BÀI 5: CÁC THUẬT TOÁN TÌM KIẾM (tiếp theo)

I. MỤC TIÊU:

Sau khi thực hành xong bài này, sinh viên:

- Áp dụng các thuật toán tìm kiếm vào các bài toán thực tế.

II. TÓM TẮT LÝ THUYẾT:

1. Traveling Salesperson Problem - TSP: Cho n thành phố và các khoảng cách d_{ij} giữa mỗi cặp thành phố, tìm tour ngắn nhất sao cho mỗi thành phố được viếng thăm chỉ một lần.

2. Cây khung nhỏ nhất (Minimum Spanning Tree – MST):

- Cho đồ thị G = (V, E) vô hướng với các cạnh d_{ij}
- Một cây khung T là một đồ thị con của G mà nó là
 - o 1 cây (đồ thị không tuần hoàn liên thông)
 - Mở rộng tất cả các đỉnh
- Mỗi cây khung có (n − 1) cạnh
- Chiều dài của mỗi cây khung T là $\sum_{(i,j)\in T} d_{ij}$
- Bài toán cây khung nhỏ nhất là tìm 1 cây khung có chiều dài nhỏ nhất.

3. Thuật toán cho MST:

- **Bước 1**: tìm cạnh ngắn nhất trong đồ thị. Nếu có nhiều hơn 1 cạnh như vậy thì chọn 1 ngẫu nhiên 1 cạnh. Đánh dấu cạnh này và các đỉnh được kết nối.
- Bước 2: Chọn cạnh ngắn nhất tiếp theo, trừ khi nó tạo thành 1 chu trình với các cạnh đã được đánh dấu trước đó. Đánh dấu cạnh đó và các đỉnh được kết nối.
- Bước 3: Nếu tất cả các cạnh được kết nối thì khi đó ta đã hoàn thành. Ngược
 lại, lặp lại Bước 2.

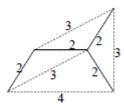
4. Cây khung nhỏ nhất dựa vào heuristic:

- **Bước 1**: Xây dựng một cây khung nhỏ nhất
- **Bước 2**: Chọn nút gốc là nút bất kỳ.
- **Bước 3**: Duyệt qua tất cả các đỉnh bằng tìm kiếm theo chiều sâu, ghi lại tất các đỉnh (đỉnh đã viếng thăm và đỉnh chưa viếng thăm)

 Bước 4: Sử dụng chiến lược nhanh chóng trực tiếp hơn để khởi tạo một tour khả thi.

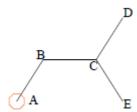
5. Ví dụ:

- Bước 1: Xây dựng một cây khung nhỏ nhất

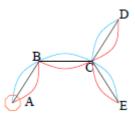


MST có thể được giải trong $O(n^2)$, cũng là chặn dưới cho TSP, $W^* \leq L^*$

- Bước 2: Chọn nút gốc là 1 nút bất kỳ



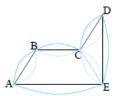
- Bước 3: Duyệt qua tất cả các đỉnh



Chuỗi là: A - B - C - D - C - E - C - B - A, chiều dài của tour là $2W^*$

Bước 4: Sử dụng chiến lược nhanh chóng trực tiếp hơn để khởi tạo một tour
 MST

$$A - B - C - D - (C) - E - (C - B) - A$$



Tour MST là A-B-C-D-E-A, chiều dài của tour TSP nhỏ hơn bằng $2W^*$.

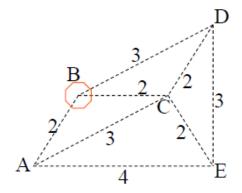
6. Heuristic chèn gần nhất:

- **Bước 1**: Chọn 1 nút v bất kỳ và cho chu trình C chỉ chứa v
- **Bước 2**: Tìm một nút bên ngoài C gần nhất với 1 nút trong C, gọi là k.

- **Bước 3**: Tìm 1 cạnh $\{ij\}$ trong C sao cho $d_{ik}+d_{kj}-d_{ij}$ là tối tiểu.
- Bước 4: Xây dựng một chu trình C mới bằng việc thay thế {ij} với {ik} và {k,j}.
- **Bước 5**: Nếu chu trình C hiện tại chứa tất cả các đỉnh thì dừng. Ngược lại, quay lại Bước 2.

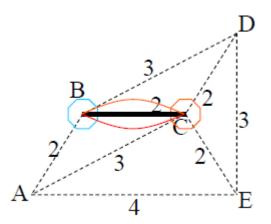
7. Ví dụ:

- **Bước 1**: Chọn 1 nút v bất kỳ và cho chu trình C chỉ chứa v



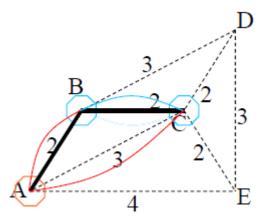
Chiều dài của tour hiện tại là 0.

- **Bước 2 – 3 – 4**: lần lặp đầu tiên

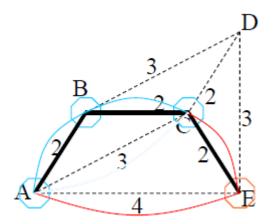


Chiều dài của C không lớn hơn gấp đôi chiều dài của đường in đậm (bằng nhau trong lần lặp này).

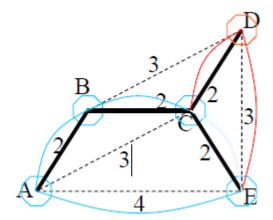
Lần lặp thứ 2:



chiều dài của tour C hiện tại là không lớn hơn gấp đổi chiều dài đường in đậm. Lần lặp thứ ba:

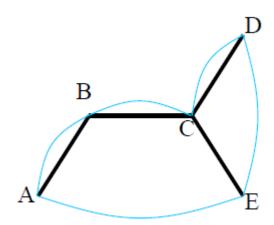


Chiều dài của tour C hiện tại không lớn hơn lần chiều dài đường in đậm. Lần lặp thứ 4:



Chiều dài của tour C hiện tại không lớn hơn lần chiều dài đường in đậm.

- **Bước 5**: Kết quả cuối cùng là A – B – C – D – E – A



Chiều dài của tour C hiện tại không lớn hơn lần chiều dài đường in đậm.

8. Thuật toán A^* cho việc giải bài toán TSP:

- **Trạng thái ban đầu**: Agent ở thành phố bắt đầu và không viếng thăm bất kỳ thành phố nào khác.
- **Trạng thái kết thúc**: Agent đã viếng thăm tất cả các thành phố và đến thành phố bắt đầu 1 lần nữa.
- Hàm successor: khởi tạo tất cả các thành phố chưa viếng thăm.
- **Chi phí cạnh**: khoảng cách giữa các thành phố được biểu diễn bởi các nút, sử dụng chi phí này để tính g(n).
- h(n): khoảng cách tới thành phố chưa viếng thăm gần nhất _ ước lượng khoảng cách đi từ tất cả thành phố bắt đầu.

III. NỘI DUNG THỰC HÀNH:

Sử dụng thuật toán A^* để giải bài toán TSP và heuristic được sử dụng là cây khung nhỏ nhất.

1. Cài đặt:

```
from treelib import Node, Tree
2
     import sys
3
     # Final
4
5
     # Structure to represent tree nodes in the A* expansion
   Class TreeNode (object):
6
7
              def __init__(self, c_no, c_id, f_value, h_value, parent_id):
8
                  self.c_no = c_no
                  self.c_id = c_id
self.f_value = f_value
9
11
                  self.h_value = h_value
12
                  self.parent id = parent id
13
      # Structure to represent fringe nodes in the A* fringe list
14
    class FringeNode (object):
15
              def __init__(self, c_no, f_value):
16
17
                  self.f value = f value
18
                  self.c no = c no
19
20
   ☐class Graph():
21
22
23
          def __init__(self, vertices):
24
              self.V = vertices
25
              self.graph = [[0 for column in range(vertices)]
26
                          for row in range(vertices)]
27
28
          # A utility function to print the constructed MST stored in parent[]
29
          def printMST(self, parent, g, d_temp, t):
30
              #print("Edge \tWeight")
31
              sum weight = 0
32
              min1 = 10000
33
              min2 = 10000
34
              r temp = {} #Reverse dictionary
35
              for k in d temp:
36
                  r_{temp[d_{temp[k]}] = k}
37
38
              for i in range(1, self.V):
                  #print(parent[i], "-", i, "\t", self.graph[i][ parent[i] ])
39
                  sum_weight = sum_weight + self.graph[i][ parent[i] ]
40
41
                  if(graph[0][r temp[i]] < min1):</pre>
42
                       min1 = graph[0][r temp[i]]
43
                   if(graph[0][r temp[parent[i]]] < min1):</pre>
44
                       min1 = graph[0][r temp[parent[i]]]
45
                   if (graph[t][r_temp[i]] < min2):</pre>
46
                       min2 = graph[t][r_temp[i]]
   47
                   if(graph[t][r temp[parent[i]]] < min2):</pre>
48
                       min2 = graph[t][r_temp[parent[i]]]
49
50
              return (sum_weight + min1 + min2)%10000
```

```
# A utility function to find the vertex with
               # minimum distance value, from the set of vertices
# not yet included in shortest path tree
 def minKey(self, key, mstSet):
                     # Initilaize min value
                     min = sys.maxsize
                     for v in range(self.V):
    if key[v] < min and mstSet[v] == False:
        min = key[v]</pre>
                                min_index = v
                     return min_index
               # Function to construct and print MST for a graph
# represented using adjacency matrix representation
def primMST(self, g, d_temp, t):
                     # Key values used to pick minimum weight edge in cut
key = [sys.maxsize] * self.V
parent = [None] * self.V # Array to store constructed MST
# Make key 0 so that this vertex is picked as first vertex
key[0] = 0
mstSet = [False] * self.V
                     sum_weight = 10000
parent[0] = -1 # First node is always the root of
                      for c in range(self.V):
                           \sharp Pick the minimum distance vertex from the set of vertices not yet processed. \sharp u is always equal to src in first iteration u = self.minKey(key, mstSet)
                           \mbox{\tt\#} Put the minimum distance vertex in the shortest path tree {\tt mstSet[u]} = {\tt True}
                           # Update dist value of the adjacent vertices of the picked vertex only if the current distance is greater than new distance and
# the vertex in not in the shotest path tree
for v in range(self.V):
                                    v in range(self.V):
# graph[u][v] is non zero only for adjacent vertices of m
# mstSet[v] is false for vertices not yet included in MST
# Update the key only if graph[u][v] is smaller than key[v]
if self.graph[u][v] > 0 and mstSet[v] == False and key[v] > self.graph[u][v]:
 96
97
                                                 key[v] = self.graph[u][v]
 98
99
                                                parent[v] = u
                       return self.printMST(parent,g,d_temp,t)
          # Idea here is to form a grpah of all unvisited nodes and make MST from that.
104
105
          # Determine weight of that mst and connect it with the visited node and 0th node # Prim's Algorithm used for MST (Greedy approach)
       def heuristic(tree, p_id, t, V, graph):
    visited = set()
                                                                                 # Set to store visited nodes
                 visited.add(0)
                 visited.add(t)
                 if(p_id != -1):
                       # = -1):
tnode=tree.get_node(str(p_id))
# Find all visited nodes and add them to the set
while(tnode.data.c_id != 1):
    visited.add(tnode.data.c_no)
113
114
                             tnode=tree.get_node(str(tnode.data.parent_id))
                 1 = len(visited)
                num = V - 1
if (num != 0):
                                                                                # No of unvisited nodes
119
120
                       g = Graph(num)
d_temp = {}
                       for i in range(V):
   if(i not in visited):
                                   d_temp[i] = key
key = key +1
126
                       i = 0
129
130
                       for i in range(V):
                             for j in range(V):
                                   if((i not in visited) and (j not in visited)):
                                          g.graph[d\_temp[i]][d\_temp[j]] = graph[i][j]
134
                       #print(g.graph)
                      mst_weight = g.primMST(graph, d_temp, t)
return mst_weight
136
137
138
                       return graph[t][0]
```

```
141 Edef checkPath (tree, toExpand, V):
142
                          tnode=tree.get node(str(toExpand.c id))
                                                                                                                                    # Get the node to expand from the tree
143
                          list1 = list()
                                                                                                                                     # List to store the path
 144
                           # For 1st node
145
                          if(tnode.data.c id == 1):
                                   #print("In If")
146
 147
                                   return 0
 148
 149
                                    #print("In else")
                                    depth = tree.depth(tnode)
                                                                                                                                     # Check depth of the tree
                                    s = set()
                                                                                                                                     # Set to store nodes in the path
                                    # Go up in the tree using the parent pointer and add all nodes in the way to the set and list
                                    while(tnode.data.c id != 1):
 154
                                              s.add(tnode.data.c_no)
                                              list1.append(tnode.data.c_no)
                                              tnode=tree.get_node(str(tnode.data.parent_id))
 156
                                    list1.append(0)
                                    if(depth == V and len(s) == V and list1[0]==0):
 159
                                             print("Path complete")
                                              list1.reverse()
 161
                                             print(list1)
                                             return 1
 163
                                    else:
164
                                            return 0
166 | def startTSP(graph,tree,V):
167 | goalState = 0
                       times = 0
 169
170
                       toExpand = TreeNode(0,0,0,0,0)  # Node to expand key = 1  # Unique Identifier for a node in the tree
                      key = 1  # Unique Identifier for a node in th heu = heuristic(tree,-1,0,V,graph)  # Heurisitic for node 0 in the tree tree.create_node("1", "1", data=TreeNode(0,1,heu,heu,-1))  # Create fringe_list = {}  # Fringe_List(Dictionary)(FL)  fringe_list[key] = FringeNode(0, heu)  # Adding key = key + 1
                                                                                                                                                          # Create 1st node in the tree i.e. Oth city
 173
174
175
176
177
178
                                                                                                                                                          # Adding 1st node in FL
                      while (goalState == 0):
                              minf = sys.maxsize
# Pick node having min f value from the fringe list
                              # Pick node having min f_value from the fringe li:
for i in fringe list.keys():
    if(fringe_list[i].f_value < minf):
        toExpand.f_value = fringe_list[i].f_value
        toExpand.c_no = fringe_list[i].c_no
        toExpand.c_id = i</pre>
                                              minf = fringe_list[i].f_value
                                                                                                                                                 # Heuristic value of selected node
                              h = tree.get_node(str(toExpand.c_id)).data.h_value
                              h = tree.get_node(str(toExpand.c_ld)).data.h_value  # Heuristic value of vale=toExpand.f_value - h  # g value of select path = checkPath(tree, toExpand, V)  # Check path of select path = checkPath(tree, toExpand, V)  # Check path of select path = checkPath(tree, toExpand, V)  # Check path of select path o
                                                                                                                                                  # g value of selected node
# Check path of selected node if it is complete or not
 190
191
                                       cost=toExpand.f_value
                                                                                                                 # Total actual cost incurred
                               else:
 195
196
                                       del fringe_list[toExpand.c_id]  # Remove node from FL
                                       j=0
                                        # Evaluate f_values and h_values of adjacent nodes of the node to expand
                                               if(j!=toExpand.c no):
                                                       j=j+1
206
          □if __name__ == '__main__':
                      \#graph = [[0,300],[300,0]]
                       #graph = [[0,300,200],[300,0,500],[200,500,0]]
                      \texttt{graph=[[0,5,2,3],[5,0,6,3],[2,6,0,4],[3,3,4,0]]}
                      #graph=[[0,10,15,20],[10,0,35,25],[15,35,0,30],[20,25,30,0]]
216
                      tree = Tree()
                      ans = startTSP(graph,tree,V)
218
                     print("Ans is "+str(ans))
```

2. Yêu cầu:

- Cài đặt và thực thi chương trình. Nếu chương trình bị báo lỗi thì lỗi ở dòng nào và sửa lại như thế nào?
- Viết báo cáo trình bày lại tất cả những gì em hiểu liên quan tới bài thực hành.
 Nhận xét?