

Extended Comparative Analysis of Kinematic and Dynamic Controllers in NOMA-V2V Platoon Systems with Jerk-Constrained Motion

Jorge Apud, Patricio Hinostroza

Abstract—Los sistemas de control vehicular cooperativo han emergido como una solución esencial para mejorar la eficiencia, seguridad y capacidad vial en entornos de transporte inteligente. En [1] se introduce un esquema conjunto de asignación de recursos NOMA y control distribuido orientado a *platooning*, modelando explícitamente la relación entre el error de espaciamiento y la demanda de comunicación. Sin embargo, dicho marco utiliza un modelo cinemático idealizado, donde la aceleración es directamente manipulada por el controlador, ignorando la dinámica real del actuador, los límites de fuerza y las restricciones de *jerk* (tasa de cambio de aceleración). En esta investigación se replica rigurosamente el marco original y se propone una extensión físicamente realizable basada en un modelo dinámico de tercer orden (fuerza-masa-*jerk*). Los resultados comparativos muestran que el modelo cinemático subestima el error de rastreo real y genera perfiles de aceleración incompatibles con los estándares de confort de pasajeros, mientras que el modelo dinámico corrige esta brecha a costa de un moderado aumento en la demanda de comunicación. El trabajo contribuye al entendimiento integrado del co-diseño control-comunicación en redes NOMA-V2V bajo restricciones dinámicas realistas.

Index Terms—NOMA-V2V, Platooning, Vehicular Dynamics, MPC, Jerk-Limited Control, Distributed Control, Resource Allocation.

I. INTRODUCCIÓN

EL control cooperativo de formaciones vehiculares (*platooning*) constituye un pilar fundamental de los Sistemas de Transporte Inteligente (ITS) modernos. Mediante la mantención de distancias reducidas entre vehículos y la coordinación de velocidades, se reduce el consumo energético, aumenta la capacidad vial, mejora seguridad, reducen tráfico, entre otros [2], [3].

Para garantizar la estabilidad del pelotón, *string stability*, es imperativo contar con un controlador eficaz que opere sobre una red de comunicación Vehículo-a-Vehículo (V2V) de alta fiabilidad [2]. Esto plantea una dependencia crítica entre el desempeño del control y la disponibilidad de recursos espectrales [4]. Una red deficiente, caracterizada por latencias estocásticas o pérdida de paquetes, puede degradar la calidad del control, llevando a oscilaciones peligrosas o incluso colisiones.

A. Desafíos en la Gestión de Recursos

La proliferación exponencial de dispositivos conectados en el Internet de las Cosas (IoT) ha generado una presión creciente sobre las bandas de comunicación limitadas. Como

se señala en [3], sin una gestión de recursos rigurosa, la comunicación V2V se vuelve propensa a interferencias y congestión, haciendo difícil satisfacer los estrictos requisitos de latencia y tasa de actualización necesarios para el control de pelotones.

La importancia de la gestión de potencia en canales con interferencia fue establecida tempranamente por Kandukuri y Boyd [5], quienes demostraron que minimizar la probabilidad de interrupción (*outage probability*) es equivalente a maximizar el margen de la relación señal-a-interferencia (SIR). En el contexto vehicular, se extendió este análisis en [6], evidenciando que las interrupciones de comunicación obligan a aumentar el tiempo de *headway* para mantener la seguridad, reduciendo así la eficiencia del tráfico.

En este contexto, diversos estudios han explorado la integración de técnicas avanzadas de comunicación con esquemas de control distribuido. En [7] abordaron el control resiliente y escalable de vehículos conectados, proponiendo estrategias para mitigar incertidumbres en la topología de la red. Sin embargo, su enfoque asume a menudo condiciones de canal ideales.

Desde la perspectiva de la asignación de recursos, en [8] se aborda la optimización conjunta de recursos de radio y control en redes LTE-V2V. Su enfoque se basó en tecnologías de Acceso Múltiple Ortogonal (OMA), donde los recursos de tiempo y frecuencia se dividen exclusivamente entre usuarios para evitar interferencia. Si bien esto simplifica el diseño, Posteriormente se demostró que los esquemas OMA sufren de una baja eficiencia espectral en escenarios de alta densidad vehicular, limitando la escalabilidad del sistema [9].

Para superar las limitaciones de OMA, trabajos recientes [1] exploran la adopción de técnicas de Acceso Múltiple No Ortogonal (NOMA). NOMA permite multiplexar múltiples usuarios en el mismo recurso de tiempo-frecuencia diferenciándolos en el dominio de la potencia [10], [11]. Así, [1] presenta un marco conjunto de control distribuido y asignación de recursos NOMA que modela de manera explícita la relación entre el error de espaciamiento actual y la frecuencia de comunicación requerida, logrando una eficiencia superior a los esquemas OMA tradicionales.

No obstante, la gran mayoría de trabajos en co-diseño de control y comunicaciones, incluyendo [1], [8], [9], utilizan modelos cinemáticos de segundo orden simplificados. En estos modelos, la aceleración se considera una entrada de control directa que puede cambiar instantáneamente. Esta asunción ignora la dinámica real del actuador (motor/frenos), la masa

del vehículo y, crucialmente, las restricciones de *jerk* (tasa de cambio de aceleración).

Estudios en dinámica vehicular [12] y análisis de calidad de conducción autónoma [13] enfatizan que violar los límites de *jerk* (típicamente $< 0.9 \text{ m/s}^3$ para confort) genera comportamientos inaceptables para los pasajeros y físicamente irrealizables por los actuadores mecánicos, limitando la aplicabilidad de estos esquemas de control.

El presente trabajo replica fielmente el algoritmo NOMA-V2V planteado en [1] y extiende su formulación mediante un modelo dinámico de tercer orden ($F = ma$, $\dot{F} = u$), imponiendo restricciones explícitas de *jerk*. El objetivo es comparar cuantitativamente ambos modelos bajo la misma arquitectura de red, respondiendo:

- ¿Qué costo adicional de comunicación implica adherirse a un modelo dinámico físicamente realizable?
- ¿Cómo afecta la limitación de *jerk* a la convergencia del error de espaciamiento?
- ¿Qué diferencias emergen en los perfiles de aceleración y velocidad resultantes?
- ¿Es NOMA una solución robusta para absorber la carga de comunicación adicional impuesta por modelos más realistas?

II. MARCO GENERAL DEL SISTEMA

A. Arquitectura de Comunicación NOMA-V2V

El sistema utiliza comunicación V2V entre cada vehículo y su predecesor en un esquema TDMA. Siguiendo a [1], Solo $O_{\max} = 2$ vehículos pueden transmitir en el mismo *timeslot* utilizando NOMA de dominio de potencia.

El receptor aplica Cancelación Sucesiva de Interferencia (SIC). Para ello, se utiliza el **Teorema 1** de [1], el cual demuestra que, al menos para una comunicación entre 2 vehículos, el orden óptimo de decodificación es el orden ascendente de la ganancia del canal de interferencia. Esto minimiza la potencia total requerida al decodificar primero a los usuarios que sufren mayor interferencia externa.

La condición de éxito para el vehículo i en el instante t es:

$$\Gamma_i^t = \frac{o_i^t p_i^t h_{i,i-1}^t}{I_i^t + N_0} \geq \Gamma_{\text{th}} \quad (1)$$

donde h es la ganancia del canal (incluyendo *path loss* y desvanecimiento Rayleigh) y I es la interferencia NOMA intra-slot.

B. Agendamiento Basado en Eventos

La demanda de comunicación no es estática. Se calcula en función del error de espaciamiento absoluto:

$$e_{i,p}^t = p_{i-1}^t - p_i^t - d - l.$$

Si $|e_{i,p}^t| > e_{\text{th}}$, el vehículo solicita recursos. La frecuencia de asignación f_i se escala proporcionalmente a la magnitud del error relativo a la capacidad máxima de corrección del vehículo en un periodo T .

III. MODELOS VEHICULARES COMPARADOS

Se analizan dos formulaciones para el diseño del controlador predictivo.

A. Cinemático

Este modelo asume que el sistema de control vehicular puede imponer una aceleración objetivo instantáneamente como el utilizado en el *Baseline* [1].

$$v_i^{t+1} = v_i^t + u_i^t \Delta t, \quad (2)$$

$$p_i^{t+1} = p_i^t + v_i^t \Delta t + \frac{1}{2} u_i^t (\Delta t)^2. \quad (3)$$

Aquí, la entrada de control es $u_i^t \equiv a_i^t$. Las restricciones son simplemente $a_{\min} \leq u_i^t \leq a_{\max}$.

Crítica: Este modelo permite cambios de aceleración tipo escalón (step), lo que implica un *jerk* infinito teórico y fuerzas instantáneas imposibles de generar por un motor real.

B. Dinámico Propuesto

Para capturar la inercia y el confort, se introduce la fuerza longitudinal F_i como variable de estado, con lo que se limita el *jerk*.

$$F_i^{t+1} = F_i^t + u_i^t \Delta t, \quad (4)$$

$$a_i^{t+1} = F_i^{t+1} / m, \quad (5)$$

$$v_i^{t+1} = v_i^t + a_i^{t+1} \Delta t, \quad (6)$$

$$p_i^{t+1} = p_i^t + v_i^t \Delta t + \frac{1}{2} a_i^{t+1} (\Delta t)^2. \quad (7)$$

La nueva entrada de control es $u_i^t \equiv \dot{F}_i$, que representa la tasa de cambio de fuerza. Dado que $a = F/m$, esto controla directamente el *jerk*:

$$jerk \approx \frac{u_i^t}{m}.$$

Las restricciones se amplían para incluir límites de confort según [13]:

$$F_{\min} \leq F_i \leq F_{\max} \quad (\text{Límite Motor/Freno}) \quad (8)$$

$$|u_i^t|/m \leq 0.9 \text{ m/s}^3 \quad (\text{Límite Confort}) \quad (9)$$

IV. CONTROL PREDICTIVO DISTRIBUIDO (QP)

Cada vehículo resuelve un problema de optimización local en cada paso de tiempo para minimizar el error de seguimiento futuro proyectado.

$$\min_{u_i^t} (e_{i,est}^{t+1})^T W (e_{i,est}^{t+1}) \quad (10)$$

Para el **Modelo A**, la proyección es cuadrática estándar. Para el **Modelo B**, derivamos una nueva relación de predicción. El error futuro $e(t+1)$ depende cúbicamente del tiempo respecto a la entrada de control u (*jerk*):

$$e_p^{t+1} \approx e_p^t + e_v^t \Delta t + \frac{1}{2} a^t \Delta t^2 + \frac{\Delta t^3}{6m} u_i^t.$$

(Nota: En la implementación discreta simplificada, usamos los coeficientes matriciales derivados a continuación).

La matriz \mathbf{A} que relaciona la entrada u con el estado futuro $[p, v, a]^T$ es:

$$\mathbf{A}_{dyn} = \begin{bmatrix} -\frac{\Delta t^3}{2m_b} \\ -\frac{\Delta t^2}{m} \\ -\frac{\Delta t}{m} \end{bmatrix}$$

Esto penaliza implícitamente los cambios rápidos, actuando como un filtro paso bajo mecánico.

V. MÉTODO DE ASIGNACIÓN DE RECURSOS

El problema de optimización global se desacopla en dos etapas secuenciales para reducir la complejidad computacional: agendamiento de usuarios (dominio del tiempo) y asignación de potencia (dominio de la potencia) [1]. Además, se incorpora un estimador de estado para manejar los instantes sin comunicación.

A. Etapa 1: Agendamiento de Usuarios (User Scheduling)

El objetivo es determinar la distribución temporal exacta de los slots para minimizar el intervalo de actualización. Primero, se determina la frecuencia de comunicación requerida f_i según la magnitud del error de espaciamiento. Luego, se calcula el intervalo promedio de slots c_i entre dos transmisiones consecutivas para el vehículo i :

$$c_i = \begin{cases} 0 & \text{si } |e_{i,p}| \leq e_{th} \\ \max\left(1, \left\lfloor \frac{T}{f_i} \right\rfloor\right) & \text{si } |e_{i,p}| > e_{th} \end{cases} \quad (11)$$

El algoritmo intenta asignar el slot ideal $t_{ideal} = t_{last} + c_i$. Si este slot ya está ocupado por el máximo de usuarios (O_{max}), se emplea un algoritmo de búsqueda en forma de “Z” para encontrar el candidato disponible más cercano :

$$C_{search} = \{t_{ideal}-1, t_{ideal}+1, t_{ideal}-2, t_{ideal}+2, \dots\} \quad (12)$$

Este mecanismo prioriza la periodicidad necesaria para garantizar la frescura de la información (VoI) mientras gestiona la congestión del canal.

El procedimiento detallado para determinar los slots de transmisión se describe formalmente en el Algoritmo 1, el cual prioriza a los vehículos con mayor error para asignarles una frecuencia f_i adecuada.

B. Etapa 2: Asignación de Potencia NOMA

Una vez fijados los usuarios por slot, se resuelve la asignación de potencia. A diferencia de los sistemas celulares convencionales, se aplica el **Teorema 1** de [1]: *el orden óptimo de decodificación SIC es el orden ascendente de la ganancia del canal de interferencia*.

Para un par de usuarios j y k que comparten un slot, donde el usuario j sufre menos interferencia ($h_{j,k-1} > h_{j-1,k}$) y es decodificado primero, las potencias se calculan de manera “voraz” (greedy) para satisfacer estrictamente el umbral R^{th} de tasa mínima:

$$p_j = \frac{R^{th} N_0}{h_{j,j-1}} \quad (13)$$

$$p_k = \frac{R^{th} (N_0 + p_j h_{k,j-1})}{h_{k,k-1}} \quad (14)$$

Algorithm 1 User Scheduling (Agendamiento de Usuarios)

Input: Spacing error $|e_{i,p}|$, error bound e^{th} , last scheduled time slot t_l , length of scheduling period T .

Output: User scheduling scheme O_i .

```

1: procedure USER SCHEDULING OF MV  $i$  IN A SCHEDULING PERIOD
2: Initialize user scheduling scheme  $O_i = 0$ .
3: if  $|e_{i,p}| \leq e^{th}$  then
4:   Break.
5: else
6:   Initialize allocated number  $a = 0$ , next desired time slot  $t_n = 1$ ,  $f_i$  according to Eq. (10),  $c_i = \frac{T}{f_i}$ .
7:   if  $(t_l + c_i) \bmod T > T$  then
8:      $t_n = (t_l + c_i) \bmod T$ .
9:   end if
10:  while  $a \leq f_i$  or  $t_n \leq T$  do
11:    if  $t_n$  can be scheduled then
12:       $O_i^{t_n} = 1$ .
13:       $a = a + 1$ .
14:       $t_n = t_n + c_i$ .
15:    else
16:      Initialize candidate time slot array  $C$  (Z-search).
17:      Update  $t_n$  as the first available time slot in  $C$ .
18:    end if
19:  end while
20: end if
21: end procedure
    
```

Donde $h_{k,j-1}$ es la ganancia de interferencia desde el transmisor de j hacia el receptor de k . Si la suma $p_j + p_k > P_{max}$, se declara un *outage* y no se realiza la transmisión.

C. Mecanismo de Estimación de Estado

Dado que el agendamiento no es continuo, el sistema requiere un estimador para los instantes t donde no hay recepción de paquetes. Siguiendo a [1], el vehículo i estima el estado de su predecesor $i-1$ basándose en la última información recibida en $t' < t$, asumiendo persistencia del input de control $u_{i-1}(t')$:

$$v_{est}^t = v(t') + u(t')(t - t')\Delta t \quad (15)$$

$$p_{est}^t = p(t') + v(t')(t - t')\Delta t + \frac{1}{2}u(t')((t - t')\Delta t)^2 \quad (16)$$

Estas estimaciones alimentan al controlador QP, permitiendo mantener la estabilidad de la cuerda incluso bajo la intermitencia inherente al protocolo de asignación de recursos. —

HASTA ACA CREO QUE ESTA BIEN

VI. SIMULACIONES Y RESULTADOS

A. Configuración del Experimento

Se simula un pelotón de $N = 12$ vehículos en MATLAB.

- Parámetros Físicos: $\Delta t = 10$ ms, $m = 1500$ kg.
- Parámetros de Red: $BW = 180$ kHz, $N_0 = -174$ dBm/Hz, Potencia máx = 35 dBm.

Fig. 1. Comparación de perfiles de velocidad. El Modelo A (Cinemático) muestra cambios bruscos irreales. El Modelo B (Dinámico) muestra transiciones suaves.

- Escenario: El líder ejecuta un perfil de velocidad variable (frenado de 20 a 15 m/s y posterior recuperación), introduciendo una perturbación que se propaga hacia atrás.

B. Análisis Comparativo

1) *Perfiles de Movimiento*: El modelo cinemático (A) utiliza la aceleración máxima permitida de forma inmediata, generando perfiles de velocidad con “codo” agudos. Si bien esto minimiza el error matemático rápidamente, requiere una respuesta de motor instantánea inexistente. El modelo dinámico (B) produce curvas de velocidad sigmoidales (suaves). El *jerk* se mantiene acotado, lo que resulta en una experiencia de conducción confortable y segura para la carga o pasajeros.

2) *Estabilidad y Error*: Se observó un sobrepaso (*overshoot*) en el error de espaciamiento mayor en el modelo dinámico (≈ 0.10 m) comparado con el cinemático (≈ 0.03 m). Esto es una consecuencia física inevitable: la inercia impide corregir el error instantáneamente. Sin embargo, ambos modelos mantienen la estabilidad asintótica, convergiendo a cero error en estado estacionario.

3) *Costo en Comunicaciones*: Una hallazgo clave es el impacto en la red. El modelo dinámico requiere aproximadamente un **15–18% más de transmisiones** totales. *Razón*: El modelo cinemático corrige el error en pocos pasos agresivos y luego entra en reposo (error $< e_{th}$). El modelo dinámico, al suavizar la corrección, tarda más tiempo en reducir el error por debajo del umbral e_{th} , manteniendo activa la solicitud de slots de comunicación por más periodos.

VII. CONCLUSIONES

Este trabajo replicó la arquitectura de control NOMA-V2V de He *et al.* y demostró que los modelos cinemáticos utilizados en la literatura subestiman los requisitos de comunicación y la realidad física del control.

La propuesta de un modelo dinámico limitado por *jerk* evidencia que: 1. La estabilidad es alcanzable bajo restricciones de confort, pero con una convergencia más lenta. 2. Existe un costo oculto en la eficiencia espectral: sistemas más realistas y suaves requieren una mayor tasa de actualización de datos para gestionar la inercia de forma precisa. 3. NOMA es una tecnología habilitadora robusta que permite absorber este exceso de carga de comunicación sin saturar el canal, validando su uso en VCPS de alta fidelidad.

APPENDIX A

MATRICES DEL CONTROLADOR DINÁMICO

Implementación MATLAB de las matrices predictivas para el modelo $F = ma$:

```
A_p = -0.5 * (dt^3 / m);
A_v = - (dt^2 / m);
A_a = - (dt / m);
```

```
H = 2 * (A' * W * A);
f = 2 * (A' * W * B);
```

REFERENCES

- [1] Q. He and K.-C. Leung, “Joint platoon control and resource allocation for NOMA-V2V communication system,” *IEEE Transactions on Vehicular Technology*, 2023, early Access / In Press.
- [2] D. Jia, K. Lu, J. Wang, X. Zhang, and X. Shen, “A survey on platoon-based vehicular cyber-physical systems,” *IEEE Communications Surveys & Tutorials*, vol. 18, no. 1, pp. 263–284, 2016.
- [3] M. Noor-A-Rahim, Z. Liu, H. Lee, G. G. M. N. Ali, D. Pesch, and P. Xiao, “A survey on resource allocation in vehicular networks,” *IEEE Transactions on Intelligent Transportation Systems*, vol. 23, no. 2, pp. 701–721, 2022.
- [4] S. Gyawali, S. Xu, Y. Qian, and R. Q. Hu, “Challenges and solutions for cellular based V2X communications,” *IEEE Communications Surveys & Tutorials*, vol. 23, no. 1, pp. 222–255, 2021.
- [5] S. Kandukuri and S. Boyd, “Optimal power control in interference-limited fading wireless channels with outage-probability specifications,” *IEEE Transactions on Wireless Communications*, vol. 1, no. 1, pp. 46–55, Jan 2002.
- [6] Q. Han, C. Liu, H. Yang, and Z. Zuo, “Control parameter adjustment and transmission power optimization for vehicle platoons with communication outage,” in *Proceedings of the 41st Chinese Control Conference (CCC)*, Hefei, China, 2022, pp. 5511–5517.
- [7] X. Ge, Q.-L. Han, J. Wang, and X.-M. Zhang, “Scalable and resilient platooning control of cooperative automated vehicles,” *IEEE Transactions on Vehicular Technology*, vol. 71, no. 4, pp. 3595–3608, 2022.
- [8] J. Mei, K. Zheng, L. Zhao, L. Lei, and X. Wang, “Joint radio resource allocation and control for vehicle platooning in LTE-V2V network,” *IEEE Transactions on Vehicular Technology*, vol. 67, no. 12, pp. 12 218–12 230, 2018.
- [9] D. Zhang, N. Cheng, R. Sun, F. Lyu, Y. Hui, and C. Li, “Joint radio resource allocation and control for resource-constrained vehicle platooning,” in *IEEE Global Communications Conference (GLOBECOM)*, Rio de Janeiro, Brazil, 2022, pp. 1–6.
- [10] Z. Ding, X. Lei, G. K. Karagiannidis, R. Schober, J. Yuan, and V. K. Bhargava, “A survey on non-orthogonal multiple access for 5G networks: Research challenges and future trends,” *IEEE Journal on Selected Areas in Communications*, vol. 35, no. 10, pp. 2181–2195, 2017.
- [11] Y. Saito, Y. Kishiyama, A. Benjebbour, T. Nakamura, A. Li, and K. Higuchi, “Non-orthogonal multiple access (NOMA) for cellular future radio access,” in *2013 IEEE 77th Vehicular Technology Conference (VTC Spring)*, Dresden, Germany, 2013, pp. 1–5.
- [12] R. Rajamani, *Vehicle Dynamics and Control*, 2nd ed. New York, NY, USA: Springer, 2012.
- [13] K. Czarnecki, “Automated driving system (ADS) high-level quality requirements analysis – driving behavior comfort,” University of Waterloo, Technical Report, 2018. [Online]. Available: <https://uwaterloo.ca/>

PLACE
PHOTO
HERE

Jorge Apud Estudiante de Ingeniería Eléctrica, PUC Chile. Intereses en control automático y optimización de redes.

PLACE
PHOTO
HERE

Patricio Hinostroza Estudiante de Magíster en Ciencias de la Ingeniería, PUC Chile. Intereses en sistemas ciberfísicos y robótica.