Aula 16 – Ordenação

Norton Trevisan Roman

16 de maio de 2013

Mistério

• O que este código faz? Tente com $v = \{4,1,3,5\}$

```
static void ???(int[] v) {
    for (int ult = v.length-1; ult>0; ult--) {
        for (int i=0; i<ult; i++) {
            if (v[i] > v[i+1]) {
                int aux = v[i]:
                v[i] = v[i+1]:
                v[i+1] = aux:
```

• E como ordenamos?

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Senão, troque-os de lugar

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente

9 8 4 6 3

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

9 8 4 6 3

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ► Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

Comparando os dois primeiros números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ► Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

► Trocando porque 8<9

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ► Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

► Comparando segundo e terceiro números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

► Trocando porque 4<9

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

Comparando terceiro e quarto números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

► Trocando porque 6<9

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

8 4 6 9 3

Comparando quarto e quinto números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ► Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

8 4 6 3 9

► Trocando porque 3<9

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Primeira passada completa. Último elemento fixado:

8 4 6 3 **9**

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Senão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a segunda passada:

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Executando a segunda passada:

Comparando os dois primeiros números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a segunda passada:

► Trocando porque 4<8

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a segunda passada:

Comparando segundo e terceiro números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a segunda passada:

► Trocando porque 6<8

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Executando a segunda passada:

Comparando terceiro e quarto números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a segunda passada:

► Trocando porque 3<8

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Segunda passada completa. Ultimo elemento fixado:

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a terceira passada:

8	4	6	3	g
4	6	3	8	g
4	6	3	8	g

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Senão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a terceira passada:

Comparando os dois primeiros números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a terceira passada:

▶ 6>4, logo não há necessidade de troca

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Senão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a terceira passada:

Comparando os segundo e terceiro números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Senão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a terceira passada:

► Trocando porque 3<6

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Terceira passada completa. Último elemento fixado:

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - ▶ Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a quarta passada:

8	4	6	3	9
4	6	3	8	9
4	3	6	8	9
4	3	6	8	9

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a quarta passada:

Comparando os dois primeiros números

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a quarta passada:

► Trocando porque 3<4

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Senão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Quarta passada completa. Último elemento fixado:

- E como ordenamos?
- Primeiro método: Bubble sort
 - Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
 - ▶ Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
 - Señão, troque-os de lugar
 - Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro
- Ex: ordene em ordem crescente
 - Quarta passada completa. Último elemento fixado:

 Há somente um elemento no arranjo. O algoritmo pára. O arranjo está ordenado.

 Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...

- Observe que n\u00e3o precisamos correr sempre o arranjo at\u00e9 o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - ► Como?

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - ► Como?
 - ★ Marcando esse final

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - ► Como?
 - ★ Marcando esse final

```
static void bolha(int[] v) {
    for (int ult = v.length-1: ult>0: ult--) {
        for (int i=0; i<ult; i++) {
            if (v[i] > v[i+1]) {
                 int aux = v[i]:
                v[i] = v[i+1]:
                v[i+1] = aux;
public static void main(String[] args) {
    int[] v = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63, 69, 125\};
    bolha(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
```

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - ► Como?
 - ★ Marcando esse final
 - ★ ult é esse marcador

```
static void bolha(int[] v) {
    for (int ult = v.length-1: ult>0: ult--) {
        for (int i=0; i<ult; i++) {
            if (v[i] > v[i+1]) {
                 int aux = v[i]:
                v[i] = v[i+1]:
                v[i+1] = aux;
public static void main(String[] args) {
    int[] v = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63, 69, 125\};
    bolha(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
```

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - ► Como?
 - ★ Marcando esse final
 - * ult é esse marcador
 - ★ Sempre corremos de 0 a ult

```
static void bolha(int[] v) {
    for (int ult = v.length-1: ult>0: ult--) {
        for (int i=0: i<ult: i++) {
            if (v[i] > v[i+1]) {
                 int aux = v[i]:
                v[i] = v[i+1]:
                v[i+1] = aux;
public static void main(String[] args) {
    int[] v = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63, 69, 125\};
    bolha(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
```

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - ► Como?
 - ★ Marcando esse final
 - ★ ult é esse marcador
 - ★ Sempre corremos de 0 a ult
 - ★ E a cada passada, decrementamos ult

```
static void bolha(int[] v) {
    for (int ult = v.length-1: ult>0: ult--) {
        for (int i=0: i<ult: i++) {
            if (v[i] > v[i+1]) {
                 int aux = v[i]:
                v[i] = v[i+1]:
                v[i+1] = aux;
public static void main(String[] args) {
    int[] v = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63, 69, 125\};
    bolha(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
```

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - ► Como?
 - ★ Marcando esse final
 - ult é esse marcador
 - ★ Sempre corremos de 0 a ult
 - ★ E a cada passada, decrementamos *ult*

Saída

```
$ java Projeto
-78 -4 0 32 52 55 63 69 125 200
```

```
static void bolha(int[] v) {
    for (int ult = v.length-1: ult>0: ult--) {
        for (int i=0: i<ult: i++) {
            if (v[i] > v[i+1]) {
                int aux = v[i]:
                v[i] = v[i+1]:
                v[i+1] = aux;
public static void main(String[] args) {
    int[] v = {55,0,-78,-4,32,200,52,63,69,125};
    bolha(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
```

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - ► Como?
 - ★ Marcando esse final
 - ult é esse marcador
 - ★ Sempre corremos de 0 a ult
 - ★ E a cada passada, decrementamos ult

```
Saída

$ java Projeto

-78 -4 0 32 52 55 63 69 125 200
```

```
static void bolha(int[] v) {
    for (int ult = v.length-1: ult>0: ult--) {
        for (int i=0: i<ult: i++) {
            if (v[i] > v[i+1]) {
                 int aux = v[i]:
                v[i] = v[i+1]:
                 v[i+1] = aux;
public static void main(String[] args) {
    int[] v = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63, 69, 125\};
    bolha(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
```

Cuidado! Esse método modifica o arranjo original!

 E se em vez de inteiros, quisermos usar objetos?

- E se em vez de inteiros, quisermos usar objetos?
 - Como nossa Residencia

- E se em vez de inteiros, quisermos usar objetos?
 - ► Como nossa Residencia
- O problema está em comparar os objetos

- E se em vez de inteiros, quisermos usar objetos?
 - Como nossa Residencia
- O problema está em comparar os objetos
 - Não podemos fazer obj1 == obj2

- E se em vez de inteiros, quisermos usar objetos?
 - Como nossa Residencia
- O problema está em comparar os objetos
 - Não podemos fazer obj1 == obj2
 - Resta apenas definirmos um método que compare objetos com base em seus atributos

- E se em vez de inteiros, quisermos usar objetos?
 - ► Como nossa Residencia
- O problema está em comparar os objetos
 - Não podemos fazer obj1 == obj2
 - Resta apenas definirmos um método que compare objetos com base em seus atributos
 - Por exemplo, a área total

```
class Residencia {
    int comparaRes(Residencia outra) {
        if (outra == null) return(1); // esta é maior
        return((int)(this.area() - outra.area()));
    static void bolha(Residencia[] v) {
        for (int ult = v.length-1: ult>0: ult--) {
            for (int i=0: i<ult: i++) {
                if (v[i].comparaRes(v[i+1]) > 0) {
                    Residencia aux = v[i];
                    v[i] = v[i+1]:
                    v[i+1] = aux;
    public static void main(String[] args) {
        AreaCasa c = new AreaCasa();
        AreaPiscina p = new AreaPiscina();
        Residencia r1 = new Residencia(c,p);
        c = new AreaCasa():
        p = new AreaPiscina(11):
        Residencia r2 = new Residencia(c.p):
        System.out.println(r1.comparaRes(r2));
}
```

• Então...

```
public static void main(String[] args) {
    Projeto pr = new Projeto(5);
    for (int i=0: i<5: i++) {
        AreaCasa c = new AreaCasa(Math.random()*100,
                                  Math.random()*30);
        AreaPiscina p = new AreaPiscina(
                                  Math.random()*10):
        Residencia r = new Residencia(c,p);
        pr.adicionaRes(r);
    for (Residencia r : pr.condominio)
        System.out.println(r.area());
    System.out.println();
    bolha(pr.condominio);
    for (Residencia r : pr.condominio)
        System.out.println(r.area());
}
```

- Então...
- Math.random()?

```
public static void main(String[] args) {
    Projeto pr = new Projeto(5);
    for (int i=0: i<5: i++) {
        AreaCasa c = new AreaCasa(Math.random()*100,
                                  Math.random()*30);
        AreaPiscina p = new AreaPiscina(
                                  Math.random()*10):
        Residencia r = new Residencia(c,p);
        pr.adicionaRes(r);
    for (Residencia r : pr.condominio)
        System.out.println(r.area());
    System.out.println();
    bolha(pr.condominio);
    for (Residencia r : pr.condominio)
        System.out.println(r.area());
```

}

- Então...
- Math.random()?
 - ▶ Gera um número pseudo-aleatório 0 ≤ n < 1</p>

```
public static void main(String[] args) {
   Projeto pr = new Projeto(5);
   for (int i=0: i<5: i++) {
       AreaCasa c = new AreaCasa(Math.random()*100,
                                  Math.random()*30);
       AreaPiscina p = new AreaPiscina(
                                  Math.random()*10):
       Residencia r = new Residencia(c,p);
       pr.adicionaRes(r);
   for (Residencia r : pr.condominio)
       System.out.println(r.area());
   System.out.println();
   bolha(pr.condominio);
   for (Residencia r : pr.condominio)
       System.out.println(r.area());
}
```

- Então...
- Math.random()?
 - Gera um número pseudo-aleatório $0 \le n < 1$

```
$ java Projeto

2055.600048644749

949.1972834436008

3316.7903140566305

6698.682789640099

584.1255507074843

584.1255507074843

949.1972834436008

2055.600048644749

3316.7903140566305

6698.682789640099
```

```
public static void main(String[] args) {
   Projeto pr = new Projeto(5);
   for (int i=0: i<5: i++) {
       AreaCasa c = new AreaCasa(Math.random()*100,
                                  Math.random()*30);
       AreaPiscina p = new AreaPiscina(
                                  Math.random()*10):
       Residencia r = new Residencia(c,p);
       pr.adicionaRes(r):
   for (Residencia r : pr.condominio)
       System.out.println(r.area()):
   System.out.println();
   bolha(pr.condominio);
   for (Residencia r : pr.condominio)
       System.out.println(r.area());
}
```

• Segundo método: Selection sort

- Segundo método: Selection sort
 - Primeiro encontre o menor elemento do arranjo

- Segundo método: Selection sort
 - Primeiro encontre o menor elemento do arranjo
 - Então troque esse elemento de lugar com o que está na primeira posição

- Segundo método: Selection sort
 - Primeiro encontre o menor elemento do arranjo
 - Então troque esse elemento de lugar com o que está na primeira posição
 - Encontre o segundo menor do arranjo

- Segundo método: Selection sort
 - Primeiro encontre o menor elemento do arranjo
 - Então troque esse elemento de lugar com o que está na primeira posição
 - Encontre o segundo menor do arranjo
 - Troque com o da segunda posição

- Segundo método: Selection sort
 - Primeiro encontre o menor elemento do arranjo
 - Então troque esse elemento de lugar com o que está na primeira posição
 - Encontre o segundo menor do arranjo
 - Troque com o da segunda posição
 - E assim por diante, até chegar ao fim do arranjo

• Ex: ordene em ordem crescente

9 8 4 6 3

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

► Encontrando o menor elemento

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a primeira passada:

► Trocando com o primeiro elemento, pois 3 < 9

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Primeira passada completa. Primeiro elemento fixado:

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a segunda passada:

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a segunda passada:

Encontrando o segundo menor elemento

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a segunda passada:

► Trocando com o segundo elemento, pois 4 < 8

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Segunda passada completa. Segundo elemento fixado:

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a terceira passada:

```
9 8 4 6 3
3 8 4 6 9
3 4 8 6 9
3 4 8 6 9
```

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a terceira passada:

► Encontrando o terceiro menor elemento

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a terceira passada:

► Trocando com o terceiro elemento, pois 6 < 8

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Terceira passada completa. Terceiro elemento fixado:

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a quarta passada:

```
9 8 4 6 3
3 8 4 6 9
3 4 6 8 9
3 4 6 8 9
3 4 6 8 9
```

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a quarta passada:

► Encontrando o quarto menor elemento

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a quarta passada:

Não há troca, pois já está na quarta posição

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Quarta passada completa. Quarto elemento fixado:

```
9 8 4 6 3
3 8 4 6 9
3 4 6 8 9
3 4 6 8 9
```

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a quinta passada:

```
9 8 4 6 3
3 8 4 6 9
3 4 8 6 9
3 4 6 8 9
3 4 6 8 9
3 4 6 8 9
```

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Executando a quinta passada:

Última posição do arranjo. O algoritmo pára

- Ex: ordene em ordem crescente
 - Quinta passada completa. Quinto elemento fixado:

8	4	6	3
8	4	6	9
4	8	6	9
4	6	8	9
4	6	8	9
4	6	8	9
	8 4 4 4	8 4 4 8 4 6 4 6	8 4 6 4 8 6 4 6 8 4 6 8

```
static int posMenorEl(int[] v, int inicio) {
    int posMenor = -1:
    if ((v!=null) && (inicio>=0)
                          && (inicio < v.length)) {
        posMenor = inicio;
        for (int i=inicio+1: i<v.length: i++)
            if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
    return(posMenor);
static void selecao(int[] v) {
    for (int i=0; i<v.length-1; i++) {
        int posMenor = posMenorEl(v,i);
        if (v[posMenor] < v[i]) {
            int aux = v[i]:
            v[i] = v[posMenor];
            v[posMenor] = aux;
7
public static void main(String[] args) {
    int[] v = {9,8,4,6,3};
    selecao(v):
    for (int el : v) System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
7
```

Então...

Método que diz a posição do menor elemento em subvetor inicio ≤ i < fim</p>

```
static int posMenorEl(int[] v, int inicio) {
    int posMenor = -1:
    if ((v!=null) && (inicio>=0)
                          && (inicio < v.length)) {
        posMenor = inicio;
        for (int i=inicio+1: i<v.length: i++)
            if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
    return(posMenor):
7
static void selecao(int[] v) {
    for (int i=0; i<v.length-1; i++) {
        int posMenor = posMenorEl(v,i);
        if (v[posMenor] < v[i]) {
            int aux = v[i]:
            v[i] = v[posMenor];
            v[posMenor] = aux;
7
public static void main(String[] args) {
    int[] v = {9,8,4,6,3};
    selecao(v):
    for (int el : v) System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
7
```

- Método que diz a posição do menor elemento em subvetor inicio ≤ i < fim</p>
 - ★ Sempre é bom testar a entrada

```
static int posMenorEl(int[] v, int inicio) {
    int posMenor = -1:
    if ((v!=null) && (inicio>=0)
                          && (inicio < v.length)) {
        posMenor = inicio;
        for (int i=inicio+1: i<v.length: i++)
            if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
    return(posMenor):
static void selecao(int[] v) {
    for (int i=0; i<v.length-1; i++) {
        int posMenor = posMenorEl(v,i);
        if (v[posMenor] < v[i]) {
            int aux = v[i]:
            v[i] = v[posMenor];
            v[posMenor] = aux;
7
public static void main(String[] args) {
    int[] v = {9,8,4,6,3};
    selecao(v):
    for (int el : v) System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
7
```

- Método que diz a posição do menor elemento em subvetor inicio ≤ i < fim</p>
 - Sempre é bom testar a entrada
- Para cada elemento do arranjo (exceto o último, que sobra já ordenado)

```
static int posMenorEl(int[] v, int inicio) {
    int posMenor = -1:
    if ((v!=null) && (inicio>=0)
                          && (inicio < v.length)) {
        posMenor = inicio;
        for (int i=inicio+1: i<v.length: i++)
            if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;
    return(posMenor):
static void selecao(int[] v) {
    for (int i=0: i<v.length-1: i++) {
        int posMenor = posMenorEl(v,i);
        if (v[posMenor] < v[i]) {
            int aux = v[i]:
            v[i] = v[posMenor];
            v[posMenor] = aux;
7
public static void main(String[] args) {
    int[] v = {9,8,4,6,3};
    selecao(v):
    for (int el : v) System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
7
```

- Método que diz a posição do menor elemento em subvetor inicio ≤ i < fim</p>
 - Sempre é bom testar a entrada
- Para cada elemento do arranjo (exceto o último, que sobra já ordenado)
 - ★ Busca o menor elemento a partir desse

```
static int posMenorEl(int[] v, int inicio) {
    int posMenor = -1:
    if ((v!=null) && (inicio>=0)
                          && (inicio < v.length)) {
        posMenor = inicio;
        for (int i=inicio+1: i<v.length: i++)
            if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;
    return(posMenor):
static void selecao(int[] v) {
    for (int i=0: i<v.length-1: i++) {
        int posMenor = posMenorEl(v,i);
        if (v[posMenor] < v[i]) {
            int aux = v[i]:
            v[i] = v[posMenor];
            v[posMenor] = aux;
}
public static void main(String[] args) {
    int[] v = {9,8,4,6,3};
    selecao(v):
    for (int el : v) System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
7
```

- Método que diz a posição do menor elemento em subvetor inicio ≤ i < fim</p>
 - Sempre é bom testar a entrada
- Para cada elemento do arranjo (exceto o último, que sobra já ordenado)
 - Busca o menor elemento a partir desse
 - Troca com a posição desse elemento, se for o caso

```
static int posMenorEl(int[] v, int inicio) {
    int posMenor = -1:
    if ((v!=null) && (inicio>=0)
                          && (inicio < v.length)) {
        posMenor = inicio;
        for (int i=inicio+1: i<v.length: i++)
            if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;
    return(posMenor):
static void selecao(int[] v) {
    for (int i=0: i<v.length-1: i++) {
        int posMenor = posMenorEl(v,i);
        if (v[posMenor] < v[i]) {
            int aux = v[i]:
            v[i] = v[posMenor];
            v[posMenor] = aux;
}
public static void main(String[] args) {
    int[] v = {9,8,4,6,3};
    selecao(v):
    for (int el : v) System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
7
```

• E como fica com objetos?

```
public static void main(String[] args) {
static int posMenorEl(Residencia[] v. int inicio) {
                                                         Projeto pr = new Projeto(5);
    int posMenor = -1;
    if ((v!=null) && (inicio>=0) &&
                                                         for (int i=0: i<5: i++) {
                             (inicio < v.length)) {
                                                             AreaCasa c = new AreaCasa(Math.random()*100.
        posMenor = inicio;
                                                                                         Math.random()*30);
        for (int i=inicio+1; i<v.length; i++) {
                                                             AreaPiscina p = new AreaPiscina(
            if (v[i].comparaRes(v[posMenor]) < 0)</pre>
                                                                                         Math.random()*10):
                posMenor = i:
                                                             Residencia r = new Residencia(c,p);
                                                             pr.adicionaRes(r):
    return(posMenor):
}
                                                         for (Residencia r : pr.condominio)
                                                             System.out.println(r.area());
static void selecao(Residencia[] v) {
                                                         System.out.println();
    for (int i=0; i<v.length-1; i++) {
        int posMenor = posMenorEl(v,i);
                                                         selecao(pr.condominio);
        if (v[posMenor].comparaRes(v[i]) < 0) {
            Residencia aux = v[i]:
                                                         for (Residencia r : pr.condominio)
            v[i] = v[posMenor]:
                                                             System.out.println(r.area()):
            v[posMenor] = aux;
                                                     }
```

• Terceiro método: Insertion sort

- Terceiro método: Insertion sort
 - Percorremos o arranjo e, a cada novo elemento:

- Terceiro método: Insertion sort
 - ▶ Percorremos o arranjo e, a cada novo elemento:
 - ★ Procuramos onde, à esquerda desse elemento, ele se encaixa

- Terceiro método: Insertion sort
 - Percorremos o arranjo e, a cada novo elemento:
 - ⋆ Procuramos onde, à esquerda desse elemento, ele se encaixa
 - * Abrimos espaço para o elemento lá, deslocando para a direita todos os elementos que estão entre essa posição e a original do elemento

- Terceiro método: Insertion sort
 - Percorremos o arranjo e, a cada novo elemento:
 - ⋆ Procuramos onde, à esquerda desse elemento, ele se encaixa
 - * Abrimos espaço para o elemento lá, deslocando para a direita todos os elementos que estão entre essa posição e a original do elemento
 - ★ Inserimos o elemento nesse espaço assim aberto

- Terceiro método: Insertion sort
 - Percorremos o arranjo e, a cada novo elemento:
 - ⋆ Procuramos onde, à esquerda desse elemento, ele se encaixa
 - Abrimos espaço para o elemento lá, deslocando para a direita todos os elementos que estão entre essa posição e a original do elemento
 - ★ Inserimos o elemento nesse espaço assim aberto
 - Ou seja, aumentamos a parte ordenada do array em uma posição, inserindo um novo elemento na posição correta e deslocando os demais para a direita

- Terceiro método: Insertion sort
 - ▶ Percorremos o arranjo e, a cada novo elemento:
 - ⋆ Procuramos onde, à esquerda desse elemento, ele se encaixa
 - Abrimos espaço para o elemento lá, deslocando para a direita todos os elementos que estão entre essa posição e a original do elemento
 - ★ Inserimos o elemento nesse espaço assim aberto
 - Ou seja, aumentamos a parte ordenada do array em uma posição, inserindo um novo elemento na posição correta e deslocando os demais para a direita
- Semelhante ao modo como ordenamos cartas de baralho

- Terceiro método: Insertion sort
 - Percorremos o arranjo e, a cada novo elemento:
 - ⋆ Procuramos onde, à esquerda desse elemento, ele se encaixa
 - Abrimos espaço para o elemento lá, deslocando para a direita todos os elementos que estão entre essa posição e a original do elemento
 - ★ Inserimos o elemento nesse espaço assim aberto
 - Ou seja, aumentamos a parte ordenada do array em uma posição, inserindo um novo elemento na posição correta e deslocando os demais para a direita
- Semelhante ao modo como ordenamos cartas de baralho
 - Percorremos da esquerda para a direita e, à medida que avançamos vamos deixando as cartas mais à esquerda ordenadas

• Ex: ordene em ordem crescente

9 8 4 10 (

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado

9 8 4 10

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o primeiro elemento a ser inserido:

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o primeiro elemento a ser inserido:

▶ Identificamos onde ele deve estar, na parte ordenada

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o primeiro elemento a ser inserido:

Deslocamos a parte ordenada a partir dessa posição

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o primeiro elemento a ser inserido:

Inserimos o 8 na posição correta

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o segundo elemento a ser inserido:

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o segundo elemento a ser inserido:

▶ Identificamos onde ele deve estar, na parte ordenada

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o segundo elemento a ser inserido:

Deslocamos a parte ordenada a partir dessa posição

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o segundo elemento a ser inserido:

Inserimos o 4 na posição correta

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - ► Analisando o terceiro elemento a ser inserido:

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o terceiro elemento a ser inserido:

▶ Identificamos onde ele deve estar, na parte ordenada

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - ► Analisando o terceiro elemento a ser inserido:

 Não há necessidade de deslocamento e inserção. Já está na posição correta

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o quarto elemento a ser inserido:

```
9 8 4 10 6
8 9 4 10 6
4 8 9 10 6
4 8 9 10 6
4 8 9 10 6
```

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o quarto elemento a ser inserido:

▶ Identificamos onde ele deve estar, na parte ordenada

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o quarto elemento a ser inserido:

Deslocamos a parte ordenada a partir dessa posição

- Ex: ordene em ordem crescente
 - ► Em azul está o sub-arranjo já ordenado
 - Analisando o quarto elemento a ser inserido:

Inserimos o 6 na posição correta

• Note que, a cada passo:

- Note que, a cada passo:
 - Encontrávamos a posição em que o valor deveria estar

- Note que, a cada passo:
 - Encontrávamos a posição em que o valor deveria estar
 - Deslocávamos os elementos necessários

- Note que, a cada passo:
 - Encontrávamos a posição em que o valor deveria estar
 - Deslocávamos os elementos necessários
 - Inseríamos o valor nessa posição

- Note que, a cada passo:
 - Encontrávamos a posição em que o valor deveria estar
 - Deslocávamos os elementos necessários
 - Inseríamos o valor nessa posição
- Uma melhoria direta seria:

- Note que, a cada passo:
 - Encontrávamos a posição em que o valor deveria estar
 - Deslocávamos os elementos necessários
 - Inseríamos o valor nessa posição
- Uma melhoria direta seria:
 - ▶ Para cada passo do vetor original, a partir da posição 1 até o final

- Note que, a cada passo:
 - Encontrávamos a posição em que o valor deveria estar
 - Deslocávamos os elementos necessários
 - Inseríamos o valor nessa posição
- Uma melhoria direta seria:
 - ▶ Para cada passo do vetor original, a partir da posição 1 até o final
 - Deslocar o arranjo ordenado para direita (uma posição por vez) até encontrar local adequado para o valor a ser inserido

- Note que, a cada passo:
 - Encontrávamos a posição em que o valor deveria estar
 - Deslocávamos os elementos necessários
 - Inseríamos o valor nessa posição
- Uma melhoria direta seria:
 - ▶ Para cada passo do vetor original, a partir da posição 1 até o final
 - Deslocar o arranjo ordenado para direita (uma posição por vez) até encontrar local adequado para o valor a ser inserido
 - ★ Inserir esse valor na posição correta

- Note que, a cada passo:
 - Encontrávamos a posição em que o valor deveria estar
 - Deslocávamos os elementos necessários
 - Inseríamos o valor nessa posição
- Uma melhoria direta seria:
 - ▶ Para cada passo do vetor original, a partir da posição 1 até o final
 - Deslocar o arranjo ordenado para direita (uma posição por vez) até encontrar local adequado para o valor a ser inserido
 - ★ Inserir esse valor na posição correta
- Evita assim a necessidade de se buscar a posição de antemão

• Então...

Então...

```
static void insercao(int[] v) {
    for (int i=1; i<v.length; i++) {
        int aux = v[i]:
        int j = i;
        while ((j > 0) \&\& (aux < v[j-1])) {
            v[j] = v[j-1];
            j--;
        v[j] = aux;
}
public static void main(String[] args) {
    int[] v = {9,8,4,10,6};
    insercao(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println();
```

- Então...
- Corremos todos os possíveis candidatos a inserção

```
static void insercao(int[] v) {
    for (int i=1; i<v.length; i++) {
        int aux = v[i]:
        int j = i;
        while ((j > 0) \&\& (aux < v[j-1])) {
            v[j] = v[j-1];
            i--:
        v[i] = aux;
}
public static void main(String[] args) {
    int[] v = {9.8.4.10.6}:
    insercao(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println():
```

- Então...
- Corremos todos os possíveis candidatos a inserção
 - Enquanto o candidato estiver fora de lugar, deslocamos os anteriores a ele, até achar o lugar certo

```
static void insercao(int[] v) {
    for (int i=1; i<v.length; i++) {
        int aux = v[i]:
        int j = i;
        while ((j > 0) \&\& (aux < v[j-1])) {
            v[j] = v[j-1];
            i--:
        v[i] = aux;
public static void main(String[] args) {
    int[] v = \{9.8.4.10.6\}:
    insercao(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println():
```

- Então...
- Corremos todos os possíveis candidatos a inserção
 - Enquanto o candidato estiver fora de lugar, deslocamos os anteriores a ele, até achar o lugar certo
 - E colocamos ele lá

```
static void insercao(int[] v) {
    for (int i=1; i<v.length; i++) {
        int aux = v[i]:
        int j = i;
        while ((j > 0) && (aux < v[j-1])) {
            v[j] = v[j-1];
            i--:
        v[i] = aux;
public static void main(String[] args) {
    int[] v = \{9.8.4.10.6\}:
    insercao(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println():
```

- Então...
- Corremos todos os possíveis candidatos a inserção
 - Enquanto o candidato estiver fora de lugar, deslocamos os anteriores a ele, até achar o lugar certo
 - ► E colocamos ele lá

```
Saída

$ java Projeto

4 6 8 9 10
```

```
static void insercac(int[] v) {
    for (int i=1; i<v.length; i++) {
        int aux = v[i]:
        int j = i;
        while ((j > 0) && (aux < v[j-1])) {
            v[j] = v[j-1];
            i--:
        v[i] = aux;
public static void main(String[] args) {
    int[] v = \{9.8.4.10.6\};
    insercao(v):
    for (int el : v)
        System.out.print(el+" ");
    System.out.println():
```

• E como ficaria a versão com objetos?

E como ficaria a versão com objetos?

```
public static void main(String[] args) {
    Projeto pr = new Projeto(5);
    for (int i=0; i<5; i++) {
        AreaCasa c = new AreaCasa(
            Math.random()*100, Math.random()*30):
        AreaPiscina p = new AreaPiscina(
                              Math.random()*10);
        Residencia r = new Residencia(c.p):
        pr.adicionaRes(r):
    for (Residencia r : pr.condominio)
        System.out.println(r.area());
    System.out.println();
    insercao(pr.condominio):
    for (Residencia r : pr.condominio)
```

System.out.println(r.area());

7

• E como ficaria a versão com objetos?

```
static void insercao(Residencia[] v) {
    for (int i=1; i<v.length; i++) {
        Residencia aux = v[i];
        int j = i;
        while ((j > 0) &&
            (aux.comparaRes(v[j-1]) < 0)) {
            v[j] = v[j-1];
            j--;
        }
        v[j] = aux;
    }
}</pre>
```

Saída

```
$ java Projeto
6583.183940438665
1130.4506182200782
7379.352930903931
3289.6719206296757
5739.294165717424

1130.4506182200782
3289.6719206296757
5739.294165717424
6583.183940438665
7379.352930903931
```

```
public static void main(String[] args) {
    Projeto pr = new Projeto(5);
    for (int i=0; i<5; i++) {
        AreaCasa c = new AreaCasa(
            Math.random()*100, Math.random()*30):
        AreaPiscina p = new AreaPiscina(
                              Math.random()*10):
        Residencia r = new Residencia(c.p):
        pr.adicionaRes(r):
    for (Residencia r : pr.condominio)
        System.out.println(r.area());
    System.out.println();
    insercao(pr.condominio):
    for (Residencia r : pr.condominio)
        System.out.println(r.area());
```

• Seleção e Inserção:

- Seleção e Inserção:
 - ► Garantem que, no passo i, o subvetor de 0 a i está ordenado

- Seleção e Inserção:
 - ► Garantem que, no passo i, o subvetor de 0 a i está ordenado
 - Diferem em como fazem isso:

- Seleção e Inserção:
 - ► Garantem que, no passo i, o subvetor de 0 a i está ordenado
 - Diferem em como fazem isso:
 - ★ Seleção troca 2 elementos

- Seleção e Inserção:
 - ► Garantem que, no passo i, o subvetor de 0 a i está ordenado
 - Diferem em como fazem isso:
 - ★ Seleção troca 2 elementos
 - ★ Inserção desloca à direita todo o sub-vetor

- Seleção e Inserção:
 - ► Garantem que, no passo i, o subvetor de 0 a i está ordenado
 - Diferem em como fazem isso:
 - ★ Seleção troca 2 elementos
 - ★ Inserção desloca à direita todo o sub-vetor
- Bolha:

- Seleção e Inserção:
 - ► Garantem que, no passo i, o subvetor de 0 a i está ordenado
 - Diferem em como fazem isso:
 - ★ Seleção troca 2 elementos
 - ★ Inserção desloca à direita todo o sub-vetor
- Bolha:
 - ► Garante que, no passo i, o subvetor de tam-1-i a tam-1 está ordenado

- Seleção e Inserção:
 - ► Garantem que, no passo i, o subvetor de 0 a i está ordenado
 - Diferem em como fazem isso:
 - ★ Seleção troca 2 elementos
 - ★ Inserção desloca à direita todo o sub-vetor
- Bolha:
 - ► Garante que, no passo i, o subvetor de *tam-1-i* a *tam-1* está ordenado
- Todos ordenam in loco (no próprio vetor, sem precisar de vetor auxiliar)

Curiosidades

- Bolha:
 - http://www.youtube.com/watch?v=lyZQPjUT5B4
 - http://www.youtube.com/watch?feature=fvwp&NR=1&v=_h 3aMVBe8k8
- Seleção:
 - http://www.youtube.com/watch?v=Ns4TPTC8whw (versão levemente diferente do algoritmo)
- Inserção:
 - http://www.youtube.com/watch?v=ROalU379I3U