Matrizes Vetores e Geometria Analítica - Lista 1 Prof. Dr Helton Hideraldo Bíscaro

- 1. Sejam u, v e w vetores de um espaço vetorial qualquer. Mostre que se u + v = u + w, então v = w;
- 2. Mostre que, para todo espaço vetorial V, o vetor nulo e é único;
- 3. Mostre que cada vetor  $u \in V$  admite um único vetor simétrico -u;
- 4. Seja  $V=\mathbb{R}^2$ . Se  $u=(x1,x2)\in V$  e  $v=(y1,y2)\in V$  , então V , com as operações de adição:

$$u + v = (x1 + y1, x2 + y2)$$

e multiplicação por escalar

$$\alpha u = (\alpha^2 x 1, \alpha^2 x 2)$$

é um espaço vetorial sobre R?

5. Seja  $V=\mathbb{R}^2$ . Se  $u=(x1,x2)\in V$  e  $v=(y1,y2)\in V$  , então V , com as operações de adição:

$$u + v = (x1 + y1, x2 + y2)$$

e multiplicação por escalar

$$\alpha u = (-\alpha x1, -\alpha x2)$$

é um espaço vetorial sobre R?

- 6. Seja  $V=\mathbb{R}^3.$  Verifique quais dos subconjuntos abaixo são subespaços de V
  - (a)  $W = \{(x, y, z) \in V : x + y + z = 0\};$
  - (b)  $W = \{(x, y, z) \in V : x?y?z\};$
  - (c)  $W = \{(x, y, z) \in V : x?3z = 0\};$
  - (d)  $W = \{(x, y, z) \in V : x \in \mathbb{Z}\};$
  - (e)  $W = \{(x, y, z) \in V : x2 + y2 + z2 \le 1\};$
  - (f)  $W = \{(x, y, z) \in V : x \ge 0\};$
  - (g)  $W = \{(x, y, z) \in V : xy = 0\};$
  - (h)  $W = \{(x, y, z) \in V : x = z^2\}.$
- 7. Sejam V um espaço vetorial sobre  $\mathbb R$  e  $W_1,W_2$  subespaços de V. Mostre que  $W1\cup W2$  é um subespaço de V se, e somente se,  $W1\subseteq W2$  ou  $W2\subseteq W1$ .