1 Brouillon

1.1 Analyse d'un bloc de base

Le programme parcourt les blocs de base linéairement en mettant à jour la liste de prédicats.

Nous définissons d'abord une fonction d'invalidation d'une variable dans la liste de prédicats, qui consiste à supprimer tous les prédicats qui utilisent cette variable.

```
invalidate var p =
  {predicate ∈ p | var ∉ predicate}
```

Il s'agit maintenant de définir l'effet de la lecture de chaque instruction sur la liste de prédicats. Exemple sur un premier cas trivial :

```
t [NOP] p =
   p (* rien ne change *)
```

La fonction de traduction t opère sur une instruction (ici NOP) et la liste de prédicats p.

Regardons maintenant comment est traitée l'instruction d'assignation d'une variable à une autre variable (SET) :

```
t [SET d a] p = (d = a) @ (invalidate d p)
```

Un nouveau prédicat d = a est généré après qu'on ait invalidé d, c'est-àdire qu'on ait supprimé tous les prédicats qui contiennent t. De même pour l'instruction SETI qui assigne une constante à une variable.

```
t [SETI d cst] p =
    (d = a) @ (invalidate d p)

t [CMP d a b] p =
    (d = a ~ b) @ (invalidate d p)
```

Cet opérateur ~ bien spécifique aux langages d'assembleur sert à se souvenir que d contient des informations sur la comparaison entre a et b.

Pour la suite nous allons avoir besoin de la fonction update qui sert à remplacer toutes les occurences d'une variable var par l'expression expr dans la liste de prédicats p :

```
update var expr p =
  {predicate[expr / var] | predicate ∈ p}
```

où la syntaxe predicate[expr / var] dénote ici le prédicat où le terme var est remplacé par l'expression expr.

```
t [ADD d a b] p =
   if (d = a) then (* d <- d+b *)
       (update d (d - b) p)
   else if (d = b) (* d <- a+d *)
       (update d (d + a) p)
   else
       (d = a + b) @ (invalidate d p)
t [SUB d a b] p =
   if (d = a) then
       if (d = b) then (* d <- d-d *)
          (update d 0 p)
       else (* d <- d-b *)
          (update d (d+b) p)
   else
       if (d = b) then (* d <- a-d *)
          (update d (a-d) p)
       else (* d <- a-b *)
          (d = a - b) @ (invalidate d p)
t [MUL d a b] p =
   if (d = a) then
       if (d = b) then (* d <- d*d *)
          (* impossible de remplacer d par \sqrt{d}, on invalide *)
          (0 \le d) @ (invalidate d p)
       else (* d <- d*b *)
          (* on rajoute un predicat pour indiquer que d est
             divisible par b *)
          (d \% b = 0) @ (update d (d/b) p)
   else
       if (d = b) then (* d <- a*d *)
          (d \% a = 0) @ (update d (d/a) p)
       else (* d <- a*b *)
          (d = a * b) @ (invalidate d p)
t [DIV d a b] p =
   if (d = a) then
       if (d = b) then (* d <- d/d *)
          (d = 1) @ (invalidate d p)
       else (* d <- d/b *)
          (* impossible de remplacer d par (d*b),
             on a perdu de l'information ! *)
          (invalidate d p)
   else
       if (d = b) then (* d <- a/d *)
```

```
(invalidate d p)
else (* d <- a/b *)
  (d = a / b) @ (invalidate d p)</pre>
```

Pour illustrer le problème de l'instruction DIV, prenons le cas où l'on a $\{t1 = 7, t2 = 3\}$ et une instruction [DIV t1 t1 t2]. En remplaçant t1 par t1 * t2, on obtiendrait $\{(t1 * t2 = 7), (t2 = 3)\}$, c'est-à-dire (t1 * 3 = 7), ce qui est impossible puisqu'on travaille sur des entiers!

```
t [MOD d a b] p =
  if (d = a or d = b)
    (invalidate d p)
  else
    (d = a % b) @ (invalidate d p)
```

Nous utiliserons dans la suite une fonction eval qui cherche la valeur **constante** pour une variable. La fonction eval parcourt donc la liste des prédicats à la recherche de prédicats du type (var = 2) permettant d'identifier la valeur de var.

```
t [ASR d a b] p =
   let b_val = eval b in
   if b_val is undefined then
        (invalidate d p)
   else
        let factor = 2 ** b_val in
        if (d = a) then (* d <- d>>b *)
            (update d (d / factor) p)
        else (* d <- a>>b *)
            (d = a / factor) @ (invalidate d p)

t [NEG d a] =
   if (a = d) (* d <- -d *)
        (update d (-d) p)
   else (* d <- -a *)
        (d = -a) @ (invalidate d p)</pre>
```

1.2 Brouillon1

2 Objectif

2.1 WCET, enjeux (systèmes critiques etc)

Améliorer l'estimation de WCET

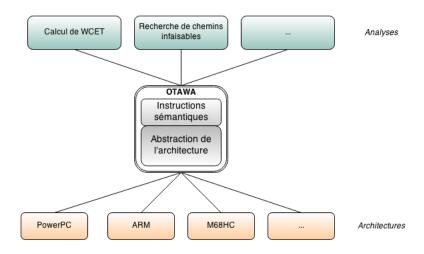


Figure 1: OTAWA permet aux analyses de s'abstraire de l'architecture

3 Solution

Explication : calcul de WCET par IPET, max d'un système ILP Solution = Recherche de chemins infaisables pour améliorer l'estimation du WCET

Parler des outils choisis (OTAWA + CVC4?)

4 Structures de données utilisées

La représentation des prédicats (associés à un Edge) => représentation également de la mémoire Traduction des prédicats dans le solveur SMT

5 Structure de l'algorithme

CFG: Représentation du programme sous la forme de graphe On parcourt tous les chemins On les représente sous la forme de prédicats (on y associe un arc du CFG On fait des appels au SMT pour vérifier la satisfiabilité Retourne la liste de prédicats On génère les contraintes ILP

Instruction	Sémantique
NOP	(rien)
BRANCH	
TRAP	Indicateurs du flot du programme
CONT	
IF cond sr jump	si la condition cond sur le registre sr est vraie, continuer,
	sinon sauter jump instructions
LOAD reg addr type	$reg \leftarrow \texttt{MEM}_{type}$
STORE reg addr type	$\texttt{MEM}_{\texttt{type}} \leftarrow \texttt{reg}$
SCRATCH d	$d \leftarrow \top (invalidation)$
SET d a	$d \leftarrow a$
SETI d cst	$d \leftarrow cst$
SETP d cst	$page(d) \leftarrow cst$
CMP d a b	d ← a ~ b
CMPU d a b	$d \leftarrow a \sim_{unsigned} b$
ADD d a b	$d \leftarrow a + b$
SUB d a b	$d \leftarrow a - b$
SHL d a b	$d \leftarrow unsigned(a) << b$
SHR d a b	$d \leftarrow unsigned(a) >> b$
ASR d a b	$d \leftarrow a \gg b$
NEG d a	$d \leftarrow -a$
NOT d a	d ← ¬a
AND d a b	$d \leftarrow a \& b$
OR d a b	$d \leftarrow a \mid b$
XOR d a b	$d \leftarrow a \oplus b$
MUL d a b	$d \leftarrow a \times b$
MULU d a b	$d \leftarrow unsigned(a) \times unsigned(b)$
DIV d a b	$d \leftarrow a / b$
DIVU d a b	$d \leftarrow unsigned(a) / unsigned(b)$
MOD d a b	d ← a % b
MODU d a b	$d \leftarrow unsigned(a) \% unsigned(b)$
SPEC	(instruction spéciale non supportée par OTAWA)

En gris : les instructions qui ne sont pas (encore) traitées par notre analyse.

Figure 2: Liste des instructions sémantiques d'OTAWA