VIETNAM NATIONAL UNIVERSITY, HO CHI MINH CITY UNIVERSITY OF INFORMATION TECHNOLOGY FALCUTY OF COMPUTER NETWORKS AND COMMUNICATIONS



ASSIGNMENT

ELLIPTIC CURVE CRYPTOGRAPHY ECDH

Instructor: Ph.D.Nguyễn Ngọc Tự

Course: NT219.N22.ATCL

Group members: Huỳnh Đình Khải Minh - 21521123 - 21521123@gm.uit.edu.vn

Trần Thành Lợi - 21522296 - 21522296@gm.uit.edu.vn

Nguyễn Nguyễn Duy An - 21520546 - 21520546@gm.uit.edu.vn



1 Elliptic Curve Cryptography.

- Tài nguyên: Demo code trên MS TEAM.
- Thư viện: CryptoPP .
- Ngôn ngữ: C++.

Từ đoạn code mẫu với các hệ số được nhập thủ công ta có được phương trình đường cong Elliptic $y^2 = x^3 + ax + b$ trong đó:

- $\bullet \ a = 39402006196394479212279040100143613805079739270465446667948293404245721771 \\ \ 496870329047266088258938001861606973112316.$
- b = 27580193559959705877849011840389048093056905856361568521428707301988689241 309860865136260764883745107765439761230575.
- $\bullet \ \, Gx = 26247035095799689268623156744566981891852923491109213387815615900 \\ 925518854738050089022388053975719786650872476732087. \\$
- $\bullet \ \, \mathrm{Gy}{=}832571096148902998554675128952010817928785304886131559470920590\\ 2480503199884419224438643760392947333078086511627871.$

Sau đây là các bước thực hiện quá trình trao đổi khóa với ECDH:

Listing 1: ECDHmanualparamater.cpp

```
int main(int argc, char* argv[])
2 {
        Integer privateKeyA("16");
        Integer privateKeyB("32");
4
        cout << "PrivateKeyA=" << privateKeyA << endl;</pre>
        cout << "PrivateKeyB=" << privateKeyB << endl;</pre>
        Integer p("
            Integer a("
9
           FFFFFFF000000000000000FFFFFFCH");
10
        Integer b("
            B3312FA7E23EE7E4988E056BE3F82D19181D9C6EFE8141120314088F5013875A
        C656398D8A2ED19D2A85C8EDD3EC2AEFH");
12
        privateKeyA %= p;
        privateKeyB %= p;
14
                b %= p; // a mod p, b mod p
        a %= p;
15
         /* ECC curve */
16
        CryptoPP::ECP eqcurve384(p, a, b); // buide curve y^2 =x^3 +ax +b
17
        Integer x("
            AA87CA22BE8B05378EB1C71EF320AD746E1D3B628BA79B9859F741E082542
        A385502F25DBF55296C3A545E3872760AB7H"):
19
        Integer y("3617DE4A96262C6F5D9E98BF9292DC29F8F41DBD289A147CE9DA3113B5
        FOB8COOA60B1CE1D7E819D7A431D7C90EA0E5FH");
21
        // Creat point G
22
        ECP::Point G(x,y);
        // Oder n of group <G>
24
        4D81F4372DDF581A0DB248B0A77AECEC196ACCC52973H");
        //Cofactors
27
         Integer h("01H");
        /* Set ECC parameters and subgroup <G>*/
```



```
// CryptoPP::DL_GroupParameters_EC<ECP> curve256(eqcurve256,G,n,h);
           CryptoPP::DL_GroupParameters_EC < ECP > curve384;
31
32
           curve384.Initialize(eqcurve384,G,n,h);
           //Create PublicKey
34
           ECP::Point PublicKeyA = curve384.GetCurve().ScalarMultiply(G,
35
               privateKeyA);
           ECP::Point PublicKeyB = curve384.GetCurve().ScalarMultiply(G,
36
               privateKeyB);
37
           cout << "PublicKeyAx= " << PublicKeyA.x << endl;</pre>
38
           cout << "PublicKeyAy= " << PublicKeyA.y << endl;</pre>
39
           cout << "PublicKeyBx= " << PublicKeyB.x << endl;</pre>
40
           cout << "PublicKeyBy= " << PublicKeyB.y << endl;</pre>
41
42
           //Create ShareKey ECDH
           //ShareKey A side
43
           ECP::Point ShareKeyA = curve384.GetCurve().Multiply(privateKeyA,
44
               PublicKeyB);
           cout << "ShareKeyAx= " << ShareKeyA.x << endl;</pre>
45
           cout << "ShareKeyAy= " << ShareKeyA.y << endl;</pre>
           //ShareKey B side
47
           ECP::Point ShareKeyB = curve384.GetCurve().Multiply(privateKeyB,
48
               PublicKeyA);
           cout << "ShareKeyBx= " << ShareKeyB.x << endl;</pre>
49
           cout << "ShareKeyBy= " << ShareKeyB.y << endl;</pre>
50
           if(ShareKeyA == ShareKeyB)
51
           {
52
               cout << "ShareKey hop le" << endl;</pre>
53
           }
54
55
           else
           {
               cout << "ShareKey khong hop le" << endl;</pre>
57
           }
59
       }
```

Listing 2: ECDHstandardcurve.cpp

```
1 int main(int argc, char* argv[])
2 {
           Integer privateKeyA("16");
3
           Integer privateKeyB("32");
           cout << "PrivateKeyA=" << privateKeyA << endl;</pre>
           cout << "PrivateKeyB=" << privateKeyB << endl;</pre>
6
           CryptoPP::OID oid=ASN1::secp384r1();
           /* Create curve */
           CryptoPP::DL_GroupParameters_EC < ECP > curve384;
9
           curve384.Initialize(oid);
           ECP::Point G=curve384.GetSubgroupGenerator();
11
           ECP::Point PublicKeyA = curve384.GetCurve().ScalarMultiply(G,
12
               privateKeyA);
           ECP::Point PublicKeyB = curve384.GetCurve().ScalarMultiply(G,
13
               privateKeyB);
           cout << "PublicKeyBx=" << PublicKeyB.x << endl;</pre>
14
           cout << "PublicKeyBy=" << PublicKeyB.y << endl;</pre>
15
           cout << "PublicKeyAx=" << PublicKeyA.x << endl;</pre>
           cout << "PublicKeyAy=" << PublicKeyA.y << endl;</pre>
17
           cout << "PublicKeyBx=" << PublicKeyB.x << endl;</pre>
           cout << "PublicKeyBy=" << PublicKeyB.y << endl;</pre>
19
           //Create ShareKey ECDH
20
           //ShareKey A side
```



```
ECP::Point ShareKeyA = curve384.GetCurve().Multiply(privateKeyA, PublicKeyB);

cout << "ShareKeyAx=" << ShareKeyA.x << endl;
cout << "ShareKeyAy=" << ShareKeyA.y << endl;

//ShareKey B side

ECP::Point ShareKeyB = curve384.GetCurve().Multiply(privateKeyB, PublicKeyA);

cout << "ShareKeyBx=" << ShareKeyB.x << endl;

cout << "ShareKeyBx=" << ShareKeyB.y << endl;

scout << "ShareKeyBy=" << ShareKeyB.y << endl;

scout << "ShareKeyBy=" << ShareKeyB.y << endl;

scout << "ShareKeyBy=" << ShareKeyB.y << endl;
```

- \bullet Ta cho Private Key bên A là 16(Pa), bên B là 32(Pb). Đây là 2 số nằm trong khoảng [1,p-1] nên thỏa mãn điều kiện.
- Từ private Key ta thực hiện tạo Public Key bằng cách thực hiện phép nhân vô hướng giá trị Private Key với điểm G:

```
Qa = Pa * GQb = Pb * G
```

• Sau khi đã có Public Key của 2 bên ta sẽ tính Share Key bằng cách nhân 2 Private Key của A với Public Key của B và ngược lại, ta có:

```
ShareA = Pa * Qb

ShareB = Pb * Qa
```

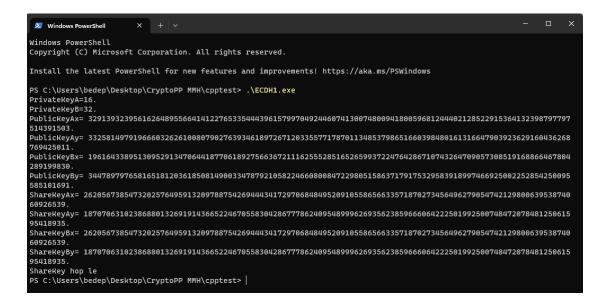


Figure 1: Chạy code và cho ra kết quả

Link drive code: Link code ECDH

END.