# ACH2025 Laboratório de Bases de Dados Aula 9

# **Indexação e Hashing – Parte 2**

**Professora:** 

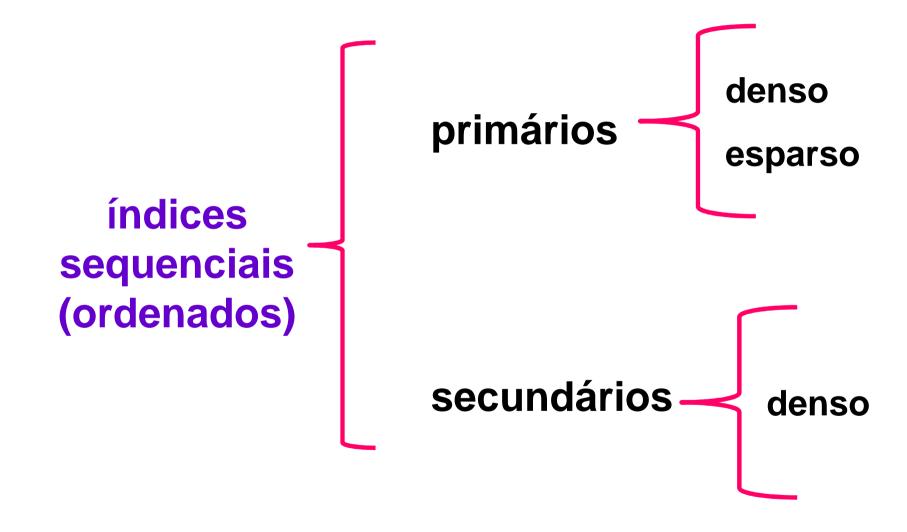
Fátima L. S. Nunes







✓ Até agora:









✓ Grande desvantagem de índices sequenciais ????







- ✓ Grande desvantagem de índices sequenciais → desempenho cai conforme arquivo cresce
- ✓ Degradação remediada reorganizando arquivos
  - mas isso não é desejável que se faça frequentemente
- ✓ Solução?







- ✓ Grande desvantagem de índices sequenciais → desempenho cai conforme arquivo cresce
- ✓ Degradação remediada reorganizando arquivos
  - mas isso não é desejável que se faça frequentemente
- ✓ Solução?

cs Outras estruturas de organização, que não sejam sequenciais.







#### **Conceitos iniciais (simplificados)**

#### ✓ Árvore-B:

- Árvore de busca balanceada
- Todos os nós internos com k chaves possuem k+1 filhos
- Chaves não se repetem nos nós

#### ✓ Árvore-B\*:

- Semelhante à Árvore-B
- Árvore de busca de ordem n → todos os nós (exceto a raiz) no mínimo
   (2/3)n-1 chaves e no máximo n-1 chaves
- Todos os nós internos com k chaves possuem k+1 filhos

#### ✓ Árvore-B+:

- Semelhante à Árvore-B
- Nós internos só possuem chaves dados (registros) estão somente nos nósfolha
- Chaves podem se repetir







#### Índices Árvore-B+

- ✓ Características da estrutura de índice árvore-B+:
  - mantém eficiência, mesmo com inserção e remoção de dados
  - forma de uma árvore balanceada todos os caminhos a partir da raiz da árvore até uma das folhas são do mesmo comprimento
  - cada nó não-folha possui entre (n/2 e n filhos → n é fixo para uma árvore em particular
  - impõe uma sobrecarga de desempenho na inclusão e remoção aceitável porque evita o custo de reorganização
  - desperdício de espaço aceitável (existe se houver nós com mínimo de filhos) – compensado pelo desempenho.







- ✓ Índice árvore-B+ :
  - índice de níveis múltiplos
  - estrutura de um nó típico:



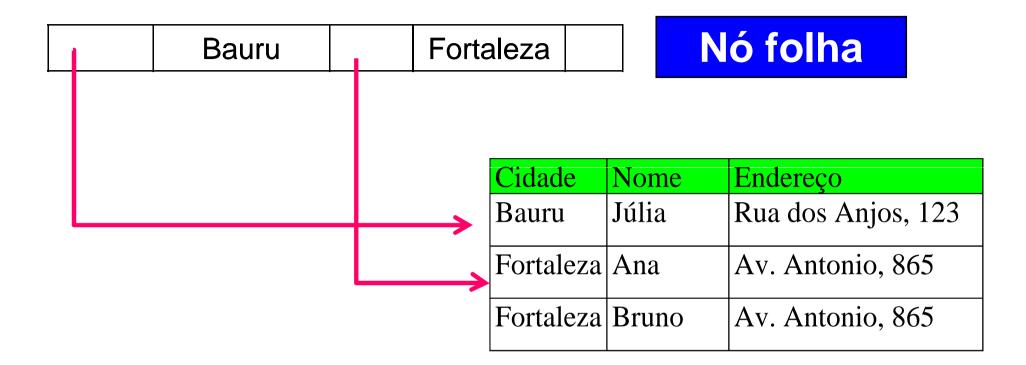
- K<sub>i</sub> = valores de chave de procura (n-1 valores em cada nó)
- P<sub>i</sub> = ponteiros
- Valores das chaves de procura dentro de um nó são mantidos ordenados (se i < j → K<sub>i</sub> < K<sub>j</sub>)
- Ponteiro P<sub>i</sub> aponta para um registro do arquivo com chave de procura de valor K<sub>i</sub> (ou para um *bucket* de ponteiros, cada um dos quais apontando para um registro do arquivo com chave de procura de valor K<sub>i</sub>).
- Ponteiro P<sub>n</sub> 

  usado para encadear os nós folhas na ordem da chave de procura















- ✓ Como os valores de chave são atribuídos a um nó em particular:
  - Cada folha pode manter até n-1 valores de chave
  - Cada nó folha contém no mínimo (n-1)/2 valores de chave
  - Faixas de valores em cada folha não se sobrepõem:
    - Se L<sub>i</sub> e L<sub>j</sub> são nós folhas e i < j → todos valores de chave de procura de L<sub>i</sub> são menores que todos os valores de chave de procura de L<sub>j</sub>
    - Se índice for denso 

       todos valores de chave de procura devem aparecer em algum nó folha
  - Ponteiro P<sub>n</sub> → usado para encadear os nós folhas na ordem da chave de procura







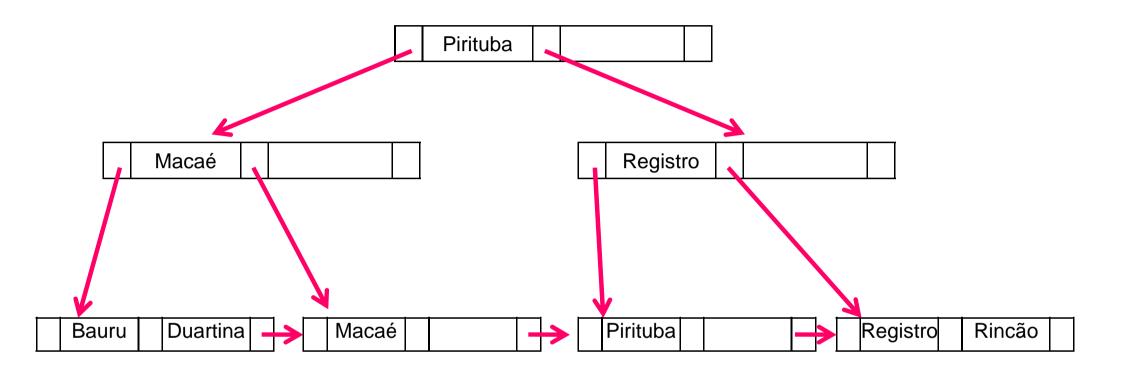
#### ✓ Nós não folhas

- formam índice esparso de níveis múltiplos dos nós folhas mesma estrutura dos nós folhas
- todos ponteiros apontam para nós da árvore
- podem manter até n ponteiros e deve manter pelos menos (n/2) ponteiros (exceto nó raiz)
- número de ponteiros em um nó: fanout (leque) do nó







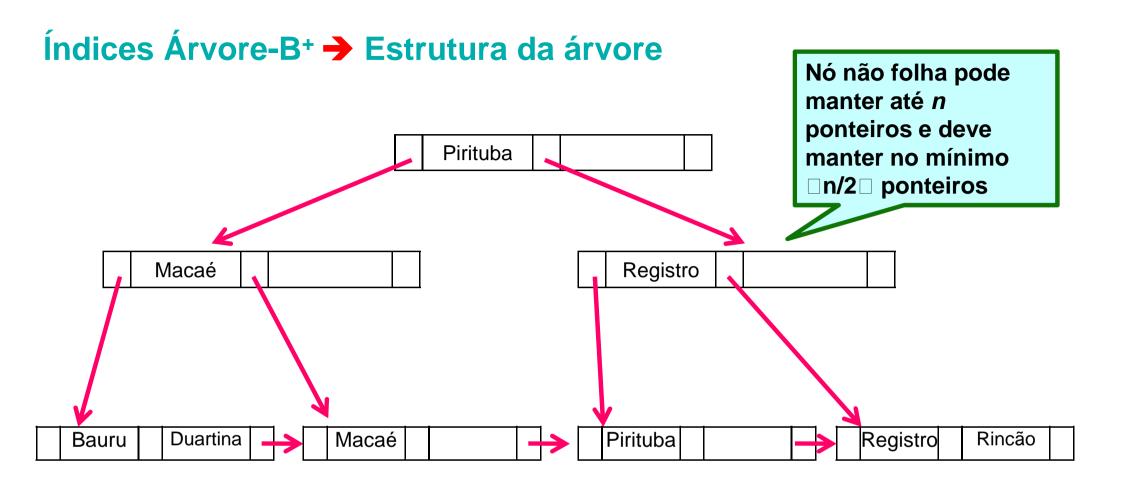


#### Exemplo de Árvore-B+ para arquivo de contas de Clientes (n=3)







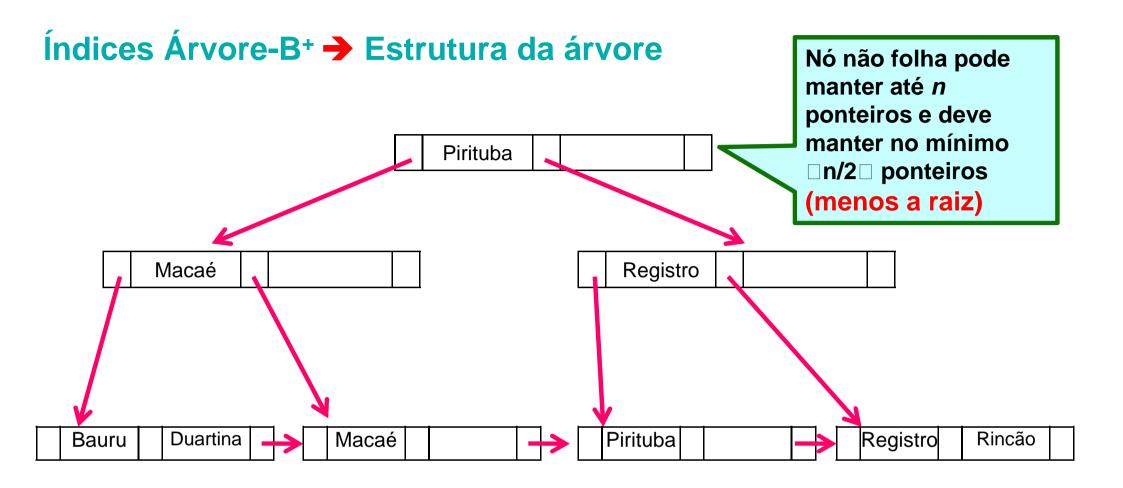


#### Exemplo de Árvore-B+ para arquivo de contas de Clientes (n=3)







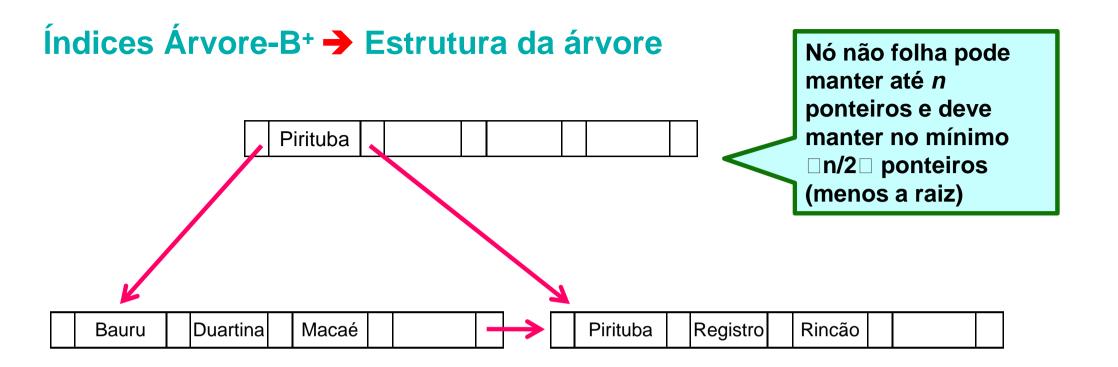


#### Exemplo de Árvore-B+ para arquivo de contas de Clientes (n=3)









Exemplo de Árvore-B+ para arquivo de contas de Clientes (n=5)

Propriedade da Árvore-B+: "Balanceadas" – comprimento de todos os caminhos a partir da raiz para qualquer um dos nós folha é o mesmo. Isso assegura bom desempenho na recuperação, inserção e remoção.

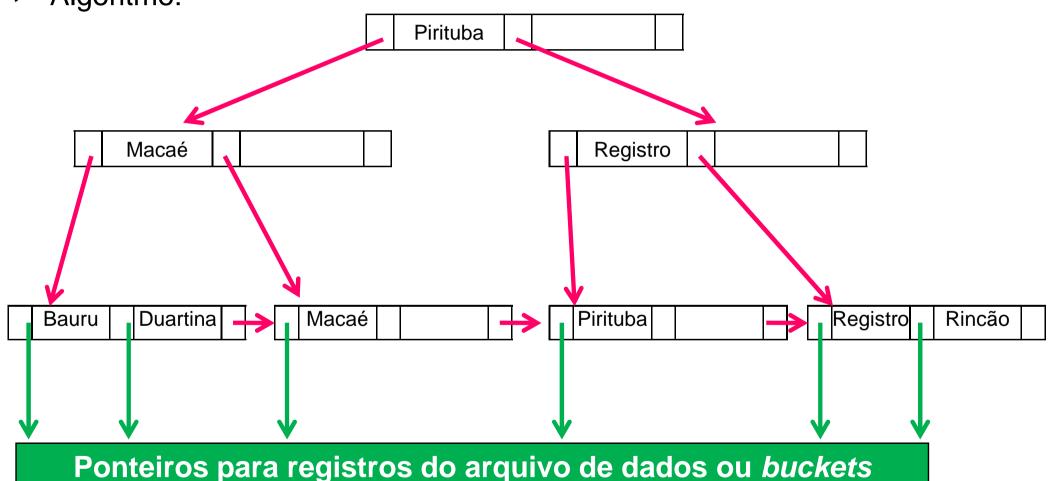






✓ O que queremos: todos os registros com valor de chave de procura = k

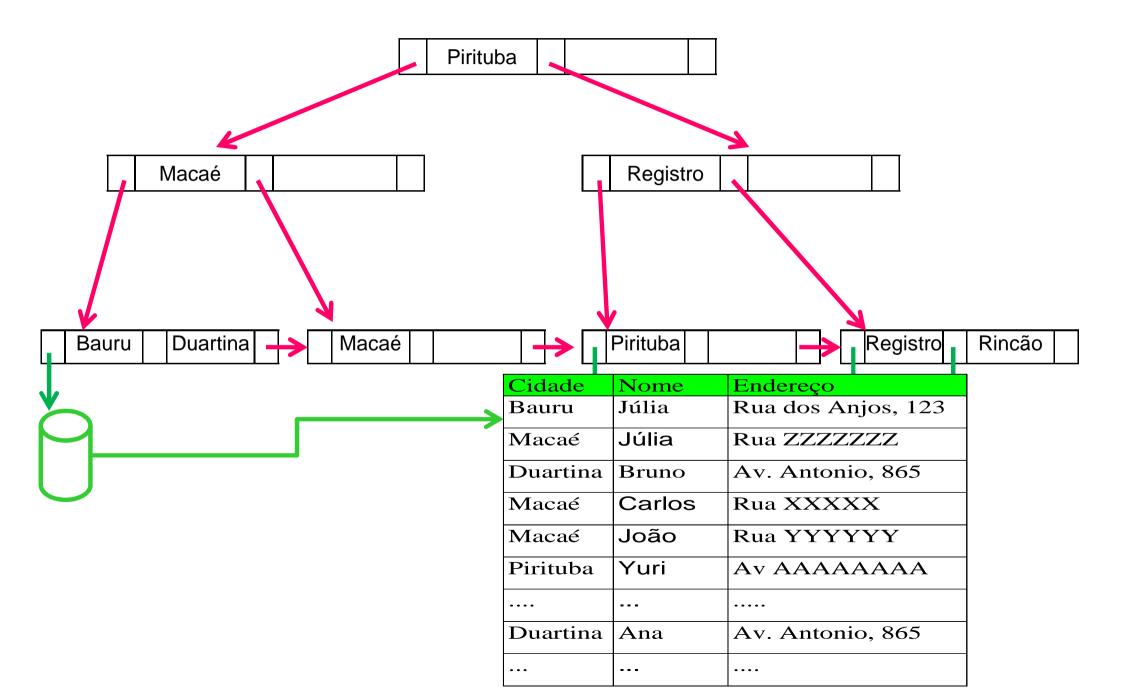
✓ Algoritmo:

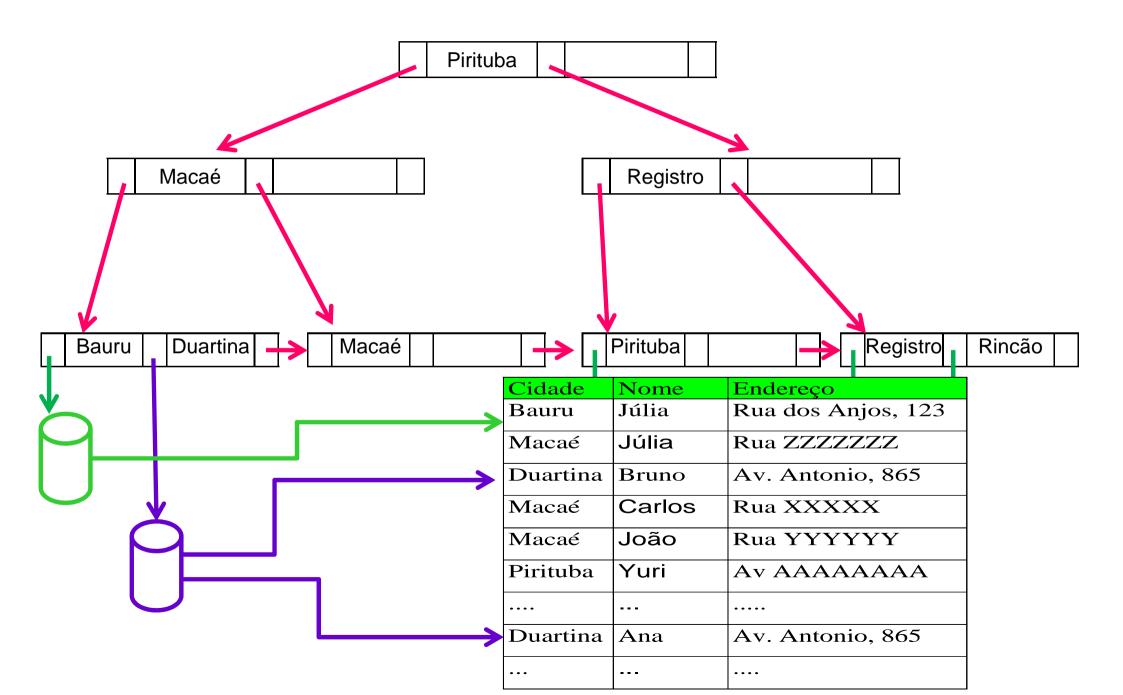


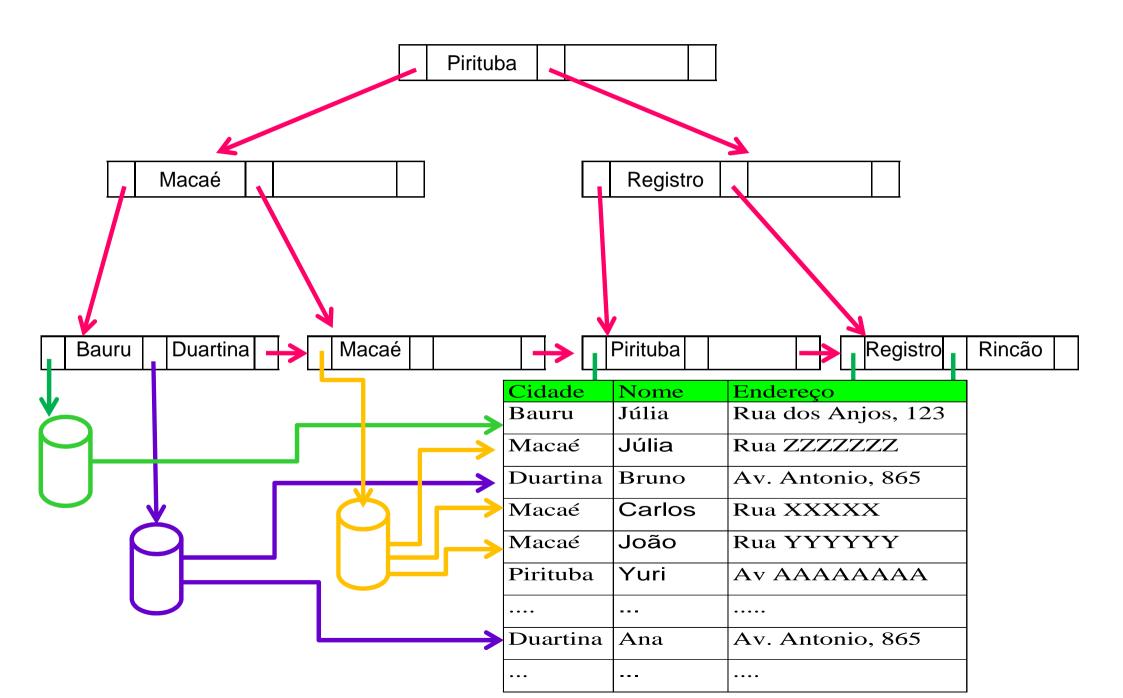








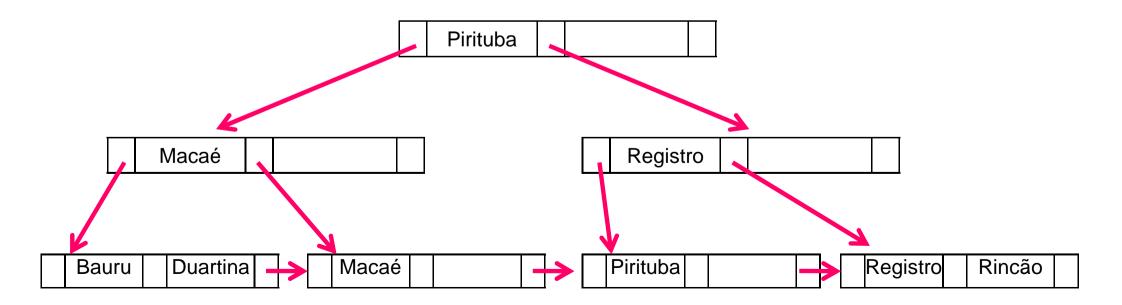




✓ O que queremos: todos os registros com valor de chave de procura = k

#### ✓ Algoritmo:

- Examinar nó-raiz procurar menor valor que seja maior ou igual a k. Chamamos o valor encontrado de  $K_i$
- Seguir o ponteiro  $P_i$  até próximo nó. Se  $K < K_1$ , seguimos  $P_1$  até outro nó
- Se temos m ponteiros nos nós e  $K ≥ K_{m-1} →$  seguir  $P_m$  até o outro nó
- Repetir até alcançar o nó folha ou o bucket



- ✓ O que queremos: todos os registros com valor de chave de procura = k
- ✓ Algoritmo:
  - Examinar nó-raiz procurar menor valor que seja maior ou igual a k. Chamamos o valor encontrado de  $K_i$
  - Seguir o ponteiro  $P_i$  até próximo nó. Se  $K < K_1$ , seguimos  $P_1$  até outro nó
  - Se temos *m* ponteiros nos nós e  $K ≥ K_{m-1} →$  seguir  $P_m$  até o outro nó
  - Repetir até alcançar o nó folha ou o bucket
- ✓ Quantos nós são percorridos para K valores de chave de procura existentes em um arquivo?







- ✓ O que queremos: todos os registros com valor de chave de procura = k
- ✓ Algoritmo:
  - Examinar nó-raiz procurar menor valor que seja maior ou igual a k. Chamamos o valor encontrado de  $K_i$
  - Seguir o ponteiro  $P_i$  até próximo nó. Se  $K < K_1$ , seguimos  $P_1$  até outro nó
  - Se temos m ponteiros nos nós e  $K \ge K_{m-1} \rightarrow$  seguir  $P_m$  até o outro nó
  - Repetir até alcançar o nó folha ou o bucket
- ✓ Quantos nós são percorridos para K valores de chave de procura existentes em um arquivo:

$$\lceil \log_{\lceil n/2 \rceil} K \rceil$$







- ✓ Tipicamente o tamanho de um nó é determinado como sendo o tamanho de um bloco de disco (em geral, 4Kbytes)
- ✓ Com chave de procura com 32 bytes e ponteiro com 8 bytes, n é aproximadamente 100
- ✓ Com n= 100 e 1 milhão de chaves de procura em um arquivo → quantidade de nós acessados = log <sub>50</sub> (1.000.000) = 4 nós
  - 4 blocos do disco precisam ser lidos para uma procura
  - nó raiz geralmente está no buffer: geralmente 3 ou menos blocos lidos







- ✓ Diferença entre estruturas de árvore-B+ e estruturas de árvores binárias: tamanho do nó (consequência → altura da árvore)
  - Árvore binária: nó pequeno e com no máximo 2 ponteiros
  - Árvore-B<sup>+:</sup> nó grande (tamanho bloco em geral) e nó com grande número de ponteiros
  - tamanho do caminho de busca em árvore binária balanceada: \[ \log\_2 K \] (K=quantidade de valores da chave de procura)
    - → 20 acessos para K= 1.000.000







- ✓ Inserção e remoção mais complexas que busca porque:
  - divisão de nó muito grande em inserção
  - combinação de nós pequenos (< que n/2 ponteiros) na remoção
  - garantia de balanceamento







- ✓ Inserção (sem divisão de nós)
  - encontrar nó folha, conforme definido na busca
  - se valor procurado aparece no nó folha:
    - adicionar novo registro ao arquivo e ponteiro no bucket (se necessário)
  - se valor procurado não aparece no nó folha:
    - inserir valor no nó folha, mantendo a ordem das chaves de procura
    - adicionar novo registro ao arquivo e ponteiro no bucket (se necessário)







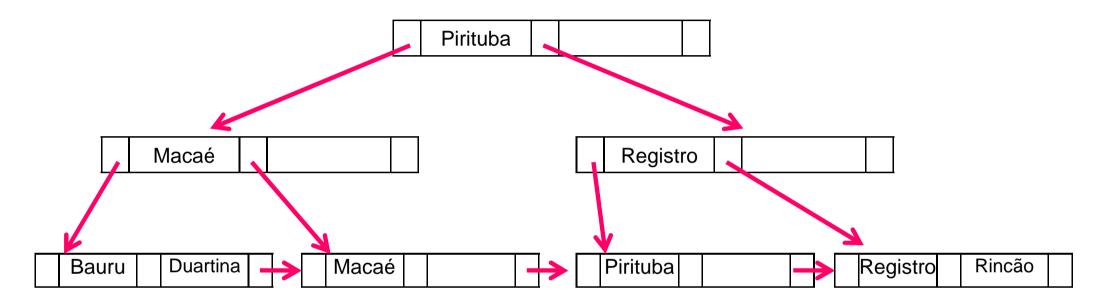
- ✓ Inserção (com divisão de nós)
  - encontrar nó folha, conforme definido na busca
  - se não há espaço para inserir o valor de chave procura
    - dividir o nó em dois (considerando n-1 valores existentes + valor inserido)
      - primeiro nó (já existente): n/2 primeiros
      - segundo nó (novo): valores restantes
    - inserir o novo nó folha na estrutura da árvore
      - se não houver espaço → dividir o pai
  - Pior caso: todos os nós divididos, até a própria raiz (árvore se torna mais profunda se raiz for dividida)







✓ Exemplo: inserir Campinas na árvore dada:

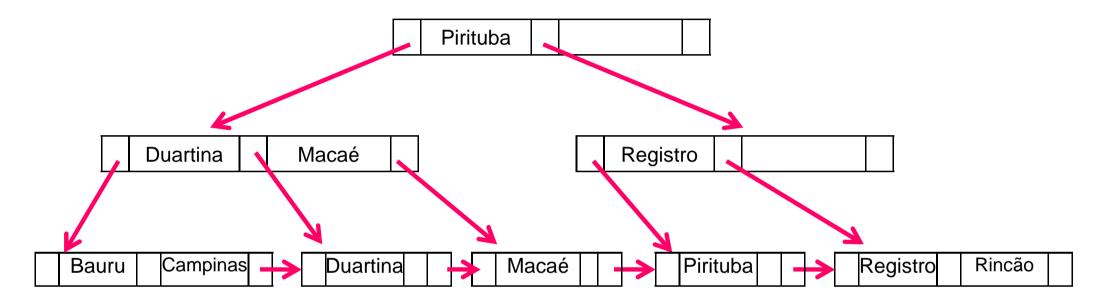








✓ Exemplo: inserir Campinas na árvore dada:









- ✓ Remoção (sem junção de nós)
  - encontrar nó folha, conforme definido na busca
  - excluir registro do arquivo
  - remover valor da chave de procura do nó-folha se não houver bucket associado àquele valor ou se o bucket tornar-se vazio como resultado da remoção.







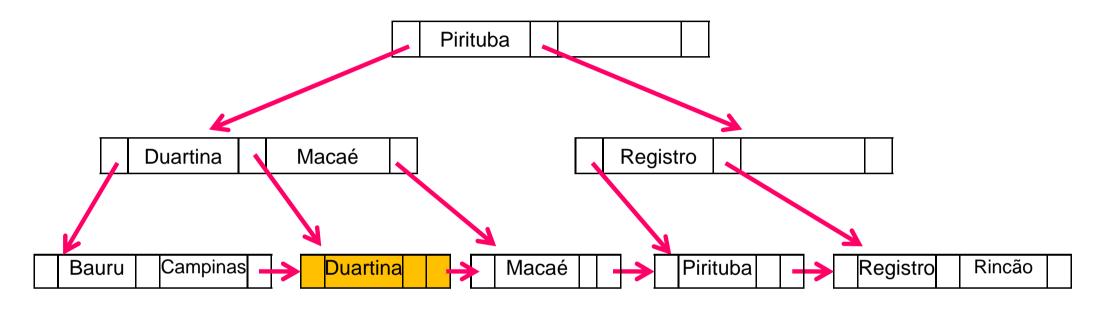
- ✓ Remoção (com junção de nós)
  - encontrar nó folha, conforme definido na busca
  - se folha fica vazia ou muito pequena, é necessário eliminar nó (lembrar regra da quantidade de nós)
    - remover do nó pai o ponteiro para o nó a ser eliminado
    - se o pai também ficar muito pequeno ou vazio
      - olhar o nó irmão (nó não folha que contém a chave de procura)
        - » se nó irmão tiver espaço → fundir os nós
        - » se nó irmão não tiver espaço -> redistribuir os nós







✓ Exemplo: remover Duartina da árvore dada:

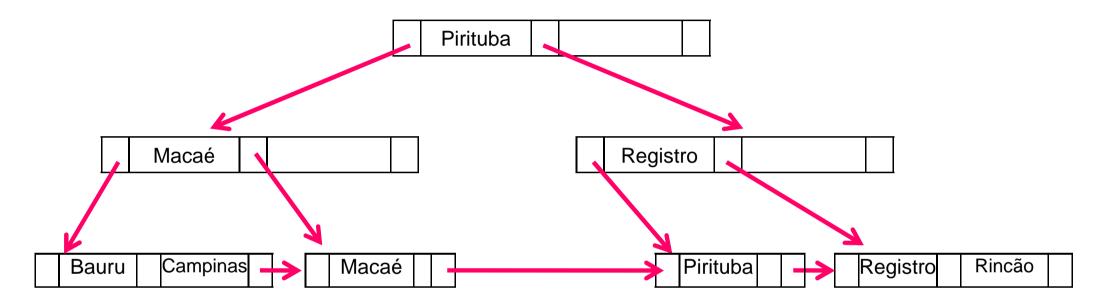








✓ Exemplo: remover Duartina da árvore dada:

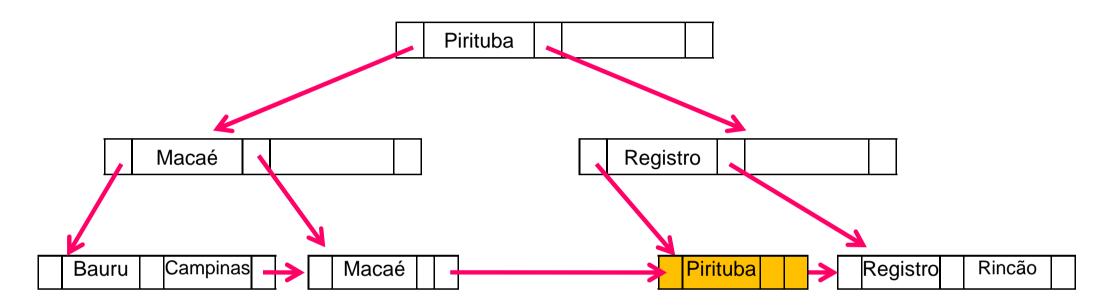








✓ Exercício: remover Pirituba da árvore dada:









## Árvore-B+ → Organização de arquivo

- ✓ Árvore-B+
  - resolve o problema da degradação dos índices sequenciais
  - não é usada somente como índice, mas como organizador dos registros do arquivo.
  - nós folhas armazenam os próprios registros e não ponteiros para eles
  - registros normalmente são maiores que ponteiros:
    - número máximo de registros armazenados em um nó folha é menor que número de ponteiros em nó não folha
    - lembrar que nós folhas precisam estar completos pelo menos até metade
  - inserção e remoção em uma <u>organização de arquivo com Árvore-B</u>+ são manipuladas da mesma forma que <u>índices de Árvore-B+</u>







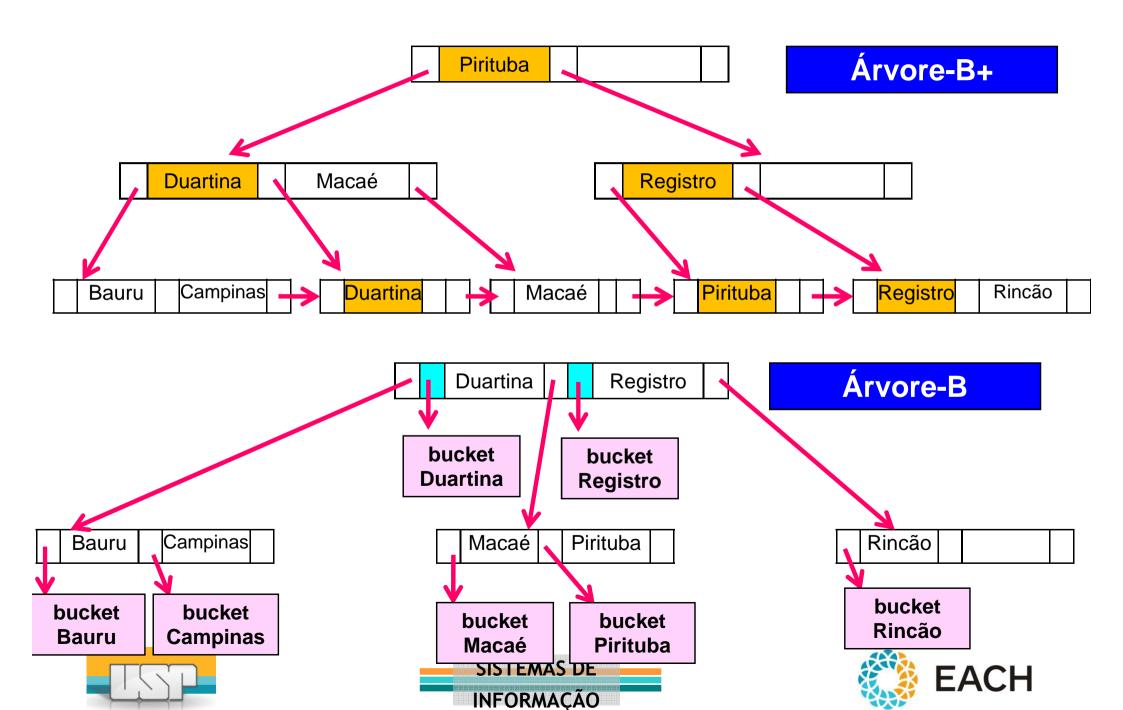
#### Árvore-B → Índices

- ✓ Índices Árvore-B:
  - semelhante índices Árvore-B+
  - Diferença básica: Árvore-B elimina armazenamento redundante de valores de chaves de procura
    - podemos armazenar índice usando número menor de nós;
    - chaves de procura dos nós-folhas não aparecem em nenhuma outra parte da árvore-B:
      - temos que incluir um <u>ponteiro adicional</u> para cada chave de procura em um nó não-folha
      - ponteiros adicionais apontam para registros de arquivos ou para o bucket da chave de procura associada.









estrutura de um nó folha típico (igual árvore B+):



estrutura de um nó não folha típico



- Estrutura de nó folha é diferente de nó não folha
- Bi: ponteiro para *bucket* (que apontam para registros)
- m < n (cabe quantidade menor de chaves nos n\u00e3s n\u00e3o folhas do que nos n\u00e3s folha)







- Quantidade de nós acessados: depende de onde a chave de procura está localizada.
  - Árvore-B+: sempre percorre da raiz até nó folha
  - Árvore-B: às vezes é possível achar chave de procura antes de atingir nó folha:
    - benefício pode ser pequeno porque podem ser armazenados muito mais chaves no nível de folha do que nos níveis não-folha.
  - Árvore-B tem fanout menor (profundidade maior que Árvore-B+)







#### ✓ Remoção:

- mais complexa que Árvore-B+
- entrada removida pode aparecer em um nó não-folha.
- valor correto para sua substituição deve ser escolhido da sub-árvore do nó que contém a chave removida.
- podem ser necessárias ações posteriores para rearranjar a sub-árvore se o nó folha tiver poucas entradas

#### ✓ Inserção:

ligeiramente mais complexa que Árvore-B+

#### ✓ Árvore-B versus Árvore-B+:

- vantagens de espaço das Árvore-B são poucas para grandes índices e normalmente não superam desvantagens citadas
- Árvore-B+ é mais simples e, por isso, preferida por muitos projetistas de BD.





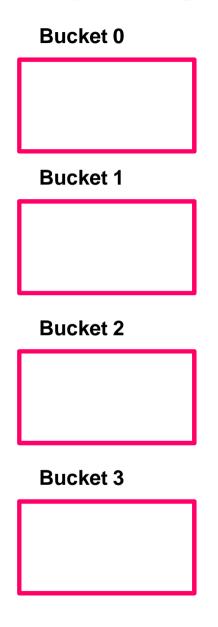


- ✓ Organização sequencial de um arquivo → necessária estrutura de índice ou busca binária → mais operações de I/O
- ✓ Hashing → permite evitar acesso a estruturas de índices
- ✓ Hashing também permite meio para construir índices
- ✓ Organização de arquivos em Hashing
  - obtém diretamente o endereço do bloco de disco que contém um registro desejado usando uma função sobre o valor da chave de procura;
  - bucket 
     tipicamente um bloco de disco, mas pode ser menor ou maior que o bloco.





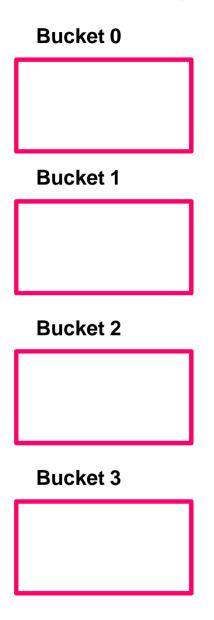












Exemplo de chave

Código do cliente (valor numérico)

**FUNÇÃO HASH:** 

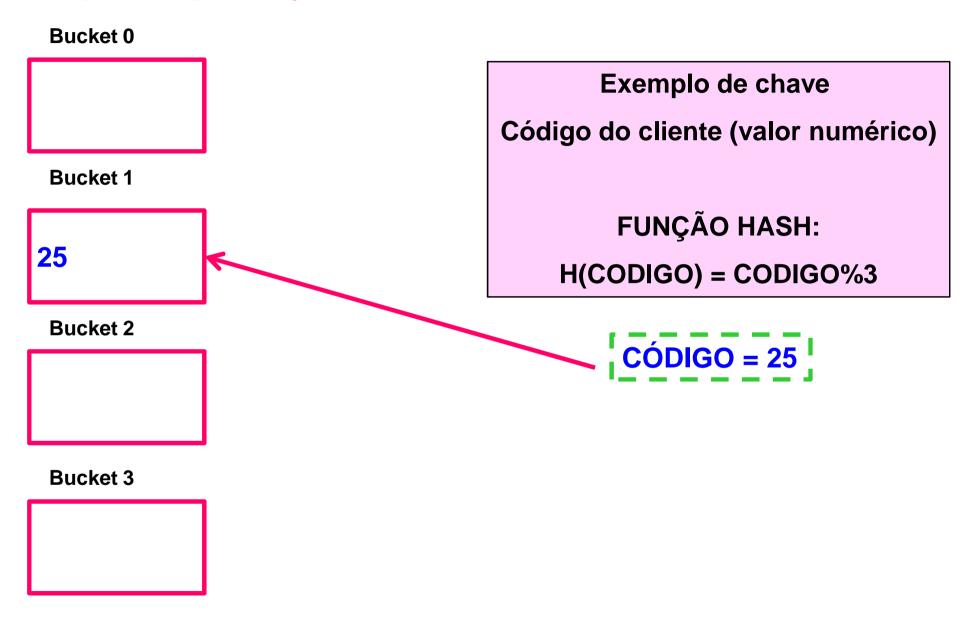
**H(CODIGO) = CODIGO%3** 







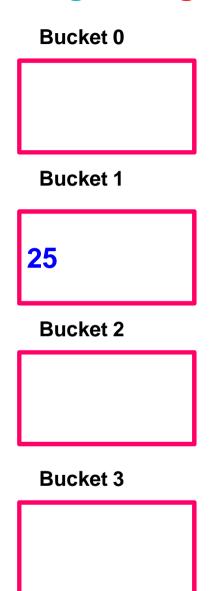












Exemplo de chave

Código do cliente (valor numérico)

**FUNÇÃO HASH:** 

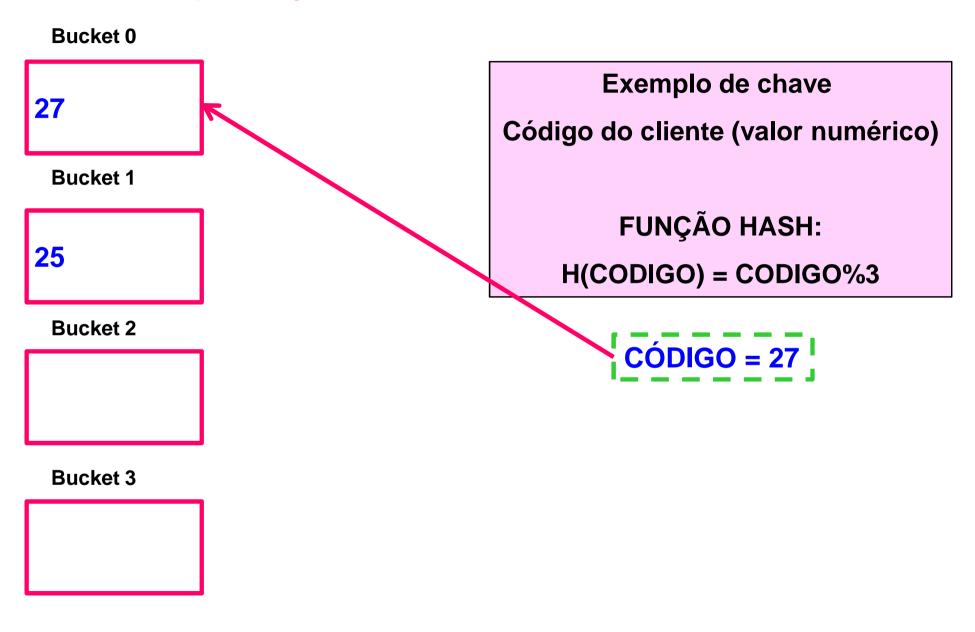
H(CODIGO) = CODIGO%3







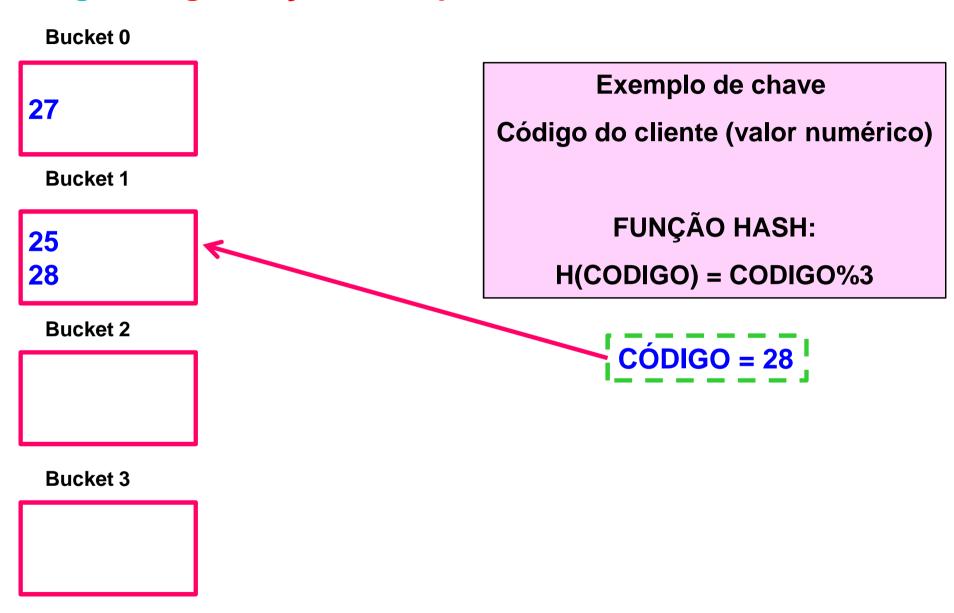


















- ✓ Definimos:
  - K = conjunto de todos os valores de chaves de procura
  - B = todos os endereços de bucket
  - Função hash h = função de K para B
- ✓ Inserção de um registro com chave de procura K<sub>i</sub>
  - calcula  $h(K_i) \rightarrow$  fornece endereço do bucket para aquele registro
  - registro é armazenado no bucket, se houver espaço
- ✓ Procura de um registro com chave de procura K<sub>i</sub>
  - calcula  $h(K_i) \rightarrow$  fornece endereço do bucket para aquele registro
  - conferir o valor da chave de procura de todos os registros no bucket para verificar se o registro é um dos desejados (Por quê ???)







- ✓ Definimos:
  - K = conjunto de todos os valores de chaves de procura
  - B = todos os endereços de bucket
  - Função hash h = função de K para B
- ✓ Inserção de um registro com chave de procura K<sub>i</sub>
  - calcula  $h(K_i) \rightarrow$  fornece endereço do bucket para aquele registro
  - registro é armazenado no bucket, se houver espaço
- ✓ Procura de um registro com chave de procura K<sub>i</sub>
  - calcula  $h(K_i) \rightarrow$  fornece endereço do bucket para aquele registro
  - conferir o valor da chave de procura de todos os registros no bucket para verificar se o registro é um dos desejados (porque duas chaves de procura podem ter o mesmo valor de hash)







- ✓ Remoção de um registro com chave de procura K<sub>i</sub>
  - calcula h(K<sub>i</sub>) → fornece endereço do bucket para aquele registro
  - registro é removido do bucket







- ✓ Funções hash requerem projeto cuidadoso
- ✓ piores funções → mapeiam todos os valores de chave de procura para o mesmo bucket
- ✓ função ideal → distribui chaves uniformemente entre os buckets
- ✓ O que se deseja:
  - distribuição uniforme
  - distribuição aleatória -> valor de hash não relacionado a qualquer ordem visível externamente de valores de chaves de procura







- ✓ Exemplo:
  - vamos definir função hash para mapear o arquivo de contas dos clientes por cidade
  - Quantos buckets? Alguma sugestão?







- ✓ Exemplo:
  - vamos definir função hash para mapear o arquivo de contas dos clientes por cidade
  - 26 buckets (um para cada letra do alfabeto): será uniforme?







- ✓ Exemplo:
  - vamos definir função hash para mapear o arquivo de contas dos clientes por cidade
  - 26 buckets (um para cada letra do alfabeto): será uniforme?

# NÃO!







- ✓ Funções hash típicas
  - executam cálculos sobre a representação binária interna à máquina de caracteres da chave de procura
  - Exemplo:
    - 1) calcula a soma das representações binárias dos caracteres de uma chave
    - 2) retorna o resto da soma dividido pelo número de *buckets*

Considerando 10 buckets, como ficariam distribuídos os registros abaixo supondo que a iésima letra do alfabeto é representada pelo inteiro i?

Cidade	Nome	Endereço
Avaí	Júlia	Rua dos Anjos, 123
Bauru	Ana	Av. Antonio, 865
Brasília	Bruno	Av. Antonio, 865
Brasília	Maria	Rua Estreita, 89
Petrópolis	Carlos	Alameda das Rosas, 634
Petrópolis	Maria	Rua São Paulo, 432
Rondonópolis	Luiza	Avenida Dom Pedro, 800
Santos	Bruno	Rua Aparecida, 7600
Santos	Maria	Rua Santa Rita, 632





- ✓ Funções hash típicas
  - executam cálculos sobre a representação binária interna à máquina de caracteres da chave de procura
  - Exemplo:
    - 1) calcula a soma das representações binárias dos caracteres e uma chave
    - 2) retorna o resto da soma dividido pelo número de buckets

Considerando 10 buckets, como ficariam distribuídos os registros abaixo supondo que a iésima letra do alfabeto é representada pelo inteiro i?

Cidade	Nome	Endereço				
Avaí	Júlia	Rua dos Anjos, 123				
Bauru	Ana	Av. Antonio, 865				
Brasília	Bruno	Av. Antonio, 865				
Brasília	Maria	Rua Estreita, 89				
Petrópolis	Carlos	Alameda das Rosas, 634				
Petrópolis	Maria	Rua São Paulo, 432				
Rondonópolis	Luiza	Avenida Dom Pedro, 800				
Santos	Bruno	Rua Aparecida, 7600				
Santos	Maria	Rua Santa Rita, 632				



✓ Se bucket não tem espaço para armazenar registro → overflow de bucket

#### ✓ Razões:

- buckets insuficientes → número de buckets (n<sub>B</sub>) deve ser > n<sub>r</sub>/f<sub>r</sub>
  - $n_r$  = número total de registros armazenados
  - $f_r$  = número de registros que cabem no *bucket*
- desequilíbrio (skew) → mais registros para alguns buckets
  - registros múltiplos podem ter a mesma chave de procura
  - função hash pode resultar em distribuição não uniforme de chaves de procura







- ✓ Para reduzir probabilidade de overflow:
  - escolha do número de  $\rightarrow (n_r/f_r)^*(1+d)$ 
    - d = fator de fudge tipicamente ao redor 0,2
    - aproximadamente 20% do espaço dos buckets será perdido





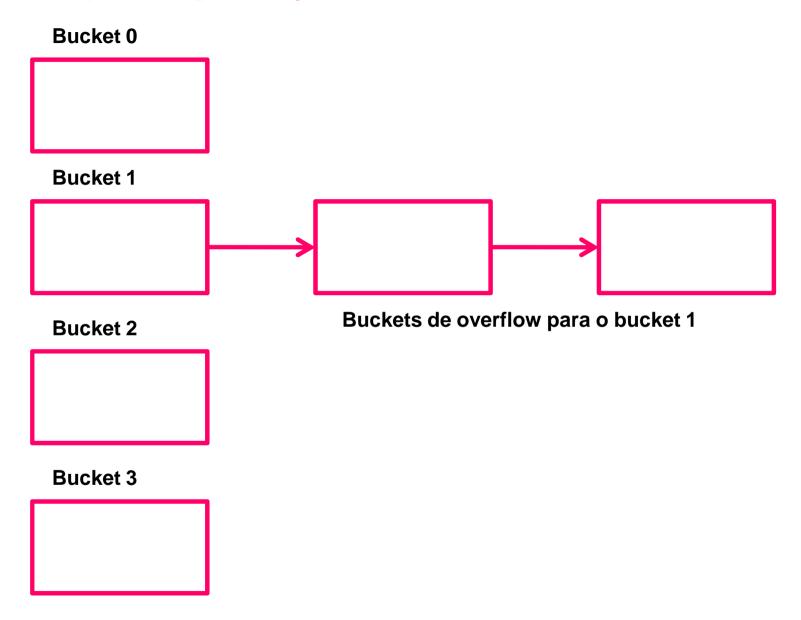


- Mesmo com cálculo anterior, overflow ainda pode acontecer.
- ✓ Solução → bucket de overflow
  - se bucket b está cheio ao inserir um registro > este é armazenado no bucket de overflow
  - se bucket de overflow cheio → novo bucket de overflow
  - buckets de overflow de um bucket são encadeados em uma lista ligada
  - manipulação desse tipo de lista -> encadeamento de overflow















- Procura de um registro com o conceito de overflow
  - calcula h(K<sub>i</sub>) → fornece endereço do bucket para aquele registro
  - conferir o valor da chave de procura de todos os registros no bucket para verificar se o registro é um dos desejados
  - se bucket b possuir buckets de overflow todos registros de todos os buckets de overflow de b devem ser examinados
- ✓ Estrutura vista até agora → hashing fechado







- ✓ hashing aberto → conjunto fixo de buckets e não há cadeia de overflow
  - são estabelecidas políticas para escolher novo bucket quando um bucket está cheio
  - Exemplo de política -> registros inseridos em outro bucket que tem espaço (ordem cíclica) - linear probing
  - outras políticas: calcular funções hash adicionais
  - SGBD preferem hashing fechado. Por quê?







- ✓ hashing aberto → conjunto fixo de buckets e não há cadeia de overflow
  - são estabelecidas políticas para escolher novo bucket quando um bucket está cheio
  - Exemplo de política -> registros inseridos em outro bucket que tem espaço (ordem cíclica) - linear probing
  - outras políticas: calcular funções hash adicionais
  - SGBD preferem hashing fechado. Por quê?
    - Remoção no hashing aberto é complicada.

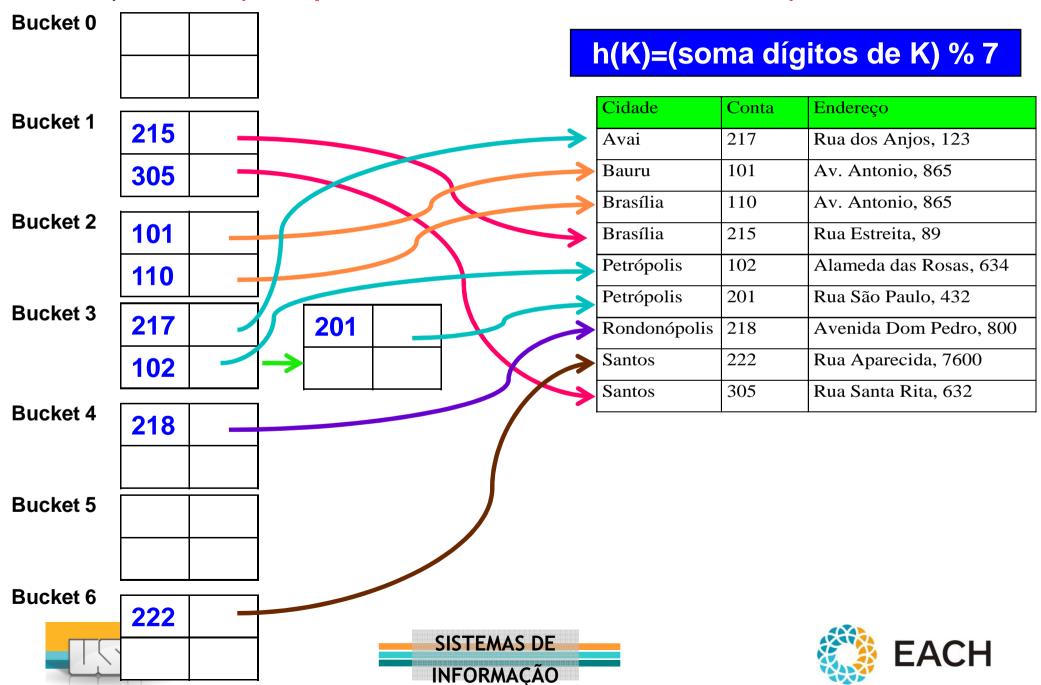






#### Hashing → Índices

✓ Organiza as chaves de procura, com seus ponteiros associados, em uma estrutura de arquivo hash (exemplo considerando K=número da conta)



# Hashing → Índices

- ✓ Termo índice hash → denota estruturas de arquivo hash e também os índices hash secundários.
- ✓ Índice hash nunca é necessário como uma estrutura de índice primária → se um arquivo é organizado usando hashing não é necessária estrutura de índice hash para ele.







#### **Hashing Hashing dinâmico**

- ✓ Problema do Hashing estático → definição do número de buckets
- ✓ Opções:
  - escolher função hash com base no tamanho atual do arquivo ->
    degradação de desempenho à medida que BD cresce
  - escolher função hash com base no tamanho previsto do arquivo ->
    desperdício de espaço
  - reorganizar periodicamente estrutura de hash, escolher função hash nova e gerar novas atribuições de bucket -> operação demorada (proibição de acesso durante a operação)
- ✓ Técnicas de hashing dinâmico → permite modificar função hash dinamicamente para acomodar crescimento ou diminuição do BD.
- ✓ Uma das formas: hashing expansível (ou extensível)







- ✓ Trata mudança no tamanho do BD por meio de divisão e fusão de buckets
  - eficiência espacial mantida
  - reorganização realizada apenas em um bucket por vez 
     overhead de desempenho aceitável e baixo

#### ✓ Como funciona:

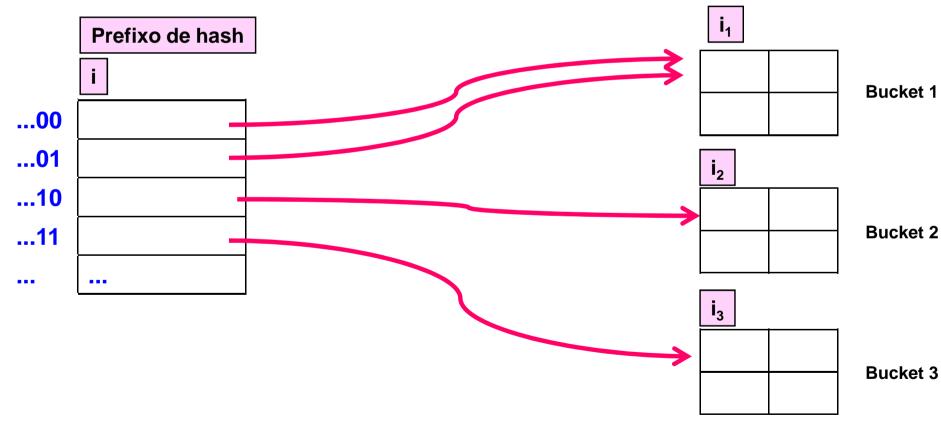
- escolhe função hash h com propriedades desejadas de uniformidade e aleatoriedade
- função gera valores dentro de grande faixa inteiros binários de b bits (valor típico para b = 32)
- 2<sup>32</sup> → mais de 4 bilhões de *buckets* impossível!
- o que se faz: criação de buckets por demanda. Não usa os b bits, mas i bits, sendo 0 ≤ i ≤ b
- valor de i cresce ou diminui de acordo com o tamanho do BD







- ✓ Como funciona:
  - o que se faz: criação de *buckets* por demanda.Não usa os *b* bits, mas *i* bits, sendo 0 ≤ i ≤ b
  - valor de i cresce ou diminui de acordo com o tamanho do BD

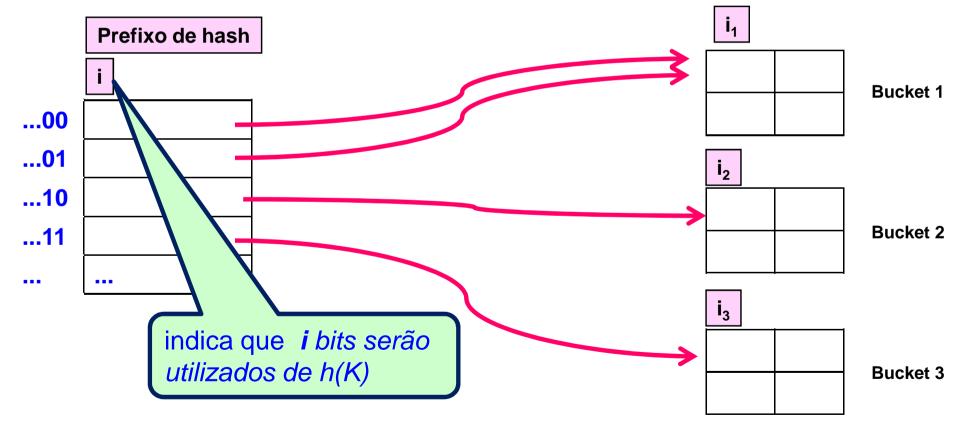








- ✓ Como funciona:
  - o que se faz: criação de *buckets* por demanda.Não usa os *b* bits, mas *i* bits, sendo 0 ≤ i ≤ b
  - valor de i cresce ou diminui de acordo com o tamanho do BD









- Procura de um registro com chave de procura K<sub>1</sub>
  - pegar primeiros i bits de maior ordem de h(K<sub>1</sub>)
  - verifica-se entrada da tabela correspondente para a sequência de bits
  - segue ponteiro de bucket na entrada da tabela
- ✓ Inserção de um registro com chave de procura K<sub>1</sub>
  - mesmo procedimento da procura, parando no bucket j
  - se há espaço em j, insere registro no bucket
  - se j está cheio  $\rightarrow$  dividir j e redistribuir registros atuais, mais novo registro
  - Para dividir bucket → determinar se precisa aumentar o número de bits utilizado







- ✓ Inserção de um registro com chave de procura K₁
  - Para dividir bucket -> determinar se precisa aumentar o número de bits utilizado
    - Incrementa o valor de i em 1 → dobra tamanho da tabela de endereços de bucket
    - Cada entrada é substituída por duas, ambas com mesmo ponteiro da entrada original (bucket j)
    - Aloca novo bucket (bucket z)
    - Configura segunda entrada para apontar para novo bucket
    - Atribui i a  $i_j$  e  $i_z$
    - Recalcula valor hash de cada registro no bucket j a fim de verificar se fica no bucket j ou z







✓ Inserção de um registro com chave de procura K₁

Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade	h(cidade)							
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000
Duartina	1010	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101
Registro	0011	0101		<b>A</b>			1110	1011
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001

Valor de *hash* de 32 bits para a chave nome\_cidade

Considerando que cabem 2 registros de dados em cada bucket







✓ Inserção de um registro com chave de procura K₁

Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade	h(cidade)								
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000	
Duartina	1010	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111	
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010	
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101	
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011	
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001	



**Estrutura inicial (vazia)** 







✓ Inserção de um registro com chave de procura K₁

Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade	h(cidade)								
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000	
Duartina	1010	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111	
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010	
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101	
Registro	0011		1010						
Rincão	1101	1000	0011	A cada <b>bucket</b> é					

Quantidade de bits (*i*) usados. Várias entradas consecutivas da tabela podem apontar para o mesmo endereço.

0

que i.

0

**Bucket 1** 

**Estrutura inicial (vazia)** 







associado um prefixo,

que pode ser menor

✓ Inserção de um registro com chave de procura K₁

Cidade	Conta	Endereco
Cidade	Conta	Elidereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade	h(cidade)								
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000	
Duartina	1010	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111	
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010	
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101	
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011	
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001	



Estrutura após inserir 2 registros







✓ Inserção de um registro com chave de procura K₁

Cidade	Conta	Endereço
Craace	Comu	Zildereçe
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade	h(cidade)							
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000
Duartina		0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111
Macaé	1160	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001



Terceiro registro não cabe no *bucket*. Tem que aumentar número de bits, dividir o *bucket*. Dobra quantidade de entradas na tabela de endereços. Recalcular hash dos registros



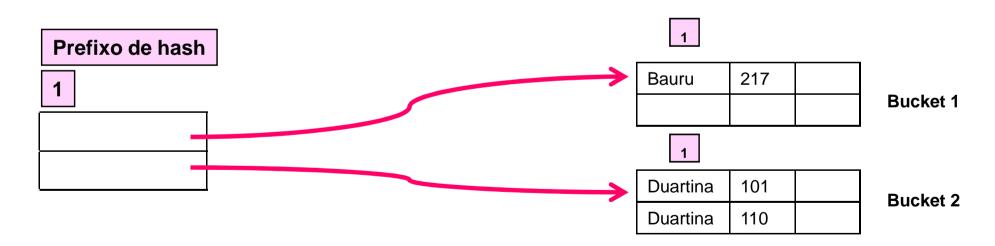




✓ Inserção de um registro com chave de procura K₁

Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade	h(cidade)							
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000
Duartina				0000	1100	0110	1001	1111
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001



Estrutura após inserir 3 registros





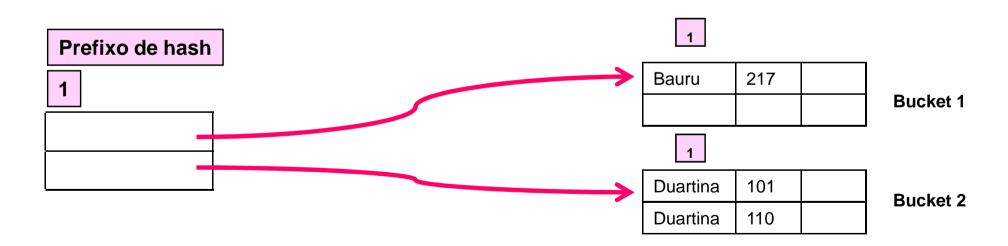


✓ Inserção de um registro com chave de procura K₁

Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade		h(cidade)							
Bauru	<del>0</del> 010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000	
Duartina	1010	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111	
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010	
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101	
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011	
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001	

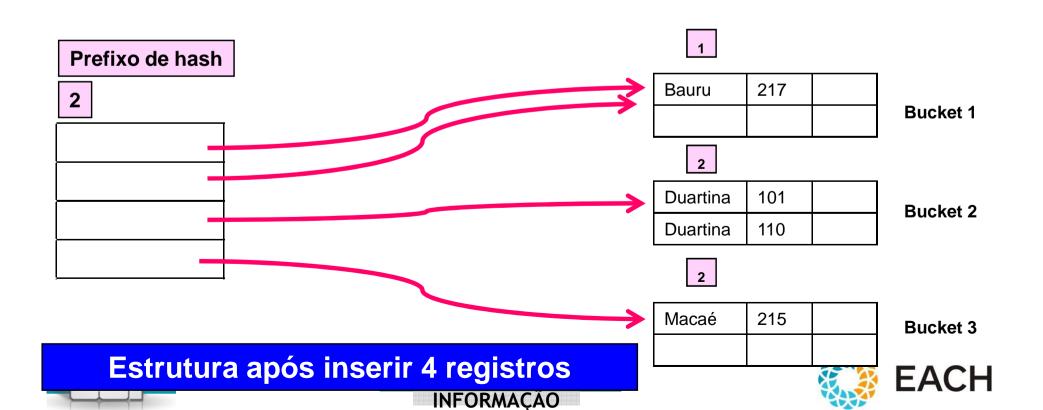
1大方



Não consigo inserir Macaé = Buffer cheio (1º bit = 1). Tem que aumentar número de bits e repetir o processo (dividir o último bucket).

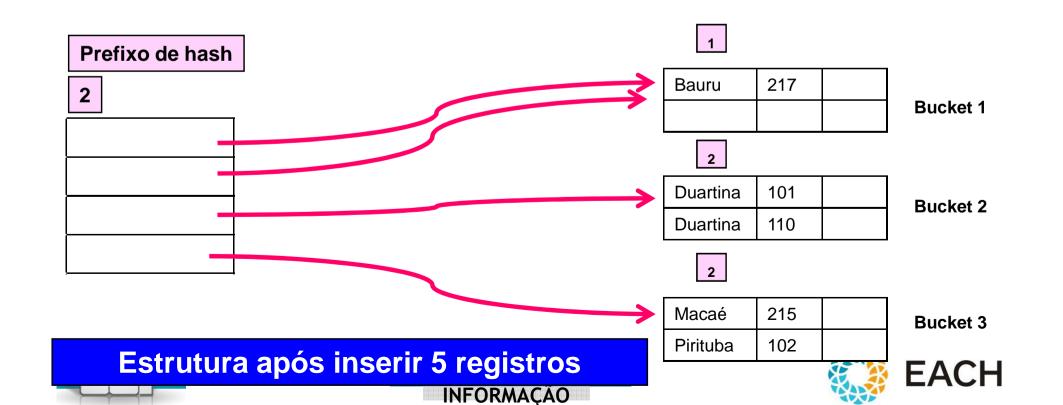
Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade			h(cidade)					
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000
Duartina	1010	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001



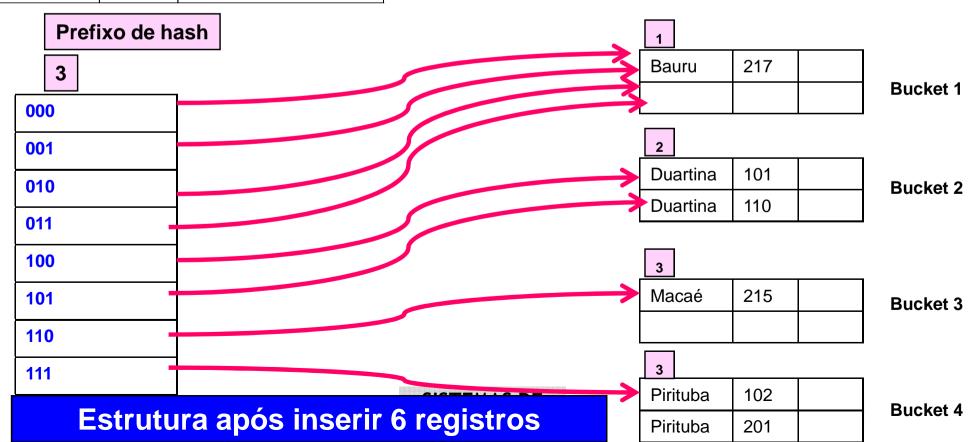
Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade	h(cidade)								
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000	
Duartina	<b>10</b> 10	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111	
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010	
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101	
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011	
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001	



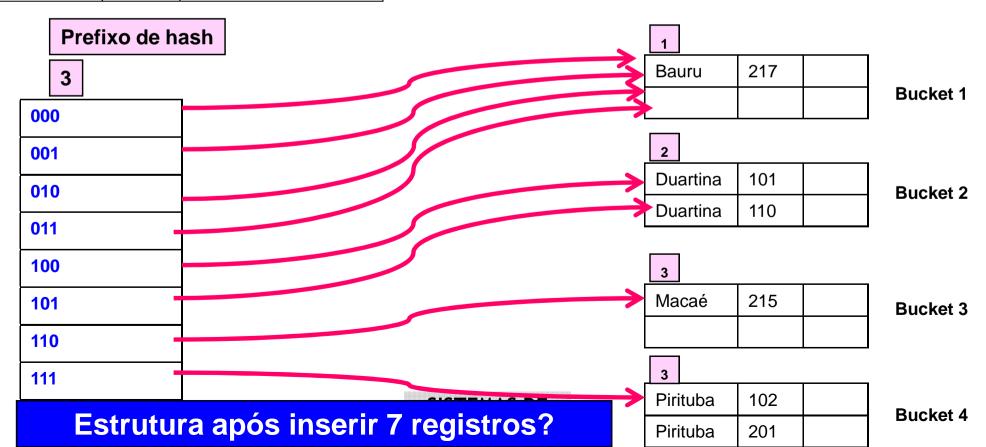
Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade	h(cidade)							
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000
Duartina	1010	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010
Pirituba	1111						0110	1101
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001



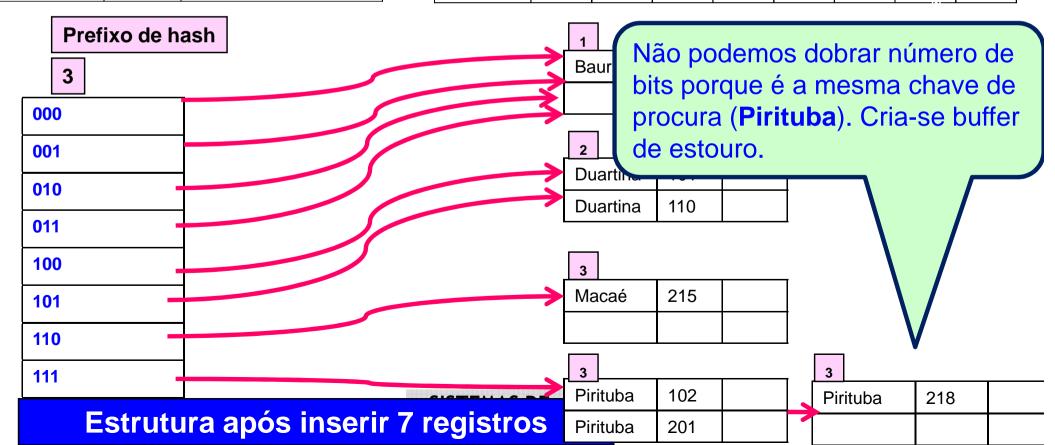
Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade								
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	0011	0000
Duartina	1010	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010
Pirituba	1111					0011	0110	1101
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	0000	0001



Cidade	Conta	Endereço
Bauru	217	Rua dos Anjos, 123
Duartina	101	Av. Antonio, 865
Duartina	110	Av. Antonio, 865
Macaé	215	Rua Estreita, 89
Pirituba	102	Alameda das Rosas, 634
Pirituba	201	Rua São Paulo, 432
Pirituba	218	Avenida Dom Pedro, 800
Registro	222	Rua Aparecida, 7600
Rincão	305	Rua Santa Rita, 632

Cidade								
Bauru	0010	1101	1111	1011	0010	1100	001.1	0000
Duartina	1010	0011	1010	0000	1100	0110	1001	1111
Macaé	1100	0111	1110	1101	1011	1111	0011	1010
Pirituba	1111	0001	0010	0100	1001	0011	0110	1101
Registro	0011	0101	1010	0110	1100	1001	1110	1011
Rincão	1101	1000	0011	1111	1001	1100	OOOO	0001



- ✓ Remoção de um registro com chave de procura K₁
  - mesmo procedimento da procura, parando no bucket j
  - remove chave de procura de j e o registro do arquivo
  - remover j se ficar vazio
  - se buckets forem fundidos -> tamanho da tabela de endereço de bucket pode ser cortado pela metade







#### ✓ Vantagens:

- desempenho n\u00e3o se degrada com crescimento do arquivo
- overhead mínimo
- tabela de endereços contém só um endereço para cada valor hash
- nenhum bucket reservado para crescimento futuro: economia de espaço

#### ✓ Desvantagens:

- procura envolve nível de acesso indireto adicional
- maior complexidade na implementação







- Maioria dos sistemas de BD usa somente algumas ou uma única forma de indexação ordenada ou hashing
- ✓ Aspectos para que o desenvolvedor de BD escolha:
  - custo da reorganização periódica do índice ou da organização hash
  - frequência de inserções e remoções
  - se compensa otimizar tempo médio de acesso às custas do aumento do tempo de acesso no pior caso
  - tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência







- Maioria dos sistemas de BD usa somente algumas ou uma única forma de indexação ordenada ou hashing
- ✓ Aspectos para que o desenvolvedor de BD escolha:
  - custo da reorganização periódica do índice ou da organização hash
  - frequência de inserções e remoções
  - se compensa otimizar tempo médio de acesso às custas do aumento do tempo de acesso no pior caso
  - tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência







√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

```
select A1, A2, ..., An
from r
where Ai = c
```

Qual a diferença ???

select A1, A2, ..., An
from r
where Ai <= c2 and Ai >= c1







√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

select A1, A2, ..., An
from r
where Ai = c

Sistema procura pelo valor c no atributo Ai

Qual indexação é preferível?
Ordenada ou Hashing?

Por quê???







✓ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

select A1, A2, ..., An
from r
where Ai = c

Sistema procura pelo valor c no atributo Ai

Qual indexação é preferível?
Ordenada ou Hashing?

Hashing preferível (tempo constante)

Busca ordenada: tempo=proporcional log do número de valores de c no atributo *Ai* 







√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

```
select A1, A2, ..., An
from r
where Ai <= c2 and Ai >= c1
```

Como seria a procura para esta consulta usando índice ordenado?







√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

select A1, A2, ..., An
from r
where Ai <= c2 and Ai >= c1

Como seria a procura para esta consulta usando índice ordenado?

Primeiro busca c1. Quando encontrar *bucket* com valor = c1, segue cadeia de ponteiros até achar c2.







√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

```
select A1, A2, ..., An
from r
where Ai <= c2 and Ai >= c1
```

Como seria a procura para esta consulta usando índice hash?







√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

select A1, A2, ..., An
from r
where Ai <= c2 and Ai >= c1

Como seria a procura para esta consulta usando índice hash?

Acha bucket com valor c1.

E fica difícil seguir ponteiros até *bucket* para achar c2.

Então, qual o melhor neste caso?







√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

select A1, A2, ..., An
from r
where Ai <= c2 and Ai >= c1

Como seria a procura para esta consulta usando índice hash?

Acha bucket com valor c1.

E fica difícil seguir ponteiros até *bucket* para achar c2.

Então, qual o melhor neste caso?

Índice ordenado !!!







#### **SQL** e índices

- ✓ SQL padrão não provê que usuário ou DBA controle formas de construir índices
- ✓ SGBD pode decidir automaticamente quais índices criar. Como isso não é fácil, é permitido que usuário crie e remova índices:
- ✓ Criar um índice:

create [unique] index <nome\_indice> on <nome\_relação> (<lista de atributos>)

**Exemplo:** 

create index iconta on conta (num\_conta)

✓ Remover um índice:

drop index <nome\_indice>

**Exemplo:** 

drop index iconta







✓ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

```
select numero_conta
from conta
where cidade_agencia = "Florianopolis"
AND saldo = 60000;
```

Como processar ?

Quantos índices ?







✓ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

```
select numero_conta
from conta
where cidade_agencia = "Florianopolis"
AND saldo = 60000;
```

#### Como processar?

- 1) Encontra todos os registros de Florianópolis usando índice por cidade\_agencia e examina cada registro para atender saldo
- 2) Índice por saldo e examina cada registro para atender cidade\_agencia
- 3) Usa 2 índices e faz intersecção

PROBLEMAS ????

✓ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência.

```
select numero_conta
from conta
where cidade_agencia = "Florianopolis"
AND saldo = 60000;
```

#### Como processar?

- 1) Encontra todos os registros de Florianópolis usando índice por cidade\_agencia e examina cada registro para atender saldo
- 2) Índice por saldo e examina cada registro para atender cidade\_agencia
- 3) Usa 2 índices e faz intersecção

PROBLEMAS ???? Muitos registros para examinar em 1) e 2). Pouca intersecção em 3).

√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

```
select numero_conta
from conta
where cidade_agencia = "Florianopolis"
AND saldo = 60000;
```

Como processar?

Outra estratégia: índice por (cidade\_agencia, saldo)

**PROBLEMAS?** 







√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

```
select numero_conta
from conta
where cidade_agencia = "Florianopolis"
AND saldo = 60000;
```

#### Como processar?

Outra estratégia: índice por (cidade\_agencia, saldo)

PROBLEMAS? Registros ordenados sequencialmente por um dos atributos → acesso a blocos diferentes no disco







√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

```
select numero_conta
from conta
where cidade_agencia = "Florianopolis"
```

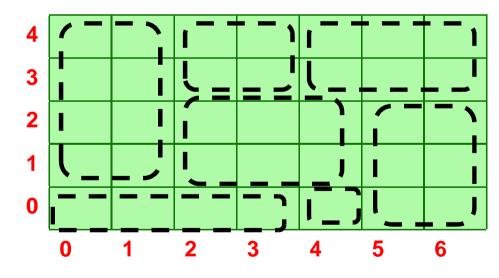
AND saldo = 60000;

#### **LINHAS**

- 4 São Paulo
- 3 Niterói
- 2 Manaus
- 1 Curitiba

Escala linear para cidade\_agencia





COLUN	AS				
1000	2000	5000	10000	500000	1000000
1	2	3	4	5	6
	IX	JEORMACÃO	WANTED TO THE TOTAL OF THE TOTA		VA ADVA

para saldo
EACH

Escala linear

√ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

```
select numero_conta
from conta
```

where cidade\_agencia = "Florianopolis"

AND saldo = 60000;

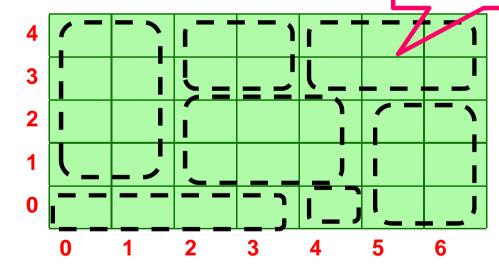
cada célula tem ponteiro para um bucket

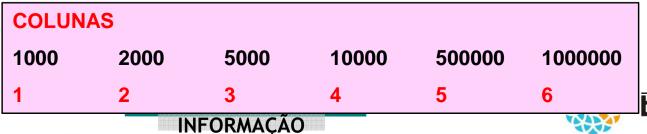
#### **LINHAS**

- 4 São Paulo
- 3 Niterói
- 2 Manaus
- 1 Curitiba

Escala linear para cidade\_agencia







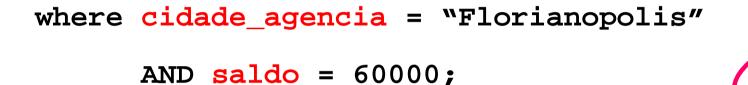
EACH

Escala linear para saldo

✓ tipos de consultas com maior probabilidade de ocorrência

select numero\_conta

from conta

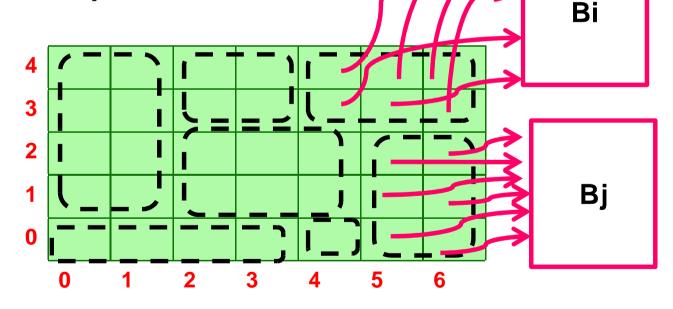


#### **LINHAS**

- 4 São Paulo
- 3 Niterói
- 2 Manaus
- 1 Curitiba

Escala linear para cidade\_agencia





Escala linear para saldo

COLUN	AS					Escala lir
1000	2000	5000	10000	500000	1000000	para sal
1	2	3	4	5	6	EACH
		<b>IFORMAÇÃO</b>			XXX	

#### Referências e Exercícios

- ✓ Silberschatz, A.; Korth, H.F.; Sudarshan, S. "Database system concepts" 4th edition. McGraw-Hill, 2001. (capítulos 11 e 12)
- ✓ Elmasri, R.; Navathe, S. "Fundamentals of Database Systems" third edition. Addison-Wesley Pubs. 2001.(capítulos 13 e 14)







# ACH2025 Laboratório de Bases de Dados Aula 9

# **Indexação e Hashing – Parte 2**

#### **Professora:**

Fátima L. S. Nunes





