



Expert: Thijs Van Schel – 20245821 Coach: Siebe Haché, Stan Van Campenhout Doelgroep: studenten informatica



### 1. alfabet, strings en een taal over een gegeven alfabet



#### Alfabet

Eindige, niet lege verzameling Symbolen (vb. binair, kleine letters)



#### Strings

Eindige reeks symbolen uit alfabet (vb. 0010101)



#### Taal

Verzameling strings over alfabet (vb. woorden in Nederlands)

#### 2.5-tuple

DFA:  $A=(Q,\Sigma,\delta,q0,F)$ 

- **Q** = Eindige verzameling toestanden
- $\Sigma$  = Eindig alfabet
- $\delta$  = transitiefunctie (Q ×  $\Sigma$   $\rightarrow$  Q: (q, a)  $\rightarrow$  p)
- $q_0 \in Q$  = starttoestand
- **F** ⊆ **Q** = verzameling eindtoestanden



#### 3. Transitiefunctie

- Naar welke toestand DFA
- Bepaald inputsymbool
- Def:

$$\delta: Q \times \Sigma \rightarrow Q$$

- $\delta(q, a) = p$
- Toestand q, invoer a, naar p



### 4. Uitgebreide Transitiefunctie

- Werking op strings
- $\delta = (q, \epsilon) = q$
- Na inductie:  $\delta(q, xa) = \delta(\delta(q, x), a)$



#### 5. L(A), Taal aanvaard door DFA A



# Geaccepteerde talen

= reguliere talen



#### **Definitie**

 $L(A) = \{w : \delta^{\hat{}}(q0, w) \in F \}$ 



#### 6.5-tuple

NFA:  $A=(Q,\Sigma,\delta,q0,F)$ 

- **Q** = Eindige verzameling toestanden
- $\Sigma$  = Eindig alfabet
- $\delta$  = transitiefunctie (Q ×  $\Sigma \rightarrow 2^Q$ )
- $q_0 \in Q$  = starttoestand
- **F**⊆**Q** = verzameling eindtoestanden



#### 7. Transitiefunctie

- > 1 toestand toewijzen
- δ: mogelijke volgende toestanden
  - → niet deterministisch



### 8. Uitgebreide Transitiefunctie

- Werking op strings
- $\delta(q, \varepsilon) = \{q\}$
- Na Inductie:  $\delta(q, xa) = \bigcup_{p} \in \delta(q, x) \delta(p, a)$



#### 9. L(A), Taal aanvaard door NFA A



#### **Definitie**

 $L(A) = \{w : \hat{\delta}(q0, w) \cap F \neq \emptyset\}$ 



#### 10. Reguliere expressie

Basis: ε en ø zijn reguliere expressies. Als a
∈ Σ, dan is a een reguliere expressie

#### • Inductie:

- E = regex → (E) een regex.
- E en  $F = regex \rightarrow E + F en E.F = regex$
- $E = regex \rightarrow E^* = regex$





## DFA

#### 11. DFA: Transitietabel

Toestand	0	1
q0	q1	q0
q1	q1	q2
q2	q2	q2

- q0 = persoon niet aanwezig
- q1 = persoon aanwezig, geen actie
- q2 = persoon aanwezig, wel actie

DFA

### 12. DFA: Transitiediagram

• 
$$q0 \rightarrow 0 \rightarrow q1 \rightarrow 1 \rightarrow q2 \rightarrow 0 \rightarrow q2$$

• 
$$q1 \rightarrow 0 \rightarrow q1 \rightarrow 1 \rightarrow q2$$

- q0 = persoon niet aanwezig
- q1 = persoon aanwezig, geen actie
- q2 = persoon aanwezig, wel actie

### NFA

#### 13. NFA: Transitietabel

Toestand	0	1
q0	q0,q1	q0
q1	q2	
q2		q2

- q0 = deur gesloten
- q1 = deur open, geen actie
- q2 = deur open, wel gestolen

NFA

### 14. NFA: Transitiediagram

- $q0 \rightarrow 0 \rightarrow q0, q1$
- $q0 \rightarrow 1 \rightarrow q0$
- $q1 \rightarrow 0 \rightarrow q2$
- $\bullet \quad q2 \rightarrow 1 \rightarrow q2$

- q0 = deur gesloten
- q1 = deur open, geen actie
- q2 = deur open, wel gestolen

