

TP 5 - Induction électromagnétique

MENARD Alexandre - VIEILLEDENT Florent

En présence d'un champ magnétique variable, un circuit électrique voit apparaître une tension à ses bornes, on parle d'induction électromagnétique. Ce phénomène est aujourd'hui utilisé dans la charge par induction des smartphones, mais aussi dans les alternateurs et transformateurs électriques. Dans ce travail pratique, nous proposons une étude qualitative et quantitative de la loi de Lenz-Faraday afin de vérifier sa cohérence avec l'expérience. Enfin, nous étudierons des transformateurs de tension, important pour optimiser le transport d'énergie électrique dans les réseaux.

1 Loi de Lenz-Faraday en champ variable

1.1 Théorie

Dans le cadre de ce travail pratique, nous nous placerons dans l'approximation des régimes quasi-stationnaires, le courant sera donc le même partout dans un même circuit, et l'on négligera les temps de propagation du champ magnétique entre les deux circuits. Soit 2 bobines de diamètre d et de nombre de spires N_H placées à une distance $d/2$ l'une de l'autre, et parcourues par un courant $i(t) = i_0 \sin(\omega t + \psi)$. On a alors le flux magnétique au travers d'une bobine à section carré de côté $a \in [a_{min}, a_{max}]$:

$$\begin{aligned}\Phi(t) &= \overbrace{\left(\frac{4}{5}\right)^{\frac{3}{2}} \frac{2\mu_0 N_H}{d}}^{\alpha} \overbrace{\left(\frac{a_{min}^2 + a_{max}^2 + a_{min}a_{max}}{3}\right)}^S N \cos \theta i(t) \\ &= \alpha S N i(t)\end{aligned}\tag{1}$$

On en déduit alors la force électromotrice induite (f.e.m) dans la bobine carrée :

$$e(t) = -\frac{d\Phi(t)}{dt} = -\alpha S N \omega \cos \theta i_0 \cos(\omega t + \psi) = \alpha S N \omega \cos \theta i_0 \sin(\omega t + \psi - \frac{\pi}{2})\tag{2}$$

On s'attend alors à ce que le déphasage entre $e(t)$ et $i(t)$ soit de $\frac{\pi}{2}$, avec $e(t)$ qui sera en retard. Enfin, $e(t)$ est proportionnel à N , ω et $\cos \theta$.

Enfin, pour déterminer l'inductance mutuelle M , on a :

$$\frac{e}{i} = \alpha S N \omega \text{ et } M = \frac{\Phi_{1 \rightarrow 2}}{i} = \alpha S N \Rightarrow \frac{e}{i} = M \omega\tag{3}$$

1.2 Montage expérimental et détermination des incertitudes

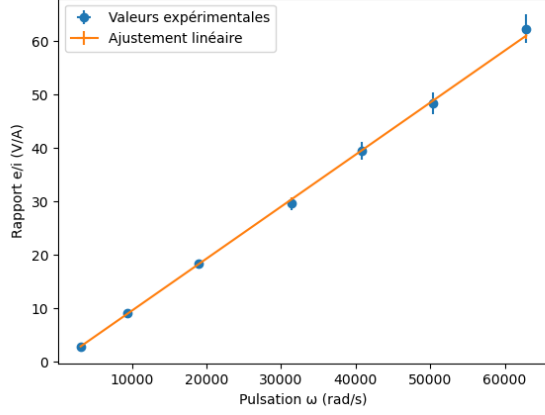
On installe 2 bobines de Helmholtz de diamètre $d = 13cm$, avec $N_H = 95spires$, que l'on sépare d'une distance $d/2$. On les installe en série sur la sortie à 50Ω d'un GBF, puis en sortie de la dernière, on relie à l'oscilloscope, puis l'on termine le circuit sur la masse de la sortie du GBF. On installe ensuite au centre des deux bobines, une troisième bobine dite inductive de section S (voire (1)) dont on relie les bornes à l'oscilloscope.

Pour relever les tensions U_1 (bobines de Helmholtz) et U_2 (bobine inductive), on utilise l'onglet "Mesure" de l'oscilloscope, et l'on récupère la valeur maximale de U_1 et U_2 . On utilisera une incertitude de 3% pour les mesures de tension (d'après le manuel), et pour le temps, nous utilisons les curseurs en faisant la moyenne des valeurs maximales et minimales. Pour obtenir le déphasage, on relève l'écart de temps Δt entre un pic de U_1 et U_2 (succesifs). On utilise ensuite la formule suivante pour calculer le déphasage avec $T = 1/\nu$:

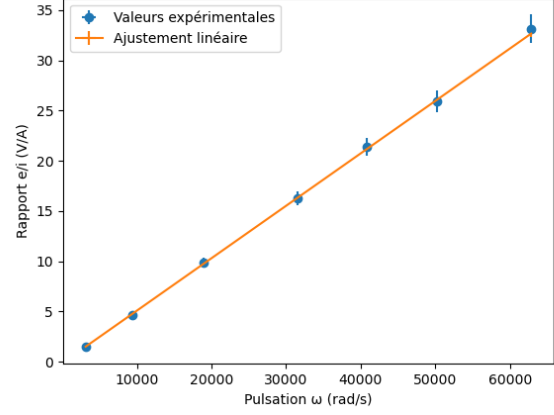
$$\psi = \frac{\Delta t}{T} \times 2\pi\tag{4}$$

1.3 Déphasage et inductance mutuelle

On applique alors un courant sinusoïdal de fréquence $\nu \in [200\text{Hz}; 10\text{kHz}]$ avec une incertitude $\delta\nu = 1\text{Hz}$, et l'on relève $U_1, U_2, \Delta t$ pour une bobine de $N_1 = 1000$ spires ainsi qu'une bobine de $N_2 = 500$ spires. On trace alors le rapport e/i en fonction de ω :



(a) Avec 1000 spires



(b) Avec 500 spires

Par régression linéaire nous obtenons M d'après (1) :

$$1000 \text{ spires} : M_1 = (9.74 \pm 0.09) \times 10^{-4} \text{V.A}^{-1}.\text{s}^{-1}, b_1 = -0.16 \pm 0.07 \text{V.A}^{-1} \quad (5)$$

$$500 \text{ spires} : M_2 = (5.22 \pm 0.05) \times 10^{-4} \text{V.A}^{-1}.\text{s}^{-1}, b_2 = -0.14 \pm 0.04 \text{V.A}^{-1} \quad (6)$$

On remarque un premier écart à la théorie, on obtient une ordonnée à l'origine non nulle, ce qui n'est pas prédit car pour une fréquence nulle, le champ \vec{B} ne varie plus, on ne devrait donc plus observer de f.e.m. Cependant, la présence de cette f.e.m résiduelle peut s'expliquer par la présence d'appareils et de câbles proches générant un champ magnétique localement. On pourrait régler ce problème en installant le montage entre deux plus grandes bobines de Helmholtz de telle sorte qu'elles compensent tous les champs magnétiques présents.

Concernant les valeurs d'inductance mutuelle M_1, M_2 , on doit obtenir théoriquement :

$$M_{th,1} = (1.06 \pm 0.05) \times 10^{-3} \text{V.A}^{-1}.\text{s}^{-1}$$

$$M_{th,2} = (5.2 \pm 0.3) \times 10^{-4} \text{V.A}^{-1}.\text{s}^{-1}$$

La valeur de $M_{th,2}$ se retrouve dans notre valeur M_2 , cependant, M_1 et $M_{th,1}$ ne se retrouvent pas dans les incertitudes bien que les valeurs ne soient pas très éloignées. Il serait donc intéressant de répéter la mesure pour déterminer un écart-type de notre valeur de M_1 et vérifier si l'on retrouve $M_{th,1}$ dans l'intervalle de confiance.

Enfin, concernant le déphasage, pour le montage avec 1000 spires, on observe un déphasage compris entre $89 \pm 0.9^\circ$ et $93.7 \pm 0.9^\circ$ et pour 500 spires, on a un déphasage compris entre $90.7 \pm 1^\circ$ et $95.7 \pm 1^\circ$. On observe aucune corrélation entre déphasage et modification des paramètres, nous supposons donc que cet écart à la théorie est simplement dû une incertitude sur le temps potentiellement sous-estimée, il serait préférable de réaliser un calcul de déphasage numériquement en récupérant la liste de valeurs de U_1 et U_2 pour obtenir un décalage temporel plus précis.

1.4 Influence de l'orientation

On reprend le montage expérimental, mais on oriente la bobine inductive de 1000 spires de telle sorte à ce qu'elle face un angle θ avec l'axe des 2 bobines. On repère l'angle à partir d'un cercle gradué, on estime ainsi l'incertitude à $\delta\theta = 5^\circ$. On positionne le GBF à $\nu = 3003.6 \pm 5\text{Hz}$ et l'on relève la f.e.m comme dans la partie précédente. On trace alors la f.e.m en fonction de $\cos\theta$:

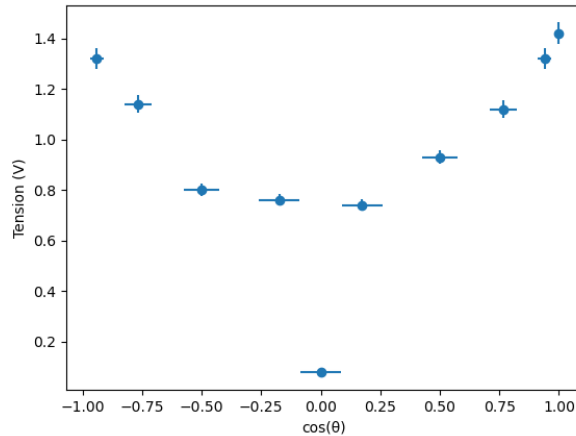


FIGURE 2 – Avec 500 spires

On remarque que pour des angles extrêmes loin de 90° , on obtient bien un comportement linéaire de la tension en fonction de $\cos\theta$, cependant, plus on s'approche de l'angle $\theta = 90^\circ$, on observe une déviation à la théorie. Cet écart s'explique par $e(t)$ qui présente une forte sensibilité à l'angle θ à l'approche de 90° , une légère variation pouvant faire doubler la mesure. Il est donc clair que notre incertitude sur la tension est sous-estimée car ne prend pas en compte cet aspect de la mesure. De plus, le flux est dépendant du centrage de la bobine inductive, ainsi que de l'angle qui n'est pas précis dans le montage. Il faudrait utiliser un montage capable d'orienter précisément la bobine inductive, et de façon fixe car un expérimentateur devait maintenir manuellement la bobine, sinon les fils repousser la bobine.

Ainsi, nous pouvons simplement affirmer que l'on observe une tension presque nulle pour un angle $\theta = 90^\circ$, et que la théorie prédit correctement l'aspect qualitatif de la f.e.m pour des angles faibles. L'absence de symétrie de nos mesures ne nous permet pas de les prendre en compte pour une analyse plus en détails car l'ensemble de nos tensions pourraient être mauvaises.

1.5 Cas d'un courant "triangulaire"

On reprend le montage expérimental initial avec une bobine inductive à 1000 spires, au centre des deux bobines. On passe le GBF en signal triangulaire et l'on fixe la fréquence à $\nu = 200 \pm 1\text{Hz}$. On observe (voir figure 3) bien un signal triangulaire pour U_1 , mais la bobine inductive subit une f.e.m suivant un signal carré, et l'on remarque que sur les ascendants du signal triangulaire, la f.e.m est négative et constante ; et sur les descendants du signal triangulaire, la f.e.m est positive et constante. Cette observation est cohérente car sur un ascendant de U_1 , on a une pente constante positive, d'où une f.e.m négative constante ($-\frac{d\Phi}{dt}$), et inversement sur un descendant. Fait notable, nous ne notons pas de déphasage entre les deux signaux par rapport à un signal sinusoïdal.

2 Transformateurs de tension

PSAHTK JE REDIGE MERCREDI SOIR

Annexes

2.1 Cas d'un courant "triangulaire"

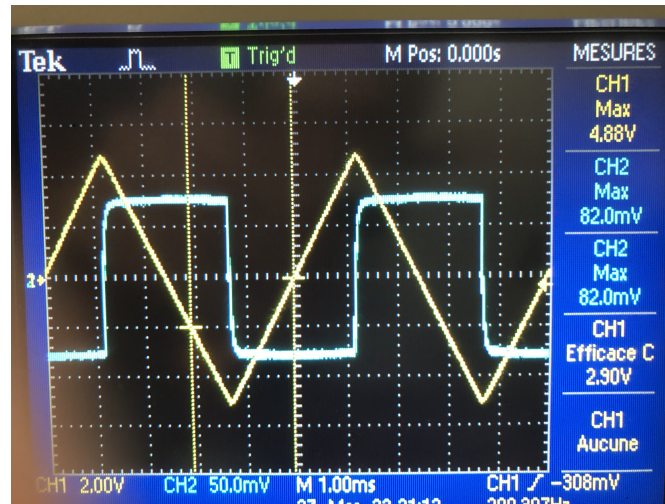


FIGURE 3 – Tension mesurée pour les deux circuits

Le signal jaune représente U_1 , la tension du circuit contenant la bobine de Helmholtz, et le signal bleu représente la f.e.m.