能力强化 (intensify)

【题目描述】

小 C 是一名某回合制战斗游戏的新手玩家。在该游戏的战斗中,一共有 m 项能力,且在战斗开始时,每项能力的等级均为 0 级。

小 C 有 n 个强化技能,每个技能都有一定的强化效果。具体地,对于第 i 个技能,每次使用时,会等概率随机选取 m 项能力中的一项,将该项能力的等级提升 a_i 级。

战斗中,小 C 每个回合可以选择一个技能使用一次。每个技能在整个战斗中的使用次数没有限制。

另外,能力等级有一个上限 k。如果某项能力的等级提升后超过了 k 级的上限,该能力等级将变为 k 级。

作为新手的小 C 并不会什么战斗技巧,只会从战斗的第一回合开始,每个回合等概率随机使用 n 个强化技能中的一个,一旦所有能力的等级均达到上限 k 级,小 C 就会停止强化,开始进攻。

现在,小 C 的问题是,从战斗开始到所有能力等级均达到上限,期望需经过多少个回合?

【输入格式】

从文件 intensify.in 中读入数据。

第二行包含 n 个正整数 a_1, a_2, \dots, a_n , 描述了每个技能的效果。

【输出格式】

输出到文件 intensify.out 中。

输出一行一个整数,表示期望经过的回合数在模 998244353 意义下的取值。

即设答案化为最简分式后的形式为 $\frac{a}{b}$,其中 a 和 b 互质。输出整数 x 使得 $bx \equiv a$ (mod 998244353) 且 $0 \le x < 998244353$ 。可以证明这样的整数 x 是唯一的。

【样例1输入】

1 2 1

1

【样例 1 输出】

【样例1解释】

由于只有1个技能,小C只能每个回合都使用同一个技能。

第 1 回合,有 $\frac{1}{2}$ 概率将第 1 项能力提升至 1 级, $\frac{1}{2}$ 概率将第 2 项能力提升至 1 级。 无论哪种情况,之后需要将另一项能力提升至 1 级,经过的回合数的期望为 2。 因此,期望经过 1+2=3 回合能使 2 项能力均提升至 1 级。

【样例 2 输入】

2 2 3

1 2

【样例 2 输出】

834469895

【样例2解释】

答案为 $\frac{789}{128}$ 。由于 $128\times834469895\equiv789\pmod{998244353}$,应输出 834469895。

【样例3输入】

3 5 5

1 2 4

【样例3输出】

997243672

【提示】

 $x^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$, 其中 p 为质数, $x \in [1, p)$ 。

【子任务】 本题共 25 个测试点,每个测试点 4 分。各个测试点的数据范围如下:

测试点编号	n	m	k
1	≤ 5	= 1	≤ 5
2			
3	≤ 10		≤ 10
4	≤ 5	≤ 3	≤ 3
5		≤ 4	≤ 4
6		≤ 5	≤ 5
7			
8	≤ 20	≤ 8	≤ 8
9		≤ 10	≤ 10
10		≤ 12	≤ 12
11		≤ 15	≤ 20
12		≤ 20	≤ 15
13			≤ 20
14	≤ 30	≤ 25	≤ 25
15			≤ 30
16		≤ 30	≤ 25
17			≤ 30
18			
19	≤ 40	≤ 40	≤ 40
20	≤ 50	≤ 50	≤ 50
21	≤ 60	≤ 60	≤ 60
22	≤ 70	≤ 70	≤ 70
23	≤ 80	≤ 80	≤ 80
24	≤ 90	≤ 90	≤ 90
25	≤ 100	≤ 100	≤ 100

对于所有的测试点,保证 $1 \le a_i \le k$ 。