



Reglerteknik AK

Tentamen 9 maj 2015 kl 08-13

Poängberäkning och betygssättning

Lösningar och svar till alla uppgifter skall vara klart motiverade. Tentamen omfattar totalt 25 poäng. Poängberäkningen finns markerad vid varje uppgift.

Betyg 3: lägst 12 poäng

4: lägst 17 poäng

5: lägst 22 poäng

Tillåtna hjälpmedel

Matematiska tabeller (TEFYMA eller motsvarande), formelsamling i reglerteknik samt icke förprogrammerade räknare.

Tentamensresultat

Resultatet meddelas via LADOK och är tillgängligt senast 22 maj. Tid för visning meddelas på kursens hemsida.

Lycka till!

1. Figur 1 visar stegsvar från ett mekaniskt system med överföringsfunktionen

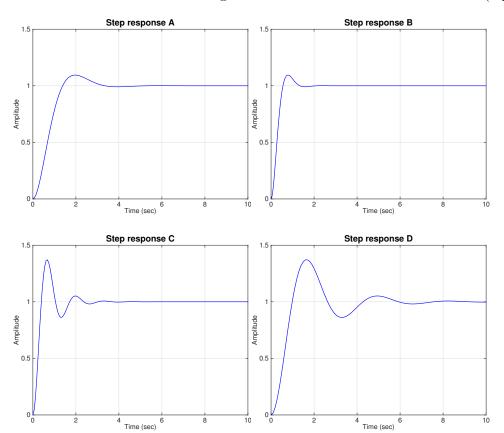
$$G(s) = \frac{\omega_0^2}{s^2 + 2\zeta\omega_0 s + \omega_0^2}$$

för följande kombinationer av värden

(i)
$$\omega_0 = 5, \zeta = 0.6,$$
 (ii) $\omega_0 = 5, \zeta = 0.3,$
(iii) $\omega_0 = 2, \zeta = 0.6,$ (iv) $\omega_0 = 2, \zeta = 0.3$

(iii)
$$\omega_0 = 2, \zeta = 0.6, \quad (iv) \ \omega_0 = 2, \zeta = 0.3$$

Kombinera dessa värden med figurerna. Glöm inte motivera svaret. (2 p)



Figur 1: Stegsvar till uppgift 1

Följande modell beskriver dynamiken för en "kavitet", en pryl som används på 2. ESS för skapa ett elektriskt fält som accelererar protoner,

$$Y(s) = G(s)U(s),$$
 där $G(s) = \frac{e^{-sL}}{1+sT}.$

a. Finn en differentialekvation som relaterar y(t) och u(t). (1 p)

b. Vad blir utsignalen y(t) om u(t) är en stegfunktion (systemet är i vila då t=0)? (1 p)

c. Bestäm hur lång tid det tar att nå cirka 63 procent av slutvärdet, dvs bestäm $T_f \mod y(T_f) = 1 - e^{-1}$. Antag $T = 10^{-5}$ sek och $L = 10^{-6}$ sek.

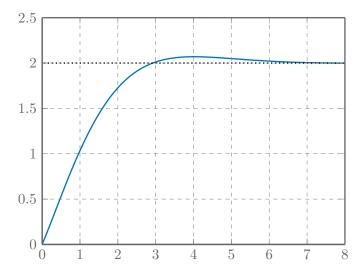
3. En linjäriserad modell av en pendel på en vagn ges av tillståndsekvationerna

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u, \qquad y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} x$$

- a. Beräkna systemets överföringsfunktion, samt poler och nollställen. (2 p)
- **b.** Beskriver modellen ovan beteendet nära pendelns upprätta position, eller nära positionen då den hänger rakt ner? Motivera svaret. (1 p)
- c. Beräkna en tillståndsåterkoppling u = -Lx som placerar slutna systemets poler i s = -2. (2 p)
- 4. Ett asymptotiskt stabilt dynamiskt system beskrivs av differentialekvationen

$$\alpha \ddot{y} + 3\dot{y} + 2y = \beta u + 2\dot{u},$$

där α och β är parametrar. Systemets stegsvar visas i Figur 2. Avgör med hjälp av stegsvaret värderna på α och β . (Ledtråd: Begynnelse och slutvärdesteoremen). (2 p)



Figur 2: Stegsvaret till uppgift 4.

5.

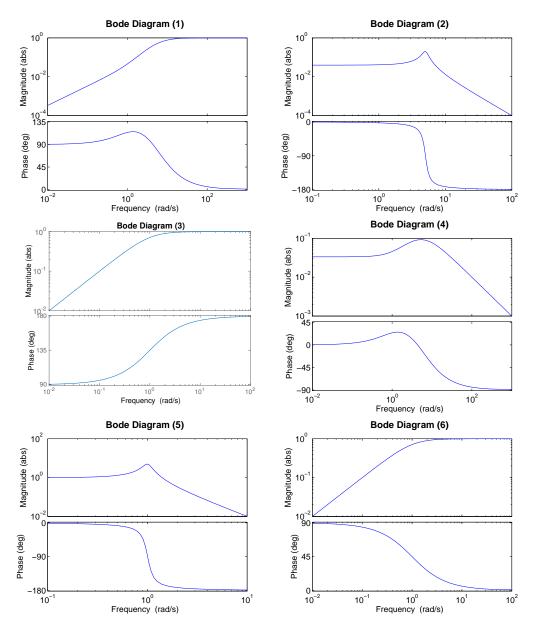
a. Använd Lambda-metoden för att hitta parametrar K, T_i för en PI-regulator $G_R(s) = K(1 + \frac{1}{sT_i})$ för systemet i uppgift 2, dvs

$$G_P(s) = \frac{e^{-sL}}{1 + sT}.$$

Antag $T = 10^{-5}$ sek och $L = 10^{-6}$ sek och välj $\lambda = T$. (1 p)

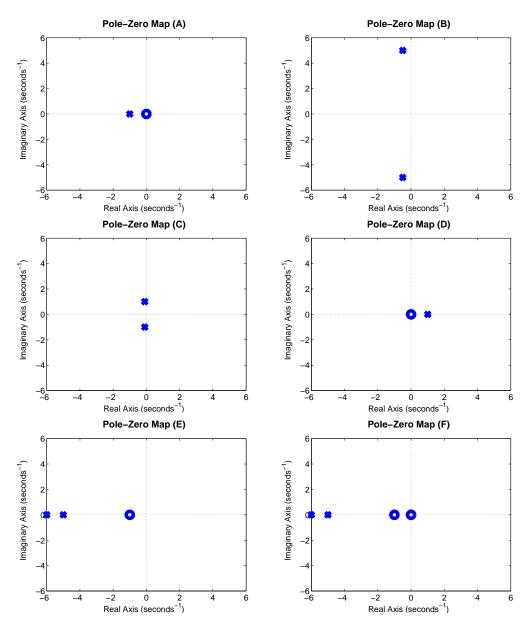
b. Beräkna skärfrekvens ω_c och fasmarginal ϕ_m för systemet $G_0(s) = G_P(s)G_R(s)$ då regulatorn ovan används. Är fasmarginalen tillfredsställande? (3 p)

Lambda-metoden ges av $K = \frac{1}{K_p} \frac{T}{L+\lambda}$, $T_i = T$, där K_p är statisk förstärkning för G_p .



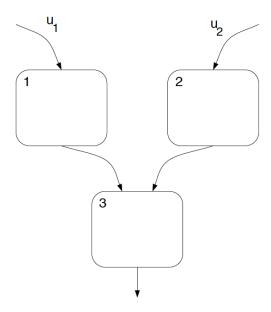
Figur 3: Bode-plots 1-6

6. Para ihop Bodediagram i Figur 3 med singularitetsdiagrammen i Figur 4. Du kan anta att det bara finns enkla poler och nollställe. Motivera svaret. (3 p)



Figur 4: Singularitetsdiagram A-F

7. Ett vattensystem består av tre sjöar, vilka förenklat beskrivs enligt figur 5 där pilarna representerar vattenflöden.



Figur 5: Vattensystemet i uppgift 7

Om man låter nivån i sjöarna representeras av tillståndsvariablerna $x_1(t), x_2(t)$ och $x_3(t)$ kan systemet mycket förenklat beskrivas av ekvationerna

$$\dot{x}_1(t) = -x_1(t) + u_1(t)$$

$$\dot{x}_2(t) = -\alpha x_2(t) + u_2(t)$$

$$\dot{x}_3(t) = x_1(t) + x_2(t) - x_3(t)$$

där $\alpha > 0$. Variablerna $u_1(t)$ och $u_2(t)$ betecknar inflödet i sjöarna 1 och 2 respektive och anses kända. Antag att man endast kan mäta nivån i en av de tre sjöarna. I vilken sjö måste man mäta nivån för att man skall kunna skatta nivån i de övriga med hjälp av denna mätning? För vilka värden på α kan nivån i de två andra sjöarna skattas? (3 p)

8. Ingenjör Kansellsson skall styra systemet

$$Y(s) = G_p(s)U(s) = \frac{s-2}{s^2}U(s)$$

och bestämmer sig för styrlagen

$$U(s) = G_r(s)(R(s) - Y(s))$$

där

$$G_r(s) = \frac{2s+1}{s-2}$$

Beräkna överföringsfunktionen från R till Y för det slutna systemet. Var ligger polerna till denna överföringsfunktion? Beskriv varför styrlagen inte är att rekommendera. (3 p)