

Méthodes expérimentales

TP 3: Chaleur spécifique, calorimétrie

MENARD Alexandre
VIEILLEDENT Florent

23 février 2022

Introduction

Dans ce travail pratique, on déterminera les coefficients thermiques, ainsi que les coefficients thermiques massiques et molaires de l'eau, du vase et de plusieurs métaux. On évaluera également les fuites thermiques du calorimètre pour mettre en avant de potentielles erreurs dans nos expériences précédentes.

On s'appuiera sur des modèles théoriques pour comparer nos mesures à la théorie. Pour effectuer nos comparaisons, on utilisera les outils numériques adéquats.

1 Première expérience : Détermination de la capacité thermique de l'eau et du vase calorimétrique

Le but de cette expérience est de déterminer la capacité thermique de l'eau. On utilisera principalement un calorimètre et une résistance chauffante de 5Ω , pour pouvoir établir une relation entre la température de l'eau et le temps passé à chauffer de l'eau. On pourra en même temps estimer la capacité thermique du vase calorimétrique.

1.1 Expérimentation

Nous effectuerons la même expérience pour différentes masses d'eau et pour différents voltagés. Pour la première série de mesure, on utilise $450g$ d'eau et une tension de $12V$. On remplit la cuve interne du calorimètre avec la masse d'eau souhaitée, qu'on a pesé avec une balance. On agite l'eau pour que cela soit homogène et on relève la température grâce au thermomètre. On met ensuite en place la résistance chauffante dans l'eau. La résistance est branchée à l'alimentation qui est elle même réglée sur $12V$. On lance le chronomètre et on relève la température toutes les minutes et ceci pendant 15 minutes. On mélange l'eau pendant 15 secondes avant la mesure pour s'assurer que la température soit homogène.

On recommence ensuite l'expérience avec la même masse d'eau mais une tension de $6V$. Pour la dernière série de mesure, on utilise une tension de $12V$ et une masse d'eau de $800g$.

1.2 Données

L'incertitude sur la température nous est donnée par le thermomètre et est de $\delta T = 0.2^\circ C$ (valeur issue du manuel du thermomètre trouvé sur le site du constructeur). L'incertitude sur la masse est de $\delta m = 0.1g$ (donnée fournie par la balance). On estime l'incertitude sur le temps à $\pm 1s$, car c'est le temps que nous mettons pour lire le chronomètre puis le thermomètre. L'incertitude sur la tension nous est donnée par la dernière décimale affichée par le générateur, donc $\delta U = \pm 0.1V$.

Données pour la première expérience, avec $m_{eau1} = 450.0 \pm 0.1g$ et $U_1 = 12.0 \pm 0.1V$:

Données pour la deuxième expérience, avec $m_{eau2} = 450.0 \pm 0.1g$ et $U_2 = 6.0 \pm 0.1V$:

Données pour la troisième expérience, avec $m_{eau3} = 800.0 \pm 0.1g$ et $U_3 = 12.0 \pm 0.1V$:

1.3 Exploitation des données

On trace le graphique de la température en fonction de la température :

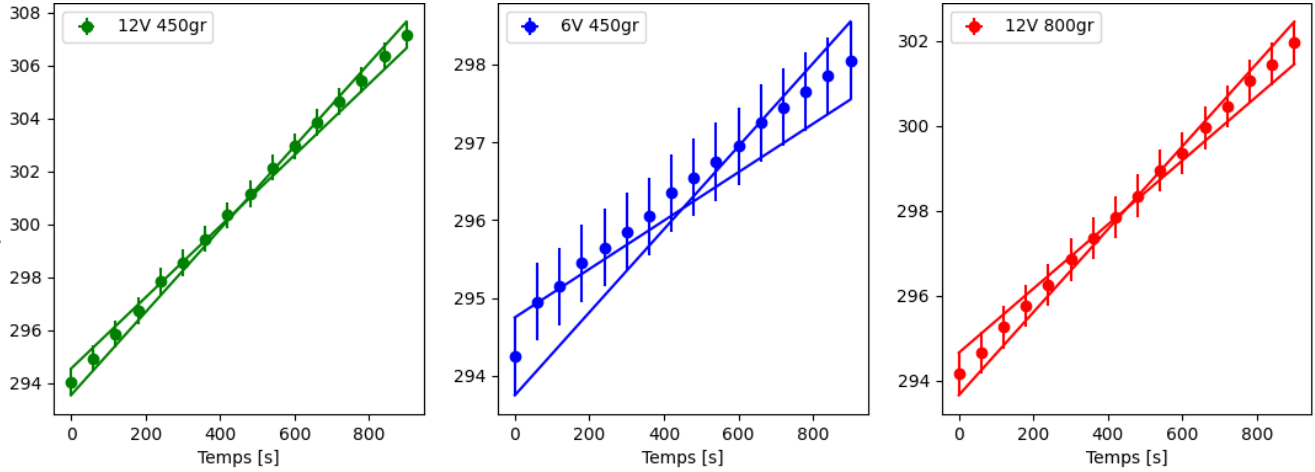


FIGURE 1 – Température (en Kelvin) en fonction du temps pour les 3 expériences

On remarque que la température évolue linéairement, ainsi, la température est fonction du temps, et qu'il existe un coefficient directeur que l'on peut déterminer à l'aide de la méthode des pentes extrêmes. Dans le cas de la deuxième expérience, on remarque que la température augmente moins rapidement que les deux autres expériences.

Soient t_i, t_f, T_i, T_f , respectivement le temps initial, final et la température initiale et finale. On applique la formule suivante afin d'obtenir le coefficient directeur a ainsi que l'incertitude associée δa :

$$a_{max} = \frac{(T_f + \delta T) - (T_i - \delta T)}{(t_f - \delta t) - (t_i + \delta t)}$$

$$a_{min} = \frac{(T_f - \delta T) - (T_i + \delta T)}{(t_f + \delta t) - (t_i - \delta t)}$$

$$a = \frac{a_{max} + a_{min}}{2}$$

$$\delta a = \frac{a_{max} - a_{min}}{2}$$

On obtient donc les valeurs suivantes grâce à cette méthode pour les trois expériences :

— Expérience 1 : $a_1 = 0.015 K.s^{-1}$ et $\delta a_1 = 0.001 K.s^{-1}$

— Expérience 2 : $a_2 = 0.004 K.s^{-1}$ et $\delta a_2 = 0.001 K.s^{-1}$

— Expérience 3 : $a_3 = 0.009 K.s^{-1}$ et $\delta a_3 = 0.001 K.s^{-1}$

De façon plus générale, on posera $\delta a = 0.001 K.s^{-1}$ pour les trois expériences.

1.3.1 Calcul théorique, résultat attendu

Dans notre système, on trouve deux parties, l'eau de masse m_{eau} et le vase de masse m_{vase} en aluminium. Ainsi, la capacité thermique totale (grandeur extensive) de notre système est donc :

$$C_V = m_{eau}c_{eau} + m_{vase}c_{vase} \quad (1)$$

En posant que $c_{eau} = 4185 J.kg^{-1}.K^{-1}$ et $c_{vase} = 921 J.kg^{-1}.K^{-1}$ (car constitué d'aluminium), on peut déterminer la valeur théorique de C_V que l'on doit obtenir par l'expérience :

Expérience n°	m_{eau} (en kg)	m_{vase} (en kg)	C_V (en $J.K^{-1}$)	$C_V(eau)$ (en $J.K^{-1}$)
1	0.450	0.0969	1973	1883
2	0.450	0.0969	1973	1883
3	0.800	0.0969	3437	3348

TABLE 1 – Calcul théorique de la capacité thermique totale

Si le vase est négligeable, on doit trouver une valeur aux alentours de $1883 J.kg^{-1}.K^{-1}$ ou $3348 J.kg^{-1}.K^{-1}$ selon l'expérience. Si l'on trouve un résultat différent, on pourra en déduire que la capacité du vase n'est pas négligeable.

1.3.2 Calcul expérimental, résultat obtenu

Le système {eau+vase calorimétrique} est liquide pour l'eau, et solide pour le vase. Ainsi, le volume est constant et la pression aussi. La relation pour la chaleur est donc :

$$\delta Q = C_V dT \quad (2)$$

avec δQ la chaleur fournie et C_V la capacité thermique.

On suppose que C_V est constant sur la gamme de température utilisée, on a donc :

$$Q = C_V \Delta T = P \Delta t \quad (3)$$

avec P la puissance fournie et Δt la durée pendant laquelle on a injecté du courant dans la résistance.

On néglige dans un premier temps la présence du vase calorimétrique, de cette façon, nos mesures devraient fournir directement la valeur de C_{eau}^{exp} , la capacité thermique de l'eau. En déterminant la valeur de C_{eau}^{exp} pour chaque expérience, on pourra les comparer à la valeur théorique C_V déterminer plus tôt et déduire si l'on peut réellement négliger le vase ou non.

$$C_{eau}^{exp} \Delta T = UI \Delta t \Rightarrow C_{eau}^{exp} = \frac{UI \Delta t}{\Delta T} = \frac{U^2 \Delta t}{R \Delta T} \quad (4)$$

Pour calculer notre incertitude, on utilise la méthode des dérivées partielles :

$$\begin{aligned}\delta C_{eau}^{exp} &= \left| \frac{\partial C_{eau}^{exp}}{\partial U} \right| \delta U + \left| \frac{\partial C_{eau}^{exp}}{\partial \Delta T} \right| \delta(\Delta T) + \left| \frac{\partial C_{eau}^{exp}}{\partial \Delta t} \right| \delta(\Delta t) \\ &= \frac{2U\Delta t}{R\Delta T} \delta U + \frac{U^2\Delta t}{R\Delta T^2} \delta(\Delta T) + \frac{U^2}{R\Delta T} \delta(\Delta t)\end{aligned}$$

On obtient les résultats suivants pour les 3 expériences :

Expérience n°	C_{eau}^{exp} (en $J.K^{-1}$)
1	1978 ± 111
2	1705 ± 283
3	3323 ± 272

TABLE 2 – Valeur de C_{eau}^{exp} pour les 3 expériences

Nos incertitudes sont bien trop grandes pour pouvoir conclure sur la négligeabilité du vase dans notre système.

On doit donc utiliser une approche différente afin de distinguer la capacité thermique du vase et celle de l'eau. On note désormais $C_V = C_{eau}^{exp}$, car dans nos valeurs de C_{eau}^{exp} , on a les deux capacités thermiques. On distingue les capacités thermiques de chaque expérience en notant C_{V1}, C_{V2}, C_{V3} . On a donc le système suivant :

$$\begin{cases} C_{V1} = C_{eau1} + C_{vase} \\ C_{V3} = C_{eau3} + C_{vase} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} C_{vase} = C_{V1} - m_{eau1} \times \frac{C_{V3} - C_{V1}}{m_{eau3} - m_{eau1}} \\ c_{eau} = \frac{C_{V3} - C_{V1}}{m_{eau3} - m_{eau1}} \end{cases}$$

On peut enfin faire l'application numérique et obtenir C_{vase} et c_{eau} :

$$c_{eau} = 3843 \pm 1127 J.kg^{-1}.K^{-1} \quad C_{vase} = 248 \pm 618 J.K^{-1} \quad (5)$$

1.3.3 Conclusion et interprétation

En théorie, la valeur de c_{eau} est de $4185 J.kg^{-1}.K^{-1}$ et la valeur de c_{vase} est $921 J.kg^{-1}.K^{-1}$ soit dans notre cas $C_{vase}^{th} = m_{vase} * c_{vase} \approx 89 J.K^{-1}$. Nos mesures permettent de déduire une valeur de c_{eau} ainsi que C_{vase} avec des incertitudes se trouvant dans les valeurs théoriques, cependant, nos incertitudes représentent environ 25% pour c_{eau} et 300% pour C_{vase} ce qui rend nos résultats inutilisables pour interpréter une quelconque valeur de c_{eau} ou C_{vase} .

Nous avons exploré la possibilité d'erreur dans nos calculs d'incertitudes et d'erreurs de calculs. Il reste la possibilité que nos mesures soient erronées, que nos appareils de mesures soient également pas suffisamment précis pour atteindre une précision satisfaisante pour détecter un écart de la capacité thermique à celle théorique. En conclusion, il serait nécessaire de reproduire cette expérience afin de voir si l'on retrouve les mêmes résultats afin de déterminer le type d'erreurs que nous avons rencontré.

2 Deuxième expérience : Capacités thermiques massiques de quelques solides

Le but de cette expérience est de déterminer la capacité massique du duralumin, du laiton, du téflon et du plexiglas. On utilisera pour cela la relation suivante :

$$T_f = \frac{C_0 T_0 + C_1 T_1}{C_0 + C_1} \quad (6)$$

avec C_0 la capacité thermique du système {eau+vase}, C_1 la capacité thermique du métal, T_0 la température initiale de l'eau, T_1 la température initiale du métal et T_f la température finale de l'eau.

2.1 Expérimentation

On place 450g d'eau dans le calorimètre et on mesure sa température après avoir agité. On place un morceau du solide qu'on souhaite étudier dans de l'eau bouillante, dont on mesure aussi la température. Après quelques minutes, on retire le solide de l'eau bouillante et on le met dans le calorimètre. On agite en continu l'eau tout en surveillant la température. On note cette dernière lorsqu'elle atteint un maximum. On retire ensuite le solide et on le pèse après l'avoir séché.

2.2 Données

On reprend les notations de l'équation (6). Les incertitudes sont données par la balance et le thermomètre. Pour tous les solides, on a $T_1 = 94.6 \pm 0.2^\circ C$

Solide	$m_{eau} \pm 0.1g$	$m_{solide} \pm 0.1g$	$T_0 \pm 0.2^\circ C$	$T_f \pm 0.2^\circ C$
Laiton	451.1	82.7	21.1	22.4
Téflon	451.1	32.5	22.3	23.4
Plexiglas	450.0	47.8	22.3	23.4
Duralumin	452.5	77.2	21.1	24.0

TABLE 3 – Mesures pour les différents solides de l'expérience 2

2.3 Exploitation des données

On détermine la capacité thermique C_0 du système en utilisant les valeurs théoriques des capacités thermiques $c_{eau} = 4185 J.kg^{-1}.K^{-1}$ et $c_{aluminium} = 900 J.kg^{-1}.K^{-1}$. On a mesuré $m_{vase} = 96.9 \pm 0.1g$

$$C_0 = c_{eau} m_{eau} + c_{aluminium} m_{vase} \quad (7)$$

Calcul des incertitudes :

$$\begin{aligned} \delta C_0 &= \left| \frac{\partial C_0}{\partial m_{eau}} \right| \delta m_{eau} + \left| \frac{\partial C_0}{\partial m_{vase}} \right| \delta m_{vase} \\ &= c_{eau} \delta m_{eau} + c_{aluminium} \delta m_{vase} \end{aligned}$$

On cherche la capacité thermique molaire des matériaux. On va déterminer la capacité thermique du solide grâce à l'équation (6) :

$$\begin{aligned} T_f &= \frac{C_0 T_0 + C_1 T_1}{C_0 + C_1} \Rightarrow T_f C_0 + T_f C_1 = C_0 T_0 + C_1 T_1 \\ &\Rightarrow C_1 (T_f - T_1) = C_0 (T_0 - T_f) \\ &\Rightarrow C_1 = \frac{C_0 (T_0 - T_f)}{T_f - T_1} \end{aligned}$$

On calcule l'incertitude associée :

$$\begin{aligned} \Delta C_1 &= \left| \frac{\partial C_1}{\partial C_0} \right| \Delta C_0 + \left| \frac{\partial C_1}{\partial T_0} \right| \Delta T_0 + \left| \frac{\partial C_1}{\partial T_1} \right| \Delta T_1 + \left| \frac{\partial C_1}{\partial T_f} \right| \Delta T_f \\ &= \frac{T_0 - T_f}{T_f - T_1} \Delta C_0 + \frac{C_0 T_f}{T_1 - T_f} \Delta T_0 + \frac{|C_0 T_f (T_0 - T_f)|}{(T_f - T_1)^2} \Delta T_1 + \frac{|C_0 ((T_f - T_1) - T_1 (T_0 - T_f))|}{(T_f - T_1)^2} \Delta T_f \end{aligned}$$

On peut calculer la capacité thermique massique pour chaque solide :

$$c_{solide} = \frac{C_1}{m_{solide}} \quad (8)$$

$$\begin{aligned} \delta c_{solide} &= \left| \frac{\partial c_{solide}}{\partial C_1} \right| \delta C_1 + \left| \frac{\partial c_{solide}}{\partial m_{solide}} \right| \delta m_{solide} \\ &= \frac{\delta C_1}{m_{solide}} + \frac{C_1}{(m_{solide})^2} \delta m_{solide} \end{aligned}$$

Il faut maintenant calculer la masse molaire de chaque matériau. On a déjà la formule brute du plexiglas ($C_5H_8O_2$) et du téflon (C_2F_4). On a les masses molaires suivantes :

$$\begin{aligned} M_{plexiglas} &= 5M_C + 8M_H + 2M_O & M_{teflon} &= 2M_C + 4M_F \\ &= 5 \times 12 + 8 + 2 \times 16 & &= 2 \times 12 + 4 \times 19 \\ &= 100 \text{ g.mol}^{-1} & &= 100 \text{ g.mol}^{-1} \end{aligned}$$

Pour le laiton et le duralumin, il faut calculer la masse molaire du matériau à partir des proportions massique qu'on note w_i . On a :

$$M_{solide} = \frac{m_{totale}}{n_{totale}} \quad w_i = \frac{m_i}{m_{totale}}$$

Pour un alliage de métaux, on a :

$$n_{totale} = \sum_i n_i = \sum_i \frac{m_i}{M_i} = \sum_i \frac{m_{totale} w_i}{M_i}$$

On injecte dans la précédente équation et on obtient :

$$M_{solide} = \frac{1}{\sum_i \frac{w_i}{M_i}} \quad (9)$$

On fait l'application numérique pour le laiton et le duralumin avec :

-les fraction massiques pour le laiton : $w_{zinc} = 0.4$, $w_{plomb} = 0.02$, $w_{cuivre} = 0.58$

-les fractions massiques pour le duralumin : $w_{silicium} = 0.005$, $w_{fer} = 0.0035$, $w_{cuivre} = 0.04$,
 $w_{manganese} = 0.007$, $w_{magnesium} = 0.007$, $w_{zinc} = 0.0025$, $w_{aluminium} = 0.935$

On obtient :

$$M_{laiton} = 65.2 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$M_{duralumin} = 27.8 \text{ g.mol}^{-1}$$

On utilise maintenant les relations $c_{molaire} = c_{solide}M_{solide}$ et $\delta c_{molaire} = c_{solide}\delta M_{solide} + M_{solide}\delta c_{solide}$ puis on regroupe nos résultats dans un tableau.

Solide	$C_0 \pm 0.5(J.K^{-1})$	$C_1(J.K^{-1})$	$c_{solide}(J.kg^{-1}.K^{-1})$	$c_{molaire}(J.mol^{-1}.K^{-1})$
laiton	1977.1	35.60	430	13.975
téflon	1977.1	30.55	940	93.9
plexiglas	1972.5	30.47	637	63.7
duralumin	1983.0	84.26	1053	29.27

2.4 Interprétation

3 Troisième expérience : Évaluation des fuites thermiques du calorimètre

Le but de cette expérience est d'évaluer les fuites thermiques du calorimètre. On va pour cela reproduire les paramètres d'expérimentations de la première expérience mais sans faire chauffer l'eau (sans brancher la résistance).

3.1 Expérimentation