

Aula 11 – Matrizes

Norton Trevisan Roman

20 de abril de 2013

Arranjos

- Voltemos à necessidade de se dar nomes aos materiais

Arranjos

- Voltemos à necessidade de se dar nomes aos materiais

```
/* materiais da piscina */
static final int ALVENARIA = 0;
static final int VINIL = 1;
static final int FIBRA = 2;
static final int PLASTICO = 3;

/* preços dos materiais */
static double[] precos = {1500, 1100, 750, 500};

/* nomes dos materiais */
static char[] nAlvenaria = {'A','l','v','e','n','a',
                             'r','i','a'};
static char[] nVinil = {'V','i','n','i','l'};
static char[] nFibra = {'F','i','b','r','a'};
static char[] nPlastico = {'P','l','á','s','t','i',
                             'c','o'};
```

Arranjos

- Voltemos à necessidade de se dar nomes aos materiais
- Qual o problema?

```
/* materiais da piscina */
static final int ALVENARIA = 0;
static final int VINIL = 1;
static final int FIBRA = 2;
static final int PLASTICO = 3;

/* preços dos materiais */
static double[] precos = {1500, 1100, 750, 500};

/* nomes dos materiais */
static char[] nAlvenaria = {'A','l','v','e','n','a',
                             'r','i','a'};
static char[] nVinil = {'V','i','n','i','l'};
static char[] nFibra = {'F','i','b','r','a'};
static char[] nPlastico = {'P','l','á','s','t','i',
                             'c','o'};
```

Arranjos

- Voltemos à necessidade de se dar nomes aos materiais
- Qual o problema?
 - ▶ Começou a crescer demais...

```
/* materiais da piscina */
static final int ALVENARIA = 0;
static final int VINIL = 1;
static final int FIBRA = 2;
static final int PLASTICO = 3;

/* preços dos materiais */
static double[] precos = {1500, 1100, 750, 500};

/* nomes dos materiais */
static char[] nAlvenaria = {'A','l','v','e','n','a',
                             'r','i','a'};
static char[] nVinil = {'V','i','n','i','l'};
static char[] nFibra = {'F','i','b','r','a'};
static char[] nPlastico = {'P','l','á','s','t','i',
                             'c','o'};
```

Arranjos

- Voltemos à necessidade de se dar nomes aos materiais
- Qual o problema?
 - ▶ Começou a crescer demais...
- O que poderíamos fazer?

```
/* materiais da piscina */
static final int ALVENARIA = 0;
static final int VINIL = 1;
static final int FIBRA = 2;
static final int PLASTICO = 3;

/* preços dos materiais */
static double[] precos = {1500, 1100, 750, 500};

/* nomes dos materiais */
static char[] nAlvenaria = {'A','l','v','e','n','a',
                             'r','i','a'};
static char[] nVinil = {'V','i','n','i','l'};
static char[] nFibra = {'F','i','b','r','a'};
static char[] nPlastico = {'P','l','á','s','t','i',
                             'c','o'};
```

Arranjos

- Voltemos à necessidade de se dar nomes aos materiais
- Qual o problema?
 - ▶ Começou a crescer demais...
- O que poderíamos fazer?
 - ▶ Um agrupamento semelhante ao feito com os preços.

```
/* materiais da piscina */
static final int ALVENARIA = 0;
static final int VINIL = 1;
static final int FIBRA = 2;
static final int PLASTICO = 3;

/* preços dos materiais */
static double[] precos = {1500, 1100, 750, 500};

/* nomes dos materiais */
static char[] nAlvenaria = {'A','l','v','e','n','a',
                             'r','i','a'};
static char[] nVinil = {'V','i','n','i','l'};
static char[] nFibra = {'F','i','b','r','a'};
static char[] nPlastico = {'P','l','á','s','t','i',
                           'c','o'};
```

Arranjos

- Voltemos à necessidade de se dar nomes aos materiais
- Qual o problema?
 - ▶ Começou a crescer demais...
- O que poderíamos fazer?
 - ▶ Um agrupamento semelhante ao feito com os preços.
- E como seria esse agrupamento?

```
/* materiais da piscina */
static final int ALVENARIA = 0;
static final int VINIL = 1;
static final int FIBRA = 2;
static final int PLASTICO = 3;

/* preços dos materiais */
static double[] precos = {1500, 1100, 750, 500};

/* nomes dos materiais */
static char[] nAlvenaria = {'A','l','v','e','n','a',
                             'r','i','a'};
static char[] nVinil = {'V','i','n','i','l'};
static char[] nFibra = {'F','i','b','r','a'};
static char[] nPlastico = {'P','l','á','s','t','i',
                             'c','o'};
```


Arranjos

- Voltemos à necessidade de se dar nomes aos materiais
- Qual o problema?
 - ▶ Começou a crescer demais...
- O que poderíamos fazer?
 - ▶ Um agrupamento semelhante ao feito com os preços.
- E como seria esse agrupamento?
 - ▶ Um arranjo de strings

```
/* materiais da piscina */
static final int ALVENARIA = 0;
static final int VINIL = 1;
static final int FIBRA = 2;
static final int PLASTICO = 3;

/* preços dos materiais */
static double[] precos = {1500, 1100, 750, 500};

/* nomes dos materiais */
static char[] nAlvenaria = {'A','l','v','e','n','a',
                             'r','i','a'};
static char[] nVinil = {'V','i','n','i','l'};
static char[] nFibra = {'F','i','b','r','a'};
static char[] nPlastico = {'P','l','á','s','t','i',
                           'c','o'};
```

Arranjos

- Voltemos à necessidade de se dar nomes aos materiais
- Qual o problema?
 - ▶ Começou a crescer demais...
- O que poderíamos fazer?
 - ▶ Um agrupamento semelhante ao feito com os preços.
- E como seria esse agrupamento?
 - ▶ Um arranjo de strings
 - ▶ Um arranjo de arranjos

```
/* materiais da piscina */
static final int ALVENARIA = 0;
static final int VINIL = 1;
static final int FIBRA = 2;
static final int PLASTICO = 3;

/* preços dos materiais */
static double[] precos = {1500, 1100, 750, 500};

/* nomes dos materiais */
static char[] nAlvenaria = {'A','l','v','e','n','a',
                             'r','i','a'};
static char[] nVinil = {'V','i','n','i','l'};
static char[] nFibra = {'F','i','b','r','a'};
static char[] nPlastico = {'P','l','á','s','t','i',
                           'c','o'};
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{ 'A', 'l', 'v', 'e', 'n', 'a',  
                             'r', 'i', 'a' },  
                           { 'V', 'i', 'n', 'i', 'l' },  
                           { 'F', 'i', 'b', 'r', 'a' },  
                           { 'P', 'l', 'á', 's', 't', 'i',  
                             'c', 'o' } };
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:

```
/* nomes dos materiais */
static char[] [] nomes = {{ 'A', 'l', 'v', 'e', 'n', 'a',
                             'r', 'i', 'a' },
                           { 'V', 'i', 'n', 'i', 'l' },
                           { 'F', 'i', 'b', 'r', 'a' },
                           { 'P', 'l', 'á', 's', 't', 'i',
                             'c', 'o' } };

public static void main(String[] args) {
    System.out.println(nomes[1]);
}
}
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:
 - ▶ A terceira letra do segundo nome:

```
/* nomes dos materiais */
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',
                           'r','i','a'},
                           {'V','i','n','i','l'},
                           {'F','i','b','r','a'},
                           {'P','l','á','s','t','i','c','o'}};

public static void main(String[] args) {
    System.out.println(nomes[1]);
}
}
```


Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:
 - ▶ A terceira letra do segundo nome:

```
/* nomes dos materiais */
static char[] [] nomes = {{ 'A', 'l', 'v', 'e', 'n', 'a',
                             'r', 'i', 'a' },
                           { 'V', 'i', 'n', 'i', 'l' },
                           { 'F', 'i', 'b', 'r', 'a' },
                           { 'P', 'l', 'á', 's', 't', 'i',
                             'c', 'o' } };

public static void main(String[] args) {
    System.out.println(nomes[1]);
    System.out.println(nomes[1][2]);

}
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:
 - ▶ A terceira letra do segundo nome:

Saída

```
$ java AreaCasa  
Vinil  
n
```

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

```
public static void main(String[] args) {  
    System.out.println(nomes[1]);  
    System.out.println(nomes[1][2]);  
  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:
 - ▶ A terceira letra do segundo nome:

Saída

```
$ java AreaCasa  
Vinil  
n
```

- ▶ E o que acontece se fizermos:

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};  
  
public static void main(String[] args) {  
    System.out.println(nomes[1]);  
    System.out.println(nomes[1][2]);  
  
    System.out.println(nomes.length);  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:
 - ▶ A terceira letra do segundo nome:

Saída

```
$ java AreaCasa  
Vinil  
n
```

- ▶ E o que acontece se fizermos: Dá 4

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

```
public static void main(String[] args) {  
    System.out.println(nomes[1]);  
    System.out.println(nomes[1][2]);  
  
    System.out.println(nomes.length);  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:
 - ▶ A terceira letra do segundo nome:

Saída

```
$ java AreaCasa  
Vinil  
n
```

- ▶ E o que acontece se fizemos: Dá 4
- ▶ E se fizemos:

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{ 'A', 'l', 'v', 'e', 'n', 'a',  
                             'r', 'i', 'a' },  
                           { 'V', 'i', 'n', 'i', 'l' },  
                           { 'F', 'i', 'b', 'r', 'a' },  
                           { 'P', 'l', 'á', 's', 't', 'i',  
                             'c', 'o' } };
```

```
public static void main(String[] args) {  
    System.out.println(nomes[1]);  
    System.out.println(nomes[1][2]);  
  
    System.out.println(nomes.length);  
    System.out.println(nomes[0].length);  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:
 - ▶ A terceira letra do segundo nome:

Saída

```
$ java AreaCasa  
Vinil  
n
```

- ▶ E o que acontece se fizemos: Dá 4
- ▶ E se fizemos: Dá 9

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{ 'A', 'l', 'v', 'e', 'n', 'a',  
                             'r', 'i', 'a' },  
                           { 'V', 'i', 'n', 'i', 'l' },  
                           { 'F', 'i', 'b', 'r', 'a' },  
                           { 'P', 'l', 'á', 's', 't', 'i',  
                             'c', 'o' } };
```

```
public static void main(String[] args) {  
    System.out.println(nomes[1]);  
    System.out.println(nomes[1][2]);  
  
    System.out.println(nomes.length);  
    System.out.println(nomes[0].length);  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?
 - ▶ O segundo nome:
 - ▶ A terceira letra do segundo nome:

Saída

```
$ java AreaCasa  
Vinil  
n
```

- ▶ E o que acontece se fizemos: Dá 4
- ▶ E se fizemos: Dá 9
 - ★ O comprimento de “Alvenaria”

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{ 'A', 'l', 'v', 'e', 'n', 'a',  
                             'r', 'i', 'a' },  
                           { 'V', 'i', 'n', 'i', 'l' },  
                           { 'F', 'i', 'b', 'r', 'a' },  
                           { 'P', 'l', 'á', 's', 't', 'i',  
                             'c', 'o' } };
```

```
public static void main(String[] args) {  
    System.out.println(nomes[1]);  
    System.out.println(nomes[1][2]);  
  
    System.out.println(nomes.length);  
    System.out.println(nomes[0].length);  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E como ficaria em java?
- E como acessamos isso?

- ▶ O segundo nome:
- ▶ A terceira letra do segundo nome:

Saída

```
$ java AreaCasa  
Vinil  
n
```

- ▶ E o que acontece se fizemos: Dá 4
- ▶ E se fizemos: Dá 9
 - ★ O comprimento de “Alvenaria”
 - ★ Cada arranjo (definido por []) possui um atributo *length* associado

```
/* nomes dos materiais */  
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i','  
                           'c','o'}};
```

```
public static void main(String[] args) {  
    System.out.println(nomes[1]);  
    System.out.println(nomes[1][2]);  
  
    System.out.println(nomes.length);  
    System.out.println(nomes[0].length);  
}
```


Arranjos de Arranjos

- E qual o tamanho de cada um dos nomes?

Arranjos de Arranjos

- E qual o tamanho de cada um dos nomes?

```
public static void main(String[] args) {  
    for (int i=0; i<4; i++) {  
        System.out.print(  
            nomes[i].length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E qual o tamanho de cada um dos nomes?

Saída

9 5 5 8

```
public static void main(String[] args) {  
    for (int i=0; i<4; i++) {  
        System.out.print(  
            nomes[i].length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E qual o tamanho de cada um dos nomes?

Saída

9 5 5 8

- O tamanho é variável

```
public static void main(String[] args) {  
    for (int i=0; i<4; i++) {  
        System.out.print(  
            nomes[i].length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
}
```

}

Arranjos de Arranjos

- E qual o tamanho de cada um dos nomes?

Saída

9 5 5 8

- O tamanho é variável
- Mas há outro modo de se escrever o mesmo laço:

```
public static void main(String[] args) {  
    for (int i=0; i<4; i++) {  
        System.out.print(  
            nomes[i].length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
}
```

```
}
```

Arranjos de Arranjos

- E qual o tamanho de cada um dos nomes?

Saída

9 5 5 8

- O tamanho é variável
- Mas há outro modo de se escrever o mesmo laço:

```
public static void main(String[] args) {  
    for (int i=0; i<4; i++) {  
        System.out.print(  
            nomes[i].length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
  
    for (char[] nome : nomes) {  
        System.out.print(nome.length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E qual o tamanho de cada um dos nomes?

Saída

9 5 5 8

- O tamanho é variável
- Mas há outro modo de se escrever o mesmo laço:
- Note que *nome* é *char[]*

```
public static void main(String[] args) {  
    for (int i=0; i<4; i++) {  
        System.out.print(  
            nomes[i].length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
  
    for (char[] nome : nomes) {  
        System.out.print(nome.length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
}
```

Arranjos de Arranjos

- E qual o tamanho de cada um dos nomes?

Saída

9 5 5 8

- O tamanho é variável
- Mas há outro modo de se escrever o mesmo laço:
- Note que *nome* é *char[]*
 - ▶ Logo, podemos fazer *nome[2]* para acessar sua terceira letra, por exemplo

```
public static void main(String[] args) {  
    for (int i=0; i<4; i++) {  
        System.out.print(  
            nomes[i].length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
  
    for (char[] nome : nomes) {  
        System.out.print(nome.length);  
        System.out.print(" ");  
    }  
    System.out.println();  
}
```


Arranjos de Arranjos

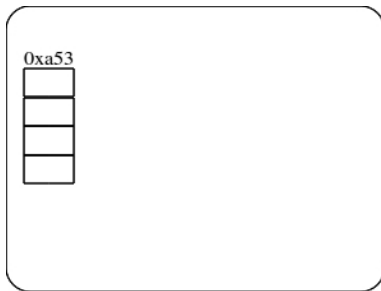
- O que acontece na memória quando declaramos o arranjo?

```
static char[][] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                          {'V','i','n','i','l'},  
                          {'F','i','b','r','a'},  
                          {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

Arranjos de Arranjos

- O que acontece na memória quando declaramos o arranjo?
 - ▶ Primeiro alocamos espaço para o arranjo *nomes*

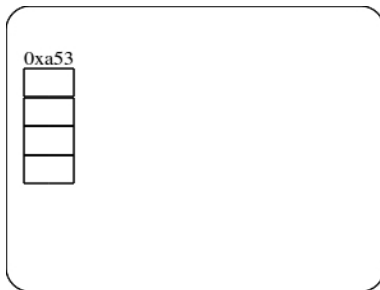
```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','ã','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```



Arranjos de Arranjos

- O que acontece na memória quando declaramos o arranjo?
 - ▶ Primeiro alocamos espaço para o arranjo *nomes*
 - ★ Cada posição terá espaço suficiente para um endereço

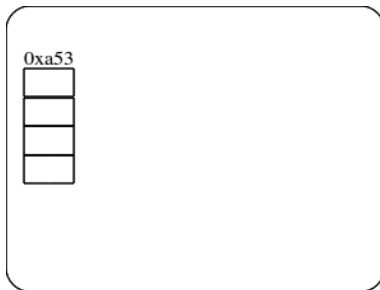
```
static char[][] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                          {'V','i','n','i','l'},  
                          {'F','i','b','r','a'},  
                          {'P','l','á','s','t','i','  
                           'c','o'}};
```



Arranjos de Arranjos

- O que acontece na memória quando declaramos o arranjo?
 - ▶ Primeiro alocamos espaço para o arranjo *nomes*
 - ★ Cada posição terá espaço suficiente para um endereço
 - ★ 32 ou 64 bits

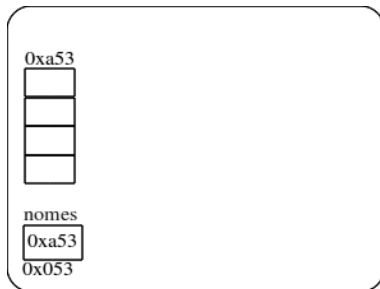
```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','ã','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```



Arranjos de Arranjos

- O que acontece na memória quando declaramos o arranjo?
 - ▶ Primeiro alocamos espaço para o arranjo *nomes*
 - ★ Cada posição terá espaço suficiente para um endereço
 - ★ 32 ou 64 bits
 - ▶ Em seguida, alocamos espaço para a variável *nomes*
 - ★ Conterá o endereço do arranjo correspondente a *nomes*

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','ã','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

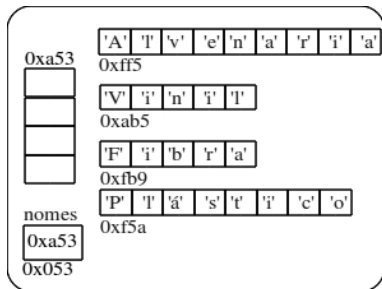


Arranjos de Arranjos

- O que acontece na memória quando declaramos o arranjo?

- ▶ Primeiro alocamos espaço para o arranjo *nomes*
 - ★ Cada posição terá espaço suficiente para um endereço
 - ★ 32 ou 64 bits
- ▶ Em seguida, alocamos espaço para a variável *nomes*
 - ★ Conterá o endereço do arranjo correspondente a *nomes*

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','ã','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```



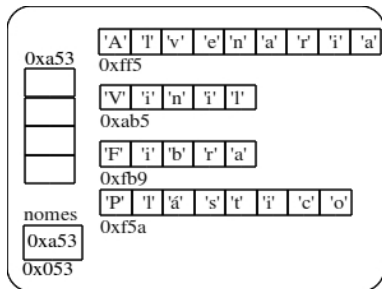
- ▶ Alocamos então espaço para os arranjos que compõem *nomes*

Arranjos de Arranjos

- O que acontece na memória quando declaramos o arranjo?

- ▶ Primeiro alocamos espaço para o arranjo *nomes*
 - ★ Cada posição terá espaço suficiente para um endereço
 - ★ 32 ou 64 bits
- ▶ Em seguida, alocamos espaço para a variável *nomes*
 - ★ Conterá o endereço do arranjo correspondente a *nomes*

```
static char[] [] nomes = {{ 'A', 'l', 'v', 'e', 'n', 'a',  
                             'r', 'i', 'a' },  
                           { 'V', 'i', 'n', 'i', 'l' },  
                           { 'F', 'i', 'b', 'r', 'a' },  
                           { 'P', 'l', 'á', 's', 't', 'i',  
                             'c', 'o' } };
```



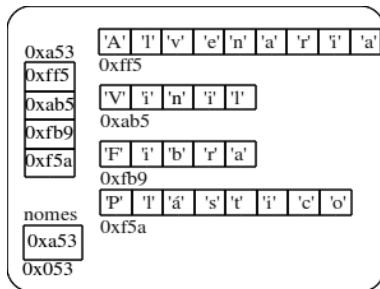
- ▶ Alocamos então espaço para os arranjos que compõem *nomes*
 - ★ Note que não há variável que guarde seus endereços

Arranjos de Arranjos

- O que acontece na memória quando declaramos o arranjo?

- ▶ Primeiro alocamos espaço para o arranjo *nomes*
 - ★ Cada posição terá espaço suficiente para um endereço
 - ★ 32 ou 64 bits
- ▶ Em seguida, alocamos espaço para a variável *nomes*
 - ★ Conterá o endereço do arranjo correspondente a *nomes*

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','ã','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

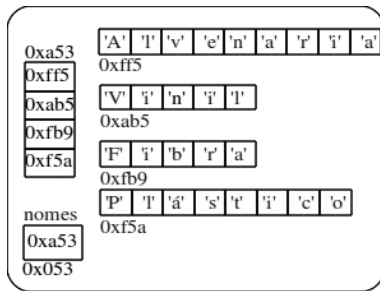


- ▶ Alocamos então espaço para os arranjos que compõem *nomes*
 - ★ Note que não há variável que guarde seus endereços

Em seguida, guardamos seus endereços nas posições de *nomes*

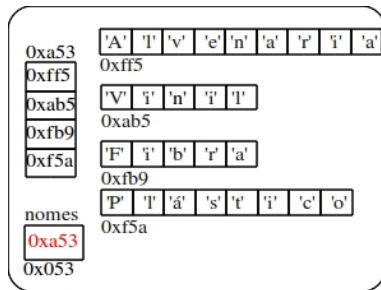
Arranjos de Arranjos

- E o que acontece na memória quando fazemos `nomes[1][2]`?



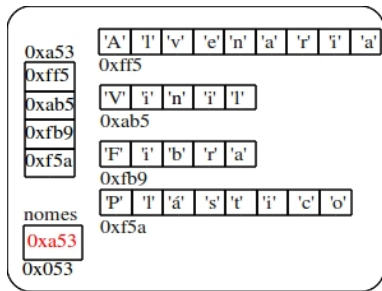
Arranjos de Arranjos

- E o que acontece na memória quando fazemos `nomes[1][2]`?
 - ▶ O conteúdo da variável `nomes` é lido



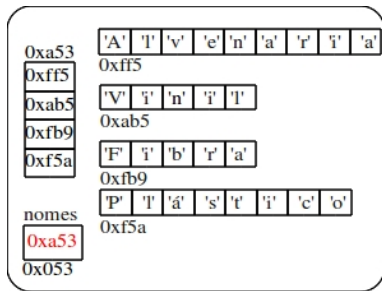
Arranjos de Arranjos

- E o que acontece na memória quando fazemos `nomes[1][2]`?
 - ▶ O conteúdo da variável `nomes` é lido
 - ★ O deslocamento é calculado ($A53 + 1 \times 8$)



Arranjos de Arranjos

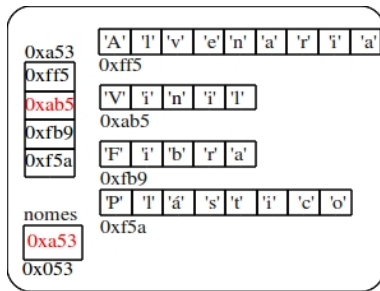
- E o que acontece na memória quando fazemos *nomes[1][2]*?
 - ▶ O conteúdo da variável *nomes* é lido
 - ★ O deslocamento é calculado ($A53 + 1 \times 8$)
 - ★ Sendo 8B o tamanho do endereço (64bits)



Arranjos de Arranjos

- E o que acontece na memória quando fazemos *nomes[1][2]*?

- ▶ O conteúdo da variável *nomes* é lido
 - ★ O deslocamento é calculado ($A53 + 1 \times 8$)
 - ★ Sendo 8B o tamanho do endereço (64bits)

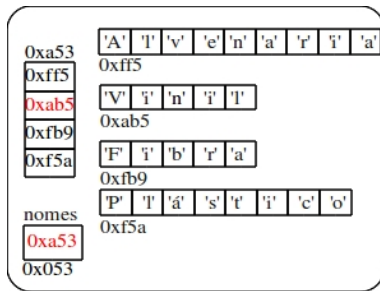


- ▶ A região de memória correspondente a esse novo endereço é lida

Arranjos de Arranjos

- E o que acontece na memória quando fazemos `nomes[1][2]`?

- ▶ O conteúdo da variável `nomes` é lido
 - ★ O deslocamento é calculado ($A53 + 1 \times 8$)
 - ★ Sendo 8B o tamanho do endereço (64bits)

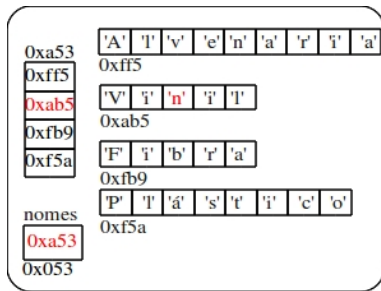


- ▶ A região de memória correspondente a esse novo endereço é lida
 - ★ O deslocamento é calculado ($AB5 + 2 \times 2$ – sendo 2 o tamanho do char)

Arranjos de Arranjos

- E o que acontece na memória quando fazemos `nomes[1][2]`?

- ▶ O conteúdo da variável `nomes` é lido
 - ★ O deslocamento é calculado ($A53 + 1 \times 8$)
 - ★ Sendo 8B o tamanho do endereço (64bits)



- ▶ A região de memória correspondente a esse novo endereço é lida
 - ★ O deslocamento é calculado ($AB5 + 2 \times 2$ – sendo 2 o tamanho do char)
- ▶ Finalmente, esse novo endereço é visitado, e o seu conteúdo lido

Arranjos de Arranjos

- Existe outro modo de inicializar um arranjo de arranjos

```
static char[][] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                          {'V','i','n','i','l'},  
                          {'F','i','b','r','a'},  
                          {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

Arranjos de Arranjos

- Existe outro modo de inicializar um arranjo de arranjos

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};  
  
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```

Arranjos de Arranjos

- Existe outro modo de inicializar um arranjo de arranjos
- A diferença, nesse caso, é que o segundo modo precisa ser inicializado com

```
nomes[0][0] = 'A';  
nomes[0][1] = 'l';  
nomes[0][2] = 'v';  
...
```

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};  
  
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```

Arranjos de Arranjos

- Existe outro modo de inicializar um arranjo de arranjos
- A diferença, nesse caso, é que o segundo modo precisa ser inicializado com

```
nomes[0][0] = 'A';  
nomes[0][1] = 'l';  
nomes[0][2] = 'v';  
...
```

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```

- Existe ainda um terceiro modo

Arranjos de Arranjos

- Existe outro modo de inicializar um arranjo de arranjos
- A diferença, nesse caso, é que o segundo modo precisa ser inicializado com

```
nomes[0][0] = 'A';  
nomes[0][1] = 'l';  
nomes[0][2] = 'v';  
...
```

- Existe ainda um terceiro modo

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                          {'V','i','n','i','l'},  
                          {'F','i','b','r','a'},  
                          {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```

```
static char[] [] nomes = new char[4][];
```

Arranjos de Arranjos

- Existe outro modo de inicializar um arranjo de arranjos
- A diferença, nesse caso, é que o segundo modo precisa ser inicializado com

```
nomes[0][0] = 'A';  
nomes[0][1] = 'l';  
nomes[0][2] = 'v';  
...
```

- Existe ainda um terceiro modo
 - ▶ Mas é realmente chato de inicializar

```
static char[] [] nomes = {{ 'A', 'l', 'v', 'e', 'n', 'a',  
                             'r', 'i', 'a' },  
                           { 'V', 'i', 'n', 'i', 'l' },  
                           { 'F', 'i', 'b', 'r', 'a' },  
                           { 'P', 'l', 'á', 's', 't', 'i',  
                             'c', 'o' } };
```

```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```

```
static char[] [] nomes = new char[4] [];
```

```
char[] aux1 = { 'A', 'l', 'v', 'e', 'n', 'a', 'r', 'i',  
                'a' };  
char[] aux2 = { 'V', 'i', 'n', 'i', 'l' };  
...  
nomes[0] = aux1;  
nomes[1] = aux2;  
...
```

Comparando as inicializações

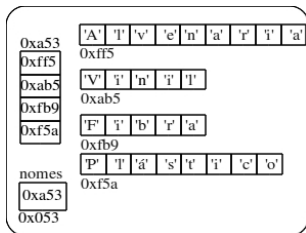
```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```

Comparando as inicializações

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

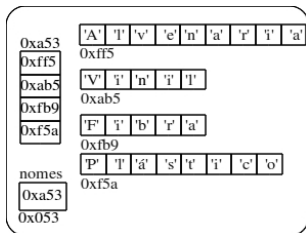
```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```



Comparando as inicializações

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```

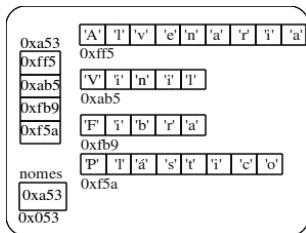
```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```



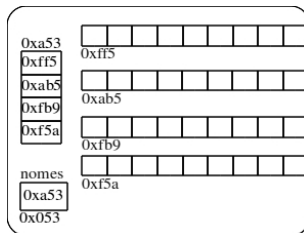
- Usado quando temos poucos dados e os conhecemos de antemão

Comparando as inicializações

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```



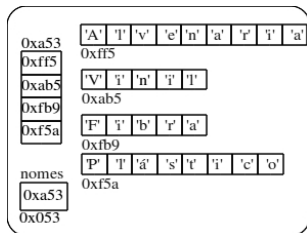
```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```



- Usado quando temos poucos dados e os conhecemos de antemão

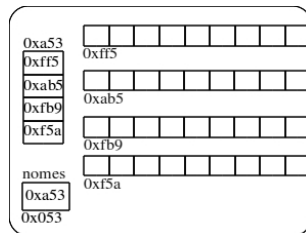
Comparando as inicializações

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```



- Usado quando temos poucos dados e os conhecemos de antemão

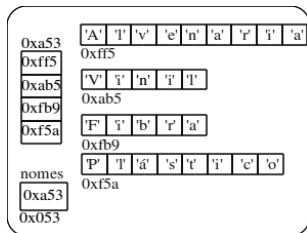
```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```



- Usado quando temos muitos dados, ou não os conhecemos de antemão

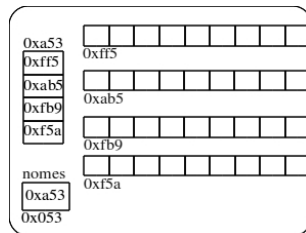
Comparando as inicializações

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```



- Usado quando temos poucos dados e os conhecemos de antemão
- Poupa memória

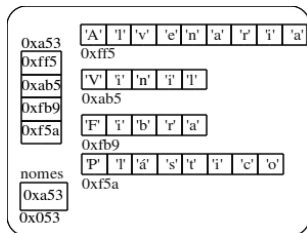
```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```



- Usado quando temos muitos dados, ou não os conhecemos de antemão

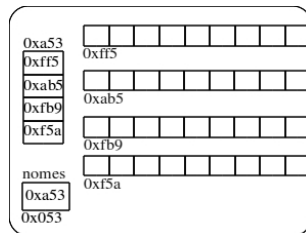
Comparando as inicializações

```
static char[] [] nomes = {{'A','l','v','e','n','a',  
                           'r','i','a'},  
                           {'V','i','n','i','l'},  
                           {'F','i','b','r','a'},  
                           {'P','l','á','s','t','i',  
                           'c','o'}};
```



- Usado quando temos poucos dados e os conhecemos de antemão
- Poupa memória

```
static char[] [] nomes = new char[4][9];
```



- Usado quando temos muitos dados, ou não os conhecemos de antemão
- Usa mais memória

Matrizes

- A idéia de arranjos de arranjos, em que todas as linhas têm igual tamanho, é conhecida como matriz

Matrizes

- A idéia de arranjos de arranjos, em que todas as linhas têm igual tamanho, é conhecida como matriz
 - ▶ Útil para uma gama de problemas

Matrizes

- A idéia de arranjos de arranjos, em que todas as linhas têm igual tamanho, é conhecida como matriz
 - ▶ Útil para uma gama de problemas
- Ex: Suponha que queiramos tabelar os preços das piscinas de 50, 100, 150 e 200 m^2 , com os mais diversos materiais

Matrizes

- A idéia de arranjos de arranjos, em que todas as linhas têm igual tamanho, é conhecida como matriz
 - ▶ Útil para uma gama de problemas
- Ex: Suponha que queiramos tabelar os preços das piscinas de 50, 100, 150 e 200 m^2 , com os mais diversos materiais
- Como fazer?

Matrizes

- A idéia de arranjos de arranjos, em que todas as linhas têm igual tamanho, é conhecida como matriz
 - ▶ Útil para uma gama de problemas
- Ex: Suponha que queiramos tabelar os preços das piscinas de 50, 100, 150 e 200 m^2 , com os mais diversos materiais
- Como fazer?
 - ▶ Queremos uma tabela:

Matrizes

- A idéia de arranjos de arranjos, em que todas as linhas têm igual tamanho, é conhecida como matriz
 - ▶ Útil para uma gama de problemas
- Ex: Suponha que queiramos tabelar os preços das piscinas de 50, 100, 150 e 200 m^2 , com os mais diversos materiais
- Como fazer?
 - ▶ Queremos uma tabela:

<i>Material</i>	<i>Áreas (m^2)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

Matrizes

- Como criamos essa tabela?

<i>Material</i>	<i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

Matrizes

- Como criamos essa tabela?
 - ▶ Como o arranjo de strings:

<i>Material</i>	<i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

```
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
}
```

Matrizes

- Como criamos essa tabela?
 - ▶ Como o arranjo de strings:
- E como armazenamos valores nela?

<i>Material</i>	<i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

```
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
}
```

Matrizes

- Como criamos essa tabela?
 - ▶ Como o arranjo de strings:
- E como armazenamos valores nela?
 - ▶ Com um método auxiliar:

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

```
/*  
    Carrega os valores das piscinas na matriz de área X  
    material  
*/  
public static void carregaVal(double[][] m) {  
    for (int i=0; i<m.length; i++) { // linhas (material)  
        for (int j=50; j<=200; j+=50) { // colunas (áreas)  
            m[i][j / 50 - 1] = precos[i] * j;  
        }  
    }  
}  
  
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
}
```

Matrizes

- Como criamos essa tabela?
 - ▶ Como o arranjo de strings:
- E como armazenamos valores nela?
 - ▶ Com um método auxiliar:
 - ▶ Note que as linhas usam o código natural dos materiais

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

```
/*  
    Carrega os valores das piscinas na matriz de área X  
    material  
*/  
public static void carregaVal(double[][] m) {  
    for (int i=0; i<m.length; i++) { // linhas (material)  
        for (int j=50; j<=200; j+=50) { // colunas (áreas)  
            m[i][j / 50 - 1] = precos[i] * j;  
        }  
    }  
}  
  
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
}
```


Matrizes

- Como criamos essa tabela?
 - ▶ Como o arranjo de strings:
- E como armazenamos valores nela?
 - ▶ Com um método auxiliar:
 - ▶ Note que as linhas usam o código natural dos materiais
 - ▶ Já colunas precisam de um cálculo:

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

```
/*  
    Carrega os valores das piscinas na matriz de área X  
    material  
*/  
public static void carregaVal(double[][] m) {  
    for (int i=0; i<m.length; i++) { // linhas (material)  
        for (int j=50; j<=200; j+=50) { // colunas (áreas)  
            m[i][j / 50 - 1] = precos[i] * j;  
        }  
    }  
}  
  
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
}
```

Matrizes

- Como criamos essa tabela?
 - ▶ Como o arranjo de strings:
- E como armazenamos valores nela?
 - ▶ Com um método auxiliar:
 - ▶ Note que as linhas usam o código natural dos materiais
 - ▶ Já colunas precisam de um cálculo:
- Podemos ainda usar os métodos já desenvolvidos

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

```
/*  
    Carrega os valores das piscinas na matriz de área X  
    material  
*/  
public static void carregaVal(double[][] m) {  
    for (int i=0; i<m.length; i++) { // linhas (material)  
        for (int j=50; j<=200; j+=50) { // colunas (áreas)  
            m[i][j / 50 - 1] = valorPiscina(j,i);  
        }  
    }  
}  
  
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
}
```

Matrizes

- E como mostramos os valores da matriz?

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
}
```

Matrizes

- E como mostramos os valores da matriz?

- ▶ Primeiro modo

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
}
```

Matrizes

- E como mostramos os valores da matriz?

- ▶ Primeiro modo

- ★ Percorrendo os índices da matriz

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    for (int i=0; i<valores.length; i++) {  
        for (int j=0; j<valores[i].length; j++)  
            System.out.print(valores[i][j]+" ");  
        System.out.println();  
    }  
  
}
```

Matrizes

- E como mostramos os valores da matriz?

- ▶ Primeiro modo

- ★ Percorrendo os índices da matriz

- ▶ Segundo modo

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    for (int i=0; i<valores.length; i++) {  
        for (int j=0; j<valores[i].length; j++)  
            System.out.print(valores[i][j]+" ");  
        System.out.println();  
    }  
  
}
```

Matrizes

- E como mostramos os valores da matriz?

- ▶ Primeiro modo

- ★ Percorrendo os índices da matriz

- ▶ Segundo modo

- ★ Percorrendo os valores da matriz

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    for (int i=0; i<valores.length; i++) {  
        for (int j=0; j<valores[i].length; j++)  
            System.out.print(valores[i][j]+" ");  
        System.out.println();  
    }  
  
    for (double[] linha : valores) {  
        for (double valor : linha)  
            System.out.print(valor+" ");  
        System.out.println();  
    }  
}
```

Matrizes

- E como mostramos os valores da matriz?
 - ▶ Primeiro modo
 - ★ Percorrendo os índices da matriz
 - ▶ Segundo modo
 - ★ Percorrendo os valores da matriz
 - ★ Por ser um arranjo de arranjos, o primeiro valor conterá um arranjo

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    for (int i=0; i<valores.length; i++) {  
        for (int j=0; j<valores[i].length; j++)  
            System.out.print(valores[i][j]+" ");  
        System.out.println();  
    }  
  
    for (double[] linha : valores) {  
        for (double valor : linha)  
            System.out.print(valor+" ");  
        System.out.println();  
    }  
}
```


Matrizes

- E como mostramos os valores da matriz?

- ▶ Primeiro modo

- ★ Percorrendo os índices da matriz

- ▶ Segundo modo

- ★ Percorrendo os valores da matriz
 - ★ Por ser um arranjo de arranjos, o primeiro valor conterá um arranjo
 - ★ Já o segundo, por correr em um dos arranjos finais, conterá o valor no arranjo

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    for (int i=0; i<valores.length; i++) {  
        for (int j=0; j<valores[i].length; j++)  
            System.out.print(valores[i][j]+" ");  
        System.out.println();  
    }  
  
    for (double[] linha : valores) {  
        for (double valor : linha)  
            System.out.print(valor+" ");  
        System.out.println();  
    }  
}
```

Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:

Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:
 - ▶ Dizer o preço de uma piscina de plástico com 150m^2

Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:
 - ▶ Dizer o preço de uma piscina de plástico com 150m²

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    System.out.println("Piscina de plástico de  
        150m2: "+valores[PLASTICO][2]);  
  
}
```

Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:

- ▶ Dizer o preço de uma piscina de plástico com 150m²

Piscina de plástico de 150m²: 75000.0

```
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    System.out.println("Piscina de plástico de  
        150m2: "+valores[PLASTICO][2]);  
  
}
```

Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:

- ▶ Dizer o preço de uma piscina de plástico com 150m²

Piscina de plástico de 150m²: 75000.0

- ▶ Dizer o preço médio das piscinas de plástico

```
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    System.out.println("Piscina de plástico de  
        150m2: "+valores[PLASTICO][2]);  
  
}
```

Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:

- ▶ Dizer o preço de uma piscina de plástico com 150m²

Piscina de plástico de 150m²: 75000.0

- ▶ Dizer o preço médio das piscinas de plástico

```
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    System.out.println("Piscina de plástico de  
        150m2: "+valores[PLASTICO][2]);  
  
    double media = 0;  
    for(double valor : valores[PLASTICO]) {  
        media += valor;  
    }  
    media /= valores[PLASTICO].length;  
    System.out.println("Média: "+media);  
}
```

Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:

- ▶ Dizer o preço de uma piscina de plástico com 150m²

Piscina de plástico de 150m²: 75000.0

- ▶ Dizer o preço médio das piscinas de plástico

Média: 62500.0

```
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    System.out.println("Piscina de plástico de  
        150m2: "+valores[PLASTICO][2]);  
  
    double media = 0;  
    for(double valor : valores[PLASTICO]) {  
        media += valor;  
    }  
    media /= valores[PLASTICO].length;  
    System.out.println("Média: "+media);  
}
```


Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:

- ▶ Dizer o preço de uma piscina de plástico com 150m²

Piscina de plástico de 150m²: 75000.0

- ▶ Dizer o preço médio das piscinas de plástico

Média: 62500.0

- Alternativas para o preço médio:

```
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
  
    carregaVal(valores);  
  
    System.out.println("Piscina de plástico de  
        150m2: "+valores[PLASTICO][2]);  
  
    double media = 0;  
    for(double valor : valores[PLASTICO]) {  
        media += valor;  
    }  
    media /= valores[PLASTICO].length;  
    System.out.println("Média: "+media);  
}
```

Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:

- ▶ Dizer o preço de uma piscina de plástico com 150m²

Piscina de plástico de 150m²: 75000.0

- ▶ Dizer o preço médio das piscinas de plástico

Média: 62500.0

- Alternativas para o preço médio:

```
double media = 0;
for(double valor : valores[PLASTICO]) {
    media += valor;
}
media /= valores[PLASTICO].length;
System.out.println("Média: "+media);
```

```
public static void main(String[] args) {
    double[] [] valores = new double[4][4];

    carregaVal(valores);

    System.out.println("Piscina de plástico de
        150m2: "+valores[PLASTICO][2]);

    double media = 0;
    for(double valor : valores[PLASTICO]) {
        media += valor;
    }
    media /= valores[PLASTICO].length;
    System.out.println("Média: "+media);
}
```

Matrizes

- Vamos usar essa matriz agora para:

- ▶ Dizer o preço de uma piscina de plástico com 150m²

Piscina de plástico de 150m²: 75000.0

- ▶ Dizer o preço médio das piscinas de plástico

Média: 62500.0

- Alternativas para o preço médio:

```
double media = 0;
for(double valor : valores[PLASTICO]) {
    media += valor;
}
media /= valores[PLASTICO].length;
System.out.println("Média: "+media);
```

```
public static void main(String[] args) {
    double[][] valores = new double[4][4];

    carregaVal(valores);

    System.out.println("Piscina de plástico de
        150m2: "+valores[PLASTICO][2]);

    double media = 0;
    for(double valor : valores[PLASTICO]) {
        media += valor;
    }
    media /= valores[PLASTICO].length;
    System.out.println("Média: "+media);
}
```

```
double media = 0;
for (int i=0; i<valores[PLASTICO].length; i++) {
    media += valores[PLASTICO][i];
}
media /= valores[PLASTICO].length;
System.out.println("Média: "+media);
```

Matrizes

- Já temos a tabela com os valores

<i>Material</i>	<i>Áreas (m^2)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

Matrizes

- Já temos a tabela com os valores
- Suponha agora que existam descontos nos materiais:

<i>Material</i>	<i>Áreas (m^2)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

Matrizes

- Já temos a tabela com os valores
- Suponha agora que existam descontos nos materiais:

<i>Material</i>	<i>Áreas (m^2)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

- ▶ Alvenaria está com 20% acima de $100m^2$

Matrizes

- Já temos a tabela com os valores
- Suponha agora que existam descontos nos materiais:

<i>Material</i>	<i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

- ▶ Alvenaria está com 20% acima de 100m²
- ▶ Vinil tem 5% para piscinas de até 100m², 10% para as de 150m² e 15% para as acima disso

Matrizes

- Já temos a tabela com os valores
- Suponha agora que existam descontos nos materiais:

<i>Material</i>	<i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

- ▶ Alvenaria está com 20% acima de 100m²
- ▶ Vinil tem 5% para piscinas de até 100m², 10% para as de 150m² e 15% para as acima disso
- ▶ Fibra tem descontos de 2%, 4%, 8% e 16%, respectivamente

Matrizes

- Já temos a tabela com os valores
- Suponha agora que existam descontos nos materiais:

<i>Material</i>	<i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

- ▶ Alvenaria está com 20% acima de 100m²
- ▶ Vinil tem 5% para piscinas de até 100m², 10% para as de 150m² e 15% para as acima disso
- ▶ Fibra tem descontos de 2%, 4%, 8% e 16%, respectivamente
- ▶ Plástico tem desconto de 5% apenas nas piscinas com 200m²

Matrizes

- Já temos a tabela com os valores
- Suponha agora que existam descontos nos materiais:

<i>Material</i>	<i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

- ▶ Alvenaria está com 20% acima de 100m²
 - ▶ Vinil tem 5% para piscinas de até 100m², 10% para as de 150m² e 15% para as acima disso
 - ▶ Fibra tem descontos de 2%, 4%, 8% e 16%, respectivamente
 - ▶ Plástico tem desconto de 5% apenas nas piscinas com 200m²
- Como tabelar isso?

Matrizes

- Já temos a tabela com os valores
- Suponha agora que existam descontos nos materiais:

Material	Áreas (m^2)			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

- ▶ Alvenaria está com 20% acima de $100m^2$
- ▶ Vinil tem 5% para piscinas de até $100m^2$, 10% para as de $150m^2$ e 15% para as acima disso
- ▶ Fibra tem descontos de 2%, 4%, 8% e 16%, respectivamente
- ▶ Plástico tem desconto de 5% apenas nas piscinas com $200m^2$

- Como tabelar isso?

Material	Áreas (m^2)			
	50	100	150	200
Alvenaria	0	0	0.2	0.2
Vinil	0.05	0.05	0.1	0.15
Fibra	0.02	0.04	0.08	0.16
Plástico	0	0	0	0.05

Matrizes

- Gostaríamos de recalcular a tabela de valores

<i>Material</i>	Preços			
	<i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

<i>Material</i>	Descontos			
	<i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	0	0	0.2	0.2
Vinil	0.05	0.05	0.1	0.15
Fibra	0.02	0.04	0.08	0.16
Plástico	0	0	0	0.05

Matrizes

- Gostaríamos de recalcular a tabela de valores
 - ▶ Uma tabela de preço final

<i>Material</i>	Preços <i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

<i>Material</i>	Descontos <i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	0	0	0.2	0.2
Vinil	0.05	0.05	0.1	0.15
Fibra	0.02	0.04	0.08	0.16
Plástico	0	0	0	0.05

Matrizes

- Gostaríamos de recalcular a tabela de valores
 - ▶ Uma tabela de preço final
- Como?

<i>Material</i>	Preços <i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

<i>Material</i>	Descontos <i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	0	0	0.2	0.2
Vinil	0.05	0.05	0.1	0.15
Fibra	0.02	0.04	0.08	0.16
Plástico	0	0	0	0.05

Matrizes

- Gostaríamos de recalcular a tabela de valores
 - ▶ Uma tabela de preço final
- Como?
 - ▶ Crie uma tabela equivalente, vazia

<i>Material</i>	Preços <i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

<i>Material</i>	Descontos <i>Áreas (m²)</i>			
	50	100	150	200
Alvenaria	0	0	0.2	0.2
Vinil	0.05	0.05	0.1	0.15
Fibra	0.02	0.04	0.08	0.16
Plástico	0	0	0	0.05

Matrizes

- Gostaríamos de recalcular a tabela de valores
 - ▶ Uma tabela de preço final
- Como?
 - ▶ Crie uma tabela equivalente, vazia

Preços

Material	Áreas (m^2)			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

Descontos

Material	Áreas (m^2)			
	50	100	150	200
Alvenaria	0	0	0.2	0.2
Vinil	0.05	0.05	0.1	0.15
Fibra	0.02	0.04	0.08	0.16
Plástico	0	0	0	0.05

Final

Material	Áreas (m^2)			
	50	100	150	200
Alvenaria				
Vinil				
Fibra				
Plástico				

Matrizes

- Gostaríamos de recalcular a tabela de valores
 - ▶ Uma tabela de preço final
- Como?
 - ▶ Crie uma tabela equivalente, vazia
 - ▶ Nela, o valor final de cada célula será
$$\text{preço} - \text{preço} \times \text{desconto}, \text{ ou}$$
$$\text{preço} \times (1 - \text{desconto})$$

Preços

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

Descontos

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria	0	0	0.2	0.2
Vinil	0.05	0.05	0.1	0.15
Fibra	0.02	0.04	0.08	0.16
Plástico	0	0	0	0.05

Final

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria				
Vinil				
Fibra				
Plástico				

Matrizes

- Gostaríamos de recalcular a tabela de valores
 - ▶ Uma tabela de preço final
- Como?
 - ▶ Crie uma tabela equivalente, vazia
 - ▶ Nela, o valor final de cada célula será
 $\text{preco} - \text{preco} \times \text{desconto}$, ou
 $\text{preco} \times (1 - \text{desconto})$
 - ▶ Ou seja:
$$\text{pFinal}[i][j] = \text{preco}[i][j] * (1 - \text{desconto}[i][j]);$$

Preços

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria	75000	150000	225000	300000
Vinil	55000	110000	165000	220000
Fibra	37500	75000	112500	150000
Plástico	25000	50000	75000	100000

Descontos

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria	0	0	0.2	0.2
Vinil	0.05	0.05	0.1	0.15
Fibra	0.02	0.04	0.08	0.16
Plástico	0	0	0	0.05

Final

Material	Áreas (m ²)			
	50	100	150	200
Alvenaria				
Vinil				
Fibra				
Plástico				

Matrizes

- Criando as tabelas

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
    double[] [] descontos = {{0,0,0.2,0.2},  
                              {0.05,0.05,0.1,0.15},  
                              {0.02,0.04,0.08,0.16},  
                              {0,0,0,0.05}};  
  
    double[] [] pFinal;  
  
}
```

Matrizes

- Criando as tabelas
 - ▶ Note os modos como podemos criar

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
    double[] [] descontos = {{0,0,0.2,0.2},  
                              {0.05,0.05,0.1,0.15},  
                              {0.02,0.04,0.08,0.16},  
                              {0,0,0,0.05}};  
  
    double[] [] pFinal;  
  
}
```

Matrizes

- Criando as tabelas
 - ▶ Note os modos como podemos criar
 - ▶ Aloca somente espaço para *pFinal* – um endereço

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
    double[] [] descontos = {{0,0,0.2,0.2},  
                              {0.05,0.05,0.1,0.15},  
                              {0.02,0.04,0.08,0.16},  
                              {0,0,0,0.05}};  
  
    double[] [] pFinal;  
  
}
```

Matrizes

- Criando as tabelas
 - ▶ Note os modos como podemos criar
 - ▶ Aloca somente espaço para *pFinal* – um endereço
- Carregando valores iniciais

```
public static void main(String[] args) {  
    double[] [] valores = new double[4][4];  
    double[] [] descontos = {{0,0,0.2,0.2},  
                              {0.05,0.05,0.1,0.15},  
                              {0.02,0.04,0.08,0.16},  
                              {0,0,0,0.05}};  
  
    double[] [] pFinal;  
  
    carregaVal(valores);  
  
}
```

Matrizes

- Criando as tabelas
 - ▶ Note os modos como podemos criar
 - ▶ Aloca somente espaço para *pFinal* – um endereço
- Carregando valores iniciais
- Construindo a tabela de valores finais

```
/*
Retorna matriz com os preços finais.
Parâmetros:
    val - matriz de valores
    desc - matriz de descontos
*/
public static double[][] calculaFinal(double[][] val, double[][] desc) {
    double[][] saida = new double[val.length][val[0].length];

    for (int i=0; i<saida.length; i++) {
        for (int j=0; j<saida[0].length; j++) {
            saida[i][j] = val[i][j] * (1-desc[i][j]);
        }
    }

    return(saida);
}

public static void main(String[] args) {
    double[][] valores = new double[4][4];
    double[][] descontos = {{0,0,0.2,0.2},
                             {0.05,0.05,0.1,0.15},
                             {0.02,0.04,0.08,0.16},
                             {0,0,0,0.05}};

    double[][] pFinal;

    carregaVal(valores);

    pFinal = calculaFinal(valores, descontos);
}
```

Matrizes

- Criando as tabelas
 - ▶ Note os modos como podemos criar
 - ▶ Aloca somente espaço para *pFinal* – um endereço
- Carregando valores iniciais
- Construindo a tabela de valores finais
 - ▶ Recebe matrizes como parâmetros

```
/*  
Retorna matriz com os preços finais.  
Parâmetros:  
    val - matriz de valores  
    desc - matriz de descontos  
*/  
public static double[][] calculaFinal(double[][]  
                                     val, double[][] desc) {  
    double[][] saida = new double[val.length  
                                   [val[0].length];  
  
    for (int i=0; i<saida.length; i++) {  
        for (int j=0; j<saida[0].length; j++) {  
            saida[i][j] = val[i][j] * (1-desc[i][j]);  
        }  
    }  
    return(saida);  
}  
  
public static void main(String[] args) {  
    double[][] valores = new double[4][4];  
    double[][] descontos = {{0,0,0.2,0.2},  
                             {0.05,0.05,0.1,0.15},  
                             {0.02,0.04,0.08,0.16},  
                             {0,0,0,0.05}};  
  
    double[][] pFinal;  
  
    carregaVal(valores);  
  
    pFinal = calculaFinal(valores, descontos);  
}
```


Matrizes

- Criando as tabelas
 - ▶ Note os modos como podemos criar
 - ▶ Aloca somente espaço para *pFinal* – um endereço
- Carregando valores iniciais
- Construindo a tabela de valores finais
 - ▶ Recebe matrizes como parâmetros
 - ▶ Cria a auxiliar com base nos parâmetros

```
/*
Retorna matriz com os preços finais.
Parâmetros:
    val - matriz de valores
    desc - matriz de descontos
*/
public static double[][] calculaFinal(double[][] val, double[][] desc) {
    double[][] saida = new double[val.length]
                                [val[0].length];

    for (int i=0; i<saida.length; i++) {
        for (int j=0; j<saida[0].length; j++) {
            saida[i][j] = val[i][j] * (1-desc[i][j]);
        }
    }
    return(saida);
}

public static void main(String[] args) {
    double[][] valores = new double[4][4];
    double[][] descontos = {{0,0,0.2,0.2},
                            {0.05,0.05,0.1,0.15},
                            {0.02,0.04,0.08,0.16},
                            {0,0,0,0.05}};

    double[][] pFinal;

    carregaVal(valores);

    pFinal = calculaFinal(valores, descontos);
}
```

Matrizes

- Criando as tabelas
 - ▶ Note os modos como podemos criar
 - ▶ Aloca somente espaço para *pFinal* – um endereço
- Carregando valores iniciais
- Construindo a tabela de valores finais
 - ▶ Recebe matrizes como parâmetros
 - ▶ Cria a auxiliar com base nos parâmetros
 - ▶ Retorna o endereço da matriz

```
/*
Retorna matriz com os preços finais.
Parâmetros:
    val - matriz de valores
    desc - matriz de descontos
*/
public static double[][] calculaFinal(double[][] val, double[][] desc) {
    double[][] saida = new double[val.length][val[0].length];

    for (int i=0; i<saida.length; i++) {
        for (int j=0; j<saida[0].length; j++) {
            saida[i][j] = val[i][j] * (1-desc[i][j]);
        }
    }

    return(saida);
}

public static void main(String[] args) {
    double[][] valores = new double[4][4];
    double[][] descontos = {{0,0,0.2,0.2},
                             {0.05,0.05,0.1,0.15},
                             {0.02,0.04,0.08,0.16},
                             {0,0,0,0.05}};

    double[][] pFinal;

    carregaVal(valores);

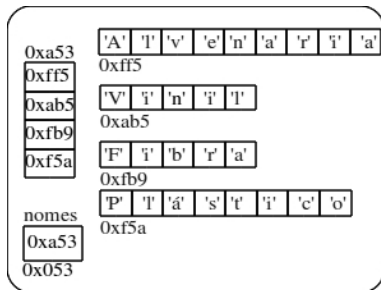
    pFinal = calculaFinal(valores, descontos);
}
```

Matrizes e Memória

- Como *nomes* está na memória?

Matrizes e Memória

- Como *nomes* está na memória?



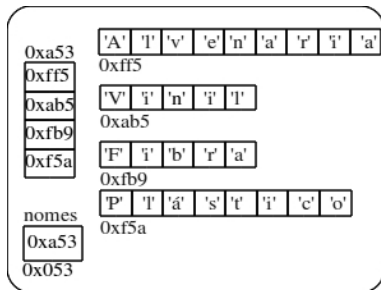
Matrizes e Memória

- Como *nomes* está na memória?

- Queremos fazer

```
char [][] nomes2;
```

```
nomes2 = nomes;
```



Matrizes e Memória

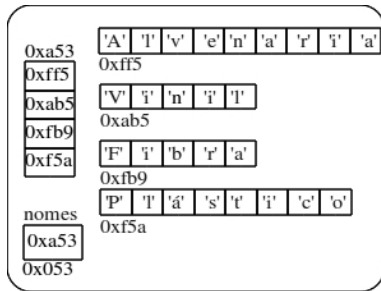
- Como *nomes* está na memória?

- Queremos fazer

```
char [][] nomes2;
```

```
nomes2 = nomes;
```

- O que acontece ao declararmos *nomes2*?



Matrizes e Memória

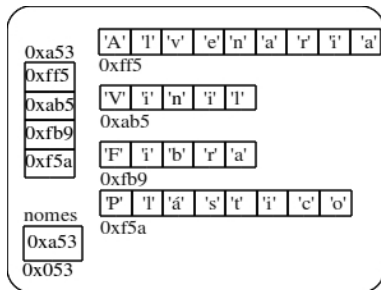
- Como *nomes* está na memória?

- Queremos fazer

```
char [][] nomes2;
```

```
nomes2 = nomes;
```

- O que acontece ao declararmos *nomes2*?
 - ▶ Alocamos espaço suficiente para caber um endereço



Matrizes e Memória

- Como *nomes* está na memória?

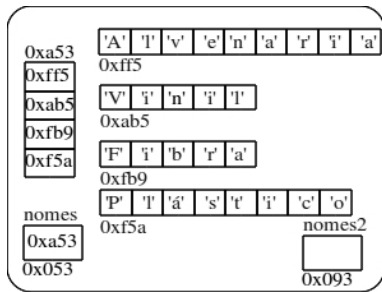
- Queremos fazer

```
char [][] nomes2;
```

```
nomes2 = nomes;
```

- O que acontece ao declararmos *nomes2*?

- ▶ Alocamos espaço suficiente para caber um endereço



Matrizes e Memória

- Como *nomes* está na memória?

- Queremos fazer

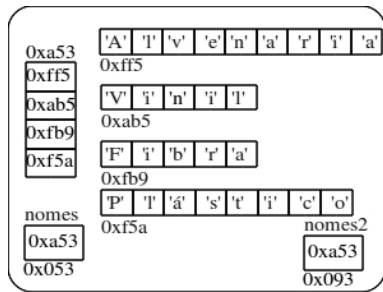
```
char [][] nomes2;
```

```
nomes2 = nomes;
```

- O que acontece ao declararmos *nomes2*?

- ▶ Alocamos espaço suficiente para caber um endereço

- Ao fazermos a atribuição copiamos o conteúdo de *nomes* (ou seja, o endereço que lá está) para *nomes2*



Matrizes e Memória

- Considere os códigos:

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

Matrizes e Memória

- Considere os códigos:

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

- Qual será mais rápido?

Matrizes e Memória

- Considere os códigos:

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

- Qual será mais rápido?
 - ▶ Média de tempo em 50 repetições

Matrizes e Memória

- Considere os códigos:

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

- Qual será mais rápido?

- ▶ Média de tempo em 50 repetições

- 10ms

Matrizes e Memória

- Considere os códigos:

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

- Qual será mais rápido?

- ▶ Média de tempo em 50 repetições

- 10ms

- 38ms

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?
 - ▶ Por conta da cache

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?
 - ▶ Por conta da cache

Cache

Circuito de memória que, juntamente com a RAM (e outros) formam a memória primária do computador

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?
 - ▶ Por conta da cache

Cache

Circuito de memória que, juntamente com a RAM (e outros) formam a memória primária do computador

- Características:

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?
 - ▶ Por conta da cache

Cache

Circuito de memória que, juntamente com a RAM (e outros) formam a memória primária do computador

- Características:
 - ▶ Rapidez (por volta de 2ns) – 5 vezes mais rápido que a RAM

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?
 - ▶ Por conta da cache

Cache

Circuito de memória que, juntamente com a RAM (e outros) formam a memória primária do computador

- Características:
 - ▶ Rapidez (por volta de 2ns) – 5 vezes mais rápido que a RAM
 - ▶ Caro

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?
 - ▶ Por conta da cache

Cache

Circuito de memória que, juntamente com a RAM (e outros) formam a memória primária do computador

- Características:
 - ▶ Rapidez (por volta de 2ns) – 5 vezes mais rápido que a RAM
 - ▶ Caro
- Funcionamento:

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?
 - ▶ Por conta da cache

Cache

Circuito de memória que, juntamente com a RAM (e outros) formam a memória primária do computador

- Características:
 - ▶ Rapidez (por volta de 2ns) – 5 vezes mais rápido que a RAM
 - ▶ Caro
- Funcionamento:
 - ▶ Quando um endereço de memória é buscado, o computador verifica primeiro se o conteúdo está na cache

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?
 - ▶ Por conta da cache

Cache

Circuito de memória que, juntamente com a RAM (e outros) formam a memória primária do computador

- Características:
 - ▶ Rapidez (por volta de 2ns) – 5 vezes mais rápido que a RAM
 - ▶ Caro
- Funcionamento:
 - ▶ Quando um endereço de memória é buscado, o computador verifica primeiro se o conteúdo está na cache
 - ▶ Se não estiver, ele é buscado na RAM, sendo então trazido, juntamente com alguns vizinhos, para a cache

Matrizes e Memória

- Por que isso acontece?
 - ▶ Por conta da cache

Cache

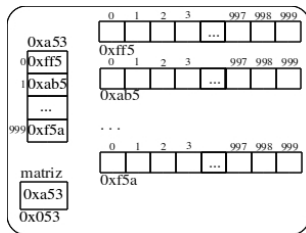
Circuito de memória que, juntamente com a RAM (e outros) formam a memória primária do computador

- Características:
 - ▶ Rapidez (por volta de 2ns) – 5 vezes mais rápido que a RAM
 - ▶ Caro
- Funcionamento:
 - ▶ Quando um endereço de memória é buscado, o computador verifica primeiro se o conteúdo está na cache
 - ▶ Se não estiver, ele é buscado na RAM, sendo então trazido, juntamente com alguns vizinhos, para a cache
 - ▶ Assim, o próximo acesso ao mesmo endereço (ou algum vizinho) será mais rápido, pois ele estará na cache

Matrizes e Memória

- Agora vejamos como cada arranjo é corrido na memória (supondo que o arranjo em 0xa53 está no cache):

```
public static void main(String args[]) {  
    int [][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

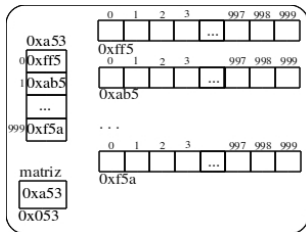


Cache

Matrizes e Memória

- Agora vejamos como cada arranjo é corrido na memória (supondo que o arranjo em 0xa53 está no cache):

```
public static void main(String args[]) {  
    int [][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```



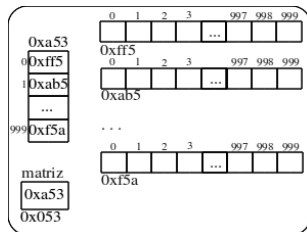
- O primeiro elemento desse vetor é buscado no cache



Matrizes e Memória

- Agora vejamos como cada arranjo é corrido na memória (supondo que o arranjo em 0xa53 está no cache):

```
public static void main(String args[]) {  
    int [][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```



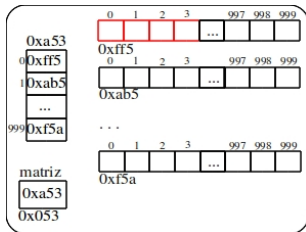
- O primeiro elemento desse vetor é buscado no cache – não é encontrado

Cache

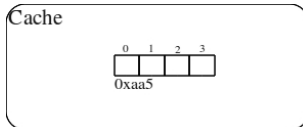
Matrizes e Memória

- Agora vejamos como cada arranjo é corrido na memória (supondo que o arranjo em 0xa53 está no cache):

```
public static void main(String args[]) {  
    int [][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i<matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```



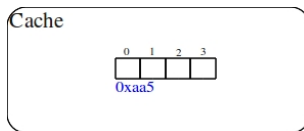
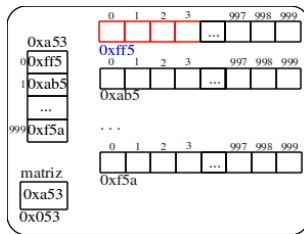
- O primeiro elemento desse vetor é buscado no cache – não é encontrado
- Então é buscado na memória, sendo alguns vizinhos trazidos para o cache



Matrizes e Memória

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

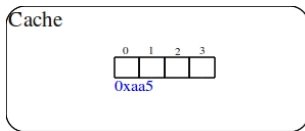
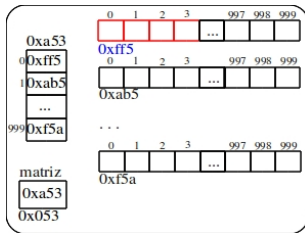
- Mudou o endereço ao ir para o cache!



Matrizes e Memória

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

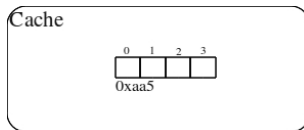
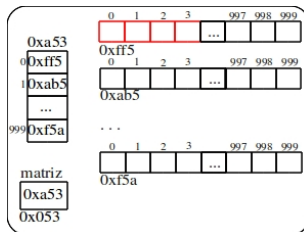
- Mudou o endereço ao ir para o cache!
 - ▶ O S.O. cuida para que isso seja transparente ao programa



Matrizes e Memória

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i<matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

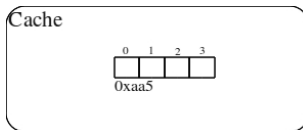
- O próximo elemento do for buscará o segundo elemento desse primeiro arranjo



Matrizes e Memória

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i<matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

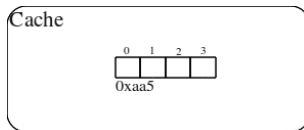
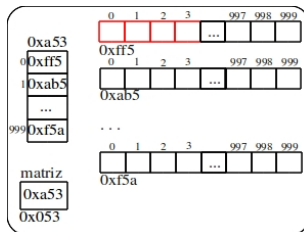
- O próximo elemento do for buscará o segundo elemento desse primeiro arranjo
- Ao buscar esse elemento, ele já está na cache



Matrizes e Memória

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i<matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[i][j];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```

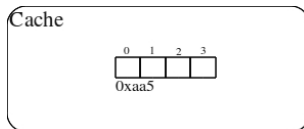
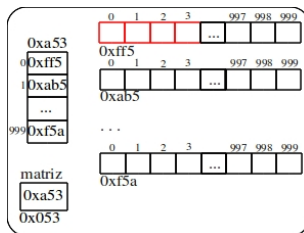
- O próximo elemento do for buscará o segundo elemento desse primeiro arranjo
- Ao buscar esse elemento, ele já está na cache
 - ▶ É recuperado mais rapidamente



Matrizes e Memória

• E no segundo modelo?

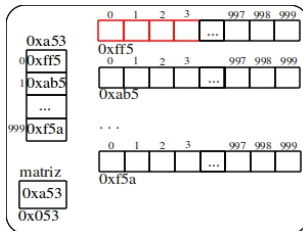
```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```



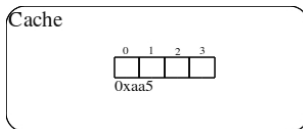
Matrizes e Memória

- E no segundo modelo?

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```



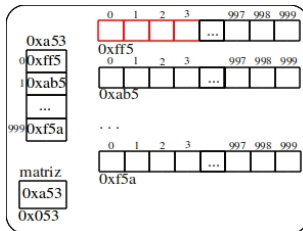
- Primeiro elemento do primeiro arranjo: idêntico ao esquema anterior



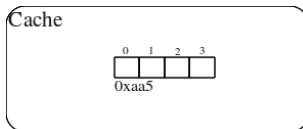
Matrizes e Memória

- E no segundo modelo?

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```



- Primeiro elemento do primeiro arranjo: idêntico ao esquema anterior

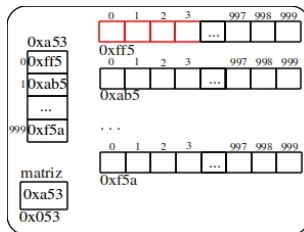


- Próximo elemento do for: primeiro elemento do segundo arranjo

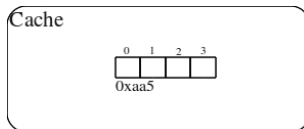
Matrizes e Memória

- E no segundo modelo?

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```



- Primeiro elemento do primeiro arranjo: idêntico ao esquema anterior



- Próximo elemento do for: primeiro elemento do segundo arranjo
- Ao buscar esse elemento, ele não estará na cache

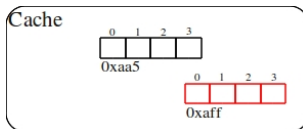
Matrizes e Memória

- E no segundo modelo?

```
public static void main(String args[]) {  
    int[][] matriz = new int[1000][1000];  
    int l;  
  
    long t = System.currentTimeMillis();  
    for (int i=0; i< matriz.length; i++)  
        for (int j = 0; j<matriz[0].length; j++)  
            l = matriz[j][i];  
  
    long t2 = System.currentTimeMillis();  
  
    System.out.println(t2 - t);  
}
```



- Primeiro elemento do primeiro arranjo: idêntico ao esquema anterior



- Próximo elemento do for: primeiro elemento do segundo arranjo
- Ao buscar esse elemento, ele não estará na cache
 - ▶ Deve ser trazido da RAM – mais lento

Matrizes Multidimensionais

- Finalmente, matrizes não existem apenas em duas dimensões

Matrizes Multidimensionais

- Finalmente, matrizes não existem apenas em duas dimensões
- Podem ter mais:

Matrizes Multidimensionais

- Finalmente, matrizes não existem apenas em duas dimensões
- Podem ter mais:
 - ▶ Ex: `double[] [] [] [] matriz; //quatro dimensões`

Matrizes Multidimensionais

- Finalmente, matrizes não existem apenas em duas dimensões
- Podem ter mais:
 - ▶ Ex: `double[] [] [] [] matriz; //quatro dimensões`
 - ▶ Acessada com `matriz[1][2][0][1]`

Matrizes Multidimensionais

- Finalmente, matrizes não existem apenas em duas dimensões
- Podem ter mais:
 - ▶ Ex: `double[] [] [] [] matriz; //quatro dimensões`
 - ▶ Acessada com `matriz[1][2][0][1]`
 - ▶ Cada dimensão pode ter tamanho diferente:

Matrizes Multidimensionais

- Finalmente, matrizes não existem apenas em duas dimensões

- Podem ter mais:

- ▶ Ex: `double[] [] [] [] matriz; //quatro dimensões`

- ▶ Acessada com `matriz[1][2][0][1]`

- ▶ Cada dimensão pode ter tamanho diferente:

- ★ `double[] [] [] [] matriz = new double [10][45][max][c+2];`