Dunaev Viktor

Lab 7

Pre - Task

```
In[659]:= fname = NotebookDirectory[] <> "input09.txt"
Out[659]= C:\Users\Виктор\Downloads\input09.txt
    In[660]:= stream = OpenRead[fname]
                                                                                                                                                                                                                                                         Name: input09.txt
Out[660]= InputStream
                                                                                                                                                                                                                                                         Unique ID: 16
    In[661]:= t1 = AbsoluteTime[]
Out[661]= 3.7366261454082706 \times 10^9
    In[662]:= vertexNum = Read[stream, {Word, Number}] [2]
Out[662]= 150
    in[663]:= edgesNum = Read[stream, {Word, Number}] [2]
Out[663]= 2000
    log[664]:= edges = Table[#[1]] \leftrightarrow #[2] &[ToExpression[Read[stream]]], edgesNum]
\texttt{Out[664]=} \quad \{\textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{2}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{4}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{5}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{9}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{18}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{22}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{27}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{41}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{46}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{50}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{55}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{55}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{50}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{55}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow} \textbf{50}, \textbf{1} \boldsymbol{\leftrightarrow}
                                                                  1 \leftrightarrow 66, 1 \leftrightarrow 67, 1 \leftrightarrow 71, 1 \leftrightarrow 107, 1 \leftrightarrow 145, 2 \leftrightarrow 11, 2 \leftrightarrow 20, 2 \leftrightarrow 22, 2 \leftrightarrow 23, 2 \leftrightarrow 29,
                                                                  2 \leftrightarrow 39, 2 \leftrightarrow 42, 2 \leftrightarrow 47, 2 \leftrightarrow 71, 2 \leftrightarrow 73, 2 \leftrightarrow 80, 2 \leftrightarrow 97, 2 \leftrightarrow 106, 2 \leftrightarrow 111, 2 \leftrightarrow 129,
                                                                  2 \leftrightarrow 142, 2 \leftrightarrow 144, 2 \leftrightarrow 149, 3 \leftrightarrow 8, 3 \leftrightarrow 32, 3 \leftrightarrow 51, 3 \leftrightarrow 72, 3 \leftrightarrow 73, 3 \leftrightarrow 74, 3 \leftrightarrow 75,
                                                                  3 \leftrightarrow 85, \ 3 \leftrightarrow 124, \ 3 \leftrightarrow 128, \ 3 \leftrightarrow 133, \ 3 \leftrightarrow 147, \ 4 \leftrightarrow 5, \ 4 \leftrightarrow 10, \ 4 \leftrightarrow 22, \ 4 \leftrightarrow 27, \ 4 \leftrightarrow 36, \ 4 \leftrightarrow 400, \ 4 \to 4
                                                                4 \leftrightarrow 53, 4 \leftrightarrow 74, 4 \leftrightarrow 85, 4 \leftrightarrow 88, 4 \leftrightarrow 117, 4 \leftrightarrow 118, 4 \leftrightarrow 121, 4 \leftrightarrow 130, 4 \leftrightarrow 131, 4 \leftrightarrow 135,
                                                                  5 \leftrightarrow 35, 5 \leftrightarrow 36, 5 \leftrightarrow 46, 5 \leftrightarrow 48, 5 \leftrightarrow 58, 5 \leftrightarrow 62, 5 \leftrightarrow 73, 5 \leftrightarrow 84, 5 \leftrightarrow 100, 5 \leftrightarrow 101,
                                                                5 \leftrightarrow 102, 5 \leftrightarrow 104, 5 \leftrightarrow 119, 5 \leftrightarrow 124, 5 \leftrightarrow 128, 5 \leftrightarrow 144, 6 \leftrightarrow 1, 6 \leftrightarrow 7, 6 \leftrightarrow 38, 6 \leftrightarrow 42,
                                                                6 \leftrightarrow 56, 6 \leftrightarrow 80, 6 \leftrightarrow 86, 6 \leftrightarrow 95, 6 \leftrightarrow 96, 6 \leftrightarrow 112, 6 \leftrightarrow 132, 7 \leftrightarrow 15, 7 \leftrightarrow 25, 7 \leftrightarrow 38,
                                                                7 \leftrightarrow 44, 7 \leftrightarrow 47, 7 \leftrightarrow 60, 7 \leftrightarrow 93, 7 \leftrightarrow 95, 7 \leftrightarrow 101, 7 \leftrightarrow 106, 7 \leftrightarrow 145, 7 \leftrightarrow 147, 8 \leftrightarrow 19,
                                                                8 \leftrightarrow 32, 8 \leftrightarrow 33, 8 \leftrightarrow 35, 8 \leftrightarrow 69, 8 \leftrightarrow 70, 8 \leftrightarrow 83, 8 \leftrightarrow 87, 8 \leftrightarrow 91, 8 \leftrightarrow 105, 8 \leftrightarrow 109,
                                                                8 \leftrightarrow 111\text{, } 8 \leftrightarrow 121\text{, } 8 \leftrightarrow 122\text{, } 8 \leftrightarrow 127\text{, } 8 \leftrightarrow 130\text{, } 8 \leftrightarrow 134\text{, } 8 \leftrightarrow 146\text{, } 9 \leftrightarrow 33\text{, } 9 \leftrightarrow 39\text{, } 8 \leftrightarrow 146\text{, } 9 \leftrightarrow 38\text{, } 9 \leftrightarrow 39\text{, } 9 \leftrightarrow 39\text{
                                                                9 \leftrightarrow 50, 9 \leftrightarrow 55, 9 \leftrightarrow 63, 9 \leftrightarrow 66, 9 \leftrightarrow 71, 9 \leftrightarrow 75, 9 \leftrightarrow 86, 9 \leftrightarrow 94, 9 \leftrightarrow 99, 9 \leftrightarrow 140,
                                                                  10 \leftrightarrow 7, 10 \leftrightarrow 17, 10 \leftrightarrow 22, 10 \leftrightarrow 44, 10 \leftrightarrow 75, 10 \leftrightarrow 84, 10 \leftrightarrow 99, 10 \leftrightarrow 106, 10 \leftrightarrow 129,
                                                                  11 \leftrightarrow 32, 11 \leftrightarrow 35, 11 \leftrightarrow 47, 11 \leftrightarrow 65, 11 \leftrightarrow 67, 11 \leftrightarrow 69, 11 \leftrightarrow 87, 11 \leftrightarrow 130, 11 \leftrightarrow 140,
                                                                  11 \leftrightarrow 146, 11 \leftrightarrow 147, 12 \leftrightarrow 4, 12 \leftrightarrow 8, 12 \leftrightarrow 11, 12 \leftrightarrow 16, 12 \leftrightarrow 24, 12 \leftrightarrow 67, 12 \leftrightarrow 104,
                                                                  12 \leftrightarrow 111, 12 \leftrightarrow 115, 12 \leftrightarrow 120, 12 \leftrightarrow 122, 12 \leftrightarrow 124, 12 \leftrightarrow 148, 13 \leftrightarrow 6, 13 \leftrightarrow 17,
                                                                13 \leftrightarrow 19, 13 \leftrightarrow 25, 13 \leftrightarrow 29, 13 \leftrightarrow 48, 13 \leftrightarrow 65, 13 \leftrightarrow 82, 13 \leftrightarrow 90, 13 \leftrightarrow 97, 13 \leftrightarrow 120,
                                                                  13 \leftrightarrow 125, 13 \leftrightarrow 140, 13 \leftrightarrow 144, 14 \leftrightarrow 1, 14 \leftrightarrow 2, 14 \leftrightarrow 5, 14 \leftrightarrow 6, 14 \leftrightarrow 12, 14 \leftrightarrow 23,
                                                                  14 \leftrightarrow 43, 14 \leftrightarrow 44, 14 \leftrightarrow 63, 14 \leftrightarrow 70, 14 \leftrightarrow 79, 14 \leftrightarrow 80, 14 \leftrightarrow 100, 14 \leftrightarrow 137, 14 \leftrightarrow 145,
                                                                  14 \leftrightarrow 146, 15 \leftrightarrow 13, 15 \leftrightarrow 24, 15 \leftrightarrow 48, 15 \leftrightarrow 63, 15 \leftrightarrow 71, 15 \leftrightarrow 75, 15 \leftrightarrow 77, 15 \leftrightarrow 87,
                                                                  15 \leftrightarrow 101, 15 \leftrightarrow 106, 15 \leftrightarrow 115, 15 \leftrightarrow 123, 15 \leftrightarrow 141, 16 \leftrightarrow 1, 16 \leftrightarrow 6, 16 \leftrightarrow 26, 16 \leftrightarrow 29,
                                                                  16 \leftrightarrow 30, 16 \leftrightarrow 43, 16 \leftrightarrow 44, 16 \leftrightarrow 67, 16 \leftrightarrow 77, 16 \leftrightarrow 81, 16 \leftrightarrow 84, 16 \leftrightarrow 89, 16 \leftrightarrow 90,
                                                                  16 \leftrightarrow 91, 16 \leftrightarrow 103, 16 \leftrightarrow 121, 17 \leftrightarrow 4, 17 \leftrightarrow 20, 17 \leftrightarrow 33, 17 \leftrightarrow 83, 17 \leftrightarrow 90, 17 \leftrightarrow 91,
```

 $17 \leftrightarrow 98$, $17 \leftrightarrow 108$, $17 \leftrightarrow 110$, $17 \leftrightarrow 149$, $17 \leftrightarrow 150$, $18 \leftrightarrow 14$, $18 \leftrightarrow 16$, $18 \leftrightarrow 31$, $18 \leftrightarrow 59$, $18 \leftrightarrow 79$, $18 \leftrightarrow 88$, $18 \leftrightarrow 92$, $18 \leftrightarrow 98$, $18 \leftrightarrow 102$, $18 \leftrightarrow 103$, $18 \leftrightarrow 105$, $18 \leftrightarrow 108$, $18 \leftrightarrow 117$, $18 \leftrightarrow 122$, $18 \leftrightarrow 137$, $18 \leftrightarrow 143$, $19 \leftrightarrow 6$, $19 \leftrightarrow 23$, $19 \leftrightarrow 33$, $19 \leftrightarrow 40$, $19 \leftrightarrow 82$, $19 \leftrightarrow 117$, $19 \leftrightarrow 121$, $19 \leftrightarrow 122$, $19 \leftrightarrow 137$, $20 \leftrightarrow 6$, $20 \leftrightarrow 12$, $20 \leftrightarrow 13$, $20 \leftrightarrow 14$, $20 \leftrightarrow 37$, $20 \leftrightarrow 39$, $20 \leftrightarrow 57$, $20 \leftrightarrow 85$, $20 \leftrightarrow 89$, $20 \leftrightarrow 95$, $20 \leftrightarrow 98$, $20 \leftrightarrow 99$, $20 \leftrightarrow 100$, $20 \leftrightarrow 107$, $20 \leftrightarrow 111$, $20 \leftrightarrow 133$, $20 \leftrightarrow 140$, $20 \leftrightarrow 143$, $21 \leftrightarrow 10$, $21 \leftrightarrow 16$, $21 \leftrightarrow 17$, $21 \leftrightarrow 18$, $21 \leftrightarrow 46$, $21 \leftrightarrow 83$, $21 \leftrightarrow 93$, $21 \leftrightarrow 103$, $21 \leftrightarrow 109$, $21 \leftrightarrow 113$, $21 \leftrightarrow 118$, $21 \leftrightarrow 119$, $21 \leftrightarrow 129$, $21 \leftrightarrow 144$, $22 \leftrightarrow 7$, $22 \leftrightarrow 52$, $22 \leftrightarrow 57$, $22 \leftrightarrow 82$, $22 \leftrightarrow 91$, $22 \leftrightarrow 97$, $22 \leftrightarrow 114$, $22 \leftrightarrow 123$, $22 \leftrightarrow 127$, $22 \leftrightarrow 150, 23 \leftrightarrow 3, 23 \leftrightarrow 15, 23 \leftrightarrow 17, 23 \leftrightarrow 24, 23 \leftrightarrow 40, 23 \leftrightarrow 45, 23 \leftrightarrow 59, 23 \leftrightarrow 60,$ $23 \leftrightarrow 61$, $23 \leftrightarrow 90$, $23 \leftrightarrow 91$, $23 \leftrightarrow 93$, $23 \leftrightarrow 97$, $23 \leftrightarrow 105$, $23 \leftrightarrow 123$, $24 \leftrightarrow 39$, $24 \leftrightarrow 42$, $24 \leftrightarrow 43$, $24 \leftrightarrow 50$, $24 \leftrightarrow 54$, $24 \leftrightarrow 60$, $24 \leftrightarrow 61$, $24 \leftrightarrow 79$, $24 \leftrightarrow 85$, $24 \leftrightarrow 90$, $24 \leftrightarrow 96$, $24 \leftrightarrow 109$, $24 \leftrightarrow 113$, $24 \leftrightarrow 141$, $25 \leftrightarrow 44$, $25 \leftrightarrow 56$, $25 \leftrightarrow 74$, $25 \leftrightarrow 75$, $25 \leftrightarrow 87$, $25 \leftrightarrow 89$, $25 \leftrightarrow 92$, $25 \leftrightarrow 98$, $25 \leftrightarrow 103$, $25 \leftrightarrow 112$, $25 \leftrightarrow 118$, $25 \leftrightarrow 140$, $25 \leftrightarrow 150$, $26 \leftrightarrow 13$, $26 \leftrightarrow 14$, $26 \leftrightarrow 24$, $26 \leftrightarrow 40$, $26 \leftrightarrow 50$, $26 \leftrightarrow 64$, $26 \leftrightarrow 66$, $26 \leftrightarrow 71$, $26 \leftrightarrow 95$, $26 \leftrightarrow 105$, $26 \leftrightarrow 108$, $26 \leftrightarrow 117$, $26 \leftrightarrow 147$, $27 \leftrightarrow 7$, $27 \leftrightarrow 23$, $27 \leftrightarrow 39$, $27 \leftrightarrow 62$, $27 \leftrightarrow 68$, $27 \leftrightarrow 89$, $27 \leftrightarrow 97$, $27 \leftrightarrow 100$, $27 \leftrightarrow 101$, $27 \leftrightarrow 104$, $27 \leftrightarrow 140$, $27 \leftrightarrow 141$, $27 \leftrightarrow 144$, $28 \leftrightarrow 2$, $28 \leftrightarrow 18, \ 28 \leftrightarrow 44, \ 28 \leftrightarrow 48, \ 28 \leftrightarrow 68, \ 28 \leftrightarrow 75, \ 28 \leftrightarrow 103, \ 28 \leftrightarrow 126, \ 28 \leftrightarrow 145, \ 29 \leftrightarrow 4,$ $29 \leftrightarrow 18, 29 \leftrightarrow 33, 29 \leftrightarrow 64, 29 \leftrightarrow 71, 29 \leftrightarrow 79, 29 \leftrightarrow 88, 29 \leftrightarrow 102, 29 \leftrightarrow 111, 29 \leftrightarrow 120,$ $29 \leftrightarrow 129, \ 29 \leftrightarrow 136, \ 29 \leftrightarrow 150, \ 30 \leftrightarrow 21, \ 30 \leftrightarrow 36, \ 30 \leftrightarrow 45, \ 30 \leftrightarrow 62, \ 30 \leftrightarrow 78, \ 30 \leftrightarrow 109,$ $30 \leftrightarrow 144, 31 \leftrightarrow 10, 31 \leftrightarrow 11, 31 \leftrightarrow 15, 31 \leftrightarrow 29, 31 \leftrightarrow 33, 31 \leftrightarrow 41, 31 \leftrightarrow 42, 31 \leftrightarrow 67,$ $31 \leftrightarrow 83$, $31 \leftrightarrow 87$, $31 \leftrightarrow 125$, $31 \leftrightarrow 134$, $32 \leftrightarrow 17$, $32 \leftrightarrow 44$, $32 \leftrightarrow 51$, $32 \leftrightarrow 73$, $32 \leftrightarrow 75$, $32 \leftrightarrow 76$, $32 \leftrightarrow 89$, $32 \leftrightarrow 96$, $32 \leftrightarrow 136$, $33 \leftrightarrow 3$, $33 \leftrightarrow 27$, $33 \leftrightarrow 38$, $33 \leftrightarrow 47$, $33 \leftrightarrow 70$, $33 \leftrightarrow 75$, $33 \leftrightarrow 102$, $33 \leftrightarrow 103$, $33 \leftrightarrow 109$, $33 \leftrightarrow 140$, $33 \leftrightarrow 146$, $33 \leftrightarrow 149$, $34 \leftrightarrow 3$, $34 \leftrightarrow 5$, $34 \leftrightarrow 14$, $34 \leftrightarrow 39$, $34 \leftrightarrow 87$, $34 \leftrightarrow 90$, $34 \leftrightarrow 93$, $34 \leftrightarrow 110$, $34 \leftrightarrow 112$, $34 \leftrightarrow 119$, $35 \leftrightarrow 10, \ 35 \leftrightarrow 14, \ 35 \leftrightarrow 57, \ 35 \leftrightarrow 94, \ 35 \leftrightarrow 95, \ 35 \leftrightarrow 100, \ 35 \leftrightarrow 101, \ 35 \leftrightarrow 109, \ 35 \leftrightarrow 134,$ $35 \leftrightarrow 138, 35 \leftrightarrow 139, 35 \leftrightarrow 150, 36 \leftrightarrow 6, 36 \leftrightarrow 8, 36 \leftrightarrow 12, 36 \leftrightarrow 20, 36 \leftrightarrow 21, 36 \leftrightarrow 27,$ $36 \leftrightarrow 38$, $36 \leftrightarrow 48$, $36 \leftrightarrow 72$, $36 \leftrightarrow 111$, $36 \leftrightarrow 113$, $36 \leftrightarrow 122$, $36 \leftrightarrow 126$, $37 \leftrightarrow 1$, $37 \leftrightarrow 7$, $37 \leftrightarrow 9$, $37 \leftrightarrow 28$, $37 \leftrightarrow 46$, $37 \leftrightarrow 48$, $37 \leftrightarrow 51$, $37 \leftrightarrow 70$, $37 \leftrightarrow 95$, $37 \leftrightarrow 98$, $37 \leftrightarrow 119$, $37 \leftrightarrow 139$, $37 \leftrightarrow 146$, $37 \leftrightarrow 150$, $38 \leftrightarrow 18$, $38 \leftrightarrow 27$, $38 \leftrightarrow 28$, $38 \leftrightarrow 39$, $38 \leftrightarrow 64$, $38 \leftrightarrow 65$, $38 \leftrightarrow 72$, $38 \leftrightarrow 76$, $38 \leftrightarrow 90$, $38 \leftrightarrow 94$, $38 \leftrightarrow 104$, $38 \leftrightarrow 110$, $38 \leftrightarrow 123$, $38 \leftrightarrow 148$, $39 \leftrightarrow 1$, $39 \leftrightarrow 6, 39 \leftrightarrow 8, 39 \leftrightarrow 23, 39 \leftrightarrow 26, 39 \leftrightarrow 82, 39 \leftrightarrow 87, 39 \leftrightarrow 90, 39 \leftrightarrow 97, 39 \leftrightarrow 99,$ $39 \leftrightarrow 101, \ 39 \leftrightarrow 106, \ 39 \leftrightarrow 110, \ 39 \leftrightarrow 124, \ 39 \leftrightarrow 139, \ 39 \leftrightarrow 140, \ 40 \leftrightarrow 2, \ 40 \leftrightarrow 4, \ 40 \leftrightarrow 7,$ $40 \leftrightarrow 33$, $40 \leftrightarrow 44$, $40 \leftrightarrow 52$, $40 \leftrightarrow 55$, $40 \leftrightarrow 61$, $40 \leftrightarrow 92$, $40 \leftrightarrow 95$, $40 \leftrightarrow 104$, $40 \leftrightarrow 109$, $40 \leftrightarrow 127$, $41 \leftrightarrow 9$, $41 \leftrightarrow 16$, $41 \leftrightarrow 20$, $41 \leftrightarrow 42$, $41 \leftrightarrow 47$, $41 \leftrightarrow 58$, $41 \leftrightarrow 66$, $41 \leftrightarrow 69$, $41 \leftrightarrow 77$, $41 \leftrightarrow 85$, $41 \leftrightarrow 86$, $41 \leftrightarrow 94$, $41 \leftrightarrow 108$, $41 \leftrightarrow 120$, $41 \leftrightarrow 124$, $41 \leftrightarrow 128$, $41 \leftrightarrow 135$, $41 \leftrightarrow 144$, $42 \leftrightarrow 21$, $42 \leftrightarrow 23$, $42 \leftrightarrow 55$, $42 \leftrightarrow 63$, $42 \leftrightarrow 64$, $42 \leftrightarrow 73$, $42 \leftrightarrow 75$, $42 \leftrightarrow 90, 42 \leftrightarrow 110, 43 \leftrightarrow 8, 43 \leftrightarrow 17, 43 \leftrightarrow 54, 43 \leftrightarrow 55, 43 \leftrightarrow 66, 43 \leftrightarrow 104, 43 \leftrightarrow 109,$ $43 \leftrightarrow 131$, $43 \leftrightarrow 132$, $43 \leftrightarrow 140$, $43 \leftrightarrow 146$, $44 \leftrightarrow 2$, $44 \leftrightarrow 8$, $44 \leftrightarrow 20$, $44 \leftrightarrow 23$, $44 \leftrightarrow 24$, $44 \leftrightarrow 36, \ 44 \leftrightarrow 42, \ 44 \leftrightarrow 57, \ 44 \leftrightarrow 72, \ 44 \leftrightarrow 84, \ 44 \leftrightarrow 89, \ 44 \leftrightarrow 116, \ 44 \leftrightarrow 144, \ 45 \leftrightarrow 8,$ $45 \leftrightarrow 9$, $45 \leftrightarrow 34$, $45 \leftrightarrow 37$, $45 \leftrightarrow 40$, $45 \leftrightarrow 51$, $45 \leftrightarrow 57$, $45 \leftrightarrow 81$, $45 \leftrightarrow 84$, $45 \leftrightarrow 89$, $45 \leftrightarrow 100, 45 \leftrightarrow 101, 45 \leftrightarrow 104, 45 \leftrightarrow 120, 45 \leftrightarrow 121, 45 \leftrightarrow 139, 45 \leftrightarrow 142, 46 \leftrightarrow 17,$ $46 \leftrightarrow 47, \ 46 \leftrightarrow 65, \ 46 \leftrightarrow 73, \ 46 \leftrightarrow 96, \ 46 \leftrightarrow 99, \ 46 \leftrightarrow 115, \ 46 \leftrightarrow 127, \ 46 \leftrightarrow 143, \ 46 \leftrightarrow 150,$ $47 \leftrightarrow 20$, $47 \leftrightarrow 22$, $47 \leftrightarrow 44$, $47 \leftrightarrow 45$, $47 \leftrightarrow 50$, $47 \leftrightarrow 59$, $47 \leftrightarrow 86$, $47 \leftrightarrow 112$, $47 \leftrightarrow 116$, $47 \leftrightarrow 122$, $47 \leftrightarrow 145$, $48 \leftrightarrow 20$, $48 \leftrightarrow 46$, $48 \leftrightarrow 51$, $48 \leftrightarrow 57$, $48 \leftrightarrow 78$, $48 \leftrightarrow 88$, $48 \leftrightarrow 91$, $48 \leftrightarrow 99$, $48 \leftrightarrow 110$, $48 \leftrightarrow 111$, $48 \leftrightarrow 115$, $48 \leftrightarrow 118$, $48 \leftrightarrow 124$, $48 \leftrightarrow 145$, $48 \leftrightarrow 150$, $49 \leftrightarrow 24$, $49 \leftrightarrow 25$, $49 \leftrightarrow 29$, $49 \leftrightarrow 51$, $49 \leftrightarrow 61$, $49 \leftrightarrow 69$, $49 \leftrightarrow 75$, $49 \leftrightarrow 82$, $49 \leftrightarrow 96$, $49 \leftrightarrow 99$, $49 \leftrightarrow 104$, $49 \leftrightarrow 106$, $49 \leftrightarrow 107$, $49 \leftrightarrow 115$, $49 \leftrightarrow 142$, $49 \leftrightarrow 146$, $49 \leftrightarrow 147$, $50 \leftrightarrow 5$, $50 \leftrightarrow 15$, $50 \leftrightarrow 31$, $50 \leftrightarrow 40$, $50 \leftrightarrow 48$, $50 \leftrightarrow 77$, $50 \leftrightarrow 92$, $50 \leftrightarrow 94$, $50 \leftrightarrow 116$, $50 \leftrightarrow 129, 50 \leftrightarrow 140, 51 \leftrightarrow 36, 51 \leftrightarrow 62, 51 \leftrightarrow 63, 51 \leftrightarrow 78, 51 \leftrightarrow 79, 51 \leftrightarrow 87, 51 \leftrightarrow 89,$ $51 \leftrightarrow 123$, $51 \leftrightarrow 126$, $51 \leftrightarrow 143$, $51 \leftrightarrow 146$, $51 \leftrightarrow 149$, $52 \leftrightarrow 31$, $52 \leftrightarrow 87$, $52 \leftrightarrow 98$, $52 \leftrightarrow 120$, $52 \leftrightarrow 123$, $52 \leftrightarrow 126$, $52 \leftrightarrow 133$, $52 \leftrightarrow 139$, $53 \leftrightarrow 11$, $53 \leftrightarrow 49$, $53 \leftrightarrow 52$, $53 \leftrightarrow 58, 53 \leftrightarrow 60, 53 \leftrightarrow 83, 53 \leftrightarrow 104, 53 \leftrightarrow 129, 53 \leftrightarrow 141, 53 \leftrightarrow 142, 53 \leftrightarrow 145,$ $54 \leftrightarrow 8$, $54 \leftrightarrow 10$, $54 \leftrightarrow 20$, $54 \leftrightarrow 27$, $54 \leftrightarrow 29$, $54 \leftrightarrow 31$, $54 \leftrightarrow 39$, $54 \leftrightarrow 51$, $54 \leftrightarrow 68$, $54 \leftrightarrow 81$, $54 \leftrightarrow 86$, $54 \leftrightarrow 99$, $54 \leftrightarrow 116$, $54 \leftrightarrow 120$, $54 \leftrightarrow 126$, $54 \leftrightarrow 140$, $55 \leftrightarrow 6$, $55 \leftrightarrow 10$, $55 \leftrightarrow 22$, $55 \leftrightarrow 25$, $55 \leftrightarrow 41$, $55 \leftrightarrow 53$, $55 \leftrightarrow 54$, $55 \leftrightarrow 56$, $55 \leftrightarrow 63$, $55 \leftrightarrow 66$, $55 \leftrightarrow 84$,

```
55 \leftrightarrow 98, 55 \leftrightarrow 102, 55 \leftrightarrow 103, 55 \leftrightarrow 112, 55 \leftrightarrow 123, 55 \leftrightarrow 124, 55 \leftrightarrow 128, 56 \leftrightarrow 2,
56 \leftrightarrow 9, 56 \leftrightarrow 21, 56 \leftrightarrow 36, 56 \leftrightarrow 57, 56 \leftrightarrow 100, 56 \leftrightarrow 111, 56 \leftrightarrow 125, 56 \leftrightarrow 126, 57 \leftrightarrow 3,
57 \leftrightarrow 4, 57 \leftrightarrow 12, 57 \leftrightarrow 62, 57 \leftrightarrow 63, 57 \leftrightarrow 67, 57 \leftrightarrow 72, 57 \leftrightarrow 74, 57 \leftrightarrow 82, 57 \leftrightarrow 92,
57 \leftrightarrow 100, 57 \leftrightarrow 109, 57 \leftrightarrow 111, 57 \leftrightarrow 114, 57 \leftrightarrow 117, 57 \leftrightarrow 118, 57 \leftrightarrow 120, 57 \leftrightarrow 137,
58 \leftrightarrow 3, 58 \leftrightarrow 18, 58 \leftrightarrow 25, 58 \leftrightarrow 27, 58 \leftrightarrow 32, 58 \leftrightarrow 35, 58 \leftrightarrow 38, 58 \leftrightarrow 42, 58 \leftrightarrow 55,
58 \leftrightarrow 56, 58 \leftrightarrow 76, 58 \leftrightarrow 85, 58 \leftrightarrow 87, 58 \leftrightarrow 93, 58 \leftrightarrow 108, 58 \leftrightarrow 117, 58 \leftrightarrow 119, 58 \leftrightarrow 134,
58 \leftrightarrow 142, 59 \leftrightarrow 9, 59 \leftrightarrow 15, 59 \leftrightarrow 16, 59 \leftrightarrow 30, 59 \leftrightarrow 36, 59 \leftrightarrow 56, 59 \leftrightarrow 63, 59 \leftrightarrow 68,
59 \leftrightarrow 73, 59 \leftrightarrow 85, 59 \leftrightarrow 94, 59 \leftrightarrow 112, 59 \leftrightarrow 114, 59 \leftrightarrow 118, 59 \leftrightarrow 125, 59 \leftrightarrow 126,
59 \leftrightarrow 144, 60 \leftrightarrow 34, 60 \leftrightarrow 39, 60 \leftrightarrow 45, 60 \leftrightarrow 50, 60 \leftrightarrow 57, 60 \leftrightarrow 79, 60 \leftrightarrow 107, 60 \leftrightarrow 109,
60 \leftrightarrow 117, \ 60 \leftrightarrow 125, \ 60 \leftrightarrow 129, \ 61 \leftrightarrow 8, \ 61 \leftrightarrow 30, \ 61 \leftrightarrow 31, \ 61 \leftrightarrow 33, \ 61 \leftrightarrow 68, \ 61 \leftrightarrow 72,
61 \leftrightarrow 110, 61 \leftrightarrow 131, 61 \leftrightarrow 135, 61 \leftrightarrow 137, 61 \leftrightarrow 146, 62 \leftrightarrow 3, 62 \leftrightarrow 15, 62 \leftrightarrow 32,
62 \leftrightarrow 36, 62 \leftrightarrow 42, 62 \leftrightarrow 47, 62 \leftrightarrow 50, 62 \leftrightarrow 52, 62 \leftrightarrow 84, 62 \leftrightarrow 85, 62 \leftrightarrow 101, 62 \leftrightarrow 103,
62 \leftrightarrow 140, 62 \leftrightarrow 141, 62 \leftrightarrow 142, 62 \leftrightarrow 148, 63 \leftrightarrow 5, 63 \leftrightarrow 12, 63 \leftrightarrow 21, 63 \leftrightarrow 26, 63 \leftrightarrow 43,
63 \leftrightarrow 50, 63 \leftrightarrow 94, 63 \leftrightarrow 100, 63 \leftrightarrow 103, 63 \leftrightarrow 108, 63 \leftrightarrow 124, 63 \leftrightarrow 131, 63 \leftrightarrow 147,
64 \leftrightarrow 4, 64 \leftrightarrow 60, 64 \leftrightarrow 66, 64 \leftrightarrow 71, 64 \leftrightarrow 75, 64 \leftrightarrow 79, 64 \leftrightarrow 80, 64 \leftrightarrow 104, 64 \leftrightarrow 113,
64 \leftrightarrow 125, 64 \leftrightarrow 127, 64 \leftrightarrow 144, 64 \leftrightarrow 146, 64 \leftrightarrow 147, 65 \leftrightarrow 32, 65 \leftrightarrow 40, 65 \leftrightarrow 49,
65 \leftrightarrow 53, 65 \leftrightarrow 66, 65 \leftrightarrow 94, 65 \leftrightarrow 123, 66 \leftrightarrow 13, 66 \leftrightarrow 17, 66 \leftrightarrow 22, 66 \leftrightarrow 34, 66 \leftrightarrow 49,
66 \leftrightarrow 93, 66 \leftrightarrow 99, 66 \leftrightarrow 101, 66 \leftrightarrow 103, 66 \leftrightarrow 104, 66 \leftrightarrow 107, 66 \leftrightarrow 112, 66 \leftrightarrow 125,
67 \leftrightarrow 26, 67 \leftrightarrow 30, 67 \leftrightarrow 45, 67 \leftrightarrow 106, 67 \leftrightarrow 117, 67 \leftrightarrow 121, 67 \leftrightarrow 134, 68 \leftrightarrow 8, 68 \leftrightarrow 17,
68 \leftrightarrow 24, 68 \leftrightarrow 62, 68 \leftrightarrow 82, 68 \leftrightarrow 88, 68 \leftrightarrow 112, 68 \leftrightarrow 116, 68 \leftrightarrow 144, 69 \leftrightarrow 17, 69 \leftrightarrow 33,
69 \leftrightarrow 34, \ 69 \leftrightarrow 53, \ 69 \leftrightarrow 57, \ 69 \leftrightarrow 86, \ 69 \leftrightarrow 89, \ 69 \leftrightarrow 90, \ 69 \leftrightarrow 96, \ 69 \leftrightarrow 100, \ 69 \leftrightarrow 113,
69 \leftrightarrow 120, 69 \leftrightarrow 123, 69 \leftrightarrow 124, 69 \leftrightarrow 125, 69 \leftrightarrow 128, 70 \leftrightarrow 2, 70 \leftrightarrow 7, 70 \leftrightarrow 22, 70 \leftrightarrow 29,
70 \leftrightarrow 57, 70 \leftrightarrow 77, 70 \leftrightarrow 90, 70 \leftrightarrow 111, 70 \leftrightarrow 119, 70 \leftrightarrow 120, 70 \leftrightarrow 125, 70 \leftrightarrow 129,
70 \leftrightarrow 140, 70 \leftrightarrow 146, 71 \leftrightarrow 18, 71 \leftrightarrow 20, 71 \leftrightarrow 31, 71 \leftrightarrow 43, 71 \leftrightarrow 53, 71 \leftrightarrow 59, 71 \leftrightarrow 67,
71 \leftrightarrow 72, 71 \leftrightarrow 87, 71 \leftrightarrow 88, 71 \leftrightarrow 106, 71 \leftrightarrow 110, 71 \leftrightarrow 111, 71 \leftrightarrow 134, 71 \leftrightarrow 140,
72 \leftrightarrow 6, 72 \leftrightarrow 7, 72 \leftrightarrow 14, 72 \leftrightarrow 15, 72 \leftrightarrow 25, 72 \leftrightarrow 26, 72 \leftrightarrow 31, 72 \leftrightarrow 41, 72 \leftrightarrow 43,
72 \leftrightarrow 46, 72 \leftrightarrow 66, 72 \leftrightarrow 74, 72 \leftrightarrow 104, 72 \leftrightarrow 108, 72 \leftrightarrow 110, 72 \leftrightarrow 114, 72 \leftrightarrow 116,
72 \leftrightarrow 121, 72 \leftrightarrow 123, 72 \leftrightarrow 126, 72 \leftrightarrow 130, 72 \leftrightarrow 138, 72 \leftrightarrow 145, 73 \leftrightarrow 4, 73 \leftrightarrow 11,
73 \leftrightarrow 29, 73 \leftrightarrow 39, 73 \leftrightarrow 41, 73 \leftrightarrow 43, 73 \leftrightarrow 49, 73 \leftrightarrow 64, 73 \leftrightarrow 67, 73 \leftrightarrow 72, 73 \leftrightarrow 87,
73 \leftrightarrow 88, 73 \leftrightarrow 96, 73 \leftrightarrow 98, 73 \leftrightarrow 105, 73 \leftrightarrow 113, 73 \leftrightarrow 115, 73 \leftrightarrow 129, 73 \leftrightarrow 137,
73 \leftrightarrow 146, 74 \leftrightarrow 45, 74 \leftrightarrow 51, 74 \leftrightarrow 79, 74 \leftrightarrow 83, 74 \leftrightarrow 91, 74 \leftrightarrow 93, 74 \leftrightarrow 107, 74 \leftrightarrow 118,
74 \leftrightarrow 122, 74 \leftrightarrow 129, 75 \leftrightarrow 1, 75 \leftrightarrow 4, 75 \leftrightarrow 8, 75 \leftrightarrow 13, 75 \leftrightarrow 23, 75 \leftrightarrow 39, 75 \leftrightarrow 58,
75 \leftrightarrow 72, 75 \leftrightarrow 78, 75 \leftrightarrow 96, 75 \leftrightarrow 106, 75 \leftrightarrow 127, 75 \leftrightarrow 129, 75 \leftrightarrow 134, 75 \leftrightarrow 144,
76 \leftrightarrow 21, 76 \leftrightarrow 23, 76 \leftrightarrow 40, 76 \leftrightarrow 45, 76 \leftrightarrow 52, 76 \leftrightarrow 67, 76 \leftrightarrow 96, 76 \leftrightarrow 100, 76 \leftrightarrow 106,
76 \leftrightarrow 109, 76 \leftrightarrow 146, 76 \leftrightarrow 149, 76 \leftrightarrow 150, 77 \leftrightarrow 11, 77 \leftrightarrow 19, 77 \leftrightarrow 34, 77 \leftrightarrow 53, 77 \leftrightarrow 63,
77 \leftrightarrow 67, 77 \leftrightarrow 68, 77 \leftrightarrow 72, 77 \leftrightarrow 78, 77 \leftrightarrow 102, 77 \leftrightarrow 105, 77 \leftrightarrow 112, 77 \leftrightarrow 115,
77 \leftrightarrow 130, 77 \leftrightarrow 143, 77 \leftrightarrow 144, 78 \leftrightarrow 10, 78 \leftrightarrow 11, 78 \leftrightarrow 15, 78 \leftrightarrow 45, 78 \leftrightarrow 66, 78 \leftrightarrow 79,
78 \leftrightarrow 85, 78 \leftrightarrow 98, 78 \leftrightarrow 106, 78 \leftrightarrow 121, 78 \leftrightarrow 129, 79 \leftrightarrow 1, 79 \leftrightarrow 19, 79 \leftrightarrow 22, 79 \leftrightarrow 46,
79 \leftrightarrow 73, 79 \leftrightarrow 106, 79 \leftrightarrow 110, 79 \leftrightarrow 124, 79 \leftrightarrow 132, 79 \leftrightarrow 133, 79 \leftrightarrow 143, 80 \leftrightarrow 37,
80 \leftrightarrow 42, 80 \leftrightarrow 52, 80 \leftrightarrow 62, 80 \leftrightarrow 83, 80 \leftrightarrow 88, 80 \leftrightarrow 89, 80 \leftrightarrow 91, 80 \leftrightarrow 97, 80 \leftrightarrow 100,
80 \leftrightarrow 122, 80 \leftrightarrow 131, 80 \leftrightarrow 143, 81 \leftrightarrow 4, 81 \leftrightarrow 11, 81 \leftrightarrow 13, 81 \leftrightarrow 53, 81 \leftrightarrow 63, 81 \leftrightarrow 70,
81 \leftrightarrow 80, 81 \leftrightarrow 111, 81 \leftrightarrow 134, 81 \leftrightarrow 137, 81 \leftrightarrow 146, 82 \leftrightarrow 2, 82 \leftrightarrow 6, 82 \leftrightarrow 9, 82 \leftrightarrow 12,
82 \leftrightarrow 34, 82 \leftrightarrow 38, 82 \leftrightarrow 53, 82 \leftrightarrow 56, 82 \leftrightarrow 78, 82 \leftrightarrow 96, 82 \leftrightarrow 99, 82 \leftrightarrow 125, 82 \leftrightarrow 147,
83 \leftrightarrow 6, 83 \leftrightarrow 9, 83 \leftrightarrow 14, 83 \leftrightarrow 19, 83 \leftrightarrow 28, 83 \leftrightarrow 35, 83 \leftrightarrow 47, 83 \leftrightarrow 99, 83 \leftrightarrow 101,
83 \leftrightarrow 109, 83 \leftrightarrow 110, 83 \leftrightarrow 113, 83 \leftrightarrow 135, 83 \leftrightarrow 136, 83 \leftrightarrow 140, 84 \leftrightarrow 8, 84 \leftrightarrow 13,
84 \leftrightarrow 25, 84 \leftrightarrow 28, 84 \leftrightarrow 36, 84 \leftrightarrow 58, 84 \leftrightarrow 59, 84 \leftrightarrow 98, 84 \leftrightarrow 106, 84 \leftrightarrow 119, 84 \leftrightarrow 124,
84 \leftrightarrow 126, \ 84 \leftrightarrow 136, \ 84 \leftrightarrow 142, \ 85 \leftrightarrow 7, \ 85 \leftrightarrow 21, \ 85 \leftrightarrow 23, \ 85 \leftrightarrow 32, \ 85 \leftrightarrow 46, \ 85 \leftrightarrow 65,
85 \leftrightarrow 71, 85 \leftrightarrow 86, 85 \leftrightarrow 92, 85 \leftrightarrow 98, 85 \leftrightarrow 104, 85 \leftrightarrow 122, 85 \leftrightarrow 139, 85 \leftrightarrow 140,
86 \leftrightarrow 13, 86 \leftrightarrow 15, 86 \leftrightarrow 24, 86 \leftrightarrow 30, 86 \leftrightarrow 32, 86 \leftrightarrow 34, 86 \leftrightarrow 73, 86 \leftrightarrow 93, 86 \leftrightarrow 100,
86 \leftrightarrow 106, 86 \leftrightarrow 109, 86 \leftrightarrow 120, 86 \leftrightarrow 121, 87 \leftrightarrow 3, 87 \leftrightarrow 16, 87 \leftrightarrow 26, 87 \leftrightarrow 44, 87 \leftrightarrow 45,
87 \leftrightarrow 50, 87 \leftrightarrow 57, 87 \leftrightarrow 66, 87 \leftrightarrow 70, 87 \leftrightarrow 81, 87 \leftrightarrow 98, 87 \leftrightarrow 102, 87 \leftrightarrow 113, 87 \leftrightarrow 115,
88 \leftrightarrow 7, 88 \leftrightarrow 14, 88 \leftrightarrow 20, 88 \leftrightarrow 39, 88 \leftrightarrow 51, 88 \leftrightarrow 81, 88 \leftrightarrow 83, 88 \leftrightarrow 85, 88 \leftrightarrow 86,
88 \leftrightarrow 120, \ 88 \leftrightarrow 126, \ 88 \leftrightarrow 134, \ 88 \leftrightarrow 136, \ 88 \leftrightarrow 139, \ 88 \leftrightarrow 140, \ 88 \leftrightarrow 142, \ 89 \leftrightarrow 2,
89 \leftrightarrow 4, 89 \leftrightarrow 14, 89 \leftrightarrow 18, 89 \leftrightarrow 23, 89 \leftrightarrow 24, 89 \leftrightarrow 40, 89 \leftrightarrow 43, 89 \leftrightarrow 49, 89 \leftrightarrow 66,
89 \leftrightarrow 78, 90 \leftrightarrow 2, 90 \leftrightarrow 30, 90 \leftrightarrow 65, 90 \leftrightarrow 71, 90 \leftrightarrow 78, 90 \leftrightarrow 97, 90 \leftrightarrow 99, 90 \leftrightarrow 102,
```

 $90 \leftrightarrow 112, \ 90 \leftrightarrow 116, \ 90 \leftrightarrow 119, \ 90 \leftrightarrow 133, \ 91 \leftrightarrow 27, \ 91 \leftrightarrow 43, \ 91 \leftrightarrow 47, \ 91 \leftrightarrow 53, \ 91 \leftrightarrow 55,$ $91 \leftrightarrow 63$, $91 \leftrightarrow 98$, $91 \leftrightarrow 104$, $91 \leftrightarrow 115$, $91 \leftrightarrow 126$, $91 \leftrightarrow 131$, $91 \leftrightarrow 145$, $92 \leftrightarrow 10$, $92 \leftrightarrow 22$, $92 \leftrightarrow 23$, $92 \leftrightarrow 48$, $92 \leftrightarrow 60$, $92 \leftrightarrow 73$, $92 \leftrightarrow 87$, $92 \leftrightarrow 91$, $92 \leftrightarrow 118$, $92 \leftrightarrow 132$, $92 \leftrightarrow 133, 92 \leftrightarrow 147, 93 \leftrightarrow 3, 93 \leftrightarrow 5, 93 \leftrightarrow 10, 93 \leftrightarrow 15, 93 \leftrightarrow 29, 93 \leftrightarrow 35, 93 \leftrightarrow 42,$ $93 \leftrightarrow 64, \ 93 \leftrightarrow 76, \ 93 \leftrightarrow 89, \ 93 \leftrightarrow 102, \ 93 \leftrightarrow 103, \ 93 \leftrightarrow 105, \ 93 \leftrightarrow 125, \ 93 \leftrightarrow 127,$ $93 \leftrightarrow 145, 94 \leftrightarrow 20, 94 \leftrightarrow 29, 94 \leftrightarrow 48, 94 \leftrightarrow 51, 94 \leftrightarrow 55, 94 \leftrightarrow 60, 94 \leftrightarrow 66, 94 \leftrightarrow 75,$ $94 \leftrightarrow 78$, $94 \leftrightarrow 99$, $94 \leftrightarrow 102$, $94 \leftrightarrow 125$, $94 \leftrightarrow 129$, $94 \leftrightarrow 135$, $94 \leftrightarrow 136$, $94 \leftrightarrow 138$, $95 \leftrightarrow 22, 95 \leftrightarrow 34, 95 \leftrightarrow 54, 95 \leftrightarrow 63, 95 \leftrightarrow 74, 95 \leftrightarrow 75, 95 \leftrightarrow 79, 95 \leftrightarrow 82, 95 \leftrightarrow 97,$ $95 \leftrightarrow 98$, $95 \leftrightarrow 116$, $95 \leftrightarrow 119$, $95 \leftrightarrow 121$, $95 \leftrightarrow 128$, $95 \leftrightarrow 149$, $96 \leftrightarrow 9$, $96 \leftrightarrow 26$, $96 \leftrightarrow 35$, $96 \leftrightarrow 50$, $96 \leftrightarrow 60$, $96 \leftrightarrow 86$, $96 \leftrightarrow 111$, $96 \leftrightarrow 118$, $96 \leftrightarrow 119$, $96 \leftrightarrow 132$, $96 \leftrightarrow 134, 96 \leftrightarrow 135, 96 \leftrightarrow 148, 97 \leftrightarrow 11, 97 \leftrightarrow 14, 97 \leftrightarrow 16, 97 \leftrightarrow 35, 97 \leftrightarrow 37, 97 \leftrightarrow 44,$ $97 \leftrightarrow 57$, $97 \leftrightarrow 77$, $97 \leftrightarrow 89$, $97 \leftrightarrow 100$, $97 \leftrightarrow 106$, $97 \leftrightarrow 137$, $97 \leftrightarrow 139$, $98 \leftrightarrow 41$, $98 \leftrightarrow 44, 98 \leftrightarrow 48, 98 \leftrightarrow 50, 98 \leftrightarrow 54, 98 \leftrightarrow 60, 98 \leftrightarrow 97, 98 \leftrightarrow 99, 98 \leftrightarrow 100, 98 \leftrightarrow 103,$ $98 \leftrightarrow 105, 99 \leftrightarrow 15, 99 \leftrightarrow 19, 99 \leftrightarrow 23, 99 \leftrightarrow 33, 99 \leftrightarrow 36, 99 \leftrightarrow 57, 99 \leftrightarrow 68, 99 \leftrightarrow 95,$ $99 \leftrightarrow 101, \ 99 \leftrightarrow 110, \ 99 \leftrightarrow 114, \ 99 \leftrightarrow 119, \ 99 \leftrightarrow 126, \ 100 \leftrightarrow 13, \ 100 \leftrightarrow 17, \ 100 \leftrightarrow 23,$ 100 \leftrightarrow 25, 100 \leftrightarrow 31, 100 \leftrightarrow 34, 100 \leftrightarrow 37, 100 \leftrightarrow 44, 100 \leftrightarrow 50, 100 \leftrightarrow 59, 100 \leftrightarrow 72, 100 \leftrightarrow 74, 100 \leftrightarrow 81, 100 \leftrightarrow 82, 100 \leftrightarrow 91, 100 \leftrightarrow 120, 101 \leftrightarrow 3, 101 \leftrightarrow 11, 101 \leftrightarrow 13, $101 \leftrightarrow 16$, $101 \leftrightarrow 26$, $101 \leftrightarrow 28$, $101 \leftrightarrow 38$, $101 \leftrightarrow 43$, $101 \leftrightarrow 65$, $101 \leftrightarrow 75$, $101 \leftrightarrow 92$, $101 \leftrightarrow 106$, $101 \leftrightarrow 110$, $101 \leftrightarrow 123$, $101 \leftrightarrow 130$, $101 \leftrightarrow 138$, $102 \leftrightarrow 20$, $102 \leftrightarrow 22$, $102 \leftrightarrow 25$, $102 \leftrightarrow 28$, $102 \leftrightarrow 49$, $102 \leftrightarrow 53$, $102 \leftrightarrow 79$, $102 \leftrightarrow 80$, $102 \leftrightarrow 81$, $102 \leftrightarrow 101$, $102 \leftrightarrow 103$, $102 \leftrightarrow 106$, $102 \leftrightarrow 115$, $102 \leftrightarrow 133$, $102 \leftrightarrow 143$, $103 \leftrightarrow 2$, $103 \leftrightarrow 8$, $103 \leftrightarrow 10$, $103 \leftrightarrow 27$, $103 \leftrightarrow 31$, $103 \leftrightarrow 34$, $103 \leftrightarrow 37$, $103 \leftrightarrow 38$, $103 \leftrightarrow 45$, $103 \leftrightarrow 46$, $103 \leftrightarrow 48$, 103 \leftrightarrow 53, 103 \leftrightarrow 57, 103 \leftrightarrow 71, 103 \leftrightarrow 106, 103 \leftrightarrow 107, 103 \leftrightarrow 113, 103 \leftrightarrow 117, $103 \leftrightarrow 121$, $103 \leftrightarrow 143$, $103 \leftrightarrow 144$, $104 \leftrightarrow 18$, $104 \leftrightarrow 21$, $104 \leftrightarrow 22$, $104 \leftrightarrow 30$, $104 \leftrightarrow 67$, $104 \leftrightarrow 87$, $104 \leftrightarrow 131$, $104 \leftrightarrow 134$, $104 \leftrightarrow 141$, $104 \leftrightarrow 150$, $105 \leftrightarrow 9$, $105 \leftrightarrow 11$, $105 \leftrightarrow 12$, 105 \leftrightarrow 27, 105 \leftrightarrow 31, 105 \leftrightarrow 34, 105 \leftrightarrow 45, 105 \leftrightarrow 69, 105 \leftrightarrow 70, 105 \leftrightarrow 72, 105 \leftrightarrow 87, $105 \leftrightarrow 100$, $105 \leftrightarrow 107$, $105 \leftrightarrow 113$, $105 \leftrightarrow 122$, $105 \leftrightarrow 126$, $105 \leftrightarrow 130$, $106 \leftrightarrow 6$, $106 \leftrightarrow 26$, $106 \leftrightarrow 33$, $106 \leftrightarrow 41$, $106 \leftrightarrow 46$, $106 \leftrightarrow 48$, $106 \leftrightarrow 54$, $106 \leftrightarrow 60$, $106 \leftrightarrow 65$, $106 \leftrightarrow 68$, $106 \leftrightarrow 104$, $106 \leftrightarrow 110$, $106 \leftrightarrow 116$, $106 \leftrightarrow 132$, $106 \leftrightarrow 139$, $106 \leftrightarrow 150$, 107 \leftrightarrow 10, 107 \leftrightarrow 45, 107 \leftrightarrow 48, 107 \leftrightarrow 53, 107 \leftrightarrow 57, 107 \leftrightarrow 61, 107 \leftrightarrow 76, 107 \leftrightarrow 84, $107 \leftrightarrow 86$, $107 \leftrightarrow 89$, $107 \leftrightarrow 101$, $107 \leftrightarrow 111$, $107 \leftrightarrow 127$, $107 \leftrightarrow 142$, $107 \leftrightarrow 150$, $108 \leftrightarrow 6$, $108 \leftrightarrow 19$, $108 \leftrightarrow 23$, $108 \leftrightarrow 29$, $108 \leftrightarrow 35$, $108 \leftrightarrow 51$, $108 \leftrightarrow 57$, $108 \leftrightarrow 59$, $108 \leftrightarrow 70$, $108 \leftrightarrow 74$, $108 \leftrightarrow 86$, $108 \leftrightarrow 99$, $108 \leftrightarrow 146$, $109 \leftrightarrow 10$, $109 \leftrightarrow 36$, $109 \leftrightarrow 38$, $109 \leftrightarrow 42$, $109 \leftrightarrow 50$, $109 \leftrightarrow 68$, $109 \leftrightarrow 71$, $109 \leftrightarrow 74$, $109 \leftrightarrow 77$, $109 \leftrightarrow 103$, $109 \leftrightarrow 115$, $109 \leftrightarrow 136$, $109 \leftrightarrow 139$, $109 \leftrightarrow 140$, $109 \leftrightarrow 149$, $110 \leftrightarrow 1$, $110 \leftrightarrow 10$, $110 \leftrightarrow 15$, $110 \leftrightarrow 26$, $110 \leftrightarrow 41$, $110 \leftrightarrow 122$, $110 \leftrightarrow 131$, $110 \leftrightarrow 138$, $111 \leftrightarrow 13$, $111 \leftrightarrow 23$, $111 \leftrightarrow 24$, $111 \leftrightarrow 25$, 111 \leftrightarrow 37, 111 \leftrightarrow 50, 111 \leftrightarrow 52, 111 \leftrightarrow 73, 111 \leftrightarrow 75, 111 \leftrightarrow 79, 111 \leftrightarrow 88, 111 \leftrightarrow 90, $111 \leftrightarrow 100$, $111 \leftrightarrow 114$, $111 \leftrightarrow 126$, $111 \leftrightarrow 137$, $111 \leftrightarrow 141$, $111 \leftrightarrow 145$, $111 \leftrightarrow 147$, $112 \leftrightarrow 4$, $112 \leftrightarrow 12$, $112 \leftrightarrow 14$, $112 \leftrightarrow 15$, $112 \leftrightarrow 17$, $112 \leftrightarrow 27$, $112 \leftrightarrow 30$, $112 \leftrightarrow 31$, 112 \leftrightarrow 40, 112 \leftrightarrow 41, 112 \leftrightarrow 42, 112 \leftrightarrow 44, 112 \leftrightarrow 46, 112 \leftrightarrow 52, 112 \leftrightarrow 60, 112 \leftrightarrow 81, 112 \leftrightarrow 93, 112 \leftrightarrow 96, 112 \leftrightarrow 99, 112 \leftrightarrow 105, 113 \leftrightarrow 17, 113 \leftrightarrow 39, 113 \leftrightarrow 40, 113 \leftrightarrow 44, $113 \leftrightarrow 47$, $113 \leftrightarrow 56$, $113 \leftrightarrow 62$, $113 \leftrightarrow 78$, $113 \leftrightarrow 94$, $113 \leftrightarrow 140$, $114 \leftrightarrow 39$, $114 \leftrightarrow 45$, 114 \leftrightarrow 46, 114 \leftrightarrow 47, 114 \leftrightarrow 54, 114 \leftrightarrow 62, 114 \leftrightarrow 75, 114 \leftrightarrow 79, 114 \leftrightarrow 126, 114 \leftrightarrow 127, $114 \leftrightarrow 130$, $114 \leftrightarrow 137$, $114 \leftrightarrow 147$, $115 \leftrightarrow 37$, $115 \leftrightarrow 41$, $115 \leftrightarrow 43$, $115 \leftrightarrow 62$, $115 \leftrightarrow 96$, 115 \leftrightarrow 101, 115 \leftrightarrow 117, 115 \leftrightarrow 123, 115 \leftrightarrow 128, 116 \leftrightarrow 3, 116 \leftrightarrow 12, 116 \leftrightarrow 29, 116 \leftrightarrow 49, $116 \leftrightarrow 84$, $116 \leftrightarrow 107$, $116 \leftrightarrow 120$, $116 \leftrightarrow 138$, $116 \leftrightarrow 141$, $117 \leftrightarrow 6$, $117 \leftrightarrow 13$, $117 \leftrightarrow 14$, 117 \leftrightarrow 63, 117 \leftrightarrow 72, 117 \leftrightarrow 75, 117 \leftrightarrow 78, 117 \leftrightarrow 91, 117 \leftrightarrow 98, 117 \leftrightarrow 104, 117 \leftrightarrow 113, $117 \leftrightarrow 119$, $117 \leftrightarrow 126$, $117 \leftrightarrow 147$, $118 \leftrightarrow 3$, $118 \leftrightarrow 6$, $118 \leftrightarrow 9$, $118 \leftrightarrow 10$, $118 \leftrightarrow 18$, 118 \leftrightarrow 35, 118 \leftrightarrow 42, 118 \leftrightarrow 61, 118 \leftrightarrow 72, 118 \leftrightarrow 82, 118 \leftrightarrow 86, 118 \leftrightarrow 106, 118 \leftrightarrow 130, $118 \leftrightarrow 143$, $119 \leftrightarrow 11$, $119 \leftrightarrow 16$, $119 \leftrightarrow 32$, $119 \leftrightarrow 33$, $119 \leftrightarrow 46$, $119 \leftrightarrow 57$, $119 \leftrightarrow 77$, $119 \leftrightarrow 87$, $119 \leftrightarrow 107$, $119 \leftrightarrow 111$, $119 \leftrightarrow 120$, $119 \leftrightarrow 134$, $119 \leftrightarrow 137$, $119 \leftrightarrow 150$, $120 \leftrightarrow 4$, $120 \leftrightarrow 67$, $120 \leftrightarrow 75$, $120 \leftrightarrow 85$, $120 \leftrightarrow 91$, $120 \leftrightarrow 107$, $120 \leftrightarrow 127$, $120 \leftrightarrow 145$, $120 \leftrightarrow 147$, $121 \leftrightarrow 9$, $121 \leftrightarrow 26$, $121 \leftrightarrow 33$, $121 \leftrightarrow 47$, $121 \leftrightarrow 51$, $121 \leftrightarrow 59$, $121 \leftrightarrow 91$, $121 \leftrightarrow 101, \ 121 \leftrightarrow 108, \ 121 \leftrightarrow 128, \ 121 \leftrightarrow 137, \ 121 \leftrightarrow 145, \ 122 \leftrightarrow 20, \ 122 \leftrightarrow 24,$ $122 \leftrightarrow 28$, $122 \leftrightarrow 49$, $122 \leftrightarrow 56$, $122 \leftrightarrow 81$, $122 \leftrightarrow 92$, $122 \leftrightarrow 104$, $122 \leftrightarrow 115$, $122 \leftrightarrow 139$,

```
122 \leftrightarrow 146, 123 \leftrightarrow 2, 123 \leftrightarrow 19, 123 \leftrightarrow 21, 123 \leftrightarrow 30, 123 \leftrightarrow 66, 123 \leftrightarrow 67, 123 \leftrightarrow 76,
123 \leftrightarrow 80, 123 \leftrightarrow 87, 123 \leftrightarrow 99, 123 \leftrightarrow 114, 123 \leftrightarrow 131, 123 \leftrightarrow 141, 124 \leftrightarrow 19, 124 \leftrightarrow 26,
124 \leftrightarrow 28, 124 \leftrightarrow 30, 124 \leftrightarrow 32, 124 \leftrightarrow 40, 124 \leftrightarrow 62, 124 \leftrightarrow 68, 124 \leftrightarrow 76, 124 \leftrightarrow 80,
124 \leftrightarrow 88, 124 \leftrightarrow 105, 124 \leftrightarrow 115, 124 \leftrightarrow 117, 124 \leftrightarrow 122, 124 \leftrightarrow 125, 125 \leftrightarrow 1, 125 \leftrightarrow 9,
125 \leftrightarrow 12, 125 \leftrightarrow 15, 125 \leftrightarrow 33, 125 \leftrightarrow 41, 125 \leftrightarrow 42, 125 \leftrightarrow 58, 125 \leftrightarrow 65, 125 \leftrightarrow 80,
125 \leftrightarrow 83, 125 \leftrightarrow 92, 125 \leftrightarrow 114, 125 \leftrightarrow 120, 126 \leftrightarrow 2, 126 \leftrightarrow 31, 126 \leftrightarrow 41, 126 \leftrightarrow 50,
126 \leftrightarrow 71, 126 \leftrightarrow 85, 126 \leftrightarrow 96, 126 \leftrightarrow 98, 126 \leftrightarrow 121, 126 \leftrightarrow 137, 127 \leftrightarrow 28, 127 \leftrightarrow 34,
127 \leftrightarrow 57, 127 \leftrightarrow 59, 127 \leftrightarrow 92, 127 \leftrightarrow 108, 127 \leftrightarrow 110, 127 \leftrightarrow 136, 127 \leftrightarrow 150, 128 \leftrightarrow 14,
128 \leftrightarrow 21, 128 \leftrightarrow 23, 128 \leftrightarrow 45, 128 \leftrightarrow 50, 128 \leftrightarrow 52, 128 \leftrightarrow 100, 128 \leftrightarrow 107, 128 \leftrightarrow 117,
128 \leftrightarrow 122, 128 \leftrightarrow 127, 128 \leftrightarrow 141, 129 \leftrightarrow 12, 129 \leftrightarrow 27, 129 \leftrightarrow 31, 129 \leftrightarrow 34, 129 \leftrightarrow 52,
129 \leftrightarrow 61, 129 \leftrightarrow 80, 129 \leftrightarrow 82, 129 \leftrightarrow 84, 129 \leftrightarrow 88, 129 \leftrightarrow 90, 129 \leftrightarrow 100, 129 \leftrightarrow 112,
129 \leftrightarrow 114, \ 129 \leftrightarrow 131, \ 129 \leftrightarrow 149, \ 130 \leftrightarrow 7, \ 130 \leftrightarrow 23, \ 130 \leftrightarrow 25, \ 130 \leftrightarrow 38, \ 130 \leftrightarrow 45,
130 \leftrightarrow 55, 130 \leftrightarrow 58, 130 \leftrightarrow 68, 130 \leftrightarrow 71, 130 \leftrightarrow 79, 130 \leftrightarrow 82, 130 \leftrightarrow 86, 130 \leftrightarrow 100,
130 \leftrightarrow 104, 130 \leftrightarrow 120, 130 \leftrightarrow 128, 130 \leftrightarrow 132, 130 \leftrightarrow 133, 130 \leftrightarrow 143, 130 \leftrightarrow 149,
131 \leftrightarrow 26, 131 \leftrightarrow 28, 131 \leftrightarrow 30, 131 \leftrightarrow 35, 131 \leftrightarrow 39, 131 \leftrightarrow 50, 131 \leftrightarrow 71, 131 \leftrightarrow 112,
131 \leftrightarrow 122, 131 \leftrightarrow 144, 131 \leftrightarrow 145, 132 \leftrightarrow 3, 132 \leftrightarrow 7, 132 \leftrightarrow 13, 132 \leftrightarrow 16, 132 \leftrightarrow 17,
132 \leftrightarrow 28, 132 \leftrightarrow 38, 132 \leftrightarrow 47, 132 \leftrightarrow 49, 132 \leftrightarrow 54, 132 \leftrightarrow 97, 132 \leftrightarrow 102, 132 \leftrightarrow 115,
132 \leftrightarrow 116, \ 132 \leftrightarrow 127, \ 132 \leftrightarrow 135, \ 133 \leftrightarrow 5, \ 133 \leftrightarrow 13, \ 133 \leftrightarrow 30, \ 133 \leftrightarrow 39, \ 133 \leftrightarrow 65,
133 \leftrightarrow 68, 133 \leftrightarrow 70, 134 \leftrightarrow 1, 134 \leftrightarrow 22, 134 \leftrightarrow 29, 134 \leftrightarrow 38, 134 \leftrightarrow 50, 134 \leftrightarrow 52,
134 \leftrightarrow 59, 134 \leftrightarrow 72, 134 \leftrightarrow 76, 134 \leftrightarrow 79, 134 \leftrightarrow 90, 134 \leftrightarrow 94, 134 \leftrightarrow 125, 134 \leftrightarrow 133,
135 ↔ 15, 135 ↔ 29, 135 ↔ 33, 135 ↔ 42, 135 ↔ 56, 135 ↔ 59, 135 ↔ 74, 135 ↔ 81,
135 \leftrightarrow 118, \ 135 \leftrightarrow 122, \ 135 \leftrightarrow 127, \ 135 \leftrightarrow 138, \ 135 \leftrightarrow 141, \ 135 \leftrightarrow 150, \ 136 \leftrightarrow 5, \ 136 \leftrightarrow 8,
136 \leftrightarrow 13, 136 \leftrightarrow 16, 136 \leftrightarrow 20, 136 \leftrightarrow 34, 136 \leftrightarrow 48, 136 \leftrightarrow 71, 136 \leftrightarrow 76, 136 \leftrightarrow 85,
136 \leftrightarrow 98, 136 \leftrightarrow 100, 136 \leftrightarrow 102, 136 \leftrightarrow 104, 136 \leftrightarrow 108, 136 \leftrightarrow 119, 136 \leftrightarrow 147,
137 \leftrightarrow 17, 137 \leftrightarrow 24, 137 \leftrightarrow 29, 137 \leftrightarrow 47, 137 \leftrightarrow 68, 137 \leftrightarrow 78, 137 \leftrightarrow 89, 137 \leftrightarrow 94,
137 \leftrightarrow 99, 137 \leftrightarrow 103, 137 \leftrightarrow 110, 137 \leftrightarrow 128, 137 \leftrightarrow 132, 137 \leftrightarrow 135, 137 \leftrightarrow 138,
138 \leftrightarrow 13, 138 \leftrightarrow 17, 138 \leftrightarrow 31, 138 \leftrightarrow 41, 138 \leftrightarrow 47, 138 \leftrightarrow 67, 138 \leftrightarrow 113, 138 \leftrightarrow 128,
138 \leftrightarrow 150, 139 \leftrightarrow 46, 139 \leftrightarrow 51, 139 \leftrightarrow 92, 139 \leftrightarrow 100, 140 \leftrightarrow 6, 140 \leftrightarrow 44, 140 \leftrightarrow 48,
140 \leftrightarrow 66, 140 \leftrightarrow 68, 140 \leftrightarrow 89, 140 \leftrightarrow 90, 140 \leftrightarrow 120, 140 \leftrightarrow 122, 140 \leftrightarrow 128, 140 \leftrightarrow 138,
141 \leftrightarrow 8, 141 \leftrightarrow 10, 141 \leftrightarrow 32, 141 \leftrightarrow 55, 141 \leftrightarrow 82, 141 \leftrightarrow 92, 141 \leftrightarrow 96, 141 \leftrightarrow 101,
141 \leftrightarrow 130, 142 \leftrightarrow 4, 142 \leftrightarrow 12, 142 \leftrightarrow 13, 142 \leftrightarrow 19, 142 \leftrightarrow 32, 142 \leftrightarrow 37, 142 \leftrightarrow 52,
142 \leftrightarrow 57, 142 \leftrightarrow 81, 142 \leftrightarrow 91, 142 \leftrightarrow 118, 142 \leftrightarrow 135, 143 \leftrightarrow 10, 143 \leftrightarrow 19, 143 \leftrightarrow 21,
143 \leftrightarrow 23, 143 \leftrightarrow 27, 143 \leftrightarrow 65, 143 \leftrightarrow 66, 143 \leftrightarrow 85, 143 \leftrightarrow 88, 143 \leftrightarrow 90, 143 \leftrightarrow 93,
143 \leftrightarrow 101, 143 \leftrightarrow 132, 144 \leftrightarrow 8, 144 \leftrightarrow 72, 144 \leftrightarrow 74, 144 \leftrightarrow 91, 144 \leftrightarrow 98, 144 \leftrightarrow 109,
144 \leftrightarrow 117, 144 \leftrightarrow 118, 144 \leftrightarrow 127, 144 \leftrightarrow 138, 144 \leftrightarrow 139, 145 \leftrightarrow 3, 145 \leftrightarrow 16, 145 \leftrightarrow 20,
145 \leftrightarrow 21, 145 \leftrightarrow 41, 145 \leftrightarrow 44, 145 \leftrightarrow 69, 145 \leftrightarrow 73, 145 \leftrightarrow 75, 145 \leftrightarrow 83, 145 \leftrightarrow 98,
145 \leftrightarrow 112, 145 \leftrightarrow 130, 145 \leftrightarrow 137, 145 \leftrightarrow 138, 146 \leftrightarrow 1, 146 \leftrightarrow 7, 146 \leftrightarrow 21, 146 \leftrightarrow 26,
146 \leftrightarrow 28, 146 \leftrightarrow 29, 146 \leftrightarrow 35, 146 \leftrightarrow 40, 146 \leftrightarrow 46, 146 \leftrightarrow 47, 146 \leftrightarrow 65, 146 \leftrightarrow 67,
146 \leftrightarrow 78, 146 \leftrightarrow 96, 146 \leftrightarrow 113, 146 \leftrightarrow 116, 146 \leftrightarrow 143, 146 \leftrightarrow 150, 147 \leftrightarrow 14,
147 \leftrightarrow 21, 147 \leftrightarrow 34, 147 \leftrightarrow 37, 147 \leftrightarrow 43, 147 \leftrightarrow 55, 147 \leftrightarrow 79, 147 \leftrightarrow 96, 147 \leftrightarrow 115,
147 \leftrightarrow 122, 147 \leftrightarrow 126, 147 \leftrightarrow 128, 147 \leftrightarrow 132, 147 \leftrightarrow 139, 147 \leftrightarrow 141, 148 \leftrightarrow 4, 148 \leftrightarrow 6,
148 \leftrightarrow 8, 148 \leftrightarrow 14, 148 \leftrightarrow 24, 148 \leftrightarrow 26, 148 \leftrightarrow 84, 148 \leftrightarrow 105, 148 \leftrightarrow 106, 148 \leftrightarrow 107,
148 \leftrightarrow 109, 148 \leftrightarrow 112, 148 \leftrightarrow 138, 149 \leftrightarrow 1, 149 \leftrightarrow 6, 149 \leftrightarrow 7, 149 \leftrightarrow 11, 149 \leftrightarrow 24,
149 \leftrightarrow 29, 149 \leftrightarrow 52, 149 \leftrightarrow 61, 149 \leftrightarrow 62, 149 \leftrightarrow 82, 149 \leftrightarrow 84, 149 \leftrightarrow 99, 149 \leftrightarrow 101,
149 \leftrightarrow 120, 149 \leftrightarrow 125, 149 \leftrightarrow 128, 149 \leftrightarrow 135, 149 \leftrightarrow 143, 150 \leftrightarrow 7, 150 \leftrightarrow 12, 150 \leftrightarrow 13,
150 \leftrightarrow 23, 150 \leftrightarrow 28, 150 \leftrightarrow 32, 150 \leftrightarrow 60, 150 \leftrightarrow 68, 150 \leftrightarrow 69, 150 \leftrightarrow 72, 150 \leftrightarrow 91,
150 \leftrightarrow 94, 150 \leftrightarrow 114, 150 \leftrightarrow 124, 150 \leftrightarrow 130, 150 \leftrightarrow 132, 150 \leftrightarrow 148, 150 \leftrightarrow 149}
```

```
24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43,
      44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63,
      64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79, 80, 81, 82, 83,
      84, 85, 86, 87, 88, 89, 90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99, 100, 101, 102,
      103, 104, 105, 106, 107, 108, 109, 110, 111, 112, 113, 114, 115, 116, 117, 118,
      119, 120, 121, 122, 123, 124, 125, 126, 127, 128, 129, 130, 131, 132, 133, 134,
      135, 136, 137, 138, 139, 140, 141, 142, 143, 144, 145, 146, 147, 148, 149, 150}
In[666]:= weight = Range[vertexNum]
24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43,
      44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63,
      64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79, 80, 81, 82, 83,
      84, 85, 86, 87, 88, 89, 90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99, 100, 101, 102,
      103, 104, 105, 106, 107, 108, 109, 110, 111, 112, 113, 114, 115, 116, 117, 118,
      119, 120, 121, 122, 123, 124, 125, 126, 127, 128, 129, 130, 131, 132, 133, 134,
      135, 136, 137, 138, 139, 140, 141, 142, 143, 144, 145, 146, 147, 148, 149, 150}
In[667]:= Table[(pos = First[StringCases[#[1]], x:NumberString → ToExpression[x]]];
         val = #[2];
         weight[pos] = val) &[Read[stream, {Word, Number}]], vertexNum]
-4, -10, 3, 6, 4, 6, 0, 3, -13, -4, 3, 4, -10, 7, -9, 7, -7, -9, 18, -5, -7,
      7, 4, 1, 3, -10, 10, 1, -4, -2, 7, 3, 9, -17, -8, -5, 10, 8, -5, 0, -5, -4, 4,
      5, -2, -2, -4, 8, 0, 6, -5, -1, -1, 1, 3, -2, 2, 2, -5, -7, -4, -9, -6, 26, 4,
     6, -3, 10, -17, 7, -5, -6, -9, 13, -9, -8, 0, 7, 10, 1, -2, -2, 3, 0, -1, 0, 9,
      8, -16, 8, -1, 6, -7, -6, 5, 0, 10, -6, -9, -7, -1, 10, -8, 6, 2, -1, 7, -6,
      -2, 0, 9, 5, 1, -15, -7, 0, -7, -1, 15, -4, -5, -9, -7, 25, 2, 4, 0, 10, -16}
In[668]:= g = Graph[vertex, edges, VertexSize -> Large,
       VertexStyle -> White, VertexLabels -> Placed["Name", Center],
       VertexLabelStyle -> Directive[Black, Italic, 25], GraphLayout ->
         {"CircularEmbedding"}, EdgeShapeFunction -> "Arrow", EdgeStyle -> Black];
In[669]:= t1 = AbsoluteTime[] - t1
Out[669]= 0.3335216
     Выбираем корень и строим необходимые структуры.
In[670]:= startNode = RandomChoice[vertex]
Out[670]= 145
In[671]:= dirs = Table[0, Length[vertex]]
```

```
In[672]:= pred = Table[0, Length[vertex]]
In[673]:= depth = Table[0, Length[vertex]]
In[674]:= t8 = AbsoluteTime[]
Out[674]= 3.7366261458295053 \times 10^9
In[675]:= t2 = AbsoluteTime[]
Out[675]= 3.7366261458429564 \times 10^9
In[676]:= {tree, graphTree, dinast} = Flatten[
     Reap[
       DepthFirstScan[
         UndirectedGraph@g, startNode,
         \{\text{"FrontierEdge"} \to ((\text{edge} = \# \ /. \ (x\_ \hookleftarrow y\_) \to (x \hookleftarrow y); \ \text{Sow[edge, RT]};
              If [Member Q[edges, edge], dirs [\#[2]] = 1;
               Sow[edge, ST], dirs[\#[2]] = -1;
               Sow[Reverse[edge], ST]];
              pred[#[2]]] = #[1];
              depth[\![\#[2]\!]] = depth[\![\#[1]\!]] + 1) \&), "PrevisitVertex" -> ((Sow[\#, DT]) \&)\}],
       {RT, ST, DT}][[2], 1]
```

```
 \text{Out}_{[676]} = \{ \{145 \longleftrightarrow 1, \ 1 \longleftrightarrow 6, \ 6 \longleftrightarrow 13, \ 13 \longleftrightarrow 15, \ 15 \longleftrightarrow 7, \ 7 \longleftrightarrow 10, \ 10 \longleftrightarrow 4, \ 4 \longleftrightarrow 12, \ 12 \longleftrightarrow 14, \ 14 \longleftrightarrow 18, \ 18 \longleftrightarrow 21, \ 14 \longleftrightarrow 18, \ 18 \longleftrightarrow 19, \ 18 \longleftrightarrow 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, \ 19, 
                              21 \leftrightarrow 30, 30 \leftrightarrow 16, 16 \leftrightarrow 41, 41 \leftrightarrow 31, 31 \leftrightarrow 50, 50 \leftrightarrow 9, 9 \leftrightarrow 37, 37 \leftrightarrow 20, 20 \leftrightarrow 2, 2 \leftrightarrow 28,
                               28 \leftrightarrow 38, 38 \leftrightarrow 33, 33 \leftrightarrow 8, 8 \leftrightarrow 3, 3 \leftrightarrow 23, 23 \leftrightarrow 19, 19 \leftrightarrow 77, 77 \leftrightarrow 70, 70 \leftrightarrow 81, 81 \leftrightarrow 45,
                              45 \leftrightarrow 47, 47 \leftrightarrow 11, 11 \leftrightarrow 53, 53 \leftrightarrow 55, 55 \leftrightarrow 40, 40 \leftrightarrow 26, 26 \leftrightarrow 39, 39 \leftrightarrow 24, 24 \leftrightarrow 44, 44 \leftrightarrow 25,
                              25 \leftrightarrow 49, 49 \leftrightarrow 65, 65 \leftrightarrow 46, 46 \leftrightarrow 5, 5 \leftrightarrow 34, 34 \leftrightarrow 60, 60 \leftrightarrow 64, 64 \leftrightarrow 29, 29 \leftrightarrow 54, 54 \leftrightarrow 43,
                               43 \leftrightarrow 63, 63 \leftrightarrow 42, 42 \leftrightarrow 58, 58 \leftrightarrow 75, 75 \leftrightarrow 32, 32 \leftrightarrow 62, 62 \leftrightarrow 27, 27 \leftrightarrow 36, 36 \leftrightarrow 51, 51 \leftrightarrow 48,
                              48 \leftrightarrow 92, 92 \leftrightarrow 57, 57 \leftrightarrow 22, 22 \leftrightarrow 66, 66 \leftrightarrow 72, 72 \leftrightarrow 61, 61 \leftrightarrow 107, 107 \leftrightarrow 74, 74 \leftrightarrow 95, 95 \leftrightarrow 35,
                              35 \leftrightarrow 83, 83 \leftrightarrow 17, 17 \leftrightarrow 68, 68 \leftrightarrow 59, 59 \leftrightarrow 71, 71 \leftrightarrow 85, 85 \leftrightarrow 78, 78 \leftrightarrow 82, 82 \leftrightarrow 100, 100 \leftrightarrow 56,
                               56 \leftrightarrow 113, 113 \leftrightarrow 69, 69 \leftrightarrow 105, 105 \leftrightarrow 73, 73 \leftrightarrow 79, 79 \leftrightarrow 102, 102 \leftrightarrow 87, 87 \leftrightarrow 52, 52 \leftrightarrow 76,
                               76 \leftrightarrow 93, 93 \leftrightarrow 86, 86 \leftrightarrow 88, 88 \leftrightarrow 80, 80 \leftrightarrow 123, 123 \leftrightarrow 101, 101 \leftrightarrow 99, 99 \leftrightarrow 90, 90 \leftrightarrow 111,
                               111 \leftrightarrow 96, 96 \leftrightarrow 112, 112 \leftrightarrow 129, 129 \leftrightarrow 94, 94 \leftrightarrow 134, 134 \leftrightarrow 67, 67 \leftrightarrow 104, 104 \leftrightarrow 91, 91 \leftrightarrow 117,
                               117 \leftrightarrow 103, 103 \leftrightarrow 98, 98 \leftrightarrow 84, 84 \leftrightarrow 116, 116 \leftrightarrow 106, 106 \leftrightarrow 97, 97 \leftrightarrow 132, 132 \leftrightarrow 130, 130 \leftrightarrow 114,
                               114 \leftrightarrow 125, 125 \leftrightarrow 124, 124 \leftrightarrow 150, 150 \leftrightarrow 119, 119 \leftrightarrow 136, 136 \leftrightarrow 109, 109 \leftrightarrow 144, 144 \leftrightarrow 131,
                               131 \leftrightarrow 110, 110 \leftrightarrow 127, 127 \leftrightarrow 120, 120 \leftrightarrow 140, 140 \leftrightarrow 89, 89 \leftrightarrow 137, 137 \leftrightarrow 121, 121 \leftrightarrow 126,
                               126 \leftrightarrow 147, 147 \leftrightarrow 115, 115 \leftrightarrow 122, 122 \leftrightarrow 128, 128 \leftrightarrow 138, 138 \leftrightarrow 135, 135 \leftrightarrow 142, 142 \leftrightarrow 118,
                               118 \leftrightarrow 143, 143 \leftrightarrow 146, 146 \leftrightarrow 108, 143 \leftrightarrow 149, 135 \leftrightarrow 141, 138 \leftrightarrow 148, 122 \leftrightarrow 139, 130 \leftrightarrow 133
                         \{1 \longleftrightarrow 145, 6 \longleftrightarrow 1, 13 \longleftrightarrow 6, 15 \longleftrightarrow 13, 7 \longleftrightarrow 15, 10 \longleftrightarrow 7, 4 \longleftrightarrow 10, 12 \longleftrightarrow 4, 14 \longleftrightarrow 12, 18 \longleftrightarrow 14, 21 \longleftrightarrow 18,
                               30 \leftrightarrow 21, \ 16 \leftrightarrow 30, \ 41 \leftrightarrow 16, \ 31 \leftrightarrow 41, \ 50 \leftrightarrow 31, \ 9 \leftrightarrow 50, \ 37 \leftrightarrow 9, \ 20 \leftrightarrow 37, \ 2 \leftrightarrow 20, \ 28 \leftrightarrow 2,
                              38 \leftrightarrow 28, 33 \leftrightarrow 38, 8 \leftrightarrow 33, 3 \leftrightarrow 8, 23 \leftrightarrow 3, 19 \leftrightarrow 23, 77 \leftrightarrow 19, 70 \leftrightarrow 77, 81 \leftrightarrow 70, 45 \leftrightarrow 81,
                              47 \leftrightarrow 45, 11 \leftrightarrow 47, 53 \leftrightarrow 11, 55 \leftrightarrow 53, 40 \leftrightarrow 55, 26 \leftrightarrow 40, 39 \leftrightarrow 26, 24 \leftrightarrow 39, 44 \leftrightarrow 24, 25 \leftrightarrow 44,
                              49 \leftrightarrow 25, 65 \leftrightarrow 49, 46 \leftrightarrow 65, 5 \leftrightarrow 46, 34 \leftrightarrow 5, 60 \leftrightarrow 34, 64 \leftrightarrow 60, 29 \leftrightarrow 64, 54 \leftrightarrow 29, 43 \leftrightarrow 54,
                              63 \rightarrow 43, 42 \rightarrow 63, 58 \rightarrow 42, 75 \rightarrow 58, 32 \rightarrow 75, 62 \rightarrow 32, 27 \rightarrow 62, 36 \rightarrow 27, 51 \rightarrow 36, 48 \rightarrow 51,
                              92 \leftrightarrow 48, 57 \leftrightarrow 92, 22 \leftrightarrow 57, 66 \leftrightarrow 22, 72 \leftrightarrow 66, 61 \leftrightarrow 72, 107 \leftrightarrow 61, 74 \leftrightarrow 107, 95 \leftrightarrow 74, 35 \leftrightarrow 95,
                               83 \leftrightarrow 35, 17 \leftrightarrow 83, 68 \leftrightarrow 17, 59 \leftrightarrow 68, 71 \leftrightarrow 59, 85 \leftrightarrow 71, 78 \leftrightarrow 85, 82 \leftrightarrow 78, 100 \leftrightarrow 82, 56 \leftrightarrow 100,
                               113 \leftrightarrow 56, 69 \leftrightarrow 113, 105 \leftrightarrow 69, 73 \leftrightarrow 105, 79 \leftrightarrow 73, 102 \leftrightarrow 79, 87 \leftrightarrow 102, 52 \leftrightarrow 87, 76 \leftrightarrow 52,
                              93 \leftrightarrow 76, 86 \leftrightarrow 93, 88 \leftrightarrow 86, 80 \leftrightarrow 88, 123 \leftrightarrow 80, 101 \leftrightarrow 123, 99 \leftrightarrow 101, 90 \leftrightarrow 99, 111 \leftrightarrow 90,
                               96 \leftrightarrow 111, 112 \leftrightarrow 96, 129 \leftrightarrow 112, 94 \leftrightarrow 129, 134 \leftrightarrow 94, 67 \leftrightarrow 134, 104 \leftrightarrow 67, 91 \leftrightarrow 104, 117 \leftrightarrow 91,
                               103 \leftrightarrow 117, 98 \leftrightarrow 103, 84 \leftrightarrow 98, 116 \leftrightarrow 84, 106 \leftrightarrow 116, 97 \leftrightarrow 106, 132 \leftrightarrow 97, 130 \leftrightarrow 132, 114 \leftrightarrow 130,
                               125 \leftrightarrow 114, 124 \leftrightarrow 125, 150 \leftrightarrow 124, 119 \leftrightarrow 150, 136 \leftrightarrow 119, 109 \leftrightarrow 136, 144 \leftrightarrow 109, 131 \leftrightarrow 144,
                               110 \leftrightarrow 131, 127 \leftrightarrow 110, 120 \leftrightarrow 127, 140 \leftrightarrow 120, 140 \leftrightarrow 89, 137 \leftrightarrow 89, 121 \leftrightarrow 137, 126 \leftrightarrow 121,
                               147 \leftrightarrow 126, 147 \leftrightarrow 115, 122 \leftrightarrow 115, 128 \leftrightarrow 122, 138 \leftrightarrow 128, 135 \leftrightarrow 138, 142 \leftrightarrow 135, 142 \leftrightarrow 118,
                               118 \leftrightarrow 143, 146 \leftrightarrow 143, 108 \leftrightarrow 146, 149 \leftrightarrow 143, 135 \leftrightarrow 141, 148 \leftrightarrow 138, 122 \leftrightarrow 139, 130 \leftrightarrow 133
                          {145, 1, 6, 13, 15, 7, 10, 4, 12, 14, 18, 21, 30, 16, 41, 31, 50, 9, 37, 20, 2, 28, 38, 33, 8, 3, 23, 19, 77,
                               70, 81, 45, 47, 11, 53, 55, 40, 26, 39, 24, 44, 25, 49, 65, 46, 5, 34, 60, 64, 29, 54, 43, 63, 42, 58, 75, 32,
                              62, 27, 36, 51, 48, 92, 57, 22, 66, 72, 61, 107, 74, 95, 35, 83, 17, 68, 59, 71, 85, 78, 82, 100, 56, 113,
                              69, 105, 73, 79, 102, 87, 52, 76, 93, 86, 88, 80, 123, 101, 99, 90, 111, 96, 112, 129, 94, 134, 67, 104,
                              91, 117, 103, 98, 84, 116, 106, 97, 132, 130, 114, 125, 124, 150, 119, 136, 109, 144, 131, 110, 127, 120,
                               140, 89, 137, 121, 126, 147, 115, 122, 128, 138, 135, 142, 118, 143, 146, 108, 149, 141, 148, 139, 133}}
```

ln[677]:= t2 = AbsoluteTime[] - t2

Out[677]= 0.1205858

Нахождение любого частного решения.

In[678]:= t4 = AbsoluteTime[]

Out[678]= $3.7366261459762818 \times 10^9$

```
In[680]:= xp = Table[0, Length[vertex]];
ln[681]:= For [n = Length [vertex], n > 1, n - -,
   i = dinast[n];
   xp[i] += -dirs[i] * weight[i]];
   xp[pred[i]] += dirs[i] * dirs[pred[i]] * xp[i];
ln[682]:= If [dirs [#] == 1, z_{pred[#],#} = xp[#]] & /@ Range[vertexNum];
In[683]:= If[dirs[#]] == -1, Z<sub>#,pred[#]</sub> = xp[#]] & /@ Range[vertexNum];
ln[684]:= pSol = (\tilde{X}_{\#[1],\#[2]} \rightarrow Z_{\#[1],\#[2]}) \& /@ edges // Dispatch
          Length: 2000
Out[684]= Dispatch
In[685]:= t4 = AbsoluteTime[] - t4
Out[685]= 0.2926922
  Нахождение общего решения.
In[686]:= Un = Select[edges, Not[MemberQ[graphTree, #]] &]
```

```
1 \leftrightarrow 66, 1 \leftrightarrow 67, 1 \leftrightarrow 71, 1 \leftrightarrow 107, 2 \leftrightarrow 11, 2 \leftrightarrow 22, 2 \leftrightarrow 23, 2 \leftrightarrow 29, 2 \leftrightarrow 39, 2 \leftrightarrow 42,
                                         2 \leftrightarrow 47, 2 \leftrightarrow 71, 2 \leftrightarrow 73, 2 \leftrightarrow 80, 2 \leftrightarrow 97, 2 \leftrightarrow 106, 2 \leftrightarrow 111, 2 \leftrightarrow 129, 2 \leftrightarrow 142, 2 \leftrightarrow 144,
                                        2 \leftrightarrow 149, 3 \leftrightarrow 32, 3 \leftrightarrow 51, 3 \leftrightarrow 72, 3 \leftrightarrow 73, 3 \leftrightarrow 74, 3 \leftrightarrow 75, 3 \leftrightarrow 85, 3 \leftrightarrow 124, 3 \leftrightarrow 128,
                                         3 \leftrightarrow 133, 3 \leftrightarrow 147, 4 \leftrightarrow 5, 4 \leftrightarrow 22, 4 \leftrightarrow 27, 4 \leftrightarrow 36, 4 \leftrightarrow 53, 4 \leftrightarrow 74, 4 \leftrightarrow 85, 4 \leftrightarrow 88,
                                        4 \leftrightarrow 117, \ 4 \leftrightarrow 118, \ 4 \leftrightarrow 121, \ 4 \leftrightarrow 130, \ 4 \leftrightarrow 131, \ 4 \leftrightarrow 135, \ 5 \leftrightarrow 35, \ 5 \leftrightarrow 36, \ 5 \leftrightarrow 48, \ 5 \leftrightarrow 58, 
                                        5 \leftrightarrow 62, 5 \leftrightarrow 73, 5 \leftrightarrow 84, 5 \leftrightarrow 100, 5 \leftrightarrow 101, 5 \leftrightarrow 102, 5 \leftrightarrow 104, 5 \leftrightarrow 119, 5 \leftrightarrow 124,
                                        5 \leftrightarrow 128, 5 \leftrightarrow 144, 6 \leftrightarrow 7, 6 \leftrightarrow 38, 6 \leftrightarrow 42, 6 \leftrightarrow 56, 6 \leftrightarrow 80, 6 \leftrightarrow 86, 6 \leftrightarrow 95, 6 \leftrightarrow 96,
                                        6 \leftrightarrow 112, 6 \leftrightarrow 132, 7 \leftrightarrow 25, 7 \leftrightarrow 38, 7 \leftrightarrow 44, 7 \leftrightarrow 47, 7 \leftrightarrow 60, 7 \leftrightarrow 93, 7 \leftrightarrow 95, 7 \leftrightarrow 101,
                                        7 \leftrightarrow 106, 7 \leftrightarrow 145, 7 \leftrightarrow 147, 8 \leftrightarrow 19, 8 \leftrightarrow 32, 8 \leftrightarrow 35, 8 \leftrightarrow 69, 8 \leftrightarrow 70, 8 \leftrightarrow 83, 8 \leftrightarrow 87,
                                        8 \leftrightarrow 91, 8 \leftrightarrow 105, 8 \leftrightarrow 109, 8 \leftrightarrow 111, 8 \leftrightarrow 121, 8 \leftrightarrow 122, 8 \leftrightarrow 127, 8 \leftrightarrow 130, 8 \leftrightarrow 134,
                                        8 \leftrightarrow 146, 9 \leftrightarrow 33, 9 \leftrightarrow 39, 9 \leftrightarrow 55, 9 \leftrightarrow 63, 9 \leftrightarrow 66, 9 \leftrightarrow 71, 9 \leftrightarrow 75, 9 \leftrightarrow 86, 9 \leftrightarrow 94,
                                        9 \leftrightarrow 99, 9 \leftrightarrow 140, 10 \leftrightarrow 17, 10 \leftrightarrow 22, 10 \leftrightarrow 44, 10 \leftrightarrow 75, 10 \leftrightarrow 84, 10 \leftrightarrow 99, 10 \leftrightarrow 106,
                                        10 \leftrightarrow 129, 11 \leftrightarrow 32, 11 \leftrightarrow 35, 11 \leftrightarrow 65, 11 \leftrightarrow 67, 11 \leftrightarrow 69, 11 \leftrightarrow 87, 11 \leftrightarrow 130, 11 \leftrightarrow 140,
                                        11 \leftrightarrow 146, 11 \leftrightarrow 147, 12 \leftrightarrow 8, 12 \leftrightarrow 11, 12 \leftrightarrow 16, 12 \leftrightarrow 24, 12 \leftrightarrow 67, 12 \leftrightarrow 104, 12 \leftrightarrow 111,
                                        12 \leftrightarrow 115, 12 \leftrightarrow 120, 12 \leftrightarrow 122, 12 \leftrightarrow 124, 12 \leftrightarrow 148, 13 \leftrightarrow 17, 13 \leftrightarrow 19, 13 \leftrightarrow 25,
                                        13 \leftrightarrow 29, 13 \leftrightarrow 48, 13 \leftrightarrow 65, 13 \leftrightarrow 82, 13 \leftrightarrow 90, 13 \leftrightarrow 97, 13 \leftrightarrow 120, 13 \leftrightarrow 125, 13 \leftrightarrow 140,
                                        13 \leftrightarrow 144, 14 \leftrightarrow 1, 14 \leftrightarrow 2, 14 \leftrightarrow 5, 14 \leftrightarrow 6, 14 \leftrightarrow 23, 14 \leftrightarrow 43, 14 \leftrightarrow 44, 14 \leftrightarrow 63,
                                         14 \leftrightarrow 70, 14 \leftrightarrow 79, 14 \leftrightarrow 80, 14 \leftrightarrow 100, 14 \leftrightarrow 137, 14 \leftrightarrow 145, 14 \leftrightarrow 146, 15 \leftrightarrow 24, 15 \leftrightarrow 48,
```

 $15 \leftrightarrow 63$, $15 \leftrightarrow 71$, $15 \leftrightarrow 75$, $15 \leftrightarrow 77$, $15 \leftrightarrow 87$, $15 \leftrightarrow 101$, $15 \leftrightarrow 106$, $15 \leftrightarrow 115$, $15 \leftrightarrow 123$, $15 \leftrightarrow 141$, $16 \leftrightarrow 1$, $16 \leftrightarrow 6$, $16 \leftrightarrow 26$, $16 \leftrightarrow 29$, $16 \leftrightarrow 43$, $16 \leftrightarrow 44$, $16 \leftrightarrow 67$, $16 \leftrightarrow 77$, $16 \leftrightarrow 81$, $16 \leftrightarrow 84$, $16 \leftrightarrow 89$, $16 \leftrightarrow 90$, $16 \leftrightarrow 91$, $16 \leftrightarrow 103$, $16 \leftrightarrow 121$, $17 \leftrightarrow 4$, $17 \leftrightarrow 20$, $17 \leftrightarrow 33$, $17 \leftrightarrow 90$, $17 \leftrightarrow 91$, $17 \leftrightarrow 98$, $17 \leftrightarrow 108$, $17 \leftrightarrow 110$, $17 \leftrightarrow 149$, $17 \leftrightarrow 150$, $18 \leftrightarrow 16$, $18 \leftrightarrow 31$, $18 \leftrightarrow 59$, $18 \leftrightarrow 79$, $18 \leftrightarrow 88$, $18 \leftrightarrow 92$, $18 \leftrightarrow 98$, $18 \leftrightarrow 102$, $18 \leftrightarrow 103$, $18 \leftrightarrow 105$, $18 \leftrightarrow 108, 18 \leftrightarrow 117, 18 \leftrightarrow 122, 18 \leftrightarrow 137, 18 \leftrightarrow 143, 19 \leftrightarrow 6, 19 \leftrightarrow 33, 19 \leftrightarrow 40, 19 \leftrightarrow 82,$ $19 \leftrightarrow 117$, $19 \leftrightarrow 121$, $19 \leftrightarrow 122$, $19 \leftrightarrow 137$, $20 \leftrightarrow 6$, $20 \leftrightarrow 12$, $20 \leftrightarrow 13$, $20 \leftrightarrow 14$, $20 \leftrightarrow 39$, $20 \leftrightarrow 57$, $20 \leftrightarrow 85$, $20 \leftrightarrow 89$, $20 \leftrightarrow 95$, $20 \leftrightarrow 98$, $20 \leftrightarrow 99$, $20 \leftrightarrow 100$, $20 \leftrightarrow 107$, $20 \leftrightarrow 111$, $20 \leftrightarrow 133$, $20 \leftrightarrow 140$, $20 \leftrightarrow 143$, $21 \leftrightarrow 10$, $21 \leftrightarrow 16$, $21 \leftrightarrow 17$, $21 \leftrightarrow 46$, $21 \leftrightarrow 83$, $21 \leftrightarrow 93$, $21 \leftrightarrow 103$, $21 \leftrightarrow 109$, $21 \leftrightarrow 113$, $21 \leftrightarrow 118$, $21 \leftrightarrow 119$, $21 \leftrightarrow 129$, $21 \leftrightarrow 144$, $22 \leftrightarrow 7$, $22 \leftrightarrow 52$, $22 \leftrightarrow 82$, $22 \leftrightarrow 91$, $22 \leftrightarrow 97$, $22 \leftrightarrow 114$, $22 \leftrightarrow 123$, $22 \leftrightarrow 127$, $22 \leftrightarrow 150$, $23 \leftrightarrow 15$, $23 \leftrightarrow 17$, $23 \leftrightarrow 24$, $23 \leftrightarrow 40$, $23 \leftrightarrow 45$, $23 \leftrightarrow 59$, $23 \leftrightarrow 60$, $23 \leftrightarrow 61$, $23 \leftrightarrow 90$, $23 \leftrightarrow 91$, $23 \leftrightarrow 93$, $23 \leftrightarrow 97$, $23 \leftrightarrow 105$, $23 \leftrightarrow 123$, $24 \leftrightarrow 42$, $24 \leftrightarrow 43$, $24 \leftrightarrow 50$, $24 \leftrightarrow 54$, $24 \leftrightarrow 60$, $24 \leftrightarrow 61$, $24 \leftrightarrow 79$, $24 \leftrightarrow 85$, $24 \leftrightarrow 90$, $24 \leftrightarrow 96$, $24 \leftrightarrow 109$, $24 \leftrightarrow 113$, $24 \leftrightarrow 141$, $25 \leftrightarrow 56$, $25 \leftrightarrow 74$, $25 \leftrightarrow 75$, $25 \leftrightarrow 87$, $25 \leftrightarrow 89$, $25 \leftrightarrow 92$, $25 \leftrightarrow 98$, $25 \leftrightarrow 103$, $25 \leftrightarrow 112$, $25 \leftrightarrow 118$, $25 \leftrightarrow 140, 25 \leftrightarrow 150, 26 \leftrightarrow 13, 26 \leftrightarrow 14, 26 \leftrightarrow 24, 26 \leftrightarrow 50, 26 \leftrightarrow 64, 26 \leftrightarrow 66, 26 \leftrightarrow 71,$ $26 \leftrightarrow 95, \ 26 \leftrightarrow 105, \ 26 \leftrightarrow 108, \ 26 \leftrightarrow 117, \ 26 \leftrightarrow 147, \ 27 \leftrightarrow 7, \ 27 \leftrightarrow 23, \ 27 \leftrightarrow 39, \ 27 \leftrightarrow 68,$ $27 \leftrightarrow 89$, $27 \leftrightarrow 97$, $27 \leftrightarrow 100$, $27 \leftrightarrow 101$, $27 \leftrightarrow 104$, $27 \leftrightarrow 140$, $27 \leftrightarrow 141$, $27 \leftrightarrow 144$, $28 \leftrightarrow 18, 28 \leftrightarrow 44, 28 \leftrightarrow 48, 28 \leftrightarrow 68, 28 \leftrightarrow 75, 28 \leftrightarrow 103, 28 \leftrightarrow 126, 28 \leftrightarrow 145, 29 \leftrightarrow 4$ $29 \leftrightarrow 18, 29 \leftrightarrow 33, 29 \leftrightarrow 71, 29 \leftrightarrow 79, 29 \leftrightarrow 88, 29 \leftrightarrow 102, 29 \leftrightarrow 111, 29 \leftrightarrow 120, 29 \leftrightarrow 129,$ $29 \leftrightarrow 136, 29 \leftrightarrow 150, 30 \leftrightarrow 36, 30 \leftrightarrow 45, 30 \leftrightarrow 62, 30 \leftrightarrow 78, 30 \leftrightarrow 109, 30 \leftrightarrow 144, 31 \leftrightarrow 10$ $31 \leftrightarrow 11$, $31 \leftrightarrow 15$, $31 \leftrightarrow 29$, $31 \leftrightarrow 33$, $31 \leftrightarrow 42$, $31 \leftrightarrow 67$, $31 \leftrightarrow 83$, $31 \leftrightarrow 87$, $31 \leftrightarrow 125$, $31 \leftrightarrow 134$, $32 \leftrightarrow 17$, $32 \leftrightarrow 44$, $32 \leftrightarrow 51$, $32 \leftrightarrow 73$, $32 \leftrightarrow 76$, $32 \leftrightarrow 89$, $32 \leftrightarrow 96$, $32 \leftrightarrow 136$, $33 \leftrightarrow 3$, $33 \leftrightarrow 27$, $33 \leftrightarrow 47$, $33 \leftrightarrow 70$, $33 \leftrightarrow 75$, $33 \leftrightarrow 102$, $33 \leftrightarrow 103$, $33 \leftrightarrow 109$, $33 \leftrightarrow 140$, $33 \leftrightarrow 146, 33 \leftrightarrow 149, 34 \leftrightarrow 3, 34 \leftrightarrow 14, 34 \leftrightarrow 39, 34 \leftrightarrow 87, 34 \leftrightarrow 90, 34 \leftrightarrow 93, 34 \leftrightarrow 110,$ $34 \leftrightarrow 112, 34 \leftrightarrow 119, 35 \leftrightarrow 10, 35 \leftrightarrow 14, 35 \leftrightarrow 57, 35 \leftrightarrow 94, 35 \leftrightarrow 100, 35 \leftrightarrow 101,$ $35 \leftrightarrow 109, 35 \leftrightarrow 134, 35 \leftrightarrow 138, 35 \leftrightarrow 139, 35 \leftrightarrow 150, 36 \leftrightarrow 6, 36 \leftrightarrow 8, 36 \leftrightarrow 12, 36 \leftrightarrow 20,$ $36 \leftrightarrow 21$, $36 \leftrightarrow 38$, $36 \leftrightarrow 48$, $36 \leftrightarrow 72$, $36 \leftrightarrow 111$, $36 \leftrightarrow 113$, $36 \leftrightarrow 122$, $36 \leftrightarrow 126$, $37 \leftrightarrow 1$, $37 \leftrightarrow 7$, $37 \leftrightarrow 28$, $37 \leftrightarrow 46$, $37 \leftrightarrow 48$, $37 \leftrightarrow 51$, $37 \leftrightarrow 70$, $37 \leftrightarrow 95$, $37 \leftrightarrow 98$, $37 \leftrightarrow 119$, $37 \leftrightarrow 139$, $37 \leftrightarrow 146$, $37 \leftrightarrow 150$, $38 \leftrightarrow 18$, $38 \leftrightarrow 27$, $38 \leftrightarrow 39$, $38 \leftrightarrow 64$, $38 \leftrightarrow 65$, $38 \leftrightarrow 72$, $38 \leftrightarrow 76$, $38 \leftrightarrow 90$, $38 \leftrightarrow 94$, $38 \leftrightarrow 104$, $38 \leftrightarrow 110$, $38 \leftrightarrow 123$, $38 \leftrightarrow 148$, $39 \leftrightarrow 1$, $39 \leftrightarrow 6$, $39 \leftrightarrow 8, 39 \leftrightarrow 23, 39 \leftrightarrow 82, 39 \leftrightarrow 87, 39 \leftrightarrow 90, 39 \leftrightarrow 97, 39 \leftrightarrow 99, 39 \leftrightarrow 101, 39 \leftrightarrow 106,$ $39 \leftrightarrow 110, 39 \leftrightarrow 124, 39 \leftrightarrow 139, 39 \leftrightarrow 140, 40 \leftrightarrow 2, 40 \leftrightarrow 4, 40 \leftrightarrow 7, 40 \leftrightarrow 33, 40 \leftrightarrow 44,$ $40 \leftrightarrow 52$, $40 \leftrightarrow 61$, $40 \leftrightarrow 92$, $40 \leftrightarrow 95$, $40 \leftrightarrow 104$, $40 \leftrightarrow 109$, $40 \leftrightarrow 127$, $41 \leftrightarrow 9$, $41 \leftrightarrow 20$, $41 \leftrightarrow 42$, $41 \leftrightarrow 47$, $41 \leftrightarrow 58$, $41 \leftrightarrow 66$, $41 \leftrightarrow 69$, $41 \leftrightarrow 77$, $41 \leftrightarrow 85$, $41 \leftrightarrow 86$, $41 \leftrightarrow 94$, $41 \leftrightarrow 108$, $41 \leftrightarrow 120$, $41 \leftrightarrow 124$, $41 \leftrightarrow 128$, $41 \leftrightarrow 135$, $41 \leftrightarrow 144$, $42 \leftrightarrow 21$, $42 \leftrightarrow 23$, $42 \leftrightarrow 55$, $42 \leftrightarrow 64$, $42 \leftrightarrow 73$, $42 \leftrightarrow 75$, $42 \leftrightarrow 90$, $42 \leftrightarrow 110$, $43 \leftrightarrow 8$, $43 \leftrightarrow 17$, $43 \leftrightarrow 55$, $43 \leftrightarrow 66, \ 43 \leftrightarrow 104, \ 43 \leftrightarrow 109, \ 43 \leftrightarrow 131, \ 43 \leftrightarrow 132, \ 43 \leftrightarrow 140, \ 43 \leftrightarrow 146, \ 44 \leftrightarrow 2,$ $44 \leftrightarrow 8$, $44 \leftrightarrow 20$, $44 \leftrightarrow 23$, $44 \leftrightarrow 36$, $44 \leftrightarrow 42$, $44 \leftrightarrow 57$, $44 \leftrightarrow 72$, $44 \leftrightarrow 84$, $44 \leftrightarrow 89$, $44 \leftrightarrow 116, 44 \leftrightarrow 144, 45 \leftrightarrow 8, 45 \leftrightarrow 9, 45 \leftrightarrow 34, 45 \leftrightarrow 37, 45 \leftrightarrow 40, 45 \leftrightarrow 51, 45 \leftrightarrow 57,$ $45 \leftrightarrow 84$, $45 \leftrightarrow 89$, $45 \leftrightarrow 100$, $45 \leftrightarrow 101$, $45 \leftrightarrow 104$, $45 \leftrightarrow 120$, $45 \leftrightarrow 121$, $45 \leftrightarrow 139$, $45 \leftrightarrow 142$, $46 \leftrightarrow 17$, $46 \leftrightarrow 47$, $46 \leftrightarrow 73$, $46 \leftrightarrow 96$, $46 \leftrightarrow 99$, $46 \leftrightarrow 115$, $46 \leftrightarrow 127$, $46 \leftrightarrow 143$, $46 \leftrightarrow 150$, $47 \leftrightarrow 20$, $47 \leftrightarrow 22$, $47 \leftrightarrow 44$, $47 \leftrightarrow 50$, $47 \leftrightarrow 59$, $47 \leftrightarrow 86$, $47 \leftrightarrow 112$, $47 \leftrightarrow 116, 47 \leftrightarrow 122, 47 \leftrightarrow 145, 48 \leftrightarrow 20, 48 \leftrightarrow 46, 48 \leftrightarrow 57, 48 \leftrightarrow 78, 48 \leftrightarrow 88, 48 \leftrightarrow 91,$ $48 \leftrightarrow 99$, $48 \leftrightarrow 110$, $48 \leftrightarrow 111$, $48 \leftrightarrow 115$, $48 \leftrightarrow 118$, $48 \leftrightarrow 124$, $48 \leftrightarrow 145$, $48 \leftrightarrow 150$, $49 \leftrightarrow 24$, $49 \leftrightarrow 29$, $49 \leftrightarrow 51$, $49 \leftrightarrow 61$, $49 \leftrightarrow 69$, $49 \leftrightarrow 75$, $49 \leftrightarrow 82$, $49 \leftrightarrow 96$, $49 \leftrightarrow 99$, $49 \leftrightarrow 104, \ 49 \leftrightarrow 106, \ 49 \leftrightarrow 107, \ 49 \leftrightarrow 115, \ 49 \leftrightarrow 142, \ 49 \leftrightarrow 146, \ 49 \leftrightarrow 147, \ 50 \leftrightarrow 5,$ $50 \leftrightarrow 15$, $50 \leftrightarrow 40$, $50 \leftrightarrow 48$, $50 \leftrightarrow 77$, $50 \leftrightarrow 92$, $50 \leftrightarrow 94$, $50 \leftrightarrow 116$, $50 \leftrightarrow 129$, $50 \leftrightarrow 140$, $51 \leftrightarrow 62$, $51 \leftrightarrow 63$, $51 \leftrightarrow 78$, $51 \leftrightarrow 79$, $51 \leftrightarrow 87$, $51 \leftrightarrow 89$, $51 \leftrightarrow 123$, $51 \leftrightarrow 126$, $51 \leftrightarrow 143$, $51 \leftrightarrow 146, 51 \leftrightarrow 149, 52 \leftrightarrow 31, 52 \leftrightarrow 98, 52 \leftrightarrow 120, 52 \leftrightarrow 123, 52 \leftrightarrow 126, 52 \leftrightarrow 133,$ $52 \leftrightarrow 139$, $53 \leftrightarrow 49$, $53 \leftrightarrow 52$, $53 \leftrightarrow 58$, $53 \leftrightarrow 60$, $53 \leftrightarrow 83$, $53 \leftrightarrow 104$, $53 \leftrightarrow 129$, $53 \leftrightarrow 141$, $53 \leftrightarrow 142$, $53 \leftrightarrow 145$, $54 \leftrightarrow 8$, $54 \leftrightarrow 10$, $54 \leftrightarrow 20$, $54 \leftrightarrow 27$, $54 \leftrightarrow 31$, $54 \leftrightarrow 39$, $54 \leftrightarrow 51$, $54 \leftrightarrow 68$, $54 \leftrightarrow 81$, $54 \leftrightarrow 86$, $54 \leftrightarrow 99$, $54 \leftrightarrow 116$, $54 \leftrightarrow 120$, $54 \leftrightarrow 126$, $54 \leftrightarrow 140$, $55 \leftrightarrow 6$, $55 \leftrightarrow 10$, $55 \leftrightarrow 22$, $55 \leftrightarrow 25$, $55 \leftrightarrow 41$, $55 \leftrightarrow 54$, $55 \leftrightarrow 56$, $55 \leftrightarrow 63$, $55 \leftrightarrow 66$, $55 \leftrightarrow 84$, $55 \leftrightarrow 98$, $55 \leftrightarrow 102$, $55 \leftrightarrow 103$, $55 \leftrightarrow 112$, $55 \leftrightarrow 123$, $55 \leftrightarrow 124$, $55 \leftrightarrow 128$,

 $94 \leftrightarrow 29$, $94 \leftrightarrow 48$, $94 \leftrightarrow 51$, $94 \leftrightarrow 55$, $94 \leftrightarrow 60$, $94 \leftrightarrow 66$, $94 \leftrightarrow 75$, $94 \leftrightarrow 78$, $94 \leftrightarrow 99$, $94 \leftrightarrow 102, 94 \leftrightarrow 125, 94 \leftrightarrow 135, 94 \leftrightarrow 136, 94 \leftrightarrow 138, 95 \leftrightarrow 22, 95 \leftrightarrow 34, 95 \leftrightarrow 54,$ $95 \leftrightarrow 63$, $95 \leftrightarrow 75$, $95 \leftrightarrow 79$, $95 \leftrightarrow 82$, $95 \leftrightarrow 97$, $95 \leftrightarrow 98$, $95 \leftrightarrow 116$, $95 \leftrightarrow 119$, $95 \leftrightarrow 121$, $95 \leftrightarrow 128, 95 \leftrightarrow 149, 96 \leftrightarrow 9, 96 \leftrightarrow 26, 96 \leftrightarrow 35, 96 \leftrightarrow 50, 96 \leftrightarrow 60, 96 \leftrightarrow 86, 96 \leftrightarrow 118,$ $96 \leftrightarrow 119, 96 \leftrightarrow 132, 96 \leftrightarrow 134, 96 \leftrightarrow 135, 96 \leftrightarrow 148, 97 \leftrightarrow 11, 97 \leftrightarrow 14, 97 \leftrightarrow 16,$ $97 \leftrightarrow 35, 97 \leftrightarrow 37, 97 \leftrightarrow 44, 97 \leftrightarrow 57, 97 \leftrightarrow 77, 97 \leftrightarrow 89, 97 \leftrightarrow 100, 97 \leftrightarrow 137, 97 \leftrightarrow 139,$ $98 \leftrightarrow 41, 98 \leftrightarrow 44, 98 \leftrightarrow 48, 98 \leftrightarrow 50, 98 \leftrightarrow 54, 98 \leftrightarrow 60, 98 \leftrightarrow 97, 98 \leftrightarrow 99, 98 \leftrightarrow 100,$ $98 \leftrightarrow 105, 99 \leftrightarrow 15, 99 \leftrightarrow 19, 99 \leftrightarrow 23, 99 \leftrightarrow 33, 99 \leftrightarrow 36, 99 \leftrightarrow 57, 99 \leftrightarrow 68, 99 \leftrightarrow 95,$ $99 \leftrightarrow 110, 99 \leftrightarrow 114, 99 \leftrightarrow 119, 99 \leftrightarrow 126, 100 \leftrightarrow 13, 100 \leftrightarrow 17, 100 \leftrightarrow 23, 100 \leftrightarrow 25,$ 100 \leftrightarrow 31, 100 \leftrightarrow 34, 100 \leftrightarrow 37, 100 \leftrightarrow 44, 100 \leftrightarrow 50, 100 \leftrightarrow 59, 100 \leftrightarrow 72, 100 \leftrightarrow 74, $100 \leftrightarrow 81$, $100 \leftrightarrow 91$, $100 \leftrightarrow 120$, $101 \leftrightarrow 3$, $101 \leftrightarrow 11$, $101 \leftrightarrow 13$, $101 \leftrightarrow 16$, $101 \leftrightarrow 26$, 101 \leftrightarrow 28, 101 \leftrightarrow 38, 101 \leftrightarrow 43, 101 \leftrightarrow 65, 101 \leftrightarrow 75, 101 \leftrightarrow 92, 101 \leftrightarrow 106, 101 \leftrightarrow 110, $101 \leftrightarrow 130$, $101 \leftrightarrow 138$, $102 \leftrightarrow 20$, $102 \leftrightarrow 22$, $102 \leftrightarrow 25$, $102 \leftrightarrow 28$, $102 \leftrightarrow 49$, $102 \leftrightarrow 53$, $102 \leftrightarrow 80$, $102 \leftrightarrow 81$, $102 \leftrightarrow 101$, $102 \leftrightarrow 103$, $102 \leftrightarrow 106$, $102 \leftrightarrow 115$, $102 \leftrightarrow 133$, $102 \leftrightarrow 143$, $103 \leftrightarrow 2$, $103 \leftrightarrow 8$, $103 \leftrightarrow 10$, $103 \leftrightarrow 27$, $103 \leftrightarrow 31$, $103 \leftrightarrow 34$, $103 \leftrightarrow 37$, $103 \leftrightarrow 38$, $103 \leftrightarrow 45$, $103 \leftrightarrow 46$, $103 \leftrightarrow 48$, $103 \leftrightarrow 53$, $103 \leftrightarrow 57$, $103 \leftrightarrow 71$, $103 \leftrightarrow 106$, $103 \leftrightarrow 107$, $103 \leftrightarrow 113$, $103 \leftrightarrow 121$, $103 \leftrightarrow 143$, $103 \leftrightarrow 144$, $104 \leftrightarrow 18$, $104 \leftrightarrow 21$, $104 \leftrightarrow 22$, $104 \leftrightarrow 30$, $104 \leftrightarrow 87$, $104 \leftrightarrow 131$, $104 \leftrightarrow 134$, $104 \leftrightarrow 141$, $104 \leftrightarrow 150$, $105 \leftrightarrow 9$, $105 \leftrightarrow 11$, $105 \leftrightarrow 12$, $105 \leftrightarrow 27$, $105 \leftrightarrow 31$, $105 \leftrightarrow 34$, $105 \leftrightarrow 45$, $105 \leftrightarrow 70$, $105 \leftrightarrow 72$, $105 \leftrightarrow 87$, $105 \leftrightarrow 100$, $105 \leftrightarrow 107$, $105 \leftrightarrow 113$, $105 \leftrightarrow 122$, $105 \leftrightarrow 126$, $105 \leftrightarrow 130$, $106 \leftrightarrow 6$, $106 \leftrightarrow 26$, $106 \leftrightarrow 33$, $106 \leftrightarrow 41$, $106 \leftrightarrow 46$, $106 \leftrightarrow 48$, $106 \leftrightarrow 54$, $106 \leftrightarrow 60$, $106 \leftrightarrow 65$, $106 \leftrightarrow 68$, $106 \leftrightarrow 104$, $106 \leftrightarrow 110$, $106 \leftrightarrow 132$, $106 \leftrightarrow 139$, $106 \leftrightarrow 150$, $107 \leftrightarrow 10$, 107 \leftrightarrow 45, 107 \leftrightarrow 48, 107 \leftrightarrow 53, 107 \leftrightarrow 57, 107 \leftrightarrow 76, 107 \leftrightarrow 84, 107 \leftrightarrow 86, 107 \leftrightarrow 89, $107 \leftrightarrow 101$, $107 \leftrightarrow 111$, $107 \leftrightarrow 127$, $107 \leftrightarrow 142$, $107 \leftrightarrow 150$, $108 \leftrightarrow 6$, $108 \leftrightarrow 19$, $108 \leftrightarrow 23$, $108 \leftrightarrow 29$, $108 \leftrightarrow 35$, $108 \leftrightarrow 51$, $108 \leftrightarrow 57$, $108 \leftrightarrow 59$, $108 \leftrightarrow 70$, $108 \leftrightarrow 74$, $108 \leftrightarrow 86$, $108 \leftrightarrow 99$, $109 \leftrightarrow 10$, $109 \leftrightarrow 36$, $109 \leftrightarrow 38$, $109 \leftrightarrow 42$, $109 \leftrightarrow 50$, $109 \leftrightarrow 68$, $109 \leftrightarrow 71$, $109 \leftrightarrow 74$, $109 \leftrightarrow 77$, $109 \leftrightarrow 103$, $109 \leftrightarrow 115$, $109 \leftrightarrow 139$, $109 \leftrightarrow 140$, $109 \leftrightarrow 149$, $110 \leftrightarrow 1$, $110 \leftrightarrow 10$, $110 \leftrightarrow 15$, $110 \leftrightarrow 26$, $110 \leftrightarrow 41$, $110 \leftrightarrow 122$, $110 \leftrightarrow 138$, $111 \leftrightarrow 13$, $111 \leftrightarrow 23$, $111 \leftrightarrow 24$, $111 \leftrightarrow 25$, $111 \leftrightarrow 37$, $111 \leftrightarrow 50$, $111 \leftrightarrow 52$, $111 \leftrightarrow 73$, $111 \leftrightarrow 75$, 111 \leftrightarrow 79, 111 \leftrightarrow 88, 111 \leftrightarrow 100, 111 \leftrightarrow 114, 111 \leftrightarrow 126, 111 \leftrightarrow 137, 111 \leftrightarrow 141, $111 \leftrightarrow 145$, $111 \leftrightarrow 147$, $112 \leftrightarrow 4$, $112 \leftrightarrow 12$, $112 \leftrightarrow 14$, $112 \leftrightarrow 15$, $112 \leftrightarrow 17$, $112 \leftrightarrow 27$, 112 \leftrightarrow 30, 112 \leftrightarrow 31, 112 \leftrightarrow 40, 112 \leftrightarrow 41, 112 \leftrightarrow 42, 112 \leftrightarrow 44, 112 \leftrightarrow 46, 112 \leftrightarrow 52, $112 \leftrightarrow 60$, $112 \leftrightarrow 81$, $112 \leftrightarrow 93$, $112 \leftrightarrow 99$, $112 \leftrightarrow 105$, $113 \leftrightarrow 17$, $113 \leftrightarrow 39$, $113 \leftrightarrow 40$, 113 \leftrightarrow 44, 113 \leftrightarrow 47, 113 \leftrightarrow 62, 113 \leftrightarrow 78, 113 \leftrightarrow 94, 113 \leftrightarrow 140, 114 \leftrightarrow 39, 114 \leftrightarrow 45, $114 \leftrightarrow 46$, $114 \leftrightarrow 47$, $114 \leftrightarrow 54$, $114 \leftrightarrow 62$, $114 \leftrightarrow 75$, $114 \leftrightarrow 79$, $114 \leftrightarrow 126$, $114 \leftrightarrow 127$, $114 \leftrightarrow 137$, $114 \leftrightarrow 147$, $115 \leftrightarrow 37$, $115 \leftrightarrow 41$, $115 \leftrightarrow 43$, $115 \leftrightarrow 62$, $115 \leftrightarrow 96$, $115 \leftrightarrow 101$, 115 ↔ 117, 115 ↔ 123, 115 ↔ 128, 116 ↔ 3, 116 ↔ 12, 116 ↔ 29, 116 ↔ 49, 116 ↔ 107, $116 \leftrightarrow 120$, $116 \leftrightarrow 138$, $116 \leftrightarrow 141$, $117 \leftrightarrow 6$, $117 \leftrightarrow 13$, $117 \leftrightarrow 14$, $117 \leftrightarrow 63$, $117 \leftrightarrow 72$, $117 \leftrightarrow 75$, $117 \leftrightarrow 78$, $117 \leftrightarrow 98$, $117 \leftrightarrow 104$, $117 \leftrightarrow 113$, $117 \leftrightarrow 119$, $117 \leftrightarrow 126$, 117 \leftrightarrow 147, 118 \leftrightarrow 3, 118 \leftrightarrow 6, 118 \leftrightarrow 9, 118 \leftrightarrow 10, 118 \leftrightarrow 18, 118 \leftrightarrow 35, 118 \leftrightarrow 42, $118 \leftrightarrow 61$, $118 \leftrightarrow 72$, $118 \leftrightarrow 82$, $118 \leftrightarrow 86$, $118 \leftrightarrow 106$, $118 \leftrightarrow 130$, $119 \leftrightarrow 11$, $119 \leftrightarrow 16$, $119 \leftrightarrow 32$, $119 \leftrightarrow 33$, $119 \leftrightarrow 46$, $119 \leftrightarrow 57$, $119 \leftrightarrow 77$, $119 \leftrightarrow 87$, $119 \leftrightarrow 107$, $119 \leftrightarrow 111$, $119 \leftrightarrow 120$, $119 \leftrightarrow 134$, $119 \leftrightarrow 137$, $120 \leftrightarrow 4$, $120 \leftrightarrow 67$, $120 \leftrightarrow 75$, $120 \leftrightarrow 85$, $120 \leftrightarrow 91$, $120 \leftrightarrow 107$, $120 \leftrightarrow 145$, $120 \leftrightarrow 147$, $121 \leftrightarrow 9$, $121 \leftrightarrow 26$, $121 \leftrightarrow 33$, $121 \leftrightarrow 47$, $121 \leftrightarrow 51$, $121 \leftrightarrow 59$, $121 \leftrightarrow 91$, $121 \leftrightarrow 101$, $121 \leftrightarrow 108$, $121 \leftrightarrow 128$, $121 \leftrightarrow 145$, $122 \leftrightarrow 20$, $122 \leftrightarrow 24$, $122 \leftrightarrow 28$, $122 \leftrightarrow 49$, $122 \leftrightarrow 56$, $122 \leftrightarrow 81$, $122 \leftrightarrow 92$, $122 \leftrightarrow 104$, $122 \leftrightarrow 146$, $123 \leftrightarrow 2$, $123 \leftrightarrow 19$, $123 \leftrightarrow 21$, $123 \leftrightarrow 30$, $123 \leftrightarrow 66$, $123 \leftrightarrow 67$, $123 \leftrightarrow 76$, $123 \leftrightarrow 87$, $123 \leftrightarrow 99$, $123 \leftrightarrow 114$, $123 \leftrightarrow 131$, $123 \leftrightarrow 141$, $124 \leftrightarrow 19$, $124 \leftrightarrow 26$, $124 \leftrightarrow 28$, $124 \leftrightarrow 30$, $124 \leftrightarrow 32$, $124 \leftrightarrow 40$, $124 \leftrightarrow 62$, $124 \leftrightarrow 68$, $124 \leftrightarrow 76$, $124 \leftrightarrow 80$, $124 \leftrightarrow 88$, $124 \leftrightarrow 105$, $124 \leftrightarrow 115$, $124 \leftrightarrow 117$, $124 \leftrightarrow 122$, $125 \leftrightarrow 1$, $125 \leftrightarrow 9$, $125 \leftrightarrow 12$, $125 \leftrightarrow 15$, $125 \leftrightarrow 33$, $125 \leftrightarrow 41$, $125 \leftrightarrow 42$, $125 \leftrightarrow 58$, $125 \leftrightarrow 65$, $125 \leftrightarrow 80$, $125 \leftrightarrow 83$, $125 \leftrightarrow 92$, $125 \leftrightarrow 120$, $126 \leftrightarrow 2$, $126 \leftrightarrow 31$, $126 \leftrightarrow 41$, $126 \leftrightarrow 50$, $126 \leftrightarrow 71$, $126 \leftrightarrow 85$, $126 \leftrightarrow 96$, $126 \leftrightarrow 98$, $126 \leftrightarrow 137$, 127 \leftrightarrow 28, 127 \leftrightarrow 34, 127 \leftrightarrow 57, 127 \leftrightarrow 59, 127 \leftrightarrow 92, 127 \leftrightarrow 108, 127 \leftrightarrow 136, 127 \leftrightarrow 150, $128 \leftrightarrow 14$, $128 \leftrightarrow 21$, $128 \leftrightarrow 23$, $128 \leftrightarrow 45$, $128 \leftrightarrow 50$, $128 \leftrightarrow 52$, $128 \leftrightarrow 100$, $128 \leftrightarrow 107$, $128 \leftrightarrow 117$, $128 \leftrightarrow 127$, $128 \leftrightarrow 141$, $129 \leftrightarrow 12$, $129 \leftrightarrow 27$, $129 \leftrightarrow 31$, $129 \leftrightarrow 34$, $129 \leftrightarrow 52$,

In[687]:= Ut = graphTree

Out[687]= $\{1 \leftrightarrow 145, 6 \leftrightarrow 1, 13 \leftrightarrow 6, 15 \leftrightarrow 13, 7 \leftrightarrow 15, 10 \leftrightarrow 7, 4 \leftrightarrow 10, 12 \leftrightarrow 4, 14 \leftrightarrow 12, 18 \leftrightarrow 14, 18 \leftrightarrow 18, 18 \leftrightarrow 1$ $21 \leftrightarrow 18$, $30 \leftrightarrow 21$, $16 \leftrightarrow 30$, $41 \leftrightarrow 16$, $31 \leftrightarrow 41$, $50 \leftrightarrow 31$, $9 \leftrightarrow 50$, $37 \leftrightarrow 9$, $20 \leftrightarrow 37$, $2 \leftrightarrow 20$, $28 \leftrightarrow 2$, $38 \leftrightarrow 28$, $33 \leftrightarrow 38$, $8 \leftrightarrow 33$, $3 \leftrightarrow 8$, $23 \leftrightarrow 3$, $19 \leftrightarrow 23$, $77 \leftrightarrow 19$, $70 \leftrightarrow 77$, $81 \leftrightarrow 70$, $45 \leftrightarrow 81$, $47 \leftrightarrow 45$, $11 \leftrightarrow 47$, $53 \leftrightarrow 11$, $55 \leftrightarrow 53$, $40 \leftrightarrow 55$, $26 \leftrightarrow 40$, $39 \leftrightarrow 26$, $24 \leftrightarrow 39$, $44 \leftrightarrow 24$, $25 \leftrightarrow 44$, $49 \leftrightarrow 25$, $65 \leftrightarrow 49$, $46 \leftrightarrow 65$, $5 \leftrightarrow 46$, $34 \leftrightarrow 5$, $60 \leftrightarrow 34$, $64 \leftrightarrow 60, 29 \leftrightarrow 64, 54 \leftrightarrow 29, 43 \leftrightarrow 54, 63 \leftrightarrow 43, 42 \leftrightarrow 63, 58 \leftrightarrow 42, 75 \leftrightarrow 58, 32 \leftrightarrow 75,$ $62 \leftrightarrow 32$, $27 \leftrightarrow 62$, $36 \leftrightarrow 27$, $51 \leftrightarrow 36$, $48 \leftrightarrow 51$, $92 \leftrightarrow 48$, $57 \leftrightarrow 92$, $22 \leftrightarrow 57$, $66 \leftrightarrow 22$, $72 \leftrightarrow 66, 61 \leftrightarrow 72, 107 \leftrightarrow 61, 74 \leftrightarrow 107, 95 \leftrightarrow 74, 35 \leftrightarrow 95, 83 \leftrightarrow 35, 17 \leftrightarrow 83, 68 \leftrightarrow 17,$ $59 \leftrightarrow 68$, $71 \leftrightarrow 59$, $85 \leftrightarrow 71$, $78 \leftrightarrow 85$, $82 \leftrightarrow 78$, $100 \leftrightarrow 82$, $56 \leftrightarrow 100$, $113 \leftrightarrow 56$, $69 \leftrightarrow 113$, $105 \leftrightarrow 69$, $73 \leftrightarrow 105$, $79 \leftrightarrow 73$, $102 \leftrightarrow 79$, $87 \leftrightarrow 102$, $52 \leftrightarrow 87$, $76 \leftrightarrow 52$, $93 \leftrightarrow 76$, $86 \leftrightarrow 93$, $88 \leftrightarrow 86$, $80 \leftrightarrow 88$, $123 \leftrightarrow 80$, $101 \leftrightarrow 123$, $99 \leftrightarrow 101$, $90 \leftrightarrow 99$, 111 \leftrightarrow 90, 96 \leftrightarrow 111, 112 \leftrightarrow 96, 129 \leftrightarrow 112, 94 \leftrightarrow 129, 134 \leftrightarrow 94, 67 \leftrightarrow 134, 104 \leftrightarrow 67, $91 \leftrightarrow 104$, $117 \leftrightarrow 91$, $103 \leftrightarrow 117$, $98 \leftrightarrow 103$, $84 \leftrightarrow 98$, $116 \leftrightarrow 84$, $106 \leftrightarrow 116$, $97 \leftrightarrow 106$, $132 \leftrightarrow 97$, $130 \leftrightarrow 132$, $114 \leftrightarrow 130$, $125 \leftrightarrow 114$, $124 \leftrightarrow 125$, $150 \leftrightarrow 124$, $119 \leftrightarrow 150$, $136 \leftrightarrow 119, 109 \leftrightarrow 136, 144 \leftrightarrow 109, 131 \leftrightarrow 144, 110 \leftrightarrow 131, 127 \leftrightarrow 110, 120 \leftrightarrow 127,$ $140 \leftrightarrow 120$, $140 \leftrightarrow 89$, $137 \leftrightarrow 89$, $121 \leftrightarrow 137$, $126 \leftrightarrow 121$, $147 \leftrightarrow 126$, $147 \leftrightarrow 115$, $122 \leftrightarrow 115$, $128 \leftrightarrow 122$, $138 \leftrightarrow 128$, $135 \leftrightarrow 138$, $142 \leftrightarrow 135$, $142 \leftrightarrow 118$, $118 \leftrightarrow 143$, $146 \leftrightarrow 143$, $108 \leftrightarrow 146$, $149 \leftrightarrow 143$, $135 \leftrightarrow 141$, $148 \leftrightarrow 138$, $122 \leftrightarrow 139$, $130 \leftrightarrow 133$ }

```
In[688]:= t3 = AbsoluteTime[]
Out[688]= 3.7366261465604042 \times 10^9
In[689]:= deltas = Reap[For[i=1, i \le Length[Un], i++,
                        \tau = Un[[i]][1];
                        \rho = \mathsf{Un}[i][2];
                        \tilde{\delta} = 0;
                        Sow \left[ \delta_{\mathsf{Un}[i]}^{\mathsf{Un}[i]} \right] = -    dirs [\tau] * \tilde{\delta} ];
                         \text{If} \big[ \text{depth}[\![\tau]\!] > \text{depth}[\![\rho]\!], \ \tilde{\delta} = 1, \ \tau = \text{Un}[\![i]\!][\![2]\!]; \ \rho = \text{Un}[\![i]\!][\![1]\!]; \ \tilde{\delta} = -1 \big]; 
                        depthDelta = depth[[τ]] - depth[[ρ]];
                        For [j = 0, j < depth Delta, j++,
                          ver = pred[[τ]];
                          If [dirs [\tau] > 0, rib = ver \leftrightarrow \tau, rib = \tau \leftrightarrow \text{ver}];
                          Sow \left[ \delta_{\text{rib}[1],\text{rib}[2]}^{\text{Un}[1]} \rightarrow \text{dirs}[\tau] * \tilde{\delta} \right];
                          \tau = \text{ver};
                        ];
                        If [\tau \neq \rho]
                          While True,
                            predT = pred[[τ]];
                            predRho = pred[[\rho]];
                            If [dirs \llbracket \tau \rrbracket > 0, ribT = predT \leftrightarrow \tau, ribT = \tau \leftrightarrow \text{predT}];
                            If[dirs[\rho]] > 0, ribRho = predRho \leftrightarrow \rho, ribRho = \rho \leftrightarrow predRho];
                            Sow \left[ \delta_{\text{ribT[1]},\text{ribT[2]}}^{\text{Un[i]}} \rightarrow \text{dirs[[\tau]]} \star \tilde{\delta} \right];
                            Sow \left[ \delta_{\text{ribRho}[1],\text{ribRho}[2]}^{\text{Un}[i]} \rightarrow \text{dirs}[\rho] * \tilde{\delta} * -1 \right];
                            \tau = predT;
                            \rho = predRho;
                            If [\tau = \rho, Break[]]
                    [2] // Flatten // Dispatch
                                              Length: 100 138
Out[689]= Dispatch[
In[690]:= t3 = AbsoluteTime[] - t3
Out[690]= 7.9066438
In[691]:= unLen = Length [Un]
Out[691]= 1851
In[692]:= t5 = AbsoluteTime[]
Out[692]= 3.7366261545005697 \times 10^9
ln[693]:= zeroDelta = \left(\delta_{a_{-},b_{-}}^{d\rightarrow e}\right) \rightarrow 0 // Dispatch
```

Out[693]= Dispatch | | | | | | |

```
In[694] = gSol =
                                                                      \left(\mathbf{x}_{\#[1],\#[2]} \rightarrow \mathbf{Sum}\left[\mathbf{x}_{\mathsf{Un}[1],[1],\mathsf{Un}[1],[2]} * \delta_{\#[1],\#[2]}^{\mathsf{Un}[1]},\{\mathbf{i},\mathbf{1},\mathsf{unLen}\}\right] + \tilde{\mathbf{x}}_{\#[1],\#[2]}\right) /. \, \mathsf{pSol} \, /. \, \mathsf{deltas} \, /. \,
                                                                                                  zeroDelta & /@Ut
                                                                             \left\{ x_{1,145} 
ightarrow 9 - x_{7,145} - x_{14,145} - x_{28,145} - x_{47,145} - x_{48,145} - x_{53,145} - x_{72,145} - x_{91,145} - x_{93,145} - x_{111,145} - x_{91,145} - x
                                                                                                        X_{120,145} - X_{121,145} - X_{131,145} + X_{145,3} + X_{145,16} + X_{145,20} + X_{145,21} + X_{145,41} + X_{145,44} +
                                                                                                       X_{145,69} + X_{145,73} + X_{145,75} + X_{145,83} + X_{145,98} + X_{145,112} + X_{145,130} + X_{145,137} + X_{145,138}
Out[694]=
                                                                                     ... 147 ..., X_{130,133} \rightarrow \dots 17 \dots + X_{133,30} + X_{133,39} + X_{133,65} + X_{133,68} + X_{133,70} - X_{134,133}
                                                                         large output
                                                                                                                                                                                                  show less
                                                                                                                                                                                                                                                                                                           show more
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             show all
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              set size limit...
    In[695]:= t5 = AbsoluteTime[] - t5
Out[695]= 12.3077840
    In[696]:= t8 = AbsoluteTime[] - t8
Out[696]= 20.9947697
    In[697]:= t6 = AbsoluteTime[]
Out[697]= 3.7366261668392857 \times 10^9
    ln[698] = sys = (Total[Join[Select[edges, MatchQ[# \leftrightarrow _]], -Select[edges, MatchQ[_ \leftrightarrow #]]]] & /@
                                                                                                                                                   vertex /. (a_{\rightarrow} b_{\rightarrow}) \rightarrow x_{a,b} [#] == weight[#]) & /@ vertex
                                                                            X_{1,2} + X_{1,4} + X_{1,5} + X_{1,9} + X_{1,18} + X_{1,22} + X_{1,27} + X_{1,41} + X_{1,46} + X_
                                                                                                       X_{1,50} + X_{1,55} + X_{1,66} + X_{1,67} + X_{1,71} + X_{1,107} + X_{1,145} - X_{6,1} - X_{14,1} - X_{16,1} -
                                                                                                       x_{37,1} - x_{39,1} - x_{75,1} - x_{79,1} - x_{110,1} - x_{125,1} - x_{134,1} - x_{146,1} - x_{149,1} = -4
                                                                                   Out[698]=
                                                                                    \cdots 144 \cdots, \cdots 1 \cdots = -2,
                                                                                     \cdots 40 \cdots + X_{\dots 1 \dots} + X_{150,69} + X_{150,72} + X_{150,91} + X_{150,94} +
                                                                                                        X_{150,114} + X_{150,124} + X_{150,130} + X_{150,132} + X_{150,148} + X_{150,149} = 0
                                                                          large output
                                                                                                                                                                                                  show less
                                                                                                                                                                                                                                                                                                           show more
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             show all
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              set size limit...
    In[699]:= t6 = AbsoluteTime[] - t6
Out[699]= 57.5523526
    In[700]:= sys /. gSol
Out[700]= {True, True, T
                                                                 True, 
                                                                  True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True,
                                                                 True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True,
                                                                  True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True,
                                                                 True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True,
                                                                  True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                 True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                 True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                 True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True,
```

True, True)

t6

57.5523526

12,3077840

t7

1.505877

```
In[701]:= t7 = AbsoluteTime[]
Out[701]= 3.7366262251356668 \times 10^9
       In[702]:= sol = Solve[sys]
                                                                                                                                            \left\{ \left. \left\{ x_{93,64} \rightarrow 6 - x_{26,64} - x_{29,64} - x_{38,64} - x_{42,64} + x_{64,4} + x_{64,60} + x_{64,66} + x_{64,71} + x_{64,75} + x_{6
                                                                                                                                                                                                              X_{64,79} + X_{64,80} + X_{64,104} + X_{64,113} + X_{64,125} + X_{64,127} + X_{64,144} + X_{64,146} + X_{64,147} - X_{73,64}
                                                                                                                                                                          X_{99,95} \rightarrow \cdots 29 \cdots + X_{\cdots 1 \cdots 1}, \cdots 145 \cdots, \cdots 1 \cdots
                                                                                                                                                                          x_{150,149} \rightarrow -2 + x_{1,2} + x_{1,4} + x_{1,5} + x_{1,18} + x_{1,41} + x_{1,46} + x_{1,55} + x_{1,67} + x_{1
Out[702]=
                                                                                                                                                                                                              X_{1,71} + X_{1,107} + \cdots 1155 \cdots + X_{142,118} + X_{143,21} + X_{143,23} + X_{143,65} + X_{143,132} - \cdots
                                                                                                                                                                                                              X_{146,1} - X_{146,29} - X_{146,143} - X_{147,128} - X_{148,6} - X_{148,24} - X_{148,84} + X_{149,7}
                                                                                                                                     large output
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                show less
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              show more
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             show all
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              set size limit...
       In[703]:= sys /. sol
Out[703]= {{True, True, 
                                                                                                                                         True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                                                                                       True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                                                                                       True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True,
                                                                                                                                       True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                                                                                       True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                                                                                       True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                                                                                       True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                                                                                       True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                                                                                       True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
                                                                                                                                       True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, True, 
       ln[704]:= t7 = AbsoluteTime[] - t7
Out[704]= 1.5058771
       In[705]:= TableForm[{{t1, t2, t3, t4, t5, t6, t7, t8}},
                                                                                                                      TableHeadings \rightarrow {None, {"t1", "t2", "t3", "t4", "t5", "t6", "t7", "t8"}}]
```

0.2926922

Out[705]//TableForm=

0.3335216

t2

0.1205858

7.9066438