# El sistema inglés

El sistema inglés, o también llamado sistema FPS (foot, pound, second – pie, libra, segundo), considera el peso como una cantidad física fundamental y la masa como una cantidad física derivada (Cuéllar, 2013). Este sistema se utiliza actualmente en Estados Unidos por lo que es muy común que la gente que emigra o viaja a Estados Unidos "sufra" un poco con el manejo de unidades, por lo que es conveniente utilizar factores de conversión al Sistema Internacional.

Magnitud fundamental	Unidad de medida en el sistema inglés	Unidad de medida en el SI	Unidad de medida en el CGS
Longitud	Pulgada (inche - in)	0.0254 m	2.54 cm
	Pie (foot - ft)	0.3048 m	30.48 cm
	Yarda (yard – yd)	0.9144 m	91.44 cm
	Milla (mile – mi)	1,609 m	
Masa	Libra (lb)	0.454 kg	454 g
	Onza (oz)	0.02835 kg	28.35 g
Tiempo	Galón (gal)	3.7851	3785 ml
	Onza líquida (fl oz)	0.02961	29.6 ml

Ejemplos de conversión entre los sistemas decimal e inglés:

# Ejemplo 9

A una persona que llega a un aeropuerto en Estados Unidos le cobran un sobrepeso en sus maletas, ya que su equipaje excedió en 25 lb del límite permitido. Esta persona tenía entendido que podía excederse 10 kg, ¿rebasó el límite?

#### Solución

La relación entre lb y kg es 1 lb = 0.454 kg.

$$\left(\frac{25,16}{1}\right)\left(\frac{0.454 \text{ kg}}{10}\right) = 11.35 \text{ kg}.$$

Por lo tanto, sí excedió el límite permitido, ya que 25 lb equivalen a 11.35 kg.

#### Ejemplo 10

Una persona en Estados Unidos necesita colocar un vidrio de 1.6 m de largo por 0.7 m de ancho, pero al ir a comprarlo no sabe las medidas en pies. ¿Cuáles son esas medidas?

#### Solución

La relación entre pies y metros es 1 ft = 0.3048 m

Largo: 
$$\left(\frac{1.6 \text{ fit}}{1}\right) \left(\frac{1 \text{ ft}}{0.3048 \text{ fit}}\right) = \frac{6 \text{ ft}}{0.3048} = 5.25 \text{ ft}$$
 Ancho:  $\left(\frac{0.7 \text{ m}}{1}\right) \left(\frac{\text{ft}}{0.5048 \text{ m}}\right) = \frac{0.7 \text{ ft}}{0.3048} = 2.3 \text{ ft}.$ 

Por lo tanto, el largo de 1.6 m equivale a 5.25 ft y el ancho de 0.7 m equivale a 2.3 ft

#### Ejemplo 11

Una persona que vive en Estados Unidos necesita pintar su casa y requiere 30 litros de pintura. Al ir a comprarla, se da cuenta que las etiquetas de las cubetas vienen marcadas en galones, no en litros. ¿Cuántos galones necesita comprar para pintar su casa?

#### Solución

La relación entre galones y litros es 1 gal = 3.785 lt.

$$\left(\frac{30.7}{1}\right)\left(\frac{1 \text{ gal}}{7857}\right) = \frac{30 \text{ gal}}{785} = 7.92 \text{ gal}.$$

Por lo tanto, necesitará comprar 8 gal de pintura, ya que 30 lt equivale a 7.92 gal.

#### Ejemplo 12

Una persona viaja en su automóvil de Estados Unidos a México a vacacionar. Su auto solamente marca mi/h, y entrando a México ve en la carretera que el límite de velocidad máxima es de 120 km/h. ¿A qué velocidad en mi/h necesita conducir para que no lo infraccionen?

#### Solución

La relación entre millas y kilómetros es 1 mi = 1609 m = 1.609 km

$$\left(\frac{120 \text{ Jem}}{\text{h}}\right) \left(\frac{1 \text{ mi}}{1.609 \text{ km}}\right) = \frac{120 \text{ mi}}{1.609 \text{ h}} = 74.58 \text{ mi/h}$$

Por lo tanto, necesitará conducir máximo 75 mi/h, ya que 120 km/h equivale a 74.58 mi/h

#### Ejemplo 13

A una madre primeriza le dice el pediatra que le dé\_2.5 oz de leche de soya a su bebé después de los seis meses, pero el biberón sólo marca en mililitros. ¿Cuál es la equivalencia?

#### Solución

La relación entre onzas y mililitros es 1 fl oz = 29.6 ml.

$$\left(\frac{2.5 \, \text{H ez}}{1}\right) \left(\frac{29.6 \, \text{ml}}{160 \, \text{ml}}\right) = 74 \, \text{ml}$$

Por tanto, necesitará darle a su bebé 74 ml de leche que equivalen a 2.5 fl oz.



# Notación científica

En muchas ocasiones vemos escritas o escuchamos hablar de cantidades demasiado grandes o muy pequeñas. Para simplificarlas, se utiliza la notación científica

Notación científica: es la que permite escribir grandes o pequeñas cantidades en forma abreviada con potencias de 10, con un número a la izquierda del punto decimal.

Cuando un número se eleva a una potencia, ésta nos indica las veces que el número se multiplica por sí mismo.

Ejemplo 14		
Elevar 5 al cuadrado	Elevar 6 al cubo	Elevar 2 a la quinta
Solución	Solución	Solución
5 <sup>2</sup> = 5 x 5 = 25	$6^3 = 6 \times 6 \times 6 = 216$	2 <sup>5</sup> = 2 x 2 x 2 x 2 x 2 x 2 = 32

En la notación científica los números se expresan como un producto: a x 10<sup>n</sup> donde:

a es un número real mayor o igual que 1 y menor que 10, llamado coeficiente; n es un número entero, que recibe el nombre de exponente u orden de magnitud.

En el caso de potencias con base 10, siempre será el número 10 el que esté elevado a una potencia:

## Ejemplo 15

```
10^{1} = 10

10^{2} = 10 \times 10 = 100

10^{3} = 10 \times 10 \times 10 = 1,000

10^{4} = 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 10,000

10^{5} = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 100,000
```

Como podrás notar, la potencia a la que está elevado el número 10 es igual al número de ceros que tendrá la cantidad final, antecedido de un 1.

#### Ejemplo 16

10<sup>7</sup> es igual a 1 seguido de siete ceros 10<sup>7</sup> = 10'000,000 10<sup>10</sup> es igual a 1 seguido de diez ceros 10<sup>10</sup> = 10,000'000,000 10<sup>12</sup> es igual a 1 seguido de doce ceros 10<sup>10</sup> = 1"000,000'000,000

Recuerda que las cifras van separadas en grupos de tres comenzando por la derecha, utiliza una coma baja (,) para separar los miles y una coma alta (') para separar los millones.

En cuanto a las potencias negativas de 10, equivale a dividir el número 1 entre 10 o 100 o 1,000 etc. y se expresa escribiendo 10 con el exponente negativo.

## Ejemplo 17

$$\frac{1}{10} = 0.1 = 10^{-1}$$

$$\frac{1}{10000} = 0.0001 = 10^{-2}$$

$$\frac{1}{10000} = 0.00001 = 10^{-5}$$

$$\frac{1}{10000} = 0.0001 = 10^{-5}$$

Cuando la base 10 está elevada a una potencia negativa, el resultado es igual a recorrer hacia la izquierda el punto decimal a partir del número 1, tantas veces como señale la potencia negativa.

#### Conversión de notación decimal a científica

Para representar un número pequeño en notación científica, el punto decimal se recorre a la derecha y la potencia queda negativa; el exponente se determina tomando cuantos lugares el punto se recorrió.

# Ejemplo 18

0,000156 = 1.56 x 10<sup>-4</sup>, ya que el punto se recorrió 4 lugares a la derecha.

0.0000982 = 9.82 x 10<sup>-5</sup>, ya que el punto se recorrió 5 lugares a la derecha.

0.00000023 = 2.3 x 10<sup>-7</sup>, ya que el punto se recorrió 7 lugares a la derecha.

0.000000006392 = 6.392 x 10<sup>-9</sup>, ya que el punto se recorrió 9 lugares a la derecha.

Como observarás, en la notación científica únicamente queda un número entero a la izquierda del punto decimal y varios números a la derecha del punto.

Para representar en notación científica un número grande o con muchos ceros, el punto decimal (que no se escribe, pero está hasta la derecha de la cantidad) se recorre a la izquierda tantos lugares como indica la potencia y la potencia queda positiva.

# Ejemplo 19

30000 = 3 x 104, ya que el punto se recorrió 4 lugares a la izquierda.

4,500,000 = 4.5 x 106, ya que el punto se recorrió 5 lugares a la izquierda.

820000000 = 8.2 x 108, ya que el punto se recorrió 8 lugares a la izquierda.

93,600,000,000 = 9.36 x 10<sup>10</sup>, ya que el punto se recorrió 10 lugares a la izquierda.

# Conversión de notación científica a decimal

Para pasar un número de notación científica a decimal, si la potencia es negativa el punto se recorre a la izquierda y se agregan ceros a la izquierda.

# Ejemplo 20

5.3 x 10<sup>-4</sup> = 0005.3 = 0.00053, ya que el punto se recorrió 4 lugares a la izquierda y se agregaron 3 ceros.

8.13 x 10<sup>-6</sup> = 0.00008,13 = 0.00000813, ya que el punto se recorrió 6 lugares a la izquierda y se agregaron 5 ceros.

3 x 10<sup>-8</sup>= 00000003 = 0.00000003, ya que el punto se recorrió 8 lugares a la izquierda y se agregaron 7 ceros.

Si la potencia es positiva el punto se recorre y se agregan ceros a la derecha.

# Ejemplo 21

7 x 10<sup>4</sup> = 70,000 = 70,000, ya que el punto se recorrió 4 lugares a la derecha y se agregaron 4 ceros.

5.6 x 10<sup>5</sup> = 5.60000 = 560,000, ya que el punto se recorrió 5 lugares a la derecha y se agregaron 4 ceros.

8.97 x 10<sup>7</sup>= 8.9700000 = 89'700,000, ya que el punto se recorrió 7 lugares a la derecha y se agregaron 5 ceros.

# Suma y resta de cantidades en notación científica

Cuando se suman o restan cantidades en notación científica, las potencias de 10 deben ser iguales, tomando como factor común la potencia de 10 y sumando o restando los coeficientes.

## Ejemplo 22

Sumar 8.3 x 104 + 9.1 x 104

#### Solución

Se toma como factor común la potencia de 10<sup>4</sup> y se suman los coeficientes: 10<sup>4</sup>(8.3 + 9.1) = 17.4 x 10<sup>4</sup>

Sumar 3.45 x 106 + 5.7 x 106

#### Solución

Se toma como factor común la potencia de 10<sup>6</sup> y se suman los coeficientes: 10<sup>6</sup>(3.45 + 5.7) = 9.15 x 10<sup>6</sup>

## Ejemplo 23

Restar 7.4 x 105 - 2.8 x 105

#### Solución

Se toma como factor común la potencia de 10<sup>5</sup> y se restan los coeficientes: 10<sup>5</sup>(7.4 – 2.8) = 4.6 x 10<sup>5</sup>

Restar 6.54 x 107 - 3.28 x 107

#### Solución

Se toma como factor común la potencia de 10<sup>7</sup> y se restan los coeficientes: 10<sup>7</sup>(6.54 – 3.28) = 3.26 x 10<sup>7</sup>

Cuando las potencias de 10 son diferentes, hay que expresar las cantidades en la misma potencia para que se puedan sumar o restar, como podremos ver en los ejemplos de la siguiente página.

## Ejemplo 24

Sumar 6.2 x 106 + 4.59 x 107

Puede haber dos posibles formas de solucionar:

#### Solución 1

#### Solución 2

Se pasa el 6.2 x 10<sup>6</sup> como potencia de 10<sup>7</sup> para poderlo tomar como factor común

Se pasa el 4.59 x 10<sup>7</sup> como potencia de 10<sup>6</sup> para poderlo tomar como factor común

$$6.2 \times 10^6 = 0.62 \times 10^7$$
  
 $10^7 (0.62 + 4.59) = 5.21 \times 10^7$ 

#### Ejemplo 25

Restar 8.5 x 108 - 2.9 x 107

Puede haber 2 posibles formas de solucionar:

#### Solución 1

#### Solución 2

Se pasa el 8.5 x 108 como potencia de 107 para poderlo tomar como factor común Se pasa el 2.9 x 10<sup>7</sup> como potencia de 10<sup>8</sup> para poderlo tomar como factor común

$$2.9 \times 10^7 = 0.29 \times 10^8$$
  
 $10^8 (8.5 - 0.29) = 8.21 \times 10^8$ 

# Multiplicación con notación científica.

Se multiplican primero los coeficientes, y para las potencias de 10 se aplica la ley de los exponentes de la multiplicación, la cual explica que cuando la base es la misma, los exponentes se suman algebraicamente:  $(x^m)(x^n) = x^{m+n}$ , por lo tanto, en potencias de 10 se aplica como  $(10^m)(10^n) = 10^{m+n}$ 

## Ejemplo 26

Multiplicar 450,000 x 9'200,000

#### Solución

Se convierten primero las cantidades a notación científica

450,000 = 4.5 x 105 9'200,000 = 9.2 x 106

Ahora se multiplican los coeficientes 4.5 x 9.2 = 41.4

Se suman los exponentes de las potencias de  $10 (10^5)(10^6) = 10^{5+6} = 10^{11}$ .

Por lo que el resultado es 41.4 x 1011 = 4.14 x 1012

Multiplicar 30,000 x 27'400,000

#### Solución

Se convierten primero las cantidades a notación científica

 $30.000 = 3 \times 10^4$   $27'400.000 = 2.74 \times 10^7$ 

Ahora se multiplican los coeficientes 3 x 2.74 = 8.22

Se suman los exponentes de las potencias de 10  $(10^4)(10^7) = 10^{4+7} = 10^{11}$ .

Por lo que el resultado es 8.22 x 1011.

Multiplicar  $(3.8 \times 10^4)(5.3 \times 10^6)$ 

Solución

Se multiplican los coeficientes  $3.8 \times 5.3 = 20.14$ 

Se suman los exponentes de las potencias de 10  $(10^4)(10^6) = 10^{4+6} = 10^{10}$ .

Por lo que el resultado es 20.14 x 1010 = 2.014 x 1011.

Multiplicar (5.2 x 10<sup>-3</sup>)(4.9 x 10<sup>-4</sup>)

Solución

Se multiplican los coeficientes  $5.2 \times 4.9 = 25.48$ 

Se suman los exponentes de las potencias de 10  $(10^{-3})(10^{-4}) = 10^{-3-4} = 10^{-7}$ .

Por lo que el resultado es 25.48 x 10-7 = 2.548 x 10-6.

#### División con notación científica

Se dividen primero los coeficientes, y para las potencias de 10 se aplica la ley de los exponentes de la división, la cual explica que cuando la base es la misma, los exponentes se restan algebraicamente:  $x^m / x^n = x^{m-n}$ , que en potencias de 10 aplica como  $10^m / 10^n = 10^{m-n}$ 

# Ejemplo 27

Dividir 840,000 + 3,000

Solución:

Se convierten primero las cantidades a notación científica

840,000 = 8.4 x 105 3000 = 3 x 103

Ahora se dividen los coeficientes  $\frac{4}{3}$  = 2.8

Se restan los exponentes de las potencias de 10

 $\frac{10^5}{10^3} = 10^{5-3} = 10^2$ 

Por lo que el resultado es 2.8 x 102

Dividir 9.35 x 1013 + 1.7 x 106

Solución

Se dividen los coeficientes  $\frac{9.35}{1.7}$  = 5.5

Se restan los exponentes de las potencias de 10

 $\frac{10^{13}}{10^6} = 10^{13-6} = 10^7$ 

Por lo que el resultado es 5.5 x 107

Dividir 8.64 x 10<sup>12</sup> + 1.8 x 10<sup>-4</sup>

Solución

Se dividen los coeficientes  $\frac{64}{1.8}$  = 4.8

Se restan los exponentes de las potencias de 10

 $\frac{10^{12}}{10^{-4}} = 10^{12 - (-4)} = 10^{16}$ 

Por lo que el resultado es 4.8 x 10<sup>16</sup>

# STATE OF THE PARTY OF THE PARTY

# Instrumentos de medición

Para este tema es importante recordar lo que significa medir:

Medir: es comparar una magnitud con otra de la misma especie, que de manera arbitraria o convencional se toma como base, unidad o patrón de medida.

(Pérez, 2013: 20)

Existen diferentes procedimientos para medir cantidades:

#### Contar

Consiste en determinar el número de elementos de un conjunto de objetos para proporcionar una medida exacta. Por ejemplo contar los alumnos que están dentro de un salón, el número de huevos que hay en un kilogramo.

#### Medición

Se realiza comparando un objeto con una unidad de medida patrón o estándar, utilizando para ello un instrumento de medición. Por ejemplo, para medir la estatura de un niño se hace con una cinta métrica o flexómetro, el peso de una fruta se hace en una balanza.

#### Medición indirecta

Aquella al realizar la medición de una variable, se puede calcular otra distinta, por la que estamos interesados. Por ejemplo, si queremos medir la altura de un edificio muy alto, se coloca un objeto paralelo a él y se miden las sombras tanto del edificio como del objeto, obteniendo la relación de uno y otro.

Actualmente sabemos que al momento de medir un objeto que es alterado o deformado en sus dimensiones, éstas se modifican.

Para disminuir estos errores inevitables en las mediciones nos apoyamos en la matemática estadística y en la teoría del error.

La incertidumbre en el proceso de medición (Álvarez, M. et al, 2011)

Todas las mediciones tienen asociada una incertidumbre que puede deberse a los siguientes factores:

- La naturaleza de la magnitud.
- El instrumento de medición.
- El observador.
- Las condiciones externas.

Cada factor es una fuente de incertidumbre e influye en la incertidumbre total de la medida, por eso la tarea de saberlas detectar y evaluar, requiere de varios conocimientos de la medición



En principio, es posible clasificar las fuentes de incertidumbre en dos conjuntos, como menciona Cuéllar (2013):

Errores circunstanciales o aleatorios

Resultan de factores inciertos y causan que las medidas sucesivas obtenidas se dispersen aleatoriamente alrededor de la medida real.

Errores Istemático

Se presentan de manera regular o constante en todas las lecturas de una cantidad física determinada y que siempre son mayores o menores que la medida real.

La exactitud de una medición también depende de la persona que la realiza, por lo que es necesario que, para medir correctamente con cualquier instrumento, se observe la escala de frente y la altura de los ojos para evitar el error de paralaje, que es el que se presenta cuando hay un cambio aparente de posición de un objeto mientras es observado desde diferentes ángulos.

Cuando se hace una medición, el resultado puede considerarse con precisión y exactitud que no son lo mismo:

# Exactitud

Se refiere a la proximidad entre el valor medido y el valor "verdadero" del objeto. Así pues, una medición es más exacta cuanto más pequeño es el error de medida

# Precisión

Es el grado de certeza entre los valores medidos de un mismo objeto, en mediciones repetidas y en condiciones especificadas. Suele expresarse numéricamente mediante medidas de dispersión tales como la desviación estándar o la varianza.

#### Errores en la medición

#### Error absoluto

Es la diferencia entre el valor medido y el valor promedio (Pérez, 2013), y se debe expresar de la siguiente manera:

 $M = m \pm \Delta m$  donde:

M = representación de la medida.

m = valor más probable de la medición (valor promedio).

Δm = intervalo de incertidumbre (error absoluto).

- El valor promedio (m) se calcula sumando todas las mediciones y dividiendo su resultado entre el número de mediciones realizadas (al igual que calculas tu promedio de calificaciones).
- El error absoluto (Δm) se calcula sumando los valores absolutos de las desviaciones medias, es decir, primero se resta cada medición menos el valor promedio.

#### Error relativo

Se obtiene dividiendo el error absoluto entre el valor promedio, esto es: Er = \Delta m/m

#### Error porcentual

Se obtiene multiplicando el error relativo por 100 para que se exprese en %, esto es: Ep = Er x 100

#### Ejemplo 28

Al medir 6 veces la longitud de un palo de escoba se obtuvieron las siguientes medidas: 1.56 m, 1.58 m, 1,55 m, 1.59 m, 1.57 m, 1.60 m Determina:

a) El valor más probable de la longitud del palo de escoba.

Se procede a calcular la media o promedio.  

$$m = \frac{1.56+1.58+1.55+1.59+1.57+1.60}{6} = \frac{9.45}{6} = 1.575$$

Por tanto, el valor más probable redondeado a 2 cifras (porque las mediciones se hicieron con 2 cifras) es m = 1.58 m (recuerda que en el redondeo si la última cifra significativa es 5 o mayor, la cifra anterior sube; si es 4 o menor se queda igual).

b) El error absoluto de la medida.

Se determinan las desviaciones absolutas de cada medida (recuerda que las barras horizontales | | significan valor absoluto, que es siempre el valor positivo del resultado).

$$|1.56 - 1.58| = |-0.02| = 0.02$$

$$|1.58 - 1.58| = |0| = 0$$

$$|1.55 - 1.58| = |-0.03| = 0.03$$

$$|1.59 - 1.58| = |0.01| = 0.01$$

$$|1.57 - 1.58| = |-0.01| = 0.01$$

$$|1.60 - 1.58| = |0.02| = 0.02$$

$$\Delta m = \frac{0.02 + 0 + 0.03 + 0.01 + 0.01 + 0.02}{6} = \frac{0.09}{6} = 0.015$$

Por lo tanto, el valor más probable redondeado a 2 cifras (porque las mediciones se hicieron con 2 cifras) es  $\Delta m = 0.02 m$ 

c) La longitud del palo de escoba se debe expresar así:

$$M = m + \Delta m$$
  
 $M = 1.58 \pm 0.02 \text{ m}$   
Lo que indica que estará entre  $1.58 - 0.02 = 1.56 \text{ y} 1.58 + 0.02 = 1.60 \text{ m},$   
es decir, la medida del palo de escoba estará entre  $1.56 \text{ y} 1.60 \text{ m}$ 

d) El error relativo de la medida

Se divide el error absoluto entre el valor más probable

$$E_r = \frac{\Delta m}{m} = \frac{0.02}{1.58} = 0.0126$$
  $E_r = 0.0126$ 

e) El error porcentual

Se multiplica el error relativo por 100

 $E_0 = E_1 \times 100$ 

 $E_p = 0.0126 \times 100 = 1.26$   $E_p = 1.26 \%$ 

Lo que indica que hay una variación de 1.26% entre las medidas realizadas

## Ejemplo 29

La Procuraduría Federal del Consumidor (Profeco), ha detectado que en las tortillerías no se están vendiendo kg completos. Inspecciona una de ellas con los siguientes resultados: 0.98 kg, 0.96 kg, 0.95 kg, 0.90 kg, 0.94 kg, 0.97 kg, 0.99 kg, 0.93 kg, 0.98 kg, 1.00 kg.

Determina:

a) El valor más probable de los kg de tortilla.

Se procede a calcular la media o promedio 
$$m = \frac{98+96+95+900+94+97+99+93+98+1}{10} = \frac{9.6}{10} = 0.96$$
Por lo tanto, el valor más probable es m = 0.96 kg

# b) El error absoluto de la medida.

Se determinan las desviaciones absolutas de cada medida (recuerda que las barras horizontales | | significan valor absoluto, que es siempre el valor positivo del resultado).

$$|0.98 - 0.96| = |0.02| = 0.02$$

$$|0.96 - 0.96| = |0.00| = 0.00$$

$$|0.95 - 0.96| = |-0.01| = 0.01$$

$$|0.90 - 0.96| = |-0.06| = 0.06$$

$$|0.94 - 0.96| = |-0.02| = 0.02$$

$$|0.97 - 0.96| = |0.01| = 0.01$$

$$|0.99 - 0.96| = |0.03| = 0.03$$

$$|0.93 - 0.96| = |-0.03| = 0.03$$

$$|0.98 - 0.96| = |0.02| = 0.02$$

$$|1.00 - 0.96| = |0.04| = 0.04$$

$$\Delta m = \frac{02+0+0.01+0.06+0.02+0.01+0.03+0.03+0.02+0.04}{10} = \frac{24}{10} = 0.024$$

Por lo tanto, el valor más probable redondeado a 2 cifras (porque las mediciones se hicieron con 2 cifras) es Δm = 0.02 kg

# c)¿Cómo se debe expresar el peso del kg de tortilla?

$$M = m + \Delta m$$

$$M = 0.96 \pm 0.02 \text{ kg}$$

Lo que indica que estará entre 0.96 – 0.02 = 0.94 y 0.96 + 0.02 = 0.98 kg, es decir, peso del kg de tortillas estará entre 0.94 y 0.98 kg

# d) El error relativo de la medida

Se divide el error absoluto entre el valor más probable.

$$E_r = \frac{\Delta m}{m} = \frac{0.02}{0.98} = 0.0204$$
  $E_r = 0.0204$ 

# e) El error porcentual

Se multiplica el error relativo por 100.

$$E_p = E_r \times 100$$
  $E_p = 0.0204 \times 100 = 2.04$   $E_p = 2.04 \%$ 

Lo que indica que hay una variación de 2.04% entre las medidas realizadas.

Después de revisar este tema, podemos comprender mejor la función de los instrumentos de medición, que nos ayudan a identificar y comparar magnitudes físicas.

Los instrumentos más utilizados en el mundo científico y comercial son:

#### Instrumentos para medir masa







Balanza granataria

Balanza Romana

Balanza digital

#### Instrumentos para medir longitud







Cinta métrica

regla graduada

Vernier

## Instrumentos para medir tiempo







Reloi de mano

Reloj de arena

Para medir volumenes:

- Pipeta
- Probeta
- Bureta
- Matraz aforado

## Para medir otras magnitudes:

- Colorímetro
- Microscopio
- Sismógrafo
- · pHmetro (mide el pH)
- Luxómetro (mide el nivel de iluminación)
- Sonómetro (mide niveles de presión sonora)
- · Dinamómetro (mide la fuerza)

- · Electrómetro (mide la carga)
- Amperimetro (mide la corriente eléctrica)

Para medir propiedades eléctricas:

- · Galvanómetro (mide la corriente)
- · Óhmetro (mide la resistencia)
- Voltímetro (mide la potencia)
- Multimetro (mide todos los valores anteriores)



# Vectores

Vector: representación de una magnitud física que tiene un origen, magnitud, dirección y sentido. Se representa con una letra mayúscula A o con una flecha encima A.

Una magnitud escalar es aquella que queda definida por un número y la unidad (Gutiérrez, 2010). Por ejemplo: la masa, el tiempo, la longitud, la densidad, el potencial eléctrico, el área, el volumen, la temperatura. Y que se representan así: 58 kg, 45 min, 1.65 m, 1.5 g/cm , 120 V, 25 m , 3 lt, 8° C

Estas cantidades escalares obedecen las reglas de las operaciones aritméticas, como en los siguientes ejemplos:

## Ejemplo 30

Sumar 8.5 m y 6 m	Restar 23 g de 58 g	Multiplicar 1.5 m y 0.8 m
Solución	Solución	Solución
8.5 m + 6 m = 14.5 m	58 g - 23 g = 35 g	1.5 m x 0.8 m = 1.2 m <sup>2</sup>

Las magnitudes vectoriales son aquellas que, además de magnitud, tienen dirección y sentido. Por lo tanto, este tipo de cantidades, se utilizan para cuando se requiere conocer la dirección en que se mueve y el sentido del giro.

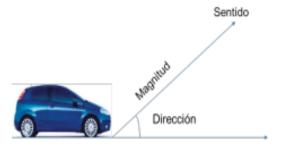
Por ejemplo: el desplazamiento de un auto que viaja 590 km al norte, viajar en una motocicleta a una velocidad de 100 km/h hacia Acapulco, un objeto que cae debido a la aceleración de la gravedad a 9.81 m/s<sup>2</sup>, levantar un objeto de 23 N

## Ejemplo 31

Si decimos que un auto está situado a 20 m del centro de una ciudad y queremos conocer dónde se encuentra después de un determinado tiempo, la información es incompleta, ya que el auto pudo haber tomado infinidad de direcciones.

Para saber su localización exacta, debemos conocer:

- 1. La magnitud del desplazamiento (20 m).
- La dirección del desplazamiento (por ejemplo, en línea recta formando un ángulo de 60° respecto de la horizontal).
- El sentido del desplazamiento (por ejemplo, hacia el sur o el este).



Los vectores se pueden representar gráficamente como una flecha a una escala determinada. La longitud de la flecha representará la magnitud del vector, el ángulo respecto de la horizontal corresponderá a la dirección y la punta será el sentido.

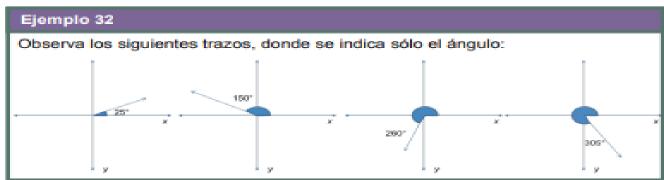


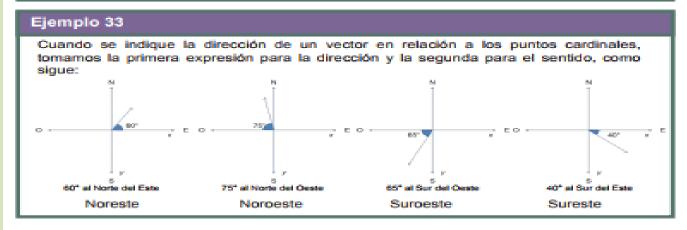
Para efectos prácticos, se utiliza como sistema de referencia el plano cartesiano, estudiado en Matemáticas III.

El plano cartesiano está dividido en cuatro partes llamadas cuadrantes, que se enumeran de la siguiente manera:



Los cuadrantes siempre van enumerados en sentido contrario a las manecillas del reloj, comenzando con el de la parte superior derecha, que servirá de referencia para la dirección de la medida de los ángulos. El eje horizontal o eje de las abscisas es el eje x, y el eje vertical o eje de las ordenadas es el eje y. También es útil guiarnos con los puntos cardinales norte (N), sur (S), este (E) y oeste (O), indicados en el plano cartesiano.



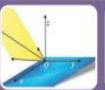


Los ejes pueden estar también orientados en otras direcciones, pero conservando siempre el principio de perpendicularidad entre ellos, es decir, formar siempre un ángulo de 90°.

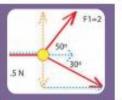


## Clasificación de los sistemas vectoriales









Concurrentes

#### Absoluto

Todas las líneas de acción que lo forman se encuentran en el mismo plano.

# No coplanares

Las líneas de acción se encuentran en diferentes planos (está en 3 planos x, y, z).

# Colineales

Todas las líneas de acción que lo forman se encuentran sobre una misma línea de acción.

Todas las líneas de acción que lo forman concurren en un mismo punto.

# Métodos gráficos de solución para suma de vectores

#### Método del triángulo

Los vectores se trasladan sin cambiar sus propiedades de tal forma que la punta de la flecha de uno se conecte con el origen del otro. El vector resultante se representa por la flecha que une la punta libre con el origen libre y entonces se forma un triángulo que se representa con la letra R.

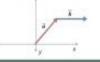
# Ejemplo 34

29

 Se utilizan los vectores originales a y b.



 Se traza el vector b a partir de la punta de la flecha del vector a.



2. Se posiciona el vector  $\vec{a}$  en el origen.



 Se une el origen con la punta de la flecha del vector b para formar el resultante.



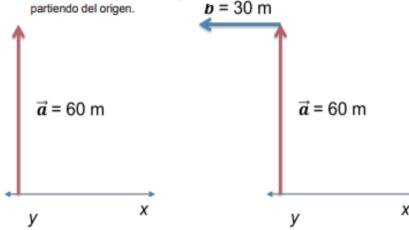
Se mide la distancia entre el origen y la punta de la flecha de  $\vec{b}$  y ésa es la medida del desplazamiento del vector resultante. La distancia recorrida se obtiene sumando los dos vectores.

# Ejemplo 35

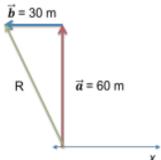
Una persona camina 60 m al norte y luego 30 m al oeste. ¿Cuál fue su desplazamiento y qué distancia recorrió?

#### Solución

- 1. Se toma la escala 10 m = 1 cm
- Se traza el desplazamiento del vector d hacia el norte (60 m = 6 cm) partiendo del origen.
- 3. Se traza el desplazamiento del vector  $\vec{b}$  al oeste (30 m = 3 cm) a partir de la punta de la flecha del vector  $\vec{a}$ .



 Se traza la resultante a partir del origen y hasta llegar a la punta de la flecha del vector \( \vec{b} \), y se mide el vector resultante, con un desplazamiento de R = 6.7 cm o R = 67 m.

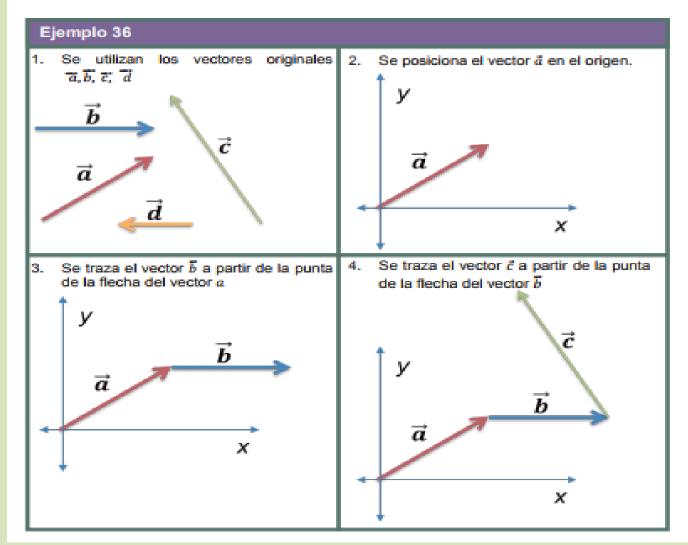


La distancia que recorrió esta persona fue de 60 m + 30 m = 90 m



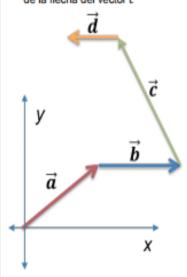
# Método del polígono

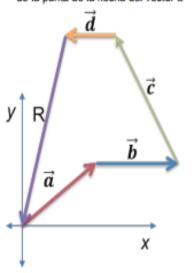
Este método es simplemente la extensión del método del triángulo. Es decir, dibujan los vectores para colocar la "punta" del uno con el "origen" del otro (en "trenecito") y la resultante es el vector que cierra el polígono desde el "origen" libre hasta la "punta" libre (cerrar con un "choque de cabezas"). Nuevamente el orden en que se realice la suma no interesa, pues aunque el polígono resultante tiene forma diferente en cada caso, la resultante final conserva su magnitud, dirección y sentido.



5. Se traza el vector  $\vec{d}$  a partir de la punta 6. Se traza el vector resultante R a partir de la flecha del vector ¿

de la punta de la flecha del vector  $\vec{d}$ 

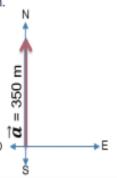




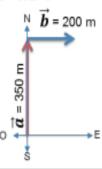
# Ejemplo 37

Una persona sale a correr desde su casa, primero 350 m al norte, luego 200 m al este, 150 m al sureste y por último 100 m al sur. ¿Cuál fue la distancia total recorrida y cuál fue su desplazamiento? Toma la escala 100 m = 1 cm

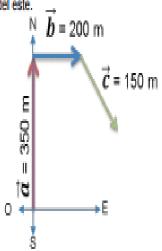
1. Se traza el vector  $\vec{a}$  a partir del origen.



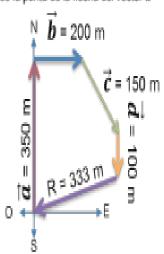
2. Se traza el vector  $\vec{b}$  a partir de la punta del vector  $\vec{a}$ 



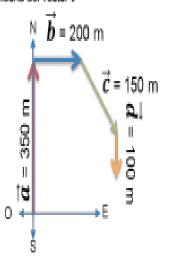
3. Se traza el vector c a partir de la punta de la flecha del vector  $\vec{b}$ . Recuerda que el sureste es 45º al sur del este.



de la punta de la flecha del vector d



 Se traza el vector d
 a partir de la punta de la flecha del vector à



5. Se traza el vector resultante R a partir 6. El vector resultante, que es el desplazamiento total, es de 333 m=3,33 cm

> La distancia que recorre esta persona al caminar es de:

d = 350 m+200 m+150 m+100 m = 900 m

Distancia total recorrida = 900 m



# Descomposición rectangular de vectores por métodos gráficos y analíticos

Pérez (2013) menciona que un sistema de vectores puede sustituirse por otro equivalente que contenga un número mayor o menor de vectores que el sistema considerado. Si el sistema equivalente tiene un mayor número de vectores, el procedimiento se llama descomposición. Si tiene un número menor de vectores, el procedimiento se denomina composición.

El procedimiento para determinar la suma de vectores por el método de los componentes es el siguiente:

- Se determina el componente horizontal y vertical de cada vector.
- Se suman las componentes horizontales para obtener un vector en la dirección horizontal, denotado por Σx. Es importante mencionar que cada componente horizontal se multiplica por el coseno del ángulo, esto es:

$$\Sigma x = (F_1 x)(\cos \alpha) + (F_2 x)(\cos \beta) + (F_3 x)(\cos \gamma) + (F_4 x)(\cos \beta) + \dots$$

Hay que tomar en cuenta que si el vector está del lado derecho, se toma positivo, y si está del lado izquierdo se toma como negativo.

 Se suman las componentes verticales para obtener un vector en la dirección vertical, denotado por Σy. Es importante mencionar que cada componente vertical se multiplica por el seno del ángulo, esto es:

$$\Sigma y = (F_1 y)(sen\alpha) + (F_2 y)(sen\beta) + (F_3 y)(sen\gamma) + (F_4 y)(sen\theta) + \dots$$

Hay que tomar en cuenta que si el vector está del lado superior, se toma positivo, y si está del lado inferior se toma como negativo.

- 4. Para encontrar analíticamente la magnitud de la resultante, se utiliza el Teorema de Pitágoras  $R = \sqrt{(\Sigma_x)^2 + (\Sigma_y)^2}$
- 5. El ángulo se determina por  $\theta$  = tan  $\left(\frac{\Sigma_y}{\Sigma_x}\right)$  y se forma con respecto al eje x.

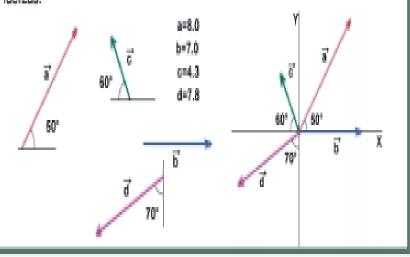


"La dignidad de la ciencia misma parece exigir que todos los medios sean explorados para que la solución de un problema se dé en forma elegante y célebre." -Carl Friedrich Gauss



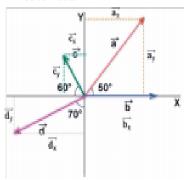
# Ejemplo 38

Calcula la magnitud y dirección del vector resultante del siguiente sistema de fuerzas.



#### Solución

horizontales y verticales de cada vector.



1. Se determinan las componentes 2. Se suman las componentes de las fuerzas horizontales.

> El vector  $\vec{b}$  no tiene ángulo, por lo que se pasa igual. Para el vector d el ángulo tiene que ser con respecto al eje x, por lo que en lugar de 70° son 20º (son complementarios, sumados dan 90°)

$$\Sigma_{x} = (\overline{a_{x}})(\cos 50) + (\overline{b_{x}}) - (\overline{c_{x}})(\cos 60) - (\overline{d_{x}})(\cos 20)$$

$$\Sigma_x = (8)(\cos 50) + 7 - (4.3)(\cos 60) - (7.8)(\cos 20)$$
  
 $\Sigma_x = (8)(.6428) + 7 - (4.3)(0.5) - (7.8)(.9397)$ 

3. Se suman las componentes de las fuerzas verticales

No se pone  $\vec{b}$  porque no tiene componente vertical

$$\Sigma_y = (\overline{a_y})(\text{sen50}) + (\overline{c_y})(\text{sen60}) - (\overline{d_y})(\text{sen20})$$

$$\Sigma_y = (8)(\text{sen50}) + (4.3)(\text{sen60}) - (7.8)(\text{sen20})$$

$$\Sigma_y = (8)(.7660) + (4.3)(0.8660) - (7.8)(.3420)$$
  
 $\Sigma_y = 7.18$ 

4. Se calcula el vector resultante.

$$R = \sqrt{(\Sigma_x)^2 + \Sigma_y)^2}$$

$$R = \sqrt{(2.66)^2 + 7.18)^2}$$

$$R = \sqrt{7.07 + 51.55}$$

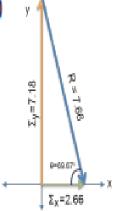
$$R = \sqrt{58.63}$$

$$R = 7.66$$

5. Se determina el ángulo.

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{\Sigma_y}{\Sigma_x}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{7.18}{2.66}\right)$$
 $\theta = 69.67^{\circ}$ 

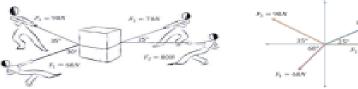
Como ∑, fue positiva, se representa en el eje positivo de las x, es decir. del lado derecho. Como E. fue positiva, se representa en el eje positivo de las y, es decir, en la parte superior.





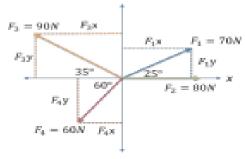
# Ejemplo 39

Cuatro personas están jalando una caja, como se muestra en la figura. Determina la magnitud y dirección del vector resultante, es decir, hacia donde se moverá la caja.



#### Solución

 Se determinan las componentes 2. Se suman horizontales y verticales de horizontales. cada vector.



Se suman las componentes de las fuerzas horizontales.

El vector  $\overline{F_2}$  no tiene ángulo, por lo que se pasa igual. En el vector  $\overline{F_4}$  el ángulo tiene que ser con respecto al eje x, por lo que en lugar de 30° son 60° (son complementarios, sumados dan 90°)

$$\begin{array}{l} \Sigma_x = (F_1 \vec{x})(\cos 25) + (F_2 \vec{x}) = (F_3 \vec{x})(\cos 35) - (F_4 \vec{x})(\cos 60) \\ \Sigma_x = (70)(\cos 25) + 80 - (90)(\cos 35) - (60)(\cos 60) \\ \Sigma_x = (70)(.9063) + 80 - (90)(.8192) - (60)(.5) \\ \Sigma_x = 39.72 \end{array}$$

- Se suman las componentes de las fuerzas verticales.
   No se pone la F<sub>2</sub> porque no tiene componente en y Σ<sub>y</sub>=(F<sub>1</sub>ȳ)(sen25) + (F<sub>3</sub>ȳ)(sen35) (F<sub>4</sub>ȳ)(sen60)
   Σ<sub>y</sub>=(70)(sen25) + (90)(sen35) (60)(sen60)
   Σ<sub>y</sub>= (70)(.4226) + (90)(0.5736) (60)(.8660)
   Σ<sub>y</sub>= 29.24
- Se calcula el vector resultante.

$$R = \sqrt{(\Sigma_x)^2 + (\Sigma_y)^2}$$

$$R = \sqrt{(39.72)^2 + 29.24)^2}$$

$$R = \sqrt{1577.68 + 854.98}$$
  
 $R = \sqrt{2432.66}$ 

Se determina el ángulo

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{\Sigma_y}{\Sigma_x}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{29.24}{39.72}\right)$$
  
 $\theta = 36.36^{\circ}$ 

Como  $\Sigma_x$  fue positiva, se representa en el eje positivo de las x, es decir, del lado derecho. Como  $\Sigma_y$  fue positiva, se representa en el eje positivo de las y, es decir, en la parte superior.

