Disciplina: ACH2024 - Algoritmos e Estruturas de Dados II

**Prof: Helton Hideraldo Biscaro** 

Resumo P2

Autor: Bruno Kazuhiro

#### 1 - HASH

#### Bit visitado:

Incluir um bit a mais, inicializado com zero, para cada posição da tabela. Quando ocorre uma colisão, esse bit é atualizado para 1.

#### Método preditor:

Inclui um inteiro a mais para cada posição da tabela.

#### Hash encadeado:

Inclui um inteiro a mais, marcando o próximo endereço disponível na tabela, eliminando assim o uso de rehash.

## Funções de hashing:

Divisão:

h(k) = k % ts.

## Método multiplicação

Floor(m \* frac(c\*k))

Onde:

Floor = inteiro arredondado para baixo.

Frac = parte fracionária.

m = table size.

c = constante entre 0 e 1.

# Quadrado médio:

Elevar a chave ao quadrado, e selecionar alguns bits "do meio" do número resultante.

# Dobra:

Ideal para table size = 2 ^ b, e consiste em converter k para a sua representação binária e utilizar a operação de "ou exclusivo" com os blocos resultantes.

## Chaves alfa-numéricos.

Converter letras em números via tabela ASCII, ou transformar em números considerando letras como um número na base 26. Ambas as formas podem ser utilizadas em funções hash.

### Hash:

Uma função é chamada de hash quando, dada uma chave n qualquer, ela retorna um índice para ser utilizado como um endereço de memória numa tabela hash.

A diferença entre hash e indexação é que a função hash possui uma atribuição de índices que à primeira vista soa como aleatória, e duas ou mais chaves podem coincidir em relação ao índice retornado, gerando uma colisão.

Para evitar colisões:

- Uso de algoritmos para distribuir os registros.
- Uso de mais memória
- Uso de cestos/buckets

Fórmula de densidade: r/N

r – Número de registros.

N – número de espaços.

#### **Buckets:**

Os buckets permitem que se possa associar um ou mais registros em um único endereço.

A fórmula de densidade é dada por: r/b\*N

- -> r : número de registros
- -> N : número de espaços
- -> b : número máximo de registros num cesto.

Melhora o desempenho no espalhamento, aumentando a densidade de ocupação e diminuindo o número de colisões.

#### Hash Ext x Hash Linear:

- -> Bucket cheio:
  - dobrar número de buckets
  - distribuir entradas nos novos buckets
  - O arquivo inteiro deve ser reorganizado.
- -> Diretório de ponteiros:
  - Dobra o número de entradas no diretório
  - Separar buckets cheios.

#### Hash Linear:

Em hash linear, a função varia visando evitar overflow e não existe a necessidade de utilizar diretórios (como em hash Extensível). Quando ocorre um overflow, a função de hash se modifica.

## Parâmetros:

- -> Nível: indica a rodada atual (aumentado quando aumenta-se o número de dígitos binários utilizados como índice para alocação).
- -> Next: Buckets que deverão sofrer divisão, inicializado com 0. Somente buckets com valores diferentes de 0 poderão ser divididos.

#### Hash Extensivel:

Havendo a necessidade de multiplicar os buckets, o diretório inteiro sofre a duplicação (porém, somente são multiplicados os buckets que estiverem cheios), e pode ocorrer de dois diretórios apontar para o mesmo bucket.

Regra de inserção: calcular h(k), pegar os 'n' dígitos da chave em representação binária, localizar o bucket indicado e, se o bucket estiver cheio e o nível local for igual a 'n', divide o bucket e duplica o diretório. Se o bucket estiver cheio e o nível local for menor que 'n', divide-se o bucket, mas não duplica o diretório.

### Análise HL e HE:

Em caso de distribuição uniforme, o hash linear apresenta um custo menor do que o hash extensível. Caso não seja uniforme, o hash extensível ganha uma vantagem.

Distribuição uniforme: não existem páginas de overflow.

## 2 - ÁRVORE B

# Árvores:

- -> Binária: cada nó possui no máximo dois filhos.
- -> ABB:
- Balanceada: a altura da árvore tem que ser igual, ou com uma diferença de 1 elemento.
- Balanceamento dinâmico: AVL.
- -> Árvore B: cada nó pode ter 'n' filhos, com um valor 'n' escolhido de forma a otimizar a blocagem física do arquivo de índice. Métodos de acesso com baixo custo.

ABB: acesso lento em caso de busca em disco, tendo como solução utilizar um arquivo os registros, e os ponteiros dariam o RRN de entrada dos filhos.

AVL: acesso inviável em memória secundária, pois havendo mais de 1000000 chaves armazenadas deve-se percorrer até 28 níveis.

Fórmula: 1.44\*log 2 (N+2).

Paged Binary Tree: a cada seek, todos os registros da mesma página do arquivo são lidos, e se o próximo registro a ser recuperado estiver na mesma página, pode-se poupar o acesso ao disco.

#### Árvores B:

- -> Cada página possui uma sequência ordenada de chaves e um conjunto de ponteiros.
- -> Inexiste árvores explícitas.
- -> Ordem: número máximo de ponteiros que são armazenados em um nó.
- -> Splitting: Separar um nó folha em dois.
- -> Promoção: incluir uma chave na raiz (geralmente o primeiro nó do segundo arranjo após o splitting).

Busca: utiliza-se a busca binária, dado que os elementos estão ordenados, com o custo de  $O(\lg(t)*\log t \ (n))$ .

Inserção: localiza em qual nó o elemento deve ser inserido.

Se o nó estiver cheio, faça o splitting.

Se o nó pai estiver cheio, repita o processo recursivamente até poder inserir. Exclusão:

- Elemento em um nó não folha: sucessor movido para a posição que deseja-se eliminar.
  - Elemento em uma folha: depende da ocupação mínima.
  - Se o número de elementos for maior ou igual a OM, apenas remove-se o elemento.
  - Se o número de elementos for menor, reorganize a AB.
    - Pode-se pegar elementos de nós irmãos, caso estejam com número de elementos maior que a OM.
    - Sendo igual, o nó atual é concatenado ao seu irmão, formando um único nó.
      - Se o nó pai tiver com o número igual a OM, deve-se incluí-lo nessa concatenação também, podendo alterar o tamanho máximo da árvore.

#### Lista Generalizada:

São generalizadas todas as listas que possuírem nós de diferentes tipos.

# Método para as listas:

Head() – retorna a informação do primeiro elemento da lista.

Tail() – retorna todos os elementos da lista, exceto o head() dela.

First() – retorna o primeiro nó da lista.

### Métodos para os nós:

Info() – retorna a informação armazenada no nó.

Next() – retorna o nó seguinte.

Nodetype() – retorna o tipo do nó.

# Modificação da lista:

Push(l,x) – cria um nó com a informação 'x' e faz com que a lista 'l' aponte para esse nó.

Addon(l,x) – retorna uma outra lista 'l' tal que tail('lista') = 'l' e head('lista') = 'x'. setInfo(x, y) – atualiza o info de 'x' para 'y'.

setNext(x,y) – atualiza o next de 'x' para 'y'.

setHead(I,x) – atualiza a informação do head da lista para 'x'.

Um nó 'n' é acessível a partir de uma lista ou de um ponteiro externo se existe uma sequência de gerações head() e tail() que, ao aplicar na lista 'l', o resultado é uma lista em que

# **Garbage Collector:**

Consiste em apagar todos os nós que não possuem ponteiros ligados a eles.

# Structs:

```
- Árvore B:
```

- Lista Generalizada:

```
typedef struct No{
    int type;
    // 1 para int
    // 2 para char
    // 3 para No
    union{
        int infolnt;
        char infoChar;
        No* infoNo;
    }
    No* prox;
}
```

# Códigos:

- Inserção em hash encadeado:

- Remoção em hash encadeado:

```
bool remove(int k){
    int i = h(k);
    if(T[i] == k){
        if(next[i] == -1){
            T[i] = -1;
```

```
return true;
                      } else {
                                     T[i] = T[next[i]].
                              T[next[i]] = -1;
                              next [i] = next[next[i]];
                              next[next[i]] = -1;
                              return true;
                      }
               while(T[next[i]] = k \&\& next[i] = -1) I = next[i];
               if(T[i] == -1) return false;
               T[next[i]] = -1;
               next[next[i]] = -1;
               return false;
       }
- Busca em Árvore B:
              int buscaBin(int chave, No* in){
                      int ini = 0;
                      int fim = in-> num_chaves - 1;
                      int meio;
                      while(ini < fim){
                              meio = (int) (ini+fim)/2
                              if(n->chaves[meio] == chave) return meio;
                              else if(n->chaves[meio] < chave) ini = meio +1;
                              else fim = meio -1;
                      return ini;
              bool buscaArvoreB(int chave, no* raiz){
                      int p;
                      no* aux = raiz;
                      while(aux != null){
                              p = buscaBin(chave, aux);
                      if((p<aux->num_Chaves) && (aux->chaves[p] ==
                      chave)) return true;
                                     else aux = aux->filhos[p];
                      }
                      return false;
- Imprime Árvore:
               void imprimeOrdem(no* raiz){
                              no^* aux = raiz;
                              if(aux == null) return;
                              int c = n->num_chaves;
                             int i:
                             for(i = 0; i < c; i++){
```

```
imprimeOrdem(n->filhos[i]);
                     printf("%d\n", n->chaves[i]);
              imprimeOrdem(no->filhos[i]);
}
```

- Somar uma unidade a todos os ints de uma lista generalizada:

```
void addUm(lista I){
                              no^* p = first(I);
                                     while(p != null){
                                             if(nodetype(p) == 1) setInfo(p, info(p) +
1);
                                             p = next(p);
                                     }
               - Deleta todos os 'w's de uma lista generalizada:
                              void delW(list I){
                                     no* ant = null;
                                     no^* p = first(I);
                                     while(p != null){
                                             if(nodetype(p) == 2 \&\& info(p) == 'w'){}
                                                     if(ant == null) l = tail(l)
                                                     else setNext(ant, next(p));
                                              } else ant = p;
                                             p = next(p);
                                      }
                              }
```