

**CENTRO FEDERAL DE EDUCAÇÃO TECNOLÓGICA DE MINAS GERAIS
CAMPUS TIMÓTEO**

Raphael Gomes Wagner e José Geraldo Duarte Junior e Pedro Arthur Diniz

ARVORES SBB, TRIE E PATRICIA: EXCLUSÃO E BUSCA

Timóteo

2022

Raphael Gomes Wagner e José Geraldo Duarte Junior e Pedro Arthur Diniz

ARVORES SBB, TRIE E PATRICIA: EXCLUSÃO E BUSCA

Trabalho 6 de Algoritmos e Estrutura de Dados
sobre exclusão em Árvores Binárias no curso
de Engenharia de Computação no Centro
Federal de Educação Tecnológica de Minas
Gerais

Orientador: Gustavo Martins

Timóteo

2022

.
.
.

Dedico a
Leandro Santana, Arthur Gomes, José Geraldo Duarte Junior
Felipe Reggiane, Daniel Vidal, Guilherme Heringer, Nathan Teixeira e Pedro Arthur.

Agradecimentos

Agradeço a todos da dedicação por terem passado em AED I comigo, e aos dois primeiros por terem ajudado no estudo da matéria, me ensinando.

1 Introdução

Esse trabalho foi desenvolvido em conjunto, feito por Raphael Gomes, José Geraldo e Pedro Arthur, no intuito de executar exclusão em Árvores SBB e Patricia(ZIVIANI, 2006) e na árvore Trie(FERINO, 2018), porém editadas, adicionando métodos que permitissem a execução do trabalho. Essas implementações foram utilizadas para medir tempos de execução sobre a exclusão e busca de elementos de cada árvore.

Com o intuito de executar a atividade em diferentes ambientes, foram utilizadas 3 tipos de árvores diferentes para exclusão de 5% dos elementos, e elas são: Árvore SBB com elementos sequenciais, Árvore SBB com elementos randômicos, e Árvore SBB balanceada com elementos sequenciais. Em teoria, deveriam ser utilizados árvores com os seguintes tamanhos:

1. 10^3 elementos
2. 10^5 elementos
3. 10^7 elementos
4. 10^9 elementos

Já para a Trie e Patricia, as árvores geradas devem ser utilizadas para busca de 1% dos elementos e medidos os tempos dessas buscas. Os tamanhos para a árvore são:

1. 10^3 elementos
2. 10^5 elementos
3. 10^7 elementos

2 Desenvolvimento

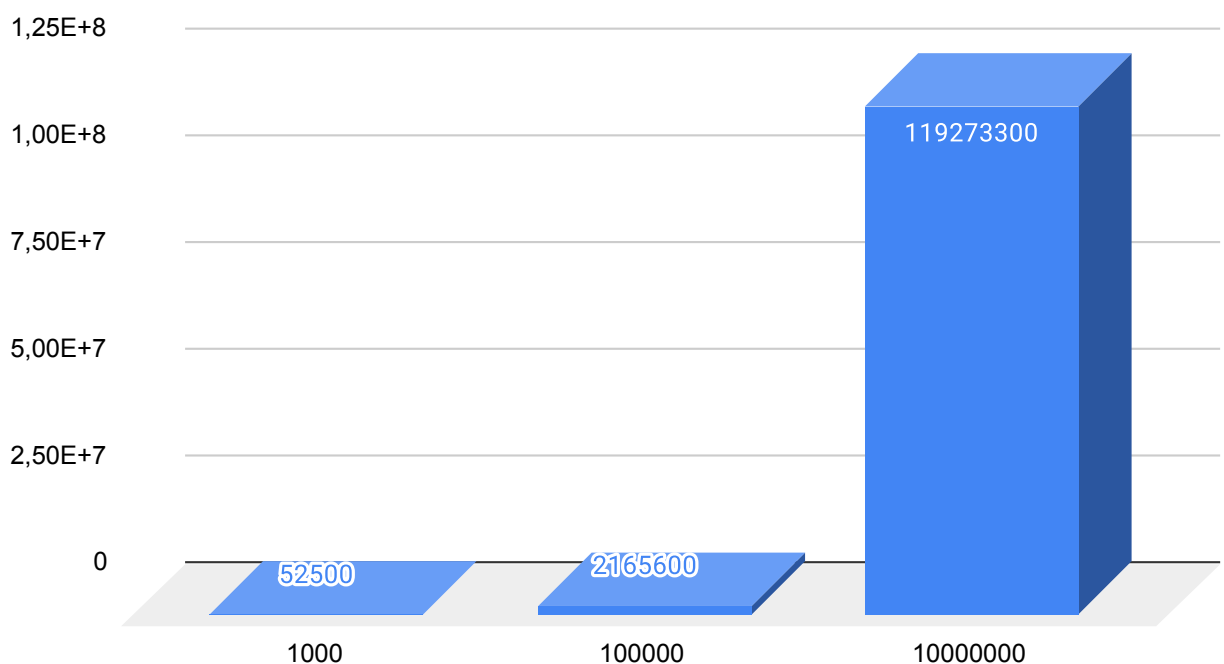
2.1 Remoção na SBB Sequencial

Iniciando o desenvolvimento da prática, as árvores foram criadas na IDE assim como os vetores de tamanhos diversos para armazenar os valores que serão inseridos na árvore. Porém, o Java não permite a criação de vetores em 10^9 elementos, então todas as árvores criadas, foram geradas até 10^7 elementos. A partir disso, foram utilizados métodos de inserção de dados da Prática 3, desenvolvida anterior a esta, já que este trabalho trata-se de uma continuação direta com estudos sobre remoção.

Aos dados selecionados para a remoção foram gerados utilizando a biblioteca interna do Java "Random", que permitiu gerar valores aleatórios entre 0 e n (n = quantidade de elementos), aumentando a taxa de sucesso para gerar valores validos para a remoção. Os dados apresentados a seguir inicialmente trazem os resultados do tempo de execução da da remoção de 5% de elementos aleatórios de árvores de diferentes tamanhos que receberam seus valores de forma ordenada:

Quantidade de elementos	Tempo em Nanossegundos
10^3	820800
10^5	2165600
10^7	119273300

Remoção - SBB Sequencial



2.2 Remoção na SBB Randômica

Para a remoção de elementos aleatórios desta árvore foi gerado um vetor com valores aleatórios utilizando um gerador congruencial pseudo aleatório com os seguintes parâmetros:

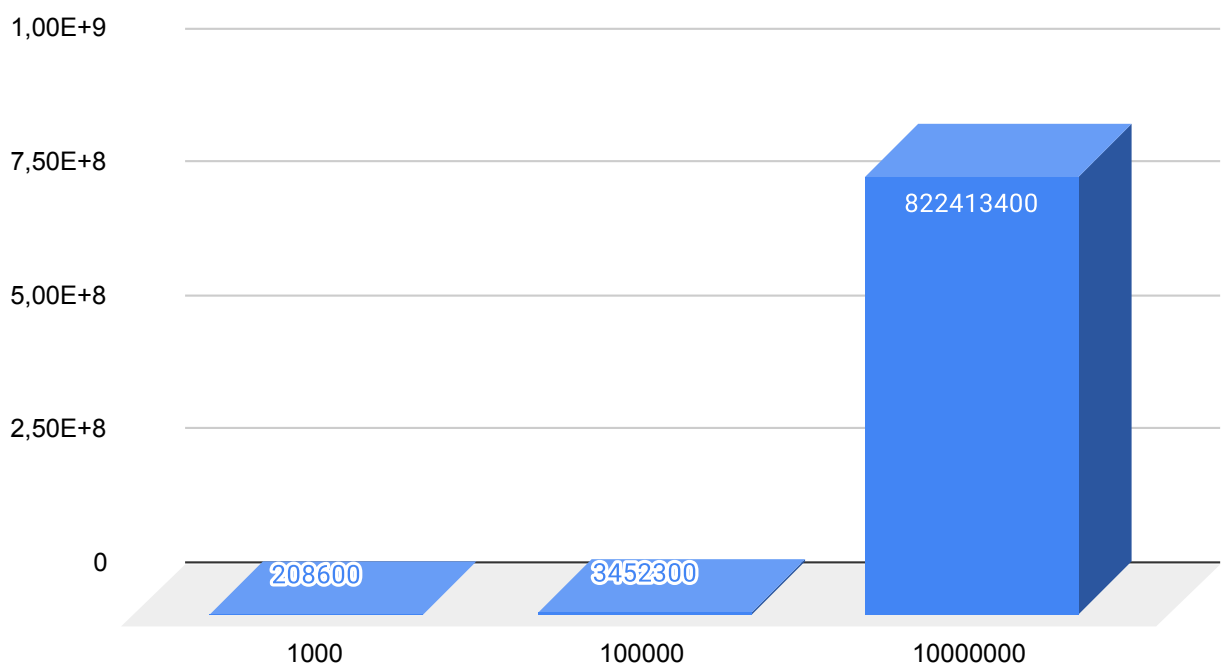
Semente = 0;
Modulo = 1073741824;
Multiplicador = 843314861;
Incremento = 453816693;

Estes parâmetros também foram utilizados na inserção, então é certo que os mesmos estarão na árvore, mas não foram removidos na mesma ordem que foram inseridos, e sim de forma aleatória também.

Logo os dados apresentados a seguir trazem os resultados do tempo de execução da remoção de 5% de elementos aleatórios de árvores de diferentes tamanhos que receberam seus valores de forma aleatória:

Quantidade de elementos	Tempo em Nanossegundos
10^3	208600
10^5	3452300
10^7	822413400

Remoção - SBB Sequencial



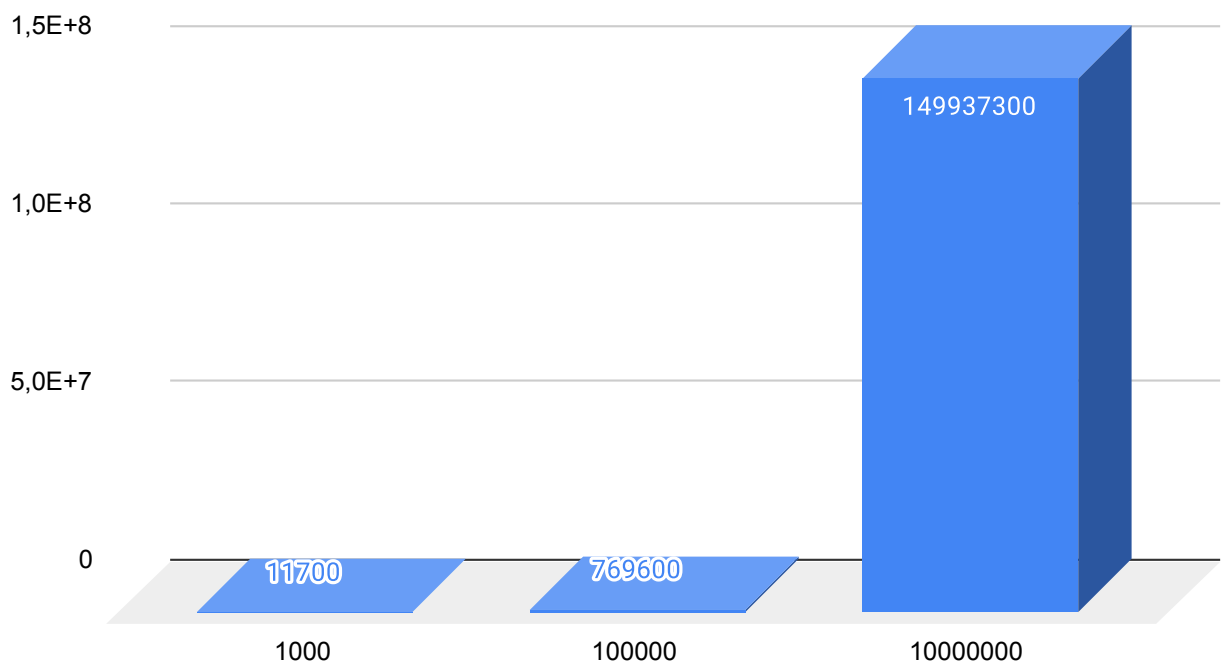
2.3 Remoção na SBB Balanceada

Para a remoção de elementos de dentro da árvore balanceada a lógica utilizada segue a mesma da árvore sequencial, já que os valores inseridos na mesma estão entre 0 e n (n = quantidade de elementos), porém foram inseridos em uma condição especial que força a árvore a ser formada de já balanceada, como foi visto na atividade prática 3.

Logo os dados apresentados a seguir trazem os resultados do tempo de execução da remoção de 5% de elementos aleatórios de SBBs de diferentes tamanhos:

Quantidade de elementos	Tempo em Nanossegundos
10^3	11700
10^5	769600
10^7	149937300

Remoção - SBB Balanceada



2.4 Busca de elementos na TRIE

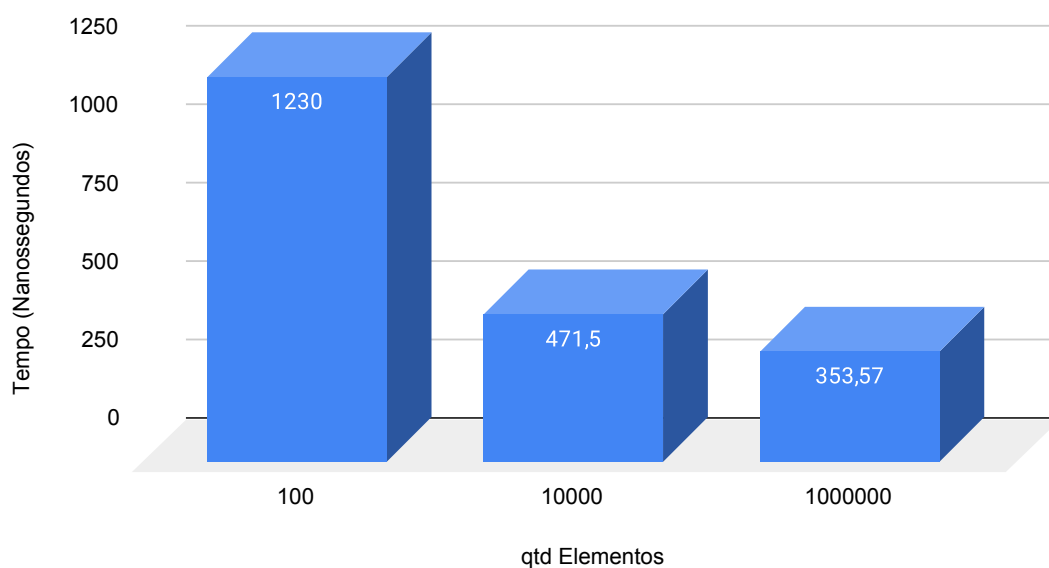
Para a execução dos testes neste modelo de estrutura de dados foi utilizada uma implementação (FERINO, 2018) que recebe palavras no formato de String e as compara de acordo com seu tamanho e prioridade em ordem alfabética e facilitar a implementação de grandes quantidades de palavras foi implementado um gerador de Strings aleatórias, que utiliza de um

vetor com todas as letras do alfabeto que este método seleciona posições aleatórias do vetor e gera uma String com as letras destas posições(DELFTSTACK, 2021).

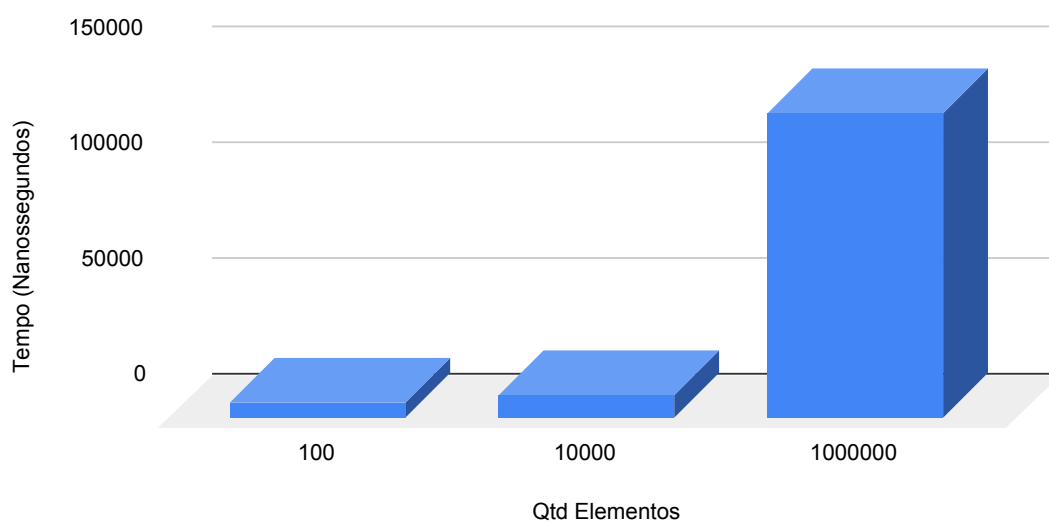
Logo os dados apresentados a seguir trazem os resultados do tempo de execução da busca de 1% de elementos aleatórios de TRIEs de diferentes tamanhos:

Quantidade de elementos	Elementos Buscados	Media de Tempo	Desvio Padrão
10^3	100	1230	6845,509
10^5	1000	471,5	9743,600
10^7	100000	353,57	132471,980

Média de tempo para buscar 1% dos elementos na Trie:



Desvio padrão do tempo para buscar 1% dos elementos na Trie:



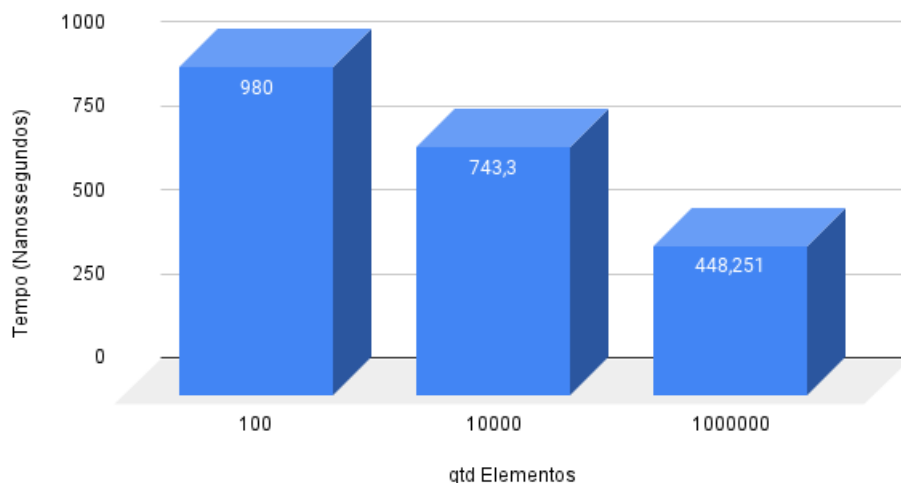
2.5 busca de elementos na PATRICIA

Para execução dos testes neste modelo de dados foi utilizado uma implementação que recebe inteiros no no formato de Interger e os compara byte a byte(ZIVIANI, 2006).

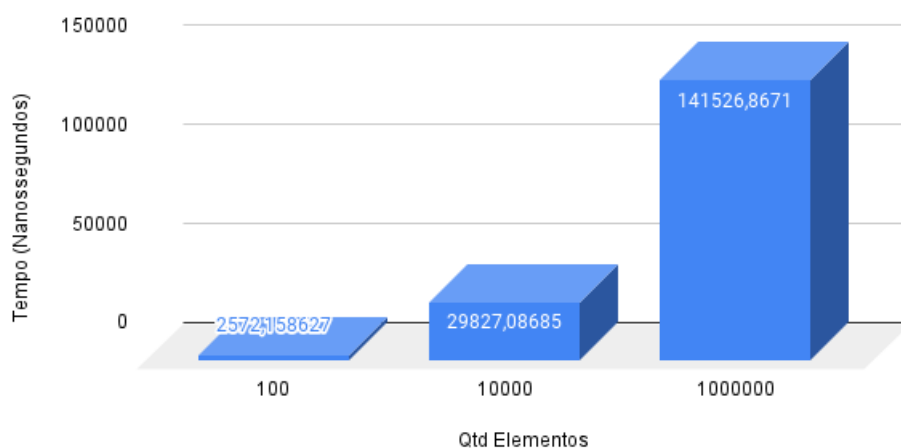
Logo os dados apresentados a seguir trazem os resultados do tempo de execução da busca de 1% de elementos aleatórios de Patricia de diferentes tamanhos:

Quantidade de elementos	Elementos Buscados	Media de Tempo	Desvio Padrão
10^3	100	980,0	2572,158626523644
10^5	1000	743,3	29827,08685071316
10^7	100000	448,251	141526,86706021812

Média de tempo para buscar 1% dos elementos na Patricia:



Desvio padrão do tempo para buscar 1% dos elementos na Patricia:



3 Conclusão

Ao fim deste trabalho, foi abordado como foi realizada a remoção de elementos nas árvores SBB com elementos sequenciais, árvore SBB com elementos randômicos, e árvore SBB balanceada com elementos sequenciais e seus diversos tamanhos. Foi observado o tempo de execução da remoção de 5% de elementos aleatórios em cada árvore SBB cujo o tamanho varia de 10^3 elementos a 10^7 elementos, pois como relatado anteriormente o Java não permite a criação de uma árvore de tamanho 10^9 . Foi notado que dependendo do tamanho da árvore SBB e seu tipo de remoção seu tempo de execução varia, como pode ser observado no relatório o tempo de execução na remoção na SBB balanceada foi o menor dos três quando o seu tamanho era o menor entre as três árvores, mas em contrapartida seu tempo de execução quando é no maior tamanho é o pior entre as árvores e quem se sobressai nesse quesito é a remoção na SBB sequencial. Outro tópico abordado foi a realização de busca de elementos nas árvores TRIEs e nas árvores Patricia cujo foi observado os seus tempos de execução e seus desvios padrões.

Referências

DELFTSTACK. *Gerar String Aleatória em Java*. 2021. <<https://www.delftstack.com/pt/howto/java/random-alphanumeric-string-in-java/>>. Citado na página 8.

FERINO, S. L. de M. *Trie*. 2018. Disponível em: <<https://github.com/Samuellucas97/Trie>>. Citado nas páginas 4 e 7.

ZIVIANI, N. *Projeto de algoritmos com implementação em java e c++*. 2006. Disponível em: <<http://www2.dcc.ufmg.br/livros/algoritmos-java/implementacoes-06.php>>. Citado nas páginas 4 e 9.