1. VIO 文献阅读

阅读 VIO 相关综述文献如3,回答以下问题:

- 视觉与 IMU 进行融合之后有何优势?
- 有哪些常见的视觉 +IMU 融合方案?有没有工业界应用的例子?
- 在学术界, VIO 研究有哪些新进展?有没有将学习方法用到 VIO 中的例子?

你也可以对自己感兴趣的方向进行文献调研,阐述你的观点。

^a Jianjun Gui et al. "A review of visual inertial odometry from filtering and optimisation perspectives". In: Advanced Robotics 29.20 (2015), 1289–1301. ISSN: 0169-1864. DOI: {10.1080/01691864.2015.1057616}.

1 视觉与 IMU 融合之后有何优势?

	视觉	IMU
静止状态	初始化后,数据稳定	通常会产生较大偏移
缓慢运动	特征点数量稳定状态下,数 据输出稳定	IMU 可以准确计算出运动
快速运动	可能导致特征点丢失或者两 帧之间重叠区域太少以至于 无法进行特征匹配	

- (1) 当图像发生变化时,本质上我们没法知道是相机自身发生了运动,还是外界条件发生了变化,所以 VSLAM 难以处理动态的障碍物。而 IMU 能够检测到自身运动信息,从某种程度上减轻动态物体的影响。
- (2) 对于单目视觉 SLAM,存在尺度不确定性,融合 IMU odmetry 后可以恢复尺度。
- (3) 纯视觉 SLAM 在容易受弱纹理场景和光照变化的影响,在定位失败时,可以依靠 IMU 进行短暂的定位。

综上, Visual 与 IMU 融合之后会弥补各自的劣势, 可利用 Visual 来估计 IMU 的零偏, 减少 IMU 由零偏导致的发散和累积误差。IMU 可以为 Visual 提供快速运动时的定位, 以及 因为某种因素(场景特征点较少,光照变化较大等)定位失败时的状态估计。

- 2 有哪些常见的视觉+IMU 融合方案? 有没有工业界应用的例子?
 - (1) 常见的视觉+IMU 融合方案

MSCKF(https://github.com/KumarRobotics/msckf_vio.git),

(https://github.com/yuzhou42/MSCKF.git 中文注释版),

MSCKF_mono(https://github.com/daniilidis-group/msckf_mono.git),

OKVIS(https://github.com/ethz-asl/okvis_ros.git),

ROVIO(https://github.com/ethz-asl/rovio.git),

VIORB(https://github.com/jingpang/LearnVIORB.git),

VINS-Mono(https://github.com/HKUST-Aerial-Robotics/VINS-Mono.git),

VINS-Mobile(https://github.com/HKUST-Aerial-Robotics/VINS-Mobile.git),

VINS-Fusion(https://github.com/HKUST-Aerial-Robotics/VINS-Fusion.ait)

Visual-Odometry-Review

https://github.com/MichaelBeechan/Visual-Odometry-Review

(2) 工业界应用

Google: Tango, ARCore

Apple: ARKit

Microsoft: HoloLens 百度: DuMix AR

3 在学术界, VIO 研究有哪些新进展?有没有将学习方法应用到 VIO 的例子?

Jianjun Gui, Dongbing Gu. A review of visual inertial odometry from filtering and optimization perspectives. [J] Advanced Robotics, 2015

Chang Chen, Hua Zhu. A Review of Visual-Inertial Simultaneous Localization and Mapping from Filtering-Based and Optimization-Based Perspectives. [J] Robotics, 2018

Chen, Changhao, et al. "Selective Sensor Fusion for Neural Visual-Inertial Odometry." arXiv preprint arXiv:1903.01534 (2019).

Lee, Hongyun, Matthew McCrink, and James W. Gregory. "Visual-Inertial Odometry for Unmanned Aerial Vehicle using Deep Learning." AIAA Scitech 2019 Forum. 2019.

2. 四元数和李代数更新

课件提到了可以使用四元数或旋转矩阵存储旋转变量。当我们用计算 出来的 ω 对某旋转更新时,有两种不同方式:

$$\mathbf{R} \leftarrow \mathbf{R} \exp(\omega^{\wedge})$$

或 $\mathbf{q} \leftarrow \mathbf{q} \otimes \left[1, \frac{1}{2}\omega\right]^{\top}$ (20)

请编程验证对于小量 $\omega = [0.01, 0.02, 0.03]^{T}$,两种方法得到的结果非常接近,实践当中可视为等同。因此,在后文提到旋转时,我们并不刻意区分旋转本身是 \mathbf{q} 还是 \mathbf{R} ,也不区分其更新方式为上式的哪一种。

代码如下,库文件引用:

#include <iostream>

#include <cmath>

#include <Eigen/Core>

#include <Eigen/Eigen>
#include <Eigen/Dense>

#include <ctime>

#include <sophus/so3.hpp>

结果可以看出,在小量的前提下,不管用旋转矩阵或者四元数进行更新差别不大,且四元数在 Eigen 库中的实现可将速度提升 5 倍左右。

```
duke@duke:~/Documents/VIO$ ./Week0
_____
Eigen Quaternion updated :
-0.0300895 -0.9995 0.00969661
  0.99935 -0.0298895 0.0201429
-0.0198431 0.0102964 0.99975
使用Eigen库进行Quaternion更新 use time 0.232ms
Sophus SO3 updated =
          -0.9995 0.0096977
-0.030093
  0.99935 -0.029893 0.0201453
-0.0198454 0.0102976 0.99975
使用Sophus库进行SO3更新 use time 0.028ms
Eigen SO3 updated :
-0.030093 -0.9995 0.0096977
  0.99935 -0.029893 0.0201453
-0.0198454 0.0102976 0.99975
使用Eigen库进行SO3更新 use time 0.064ms
```

3. 其他导数

使用右乘 50(3), 推导以下导数:

$$\frac{\mathrm{d}\left(\mathbf{R}^{-1}\mathbf{p}\right)}{\mathrm{d}\mathbf{R}}\tag{21}$$

$$\frac{\mathrm{d}\ln\left(\mathbf{R}_{1}\mathbf{R}_{2}^{-1}\right)^{\vee}}{\mathrm{d}\mathbf{R}_{2}}\tag{22}$$

$$\frac{d(R^{\dagger}p)}{dR} = \lim_{\phi \to 0} \frac{[R \cdot \exp(\phi^{\wedge})]^{-1}p - R^{\dagger}p}{\phi}$$

$$= \lim_{\phi \to 0} \frac{\exp(\phi^{\wedge}) \cdot R^{\dagger}p - R^{\dagger}p}{\phi}$$

$$= \lim_{\phi \to 0} \frac{\exp(\phi^{\wedge}) \cdot R^{\dagger}p - R^{\dagger}p}{\phi}$$

$$= \lim_{\phi \to 0} \frac{-\phi^{\wedge}R^{\dagger}p}{\phi}$$

$$= \lim_{\phi \to 0} \frac{-\phi^{\wedge}R^{\dagger}p}{\phi}$$

$$= \lim_{\phi \to 0} \frac{(R^{\dagger}p)^{\wedge}\phi}{\phi}$$

$$= (R^{\dagger}p)^{\wedge}$$

-	dm(R,R,+) V / Lm /u(R,(R,exp(\$)))) - In[R,R,+) V dR2 = \$>0\$
_	$=\lim_{p\to 0}\frac{\ln(R_1\exp(-\phi^*)R_2^{-1})^{\vee}-\ln(R_1R_2^{-1})^{\vee}}{\phi}$
	- Lim An(R, R, 1/R, express) - ln(R, P, 1) - ln(R, P, 1)
	$= \lim_{R \to \infty} \ln \left(R_1 R_2^{-1} \exp(-(R_2 \phi)^{\alpha}) \right) - \ln \left(R_1 R_2^{-1} \right)^{\gamma}$
	- 4m (n(R,R2)) - Jr R2d - (n(R,R2)) / to the top
	=-Jr1R2