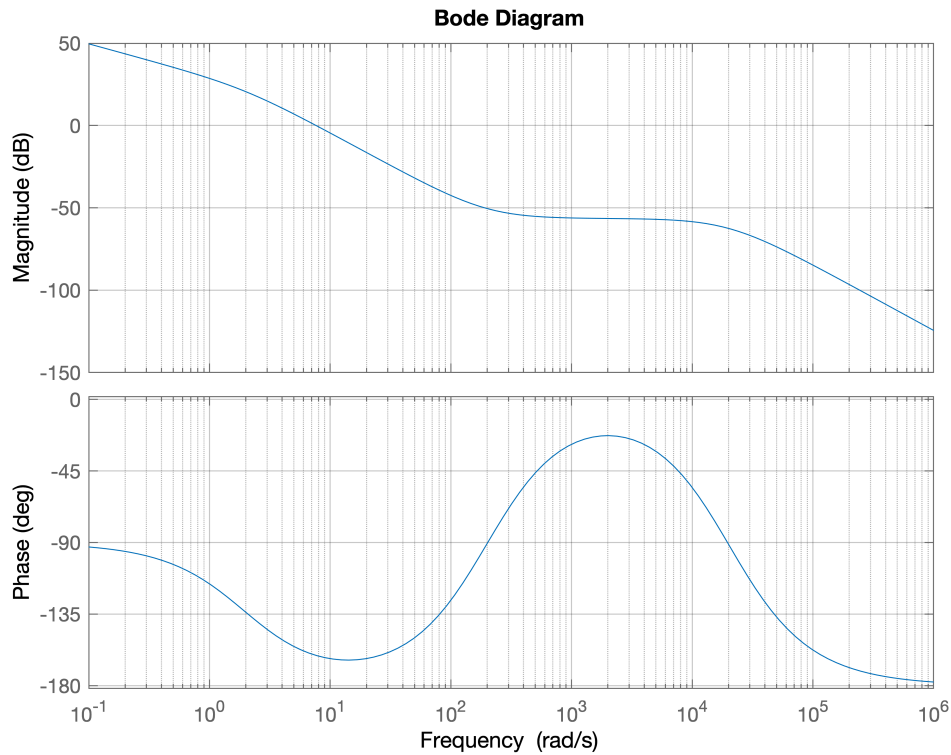


Prova 2 de SR

Questão 1: Seja o gráfico de Bode de $G(s)$ mostrado abaixo.

```
figure;  
bode(g1);grid;
```



a) Qual foi a FT geradora?

```
pole(g1)
```

```
ans = 4×1  
104 ×  
0  
-2.0000  
-2.0000  
-0.0002
```

```
zero(g1)
```

```
ans = 2×1  
-200.0000  
-200.0000
```

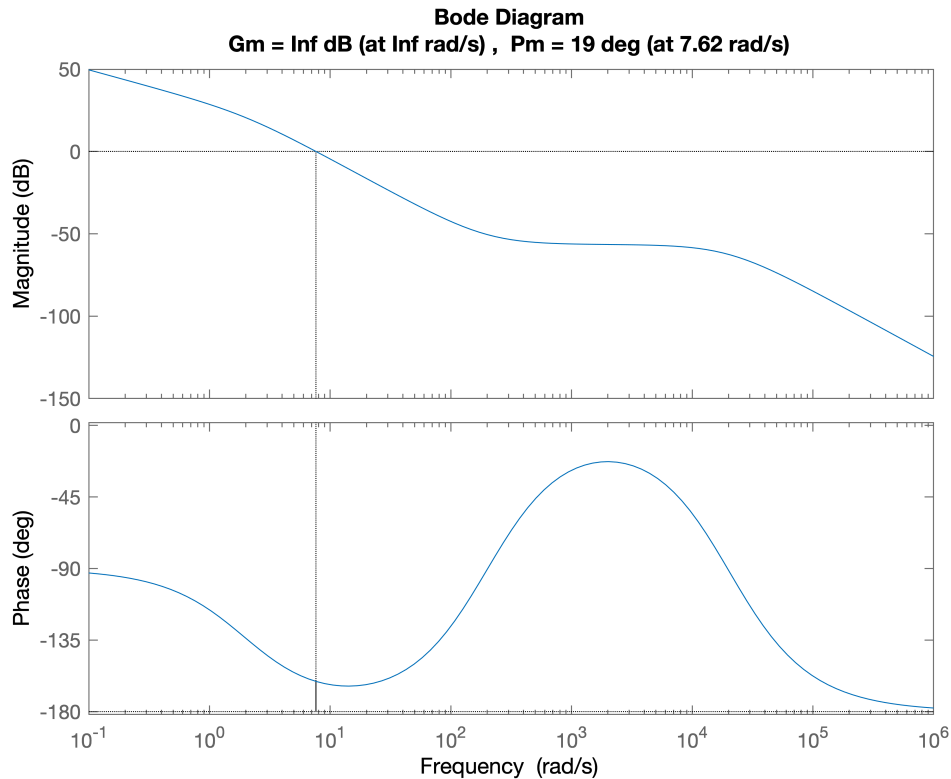
```
K=5.9941e+05
```

```
K = 599410
```

O ganho K é calculado na frequência 0.1rad/s, na qual apenas o polo na origem contribui com o módulo em 20dB.

b) Mostre no gráfico e informe aproximadamente os valores de margem de ganho e de fase

```
figure;margin(g1)
```



c) Obtenha o ganho a partir do qual este sistema se torna instável?

Como a margem de ganho em infinita, o sistema é estável para qualquer $K > 0$

d) Para que faixa de frequência o ganho é pouco afetado pela variação da frequência?

De 500 rad/s a 10.000rad/s o módulo quase não muda no gráfico de Bode.

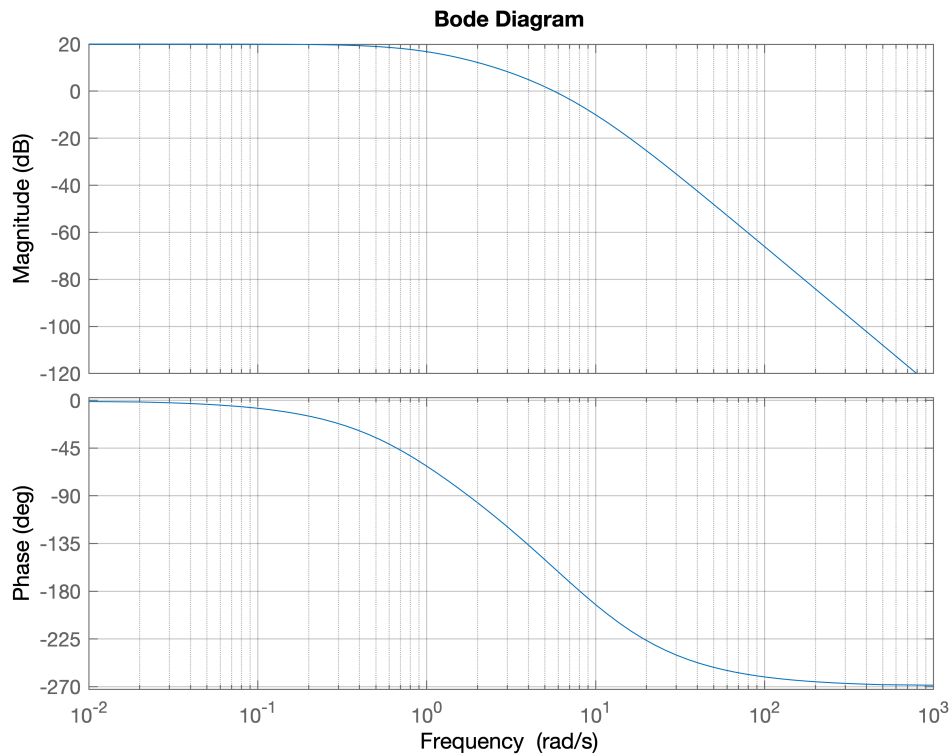
e) Obtenha o atraso de tempo a partir do qual este sistema se torna instável.

Como a margem de fase é 19 graus em $\omega = 7.62 \text{ rad/s}$, para estabilidade, o atraso d deve satisfazer

$7.62d(180/\pi) < 19$ graus, ou seja, $d < 0.0435$ segundos.

Questão 2) Seja o gráfico de Bode de $G(s) = \frac{500}{s^3 + 16s^2 + 65s + 50}$ mostrado abaixo. Projete um controlador que atenda as seguintes especificações: erro em regime ao degrau $< 2\%$ e margem de fase $\geq 45^\circ$.

```
figure;
g=tf(500,[1 16 65 50]);
bode(g);grid;
```



Solução: O erro em regime é dado por $e = \frac{1}{1 + KG(0)} = \frac{1}{1 + 10K}$. Logo, um ganho $K > 5$ atende a condição de erro em regime, caso não se use o PI.

Projeto do PI: atende erro em regime e precisa reduzir a curva de módulo em 6dB no gráfico de Bode de $G(s)$, próximo a $\omega = 3$ rad/s.

$$K_p = 10^{(-6/20)}$$

$$K_p = 0.5012$$

$$K_i = K_p \cdot 3/10$$

$$K_i = 0.1504$$

$$c = \text{tf}([K_p \ K_i], [1 \ 0])$$

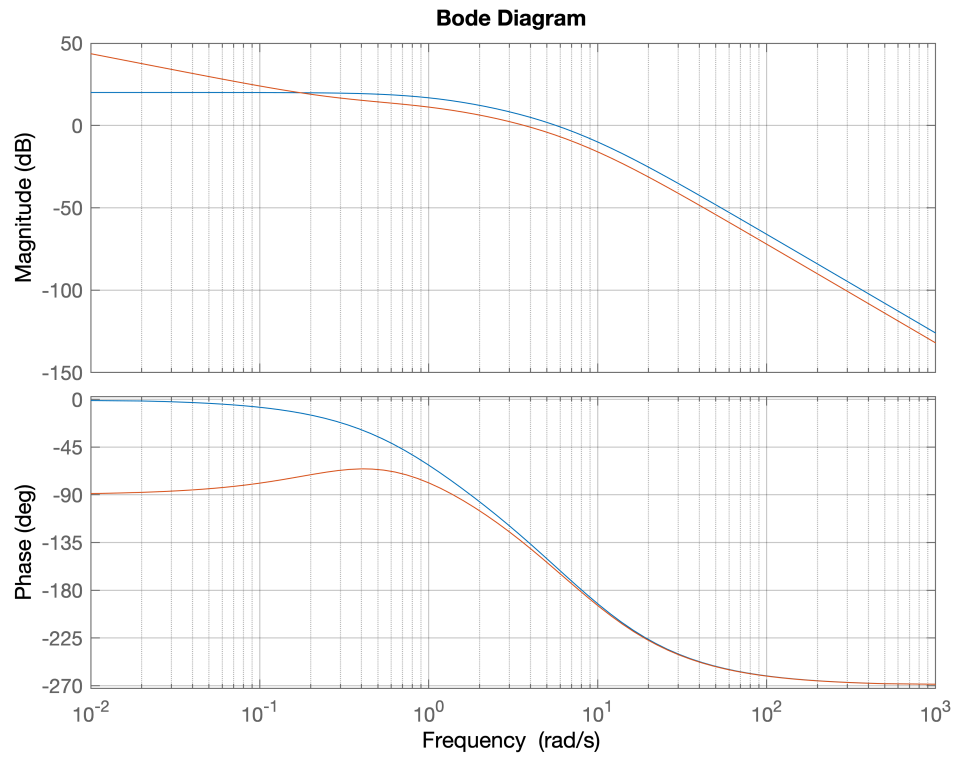
$$c =$$

$$0.5012 \ s + 0.1504$$

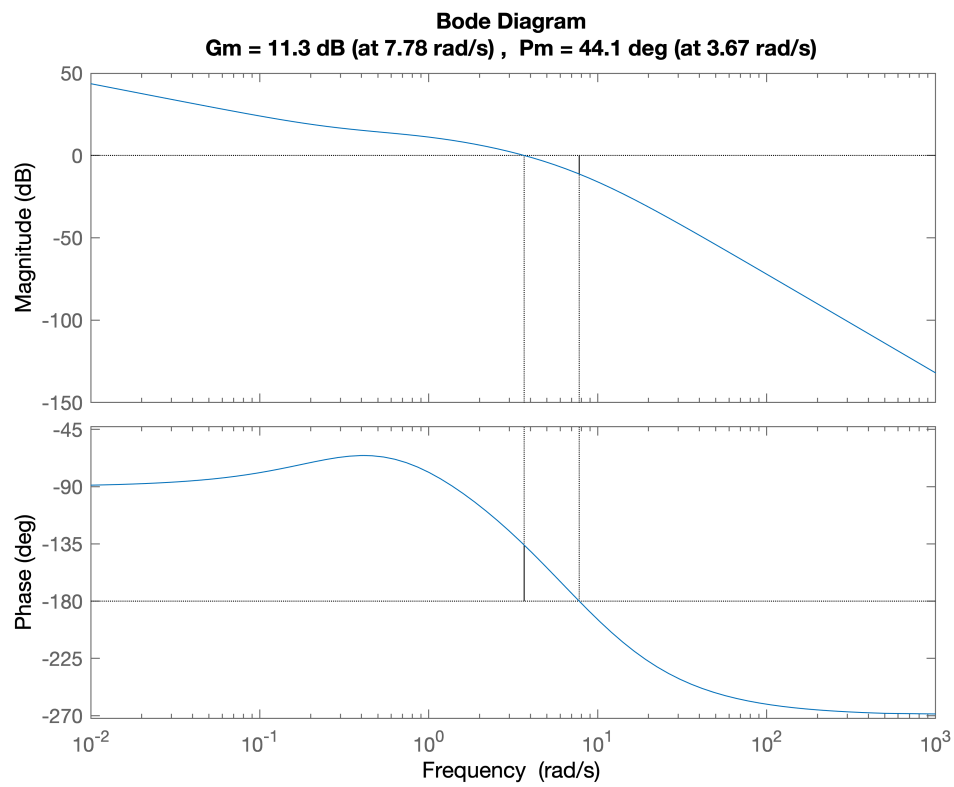
s

Continuous-time transfer function.

```
figure;  
bode(g,c*g);grid;
```

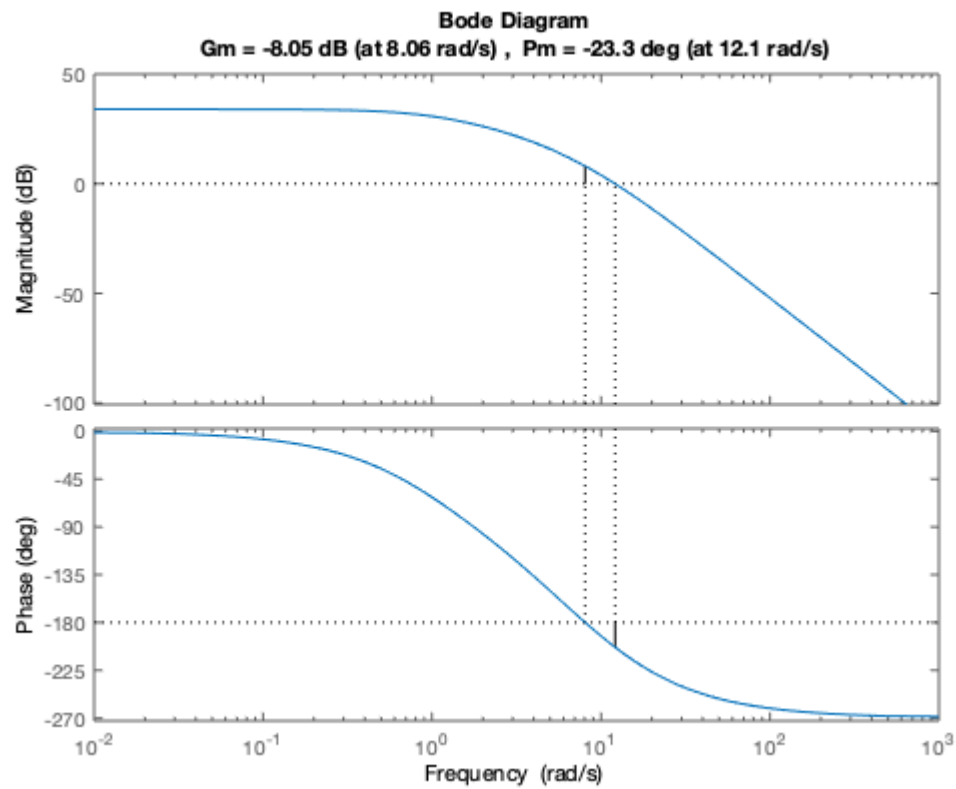


```
figure;  
margin(c*g)
```



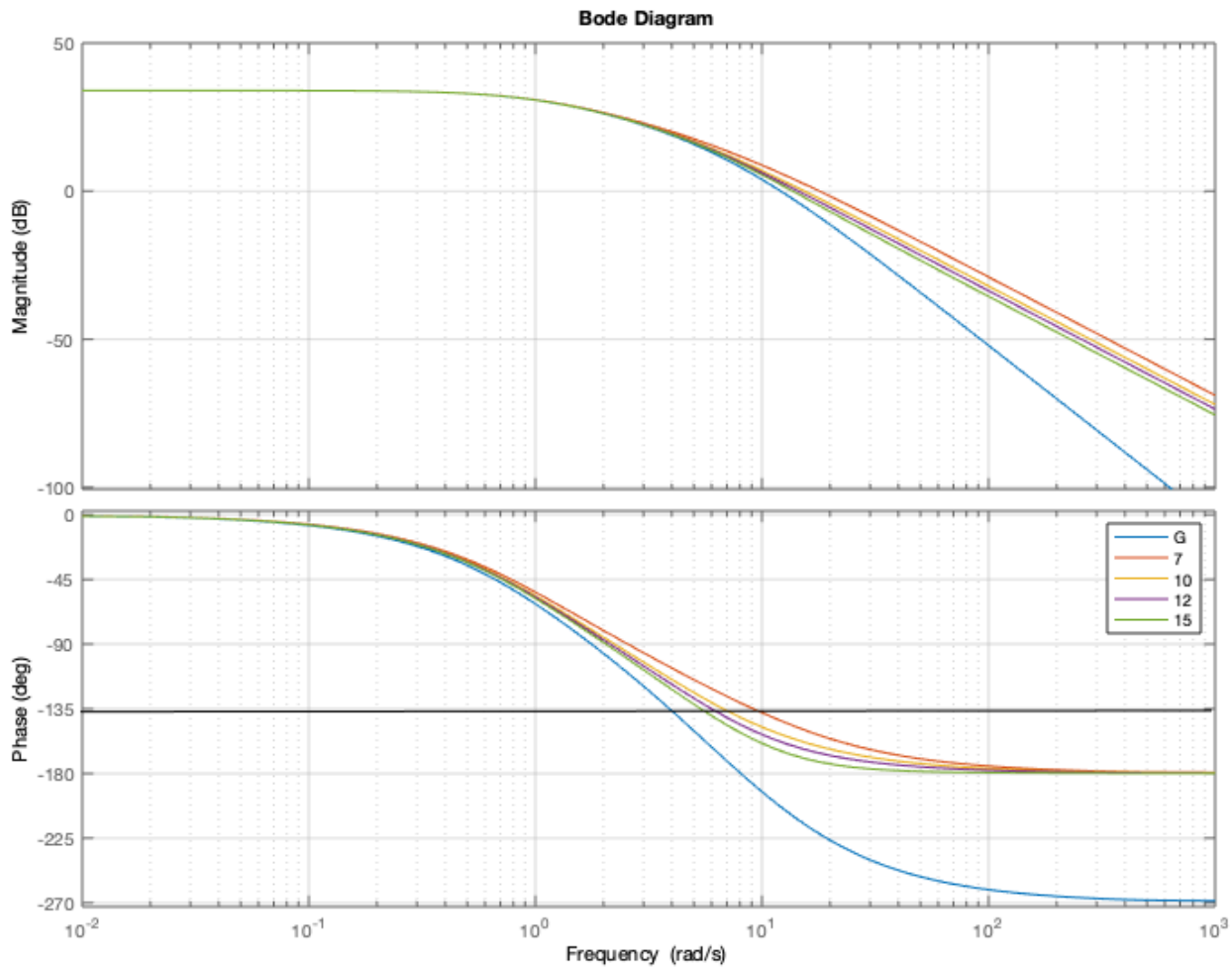
Projeto do PD: não atende, pois o gráfico de Bode com ganho 5, para atender erro em regime, fica conforme abaixo, com MF=-23, em torno de $\omega=12\text{rad/s}$

```
g1=5*g;  
figure;  
margin(g1)
```



O gráfico de Bode abaixo mostra várias tentativas de alocar o zero do PD, todas com margem de fase baixa, pois a curva de módulo sobe um pouco e diminui a MF.

Isso fica claro quando se observa a margem de fase de -23 graus com o ganho $K=5$.



Projeto do avanço: Também não funciona pois é preciso adicionar muita fase o que faz a curva de modo subir inviabilizando o projeto.

É preciso adicionar 70 graus para obter os 45 graus desejados. Com isto

$$a = (1 + \sin(70)) / (1 - \sin(70))$$

$$a = 32.1634$$

O módulo adicionado é

$$10 \cdot \log_{10}(a)$$

$$\text{ans} = 15.0736$$

que vai elevar a curva de módulo e inviabilizar o projeto. (ver gráfico de Bode)

Projeto do atraso de fase: Neste caso, a margem de fase é atendida, sendo necessário reduzir o módulo em -20dB ($20 \log_{10}(a)$) em torno de 3rad/s

$$\omega_g = 3$$

```
wg = 3
```

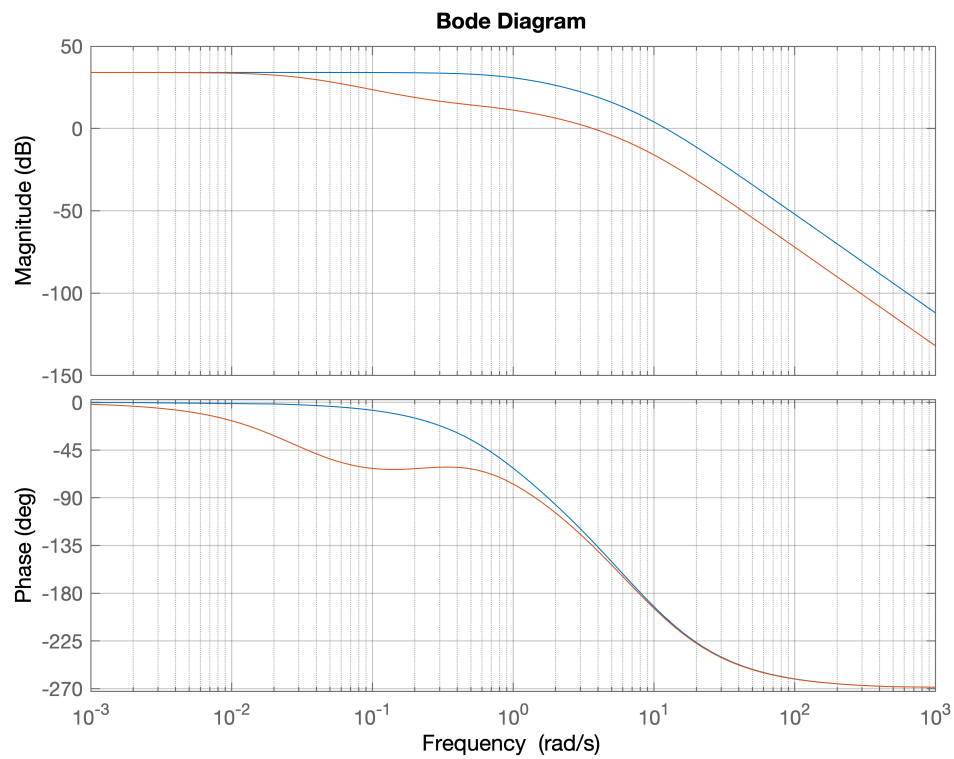
```
a=10^(-20/20)
```

```
a = 0.1000
```

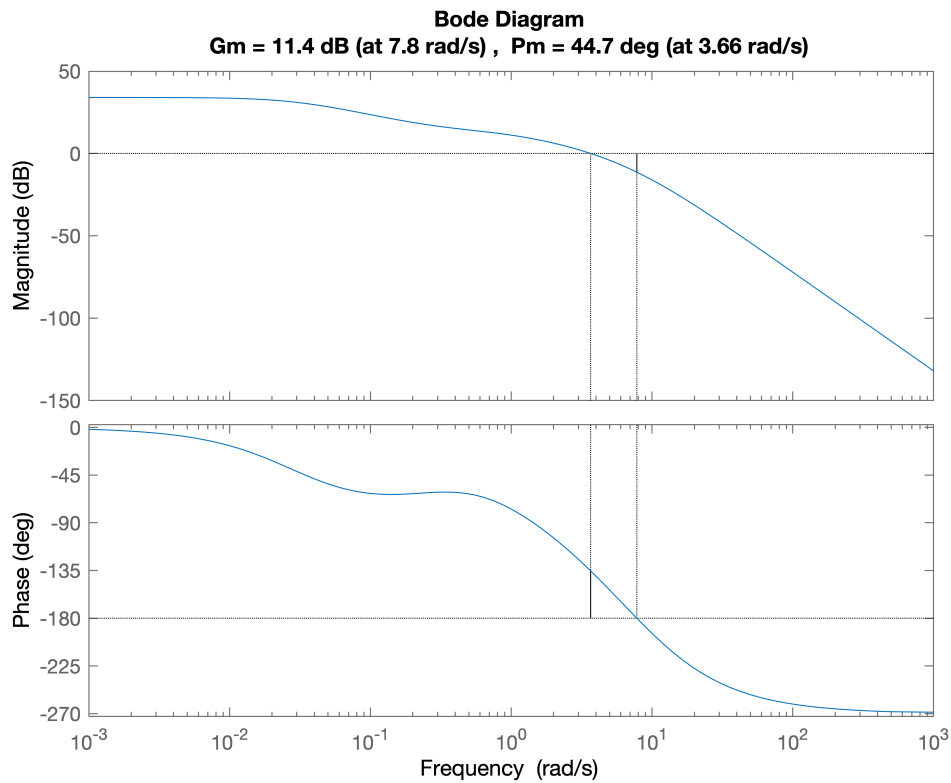
```
T=10/(a*wg);  
c=5*tf([a*T 1],[T 1]);  
20*log10(a)
```

```
ans = -20
```

```
figure;  
bode(5*g,c*g);grid
```



```
figure;margin(c*g);
```

Questão 3) Para o sistema com a FTMA e diagrama de Nyquist desenhado abaixo para $K=1$, mostre qual a faixa de valores de K para o qual o sistema é estável, $G(s)H(s) = \frac{K(3-2s)}{s^2+s+1}$

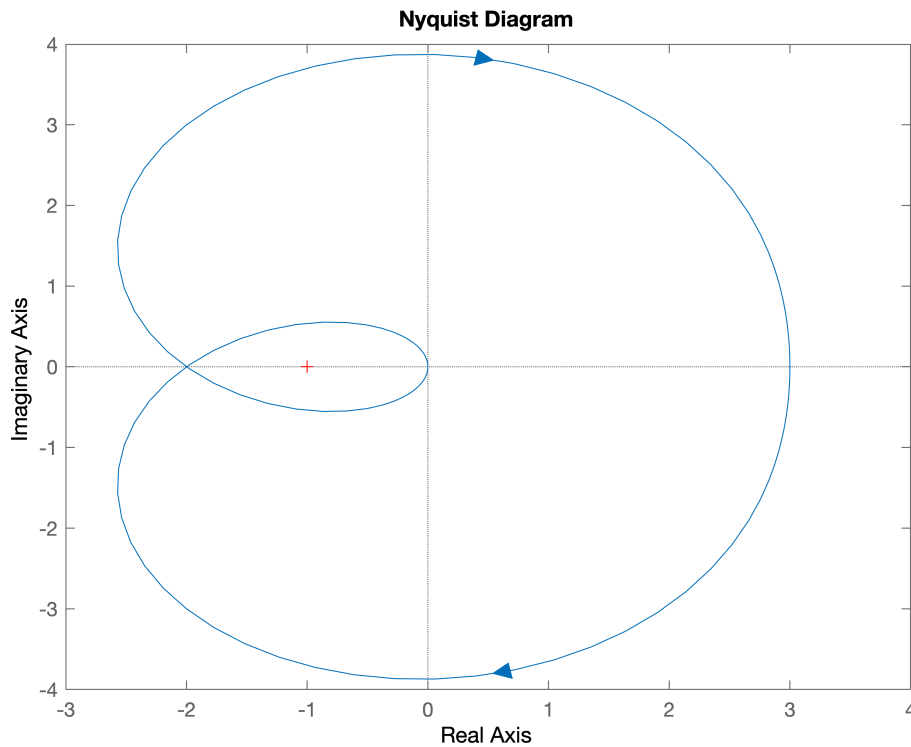
```
g=tf([-2 3],[1 1 1])
```

g =

$$\frac{-2s + 3}{s^2 + s + 1}$$

Continuous-time transfer function.

```
figure;nyquist(g)
```



Solução:

Pelo critério de Nyquist, o sistema é estável se na equação

$$\phi = (Z_d - P_\omega/2 - P_D)180^\circ$$

o número de polos de malha fechada no semiplano direito, dado por Z_d , for igual a zero.

Como $G(s)H(s)$ não tem polos sobre o eixo $j\omega$, $P_\omega = 0$.

Como $G(s)H(s)$ não tem polos no semiplano direito, $P_d = 0$.

Logo, para que o sistema seja estável ($Z_d = 0$) o ângulo ϕ deve ser igual a zero.

No gráfico polar, vemos que em $\omega = 0$, $G(s)H(s) = 3$.

Quando $\omega \rightarrow \infty$, $G(s)H(s)$ tende a zero.

Se o ponto -1 não for envolvido por este gráfico, teremos $\phi = 0$ graus.

Como o gráfico de $G(s)H(s)$ cruza o eixo real no ponto -2, basta que o ganho K seja escolhido de modo que $2K < 1$, ou seja, $K < 0.5$.

