МИНОБРНАУКИ РОССИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Математический факультет				
Кафедра функционального анализа				
Отчет по дисциплине:				
«Программирование криптографических алгоритмов»				
Направление 02.04.01 Математика и компьютерные науки				
Преподаватель Обучающийся	подпись	к.фм.н.	М.Г. Завгородний А.А. Уткин	

Содержание

1	Постановка задачи	9
2	Используемые инструменты	4
3	Общая структура библиотеки целых длинных чисел	Ę
4	Примеры работы библиотеки	7
5	Вывод	ć
6	Блок-схема методов библиотеки	10
7	Исходный код программы	29
\mathbf{C}^{\dagger}	писок литературы	42

1 Постановка задачи

Составьте алгоритм (в виде блок-схемы) и напишите (на любом языке программирования) соответствующую ему программу, позволяющую выполнять арифметические операции (сложение, вычитание, умножение и деление) над длинными целыми числами.

2 Используемые инструменты

Для решения вышеуказанной задачи были использованы следующие инструменты:

- Основным ЯП был выбран Python версии 3.9.2;
- Для компиляции программы в бинарный файл .exe использован конвертер файлов Auto PY to EXE, который использует для своей работы PyInstaller.

3 Общая структура библиотеки целых длинных чисел

В библиотеке целых длинных содержится класс «BigInt», внутри которого находятся следующие методы:

• Сложение целых длинных чисел.

Программная реализация представляет собой сложение чисел в «столбик». Данный способ реализации был выбран по причине простоты его работы и написания.

• Вычитание целых длинных чисел.

Программная реализация представляет собой вычитание чисел в «столбик». Данный способ реализации был выбран по причине простоты его работы и написания.

• Умножение целых длинных чисел.

Программная реализация представляет собой умножение чисел в «столбик». Данный способ реализации был выбран по причине простоты его работы и написания.

• Целочисленное деление целых длинных чисел.

Программная реализация представляет собой деление чисел с помощью метода вычитания. Данный способ реализации был выбран по причине простоты его работы и написания.

Класс «BigInt» содержит в себе два основных поля:

1. Поле хранения числа «value».

Представляет собой переменную типа строка, в котором содержится число экземпляра класса;

2. Поле хранения знака числа «is_neg».

Представляет собой переменную типа bool, в которой содержится информация о знаке числа. Значение True эквивалентно отрицательному числу, значение False - положительному;

Создания экземпляра класса «BigInt» происходит следующие способами:

- Создание экземпляра класса без передачи аргументов. Числовое значение такого экземпляра будет равно нулю.
- 1 a = BigInt()
- Создание экземпляра класса с передачей в аргумент строки, которая может валидно быть приведена к типу целого числа.

```
1 a = BigInt('-1234567890') # a = -1234567890
```

- 2 b = BigInt('1234567890') # b = 1234567890
- 3 d = BigInt('0') # d = 0
- Создание экземпляра класса с передачей в аргумент целого числа.

```
1 a = BigInt(-1234567890) # a = -1234567890
```

- 2 b = BigInt(1234567890) # b = 1234567890
- 3 d = BigInt(0) # d = 0
- Создание экземпляра класса с передачей в аргумент экземпляра класca «BigInt».

```
1 \ a = BigInt(-1234567890) \# a = -1234567890
```

2 b = BigInt(a) # b = -1234567890

4 Примеры работы библиотеки

В качестве примера работы будут использоваться прямые вызовы методов класса «BigInt».

Пусть даны два целых длинных числа a и b, сохраненных в экземпляр класса «BigInt». А так же, создадим экземпляр класса «BigInt» с нулевым значением.

```
1 a = BigInt('-1234567890987654321')
2 b = BigInt('9876543210123456789')
3 zero = BigInt()

Выполним сложение:
1 print(a + b)
```

Вывод: 8641975319135802468

```
• Выполним вычитание:
```

```
1 print(a - b)
```

Вывод: -111111111111111111111

• Выполним умножение:

```
1 print(a * b)
```

Вывод: -12193263121170553265523548251112635269

• Выполним целочисленное деление:

```
1 print(a / b)
```

Вывод: -8

• Выполним деление на ноль:

```
1 print(a / zero)
```

Вывод: ZeroDivisionError

• Выполним деление нуля:

```
1 print(zero / b)
```

Вывод: 0

• Выполним умножение на ноль:

1 print(a * zero)

Вывод: 0

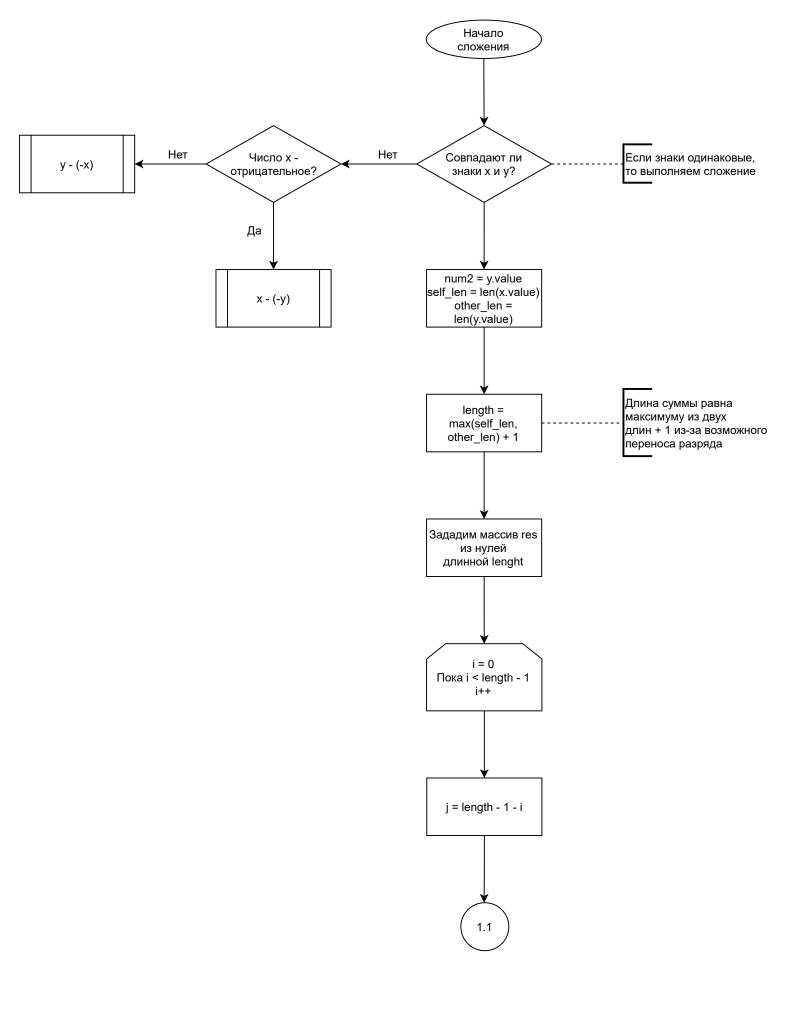
5 Вывод

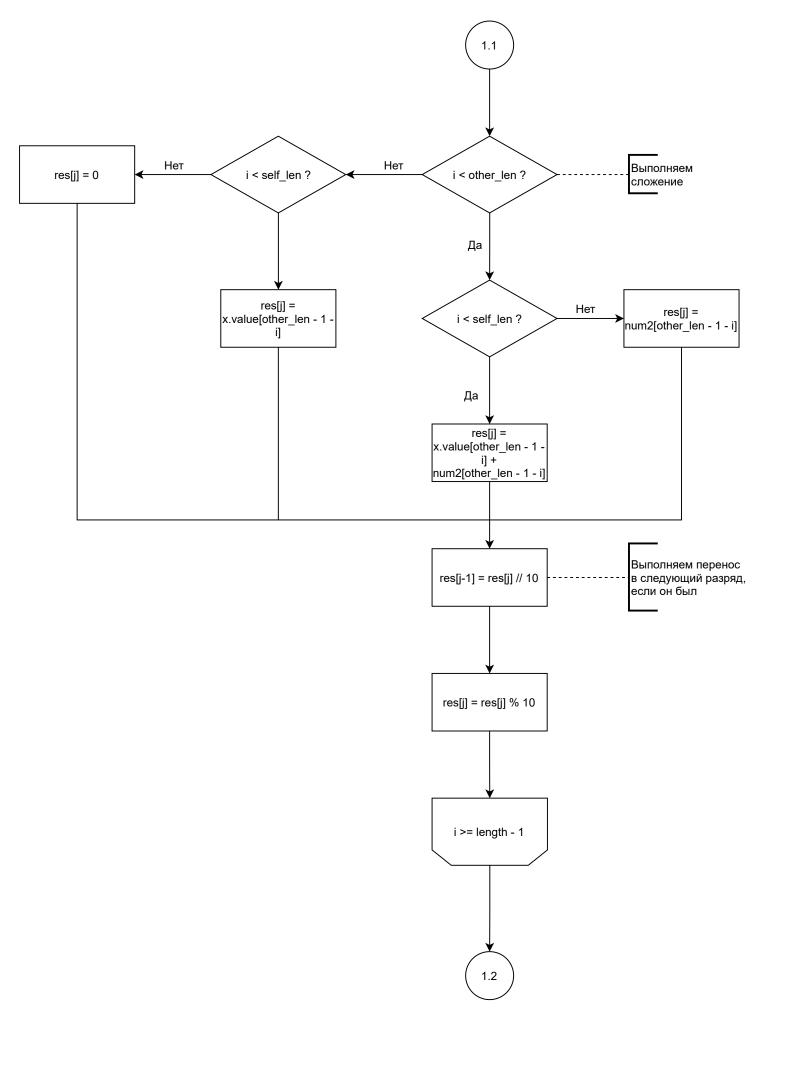
Мною был составлен алгоритм (в виде блок-схемы) и написана на языке Python программа, позволяющая выполнять арифметические операции (сложение, вычитание, умножение и деление) над длинными целыми числами.

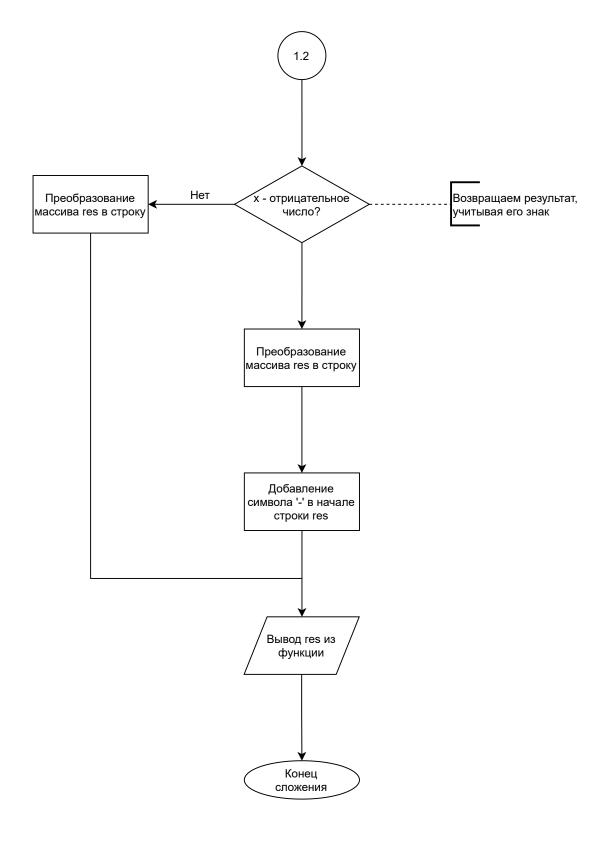
6 Блок-схема методов библиотеки

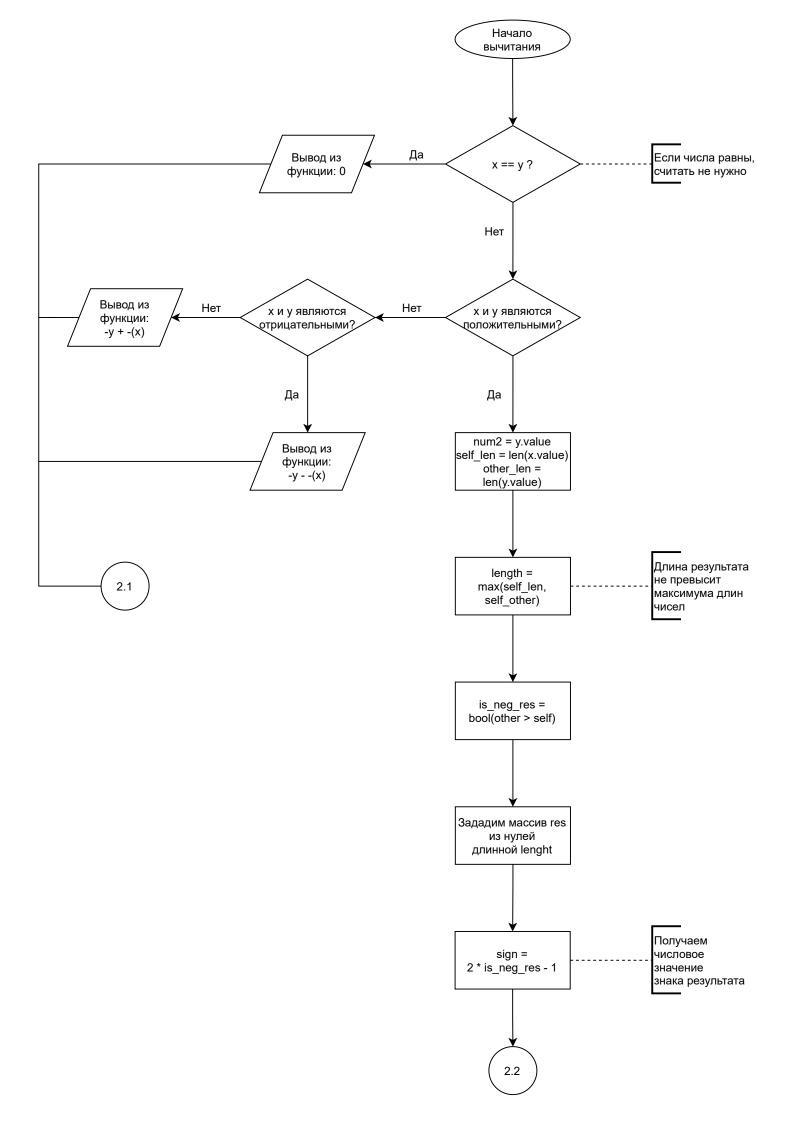
Ниже представлены блок-схемы методов в следующем порядке:

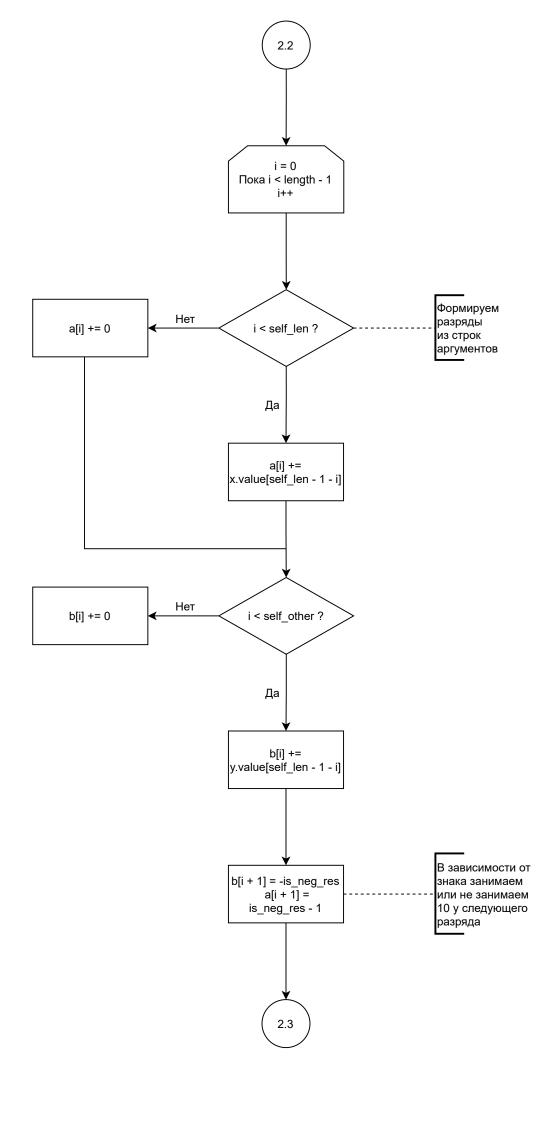
- 1. Сложение;
- 2. Вычитание;
- 3. Умножение;
- 4. Деление.

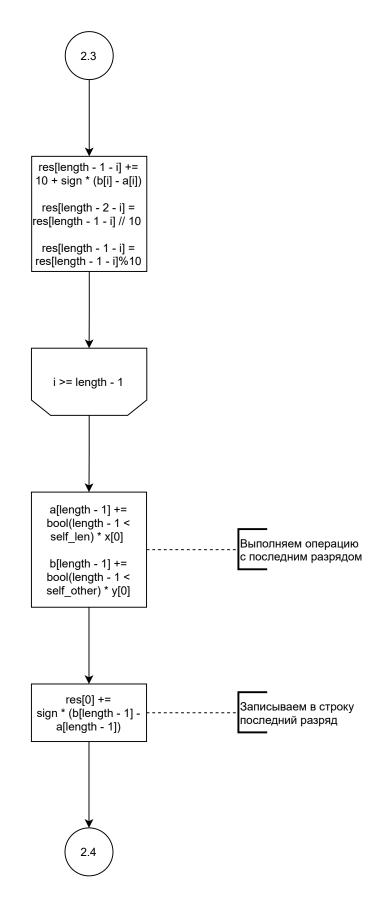


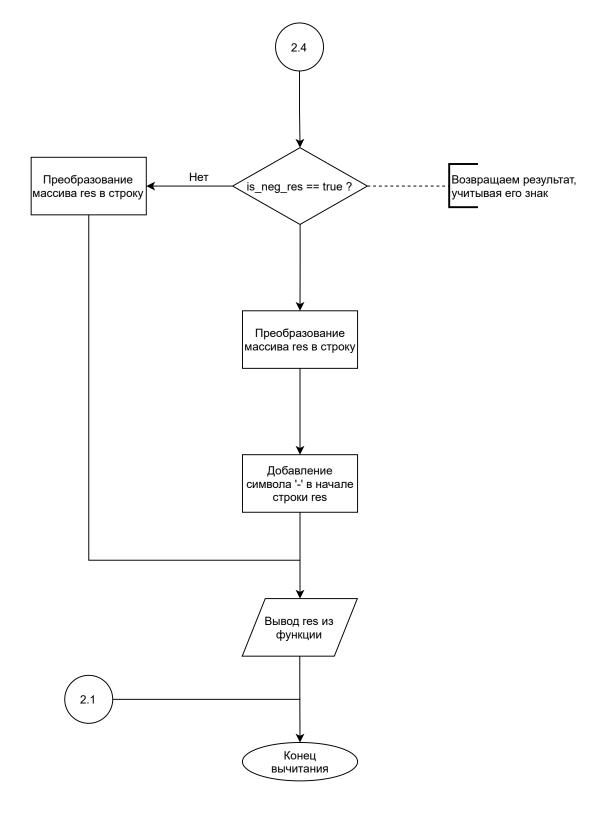


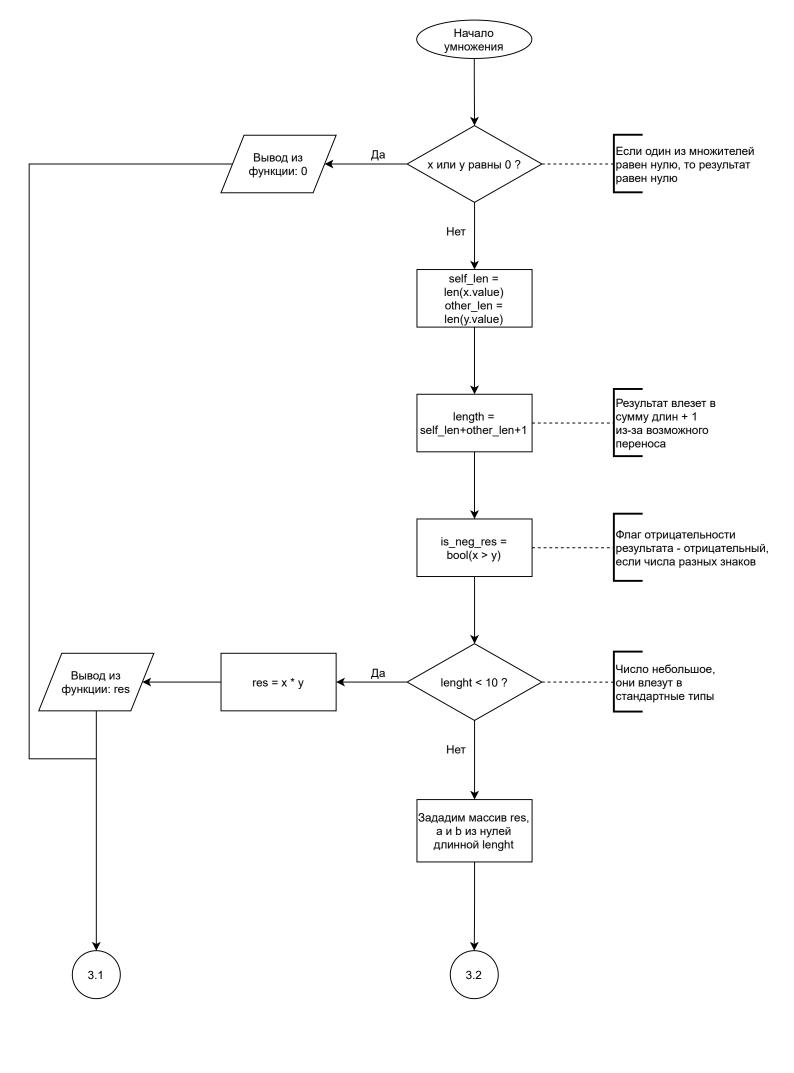


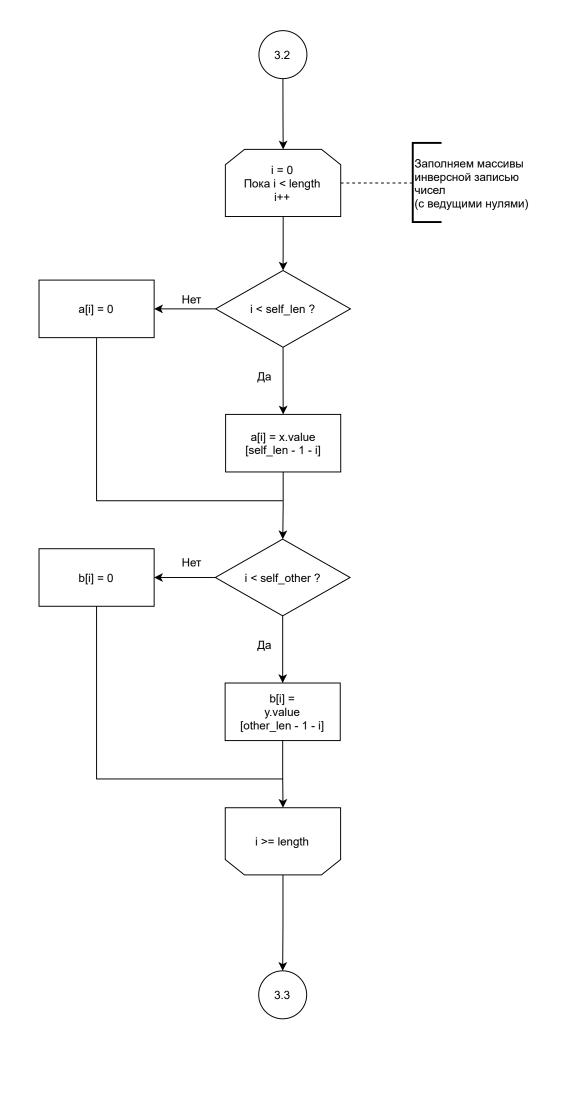


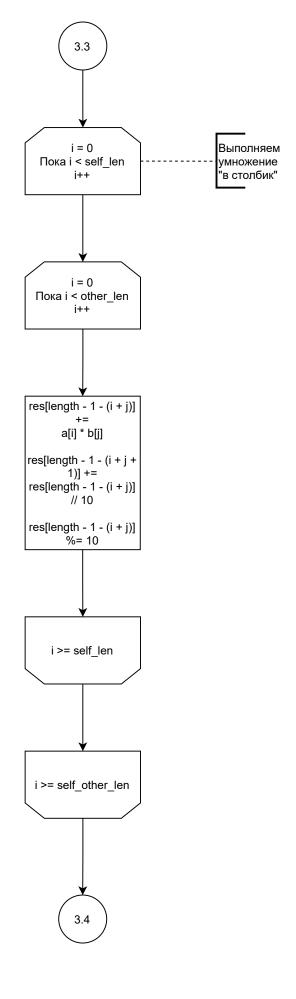


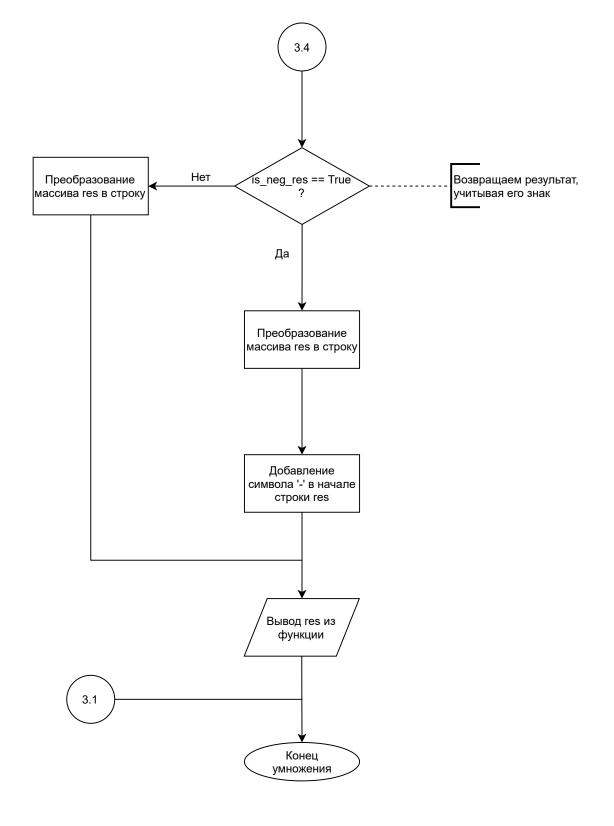


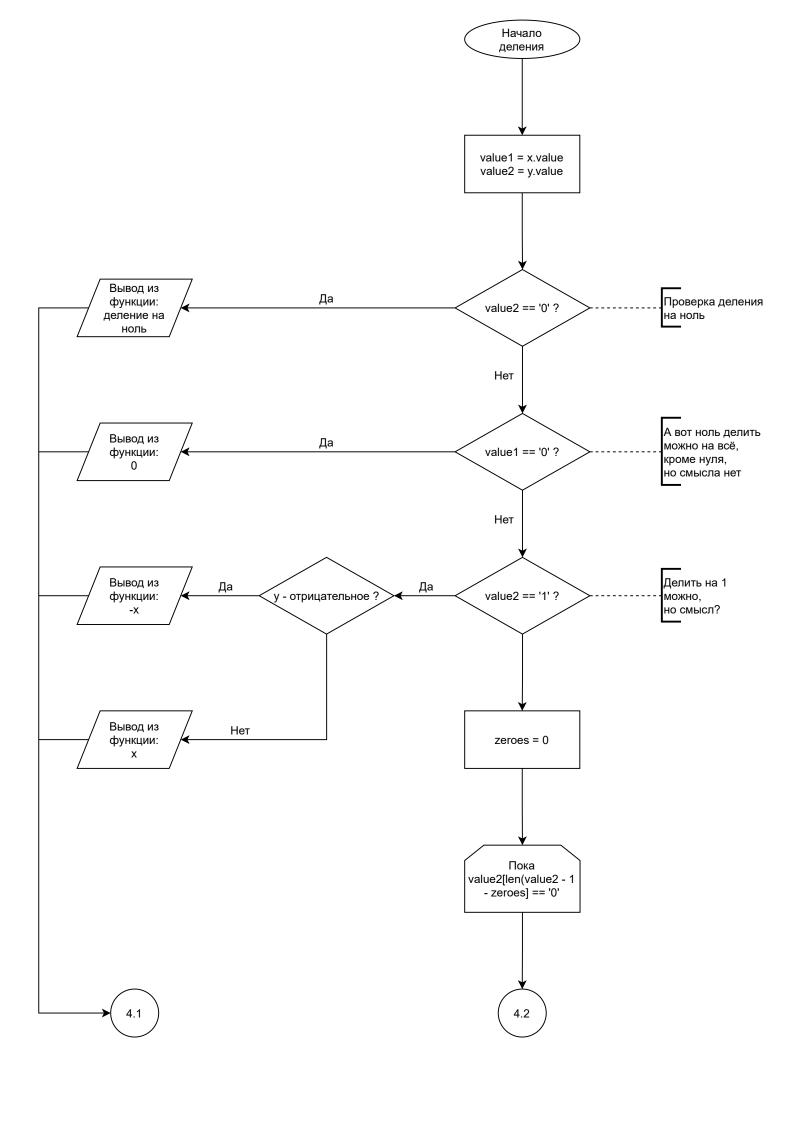


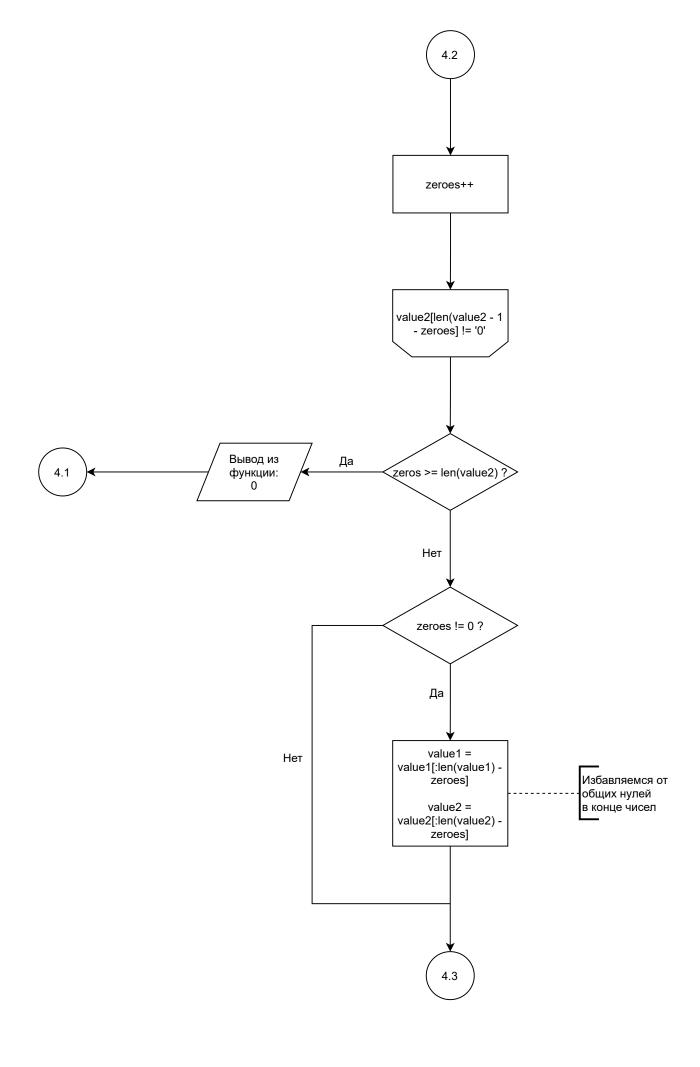


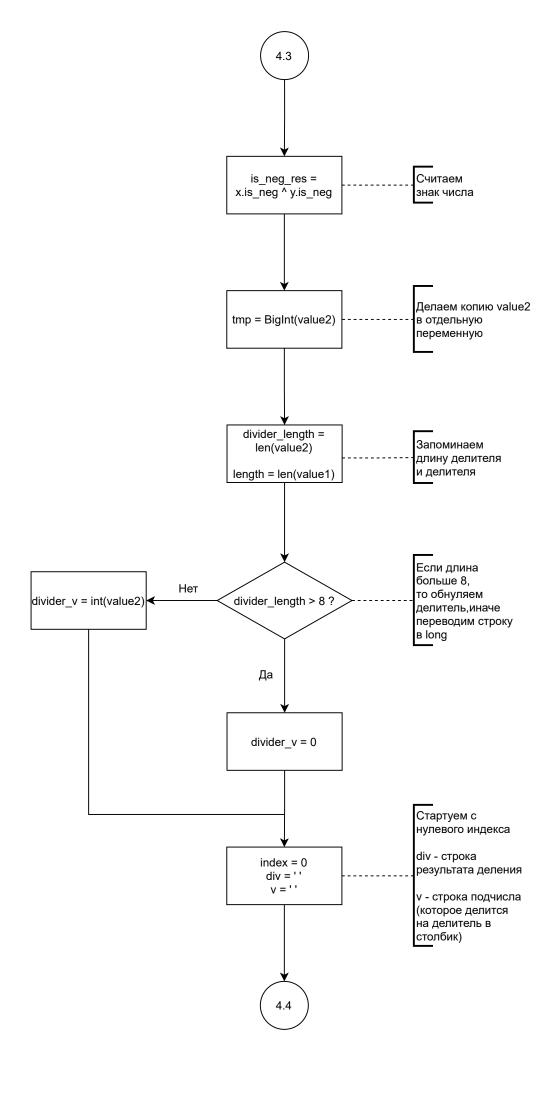


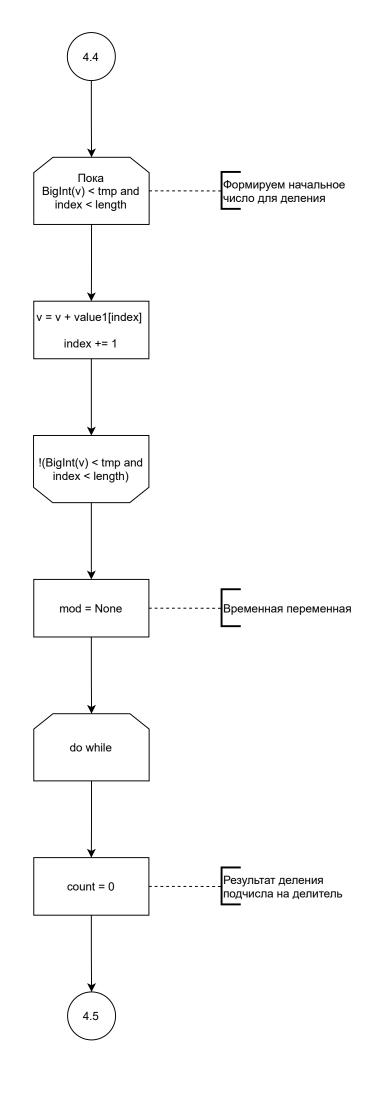


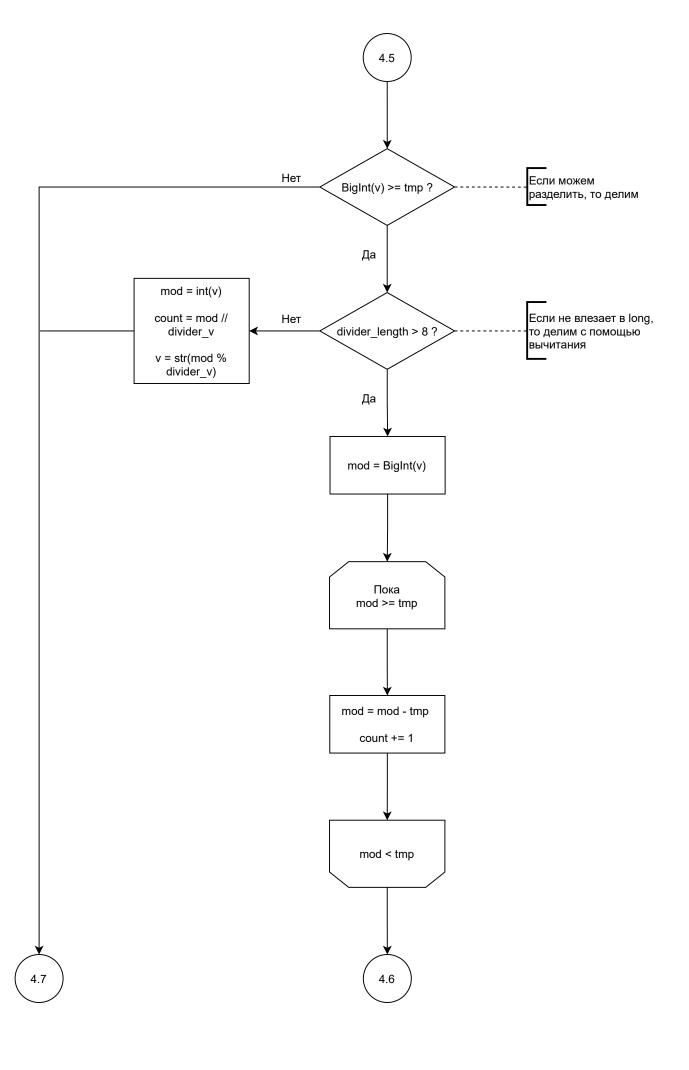


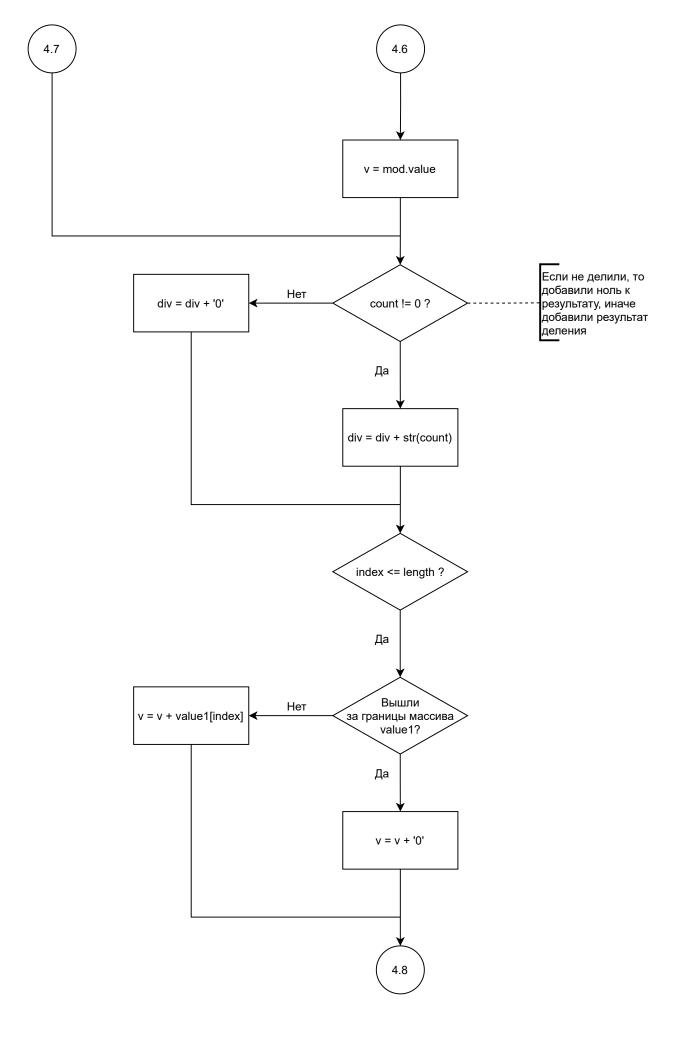


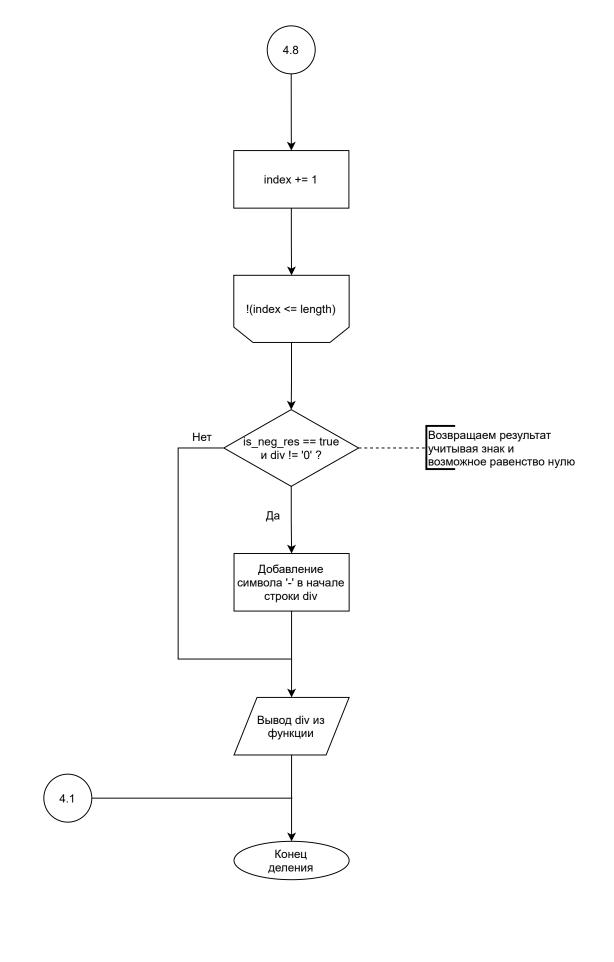












7 Исходный код программы

```
# -*- coding: utf-8 -*-
 2
 3
   import time
 4
   from sys import setrecursionlimit
 6
   setrecursionlimit(1500) # Максимальный стек рекурсии
 7
 8
9
   class BigInt(object):
10
       """Классработысбольшимицелымичислами"""
11
       is_neg = False # Флаг отрицательности числа
12
       value = ', "# Число в виде стоки
13
14
       def __init__(self, x=0):
15
           """Безаргументовконструкторзадаетзначениеравноенулю.
16
           Если'х' - число, конструкторзаполняетэкземплярэтимчислом.
17
           Если'х' - строка, котораямоглабыбытьчислом, конструкторзаполняетэкзе
              мплярэтимчислом.
18
           Если 'х' - экземпляртогожекласса, конструкторкопируетегосодержимоевно
              выйэкземпляр."""
19
           self.value = '0'
20
           # Если в конструктор передано целое число
           if isinstance(x, int):
21
22
              self.is_neg = x < 0
              self.value = str(x if x >= 0 else -x)
23
24
           # Если в конструктор передана строка
25
           elif isinstance(x, str):
               # Если вдруг пришла пустая строка, пропускаем, оставляем value =
26
                  0
27
              if len(x):
28
                  self.is_neg = x[0] == '-'
                  # Значением будет все, после минуса, если он был. И убираем
29
                      ведущие нули, если они были
30
                  self.value = x[self.is_neg:].lstrip('0')
31
                  # Проверяем, является ли строка числом, если нет, value = 0
32
                  if not self.value.isdigit():
                      self.value = '0'
33
34
                  if self.value == '0':
35
                      self.is_neg = False
36
           # Если в конструктор передан экземпляр того же класса, копируем его
              содержимое
```

```
37
           elif isinstance(x, BigInt):
38
               self.value = x.value
39
               self.is_neg = x.is_neg
40
41
       # Является ли число четным
42
       def is_even(self):
           """Являетсяличислочетным"""
43
           return not (int(self.value[-1]) \& 1)
44
45
46
       # Перегрузка числа по модулю
       def __abs__(self):
47
           return BigInt(self.value)
48
49
50
       def bipow(self, n):
           """Возведениечиславстепень 'n '"""
51
           # Любое число в степени 0 = 1
52
53
           if n < 0:
               return None
54
           if not n:
55
               return BigInt(1)
56
           # if n & 1:
57
           # return BigInt(self.bipow(n - 1)) * self
58
59
           # tmp = BigInt(self.bipow(n // 2))
           # return BigInt(tmp * tmp)
60
           res = BigInt(1)
61
62
           for _ in range(n + 1):
63
               res *= self
64
           return res
65
66
       def birt(self, n):
           """Вычислениекорнястепени'п' изчисла"""
67
           # Корень извлекать можем только из положительного числа
68
           if (n < 0) or self.is_neg:</pre>
69
70
               return None
71
           if n == 1:
72
               return self
73
           length = (len(self.value) + 1) // 2
74
           index = 0
           v = [0] * length
75
           while index < length:</pre>
76
               v[index] = 9
77
```

```
78
                while BigInt(''.join(str(x) for x in v)).bipow(n) > self and v[
                   index1:
 79
                    v[index] -= 1
                index += 1
 80
            v = ''.join(str(x) for x in v).lstrip('0')
 81
 82
            return BigInt('-' + v) if self.is_neg else BigInt(v)
 83
 84
        # Перегрузка перевода в bool
 85
        def __bool__(self):
            return self.value != '0'
 86
 87
 88
        # Перегрузка х < у
 89
        def __lt__(self, other):
            if isinstance(other, int):
90
91
                other = BigInt(other)
92
            self_len = len(self.value) # Запоминаем длину первого числа
93
            self_other = len(other.value) # Запоминаем длину второго числа
94
            # Если знаки одинаковые, то проверяем значения
95
            if self.is_neg == other.is_neg:
96
                # Если длины не равны
97
                if self_len != self_other:
                    # Меньше число с меньшей длинной для положительных и с
98
                       большей длиной для отрицательных
99
                   return (self_len < self_other) ^ self.is_neg</pre>
100
                i = 0
101
                # Ищем разряд, в котором значения отличаются
                while (i < self_len and self.value[i] == other.value[i]):</pre>
102
103
104
                # Если разряд найден, то меньше число с меньшей цифрой для
                   положительных и с большей цифрой для отрицательных, иначе
                   числа равны
105
                return (i < self_len) and ((self.value[i] < other.value[i]) ^</pre>
                   self.is_neg)
            return self.is_neg # Знаки разные, если число отрицательное, то оно
106
               меньше, если положительное, то больше
107
108
        # Перегрузка х <= у
109
        def __le__(self, other):
110
            return self < other or self == other</pre>
111
112
        # Перегрузка х == у
113
        def __eq__(self, other):
114
            if isinstance(other, int):
```

```
115
                other = BigInt(other)
116
            return (self.value == other.value) and (self.is_neg == other.is_neg)
117
118
        # Перегрузка х != у
119
        def __ne__(self, other):
120
            return not self == other
121
122
        # Перегрузка х > у
123
        def __gt__(self, other):
124
            return not (self < other or self == other)</pre>
125
126
        # Перегрузка х >= у
        def __ge__(self, other):
127
128
            return self > other or self == other
129
130
        # Унарный плюс (просто копируем значение числа)
131
        def __pos__(self):
132
            return self
133
134
        # Унарный минус
135
        def __neg__(self):
136
            return BigInt(self.value if self.is_neg else '-' + self.value)
137
        # Число в бинарный вид (ТОЛЬКО ПОЛОЖИТЕЛЬНЫЕ)
138
139
        def to_bin(self):
140
            return bin(int(self.value))
141
        # Битовый сдвиг вправо (x » y) (ТОЛЬКО ПОЛОЖИТЕЛЬНЫЕ)
142
        def __rshift__(self, n):
143
            if n < 0:
144
145
                raise ValueError
146
            self_bin = self.to_bin()
            if n >= len(self_bin) - 2 or (self == 0):
147
148
                return BigInt(0)
            return BigInt(int(self_bin[:len(self_bin) - n], 2))
149
150
151
        # Битовый сдвиг вслево (x « y) (ТОЛЬКО ПОЛОЖИТЕЛЬНЫЕ)
        def __lshift__(self, n):
152
            if n < 0:
153
154
                raise ValueError
155
            if self == 0:
```

```
156
                return BigInt(0)
157
            self_bin = self.to_bin()
            return BigInt(int(self_bin + ('0' * n), 2))
158
159
160
        # Побитовое И (х & у) (ТОЛЬКО ПОЛОЖИТЕЛЬНЫЕ)
161
        def __and__(self, other):
162
            if isinstance(other, int):
163
                other = BigInt(other)
164
            self_bin = self.to_bin()[2:]
165
            other_bin = other.to_bin()[2:]
            self_len = len(self_bin)
166
167
            other_len = len(other_bin)
            if self_len > other_len:
168
169
                other_bin = other_bin.zfill(self_len)
170
            elif self_len < other_len:</pre>
171
                self_bin = self_bin.zfill(other_len)
172
            res = int('0b' + ''.join(['1' if (x, y) == ('1', '1') else '0' for x,
                y in zip(self_bin, other_bin)]), 2)
173
            return BigInt(res)
174
175
        # Побитовое ИЛИ (х | у) (ТОЛЬКО ПОЛОЖИТЕЛЬНЫЕ)
        def __or__(self, other):
176
177
            if isinstance(other, int):
178
                other = BigInt(other)
179
            self_bin = self.to_bin()[2:]
180
            other_bin = other.to_bin()[2:]
181
            self_len = len(self_bin)
182
            other_len = len(other_bin)
183
            if self_len > other_len:
                other_bin = other_bin.zfill(self_len)
184
            elif self_len < other_len:</pre>
185
186
                self_bin = self_bin.zfill(other_len)
            res = int('0b' + ''.join(['0' if (x, y) == ('0', '0') else '1' for x,
187
                y in zip(self_bin, other_bin)]), 2)
188
            return BigInt(res)
189
190
        # Возврат копии
191
        def copy(self):
            """Возвраткопии"""
192
            return BigInt(('-' if self.is_neg else '') + self.value)
193
194
```

```
195
        # Сложение двух чисел
        def __add__(self, other):
196
197
            if isinstance(other, int):
198
                other = BigInt(other)
199
            # Если знаки одинаковые, то выполняем сложение
200
            if other.is_neg == self.is_neg:
201
                num2 = other.value # Запоминаем значение второго операнда
202
                self_len = len(self.value) # Длинна первого операнда
203
                other_len = len(num2) # Длинна второго операнда
204
                # Длина суммы равна максимуму из двух длин + 1 из-за возможного
                   переноса разряда
205
                length = max(self_len, other_len)
                res = [0] * (length + 1)
206
207
                for i in range(length):
208
                   j = length - i
209
                   # Выполняем сложение разрядов
                   res[j] += int((num2[other_len - 1 - i] if i < other_len else ')</pre>
210
                       0')) + int((self.value[self_len - 1 - i] if i < self_len
                       else '0'))
211
                   res[j - 1] = res[j] // 10 # Выполняем перенос в следующий
                       разряд, если он был
212
                   res[j] = res[j] % 10 # Оставляем только единицы от возможного
                       переноса и превращаем символ в цифру
213
                   # Возвращаем результат, учитывая его знак
214
                return BigInt(('-' if self.is_neg else '') + ''.join(str(x) for x
                    in res))
215
            # Если одно из чисел отрицательное, а другое положительное,
               отправляем на вычитание, меняя знак
216
            return (self - (-BigInt(other))) if self.is_neg else (other - (-
               BigInt(self)))
217
218
        # Вычитание одного числа из другого
219
        def __sub__(self, other):
220
            if isinstance(other, int):
221
                other = BigInt(other)
222
            # Если числа равны, считать не нужно
223
            if self == other:
224
                return BigInt(0)
225
            # Если оба числа положительные, выполняем вычитание
226
            if not self.is_neg and not other.is_neg:
227
                self_len = len(self.value) # Запоминаем длину первого числа
228
                self_other = len(other.value) # Запоминаем длину второго числа
229
                length = max(self_len, self_other) - 1 # Длина результата не
                   превысит максимума длин чисел
```

```
230
               is_neg_res = other > self # Определяем знак результата
231
               # Массивы аргументов
232
               new_length = length + 1
233
               a = [0] * new_length
234
               b = [0] * new_length
235
               res = [0] * new_length
               sign = 2 * is_neg_res - 1 # Получаем числовое значение знака
236
                   результата
237
               for i in range(length):
238
                   a[i] += int(self.value[self_len - 1 - i]) if i < self_len
                       else 0 # Формируем
                       разряды
239
                   b[i] += int(other.value[self_other - 1 - i]) if i <</pre>
                       self_other else 0 # Из строк
                       аргументов
240
                   b[i + 1] = -is_neg_res # В зависимости от знака занимаем или
                       не занимаем
241
                   a[i + 1] = is_neg_res - 1 # 10 у следующего разряда
242
                   res[length - i] += 10 + sign * (b[i] - a[i])
243
                   res[length - 1 - i] = res[length - i] // 10
244
                   res[length - i] = res[length - i] % 10
245
               # Выполняем операцию с последним разрядом
246
               a[length] += (length < self_len) * int(self.value[0])
247
               b[length] += (length < self_other) * int(other.value[0])</pre>
248
               # Записываем в строку последний разряд
249
               res[0] += sign * (b[length] - a[length])
250
                # Возвращаем результат, учитывая его знак
251
               return BigInt(('-' if is_neg_res else '') + ''.join(str(x) for x
                   in res))
252
            return -BigInt(other) - (-BigInt(self)) if self.is_neg and other.
               is_neg else self + -BigInt(other)
253
254
        # Умножение двух чисел
255
        def __mul__(self, other):
256
            if isinstance(other, int):
257
                other = BigInt(other)
258
            # Если один из множителей равен нулю, то результат равен нулю
259
            if self.value == '0' or other.value == '0':
260
               return BigInt(0)
261
            self_len = len(self.value) # Запоминаем длину первого числа
262
            other_len = len(other.value) # Запоминаем длину второго числа
263
            length = self_len + other_len # Результат влезет в сумму длин + 1
               из-за возможного переноса
264
            # Флаг отрицательности результата - отрицательный, если числа разных
               знаков
```

```
265
            is_neg_res = self.is_neg ^ other.is_neg
266
            if length < 10: # Число небольшое, можно по нормальному
267
               res = int(self.value) * int(other.value)
268
               return BigInt(-res if is_neg_res else res)
269
            else: # Умножаем в столбик
270
                # Массивы аргументов
271
               new_length = length + 1
272
               a = [0] * new_length
273
               b = [0] * new_length
274
               res = [0] * new_length
275
               # Заполняем массивы инверсной записью чисел (с ведущими нулями)
276
               for i in range(new_length):
277
                   a[i] = int(self.value[self_len - 1 - i]) if i < self_len else
278
                   b[i] = int(other.value[other_len - 1 - i]) if i < other_len</pre>
279
               # Выполняем умножение "в столбик"
280
               for i in range(self_len):
281
                   for j in range(other_len):
282
                       res[length - (i + j)] += a[i] * b[j]
283
                       res[length - (i + j + 1)] += res[length - (i + j)] // 10
284
                       res[length - (i + j)] %= 10
285
               # Возвращаем результат, учитывая его знак
286
               return BigInt(('-' if is_neg_res else '') + ''.join(str(x) for x
                   in res))
287
288
        # Деление одного числа на другое
289
        def __truediv__(self, other):
290
            if isinstance(other, int):
291
                other = BigInt(other)
            value1 = self.value # Запоминаем значение первого числа
292
293
            value2 = other.value # Запоминаем значение второго числа
            if value2 == '0':
294
295
               raise ZeroDivisionError # Нельзя делить на ноль
296
            if value1 == '0':
297
               return BigInt(0) # А вот ноль делить можно на всё, кроме нуля, но
                   СМЫСЛ
            if value2 == '1':
298
299
               return -BigInt(self) if other.is_neg else BigInt(self) # Делить
                   на 1 можно, но смысл?
300
            zeroes = 0
301
            while value2[len(value2) - 1 - zeroes] == '0':
               zeroes += 1
302
```

```
303
            if zeroes >= len(value1):
304
                return BigInt(0)
305
            # если у нас 13698 / 1000, то мы можем делить 13 / 1
306
            if zeroes:
307
                value1 = value1[:len(value1) - zeroes]
308
                value2 = value2[:len(value2) - zeroes]
309
            is_neg_res = self.is_neg ^ other.is_neg # Считаем знак числа
310
            tmp = BigInt(value2)
311
            divider_length = len(value2) # Запоминаем длину делителя
312
            # Если длина больше 8, то обнуляем делитель, иначе переводим строку
               вlong
313
            # Можно не обнулять, но мы думаем, что Python не умеет в большие
314
            divider_v = 0 if divider_length > 8 else int(value2)
315
            length = len(value1) # Получаем длину делимого
316
            index = 0 # Стартуем с нулевого индекса
317
            div = ', "# Строка результата деления
318
            v = ', # Строка подчисла (которое делится на делитель в столбик)
319
            index = len(value2)
320
            v = value1[:index]
321
            mod = None
322
            while True:
323
                count = 0 # Результат деления подчисла на делитель
324
                # Если можем разделить, то делим
325
                if BigInt(v) >= tmp:
326
                   # Если не входит в long, то делим с помощью вычитания
327
                   if divider_length > 8:
328
                       mod = BigInt(v)
329
                       while mod >= tmp:
330
                           mod = (mod - tmp).copy()
331
                           count += 1
332
                       v = mod.value
333
                   else:
334
                       mod = int(v)
335
                       count = mod // divider_v
336
                       v = str(mod % divider_v)
337
                # Если не делили, то добавили ноль к результату, иначе добавили
                   результат деления
338
                div = div + (str(count) if count else '0')
339
                if index <= length:</pre>
340
                   try: # Тот самый ноль, лучше не спрашивать
341
                       v = v + value1[index]
342
                   except IndexError:
```

```
343
                       v = v + 0
344
                    index += 1 # Формируем новое значение для подчисла
345
                if not (index <= length):</pre>
346
                   break
347
            # Возвращаем результат учитывая знак и возможное равенство нулю
348
            return BigInt('-' + div if is_neg_res and div != '0' else div)
349
350
        # Обработка для выходных данных
351
        def __str__(self):
352
            return str('-' if self.is_neg else '') + self.value
353
354
        # Остаток от деления
355
        def __mod__(self, other):
356
            if isinstance(other, int):
357
                other = BigInt(other)
358
            if other.value == '0':
359
                return None
            if self.value == '0' or other.value == "1":
360
361
                return BigInt(0)
362
            # Если числа меньше 9, можно посчитать по нормальному
            if len(self.value) < 9 and len(other.value) < 9:</pre>
363
                res = int(self.value) % int(other.value)
364
365
                return BigInt(-res if self.is_neg else res)
366
            tmp = BigInt(other.value)
367
            divider_length = len(other.value) # запоминаем длину делителя
368
            # Если длина больше 8, то обнуляем long'овый делитель, иначе
               переводим строку в long
369
            divider_v = 0 if divider_length > 8 else int(other.value)
370
            length = len(self.value)
371
            index = 0
372
            mod2 = self.copy()
373
            v = v
374
            mod = None
375
            while BigInt(v) < tmp and index < length:</pre>
376
                v = v + self.value[index]
                index += 1
377
378
            while True:
379
                if BigInt(v) >= tmp:
380
                    if divider_v:
381
                       v = str(int(v) % divider_v)
382
                    else:
383
                       mod = BigInt(v)
```

```
384
                        while mod >= tmp:
385
                            mod = (mod - tmp).copy()
386
                        v = mod.value
387
                if index <= length:</pre>
388
                    mod2 = v
389
                    try:
390
                        v = v + self.value[index]
391
                    except IndexError:
392
                        break
393
                    index += 1
394
                if not (index <= length):</pre>
395
                    break
396
            if isinstance(mod2, BigInt):
397
                if mod2.value == '0':
398
                    return BigInt(0)
399
            res = -BigInt(mod2) if self.is_neg else BigInt(mod2)
400
            if self.is_neg ^ other.is_neg:
401
                return other + res
402
            return res
403
404
405
    def GCD(a, b):
406
        """Нахождениенаибольшегообщегоделителяучисел'а' и'b'"""
407
        if a < 0:
408
            a = -a
409
        if b < 0:
410
            b = -b
411
        while b:
412
            a, b = b, a \% b
413
        return a
414
415
416 def binary_GCD(num1, num2):
417
        """Нахождениенаибольшегообщегоделителяучисел'а' и'b' (Бинарный алгоритм)
            11 11 11
418
        if num1 < 0:
419
            num1 = -num1
420
        if num2 < 0:
421
            num2 = -num2
422
        shift = 0
423
        # Если одно из чисел равно нулю, делитель - другое число
```

```
424
        if num1 == 0:
425
            return num2
426
        if num2 == 0:
427
            return num1
428
        # Eсли num1 = 1010, a num2 = 0100, то num1 \mid num2 = 1110
429
        # 1110 & 0001 == 0, тогда происходит сдвиг, который фиксируется в shift
430
        while (num1 | num2) \& 1 == 0:
431
            shift += 1
432
            num1 = num1 >> 1
433
            num2 = num2 >> 1
434
        # Если True, значит num1 - четное, иначе - нечетное
435
        while num1 \& 1 == 0:
436
            # если нечетное, сдвигаем на один бит
437
            num1 = num1 >> 1
438
        while num2 != 0:
439
            # пока число нечётное, сдвигаем на один бит
440
            while num2 \& 1 == 0:
441
                num2 = num2 >> 1
442
            # если первое число больше второго
443
            if num1 > num2:
444
                # меняем их местами
445
                num1, num2 = num2, num1
446
            # теперь первое число меньше второго, вычитаем
447
            num2 = num2 - num1
448
        # возвращаем число, перед этим сдвинув его биты на shift
449
        return num1 << shift</pre>
450
451
452 if __name__ == '__main__':
453
        while True:
454
            menu_text = '\n'.join([
455
                'Выберитедействие:',
456
                '1) x + y',
457
                '2) x - y',
458
                '3) x * y',
459
                '4) x / y',
460
                'q) Выход'
461
            ])
462
            print(menu_text)
463
            choice = input()
            if choice == '1':
464
```

```
465
                x = BigInt(input('Введите первоечисло(x): '))
466
               y = BigInt(input('Введите второечисло(у): '))
467
               t = time.time()
468
               res = x + y
                print(f'\nВремя расчета: {time.time() - t} сек.')
469
470
               print('x + y = ', res, '\n\n')
            elif choice == '2':
471
472
                x = BigInt(input('Введите первоечисло(x): '))
473
                y = BigInt(input('Введите второечисло(у): '))
474
                t = time.time()
475
                res = x - y
476
               print(f'\nВремя расчета: {time.time() - t} сек.')
477
                print('x - y = ', res, '\n\n')
478
            elif choice == '3':
479
                x = BigInt(input('Введите первоечисло(x): '))
480
                y = BigInt(input('Введите второечисло(у): '))
481
                t = time.time()
482
               res = x * y
                print(f'\nВремя расчета: {time.time() - t} сек.')
483
                print('x * y =', res, '\n\n')
484
            elif choice == '4':
485
486
                x = BigInt(input('Введите первоечисло(x): '))
487
                y = BigInt(input('Введите второечисло(у): '))
488
                t = time.time()
489
                res = x / y
490
                print(f'\nВремя расчета: {time.time() - t} сек.')
491
                print('x / y =', res, '\n\n')
492
            else:
493
                exit()
```

Список литературы

- 1. $A \kappa pumac~A.$ Основы компьютерной алгебры с приложениями. М. : МИР, 1994.
- 2. *Майрова С. П.*, *Завгородний М. Г.* Программирование. Криптографические алгоритмы: учебное пособие. Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2018.
- 3. Cаммерфилд M. Программирование на Python 3. Подробное руководство. Символ-Плюс, 2009.