

Tema 4. Indicar las afirmaciones que son correctas en las siguientes preguntas.

1. Dado el programa Maximizar $x + y - 1$ s.a : $2x^2 + 3y^2 = 1$
 - a) El problema tiene solución.
 - b) El conjunto de restricciones es un conjunto convexo.
 - c) $(0, 0)$ es un punto regular.
 - d) El conjunto factible no tiene puntos singulares.
2. Dado el programa Minimizar $3x^2 + y^2 - 1$ s.a : $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 = 1$
 - a) La función objetivo es estrictamente convexa.
 - b) El problema tiene solución y se alcanza en un único punto.
 - c) $(1, -2)$ es un punto singular del conjunto de restricciones.
 - d) $(1, -1)$ es un punto regular del conjunto factible.
3. Dado el programa Maximizar $-2x^2 - 3y^2 - 1$ s.a : $x + y = 1$
 - a) La función objetivo es estrictamente cóncava.
 - b) $(1, 0)$ es punto estacionario.
 - c) $(\frac{3}{5}, \frac{2}{5})$ es punto estacionario.
 - d) $(\frac{3}{5}, \frac{2}{5})$ es máximo local pero no global.
4. Dado el programa Maximizar $x^2 + 3y^2 + z^2$ s.a : $x + y = 1, y + z = 2$
 - a) La función objetivo es estrictamente cóncava.
 - b) En el conjunto de restricciones hay puntos singulares.
 - c) El problema tiene solución porque el conjunto de restricciones está acotado.
 - d) La función presenta mínimo global en el conjunto.
5. Dado el programa Maximizar $x + y$ s.a : $\ln(x^2 + y) = 0$
 - a) La función objetivo es convexa por lo que el problema no tiene solución.
 - b) El conjunto de restricciones viene dado por la condición $x^2 + y = 1$.
 - c) El programa es equivalente al programa sin restricciones Maximizar $x + (1 - x^2)$.
 - d) $(\frac{1}{2}, \frac{3}{4})$ es mínimo global del programa.

6. Dado el programa: Optimizar $x + 4y + 3z$

$$\text{s.a.:} \quad x^2 + 2y^2 + \frac{z^2}{3} = 9$$

- a) El conjunto factible posee puntos singulares.
- b) El problema tiene solución.
- c) $(\frac{1}{2}, 1, \frac{9}{2})$ es punto estacionario y regular del programa.
- d) Si la restricción fuese $x^2 + 2y^2 + \frac{z^2}{3} = 10$. una estimación del valor máximo es 19.

7. Dado el programa: Minimizar $xy + z$

$$\text{s.a.:} \quad x^2 + y^2 + z^2 = 4$$

- a) El conjunto factible es compacto y convexo.
- b) La función objetivo es convexa.
- c) El valor mínimo de la función es -2.5
- d) Si la restricción fuese $x^2 + y^2 + z^2 = 2$ el valor mínimo de la función sería aproximadamente -3

8. Dado el programa Minimizar $x^2 + y^2 + z^2$

$$\text{s.a.:} \quad x + y + z = 1$$

$$x - y - 2z = 0$$

- a) El conjunto factible tiene todos sus puntos regulares.
- b) La función objetivo es convexa.
- c) El punto $(\frac{4}{7}, \frac{2}{7}, \frac{1}{7})$ no satisface la condición de Lagrange.
- d) El punto $(\frac{4}{7}, \frac{2}{7}, \frac{1}{7})$ es máximo global.

9. Sea el programa

Min. $2K + 8L$ s. a $KL = 20, K, L > 0$
--

- a) $(12, 3)$ satisface la condición de Lagrange.
- b) El multiplicador de Lagrange asociado a un punto estacionario es igual a 7
- c) La función objetivo sobre el conjunto de restricciones no alcanza máximo global.
- d) Si se incrementa en tres unidades el término independiente de la restricción el valor mínimo de la función objetivo aproximadamente sube en 2 unidades.