# Espectroscopia Gama

Duarte Miguel de Aguiar Pinto e Morais Marques | 96523 Joana Sofia Reis Abreu | 96235 Juna Alexandra Ponte dos Santos | 96549 Miguel Francisco Paixão Mendes | 95755

#### Grupo 6B

# Objetivos

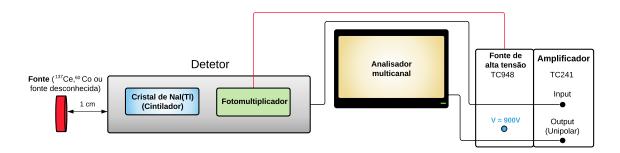
Neste trabalho experimental, procura-se obter uma reta de calibração para o detetor utilizado, recorrendo às medidas dos picos de energia observados, no analisador multicanal, para os isótopos césio-137 e cobalto-60.

Por outro lado, recorrendo aos picos do respetivo espetro, procura-se identificar uma fonte desconhecida, através da utilização da tabela Lund-Berkeley.

Utilizando absorvedores de cobre de diferentes espessuras mássicas, procurou-se ainda estudar a atenuação da radiação gama.

Por fim, recorrendo às medidas dos picos efetuadas anteriormente, pretende-se estudar a resolução em energia do detetor.

## Montagem



**Figura 1:** Esquema da montagem experimental usada para a calibração e estudo da fonte desconhecida.

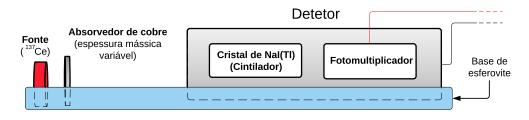


Figura 2: Pormenor da montagem experimental usada para o estudo da atenuação.

### Formulário

#### Calibração

$$E'_{\gamma} = \frac{E_{\gamma}}{1 + \frac{E_{\gamma}}{m_e c^2} (1 - \cos \theta)}$$
 (Difusão de Compton) (1)

 $E_{\gamma}$  - Energia da radiação gama incidente (em keV ou MeV)

 $E_{\gamma}'$  - Energia da radiação gama difundida (nas mesmas unidades)

 $\theta$  - Ângulo de dispersão da radiação gama

#### Estudo da atenuação

$$I = I_0 e^{-\mu x}$$
 (Lei de Lambert) (2)

I - Intensidade da radiação depois do absorvedor

 $I_0$  - Intensidade da radiação antes do absorvedor

 $\mu$  - coeficiente de absorção linear (em  $cm^2g$ )

#### Resolução em energia

$$R = \frac{\Delta E}{E} \tag{3}$$

R - Resolução energética, usualmente expressa em percentagem

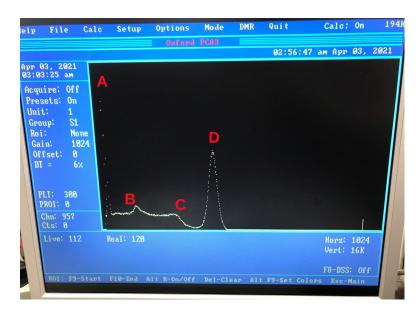
 $\Delta E$  - Largura a meia altura em unidades de energia

E - Energia do fotopico

# Procedimento, resultados e análise de dados

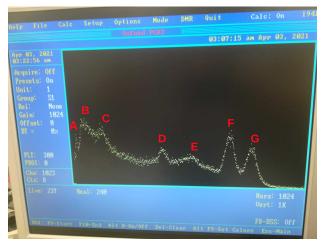
## Calibração

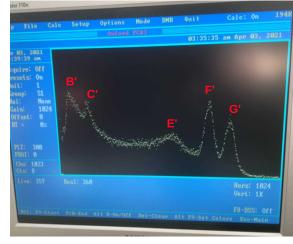
Tendo montado o equipamento de acordo com a Figura 1, procedeu-se à obtenção do espetro da fonte  $^{137}Cs$ , seguida da fonte  $^{60}Co$ . Ambas apresentam a forma de um cilindro de baixa altura.



**Figura 3:** Espetro da fonte césio-137 observado no analisador multi-canal, com os respetivos picos de energia assinalados.

Durante a obtenção dos resultados com uma das fontes, a outra deverá ser mantida na caixa, longe do alcance do detetor, de forma a não perturbar as medidas. Foi isso que sucedeu no 1º ensaio com a fonte de cobalto-60 (representado na Figura 4a, na qual é aparente o pico D, devido à presença próxima da fonte de césio-137). Desta forma, efetuaram-se 2 conjuntos de medições para a fonte de cobalto, apresentados em baixo, tendo-se, ao longo da análise de dados, usado os resultados do ensaio 2, no qual a perturbação do césio não é pronunciada.





(a) Ensaio 1 (perturbado)

(b) Ensaio 2

**Figura 4:** Espetro da fonte cobalto-60 observado no analisador multi-canal, com os respetivos picos de energia assinalados, para os ensaios com e sem presença do césio-137 próximo do detetor (Figuras 4a e 4b, respetivamente).

Pico	FWHM (Ch)	$N_t$ (Cts)	$N_s$ (Cts)	Centróide (Ch)	$\sigma_C$ (Ch)	$E_{teo}$ (keV)
A (Raios-X)	5.97	$104\ 573 \pm 323$	$70\ 411 \pm 461$	28.08	0.01	32
B (Retrodifusão)	21.20	$92\ 407 \pm 304$	$12.751 \pm 798$	130.82	0.09	184
C (Joelho de Compton)	23.81	$76\ 180 \pm 276$	$7\ 388 \pm 784$	271.38	0.12	478
D (Absorção Total)	33.39	$307\ 154 \pm 554$	$243\ 029 \pm 1\ 032$	413.29	0.03	662

**Tabela 1:** Medidas relativas aos picos do espectro da fonte de césio-137 ( $^{137}$ Cs) para um intervalo de tempo de contagem de  $\Delta t = 120$ s.

Nota: É designado como "pico" o Joelho de Compton, embora não possua uma forma gaussiana; aliás, nos vários ajustes feitos ao longo da atividade, estes "picos" acabaram por não ser utilizados, por essa razão.

Ensaio	Pico	FWHM (Ch)	$N_t$ (Cts)	$N_s$ (Cts)	Centróide (Ch)	$\sigma_C$ (Ch)	$E_{teo}$ (keV)
	A (Sensibilidade)	5.70	$3741 \pm 61$	$478 \pm 98$	27.85	-	-
	B (Retrodifusão)	13.20	$17\ 512\pm 132$	$1602 \pm 340$	57.81	-	-
	C (Retrodifusão)	18.08	$18\ 955 \pm 138$	$2.042 \pm 386$	151.62	-	-
1	D (Pico de <sup>137</sup> Cs)	29.60	$14\ 514\pm 120$	$2\ 458 \pm 365$	417.06	-	-
	E (Joelho de Compton)	4.48	$13\ 650 \pm 117$	$525 \pm 389$	540.00	-	-
	F (Absorção Total)	37.65	$19\ 862\pm 141$	$9.041 \pm 380$	709.78	-	-
	G (Absorção Total)	33.39	$13\ 601\pm 117$	$4\ 614 \pm 315$	801.07	-	-
	B' (Retrodifusão)	16.26	$28\ 158 \pm 168$	$2973 \pm 466$	61.40	0.13	210
	C' (Retrodifusão)	12.47	$15\ 122\pm 123$	$1\ 109 \pm 280$	144.84	0.15	214
2	E' (Joelho de Compton)	3.39	$21\ 949\pm 148$	$1\ 261 \pm 510$	546.09	0.04	963
	F' (Absorção Total)	37.27	$28\ 729 \pm 169$	$11\ 742 \pm 461$	710.25	0.15	1173
	G' (Absorção Total)	37.35	$20.761 \pm 144$	$8\ 283 \pm 379$	802.20	0.17	1333

**Tabela 2:** Medidas relativas aos picos do espectro da fonte de cobalto-60 ( $^{60}$ Co) para um intervalo de tempo de contagem de  $\Delta t = 240$ s (ensaios 1 e 2).

O valor de FWHM corresponde à largura a meia altura de cada pico. Por sua vez, os valores  $N_t$  e  $N_s$  correspondem, respetivmente, aos valores ROI Int e ROI Net, dados pelo analisador multi-canal. O erro do centróide é dado pela seguinte equação:

$$\sigma_C = \frac{FWHM}{2\sqrt{2N_s \ln 2}}\tag{4}$$

Ao realizar o ajuste linear com os pontos da Tabela 1 e do segundo ensaio da Tabela 2, verificou-se que os picos C, B', C' e E' produziam retas com um menor coefiente de correlação linear  $R^2$ , sendo que esses pontos ficavam, no geral, mais afastados da reta de ajuste. Desta forma, para obter a equação de calibração, utilizaram-se apenas os picos A, B, D, F' e G'. Faz sentido os outros picos produzirem ajustes menos bons, uma vez que eram aqueles que possuíam menor simetria, afastando-se mais da forma de um pico gaussiano. O ajuste linear apresentado abaixo foi realizado no Excel, tendo sido utilizado a ferramenta linest [3] para obter os erros dos parâmetros de ajuste.

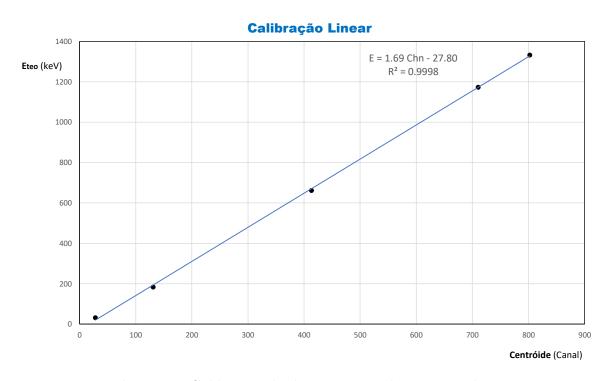


Figura 5: Calibração do detetor - reta de regressão linear.

a (keV/Ch)	b (keV)	$R^2$	$\chi^2/n_d$
$1.69 \pm 0.02$	$-27.8 \pm 8.0$	0.9998	2.8

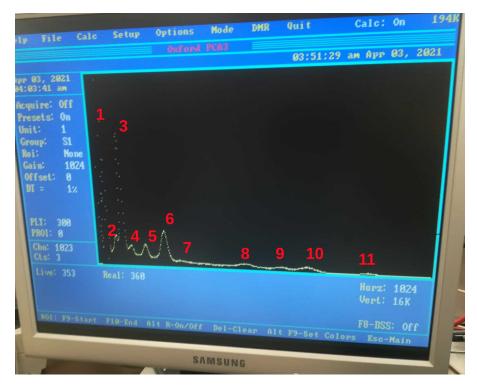
**Tabela 3:** Coeficientes de regressão linear e valores de  $R^2$  e  $\chi^2/n_d$  obtidos para a calibração.

Uma vez que  $\chi^2/n_d$  (sendo  $n_d$  o número de graus de liberdade) é bastante próximo de 1 (possuem a mesma ordem de grandeza), pode afirmar-se que a hipótese linear se verifica, tendo-se obtido um ajuste bom, o que também é corroborado pelo valor de  $R^2$ , também muito próximo de 1. Por outro lado, obteve-se um valor de b negativo, de módulo bastante elevado, o que indica que o eixo horizontal do analisador multi-canal possui alguns canais iniciais nos quais não se registarão quaisquer eventos (corresponderiam a energias negativas), especificamente, até ao canal dado por  $-b/a \approx 16.4$ .

Ao longo das próximas secções do presente logbook, ao se obter um valor de energia a partir do valor do centróide de um pico, com a equação  $E = a \cdot Centróide + b$  (5), utilizar-se-á a relação  $\sigma_E = \sqrt{(\sigma_a \cdot Centróide)^2 + (a \cdot \sigma_{Centróide})^2 + \sigma_b^2}$  (6) para o respetivo erro.

#### Estudo de uma fonte desconhecida

Para além do césio e do cobalto, também foi analisado o espetro de uma fonte de radiação gama desconhecida. Fez-se uma recolha de dados num processo análogo ao dos elementos anteriores, com a fonte a cerca de 1 cm do detetor, mas desta vez durante um tempo de aquisição de 360 segundos, sendo que os resultados se podem ver na Figura 6.



**Figura 6:** Espetro da fonte desconhecida observado no analisador multi-canal, com os respetivos picos de energia assinalados.

De seguida, foi recolhida a informação referente a cada um dos picos observados, estando a informação compilada na Tabela 4.

Pico	FWHM (Ch)	$N_t$ (Cts)	$N_s$ (Cts)	Centróide (Ch)
1	6.49	$212\ 864 \pm 461$	$135\ 152 \pm 638$	34.25
2	10.11	$46798 \pm 216$	$7\ 465 \pm 429$	64.23
3	10.42	$158\ 892 \pm 399$	$92\ 391 \pm 643$	86.28
4	8.39	$26\ 174 \pm 162$	$2\ 482 \pm 292$	115.33
5	15.74	$50\ 639 \pm 225$	$16\ 648 \pm 499$	162.26
6	22.57	$100\ 091 \pm 316$	$55\ 801 \pm 701$	223.93
7	_	$11\ 669 \pm 108$	$320 \pm 218$	_
8	31.12	$26\ 310 \pm 162$	$5988 \pm 461$	484.10
9	17.64	$14\ 450 \pm 120$	$2\ 002 \pm 322$	598.96
10	17.20	$14\ 535 \pm 121$	$1690 \pm 299$	668.81
11	32.80	$9\ 184 \pm 96$	$3.054 \pm 267$	843.89

**Tabela 4:** Medidas relativas aos picos do espectro da fonte desconhecida para um intervalo de tempo de contagem de  $\Delta t = 360$ s.

É de apontar que, por falta de resolução, o *software* não apresentou alguns dados relativos ao sétimo pico (no qual, para uma maior ampliação, era aparente uma forma relativamente próxima à de uma gaussiana). Para resolver este problema, poderia ter sido aumentado o tempo de recolha de dados. No entanto, não se considerou que fosse necessário para o propósito desta secção, como se poderá perceber mais à frente.

Para determinar o elemento constituinte da fonte, utilizaram-se os picos de absorção total, identificados devido à sua elevada energia, isto é, os picos 10 e 11. Utilizando a equação 5, procedeu-se ao cálculo da energia dos picos mencionados.

Pico	Centróide (Ch)	$\sigma_C$ (Ch)	FWHM (Ch)	$N_s$ (Cts)	E (keV)	$\sigma_E \text{ (keV)}$
10	668.81	0.08	17.2	9100	1102.5	15.6
11	843.89	0.13	32.8	11494	1398.4	18.7

**Tabela 5:** Medidas relativas aos picos 10 e 11 do espectro da fonte desconhecida.

Os valores anteriores foram inseridos num website [4] com uma tabela Lund-Berkeley, com o intuito de descobrir a fonte da radiação  $\gamma$ . Devido ao elevado número de possibilidades, foi necessário restringir a procura, limitando as opções a isótopos com tempos de semi-vida entre 0.5 e 15 anos, os quais parecem razoáveis tendo em conta a relação atividade/manutenção da fonte. Felizmente, não foi necessário adicionar mais restrições, como se pode ver nas tabelas seguintes, nas quais são apresentadas possíveis fontes devido às respetivas energias num dos seus picos (foram omitidos os isótopos que não emitiam  $\gamma$ s com os dois valores de energia, e selecionados os picos com maior probabilidade de emitirem gamas dentro do intervalo de incerteza):

Isótopo	Energia (keV)	Probabilidade (%)
$^{110}_{47}Ag$	1085.447	0.073
$^{152}_{63}Eu$	1112.076	13.67
$^{154}_{63}Eu$	1118.27	0.113

Isótopo	Energia (keV)	Probabilidade (%)
$^{110}_{47}Ag$	1384.2931	25.1
$^{152}_{63}Eu$	1408.013	20.87
$^{154}_{63}Eu$	1408.28	0.0247

**Tabela 6:** Isótpos possíveis tendo em conta o pico 10.

**Tabela 7:** Isótpos possíveis tendo em conta o pico 11.

Observando as duas tabelas, chega-se à conclusão de que a fonte desconhecida poderá ser constituída por Prata, mais concretamente o isótopo  $^{110m}_{47}Ag$  (aqui, o m significa que o isótopo é um estado metaestável do elemento em questão [2][5]) ou por Európio. Refletindo na probabilidade de decaimento tabelada e na quantidade de contagens recolhidas em laboratório para ambos os picos, consideramos ser bastante provável que a fonte desconhecida seja composta por Európio, especificamente  $^{152}_{63}Eu$ .

Este isótopo tem um período de semi-vida de 13.537 anos, o que, ao contrário da Prata (249.95 dias), torna este isótopo uma boa escolha para manter num laboratório, visto que poderá ser utilizado por vários anos com uma atividade estável.

## Estudo da atenuação. Determinação do coeficiente de absorção

Quando a radiação  $\gamma$  interage com os absorvedores de chumbo é, em parte, absorvida, dependendo esta absorção do coeficiente de absorção do material (chumbo). A diminuição da intensidade do feixe de radiação que se propaga na matéria é dada pela equação 2, na qual  $\mu$  corresponde ao coeficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$   $\mu$  corresponde ao coeficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$   $\mu$  corresponde ao coeficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  corresponde ao coeficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  corresponde ao coeficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  corresponde ao coeficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  corresponde ao coeficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  corresponde ao coeficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  corresponde ao coeficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  coefficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  coefficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  coefficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  coefficiente de absorção linear e  $\mu$  à densidade de espessura do material (em  $\mu$  coefficiente de absorção linear e  $\mu$  de  $\mu$ 

Para estudar a atenuação da radiação  $\gamma$  na matéria, foram colocados absorvedores de chumbo de diferentes densidades de espessura entre a fonte de césio e o detetor, sendo que a distância entre estes se manteve constante (e igual a 1 cm) durante todo o procedimento. Para executar a análise dos dados, utilizou-se a seguinte relação entre a intensidade da radiação e o número de

$$I_{rel} = \frac{I}{I_0} = \frac{N}{N_0} \tag{7}$$

Sendo a respetiva fórmula de erro dada por

$$\sigma_{\ln I_{rel}} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_{N_0}}{N_0}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_N}{N}\right)^2} \tag{8}$$

A qual se obtém a partir das relações 
$$\sigma_{I_{rel}} = \frac{1}{N_0} \sqrt{\sigma_N^2 + \left(\frac{N}{N_0}\right) \sigma_{N_0}^2}$$
 e  $\sigma_{\ln I_{rel}} = \frac{\sigma_{I_{rel}}}{I_{rel}}$ .

Nas equações 7 e 8,  $I_0$  e  $N_0$  correspondem, respetivamente, à intensidade da radiação e ao número de contagens sem a presença de absorvedor. Por sua vez,  $I_{rel}$  diz respeito a uma intensidade relativa.

Absorvedor	a	b	С	d	е
$x (g \cdot cm^{-2})$	0.9477	1.8091	2.0147	4.465	7.042

**Tabela 8:** Espessuras em  $g \cdot cm^{-2}$  dos absorvedores de chumbo utilizados

Absorvedor	Pico	FWHM (Ch)	$N_t$ (Cts)	$N_s$ (Cts)	Centróide (Ch)
	0 (Sensibilidade)	4.51	$7.067 \pm 84$	$645 \pm 141$	25.85
a	A	13.08	$28~043 \pm 167$	$4922 \pm 384$	57.80
	В	20.83	$33\ 713 \pm 184$	$4\ 319 \pm 458$	132.81
	C	6.54	$21\ 881 \pm 148$	$1328 \pm 394$	275.16
	D	34.17	$98\ 705 \pm 314$	$79\ 280 \pm 584$	416.36
	A	9.10	$20\ 624 \pm 144$	$3\ 138 \pm 286$	58.01
l.	В	15.46	$25\ 705 \pm 160$	$3\ 133 \pm 357$	131.57
b	C	2.29	$14\ 172 \pm 119$	$485 \pm 267$	262.25
	D	33.85	$91\ 431 \pm 302$	$71\ 137 \pm 576$	416.15
	A	10.40	$21.838 \pm 132$	$4.044 \pm 300$	57.64
c	В	9.58	$19\ 664 \pm 140$	$1503 \pm 288$	131.48
C	С	11.89	$20\ 181 \pm 142$	$1526 \pm 376$	279.17
	D	33.27	$87\ 997 \pm 297$	$65\ 351 \pm 584$	416.59
	A	8.11	$21\ 610\pm 147$	$3698 \pm 310$	57.92
d	В	18.05	$24\ 232 \pm 156$	$3\ 142 \pm 360$	132.26
a	C	5.55	$14\ 775 \pm 122$	$665 \pm 296$	267.61
	D	29.07	$64\ 225 \pm 253$	$37\ 610 \pm 543$	416.00
	A	10.99	$17\ 398 \pm 132$	$2325 \pm 274$	59.33
	В	13.06	$16798 \pm 130$	$1346 \pm 276$	129.96
e	C	13.51	$18\ 560 \pm 136$	$1.565 \pm 397$	275.93
	D	33.05	$54\ 661 \pm 234$	$38\ 347 \pm 487$	415.81
	A	5.63	$36\ 438 \pm 191$	$24\ 907 \pm 266$	28.13
Nenhum	В	13.38	$29.821 \pm 173$	$2\ 315 \pm 403$	133.09
меннин	C	11.22	$14~666\pm121$	$1\ 183 \pm 266$	270.56
	D	34.15	$108\ 962 \pm 330$	$88\ 950 \pm 599$	416.59

**Tabela 9:** Medidas relativas aos picos do espectro da fonte de césio-137 ( $^{137}$ Cs) para um intervalo de tempo de contagem de  $\Delta t = 300$ s e com (ou sem) os absorvedores de diferentes espessuras mássicas.

Nas tabelas 8 e 9 acima são apresentados, respetivamente, os valores das espessuras dos absorvedores utilizados e os dados obtidos para esta secção. É de apontar que, embora no kit dos absorvedores do laboratório, estes estivessem designados por letras maiúsculas, decidiram-se utilizar letras minúsculas de forma a distingui-los das identificações dos picos. Estes picos,

correspondentes à fonte de césio-137, são os mesmos dos representados na Figura 3, na primeira parte da experiência, à exceção do pico 0, um pico de muito baixa energia que foi detetado apenas com o absorvedor 'a' e que se deverá à sensibilidade do detetor.

Foi analisada a atenuação da radiação para o pico de energia teórica de 662 keV (pico D), correspondente à absorção total, uma vez que é o pico que mais se equipara a uma gaussiana.

Absorvedor	$\mathbf{x} (g \cdot cm^{-2})$	$\ln(N_t/N_0)$	$\ln(N_s/N_0)$
a	0.9477	$-0.0989 \pm 0.0044$	$-0.1150 \pm 0.0049$
b	1.8091	$-0.1754 \pm 0.0045$	$-0.2234 \pm 0.0050$
С	2.0147	$-0.2137 \pm 0.0045$	$-0.3083 \pm 0.0052$
d	4.465	$-0.5286 \pm 0.0050$	$-0.8608 \pm 0.0062$
e	7.042	$-0.6898 \pm 0.0052$	$-0.8414 \pm 0.0061$

**Tabela 10:** Dados utilizados para efetuar a regressão linear dada pela equação 9

Realizou-se um ajuste linear aos dados da tabela 10 utilizando a equação seguinte:

$$ln(N/N_0) = -a \cdot x + b \tag{9}$$

Onde 'a' corresponde ao coeficiente de absorção do chumbo.

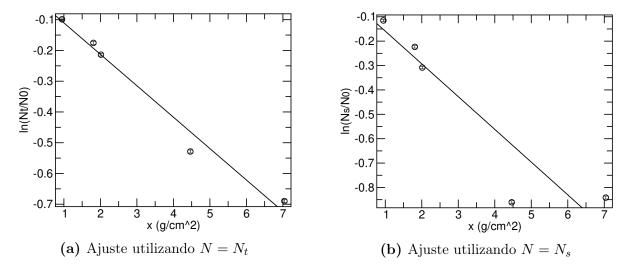


Figura 7: Ajustes lineares aos dados presentes na Tabela 10

Foram realizados dois ajustes, utilizando  $N = N_t$  e  $N = N_s$ . No entanto, pela análise dos gráficos da Figura 7, verifica-se que a reta não se ajusta bem aos dados no caso de  $N = N_s$ . Por esse motivo, apenas foi aprofundada a análise do ajuste em que foi usado  $N_t$ , sendo os resultados obtidos apresentados abaixo.

$a \left(g^{-1}cm^2\right)$	b	$\chi^2/n_d$
$0.102 \pm 0.001$	$-0.008 \pm 0.004$	78.8

**Tabela 11:** Valores dos parâmetros obtidos no ajuste linear apresentado na Figura 7a

Foi obtido um coeficiente de absorção linear do chumbo  $\mu = a = (0.102 \pm 0.001) \ g^{-1} cm^2$  com um erro de 2.9% relativamente ao valor tabelado  $\mu_{tab} = 0.105 \ g^{-1} cm^2$ .

Apesar de se ter obtido um erro baixo, o valor de  $\chi^2/n_d$  é bastante superior a 1. Isto deve-se ao baixo valor das incertezas calculadas a partir da equação 8. No gráfico da Figura 7 é possível

notar que as barras de erro dos últimos dois pontos não intersetam a linha de ajuste o que significa que terão existido erros que não foram tidos em conta ou que o modelo não se adequará bem aos resultados para maiores valores da densidade de espessura. De notar que o centróide (Tabela 9) se manteve constante independentemente da densidade de espessura do absorvedor, o que indica que a energia da radiação que atravessa as placas não depende da mesma, como seria de esperar.

#### Resolução em energia

Foi realizado um estudo da resolução em energia dos espetros observados. Para tal, foi utilizada a equação 3 e foram selecionados os picos que mais se assemelhavam a gaussianas, estando os mesmos discriminados na tabela abaixo.

Os valores de E e de  $\Delta E$  foram obtidos, respetivamente, recorrendo às equações 7 e 8.

$$E = a \times Centroid \tag{10}$$

$$\Delta E = a \times FwHm \tag{11}$$

Em que Centroid é o número do canal correspondente ao centroide do pico, a é o coeficiente de calibração que, no caso das fontes de  $^{137}Cs$ ,  $^{60}Co$  e da fonte desconhecida, foram obtidos com os resultados da sessão laboratorial de 8/10/2021 (consultar tabela 3) e, no caso da fonte ambiente, com os resultados do dia 1/10/2021 (a=1.42); e FwHm é a largura total do pico a metade do seu máximo descrita em canais de energia.

Fonte	Pico	E (keV)	$\Delta E \text{ (keV)}$	R(%)
	A	$47.4 \pm 0.4$	$10.1 \pm 0.1$	$21.3 \pm 0.2$
$^{137}Cs$	В	$221.1 \pm 2.2$	$35.8 \pm 0.4$	$16.2 \pm 0.2$
	D	$698.4 \pm 6.7$	$56.4 \pm 0.5$	$8.1 \pm 0.1$
	A	$103.8 \pm 1.2$	$27.5 \pm 0.3$	$26.5 \pm 0.3$
$^{60}Co$	E	$1200.3 \pm 11.3$	$63.0 \pm 0.6$	$5.2 \pm 0.1$
	F	$1355.7 \pm 12.5$	$63.1 \pm 0.6$	$4.7 \pm 0.1$
	E	$274.2 \pm 2.6$	$26.6 \pm 0.3$	$9.7 \pm 0.1$
F. Desconhecida	I	$1012.2 \pm 9.6$	$29.8 \pm 0.3$	$2.95 \pm 0.03$
	J	$1130.3 \pm 10.7$	$29.1 \pm 10.7$	$2.57 \pm 0.02$
Ambiente	A	$98.6 \pm 1.2$	$5.0 \pm 1.2$	$5.09 \pm 0.08$

**Tabela 12:** Energias, larguras a meia altura em unidades de energia e resoluções para os picos selecionados

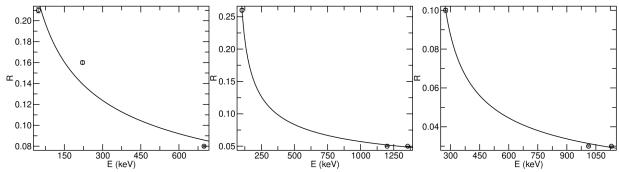
Assumindo que a ionização que ocorre nos dínodos do fotomultiplicador tem uma distribuição de Poisson, obtém-se a expressão 12 para a resolução energética [1]:

$$R \approx 2.35 \sqrt{\frac{\omega}{E}} \tag{12}$$

Em que  $\omega$  representa a energia média de ionização do detetor. Utilizando esta equação, poder-se-ia então realizar um ajuste dos dados experimentais de forma a obter o valor de  $\omega$ . A equação 12, porém, foi modelada de modo a descrever melhor os dados experimentais adquiridos. Assim, foi utilizada a equação 13 para realizar o ajuste dos dados.

$$R \approx 2.35 \sqrt{\frac{\omega}{E - E_0}} \tag{13}$$

A Figura 8 ilustra os ajustes realizados para as três fontes. Uma vez que apenas recolhemos dados relativos a um pico aquando das medições sem fonte, não foi realizado ajuste para a fonte ambiente.



**Figura 8:** Ajuste da equação 13 aos pontos experimentais. Os gráficos descrevem (da esquerda para a direita) o ajuste dos dados experimentais da fonte de  $^{137}Cs$ , da fonte de  $^{60}Co$  e da fonte desconhecida.

Fonte	$\omega \; (\text{keV})$	$E_0 \text{ (keV)}$	$\chi^2/n_d$
$^{137}Cs$	$1.02 \pm 0.02$	$-70.2 \pm 3.8$	232.5
$^{60}Co$	$0.555 \pm 0.007$	$58.2 \pm 1.1$	25.1
Fonte Desconhecida	$0.145 \pm 0.002$	$193.4 \pm 2.0$	32.2

**Tabela 13:** Parâmetros obtidos após os ajustes dos dados à equação 13

Para a fonte de  $^{137}Cs$ , o valor de  $\chi^2/n_d$  obtido foi em 2 ordens de grandeza superior à unidade, enquanto que para a fonte de  $^{60}Co$  e para a fonte desconhecida o valor obtido foi em 1 ordem de grandeza superior. Isto pode indicar que os erros foram significativamente substimados ou mesmo que o modelo descrito pela equação 13 não é uma boa aproximação da realidade. Para além disto, os picos selecionados, que foram os que mais se assemelhavam a gaussianas, podem não ter sido os mais indicados.

O valor obtido para a energia de ionização média do  $^{137}Cs$  é uma ordem de grandeza acima do esperado, o que pode estar também relacionado com as considerações anteriormente enunciadas, nomeadamente com os picos escolhidos para esta fonte. Por outro lado, as ordens de grandeza dos resultados para as fonte de  $^{60}Co$  e ambiente encontram-se dentro do esperado. Assim, os ajustes para a fonte de  $^{60}Co$  e para a fonte ambiente parecem enquadrar-se melhor nos dados obtidos.

# Conclusão

Começou-se por obter a equação de ajuste que descreve a calibração linear do detetor, tendo-se utilizado esta equação, ao longo da análise, para obter valores de energia de picos observados.

Estudou-se uma fonte desconhecida, tendo-se chegado à provável conclusão que se tratara de uma fonte de um isótopo de európio, embora um isótopo da prata também fosse uma possível boa hipótese. Relativamente ao estudo da atenuação da radiação  $\gamma$  na matéria, verificou-se que a Lei de Lambert se adequou bem aos dados experimentais, tendo-se obtido um desvio de 2.9% do coeficiente de absorção linear do chumbo face ao valor tabelado.

Para a resolução energética, o modelo proposto não descreveu de forma muito fiel os resultados observados no caso da fonte de  $^{137}Cs$ , onde o valor de  $\chi^2/n_d$  obtido foi duas ordens de grandeza

superior à unidade e o valor da energia média de ionização se encontrou fora da ordem de grandeza esperada, o que nos fez questionar a validade do mesmo. Contudo, para a fonte de  $^{60}Co$  e para a fonte desconhecida, os valores das energias de ionização obtidos encontram-se na ordem de grandeza esperada e o valor de  $\chi^2/n_d$  foi apenas uma ordem de grandeza superior à unidade.

### Referências

- [1] Guia experimental e slides disponibilizados na página da cadeira.
- [2] Nuclear isomer. https://en.wikipedia.org/wiki/Nuclearisomer.
- $[3] \quad \text{Excel's Linest.} \\ \quad https://pages.mtu.edu/\ fmorriso/cm3215/UncertaintySlopeInterceptOfLeastSquaresFit.pdf.}$
- [4] Decay Radiation Search.  $https://www.nndc.bnl.gov/nudat2/indx_dec.jsp$ .
- [5] Isotopes of Silver.  $https://en.wikipedia.org/wiki/Isotopes_of_silver$ .