## **ELETROMAGNETISMO**

## **MEFT**

## 9ªSérie de problemas

## (Vetor de Poynting e Energia eletromagnética, Ondas Eletromagnéticas)

1) Vetor de Poynting e energia eletromagnética

Num fio de 2 m de comprimento e secção circular com 1 mm de raio passam 5 A. O fio é homogéneo com resistividade elétrica  $\rho_e = 2\pi \times 10^{-7} \ \Omega m$ .

- a) Calcule o campo magnético **B** à superfície do fio (sug.: use a Lei de Ampére);
- b) Calcule a resistência do fio;
- c) Calcule a densidade de corrente e o campo elétrico E no condutor junto à superfície do fio;
- d) Calcule o vetor de Poynting  $\Sigma$  junto ao fio;
- e) Calcule, usando o resultado anterior, a energia de radiação trocada entre o fio e o exterior por unidade de tempo. Para onde vai essa energia?
- f) Calcule a potência dissipada no fio por efeito de Joule (calor de Joule).

2) Vetor de Poynting, energia eletromagnética e intensidade em função da distância

Uma nave a 30 000 km da Terra possui um emissor de 10 W emitindo isotropicamente. Calcule o valor médio do vetor de Poynting e o valor de pico do campo elétrico à superfície da Terra (despreze a curvatura da Terra e considere o ar como tendo constante dielétrica ε<sub>0</sub>).

A intensidade da radiação solar na órbita da Terra é de aproximadamente 1,37 kW/m².

- a) Qual a potência total emitida pelo Sol, supondo que radia isotropicamente e que está à distância média de 149600000 km da Terra?
- b) Qual a potência total recebida pela Terra?
- 3) Representação de ondas eletromagnéticas

Uma onda eletromagnética plana e monocromática, propaga-se num meio de constantes elétricas e magnéticas relativas  $\epsilon_r$ =4 e  $\mu_r$ =1, e possui um campo elétrico dado por:

$$\vec{E}(\vec{r},t) = 200 \cos\left(6 \times 10^6 t - kz + \frac{\pi}{3}\right) \vec{e}_y \text{ (V/m)}$$

- a) Caracterize o estado de polarização desta onda e determine a velocidade de propagação e o vetor de onda;
- b) Determine a expressão do campo magnético  $\vec{B}$ .
- c) Determine o vetor de Poynting, e calcule o valor médio da densidade de energia eletromagnética transportada por esta onda e a sua intensidade.
- d) Supondo que esta onda incide segundo um ângulo de  $60^{\circ}$  relativamente à normal a uma superfície plana de área  $A = 20 \text{ m}^2$ , determine o valor médio da energia por unidade de tempo que incide nessa superfície.

4) Representação de ondas eletromagnéticas [Probl. 9.9 DG]

Escreva as componentes [reais] dos campos elétrico e magnético e o vetor de onda  $\vec{k}$  para uma onda monocromática plana de amplitude  $E_0$ , frequência angular  $\omega$ , e fase inicial 0, que se propague no vazio e

- a) na direção e sentido segundo  $-\vec{e}_x$ , polarizada segundo  $\vec{e}_z$ ;
- b) na direção e sentido segundo  $\vec{e}_x + \vec{e}_y + \vec{e}_z$  (desde a origem), com polarização linear no plano xy.
- 5) Representação de ondas eletromagnéticas

Uma onda plana eletromagnética propaga-se num meio dielétrico com permeabilidade magnética  $\mu=\mu_0$ , tendo a seguinte expressão para o campo elétrico:

$$\begin{split} E_{x} &= 0 \\ E_{y} &= \frac{900}{\sqrt{2}} \cos \left( 3,768 \times 10^{15} t - 1,257 \times 10^{7} \frac{y+z}{\sqrt{2}} + \pi \right) \text{ (V/m)} \\ E_{z} &= \frac{900}{\sqrt{2}} \cos \left( 3,768 \times 10^{15} t - 1,257 \times 10^{7} \frac{y+z}{\sqrt{2}} \right) \text{ (V/m)} \end{split}$$

- a) Calcule o comprimento de onda e o vetor de onda  $\vec{k}$ ;
- b) Calcule a velocidade de propagação da onda e a constante dielétrica do meio;
- c) Determine as expressões correspondentes para o campo magnético  $\vec{B}$ ;
- d) Verifique que  $\vec{k} \cdot \vec{E} = 0$ , e que  $\vec{k} \cdot \vec{B} = 0$ ;
- e) Quando esta onda incide perpendicularmente a um painel solar com 2 m² de área, qual a potência (média!) nele incidente?
- f) Esta onda tem polarização linear (porquê?). Determine os ângulos que [o campo elétrico] faz com os eixos.
- 6) Representação de ondas eletromagnéticas

Uma onda plana eletromagnética propaga-se num meio dielétrico com permeabilidade magnética  $\mu=\mu_0$ , tendo a seguinte expressão para o campo elétrico:

$$\begin{cases} E_x = 4 \times 10^{-9} \operatorname{sen}(5 \times 10^5 t - 2 \times 10^{-3} y) \text{ (V/m)} \\ E_y = 0 \\ E_z = 4 \times 10^{-9} \cos(5 \times 10^5 t - 2 \times 10^{-3} y) \text{ (V/m)} \end{cases}$$

- a) Calcule o comprimento de onda e o vetor de onda  $\vec{k}$ ;
- b) Calcule a velocidade de propagação da onda e a constante dielétrica do meio;
- c) Determine as expressões correspondentes para o campo magnético  $\vec{B}$ ;
- d) Verifique que  $\vec{k} \cdot \vec{E} = 0$ , e que  $\vec{k} \cdot \vec{B} = 0$ .
- e) Quando esta onda incide num painel solar com 2 m² de área, segundo um ângulo com a normal ao painel de 60°, qual a potência (média!) nele incidente?
- f) Esta onda não tem polarização linear (porquê?). Que polarização tem?
- 7) Representação de ondas eletromagnéticas, vetor de Poynting, intensidade [Probl. 4.9 BH&R] Uma onda de rádio plana e monocromática propaga-se num meio não condutor com  $\mu_r = 1$ . O campo elétrico é dado pela expressão

$$\vec{E} = 0.5 \cos \left( 6.5 \times 10^6 t - 3.1 \times 10^{-2} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} y - \frac{1}{2} z \right) \right) \vec{e}_x \quad (V/m)$$

- a) Determine a direção e o sentido de propagação da onda (calcule o vetor de onda  $\vec{k}$ );
- b) Determine o índice de refração e a constante dielétrica do meio;
- c) Escreva a expressão para o campo magnético  $\vec{B}$ ;
- d) Caracterize a polarização da onda;
- e) Determine o vetor de Poynting e a intensidade da onda.

- **8)** Representação de ondas eletromagnéticas, vetor de Poynting, intensidade [Probl. 4.11 BH&R] Uma onda de rádio plana e monocromática propaga-se no vazio na direção  $+\vec{e}_x$  polarizada linearmente com o campo elétrico na direção  $+\vec{e}_y$ . A sua frequência é f=1 MHz. A intensidade é 20 W/m².
  - a) Calcule o comprimento de onda e o vetor de onda,  $\vec{k}$ ;
  - b) Determine o vetor de Poynting;
  - c) Determine as amplitudes de  $\vec{E}$  e  $\vec{B}$  e escreva as expressões para os campos elétrico e magnético.