

# 3D激光SLAM介绍







1、3D激光SLAM

3D激光SLAM

2, LOAM



1、3D激光SLAM

3D激光SLAM







#### 介绍

• 地图形式



3D激光地图

• 主要应用领域



无人驾驶汽车



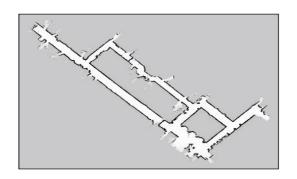
送外卖小车

### 3D激光SLAM—对比



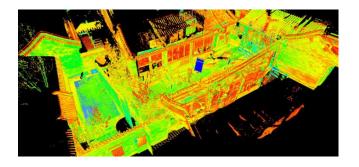
#### 2D激光SLAM

- 单线激光雷达
- 二维栅格地图
- 室内移动机器人



#### 3D激光SLAM

- 多线激光雷达
- 三维点云地图或者三维栅格地图
- 室外移动机器人





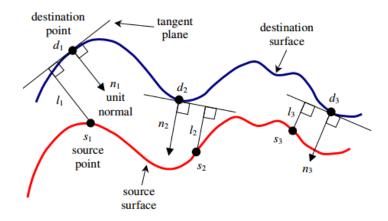
## 0

#### 帧间匹配算法—Point-to-Plane ICP(点面ICP)

目标函数:

$$\mathbf{M}_{\text{opt}} = \operatorname{arg\,min}_{\mathbf{M}} \sum_{i} ((\mathbf{M} \cdot \mathbf{s}_{i} - \mathbf{d}_{i}) \cdot \mathbf{n}_{i})^{2}$$

• 示意图:



### 3D激光SLAM—帧间匹配

### O

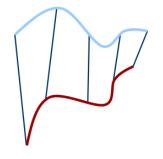
#### 帧间匹配算法—Feature-based Method

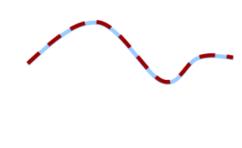
• 提取特征点: VPF、FHPF、角点、平面点等

• 基于已知对应点的ICP方法:

$$R = VU^T$$

$$t = u_x - Ru_p$$









#### 帧间匹配算法—Normal Distribution Transform(NDT方法)

- 把空间划分成小方格
- 点云数据在小方格中服从高斯分布,并根据点云数据计算出该小方格中对应的高斯分布参数:

$$u = \frac{1}{n} \sum x_i \qquad \qquad \Sigma = \frac{1}{n} \sum (x_i - u)(x_i - u)^T$$

落在该方格内的点x,其得分为:

$$S \approx e^{-\frac{1}{2}(x-u)^T \Sigma^{-1} (x-u)}$$

• 目标函数为:

$$Score = \sum e^{-\frac{1}{2}(x_i - u)^T \Sigma^{-1} (x_i - u)}$$





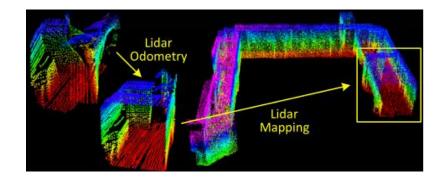
3D激光SLAM







- 3D激光" SLAM" 算法
- 为数不多的开源3D激光SLAM算法之一
- KITTI数据集Odometry排行榜上长期霸占第一
- Feature-based 匹配方法

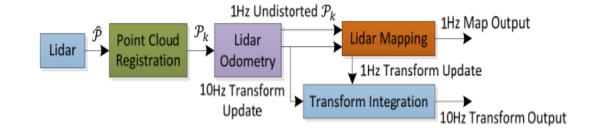






#### 框架

- 激光的帧率为1Hz
- 匀速运动假设
- 激光里程计模型
- 激光建图模块





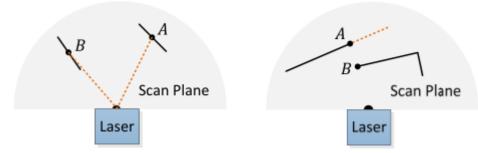
## 0

#### 激光里程计模块—特征点提取模块

• 计算曲率:

$$c = \frac{1}{|\mathcal{S}| \cdot ||X_{(k,i)}^L||} ||\sum_{j \in \mathcal{S}, j \neq i} (X_{(k,i)}^L - X_{(k,j)}^L)||.$$

- 曲率项最大为Edge Point,最小为Planar Point。
- 每一个水平激光帧,分为四个区域;每个区域最多有2个edge point和4个planar point。
- 去除不稳定特征点:

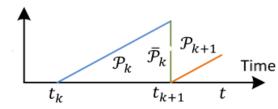




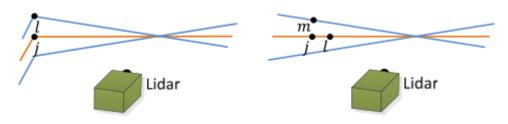


#### 激光里程计模块—特征点匹配

• 前一帧的完整数据数据为 $\bar{P}_{k-1}$ ,当前的数据为 $P_k$ 。每一帧数据都由多个scan组成。



• 为当前帧进行特征匹配。







#### 激光里程计模块—特征点匹配

• Edge Point的目标函数:

$$d_{\mathcal{E}} = \frac{\left| (\bar{\boldsymbol{X}}_{(k+1,i)}^{L} - \bar{\boldsymbol{X}}_{(k,j)}^{L}) \times (\bar{\boldsymbol{X}}_{(k+1,i)}^{L} - \bar{\boldsymbol{X}}_{(k,l)}^{L}) \right|}{\left| \bar{\boldsymbol{X}}_{(k,j)}^{L} - \bar{\boldsymbol{X}}_{(k,l)}^{L} \right|}$$

• Planar Point的目标函数:

$$d_{\mathcal{H}} = \frac{\left| \begin{array}{c} (\bar{\boldsymbol{X}}_{(k+1,i)}^{L} - \bar{\boldsymbol{X}}_{(k,j)}^{L}) \\ ((\bar{\boldsymbol{X}}_{(k,j)}^{L} - \bar{\boldsymbol{X}}_{(k,l)}^{L}) \times (\bar{\boldsymbol{X}}_{(k,j)}^{L} - \bar{\boldsymbol{X}}_{(k,m)}^{L})) \end{array} \right|}{\left| (\bar{\boldsymbol{X}}_{(k,j)}^{L} - \bar{\boldsymbol{X}}_{(k,l)}^{L}) \times (\bar{\boldsymbol{X}}_{(k,j)}^{L} - \bar{\boldsymbol{X}}_{(k,m)}^{L}) \right|}$$



#### 激光里程计模块—运动估计

• 认为在整个sweep期间,机器人在匀速运动; $\Diamond T_k^L(t)$ 表示t时刻相对于 $t_k$ 时刻的机器人位姿,则对于 当前帧的第i个激光点,设其对应的时间为 $t_{(k,i)}$ ,则其对应的位姿为:

$$T_{(k,i)}^{L} = \frac{t_{(k,i)} - t_k}{t - t_k} T_k^{L}(t)$$

所有的点都投影到同一时刻t<sub>k</sub>:

$$\tilde{\boldsymbol{X}}_{(k,i)}^{L} = \mathbf{R}_{(k,i)}^{L} \boldsymbol{X}_{(k,i)}^{L} + \tau_{(k,i)}^{L}$$



#### 激光里程计模块—运动估计

• 构造目标函数:

$$f_{\mathcal{E}}(X_{(k,i)}^{L}, T_{k}^{L}(t)) = d_{\mathcal{E}}, \quad i \in \mathcal{E}_{k}.$$

$$f_{\mathcal{H}}(X_{(k,i)}^{L}, T_{k}^{L}(t)) = d_{\mathcal{H}}, \quad i \in \mathcal{H}_{k}.$$

$$f(T_{k}^{L}(t)) = d$$

• 非线性优化求解:

$$\mathbf{J} = \frac{\partial f}{\partial T_k^L(t)}$$

$$T_k^L(t) \leftarrow T_k^L(t) - (\mathbf{J}^T \mathbf{J} + \lambda \operatorname{diag}(\mathbf{J}^T \mathbf{J}))^{-1} \mathbf{J}^T \mathbf{d}$$





#### 激光里程计模块—总结

#### Algorithm 1: Lidar Odometry

```
1 input: \bar{\mathcal{P}}_{k-1}, \mathcal{P}_k, T_k^L(t) from the last recursion at initial guess
2 output: \bar{\mathcal{P}}_k, newly computed T_k^L(t)
3 begin
      if at the beginning of a sweep then
          T_k^L(t) \leftarrow 0;
      Detect edge points and planar points in \mathcal{P}_k, put the points in
       \mathcal{E}_k and \mathcal{H}_k, respectively;
       for a number of iterations do
           for each edge point in \mathcal{E}_k do
               Find an edge line as the correspondence, then
               compute point to line distance based on (7) and stack
               the equation to (9);
11
           for each planar point in \mathcal{H}_k do
12
               Find a planar patch as the correspondence, then
13
               compute point to plane distance based on (8) and
               stack the equation to (9);
14
           Compute a bisquare weight for each row of (9);
15
           Update T_k^L(t) for a nonlinear iteration based on (10);
16
           if the nonlinear optimization converges then
17
18
               Break:
           end
19
       end
20
      if at the end of a sweep then
           Project each point in \mathcal{P}_k to t_{k+1} and form \bar{\mathcal{P}}_k;
22
           Return T_k^L(t) and \bar{\mathcal{P}}_k;
24
       end
25
           Return T_k^L(t);
27
       end
28 end
```

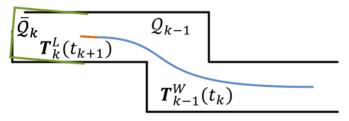
- 特征点检测
- 寻找匹配点
- 构建非线性方程组
- 求解非线性方程组
- 如果到了当前帧的末尾,则投影到当前帧的时刻,开始进行下一帧的求解





#### 激光建图模块

• Lidar Odometry的输出跟地图进行匹配:



• Mapping过程提取的特征点数量,是Lidar Odometry的10倍。

• 特征点的匹配不是寻找对应的2个或者三个特征点。而是对于当前帧的特征点,在 $Q_{k-1}$ 中的对应位置附近10cm\*10cm\*10cm的cubic中提取所有的特征点。





#### 激光建图模块—直线匹配

- 对于Edge Point, cubic中的所有Edge Point会按照直线进行分布。根据这些特征点求解出直线的方程
- 根据Cubic中的Edge Point, 计算位姿协方差矩阵。
- 对协方差矩阵进行特征值分解。
- 最大特征值对应的特征向量即为直线的方向向量。
- 该直线通过所有Edge Point的几何中心





#### 激光建图模块—平面匹配

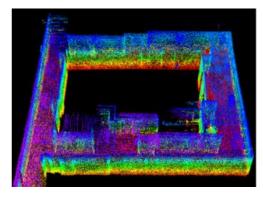
- 对于Planar Point, cubic中的所有Planar Point会按照平面进行分布。根据这些特征点求解出平面的方程。
- 根据Cubic中的Planar Point, 计算位姿协方差矩阵。
- 对协方差矩阵进行特征值分解。
- 最小特征值对应的特征向量,即为平面的法向量。
- 该平面通过所有Planar point的几何中心



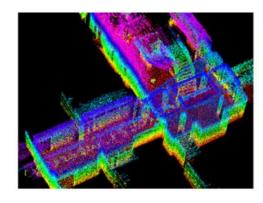


#### 激光建图模块

• 按照Lidar Odometry模块的估计方式进行运动估计即可,最终的结果如下:















- [1]LOAM:Lidar Odometry and Mapping in Real-time
- [2] V-LOAM: Visual-lidar Odometry and Mapping
- [3] IMLS-SLAM:scan-to-model matching based on 3D data







## 感谢各位聆听 Thanks for Listening