## TP1 Électromagnétisme

Électrostatique

MENARD Alexandre
VIEILLEDENT Florent

15 janvier 2023

## Introduction

L'électrostatique est le domaine de l'électromagnétisme qui étudie les champs électrique permanent, qui ne dépendent pas du temps. Dans ce travail pratique, on chercheras à vérifier plusieurs lois de l'électrostatique, notamment l'équation de Laplace et la formule pour la capacité d'un condensateur plan. Pour la première loi on mesureras le potentiel entre des électrodes circulaires et pour la deuxième on étudieras la décharge du condensateur avec un oscilloscope.

# 1 Potentiel électrostatique généré par des électrodes circulaire

#### 1.1 Modèle

On est dans un régime permanent, les électrodes sont à l'équilibre. Il n'y a donc pas de charge entre les électrodes et l'équation de Laplace nous donne  $\Delta V=0$ , avec  $\Delta V$  le laplacien du potentiel. On se place dans un référentiel polaire dont l'origine est le centre de nos électrodes. Les électrodes étant circulaire, le système est invariant par rotation, donc  $V(r,\theta)=V(r)$ , on s'attend à des équipotentielles circulaire. De plus, en utilisant l'expression du laplacien en polaires on obtient :

$$\Delta V = 0 \Longleftrightarrow \frac{\partial^2 V}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial R} = 0 \Longleftrightarrow \frac{\frac{\partial^2 V}{\partial r^2}}{\frac{\partial V}{\partial R}} = -\frac{1}{r}$$
 (1)

En intégrant deux fois, on trouve :

$$V(r) = Cln(r) + V_0 (2)$$

C et  $V_0$  sont des constantes d'intégration qu'on détermine grâce aux conditions aux limites  $V(R_1)$  et  $V(R_2)$  avec  $R_1$  et  $R_2$  respectivement  $d_{ext}$  de la petite électrodes et  $d_{int}$  de la grande électrode. On obtient :

$$V(r) = \frac{V(R_2) - V(R_1)}{\ln(\frac{R_2}{R_1})} \ln(\frac{r}{R_1}) + V(R_1)$$
(3)

#### 1.2 Protocole expérimental

On fixe deux électrodes circulaire en aluminium sur du plastique isolant. L'électrode circulaire à un diamètre intérieur  $d_{int}=160,0\pm0.5mm$  et un diamètre extérieur  $d_{ext}=180,0\pm0.5mm$ . L'incertitude sur les longueurs est données par la graduation de 1mm de notre règle. On peut choisir entre deux électrodes intérieurs différentes : une pleine de diamètre  $d=15,0\pm0.5mm$  et une creuse de diamètre intérieur  $d'_{int}=60,0\pm0.5mm$  et de diamètre extérieur  $d'_{ext}=80,0\pm0.5mm$ .

Ces électrodes sont reliées par des pinces crocodiles et des fils à une alimentation continue dont on a mesuré la tension  $U_0 = \pm V$  avec un voltmètre. Pour mesurer le potentiel entre nos électrodes, on place du papier carbonée entre nos électrodes et le plastique isolant. Notre voltmètre est relié par une borne à l'électrode centrale et l'autre à une sonde qu'on place sur la papier carboné à l'endroit où on souhaite mesurer le potentiel. La coordonnées polaires de la sonde sont obtenues grâce à une webcam relié à un ordinateur et le logiciel Image J. On néglige le courant généré par le papier électrique sa conductivité étant faible devant celle des électrodes.

On commence par déterminer deux courbes d'équipotentielles pour  $V_1 = \text{et } V_2 =$ , puis on mesure V(r) pour différentes valeurs de r.

## 1.3 Résultats et interprétation

## 2 Mesure de capacité de condensateurs plans

#### 2.1 Modèle

La capacité C d'un condensateur plan est donnée par  $C = \epsilon_0 \frac{S}{d}$  avec  $\epsilon_0 = 8,85.10^{-12} F.m^{-1}$  la permittivité du vide, d la distance entre les deux plaques et S la surface des plaques. Cette formule est valables pour des plaques infinies ce qui correspond à  $d \ll S$ .

On peut utiliser la loi des mailles pour trouver une équation différentiel. On note V la tension aux bornes du condensateur. Lorsque le circuit, composé du condensateur et d'une, est ouvert, on a :

$$V - V_{res} = 0 (4)$$

On utilise la loi d'Ohm V=RI, la définition du courant  $I=\frac{dQ}{dt}$  et la définition de la capacité Q=CV. On obtient une équation différentielle qu'on résout :

$$V - RC\frac{dV}{dt} = 0 \iff V = V_0 exp(\frac{t}{RC})$$
 (5)

Dans notre cas  $V_0 = U_0$  la tension de l'alimentation et  $R = R_{osc}$  la résistance de l'oscilloscope.

### 2.2 Protocole expérimental

#### 2.3 Résultats et interprétation

## Conclusion