

## "Melhoras com gasto adicional de memória"

### - Bit visitado

- gasto um bit a mais para cada posição da tabela. Todos os bits são inicializados com zero e  $i'$  atualizado para 1 quando na inserção de uma chave  $a$ , essa chave colide com alguma posição já ocupada.

Toda vez que uma busca é executada e o bit adicional do  $i$ -ésimo re-hash  $i'$  igual a zero significa que ninguém colidiu nele, incluindo a chave que está sendo buscada, logo ele não se encontra na tabela.

### - Método preditor

- gasto um inteiro a mais por cada posição da tabela. Definimos uma função  $pre(j, k)$  que compute diretamente a posição do  $j$ -ésimo re-hash da chave  $k$ ,

Exemplo com re-hash linear

$$pre(0, k) = h(k)$$

$$pre(1, k) = (h(k) + c) \% TS$$

$$pre(2, k) = (h(k) + 2c) \% TS$$

$\vdots$

$$pre(j, k) = (h(k) + jc) \% TS$$

O campo adicional será chamado de preditor, inicializado com 0. Supondo que a chave  $k_1$  está sendo inserida e  $j$  é o menor inteiro tal que a operação  $pre[j, k_1] = 0$  depois de mais alguns re-hashes  $k_1$  é inserido na posição  $pre(p, k_1)$ .  $pre[pre(j, k_1)]$  é utilizado para  $p - j$ .

Numa busca, quando a posição  $pre(j, k_1)$  for diferente de  $k_1$  a próxima posição examinada é  $pre(j + pre[pre(j, k_1)])$  ou  $pre(p, k_1)$ .



## "Hashing Encadeado"

Guarda um inteiro a mais para cada posição de memória. Um inteiro para marcar a próxima posição disponível no tabelo. Não há função de rehash, a lista é orientada por uma lista encadeada onde o campo auxiliar serve de indicadores de próximos. No caso de colisão a lista é seguida até o fim. A chave é colocada no primeiro de marcador de disponível, o último posição da lista é atualizado para o lugar que a chave foi inserida. Consequentemente o marcador de disponível é atualizado.

## "Escolhendo funções hash"

- Método da divisão:  $h(k) = k \% T_s$

Quais as características que uma "boa" função hash deve ter?

- \* Depender de todos os bits da chave
- \* Sensível a permutações

- Método da multiplicação: Consiste em escolher um número real entre  $0 < 1$  e definir  $h(k)$  como  $\text{floor}(m * \text{frac}(c * k))$  onde  $m$  é o tamanho do tabelo,  $\text{frac}()$  é a parte fracionária de um número real e  $\text{floor}()$  é a parte inteira.

Resultados teóricos mostram que valores de  $c$  com boas propriedades são  $c = 0,6180339887$  ou  $c = 0,3819660113$

- Método do quadrado médio: Consiste em elevar a chave ao quadrado e selecionar alguns dígitos do "meio" do resultado

- Método de dobra:  $\rightarrow$

cas: funciona bem para  $T_s = 2^k$



→ Conjuntos - se a chave na representação binária. Depois que o resultado foi 01011 10010 10110 e que  $(B=3)$ . Em seguida fazemos uma operação de "ou" exclusiva com os índices.

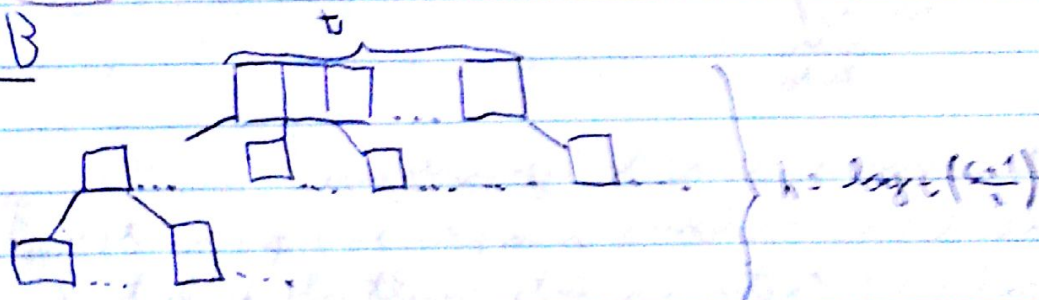
$$\begin{array}{r} 01011 \\ 10010 \\ 10110 \\ \hline 01111 = 1+2+4+8 = 15 \end{array}$$

- Chaves alfa-numéricas: Uma das maneiras é transformar cada letra em um número via tabela ASCII e então somar algumas delas.

Outra possibilidade é interpretar cada letra como um dígito na base 26.

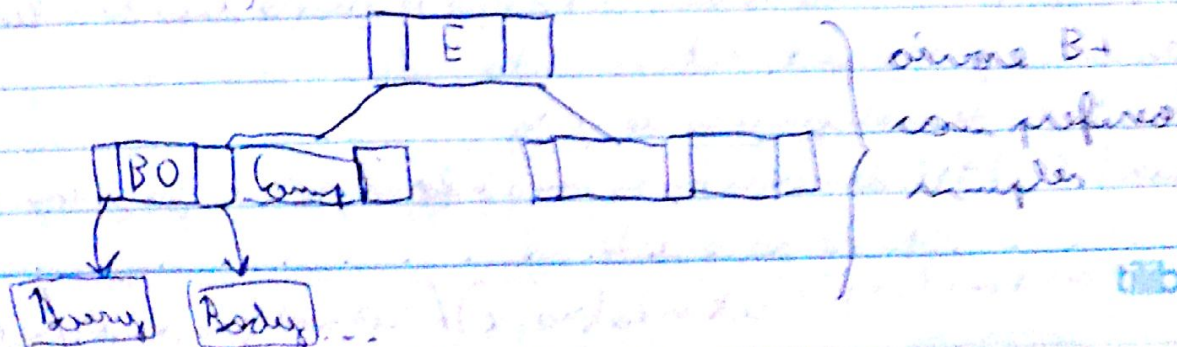
Exemplo:  $2020 = 2 \ 0 \ 2 \ 0$   
 $1 \cdot 26^3 + 0 \cdot 26^2 + 2 \cdot 26^1 + 0 \cdot 26^0 = 27326$

Árvore B



Árvore B+

- Usada para melhorar a performance de acesso
- Cada nó possui um ponteiro para o próximo nó

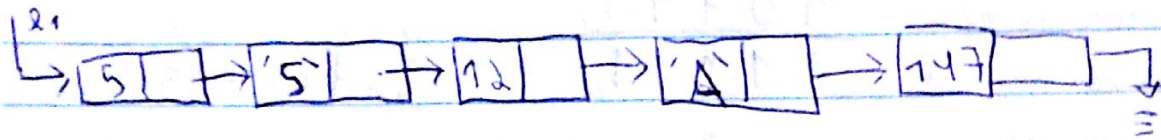




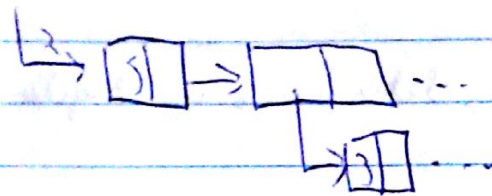
## Listas Generalizadas

Conceito de lista generalizada: listas cujos nós podem armazenar elementos de diferentes tipos.

Exemplos



Representação:  $l_1 = (5, '5', 12, 'A', 147)$



Representação

$l_2 = (5, (3, 2, (14, 9, 'a')), (1, 4), 2, (6, 3, 10))$

no  
no/  
outra  
lista

## Operadores para listas generalizadas

$head(l) \rightarrow$  retorna a informação que existe no 1º nó da lista.

$tail(l) \rightarrow$  retorna a lista resultante da lista  $l$  menos o 1º elemento.

$first(l) \rightarrow$  retorna o primeiro nó da lista

## Operadores sobre o nó de uma lista

$info(no) \rightarrow$  retorna a informação armazenada em um nó particular

$next(no) \rightarrow$  retorna o nó seguinte a um nó específico

$nodeType(no) \rightarrow$  retorna uma indicação de qual o tipo de informação está armazenado neste determinado nó

## Operadores de modificação da lista

$push(l, x) \rightarrow$  ele cria um nó com a informação  $x$  e força com que  $l$  aponte para este nó

**utiliza**  $add\_an(l, x)$  /  $set\_info(no, x)$  /  $set\_next(no, next)$  /  $set\_head(l, x)$



## Definição

Uma informação ou um nó ~~em~~ é acessível a partir de uma lista ou de um ponteiro externo se existe uma sequência de operações head e tail que, se aplicadas em  $L$  resultam numa lista em que é o primeiro elemento.

## Liberação de memória

- Critério de exclusão: apagar todos os nós tal que não existam mais ponteiros para o mesmo

## Esquema para o nó

```
struct Node {  
    int type,  
    union { int int_info,  
            char char_info,  
            node node_info  
    } info;  
    node next;  
    int ref;  
}
```

Técnica não recursiva, de exclusão, em 2 passos

Passo 1 - marcação

Passo 2 - remoção

- Supondo que os nós estão em um vetor `Nodes [NumNodes]` e os ponteiros externos estão em um outro vetor `ext [max]`

```
for (i=0, i < max, i++)
```

```
    nodes[vec[i]].mark = true;
```

```
    int j;
```

```
    j = 0;
```

```
    while (i < numNodes) {
```

```
        j = i + 1;
```

```
        if (nodes[i].mark) {
```

```
            if (nodes[i].type == 2 & & nodes[nodes[i].info].mark != true) {
```

```
                nodes[nodes[i].info].mark = true;
```

```
                if (nodes[i].info < j)
```

```
                    j = nodes[i].info;
```

```
            }
```

```
            if ((nodes[i].next > 0) && (nodes[nodes[i].next].mark != true)) {
```

```
                nodes[nodes[i].next].mark = true;
```

```
                if (nodes[i].next < j)
```

```
                    j = nodes[i].next;
```

```
            }
```

```
        }
```

```
        i = j;
```

```
    }
```