

1° Teste de Eletromagnetismo MEFT Prof. Pedro Abreu 28 de junho de 2021

R

Por determinação do Conselho Pedagógico, informamos que só serão cotadas as respostas que contribuam de forma significativa para os resultados ou demonstrações pedidas.

(4,0) 1) Considere o sistema da figura, em que o condutor 1, esférico e de raio  $R_1 = 5$  cm, é rodeado por material dielétrico de constante dielétrica (relativa)  $\varepsilon_r = 8$  e por um condutor 2, uma coroa esférica de raio interior  $R_2 = 10$  cm e raio exterior  $R_3 = 12$  cm.

Admita que o potencial elétrico no infinito é nulo.

O condutor 1 (interior) está ligado à Terra e o condutor 2 tem carga  $Q_2 = 50$  nC.

- [1,0] **a)** Calcule o campo elétrico em todo o espaço em função da carga  $Q_1$  no condutor interior;
- [1,0] **b)** Calcule a carga  $Q_1$  e o potencial elétrico  $V_2$  do condutor 2;
- [1,0] **c)** Calcule a capacidade do sistema;
- [1,0] **d)** Calcule as cargas de polarização nas superfícies de separação dos diferentes meios.
- (3,0) **2)** Duas coroas esféricas condutoras e concêntricas, de raios a = 0.2 m e b = 0.5 m, estão separadas por um material com condutividade elétrica  $\sigma = 2.17 \,\Omega^{-1} \text{m}^{-1}$ .
- [1,5] **a)** Calcule a resistência elétrica entre as coroas esféricas. Qual a resistência se  $b \to \infty$ ?
- [0,5] **b)** Se numa dada altura existir uma diferença de potencial elétrico V = 10 V, calcule a corrente que flui nesse instante de uma coroa para a outra.
- [1,0] **c)** Suponha agora que coloca duas esferas de raios a = 0.2 m imersas num meio líquido, de condutividade elétrica  $\sigma_L$  desconhecida, muito longe uma da outra, sujeitas a uma diferença de potencial elétrico V = 10 V, e que mede uma corrente I = 2 A. Calcule a condutividade  $\sigma_L$ .
- (3,0) **3)** Um fio com 0,001 m de diâmetro transporta uma corrente I=10 A. Envolvendo o fio temos uma camada de espessura  $R_e-R_i=0,0495$  m, que transporta a corrente de retorno I=10 A (no sentido oposto), feita em cobre (condutividade elétrica  $\sigma=6\times10^7~\Omega^{-1}{\rm m}^{-1}$ , permeabilidade magnética  $\mu_0$ , densidade de eletrões de condução  $n_e=8.5\times10^{28}/{\rm m}^3$ , carga do eletrão  $e=-1.6\times10^{-19}$  C).
- [1,0] **a)** Calcule o campo magnético em todo o espaço;
- [0,5] **b)** Calcule a velocidade de deriva dos eletrões no condutor exterior;
- [0,5] **c)** Calcule a força magnética que se faz sentir sobre um eletrão de condução no condutor exterior, em função da distância ao eixo (intensidade, direção, sentido);
- [0,5] **d)** Devido à força magnética da alínea anterior, os eletrões vão-se deslocar (ligeiramente) na direção radial até atingirem o equilíbrio, mantendo então apenas a deslocação paralela ao eixo. Calcule o campo elétrico criado por esta assimetria na direção radial após atingido este equilíbrio, em função da distância ao eixo (despreze as alterações na distribuição da corrente elétrica no condutor exterior).
- [0,5] **e)** Calcule a pequena diferença de potencial elétrico na direção radial entre as fronteiras interior e exterior do condutor exterior.