本刊在 2007 年第 3 期和第 4 期中,用了较大的篇幅对美国数学课程改革 50 年来的历程 及其最新的发展作了详细的介绍。这里我们转换视线,将中国正在进行的数学课程改革与美 国数学课程改革的各个方面逐一比较。

杨振宁曾经说过"中国与美国式的教育,不能讲哪一个好,哪一个不好,要因人而异"。 比较中美两国的数学课程改革,我们并不是要轻言孰强孰弱,孰好孰坏,孰优孰劣。但是, 他山之石,可以攻玉,通过比较,我们能调整错位,扬长补短,为推进我国数学课程改革迈 上一个新台阶而努力。

# 近年来中美数学课程改革的比较

文/江苏省盐城师范学院数学科学学院 段志贵

重视和加强数学教育是中美 两国的共识。为适应国家发展和 人才培养需要,跨入21世纪后,两 国进一步加强了数学教育改革, 具体体现在两国各自出台了新的 数学课程标准,并在总结各自成 功经验和疏漏缺陷后,加强了修 订工作。本文就两国数学课程标 准这里只讨论义务教育阶段)的 动因、推进、理念与目标、教学与 评价导向以及未来走向等方面作 一比较。

# 一、两国推进数学课程 改革的动因

在国际教育成就评价协会 (International Association for the Evaluation of Educational Achievement, 简称IEA) 公布的 TIMSS(the Trends in International Mathematics and Science Study, 国际数学与科学 评测)测试结果中, 1995年美国在

四十多个参加国中名列第18位, 1999年在全部38个参加国中名列 第19位,或许这对美国政府和教 育界震动很大,促使美国在1989年 制订的《中小学数学课程和评估标 准》的基础上重新修订数学课程标 准。2000年春季,美国公布了新的 数学课程标准。新的数学课程标准 更名为《中小学数学的原则和标 准》(简称"美国数学课程标准")。 "为了确保美国成为世界的领袖, 我们将持续关注高标准、负责任的 教育,而且特别注意数学和科学教 育。"2006年4月18日,美国总统 布什签署成立国家数学委员会总 统令,并发表了上述演讲。因此, 美国教育的改革实质上起因于政 治和经济竞争的需要,大力推行数 学课程标准的研制和实施是他们 增强国际竞争力的需要。

相比美国,我国数学教育没有称霸世界的野心。多年来,我国中小学数学教学基础扎实,学生基本功强,受到世人关注。但同时数学教学也暴露出许多问题,诸如过分重视知识的传授而忽视学

生学习兴趣和态度的培养;课程 内容存在繁、难、偏、旧的现象, 内容的编排过分重视学科体系, 形式化比较明显等。1999年,中共 中央、国务院召开第三次全国教 育工作会议,颁布了《关于深化教 育改革,全面推进素质教育的决 定》,教育部相继成立了义务教育 和普通高中课程标准研制小组。 义务教育阶段数学课程标准于 2001年正式颁布实验稿。从中可 以看出, 踏足21世纪, 我国数学 教育首先要解决的问题是关注数 学教学中的主体缺失现象, 关心 学生的个性素质、创新意识和实 践能力的培养。

# 二、两国数学课程改革 的推进

1999年10月,我国义务教育 阶段数学课程标准研制组在北京 召开了有数学课程领域专家、学 者、教师等近两百人参加的会议, 基本确定了未来数学课程标准的

基本理念和大致框架。2000年1 月,数学课程标准初稿完成,印发 了4万份向各界征求意见,并就数 学课程标准的文本多次召开征求 意见会。在此基础上,2001年4月, 形成了数学课程标准实验稿。 2001年5月,教育部组织专家组对 数学课程标准进行了审查,课标 组成员接受了质询与答辩。审查 通过后,课标组成员又根据审查 意见和要求再次对数学课程标准 实验稿作了修改,2001年作为教 育部文件正式发布,并于2001年 9月投入实验。2002年起,与数学 课程标准相配套的多种中小学数 学实验教材在38个实验区试用, 并逐步推广。2004年7月至今,义 务教育阶段数学课程标准全面推 广,并进入反思阶段。

美国 2000 年数学课程标准是 在1989年数学课程标准基础上修 订的。1995年全美数学教师理事会 成立了数学课程标准的未来委员 会,并组成了写作小组和辅助写作 小组工作并提供恰当使用现代科 技的例子的电子版小组。1997、 1998、1999年三个夏天的短期会议 中,未来委员会组织了一系列活 动,全美数学教师理事会的研究指 导委员会出版了总结数学教学八 个方面的研究成果和动向的一系 列"白皮书"。在美国国家基金会 的支持下,于1999年3月在亚特兰 大举行的学校基础会议保证了写 作小组了解到最新、最好的研究成 果,也使写作小组得到更多的建 议。在此基础上,新的美国数学课 程标准讨论稿印刷出版,并在较大 范围内传阅以寻求各方面的反映 和讨论。大约三万份数学课程标准 初稿送到有兴趣阅读的人手中,12 万次通过全美数学教师理事会的 网站阅读,还有此后的多份个人和

小组建议以及一系列评审报告和 反馈意见送到写作小组,使该标准 有了较大的改进。2000年4月,美 国数学课程标准正式颁布实施。

从两国数学课程标准的研制 与实施历程来看,我国数学课程 标准虽然前期做了大量工作,但 相比美国数学课程标准还是显得 有些匆忙和急躁。从美国数学课 程标准的研制过程可知,它是出 自于大众之手,是数学家、课程研 究者、一线教师、行政部门、学区、 家长等广泛参与、协同工作的成 果,这使得美国数学课程标准的 科学性得到进一步确立。再从美 国数学课程标准的各个内容标准 的说明部分中可以看出:美国数 学课程标准更多地吸收和借鉴了 心理学和教育研究的成果,并将 其运用于课程解释中。这一研制 方法值得我国在课程标准研制过 程中学习和借鉴。

## 三、两国数学课程改革 的理念与目标

我国义务教育数学课程的核 心理念是"适应学生个性发展的 需要, 使得人人都能获得良好的 数学教育,不同的人在数学上得 到不同的发展"。数学课程目标由 总体目标、学段目标和内容标准 三个层次构成。总体目标主要包 括对知识与技能、数学思考、解决 问题和情感与态度四个领域学习 目标的描述和具体阐述。学段目 标是按每一个学段把前面在总体 目标的具体阐述中已经具体化了 的四个领域的目标进一步具体化。 内容标准即是按学段设计出具体 的数学教学内容。上述三个层次 逐步具体化,由此构成义务教育

阶段数学课程标准的目标体系。

美国数学课程标准的核心理 念是所有学生都必须在数学教学 中有机会学习最高质量的数学。其 数学课程标准的目标体系没有专 门设计出"总目标"或"总体目标", 然后再通过两个方面展开(具体 化)的结构方式,而是直接把课程 目标分解到十个"标准"中去。十 个"标准"分为两类: 前五个叫"内 容标准",列出了数和运算、代数、 几何、测量和数据分析、概率五个 数学内容领域的目标;后五个叫 "过程标准",列出了问题解决、推 理和证明、联系、交流和表述等过 程性的目标。十个标准中的每一个 都由2至4个从学前到12年级都适 用的特定目标组成。

从上述分析我们可以看出: 两国的数学课程标准在理念上都 坚持数学课程面向全体学生,均 重视数学的教育价值。两国数学 课程标准在目标上的不同之处在 于我国数学课程标准尽可能地制 定详细、明确的目标,以便操作, 而美国数学课程标准则尽可能地 为课程标准的使用者提供创造空 间,同时给他们提供科学的指导。 我国数学课程标准力求让更多的 知识点有相应的目标,而美国数 学课程标准更多地把注意力集中 在对教学设计特别重要的因素上, 进一步说就是集中在数学活动的 因素上。

### 四、两国数学课程改革 中的教学与评价导向

美国数学课程标准中有专门 提出来的教学原则,指出教师应 了解哪些内容是学生知道的和需 要学习的,要求为学生提供实验, 创造智力环境,以供学生学习数学,体现出一种将学生作为学习主体,培养学生自主探索、独立研究的自学能力的理念,同时,又强调没有所谓的"正确的"教学方法,切合实际、行之有效的方法。既为教学指明了方向,又不束缚教师的手脚。另外,美国数学课程标准还专门强调教师要持续不断地自我完善,不断丰富相关专业知识,以有利于教学的更好开展。

美国数学课程标准的评估原 则提出评估应促使学生学习重要 的数学内容,为教师和学生提供 有用的反馈信息。"除了像考试和 小测验等正式评估外,教师也应 不断地用课堂提问、与学生个别 交谈和书面提问等非正式的方式 了解学生的学习进展。"评价不仅 仅是考试测验, 而是包括了更多 的内容,"教师应该通过提问、对 话、书面作业以及其他方式不断 地收集关于其学生的信息",从多 渠道、多途径进行评价;同时,与 其学习原则相适应,"评价应该既 着重于过程技能, 更着重于理 解",要让所有学生有机会展示他 们的数学学习。

我国数学课程标准分阶段提出具体的教学建议。教学建议中提倡"学生是数学学习的主人,教师是数学学习的组织者、引导者与合作者",要求教师激发学生的积极性,提供给学生充分的从事数学活动的机会。课程标准中缺少的是关于教师自我教育方面的内容,未对教师的学习提出要求,这就可能导致教师缺乏自我完善意识,无法跟上数学教育发展的趋势,固有的教学方式日渐落后,最终不利于整个教育教学工作的开展。

在课程评价上,我国数学课程

标准也强调建立一种目标多元、评 价方式多样的评价体系。但与美国 评估体系不同的是, 我国数学课程 标准更强调关注"学习的过程",而 美国数学课程标准则认为,理解应 重于过程。两种不同的观念反映了 两个不同的改革方向。长期以来, 中国的"应试教育"过于强调结果 而忽视了过程,因此在新课程改革 中提出重视过程, 关注过程, 但在 数学课程标准对学习过程的极力 强调下,对学生是否真正学到了知 识的关注便显得不够充分,以至于 有的学者产生了对这种"轻视知 识"的现象的担心。而美国则正好 相反,认为学生数学成绩不好更多 的是由于他们不能很好地理解数 学知识, 而不在于学习数学的过程 中存在问题。

#### 五、两国数学课程改革 的未来走向

两国数学课程标准的推进不 是一帆风顺,都遭遇到了不少困 难。对我国数学新课程标准批评的 焦点有两个,一是课程标准对欧氏 几何(平面几何)等注重推理证明 的教学内容的处理; 二是课程标准 较多采纳了心理学、教育学专家的 意见,对数学教育的改革"有点革 命的味道"。2005年,我国成立了 义务教育阶段数学课程标准修订 小组。2006年9月,在东北师范大 学召开"义务教育数学课程标准研 讨会",在义务教育数学课程标准 实验稿的基础上,根据近年来课程 改革的新情况和新经验,对其作进 一步的完善和修订。这次会议邀请 了数位科学家以及来自中小学教 学第一线的教师代表进行了深入 研讨。2007年4月,在澳门召开教

育部数学骨干教师高级研讨会,数学课程标准修订小组组长、东北师范大学校长史宁中提出:我国的数学课程标准一方面要保持"数学双基教学"合理的内核,一方面要添加"基本思想"和"基本活动经验",形成既有"演绎能力"又有"归纳能力"的培养模式。

美国课程标准的实施,使美 国的数学教学质量有所提高,表 现在TIMSS2003评价结果上,在 49个参加国中美国排名上升到第 15 位。然而一些科学家抱怨美国 的数学课程"一英里宽、一英寸 深",没有深度;同时,对课程改 革方案是否为学生提供了严格的 数学训练的同时又培育了他们对 这一学科的深刻见解这一问题, 争议亦很大。2005年,美国教育 部召集两位数学家和三位资深数 学教育专家进行对话, 他们就数 学课程标准的修订达成了10点共 识,即《关于幼儿园至12年级数 学教育的3+7共识》。2006年9月 美国公布了《幼儿园前至8年级数 学课程重点: 寻求连贯与一致》, 这是全美数学教师理事会为了改 变美国中小学数学课程泛而不精 的问题,经过长期争论形成的补 充文件。实际上,"课程重点"就 是各年级的重要数学课题,它为 相应年级的课程设计和教学提供 了组织架构。

通过比较,我们不难发现在修订数学课程标准或提出修订意见时,两国都能广泛调动多位数学家参与到数学课程标准的修订行列中来。有所不同的是,美国的讨论意见可以及时公布,而我国的相关讨论只是囿于部分数学教育家和数学家之间进行。这种自上而下的模式与美国自下而上的做法是截然不同的。