

Probabilidades e Estatística

TODOS OS CURSOS

1º semestre – 2014/2015 27/01/2015 – 11:30

(2.5)

Duração: 90 minutos

Justifique convenientemente todas as respostas!

Grupo I 10 valores

- 1. Suponha que num teste de controlo de uma epidemia num aeroporto ocorre um falso negativo (o teste dá resultado negativo para um indivíduo doente) com probabilidade 0.02 e um falso positivo (o teste dá resultado positivo para um indivíduo não doente) com probabilidade 0.003. Sabe-se que a incidência na população da doença associada à epidemia é de 0.0001.
 - (a) Qual é a probabilidade de que uma pessoa controlada nesse aeroporto (escolhida ao acaso) e cujo teste deu resultado positivo tenha de facto a doença?

Solução: 0.0316

(b) Sabendo que num dado período é controlado um grupo de 10 000 pessoas, qual é a probabilidade de (2.5 haver no grupo pelo menos uma pessoa com a doença e cujo teste dê resultado negativo?

Solução: 0.0198

- 2. As chegadas de clientes a uma loja ocorrem segundo um processo de Poisson de taxa 4 por hora.
 - (a) Calcule a probabilidade de chegarem pelo menos 2 clientes à loja num período de meia hora.

Solução: 0.5940

(b) Determine a probabilidade de o primeiro cliente não chegar à loja durante os primeiros 18 minutos (2.0) de funcionamento da mesma, sabendo que não chegaram clientes à loja nos primeiros 12 minutos de funcionamento.

Solução: 0.6703

Grupo II 10 valores

- **1.** Seja *X* a pressão (em Pa) de um gás num contentor, a qual se assume seguir uma distribuição normal, com desvio padrão 4 Pa.
 - (a) Sabendo que o quantil de probabilidade 0.46 da variável aleatória X é igual a 20 Pa, determine o valor esperado de X.

Solução: 20.4016 Pa

(b) Em função da pressão do gás, pode haver necessidade de assegurar, com custos financeiros, condições de segurança adicionais. Assuma que: caso a pressão seja inferior a 20 Pa, não são necessárias medidas de segurança adicionais; se a pressão estiver entre 20 Pa e 32 Pa, as medidas de segurança adicionais custam 1 000 €; e, se a pressão for superior a 32 Pa, as medidas de segurança adicionais custam 5 000 €. Sabendo que o valor esperado de X é 20.4 Pa, determine o valor esperado dos custos associados às medidas de segurança adicionais.

Solução: 547.4 €

2. Os números de vendas diárias de automóveis das marcas *A* e *B* num *stand* de automóveis são representados pelas variáveis aleatórias *X* e *Y*, respetivamente. Sabe-se que a variável aleatória *Y* assume os valores 0 e 1 com igual probabilidade e que, além disso:

x	0	1	2
P(X = x)	0.50	0.14	0.36
P(X=x Y=0)	0.44	0.16	0.40

(a) Calcule a probabilidade aproximada de serem vendidos mais de 49 automóveis da marca *A* num período de 60 dias. Admita independência entre os números de vendas de automóveis nos diversos dias.

(2.5)

Solução: 0.6443

(b) Determine a função de probabilidade conjunta do par aleatório (X,Y).

Solução:	$X \backslash Y$	0	1
	0	0.22	0.28
	1	0.08	0.06
	2	0.20	0.16