# HzGraphFlow系统的实现

# 引言

在论文《GraphFlow:基于状态更新的动态图计算模型》(以下简称GraphFlow)中，我们设计了一种新的面向流式数据的图计算模型，并且借助于Flink框架实现了DD和TC算法，但是发现，当实现更为复杂的SSSP和PR算法时，却无从下手，究其原因是Flink并没有提供灵活的分布式数据结构来存储图的状态。而之所以DD算法和TC算法能够在Flink上实现，是因为这两种算法都是局部算法,而且不需要进行迭代计算，因此很容易通过分流的方式存储局部计算结果，并且进行局部计算即可。而SSSP和PR算法是要在整个连通子图内多次迭代的进行计算，如果没有分布式数据结构来存储每个节点的状态，很难在整个连通子图内共享信息。而Hazelcast提供了这样的数据结构，因此本文希望通过在Hazelcast上构建整套模型，并且实现该四种算法。论文GraphFlow已经详细阐述了整个框架的设计理念，因此本文不再具体阐述，只是重点讲述如何实现这套框架及相关的动态图算法。

# 架构实现



图 1 基于状态更新的动态图计算模型

如图1所示，定义了GraphFlow的动态图计算模型的运行过程：系统每次从Event Stream中读取一个Event(如增加一条边这样的事件),利用该事件和图的原始状态State1，在用户自定义的Transform函数的驱动下，转变为另一个状态State2。因此需要实现该模型的这三个基本组件，并且在该组件之上定义图的算法。整个系统的架构如下图所示：

# 算法实现

## Degree Distribution

节点的度分布算法，是用来统计无向图中各个节点的度。如图2.所示，图中数字表示各个节点的度，当增加一条新边时，将这条边的两个顶点的度各加1即可。

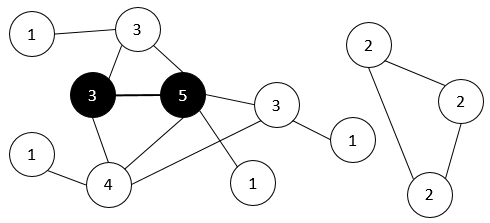


图 2 DD Algorithm

核心代码如下表。

|  |
| --- |
| DD algorithm |
| public boolean increase(KV id){  if(state.containsKey(id)){  state.lock(id);  set(id,state.get(id)+1);  state.unlock(id);  }else  set(id,1L);  return true; }  public boolean decrease(KV id){  if(state.containsKey(id)){  state.lock(id);  long count = state.get(id);  if(count > 0) set(id,count-1);  else return false;  state.unlock(id);  }  return false; } |

## Triangle Count

TC算法是用来统计无向图中不同三角形的数目。如图3所示，图中节点编号表示节点拥有三角形的数目。当增加一条边时，找出这条边的两个顶点的公共邻接点，即为新增的三角形的数目。

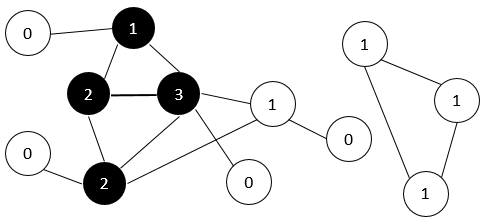


图 3 TC Algorithm

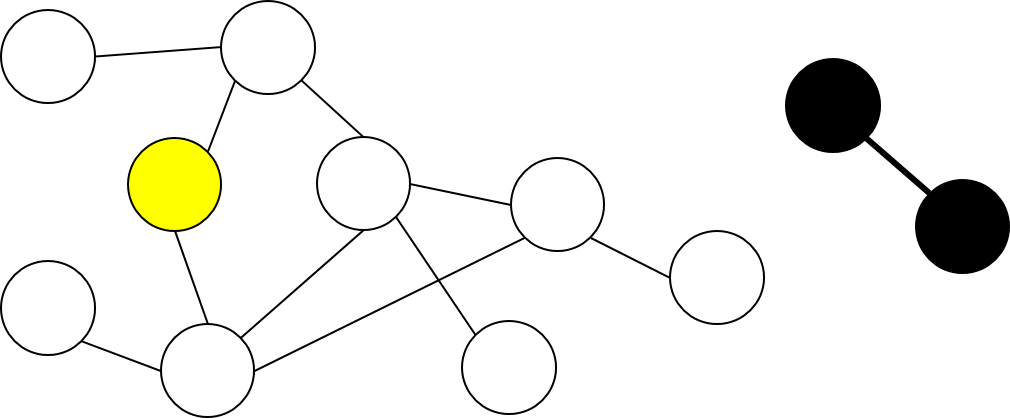
核心代码如下所示:

|  |
| --- |
| TC Algorithm |
| public boolean update(EdgeEvent<KV,EV> event) {  EventType type = event.getType();  Edge<KV,EV> edge = event.getValue();  switch(type){  case *ADD*:  KV source = edge.getSource();  KV target = edge .getTarget();   outNeighborState.update(event);  outNeighborState.update(new EdgeEvent<KV, EV>(type,edge.reverse()));   outNeighborState.lockKey(source); outNeighborState.lockKey(target);   Set<KV> sn = outNeighborState.get(source);  Set<KV> tn = outNeighborState.get(target);   int increased = 0;  if(sn.size() < tn.size()){  for(KV vertex : sn)  if(tn.contains(vertex)) increased++;  }else{  for(KV vertex : tn)  if(sn.contains(vertex)) increased++;  }  counter.addAndGet(increased);   outNeighborState.unlockKey(source); outNeighborState.unlockKey(target);  return true;  default:  return false;  } } |

## Single Source Shortest Path

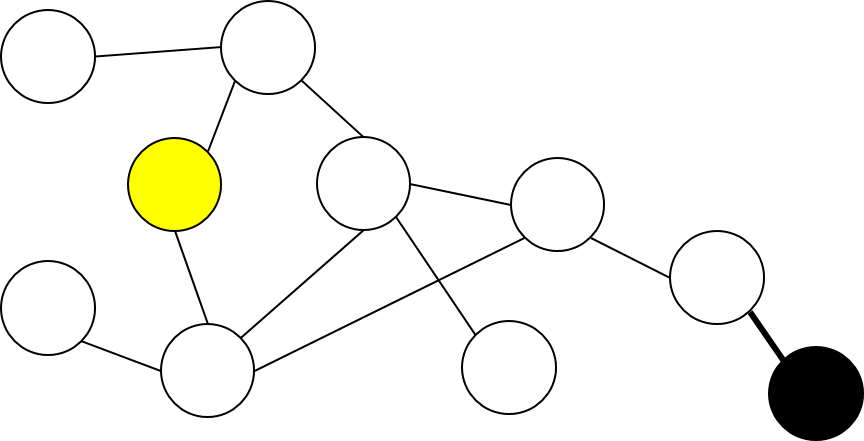
单源点最短路径算法，是在有向图中，给定一个源点，就该源点到图中其他各点的最短路径。下图中黄色顶点为给定的源点，白色顶点为再处理新增边之前已经存在而且处理好的顶点，黑色顶点和边为新增的顶点。当增加一条边时，这条边有三种可能：

1. 这条边的两个顶点都是最新出现的



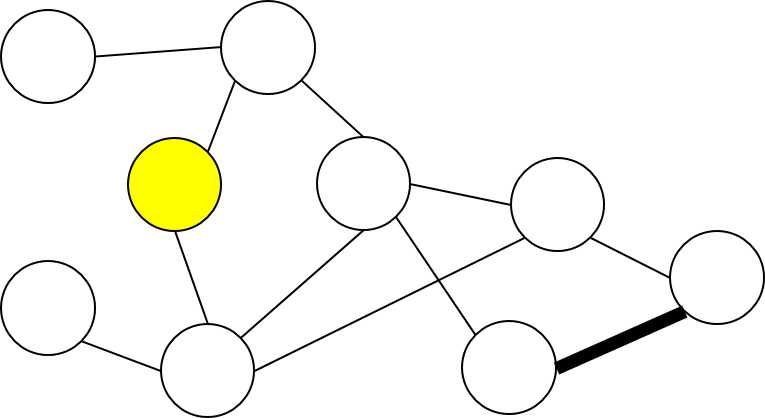
因为新增的这条边的两个顶点都是最新出现的，因此原图中的任何顶点都无法与之建立连接，即这两个顶点是不可达的。所以他们的SSSP值为无穷大。

1. 这条边的两个顶点有一个是最新出现的



假设新增的这条边为（v1,v2,distance），如果v1是原图中已经有的，v2是新增加的节点，v1指向v2,则v2的SSSP值为v1+distance；反过来，如果v1是新增加的，v2是已经有的，则图中没有节点指向v2，即v2是不可达的，SSSP值为无穷大。

1. 这条边的两个顶点都是原图已经存在的顶点



假设新增的边为(v1,v2,distance)，v1和v2均为原图中已经存在的点，且边的方向为v1指向v2。此时，因为指向v1的点集没有发生改变，所以v1的SSSP的值不会发生改变，而指向v2的点新增了v1这个点，有可能导致从v1走向v2距离更短。假设v2的原来的SSSP的值为oldDis，如果v1+distance < oldDis，则更新v2的值为v1+distance,因为v2被更新，所以v2的后续节点可能也会被更新，则继续更新v2的后续节点，如果v1+distance>=oldDis,则新增的这条边不会更新v2的值，即v2保持不变。

算法和核心代码如下：

|  |
| --- |
| SSSP Algorithm |
| public boolean update(EdgeEvent<KV, EV> event) {  EventType type = event.getType();  Edge<KV, EV> edge = event.getValue();  KV source = edge.getSource(), target = edge.getTarget();  switch (type){  case *ADD*:  neighborState.update(event); //update the neighbors.  if(state.containsKey(source)){  Long newValue = get(source) + edge.getEdgeValue().longValue();  spread(target,newValue);  }  return true;  default:  throw new UnsupportedOperationException("The delete and update type events are not supported by now.");  } }  public void spread(KV id,Long value){  //if the vertex is not already in state and its closer to original vertex, we will change nothing.  if(state.containsKey(id) && state.get(id) <= value)  return;  set(id,value);  Set<Edge<KV, EV>> neighbors = neighborState.get(id);  KV target; Long tarOldValue,tarNewValue;  if(neighbors == null) return;  for(Edge<KV,EV> edge : neighbors){  target = edge.getTarget();  if(state.containsKey(target)){//if this vertex has already calculated.  tarOldValue = get(target).longValue();  tarNewValue = value + edge.getEdgeValue().longValue();  if( tarNewValue < tarOldValue){ // if the new value is smaller.  spread(target,tarNewValue);  }  }else{//else the vertex is reachable now.  tarNewValue = value + edge.getEdgeValue().longValue();  spread(target,tarNewValue);  }  } } |

## PageRank

DD,TC和SSSP算法能够用流式的增量计算模型是显而易见的。但PageRank是否可以呢？我们假设原图为,原图的初始状态为，新增一条边之后，现在的图为，新增节点的初始状态为。PageRank算法为

则有

表示在原始状态为的图中进行若干次迭代之后的计算结果；表示以原始图的计算结果和新增节点的初始状态作为新图的初始状态，经过若干次迭代之后的运行结果；表示直接在最初的和上进行若干次迭代之后的运行结果，如果有=，则证明PageRank算法可以用流式的增量计算模型进行计算，而且能够得到准确结果。感谢Larry Page和Sergey Brin，他们从理论上证明了不论初始值如何选取，PageRank算法都保证了计算结果能够收敛到他们的真实值。因此PageRank算法可以使用流式的增量计算模型。如果初始值越接近真实值，那么算法的收敛就越快，而利用上一次的计算结果作为下一次的初始值，显然要比从头开始计算收敛的要快。

# 算法测试

上述四种算法，均完成了功能性的测试，测试结果无误。后续会展开进行性能测试。测试过程带后续补充。