

Méthodes expérimentales

TP 2: Collisions

MENARD Alexandre
VIEILLEDENT Florent

6 avril 2022

Introduction

1 Champ magnétique généré par une seule bobine

Dans un premier temps, on s'intéresse à modéliser le champ magnétique d'une seule bobine comportant $N = 154$ spires, de rayon $r = 20\text{cm}$.

1.1 Théorie par la loi de Biot-Savart

Dans une bobine de rayon r parcourue par un courant I . On pose P , le point se trouvant sur la spire, M , le point où l'on souhaite mesurer le champ magnétique, et O , le centre de la bobine. On munira notre espace d'une base cylindrique vu la symétrie du problème. On aura donc les trois vecteurs unitaires suivant : $(\vec{e}_r, \vec{e}_\theta, \vec{e}_z)$.

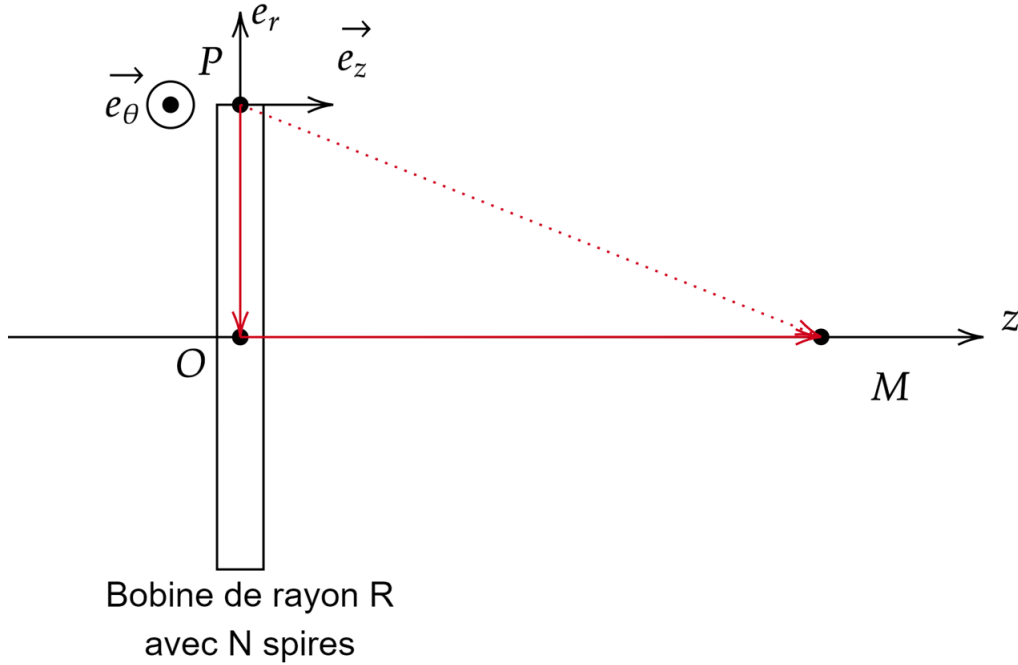


FIGURE 1 – Schéma de la bobine et des différents vecteurs

$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} \oint_C \frac{Id\vec{l} \wedge (\vec{P}\vec{M})}{PM^3} \quad (1)$$

Sachant que la distance PM est constante lorsque l'on parcourt la spire, et I est constant, on peut les sortir. De plus, on découpe l'intégrale en deux en notant que $\vec{P}\vec{M} = \vec{P}\vec{O} + \vec{O}\vec{M}$.

$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{I\mu_0}{4\pi PM^3} \left(\oint_C d\vec{l} \wedge \vec{P}\vec{O} + \oint_C d\vec{l} \wedge \vec{O}\vec{M} \right) \quad (2)$$

On exprime les deux intégrales à part :

$$\begin{aligned} \oint_C d\vec{l} \wedge \vec{O}\vec{M} &= \oint_C r d\theta \vec{e}_\theta \wedge z \vec{e}_z = \oint_C r d\theta \vec{e}_r = \vec{0} \\ \oint_C d\vec{l} \wedge \vec{P}\vec{O} &= \oint_C r d\theta \vec{e}_\theta \wedge r * (-\vec{e}_r) = \oint_C r^2 d\theta \vec{e}_z = 2\pi r^2 \vec{e}_z \end{aligned}$$

On a finalement que :

$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{I\mu_0 r^2}{2PM^3} \vec{e}_z \quad (3)$$

Cependant, on a $PM = \sqrt{r^2 + z^2}$ donc :

$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{I\mu_0 r^2}{2\sqrt{r^2 + z^2}^3} \vec{e}_z \quad (4)$$

Dans le cas d'une bobine à N spires, on a :

$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{NI\mu_0 r^2}{2\sqrt{r^2 + z^2}^3} \vec{e}_z \quad (5)$$

Lorsqu'on se place dans le centre de la bobine, c'est à dire $z = 0$, on a plus simplement que :

$$\vec{B}_0(\vec{r}) = \frac{NI\mu_0 r^2}{2r} \vec{e}_z = \frac{NI\mu_0}{2r} \vec{e}_z \quad (6)$$

1.2 Expérimentation

Pour cette expérience, on positionne une bobine de $N = 154$ spires et de rayon $r = 20 \pm 0.1 \text{ cm}$ au centre du banc de telle sorte à pouvoir réaliser autant de mesures de chaque côté de cette dernière. Avec une source de tension, on alimente la bobine avec afin de lui fournir un courant $I = 1.985 \pm 0.005 \text{ A}$.

Pour commencer, on souhaite déterminer l'influence du sens du courant sur le champ magnétique. Pour cela, on suit le protocole suivant :

1. A l'aide d'une boussole, on détermine la direction et le sens du champ magnétique \vec{B} , ainsi que les lignes de champs en déplaçant la boussole le long de l'axe de la bobine en s'éloignant.
2. En prenant soin d'éteindre la source de courant, on inverse le courant et l'on allume de nouveau la source.
3. On détermine de nouveau l'orientation du champ magnétique avec la boussole en suivant l'étape 1.

En inversant le courant, on remarque que la boussole pointe dans le sens opposé, mais les lignes de champs restent identiques. On représente les lignes de champs dans la figure suivante :

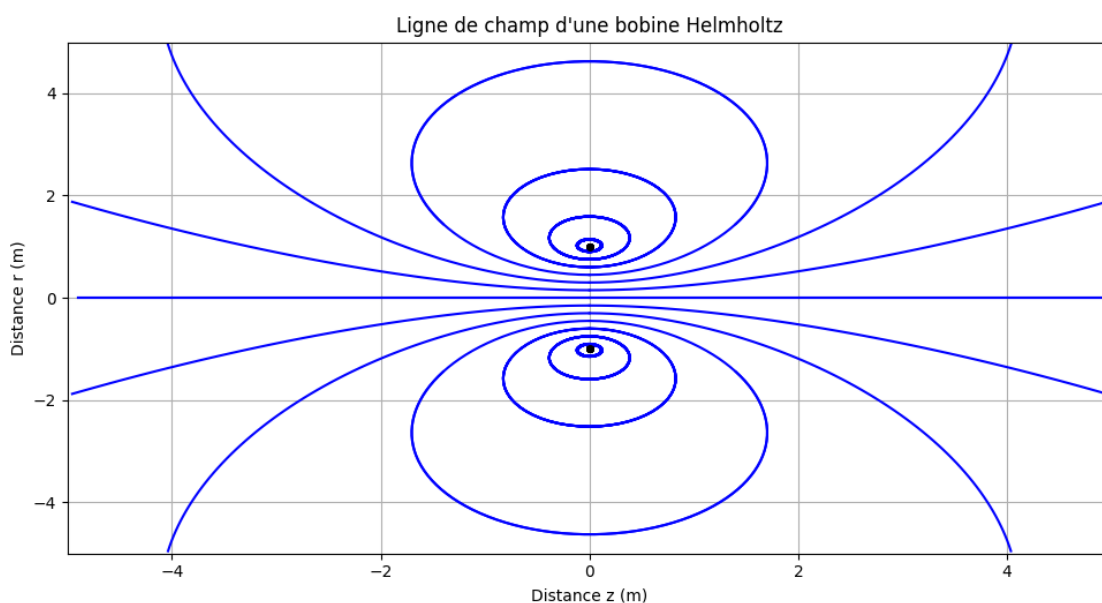


FIGURE 2 – Ligne de champ d'une seule bobine d'Helmholtz

Remarque : les lignes de champ et leurs positions ne reflètent pas la réalité, ce graphique a juste pour but de visualiser ces dernières.

Ensuite, on détermine l'influence de la distance z avec la bobine sur l'intensité du champ magnétique. Pour cela, avec une sonde de Hall, on mesure l'intensité du champ magnétique sur l'axe Oz , à différentes distances z , en faisant cela de chaque côté de la bobine. Cependant, nous devons déterminer l'intervalle à laquelle nous allons mesurer le champ magnétique.

On remarque que dans l'équation (5), l'intensité du champ magnétique est inversement proportionnel à $\sqrt{r^2 + z^2}^3$. On en déduit que l'intensité varie très rapidement lorsque l'on mesure proche du centre de la bobine. Pour pallier à ce problème, on réalisera dans un premier temps des mesures tous les 2cm entre $z = 0cm$ et $z = 20cm$ puis tous les 5cm jusque $z = 60cm$. On trace donc l'intensité de \vec{B} selon la distance z avec la bobine et on observe une intensité maximale au centre de la bobine.

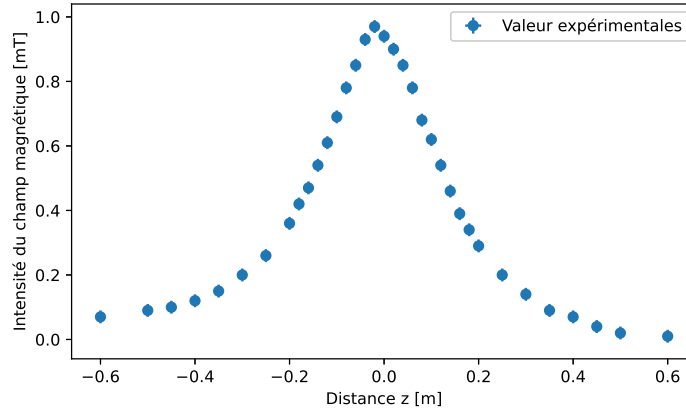


FIGURE 3 – Influence de la distance z sur l'intensité du champ magnétique

Enfin, on mesure l'effet de l'intensité du courant sur l'intensité du champ magnétique. On positionne donc notre sonde de Hall (la pointe) au centre de la bobine (ie $z = 0m$). On alimente la bobine à différentes tensions, et l'on mesure le courant réel parcourant notre bobine avec un ampèremètre et l'intensité du champ magnétique. Selon l'équation (6), la relation B et I est affine, on peut donc réaliser des mesures à des courants suffisamment espacés. On trace donc $\|\vec{B}\|$ en fonction I .

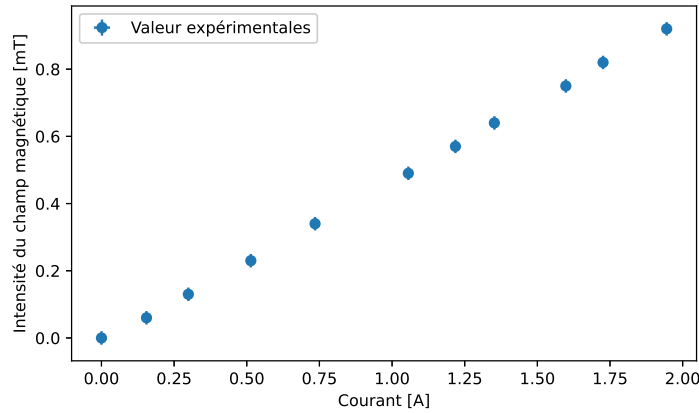


FIGURE 4 – Influence de l'intensité du courant sur l'intensité du champ magnétique

1.3 Modélisation

Dans cette partie, nous allons comparer nos valeurs expérimentales à la théorie vue en tout premier lieu. Ainsi, on comparera l'intensité du champ magnétique au centre de la bobine à ce que la théorie prédit, puis on comparera la courbe de l'intensité du champ magnétique selon z face à l'intensité attendue selon la théorie, tout cela avec un courant I fixe.

On commence par comparer l'intensité du champ magnétique au centre de la bobine, pour cela, on utilisera nos mesures où l'on fait varier le courant dans la bobine.

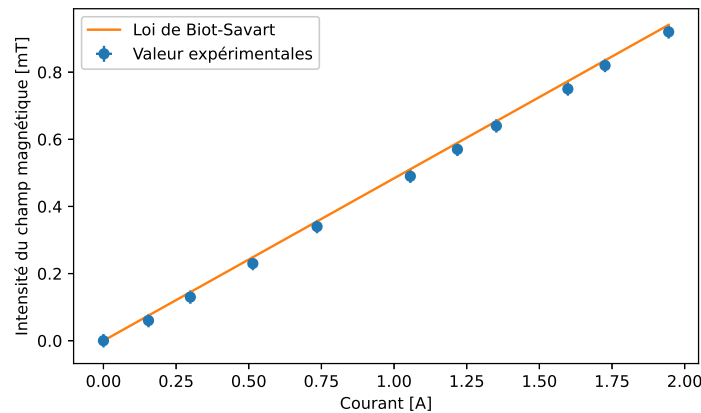


FIGURE 5 – Comparaison de l'intensité du champ entre nos mesures et la valeur prédite par le modèle

On remarque de suite que les valeurs prédites par la loi de Biot-Savart sont bien incluses dans nos valeurs expérimentales en prenant en compte les incertitudes. Numériquement, on relève un écart relatif maximum avec la valeur théorique de 1%, ce qui est un écart acceptable dans notre situation. On en conclut donc que la loi de Biot-Savart prédit correctement le comportement de l'intensité du champ magnétique au centre de la bobine.

On s'intéresse maintenant à l'intensité du champ le long de l'axe Oz , on trace donc la courbe prédite par la loi de Biot-Savart, par dessus la courbe que l'on a obtenu précédemment.

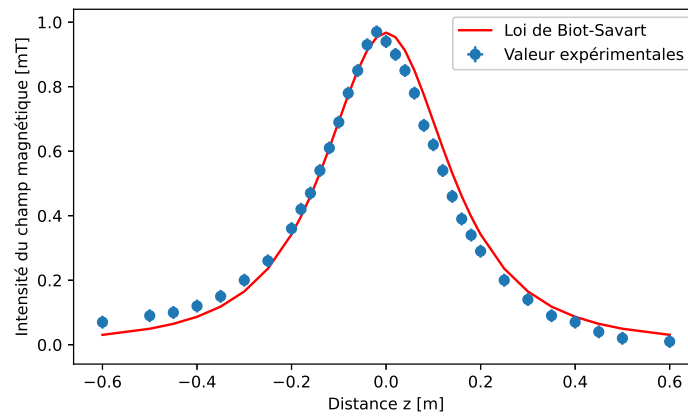


FIGURE 6 – Comparaison de l'intensité du champ entre nos mesures et la valeur prédite par le modèle

2 Montage avec deux bobines

On souhaite cette fois vérifier la loi de Biot-Savart avec un montage avec deux bobines espacées d'une distance d . On doit donc chercher le centre de ces deux bobines où l'intensité du champ magnétique est nulle. On cherche donc la configuration présentant une intensité nulle à un point entre les deux bobines.

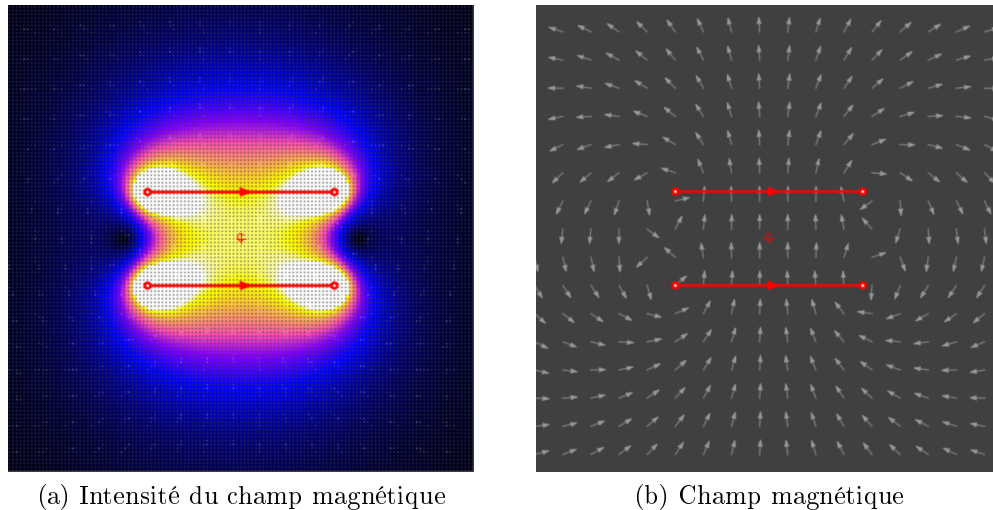


FIGURE 7 – Champ magnétique dans le cas de bobine alimenté par un courant dans le même sens (vu du dessus) (Source : FemtoPhysique)

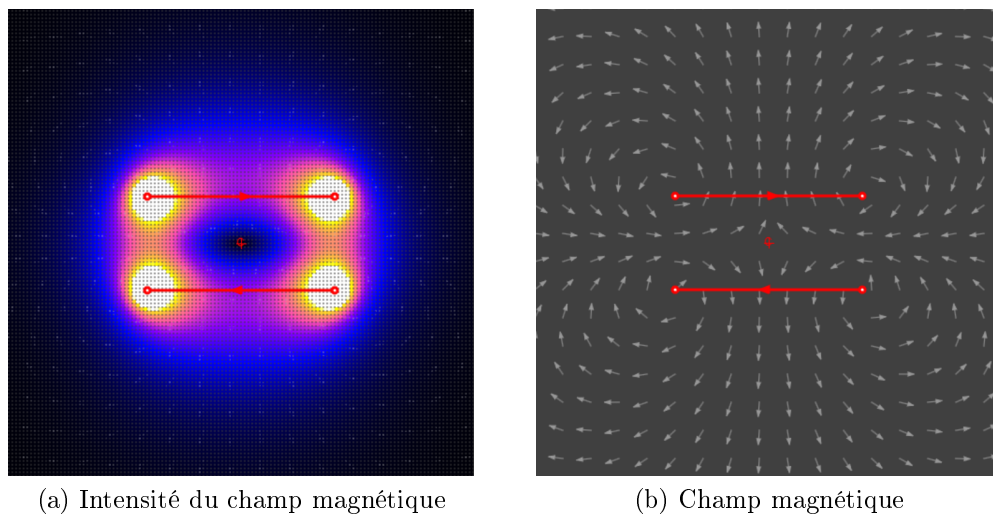


FIGURE 8 – Champ magnétique dans le cas de bobine alimenté par des courants opposés (vu du dessus) (Source : FemtoPhysique)

Sur les figures ci-dessus, plus la couleur est noire, plus l'intensité est faible, plus c'est blanc, plus l'intensité est grande. On remarque ainsi que dans le cas d'une configuration où les deux bobines sont parcourues par un courant de sens opposé, le champ magnétique présente un point central d'intensité nulle, ce qu'on observe pas dans le cas avec un courant parcourant les deux bobines dans le même sens. Pour déterminer ce point, on placera donc les bobines afin qu'elles génèrent un champ magnétique qui s'oppose, qui peut donc potentiellement s'annuler en un point.

Ainsi, en sachant qu'une telle configuration présente une intensité nulle au centre des deux bobines, on pourra chercher ce point en déplaçant notre sonde jusqu'à trouver une intensité nulle. Une fois cela réalisé, on pourra positionner les bobines pour qu'elles génèrent un champ magnétique dans le même sens (donc une intensité non nulle au centre).

Dans la première partie de ce travail pratique, nous avons mesuré l'intensité du champ le long de l'axe Oz . Nous allons répéter cette mesure 3 fois en espacant les bobines d'une distance d de 10cm, 20cm puis 50cm et l'on observera la forme du champ magnétique. On obtient donc les trois graphiques suivant :

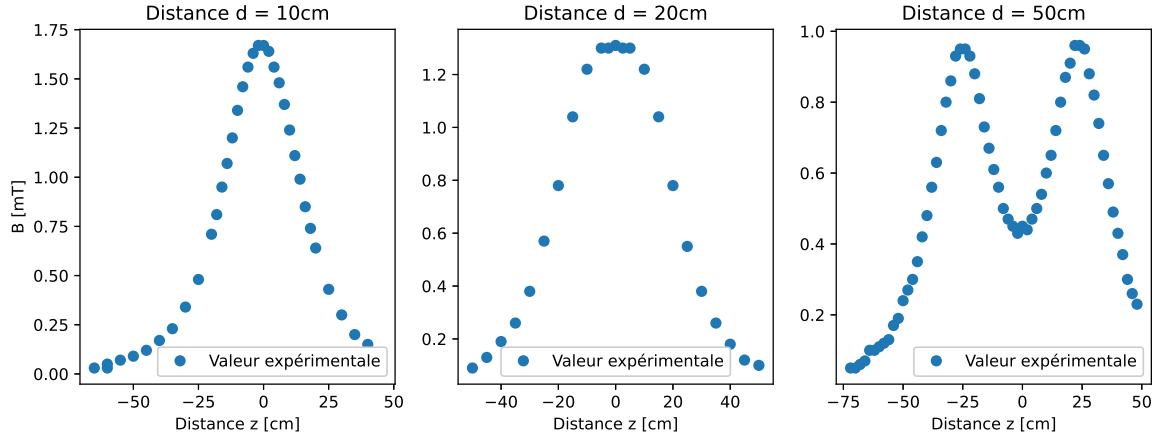


FIGURE 9 – Comparaison de l'intensité du champ selon l'écart entre les bobines

On reporte dans le tableau suivant les intensités maximales et minimales relevées entre les deux bobines pour chaque distance d et l'on calcule la variation relative du champ magnétique $\frac{\Delta B}{B} = \frac{B_{max} - B_{min}}{B_{min}}$:

Distance d (en cm)	$B_{min} \pm 0.02$ (en mT)	$B_{max} \pm 0.02$ (en mT)	$\frac{\Delta B}{B} (en\%)$
10cm	1.37	1.67	22.0
20cm	1.22	1.31	7.40
50 cm	0.43	0.96	123

On remarque que la variation relative du champ magnétique est très grande lorsque l'on écarte les deux bobines d'une distance $d = 50cm$ avec des intensités doublées (voire plus) entre les deux bobines. On retrouve un constat similaire avec $d = 10cm$, la variation reste marquée entre les deux bobines avec une variation de 22%. Cependant, lorsque l'on positionne les deux bobines à une distance $d = 20cm$, c'est à dire lorsqu'on les écartent avec une distance équivalente à leurs rayons, la variation d'intensité est bien plus faible, avec seulement 7.40%. Ainsi, la configuration présentant le champ le plus uniforme est celle avec une distance $d = 20cm$.

On en conclut donc que si l'on souhaite générer un champ magnétique le plus uniforme, il est préférable d'écarter les deux bobines avec une distance équivalente à leurs rayons.

3 Mesure du champ magnétique local

Le but de cette expérience est de déterminer la valeur du champ magnétique local. On utilise pour cela une boussole et un montage similaire au précédent.

3.1 Expérimentation

On réalise le même montage que l'expérience, avec deux bobines. On écarte nos deux bobines de 70cm . On commence par faire passer le courant dans un sens opposés. On trouve alors un z_0 à l'endroit où le champ magnétique est nul, ce qu'on détermine grâce au Teslamètre.

On fait ensuite passer le courant dans le même sens dans les deux bobines, et on mesure la valeur du champ magnétique pour différentes valeurs d'intensité, ce qui nous permettra de trouver une relation entre B et I .

On place ensuite notre boussole en z_0 , et on mesure l'angle α_0 que fait la boussole avec l'axe des bobines, lorsque l'intensité est nulle. On installe ensuite le rhéostat en série dans notre montage. On fait varier la valeur de I grâce au rhéostat jusqu'à ce que α_0 soit divisé par 2. On note cette intensité I_l .

On regroupe nos données :

$I \pm 0.001\text{ A}$	$B \pm 0.02\text{ mT}$
0.0	0.0
0.246	0.01
0.592	0.05
0.882	0.08
1.154	0.12
1.436	0.15
1.69	0.17
1.998	0.21

FIGURE 10 – Valeur du champ magnétique pour différents courants

On mesure également : $\alpha_0 = 57 \pm 1^\circ, I_l = 0.095 \pm 0.001\text{ A}$.

3.2 Modélisation

On commence par déterminer la relation entre B et I . Les données obtenues permettent de tracer B en fonction de I .

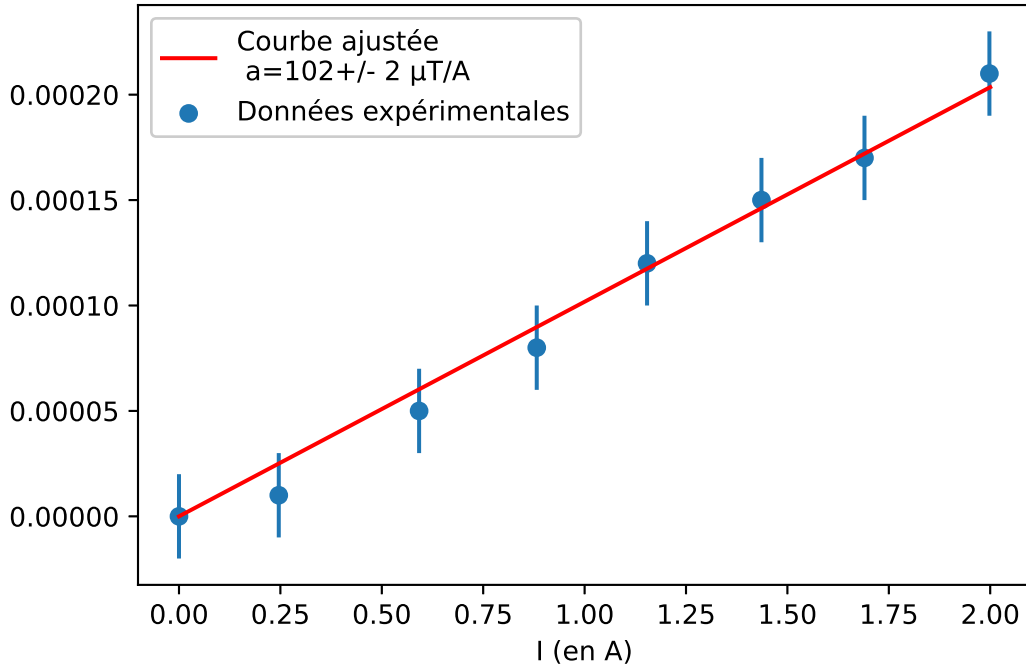


FIGURE 11 – Relation entre le champ magnétique des bobines B et l'intensité I

On obtient donc une droite et la relation $B = aI$, avec $a = 102 \pm 2 \mu\text{T}/\text{A}$.

On cherche maintenant un I tel que $B_{\text{bobine}} = B_{\text{local}}$. Les bobines créent un champ dans l'axe de la boussole, donc s'il n'y avait pas de champ local mais seulement le champ des bobines, on aurait $\alpha = 0$. Inversement, lorsque qu'il n'y a que le champ local, la boussole fait un angle α_0 avec l'axe des bobines.

On remarque donc que lorsque le champ local et le champ des bobines ont la même norme, alors la boussole fait un angle $\frac{\alpha_0}{2}$ avec l'axe des bobines.

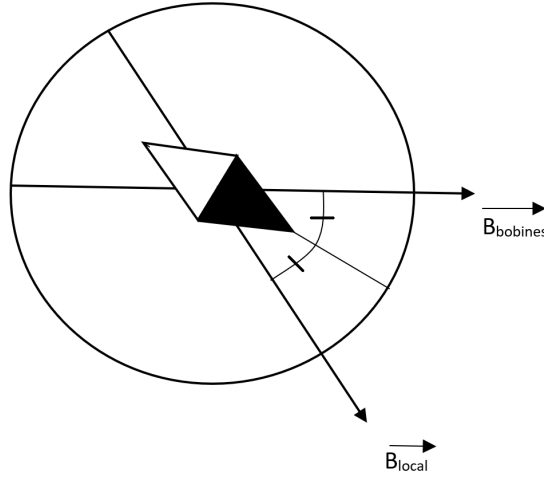


FIGURE 12 – Schéma de la boussole lorsque $B_{bobines} = B_{local}$

Notre I_l mesuré lors de l'expérience est donc la valeur de l'intensité pour laquelle $B_{bobines} = B_{local}$. On a donc :

$$B_{local} = a * I_l \qquad \delta B_{local} = a * \delta I_l + I_l * \delta a$$

On fait l'application numérique et on obtient $B_{local} = 9.7 \pm 0.3 \mu T$. champreste=47