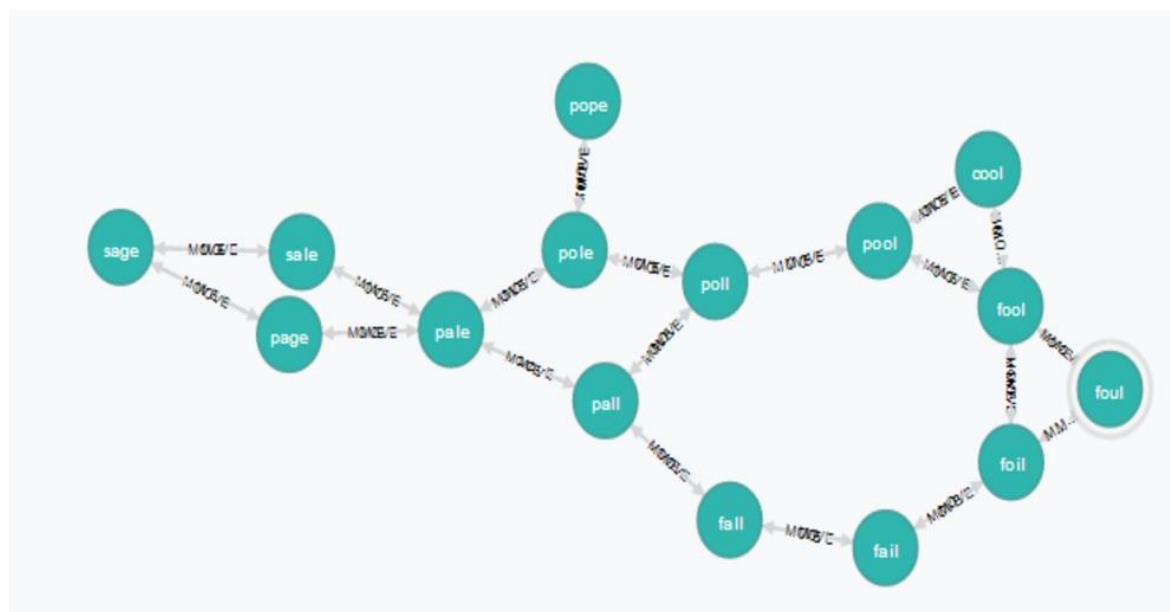




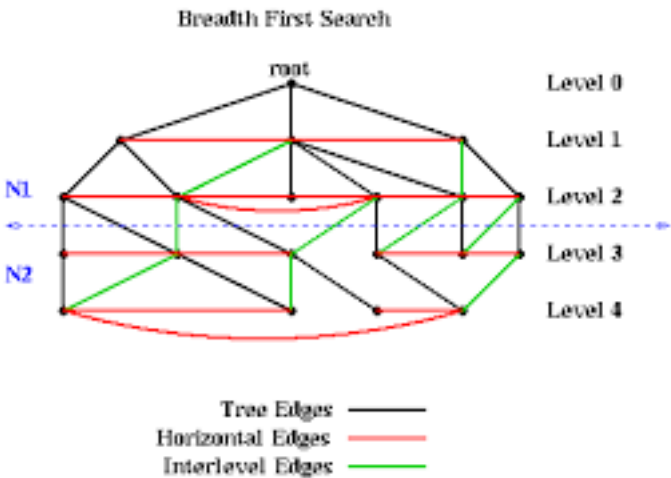
# ALGORITMOS E ESTRUTURAS DE DADOS 2022

<b>André Oliveira</b>	<b>/ 107637</b>	<b>33.(3)%</b>
<b>Duarte Cruz</b>	<b>/ 107359</b>	<b>33.(3)%</b>
<b>Rodrigo Graça</b>	<b>/ 107634</b>	<b>33.(3)%</b>



WORD LADDER

Neste relatório, será descrito como foi usada uma *Hash Table* para implementar um programa em C que resolve o jogo da Escada de Palavras. Isso inclui a descrição da sua estrutura de dados, dos algoritmos utilizados e do funcionamento do programa. Além disso, são apresentados os resultados obtidos ao testar o programa com diferentes entradas e discutidas as suas conclusões.



## Função *hash\_table\_create()*

```
static hash_table_t *hash_table_create(void)
{
    // create a new hash table
    hash_table_t *hash_table;

    // allocate the hash table
    hash_table = (hash_table_t *)malloc(sizeof(hash_table_t));
    // check for allocation errors
    if (hash_table == NULL)
    {
        return NULL;
    }

    // allocate the array of linked list heads
    hash_table->heads = (hash_table_node_t **)malloc(sizeof(hash_table_node_t *));
    // check for allocation errors
    if (hash_table->heads == NULL)
    {
        free(hash_table);
        return NULL;
    }

    // initialize the hash table
    hash_table->hash_table_size = 250;
    hash_table->number_of_entries = 0;
    hash_table->number_of_edges = 0;

    // Fill the array of linked list heads with NULL
    for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        hash_table->heads[i] = NULL;
    }

    return hash_table;
}
```

Figura 1 | Função hash\_table\_create()

A função tem como objetivo criar uma *Hash Table* e inicializá-la. Começa declarando uma variável do tipo *hash\_table\_t*, que é a estrutura que representa uma *Hash Table*. Em seguida, aloca memória para essa estrutura usando a função *malloc*, que aloca um bloco de memória do tamanho especificado em bytes. Se a alocação de memória falhar, a função retorna *NULL*.

Em seguida, aloca memória para um *array* de ponteiros para nós da *Hash Table*, que será usado para armazenar as entradas na tabela. Novamente, verificaremos se a alocação de memória falhou e, caso tenha falhado, libera a memória alocada para a estrutura da *Hash Table* e também retorna *NULL*.

É definido ainda o tamanho inicial da *Hash Table* como 250 e inicializa as variáveis *number\_of\_entries* e *number\_of\_edges* como 0. Estas variáveis são usadas para armazenar o número de entradas e o número de arestas, respectivamente, na *Hash Table*.

Por fim, percorremos o *array* de cabeças da *Hash Table* e inicializa cada posição como *NULL*, o que significa que não há nenhuma entrada na *Hash Table* ainda.

A função retorna um ponteiro para a nova *Hash Table* criada, ou *NULL* se a alocação de memória falhar.

## Função `hash_table_grow()`

```
static void hash_table_grow(hash_table_t *hash_table)
{
    // the old and new array of linked list heads
    hash_table_node_t **old_heads, **new_heads, *node, *next;
    unsigned int old_size, i;

    // save a pointer to the old array of linked list heads and its size
    old_heads = hash_table->heads;
    old_size = hash_table->hash_table_size;

    // create a new hash table with a larger size
    hash_table->hash_table_size *= 2;
    new_heads = (hash_table_node_t **)malloc(hash_table->hash_table_size * sizeof(hash_table_node_t *));

    // Fill the array of linked list heads with NULL
    for (i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
        new_heads[i] = NULL;

    if (new_heads == NULL)
    {
        fprintf(stderr, "Error: out of memory");
        exit(1);
    }

    // rehash the entries from the old array to the new one
    for (i = 0; i < old_size; i++)
    {
        node = old_heads[i];
        while (node != NULL)
        {
            next = node->next;

            size_t value = crc32(node->word) % hash_table->hash_table_size;
            node->next = new_heads[value];
            new_heads[value] = node;

            node = next;
        }
    }
    free(old_heads);
    hash_table->heads = new_heads;
}
```

Figura 2 | Função `hash_table_grow()`

Esta função tem como objetivo redimensionar (aumentar o tamanho) uma *Hash Table* existente. Começa guardando um ponteiro para o antigo *array* de cabeças da *Hash Table* e seu tamanho. Em seguida, aumenta o tamanho da *Hash Table* para o dobro do tamanho anterior e aloca memória para um novo *array* de cabeças da *Hash Table*.

Posteriormente, preenche o novo *array* de cabeças com NULL. Se a alocação de memória falhar, exibe uma mensagem de erro e finaliza o programa.

Por fim, percorre o antigo *array* de cabeças da *Hash Table* e, para cada entrada, “rehasha” o valor da palavra (usando a função *crc32*) e insere o nó na nova *Hash Table* usando o novo tamanho. Liberta ainda a memória alocada para o antigo *array* de cabeças e atualiza o ponteiro da *Hash Table* para apontar para o novo *array* de cabeças.

A função é chamada quando a *Hash Table* atinge um determinado limite de carga (número de entradas dividido pelo tamanho da *Hash Table*), para evitar que a performance da tabela se degrade muito. Ao redimensionar a *Hash Table*, a carga é distribuída de maneira mais equilibrada e o tempo de acesso às entradas é mantido em um nível aceitável.

### Função `hash_table_free()`

```
static void hash_table_free(hash_table_t *hash_table)
{
    hash_table_node_t *node;
    hash_table_node_t *temp;
    adjacency_node_t *adj_node;
    adjacency_node_t *temp_adj;
    unsigned int i;

    for (i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        node = hash_table->heads[i];
        while (node != NULL)
        {
            temp = node;
            adj_node = node->head;
            while (adj_node != NULL)
            {
                temp_adj = adj_node;
                adj_node = adj_node->next;
                free(temp_adj);
            }
            node = node->next;
            free(temp);
        }
    }

    // Free the memory used by the array of linked list heads
    free(hash_table->heads);

    // Free the memory used by the hash table
    free(hash_table);
}
```

Figura 3 | Função `hash_table_free()`



A função *hash\_table\_free* tem como objetivo liberar toda a memória alocada para uma *Hash Table*. Começa por declarar quatro variáveis: dois ponteiros para nós da *Hash Table* (*node* e *temp*) e dois ponteiros para nós de adjacência (*adj\_node* e *temp\_adj*).

Em seguida, a percorre o *array* de cabeças da *Hash Table* e, para cada entrada, atribui a variável *node* o ponteiro para o nó atual e, em seguida, entra em um *loop* para percorrer a lista de adjacência do nó. Dentro desse *loop*, à variável *adj\_node* é atribuída o ponteiro para o nó de adjacência atual e à variável *temp\_adj* é atribuída o ponteiro para o próximo nó de adjacência. Em seguida, libera a memória alocada para o nó de adjacência atual (*temp\_adj*) e atualiza o ponteiro *adj\_node* para o próximo nó de adjacência.

Quando o *loop* que percorrer a lista de adjacência termina, a função atribui à variável *temp* o ponteiro para o nó atual e atualiza o ponteiro *node* para o próximo nó da *Hash Table*. Em seguida, libera a memória alocada para o nó atual (*temp*).

Quando o próximo *loop* que percorre o *array* de cabeças da *Hash Table* termina, a função libera a memória alocada para o *array* de cabeças da *Hash Table*. Por fim, a função libera a memória alocada para a estrutura da *Hash Table*.

Esta função é importante para garantir que não haja vazamento de memória quando a *Hash Table* não é mais necessária. Deve ser chamada após o uso da *Hash Table* para liberar a memória alocada e evitar problemas com o gerenciamento de memória do sistema.

## Função *find\_word()*

```
static hash_table_node_t *find_word(hash_table_t *hash_table, const char *word, int insert_if_not_found)
{
    hash_table_node_t *node;
    unsigned int i;

    // find the word in the hash table
    i = crc32(word) % hash_table->hash_table_size;
    node = hash_table->heads[i];
    while (node != NULL)
    {
        if (strcmp(node->word, word) == 0)
        {
            return node;
        }
        node = node->next;
    }

    // if the word is not found, insert it into the hash table
    if (insert_if_not_found && strlen(word) < _max_word_size_)
    {
        node = allocate_hash_table_node(); // allocate a new node
        strncpy(node->word, word, _max_word_size_); // copy the word into the node
        node->representative = node; // the representative of a node is itself
        node->next = hash_table->heads[i]; // insert the node at the head of the linked list
        node->previous = NULL;
        node->number_of_edges = 0;
        node->number_of_vertices = 1;
        node->visited = 0;
        node->head = NULL;
        hash_table->heads[i] = node;
        hash_table->number_of_entries++;
        // if the number of entries exceeds the size of the hash table, grow the hash table
        if (hash_table->number_of_entries > hash_table->hash_table_size)
        {
            hash_table_grow(hash_table);
        }
        return node;
    }

    return NULL;
}
```

Figura 4 | Função find\_word()

Esta função tem como objetivo encontrar uma determinada palavra em uma *Hash Table* ou, se a opção *insert\_if\_not\_found* for verdadeira, inserir a palavra na *Hash Table* caso ela não esteja presente.

A função começa por fazer o “rehash” da palavra usando a função `crc32` e usando o resultado para encontrar a posição correspondente no *array* de cabeças da *Hash Table*. Em seguida, atribui a uma variável `node` o ponteiro para o nó na cabeça da *linked list* na posição encontrada e entra em um *loop* para percorrer a mesma. Dentro desse loop, a função compara a palavra no nó atual com a palavra procurada e, se elas forem iguais, retorna o nó. Caso contrário, o ponteiro `node` é atualizado para o próximo nó da *linked list* e o *loop* continua.

Se o *loop* terminar sem encontrar a palavra procurada, a opção *insert\_if\_not\_found* é verdadeira e o tamanho da palavra é menor que o tamanho máximo permitido, a função aloca um novo nó, copia a palavra para o nó, insere o nó no início da *linked this* e atualiza o contador de entradas da *Hash Table*. Se o número de entradas ultrapassar o tamanho da Hash Table, a função *hash table grow* é chamada para redimensionar a tabela. Por fim, o nó é retornado.

Se a palavra não foi encontrada e a opção *insert\_if\_not\_found* é falso ou o tamanho da palavra é maior que o tamanho máximo permitido, a função retorna NULL.

## Função *find\_representative()*

```
hash_table_node_t *find_representative(hash_table_node_t *node)
{
    hash_table_node_t *representative, *next_node, *actual_node;

    // Find the representative element by following the chain of representatives until we reach an element that points to itself
    for (representative = node; representative != representative->representative; representative = representative->representative)
    {
    };

    // Do a second pass to apply path compression, which flattens the tree representation of the disjoint-set and improves the efficiency of future find operations
    for (next_node = node; next_node != representative; next_node = next_node->representative)
    {
        actual_node = next_node->representative;
        next_node->representative = representative;
    }

    return representative;
}
```

Figura 5 | Função find\_representative()

Nesta implementação, cada elemento é representado por uma estrutura *hash\_table\_node\_t*, que possui um campo chamado *representative*, que aponta para o elemento representativo de seu subconjunto. O elemento representativo é o representante do componente conexo ao qual pertence. Nesta implementação, para obtê-lo consideramos que seja o elemento que aponta para si mesmo.

Primeiro, através de um *for loop*, percorre os vértices representantes começando do elemento dado e terminando no elemento representativo já explicado acima. Em seguida, através de outro *for loop*, volta a percorrer os mesmos representantes, fazendo com que o campo *representative* de cada um aponte para o representativo calculado inicialmente, em vez de indiretamente através de uma cadeia de outros elementos.

Por fim, a função retorna um ponteiro para o elemento representativo.

## Função *add\_edge()*

```
static void add_edge(hash_table_t *hash_table, hash_table_node_t *from, const char *word)
{
    hash_table_node_t *to, *from_representative, *to_representative;
    adjacency_node_t *linkfrom, *linkto;

    // Find the word in the hash table
    from_representative = find_representative(from);
    to = find_word(hash_table, word, 0);

    // If the word is not in the hash table, or if the two vertices are the same, return without adding an edge
    if (to == NULL || to == from)
        return;

    // Find the representatives of the two connected components
    to_representative = find_representative(to);

    // If the vertices are already in the same connected component, increment the number of vertices in the component
    if (from_representative == to_representative)
    {
        from_representative->number_of_vertices++;
    }

    // If the vertices are not in the same connected component, merge the two connected components
    if (from_representative != to_representative)
    {
        if (from_representative->number_of_vertices < to_representative->number_of_vertices)
        {
            from_representative->representative = to_representative;
            to_representative->number_of_vertices += from_representative->number_of_vertices;
            to_representative->number_of_edges += from_representative->number_of_edges;
        }
        else
        {
            to_representative->representative = from_representative;
            from_representative->number_of_vertices += to_representative->number_of_vertices;
            from_representative->number_of_edges += to_representative->number_of_edges;
        }
    }

    // Allocate two adjacency nodes to represent the edge between the vertices
    linkfrom = allocate_adjacency_node();
    linkto = allocate_adjacency_node();

    // If allocation fails, print an error message and exit
    if (linkfrom == NULL || linkto == NULL)
    {
        fprintf(stderr, "add_edge: out of memory\n");
        exit(1);
    }

    // Update the linked lists of adjacency nodes for each vertex to include the new nodes
    linkfrom->vertex = to;
    linkfrom->next = from->head;
    from->head = linkfrom;

    linkto->vertex = from;
    linkto->next = to->head;
    to->head = linkto;

    from_representative->number_of_edges++;
    to_representative->number_of_edges++;
    hash_table->number_of_edges++;
    return;
}
```

Figura 6 | Função `add_edge()`

Esta função adiciona uma aresta entre dois vértices em uma estrutura de dados que representa um grafo. A aresta liga o vértice *from* ao vértice com a palavra (*word*) especificada.

Os vértices são representados por elementos da estrutura *hash\_table\_node\_t* e as arestas são representadas por elementos da estrutura *adjacency\_node\_t*, que contêm um ponteiro para um vértice e um ponteiro para o próximo elemento na lista de adjacências do vértice.

Começaremos por chamar a função *find\_representative()* para encontrar os representantes dos vértices *from* e *to*. O vértice *to* é encontrado chamando a função *find\_word()* e passando a palavra (*word*) como parâmetro. Se o vértice *to* não for encontrado ou se o vértice *from* for igual ao vértice *to*, a função retorna sem adicionar a aresta.

De seguida, verificaremos se os vértices *from* e *to* já pertencem à mesma componente conexa. Se o mesmo acontecer, o número de vértices da componente é incrementado. Caso os vértices não pertencerem à mesma componente, faremos merge das duas componentes conexa, atribuindo o representante de uma componente como o representante da outra. O número de vértices e o número de arestas da componente que recebe o novo representante são atualizados para incluir os valores da que perde o representante.

Alocamos ainda duas estruturas *adjacency\_node\_t* para representar a aresta entre os vértices. Se a alocação falhar, a função imprime uma mensagem de erro e encerra o programa.

Em seguida, atualizamos as *linked lists* de nós de adjacência de cada vértice para incluir os novos nós. O vértice *from* passa a apontar para o novo nó *linkfrom* e o vértice *to* passa a apontar para o novo nó *linkto*.

Por fim, é atualizado o número de arestas dos representantes dos vértices *from* e *to* e o número de arestas da *hash table*.

## Função *breath\_first\_search()*

```
static int breadth_first_search(int maximum_number_of_vertices, hash_table_node_t **list_of_vertices, hash_table_node_t *origin, hash_table_node_t *goal)
{
    // Indices for the read and write positions of the queue
    int read = 0, write = 1;
    // Initialize the first position of the queue with the origin vertex [origin, NULL, NULL, NULL, NULL, NULL, NULL, NULL, NULL, NULL]
    list_of_vertices[0] = origin;
    // Initialize the previous vertex of the origin as NULL
    origin->previous = NULL;
    // Mark the origin vertex as visited
    origin->visited = 1;
    int found = 0;
    // While the queue is not empty
    while (read != write)
    {
        // node is set to the head of the origin vertex to begin traversing the linked list
        adjacency_node_t *node = list_of_vertices[read++]>head;
        if (found == 1)
        {
            break;
        }
        while (node != NULL) // Traverse the linked list
        {
            // Check if the vertex has already been visited
            if (node->vertex->visited == 0)
            {
                node->vertex->visited = 1;
                // The previous vertex of this vertex is the vertex before it in the queue
                node->vertex->previous = list_of_vertices[read - 1];
                // Add the vertex to the queue using the write position
                list_of_vertices[write++] = node->vertex;
                if (node->vertex == goal)
                {
                    found = 1;
                    break;
                }
            }
            node = node->next;
        }
    }
    for (int i = 0; i < write; i++)
    {
        list_of_vertices[i]>visited = 0;
    }
    return write;
}
```

Figura 7 | Função `breadh_first_search()`

Esta função realiza uma busca em largura (*breadth-first search*, BFS) em um grafo a partir de um vértice de origem até um vértice de destino (*goal*). A busca em largura é um algoritmo de busca que percorre todos os vértices de um grafo em uma ordem específica, explorando todos os mesmo de um certo nível antes de passar para o próximo nível. Isso garante que a primeira vez que um vértice é visitado, todos os seus vizinhos mais próximos já foram visitados.

A função começa inicializando alguns valores e declarando algumas variáveis. Em seguida, entra num *loop* que continuará enquanto houver vértices na fila (*queue*) de vértices a serem visitados. O *loop* começa por percorrer a lista de adjacências do vértice atual, marcando cada vértice não visitado como visitado e adicionando-o à fila. Se o vértice atual é o vértice de destino, a função marca a variável *found* como 1 e sai do *loop*. No final do *loop*, a função “reseta” o campo *visited* de todos os vértices para 0 e retorna o número de vértices visitados.

## Função `list_connected_component()`

Figura 8 | Função `list_connected_component()`

Esta função tem o intuito de apresentar todos os vértices de um componente conexo, ou seja, todas as palavras às quais poderemos chegar a partir de uma originária.

Inicialmente, procuramos o vértice de origem na *hash table* através da função *find\_word*. Se o vértice não for encontrado, saímos da função e é impressa uma mensagem de erro. Se mesmo for encontrado, calcularemos o seu representativo usando a função *find\_representative* e alocaremos uma lista de vértices suficientemente grande para armazenar todos os vértices do componente conexo.

Através da função *bread\_first\_serch*, percorreremos o grafo em largura a partir do vértice origem e armazenaremos os vértices visitados na lista alocada já referida.

Por fim, depois de percorrer o grafo, será impressa a lista dos vértices dessa componente conexa assim como o seu número de vértices e arestas.

Nota: O parâmetro de entrada *option* serve apenas como indicar se é para imprimir ou não as palavras do componente conexo.

## Função `connected_component_diameter()`

Figura 9 | Função `connected component diameter()`



Esta função tem como objetivo calcular o diâmetro de uma componente conexa, ou seja, a distância máxima entre dois vértices dessa componente.

A função possui várias variáveis estáticas, que são compartilhadas por todas as chamadas da função e mantêm seu valor entre essas chamadas. Essas variáveis incluem o diâmetro máximo encontrado até o momento, o diâmetro mínimo encontrado até o momento, a soma de todos os diâmetros encontrados, o número de diâmetros encontrados e uma lista com os vértices que formam o diâmetro máximo encontrado até o momento. Além disso, a função possui uma variável estática chamada *maxNumVertices*, que armazena o número máximo de vértices que a função pode processar.

Em seguida, alocaremos dois *arrays* de ponteiros para nós (*vertices* e *temporaryList*) e chamamos a função *breadh\_first\_search()* passando o *array* vértices e o nó *node* como parâmetros. A função *breadh\_first\_search()* percorre a componente conexa em largura a partir do nó *node* e coloca todos os nós visitados no *array* vértices. O tamanho do *array* vértices é passado como parâmetro para a função *breadh\_first\_search()* e é igual a *maxNumVertices*. O valor de retorno da função *breadh\_first\_search()* é o número de nós colocados no *array* *vertices*.

De seguida, entraremos num ciclo for que irá percorrer todos os nós do *array* vértices. Para cada nó do *array*, a função *breadth\_first\_search()* é chamada novamente, desta vez passando *maxNumVertices*, o *array temporaryList* e o nó *vertices[i]* como parâmetros. O *array temporaryList* irá conter a lista dos nós do caminho mais longo a partir do nó *vertices[i]*.

A variável `temporaryDiameter` é inicializada 0 e será criado um ponteiro para nós chamado `palavras` que aponta para o último nó do array `temporaryList`. Enquanto o ponteiro `palavras` não for nulo, o código incrementa o valor de `temporaryDiameter` e atualiza o ponteiro `palavras` para apontar para o nó anterior (*previous*). Se o valor de `temporaryDiameter` for maior do que o valor de `diameter`, o mesmo é atualizado com o valor de `temporaryDiameter`.

Após o ciclo for, para efeitos de apresentação de estatísticas do grafo posteriormente, verificamos se o valor de *diameter* é maior do que o valor de *largestDiameter*. Se for, o valor de *largestDiameter* é atualizado com o valor de *diameter* e o array *largestDiameterList* é atualizado com o array *vertices*. Caso o valor de *diameter* seja menos que *smallestDiameter*, o anteriormente será alterado. Incrementamos ainda o valor de *numDiameters* e adiciona o valor de *diameter* ao valor de *diametersSum* para calcularmos posteriormente médias.

Por fim, o código liberta os *arrays temporaryList* e vértices da memória e retorna o valor de *diameter*.

## Função *path\_finder()*

```
static void path_finder(hash_table_t *hash_table, const char *from_word, const char *to_word)
{
    // Find the hash table nodes corresponding to the given words.
    hash_table_node_t *from, *fromRepresentative, *to, *toRepresentative;
    from = find_word(hash_table, from_word, 0);
    to = find_word(hash_table, to_word, 0);

    // Find the representatives of the connected components containing the words.
    fromRepresentative = find_representative(from);
    toRepresentative = find_representative(to);

    // If one of the words doesn't exist in the hash table, print an error message and return.
    if (from == NULL || to == NULL)
    {
        printf("One of the words doesn't exist\n");
        return;
    }

    // If the words aren't in the same connected component, print an error message and return.
    if (fromRepresentative != toRepresentative)
    {
        printf("The words aren't in the same connected component\n");
        return;
    }

    // Allocate an array of pointers to hash table nodes to store the vertices of the shortest path.
    hash_table_node_t **vertices = malloc(sizeof(hash_table_node_t *) * fromRepresentative->number_of_vertices);

    // Find the shortest path between the two words using a breadth-first search.
    int path = breadth_first_search(fromRepresentative->number_of_vertices, vertices, to, from);

    // Print the words on the shortest path in order, starting from the destination word and ending at the source word.
    hash_table_node_t *palavras = vertices[path - 1];
    int ordem = 0;
    while (palavras != NULL)
    {
        printf("[%d] %s \n", ordem, palavras->word);
        ordem++;
        palavras = palavras->previous;
    }

    // Free the array of vertices.
    free(vertices);
}
```

Figura 10 | Função *path\_finder()*

Esta função encontra o caminho mais curto entre dois vértices em um grafo.

Primeiramente, procuraremos os vértices de origem e destino na *hash table* através da função *find\_word()*. Se algum dos vértices não for encontrado, sairemos da função e será impressa uma mensagem de erro.

De seguida, encontraremos os elementos representativos dos vértices em questão usando a função *find\_representative()*, verificando se estes estão no mesmo componente conexo. Caso isto não se verifique, sairemos da função e é impressa uma mensagem de erro. Caso contrário, alocaremos uma lista de vértices suficientemente grande para armazenar todos os vértices do componente conexo e chamaremos a função *bread\_first\_search* para percorrer o grafo em largura a partir do vértice destino até ao vértice origem, armazenando os vértices visitados na lista.

Por fim, percorreremos a lista de trás para a frente imprimindo as palavras respetivas ao caminho do vértice origem ao vértice origem.

```
* * * * *
* * * * * WORD LADDER * * * * *
* * * * *
```

Função *find\_connected\_component\_representatives()*

```
static int find_connected_component_representatives(hash_table_t *hash_table, hash_table_node_t **representatives)
{
    int nrRepresentatives = 0;

    // Find the representatives of each connected component
    for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        for (hash_table_node_t *vertex = hash_table->heads[i]; vertex != NULL; vertex = vertex->next)
        {
            // Find the representative of the connected component
            hash_table_node_t *representative = find_representative(vertex);

            // Add the representative to the array if it has not already been added
            if (!representative->visited)
            {
                representatives[nrRepresentatives++] = representative->word;
                representative->visited = 1;
            }
        }
    }

    // Reset the visited status of all vertices
    for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        for (hash_table_node_t *vertex = hash_table->heads[i]; vertex != NULL; vertex = vertex->next)
        {
            vertex->visited = 0;
        }
    }

    return nrRepresentatives;
}
```

Figura 11 | Função `find_connected_component_representative()`

Criamos ainda esta função com o objetivo de encontrar os representantes de cada componente conectada numa *hash table* e retornar o número de representantes diferentes. Esta será nos útil na descoberta dos diferentes diâmetros (posteriormente explicada na função *graph\_info()*)

Inicia por correr todas as posições da *hash table* e, para cada nó encontrado, chama a função *find\_representative(vertex)* para encontrar o representante da componente conexo ao qual o nó pertence. O representante é o nó que representa a componente conexo e é o ponto de partida para percorrer todos os nós da mesma componente.

De seguida, verifica se o representante já foi adicionado ao *array* de representantes. Se o mesmo não tiver sido adicionado, é adicionado ao *array* e a sua propriedade *visited* é definida como 1.

Por fim, percorre novamente toda a *hash table* e “reseta” a propriedade *visited* de todos os nós para 0.

O número de representantes encontrados é retornado como resultado da função.

## Função `graph_info()`

```
static void graph_info(hash_table_t *hash_table)
{
    // Allocate an array to store representatives (one representative per connected component)
    hash_table_node_t **representatives = malloc(sizeof(hash_table_node_t) * hash_table->hash_table_size);

    // Find the representatives for each connected component in the hash table
    int nrRepresentatives = find_connected_component_representatives(hash_table, representatives);

    // Reset the global variables that track the largest and smallest diameters
    largestDiameter = 0;
    smallestDiameter = hash_table->number_of_entries;

    // For each representative node, find the diameter of its connected component
    for (int i = 0; i < nrRepresentatives; i++)
    {
        connected_component_diameter(representatives[i]);
    }

    //calcula tamanho maximo de componente conexa
    int min = hash_table->number_of_entries;
    int max = 0;
    int total = 0;
    for (int i = 0; i < nrRepresentatives; i++)
    {
        int size = list_connected_component(hash_table, representatives[i]->word, 2);
        if (size > max)
        {
            max = size;
        }
        if (size < min)
        {
            min = size;
        }
        total += size;
    }

    // Print out various statistics about the graph
    printf("\nNumber of edges: %u\n", hash_table->number_of_edges);
    printf("Number of vertices: %u\n", hash_table->number_of_entries);
    printf("Number of different representatives: %d\n", numDiameters);
    printf("Largest connected component: %u\n", max);
    printf("Smallest connected component: %u\n", min);
    printf("Average connected component: %.2f\n", (float)total / nrRepresentatives);
    printf("Largest diameter: %d\n", largestDiameter);
    printf("Smallest diameter: %d\n", smallestDiameter);
    printf("Average of diameters: %.2f\n\n", (float)diametersSum / numDiameters);

    // Print an example of a word chain in the largest connected component
    printf("Largest diameter example: \n");

    for (int i = 0; i < largestDiameter+1; i++)
    {
        printf("[%d] %s \n", i, largestDiameterList[i]->word);
    }
    printf("\n");

    free(representatives);
}
```

Figura 12 | Função `graph_info()`

Este código é uma função que imprime algumas informações sobre um grafo armazenado numa *hash table*. Começa por alocar um *array* que armazena os nós representativos de cada componente conexo no grafo. Em seguida, chama uma função chamada *find\_connected\_component\_representatives*, que retorna o número de diferentes nós representativos de cada componente conexo do grafo.

Depois, inicializa as variáveis globais *largestDiameter* e *smallestDiameter* que armazenam o diâmetro maior e o diâmetro mais pequeno dos componentes conexos, respetivamente. Em seguida, itera sobre cada um dos nós representativos e chama a função *connected\_component\_diameter* para encontrar o diâmetro de cada componente conectado a partir daquele nó.

Adicionalmente, a função *list\_connected\_component* é chamada para encontrar o tamanho das componentes conexas, encontrando o tamanho máximo, mínimo e médio das mesmas.

Imprime, posteriormente, várias estatísticas sobre o grafo, como o número de arestas, o diâmetro maior e mais pequeno, a soma de todos os diâmetros, o número de diferentes representativos, a média dos diâmetros e tamanho mínimo, máximo e médio das componentes conexas. Por fim, a função imprime um exemplo de uma cadeia de palavras no componente conexo de diâmetro maior.

## Função *hash\_table\_info()*

```
static void hash_table_info(hash_table_t *hash_table)
{
    unsigned int total_list_length = 0;
    unsigned int list_length;
    hash_table_node_t *node;
    unsigned int i;

    // Initialize the statistical data
    hash_table->average_list_length = 0.0;
    hash_table->max_list_length = 0;
    hash_table->min_list_length = _max_word_size_;
    hash_table->empty_lists = 0;

    // Iterate through the array of linked list heads and calculate the statistical data
    for (i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        list_length = 0;
        node = hash_table->heads[i];
        while (node != NULL)
        {
            list_length++;
            node = node->next;
        }
        if (list_length > hash_table->max_list_length)
        {
            hash_table->max_list_length = list_length;
        }
        if (list_length < hash_table->min_list_length && list_length != 0)
        {
            hash_table->min_list_length = list_length;
        }
        if (list_length == 0)
        {
            hash_table->empty_lists++;
        }
        total_list_length += list_length;
    }

    // Calculate the average list length
    hash_table->average_list_length = (float)total_list_length / hash_table->hash_table_size;

    // Print the statistical data
    printf("\nNumber of entries: %u\n", hash_table->number_of_entries);
    printf("Hash table size: %u\n", hash_table->hash_table_size);
    printf("Average list length: %.2f\n", hash_table->average_list_length);
    printf("Max list length: %u\n", hash_table->max_list_length);
    printf("Min list length: %u\n", hash_table->min_list_length);
    printf("Number of empty lists: %u\n\n", hash_table->empty_lists);
}
```

Figura 13 | Função `hash_table_info()`

Críamos esta função para apresentar algumas estatísticas sobre a *hash table*. É uma função relativamente simples, começando pelos dados da estrutura *hash\_table\_t* que armazenam as estatísticas a serem calculadas.

Em seguida, iremos percorrer todos os nós das *linked lists* presentes na *hash table* e iremos contar o número de elementos em cada lista atualizando os respetivos campos da estrutura referida inicialmente.

Por fim, serão impressos todos os dados calculados, sendo estes:

- Tamanho médio das *linked lists*;
- Tamanho máximo de uma *linked list*;
- Tamanho mínimo de uma *linked list*;
- Número de *linked lists* vazias.

# ESTATÍSTICAS DA *HASH TABLE*



## Crescimento

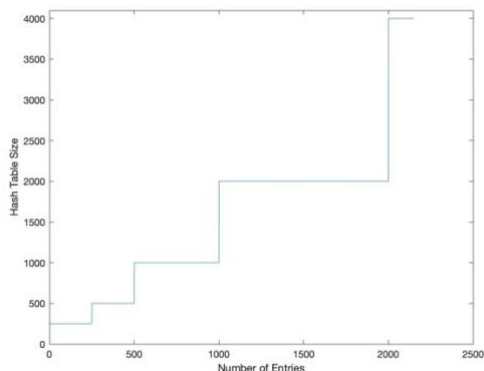


Figura 15 | Crescimento com ficheiro de 4 letras

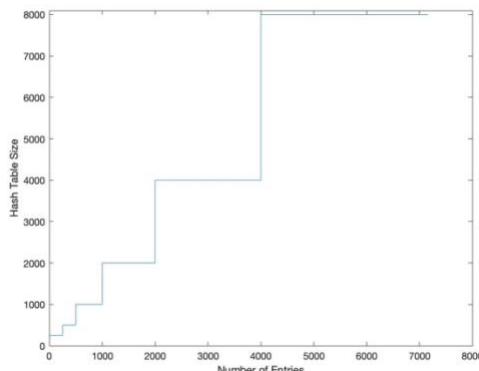


Figura 16 | Crescimento com ficheiro de 5 letras

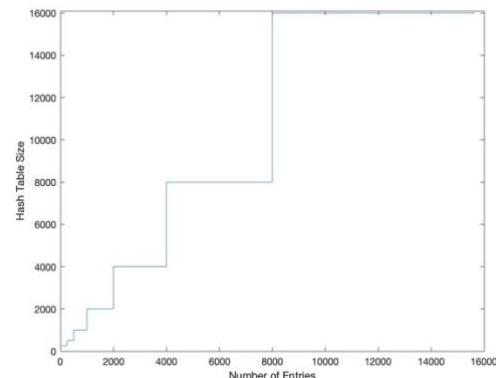


Figura 14 | Crescimento com ficheiro de 6 letras

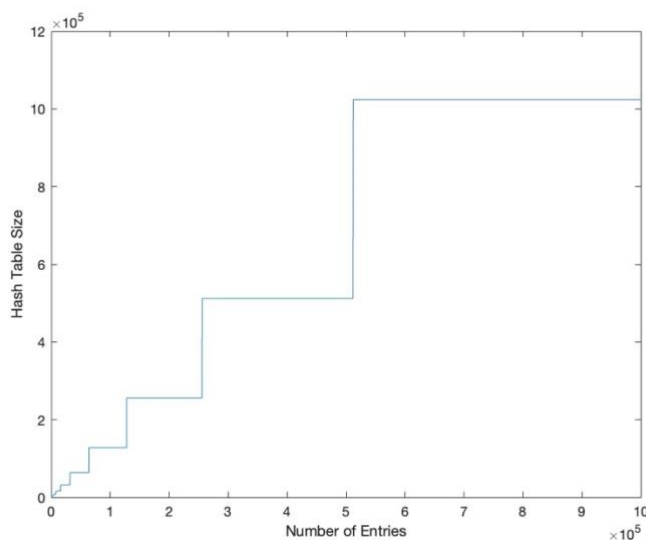


Figura 17 | Crescimento com ficheiro default

Estes gráficos têm o intuito de mostrar o crescimento da *hash table* à medida que vão sendo adicionadas palavras. Assim, podemos verificar que, quando o número de palavras colocadas iguala o tamanho da *hash table*, esta aumenta o seu tamanho em dobro.

Estes dados foram passados para um ficheiro no formato “.txt” sempre que era adicionada uma palavra, sendo os três primeiros gráficos correspondentes aos ficheiros mais pequenos e o último correspondente ao ficheiro *default*.







# CURIOSIDADES

## Grafos

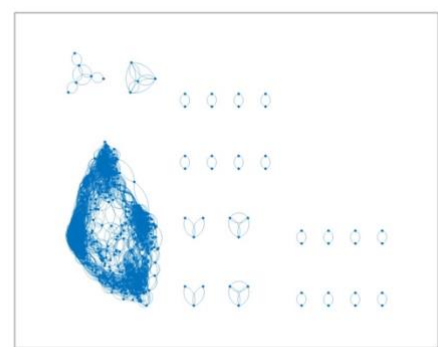


Figura 22 | Grafo do ficheiro de 4 letras

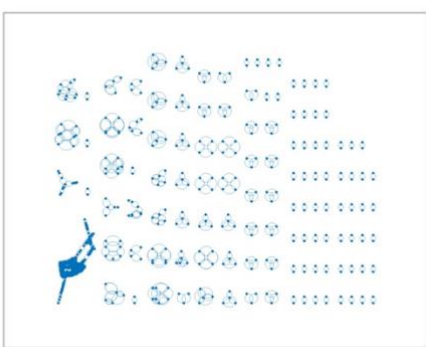


Figura 22 | Grafo do ficheiro de 5 letras

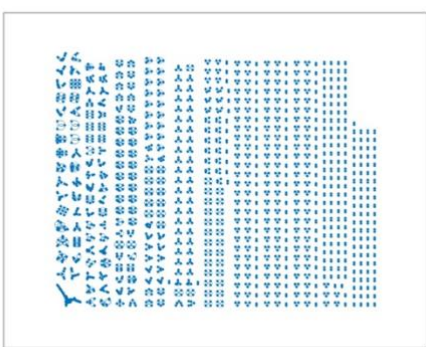


Figura 24 | Grafo do ficheiro de 6 letras

Acima estão representados os componentes conexos dos grafos respetivos aos ficheiros mais pequenos.

Não nos foi possível apresentar os referidos componentes respetivos ao ficheiro *default*, pois devido à grande dimensão deste, levará imenso tempo na criação da imagem.

## Informações dos grafos

### Ficheiro de 4 letras:

- Number of edges: 9267
- Number of vertices: 2149
- Number of different representatives: 187
- Largest connected component: 1931
- Smallest connected component: 1
- Average connected component: 11.49
- Largest diameter: 15
- Smallest diameter: 0
- Average of diameters: 0.22

### Exemplo de maior diâmetro:

- [0] coai
- [1] ceai
- [2] coas
- [3] coar
- [4] coam
- [5] cozi
- [6] cosi
- [7] comi
- [8] coei
- [9] zoai
- [10] voai
- [11] toai
- [12] soai
- [13] doai
- [14] cear
- [15] ceei

Ficheiro de 5 letras:

- Number of edges: 23446
- Number of vertices: 7166
- Number of different representatives: 575
- Largest connected component: 6321
- Smallest connected component: 1
- Average connected component: 12.46
- Largest diameter: 33
- Smallest diameter: 0
- Average of diameters: 0.37

Exemplo de maior diâmetro:

[0] matar	[15] datam	[30] mamal
[1] datar	[16] danar	[31] gamar
[2] manar	[17] datai	[32] mamam
[3] mamar	[18] datal	[33] mamai
[4] malar	[19] manas	
[5] matam	[20] minar	
[6] Catar	[21] sanar	
[7] matai	[22] panar	
[8] catar	[23] nanar	
[9] matas	[24] lanar	
[10] maçar	[25] manam	
[11] ratar	[26] fanar	
[12] datas	[27] manai	
[13] dotar	[28] mamas	
[14] ditar	[29] mimar	

Ficheiro de 6 letras:

- Number of edges: 36204
- Number of vertices: 15654
- Number of different representatives: 1929
- Largest connected component: 11613
- Smallest connected component: 1
- Average connected component: 8.12
- Largest diameter: 57
- Smallest diameter: 0
- Average of diameters: 0.67

Exemplo de maior diâmetro:

[0] voltam	[15] voltes	[30] solvem	[45] valvas
[1] soltam	[16] volvas	[31] soldem	[46] voavas
[2] voltai	[17] volvem	[32] saltem	[47] vulvas
[3] voltas	[18] voavam	[33] soavam	[48]olveu
[4] voltar	[19] soltei	[34] sorvam	[49] volver
[5] voltem	[20] saltai	[35] salvam	[50] voavam
[6] volvam	[21] soldai	[36] silvam	[51] coavam
[7] soltai	[22] solhas	[37] faltam	[52] toavam
[8] soltas	[23] soldas	[38] salgam	[53] doavam
[9] soltar	[24] saltas	[39] saldam	[54] zoavam
[10] soltem	[25] soltos	[40] sondam	[55] solvei
[11] solvam	[26] soltes	[41] toldam	[56] soldei
[12] saltam	[27] solvas	[42] moldam	[57] saltei
[13] soldam	[28] saltar	[43]olvei	
[14] voltei	[29] soldar	[44]olves	

Ficheiro default:

- Number of edges: 1060534
- Number of vertices: 999282
- Number of different representatives: 377234
- Largest connected component: 16698
- Smallest connected component: 1
- Average connected component: 2.65
- Largest diameter: 92
- Smallest diameter: 0
- Average of diameters: 0.80

Exemplo de maior diâmetro:

[0] barradas	[25] barravam	[50] marcadas	[75] garramos
[1] barbadas	[26] borravas	[51] mareadas	[76] torrados
[2] barracas	[27] birravas	[52] carraças	[77] jorrados
[3] barrados	[28] berravas	[53] cardadas	[78] forrados
[4] barravas	[29] narravas	[54] cariadadas	[79] bordados
[5] barraras	[30] marravas	[55] barbamos	[80] borrador
[6] borradadas	[31] barraram	[56] barbudos	[81] mirrados
[7] birradas	[32] barrarás	[57] barbavam	[82] berrador
[8] berradas	[33] barrares	[58] barbaram	[83] beirados
[9] narradas	[34] borrraras	[59] barbarás	[84] serrados
[10] marradas	[35] birraras	[60] barbares	[85] ferrados
[11] carradas	[36] berraras	[61] bárbaras	[86] cerrados
[12] barbados	[37] narraras	[62] barrocos	[87] narrador
[13] barbavas	[38] marraras	[63] barricai	[88] mareados
[14] barbaras	[39] borrratas	[64] barricar	[89] marcados
[15] barbudas	[40] torradas	[65] barricam	[90] borravam
[16] barracos	[41] porradas	[66] berrigas	[91] birravam
[17] barrocas	[42] jorradas	[67] barrámos	[92] berravam
[18] barricas	[43] forradas	[68] barremos	
[19] barramos	[44] bordadas	[69] borramos	
[20] borrados	[45] mirradas	[70] birramos	
[21] birrados	[46] beiradas	[71] berramos	
[22] berrados	[47] serradas	[72] varramos	
[23] narrados	[48] ferradas	[73] narramos	
[24] marrados	[49] cerradas	[74] marramos	



## Informações das *hash tables*

**Ficheiro de 4 letras:**

- Number of entries: 2149
- Hash table size: 4000
- Average list length: 0.54
- Max list length: 6
- Min list length: 1
- Number of empty lists: 2544

**Ficheiro de 5 letras:**

- Number of entries: 7166
- Hash table size: 8000
- Average list length: 0.90
- Max list length: 8
- Min list length: 1
- Number of empty lists: 3811

**Ficheiro de 6 letras:**

- Number of entries: 15654
- Hash table size: 16000
- Average list length: 0.98
- Max list length: 7
- Min list length: 1
- Number of empty lists: 6203

**Ficheiro default:**

- Number of entries: 999282
- Hash table size: 1024000
- Average list length: 0.98
- Max list length: 9
- Min list length: 1
- Number of empty lists: 386313

## Cadeias interessantes de palavras

[0] cadeira	[0] rabo	[0] mãe	[0] cebola	[0] pintor	[0] subir
[1] caleira	[1] cabo	[1] mie	[1] rebola	[1] pintar	[1] subia
[2] raleira	[2] caio	[2] fie	[2] rebela	[2] pintas	[2] sabia
[3] raleara	[3] cais	[3] fiz	[3] rebeca	[3] tintas	[3] cabia
[4] raleada	[4] caos	[4] faz	[4] rabeca		[4] caria
[5] ralhada	[5] cios	[5] paz	[5] rabeia	[0] triste	[5] carta
[6] rolhada	[6] aios	[6] pai	[6] rareia	[1] traste	[6] casta
[7] rolhado	[7] aços		[7] pareia	[2] araste	[7] cesta
[8] folhado	[8] açor	[0] risada	[8] pareis	[3] ataste	[8] desta
[9] folhedo	[9] apor	[1] pisada	[9] partis	[4] ateste	[9] deste
[10] folheio	[10] opor	[2] pirada	[10] partas	[5] atente	[10] desce
[11] folheis	[11] odor	[3] parada	[11] cartas	[6] atende	
[12] falheis		[4] para-a	[12] cortas	[7] acende	[0] musica
[13] falieis		[5] pare-a	[13] coutas	[8] acendi	[1] musico
[14] farieis	[0] palcos	[6] pareia	[14] chutas	[9] acenai	[2] méxico
[15] ferieis	[1] parques	[7] mareia	[15] chuvas	[10] acenas	[3] médico
[16] gerieis	[2] partos	[8] moreia	[16] chovas	[11] arenas	[4] medico
[17] gemieis	[3] pastos	[9] morria	[17] choras	[12] areias	[5] medi-o
[18] remieis	[4] castos	[10] sorria	[18] chorar	[13] creias	[6] mede-o
[19] regieis	[5] cantos	[11] sorrir		[14] cheias	[7] mede-a
[20] regreis	[6] cantor			[15] checas	[8] medeia
[21] regrais		[1] chumbar	[0] bebe	[16] chocas	[9] meneia
[22] retrais		[2] chumbam	[1] bibe	[17] chocar	[10] mentia
[23] retraia		[3] chumbas	[2] bise	[18] chorar	[11] sentia
[24] retrava	[0] bem	[4] chumbai	[3] vise		[12] sentis
[25] recrava	[1] tem	[5] chumbem	[4] vive	[0] bolo	[13] sentas
[26] recuava	[2] teu	[6] chumbos	[5] vivi	[1] bola	[14] santas
[27] recurva	[3] meu	[7] chumbes	[6] viii	[2] boca	[15] cantas
[28] recurvo	[4] mau	[8] chumbei	[7] xiii	[3] doca	[16] cantos
[29] recurso	[5] mal	[9] chumbou	[8] xixi	[4] doce	[17] canto

# Confirmações de *memory leaks*

Após uma confirmação da possível existência de *memory leaks*, concluímos que o programa foi executado com êxito e sem os mesmos, como podemos verificar na imagem abaixo.

```
andreoliveira@ubuntu-linux-22-04-desktop:/media/psf/OneDrive-UniversidadeAveiro/Word_Ladder$ valgrind ./word_ladder
==9032== Memcheck, a memory error detector
==9032== Copyright (C) 2002-2017, and GNU GPL'd, by Julian Seward et al.
==9032== Using Valgrind-3.18.1 and LibVEX; rerun with -h for copyright info
==9032== Command: ./word_ladder
==9032==
Inicialização do programa
Your wish is my command:
 1 WORD      (list the connected component WORD belongs to)
 2 FROM TO   (list the shortest path from FROM to TO)
 3           (hash info)
 4           (graph info)
 5           (print words)
 6           (terminate)
> 6
==9032==
==9032== HEAP SUMMARY:
==9032==      in use at exit: 0 bytes in 0 blocks
==9032==    total heap usage: 3,120,368 allocs, 3,120,368 frees, 130,268,304 bytes allocated
==9032==
==9032== All heap blocks were freed -- no leaks are possible
==9032==
==9032== For lists of detected and suppressed errors, rerun with: -s
==9032== ERROR SUMMARY: 0 errors from 0 contexts (suppressed: 0 from 0)
```

Figura 26 | Execução do programa através do valgrind

Ficou evidente a utilidade das *hash tables* para armazenamento e busca de dados, assim como, a utilidade de grafos para a interligação de diferentes dados com um certo critério de comparação aumentando significativamente a eficiência das funções pretendidas.

# APÊNDICE



## Código c

```
//
// AED, November 2022 (Tomás Oliveira e Silva)
//
// Second practical assignement (word ladder)
//
// Place your student numbers and names here
// N.Mec. 107637 Name: André Oliveira
// N.Mec. 107634 Name: Duarte Cruz
// N.Mec. 107359 Name: Rodrigo Graça
//
// Do as much as you can
// 1) MANDATORY: complete the hash table code
//    *) hash_table_create
//    *) hash_table_grow
//    *) hash_table_free
//    *) find_word
//    *) add code to get some statistical data about the hash table
// 2) HIGHLY RECOMMENDED: build the graph (including union-find data) -- use the similar_words function...
//    *) find_representative
//    *) add_edge
// 3) RECOMMENDED: implement breadth-first search in the graph
//    *) breadth_first_search
// 4) RECOMMENDED: list all words belonginh to a connected component
//    *) breadth_first_search
//    *) list_connected_component
// 5) RECOMMENDED: find the shortest path between to words
//    *) breadth_first_search
//    *) path_finder
//    *) test the smallest path from bem to mal
//      [ 0] bem
//      [ 1] tem
//      [ 2] teu
//      [ 3] meu
//      [ 4] mau
//      [ 5] mal
//    *) find other interesting word ladders
// 6) OPTIONAL: compute the diameter of a connected component and list the longest word chain
//    *) breadth_first_search
//    *) connected_component_diameter
// 7) OPTIONAL: print some statistics about the graph
//    *) graph_info
// 8) OPTIONAL: test for memory leaks
//

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>

//
// static configuration
//

#define _max_word_size_ 32

//
// data structures (SUGGESTION --- you may do it in a different way)
//

typedef struct adjacency_node_s adjacency_node_t;
typedef struct hash_table_node_s hash_table_node_t;
typedef struct hash_table_s hash_table_t;

struct adjacency_node_s
{
    adjacency_node_t *next; // link to th enext adjacency list node
    hash_table_node_t *vertex; // the other vertex
};

struct hash_table_node_s
{
    // the hash table data
    char word[_max_word_size_]; // the word
    hash_table_node_t *next; // next hash table linked list node
    // the vertex data
    adjacency_node_t *head; // head of the linked list of adjacency edges
    int visited; // visited status (while not in use, keep it at 0)
    hash_table_node_t *previous; // breadth-first search parent
    // the union find data
    hash_table_node_t *representative; // the representative of the connected component this vertex belongs to
    int number_of_vertices; // number of vertices of the conected component (only correct for the representative of each connected component)
    int number_of_edges; // number of edges of the conected component (only correct for the representative of each connected component)
};

struct hash_table_s
{
    unsigned int hash_table_size; // the size of the hash table array
    unsigned int number_of_entries; // the number of entries in the hash table
    unsigned int number_of_edges; // number of edges (for information purposes only)
    hash_table_node_t **heads; // the heads of the linked lists
    float average_list_length; // the average length of the linked lists
    unsigned int max_list_length; // the maximum length of a linked list
    unsigned int min_list_length; // the minimum length of a linked list
    unsigned int empty_lists; // the number of empty linked lists
};

//
// allocation and deallocation of linked list nodes (done)
//

static adjacency_node_t *allocate_adjacency_node(void)
{
    adjacency_node_t *node;

    node = (adjacency_node_t *)malloc(sizeof(adjacency_node_t));
    if (node == NULL)
    {
        fprintf(stderr, "allocate_adjacency_node: out of memory\n");
        exit(1);
    }
    return node;
}

static hash_table_node_t *allocate_hash_table_node(void)
{
    hash_table_node_t *node;

    node = (hash_table_node_t *)malloc(sizeof(hash_table_node_t));
    if (node == NULL)
    {
        fprintf(stderr, "allocate_hash_table_node: out of memory\n");
        exit(1);
    }
    return node;
}

//
// hash table stuff (mostly to be done)
//

unsigned int crc32(const char *str)
```

```
{
    static unsigned int table[256];
    unsigned int crc;

    if (table[1] == 0u) // do we need to initialize the table[] array?
    {
        unsigned int i, j;

        for (i = 0u; i < 256u; i++)
            for (table[i] = i, j = 0u; j < 8u; j++)
                if (table[i] & 1u)
                    table[i] = (table[i] >> 1) ^ 0xAED00022u; // "magic" constant
                else
                    table[i] >>= 1;
    }
    crc = 0xAED00202u; // initial value (chosen arbitrarily)
    while (*str != '\0')
        crc = (crc >> 8) ^ table[(crc & 0xFFu) ^ ((unsigned int)*str++ << 24)];
    return crc;
}

static hash_table_t *hash_table_create(void)
{
    // create a new hash table
    hash_table_t *hash_table;

    // allocate the hash table
    hash_table = (hash_table_t *)malloc(sizeof(hash_table_t));

    // check for allocation errors
    if (hash_table == NULL)
    {
        fprintf(stderr, "create_hash_table: out of memory\n");
        return -1;
    }

    // initialize the hash table
    hash_table->hash_table_size = 250;
    hash_table->number_of_entries = 0;
    hash_table->number_of_edges = 0;

    // allocate the array of linked list heads
    hash_table->heads = (hash_table_node_t **)malloc(hash_table->hash_table_size * sizeof(hash_table_node_t *));

    // check for allocation errors
    if (hash_table->heads == NULL)
    {
        fprintf(stderr, "create_hash_table: out of memory\n");
        return -1;
    }

    // Fill the array of linked list heads with NULL
    for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        hash_table->heads[i] = NULL;
    }

    return hash_table;
}

static void hash_table_grow(hash_table_t *hash_table)
{
    // the old and new array of linked list heads
    hash_table_node_t **old_heads, **new_heads, *node, *next;
    unsigned int old_size, i;

    // save a pointer to the old array of linked list heads and its size
    old_heads = hash_table->heads;
    old_size = hash_table->hash_table_size;

    // create a new hash table with a larger size
    hash_table->hash_table_size *= 2;
    new_heads = (hash_table_node_t **)malloc(hash_table->hash_table_size * sizeof(hash_table_node_t *));

    // Fill the array of linked list heads with NULL
    for (i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
        new_heads[i] = NULL;

    if (new_heads == NULL)
    {
        fprintf(stderr, "Error: out of memory");
        exit(1);
    }

    // rehash the entries from the old array to the new one
    for (i = 0; i < old_size; i++)
    {
        node = old_heads[i];
        while (node != NULL)
        {
            next = node->next;

            size_t value = crc32(node->word) % hash_table->hash_table_size;
            node->next = new_heads[value];
            new_heads[value] = node;

            node = next;
        }
    }
    free(old_heads);
    hash_table->heads = new_heads;
}

static void hash_table_free(hash_table_t *hash_table)
{
    hash_table_node_t *node;
    hash_table_node_t *temp;
    adjacency_node_t *adj_node;
    adjacency_node_t *temp_adj;
    unsigned int i;

    for (i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        node = hash_table->heads[i];
        while (node != NULL)
        {
            temp = node;
            adj_node = node->head;
            while (adj_node != NULL)
            {
                temp_adj = adj_node;
                adj_node = adj_node->next;
                free(temp_adj);
            }
            node = node->next;
            free(temp);
        }
    }

    // Free the memory used by the array of linked list heads
    free(hash_table->heads);

    // Free the memory used by the hash table
    free(hash_table);
}

static hash_table_node_t *find_word(hash_table_t *hash_table, const char *word, int insert_if_not_found)
{
    hash_table_node_t *node;
    unsigned int i;

    // find the word in the hash table
    i = crc32(word) % hash_table->hash_table_size;
    node = hash_table->heads[i];
    while (node != NULL)
    {
        if (strcmp(node->word, word) == 0)
            return node;
        node = node->next;
    }

    // if the word is not found, insert it into the hash table
    if (insert_if_not_found && strlen(word) < _max_word_size)
    {
        node = allocate_hash_table_node(); // allocate a new node
        strncpy(node->word, word, _max_word_size); // copy the word into the node
        node->representative = node; // the representative of a node is itself
        node->next = hash_table->heads[i]; // insert the node at the head of the linked list
        node->previous = NULL;
        node->number_of_edges = 0;
        node->number_of_vertices = 1;
        node->visited = 0;
        node->head = NULL;
        hash_table->heads[i] = node;
    }
}
```



## WORD LADDER

WORD LADDER

```
        largestDiameterList = vertices;
    }

    if (diameter < smallestDiameter)
    {
        smallestDiameter = diameter;
    }

    if (diameter == -1)
    {
        printf("connected_component_diameter: diameter not found\n");
        return -1;
    }

    numDiameters++;
    diametersSum += diameter;

    free(temporaryList);
    free(vertices);
}

//
// find the shortest path from a given word to another given word
//

static void path_finder(hash_table_t *hash_table, const char *from_word, const char *to_word)
{
    // Find the hash table nodes corresponding to the given words.
    hash_table_node_t *from, *fromRepresentative, *to, *toRepresentative;
    from = find_word(hash_table, from_word, 0);
    to = find_word(hash_table, to_word, 0);

    // Find the representatives of the connected components containing the words.
    fromRepresentative = find_representative(from);
    toRepresentative = find_representative(to);

    // If one of the words doesn't exist in the hash table, print an error message and return.
    if (from == NULL || to == NULL)
    {
        printf("One of the words doesn't exist\n");
        return;
    }

    // If the words aren't in the same connected component, print an error message and return.
    if (fromRepresentative != toRepresentative)
    {
        printf("The words aren't in the same connected component\n");
        return;
    }

    // Allocate an array of pointers to hash table nodes to store the vertices of the shortest path.
    hash_table_node_t **vertices = malloc(sizeof(hash_table_node_t *) * fromRepresentative->number_of_vertices);

    // Find the shortest path between the two words using a breadth-first search.
    int path = breadth_first_search(fromRepresentative->number_of_vertices, vertices, to, from);

    // Print the words on the shortest path in order, starting from the destination word and ending at the source word.
    hash_table_node_t *palavras = vertices[path - 1];
    int ordem = 0;
    while (palavras != NULL)
    {
        printf("[%d] %s \n", ordem, palavras->word);
        ordem++;
        palavras = palavras->previous;
    }

    // Free the array of vertices.
    free(vertices);
}

//
// some graph information (optional)
//

static int find_connected_component_representatives(hash_table_t *hash_table, hash_table_node_t **representatives)
{
    int nrRepresentatives = 0;

    // Find the representatives of each connected component
    for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        for (hash_table_node_t *vertex = hash_table->heads[i]; vertex != NULL; vertex = vertex->next)
        {
            // Find the representative of the connected component
            hash_table_node_t *representative = find_representative(vertex);

            // Add the representative to the array if it has not already been added
            if (!representative->visited)
            {
                representatives[nrRepresentatives++] = representative->word;
                representative->visited = 1;
            }
        }
    }

    // Reset the visited status of all vertices
    for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        for (hash_table_node_t *vertex = hash_table->heads[i]; vertex != NULL; vertex = vertex->next)
        {
            vertex->visited = 0;
        }
    }

    return nrRepresentatives;
}

static void graph_info(hash_table_t *hash_table)
{
    // Allocate an array to store representatives (one representative per connected component)
    hash_table_node_t **representatives = malloc(sizeof(hash_table_node_t *) * hash_table->hash_table_size);

    // Find the representatives for each connected component in the hash table
    int nrRepresentatives = find_connected_component_representatives(hash_table, representatives);

    // Reset the global variables that track the largest and smallest diameters
    largestDiameter = 0;
    smallestDiameter = hash_table->number_of_entries;

    // For each representative node, find the diameter of its connected component
    for (int i = 0; i < nrRepresentatives; i++)
    {
        connected_component_diameter(representatives[i]);
    }

    // calcula tamanho maximo de componente conexa
    int min = hash_table->number_of_entries;
    int max = 0;
    int total = 0;
    for (int i = 0; i < nrRepresentatives; i++)
    {
        int size = list_connected_component(hash_table, representatives[i]->word, 2);
        if (size > max)
        {
            max = size;
        }
        if (size < min)
        {
            min = size;
        }
    }

    total += size;

    // Print out various statistics about the graph
    printf("\nNumber of edges: %u\n", hash_table->number_of_edges);
    printf("Number of vertices: %u\n", hash_table->number_of_entries);
    printf("Number of different representatives: %d\n", numDiameters);
    printf("Largest connected component: %u\n", max);
    printf("Smallest connected component: %u\n", min);
    printf("Average connected component: %.2f\n", (float)total / nrRepresentatives);
    printf("Largest diameter: %d\n", largestDiameter);
    printf("Smallest diameter: %d\n", smallestDiameter);
    printf("Average of diameters: %.2f\n\n", (float)diametersSum / numDiameters);

    // Print an example of a word chain in the largest connected component
    printf("Largest diameter example: \n");

    for (int i = 0; i < largestDiameter + 1; i++)
    {
        printf("[%d] %s \n", i, largestDiameterList[i]->word);
    }

    printf("\n");

    free(representatives);
}
```

## WORD LADDER

```

}

static void hash_table_info(hash_table_t *hash_table)
{
    unsigned int total_list_length = 0;
    unsigned int list_length;
    hash_table_node_t *node;
    unsigned int i;

    // Initialize the statistical data
    hash_table->average_list_length = 0.0;
    hash_table->max_list_length = 0;
    hash_table->min_list_length = _max_word_size;
    hash_table->empty_lists = 0;

    // Iterate through the array of linked list heads and calculate the statistical data
    for (i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        list_length = 0;
        node = hash_table->heads[i];
        while (node != NULL)
        {
            list_length++;
            node = node->next;
        }
        if (list_length > hash_table->max_list_length)
        {
            hash_table->max_list_length = list_length;
        }
        if (list_length < hash_table->min_list_length && list_length != 0)
        {
            hash_table->min_list_length = list_length;
        }
        if (list_length == 0)
        {
            hash_table->empty_lists++;
        }
        total_list_length += list_length;
    }

    // Calculate the average list length
    hash_table->average_list_length = (float)total_list_length / hash_table->hash_table_size;

    // Print the statistical data
    printf("\nNumber of entries: %u\n", hash_table->number_of_entries);
    printf("Hash table size: %u\n", hash_table->hash_table_size);
    printf("Average list length: %.2f\n", hash_table->average_list_length);
    printf("Max list length: %u\n", hash_table->max_list_length);
    printf("Min list length: %u\n", hash_table->min_list_length);
    printf("Number of empty lists: %u\n\n", hash_table->empty_lists);
}

//
// main program
//

int main(int argc, char **argv)
{
    char word[100], from[100], to[100];
    hash_table_t *hash_table;
    hash_table_node_t *node;
    unsigned int i;
    int command;
    FILE *fp;
    printf("Inicialização do programa\n");
    // initialize hash table
    hash_table = hash_table_create();
    // read words
    fp = fopen((argc < 2) ? "wordlist-big-latest.txt" : argv[1], "rb");
    if (fp == NULL)
    {
        fprintf(stderr, "main: unable to open the words file\n");
        exit(1);
    }

    while (fscanf(fp, "%99s", word) == 1)
    {
        (void)find_word(hash_table, word, 1);
        // printf("%d %d\n", hash_table->hash_table_size, hash_table->number_of_entries);
    }
    fclose(fp);
    // return 0;

    // find all similar words
    for (i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
    {
        for (node = hash_table->heads[i]; node != NULL; node = node->next)
        {
            similar_words(hash_table, node);
        }
    }

    /* for (unsigned int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++) // loop through the hash table
    {
        hash_table_node_t *node = hash_table->heads[i]; // set node to the first element of the hash table
        while (node != NULL) // while the node has a next node
        {
            hash_table_node_t *temp = node; // set temp to the node
            node = node->next; // set node to the next node // free the temp node
            adjacency_node_t *adj_node = temp->head; // set adj_node to the first element of the adjacency list
            while (adj_node != NULL) // while the adj_node has a next node
            {
                adjacency_node_t *temp_adj = adj_node; // set temp_adj to the adj_node
                adj_node = adj_node->next; // set adj_node to the next node
                printf("%s %s\n", temp->word, temp_adj->vertex->word); // print the word and the word in the adjacency list"
            }
        }
    }
    return 0; */

    // ask what to do
    for (;;)
    {
        fprintf(stderr, "Your wish is my command:\n");
        fprintf(stderr, " 1 WORD (list the connected component WORD belongs to)\n");
        fprintf(stderr, " 2 FROM TO (list the shortest path from FROM to TO)\n");
        fprintf(stderr, " 3 (hash info)\n");
        fprintf(stderr, " 4 (graph info)\n");
        fprintf(stderr, " 5 (print words)\n");
        fprintf(stderr, " 6 (terminate)\n");
        fprintf(stderr, "> ");
        if (scanf("%99s", word) != 1)
            break;
        command = atoi(word);
        if (command == 1)
        {
            if (scanf("%99s", word) != 1)
                break;
            list_connected_component(hash_table, word, 1);
        }
        else if (command == 2)
        {
            if (scanf("%99s", from) != 1)
                break;
            if (scanf("%99s", to) != 1)
                break;
            path_finder(hash_table, from, to);
        }
        else if (command == 3)
        {
            hash_table_info(hash_table);
        }
        else if (command == 4)
        {
            graph_info(hash_table);
        }
        else if (command == 5)
        {
            int numPalavras = 0;
            for (i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
            {
                for (node = hash_table->heads[i]; node != NULL; node = node->next)
                {
                    printf("indice = %u -> %s\n", hash_table->heads[i], node->word);
                    numPalavras++;
                }
            }
            printf("Número de palavras = %d\n", numPalavras);
        }
        else if (command == 6)
            break;
        else
        {
            fprintf(stderr, "Invalid command\n");
        }
    }
}

```

## WORD LADDER

```
}  
}  
// clean up  
hash_table_free(hash_table);  
return 0;  
}
```

\*\*\*\*\*  
\*\*\*\*\*

## WORD LADDER

\*\*\*\*\*  
\*\*\*\*\*

## Código Matlab

```
%% Hash Table Size Big

valores = load("hashTableSizeBig.txt");
hashTableSize = valores(:,1);
numEntries = valores(:,2);

plot(numEntries,hashTableSize);
axis([0,1000000,0,1200000]);
ylabel("Hash Table Size");
xlabel("Number of Entries");

%% Gráfico Barras Big

valores = load("histogramaBig.txt");
indexs = valores(:,1);
numWords = valores(:,2);

bar(indexs,numWords);
ylabel("Number of Words");
xlabel("Index");

%% Grafo Big

data = readtable("graphBig.txt");
G = graph;
words = unique(data(:,1));
for i = 1:height(words)
    G = addnode(G,words{i,1});
end
for i = 1:height(data)
    G = addedge(G,data{i,1},data{i,2});
end

plot(G)

%% Hash Table Size Four

valores = load("hashTableSizeFour.txt");
hashTableSize = valores(:,1);
numEntries = valores(:,2);

plot(numEntries,hashTableSize);
axis([0,2500,0,4100]);
ylabel("Hash Table Size");
xlabel("Number of Entries");

%% Gráfico Barras Four

valores = load("histogramaFour.txt");
indexs = valores(:,1);
numWords = valores(:,2);

bar(indexs,numWords);
ylabel("Number of Words");
xlabel("Index");

%% Grafo Four

data = readtable("graphFour.txt");
G = graph;
words = unique(data(:,1));
for i = 1:height(words)
```

WORD LADDER

```

        G = addnode(G,words{i,1});
    end
    for i= 1:height(data)
        G = addedge(G,data{i,1},data{i,2});
    end

plot(G)

%% Hash Table Size Five

valores = load("hashTableSizeFive.txt");
hashTableSize = valores(:,1);
numEntries = valores(:,2);

plot(numEntries,hashTableSize);
axis([0,8000,0,8100]);
ylabel("Hash Table Size");
xlabel("Number of Entries");

%% Gráfico Barras Five

valores = load("histogramaFive.txt");
indexs = valores(:,1);
numWords = valores(:,2);

bar(indexs,numWords);
ylabel("Number of Words");
xlabel("Index");

%% Grafo Five

data = readtable("graphFive.txt");
G = graph;
words = unique(data(:,1));
for i= 1:height(words)
    G = addnode(G,words{i,1});
end
for i= 1:height(data)
    G = addedge(G,data{i,1},data{i,2});
end

plot(G)

%% Hash Table Size Six

valores = load("hashTableSizeSix.txt");
hashTableSize = valores(:,1);
numEntries = valores(:,2);

plot(numEntries,hashTableSize);
axis([0,16000,0,16100]);
ylabel("Hash Table Size");
xlabel("Number of Entries");

%% Gráfico Barras Six

valores = load("histogramaSix.txt");
indexs = valores(:,1);
numWords = valores(:,2);

bar(indexs,numWords);
ylabel("Number of Words");
xlabel("Index");

%% Grafo Six

```





Printscreens resultados mostrados anteriormente

Ficheiro 4 letras

```
andreoliveira@MacBook-Pro Word_Ladder % ./word_ladder wordlist-four-letters.txt
Inicialização do programa
Your wish is my command:
1 WORD      (list the connected component WORD belongs to)
2 FROM TO   (list the shortest path from FROM to TO)
3           (hash info)
4           (graph info)
5           (print words)
6           (terminate)
> 4

Number of edges: 9267
Number of vertices: 2149
Number of different representatives: 187
Largest connected component: 1931
Smallest connected component: 1
Average connected component: 11.49
Largest diameter: 15
Smallest diameter: 0
Average of diameters: 0.22

Largest diameter example:
[0] coai
[1] ceai
[2] coas
[3] coar
[4] coam
[5] cozi
[6] costi
[7] comi
[8] coel
[9] zcoi
[10] voai
[11] toai
[12] soai
[13] doai
[14] cear
[15] ceel
```

Figura 27 | Graph Info 4 letras

```
Your wish is my command:
1 WORD      (list the connected component WORD belongs to)
2 FROM TO   (list the shortest path from FROM to TO)
3           (hash info)
4           (graph info)
5           (print words)
6           (terminate)
> 3

Number of entries: 2149
Hash table size: 4000
Average list length: 0.54
Max list length: 6
Min list length: 1
Number of empty lists: 2544
```

Figura 28 | Hash Info 4 letras

Ficheiro 5 letras

```
andreoliveira@MacBook-Pro Word_Ladder % ./word_ladder wordlist-five-letters.txt
Inicialização do programa
Your wish is my command:
1 WORD      (list the connected component WORD belongs to)
2 FROM TO   (list the shortest path from FROM to TO)
3           (hash info)
4           (graph info)
5           (print words)
6           (terminate)
> 4

Number of edges: 23446
Number of vertices: 7166
Number of different representatives: 575
Largest connected component: 6321
Smallest connected component: 1
Average connected component: 12.46
Largest diameter: 33
Smallest diameter: 0
Average of diameters: 0.37

Largest diameter example:
[0] matar
[1] datar
[2] manar
[3] masar
[4] molar
[5] matam
[6] Catar
[7] matai
[8] catar
[9] matas
[10] mozar
[11] rotar
[12] datas
[13] dotar
[14] ditar
[15] datam
[16] danar
[17] datai
[18] datol
[19] manas
[20] minar
[21] sanar
[22] panar
[23] nanar
[24] lanar
[25] manam
[26] fanar
[27] manai
[28] mamas
[29] minar
[30] mamol
[31] gamar
[32] manom
[33] mamoi
```

Figura 29 | Graph Info 5 letras

```
Your wish is my command:
1 WORD      (list the connected component WORD belongs to)
2 FROM TO   (list the shortest path from FROM to TO)
3           (hash info)
4           (graph info)
5           (print words)
6           (terminate)
> 3

Number of entries: 7166
Hash table size: 8000
Average list length: 0.90
Max list length: 8
Min list length: 1
Number of empty lists: 3811
```

Figura 30 | Hash Info 5 letras

Ficheiro 6 letras

```
andreoliveira@MacBook-Pro Word_Ladder % ./word_ladder wordlist-six-letters.txt
Inicialização do programa
Your wish is my command:
1 WORD      (list the connected component WORD belongs to)
2 FROM TO   (list the shortest path from FROM to TO)
3           (hash info)
4           (graph info)
5           (print words)
6           (terminate)
> 4

Number of edges: 35204
Number of vertices: 15554
Number of different representatives: 1929
Largest connected component: 11613
Smallest connected component: 1
Average connected component: 8.12
Largest diameter: 27
Smallest diameter: 0
Average of diameters: 0.67

Largest diameter example:
[0] soltam
[1] soltam
[2] voltaí
[3] voltas
[4] voltar
[5] voltem
[6] volvam
[7] soltai
[8] soltas
[9] soltar
[10] soltar
[11] solvam
[12] soltam
[13] soldam
[14] soltar
[15] voltas
[16] voltas
[17] voltas
[18] voavam
[19] soltai
[20] soltai
[21] soldai
[22] soltas
[23] soldas
[24] soltas
[25] soltas
[26] soltas
[27] solvas
[28] soltar
[29] soldar
[30] solvam
[31] soldar
[32] soltas
[33] soavam
[34] soavam
[35] solvam
[36] solvam
[37] faitas
[38] saigas
[39] soldas
[40] sondas
[41] toldas
[42] soldas
[43] volvei
[44] volves
[45] volves
[46] voavas
[47] vulvas
[48] volvei
[49] volver
[50] voavam
[51] coavam
[52] toavam
[53] doavam
[54] zoavam
[55] solvei
[56] soldai
[57] soltai
```

Figura 31 | Graph Info 6 letras

```
Your wish is my command:
1 WORD      (list the connected component WORD belongs to)
2 FROM TO   (list the shortest path from FROM to TO)
3           (hash info)
4           (graph info)
5           (print words)
6           (terminate)
> 3

Number of entries: 15654
Hash table size: 16000
Average list length: 0.98
Max list length: 7
Min list length: 1
Number of empty lists: 6203
```

Figura 32 | Hash Info 6 letras

Ficheiro default

```
andreoliveira@MacBook-Pro Word_Ladder % ./word_ladder
Inicialização do programa
Your wish is my command:
1 WORD      (list the connected component WORD belongs to)
2 FROM TO   (list the shortest path from FROM to TO)
3           (hash info)
4           (graph info)
5           (print words)
6           (terminate)
> 4

Number of edges: 1060534
Number of vertices: 999282
Number of different representatives: 377234
Largest connected component: 16698
Smallest connected component: 1
Average connected component: 2.65
Largest diameter: 92
Smallest diameter: 0
Average of diameters: 0.80

[0] barradas [33] barrares [63] barrical
[1] barbados [34] borraras [64] barricar
[2] barracas [35] birraras [65] barricam
[3] barrados [36] berraras [66] barrigas
[4] barrovas [37] narraras [67] barrâmos
[5] barraras [38] marraras [68] barremos
[6] barradas [39] borrras [69] borramos
[7] birradas [40] torradas [70] birramos
[8] berradas [41] porradas [71] berramos
[9] narradas [42] jorradas [72] varramos
[10] marradas [43] forradas [73] narramos
[11] carradas [44] bordadas [74] marramos
[12] barbados [45] mirradas [75] garramos
[13] barrovas [46] beiradas [76] torrados
[14] barbados [47] serradas [77] jorradados
[15] barvados [48] ferradas [78] forradados
[16] barrocos [49] cerradas [79] bordados
[17] barrocos [50] marcadas [80] borrador
[18] barricos [51] mareadas [81] mirrados
[19] barramos [52] carroças [82] berrador
[20] borrados [53] cardados [83] beirados
[21] birrados [54] carlados [84] serrados
[22] berrados [55] barbamos [85] ferrados
[23] narrados [56] barbudos [86] cerrados
[24] marrados [57] barbovam [87] narrador
[25] barrovam [58] barboram [88] mareados
[26] barrovam [59] barborás [89] marcados
[27] birravas [60] barboras [90] borrovam
[28] berravas [61] bárbaras [91] birrovam
[29] narravas [62] barrocos [92] borrovam
```

Figura 33 | Graph Info default

```
Your wish is my command:
1 WORD      (list the connected component WORD belongs to)
2 FROM TO   (list the shortest path from FROM to TO)
3           (hash info)
4           (graph info)
5           (print words)
6           (terminate)
> 3

Number of entries: 999282
Hash table size: 1024000
Average list length: 0.98
Max list length: 9
Min list length: 1
Number of empty lists: 386313
```

Figura 34 | Hash Info default