全国青少年信息学奥林匹克竞赛

CCF NOI 2018

第一试

时间: 2018 年 7 月 18 日 08:00 ~ 13:00

题目名称	归程	冒泡排序	你的名字
题目类型	传统型	传统型	传统型
目录	return	inverse	name
可执行文件名	return	inverse	name
输入文件名	return.in	inverse.in	name.in
输出文件名	return.out	inverse.out	name.out
每个测试点时限	4.0 秒	1.0 秒	4.0 秒
内存限制	512 MB	512 MB	1 GB
测试点/包数目	20	25	25
测试点是否等分	是	是	是

提交源程序文件名

对于 C++ 语言	return.cpp	inverse.cpp	name.cpp
对于 C 语言	return.c	inverse.c	name.c
对于 Pascal 语言	return.pas	inverse.pas	name.pas

编译选项

对于 C++ 语言	-O2 -1m
对于 C 语言	-O2 -1m
对于 Pascal 语言	-02

注意事项:

- 1、提交的源文件必须存放在已建立好的下发样例的文件夹中(该文件夹与试题同名)。
- 2、文件名(包括程序名和输入输出文件名)必须使用英文小写。
- 3、结果比较方式为忽略行末空格、文末回车后的全文比较。
- 4、C/C++ 中函数 main() 的返回值类型必须是 int, 值为 0。
- 5、对于因未遵守以上规则对成绩造成的影响,相关申诉不予受理。

归程 (return)

【题目背景】

本题的故事发生在魔力之都,在这里我们将为你介绍一些必要的设定。

魔力之都可以抽象成一个 n 个节点、m 条边的无向连通图(节点的编号从 1 至 n)。 我们依次用 l,a 描述一条边的长度、海拔。

作为季风气候的代表城市,魔力之都时常有雨水相伴,因此道路积水总是不可避免的。由于整个城市的排水系统连通,因此**有积水的边一定是海拔相对最低的一些边**。

我们用**水位线**来描述降雨的程度,它的意义是: 所有海拔**不超过**水位线的边都是**有**积**水**的。

【题目描述】

Yazid 是一名来自魔力之都的 OIer, 刚参加完 ION2018 的他将踏上归程, 回到他温暖的家。

Yazid 的家恰好在魔力之都的 1 号节点。对于接下来 Q 天,每一天 Yazid 都会告诉你他的出发点 v ,以及当天的水位线 p。

每一天,Yazid 在出发点都拥有一辆车。这辆车由于一些故障不能经过有积水的边。 Yazid 可以在任意节点下车,这样接下来他就可以步行经过有积水的边。但车会被留在 他下车的节点并不会再被使用。

- 需要特殊说明的是,第二天车会被重置,这意味着:
 - 车会在新的出发点被准备好。
 - Yazid 不能利用之前在某处停放的车。

Yazid 非常讨厌在雨天步行,因此他希望在完成回家这一目标的同时,最小化他步行经过的边的总长度。请你帮助 Yazid 进行计算。

本题的部分测试点将强制在线,具体细节请见【输入格式】和【子任务】。

【输入格式】

从文件 return.in 中读入数据。

单个测试点中包含多组数据。输入的第一行为一个非负整数 T,表示数据的组数。接下来依次描述每组数据,对于每组数据:

- 第一行 2 个非负整数 n, m,分别表示节点数、边数。
- 接下来 m 行,每行 4 个正整数 u,v,l,a,描述一条连接节点 u,v 的、长度为 l、海 拔为 a 的边。
 - 在这里,我们保证 $1 \le u, v \le n$ 。

- 接下来一行 3 个非负数 Q, K, S,其中 Q 表示总天数, $K \in \{0, 1\}$ 是一个会在下面被用到的系数,S 表示的是可能的最高水位线。
- 接下来 Q 行依次描述每天的状况。每行 2 个整数 v_0, p_0 描述一天:
 - 这一天的出发节点为 $v = (v_0 + K \times lastans 1) \mod n + 1$ 。
 - 这一天的水位线为 $p = (p_0 + K \times lastans) \mod (S + 1)$ 。
 - 其中 lastans 表示上一天的答案(最小步行总路程)。特别地,我们规定第 1 天时 lastans = 0。
 - 在这里, 我们保证 1 ≤ v_0 ≤ n, 0 ≤ p_0 ≤ S 。

对于输入中的每一行,如果该行包含多个数,则用单个空格将它们隔开。

【输出格式】

输出到文件 return.out 中。

依次输出各组数据的答案。对于每组数据:

• 输出 Q 行每行一个整数, 依次表示每天的最小步行总路程。

【样例1输入】

- 1
- 4 3
- 1 2 50 1
- 2 3 100 2
- 3 4 50 1
- 5 0 2
- 3 0
- 2 1
- 4 1
- 3 1
- 3 2

【样例1输出】

- 0
- 50
- 200
- 50
- 150

【样例1解释】

第一天没有降水, Yazid 可以坐车直接回到家中。

第二天、第三天、第四天的积水情况相同,均为连接 1,2 号节点的边、连接 3,4 号点的边有积水。

对于第二天,Yazid 从 2 号点出发坐车只能去往 3 号节点,对回家没有帮助。因此Yazid 只能纯靠徒步回家。

对于第三天,从4号节点出发的唯一一条边是有积水的,车也就变得无用了。Yazid只能纯靠徒步回家。

对于第四天,Yazid 可以坐车先到达 2 号节点,再步行回家。

第五天所有的边都积水了,因此 Yazid 只能纯靠徒步回家。

【样例 2 输入】

1

5 5

1 2 1 2

2 3 1 2

4 3 1 2

5 3 1 2

1 5 2 1

4 1 3

5 1

5 2

2 0

4 0

【样例 2 输出】

0

2

3

1

【样例2解释】

本组数据强制在线。

第一天的答案是 0,因此第二天的 $v = (5+0-1) \mod 5 + 1 = 5$, $p = (2+0) \mod (3+1) = 2$ 。

第二天的答案是 2,因此第三天的 $v = (2+2-1) \mod 5 + 1 = 4$, $p = (0+2) \mod (3+1) = 2$ 。

第三天的答案是 3,因此第四天的 $v = (4+3-1) \mod 5 + 1 = 2$, $p = (0+3) \mod (3+1) = 3$ 。

【样例 3】

见选手目录下的 return/return3.in 与 return/return3.ans。

【样例 4】

见选手目录下的 return/return4.in 与 return/return4.ans。

【样例 5】

见选手目录下的 return/return5.in 与 return/return5.ans。

【子任务】

所有测试点均保证 $T \le 3$,所有测试点中的所有数据均满足如下限制:

- $n \le 2 \times 10^5$, $m \le 4 \times 10^5$, $Q \le 4 \times 10^5$, $K \in \{0, 1\}$, $1 \le S \le 10^9$.
- 对于所有边: $l \le 10^4$, $a \le 10^9$ 。
- 任意两点之间都直接或间接通过边相连。

为了方便你快速理解,我们在表格中使用了一些简单易懂的表述。在此,我们对这些内容作形式化的说明:

- 图形态:对于表格中该项为"一棵树"或"一条链"的测试点,保证 m = n 1。除此之外,这两类测试点分别满足如下限制:
 - 一棵树:保证输入的图是一棵树,即保证边不会构成回路。
 - 一条链: 保证所有边满足 u+1=v。
- 海拔: 对于表格中该项为"一种"的测试点, 保证对于所有边有 a=1。
- 强制在线: 对于表格中该项为"是"的测试点,保证 K = 1; 如果该项为"否",则有 K = 0。
- 对于所有测试点,如果上述对应项为"不保证",则对该项内容不作任何保证。

\overline{n}	m	Q =	测试点	图形态	海拔	强制在线
<u>≤ 1</u>	≤ 0	0	1			
<u>≤</u> 6	≤ 10	10	2			
<u>≤ 50</u>	≤ 150	100	3	不保证	 一种	
≤ 100	≤ 300	200	4			否
≤ 1500	≤ 4000	2000	5			
≤ 200000	≤ 400000	100000	6			
≤ 1500	$= n - 1$ ≤ 400000		7	一条链	棵树 不保证	
		2000	8			
			9			
≤ 200000		100000	10	一棵树		
			11			是
			12			否
			13			
			14			
≤ 1500	≤ 4000	2000	15			
			16			
z 200000	≤ 400000 -	100000	17			是
			18			
≤ 200000		400000	19			
			20			

为了优化你的阅读体验,我们在表格中把测试点的编号放在了中间,请注意这一点。

【提示】

- 样例 3 满足海拔为一种,且不强制在线。
- 样例 4 满足图形态为一条链,且强制在线。
- 样例 5 满足不强制在线。

冒泡排序 (inverse)

【题目背景】

最近,小 S 对冒泡排序产生了浓厚的兴趣。为了问题简单,小 S 只研究对 1 **到** n 的排列的冒泡排序。

下面是对冒泡排序的算法描述。

输入: 一个长度为 n 的排列 p[1...n]
输出: p 排序后的结果。
for i = 1 to n do
for j = 1 to n - 1 do
if(p[i] > p[i + 1])
交换 p[i] 与 p[i + 1] 的值

冒泡排序的交换次数被定义为交换过程的执行次数。可以证明交换次数的一个下界是 $\frac{1}{2}\sum_{i=1}^{n}|i-p_{i}|$,其中 p_{i} 是排列 p 中第 i 个位置的数字。如果你对证明感兴趣,可以看提示。

【题目描述】

小 S 开始专注于研究长度为 n 的排列中,满足交换次数 = $\frac{1}{2}\sum_{i=1}^{n}|i-p_i|$ 的排列 (在后文中,为了方便,我们把所有这样的排列叫"好"的排列)。他进一步想,这样的排列到底多不多?它们分布的密不密集?

小 S 想要对于一个给定的长度为 n 的排列 q, 计算字典序严格大于 q 的 "好" 的排列个数。但是他不会做,于是求助于你,希望你帮他解决这个问题,考虑到答案可能会很大,因此只需输出答案对 998244353 取模的结果。

【输入格式】

从文件 inverse.in 中读入数据。

输入第一行包含一个正整数 T,表示数据组数。

对于每组数据,第一行有一个正整数 n, 保证 $n \le 6 \times 10^5$ 。

接下来一行会输入n个正整数,对应于题目描述中的 q_i ,保证输入的是一个1到n的排列。

【输出格式】

输出到文件 inverse.out 中。 输出共T 行,每行一个整数。 对于每组数据,输出一个整数,表示字典序严格大于 q 的 "好" 的排列个数对 998244353 取模的结果。

【样例1输入】

1

3

1 3 2

【样例1输出】

3

【样例1解释】

字典序比 1 3 2 大的排列中,除了 3 2 1 以外都是"好"的排列,故答案为 3。

【样例 2 输入】

1

4

1 4 2 3

【样例 2 输出】

9

【样例 3】

见选手目录下的 *inverse/inverse3.in* 与 *inverse/inverse3.ans*。

【子任务】

下面是对本题每个测试点的输入规模的说明。

对于所有数据,均满足T=5(样例可能不满足).

记 n_{max} 表示每组数据中 n 的最大值, $\sum n$ 表示所有数据的 n 的和。

测试点	$n_{max} =$	$\sum n \leq$	特殊性质
1	8		
2	9		
3	10		
4	12		
5	13		
6	14	$5n_{max}$	无
7	16	16	
8	10		
9	17		
10	10		
11	18		
12	122		$\forall i \ p_i = i$
13	144		
14	166	700	. 无
15	200		
16	233		
17	777		$\forall i \ p_i = i$
18	888	4000	
19	933	4000	无
20	1000		
21	266666		$\forall i \ p_i = i$
22	333333		
23	444444	2000000	无
24	555555		儿
25	600000		
	•		

【提示】

下面是对交换次数下界是 $\frac{1}{2}\sum_{i=1}^{n}|i-p_i|$ 的证明。

排序本质上就是数字的移动,因此排序的交换次数应当可以用数字移动的总距离来描述。对于第 i 个位置,假设在初始排列中,这个位置上的数字是 p_i ,那么我们需要将这个数字移动到第 p_i 个位置上,移动的距离是 $|i-p_i|$ 。从而移动的总距离就是 $\sum_{i=1}^n |i-p_i|$,而冒泡排序每次会交换两个相邻的数字,每次交换可以使移动的总距离至 多减少 2。因此 $\frac{1}{5}\sum_{i=1}^n |i-p_i|$ 是冒泡排序的交换次数的下界。

并不是所有的排列都达到了下界,比如在 n=3 的时候,考虑排列 3 2 1, 这个排列进行冒泡排序以后的交换次数是 3,但是 $\frac{1}{2}\sum_{i=1}^{n}|i-p_i|$ 只有 2。

你的名字 (name)

【题目背景】

实力强大的小 A 被选为了 ION2018 的出题人, 现在他需要解决题目的命名问题。

【题目描述】

小 A 被选为了 ION2018 的出题人,他精心准备了一道质量十分高的题目,且已经 把除了题目命名以外的工作都做好了。

由于 ION 已经举办了很多届,所以在题目命名上也是有规定的,ION 命题手册规定:每年由命题委员会规定一个小写字母字符串,我们称之为那一年的命名串,要求每道题的名字必须是那一年的命名串的一个非空连续子串,且不能和前一年的任何一道题目的名字相同。

由于一些特殊的原因,小 A 不知道 ION2017 每道题的名字,但是他通过一些特殊手段得到了 ION2017 的命名串,现在小 A 有 Q 次询问:每次给定 ION2017 的命名串和 ION2018 的命名串,求有几种题目的命名,使得这个名字一定满足命题委员会的规定,即是 ION2018 的命名串的一个非空连续子串且一定不会和 ION2017 的任何一道题目的名字相同。

由于一些特殊原因,所有询问给出的 ION2017 的命名串都是某个串的连续子串,详细可见输入格式。

【输入格式】

第一行一个字符串 S ,之后询问给出的 ION2017 的命名串都是 S 的连续子串。第二行一个正整数 O,表示询问次数。

接下来 Q 行,每行有一个字符串 T 和两个正整数 l,r,表示询问如果 ION2017 的命名串是 S[l..r],ION2018 的命名串是 T 的话,有几种命名方式一定满足规定。

保证输入中给出的字符串都是由小写字母构成的。

【输出格式】

输出O行,第i行一个非负整数表示第i个询问的答案。

【样例1输入】

scbamgepe

3

smape 2 7

sbape 3 8

sgepe 1 9

【样例1输出】

12

10

4

【样例 2】

见选手目录下的 name/name2.in 与 name/name2.ans。

【子任务】

测试点	<i>S</i> ≤	$Q \leq$	$\sum T \le$	询问限制	其他限制
1	200				
2			40000		$ T \le 200$
3	1000	200	200		
4	1000				
5			$5*10^5$		
6	$5*10^5$	1	0 * 10		无
7	3 * 10	1			
8	10^{5}		$2*10^{5}$		
9	10		2 * 10	对于所有询问有 $l=1, r= S $	字符串随机
10	$-2*10^5$		$4*10^{5}$		无
11	2 * 10	2 * 10°	4 * 10"		字符串随机
12	$3*10^{5}$		$6*10^5$		无
13	3 * 10	3 * 10°			字符串随机
14	$-4*10^5$	4 105	$* 10^5$ $8 * 10^5$	无	
15		0 * 10		字符串随机	
16	$5*10^5$	$5*10^5$ 10^5			无
17			10		
18	$2*10^{5}$				
19	$3*10^{5}$				
20	$4*10^{5}$		10^{6}		
21			10	无	
22					<i>)</i> L
23	$5*10^5$				
24					
25					

对于所有数据,保证 $1 \le l \le r \le |S|, 1 \le |T| \le 5 * 10^5$