

## UNIVERSITÁ DI TRENTO

Dipartimento di Ingegneria Industriale

Laurea Magistrale in Ingegneria Meccatronica

# Valutazione *Real-Time* del Contatto Pneumatico/Strada con Algoritmi Dedicati

Relatore: Candidato:
Prof. Enrico Bertolazzi Davide Stocco

Co-relatore:

Dott. Ing. Matteo Ragni

Anno Accademico 2019 · 2020

#### **Abstract**

The aim of the presented work is to develop a C++ library to evaluate the interaction forces between tire and road. One result of this thesis is a C++ program able to work in real-time carrying single/multiple disks tire representation and four *MagicFormula* compatible contact models. The accuracy and real-time execution requirements fulfillment makes the library adequate to a multitude of applications, from advanced controls testing to race car driving simulator.

The tridimensional mapped roads consists at least in thousands of triangles. These are stored in a *Road Data File* (RDF) file (\*.rdf). All RDF files consist into two parts: in the first part all vertices are declared while in the second part they are connected in order to compose the triangles and the friction coefficient on the triangle face is declared.

As previously mentioned, the tire is represented by means of a single or multiple indeformable disks. The multiple disks representation enhance the contact precision, in fact the evaluation goes along all the section width of the tire. The four contact models which has been developed are able to find all the *MagicFormula* input parameters regarding the tire/road interaction. The most important parameters are relative camber angle, average friction coefficient, intersection area/volume, contact point penetration and its time derivative.

One of the peculiarities of the presented tire/road contact models is that they can detect several different friction coefficient on the tridimensional mapped roads. This means that it is possible to simulate not only the slope and banking angles of a track, but also minor unevenness of the road surface and the different grip conditions. All of these properties make the model a useful tool for most of the *Advanced Driver-Assistance Systems* (ADAS) systems like *Anti-lock Braking System* (ABS) and/or *Electronic Stability Program* (ESP).

The C++ library was fatherly tested using both the pc it was developed and a professional driving simulator in AnteMotion S.r.l. in order to get some information about the computational complexity and timing.

# Indice

1	Introduzione	1
	1.1 Obiettivi della tesi	1
	1.2 Stato dell'arte	1
2	Descrizione della superficie stradale	5
	2.1 Il formato RDF per le superfici stradali	6
	2.1.1 Superfici semplici	6
	2.1.2 Superfici complesse	8
	2.2 Analisi sintattico-grammaticale del formato RDF	10
3	Modellizzazione dello pneumatico	13
	3.1 Descrizione geometria dello pneumatico	13
	3.2 Modelli di pneumatico	14
	3.2.1 Il modello di Pacejka	16
	3.3 Modelli di contatto con la superficie stradale	17
	3.3.1 Modello di pneumatico a disco singolo	18
	3.3.1.1 Contatto di Rill	18
	3.3.1.2 Contatto ponderato in base all'area d'intersezione	23
	3.3.2 Modello di pneumatico a più dischi	26
	3.3.2.1 Contatto ponderato in base all'area d'intersezione	27
	3.3.2.2 Contatto tramite campionamento	29
4	Algoritmi usati nella modellazione	33
	4.1 Struttura ad albero di tipo "Bounding Volume Hierarchy"	33
	4.1.1 Struttura di tipo "Minimum Bounding Box"	34
	4.1.1.1 Struttura di tipo "Axis Aligned Bounding Box"	34
	4 1 1 2 Struttura di tipo "Arbitrarily Oriented Rounding Rox"	34

iv INDICE

	4.1.1.	3 Struttura di tipo "Object Oriented Bounding Box"	34
	4.1.2 In	ntersezione tra alberi di tipo AABB	35
	4.2 Algorit	mi di tipo geometrico	37
	4.2.1 In	ntersezione tra entità geometriche	38
	4.2.1.	1 Intersezione punto-segmento	38
	4.2.1.	2 Intersezione punto-cerchio	39
	4.2.1.	Intersezione segmento-circonferenza	41
	4.2.1.	4 Intersezione piano-piano	42
	4.2.1.	5 Piano-Segmento e Piano-Raggio	45
	4.2.1.	6 Intersezione piano-triangolo	46
	4.2.1.	7 Intersezione raggio-triangolo	47
5	La libreria T	ireGround	53
	5.1 Organi	zzazione	53
	5.1.1	Gestione della superficie stradale	53
	5.1.2	Gestione dei modelli di pneumatico	56
	5.2 Libreri	e ausiliarie	63
	5.2.1 E	igen3	63
	5.2.2 C	lothoids	63
	5.3 Esemp	i di uso della libreria	63
	5.4 Prestaz	ioni della libreria	67
6	Conclusioni	e possibili sviluppi	73
A	Convenzioni	e notazioni	75
	A.0.1 S	istemi di riferimento	75
	A.0.2 N	Matrice di trasformazione	76
В	Documentaz	zione della libreria TireGround	79
C	Codice sorge	ente delle prove numeriche	173
	C.1 Tests di	tipo geometrico	173
	C.1.1 G	eometry-test1.cc	173
	C.1.2 G	eometry-test2.cc	174
	C.1.3 G	eometry-test3.cc	176
	C.1.4 G	eometry-test4.cc	177

*INDICE* v

C.2 Tests	per il modello a singolo disco	178
C.2.1	MagicFormula-test1.cc	178
C.2.2	MagicFormula-test2.cc	179
C.2.3	MagicFormula-test3.cc	180
C.3 Tests	s per il modello a più dischi	181
C.3.1	MultiDisk-test1.cc	181
C.3.2	MultiDisk-test2.cc	183
C.3.3	MultiDisk-test3.cc	184
5.44		
Bibliografia		187

# Elenco delle figure

2.1	Esempio di superficie rappresentata tramite <i>mesh</i> triangolare	11
2.2	Intersezione stradale rappresentata tramite <i>mesh</i> triangolare	11
3.1	Esempio di misure, secondo la notazione ETRTO, riportate sulla spalla	
	dello pneumatico	15
3.2	Forze e coppie generate dal contatto pneumatico/strada	15
3.3	Curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo	
	della Magic Formula	17
3.4	Geometria del contatto pneumatico-strada.	19
3.5	Punti campionati nel piano locale della superficie stradale	20
3.6	Punti di contatto $P_{PL}$ e $P_{MF}$ in relazione alla normale $\boldsymbol{e}_{n_{XZ}}$ e al tipo di	
	terreno	22
3.7	Ostacolo frontale non rilevato del modello di contatto di Rill	23
3.8	Dato un generico triangolo che, intersecando il piano in cui giace il di-	
	sco, crea il segmento dato dai punti $A$ e $B$ , l'area di intersezione è la re-	
	gione racchiusa dai segmenti $B'B$ , $AB$ , $AA'$ e dall'arco di circonferenza	
	A'B'	23
3.9	I versori normali $e_{n_A}$ , $e_{n_B}$ , $e_{n_C}$ e $e_{n_D}$ vengono ponderati in base all'area	
	delle rispettive regioni d'intersezione $A, B, C$ e $D$	24
3.10	Ostacolo frontale rilevato del modello di contatto ponderato in base	
	all'area d'intersezione	25
	Disposizione dei dischi	26
3.12	Pneumatico rappresentato da dischi a raggio uniforme. Notare il disco	
	fittizio giacente sul piano $XZ$ in linea tratteggiata	26
	Momento creato dalla morfologia del terreno	27
3.14	Normali associate ai vari dischi dello pneumatico	28

3.15	Campionamento della <i>mesh</i> triangolare in corrispondenza del piano in	
	cui giace l'i-esimo disco. I raggi partono dall'asse $x_C$ in direzione $z_C$	30
4.1	Esempio di albero di tipo AABB	35
4.2	Schema del problema di intersezione punto-segmento	38
4.3	Schemi per l'output dell'intersezione punto-segmento	39
4.4	Schema dello pseudocodice per l'intersezione punto-segmento	39
4.5	Schema del problema di intersezione punto-cerchio	39
4.6	Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio	40
4.7	Schema dello pseudocodice per l'intersezione punto-cerchio	41
4.8	Schema del problema di intersezione punto-circonferenza	41
4.9	Schemi per l'output dell'intersezione segmento-cerchio	43
4.10	Schema dello pseudocodice per l'intersezione segmento-cerchio	43
4.11	Schemi del problema di intersezione piano-piano	44
4.12	Vettori dei piani $P_1$ , $P_2$ e della retta $L$	45
4.13	Schema dello pseudocodice per l'intersezione piano-piano	45
4.14	Vettori dei piani $P_1$ , $P_2$ e della retta $L$	46
4.15	Schema dello pseudocodice per l'intersezione piano-segmento	47
4.16	Schema dello pseudocodice per l'intersezione piano-triangolo	47
4.17	Schema del problema di intersezione raggio-triangolo	48
4.18	Cambiamento di coordinate nell'algoritmo di Möller-Trumbore	49
4.19	Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio	51
4.20	Schema dello pseudocodice per l'intersezione raggio-triangolo con back-	
	face culling	51
5.1	Diagramma delle collaborazioni per la classe Triangle3D	54
5.2	Diagramma dell'ereditarietà per la classe Triangle3D	55
5.3	Diagramma delle collaborazioni per la classe TriangleRoad	55
5.4	Diagramma dell'ereditarietà per la classe TriangleRoad	55
5.5	Diagramma delle collaborazioni per la classe Tire	60
5.6	Diagramma dell'ereditarietà per la classe Tire	60
5.7	Diagramma delle collaborazioni per la classe MagicFormula	61
5.8	Diagramma dell'ereditarietà per la classe MagicFormula	62
5.9	Diagramma delle collaborazioni per la classe MultiDisk	62
5.10	Diagramma dell'ereditarietà per la classe MultiDisk	62

	Porzione di <i>mesh</i> particolarmente densa di triangoli	
6.1	Schema strutturale del modello "a spazzola" (brush model)	74
A.1	Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento della vettura secondo la convenzione ISO-V	75
A.2	Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento dello pneumatico secondo la convenzione ISO-C.	76

# Elenco delle tabelle

5.1	Attributi della classe BBox2D	54
5.2	Attributi della classe Triangle3D	54
5.3	Attributi della classe TriangleRoad	55
5.4	Attributi della classe MeshSurface	56
5.5	Attributi della classe Disk	57
5.6	Attributi della classe ETRTO	57
5.7	Attributi della classe ReferenceFrame	58
5.8	Attributi della classe Shadow	59
5.9	Attributi della classe SamplingGrid	59
5.10	Attributi della classe Tire	60
5.11	Attributi della classe MagicFormula	61
5.12	Attributi della classe MultiDisk	61
5.13	Tempi per il modello di pneumatico MagicFormula nel caso di mesh	
	densa	69
5.14	Tempi per il modello di pneumatico MultiDisk nel caso di <i>mesh</i> densa.	69
5.15	Tempi per il modello di pneumatico MagicFormula nel caso di mesh	
	poco densa	70
5.16	Tempi per il modello di pneumatico MultiDisk nel caso di <i>mesh</i> poco	
	densa	70
5.17	Tempi sul simulatore per il modello di pneumatico MagicFormula	71
5.18	Tempi sul simulatore per il modello di pneumatico MultiDisk	71

Introduzione 1

### 1.1 Obiettivi della tesi

Il presente lavoro di tesi ha preso avvio dalla collaborazione tra il Dipartimento di Ingegneria Industriale dell'Università di Trento e AnteMotion S.r.l., azienda specializzata in realtà virtuale e simulazione *multibody* nel campo *automotive*. In particolare, il modello di veicolo e pneumatico precedentemente studiati da Matteo Larcher nella tesi [4] saranno integrati nel simulatore di guida di AnteMotion. Pertanto, lo sviluppo dei modelli è stato finalizzato a minimizzare i tempi di esecuzione mantenendo invece l'accuratezza. La necessità di sviluppare un algoritmo che calcoli i parametri dell'interazione tra terreno (rappresentato con una *mesh* triangolare) e pneumatico (rappresentato come uno o più dischi indeformabili) getta le basi per il lavoro svolto.

## 1.2 Stato dell'arte

La simulazione risolve alcuni dei problemi nel mondo della prototipazione riducendo la necessità di costruire prototipi. A differenza della modellazione fisica, che può coinvolgere il sistema reale o una copia in scala di esso, la simulazione è basata sulla tecnologia digitale e utilizza algoritmi ed equazioni per rappresentare il mondo reale al fine di imitare la realtà. Ciò comporta diversi vantaggi in termini di tempo, costi e sicurezza. Infatti, il modello digitale può essere facilmente riconfigurato e analizzato, al contrario invece del sistema reale [5].

Al giorno d'oggi esistono numerosi modelli di veicolo e pneumatico. Certamente, più semplice è il modello più veloce è la risoluzione delle equazioni costituenti, quindi, a seconda delle applicazioni, dev'essere scelto il modello con la giusta complessità. Per la maggior parte delle applicazioni di guida autonoma, un modello semplice è adeguato a caratterizzare il comportamento del veicolo con un livello di dettaglio sufficiente. Poiché queste analisi sono molto spesso fatte con l'ausilio di Hardware in the Loop (HIL), il modello dinamico del veicolo dev'essere risolto in tempo reale con tipico passo di tempo di un millisecondo. Il vincolo di esecuzione in tempo reale implica la scelta di un modello di veicolo che sia velocemente risolvibile, ciò significa che i modelli semplici con pochi parametri, di solito modelli lineari a due ruote, sono particolarmente adatti per questo tipo di applicazioni. Tuttavia, ci sono alcune situazioni che richiedono modelli più dettagliati, come ad esempio l'azione prodotta da un Advanced Driver-Assistance Systems (ADAS), ovvero una manovra di sicurezza come l'elusione di un ostacolo o una frenata di emergenza, poiché il veicolo è spinto nella maggior parte dei casi al limite delle sue prestazioni [3]. In queste condizioni di guida si devono tenere conto di molti fattori come ad esempio il comportamento degli pneumatici che, spostandosi nella regione non lineare, fa sì che i fenomeni transitori non siano più trascurabili. Questo implica la necessità di utilizzare un modello più dettagliato di quello utilizzato per la guida in condizioni standard.

L'accuratezza dinamica del modello è di grande rilevanza per ricavare previsioni realistiche delle prestazioni del veicolo e del sistema di controllo. È importante notare che modellare in modo esaustivo tutti i sistemi di un'auto sarebbe però un compito estremamente arduo e a talvolta anche impossibile. Esistono quindi modelli empirici come il modello della *Magic Formula* di Hans Pacejka, che cercano di imitare il comportamento reale del sistema. Il calcolo dei parametri di questo tipo di modelli richiede l'interpolazione di un insieme di dati di grandi dimensioni, e può quindi essere numericamente inefficiente o comunque troppo oneroso in termini di tempo.

Lo scopo di questo lavoro si collega a quello già svolto da Matteo Larcher nella tesi [4] in cui, grazie a un modello di veicolo completo con 14 gradi di libertà è stato in grado di catturare con un livello di dettaglio appropriato il comportamento del veicolo quando viene spinto alle massime prestazioni. La necessità di calcolare in

tempo reale gli *input* per il modello di pneumatico scelto in [4] definisce l'obiettivo di questo lavoro. In particolare, lo scopo è quello di implementare una libreria scritta nel linguaggio C++ che con alcuni *input*, come la denominazione *European Tyre and Rim Technical Organisation* (ETRTO) e la posizione nello spazio dello pneumatico, calcoli i dati relativi al contatto dello stesso con strada.

Oltre allo pneumatico, la superficie stradale rappresenta il secondo importante elemento che definisce il contatto. Perché una superficie stradale possa essere facilmente utilizzata in una simulazione deve essere prima discretizzata. La discretizzazione in questo caso avviene mediante la rappresentazione della superficie stessa in una triangolazione (mesh). La mesh è contenuta in un file di formato RDF, che contiene le posizioni (x, y, z) di ogni vertice e i numeri di identificazione per ognuno dei tre vertici del triangolo, per ogni triangolo.

È importante notare che la discretizzazione del manto stradale è un processo molto importante in quanto, se campionato troppo grossolanamente potrebbe influire negativamente sui risultati dei calcoli per l'estrazione del piano strada locale. In altre parole, una semplificazione eccessiva, potrebbe causare degli errori tali da incorrere in risultati troppo approssimativi e non rispecchianti la realtà. Al contrario, una *mesh* troppo fitta, aumenterebbe inutilmente i calcoli da eseguire, dilatando quindi i tempi di esecuzione. È bene quindi discretizzare più densamente in maniera oculata e solo dove occorre realmente, ovvero in prossimità di cordoli, marciapiedi o qualsiasi tipo di ostacolo che potrebbe influire sulle prestazioni della vettura.

## 2.1 Il formato RDF per le superfici stradali

### 2.1.1 Superfici semplici

Sfortunatamente, non esistono *standard* universalmente riconosciuti per il formato RDF. In linea di massima le superfici stradali sono definite nei *Road Data File* (\*.rdf). Questa tipologia di *file* è composta da varie sezioni, indicate da parentesi quadre.

```
{ Comments section }
2
    [UNITS]
3
    LENGTH = 'meter'
    ANGLE = 'degree'
5
6
    [MODEL]
7
    ROAD\TYPE = '...'
8
9
    [PARAMETERS]
10
11
```

Nella sezione [UNITS], vengono impostate le unità di misura utilizzate nel *file*. La sezione [MODEL] viene invece utilizzata per specificare la morfologia della superfice stradale, che può essere del tipo:

- ROAD\_TYPE = 'flat': superficie stradale piana.
- ROAD\_TYPE = 'plank': singolo scalino o dosso orientato perpendicolarmente o obliquo rispetto all'asse X, con o senza bordi smussati.
- ROAD\_TYPE = 'poly\_line': altezza della strada è in funzione della distanza percorsa.
- ROAD\_TYPE = 'sine': superficie stradale costituita da una o più onde sinusoidali con lunghezza d'onda costante.

La sezione [PARAMETERS] contiene i parametri generali e specifici per il tipo di superficie stradale. Possono essere:

- Generali:
  - MU: è il fattore di correzione dell'attrito stradale (non il valore dell'attrito stesso), da moltiplicare con i fattori di ridimensionamento LMU del mo-

dello di pneumatico.

Impostazione predefinita: MU = 1.0.

- OFFSET: è l'offset verticale del terreno rispetto al sistema di riferimento inerziale.
- ROTATION\_ANGLE\_XY\_PLANE: è l'angolo di rotazione del piano XY attorno all'asse Z della strada, ovvero la definizione dell'asse X positivo della strada rispetto al sistema di riferimento inerziale.

#### • Strada con scalino:

- HEIGHT: altezza dello scalino.
- START: distanza lungo l'asse X della strada dell'inizio dello scalino.
- LENGTH: lunghezza dello scalino (escluso lo smusso) lungo l'asse X della strada.
- BEVEL\_EDGE\_LENGTH: lunghezza del bordo smussato a 45° dello scalino.
- DIRECTION: rotazione dello scalino attorno all'asse Z, rispetto all'asse Y della strada.

Se lo scalino è posizionato trasversalmente, DIRECTION = 0. Se lo scalino è posto lungo l'asse X, DIRECTION = 90.

#### • Polilinea:

Il blocco [PARAMETERS] deve avere un sotto blocco chiamato (XZ\_DATA) e costituito da tre colonne di dati numerici:

- La colonna 1 è un insieme di valori X in ordine crescente.
- Le colonne 2 e 3 sono insiemi di rispettivi valori Z per la traccia sinistra e destra.

#### Esempio:

```
1 [PARAMETERS]
2 MU = 1.0
3 OFFSET = 0.0
4 ROTATION_ANGLE_XY_PLANE = 0.0
5
6 { X_road Z_left Z_right }
7 (XZ_DATA)
8 -1.0e04 0 0
9 0.0500 0 0
10 0.1000 0 0
```

11 0.1500 0 0 12 ......

#### • Sinusoide:

La strada a superficie sinusoidale è implementata come:

$$z(x) = \frac{H}{2} \left( 1 - \cos\left(\frac{2\pi \cdot (x - x_i)}{L}\right) \right) \tag{2.1}$$

dove

- z: coordinata verticale della strada;

- *H*: altezza;

- x: posizione attuale;

 $-x_i$ : inizio dell'onda sinusoidale;

L: semi-periodo dell'onda sinusoidale.

#### I parametri sono:

- HEIGHT: altezza dell'onda sinusoidale.
- START: distanza lungo l'asse X della strada dall'inizio dell'onda sinusoidale.
- ${\tt -}$  LENGTH: lunghezza dell'onda sinusoidale lungo l'asse X della strada.
- DIRECTION: rotazione dell'onda sinusoidale attorno all'asse Z, rispetto all'asse Y della strada.

Se l'onda sinusoidale è posizionata trasversalmente, DIRECTION = 0. Se l'onda sinusoidale è posta lungo l'asse X, DIRECTION = 90.

## 2.1.2 Superfici complesse

Sfortunatamente, queste informazioni appena descritte permettono di costruire strade troppo approssimate, che non rispecchiano la realtà. È quindi necessario inserire i risultati della discretizzazione della superficie stradale sopra citati.

Per descrivere la superficie stradale si utilizzerà dunque una *mesh* poligonale. Quest'ultima può essere rappresentata utilizzando diversi metodi per memorizzare i dati dei vertici, bordi e facce. Nel caso specifico si andrà ad utilizzare una rappresentazione del tipo faccia-vertice. La *mesh* faccia-vertice rappresenta un oggetto come un insieme di facce e un insieme di vertici. Questa rappresentazione è generalmente la più utilizzata in quanto permette una ricerca esplicita dei vertici di una faccia e delle facce che circondano un vertice.

Per descrivere una superficie stradale composta da una *mesh* di triangoli si utilizzerà quindi la seguente struttura dati:

- [NODES] (Vertici): presenti nella prima sezione, vengono descritti sotto forma di una quartina (id, x, y, z) data dal numero di identificazione e dalle coordinate nello spazio.
- [ELEMENTS] (Facce): presenti nella seconda sezione, vengono descritti sotto forma di una quartina  $(n_1, n_2, n_3, \mu)$  data dai numeri di identificazione dei tre vertici componenti *i*-esimo triangolo e dal coefficiente di attrito presente nella faccia.

#### Esempio:

```
[NODES]
1
   { id x_coord y_coord z_coord }
2
   0 2.64637 35.8522 -1.59419e-005
   1 4.54089 33.7705 -1.60766e-005
   2 4.52126 35.8761 -1.62482e-005
   3 2.66601 33.7456 -1.57714e-005
   4 0.771484 35.8282 -1.56367e-005
   5 0.791126 33.7206 -1.5465e-005
10
    [ELEMENTS]
11
   { n1 n2 n3 mu }
12
   1 2 3 1.0
13
   2 1 4 1.0
14
   5 4 1 1.0
```

Ulteriori parametri possono essere aggiunti prima della dichiarazione dei nodi della *mesh*, come ad esempio:

- X\_SCALE: riscala i punti delle coordinate dei nodi lungo l'asse X;
- Y SCALE: riscala i punti delle coordinate dei nodi lungo l'asse Y;
- Z\_SCALE: riscala i punti delle coordinate dei nodi lungo l'asse Z;
- ORIGIN: definisce la posizione dell'origine del sistema di riferimento della superficie stradale;

- UP: definisce la direzione positiva dell'asse *Z*;
- [ORIENTATION]: ruota i punti delle coordinate dei nodi secondo la matrice definita.

#### Esempio:

```
X_SCALE
    1000.0
3
    Y_SCALE
    1000.0
    Z_SCALE
5
    1000.0
6
    ORIGIN
7
    0 0 0
8
   UP
9
   0.0,0.0,1.0
10
   ORIENTATION
11
   1.0 0.0 0.0
12
   0.0 1.0 0.0
13
14
   0.0 0.0 1.0
```

# 2.2 Analisi sintattico-grammaticale del formato RDF

L'analisi sintattico-grammaticale è un processo che analizza un flusso continuo di dati in ingresso (letti per esempio da un *file*) in modo da determinare la correttezza della sua struttura grazie ad una data grammatica formale. Il programma che esegue questo compito viene chiamato *parser*. Nella maggior parte dei casi l'analisi sintattica opera su una sequenza di *tokens* in cui l'analizzatore lessicale spezzetta l'*input*.

Nel lavoro svolto è stato creato un algoritmo per eseguire l'analisi sintatticogrammaticale dei *file* di tipo RDF. Purtroppo, come precedentemente affermato, non esiste uno *standard* universalmente riconosciuto per questo formato. Creare dunque un *parser* o definire un generatore di *parser* è arduo. Si è quindi optato per la creazione di un programma che rilevi solo i nodi ([NODES]), li salvi temporaneamente e, dopo aver immagazzinato anche i dati relativi agli elementi ([ELEMENTS]),

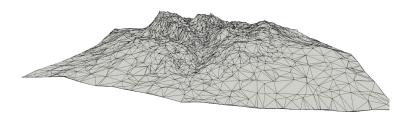


Figura 2.1: Esempio di superficie rappresentata tramite mesh triangolare.

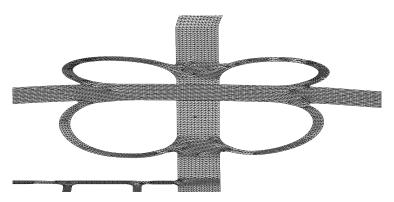


Figura 2.2: Intersezione stradale rappresentata tramite mesh triangolare.

istanzi un oggetto di tipo *mesh*, composto dai nodi dichiarati nella sezione degli elementi. Gli altri parametri non sono stati considerati.

Come verrà richiamato nelle conclusioni, l'importanza di definire uno *standard* per il formato RDF è di cruciale importanza. In questo modo si potrà creare un generatore di *parser* con una grammatica e un lessico ben definiti.

Gli pneumatici sono probabilmente i componenti più complessi di un'auto in quanto combinano decine di elementi che devono essere formati, assemblati e combinati assieme. Il successo del prodotto finale dipende dalla loro capacità di fondersi in un prodotto coeso e che soddisfi le esigenze del conducente [10]. Essi sono caratterizzati da un comportamento altamente non lineare con una forte dipendenza da diversi fattori costruttivi e ambientali.

## 3.1 Descrizione geometria dello pneumatico

Quando si fa riferimento ai dati puramente geometrici, viene utilizzata una forma abbreviata della notazione completa prevista dall'ente di normazione ETRTO [12]. Assumendo di avere uno pneumatico generico la notazione che identificherà la geometria sarà del tipo  $a / b \ R \ c$ , dove:

- a rappresenta la larghezza nominale dello pneumatico nel punto più largo;
- *b* rappresenta la percentuale dell'altezza della spalla dello pneumatico in relazione alla larghezza dello stesso;
- c rappresenta il diametro dei cerchi ai quali lo pneumatico si adatta.

Si prenda come esempio la seguente denominazione ETRTO: 195/55R16. La larghezza nominale dello pneumatico è di circa 195 mm nel punto più largo, l'altezza della spalla corrisponde al 55% della larghezza — ovvero 107 mm — e il diametro

dei cerchi ai quali lo pneumatico si adatta è di 16 pollici. Con questa notazione è possibile calcolare direttamente il diametro esterno teorico dello pneumatico tramite una delle seguenti formule:

$$\phi_e = \frac{2ab}{25.4} + c \quad [in] \tag{3.1}$$

$$\phi_e = 2ab + 25.4c \text{ [mm]}$$
 (3.2)

Riprendendo l'esempio usato sopra, il diametro esterno risulterà dunque 24.44 in o 621 mm.

Meno comunemente usata negli USA e in Europa (ma spesso in Giappone) è la notazione che indica l'intero diametro dello pneumatico invece delle proporzioni dell'altezza della spalla laterale, quindi non secondo ETRTO. Per fare lo stesso esempio, un cerchio da 16 pollici ha un diametro di 406 mm, l'aggiunta del doppio dell'altezza dello pneumatico (2×107 mm) produce un diametro totale di 620 mm. Quindi, uno pneumatico 195/55R16 potrebbe in alternativa essere etichettato come 195/620R16. Anche se queste due notazioni sono teoricamente ambigue, in pratica possono essere facilmente distinte perché l'altezza della parete laterale di uno pneumatico automobilistico è in genere molto inferiore alla larghezza. Quindi, quando l'altezza è espressa come percentuale della larghezza, è quasi sempre inferiore al 100% (e certamente meno del 200%). Al contrario, i diametri degli pneumatici del veicolo sono sempre superiori a 200 mm. Pertanto, se il secondo numero è superiore a 200, allora è quasi certo che viene utilizzata la notazione giapponese, se è inferiore a 200 allora viene utilizzata la notazione USA/europea.

## 3.2 Modelli di pneumatico

Le forze di contatto tra la superficie stradale e lo pneumatico possono essere descritte da un vettore di forza risultante applicato in un punto specifico dell'impronta di contatto e da una coppia risultante, come illustrato nella Figura 3.2.

Come componenti cruciali per la movimentazione dei veicoli e il comportamento di guida, le forze degli pneumatici richiedono particolare attenzione soprattutto perché dev'essere considerato anche il comportamento non stazionario. Attualmente, è possibile suddividere i modelli di pneumatico in tre gruppi:

• modelli matematici;

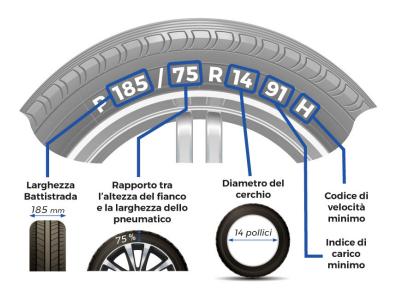


FIGURA 3.1: Esempio di misure, secondo la notazione ETRTO, riportate sulla spalla dello pneumatico.

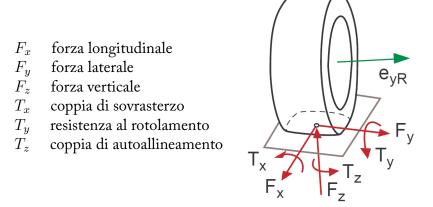


Figura 3.2: Forze e coppie generate dal contatto pneumatico/strada. Da: Rill, *Road Vehicle Dynamics - Fundamentals and Modeling*.

- modelli fisici;
- combinazione dei precedenti.

La prima tipologia di modello tenta di rappresentare le caratteristiche fisiche dello pneumatico attraverso una descrizione puramente matematica. Pertanto, questo tipo di modelli parte da un insieme di curve caratteristiche ricavate sperimentalmente e cercano di derivare un comportamento approssimativo dall'interpolazione di un grande insieme di dati. Un esempio ben noto di questo approccio è il modello di Pacejka o *Magic Formula* [8]. Questo tipo di modellazione è adatta per la simulazione di guida in cui il comportamento di interesse è per lo più la manovrabilità del veicolo e le frequenze di uscita sono ben al di sotto delle frequenze di risonanza della cintura dello pneumatico. I modelli fisici o i modelli ad alta frequenza, come i modelli agli elementi finiti, sono in grado di rilevare fenomeni di risonanza a frequenza più elevata. Ciò permette di valutare il comfort di guida di un veicolo. Dal punto di vista del calcolo, i modelli fisici complessi richiedono molto tempo al calcolatore per essere risolti, nonché di molti dati, al contrario dei più veloci modelli matematici, che richiedono un'accurata preelaborazione dei dati sperimentali. La terza tipologia di modelli consiste in un'estensione dei modelli matematici attraverso le leggi fisiche al fine di coprire una gamma di frequenza più ampia.

Il modello di pneumatico sviluppato nel modello di veicolo e il tipo di interfaccia di pneumatico/strada presentato da Matteo Larcher in [4] si basano sulla *Magic Formula* 6.2.

### 3.2.1 Il modello di Pacejka

Uno dei modelli di pneumatici più utilizzati è il cosiddetto modello *Magic Formula* sviluppato da Egbert Bakker e Pacejka in [1]. Questo modello è stato poi rivisto più volte e l'ultima versione è riportata nella referenza [8]. Il modello *Magic Formula* consiste in una pura descrizione matematica del rapporto *input-output* del contatto pneumatico/strada. Questa formulazione collega le variabili di forza con lo *slip* rigido del corpo. La forma generale della funzione può essere scritta come:

$$y(x) = D \sin\{C \arctan[B(x+S_h) - E(B(x+S_h) - \arctan(B(x+S_h)))]\} + S_v$$
(3.3)

dove i fattori rappresentano:

- B la rigidezza;
- C la forma;
- D il valore massimo della forza o coppia;
- E la curvatura in corrispondenza del valore massimo;
- $S_v$  lo spostamento in verticale della curva caratteristica;
- $S_h$  lo spostamento in orizzontale della curva caratteristica.

e dove y(x) può rappresentare la forza longitudinale  $F_x$ , la forza laterale  $F_y$  o la coppia di autoallineamento  $M_z$ , mentre x è la componente di *slip* corrispondente. In

Figura 3.3 sono illustrate le curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo della *Magic Formula*.

Per poter utilizzare la Magic Formula è necessario conoscere:

- la geometria dello pneumatico;
- lo slittamento (o slip);
- · la forza verticale applicata allo pneumatico;
- la penetrazione in corrispondenza del punto di contatto  $\rho$  e la sua derivata nel tempo  $\dot{\rho}$  (calcolate dalla libreria C++ sviluppata nella tesi);
- l'inclinazione tra piano strada e sistema di riferimento del centro ruota, ovvero l'angolo di camber relativo (calcolato anch'esso dalla libreria C++ sviluppata).

È proprio nell'inclinazione tra piano strada e sistema di riferimento del centro ruota che si porrà una maggiore attenzione in quanto elemento fondamentale per ricavare l'effettivo punto di contatto dell'interazione pneumatico/strada.

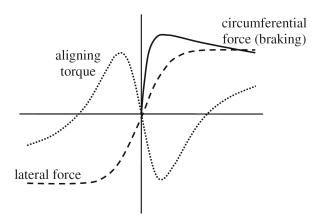


Figura 3.3: Curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo della *Magic Formula*.

Da: Schramm, Hiller e Bardini, Vehicle Dynamics: Modeling and Simulation.

## 3.3 Modelli di contatto con la superficie stradale

Si analizzeranno ora le quattro metodologie di complessità crescente per ricavare l'inclinazione del piano locale e i punti di contatto sulla circonferenza del disco indeformabile  $P_{MF}$ , nonché sulla superficie stradale  $P_{PL}$  dove effettivamente agiranno le forze ricavate mediante la *Magic Formula* [8]. Dapprima si utilizzerà un metodo a disco singolo presentato in [9], successivamente si passerà ad un modello a più

dischi, così da coprire una superficie stradale maggiore e avere quindi risultati più precisi, soprattutto in prossimità di variazioni repentine del manto stradale.

### 3.3.1 Modello di pneumatico a disco singolo

#### 3.3.1.1 Contatto di Rill

**Piano locale** La posizione e l'orientamento della ruota in relazione al sistema fissato a terra sono dati dalla terna di riferimento del ruota  $RF_{wh}$ , che viene calcolata istante per istante risolvendo le equazioni dinamiche del sistema ottenuto nel Capitolo 2 in [4]. Supponendo che il profilo stradale sia rappresentato da una funzione arbitraria a due coordinate spaziali del tipo:

$$z = z(x, y) \tag{3.4}$$

su una superficie irregolare, il punto di contatto con il piano locale  $P_{PL}$  non può essere calcolato direttamente. Nel metodo a disco singolo presentato in [9] da Rill, come prima approssimazione si identifica un punto di contatto  $P^*$  come una semplice traslazione del centro ruota M:

$$P^{\star} = M - R_0 e_{zC} \begin{bmatrix} x^{\star} \\ y^{\star} \\ z^{\star} \end{bmatrix}$$
(3.5)

dove  $R_0$  è il raggio dello pneumatico indeformato ed  $e_{zC}$  è il vettore unitario che definisce l'asse  $z_C$  del sistema di riferimento della ruota.

La prima stima del sistema di riferimento del punto di contatto  $RF_{P^*}$  è una terna con origine in  $P^*$  e la medesima orientazione degli assi del sistema di riferimento della ruota. Si noti dunque che l'origine di  $RF_{P^*}$  corrisponde alla proiezione lungo l'asse  $z_C$  del sistema di riferimento della ruota.

$$RF_{P^*} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} R_{RF_{wh}} \end{bmatrix} & x^* \\ y^* \\ z^* \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 (3.6)

Al fine di ottenere una buona approssimazione del piano strada locale in termini di inclinazione longitudinale e laterale, sono stati utilizzati i quattro punti di

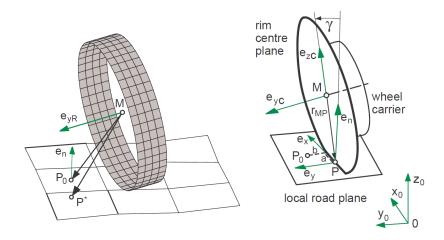


Figura 3.4: Geometria del contatto pneumatico-strada. Da: Rill, *Road Vehicle Dynamics - Fundamentals and Modeling*.

campionamento  $(Q_1^{\star}, Q_2^{\star}, Q_3^{\star}, Q_4^{\star})$ , rappresentati graficamente in Figura 3.5. I punti di campionamento sono definiti nel sistema di riferimento temporaneo del punto di contatto  $RF_{P^{\star}}$ ; lo spostamento longitudinale e laterale sono definiti dall'origine, ovvero dallo stesso  $P^{\star}$ . I vettori di spostamento sono definiti come:

$$r_{Q_{1,2}^{\star}} = \pm \Delta x e_{xP^{\star}} = \pm \Delta x e_{xC}$$

$$r_{Q_{3,4}^{\star}} = \pm \Delta y e_{yP^{\star}} = \pm \Delta y e_{yC}$$
(3.7)

e quindi, i quattro punti di campionamento sono:

$$Q_{1,2}^{\star} = P^{\star} \pm r_{Q_{1,2}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta x e_{xC}$$

$$Q_{3,4}^{\star} = P^{\star} \pm r_{Q_{3,4}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta y e_{yC}$$
(3.8)

Al fine di campionare il terreno nel modo più efficace possibile, le distanze di  $\Delta x$  e  $\Delta y$ , dell'equazione precedente, vengono regolate in base al raggio indeformato  $R_0$  e alla larghezza B dello pneumatico. I valori di queste due quantità possono essere trovate in [9] e sono  $\Delta x = 0.1R_0$  e  $\Delta y = 0.3B$ . Attraverso questa definizione, si può ottenere un comportamento sufficientemente realistico durante la simulazione.

Ora, la componente z in corrispondenza dei quattro punti campione, viene valutata attraverso la funzione z(x,y) precedentemente definita. Quindi, aggiornando la terza coordinata dei punti di campionamento  $Q_i^{\star}$ , si ottengono i corrispondenti punti campione  $Q_i$  sulla superficie. La linea fissata dai punti  $Q_1$ ,  $Q_2$  e  $Q_3$ ,  $Q_4$ , può ora essere utilizzata per definire la normale al piano strada locale (Figura 3.6).

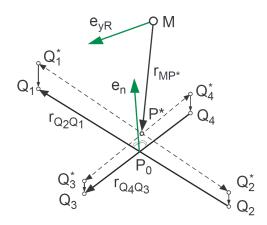


Figura 3.5: Punti campionati nel piano locale della superficie stradale. Da: Rill, *Road Vehicle Dynamics - Fundamentals and Modeling*.

Pertanto, il vettore normale è definito come:

$$e_n = \frac{r_{Q_1 Q_2} \times r_{Q_4 Q_3}}{|r_{Q_1 Q_2} \times r_{Q_4 Q_3}|} \tag{3.9}$$

Ora, i versori  $e_x$  ed  $e_y$ , che descrivono l'inclinazione del piano locale nel possono essere ottenuti dalle seguenti equazioni:

$$e_x = \frac{e_{yC} \times e_n}{|e_{yC} \times e_n|}$$
  $e_y = e_n \times e_x$  (3.10)

dove sono  $r_{Q_2Q_1}$  e  $r_{Q_4Q_3}$  sono i vettori che puntano rispettivamente da  $Q_1$  a  $Q_2$  e da  $Q_3$  a  $Q_4$ . Applicando la (3.10) è ora possibile calcolare i vettori unitari  $e_x$  e  $e_y$  del piano locale di contatto. Per definire univocamente il piano strada, oltre alla normale calcolata in (3.9), viene utilizzato il punto  $P_n$  dato dal valore medio delle tre coordinate spaziali dei quattro punti campione.

$$P_n = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^4 x_i \\ \sum_{i=1}^4 y_i \\ \sum_{i=1}^4 z_i \end{bmatrix}$$
 (3.11)

**Punti di contatto** Infine, è necessario ricondursi alle condizioni tali per cui il modello di Pacejka è valido trovando il punto di contatto sulla circonferenza del disco indeformabile  $P_{MF}$  e il punto di contatto sul piano strada locale  $P_{PL}$  dove effettivamente agiranno le forze ricavate mediante la *Magic Formula* [8]. Si troverà dapprima la componente della normale al piano strada  $e_{n_{XZ}}$  sul piano in cui giace il singolo

disco indeformabile.  $P_{MF}$  sarà dunque trovato a partire dal centro ruota M, moltiplicando scalarmente il versore  $-e_{n_{XZ}}$  per il raggio del disco indeformabile  $R_0$ , ovvero:

$$P_{MF} = M - R_0 \boldsymbol{e}_{n_{XZ}} \tag{3.12}$$

Come illustrato in Figura 3.6, il punto di contatto sul piano strada locale  $P_{PL}$  viene invece calcolato sfruttando un algoritmo di intersezione piano-raggio (che si tratterà nel Capitolo 4).  $P_{PL}$  giacerà dunque sulla proiezione in direzione  $-e_{n_{XZ}}$  del punto M sulla retta individuata dal punto  $P_n$  e normale  $e_{n_{XZ}}$ . Attraverso questi due punti si potrà calcolare la penetrazione  $\rho$  dello pneumatico in corrisondenza del punto di contatto:

$$\rho = ||P_{PL} - P_{MF}|| \tag{3.13}$$

e la sua derivata rispetto al tempo  $\dot{\rho}$ :

$$\dot{\rho} = \frac{\rho_k - \rho_{k-1}}{t} \tag{3.14}$$

È importante notare che sia in questo modello di contatto sia nei modelli successivamente presentati, lo schema per l'output di  $\rho$  e  $\dot{\rho}$  sarà:

$$\rho > 0 \quad \rightarrow \quad \begin{cases}
\rho = ||P_{PL} - P_{MF}|| \\
\dot{\rho} = \frac{\rho_k - \rho_{k-1}}{t}
\end{cases}$$

$$\rho < 0 \quad \rightarrow \quad \begin{cases}
\rho = 0 \\
\dot{\rho} = 0
\end{cases}$$
(3.15)

Infine si possono unire tutte le componenti del piano di riferimento del punto di contatto  $P_{MF}$  ottenendo il relativo sistema di riferimento:

$$RF_{PL} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_{x} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_{y} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_{z} \end{bmatrix} & x_{P_{PL}} \\ y_{P_{PL}} \\ z_{P_{PL}} \end{bmatrix}$$

$$(3.16)$$

Attraverso questo approccio, la normale del piano strada locale  $e_n$  insieme al punto di contatto sul piano strada locale  $P_{PL}$  e al punto di contatto sulla circonferenza del disco indeformabile  $P_{MF}$ , sono in grado di rappresentare l'irregolarità della strada in modo soddisfacente seppur approssimativo, infatti, bordi taglienti o discontinuità del manto stradale saranno involontariamente filtrate da questo approccio.

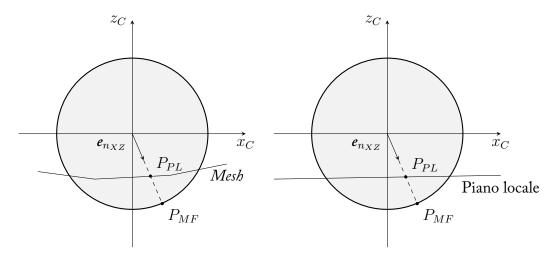


Figura 3.6: Punti di contatto  $P_{PL}$  e  $P_{MF}$  in relazione alla normale  $e_{n_{XZ}}$  e al tipo di terreno.

Nel caso specifico di questo lavoro la superficie stradale non è rappresentata da una funzione del tipo z(x,y) ma da un insieme di triangoli. Questo comporta l'impossibilità di valutare la terza coordinata dei punti di campionamento  $Q_i^{\star}$ . Per sopperire a questo problema si utilizzerà l'algoritmo per l'intersezione tra raggio e triangolo presentato nel Capitolo 4. Si definiranno dunque i punti di origine dei raggi direttamente nel sistema di riferimento della ruota  $RF_{wh}$  come:

$$Q_{1,2}^{\star} = M \pm r_{Q_{1,2}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta x e_{xC}$$

$$Q_{3,4}^{\star} = M \pm r_{Q_{3,4}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta y e_{yC}$$
(3.17)

dai quali partiranno con direzione  $-e_{z_C}$  e intersecheranno la *mesh* nei punti  $Q_1$ ,  $Q_2$ ,  $Q_3$  e  $Q_4$ .

È importante notare che, come mostrato in Figura 3.7 il modello di contatto di Rill non permette di rilevare ostacoli frontali o comunque al di fuori dell'impronta di contatto.

Coefficiente di attrito  $\mu$  viene calcolato come media aritmetica dei coefficienti di attrito ricavati nei quattro punti di contatto:

$$\mu = \frac{1}{4} \sum_{i=1}^{4} \mu_i \tag{3.18}$$

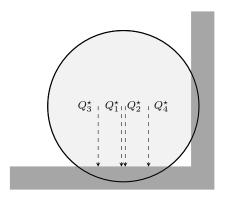


Figura 3.7: Ostacolo frontale non rilevato del modello di contatto di Rill.

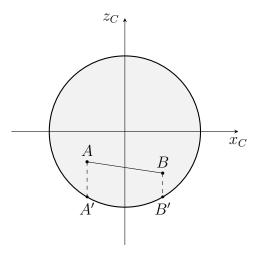


Figura 3.8: Dato un generico triangolo che, intersecando il piano in cui giace il disco, crea il segmento dato dai punti A e B, l'area di intersezione è la regione racchiusa dai segmenti B'B, AB, AA' e dall'arco di circonferenza A'B'.

#### 3.3.1.2 Contatto ponderato in base all'area d'intersezione

Piano locale In alternativa, si può utilizzare un modello di contatto ponderato in base all'area di intersezione. In altre, parole si andrà a valutare triangolo per triangolo l'intersezione con il disco indeformabile. Prima di tutto si intersecherà il triangolo nello spazio con il piano in cui giace il disco trovando dunque un segmento. Successivamente si valuterà l'intersezione di questo segmento con il disco, calcolando l'area tra il segmento stesso e il semicerchio inferiore del disco.

Attraverso questa area si potrà pesare la normale alla faccia del triangolo considerato e quindi effettuare una media ponderata con tutti gli atri triangoli che

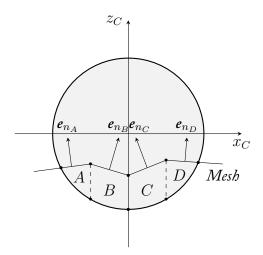


Figura 3.9: I versori normali  $e_{n_A}$ ,  $e_{n_B}$ ,  $e_{n_C}$  e  $e_{n_D}$  vengono ponderati in base all'area delle rispettive regioni d'intersezione A, B, C e D.

intersecano il disco, ovvero:

$$e_n = \frac{1}{A_{tot}} \sum_{i=1}^{N_T} A_i e_{n_i}$$
 (3.19)

dove:

- $N_T$  è il numero di triangoli all'interno della Axis Aligned Bounding Box (AABB) rappresentante l'ombra dello pneumatico;
- $e_n$  è il versore normale risultante;
- $e_{n_i}$  è il versore normale dell'*i*-esimo triangolo;
- $A_i$  corrisponde all'area tra il segmento creato dall'intersezione piano-triangolo e il semicerchio inferiore del disco dell'i-esimo triangolo.

Questo metodo è ovviamente utilizzabile solo nel caso di strada rappresentata tramite *mesh* triangolare. A differenza dal modello di [9], permette di non approssimare la superficie stradale mediante soli quattro punti e di sfruttare tutti i dati messi a disposizione dalla discretizzazione del manto stradale.

**Punti di contatto** Per trovare il punto di contatto con la *mesh*  $P_{PL}$  e il punto di contatto sulla circonferenza del disco indeformabile  $P_{MF}$  precedentemente definiti, si andrà a ripetere l'operazione nella sezione 3.3.1.1 per trovare la componente della normale al piano strada  $e_{n_{XZ}}$  sul piano in cui giace il singolo disco indeformabile. A differenza del modello di contatto di Rill, non si ha ora una definizione univoca

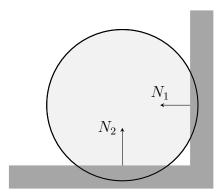


FIGURA 3.10: Ostacolo frontale rilevato del modello di contatto ponderato in base all'area d'intersezione.

del piano strada locale. Infatti, l'unica componente ad ora conosciuta è il versore risultante normale al terreno  $e_n$ . Per ricavare il punto di contatto sulla circonferenza del disco indeformabile  $P_{MF}$  si utilizzerà l'equazione (3.12), mentre per il punto sulla mesh  $P_{PL}$  si andrà ad utilizzare un algoritmo d'intersezione tra raggio e la superficie stradale, dove l'origine del raggio sarà il centro ruota M e la direzione  $-e_{n_{XZ}}$ .

È importante notare che, come mostrato in Figura 3.10 il modello di contatto ponderato in base all'area d'intersezione permette di rilevare ostacoli frontali o comunque al di fuori dell'impronta di contatto.

Coefficiente di attrito Il coefficiente di attrito  $\mu$  viene calcolato come media ponderata tra i coefficienti di attrito  $\mu_i$  sulle aree d'intersezione  $A_i$  dei triangoli i-esimi:

$$\mu = \frac{1}{A_{tot}} \sum_{i=1}^{N_T} \mu_i A_i \tag{3.20}$$

dove:

- $N_T$  è il numero di triangoli all'interno della AABB rappresentante l'ombra dello pneumatico;
- $\mu$  è il coefficiente di attrito risultante;
- $\mu_i$  è il coefficiente di attrito dell'*i*-esimo triangolo;
- $A_i$  corrisponde all'area tra il segmento creato dall'intersezione piano-triangolo e il semicerchio inferiore del disco dell'i-esimo triangolo.

### 3.3.2 Modello di pneumatico a più dischi

In questo modello lo pneumatico sarà rappresentato da più dischi rigidi indeformabili disposti uniformemente lungo la sezione dello stesso. Essi potranno avere raggio uguale o diverso l'uno dall'altro, in modo da rappresentare una forma specifica dello pneumatico.

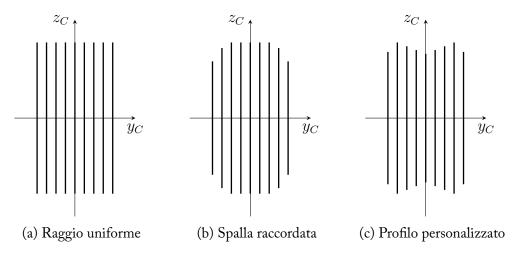


FIGURA 3.11: Disposizione dei dischi.

Anche se questo modello di pneumatico è costituito da più dischi, il punto di contatto  $P_{MF}$  utilizzato per valutare la formula di Pacejka verrà comunque considerato nel disco fittizio giacente sul piano XZ dello pneumatico. Equivalentemente, anche il punto di contatto con la mesh  $P_{PL}$  verrà considerato nel medesimo piano.

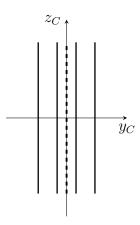


Figura 3.12: Pneumatico rappresentato da dischi a raggio uniforme. Notare il disco fittizio giacente sul piano XZ in linea tratteggiata.

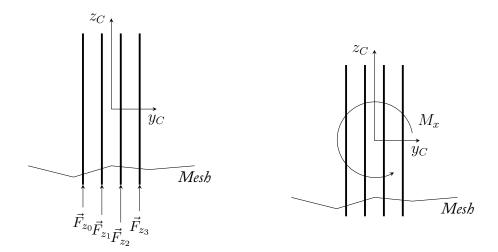


FIGURA 3.13: Momento creato dalla morfologia del terreno.

#### 3.3.2.1 Contatto ponderato in base all'area d'intersezione

**Piano locale** Analogamente al modello di pneumatico a singolo disco, si può effettuare la stessa operazione su ogni disco per trovare il versore normale risultante  $e_{n_{D_j}}$  relativo al contatto del j-esimo disco. La (3.19) diventerà dunque:

$$e_{n_{D_j}} = \frac{1}{A_{D_{tot}}} \sum_{i=1}^{N_T} A_i e_{n_i}$$
(3.21)

Per combinare assieme i versori normali  $e_{n_{D_j}}$  relativi ai dischi si effettuerà una nuova media ponderata questa volta sull'area totale d'intersezione all'interno del disco. La formula sarà dunque:

$$e_n = \frac{1}{A_{tot}} \sum_{j=1}^{N_D} A_{D_j} e_{n_{D_j}}$$
 (3.22)

dove:

- $N_D$  è il numero di dischi totali rappresentanti lo pneumatico;
- $e_n$  è il versore normale risultante;
- $e_{n_{D_i}}$  è il versore normale associato al j-esimo disco;
- $A_{D_j}$  corrisponde all'area d'intersezione all'interno del j-disco e sotto la superficie della *mesh*.

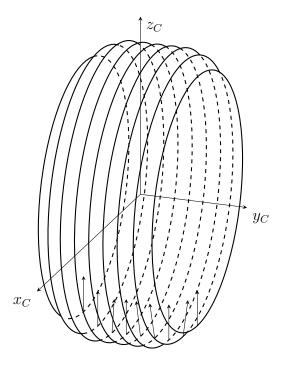


Figura 3.14: Normali associate ai vari dischi dello pneumatico.

Punti di contatto Nel caso di pneumatico rappresentato da più dischi, al fine di dare più robustezza e aderenza alla realtà, si è deciso di adottare un metodo per calcolare il punto di contatto differente da quello utilizzato nella sezione 3.3.1.1. In altre parole, una volta le penetrazioni con la strada di ogni disco con il metodo presentato nella sezione 3.3.1.1, si andrà a combinarle con una nuova media media ponderata sull'area totale d'intersezione all'interno del disco. La formula sarà dunque:

$$\rho = \frac{1}{A_{tot}} \sum_{j=1}^{N_D} A_{D_j} \rho_j \tag{3.23}$$

dove:

- $N_D$  è il numero di dischi totali rappresentanti lo pneumatico;
- $\rho$  è la penetrazione pneumatico/strada risultante;
- $\rho_j$  è la penetrazione con la srada del j-esimo disco;
- $A_{D_j}$  corrisponde all'area d'intersezione all'interno del j-disco e sotto la superficie della *mesh*.

Avendo ora a disposizione la penetrazione pneumatico/strada risultante si troverà il punto di contatto sul piano strada  $P_{PL}$  giacente sul piano mediano XZ dello

pneumatico. Si troverà dapprima la componente della normale al piano strada  $e_{n_{XZ}}$  sul piano in cui giace il singolo disco indeformabile.  $P_{PL}$  sarà dunque trovato a partire dal centro ruota M come:

$$P_{PL} = M - (R_0 - \rho)e_{n_{YZ}} \tag{3.24}$$

Il punto  $P_{MF}$  viene calcolato nel medesimo modo utilizzato nella sezione 3.3.1.1.

#### 3.3.2.2 Contatto tramite campionamento

Piano locale Nel caso in cui la densità della *mesh* sia troppo alta, effettuare il calcolo per il modello di contatto ponderato in base all'area d'intersezione precedentemente presentato, può essere molto dispendioso in termini di tempo di calcolo. Per alleviare a questo problema, se il numero di triangoli è superiore ad un certo numero, si andrà a campionare la *mesh* triangolare in corrispondenza del piano in cui giacciono i dischi. In particolare, per campionare la *mesh* si sfrutterà l'algoritmo di intersezione tra raggio e triangolo che verrà presentato nel Capitolo 4. Attraverso questo algoritmo, supponendo che il raggio abbia la stessa direzione dell'asse  $z_C$ , si andranno a memorizzare le normali alle facce dei triangoli campionati. Il versore normale risultante  $e_n$  non verrà più calcolato mediante una media ponderata ma bensì attraverso una semplice media aritmetica tra tutte le normali dei punti campionati lungo il disco.

Per combinare assieme i versori normali  $e_{n_{D_j}}$  relativi ai dischi si effettuerà una nuova media ponderata questa volta sull'area totale d'intersezione all'interno del disco. In questo caso l'area del j-esimo disco viene calcolata come piano individuato dalla normale  $e_{n_{D_j}}$  e dal punto  $P_{PL_j}$ , calcolato come media dei punti di campionamento del disco. La formula sarà dunque:

$$e_n = \frac{1}{A_{tot}} \sum_{j=1}^{N_D} A_{D_j} e_{n_{D_j}}$$
 (3.25)

dove:

- $N_D$  è il numero di dischi totali rappresentanti lo pneumatico;
- $e_n$  è il versore normale risultante;
- $e_{n_{D_i}}$  è il versore normale associato al j-esimo disco;
- $A_{D_j}$  corrisponde all'area d'intersezione all'interno del j-disco e sotto la superficie della *mesh*.

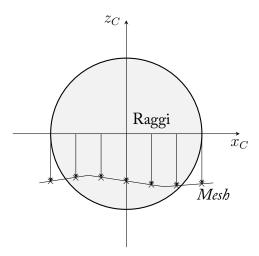


Figura 3.15: Campionamento della *mesh* triangolare in corrispondenza del piano in cui giace l'i-esimo disco. I raggi partono dall'asse  $x_C$  in direzione  $z_C$ .

**Punti di contatto** Avendo ora a disposizione il versore normale risultante  $e_n$ , si possono trovare i punti  $P_{MF}$  e  $P_{PL}$  adottando il medesimo metodo utilizzato nella sezione 3.3.2.1, sempre tenendo conto che entrambi i punti giaceranno sul disco fittizio corrispondente al piano XZ della ruota.

Coefficiente di attrito Il coefficiente di attrito del singolo disco  $\mu_{D_j}$  viene calcolato come media aritmetica dei coefficienti di attrito ricavati nei suoi punti di campionamento:

$$\mu_{D_j} = \frac{1}{N_C} \sum_{i=1}^{N_C} \mu_i \tag{3.26}$$

dove  $N_C$  è il numero dei punti di campionamento per singolo disco.

Per combinare assieme i coefficienti di attrito  $\mu_D$  relativi ai dischi si effettuerà una nuova media ponderata pesata questa volta sull'area totale d'intersezione all'interno del disco. La formula sarà dunque:

$$\mu = \frac{1}{A_{tot}} \sum_{j=0}^{N_D} A_{D_j} \mu_{D_j}$$
 (3.27)

dove:

- $N_D$  è il numero di dischi totali rappresentanti lo pneumatico;
- $\mu$  è il coefficiente di attrito risultante;
- $\mu_{D_j}$  è il coefficiente di attrito associato al *j*-esimo disco;

•  $A_{D_j}$  corrisponde all'area d'intersezione all'interno del j-disco e sotto la superficie della mesh.

# 4.1 Struttura ad albero di tipo "Bounding Volume Hierarchy"

Una *Bounding Volume Hierarchy* (BVH) è una struttura ad albero su un insieme di oggetti geometrici. Tutti gli oggetti geometrici sono raccolti in volumi di delimitazione <sup>1</sup> che formano i nodi fogliari dell'albero. Questi nodi vengono quindi raggruppati come piccoli insiemi e racchiusi in volumi di delimitazione più grandi. Questi, a loro volta, sono ancora raggruppati e racchiusi in altri volumi di delimitazione più grandi in modo ricorsivo, risultando infine in una struttura ad albero con un singolo volume di delimitazione nella parte superiore dell'albero. Le strutture BVH vengono utilizzate per supportare in modo efficiente diverse operazioni su insiemi di oggetti geometrici, come ad esempio il rilevamento delle collisioni.

Il confinamento degli oggetti nei volumi di delimitazione e l'esecuzione di test di collisione su di essi, prima di effettuare il test della geometria dell'oggetto stesso, comporta una semplificazione del problema e un miglioramenti significativi delle prestazioni. Organizzando i volumi di delimitazione in una strutture BVH, la complessità temporale (il numero di test eseguiti) può essere ridotta logaritmicamente nel numero di oggetti. Con una tale struttura, durante i test di collisione, i vo-

 $<sup>^{\</sup>rm 1}$  Un volume di delimitazione per un oggetto è un volume chiuso che contiene completamente l'oggetto stesso.

lumi secondari non devono essere esaminati se i loro volumi principali non sono intersecati.

# 4.1.1 Struttura di tipo "Minimum Bounding Box"

In geometria, il rettangolo minimo o più piccolo (o Minimum Bounding Box (MBB)) per racchiudere un insieme di punti S in N dimensioni è il rettangolo con la misura più piccola (area, volume o iper-volume in dimensioni superiori) all'interno del quale si trovano tutti i punti. Il termine iper-rettangolo (o più semplicemente box) deriva dal suo utilizzo nel sistema di coordinate cartesiane, dove viene effettivamente visualizzato come un rettangolo (caso bidimensionale), parallelepipedo rettangolare (caso tridimensionale), ecc. Nel caso bidimensionale viene chiamato rettangolo di delimitazione minimo.

#### 4.1.1.1 Struttura di tipo "Axis Aligned Bounding Box"

Il MBB allineato agli assi (AABB) per un determinato set di punti è il rettangolo di delimitazione minimo soggetto al vincolo che i bordi del rettangolo sono paralleli agli assi cartesiani. È costituito da N intervalli ciascuno dei quali è definito da un valore minimo e un valore massimo della coordinata corrispondente per i punti in S.

I rettangoli di delimitazione minimi allineati all'asse vengono utilizzati per determinare la posizione approssimativa di un oggetto e come descrittore molto semplice della sua forma. Ad esempio, nella geometria computazionale e nelle sue applicazioni, quando è necessario trovare intersezioni di oggetti in primo esame si valuteranno le intersezioni tra i loro AABB. Questa operazione consente infatti di escludere rapidamente i controlli delle coppie che sono molto distanti.

#### 4.1.1.2 Struttura di tipo "Arbitrarily Oriented Bounding Box"

Il MBB orientato arbitrariamente (*Arbitrarily Oriented Bounding Box* (AOBB)) è il rettangolo di delimitazione minimo, calcolato senza vincoli di orientazione.

#### 4.1.1.3 Struttura di tipo "Object Oriented Bounding Box"

Nel caso in cui un oggetto abbia un proprio sistema di coordinate locale, può essere utile memorizzare un rettangolo di selezione relativo a questi assi, che non richiede

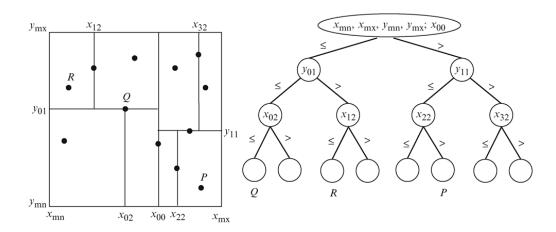


FIGURA 4.1: Esempio di albero di tipo AABB.

alcuna trasformazione quando cambia l'orientazione dell'oggetto stesso.

## 4.1.2 Intersezione tra alberi di tipo AABB

Per il rilevamento delle collisioni tra oggetti in due dimensioni, l'intersezione tra alberi di tipo AABB è l'algoritmo più veloce per determinare se le due entità di gioco si sovrappongono o meno, e in che parti. Nello specifico, vengono controllate le posizioni delle *i*-esime *Bounding Box* (BB) nello spazio delle coordinate bidimensionali per vedere se si sovrappongono.

Il vincolo di allineamento dei rettangoli agli assi è presente per motivi di prestazioni, infatti, l'area di sovrapposizione tra due rettangoli non ruotati può essere controllata solo tramite confronti logici. I riquadri ruotati richiedono invece ulteriori operazioni trigonometriche, che sono più lente da calcolare. Inoltre, se si hanno entità che possono ruotare, le dimensioni dei rettangoli e/o sotto-rettangoli dovranno modificarsi in modo da avvolgere ancora l'oggetto, altrimenti si dovrà optare per un altro tipo di geometria di delimitazione, come le sfere (che sono invarianti alla rotazione).

Volendo intersecare due semplici BB, quali

$$A = [\mathtt{A.minX}, \mathtt{A.maxX}, \mathtt{A.minY}, \mathtt{A.maxY}]$$

$$B = [B.minX, B.maxX, B.minY, B.maxY]$$

verrà usata la seguente funzione:

Volendo intersecare un albero di oggetti tipo AABB e una semplice AABB, basterà ripetere a più step la funzione precedente lungo i rami dell'albero. Una volta arrivati a una o più foglia avremo tutti gli oggetti che sono posti in corrispondenza della BB. Nel caso specifico del lavoro svolto gli oggetti trovati saranno i triangoli costituenti la *mesh*. Questi triangoli verranno poi utilizzato per determinare il piano strada locale e il punto di contatto.

Nel caso specifico, l'ombra dello pneumatico sarà rappresentata con una BB tridimensionale che racchiuderà lo stesso nello spazio. Essa avrà dimensioni pari a  $\phi_e \times \phi_e \times W_{battistrada}$  e rappresenterà il massimo ingombro dello pneumatico. Si andrà quindi a orientare questa BB tridimensionale nello spazio con la stessa orientazione del sistema di riferimento del centro ruota. Una volta ruotata si ricaverà nel piano XY del sistema di riferimento assoluto:

- la AABB bidimensionale relativa alla faccia superiore della BB tridimensionale prima citata (ombra della faccia superiore);
- la AABB bidimensionale relativa alla faccia inferiore della BB tridimensionale prima citata (ombra della faccia inferiore);
- la AABB bidimensionale relativa a tutta la BB tridimensionale prima citata (ombra totale dello pneumatico).

In altre parole, una volta effettuata l'analisi sintattico-grammaticale del *file* RDF, verrà calcolato l'albero di tipo AABB relativo alla *mesh*. Lo pneumatico si muoverà dunque all'interno della *mesh* e la sua ombra totale verrà ricalcolata e intersecata con l'albero AABB per ottenere in tempo reale tutti i triangoli in corrispondenza della stessa.

È importante notare che il metodo appena visto, presenta numerosi vantaggi quali:

• la riduzione logaritmica del numero di comparazioni da effettuare per ottenere l'intersezione AABB-albero AABB. Infatti, dato che la *mesh* può conte-

- nere decine di migliaia di triangoli il vantaggio apportato sarà di particolare importanza.
- la riduzione del numero di triangoli da processare per ottenere il piano strada locale e il punto di contatto virtuale dello pneumatico. Infatti, vengono solamente processati quelli posti in corrispondenza dell'ombra dello pneumatico.

# 4.2 Algoritmi di tipo geometrico

La geometria computazionale è la branca dell'informatica che studia le strutture dati e gli algoritmi efficienti per la soluzione di problemi di natura geometrica e la loro implementazione al calcolatore. Storicamente, è considerato uno dei campi più antichi del calcolo, anche se la geometria computazionale moderna è uno sviluppo più recente. I progressi compiuti nei campi computer grafica, del *Computer-Aided Design* (CAD), del *Computer-Aided Manufacturing* (CAM) e nella visualizzazione matematica sono la ragione principale per lo sviluppo della geometria computazionale. Ad oggi, le sue applicazioni si trovano nella robotica, nella progettazione di circuiti integrati, nella visione artificiale, nel *Computer-Aided Engineering* (CAE) e nel *Geographic Information Systems* (GIS). I rami principali della geometria computazionale sono:

- Calcolo combinatorio (o geometria algoritmica), che si occupa di oggetti geometrici come entità discrete. Ad esempio, può essere utilizzato per determinare il poliedro o il poligono più piccolo che contiene tutti i punti forniti, o più formalmente, dato un insieme di punti, si deve determinare il più piccolo insieme convesso che li contenga tutti (problema dell'inviluppo convesso).
- Geometria di calcolo numerica (o Computer-Aided Geometric Design (CAGD)), che si occupa principalmente di rappresentare oggetti del mondo reale in forme adatte per i calcoli informatici nei sistemi CAD e CAM. Questo ramo può essere considerato uno sviluppo della geometria descrittiva ed è spesso ritenuto un ramo della computer grafica o del CAD. Entità importanti di questo ramo sono superfici e curve parametriche, come ad esempio le Spline, curve di Bézier, B-Spline, ....

In questo capitolo saranno trattati tutti gli algoritmi che verranno utilizzati in seguito durante l'analisi geometrica dell'intersezione tra pneumatico e superficie stradale.

Questi algoritmi sono la soluzione di alcuni semplici ma molto importanti problemi, che devono essere risolti in modo efficiente. In particolare, le intersezioni tra:

- punto e segmento (nel piano);
- punto e cerchio (nel piano);
- segmento e circonferenza (nel piano);
- piano e piano (nello spazio);
- piano e segmento (nello spazio);
- piano e raggio (nello spazio);
- piano e triangolo (nello spazio);
- raggio e triangolo (nello spazio).

Essi saranno esaminati al fine di trovare la massima prestazione in termini di efficienza computazionale.

## 4.2.1 Intersezione tra entità geometriche

#### 4.2.1.1 Intersezione punto-segmento

Dato un punto  $P=(x_p,y_p)$  e un segmento definito dai punti  $A=(x_A,y_B)$  e  $B=(x_B,y_B)$ .

FIGURA 4.2: Schema del problema di intersezione punto-segmento

Per determinare se il punto P è interno al segmento si eseguiranno i seguenti step:

- 1. creazione di un vettore  $\overrightarrow{AB}$  e di un vettore  $\overrightarrow{AP}$ ;
- 2. calcolo del prodotto vettoriale  $\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{PA}$ , se il modulo del vettore risultante è nullo allora il punto P appartiene al segmento considerato;
- 3. calcolo del prodotto scalare tra  $\overrightarrow{AB}$  e  $\overrightarrow{AP}$ , se è nullo allora  $P \equiv A$ , se è pari al modulo di  $\overrightarrow{AB}$  allora il  $P \equiv B$ , se è compreso tra 0 il modulo di  $\overrightarrow{AB}$ , allora il punto P giace all'interno del segmento considerato.

Lo pseudocodice che esegue questo tipo di test è riportato in Figura 4.4

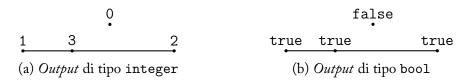


FIGURA 4.3: Schemi per l'output dell'intersezione punto-segmento.

```
Output di tipo integer
                                          Output di tipo bool
    if ( AB.cross(AP) > epsilon )
                                            if ( AB.cross(AP) > epsilon )
      { return 0; }
                                              { return false; }
   KAP = AB.dot(AP);
                                        3 \text{ KAP} = AB.dot(AP);
3
    if (KAP < -epsilon )</pre>
                                        4 if ( KAP < -epsilon )
      { return 0; }
                                              { return false; };
5
                                        5
    if ( abs(KAP) < epsilon )</pre>
                                          if ( abs(KAP) < epsilon )</pre>
      { return 1; }
                                             { return true; }
   KAB = AB.dot(AB);
                                        8 \quad KAB = AB.dot(AB);
    if ( KAP > KAB )
                                       9 if ( KAP > KAB )
9
      { return 0; }
                                       10
                                              { return false; }
10
    if ( abs(KAP-KAB) < epsilon )</pre>
                                       if ( abs(KAP-KAB) < epsilon )</pre>
11
      { return 2; }
12
                                       12
                                              { return true; }
   return 3;
                                           return true;
```

Figura 4.4: Schema dello pseudocodice per l'intersezione punto-segmento.

#### 4.2.1.2 Intersezione punto-cerchio

Data una circonferenza con centro  $C=(x_c,y_c)$  e raggio r, il problema consiste nel trovare se un generico punto  $P=(x_p,y_p)$  è all'interno, all'esterno o corrispondente alla circonferenza.

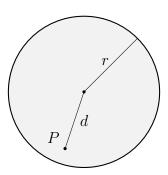


FIGURA 4.5: Schema del problema di intersezione punto-cerchio.

La soluzione al problema è semplice: la distanza tra il centro della circonferenza

C e il punto P è data dal teorema di Pitagora, ovvero:

$$d = \sqrt{(x_p - x_c)^2 + (y_p - y_c)^2}$$
 (4.1)

Il punto P è dunque interno alla circonferenza se d < r, appartiene alla circonferenza se d = r ed esterno alla circonferenza se d > r. In maniera analoga ma più efficace da punto di vista computazionale si può confrontare  $d^2$  con  $r^2$ . Il punto P è dunque interno alla circonferenza se  $d^2 < r^2$ , appartiene alla circonferenza se  $d^2 = r^2$  ed esterno alla circonferenza se  $d^2 > r^2$ . Pertanto, il confronto finale sarà tra il numero  $(x_p - x_c)^2 + (y_p - y_c)^2$  e  $r^2$ .

Gli inputs dell'algoritmo per l'intersezione punto-cerchio sono:

- il centro della circonferenza  $C = (x_c, y_c)$ ;
- il raggio della circonferenza *r*;
- il punto generico da analizzare  $P = (x_p, y_p)$ .

L'output può essere un intero il cui valore risulta:

- 0 se il punto è esterno alla circonferenza;
- 1 se il punto è interno alla circonferenza;
- 2 se il punto appartiene alla circonferenza.

Il valore in *output* può essere anche una variabile booleana il cui valore è:

- false se il punto è esterno alla circonferenza;
- true se il punto è interno o appartiene alla circonferenza.

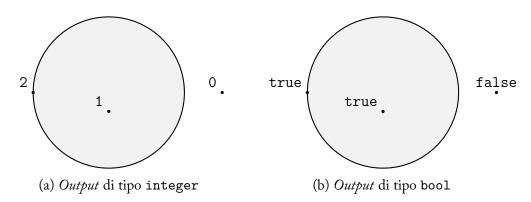


Figura 4.6: Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio.

#### Output di tipo integer

#### Output di tipo bool

```
d = (x_p-x_c)^2 + (y_p-y_c)^2;
if (d > r^2) { return 0; }
else if (d < r^2) { return 1; }
d = (x_p-x_c)^2 + (y_p-y_c)^2;
if (d > r^2) { return 1; }
else { return 2; }

d = (x_p-x_c)^2 + (y_p-y_c)^2;
if (d > r^2) { return true; }
else { return false; }
```

Figura 4.7: Schema dello pseudocodice per l'intersezione punto-cerchio.

#### 4.2.1.3 Intersezione segmento-circonferenza

Per l'intersezione di un segmento, avente punto iniziale e finale rispettivamente in  $P_0$  e  $P_1$ , con una circonferenza, avente centro  $C=(x_c,y_c)$  e raggio r, è necessario prima di tutto riscrivere le equazioni di entrambe le entità. Il segmento viene momentaneamente riscritto come una retta del tipo:

$$ax + by = c (4.2)$$

mentre la circonferenza come:

$$(x - x_c)^2 + (y - y_c)^2 = r^2 (4.3)$$

Assumendo che il centro C sia posto sull'origine, la precedente equazione si può semplificare come:

$$x^2 + y^2 = r^2 (4.4)$$

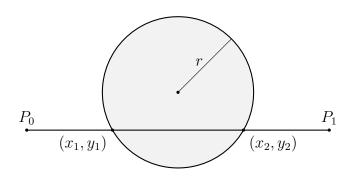


Figura 4.8: Schema del problema di intersezione punto-circonferenza.

Per trovare i termini a, b e c è necessario calcolare la direzione del segmento come differenza tra il punto finale e iniziale del segmento:

$$\vec{d} = P_1 - P_0 \tag{4.5}$$

È neccessario anche trovare il vettore tra l'origine e il punto  $P_1$ :

$$\vec{P}_{O1} = P_1 - O \tag{4.6}$$

I termini a, b e c saranno quindi pari a:

$$a = \vec{d} \cdot \vec{d}$$

$$b = 2(\vec{d} \cdot \vec{P}_{O1})$$

$$c = \vec{P}_{O1} \cdot \vec{P}_{O1} - r^{2}$$
(4.7)

Risolvere l'equazione 4.2 per x o y è ora molto semplice. Basta infatti sostituirla nell'equazione 4.4 per ottenere le soluzioni  $(x_1, y_1)$  e  $(x_2, y_2)$  con:

$$x_{1/2} = \frac{ac \pm b\sqrt{r^2(a^2 + b^2) - c^2}}{a^2 + b^2}$$
 (4.8)

oppure:

$$y_{1/2} = \frac{bc \mp a\sqrt{r^2(a^2 + b^2) - c^2}}{a^2 + b^2}$$
 (4.9)

Se  $r^2(a^2+b^2)-c^2\geq 0$  vale come una disuguaglianza stretta, esistono due punti di intersezione. Se invece vale  $r^2(a^2+b^2)-c^2=0$ , allora esiste solo un punto di intersezione e la linea è tangente alla circonferenza. Se la disuguaglianza debole non regge, la linea non interseca la circonferenza.

Dal punto di vista del codice, l'output può essere un intero il cui valore può risultare:

- 0 se la linea non interseca la circonferenza;
- 1 se la linea interseca la circonferenza in un solo punto, ovvero è tangente;
- 2 se la linea interseca la circonferenza in due punti.

Una volta ottenute il numero di intersezioni e le soluzioni  $(x_1, y_1)$  e  $(x_2, y_2)$  bisognerà controllare che queste siano all'interno del segnemto individuato inizialemnte dai punti  $P_0$  e  $P_1$ . Per questo motivo si utilizzerà l'algoritmo di intersezione punto-segmento visto precedentemente in 4.2.1.1.

#### 4.2.1.4 Intersezione piano-piano

Nello spazio delle coordinate tridimensionali, due piani  $P_1$  e  $P_2$  o sono paralleli o si intersecano creando una singola retta L. Sia  $P_i$  con i=1,2 descritto da un punto  $V_i$  e un vettore normale  $\vec{n}_i$ . L'equazione implicita del piano sarà dunque:

$$\vec{n}_i \cdot P + d_i = 0 \tag{4.10}$$

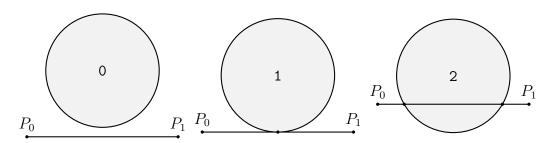


FIGURA 4.9: Schemi per l'output dell'intersezione segmento-cerchio.

```
a = d \cdot d;
    b = 2 * (d \cdot P_01);
2
    c = P_01 \cdot P_01 - r^2;
    discriminant = r^2 * (a^2 + b^2) - c^2;
    if ( a <= epsilon || discriminant < 0.0 ) {</pre>
5
      IntPt_1 = (quiteNaN, quiteNaN);
6
7
      IntPt_2 = (quiteNaN, quiteNaN);
      return 0;
8
    } else if ( abs(discriminant) < epsilon ) {</pre>
      t = -b / (2 * a);
10
      IntPt_1 = P_1 + t * d;
11
      IntPt_2 = (quiteNaN, quiteNaN);
12
      return 1;
13
    } else {
14
      t = (-b + sqrt(discriminant)) / (2 * a);
15
      IntPt_1 = P_1 + t * d;
16
      t = (-b - sqrt(discriminant)) / (2 * a);
17
      IntPt_2 = P_1 + t * d;
18
      return 2;
19
20
```

FIGURA 4.10: Schema dello pseudocodice per l'intersezione segmento-cerchio.

dove P=(x,y,z). I piani  $P_1$  e  $P_2$  sono paralleli ogni volta che i loro normali vettori  $\vec{n}_1$  e  $\vec{n}_2$  sono paralleli. Questo equivale alla condizione che  $\vec{n}_1 \times \vec{n}_2 = 0$ . Quando i piani non sono paralleli,  $\vec{u}=\vec{n}_1 \times \vec{n}_2$  è il vettore di direzione della linea di intersezione L. Si noti che  $\vec{u}$  è perpendicolare sia a  $\vec{n}_1$  che a  $\vec{n}_2$ , e quindi è parallelo a entrambi i piani.

Dopo aver calcolato  $\vec{n}_1 \times \vec{n}_2$ , per determinare univocamente la linea di intersezione, è necessario trovare un punto di essa. Cioè, un punto  $P_0 = (x_0, y_0, z_0)$  che si trova in entrambi i piani. Si può trovare una soluzione comune delle equazioni implicite per  $P_1$  e  $P_2$ . Ci sono solo due equazioni nelle tre incognite poiché il punto

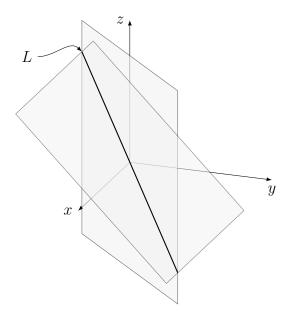


FIGURA 4.11: Schemi del problema di intersezione piano-piano.

 $P_0$  può trovarsi ovunque sulla linea monodimensionale L. Quindi è necessario aggiungere un altro vincolo per determinare un  $P_0$ . Esistono diversi modi per farlo, il più semplice è attraverso l'aggiunta di un terzo piano  $P_3$  avente equazione implicita  $\vec{n}_3 \cdot P = 0$  dove  $\vec{n}_3 = \vec{n}_1 \times \vec{n}_2$  e  $d_3 = 0$  (ovvero passa attraverso l'origine). Questo metodo è funzionante poiché:

- L è perpendicolare a  $P_3$  e quindi lo interseca;
- i vettori  $\vec{n}_1$ ,  $\vec{n}_2$  e  $\vec{n}_3$  sono linearmente indipendenti.

Pertanto, i piani  $P_1$ ,  $P_2$  e  $P_3$  si intersecano in un unico punto  $P_0$  che deve trovarsi su L.

Nello specifico, la formula per l'intersezione di tre piani è:

$$P_0 = \frac{-d_1(\vec{n}_2 \times \vec{n}_3) - d_2(\vec{n}_3 \times \vec{n}_1) - d_3(\vec{n}_1 \times \vec{n}_2)}{\vec{n}_1 \cdot (\vec{n}_2 \times \vec{n}_3)}$$
(4.11)

e ponendo  $d_3 = 0$  per  $P_3$ , si ottiene:

$$P_{0} = \frac{-d_{1}(\vec{n}_{2} \times \vec{n}_{3}) - d_{2}(\vec{n}_{3} \times \vec{n}_{1})}{\vec{n}_{1} \cdot (\vec{n}_{2} \times \vec{n}_{3})} = \frac{(d_{2}\vec{n}_{1} - d_{1}\vec{n}_{2}) \times \vec{n}_{3}}{(\vec{n}_{1} \times \vec{n}_{2}) \cdot \vec{n}_{3}}$$

$$= \frac{(d_{2}\vec{n}_{1} - d_{1}\vec{n}_{2}) \times \vec{u}}{|\vec{u}|^{2}}$$
(4.12)

pertanto l'equazione parametrica per la retta L sarà:

$$L(s) = \frac{(d_2\vec{n}_1 - d_1\vec{n}_2) \times \vec{u}}{|\vec{u}|^2} + s\vec{u}$$
 (4.13)

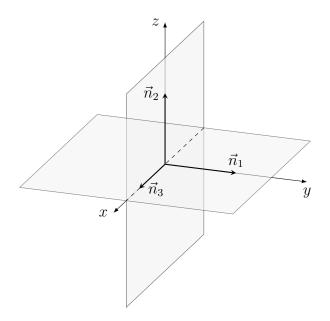


Figura 4.12: Vettori dei piani  $P_1$ ,  $P_2$  e della retta L.

dove  $\vec{u} = \vec{n}_1 \times \vec{n}_2$ .

```
1    u = n_1 × n_2;
2    if ( u.norm() > epsilon ) {
3         d_1 = - V_1 · n_1;
4         d_2 = - V_2 · n_2;
5         u_1 = d_1 * n_1;
6         u_2 = - d_2 * n_2;
7         P_0 = (u1 + u2) × u / (u · u);
8         return true;
9    } else {
10         return false;
11    }
```

Figura 4.13: Schema dello pseudocodice per l'intersezione piano-piano.

#### 4.2.1.5 Piano-Segmento e Piano-Raggio

Nello spazio delle coordinate tridimensionali, una linea L può essere o parallela a un piano P o può intersecarlo in un singolo punto. Sia L data dall'equazione parametrica:

$$P(t) = P_0 + t(P_1 - P_0) = P_0 + t\vec{u}$$
(4.14)

mentre il piano P sia dato da un punto  $V_0$  appartenente ad esso e da un vettore normale  $\vec{n}=(a,b,c)$ . Per prima cosa è necessario controllare se L è parallelo a P verificando se  $\vec{n}\cdot\vec{u}=0$ , il che significa che il vettore di direzione della linea  $\vec{u}$  è perpendicolare al piano normale  $\vec{n}$ . Se questo è vero, allora L e P sono paralleli e non si intersecano, oppure L giace totalmente nel piano P. Disgiunzione o coincidenza possono essere determinate controllando se in P esiste un punto specifico di L, per esempio  $P_0$ , ovvero se soddisfa l'equazione di linea implicita:

$$\vec{n} \cdot (P_0 - V_0) = 0 \tag{4.15}$$

Se la linea e il piano non sono paralleli, allora L e P si intersecano in un unico punto  $P(t_I)$ . Nel punto di intersezione, il vettore  $P(t) - V_0 = \vec{w} + t\vec{u}$  è perpendicolare a  $\vec{n}$ , dove  $\vec{w} = P_0 - V_0$ . Ciò equivale alla condizione del prodotto scalare:

$$\vec{n} \cdot (\vec{w} + t\vec{u}) = 0 \tag{4.16}$$

Risolvendo si ottiene:

$$t_I = -\frac{\vec{n} \cdot \vec{w}}{\vec{n} \cdot \vec{u}} = -\frac{\vec{n} \cdot (V_0 - P_0)}{\vec{n} \cdot (P_1 - P_0)}$$
(4.17)

Se la linea L è un segmento finito da  $P_0$  a  $P_1$ , è sufficiente verificare che  $0 \le t_I \le 1$  per dimostrare che vi sia un'intersezione tra il segmento e il piano. Per raggio, c'è invece un'intersezione con il piano quando  $t_I \ge 0$ .

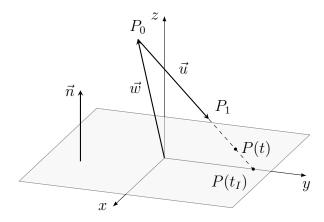


Figura 4.14: Vettori dei piani  $P_1$ ,  $P_2$  e della retta L.

#### 4.2.1.6 Intersezione piano-triangolo

Per risolvere l'intersezione piano triangolo basta usare la soluzione precedentemente trovata per il problema dell'intersezione tra piano e segmento. Nello specifico, basta

```
1  u = P_1 - P_0;
2  t = n · (V_0 - P_0) / (u · n);
3  if ( t >= 0 && t <= 1 ) {
4    P_tI = P_0 + u * t;
5    return true;
6  } else {
7    return false;
8 }
```

Figura 4.15: Schema dello pseudocodice per l'intersezione piano-segmento.

trattare i lati del triangolo come tre segmenti distinti e per ognuno di esso applicare la funzione per l'intersezione piano-segmento. Vi saranno tre possibili soluzioni:

- il triangolo non viene intersecato dal piano;
- il triangolo viene intersecato dal piano in uno dei suoi tre vertici;
- il triangolo viene intersecato dal piano, formando quindi due punti d'intersezione nel suo perimetro;
- il triangolo giace nel piano intersecante (vengono considerati 3 punti di intersezione).

```
if ( intersectSegmentPlane( N, P, V_0, V_1, IntPt_1 ))
{ IntPts.push_back(IntPt1); }
if ( intersectSegmentPlane( N, P, V_1, V_2, IntPt2 ))
{ IntPts.push_back(IntPt2); }
if ( intersectSegmentPlane( N, P, V_2, V_0, IntPt3 ))
{ IntPts.push_back(IntPt3); }
if ( IntPts.size() > 0 )
{ return true; }
else
freturn false; }
```

FIGURA 4.16: Schema dello pseudocodice per l'intersezione piano-triangolo.

#### 4.2.1.7 Intersezione raggio-triangolo

Dato un triangolo avente vertici (A, B, C) e un raggio R con origine  $R_O$  e direzione  $\vec{R}_D$ , il problema consiste nel capire se il raggio colpisce o meno il triangolo e, in tal caso, trovare il punto di intersezione P. Negli ultimi decenni, sono stati proposti numerosi algoritmi per risolvere questo problema, esistono quindi diverse soluzioni

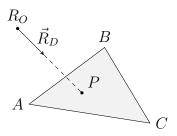


Figura 4.17: Schema del problema di intersezione raggio-triangolo.

al problema di intersezione raggio-triangolo. Tre degli algoritmi più importanti sono:

- l'algoritmo di *Badouel*;
- · l'algoritmo di Segura;
- l'algoritmo di Möller e Trumbore.

Come Jiménez, Segura e Feito afferma in [2], l'algoritmo di Möller-Trumbore è il più veloce quando il piano normale e/o il piano di proiezione non sono stati precedentemente memorizzati, come nel caso specifico di questa tesi.

La teoria alla base di questo algoritmo è spiegata estensivamente in [6]. In particolare, l'algoritmo sfrutta la parametrizzazione di P, il punto di intersezione, in termini delle coordinate baricentriche, ovvero:

$$P = wA + uB + vC \tag{4.18}$$

Dato che w = 1 - u - v, si può quindi scrivere:

$$P = (1 - u - v)A + uB + vC (4.19)$$

e sviluppando si ottiene:

$$P = A - uA - vA + uB + vC = A + u(B - A) + v(C - A)$$
(4.20)

Si noti che (B-A) e (C-A) sono i bordi AB e AC del triangolo ABC. L'intersezione P può anche essere scritta usando l'equazione parametrica del raggio:

$$P = R_O + t\vec{R}_D \tag{4.21}$$

dove t è la distanza dall'origine del raggio all'intersezione P. Sostituendo P nell'equazione 4.20 con l'equazione del raggio si ottiene:

$$R_O + t\vec{R}_D = A + u(B - A) + v(C - A)$$

$$O - A = -tD + u(B - A) + v(C - A)$$
(4.22)

Sul membro a sinistra si hanno le tre incognite (t, u, v) moltiplicate per tre termini noti (B-A, C-A, D). Si può riorganizzare questi termini e presentare l'equazione 4.22 usando la seguente notazione:

$$\begin{bmatrix} -D & (B-A) & (C-A) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} t \\ u \\ v \end{bmatrix} = R_O - A \tag{4.23}$$

Si immagini ora di avere un punto P all'interno del triangolo. Se si trasforma il triangolo in qualche modo (ad esempio traslandolo, ruotandolo o scalandolo), le coordinate del punto P espresse nel sistema di coordinate cartesiane tridimensionali (x,y,z) cambieranno. D'altra parte, se si esprime la posizione di P usando le coordinate baricentriche, le trasformazioni applicate al triangolo non influenzeranno le coordinate baricentriche del punto di intersezione. Se il triangolo viene ruotato, ridimensionato, allungato o traslato, le coordinate (u,v) che definiscono la posizione di P rispetto ai vertici (A,B,C) non cambieranno. L'algoritmo di Möller-Trumbore sfrutta proprio questa proprietà. Infatti, gli autori hanno definito un nuovo sistema di coordinate in cui le coordinate di P non sono definite in termini di (x,y,z) ma in termini di (u,v). La somma tra le coordinate baricentriche non può essere maggiore di P0, infatti esprimono le coordinate dei punti definiti all'interno di un triangolo unitario, ovvero un triangolo definito nello spazio P1, dai vertici P2, P3, P4, P5, P6, P7, P8, P8, P8, P9, P9,

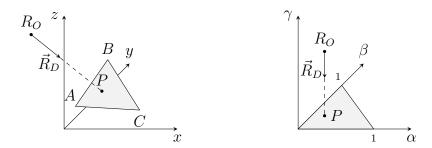


FIGURA 4.18: Cambiamento di coordinate nell'algoritmo di Möller-Trumbore.

Geometricamente, si è appena chiarito il significato di u e v. Si consideri ora l'elemento t. Esso è il terzo asse del sistema di coordinate u e v appena introdotto. Si sa inoltre che t esprime la distanza dall'origine del raggio a P, il punto di intersezione. Si è quindi creato un sistema di coordinate che consentirà di esprimere univocamente la posizione del punto d'intersezione P in termini di coordinate baricentriche e distanza dall'origine del raggio a quel punto sul triangolo.

Möller e Trumbore spiegano che la prima parte dell'equazione 4.23 (il termine O-A) può essere vista come una trasformazione che sposta il triangolo dalla sua posizione spaziale mondiale originale all'origine (il primo vertice del triangolo coincide con l'origine). L'altro lato dell'equazione ha l'effetto di trasformare il punto di intersezione dallo spazio (x,y,z) nello spazio (t,u,v) come spiegato precedentemente.

Per risolvere l'equazione (4.23), Möller e Trumbore hanno usato la regola di Cramer. La regola di Cramer fornisce la soluzione a un sistema di equazioni lineari mediante dei determinanti. La regola afferma che se la moltiplicazione di una matrice M per un vettore colonna X è uguale a un vettore colonna C, allora è possibile trovare  $X_i$  (l'i-esimo elemento del vettore colonna X) dividendo il determinante di  $M_i$  per il determinante di M. Dove  $M_i$  è la matrice formata sostituendo la sua colonna di M con il vettore colonna C. Usando questa regola si ottiene:

$$\begin{bmatrix} t \\ u \\ v \end{bmatrix} = \frac{1}{\begin{vmatrix} -D & E_1 & E_2 \end{vmatrix}} \begin{bmatrix} \begin{vmatrix} T & E_1 & E_2 \\ -D & T & E_2 \end{vmatrix} \\ -D & E_1 & T \end{vmatrix}$$
(4.24)

dove T=O-A,  $E_1=B-A$  ed  $E_2=C-A$ . Il prossimo passo è trovare un valore per questi quattro determinanti. Il determinante (di una matrice  $3\times 3$ ) non è altro che un triplo prodotto scalare, quindi si può riscrivere l'equazione precedente come:

$$\begin{bmatrix} t \\ u \\ v \end{bmatrix} = \frac{1}{(D \times E_2) \cdot E_1} \begin{bmatrix} (T \times E_1) \cdot E_2 \\ (D \times E_2) \cdot T \\ (T \times E_1) \cdot D \end{bmatrix} = \frac{1}{P \cdot E_1} \begin{bmatrix} Q \cdot E_2 \\ P \cdot T \\ Q \cdot D \end{bmatrix}$$
(4.25)

dove  $P = (D \times E_2)$  e  $Q = (T \times E_1)$ . Come si può vedere ora è facile trovare i valori t, u e v.



Figura 4.19: Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio.

```
E_1 = B - A;
2
    E_2 = C - A;
    A = R_D \times E_2;
3
    D = A \cdot E_1;
    if ( D > epsilon ) {
       T = R_0 - A;
6
7
       u = A \cdot T;
       if ( u < 0.0 \mid \mid u > D ) return false;
8
9
       B = T \times E_1;
10
       v = B \cdot R_D;
       if (v < 0.0 \mid | u + v > D) return false;
    } else if ( D < -epsilon ) {
12
       T = R_0 - A;
13
       u = A \cdot T;
14
       if (u > 0.0 \mid \mid u < D) return false;
15
       B = T \times E_1;
16
       v = B \cdot R_D;
17
       if (v > 0.0 \mid \mid u + v < D) return false;
18
    } else {
19
       return false;
20
21
    t = (B \cdot E_2) / D;
22
    if (t > 0.0) {
23
       P = Q + D * t;
24
       return true;
25
    } else {
26
       return false;
27
    }
28
```

Figura 4.20: Schema dello pseudocodice per l'intersezione raggio-triangolo con back-face culling.

# 5.1 Organizzazione

La libreria TireGround è stata organizzata in due parti, la prima gestisce la superficie stradale mentre la seconda gestisce i modelli di contatto dello pneumatico. Si sviluppa all'interno dell'omonimo *namespace* TireGround nel quale vengono inoltre dichiarati con typedef alcuni tipi che verranno utilizzati nelle due sottosezioni. Verranno ora riportate le informazioni di maggior rilievo per ognuna delle due parti della libreria.

# 5.1.1 Gestione della superficie stradale

La gestione della superficie stradale avviene all'interno del *namespace* RDF. In quest'ultimo vengono raccolti alcuni tipi dichiarati con typedef presenti solo nel *namespace* RDF. Lo spazio dei nomi RDF contiene tutti le classi e la funzioni per gestire e processare la *mesh* a partire dal *file* in formato RDF.

BBox2D Questa classe contiene tutte le informazioni per definire, manipolare e processare una AABB bidimensionale. Consiste nella descrizione geometrica dell'oggetto BB. I metodi più importanti di questa classe sono i seguenti.

• clear — elimina il dominio della BB settando tutti i quattro valori su quietNaN.

 updateBBox2D — aggiorna il dominio della BB settando i suoi valori secondo il massimo ingombro dato dai tre vertici nello spazio tridimensionale in *input*.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
real_type	Xmin	•	•	$X_{min}$ della AABB
real_type	Ymin	•	•	$Y_{min}$ della AABB
real_type	Xmax	•	•	$X_{max}$ della AABB
real_type	Ymax	•	•	$Y_{max}$ della AABB

TABELLA 5.1: Attributi della classe BBox2D.

**Triangle3D** Questa classe contiene tutte le informazioni geometriche per definire, manipolare e processare un triangolo con vertici nello spazio tridimensionale. Consiste nella descrizione geometrica dell'oggetto triangolo. I metodi più importanti di questa classe sono:

- Normal calcola la normale alla faccia del triangolo.
- intersectRay interseca il triangolo con una data semiretta (detta anche raggio), definita da direzione e punto di origine, e ne calcola il punto di intersezione.
- intersectPlane interseca il triangolo con un dato piano, definito da normale e punto noto e ne calcola i punti di intersezione.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
vec3	Vertices[3]	•	•	Vertici del triangolo
vec3	Normal	•	•	Normale al triangolo
BBox2D	TriangleBBox	•	•	AABB del triangolo

TABELLA 5.2: Attributi della classe Triangle3D.

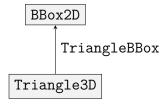


Figura 5.1: Diagramma delle collaborazioni per la classe Triangle3D.

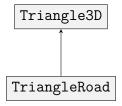


FIGURA 5.2: Diagramma dell'ereditarietà per la classe Triangle3D.

**TriangleRoad** Questa classe contiene tutte le informazioni geometriche e non geometriche per definire e manipolare un triangolo con vertici nello spazio tridimensionale rappresentante la superficie stradale. È derivato dalla classe Triangle3D e ha inoltre un attributo che permette di descrivere il coefficiente di attrito nella faccia. I metodi più importanti sono ereditati dalla classe Triangle3D. [h!]

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
real_type	Friction	•	•	Coefficiente di attrito $\mu$

TABELLA 5.3: Attributi della classe TriangleRoad.

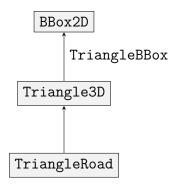


Figura 5.3: Diagramma delle collaborazioni per la classe TriangleRoad.

MeshSurface Questa classe contiene il vettore di puntatori di tipo std::shared\_ptr alle istanze della classe TriangleRoad che vengono create durante l'analisi

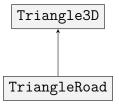


Figura 5.4: Diagramma dell'ereditarietà per la classe TriangleRoad.

sintattico-grammaticale del *file* RDF. Inoltre, contiene il vettore di puntatori alle BB di tipo PtrBBox, necessario per calcolare l'albero di tipo AABB. Quest'ultimo esiste come ulteriore attributo della classe sotto forma di puntatore PtrAABB. I metodi più importanti di questa classe sono:

- set copia la *mesh* da un'altra già esistente.
- LoadFile effettua l'analisi sintattico-grammaticale del *file* dato come *input* e crea le istanze TriangleRoad che costituiscono la *mesh*.
- updateIntersection interseca l'albero di tipo AABB della *mesh* con un altro albero esterno di tipo AABB e ne restituisce il vettore dei puntatori di tipo std::shared\_ptr alle istanze della classe TriangleRoad che vengono intersecate.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
TriangleRoad_list	Friction	•		Vettore dei triangoli
std::vector <ptrbbox></ptrbbox>	PtrBBoxVec	•		Vettore delle BB
PtrAABB	PtrTree	•		Albero di tipo AABB

TABELLA 5.4: Attributi della classe MeshSurface.

# 5.1.2 Gestione dei modelli di pneumatico

La gestione dei modelli di contatto dello pneumatico avviene nel *namespace* Tire-Ground. Quest'ultimo contiene tutti le classi e la funzioni per gestire l'intersezione tra lo pneumatico e la *mesh* a partire dalla conoscenza di quest'ultima, della geometria e della posizione dello pneumatico.

Disk Questa classe contiene tutte le informazioni geometriche per definire e manipolare un disco nello spazio tridimensionale. Consiste nella descrizione geometrica e nel posizionamento dello spazio delle coordinate tridimensionali dell'oggetto disco (il disco viene rappresentato nel sistema di riferimento dello pneumatico). I metodi più importanti di questa classe sono:

• isPointInside — controlla se un punto generico nello spazio bidimensionale, definito dal piano in cui giace lo stesso disco, si trova all'interno o all'esterno della circonferenza.

- intersectSegment trova i punti di intersezione tra la circonferenza esterna del disco e un segmento bidimensionale, che dev'essere definito nel piano in cui giace lo stesso disco. L'intero di *output* fornisce il numero di punti di intersezione.
- intersectPlane interseca il disco con un piano definito da normale e punto noto. In *output* fornisce l'entità geometrica creata dall'intersezione sotto forma di punto noto e direzione della retta.
- contactTriangles funzione in overloading che consente di ottenere il versore normale e coefficiente attrito medi ponderati sull'area, nonché l'area di contatto stessa all'interno del singolo disco a partire da una serie di triangoli.
- contactPlane funzione in *overloading* che consente di ottenere l'area di contatto all'interno del singolo disco dato un piano.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
vec2	OriginXZ	•	•	Coordinate XZ del disco
real_type	OffsetY	•	•	Coordinata Y del disco
real_type	Radius	•	•	Raggio del disco

TABELLA 5.5: Attributi della classe Disk.

ETRTO Questa classe contiene tutte le informazioni necessarie per definire geometricamente uno pneumatico secondo la normativa ETRTO. Consiste nella descrizione geometrica dell'oggetto pneumatico in termini di larghezza totale e di diametro esterno indeformato. Come visto nel Capitolo 3 attraverso la nomenclatura ETRTO (e.g. 205/65R16) è infatti possibile risalire a tutte le informazioni geometriche che definiscono, anche se in maniera grossolana, lo pneumatico.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
real_type	SectionWidth	•	•	Larghezza dello pneumatico
real_type	AspectRatio	•	•	Rapporto percentuale $H/W$
real_type	RimDiameter	•	•	Diametro del cerchione
real_type	SidewallHeight	•		Altezza della spalla
real_type	TireDiameter	•		Diametro dello pneumatico

Tabella 5.6: Attributi della classe ETRTO.

ReferenceFrame Questa classe contiene tutte le informazioni per definire e manipolare una terna di riferimento nello spazio tridimensionale. Consiste nel posizionamento dello spazio del sistema di riferimento. I metodi più importanti di questa classe sono:

- setTotalTransformationMatrix posiziona nello spazio il sistema di riferimento grazie alla matrice di trasformazione 4 × 4 fornita come *input*.
- getEulerAngleX ottiene l'angolo creato dalla rotazione attorno all'asse Y del sistema di riferimento locale rispetto a quello assoluto (lo stesso della *mesh*). L'angolo viene ottenuto in seguito alla fattorizzazione  $R_z(\Omega)R_x(\gamma)R_y(\theta)$  e utilizzando il metodo di Eulero.
- getEulerAngleY come il metodo getEulerAngleX, ma usato per ottenere l'angolo creato dalla rotazione attorno all'asse Y.
- getEulerAngleZ come il metodo getEulerAngleX, ma usato per il ottenere l'angolo creato dalla rotazione attorno all'asse Z.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
vec3	Origin	•	•	Origine della terna
mat3	RotationMatrix	•	•	Matrice di rotazione

TABELLA 5.7: Attributi della classe ReferenceFrame.

Shadow Questa classe serve a rappresentare l'ombra dello pneumatico nello spazio bidimensionale. È molto simile alla RDF::BBox2D precedentemente presentata, ma a differenza di quest'ultima permette di calcolare gli alberi di tipo AABB relativi all'ombra totale, della parte superiore e della parte inferiore del BB tridimensionale che racchiude lo pneumatico. I metodi più importanti di questa classe sono:

- clear elimina il dominio dell'ombra settando tutti i suoi valori su quietNaN.
- update aggiorna il dominio dell'ombra settando tutti i suoi valori secondo il massimo ingombro dato dalla geometria dello pneumatico e dalla sua posizione nello spazio.

**SamplingGrid** Questa classe contiene tutti i parametri che riguardano la precisione dei calcoli che verranno effettuati nel calcolo della normale al terreno, punto e area di contatto.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
PtrAABB	PtrTree	•		Albero AABB totale
PtrAABB	PtrTree_U	•		Albero AABB parte superiore
PtrAABB	PtrTree_L	•		Albero AABB parte inferiore

TABELLA 5.8: Attributi della classe Shadow.

Un attributo molto importante è Switch, esso consiste nel limite massimo di triangoli di tipo TriangleRoad che possono essere contenuti all'interno dell'ombra dello pneumatico prima di passare:

- dal modello di contatto ponderato in base all'area d'intersezione al modello di contatto di Rill nel caso di pneumatico di tipo MagicFormula;
- dal modello di contatto ponderato in base all'area d'intersezione al modello di contatto tramite campionamento nel caso di pneumatico di tipo MultiDisk.

Modificando il suo valore si può quindi decidere che tipo di modello di contatto adottare in base al numero di triangoli totali all'interno dell'ombra dello pneumatico. In questo modo, se la *mesh* è estremamente fitta (100/200+ triangoli), si eviterà rallentare troppo l'esecuzione. Come si vedrà successivamente infatti, sia per quanto riguarda la precione dell'*output* che per i tempi di esecuzione, converrà sempre utilizzare un modello di contatto di tipo ponderato in base all'area d'intersezione.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
int_type	PointsN	•	•	N° di punti di campionamento
int_type	DisksN	•	•	N° di dischi
int_type	Switch	•	•	Threshold per il tipo contatto

TABELLA 5.9: Attributi della classe SamplingGrid.

Tire Questa classe serve a rappresentare lo pneumatico nelle coordinate dello spazio tridimensionale. Consiste nel punto di giunzione tra la classe ETRTO che definisce la geometria dello pneumatico in condizione di riposo e la classe Reference-Frame che ne definisce invece la posizione nello spazio. È una classe virtuale in quanto viene definita con alcuni metodi puri virtuali. Questi metodi verranno poi sostituiti con nelle classi figlie.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
SamplingGrid	Precision			Precisione dei calcoli
ETRTO	TireGeometry			Geometria
ReferenceFrame	RF	•	•	Posizione

TABELLA 5.10: Attributi della classe Tire.

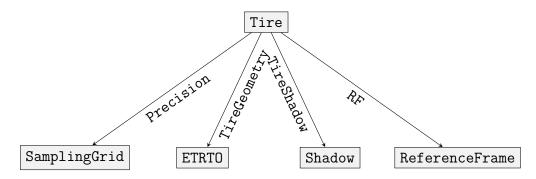


FIGURA 5.5: Diagramma delle collaborazioni per la classe Tire.

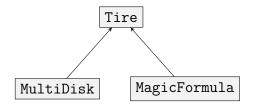


Figura 5.6: Diagramma dell'ereditarietà per la classe Tire.

MagicFormula e MultiDisk Queste classi calcolano tutti i parametri necessari per valutare il contatto tra pneumatico a disco singolo e terreno attraverso la formula di Pacejka. I metodi più importanti di queste classi sono:

- setup consente di riposizionare la ruota all'interno della *mesh*/piano generico rappresentante la strada e di valutare l'intersezione;
- getRelativeCamber calcola il camber relativo;
- getRho calcola l'affondamento del disco nel piano strada locale;
- getFriction calcola il coefficiente di attrito nel punto di contatto;
- getArea calcola l'area d'intersezione dei dischi.

Tipo	Nome	Getter	Descrizione
Disk	SingleDisk		Disco rigido
vec3	Normal	•	Versore del piano strada
vec3	MeshPoint	•	Punto di contatto sulla <i>mesh</i>
vec3	DiskPoint	•	Punto di contatto sul disco
real_type	Friction	•	Coefficiente di attrito locale
real_type	Area	•	Area d'intersezione

Tabella 5.11: Attributi della classe MagicFormula.

Tipo	Nome	Getter	Descrizione
Disk	DiskVec		Vettore dei dischi
vec3	NormalVec	•	Vettore dei versori normali
vec3	MeshPointVec	•	Vettore dei punti di contatto sulla <i>mesh</i>
vec3	DiskPointVec	•	Vettore dei punti di contatto sul disco
real_type	FrictionVec	•	Vettore dei coefficienti di attrito locale
real_type	AreaVec	•	Vettore delle aree d'intersezione
vec3	Normal	•	Versore del piano strada
vec3	MeshPoint	•	Punto di contatto singolo sulla mesh
vec3	DiskPoint	•	Punto di contatto singolo sul disco
real_type	Friction	•	Coefficiente di attrito locale
real_type	Area	•	Area totale d'intersezione

Tabella 5.12: Attributi della classe MultiDisk.

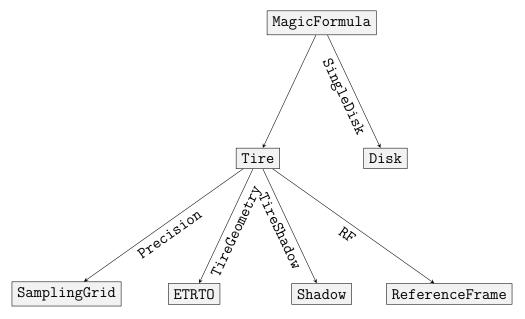


Figura 5.7: Diagramma delle collaborazioni per la classe MagicFormula.

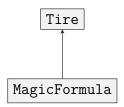


Figura 5.8: Diagramma dell'ereditarietà per la classe MagicFormula.

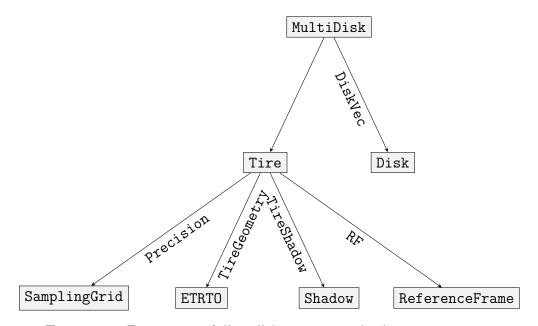


Figura 5.9: Diagramma delle collaborazioni per la classe MultiDisk.



Figura 5.10: Diagramma dell'ereditarietà per la classe MultiDisk.

### 5.2 Librerie ausiliarie

Oltre al codice appena descritto sono state utilizzate anche altre due librerie esterne al fine di velocizzare il processo di sviluppo e al contempo di utilizzare una solida base per le operazione più complesse, ovvero le operazioni matriciali e vettoriali, nonché la creazione degli alberi per oggetti di tipo AABB e l'intersezione tra gli stessi.

### 5.2.1 Eigen3

Eigen3 è una libreria C++ di alto livello di *template headers* per operazioni di algebra lineare, vettoriali, matriciali, trasformazioni geometriche, *solver* numerici e algoritmi correlati.

Questa libreria utilizza la tecnica di *template metaprogramming*, che crea degli alberi di espressioni in fase di compilazione e genera un codice ottimizzato per valutarli.

#### 5.2.2 Clothoids

Questa libreria nasce per il *fitting* e manipolazione di clotoidi, *spline* di clotoidi, archi circolari e *biarc*. In questo lavoro di tesi la libreria Clothoids è stata usata per sfruttare l'implementazione degli oggetti di tipo AABB e del relativo albero.

### 5.3 Esempi di uso della libreria

La libreria TireGround è stata pensata per essere semplice da utilizzare. Si vedranno ora i vari passi per utilizzarla in maniera appropriata.

Caricare la mesh Per caricare la superficie stradale, rappresentata dalla mesh triangolare contenuta nel file RDF, è sufficiente sfruttare il costruttore della classe Mesh-Surface che prende in input l'indirizzo al file.

```
RDF::MeshSurface Road("./file.rdf");
```

**Creare lo pneumatico** Per creare lo pneumatico a singolo disco è sufficiente utilizzare il costruttore di *default* della classe MagicFormula.

```
TireGround::Tire* SampleTire = new TireGround::MagicFormula(
SectionWidth, // Sezione laterale dello pneumatico [m]

AspectRatio, // Aspect ratio percentuale dello pneumatico
RimDiameter, // Diametro del cerchio [in]

SwitchNumber // Threshold per passare dal modello di contatto
ponderato in base all'area di intersezione a quello di Rill

);
```

Nel caso invece si voglia creare uno pneumatico a più dischi si utilizzerà uno dei costruttori della classe MultiDisk.

Per il caso di pneumatico a più dischi con raggio uniforme si avrà:

```
TireGround::Tire* SampleTire = new TireGround::MultiDisk(
    SectionWidth, // Sezione laterale dello pneumatico [m]
    AspectRatio, // Aspect ratio percentuale dello pneumatico
    RimDiameter, // Diametro del cerchio [in]
    PointsNumber, // Numero di punti di campionamento per ogni disco
    DisksNumber, // Numero di dischi totale
    SwitchNumber // Threshold per passare dal modello di contatto
        ponderato in base all'area di intersezione a quello di Rill
    );
```

Nel caso di pneumatico a più dischi con raggio di raccordo sulla spalla si avrà invece:

```
TireGround::Tire* SampleTire = new TireGround::MultiDisk(
     SectionWidth, // Sezione laterale dello pneumatico [m]
2
     AspectRatio, // Aspect ratio percentuale dello pneumatico
3
     RimDiameter,
                  // Diametro del cerchio [in]
5
     SideRadius,
                   // Raggio di raccordo sulla spalla [m]
     PointsNumber, // Numero di punti di campionamento per ogni disco
6
     DisksNumber, // Numero di dischi totale
7
     SwitchNumber // Threshold per passare dal modello di contatto
8
        ponderato in base all'area di intersezione a quello di Rill
     );
9
```

Infine, nel caso si voglia creare uno pneumatico a più dischi con forma personalizzata:

<sup>1</sup> TireGround::Tire\* SampleTire = new TireGround::MultiDisk(

```
SectionWidth, // Sezione laterale dello pneumatico [m]

AspectRatio, // Aspect ratio percentuale dello pneumatico

RimDiameter, // Diametro del cerchio [in]

RadiusVec, // Vettore dei raggi dei dischi [m]

PointsNumber, // Numero di punti di campionamento per ogni disco

SwitchNumber // Threshold per passare dal modello di contatto

ponderato in base all'area di intersezione a quello di Rill

);
```

Orientazione dello pneumatico e valutazione del contatto Per orientare lo pneumatico e valutarne il contatto con il manto stradale (rappresentato da una *mesh* o da un piano generico) si utilizzeranno i metodi setup della classe Tire.

Per estrarre i risultati si andranno dapprima a inizializzazione delle variabili reali o vettoriali come segue.

```
// Inizializzazione delle variabili
TireGround::vec3 N;
TireGround::vec3 P;
TireGround::real_type Friction;
TireGround::real_type Rho;
TireGround::real_type RhoDot;
TireGround::real_type RelativeCamber;
TireGround::real_type Area;
TireGround::real_type Volume;
```

```
// Estrazione della dimensione appropriata della struttura dati
11
   TireGround::int_type size = TireSD->getDisksNumber();
12
13
   // Inizializzazione dei vettori con dimensione appropriata
14
   TireGround::row_vec3 NVec(size);
15
   TireGround::row_vec3 PVec(size);
16
   TireGround::row vecN FrictionVec(size);
17
   TireGround::row_vecN RhoVec(size);
18
   TireGround::row_vecN RhoDotVec(size);
19
   TireGround::row_vecN RelativeCamberVec(size);
20
   TireGround::row_vecN AreaVec(size);
21
   TireGround::row_vecN VolumeVec(size);
22
```

Successivamente verranno modificate dai metodi della classe Tire come:

```
// Estrazione dei dati
   SampleTire->getNormal(N);
2
   SampleTire->getMFpoint(P);
3
   SampleTire->getFriction(Friction);
4
   SampleTire->getRho(Rho);
5
   SampleTire->getRhoDot(PreviousRho,TimeStep,RhoDot);
6
   SampleTire->getRelativeCamber(RelativeCamber);
7
    SampleTire->getArea(Area);
8
    SampleTire->getVolume(Volume);
9
10
   // Estrazione dei dati in vettori
11
   SampleTire->getNormal(NVec);
12
    SampleTire->getMFpoint(PVec);
13
   SampleTire->getFriction(FrictionVec);
14
    SampleTire->getRho(RhoVec);
15
   SampleTire->getRhoDot(PreviousRho,TimeStep,RhoDotVec);
16
    SampleTire->getRelativeCamber(RelativeCamberVec);
17
   SampleTire->getArea(AreaVec);
18
   SampleTire->getVolume(VolumeVec);
19
```

Casi particolari Nel caso in cui la variabile booleana in *output* dal metodo setup precedentemente chiamato sia falsa, si prospettano due casi.

**Pneumatico fuori** *mesh* Per verificare questa consizione occorre intersecare l'albero della *mesh* con l'albero a una foglia dell'ombra dello pneumatico.

Se la variabile booleana in *output* dal metodo intersectAABBtree è falsa allora la lista è vuota e lo pneumatico sarà quindi considerato fuori dalla superficie stradale descritta nel *file* RDF.

**Pneumatico in volo** Per verificare questa consizione occorre ancora intersecare l'albero della *mesh* con l'albero a una foglia dell'ombra dello pneumatico.

Se la variabile booleana in *output* dal metodo intersectAABBtree è vera allora la lista non è vuota e lo pneumatico sarà quindi considerato in volo sopra la superficie stradale descritta nel *file* RDF. In questo caso i parametri d'intersezione vanno settati come intersezione nulla.

### 5.4 Prestazioni della libreria

I vari modelli di contatto sono stati preventivamente testati in una macchina avente le seguenti specifiche tecniche:

• memoria RAM:

dimensione: 8 GB;frequenza: 1.33 GHz;

processore:

- denominazione: Intel i5 3230M;

- numero di *core*: 2;

numero di thread: 4;

- frequenza base: 2.60 GHz;

- frequenza massima: 3.20 GHz;

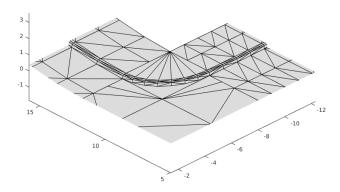


FIGURA 5.11: Porzione di mesh particolarmente densa di triangoli.

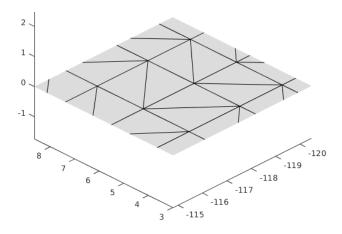


FIGURA 5.12: Porzione di mesh non così particolarmente densa di triangoli.

#### - *cache*: L3 3 MB.

I tempi rilevati per il modello di pneumatico a singolo disco MagicFormula sono riportati nelle Tabelle 5.13 e 5.15. Analogamente, i tempi rilevati per il modello di pneumatico a più dischi MultiDisk sono riportati nelle Tabelle 5.14 e 5.16. Notare che le Tabelle 5.13 e 5.14 sono relative ad un'area dove la *mesh* è più densa, mentre le Tabelle 5.15 e 5.16 sono relative ad un'area dove la *mesh* è poco densa.

	Modello di contatto					
	Rill Ponderato sull'area Mix					
$T_{totale}$ [ms]	116.543	121.249	106.058			
$T_{step}$ [ms]	0.0041621	0.00433017	0.00378765			
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	5.21719e-05	3.09234e-06	1.11754e-05			

Pneumatico 205/55R16 Campionamenti = 28000 Numero medio di triangoli sotto lo pneumatico = 11.4 Switch Rill ⊳ Area a 10 triangoli

TABELLA 5.13: Tempi per il modello di pneumatico MagicFormula nel caso di *mesh* densa.

	Precis	sione	Modello di contatto		
	Dischi	Punti	Campionamento	Ponderato sull'area	Mix
$T_{step}$ [ms]	5	5	0.30604	0.027332	0.292775
$\sigma  [\mathrm{ms}^2]$	5	5	0.050355	0.0007717	0.076598
$T_{step}$ [ms]	10	5	0.31406	0.029972	0.30546
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	10	5	0.0165893	0.000768059	0.038468
$T_{step}$ [ms]	5	10	0.38714	0.030945	0.37890
$\sigma  [\mathrm{ms}^2]$	5	10	0.039487	0.000744563	0.085648
$T_{step}$ [ms]	10	10	0.40604	0.031138	0.316745
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	10	10	0.0104055	0.000660589	0.0426783
$T_{step}$ [ms]	10	20	1.55412	0.0563041	1.17447
$\sigma  [\mathrm{ms}^2]$	10	20	0.142766	0.000214928	0.619357
$T_{step}$ [ms]	20	10	0.840434	0.0285447	0.651595
$\sigma  [\mathrm{ms}^2]$	20	10	0.0398545	5.12437e-05	0.193016
$T_{step}$ [ms]	20	20	3.46259	0.0587258	2.73157
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	20	20	0.692889	0.000257929	3.51893

Pneumatico 205/55R16 Campionamenti = 28000 Numero medio di triangoli sotto lo pneumatico = 11.4 Switch Area ⊳ Campionamento a 10 triangoli

TABELLA 5.14: Tempi per il modello di pneumatico MultiDisk nel caso di *mesh* densa.

	Modello di contatto					
	Rill Ponderato sull'area Mix					
$T_{totale}$ [ms]	64.15	46.44	54.269			
$T_{step}$ [ms]	0.00229099	0.00165851	0.00193811			
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	3.92268e-06	4.39344e-06	5.825e-06			

Pneumatico 205/55R16 Campionamenti = 28000 Numero medio di triangoli sotto lo pneumatico = 3.2 Switch Rill  $\triangleright$  Area a 3 triangoli

TABELLA 5.15: Tempi per il modello di pneumatico MagicFormula nel caso di *mesh* poco densa.

	Precis	sione	N	Modello di contatto	
	Dischi	Punti	Campionamento	Ponderato sull'area	Mix
$T_{step}$ [ms]	5	5	0.29604	0.010375	0.020880
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	5	5	0.00364537	0.00734568	0.0027406
$T_{step}$ [ms]	10	5	0.31406	0.015352	0.027446
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	10	5	0.0174863	0.000436738	0.0047837
$T_{step}$ [ms]	5	10	0.42839	0.01972	0.038590
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	5	10	0.027645	0.0045783	0.007463
$T_{step}$ [ms]	10	10	0.213785	0.0115888	0.0111662
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	10	10	0.0021398	1.73799e-05	2.52509e-05
$T_{step}$ [ms]	10	20	0.902904	0.0210344	0.0222986
$\sigma  [\mathrm{ms}^2]$	10	20	0.0444643	4.91353e-05	0.000116275
$T_{step}$ [ms]	20	10	0.481218	0.0114461	0.0112381
$\sigma  [\mathrm{ms}^2]$	20	10	0.0115384	2.87254e-05	1.70045e-05
$T_{step}$ [ms]	20	20	1.88533	0.019253	0.0193953
$\sigma  [\mathrm{ms^2}]$	20	20	0.142808	2.87459e-05	3.20608e-05

Pneumatico 205/55R16 Campionamenti = 28000 Numero medio di triangoli sotto lo pneumatico = 3.2 Switch Area ⊳ Campionamento a 3 triangoli

TABELLA 5.16: Tempi per il modello di pneumatico MultiDisk nel caso di *mesh* poco densa.

	Modello di contatto					
	Ponderato sull'area Mix					
$T_{step} [\mu s]$	9.6688	9.7658				
$\sigma  [\mu \mathrm{s}^2]$	1.4018	1.4983				

Pneumatico 250/55R11 Campionamenti = 30000 Switch Rill ▷ Area a 10 triangoli

TABELLA 5.17: Tempi sul simulatore per il modello di pneumatico MagicFormula.

	Precisione		Modello di contatto		
	Dischi Punti		Ponderato sull'area	Mix	
$T_{step} [\mu s]$	5	5	24.5736	39.6069	
$\sigma  [\mu \mathrm{s}^2]$	10	5	42.6262	439.6915	
$T_{step} [\mu s]$	5	10	24.6686	55.7135	
$\sigma \left[ \mu \mathrm{s}^2 \right]$	10	10	41.4114	479.8682	

Pneumatico 250/55R11 Campionamenti = 30000 Switch Area ⊳ Campionamento a 10 triangoli

TABELLA 5.18: Tempi sul simulatore per il modello di pneumatico MultiDisk.

Testando il modello al simulatore è stato possibile valutare la sua complessità computazionale. Le specifiche tecniche di questo simulatore sono:

- sistema operativo: 64bit Concurrent Real-Time RedHawk 7.5 (CentOS 7.5
  - + RedHawk 4.9.98 Real-Time Kernel);
- memoria RAM: 32 GB;
- processore: Intel Xeon(R) 3.40 GHz (16 cores);
- scheda grafica: Nvidia GeForce GTX 680.

I tempi rilevati per il modello di pneumatico a singolo disco MagicFormula sono riportati nella Tabella 5.17. Analogamente, i tempi rilevati per il modello di pneumatico a più dischi MultiDisk sono riportati nella Tabella 5.18.

I modelli sviluppati, nelle corrette condizioni di lavoro, soddisfano la necessità del calcolo in tempo reale imposto dalle condizioni di utilizzo. Il tempo di calcolo sull'*hardware* del simulatore professionale si traduce in un ciclo di lavoro massimo del 4.3% circa, garantendo quindi un ampio margine di sicurezza e dando la possibilità di aumentare la precisione del modello attraverso l'implementazione di modelli più complessi.

I modelli di contatto sviluppati garantiscono un tempo di esecuzione basso. In generale per qualità dell'output generato e per tempo di compilazione il modello di contatto ponderato sull'area d'intersezione è da preferire. Esso infatti permette di rilevare ostacoli anche al di fuori dell'impronta di contatto garantendo quindi una descrizione qualitativamente maggiore del contatto tra lo pneumatico e la strada. Inoltre è opportuno settare lo switch tra un modello di contatto e l'altro indicaticamente quanto i triangoli all'interno dell'ombra di contatto sono maggiori del prodotto tra il numero di dischi e il numero di punti di campionamento associati ad ogni disco. Considerando dunque le finalità principali e i test effettuati sul modello sviluppato, possiamo affermare la sua validità per i campi di utilizzo previsti.

Un punto critico sul quale è opportuno porre particolare attenzione è la rappresentazione del terreno. I *file* RDF hanno una struttura dati molto poco formale e solida. La mancanza di uno standard universalmente riconosciuto per questo formato rende impossibile implementare un *parser* sufficientemente efficiente e la stabile per tutte le occasioni.

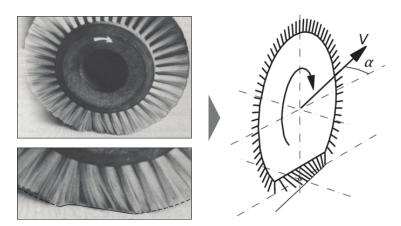


FIGURA 6.1: Schema strutturale del modello "a spazzola" (brush model).

Infine, bisogna certamente notare che la rappresentazione dello pneumatico è basato sul modello di Pacejka, ovvero un modello semi-empirico che non tiene conto dei fenomeni transitori. Sarà quindi una scelta obbligata passare ad una rappresentazione dello pneumatico mediante un modello fisico. Quest'ultimo, infatti, a seconda del grado di complessità, può tenere in considerazione alcuni dei fenomeni transitori che maggiormente influenzano la manovrabilità del veicolo. I modelli fisici sono quindi anche molto complessi. Lo pneumatico è modellato da divesi anelli circolari con punti di massa accoppiati anche in direzione laterale. Si tiene quindi conto del contatto in più punti e della distribuzione della pressione su tutta la larghezza della cintura. Importante sarà quindi valutare la possibilità di poter parallelizzare i processi di calcolo per diminuire i tempi di esecuzione.

#### A.0.1 Sistemi di riferimento

La convenzione utilizzata per definire gli assi del sistema di riferimento della vettura è la *International Organization for Standardization* (ISO) 8855.

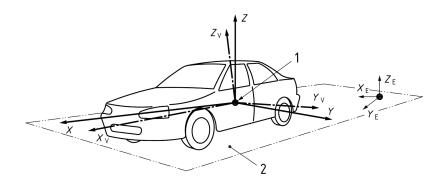


Figura A.1: Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento della vettura secondo la convenzione ISO-V.

Da: Normalización (Ginebra), Road Vehicles, Vehicle Dynamics and Road-holdin Ability: Vocabulary.

Il sistema di riferimento della ruota è conforme alla convenzione ISO-V, la cui disposizione degli assi è illustrata nella Figura A.2. L'origine del sistema di riferimento del vettore ruota è posta in corrispondenza del centro della ruota mentre posizione e orientamento relativi rispetto al sistema di riferimento del telaio sono definiti attraverso il modello della sospensione descritto in [4].

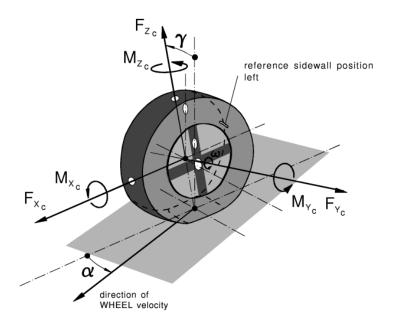


Figura A.2: Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento dello pneumatico secondo la convenzione ISO-C.

Da: Documentazione MFeval.

#### A.0.2 Matrice di trasformazione

Per descrivere sia l'orientamento che la posizione di un sistema di assi nello spazio, viene introdotta la matrice roto-traslazione, chiamata anche matrice di trasformazione. Questa notazione permette di impiegare le operazioni matrice-vettore per l'analisi di posizione, velocità e accelerazione. La forma generale di una matrice di trasformazione è del tipo:

$$T_{m} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} R_{m} \end{bmatrix} & O_{mx} \\ O_{my} \\ O_{mz} \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 (A.1)

dove  $R_m$  è la matrice di rotazione  $3 \times 3$  del sistema di riferimento in movimento e  $O_{mx}$ ,  $O_{my}$  e  $O_{mz}$  sono le coordinate della sua origine nel sistema di riferimento assoluto o nativo.

L'introduzione dell'elemento fittizio 1 nel vettore della posizione di origine e la successiva spaziatura interna zero della matrice rende possibili le moltiplicazioni matrice-vettore, rendendo la matrice di trasformazione una notazione compatta e conveniente per la descrizione dei sistemi di riferimento. Si noti che per i vettori, le informazioni traslazionali vengono trascurate imponendo l'elemento fittizio pari a 0.

Doxygen è una libreria comunemente utilizzata per generare documentazione direttamente dalle annotazioni nei *file* C++. Questo *tool* supporta anche altri linguaggi di programmazione popolari come C, Objective-C, C#, PHP, Java, Python, Fortran, VHDL, Tcl e in una certa misura D.

Doxygen può essere utile per i seguenti motivi.

- Può generare una documentazione da utilizzare *online* (in HTML) e/o un manuale di riferimento *offline* (in LATEX) da una serie di *file* sorgente opportunamente annotati. C'è anche il supporto per generare *output* in RTF (MicroSoft Word), PostScript, PDF con *hyperlink* e HTML compresso. La documentazione viene estratta direttamente dalle fonti, il che rende molto più semplice mantenere la documentazione coerente con il codice sorgente.
- È possibile configurare doxygen per estrarre la struttura del codice da *file* sorgente non documentati. Questo è molto utile per analizzare rapidamente ed efficacemente i *file* sorgente di grandi dimensioni. Doxygen può anche visualizzare le relazioni tra i vari elementi mediante grafici di dipendenza, diagrammi di ereditarietà e diagrammi di collaborazione, tutti generati automaticamente.

Doxygen è supportato su Mac OS X e Linux, ma è configurato per essere altamente portabile. Di conseguenza, funziona anche con la maggior parte degli altri sistemi Unix. Inoltre, sono disponibili eseguibili per Windows.

### TireGround

Davide Stocco

March 2020

Generated by Doxygen 1.8.13

# Contents

1	Tire	Groun	d		1
2	<b>Nan</b> 2.1	_	e <b>Index</b> space Lis	pt	<b>5</b> . 5
3	Hier	rarchic	al Index		7
•	3.1			y	_
4	Class	s Inde			9
4	4.1				-
5		•	Docum		11
	5.1	TireG		mespace Reference	
		5.1.1		d Description	
	5.2	TireG	`	gorithms Namespace Reference	
		5.2.1		d Description	
		5.2.2	Function	n Documentation	. 13
			5.2.2.1	intersectPointSegment()	. 13
			5.2.2.2	intersectRayPlane()	. 14
			5.2.2.3	mean()	. 14
			5.2.2.4	minmax_XY() [1/2]	. 14
			5.2.2.5	minmax_XY() [2/2]	. 15
			5.2.2.6	trapezoidArea()	. 15
			5.2.2.7	weightedMean() [1/2]	. 15
			5.2.2.8	weightedMean() [2/2]	. 15
	5.3	TireGı	ound::RI	OF Namespace Reference	. 16
		5.3.1	Detailed	d Description	. 16
	5.4	TireGi	ound::RI	OF::algorithms Namespace Reference	. 16
		5.4.1	Detailed	d Description	. 17
		5.4.2	Function	n Documentation	. 17
			5.4.2.1	firstToken()	. 17
			5.4.2.2	getElement()	
			5.4.2.3	split()	
			5.4.2.4	tail()	

6	Clas	s Documentation						
	6.1	TireG	round::RDF::BBox2D Class Reference					
		6.1.1	Detailed Description					
		6.1.2	Constructor & Destructor Documentation					
			6.1.2.1 BBox2D()					
		6.1.3	Member Function Documentation					
			6.1.3.1 print()					
			6.1.3.2 updateBBox2D()					
	6.2	TireG	round::Disk Class Reference					
		6.2.1	Detailed Description					
		6.2.2	Constructor & Destructor Documentation					
			6.2.2.1 Disk()					
		6.2.3	Member Function Documentation					
			6.2.3.1 contactPlane()					
			6.2.3.2 contactTriangles()					
			6.2.3.3 getLineArea()					
			6.2.3.4 intersectPlane()					
			6.2.3.5 intersectSegment()					
			6.2.3.6 isPointInside()					
			6.2.3.7 segmentArea()					
			6.2.3.8 segmentLength()					
			6.2.3.9 set()					
			6.2.3.10 setOriginXZ()					
			6.2.3.11 y()					
	6.3	TireG	round::ETRTO Class Reference					
		6.3.1	Detailed Description					
		6.3.2	Constructor & Destructor Documentation					
			6.3.2.1 ETRTO()					
		6.3.3	Member Function Documentation					
			6.3.3.1 print()					
	6.4	TireG	round::MagicFormula Class Reference					
		6.4.1	Detailed Description					
		6.4.2	Constructor & Destructor Documentation					
			6.4.2.1 MagicFormula()					
		6.4.3	Member Function Documentation					
			6.4.3.1 evaluateContact()					
			6.4.3.2 fourPointsSampling()					
			6.4.3.3 getArea() [1/2]					
			6.4.3.4 getArea() [2/2]					
			6.4.3.5 getEulerAngleX()					
			6.4.3.6 getEulerAngleY()					
			6.4.3.7 getEulerAngleZ()					

		6.4.3.8	getFriction() [1/2]	1
		6.4.3.9	getFriction() [2/2]	1
		6.4.3.10	getMFpoint() [1/2] 3	1
		6.4.3.11	getMFpoint() [2/2] 3	2
		6.4.3.12	getMFpointRF() [1/2]	2
		6.4.3.13	getMFpointRF() [2/2]	2
		6.4.3.14	getNormal() [1/2]	2
		6.4.3.15	getNormal() [2/2] 3	3
		6.4.3.16	getRelativeCamber()	3
		6.4.3.17	getRho() [1/2] 3	3
		6.4.3.18	getRho() [2/2] 3	4
		6.4.3.19	getVolume() [1/2]	4
		6.4.3.20	getVolume() [2/2] 3	4
		6.4.3.21	pointSampling()	4
		6.4.3.22	print()	5
		6.4.3.23	printETRTOGeometry()	5
		6.4.3.24	setOrigin()	5
		6.4.3.25	setReferenceFrame()	6
		6.4.3.26	setRotationMatrix()	6
		6.4.3.27	setTotalTransformationMatrix()	6
		6.4.3.28	setup() [1/2] 3	6
		6.4.3.29	setup() [2/2] 3	7
6.5	TireG	ound::RE	DF::MeshSurface Class Reference	7
	6.5.1	Detailed	Description	8
	6.5.2	Constru	ctor & Destructor Documentation	8
		6.5.2.1	MeshSurface() [1/2]	8
		6.5.2.2	MeshSurface() [2/2]	8
	6.5.3	Member	Function Documentation	8
		6.5.3.1	intersectAABBtree()	8
		6.5.3.2	intersectBBox()	9
		6.5.3.3	LoadFile()	9
		6.5.3.4	printData()	9
		6.5.3.5	set()	9
6.6	TireGı	ound::Mi	ıltiDisk Class Reference	0
	6.6.1	Detailed	Description	3
	6.6.2	Constru	ctor & Destructor Documentation	3
		6.6.2.1	MultiDisk() [1/3]	3
		6.6.2.2	MultiDisk() [2/3] 4	3
		6.6.2.3	MultiDisk() [3/3]	4
	6.6.3	Member	Function Documentation	4
		6.6.3.1	getArea() [1/2]	4
		6.6.3.2	getArea() [2/2]	5

		6.6.3.3	getDiskFriction()	45
		6.6.3.4	getDiskMFpoint()	45
		6.6.3.5	getDiskMFpointRF()	45
		6.6.3.6	getDiskNormal()	46
		6.6.3.7	getDiskOriginXYZ() [1/2]	46
		6.6.3.8	getDiskOriginXYZ() [2/2]	46
		6.6.3.9	getDiskRho()	46
		6.6.3.10	getEulerAngleX()	47
		6.6.3.11	getEulerAngleY()	47
		6.6.3.12	getEulerAngleZ()	47
		6.6.3.13	getFriction() [1/2]	47
		6.6.3.14	getFriction() [2/2]	47
		6.6.3.15	getMFeffectiveR()	48
		6.6.3.16	getMFeffectiveRF()	48
		6.6.3.17	getMFeffectiveY()	48
		6.6.3.18	getMFpoint() [1/2]	48
		6.6.3.19	getMFpoint() [2/2]	49
		6.6.3.20	getMFpointRF() [1/2]	49
		6.6.3.21	getMFpointRF() [2/2]	49
		6.6.3.22	getNormal() [1/2]	49
		6.6.3.23	getNormal() [2/2]	50
		6.6.3.24	getRelativeCamber()	50
		6.6.3.25	getRho() [1/2]	50
		6.6.3.26	getRho() [2/2]	50
		6.6.3.27	getVolume() [1/2]	51
		6.6.3.28	getVolume() [2/2]	51
		6.6.3.29	pointSampling()	51
		6.6.3.30	print()	52
		6.6.3.31	printETRTOGeometry()	52
		6.6.3.32	setDiskOriginXZ() [1/2]	52
		6.6.3.33	setDiskOriginXZ() [2/2]	52
		6.6.3.34	setOrigin()	53
		6.6.3.35	setReferenceFrame()	53
		6.6.3.36	setRotationMatrix()	53
		6.6.3.37	setTotalTransformationMatrix()	53
		6.6.3.38	setup() [1/2]	54
		6.6.3.39	setup() [2/2]	54
6.7	TireGr	ound::Re	ferenceFrame Class Reference	54
	6.7.1	Detailed	Description	55
	6.7.2	Constru	ctor & Destructor Documentation	55
		6.7.2.1	ReferenceFrame()	55
	6.7.3	Member	Function Documentation	56
	6.7.3	Member		

		6.7.3.1	getEulerAngleX()	56
		6.7.3.2	getEulerAngleY()	56
		6.7.3.3	getEulerAngleZ()	56
		6.7.3.4	set()	56
		6.7.3.5	setOrigin()	56
		6.7.3.6	setRotationMatrix()	56
		6.7.3.7	setTotalTransformationMatrix()	57
6.8	TireGr	ound::Sar	nplingGrid Class Reference	57
	6.8.1	Detailed	Description	57
	6.8.2	Construc	ctor & Destructor Documentation	58
		6.8.2.1	SamplingGrid() [1/2]	58
		6.8.2.2	SamplingGrid() [2/2]	58
	6.8.3	Member	Function Documentation	58
		6.8.3.1	set() [1/2]	58
		6.8.3.2	set() [2/2]	59
		6.8.3.3	setSwitchNumber()	59
6.9	TireGr	ound::Sha	adow Class Reference	59
	6.9.1	Detailed	Description	59
	6.9.2	Construc	ctor & Destructor Documentation	59
		6.9.2.1	Shadow()	60
	6.9.3	Member	Function Documentation	60
		6.9.3.1	update()	60
6.10	TicToc	Class Ref	erence	60
6.11	TireGr	ound::Tir	e Class Reference	61
	6.11.1	Detailed	Description	63
	6.11.2	Construc	ctor & Destructor Documentation	63
		6.11.2.1	Tire()	63
	6.11.3	Member	Function Documentation	63
		6.11.3.1	evaluateContact()	64
		6.11.3.2	getArea() [1/2]	64
		6.11.3.3	getArea() [2/2]	64
		6.11.3.4	getEulerAngleX()	64
		6.11.3.5	getEulerAngleY()	64
		6.11.3.6	getEulerAngleZ()	65
		6.11.3.7	<b>getFriction()</b> [1/2]	65
		6.11.3.8	<b>getFriction()</b> [2/2]	65
		6.11.3.9	getMFpoint() [1/2]	65
		6.11.3.10	getMFpoint() [2/2]	65
		6.11.3.11	getMFpointRF() [1/2]	66
		6.11.3.12	getMFpointRF() [2/2]	66
		6.11.3.13	getNormal() [1/2]	66
		6.11.3.14	getNormal() [2/2]	66

	6.11.3.15 getRe	elativeCamb	er()		 	 	67
	6.11.3.16 getR	no() [1/2] .			 	 	67
	6.11.3.17 getR	no() [2/2] .			 	 	67
	6.11.3.18 getVo	olume() [1/2	]		 	 	68
	6.11.3.19 getVo	olume() [2/2	]		 	 	68
	6.11.3.20 point	Sampling()			 	 	68
	6.11.3.21 print	()			 	 	69
	6.11.3.22 print	ETRTOGeon	netry()		 	 	69
	6.11.3.23 setO	rigin()			 	 	69
	6.11.3.24 setRe	ferenceFram	ne()		 	 	69
	6.11.3.25 setRo	otationMatrix	<b>κ()</b>		 	 	70
	6.11.3.26 setTo	talTransform	nationMatr	rix()	 	 	70
	6.11.3.27 setup	<b>o()</b> [1/2]			 	 	70
	6.11.3.28 setup	<b>o()</b> [2/2]			 	 	70
6.12 TireGr	ound::RDF::Tri	angle3D Clas	ss Referenc	ce	 	 	71
6.12.1	Detailed Descri	ription			 	 	73
6.12.2	Constructor &	Destructor I	Documenta	ation	 	 	73
	6.12.2.1 Trian	gle3D()			 	 	73
6.12.3	Member Func	tion Docume	ntation .		 	 	73
	6.12.3.1 inter	sectEdgePlar	ne()		 	 	73
	6.12.3.2 inter	sectPlane().			 	 	74
	6.12.3.3 inter	sectRay()			 	 	74
	6.12.3.4 print	()			 	 	74
	6.12.3.5 setVe	rtices() [1/2]			 	 	74
	6.12.3.6 setVe	rtices() [2/2]			 	 	75
6.13 TireGr	ound::RDF::Tri	angleRoad C	lass Refere	ence	 	 	75
6.13.1	Detailed Descri	ription			 	 	77
6.13.2	Constructor &	Destructor I	Documenta	ation	 	 	77
	6.13.2.1 Trian	gleRoad() .			 	 	77
6.13.3	Member Func	tion Docume	ntation .		 	 	77
	6.13.3.1 inter	sectEdgePlar	ne()		 	 	77
	6.13.3.2 inter	sectPlane() .			 	 	78
	6.13.3.3 inter	sectRay()			 	 	78
	6.13.3.4 print	()			 	 	78
	6.13.3.5 setFr	iction()			 	 	78
	6.13.3.6 setVe	rtices() [1/2]			 	 	79
	6.13.3.7 setVe	rtices() [2/2]			 	 	79

Index

81

### Chapter 1

### **TireGround**

A repository for the code developed by Davide Stocco for his thesis.

Department of Industrial Engineering

Master Degree in Mechatronics Engineering

*EN*: Real-Time Computation of Tire/Road Contact using Tailored Algorithms *IT*: Valutazione Real-Time del Contatto Pneumatico/Strada con Algoritmi Dedicati

Academic Year 2019 · 2020

Author: Davide Stocco

Supervisor & Co-supervisor: Prof. Enrico Bertolazzi & Dr.Eng. Matteo Ragni

### MagicFormula tire model usage

1. Load .rdf file.

```
TireGround::RDF::MeshSurface Road(
  "./file.rdf" // Path to the *.rdf file
);
```

2. Initialize the MagicFormula tire model.

```
TireGround::Tire* TireSD = new TireGround::MagicFormula(
   SectionWidth, // [m]
   AspectRatio, // [%]
   RimDiameter, // [in]
   SwitchNumber // Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling));
```

3. Contact evaluation.

```
bool Out = TireSD->setup( Road, \ // Road mesh TransfMat \ // 4x4 total transformation matrix );
```

4. Data extraction.

```
// Variable initialization (for real numbers)
TireGround::vec3 N;
TireGround::vec3 P;
TireGround::real_type Friction;
TireGround::real_type Rho;
TireGround::real_type RhoDot;
TireGround::real_type RelativeCamber;
TireGround::real_type Area;
TireGround::real_type Volume;
// Data extraction (for real numbers)
TireSD->getNormal(N);
```

```
TireSD->getMFpoint(P);
TireSD->getFriction(Friction);
TireSD->getRho(Rho);
TireSD->getRhoDot(PreviousRho, TimeStep, RhoDot);
TireSD->getRelativeCamber(RelativeCamber);
TireSD->getArea(Area);
TireSD->getVolume(Volume);
// Extract data stucture size
TireGround::int_type size = TireSD->getDisksNumber();
// Variable initialization (for vectors)
TireGround::row_vec3 NVec(size);
TireGround::row_vec3 PVec(size);
TireGround::row_vecN FrictionVec(size);
TireGround::row_vecN RhoVec(size);
TireGround::row_vecN RhoDotVec(size);
TireGround::row_vecN RelativeCamberVec(size);
TireGround::row_vecN AreaVec(size);
TireGround::row_vecN VolumeVec(size);
// Data extraction (for vectors)
TireSD->getNormal(NVec);
TireSD->getMFpoint(PVec);
TireSD->getFriction(FrictionVec);
TireSD->getRho(RhoVec);
TireSD->getRhoDot(PreviousRho, TimeStep, RhoDotVec);
TireSD->getRelativeCamber(RelativeCamberVec);
TireSD->getArea(AreaVec);
TireSD->getVolume(VolumeVec);
```

### MultiDisk tire model usage

1. Load .rdf file.

```
TireGround::RDF::MeshSurface Road(
   "./file.rdf" // Path to the *.rdf file
);
```

- 2. Initialize the MultiDisk tire model:
  - (a) MultiDisk tire without sidewall radius (uniform cylinder).

```
TireGround::Tire* TireMD = new TireGround::MultiDisk(
   SectionWidth, // [m]
   AspectRatio, // [%]
   RimDiameter, // [in]
   PointsNumber, // Sampling points for each disk
   DisksNumber, // Disks number
   SwitchNumber // Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)
);
```

(b) MultiDisk tire with sidewall radius (uniform cylinder with filleted sidewall edge).

```
TireGround::Tire* TireMD = new TireGround::MultiDisk(
   SectionWidth, // [m]
   AspectRatio, // [%]
   RimDlameter, // [in]
   SideRadius, // Sidewall radius [m]
   PointsNumber, // Sampling points for each disk
   DisksNumber, // Disks number
   SwitchNumber // Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)
);
```

(c) MultiDisk tire with custom disks radius.

```
TireGround::Tire* TireMD = new TireGround::MultiDisk(
   SectionWidth, // [m]
   AspectRatio, // [%]
   RimDiameter, // [in]
   RadiusVec, // Disks radius vector [m]
   PointsNumber, // Sampling points for each disk
   SwitchNumber // Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)
);
```

3. Contact evaluation.

#### 4. Data extraction for contact point(s).

```
// Variable initialization (for real numbers)
TireGround::vec3 N;
TireGround::vec3 P;
TireGround::real_type Friction;
TireGround::real_type Rho;
TireGround::real_type RhoDot;
TireGround::real_type RelativeCamber;
TireGround::real_type Area;
TireGround::real_type Volume;
// Data extraction (for real numbers)
TireMD->getNormal(N);
TireMD->getMFpoint(P);
TireMD->getFriction(Friction);
TireMD->getRho(Rho);
TireMD->getRhoDot(PreviousRho, TimeStep, RhoDot);
TireMD->getRelativeCamber(RelativeCamber);
TireMD->getArea(Area);
TireMD->getVolume(Volume);
// Extract data stucture size
TireGround::int_type size = TireSD->getDisksNumber();
// Variable initialization (for vectors)
TireGround::row_vec3 NVec(size);
TireGround::row_vec3 PVec(size);
TireGround::row_vecN FrictionVec(size);
TireGround::row_vecN RhoVec(size);
TireGround::row_vecN RhoDotVec(size);
TireGround::row_vecN RelativeCamberVec(size);
TireGround::row_vecN AreaVec(size);
TireGround::row_vecN VolumeVec(size);
// Data extraction (for vectors)
TireMD->getNormal(NVec);
TireMD->getMFpoint(PVec);
TireMD->getFriction(FrictionVec);
TireMD->getRho(RhoVec);
TireMD->getRhoDot(PreviousRho,TimeStep,RhoDotVec);
TireMD->getRelativeCamber(RelativeCamberVec);
TireMD->getArea(AreaVec);
TireMD->getVolume(VolumeVec);
```

## Chapter 2

# Namespace Index

### 2.1 Namespace List

Here is a list of all documented namespaces with brief descriptions:

TireGround	
Tire computations routines	11
TireGround::algorithms	
Algorithms for tire computations routine	13
TireGround::RDF	
RDF mesh computations routines	16
TireGround::RDF::algorithms	
Algorithms for RDF mesh computations routine	16

# Chapter 3

# Hierarchical Index

### 3.1 Class Hierarchy

This inheritance list is sorted roughly, but not completely, alphabetically:	
TireGround::RDF::BBox2D	9
TireGround::Disk	0
TireGround::ETRTO	5
TireGround::RDF::MeshSurface	7
TireGround::ReferenceFrame	4
TireGround::SamplingGrid	7
TireGround::Shadow	9
TicToc	0
TireGround::Tire	1
TireGround::MagicFormula	6
TireGround::MultiDisk	0
TireGround::RDF::Triangle3D	1
TiroCround-PDF-TriangloRoad 7	

# Chapter 4

# Class Index

TireGround::RDF::Triangle3D

TireGround::RDF::TriangleRoad

## 4.1 Class List

HreGround::KDF::BB0X2D	
2D Bounding Box class	19
TireGround::Disk	
Tire disk	20
TireGround::ETRTO	
Tire ETRTO denomination	25
TireGround::MagicFormula	
Pacejka MagicFormula contact model	26
TireGround::RDF::MeshSurface	
Mesh surface	37
TireGround::MultiDisk	
Multi-disk tire contact model	40
TireGround::ReferenceFrame	
Reference frame	54
TireGround::SamplingGrid	
Patch evaluation precision	57
TireGround::Shadow	
2D shadow (2D bounding box enhacement)	59
TicToc	60
TireGround::Tire	
Base class for Tire models	61

75

Here are the classes, structs, unions and interfaces with brief descriptions:

# Chapter 5

# Namespace Documentation

## 5.1 TireGround Namespace Reference

Tire computations routines.

## Namespaces

• algorithms

Algorithms for tire computations routine.

• RDF

RDF mesh computations routines.

## Classes

• class Disk

Tire disk.

• class ETRTO

Tire ETRTO denomination.

• class MagicFormula

Pacejka MagicFormula contact model.

• class MultiDisk

Multi-disk tire contact model.

• class ReferenceFrame

Reference frame.

• class SamplingGrid

Patch evaluation precision.

• class Shadow

2D shadow (2D bounding box enhacement)

• class Tire

Base class for Tire models.

## Typedefs

- typedef double real\_type
  - Real number type.
- typedef int int\_type
  - Integer number type.
- typedef Eigen::Vector2i vec2\_int
  - 2D vector type of real integer type
- typedef Eigen::Vector2d vec2
  - 2D vector type of real number type
- typedef Eigen::Vector3d vec3
  - 3D vector type of real number type
- typedef Eigen::Vector4d vec4
  - 4D vector type of real number type
- typedef Eigen::Matrix3d mat3
  - 3x3 matrix type of real number type
- typedef Eigen::Matrix4d mat4
  - 4x4 matrix type of real number type
- typedef Eigen::Matrix < real\_type, 1, Eigen::Dynamic > row\_vecN
   Row vector type real number type.
- typedef Eigen::Matrix < real\_type, Eigen::Dynamic, 1 > col\_vecN
   Column vector type real number type.
- typedef Eigen::Matrix < real\_type, Eigen::Dynamic, Eigen::Dynamic > matN
   Matrix type of real number type.
- typedef Eigen::Matrix < vec2, 1, Eigen::Dynamic > row\_vec2
   Row vector type of 2D vector.
- typedef Eigen::Matrix < vec2, Eigen::Dynamic, 1 > col\_vec2
   Column vector type of 2D vector.
- typedef Eigen::Matrix < vec2, Eigen::Dynamic, Eigen::Dynamic > mat\_vec2 *Matrix type of 2D vector.*
- typedef Eigen::Matrix< vec3, 1, Eigen::Dynamic > row\_vec3

  Row vector type of 3D vector.
- typedef Eigen::Matrix< vec3, Eigen::Dynamic, 1 > col\_vec3

  Column vector type of 3D vector.
- typedef Eigen::Matrix < vec3, Eigen::Dynamic, Eigen::Dynamic > matN\_vec3
   Matrix type of 3D vector.
- typedef Eigen::Matrix < mat4, 1, Eigen::Dynamic > row\_mat4

  Matrix type of 4x4 matrix.
- typedef std::basic\_ostream< char > ostream\_type
   Output stream type.

## Variables

real\_type const epsilon = std::numeric\_limits<real\_type>::epsilon()
 Epsilon type.

## 5.1.1 Detailed Description

Tire computations routines.

Typedefs for tire computations routine.

file: PatchTire.hh file: TireGround.hh

## 5.2 TireGround::algorithms Namespace Reference

Algorithms for tire computations routine.

#### **Functions**

• vec3 mean (row\_vec3 const &Values)

Calculate arithmetic weighted mean for 3D vectors.

real\_type weightedMean (row\_vecN const &Values, row\_vecN const &Weights)

Calculate arithmetic weighted mean for real numbers.

vec3 weightedMean (row\_vec3 const &Values, row\_vecN const &Weights)

Calculate arithmetic weighted mean for 3D vectors.

- bool intersectPointSegment (vec2 const &Point1, vec2 const &Point2, vec2 const &PointQ)
- bool intersectRayPlane (vec3 const &planeN, vec3 const &planeP, vec3 const &RayPoint, vec3 const &RayDirection, vec3 &IntersectionPt)

Check if a segment hits a plane and find the intersection point.

void minmax\_XY (row\_vec3 const &Points, vec2 &XYmin, vec2 &XYmax)

Calculate minumum and maximum in XY plane for 3D vectors.

• void minmax\_XY (row\_vec2 const &Points, vec2 &XYmin, vec2 &XYmax)

Calculate minumum and maximum in XY plane for 2D vectors.

• real\_type trapezoidArea (real\_type const Base2, real\_type const Base1, real\_type const Height)

Calculate area of a trapeziod  $[m^2]$ .

## 5.2.1 Detailed Description

Algorithms for tire computations routine.

## 5.2.2 Function Documentation

#### 5.2.2.1 intersectPointSegment()

Check if a point lays inside or outside a line segment

Warning: The point query point must be on the same rect of the line segment!

Point1	Line segment point 1
Point2	Line segment point 2
PointQ	Query point

## 5.2.2.2 intersectRayPlane()

```
bool TireGround::algorithms::intersectRayPlane (
    vec3 const & planeN,
    vec3 const & planeP,
    vec3 const & RayPoint,
    vec3 const & RayDirection,
    vec3 & IntersectionPt )
```

Check if a segment hits a plane and find the intersection point.

### Parameters

planeN	Plane normal vector
planeP	Plane known point
RayPoint	Ray point
RayDirection	Ray direction
IntersectionPt	Intersection point

## 5.2.2.3 mean()

Calculate arithmetic weighted mean for 3D vectors.

## Parameters

```
Values Values (3D vectors)
```

## 5.2.2.4 minmax\_XY() [1/2]

Calculate minumum and maximum in *XY* plane for 3D vectors.

Points	3D points vector
XYmin	Minimum ( $X, Y$ ) values
XYmax	Maximum ( $X, Y$ ) values

### 5.2.2.5 minmax\_XY() [2/2]

Calculate minumum and maximum in XY plane for 2D vectors.

#### **Parameters**

Points	2D points vector
XYmin	Minimum ( $X, Y$ ) values
XYmax	Maximum $(X, Y)$ values

## 5.2.2.6 trapezoidArea()

Calculate area of a trapeziod [  $m^2$ ].

#### Parameters

Base2	Base 1
Base1	Base 2
Height	Heigth

## 5.2.2.7 weightedMean() [1/2]

Calculate arithmetic weighted mean for real numbers.

## Parameters

Values	Values (real numbers)
Weights	Weights (real numbers)

### 5.2.2.8 weightedMean() [2/2]

```
vec3 TireGround::algorithms::weightedMean (
    row_vec3 const & Values,
    row_vecN const & Weights)
```

Calculate arithmetic weighted mean for 3D vectors.

Values	Values (3D vectors)
Weights	Weights (real numbers)

## 5.3 TireGround::RDF Namespace Reference

RDF mesh computations routines.

## Namespaces

• algorithms

Algorithms for RDF mesh computations routine.

#### Classes

• class BBox2D

2D Bounding Box class

• class MeshSurface

Mesh surface.

class Triangle3D

3D triangle (pure geometrical description)

• class TriangleRoad

3D triangles for road representation

## **Typedefs**

- typedef std::shared\_ptr < TriangleRoad > TriangleRoad\_ptr
   Shared pointer to TriangleRoad object.
- typedef std::vector < TriangleRoad\_ptr > TriangleRoad\_list
   Vector of shared pointers to TriangleRoad objects.

### 5.3.1 Detailed Description

RDF mesh computations routines.

## 5.4 TireGround::RDF::algorithms Namespace Reference

Algorithms for RDF mesh computations routine.

#### **Functions**

- void split (std::string const &in, std::vector < std::string > &out, std::string const &token) Split a string into a string array at a given token.
- std::string tail (std::string const &in)

Get tail of string after first token and possibly following spaces.

• std::string firstToken (std::string const &in)

Get first token of string.

• template<typename T >

T const & getElement (std::vector< T > const & elements, std::string const & index)

Get element at given index position.

## 5.4.1 Detailed Description

Algorithms for RDF mesh computations routine.

### 5.4.2 Function Documentation

## 5.4.2.1 firstToken()

## Get first token of string.

#### **Parameters**

```
in Input string
```

## 5.4.2.2 getElement()

Get element at given index position.

## Parameters

elements	Elements vector
index	Index position

## 5.4.2.3 split()

```
void TireGround::RDF::algorithms::split (
    std::string const & in,
    std::vector< std::string > & out,
    std::string const & token )
```

Split a string into a string array at a given token.

#### **Parameters**

in	Input string
out	Output string vector
token	Token

## 5.4.2.4 tail()

```
std::string TireGround::RDF::algorithms::tail (
```

std::string const & in )

Get tail of string after first token and possibly following spaces.

## Parameters

in Input string

# Chapter 6

# Class Documentation

## 6.1 TireGround::RDF::BBox2D Class Reference

2D Bounding Box class

#include <RoadRDF.hh>

## **Public Member Functions**

• BBox2D ()

Default constructor.

• BBox2D (vec3 const Vertices[3])

Variable set constructor.

void setXmin (real\_type const \_Xmin)

Set  $X_{min}$  shadow domain.

void setYmin (real\_type const \_Ymin)

Set  $Y_{min}$  shadow domain.

void setXmax (real\_type const \_Xmax)

Set  $X_{max}$  shadow domain.

void setYmax (real\_type const \_Ymax)

Set  $Y_{max}$  shadow domain.

real\_type getXmin (void) const

Get  $X_{min}$  shadow domain.

real\_type getYmin (void) const

Get  $Y_{min}$  shadow domain.

real\_type getXmax (void) const

Get  $X_{max}$  shadow domain.

real\_type getYmax (void) const

Get  $Y_{max}$  shadow domain.

• void clear (void)

Clear the bounding box domain.

• void print (ostream\_type &stream) const

Print bounding box domain.

• void updateBBox2D (vec3 const Vertices[3])

Update the bounding box domain with three input vertices.

## 6.1.1 Detailed Description

2D Bounding Box class

### 6.1.2 Constructor & Destructor Documentation

## 6.1.2.1 BBox2D()

Variable set constructor.

Parameters

Vertices | Vertices reference vector

## 6.1.3 Member Function Documentation

### 6.1.3.1 print()

Print bounding box domain.

**Parameters** 

stream Output stream type

## 6.1.3.2 updateBBox2D()

Update the bounding box domain with three input vertices.

Parameters

Vertices | Vertices reference vector

The documentation for this class was generated from the following file:

• include/RoadRDF.hh

## 6.2 TireGround::Disk Class Reference

Tire disk.

```
#include <PatchTire.hh>
```

#### **Public Member Functions**

• Disk (Disk &&)=default

Enable && operator.

• Disk ()

Default constructor.

• Disk (vec2 const &\_OriginXZ, real\_type \_OffsetY, real\_type \_Radius)

Variable set constructor.

• void set (Disk const &in)

Copy the Disk object.

void setOriginXZ (vec2 const &\_OriginXZ)

Set origin on XZ plane.

vec2 const & getOriginXZ (void) const

Get origin vector XZ-axes coordinates.

vec3 getOriginXYZ (void) const

Get origin vector XYZ-axes coordinates.

real\_type getOffsetY (void) const

Get origin Y-axis coordinate.

• real\_type getRadius (void) const

Get Disk radius.

- void contactTriangles (RDF::TriangleRoad\_list const &TriList, ReferenceFrame const &RF, vec3 &Normal, real\_type &Friction, real\_type &Area) const
- void contactPlane (vec3 const &Normal, vec3 const &Point, ReferenceFrame const &RF, real\_type &Area) const
- void pointOnDisk (vec3 const &Normal, ReferenceFrame const &RF, vec3 &DiskPoint, vec3 &NormalOnDisk) const

Get the points on Disk the circumference and on a given plane.

- real\_type segmentArea (real\_type const Length) const
- bool isPointInside (vec2 const &Point) const

Check if a point in Disk reference frame is inside or outside the Disk.

• real\_type y (real\_type const x) const

Evaluate Y at a query X value on the lower side Disk circumfererence.

• real\_type segmentLength (vec2 const Point1, vec2 const Point2) const

Evaluate a generic segment length given 2 points on the Disk circumfererence.

- int\_type intersectSegment (vec2 const &Point1, vec2 const &Point2, vec2 &Intersect1, vec2 &Intersect2) const
- bool intersectPlane (vec3 const &Plane\_Normal, vec3 const &Plane\_Point, vec3 &Line\_← Direction, vec3 &Line\_Point) const
- real\_type getLineArea (vec2 const &Point1\_XZ, vec2 const &Point2\_XZ) const Get a two points line segment area [ m²] (as ouput) inside the Disk.

## 6.2.1 Detailed Description

Tire disk.

#### 6.2.2 Constructor & Destructor Documentation

### 6.2.2.1 Disk()

Variable set constructor.

#### Parameters

_OriginXZ	$(X_0,Z_0)$ origin coordinate
_OffsetY	$Y_0$ origin coordinate (offset from center)
_Radius	Radius

## 6.2.3 Member Function Documentation

## 6.2.3.1 contactPlane()

```
void TireGround::Disk::contactPlane (
    vec3 const & Normal,
    vec3 const & Point,
    ReferenceFrame const & RF,
    real_type & Area ) const
```

Get the contact area [  $m^2$ ] inside the single Disk given a plane in absolute reference frame

## Parameters

Normal	Plane normal in absolute reference frame
Point	Plane point in absolute reference frame
RF	Tire ReferenceFrame
Area	Contact area [ $m^2$ ]

## 6.2.3.2 contactTriangles()

```
void TireGround::Disk::contactTriangles (
    RDF::TriangleRoad_list const & TriList,
    ReferenceFrame const & RF,
    vec3 & Normal,
    real_type & Friction,
    real_type & Area ) const
```

Get area weighted mean road normal versor, area weighted mean friction and contact area [  $m^2$ ] inside the single Disk of segments described by the intersection of triangles on XZ-plane

TriList	Shadow / MeshSurface intersected triangles
RF	Tire ReferenceFrame
Normal	Area weighted mean road normal versor

Friction	Area weighted mean contact friction
Area	Contact area [ $m^2$ ]

## 6.2.3.3 getLineArea()

Get a two points line segment area [ $m^2$ ] (as ouput) inside the Disk.

#### Parameters

Point1_XZ	Point 1 in Disk reference frame
Point2_XZ	Point 2 in Disk reference frame

## 6.2.3.4 intersectPlane()

```
bool TireGround::Disk::intersectPlane (
    vec3 const & Plane_Normal,
    vec3 const & Plane_Point,
    vec3 & Line_Direction,
    vec3 & Line_Point ) const
```

Check if two plane intersects and find the intersecting rect given two points in Disk reference frame

## Parameters

Plane_Normal	Plane normal vector in Disk reference frame
Plane_Point	Plane known point in Disk reference frame
Line_Direction	Rect direction vector in Disk reference frame
Line_Point	Plane known point in Disk reference frame

## 6.2.3.5 intersectSegment()

Find the intersection points between the Disk and a two points line segment in Disk reference frame (output integer gives number of intersection points)

point 1 in Disk reference frame	Point1 L
---------------------------------	----------

Point2	Line segment point 2 in Disk reference frame
Intersect1	Intersection point 1 in Disk reference frame
Intersect2	Intersection point 2 in Disk reference frame

## 6.2.3.6 isPointInside()

Check if a point in Disk reference frame is inside or outside the Disk.

#### **Parameters**

## 6.2.3.7 segmentArea()

Get the contact patch area under the intersection plane in absolute reference frame [  $m^2$ ]

### Parameters

```
Length | Chord length
```

## 6.2.3.8 segmentLength()

Evaluate a generic segment length given 2 points on the Disk circumfererence.

### Parameters

Point1	Point 1
Point2	Point 2

## 6.2.3.9 set()

Copy the Disk object.

```
in Disk object to be copied
```

### 6.2.3.10 setOriginXZ()

Set origin on XZ plane.

#### **Parameters**

_OriginXZ	New origin on $XZ$ plane
-----------	--------------------------

## 6.2.3.11 y()

Evaluate *Y* at a query *X* value on the lower side Disk circumfererence.

#### **Parameters**

```
x Query X value
```

The documentation for this class was generated from the following file:

• include/PatchTire.hh

## 6.3 TireGround::ETRTO Class Reference

Tire ETRTO denomination.

```
#include <PatchTire.hh>
```

## **Public Member Functions**

• ETRTO ()

Default constructor.

- ETRTO (real\_type \_SectionWidth, real\_type \_AspectRatio, real\_type \_RimDiameter)
  - Variable set constructor.

Get sidewall height [ m].

• real\_type getTireDiameter (void) const

• real\_type getSidewallHeight (void) const

Get external tire diameter [m].

• real\_type getTireRadius (void) const

Get external tire radius [m].

• real\_type getSectionWidth (void) const

Get section width [m].

• void print (ostream\_type &stream) const Display tire data.

## 6.3.1 Detailed Description

Tire ETRTO denomination.

## 6.3.2 Constructor & Destructor Documentation

### 6.3.2.1 ETRTO()

Variable set constructor.

#### **Parameters**

_SectionWidth	Tire section width [ m]
_AspectRatio	Tire aspect ratio [ %]
_RimDiameter	Rim diameter [ in]

## 6.3.3 Member Function Documentation

### 6.3.3.1 print()

Display tire data.

#### Parameters

stream Output stream typ	<u>.</u>
--------------------------	----------

The documentation for this class was generated from the following file:

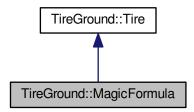
• include/PatchTire.hh

## 6.4 TireGround::MagicFormula Class Reference

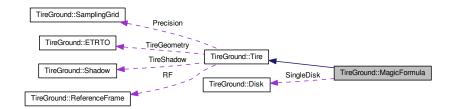
Pacejka MagicFormula contact model.

```
#include <PatchTire.hh>
```

Inheritance diagram for TireGround::MagicFormula:



Collaboration diagram for TireGround::MagicFormula:



## **Public Member Functions**

• ~MagicFormula ()

Default destructor.

• MagicFormula (real\_type const SectionWidth, real\_type const AspectRatio, real\_type const RimDiameter, int\_type const SwitchN)

Variable set constructor.

• void getNormal (vec3 &\_Normal) const override

Get contact normal versor.

• void getNormal (row\_vec3 &\_Normal) const override

Get contact normal versors vector.

• void getMFpoint (vec3 &\_DiskPoint) const override

Get Magic Formula contact point.

• void getMFpoint (row\_vec3 &\_DiskPoint) const override

Get Magic Formula contact point vector.

void getFriction (real\_type &\_Friction) const override

Get contact point friction.

• void getFriction (row\_vecN &\_Friction) const override

Get contact point friction vector.

void getMFpointRF (mat4 &PointRF) const override

 $Get\ Magic\ Formula\ contact\ point\ reference\ frame\ with\ 4x4\ transformation\ matrix.$ 

- void getMFpointRF (row\_mat4 &\_MFpointRF) const override
  - Get Magic Formula contact point reference frame vector with 4x4 transformation matrix.
- void getRho (real\_type &Rho, real\_type &RhoDot, real\_type const RhoOld, real\_type const Time) const override
- void getRho (row\_vecN &Rho, row\_vecN &RhoDot, row\_vecN const RhoOld, real\_type const Time) const override
- void getArea (real\_type &\_Area) const override
  - Get approximated contact area on Disk plane [  $m^2$ ].
- void getArea (row\_vecN &\_Area) const override
  - Get approximated contact area vector on Disk plane [  $m^2$ ].
- void getVolume (real\_type &\_Volume) const override
  - Get approximated contact volume [  $m^3$ ].
- void getVolume (row\_vecN &Volume) const override
  - Get approximated contact volume vector  $[m^3]$ .
- bool setup (RDF::MeshSurface &Mesh, mat4 const &TM) override
  - Update current tire position and find contact parameters.
- void setup (vec3 const &Plane\_Normal, vec3 const &Plane\_Point, real\_type const Plane\_←
  Friction, mat4 const &TM) override
- void print (ostream\_type &stream) const override
  - Print contact parameters.
- void printETRTOGeometry (ostream\_type &stream) const
  - Display Tire ETRTO geometry data.
- G2lib::AABBtree::PtrAABB const getAABBtree (void) const
  - Get total Tire Shadow G2Lib::AABBtree (3D projection on ground)
- G2lib::AABBtree::PtrAABB const getUpperSideAABBtree (void) const
  - Get upper side Tire Shadow G2Lib:AABBtree (3D projection on ground)
- G2lib::AABBtree::PtrAABB const getLowerSideAABBtree (void) const
  - Get lower side Tire Shadow G2Lib:AABBtree (3D projection on ground)
- void setReferenceFrame (ReferenceFrame const &\_RF)
- ReferenceFrame const & getReferenceFrame (void) const
  - Get tire ReferenceFrame object.
- void setOrigin (vec3 const &Origin)
  - Set a new tire origin.
- void setRotationMatrix (mat3 const &RotationMatrix)
- void setTotalTransformationMatrix (mat4 const &TM)
- real\_type getEulerAngleX (void) const
- real\_type getEulerAngleY (void) const
- real\_type getEulerAngleZ (void) const
- void getRelativeCamber (real\_type &RelativeCamber) const
  - Get relative camber angle [rad].
- int\_type getDisksNumber (void) const
  - Dimension of the contact points data structure (disks number)

#### **Protected Member Functions**

- MagicFormula (MagicFormula const &)=delete
  - Deleted copy constructor.
- MagicFormula const & operator= (MagicFormula const &)=delete
  - Deleted copy operator.
- void evaluateContact (RDF::TriangleRoad\_list const &TriList) override

Evaluate contact with RoadTriangles.

• void fourPointsSampling (RDF::TriangleRoad\_list const &TriList, vec3 &P\_star)

*Perform triangles sampling on 4 points at*  $\pm 0.1*R$  *along X and*  $\pm 0.3*W$  *along Y.* 

• bool pointSampling (RDF::TriangleRoad\_list const &TriList, vec3 const &RayOrigin, vec3 const &RayDirection, vec3 &SampledPt, real\_type &TriFriction=quietNaN, vec3 &Tri← Normal=vec3\_NaN) const

Perform one point sampling (ray-triangle intersection)

#### Protected Attributes

• Disk SingleDisk

Single Disk.

vec3 Normal

Contact normal versor.

vec3 MeshPoint

Contact point on Mesh (for Magic Formula)

vec3 DiskPoint

Contact point on undeformed Disk circumference (not for Magic Formula)

• real\_type Friction

Contact friction.

real\_type Area

Contact area [  $m^2$ ].

• SamplingGrid Precision

Contacth patch evaluating precision.

• ETRTO TireGeometry

Tire ETRTO denomination.

• ReferenceFrame RF

ReferenceFrame.

• Shadow TireShadow

Tire shadow.

## 6.4.1 Detailed Description

Pacejka MagicFormula contact model.

## 6.4.2 Constructor & Destructor Documentation

### 6.4.2.1 MagicFormula()

#### Variable set constructor.

SectionWidth	Tire section width [ m]
AspectRatio	Tire aspect ratio [ %]
RimDiameter	Rim diameter [ in]
2 <b>%</b> witchN	Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)

## 6.4.3 Member Function Documentation

#### 6.4.3.1 evaluateContact()

Evaluate contact with RoadTriangles.

**Parameters** 

TriList Shadow/MeshSurface intersected triangles

Implements TireGround::Tire.

## 6.4.3.2 fourPointsSampling()

Perform triangles sampling on 4 points at  $\pm 0.1*R$  along X and  $\pm 0.3*W$  along Y.

#### **Parameters**

TriList | Shadow/MeshSurface intersected triangles

```
6.4.3.3 getArea() [1/2]
```

Get approximated contact area on Disk plane [ $m^2$ ].

#### **Parameters**

```
_Area | Contact area [m^2]
```

Implements TireGround::Tire.

## 6.4.3.4 getArea() [2/2]

Get approximated contact area vector on Disk plane [ $m^2$ ].

_Area	Contact area vector [ $m^2$ ]
-------	-------------------------------

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.5 getEulerAngleX()
real_type TireGround::Tire::getEulerAngleX (
             void ) const [inline], [inherited]
Get current Euler angles [ rad] for X-axis
Warning: Factor as [R_z][R_x][R_y]!
6.4.3.6 getEulerAngleY()
real_type TireGround::Tire::getEulerAngleY (
             void ) const [inline], [inherited]
Get current Euler angles [rad] for Y-axis
Warning: Factor as [R_z][R_x][R_y]!
6.4.3.7 getEulerAngleZ()
real_type TireGround::Tire::getEulerAngleZ (
             void ) const [inline], [inherited]
Get current Euler angles [ rad] for Z-axis
Warning: Factor as [R_z][R_x][R_y]!
6.4.3.8 getFriction() [1/2]
void TireGround::MagicFormula::getFriction (
             real_type & _Friction ) const [inline], [override], [virtual]
```

Get contact point friction.

#### Parameters

_Friction	Contact point friction

Implements TireGround::Tire.

### 6.4.3.9 getFriction() [2/2]

Get contact point friction vector.

#### **Parameters**

```
_Friction | Contact point friction vector
```

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.10 getMFpoint() [1/2]
```

Get Magic Formula contact point.

**Parameters** 

```
_DiskPoint | Magic Formula contact point
```

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.11 getMFpoint() [2/2]
```

Get Magic Formula contact point vector.

**Parameters** 

```
_DiskPoint | Contact point vector on Disk
```

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.12 getMFpointRF() [1/2]
```

Get Magic Formula contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.

Parameters

```
        PointRF
        Magic Formula contact point reference frame
```

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.13 getMFpointRF() [2/2]
```

Get Magic Formula contact point reference frame vector with 4x4 transformation matrix.

Parameters

```
_MFpointRF | Magic Formula ontact point reference frames vector
```

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.14 getNormal() [1/2]
```

Get contact normal versor.

Parameters

_No:	rmal	Contact point normal versor
------	------	-----------------------------

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.15 getNormal() [2/2]
```

Get contact normal versors vector.

Parameters

	_Normal	Contact point normal direction vector	
--	---------	---------------------------------------	--

Implements TireGround::Tire.

## 6.4.3.16 getRelativeCamber()

Get relative camber angle [ rad].

**Parameters** 

RelativeCamber Relative cambe	er angle
-------------------------------	----------

```
6.4.3.17 getRho() [1/2]
```

Get contact depth at center point [ m] and it time derivative [ m/s] Warning: (if negative the tire does not touch the ground)!

Rho	Depth at center point [ $m/s$ ]
RhoDot	Contact depth derivative [ $m/s$ ]
RhoOld	Previous time step Rho [ $m$ ]
Time	Time step $[s]$

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.18 getRho() [2/2]
```

```
void TireGround::MagicFormula::getRho (
    row_vecN & Rho,
    row_vecN & RhoDot,
    row_vecN const RhoOld,
    real_type const Time ) const [inline], [override], [virtual]
```

Get contact depth matrix [m] and it time derivatives [m/s] Warning: (if negative the tire does not touch the ground)!

#### **Parameters**

Rho	Depth matrix [ $m/s$ ]
RhoDot	Contact depth derivative matrix [ $m/s$ ]
RhoOld	Previous time step Rho matrix [ $m$ ]
Time	Time step [ s]

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.19 getVolume() [1/2]
```

Get approximated contact volume [ $m^3$ ].

#### Parameters

_Volume	Contact volume [ $m^3$ ]

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.20 getVolume() [2/2]
```

Get approximated contact volume vector [ $m^3$ ].

#### Parameters

ector [ $m^3$ ]
-----------------

Implements TireGround::Tire.

## 6.4.3.21 pointSampling()

```
bool TireGround::Tire::pointSampling (
```

```
RDF::TriangleRoad_list const & TriList,
vec3 const & RayOrigin,
vec3 const & RayDirection,
vec3 & SampledPt,
real_type & TriFriction = quietNaN,
vec3 & TriNormal = vec3_NaN ) const [protected], [inherited]
```

Perform one point sampling (ray-triangle intersection)

### Parameters

TriList	Shadow/MeshSurface intersected triangles
RayOrigin	Ray origin
RayDirection	Ray direction
SampledPt	Intersection point
TriFriction	Intersected triangle friction
TriNormal	Intersected triangle normal

## 6.4.3.22 print()

Print contact parameters.

## Parameters

stream	Output stream type

Implements TireGround::Tire.

## 6.4.3.23 printETRTOGeometry()

Display Tire ETRTO geometry data.

### Parameters

```
stream Output stream type
```

## 6.4.3.24 setOrigin()

Set a new tire origin.

```
Origin Tire origin
```

#### 6.4.3.25 setReferenceFrame()

Copy the tire ReferenceFrame object

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

#### **Parameters**

\_RF

ReferenceFrame object to be copied

## 6.4.3.26 setRotationMatrix()

Set a new 3x3 rotation matrix

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

#### Parameters

RotationMatrix Rotation matrix

### 6.4.3.27 setTotalTransformationMatrix()

Set 4x4 total transformation matrix

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

#### Parameters

```
TM | 4x4 total transformation matrix
```

### 6.4.3.28 setup() [1/2]

Update current tire position and find contact parameters.

Mesh	MeshSurface object (road)
TM	4x4 total transformation matrix

Implements TireGround::Tire.

```
6.4.3.29 setup() [2/2]
```

```
void TireGround::MagicFormula::setup (
    vec3 const & Plane_Normal,
    vec3 const & Plane_Point,
    real_type const Plane_Friction,
    mat4 const & TM ) [override], [virtual]
```

Update current tire position and find contact parameters with external plane

### Parameters

Plane_Normal	Plane normal vector
Plane_Point	Plane known point
Plane_Friction	Friction on plane
TM	4x4 total transformation matrix

Implements TireGround::Tire.

The documentation for this class was generated from the following file:

• include/PatchTire.hh

## 6.5 TireGround::RDF::MeshSurface Class Reference

Mesh surface.

```
#include <RoadRDF.hh>
```

## **Public Member Functions**

• MeshSurface ()

Default set constructor.

• MeshSurface (TriangleRoad\_list const &\_PtrTriangleVec)

Variable set constructor.

• MeshSurface (std::string const &Path)

Variable set constructor.

- TriangleRoad\_list const & getTrianglesList (void) const
- Get all triangles inside the mesh as a vector.

   TriangleRoad\_ptr const getTriangle (unsigned i) const

Get i-th TriangleRoad.

- G2lib::AABBtree::PtrAABB const getAABBPtr (void) const Get AABBtree object.
- void printData (std::string const &FileName) const

Print data in file.

• std::vector< G2lib::BBox::PtrBBox > const & getPtrBBoxList () const

Get the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.

• void set (MeshSurface const &in)

Copy the MeshSurface object.

• bool LoadFile (std::string const &Path)

Load the RDF model and print information on a file.

 bool intersectAABBtree (G2lib::AABBtree::PtrAABB const &AABBTreePtr, RDF::Triangle← Road\_list &TrianglesList) const

Intersect the mesh AABB tree with an external AABB tree.

bool intersectBBox (std::vector < G2lib::BBox::PtrBBox > const &BBoxPtr, RDF::Triangle← Road\_list &TrianglesList) const

Update the mesh AABBtree with an external G2lib::BBox object pointer vector.

## 6.5.1 Detailed Description

Mesh surface.

#### 6.5.2 Constructor & Destructor Documentation

```
6.5.2.1 MeshSurface() [1/2]
```

Variable set constructor.

Parameters

DisTrianala Vaa	Don't triangles as sinter reset on list
_Ptr1riangievec	Road triangles pointer vector list

### 6.5.2.2 MeshSurface() [2/2]

Variable set constructor.

Parameters

```
Path | Path to the RDF file
```

## 6.5.3 Member Function Documentation

### 6.5.3.1 intersectAABBtree()

Intersect the mesh AABB tree with an external AABB tree.

#### **Parameters**

AABBTreePtr	External AABBtree object pointer
TrianglesList	Intersected TriangleRoad vector list

## 6.5.3.2 intersectBBox()

Update the mesh AABBtree with an external G2lib::BBox object pointer vector.

#### **Parameters**

BBoxPtr	External G2lib::BBox object pointer vector
TrianglesList	Intersected TriangleRoad vector list

## 6.5.3.3 LoadFile()

Load the RDF model and print information on a file.

## Parameters

```
| Path | Path to the RDF file
```

## 6.5.3.4 printData()

Print data in file.

#### Parameters

FileN	ame	File name in which print data
-------	-----	-------------------------------

## 6.5.3.5 set()

Copy the MeshSurface object.

*in* | MeshSurface object to be copied

The documentation for this class was generated from the following file:

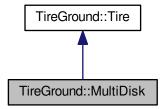
• include/RoadRDF.hh

## 6.6 TireGround::MultiDisk Class Reference

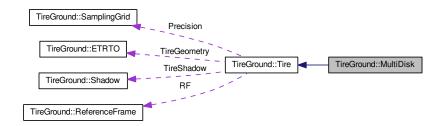
Multi-disk tire contact model.

#include <PatchTire.hh>

Inheritance diagram for TireGround::MultiDisk:



Collaboration diagram for TireGround::MultiDisk:



## **Public Member Functions**

• ∼MultiDisk ()

Default destructor.

• MultiDisk (real\_type const SectionWidth, real\_type const AspectRatio, real\_type const RimDiameter, int\_type const PointsN, int\_type const DisksN, int\_type const SwitchN)

Variable set constructor.

 MultiDisk (real\_type const SectionWidth, real\_type const AspectRatio, real\_type const RimDiameter, real\_type const SideRadius, int\_type const PointsN, int\_type const DisksN, int\_type const SwitchN)

Variable set constructor.

 MultiDisk (real\_type const SectionWidth, real\_type const AspectRatio, real\_type const RimDiameter, row\_vecN const DisksRadius, int\_type const PointsN, int\_type const SwitchN)

Variable set constructor.

real\_type getPointstep (void) const

Get grid step on X-axis between sampling points [m].

real\_type getDiskStep (void) const

Get step on Y-axis between disks [m].

• void getNormal (vec3 & Normal) const override

Get contact normal mean versor.

• void getDiskOriginXYZ (row\_vec3 &Origin) const

Get disks origin (X, Y, Z).

• void getDiskOriginXYZ (int\_type const i, vec3 &Origin) const

Get i-th Disk origin (X, Y, Z).

• void setDiskOriginXZ (row\_vec2 &Origin)

Set disks origin (X, Y, Z).

• void setDiskOriginXZ (int\_type const i, vec2 &Origin)

Set i-th Disk origin (X, Y, Z).

• void getNormal (row\_vec3 &\_NormalVec) const override

Get contact normal versors vector.

void getDiskNormal (int\_type const i, vec3 &\_Normal) const

Get i-th Disk contact normal versor.

void getMFpoint (vec3 &\_DiskPoint) const override

Get Magic Formula contact point.

• void getMFpoint (row\_vec3 &\_DiskPointVec) const override

Get Magic Formula contact points vector.

• void getDiskMFpoint (int\_type const i, vec3 &\_DiskPoint) const

Get i-th Disk Magic Formula contact point.

void getFriction (real\_type &\_Friction) const override

Get area weighted mean contact friction.

void getFriction (row\_vecN &\_Friction) const override

 $Get\ contact\ frictions\ vector.$ 

void getDiskFriction (int\_type const i, real\_type &\_Friction) const

Get i-th Disk contact friction.

void getMFeffectiveRF (mat4 &PointRF) const

Get effective contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.

• void getMFpointRF (mat4 &PointRF) const override

 $Get\ Magic\ Formula\ contact\ point\ reference\ frame\ with\ 4x4\ transformation\ matrix.$ 

void getMFpointRF (row\_mat4 &PointRF) const override

Get Magic Formula contact point reference frames vector with 4x4 transformation matrix.

void getDiskMFpointRF (int\_type const i, mat4 &PointRF) const

Get Disk Magic Formula contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.

- void getRho (real\_type &Rho, real\_type &RhoDot, real\_type const RhoOld, real\_type const Time) const override
- void getRho (row\_vecN &Rho, row\_vecN &RhoDot, row\_vecN const RhoOld, real\_type const Time) const override

- void getDiskRho (int\_type const i, real\_type &Rho, real\_type &RhoDot, real\_type const RhoOld, real\_type const Time) const
- void getArea (real\_type &\_Area) const override

Get approximated mean contact area on Disk plane [  $m^2$ ].

void getArea (row\_vecN &\_AreaVec) const override

Get approximated contact areas vector on Disk plane  $[m^2]$ .

• void getVolume (real\_type &Volume) const override

Get approximated contact volume [ $m^3$ ].

• void getVolume (row\_vecN &Volume) const override

Get approximated contact volumes vector  $[m^3]$ .

void getMFeffectiveY (real\_type &effectiveY) const

Get effective Y-axis coordinate of contact point [m].

void getMFeffectiveR (real\_type &Radius) const

Get effective radius of contact point [m].

bool setup (RDF::MeshSurface &Mesh, mat4 const &TM) override

Update current tire position and find contact parameters.

- void setup (vec3 const &Plane\_Normal, vec3 const &Plane\_Point, real\_type const Plane\_← Friction, mat4 const &TM) override
- void print (ostream\_type &stream) const override

Print contact parameters.

void printETRTOGeometry (ostream\_type &stream) const

Display Tire ETRTO geometry data.

G2lib::AABBtree::PtrAABB const getAABBtree (void) const

Get total Tire Shadow G2Lib::AABBtree (3D projection on ground)

G2lib::AABBtree::PtrAABB const getUpperSideAABBtree (void) const

Get upper side Tire Shadow G2Lib:AABBtree (3D projection on ground)

• G2lib::AABBtree::PtrAABB const getLowerSideAABBtree (void) const

Get lower side Tire Shadow G2Lib:AABBtree (3D projection on ground)

- void setReferenceFrame (ReferenceFrame const &\_RF)
- ReferenceFrame const & getReferenceFrame (void) const

Get tire ReferenceFrame object.

void setOrigin (vec3 const &Origin)

Set a new tire origin.

- void setRotationMatrix (mat3 const &RotationMatrix)
- void setTotalTransformationMatrix (mat4 const &TM)
- real\_type getEulerAngleX (void) const
- real\_type getEulerAngleY (void) const
- real\_type getEulerAngleZ (void) const
- void getRelativeCamber (real\_type &RelativeCamber) const

Get relative camber angle [ rad].

int\_type getDisksNumber (void) const

Dimension of the contact points data structure (disks number)

#### **Protected Member Functions**

bool pointSampling (RDF::TriangleRoad\_list const &TriList, vec3 const &RayOrigin, vec3 const &RayDirection, vec3 &SampledPt, real\_type &TriFriction=quietNaN, vec3 &Tri← Normal=vec3\_NaN) const

Perform one point sampling (ray-triangle intersection)

## **Protected Attributes**

• SamplingGrid Precision

Contacth patch evaluating precision.

• ETRTO TireGeometry

Tire ETRTO denomination.

• ReferenceFrame RF

ReferenceFrame.

• Shadow TireShadow

Tire shadow.

## 6.6.1 Detailed Description

Multi-disk tire contact model.

## 6.6.2 Constructor & Destructor Documentation

### 6.6.2.1 MultiDisk() [1/3]

```
TireGround::MultiDisk::MultiDisk (
    real_type const SectionWidth,
    real_type const AspectRatio,
    real_type const RimDiameter,
    int_type const PointsN,
    int_type const DisksN,
    int_type const SwitchN ) [inline]
```

## Variable set constructor.

#### Parameters

SectionWidth	Tire section width [ m]
AspectRatio	Tire aspect ratio [ %]
RimDiameter	Rim diameter [ in]
PointsN	Sampling points for each Disk (divisions on <i>X</i> -axis)
DisksN	Number of Disks (divisions on $Y$ -axis $-1$ )
SwitchN	Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)

## 6.6.2.2 MultiDisk() [2/3]

Variable set constructor.

SectionWidth	Tire section width [ m]
AspectRatio	Tire aspect ratio [ %]
RimDiameter	Rim diameter [ in]
SideRadius	Sidewall radius [ m]
PointsN	Sampling points for each Disk (divisions on <i>X</i> -axis)
DisksN	Number of Disks (divisions on $Y$ -axis $-1$ )
SwitchN	Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)

## 6.6.2.3 MultiDisk() [3/3]

```
TireGround::MultiDisk::MultiDisk (
    real_type const SectionWidth,
    real_type const AspectRatio,
    real_type const RimDiameter,
    row_vecN const DisksRadius,
    int_type const PointsN,
    int_type const SwitchN ) [inline]
```

### Variable set constructor.

### **Parameters**

SectionWidth	Tire section width [ m]
AspectRatio	Tire aspect ratio [ %]
RimDiameter	Rim diameter [ in]
DisksRadius	Disks radius vector [ m]
PointsN	Sampling points for each Disk (divisions on <i>X</i> -axis)
SwitchN	Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)

## 6.6.3 Member Function Documentation

Get approximated mean contact area on Disk plane [  $m^2$ ].

## Parameters

Area	Contact area [ n	$n^2$ 1
_211011	Contact area [ n	'' I

Implements TireGround::Tire.

## 6.6.3.2 getArea() [2/2]

Get approximated contact areas vector on Disk plane [ $m^2$ ].

#### **Parameters**

```
_AreaVec | Contact areas vector [ m^2]
```

Implements TireGround::Tire.

## 6.6.3.3 getDiskFriction()

Get *i*-th Disk contact friction.

### Parameters

i	i-th Disk
_Friction	Disk contact friction

## 6.6.3.4 getDiskMFpoint()

Get *i*-th Disk Magic Formula contact point.

### Parameters

i	i-th Disk
_DiskPoint	Disk Magic Formula contact point

## 6.6.3.5 getDiskMFpointRF()

Get Disk Magic Formula contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.

i	i-th Disk
PointRF	Magic Formula contact point reference frame

## 6.6.3.6 getDiskNormal()

#### Get *i*-th Disk contact normal versor.

#### Parameters

i	i-th Disk
_Normal	Contact normal versor

### 6.6.3.7 getDiskOriginXYZ() [1/2]

Get disks origin (X, Y, Z).

#### **Parameters**

## 6.6.3.8 getDiskOriginXYZ() [2/2]

## Get *i*-th Disk origin (X, Y, Z).

### Parameters

i	i-th Disk
Origin	Disks origin

## 6.6.3.9 getDiskRho()

```
void TireGround::MultiDisk::getDiskRho (
    int_type const i,
    real_type & Rho,
    real_type & RhoDot,
    real_type const RhoOld,
    real_type const Time ) const
```

Get i-th Disk contact depth [ m] and it time derivative [ m/s] Warning: (if negative the tire does not touch the ground)!

i	i-th Disk
Rho	Disk contact depth
RhoDot	Contact depth derivative [ $m/s$ ]
RhoOld	Previous time step Rho [ $m$ ]
Time	Time step $[s]$

## 6.6.3.10 getEulerAngleX()

Get current Euler angles [ rad] for X-axis Warning: Factor as  $[R_z][R_x][R_y]!$ 

## 6.6.3.11 getEulerAngleY()

Get current Euler angles [ rad] for Y-axis Warning: Factor as  $[R_z][R_x][R_y]!$ 

## 6.6.3.12 getEulerAngleZ()

Get current Euler angles [rad] for Z-axis Warning: Factor as [ $R_z$ ][ $R_x$ ][ $R_y$ ]!

```
6.6.3.13 getFriction() [1/2]
```

Get area weighted mean contact friction.

### Parameters

_Friction	Area weighted mean contact friction
-----------	-------------------------------------

Implements TireGround::Tire.

## 6.6.3.14 getFriction() [2/2]

Get contact frictions vector.

_Friction	Contact frictions vector

Implements TireGround::Tire.

```
6.6.3.15 getMFeffectiveR()
```

Get effective radius of contact point [m].

### Parameters

Radius | Effective radius of contact point [ m]

### 6.6.3.16 getMFeffectiveRF()

Get effective contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.

### **Parameters**

*PointRF* | Magic Formula contact point reference frame

## 6.6.3.17 getMFeffectiveY()

Get effective Y-axis coordinate of contact point [ m].

#### **Parameters**

 effectiveY
 Effective Y-axis coordinate of contact point [m]

## 6.6.3.18 getMFpoint() [1/2]

Get Magic Formula contact point.

### Parameters

\_DiskPoint | Magic Formula contact point

Implements TireGround::Tire.

## 6.6.3.19 getMFpoint() [2/2]

Get Magic Formula contact points vector.

Parameters

\_DiskPointVec | Magic Formula contact points vector

Implements TireGround::Tire.

```
6.6.3.20 getMFpointRF() [1/2]
```

Get Magic Formula contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.

**Parameters** 

*PointRF* | Magic Formula contact point reference frame

Implements TireGround::Tire.

```
6.6.3.21 getMFpointRF() [2/2]
```

Get Magic Formula contact point reference frames vector with 4x4 transformation matrix.

Parameters

PointRF | Magic Formula contact point reference frames vector

Implements TireGround::Tire.

```
6.6.3.22 getNormal() [1/2]
```

Get contact normal mean versor.

Parameters

\_Normal | Contact normal mean versor

Implements TireGround::Tire.

## 6.6.3.23 getNormal() [2/2]

Get contact normal versors vector.

#### **Parameters**

nalVec   Contact normal versors vector
--

Implements TireGround::Tire.

## 6.6.3.24 getRelativeCamber()

Get relative camber angle [ rad].

#### Parameters

## 6.6.3.25 getRho() [1/2]

```
void TireGround::MultiDisk::getRho (
    real_type & Rho,
    real_type & RhoDot,
    real_type const RhoOld,
    real_type const Time ) const [override], [virtual]
```

Get contact depth at center point [m] and it time derivative [m/s] Warning: (if negative the tire does not touch the ground)!

#### **Parameters**

Rho	Depth at center point [ $m/s$ ]
RhoDot	Contact depth derivative [ $m/s$ ]
RhoOld	Previous time step Rho [ $m$ ]
Time	Time step $[s]$

Implements TireGround::Tire.

### 6.6.3.26 getRho() [2/2]

```
void TireGround::MultiDisk::getRho (
    row_vecN & Rho,
    row_vecN & RhoDot,
    row_vecN const RhoOld,
    real_type const Time ) const [override], [virtual]
```

Get contact depths vector [m] and it time derivatives [m/s] Warning: (if negative the tire does not touch the ground)!

### Parameters

Rho	Depth matrix [ $m/s$ ]
RhoDot	Contact depth derivative matrix [ $m/s$ ]
RhoOld	Previous time step Rho matrix [ $m$ ]
Time	Time step $[s]$

Implements TireGround::Tire.

```
6.6.3.27 getVolume() [1/2]
```

Get approximated contact volume [ $m^3$ ].

### Parameters

<i>Volume</i>   Contact volume [ $m^3$ ]
--

Implements TireGround::Tire.

## 6.6.3.28 getVolume() [2/2]

Get approximated contact volumes vector [ $m^3$ ].

#### **Parameters**

Volume	Contact volumes vector	$[m^3]$
--------	------------------------	---------

Implements TireGround::Tire.

## 6.6.3.29 pointSampling()

Perform one point sampling (ray-triangle intersection)

TriList	Shadow/MeshSurface intersected triangles
RayOrigin	Ray origin
RayDirection	Ray direction
SampledPt	Intersection point
TriFriction	Intersected triangle friction
TriNormal	Intersected triangle normal

## 6.6.3.30 print()

Print contact parameters.

### **Parameters**

stream	Output stream type
--------	--------------------

Implements TireGround::Tire.

## 6.6.3.31 printETRTOGeometry()

Display Tire ETRTO geometry data.

### Parameters

```
stream Output stream type
```

## 6.6.3.32 setDiskOriginXZ() [1/2]

Set disks origin (X, Y, Z).

### **Parameters**

```
Origin New Disks origin vector
```

## 6.6.3.33 setDiskOriginXZ() [2/2]

```
void TireGround::MultiDisk::setDiskOriginXZ (
```

```
int_type const i,
vec2 & Origin ) [inline]
```

Set *i*-th Disk origin (X, Y, Z).

### **Parameters**

i	<i>i</i> -th Disk
Origin	New Disks origin vector

### 6.6.3.34 setOrigin()

Set a new tire origin.

#### **Parameters**

Origin	Tire origin
--------	-------------

### 6.6.3.35 setReferenceFrame()

Copy the tire ReferenceFrame object

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

### Parameters

\_RF | ReferenceFrame object to be copied

## 6.6.3.36 setRotationMatrix()

Set a new 3x3 rotation matrix

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

### Parameters

RotationMatrix Rotation matrix

### 6.6.3.37 setTotalTransformationMatrix()

Set 4x4 total transformation matrix Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

### **Parameters**

```
TM 4x4 total transformation matrix
```

```
6.6.3.38 setup() [1/2]
```

Update current tire position and find contact parameters.

#### **Parameters**

Mesh	MeshSurface object (road)
TM	4x4 total transformation matrix

Implements TireGround::Tire.

```
6.6.3.39 setup() [2/2]
```

```
void TireGround::MultiDisk::setup (
    vec3 const & Plane_Normal,
    vec3 const & Plane_Point,
    real_type const Plane_Friction,
    mat4 const & TM ) [override], [virtual]
```

Update current tire position and find contact parameters with external plane

## Parameters

Plane_Normal	Plane normal vector
Plane_Point	Plane known point
Plane_Friction	Friction on plane
TM	4x4 total transformation matrix

Implements TireGround::Tire.

The documentation for this class was generated from the following file:

• include/PatchTire.hh

## 6.7 TireGround::ReferenceFrame Class Reference

Reference frame.

```
#include <PatchTire.hh>
```

### **Public Member Functions**

• ReferenceFrame ()

Default constructor.

• ReferenceFrame (vec3 const &\_Origin, mat3 const &\_RotationMatrix)

Variable set constructor.

• bool isEmpty (void)

Check if ReferenceFrame object is empty.

• mat3 const & getRotationMatrix (void) const

Get current 3x3 rotation matrix.

mat3 getRotationMatrixInverse (void) const

Get current 3x3 rotation matrix inverse.

• vec3 getX (void) const

*Get current X-axis versor.* 

• vec3 getY (void) const

Get current Y-axis versor.

• vec3 getZ (void) const

Get current Z-axis versor.

• vec3 const & getOrigin (void) const

Get origin position.

• void setOrigin (vec3 const &\_Origin)

Set origin position.

• void setRotationMatrix (mat3 const &\_RotationMatrix)

Set 3x3 rotation matrix.

• void setTotalTransformationMatrix (mat4 const &TM)

Set 4x4 total transformation matrix.

mat4 getTotalTransformationMatrix (void)

Get 4x4 total transformation matrix.

- void set (ReferenceFrame const &in)
- real\_type getEulerAngleX (void) const
- real\_type getEulerAngleY (void) const
- real\_type getEulerAngleZ (void) const

## 6.7.1 Detailed Description

Reference frame.

## 6.7.2 Constructor & Destructor Documentation

### 6.7.2.1 ReferenceFrame()

Variable set constructor.

_Origin	Origin position
_RotationMatrix	3x3 rotation matrix

## 6.7.3 Member Function Documentation

```
6.7.3.1 getEulerAngleX()
real_type TireGround::ReferenceFrame::getEulerAngleX (
             void ) const
Get current Euler angles [ rad] for X-axis
Warning: Factor as [R_z][R_x][R_y]!
6.7.3.2 getEulerAngleY()
real_type TireGround::ReferenceFrame::getEulerAngleY (
             void ) const
Get current Euler angles [ rad] for Y-axis
Warning: Factor as [R_z][R_x][R_y]!
6.7.3.3 getEulerAngleZ()
real_type TireGround::ReferenceFrame::getEulerAngleZ (
             void ) const
Get current Euler angles [ rad] for Z-axis
Warning: Factor as [R_z][R_x][R_y]!
6.7.3.4 set()
void TireGround::ReferenceFrame::set (
             ReferenceFrame const & in ) [inline]
Copy the tire ReferenceFrame object
Warning: Rotation matrix must be orthonormal!
Parameters
     ReferenceFrame object to be copied
6.7.3.5 setOrigin()
void TireGround::ReferenceFrame::setOrigin (
             vec3 const & _Origin ) [inline]
Set origin position.
Parameters
           Origin position
 _Origin
6.7.3.6 setRotationMatrix()
void TireGround::ReferenceFrame::setRotationMatrix (
             mat3 const & _RotationMatrix ) [inline]
Set 3x3 rotation matrix.
```

## 6.7.3.7 setTotalTransformationMatrix()

Set 4x4 total transformation matrix.

#### **Parameters**

The documentation for this class was generated from the following file:

• include/PatchTire.hh

## 6.8 TireGround::SamplingGrid Class Reference

Patch evaluation precision.

```
#include <PatchTire.hh>
```

## **Public Member Functions**

• SamplingGrid ()

Default constructor.

• SamplingGrid (int\_type \_PointsN, int\_type \_DisksN)

Variable set constructor.

SamplingGrid (int\_type \_PointsN, int\_type \_DisksN, int\_type \_Switch)

Variable set constructor.

• int\_type getPointsNumber (void) const

Get number of sampling points for each Disk (divisions on X-axis)

int\_type getDisksNumber (void) const

Get number of Disks (divisions on Y-axis -1)

• unsigned getSwitchNumber (void) const

Get number of maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)

• void setSwitchNumber (int\_type const \_Switch)

Set number of maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)

• void set (int\_type \_PointsN, int\_type \_DisksN, int\_type \_Switch)

Set number of divisions.

• void set (SamplingGrid const &in)

 $Copy\ the\ Sampling Grid\ object.$ 

## 6.8.1 Detailed Description

Patch evaluation precision.

## 6.8.2 Constructor & Destructor Documentation

## 6.8.2.1 SamplingGrid() [1/2]

## Variable set constructor.

### Parameters

_PointsN	Sampling points for each Disk (divisions on <i>X</i> -axis)
_DisksN	Number of Disks (divisions on $Y$ -axis $-1$ )

## 6.8.2.2 SamplingGrid() [2/2]

### Variable set constructor.

### **Parameters**

_PointsN	Sampling points for each $Disk$ (divisions on $X$ -axis)
_DisksN	Number of Disks (divisions on $Y$ -axis $-1$ )
_Switch	Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)

## 6.8.3 Member Function Documentation

## Set number of divisions.

_PointsN	Sampling points for each Disk (divisions on <i>X</i> -axis)
_DisksN	Number of Disks (divisions on $Y$ -axis $-1$ )
_Switch	Maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)

### 6.8.3.2 set() [2/2]

Copy the SamplingGrid object.

#### **Parameters**

in | SamplingGrid object to be copied

## 6.8.3.3 setSwitchNumber()

Set number of maximum RoadTriangles in the Tire Shadow (switch to sampling)

#### **Parameters**

\_*Switch* | New switch number

The documentation for this class was generated from the following file:

• include/PatchTire.hh

## 6.9 TireGround::Shadow Class Reference

2D shadow (2D bounding box enhacement)

```
#include <PatchTire.hh>
```

### **Public Member Functions**

- Shadow ()
  - Default constructor.
- Shadow (ETRTO const &TireGeometry, ReferenceFrame const &RF)
- void update (ETRTO const &TireGeometry, ReferenceFrame const &RF)
- G2lib::AABBtree::PtrAABB const getAABBtree (void) const
  - Get total Tire G2Lib::AABBtree (3D projection on ground)
- G2lib::AABBtree::PtrAABB const getUpperSideAABBtree (void) const
  - Get upper side Tire G2Lib:AABBtree (3D projection on ground)
- G2lib::AABBtree::PtrAABB const getLowerSideAABBtree (void) const
   Get lower side Tire G2Lib:AABBtree (3D projection on ground)

## 6.9.1 Detailed Description

2D shadow (2D bounding box enhacement)

### 6.9.2 Constructor & Destructor Documentation

### 6.9.2.1 Shadow()

Variable set constructor

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

### **Parameters**

TireGeometry	Tire ETRTO denomination
RF	Tire ReferenceFrame

## 6.9.3 Member Function Documentation

## 6.9.3.1 update()

Update the 2D tire shadow domain

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

### Parameters

TireGeometry	Tire ETRTO denomination
RF	Tire ReferenceFrame

The documentation for this class was generated from the following file:

• include/PatchTire.hh

## 6.10 TicToc Class Reference

**Public Member Functions** 

- void tic ()
- void toc ()
- real\_type elapsed\_s () const
- real\_type elapsed\_ms () const

The documentation for this class was generated from the following file:

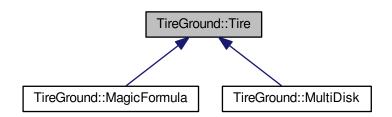
• include/TicToc.hh

## 6.11 TireGround::Tire Class Reference

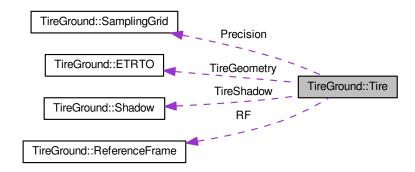
Base class for Tire models.

#include <PatchTire.hh>

Inheritance diagram for TireGround::Tire:



Collaboration diagram for TireGround::Tire:



## **Public Member Functions**

- ~Tire ()
  - Default destructor.
- Tire (real\_type const SectionWidth, real\_type const AspectRatio, real\_type const Rim← Diameter, int\_type const PointsN, int\_type const DisksN)

Variable set constructor.

- void printETRTOGeometry (ostream\_type &stream) const Display Tire ETRTO geometry data.
- G2lib::AABBtree::PtrAABB const getAABBtree (void) const
  - Get total Tire Shadow G2Lib::AABBtree (3D projection on ground)
- G2lib::AABBtree::PtrAABB const getUpperSideAABBtree (void) const

Get upper side Tire Shadow G2Lib:AABBtree (3D projection on ground)

G2lib::AABBtree::PtrAABB const getLowerSideAABBtree (void) const

Get lower side Tire Shadow G2Lib:AABBtree (3D projection on ground)

- void setReferenceFrame (ReferenceFrame const &\_RF)
- ReferenceFrame const & getReferenceFrame (void) const

Get tire ReferenceFrame object.

• void setOrigin (vec3 const &Origin)

Set a new tire origin.

- void setRotationMatrix (mat3 const &RotationMatrix)
- void setTotalTransformationMatrix (mat4 const &TM)
- real\_type getEulerAngleX (void) const
- real\_type getEulerAngleY (void) const
- real\_type getEulerAngleZ (void) const
- void getRelativeCamber (real\_type &RelativeCamber) const

Get relative camber angle [rad].

int\_type getDisksNumber (void) const

Dimension of the contact points data structure (disks number)

- virtual void getRho (real\_type &Rho, real\_type &RhoDot, real\_type const RhoOld, real\_← type const Time) const =0
- virtual void getRho (row\_vecN &Rho, row\_vecN &RhoDot, row\_vecN const RhoOld, real
   \_type const Time) const =0
- virtual void getNormal (vec3 &Normal) const =0

Get contact normal versor.

• virtual void getNormal (row\_vec3 &Normal) const =0

Get contact normal versors vector.

• virtual void getMFpoint (vec3 &Point) const =0

Get Magic Formula contact point.

• virtual void getMFpoint (row\_vec3 &Point) const =0

Get Magic Formula contact point vector.

• virtual void getFriction (real\_type &Friction) const =0

Get contact point friction.

• virtual void getFriction (row\_vecN &Friction) const =0

Get contact frictions vector.

• virtual void getMFpointRF (mat4 &PointRF) const =0

Get Magic Formula contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.

• virtual void getMFpointRF (row\_mat4 &PointRF) const =0

Get Magic Formula contact point reference frame vector with 4x4 transformation matrix.

• virtual void getArea (real\_type &\_Area) const =0

Get approximated contact area on Disk plane [  $m^2$ ].

• virtual void getArea (row\_vecN &Area) const =0

Get approximated contact areas vector on Disk plane [  $m^2$ ].

• virtual void getVolume (real\_type &Volume) const =0

Get approximated contact volume [  $m^3$ ].

• virtual void getVolume (row\_vecN &\_Volume) const =0

Get approximated contact volume [  $m^3$ ].

• virtual void evaluateContact (RDF::TriangleRoad\_list const &TriList)=0

Evaluate contact with RoadTriangles.

• virtual bool setup (RDF::MeshSurface &Mesh, mat4 const &TM)=0

*Update current tire position and find contact parameters.* 

- virtual void setup (vec3 const &Plane\_Normal, vec3 const &Plane\_Point, real\_type const Plane\_Friction, mat4 const &TM)=0
- virtual void print (ostream\_type &stream) const =0

Print contact parameters.

## **Protected Member Functions**

• Tire (Tire const &)=delete

Deleted copy constructor.

• Tire const & operator= (Tire const &)=delete

Deleted copy operator.

• bool pointSampling (RDF::TriangleRoad\_list const &TriList, vec3 const &RayOrigin, vec3 const &RayDirection, vec3 &SampledPt, real\_type &TriFriction=quietNaN, vec3 &Tri← Normal=vec3\_NaN) const

Perform one point sampling (ray-triangle intersection)

## **Protected Attributes**

• SamplingGrid Precision

Contacth patch evaluating precision.

• ETRTO TireGeometry

Tire ETRTO denomination.

• ReferenceFrame RF

ReferenceFrame.

• Shadow TireShadow

Tire shadow.

## 6.11.1 Detailed Description

Base class for Tire models.

## 6.11.2 Constructor & Destructor Documentation

## 6.11.2.1 Tire()

## Variable set constructor.

### Parameters

SectionWidth	Tire section width [ m]
AspectRatio	Tire aspect ratio [ %]
RimDiameter	Rim diameter [ in]
PointsN	Sampling points for each Disk (divisions on <i>X</i> -axis)
DisksN	Number of Disks (divisions on $Y$ -axis $-1$ )

## 6.11.3 Member Function Documentation

### 6.11.3.1 evaluateContact()

Evaluate contact with RoadTriangles.

#### **Parameters**

```
TriList Shadow/MeshSurface intersected triangles
```

Implemented in TireGround::MagicFormula.

Get approximated contact area on Disk plane [ $m^2$ ].

#### Parameters

```
_Area | Contact area [ m^2]
```

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

Get approximated contact areas vector on Disk plane [ $m^2$ ].

### Parameters

```
Area Contact areas vector [ m^2]
```

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

### 6.11.3.4 getEulerAngleX()

Get current Euler angles [ rad] for X-axis Warning: Factor as  $[R_z][R_x][R_y]!$ 

### 6.11.3.5 getEulerAngleY()

Get current Euler angles [ rad] for Y-axis Warning: Factor as  $[R_z][R_x][R_y]!$ 

## 6.11.3.6 getEulerAngleZ()

Get current Euler angles [ rad] for Z-axis Warning: Factor as  $[R_z][R_x][R_y]!$ 

```
6.11.3.7 getFriction() [1/2]
```

Get contact point friction.

#### **Parameters**

Friction   Contact point friction	n
-----------------------------------	---

 $Implemented\ in\ Tire Ground:: Multi Disk,\ and\ Tire Ground:: Magic Formula.$ 

```
6.11.3.8 getFriction() [2/2]
```

Get contact frictions vector.

#### **Parameters**

```
Friction | Contact frictions vector
```

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

```
6.11.3.9 getMFpoint() [1/2]
```

Get Magic Formula contact point.

### Parameters

```
Point | Magic Formula contact point
```

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

```
6.11.3.10 getMFpoint() [2/2]
```

Get Magic Formula contact point vector.

Point | Magic Formula Contact point vector

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

Get Magic Formula contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.

**Parameters** 

PointRF | Magic Formula contact point reference frame

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

Get Magic Formula contact point reference frame vector with 4x4 transformation matrix.

#### **Parameters**

PointRF | Magic Formula ontact point reference frames vector

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

Get contact normal versor.

**Parameters** 

Normal Contact point normal direction

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

Get contact normal versors vector.

Normal	Contact point normal direction vector
--------	---------------------------------------

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

### 6.11.3.15 getRelativeCamber()

Get relative camber angle [ rad].

#### **Parameters**

RelativeCamber	Relative camber angle	
----------------	-----------------------	--

## 6.11.3.16 getRho() [1/2]

Get contact depth at center point [m]

Warning: (if negative the tire does not touch the ground)!

## Parameters

Rho	Depth at center point [ $m/s$ ]
RhoDot	Contact depth derivative [ $m/s$ ]
RhoOld	Previous time step Rho [ $m$ ]
Time	Time step $[s]$

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

### 6.11.3.17 getRho() [2/2]

Get contact depth vector [m] and it time derivatives [m/s] Warning: (if negative the tire does not touch the ground)!

Rho	Depth matrix [ $m/s$ ]
-----	------------------------

RhoDot	Contact depth derivative matrix [ $m/s$ ]
RhoOld	Previous time step Rho matrix [ $m$ ]
Time	Time step $[s]$

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

Get approximated contact volume [ $m^3$ ].

## Parameters

Volume Contact volume [ $m^3$ ]
---------------------------------

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

Get approximated contact volume [ $m^3$ ].

### **Parameters**

_Volume	Contact volume vector [ $m^3$ ]
---------	---------------------------------

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

## 6.11.3.20 pointSampling()

```
bool TireGround::Tire::pointSampling (
    RDF::TriangleRoad_list const & TriList,
    vec3 const & RayOrigin,
    vec3 const & RayDirection,
    vec3 & SampledPt,
    real_type & TriFriction = quietNaN,
    vec3 & TriNormal = vec3_NaN ) const [protected]
```

Perform one point sampling (ray-triangle intersection)

TriList	Shadow/MeshSurface intersected triangles
RayOrigin	Ray origin
RayDirection	Ray direction

SampledPt	Intersection point
TriFriction	Intersected triangle friction
TriNormal	Intersected triangle normal

## 6.11.3.21 print()

Print contact parameters.

### Parameters

stream Output stream	ı type
----------------------	--------

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

## 6.11.3.22 printETRTOGeometry()

Display Tire ETRTO geometry data.

### Parameters

stream	Output stream type
--------	--------------------

## 6.11.3.23 setOrigin()

Set a new tire origin.

### Parameters

```
Origin Tire origin
```

## 6.11.3.24 setReferenceFrame()

Copy the tire ReferenceFrame object

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

\_RF | ReferenceFrame object to be copied

### 6.11.3.25 setRotationMatrix()

Set a new 3x3 rotation matrix

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

### Parameters

RotationMatrix	Rotation matrix
----------------	-----------------

## 6.11.3.26 setTotalTransformationMatrix()

Set 4x4 total transformation matrix

Warning: Rotation matrix must be orthonormal!

### Parameters

```
TM 4x4 total transformation matrix
```

## 6.11.3.27 setup() [1/2]

Update current tire position and find contact parameters.

### Parameters

Mesh	MeshSurface object (road)
TM	4x4 total transformation matrix

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

### 6.11.3.28 setup() [2/2]

```
real_type const Plane_Friction,
mat4 const & TM ) [pure virtual]
```

Update current tire position and find contact parameters with external plane

### Parameters

Plane_Normal	Plane normal vector
Plane_Point	Plane known point
Plane_Friction	Friction on plane
TM	4x4 total transformation matrix

Implemented in TireGround::MultiDisk, and TireGround::MagicFormula.

The documentation for this class was generated from the following file:

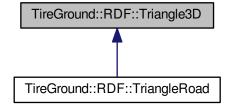
• include/PatchTire.hh

# 6.12 TireGround::RDF::Triangle3D Class Reference

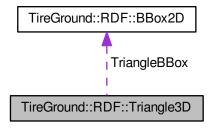
3D triangle (pure geometrical description)

#include <RoadRDF.hh>

Inheritance diagram for TireGround::RDF::Triangle3D:



Collaboration diagram for TireGround::RDF::Triangle3D:



### **Public Member Functions**

• Triangle3D ()

Variable set constructor.

• Triangle3D (vec3 const \_Vertices[3])

Variable set constructor.

void setVertices (vec3 const \_Vertices[3])

Set new vertices and update bounding box domain.

• void setVertices (vec3 const &Vertex0, vec3 const &Vertex1, vec3 const &Vertex2)

Set new vertices then update bounding box domain and normal versor.

• vec3 const & getNormal (void) const

Get normal versor.

• vec3 const & getVertex (unsigned i) const

Get i-th vertex.

• BBox2D const & getBBox (void) const

Get Triangle3D bonding box BBox2D.

• void print (ostream\_type &stream) const

Print vertices data.

- bool intersectRay (vec3 const &RayOrigin, vec3 const &RayDirection, vec3 &IntPt) const
- int\_type intersectEdgePlane (vec3 const &PlaneN, vec3 const &PlaneP, int\_type const Edge, vec3 &IntPt1, vec3 &IntPt2) const
- bool intersectPlane (vec3 const &PlaneN, vec3 const &PlaneP, std::vector< vec3 > &IntPts)
  const

### **Protected Member Functions**

• Triangle3D (Triangle3D const &)=delete

Deleted copy constructor.

• Triangle3D & operator= (Triangle3D const &)=delete

Deleted copy operator.

## **Protected Attributes**

• vec3 Vertices [3]

Vertices reference vector.

• vec3 Normal

Triangle normal versor.

• BBox2D TriangleBBox

Triangle 2D bounding box (XY plane)

## 6.12.1 Detailed Description

3D triangle (pure geometrical description)

## 6.12.2 Constructor & Destructor Documentation

## 6.12.2.1 Triangle3D()

Variable set constructor.

#### **Parameters**

_Vertices   Vertices reference vect	or
-------------------------------------	----

## 6.12.3 Member Function Documentation

## 6.12.3.1 intersectEdgePlane()

Check if an edge of the Triangle3D object hits a and find the intersection point

PlaneN	Plane normal vector
PlaneP	Plane known point
Edge	Triangle edge number (0:2)
IntPt1	Intersection point 1
IntPt2	Intersection point 2

### 6.12.3.2 intersectPlane()

Check if a plane intersects a Triangle3D object and find the intersection points

### **Parameters**

PlaneN	Plane normal vector
PlaneP	Plane known point
IntPts	Intersection points

## 6.12.3.3 intersectRay()

Check if a ray hits a Triangle3D object through Möller-Trumbore intersection algorithm

### **Parameters**

RayOrigin	Ray origin position
RayDirection	Ray direction vector
IntPt	Intersection point

## 6.12.3.4 print()

Print vertices data.

### Parameters

stream Output stream type	•
---------------------------	---

## 6.12.3.5 setVertices() [1/2]

Set new vertices and update bounding box domain.

_Vertices	Vertices reference vector

## 6.12.3.6 setVertices() [2/2]

```
void TireGround::RDF::Triangle3D::setVertices (
    vec3 const & Vertex0,
    vec3 const & Vertex1,
    vec3 const & Vertex2 ) [inline]
```

Set new vertices then update bounding box domain and normal versor.

#### **Parameters**

Vertex0	Vertex 1
Vertex1	Vertex 2
Vertex2	Vertex 3

The documentation for this class was generated from the following file:

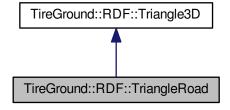
• include/RoadRDF.hh

# 6.13 TireGround::RDF::TriangleRoad Class Reference

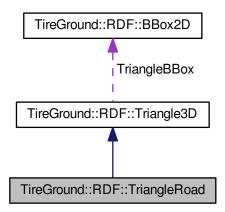
3D triangles for road representation

```
#include <RoadRDF.hh>
```

Inheritance diagram for TireGround::RDF::TriangleRoad:



### Collaboration diagram for TireGround::RDF::TriangleRoad:



## **Public Member Functions**

• TriangleRoad ()

Default set constructor.

TriangleRoad (vec3 const \_Vertices[3], real\_type \_Friction)

Variable set constructor.

void setFriction (real\_type \_Friction)

Set friction coefficient.

• real\_type getFriction (void) const

Get friction coefficent on the face.

• void setVertices (vec3 const \_Vertices[3])

Set new vertices and update bounding box domain.

• void setVertices (vec3 const &Vertex0, vec3 const &Vertex1, vec3 const &Vertex2)

Set new vertices then update bounding box domain and normal versor.

vec3 const & getNormal (void) const

Get normal versor.

• vec3 const & getVertex (unsigned i) const

Get i-th vertex.

• BBox2D const & getBBox (void) const

Get Triangle3D bonding box BBox2D.

• void print (ostream\_type &stream) const

Print vertices data.

- bool intersectRay (vec3 const &RayOrigin, vec3 const &RayDirection, vec3 &IntPt) const
- int\_type intersectEdgePlane (vec3 const &PlaneN, vec3 const &PlaneP, int\_type const Edge, vec3 &IntPt1, vec3 &IntPt2) const
- bool intersectPlane (vec3 const &PlaneN, vec3 const &PlaneP, std::vector < vec3 > &IntPts)
  const

## **Protected Attributes**

• vec3 Vertices [3]

Vertices reference vector.

• vec3 Normal

Triangle normal versor.

• BBox2D TriangleBBox

Triangle 2D bounding box (XY plane)

## 6.13.1 Detailed Description

3D triangles for road representation

## 6.13.2 Constructor & Destructor Documentation

## 6.13.2.1 TriangleRoad()

Variable set constructor.

#### **Parameters**

_Vertices	Vertices reference vector
_Friction	Friction coefficient

## 6.13.3 Member Function Documentation

## 6.13.3.1 intersectEdgePlane()

```
int_type TireGround::RDF::Triangle3D::intersectEdgePlane (
    vec3 const & PlaneN,
    vec3 const & PlaneP,
    int_type const Edge,
    vec3 & IntPt1,
    vec3 & IntPt2 ) const [inherited]
```

Check if an edge of the Triangle3D object hits a and find the intersection point

PlaneN	Plane normal vector
PlaneP	Plane known point
Edge	Triangle edge number (0:2)
IntPt1	Intersection point 1
IntPt2	Intersection point 2

### 6.13.3.2 intersectPlane()

Check if a plane intersects a Triangle3D object and find the intersection points

### **Parameters**

PlaneN	Plane normal vector
PlaneP	Plane known point
IntPts	Intersection points

## 6.13.3.3 intersectRay()

```
bool TireGround::RDF::Triangle3D::intersectRay (
    vec3 const & RayOrigin,
    vec3 const & RayDirection,
    vec3 & IntPt ) const [inherited]
```

Check if a ray hits a Triangle3D object through Möller-Trumbore intersection algorithm

### **Parameters**

RayOrigin	Ray origin position
RayDirection	Ray direction vector
IntPt	Intersection point

## 6.13.3.4 print()

Print vertices data.

### Parameters

stream	Output stream type
	1

## 6.13.3.5 setFriction()

Set friction coefficient.

_Friction   New friction coefficient
--------------------------------------

## 6.13.3.6 setVertices() [1/2]

Set new vertices and update bounding box domain.

### Parameters

_Vertices   Vertices reference ve
-----------------------------------

## 6.13.3.7 setVertices() [2/2]

```
void TireGround::RDF::Triangle3D::setVertices (
    vec3 const & Vertex0,
    vec3 const & Vertex1,
    vec3 const & Vertex2 ) [inline], [inherited]
```

Set new vertices then update bounding box domain and normal versor.

### **Parameters**

Vertex0	Vertex 1
Vertex1	Vertex 2
Vertex2	Vertex 3

The documentation for this class was generated from the following file:

• include/RoadRDF.hh

# Index

BBox2D	TireGround::ReferenceFrame, 56
TireGround::RDF::BBox2D, 20	TireGround::Tire, 64
	getEulerAngleZ
contactPlane	TireGround::MagicFormula, 31
TireGround::Disk, 22	TireGround::MultiDisk, 47
contactTriangles	TireGround::ReferenceFrame, 56
TireGround::Disk, 22	TireGround::Tire, 64
	getFriction
Disk	TireGround::MagicFormula, 31
TireGround::Disk, 21	TireGround::MultiDisk, 47
ETERMO	TireGround::Tire, 65
ETRTO	getLineArea
TireGround::ETRTO, 26	TireGround::Disk, 23
evaluateContact	getMFeffectiveRF
TireGround::MagicFormula, 30	TireGround::MultiDisk, 48
TireGround::Tire, 63	getMFeffectiveR
firstToken	TireGround::MultiDisk, 48
	getMFeffectiveY
TireGround::RDF::algorithms, 17	TireGround::MultiDisk, 48
fourPointsSampling	getMFpoint
TireGround::MagicFormula, 30	TireGround::MagicFormula, 31, 32
getArea	TireGround::MultiDisk, 48
TireGround::MagicFormula, 30	TireGround::Tire, 65
TireGround::MultiDisk, 44	getMFpointRF
TireGround::Tire, 64	TireGround::MagicFormula, 32
getDiskFriction	TireGround::MultiDisk, 49
TireGround::MultiDisk, 45	TireGround::Tire, 66
getDiskMFpoint	getNormal
TireGround::MultiDisk, 45	TireGround::MagicFormula, 32, 33
getDiskMFpointRF	TireGround::MultiDisk, 49
TireGround::MultiDisk, 45	TireGround::Tire, 66
getDiskNormal	getRelativeCamber
TireGround::MultiDisk, 46	TireGround::MagicFormula, 33
getDiskOriginXYZ	TireGround::MultiDisk, 50
TireGround::MultiDisk, 46	TireGround::Tire, 67
getDiskRho	getRho
TireGround::MultiDisk, 46	TireGround::MagicFormula, 33, 34
getElement	TireGround::MultiDisk, 50
TireGround::RDF::algorithms, 17	TireGround::Tire, 67
getEulerAngleX	getVolume
TireGround::MagicFormula, 31	TireGround::MagicFormula, 34
TireGround::MultiDisk, 47	TireGround::MultiDisk, 51
TireGround::ReferenceFrame, 56	TireGround::Tire, 68
TireGround::Tire, 64	,
getEulerAngleY	intersectAABBtree
TireGround::MagicFormula, 31	TireGround::RDF::MeshSurface, 3
TireGround::MultiDisk, 47	intersectBBox

TireGround::RDF::MeshSurface, 39	TireGround::SamplingGrid, 58
intersectEdgePlane	segmentArea
TireGround::RDF::Triangle3D, 73	TireGround::Disk, 24
TireGround::RDF::TriangleRoad, 77	segmentLength
intersectPlane	TireGround::Disk, 24
TireGround::Disk, 23	set
TireGround::RDF::Triangle3D, 73	TireGround::Disk, 24
TireGround::RDF::TriangleRoad, 77	TireGround::RDF::MeshSurface, 39
intersectPointSegment	TireGround::ReferenceFrame, 56
TireGround::algorithms, 13	TireGround::SamplingGrid, 58
intersectRay	setDiskOriginXZ
TireGround::RDF::Triangle3D, 74	TireGround::MultiDisk, 52
TireGround::RDF::TriangleRoad, 78	setFriction
intersectRayPlane	TireGround::RDF::TriangleRoad, 78
TireGround::algorithms, 14	setOrigin
intersectSegment	TireGround::MagicFormula, 35
TireGround::Disk, 23	TireGround::MultiDisk, 53
isPointInside	
TireGround::Disk, 24	TireGround::ReferenceFrame, 56
TheorothaDisk, 24	TireGround::Tire, 69
LoadFile	setOriginXZ
TireGround::RDF::MeshSurface, 39	TireGround::Disk, 25
incoroundRD1wesitouriace, 07	setReferenceFrame
MagicFormula	TireGround::MagicFormula, 36
TireGround::MagicFormula, 29	TireGround::MultiDisk, 53
mean	TireGround::Tire, 69
TireGround::algorithms, 14	setRotationMatrix
MeshSurface	TireGround::MagicFormula, 36
TireGround::RDF::MeshSurface, 38	TireGround::MultiDisk, 53
minmax_XY	TireGround::ReferenceFrame, 56
TireGround::algorithms, 14	TireGround::Tire, 70
MultiDisk	setSwitchNumber
	TireGround::SamplingGrid, 59
TireGround::MultiDisk, 43, 44	setTotalTransformationMatrix
pointSampling	TireGround::MagicFormula, 36
TireGround::MagicFormula, 34	TireGround::MultiDisk, 53
TireGround::MultiDisk, 51	TireGround::ReferenceFrame, 57
	TireGround::Tire, 70
TireGround::Tire, 68	setVertices
print TireCrossed wETETO 26	TireGround::RDF::Triangle3D, 74, 75
TireGround::ETRTO, 26	TireGround::RDF::TriangleRoad, 79
TireGround::MagicFormula, 35	setup
TireGround::MultiDisk, 52	TireGround::MagicFormula, 36, 37
TireGround::RDF::BBox2D, 20	TireGround::MultiDisk, 54
TireGround::RDF::Triangle3D, 74	TireGround::Tire, 70
TireGround::RDF::TriangleRoad, 78	Shadow
TireGround::Tire, 69	TireGround::Shadow, 59
printData	split
TireGround::RDF::MeshSurface, 39	TireGround::RDF::algorithms, 17
printETRTOGeometry	meGroundKDrargoriums, 17
TireGround::MagicFormula, 35	tail
TireGround::MultiDisk, 52	
TireGround::Tire, 69	TireGround::RDF::algorithms, 17
D. C. T.	TicToc, 60
ReferenceFrame	Tire
TireGround::ReferenceFrame, 55	TireGround::Tire, 63
C 1: C:1	TireGround, 11
SamplingGrid	TireGround::Disk, 20

, (D) 22	(D.1.); G. 1. <b>5</b> 0
contactPlane, 22	getRelativeCamber, 50
contactTriangles, 22	getRho, 50
Disk, 21	getVolume, 51
getLineArea, 23	MultiDisk, 43, 44
intersectPlane, 23	pointSampling, 51
intersectSegment, 23	print, 52
isPointInside, 24	printETRTOGeometry, 52
segmentArea, 24	setDiskOriginXZ, 52
segmentLength, 24	setOrigin, 53
set, 24	setReferenceFrame, 53
setOriginXZ, 25	setRotationMatrix, 53
y, 25	setTotalTransformationMatrix, 53
TireGround::ETRTO, 25	setup, 54
ETRTO, 26	TireGround::RDF::BBox2D, 19
print, 26	BBox2D, 20
TireGround::MagicFormula, 26	print, 20
evaluateContact, 30	updateBBox2D, 20
fourPointsSampling, 30	TireGround::RDF::MeshSurface, 37
getArea, 30	intersectAABBtree, 38
getEulerAngleX, 31	intersectBBox, 39
	LoadFile, 39
getEulerAngleY, 31	
getEulerAngleZ, 31	MeshSurface, 38
getFriction, 31	printData, 39
getMFpoint, 31, 32	set, 39
getMFpointRF, 32	TireGround::RDF::Triangle3D, 71
getNormal, 32, 33	intersectEdgePlane, 73
getRelativeCamber, 33	intersectPlane, 73
getRho, 33, 34	intersectRay, 74
getVolume, 34	print, 74
MagicFormula, 29	setVertices, 74, 75
pointSampling, 34	Triangle3D, 73
print, 35	TireGround::RDF::TriangleRoad, 75
printETRTOGeometry, 35	intersectEdgePlane, 77
setOrigin, 35	intersectPlane, 77
setReferenceFrame, 36	intersectRay, 78
setRotationMatrix, 36	print, 78
setTotalTransformationMatrix, 36	setFriction, 78
setup, 36, 37	setVertices, 79
TireGround::MultiDisk, 40	TriangleRoad, 77
getArea, 44	TireGround::RDF::algorithms, 16
getDiskFriction, 45	firstToken, 17
getDiskMFpoint, 45	getElement, 17
getDiskMFpointRF, 45	split, 17
getDiskNormal, 46	tail, 17
getDiskOriginXYZ, 46	TireGround::RDF, 16
getDiskRho, 46	TireGround::ReferenceFrame, 54
getEulerAngleX, 47	getEulerAngleX, 56
getEulerAngleY, 47	getEulerAngleY, 56
getEulerAngleZ, 47	getEulerAngleZ, 56
getFriction, 47	ReferenceFrame, 55
getMFeffectiveRF, 48	set, 56
getMFeffectiveR, 48	setOrigin, 56
getMFeffectiveY, 48	setRotationMatrix, 56
getMFpoint, 48	setTotalTransformationMatrix, 57
getMFpointRF, 49	TireGround::SamplingGrid, 57
getNormal, 49	SamplingGrid, 58

```
set, 58
    setSwitchNumber, 59
TireGround::Shadow, 59
    Shadow, 59
    update, 60
TireGround::Tire, 61
    evaluateContact, 63
    getArea, 64
    getEulerAngleX, 64
    getEulerAngleY, 64
    getEulerAngleZ, 64
    getFriction, 65
    getMFpoint, 65
    getMFpointRF, 66
    getNormal, 66
    getRelativeCamber, 67
    getRho, 67
    getVolume, 68
    pointSampling, 68
    print, 69
    printETRTOGeometry, 69
    setOrigin, 69
    setReferenceFrame, 69
    setRotationMatrix, 70
    setTotalTransformationMatrix, 70
    setup, 70
    Tire, 63
TireGround::algorithms, 13
    intersectPointSegment, 13
    intersect Ray Plane, \\ 14
    mean, 14
    minmax_XY, 14
    trapezoidArea, 15
    weightedMean, 15
trapezoidArea
    TireGround::algorithms, 15
Triangle3D
    TireGround::RDF::Triangle3D, 73
TriangleRoad
    TireGround::RDF::TriangleRoad, 77
update
    TireGround::Shadow, 60
updateBBox2D
    TireGround::RDF::BBox2D, 20
weightedMean
    TireGround::algorithms, 15
y
```

TireGround::Disk, 25

## C.1 Tests di tipo geometrico

### C.1.1 Geometry-test1.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 1 - RAY/TRIANGLE INTERSECTION ON TRIANGLE EDGE
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 std::cout
      << " GEOMETRY TEST 1 - RAY/TRIANGLE INTERSECTION ON TRIANGLE EDGE\n"</pre>
       << "Angle\tIntersections\n";</pre>
16
17 TireGround::vec3 V1[3];
18 V1[0] = TireGround::vec3(1.0, 0.0, 0.0);
     V1[1] = TireGround::vec3(0.0, 1.0, 0.0);
     V1[2] = TireGround::vec3(-1.0, 0.0, 0.0);
     TireGround::vec3 V2[3];
     V2[0] = TireGround::vec3(-1.0, 0.0, 0.0);
     V2[1] = TireGround::vec3(0.0, -1.0, 0.0);
    V2[2] = TireGround::vec3(1.0, 0.0, 0.0);
    // Initialize generic Triangle3D
     TireGround::RDF::TriangleRoad Triangle1(V1, 0.0);
     TireGround::RDF::TriangleRoad Triangle2(V2, 0.0);
     // Initialize rotation matrix
32
     TireGround::mat3 Rot_X;
```

```
34 // Initialize intersection point
    TireGround::vec3 IntersectionPointTri1, IntersectionPointTri2;
36 bool IntersectionBoolTri1, IntersectionBoolTri2;
37
38 // Initialize Ray
39
    TireGround::vec3 RayOrigin = TireGround::vec3(0.0, 0.0, 0.0);
   TireGround::vec3 RayDirection = TireGround::vec3(0.0, 0.0, -1.0);
41
42
     // Perform intersection at 0.5° step
43
    for ( TireGround::real_type angle = 0;
44
           angle < G2lib::m_pi;</pre>
45
           angle += G2lib::m_pi / 360.0 ) {
46
47
      Rot_X << 1,
                            Ο,
                0, cos(angle), -sin(angle),
0, sin(angle), cos(angle);
48
49
50
51
       // Initialize vertices
52
       TireGround::vec3 VerticesTri1[3], VerticesTri2[3];
53
54
       VerticesTri1[0] = Rot_X * V1[0];
55
       VerticesTri1[1] = Rot_X * V1[1];
       VerticesTri1[2] = Rot_X * V1[2];
57
58
       VerticesTri2[0] = Rot_X * V2[0];
       VerticesTri2[1] = Rot_X * V2[1];
60
       VerticesTri2[2] = Rot_X * V2[2];
61
62
       Triangle1.setVertices(VerticesTri1);
63
       Triangle2.setVertices(VerticesTri2);
65
       IntersectionBoolTri1 = Triangle1.intersectRay(
        RayOrigin, RayDirection, IntersectionPointTri1
67
68
       IntersectionBoolTri2 = Triangle2.intersectRay(
69
        RayOrigin, RayDirection, IntersectionPointTri2
70
71
       std::cout
73
        << angle * 180.0 / G2lib::m_pi << "°\t"
         << "T1 -> " << IntersectionBoolTri1 << ", T2 -> "
74
75
         << IntersectionBoolTri2 << std::endl;</pre>
76
77
       // ERROR if no one of the two triangles is hit
78
      if (!IntersectionBoolTri1 && !IntersectionBoolTri2) {
79
         std::cout << "GEOMETRY TEST 1: Failed\n";</pre>
80
         break;
81
      }
82
   }
    // Print triangle normal vector
85 TireGround::vec3 N1 = Triangle1.getNormal();
86
    TireGround::vec3 N2 = Triangle2.getNormal();
87
    std::cout
     << "\nTriangle 1 face normal = [" << N1[0] << ", " << N1[1] << ", " << N1[2] << "]"
<< "\nTriangle 2 face normal = [" << N2[0] << ", " << N2[1] << ", " << N2[2] << "]"</pre>
89
90
      << "\n\n\nGEOMETRY TEST 1: Completed\n";</pre>
92
   // Exit the program
93
   return 0;
```

### C.1.2 Geometry-test2.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 2 - SEGMENT CIRCLE INTERSECTION
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 \; \texttt{\#include} \; \texttt{"RoadRDF.hh"} \; \; \; \; // \; \texttt{Tire Data Processing}
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize disk
14 TireGround::Disk NewDisk(TireGround::vec2(0.0, 0.0), 0.0, 1.0);
15
16
    // Initialize segments points
17
    TireGround::vec2 SegIn1PtA = TireGround::vec2(0.0, 0.0);
    TireGround::vec2 SegIn1PtB = TireGround::vec2(0.0, 1.0);
18
19
    TireGround::vec2 SegIn2PtA = TireGround::vec2(-2.0, 0.0);
20
21
    TireGround::vec2 SegIn2PtB = TireGround::vec2(2.0, 0.0);
22
     TireGround::vec2 SegOutPtA = TireGround::vec2(1.0, 2.0);
    TireGround::vec2 SegOutPtB = TireGround::vec2(-1.0, 2.0);
24
25
     TireGround::vec2 SegTangPtA = TireGround::vec2(1.0, 1.0);
26
27
    TireGround::vec2 SegTangPtB = TireGround::vec2(-1.0, 1.0);
28
29
     \ensuremath{//} Initialize intersection points and output types
30
    TireGround::vec2 IntSegIn1_1, IntSegIn1_2, IntSegIn2_1, IntSegIn2_2, IntSegOut_1,
31
         IntSegOut_2, IntSegTang_1, IntSegTang_2;
32
    TireGround::int_type PtIn1, PtIn2, PtOut, PtTang;
33
34
     // Calculate intersections
35
    PtIn1 = NewDisk.intersectSegment(
36
      SegIn1PtA, SegIn1PtB, IntSegIn1_1, IntSegIn1_2
37
    ):
38
    PtIn2 = NewDisk.intersectSegment(
39
     SegIn2PtA, SegIn2PtB, IntSegIn2_1, IntSegIn2_2
40
    );
41
    PtOut = NewDisk.intersectSegment(
42
      SegOutPtA, SegOutPtB, IntSegOut_1, IntSegOut_2
43
44
    PtTang = NewDisk.intersectSegment(
45
     SegTangPtA, SegTangPtB, IntSegTang_1, IntSegTang_2
46
47
48
    // Diplay results
49
50
       << "GEOMETRY TEST 2 - SEGMENT DISK INTERSECTION\n\n"</pre>
51
       << "Radius = " << NewDisk.getRadius() << std::endl
52
       << "Origin = [" << NewDisk.getOriginXZ().x() << ", " << NewDisk.getOriginXZ().y() << "]\n"</pre>
53
       << std::endl
       << "Segment 1 with two intersections -> " << PtIn1 << " intersections found\n"
54
       << "Segment Point A\t= [" << SegIn1PtA.x() << ", " << SegIn1PtA.y() << "]\n" << "Segment Point B\t= [" << SegIn1PtB.x() << ", " << SegIn1PtB.y() << "]\n"
56
57
       << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegIn1_1.x() << ", " << IntSegIn1_1.y() << "]\n"</pre>
       << "Intersection Point 2\t= [" << IntSegIn1_2.x() << ", " << IntSegIn1_2.y() << "]\n"</pre>
59
       << std::endl
       << "Segment 2 with two intersections -> " << PtIn2 << " intersections found\n"
       << "Segment Point A\t= [" << SegIn2PtA.x() << ", " << SegIn2PtA.y() << "]\n" 
<< "Segment Point B\t= [" << SegIn2PtB.x() << ", " << SegIn2PtB.y() << "]\n"</pre>
61
       << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegIn2_1.x() << ", " << IntSegIn2_1.y() << "]\n"</pre>
       << "Intersection Point 2\t= [" << IntSegIn2_2.x() << ", " << IntSegIn2_2.y() << "]\n"</pre>
64
65
       << std::endl
```

```
<< "Segment with no intersections \mbox{->} " << PtOut << " intersections found\n"
         << "Segment Point A\t= [" << SegOutPtA.x() << ", " << SegOutPtA.y() << "]\n" << "Segment Point B\t= [" << SegOutPtB.x() << ", " << SegOutPtB.y() << "]\n"
68
         << "Intersection Point 1\t = [" << IntSegOut_1.x() << ", " << IntSegOut_1.y() << "]\n" << "Intersection Point <math>2\t = [" << IntSegOut_2.x() << ", " << IntSegOut_2.y() << "]\n" << IntSegOut_2.y() << "]</pre>
70
         << std::endl
         << "Segment with one intersection -> " << PtTang << " intersection found\n"
         << "Segment Point A\t= [" << SegTangPtA.x() << ", " << SegTangPtA.y() << "]\n"
73
         << "Segment Point B\t= [" << SegTangPtB.x() << ", " << SegTangPtB.y() << "]\n"</pre>
        << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegTang_1.x() << ", " << IntSegTang_1.y() << "]\n"
<< "Intersection Point 2\t= [" << IntSegTang_2.x() << ", " << IntSegTang_2.y() << "]\n"</pre>
75
        << "\nCheck the results...\n"
         << "\nGEOMETRY TEST 2: Completed\n";</pre>
    // Exit the program
81 return 0;
82 }
```

#### C.1.3 Geometry-test3.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 3 - POINT INSIDE CIRCLE
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize disk
14 TireGround::Disk NewDisk(TireGround::vec2(0.0, 0.0), 0.0, 1.0);
15
16 // Query points and intersection bools
17 TireGround::vec2 PointIn = TireGround::vec2(0.0, 0.0);
    TireGround::vec2 PointOut
                                = TireGround::vec2(2.0, 0.0);
19 TireGround::vec2 PointBorder = TireGround::vec2(1.0, 0.0);
20
21 bool PtInBool, PtOutBool, PtBordBool;
22
23 // Calculate intersection
24 PtInBool = NewDisk.isPointInside( PointIn );
25 PtOutBool = NewDisk.isPointInside( PointOut );
26 PtBordBool = NewDisk.isPointInside( PointBorder );
27
28
    << "GEOMETRY TEST 3 - POINT INSIDE DISK\n\n"
30
     << "Radius = " << NewDisk.getRadius() << std::endl</pre>
     << "Origin = [" << NewDisk.getOriginXZ().x() << ", " << NewDisk.getOriginXZ().y() << "]\n";</pre>
31
32
33
   // Show results
    if ( PtInBool && !PtOutBool && PtBordBool ) {
35
     std::cout
36
        << "Point inside\t= ["
        << PointIn.x() << ", " << PointIn.y() << "] -> Bool = " << PtInBool << std::endl</pre>
37
38
        << "Point outside\t= ["
39
        << PointOut.x() << ", " << PointOut.y() << "] -> Bool = " << PtOutBool << std::endl</pre>
40
        << "Point on border\t= ["
        << PointBorder.x() << ", " << PointBorder.y() << "] -> Bool = "<< PtBordBool</pre>
41
42
43 } else {
      std::cout << "GEOMETRY TEST 3: Failed";</pre>
```

```
45 }
46
47 std::cout << "\nGEOMETRY TEST 3: Completed\n";
48
49 // Exit the program
50 return 0;
51 }
```

#### C.1.4 Geometry-test4.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 4 - POINT ON SEGMENT
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 \, / / Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize segment points
14 TireGround::vec2 PointA = TireGround::vec2(0.0, 0.0);
15 TireGround::vec2 PointB = TireGround::vec2(1.0, 1.0);
17
    // Query points and intersection bools
18
    TireGround::vec2 PointIn
                                = TireGround::vec2(0.5, 0.5);
                                 = TireGround::vec2(-1.0, -1.0);
    TireGround::vec2 PointOut
20
    TireGround::vec2 PointBorder = TireGround::vec2(1.0, 1.0);
21
    // Calculate intersection
    bool PtInBool = TireGround::algorithms::intersectPointSegment(PointA, PointB, PointIn);
    bool PtOutBool = TireGround::algorithms::intersectPointSegment(PointA, PointB, PointOut);
25
    bool PtBordBool = TireGround::algorithms::intersectPointSegment(PointA, PointB, PointBorder);
26
27
    std::cout
     << "GEOMETRY TEST 4 - POINT ON SEGMENT\n\n"
28
29
      << "Point A = [" << PointA[0] << ", " << PointA[1] << "]\n"</pre>
30
      << "Point B = [" << PointB[0] << ", " << PointB[1] << "]\n\n";</pre>
31
    // Show results
    if ( PtInBool && !PtOutBool && PtBordBool ) {
33
34
        << "Point inside\t= ["
        << PointIn[0] << ", " << PointIn[1] << "] -> Bool = " << PtInBool</pre>
36
37
        << "\nPoint outside\t= ["
        << PointOut[0] << ", " << PointOut[1] << "] -> Bool = " << PtOutBool</pre>
38
39
        << "\nPoint on border\t= ["</pre>
40
        << PointBorder[0] << ", " << PointBorder[1] << "] -> Bool = " << PtBordBool</pre>
41
        << std::endl:
42
    } else {
      std::cout << "GEOMETRY TEST 4: Failed";</pre>
43
44
45
   std::cout << "\nGEOMETRY TEST 4: Completed\n";</pre>
48 // Exit the program
49
   return 0;
50 }
```

## C.2 Tests per il modello a singolo disco

#### C.2.1 MagicFormula-test1.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 1 - LOAD THE DATA FROM THE RDF FILE THEN PRINT IT INTO
 2 // A FILE Out.txt. THEN CHARGE THE TIRE DATA AND ASSOCIATE THE CURRENT MESH TO
 5 #include <chrono> // chrono - STD Time Measurement Library
 6 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 7 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
9 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
10 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
11 #include "TicToc.hh"
                          // Processing Time Library
13 // Main function
14 int
15 main() {
16
17
    try {
18
19
      // Instantiate a TicToc object
20
      TicToc tictoc;
21
22
      std::cout
23
        << "MAGIC FORMULA TIRE TEST 1 - CHECK INTERSECTION ON UNKNOWN MESH.\n\n";</pre>
24
      TireGround::RDF::MeshSurface Road("./RDF_files/Eight.rdf");
26
27
28
      // Print OutMesh.txt file
29
      // Road.printData("OutMesh.txt");
30
31
      // Initialize the Magic Formula Tire
32
      TireGround::Tire* TireSD = new TireGround::MagicFormula(0.250, 55, 16, 10);
33
      // Orient the tire in the space
34
35
      TireGround::real_type Yaw = 0*G2lib::m_pi;
      TireGround::real_type Camber = 0*G2lib::m_pi;
36
37
38
      // Transformation matrix for {\tt X} and {\tt Z}{\tt -}{\tt axis} rotation
39
      TireGround::mat3 Rot_Z;
40
      Rot_Z \ll cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,
41
               sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
42
                      Ο,
                                0, 1;
43
      TireGround::mat3 Rot_X;
      Rot_X << 1, 0,
45
               0, cos(Camber), -sin(Camber),
46
               0, sin(Camber), cos(Camber);
47
      // Update Rotation Matrix
48
      TireGround::mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
49
      TireGround::vec3 Origin(1.8, 19.0, 0.26);
50
51
      TireGround::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
52
53
      // Start chronometer
54
      tictoc.tic();
55
56
      // Set an orientation and calculate parameters (true = print results)
57
      bool Out = TireSD->setup( Road, Pose.getTotalTransformationMatrix() );
58
      // Stop chronometer
```

```
tictoc.toc();
61
62
      // Display current tire data on command line
      if (Out) TireSD->print(std::cout);
64
65
      // This constructs a duration object using milliseconds
66
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"</pre>
67
68
         << "\nCheck the results...\n"
         << "\nMAGIC FORMULA TIRE TEST 1: Completed\n\n";</pre>
69
70
71
    } catch ( std::exception const & exc ) {
72.
      std::cerr << exc.what() << '\n';
73
74
    catch (...) {
      std::cerr << "Unknown error\n";</pre>
75
76 }
77 }
```

#### C.2.2 MagicFormula-test2.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 2 - CHECK MF_Pacejka_SCP INTERSECTION
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing 9 #include "TicToc.hh" // Processing Time Library
10
11 // Main function
12 int
13 main() {
14
15
    try {
16
17
       // Instantiate a TicToc object
18
      TicToc tictoc;
19
20
      std::cout
21
        << "MAGIC FORMULA TIRE TEST 2 - CHECK INTERSECTION ON KNOWN MESH.\n\n";</pre>
22
23
      // Initialize a quite big triangle \,
24
      TireGround::vec3 Vertices[3];
25
      Vertices[0] = TireGround::vec3(100.0, 0.0, 1.0);
26
      Vertices[1] = TireGround::vec3(0.0, 100.0, 0.0);
27
      Vertices[2] = TireGround::vec3(0.0, -100.0, 0.0);
      TireGround::RDF::TriangleRoad_list PtrTriangleVec;
29
      PtrTriangleVec.push_back(
30
        TireGround::RDF::TriangleRoad_ptr( new TireGround::RDF::TriangleRoad(Vertices, 1.0) ) );
31
32
      // Build the mesh
33
      TireGround::RDF::MeshSurface Road(PtrTriangleVec);
34
35
       // Initialize the Magic Formula Tire
      TireGround::Tire* TireSD = new TireGround::MagicFormula(0.205, 60, 15, 0);
36
37
      \ensuremath{//} Orient the tire in the space
38
39
       TireGround::real_type Yaw = 0*G2lib::m_pi;
40
      TireGround::real_type Camber = 0*G2lib::m_pi;
41
42
       // Transformation matrix for X and Z-axis rotation
43
      TireGround::mat3 Rot_Z;
```

```
44
      Rot_Z << cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,</pre>
45
              sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
46
                      Ο,
47
      TireGround::mat3 Rot_X;
48
      Rot_X << 1,
                           Ο,
               0, cos(Camber), -sin(Camber),
49
               0, sin(Camber), cos(Camber);
51
      // Update Rotation Matrix
52
      TireGround::mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
53
54
      TireGround::vec3 Origin( 50.0, 10.0, 0.26+0.5 );
55
      TireGround::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
56
57
      // Start chronometer
58
      tictoc.tic();
59
60
      // Set an orientation and calculate parameters (true = print results)
61
      bool Out = TireSD->setup( Road, Pose.getTotalTransformationMatrix() );
62
63
      // Stop chronometer
64
      tictoc.toc();
65
      // Display current tire data on command line
66
67
      if (Out) TireSD->print(std::cout);
68
69
      // This constructs a duration object using milliseconds
70
      std::cout
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"
71
72
        << "\nCheck the results...\n"
73
        << "\nMAGIC FORMULA TIRE TEST 2: Completed\n";</pre>
74
75
    } catch ( std::exception const & exc ) {
76
     std::cerr << exc.what() << '\n';
77
78
    catch (...) {
79
     std::cerr << "Unknown error\n";
80
81 }
```

#### C.2.3 MagicFormula-test3.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 2 - CHECK MF_Pacejka_SCP INTERSECTION
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
9 #include "TicToc.hh" // Processing Time Library
10
11 // Main function
12 int
13 main() {
14
     try {
15
16
17
         // Instantiate a TicToc object
18
        TicToc tictoc;
19
20
21
           << "MAGIC FORMULA TIRE TEST 3 - CHECK INTERSECTION ON KNOWN MESH.\n\n";</pre>
22
23
         // Plane data
```

```
TireGround::vec3
                             Normal(0.0, 0.0, 1.0);
25
      TireGround::vec3
                             Point(0.0, 0.0, 0.1);
26
      TireGround::real_type Friction = 1.0;
27
28
       // Initialize the Magic Formula Tire
29
      TireGround::Tire* TireSD = new TireGround::MagicFormula(0.205, 60, 15, 0);
31
      // Orient the tire in the space
32
       TireGround::real_type Yaw = 0*G2lib::m_pi;
      TireGround::real_type Camber = 0*G2lib::m_pi;
33
34
35
       // Transformation matrix for X and Z-axis rotation
36
      TireGround::mat3 Rot 7:
37
      Rot_Z << cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,</pre>
38
                sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
                       Ο,
39
                                 0, 1;
      TireGround::mat3 Rot_X;
40
                             Ο,
41
      Rot_X << 1,
42
                0, cos(Camber), -sin(Camber),
43
                0, sin(Camber), cos(Camber);
44
       // Update Rotation Matrix
45
      TireGround::mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
46
47
      \label{timeGround:vec3} \mbox{TireGround::vec3 Origin( 5.0, 10.0, 0.2 );}
48
      TireGround::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
49
50
       // Start chronometer
51
       tictoc.tic();
52
53
       // Set an orientation and calculate parameters (true = print results)
54
      TireSD->setup( Normal, Point, Friction, Pose.getTotalTransformationMatrix() );
55
56
      // Stop chronometer
57
      tictoc.toc();
58
59
      // Display current tire data on command line
60
      TireSD->print(std::cout);
61
62
      // This constructs a duration object using milliseconds
63
      std::cout
64
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"</pre>
65
         << "\nCheck the results...\n"
         << "\nMAGIC FORMULA TIRE TEST 3: Completed\n";</pre>
66
68
    } catch ( std::exception const & exc ) {
69
      std::cerr << exc.what() << '\n';
70
71
    catch (...) {
72
      std::cerr << "Unknown error\n";</pre>
73
74 }
```

## C.3 Tests per il modello a più dischi

#### C.3.1 MultiDisk-test1.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 1 - LOAD THE DATA FROM THE RDF FILE THEN PRINT IT INTO 2 // A FILE Out.txt. THEN CHARGE THE TIRE DATA AND ASSOCIATE THE CURRENT MESH TO 3 // IT.
4 
5 #include <chrono> // chrono - STD Time Measurement Library 6 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
```

```
7 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
9 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
10 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
11 #include "TicToc.hh" // Processing Time Library
13 // Main function
14 int
15 main() {
16
17
   try {
18
19
      // Instantiate a TicToc object
20
      TicToc tictoc;
21
22
      std::cout
23
        << "MULTIDISK TIRE TEST 1 - CHECK INTERSECTION ON UNKNOWN MESH.\n\n";</pre>
24
25
      // Load .rdf File
26
      TireGround::RDF::MeshSurface Road("./RDF_files/Town04.rdf");
27
28
      // Print OutMesh.txt file
29
      // Road.printData("OutMesh.txt");
30
31
      // Initialize the MultiDisk Tire
32
      TireGround::Tire* TireMD = new TireGround::MultiDisk(0.250, 55, 11, 0.120, 4, 11, 100);
33
34
      // Orient the tire in the space
35
      TireGround::real_type Yaw = 0*G2lib::m_pi;
36
      TireGround::real_type Camber = 0*G2lib::m_pi;
37
38
      // Transformation matrix for {\tt X} and {\tt Z}-axis rotation
39
      TireGround::mat3 Rot_Z;
40
      Rot_Z << cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,</pre>
41
              sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
42
                       0,
                                 0, 1;
      TireGround::mat3 Rot_X;
43
44
      Rot_X << 1,
                            Ο,
45
               0, cos(Camber), -sin(Camber),
46
               0, sin(Camber), cos(Camber);
47
      // Update Rotation Matrix
      TireGround::mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
48
49
50
      TireGround::vec3 Origin(-400, -20.0, 0.35);
51
      TireGround::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
52
53
      // Start chronometer
54
      tictoc.tic();
55
56
      // Set an orientation and calculate parameters (true = print results)
57
      bool Out = TireMD->setup( Road, Pose.getTotalTransformationMatrix() );
58
59
      // Stop chronometer
60
      tictoc.toc();
61
      // Display current tire data on command line
62
63
      if (Out) TireMD->print(std::cout);
64
65
      // This constructs a duration object using milliseconds
66
      std::cout
67
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"</pre>
        << "\nCheck the results...\n"
68
69
        << "\nMULTIDISK TIRE TEST 1: Completed\n\n";</pre>
70
   } catch ( std::exception const & exc ) {
```

#### C.3.2 MultiDisk-test2.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 2 - CHECK MF_Pacejka_SCP INTERSECTION
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing 9 #include "TicToc.hh" // Processing Time Library
10
11 // Main function
12 \; \mathtt{int}
13 main() {
14
15
    try {
16
       // Instantiate a TicToc object
17
18
      TicToc tictoc;
19
20
      std::cout
21
        << "MULTIDISK TIRE TEST 2 - CHECK INTERSECTION ON KNOWN MESH.\n\n";</pre>
22
23
      // Initialize a quite big triangle
      TireGround::vec3 Vertices[3];
24
25
      Vertices[0] = TireGround::vec3(100.0, 0.0, 0.0);
26
      Vertices[1] = TireGround::vec3(0.0, 100.0, 0.0);
27
      Vertices[2] = TireGround::vec3(0.0, -100.0, 0.0);
28
      TireGround::RDF::TriangleRoad_list PtrTriangleVec;
29
      PtrTriangleVec.push_back(
30
        TireGround::RDF::TriangleRoad(Vertices, 1.0) );
31
32
       // Build the mesh
33
      TireGround::RDF::MeshSurface Road(PtrTriangleVec);
34
35
       // Initialize the Magic Formula Tire
36
      TireGround::Tire* TireMD = new TireGround::MultiDisk(0.205, 60, 15, 0.090, 5, 5, 10);
37
38
      \ensuremath{//} Orient the tire in the space
39
      TireGround::real_type Yaw = 0*G2lib::m_pi;
40
      TireGround::real_type Camber = 1/3*G2lib::m_pi;
41
42
       // Transformation matrix for X and Z-axis rotation
43
      TireGround::mat3 Rot_Z;
44
      Rot_Z \ll cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,
45
                sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
46
                      0.
                                   0, 1;
47
      TireGround::mat3 Rot_X;
48
                            0,
      Rot_X << 1,
49
                0, cos(Camber), -sin(Camber),
50
                0, sin(Camber), cos(Camber);
51
       // Update Rotation Matrix
52
      TireGround::mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
53
54
      TireGround::vec3 Origin( 50.0, 10.0, 0.2 );
55
      TireGround::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
```

```
56
57
      // Start chronometer
58
      tictoc.tic();
59
60
      // Set an orientation and calculate parameters (true = print results)
61
      bool Out = TireMD->setup( Road, Pose.getTotalTransformationMatrix() );
62
63
      // Stop chronometer
64
      tictoc.toc();
65
66
      // Display current tire data on command line
67
      if (Out) TireMD->print(std::cout);
68
69
      // This constructs a duration object using milliseconds
70
      std::cout
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"
71
72
        << "\nCheck the results...\n"
        << "\nMULTIDISK TIRE TEST 2: Completed\n";</pre>
73
74
75
    } catch ( std::exception const & exc ) {
76
     std::cerr << exc.what() << '\n';</pre>
77
   catch (...) {
      std::cerr << "Unknown error\n";</pre>
79
80
81 }
```

#### C.3.3 MultiDisk-test3.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 2 - CHECK MF_Pacejka_SCP INTERSECTION
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
 9 #include "TicToc.hh"
                          // Processing Time Library
10
11 // Main function
12 int
13 main() {
14
15
    try {
16
17
      // Instantiate a TicToc object
18
      TicToc tictoc;
19
20
21
        << "MULTIDISK TIRE TEST 3 - CHECK INTERSECTION ON KNOWN MESH.\n\n";</pre>
22
23
      // Plane data
24
      TireGround::vec3
                            Normal(0.0, 0.0, 1.0);
25
      TireGround::vec3
                            Point(0.0, 0.0, 0.1);
26
      TireGround::real_type Friction = 1.0;
27
28
      // Initialize the Magic Formula Tire
29
      TireGround::Tire* TireMD = new TireGround::MultiDisk(0.205, 60, 15, 10, 5, 1000);
30
31
      // Orient the tire in the space
32
      TireGround::real_type Yaw = 0*G2lib::m_pi;
33
      TireGround::real_type Camber = 0.2*G2lib::m_pi;
34
35
      // Transformation matrix for X and Z-axis rotation
```

```
TireGround::mat3 Rot_Z;
37
      Rot_Z \ll cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,
38
               sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
39
                       Ο,
                                0, 1;
      TireGround::mat3 Rot_X;
40
41
      Rot_X << 1,
                            Ο,
42
               0, cos(Camber), -sin(Camber),
43
               0, sin(Camber), cos(Camber);
44
      // Update Rotation Matrix
45
      TireGround::mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
46
47
      TireGround::vec3 Origin( 5.0, 10.0, 0.3 );
48
      TireGround::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
49
50
      // Start chronometer
51
      tictoc.tic();
52
53
      // Set an orientation and calculate parameters (true = print results)
54
      TireMD->setup( Normal, Point, Friction, Pose.getTotalTransformationMatrix() );
55
56
      // Stop chronometer
57
      tictoc.toc();
58
59
      \ensuremath{//} Display current tire data on command line
60
      TireMD->print(std::cout);
61
      // This constructs a duration object using {\tt milliseconds}
62
63
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"
64
65
         << "\nCheck the results...\n"
66
         << "\nMULTIDISK TIRE TEST 3: Completed\n";</pre>
67
68
    } catch ( std::exception const & exc ) {
69
      std::cerr << exc.what() << '\n';</pre>
70
71
    catch (...) {
72
      std::cerr << "Unknown error\n";
73 }
74 }
```

# Bibliografia

- [1] Lars Nyborg Egbert Bakker e Hans B. Pacejka. "Tyre Modelling for Use in Vehicle Dynamics Studies". In: *SAE Transactions* 96 (1987), pp. 190–204. ISSN: 0096736X.
- [2] Juan J. Jiménez, Rafael J. Segura e Francisco R. Feito. "A Robust Segment/-Triangle Intersection Algorithm for Interference Tests. Efficiency Study". In: Comput. Geom. Theory Appl. 43.5 (lug. 2010), pp. 474–492. ISSN: 0925-7721.

  DOI: 10.1016/j.comgeo.2009.10.001. URL: http://dx.doi.org/10.1016/j.comgeo.2009.10.001.
- [3] Dick De Waard Karel A. Brookhuis e Wiel H. Janssen. "Behavioural impacts of advanced driver assistance systems—an overview". In: *European Journal of Transport and Infrastructure Research* 1.3 (2019).
- [4] Matteo Larcher. "Development of a 14 Degrees of Freedom Vehicle Model for Realtime Simulations in 3D Environment". Master Thesis. University of Trento.
- [5] Anu Maria. "Introduction to modeling and simulation". In: *Winter simulation conference* 29 (gen. 1997), pp. 7–13.
- [6] Tomas Möller e Ben Trumbore. "Fast, Minimum Storage Ray-triangle Intersection". In: J. Graph. Tools 2.1 (ott. 1997), pp. 21–28. ISSN: 1086-7651. DOI: 10.1080/10867651.1997.10487468. URL: http://dx.doi.org/10.1080/10867651.1997.10487468.
- [7] Organización Internacional de Normalización (Ginebra). Road Vehicles, Vehicle Dynamics and Road-holdin Ability: Vocabulary. ISO, 1991. ISBN 9781439838983.
- [8] Hans Pacejka. Tire and vehicle dynamics, 3rd Edition. 2012.

- [9] Georg Rill. Road Vehicle Dynamics Fundamentals and Modeling. Set. 2011. ISBN: ISBN 9781439838983.
- [10] Georg Rill. Road vehicle dynamics: fundamentals and modeling. 2011.
- [11] Dieter Schramm, Manfred Hiller e Roberto Bardini. *Vehicle Dynamics: Modeling and Simulation*. Springer Publishing Company, Incorporated, 2014. ISBN: 3540360441.
- [12] European Tyre e Rim Technical Organisation. *Standards Manual 2010 G6*. English. 2010. URL: http://www.etrto.org/files/files/ETRTO/Index\_Publications\_SM/SM\_2010\_GEN\_INFO.pdf.