

## Solução de alguns exercícios da quarta lista

- Exercício 1  
 $(1a): a_n = \frac{2^n}{3^{n+1}} = \frac{1}{3} \left(\frac{2}{3}\right)^n$  então  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ ;  
 $(1b): \frac{1}{4}$ ;  $(1c): 0$ ;  $(1d): 0$ ;  $(1e): \frac{1}{2}$ ;  $(1f):$  Diverge;  
 $(1g): a_n = \frac{(-1)^{n-1}n}{n^2+1} = \frac{(-1)^{n-1}}{n+\frac{1}{n}}$  então  $0 \leq |a_n| = \frac{1}{n+\frac{1}{n}} \leq \frac{1}{n} \rightarrow 0$  quando  $n \rightarrow \infty$  logo por uma propriedade vista em sala  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ ;  
 $(1h): \frac{1}{3}$ ;  $(1i): 1$ ;  $(1j): 0$ ;
- Exercício 2  
 $(2a)$  decrescente e limitada  $(2b)$  crescente e limitada.
- Exercício 3 D:divergente C:convergente  
 $(3a)$  D       $(3b)$  D       $(3c)$  D       $(3d)$  D       $(3e)$  D       $(3f)$  C  
 $(3g)$  D       $(3h)$  C       $(3i)$  D       $(3j)$  C       $(3l)$  D       $(3m)$  D  
 $(3n)$  C       $(3o)$  D       $(3p)$  D       $(3q)$  D       $(3r)$  C       $(3s)$  C
- Exercício 4:  $\frac{-1}{4} < x < \frac{1}{4}$  e  $\sum_{n=0}^{\infty} 4^n x^n = \frac{1}{1-4x}$
- Exercício 5:  $a_n = \frac{n-2}{2^n}$  e  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 3$
- Exercício 6: CC condicionalmente convergente AC absolutamente convergente  
 $(6a)$  CC       $(6b)$  D       $(6c)$  AC  
 $(6d)$  AC       $(6e)$  AC       $(6f)$  AC
- Exercício (7):  $k \geq 2$ .