

Daniel Culliver

35-1-4 Atlas zlomků

Každý zlomek v základním tvaru je podíl dvou nesoudělných čísel.

Neboli zlomek $\frac{X}{Y}$, kde $X \nmid Y$.

Tedy pro každý Y , musíme vygenerovat $Y - d_{\mathbb{D}_Y} + 1$ zlomků, kde $d_{\mathbb{D}_Y}$ je délka množiny \mathbb{D}_Y , která vyjadřuje množinu všech dělitelů čísla Y . Je potřeba přičíst 1, abychom počítali se zlomkem $\frac{1}{Y}$

Zatím vychází, že pro generování zlomků pro jmenovatele Y je potřeba vypsat $Y - d_{\mathbb{D}_Y} + 1$ zlomků. Ještě musíme započítat hledání všech dělitelů čísla Y , který využívá algoritmus s časovou komplexitou $O(Y^{\frac{1}{3}})$. Protože tato komplexita je třetí mocninou Y , zanedbáme ji a budeme dál počítat jen s množstvím operací $Y - d_{\mathbb{D}_Y} + 1$, protože roste téměř lineárně.

Kvůli zanedbatelného růstu množiny \mathbb{D}_Y , celé generování zlomků bychom mohli zjednodušit na:

$$\sum_{Y=1}^N Y = \frac{N(N+1)}{2}$$

Což vychází jako časová komplexita $O(N^2)$.

Tato časová komplexita vychází i kdybychom iterovali přes všechny možnosti a odstranili nevhodné zlomky. Tudíž bych očekával, že rychlejší algoritmus existuje, ale nenapadá mě.

Dobrou zprávou je, že paměťová složitost algoritmu je velmi dobrá.

Protože každé Y vyžaduje jenom množinu \mathbb{D} , abychom věděli které čitatele přeskočit, paměťová složitost algoritmu je jenom $O(\max(d_{\mathbb{D}_Y}))$, nebo-li největší velikost množiny \mathbb{D}_Y (Nemusí být nutně \mathbb{D}_N) což bych neočekával že by ani dosáhlo řádu stovek (vzhledem k tomu že časová složitost bude limitujícím faktorem)