ACH-2002 - Introdução à Análise de Algoritmos - Prova 1 - 15.09.2017 - Prof. Fábio Nakano

Nome: nusp

Orientações

- Duração: 1h45min. Entregar a avaliação ao professor antes deste anunciar o final do tempo. Em seguida o prof. deve apontar a entrega na lista de presença. Caso o professor precise ir ao aluno recolher a avaliação será atribuída nota ZERO. Avaliações que não forem entregues receberão nota ZERO.
- Estratégia sugerida: leia todas as questões e resolva-as procurando MAXIMIZAR sua nota. Considere o tempo para ENTENDER (não só ler) o enunciado, E o que você é capaz de responder gastando pouco tempo.
- Escrever seu nome e número USP em todas as folhas. Quando houver local indicado, usá-lo.
- Preencher seu nome e número USP nesta folha.
- Entregar esta folha junto com as folhas de resposta.
- Colocar as folhas de resposta e esta uma dentro da outra de forma que formem um único bloco.
- É proibida qualquer consulta, por exemplo (não limitado a) colegas, livros, anotações feitas antes da avaliação e anotações de colegas.
- Mostrar o encadeamento lógico das idéias e conceitos é essencial nas respostas.
- As questões sobre a linguagem de programação DEVEM ser respondidas USANDO-A. Caso não haja menção sobre linguagem a usar, é permitido usar qualquer uma, inclusive pseudo-código.
- Escrever a lápis ou tinta, como preferir
- Indicar claramente a que questão refere-se a resolução
- Apresentar a resolução na ordem que preferir. (o enunciado deve ser lido sequencialmenete ;-)
- 1. Em análise de algoritmos estudamos técnicas que nos permitem classificar algoritmos em termos do uso da capacidade de processamento. A forma mais imediata de conseguir classificar algoritmos de forma similar é medir diretamente o tempo de execução mas isto não é usual. Explique o que se mede, quais as vantagens dessa medida e qual é o processo, partindo da análise do código passando por algoritmos recursivos, fórmulas de recorrência e fórmulas fechadas, em que etapas são usadas técnicas de demonstração matemática e como isso se relaciona com notação assintótica.2,5pt
- 2. O código abaixo é compilado e executado sem erros. Simule sua execução, em especial do método fazAlgo(...). Apresente a simulação em formato de árvore de execução. A partir do código, escreva que valor corresponde ao tamanho do prob-

lema, a fórmula de **recorrência** que corresponde à quantidade de comparações que o programa executa.**2,5pt**

```
1 class Teste {
     static void imprime (int[] a) {
       for (int i=0;i<a.length;i++) {</pre>
         System.out.print (a[i] + ",");
 6
       System.out.println ();
 7
     int[] metadeInicio (int[] a) {
 9
       /*Metade do inicio do array - estah correto,
      tem que considerar a quantidade de operacoes. */
10
       int[] r = new int[a.length/2];
11
       for (int i=0; i<a.length/2; i++) {
12
         r[i]=a[i];
13
14
15
       return r;
16
17
18
     int[] metadeFim (int[] a) {
       /*Metade do fim do array - estah correto, para o
19
20
       exemplo tem que considerar a quantidade de operacoes. */
21
       int mais=(a.length % 2);
       int[] r = new int[a.length/2+mais];
22
23
      for (int i=0;i<a.length/2+mais;i++) {</pre>
24
         r[i]=a[i+mais+a.length/2];
25
26
       return r;
27
28
     int[] fazAlgo (int[] a) {
29
30
       imprime (a); // AQUI IMPRIME!
31
       if (a.length<=1) return a;
       int[] ini=metadeInicio(a);
32
33
       int[] fim=metadeFim(a);
34
       fazAlgo (ini);
35
       fazAlgo (fim);
36
       int i=0, iIni=0, iFim=0;
37
38
       while (i<a.length) {</pre>
39
         if (iIni>=ini.length) {
40
           a[i]=fim[iFim];
41
           iFim++;
42
         } else if (iFim>=fim.length) {
```

```
a[i]=ini[iIni];
43
44
           iIni++;
         } else if (ini[iIni]<fim[iFim]) {</pre>
45
46
           a[i]=ini[iIni];
47
           iIni++;
         } else {
48
           a[i]=fim[iFim];
49
50
           iFim++;
51
52
         i++;
53
       imprime (a); // AQUI IMPRIME!
54
55
       return a;
56
57
     Teste (int[] a) {
58
       fazAlgo (a);
59
60
61
     public static void main (String[] args) {
62
       int[] a=\{5,3,9,7,2,1,4,8\};
63
       Teste t = new Teste (a);
64
       imprime(a);
65
66 }
67 }
```

- 3. Apresente as definições das notações $O(g(n)),\ \Theta(g(n)),\ \Omega(g(n))$ na forma de desigualdade ${\bf E}$ de limite. 1,5pt
- 4. Demonstre que

$$10^n \in \Theta(2^n)$$

e que

$$n^n \in \omega(2^n)$$

use a definição que preferir. Caso escolha desigualdade, é necessário demonstrar que ela é obedecida. ${\bf 2,0pt}$

5. Demonstre por indução (forte) que se

$$T(n) = T(\frac{n}{3}) + n$$

com T(1) = 1 então

$$T(n) = \frac{(3*n) - 1}{2}$$

 $0,\!3\mathrm{pt}$ para base, $1,\!2\mathrm{pt}$ para passo

Escrito usando Ubuntu16.04LTS, Bluefish, pdfTeX 3.14159265-2.6-1.40.16 (TeX Live 2015/Debian) e java2html código testado usando openjdk version "1.8.0_121"