CONSERVACION DE LA ENERGIA

La primera ley de la termodinâmica (conservación de la energía), establece

$$dQ = p d\left(\frac{1}{p}\right) + de$$

donde dQ: Cambio en cabr por unidad de masa de: Cambio en energía por unidad de masa

El término da puede tener contribuciones como

* f.v: Trabajo hecho por la densidad de fuerza f.

Ιν(ĥ,t): Intensidad específica de la radiación en el punto τ y en dirección ĥ

* $-\vec{\nabla}\cdot\vec{F}_{rad}$: Razón con la que la energía de vadioción se pierde por enisión (o aumentada por absorción) por unidad de volumen

7: Flujo (conductivo) de calor a través de las pronteras del elemento.

*- \$\vec{\pi} : Razón con la que los movimientos aleatorios (de los electrones principalmente) transportan la energía térmica dentro del gas.

Nota: Modelos específicos de Frad y 9 se presentarán después.

- * Q(vis) = 1 : \$\vec{\nabla} v : Razon de Calentamiento volumétrico por viscosidad
- * $\eta_e J^l$: Razón de calentamiento (volumétrico) Ohmico Este término es $\vec{J} \cdot \vec{E}$ con \vec{J} : la densidad de corriente $\vec{E} \cdot campo$ eléctrico En el marco Lagrangiano $\vec{E} = \eta_e \vec{J}$ con η_e : resistividad eléctrica del fluido

Ast, se prade escribir

$$\frac{gde}{dt} + gp\frac{d}{dt}\left(\frac{1}{g}\right) = g\frac{dQ}{dt} = \vec{f} \cdot \vec{\nabla} - \vec{\nabla} \cdot \vec{F}_{rad} - \vec{\nabla} \cdot \vec{q} + Q^{(vs)} + \eta_e T^c$$

Ya que

$$\frac{d}{dt}\left(\frac{1}{P}\right) = -\frac{1}{P^2} \frac{dP}{dt}$$

Utilizando la forma Lagrangiana de la ecvación de continuidad,

$$\frac{d}{dt}\left(\frac{1}{P}\right) = -\frac{1}{P^2}\left(-P\vec{\nabla}\cdot\vec{\nabla}\right) = \frac{1}{P}\vec{\nabla}\cdot\vec{\nabla}$$

se obtiene la ecuación de energías en el enfaque Lagrangiano,

donde el término - p T· v representa el trabajo hecho por la presión.

Utilitando la ecuación de continuidad en el sistema Euleriano,

$$Pde = d(Pe) - edP = d(Pe) + eP \vec{\nabla} \cdot \vec{\nabla}$$

y usando la derivada Lagrangiana = = = + v. v

Se obtiene así la ecuación de energias en el enjoque Euleriano,

$$\frac{3}{5t}(Pe) + \vec{\nabla} \cdot (Pe\vec{V}) = - \vec{p} \vec{\nabla} \cdot \vec{V} - \vec{\nabla} \cdot \vec{q} + \vec{f} \cdot \vec{V} - \vec{\nabla} \cdot \vec{F}_{rad} + \vec{Q}^{(vs)} + \eta_e \vec{J}^t$$