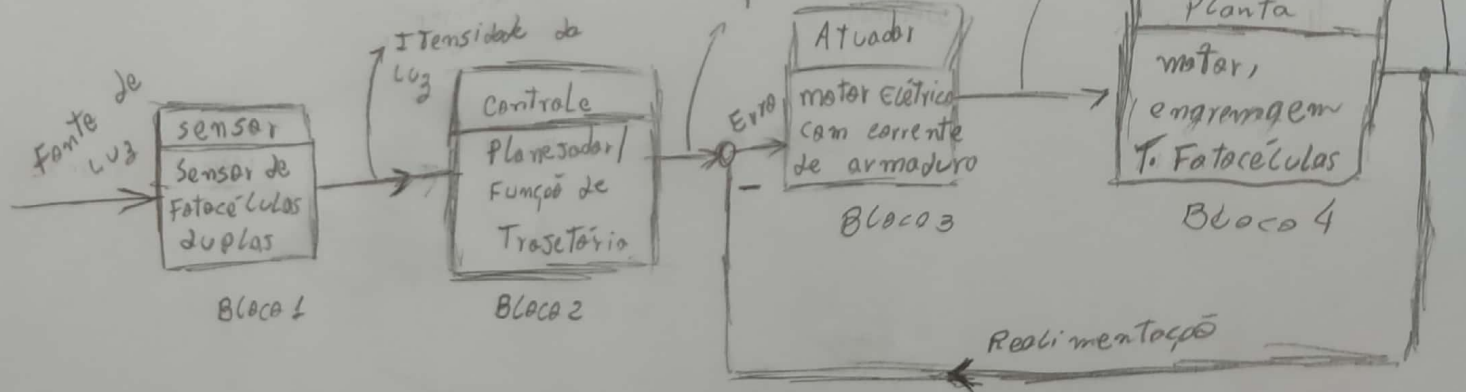


Questão 1

1.1. Falta algo para mensurar de alguma forma a fonte de luz (Sensor) algo para controlar a intensidade da luz com a Trajetória planejada (controlador) \rightarrow Bloco 1 e Bloco 2

1.2 sistema de controle de busca de luz para rastrear o sol

- * Controlador: Planejador / Função de Trajetória
- * Processo / planta: motor / engrenagem / Transporte dos Fotocélulas
- * Sensor: sensor de fotocélulas duplas
- * Sinal de referência: Posição do carro de Fotocélula (saída)
- * Atuador: Motor Elétrico com corrente de armadura
- * Sinal de realimentação: posição real de fotocélula



* Distúrbio: Falha no controle de trajetória, Vibrações indesejadas no movimento das engrenagens, distúrbios externos (Temperatura, Humidade...).

- * Variável manipulada: Fonte de Luz
- * Variável de controle: posição do carro de Fotocélula
- * Variável controlada: posição real

2-1

$$r_a = \frac{1}{9}, \quad L_a = \frac{1}{2}, \quad N = 2$$

$$\beta = f_m = 1$$

$$\frac{d \omega_m}{dt} = \frac{d \dot{\theta}_m}{dt} = \frac{N \dot{\theta}_m}{dt} \quad \left\{ \begin{array}{l} J_{\text{fotocélula}} = \frac{a}{b} = \frac{q}{2} = 45 \end{array} \right.$$

$K_a \cdot d$

$$\bullet e_a(t) = r_a x_1 + L_a \dot{x}_1 + K_b \cdot N x_2 \Rightarrow e_a = \frac{1}{9} x_1 + \frac{1}{2} \dot{x}_1 + x_2 = \frac{2}{9} \cdot \omega(t)$$

$$\bullet K_i x_1 = J_m \cdot N \dot{x}_2 + \beta N x_2 + T_c \Rightarrow K_i x_1 = 2 \dot{x}_2 + 2 x_2 + T_c$$

$$\Rightarrow T_c = \frac{J_{\text{fotocélula}}}{N} \cdot \dot{x}_2$$

$$\frac{8+9}{4} = \frac{17}{4}$$

substituindo

$$K_i x_1 = 2 \dot{x}_2 + 2 x_2 + \frac{q}{4} \cdot \dot{x}_2 (2)$$

$$\dot{x}_2 \left(2 + \frac{q}{4} \right) = K_i x_1 - 2 x_2$$

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = -\frac{2}{9} x_1 - 2 x_2 + \frac{4}{9} \omega(t) & (1) \\ \dot{x}_2 = \frac{4 K_i}{17} x_1 - \frac{8}{17} x_2 & (2) \\ \ddot{x}_3 = x_2 & (3) \end{cases}$$

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \ddot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2/9 & -2 & 0 \\ 4 K_i / 17 & -8/17 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 4/9 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \omega \quad ; \quad y = [0 \ 0 \ 1] x_3$$

2.2

$$\begin{cases} K_a \omega(s) = r_a I_a(s) + L_a \cdot s I_a(s) + K_b \cdot N \cdot \dot{\theta}_0(s) \\ \omega(s) = \frac{r_a}{K_a} \cdot I_a(s) + \frac{L_a}{K_a} s \cdot I_a(s) + \frac{K_b \cdot N}{K_a} \dot{\theta}_0(s) \end{cases}$$

$$\Rightarrow I_a = \left[\frac{L_a \cdot s}{K_a} + \frac{r_a}{K_a} \right] \omega(s) - \frac{K_b \cdot N}{K_a} \cdot \dot{\theta}_0(s)$$

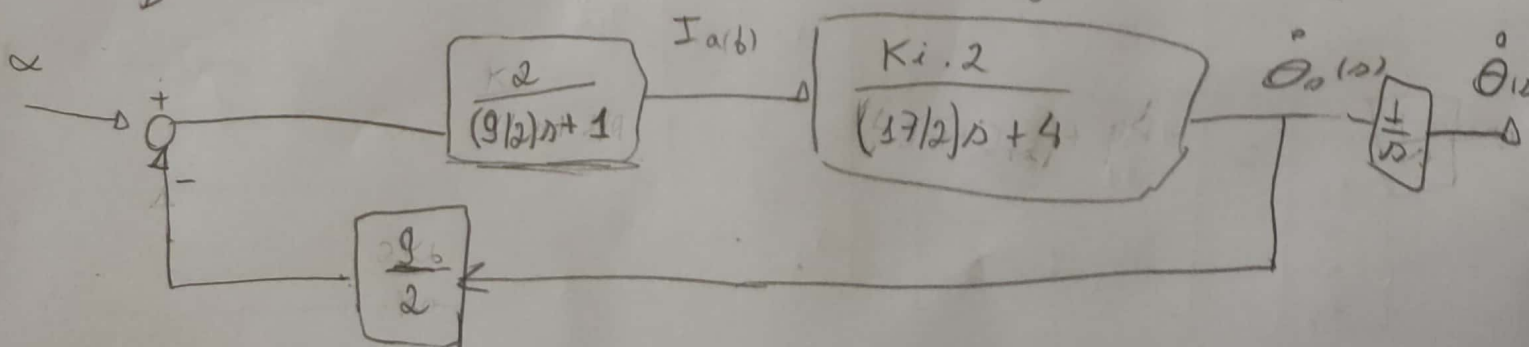
$$\begin{cases} K_i I_a(s) = J_m N \cdot s \cdot \dot{\theta}_0(s) + \beta N \dot{\theta}_0(s) + \frac{J_{ff}}{N} \cdot \dot{\theta}_0(s) \cdot s \end{cases}$$

$$I_a(s) \cdot K_i \left[\frac{2}{(4J_m + J_{ff})s + \beta 4} \right] = \dot{\theta}_0(s)$$

Resposta

$$\frac{\theta_0(s)}{K_i} \left[\left(J_m 2 + \frac{J_{ff}}{2} \right) s + \beta 2 \right] = I_a(s)$$

$$\left(J_m 2 + \frac{J_{ff}}{2} \right) s + \beta 2 = \frac{(4J_m + J_{ff}) + \beta 4}{2}$$



Questão 3.

$$\Delta = -1(L_1 + L_2 + L_3) + (L_1 L_2) + (L_1 L_3)$$

$\frac{Y_1}{R_1}$ com $R_2 = 0$
2 caminhos diretos

Loops

- $L_1 = -G_3 \cdot H_1$
- $L_2 = G_7 \cdot G_5 \cdot G_8$
- $L_3 = -G_5 \cdot H_2$

$$\left. \begin{array}{l} L_1 \cdot L_2 = \\ L_1 \cdot L_3 = \end{array} \right\} \begin{array}{l} \Delta_1 = 1 - L_3 \\ \Delta_2 = 1 \end{array}$$

- $P_1 = G_1 \cdot G_2 \cdot G_3$
- $P_2 = G_1 \cdot G_7 \cdot G_5 \cdot G_9 \cdot G_3$

$$T(n) = \frac{Y_1(n)}{R_2(n)} = \frac{P \cdot \Delta_K}{\Delta} = \frac{P_1 \cdot \Delta_1 + P_2 \cdot \Delta_2}{1 - [L_1 + L_2 + L_3] + [L_1 L_2] + [L_1 L_3]} \left\} \frac{P \cdot \Delta_K}{\Delta}$$

$\frac{Y_2}{R_2}$ com $R_1 = 0$

Loops

- $L_1 = -G_5 \cdot H_2$
- $L_2 = G_5 \cdot G_8 \cdot G_3$
- $L_3 = -G_3 \cdot H_1$

$$\left. \begin{array}{l} L_1 \cdot L_2 = \\ L_1 \cdot L_3 = \end{array} \right\} \Delta_K = 1 - L_3$$

- $P = G_4 \cdot G_5 \cdot G_6$

$$\frac{Y_2(n)}{R_2(n)} = \frac{P \Delta_K}{\Delta} = \frac{P \Delta_K}{1 - [L_1 + L_2 + L_3] + [L_1 L_2] + [L_1 L_3]} \left\} \frac{P \Delta_K}{\Delta}$$

$$\Delta = 1 - [L_1 + L_2 + L_3] + (L_1 L_2) + (L_1 L_3)$$

matricula = 2019202307

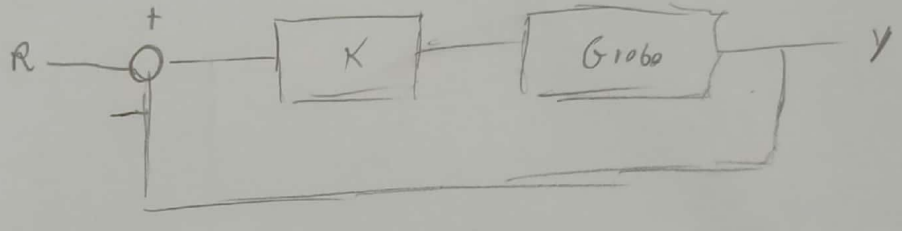
4. a)

$$G_{1060} = \frac{1}{s + \frac{a}{b}}$$

$$G(s) = K \cdot G_{1060}$$

... sobre amortecido ...

$$\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G(s)}{1 + G(s)}$$



$$\left. \begin{array}{l} a = 9 \\ b = 2 \end{array} \right\} \frac{a}{b} = 4,5$$

$$\frac{1}{s(s + 4,5)} \cdot K = \frac{K}{s(s + 4,5)}$$

$$\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{\frac{K}{s(s + 4,5)}}{1 + \frac{K}{s(s + 4,5)}} = \frac{K}{s(s + 4,5) + K}$$

$$\left| \frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{K}{s^2 + 4,5s + K} \right|$$

$$\bullet \delta = \frac{\beta}{2\sqrt{JK}}$$

$$\bullet \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{K}{Js^2 + Bs + K}$$

$$\frac{\Theta(s)}{R(s)} = \frac{G(s)}{1 + G(s)} = \frac{K}{s^2 + 4,5s + K}$$

$$\delta = \frac{4,5}{2\sqrt{1 \cdot K}} > 1$$

$$\delta = \frac{4,5}{2\sqrt{K}} > 1$$

$$\delta = \frac{4,5}{2} > \sqrt{K}$$

$$\delta \Rightarrow K < \frac{(4,5)^2}{(2)^2} \Rightarrow \boxed{K < \frac{20,25}{4}}$$

II para sobre amortecido

$$\delta > 1$$

4-b.

$$G(s) = \frac{1}{s(s+4,5)} \cdot \frac{K(s+9)}{s}$$

$$G(s) = \frac{K(s+9)}{s^3 + 4,5s^2}$$

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{K(s+9)}{s^3 + 4,5s^2 + Ks + 9}$$

$$\left. \begin{array}{l} a_0 = 1 \\ a_1 = 4,5 \\ a_2 = K \\ a_3 = 9 \end{array} \right\}$$

s^3		1	K	} $b_1 = \frac{4,5K - 9}{4,5}$
s^2		4,5	9	
s^1		b_1		
s^0		9		

2 < K < 9