

Universitá degli Studi di Trento

Dipartimento di Ingegneria Industriale

CORSO DI LAUREA MAGISTRALE IN INGEGNERIA MECCATRONICA

Tesi di Laurea

Algoritmi per la Valutazione del Contatto tra Pneumatico e Strada in Soft Real Time

Laureando: Davide Stocco

Relatore:

Prof. Enrico Bertolazzi

Anno Accademico 2019 · 2020

Sommario

This dissertation details ...

Indice

1	Intr	oduzion	ne	1
	1.1	Obiett	tivi	. 1
	1.2	Il prob	olema	. 1
2	I1 Pı	neumati	co	5
	2.1	Introd	luzione	. 5
	2.2	Geom	etria dello Pneumatico secondo ETRTO	. 5
	2.3	La Mo	odellizzazione dello Pneumatico	. 6
	2.4	Il Mod	dello della <i>Magic Formula</i>	. 8
		2.4.1	La Magic Formula	. 8
		2.4.2	Contatto con la Superficie Stradale	
3	La S	Superfici	ie Stradale	13
	3.1	Introd	luzione	. 13
	3.2	Il Forr	mato RDF	. 14
		3.2.1	Superfici Semplici	. 14
		3.2.2	Superfici Complesse	
4	Algo	oritmi		19
	4.1	Parsifi	cazione	. 19
		4.1.1	Introduzione	. 19
		4.1.2	Parsificazione del formato RDF	
	4.2	Bound	ling Volume Hierarchy	
		4.2.1	Introduzione	
		4.2.2	Minimum Bounding Box	
			4.2.2.1 Axis Aligned Bounding Box	
			4 2 2 2 Arhitrarily Oriented Rounding Rox	21

iv INDICE

			4.2.2.3	Object Oriented Bounding Box	22
		4.2.3	Intersezi	one tra Alberi AABB	22
	4.3	Algori	tmi Geom	etrici	23
		4.3.1	Introduz	ione	23
		4.3.2	Intersezi	one tra Entità Geometriche	25
			4.3.2.1	Punto-Segmento	25
			4.3.2.2	Punto-Cerchio	25
			4.3.2.3	Piano-Cerchio	28
			4.3.2.4	Piano-Triangolo	28
			4.3.2.5	Raggio-Triangolo	28
5	La L	ibreria '	TireGrou	nd	31
	5.1	Organ	izzazione		31
		5.1.1	Namespa	ace RDF	31
			5.1.1.1	BBox2D	31
			5.1.1.2	Triangle3D	32
			5.1.1.3	TriangleRoad	33
			5.1.1.4	MeshSurface	33
	5.2	Utilizz	o e Presta	zioni	33
6	Con	clusioni	e Lavoro	Futuro	35
7	A C1	hanter o	of Example	29	37
•	7.1	•	-		37
	7.2				37
	7.3				38
	7.4				40
	7.5	Ü			40
	7.6				40
	7.7				40
	7.8		-		41
	7.9	-		position & Proof	41
			-		41
					41
					41
		Note	1		12

INDICE v

A	Con	venzion	i e Notazioni	43
		A.0.1	Sistemi di Riferimento	43
		A.0.2	Matrice di Trasformazione	44
В	Codi	ice della	Libreria C++	45
	B.1	TireG	round.hh	45
	B.2	RoadR	DF.hh	46
	B.3	RoadR	DF.cc	52
	B.4	PatchT	Tire.hh	59
	B.5	PatchT	Tire.cc	71
C	Codi	ice dei T	Tests	81
	C.1	Tests (Geometrici	81
		C.1.1	Geometry-test1.cc	81
		C.1.2	Geometry-test2.cc	82
		C.1.3	Geometry-test3.cc	84
		C.1.4	Geometry-test4.cc	85
	C.2	Tests p	per il Modello Magic Formula	86
		C.2.1	MagicFormula-test1.cc	86
		C.2.2	MagicFormula-test2.cc	87
Bi	bliogr	afia		89

Elenco delle figure

2.1	Esempio di misure, secondo la notazione European Tyre and Rim Tech-	
	nical Organisation (ETRTO), riportate sulla spalla dello pneumatico	7
2.2	Forze e coppie generate dal contatto pneumatico-strada	7
2.3	Curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo	
	della Magic Formula	9
2.4	Geometria del contatto pneumatico-strada.	10
2.5	Punti campionati nel piano locale della superficie stradale	11
2.6	Inclinazione longitudinale e laterale del piano strada locale	12
4.1	Esempio di albero di tipo Axis Aligned Bounding Box (AABB)	21
4.2	Schema grafico per l'intersezione punto-segmento	25
4.3	Schemi per l'output dell'intersezione punto-segmento	25
4.4	Schema del codice per l'intersezione punto-segmento	26
4.5	Point-circle intersection problem scheme	26
4.6	Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio	27
4.7	Schemi per l'intersezione punto-cerchio	27
4.8	Ray-triangle intersection problem scheme	28
4.9	Transformation and base change of ray in Möller-Trumbore algorithm.	28
4.10	Ray-triangle intersection algorithm schemes	30
7.1	telnetd: distribution of the number of other system calls among two	
	execve system calls (i.e., distance between two consecutive execve)	40
A.1	Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento della vettura se-	
	condo la convenzione ISO-V	43
A.2	Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento dello pneumatico	
	secondo la convenzione ISO-C	44

Elenco delle tabelle

5.1	Attributi della classe BBox2D	31
5.2	Attributi della classe BBox2D	32
7.1	Duality between misuse- and anomaly-based intrusion detection tech-	
	niques	37
7.2	Taxonomy of the selected state of the art approaches for network-based	
	anomaly detection	39

Elenco degli acronimi

AABB Axis Aligned Bounding Box	vii
ADAS Advanced Driver-Assistance Systems	2
AOBB Arbitrarily Oriented Bounding Box	21
BB Bounding Box	22
BVH Bounding Volume Hierarchy	20
CAD Computer-Aided Design	23
CAE Computer-Aided Engineering	24
CAGD Computer-Aided Geometric Design	24
CAM Computer-Aided Manufacturing	24
ETRTO European Tyre and Rim Technical Organisation	vii
GIS Geographic Information Systems	24
HIL Hardware in the Loop	2
ISO International Organization for Standardization	43
MBB Minimum Bounding Box	20
RDF Road Data File	13

Introduzione 1

1.1 Obiettivi

La motivazione di questa tesi sta nella trovata collaborazione tra il Dipartimento di Ingegneria Industriale dell'Università di Trento e AnteMotion S.r.l., azienda specializzata in realtà virtuale e simulazione *multibody* per il campo *automotive*. In particolare il modello di veicolo e pneumatico precedentemente studiati da Larcher in [4] saranno integrati nel simulatore di guida in tempo reale di AnteMotion. Pertanto, lo sviluppo dei modelli è stato finalizzato a minimizzare i tempi di compilazione massimizzando invece l'accuratezza. La necessità di sviluppare un algoritmo che calcoli i parametri dell'interazione tra terreno, rappresentato con una *mesh* triangolare, e pneumatico, rappresentato come un disco indeformabile, getta le basi per il lavoro svolto.

1.2 Il problema

La simulazione risolve alcuni dei problemi relativi al mondo della progettazione in modo sicuro ed efficiente, senza la necessità di costruire un prototipo dell'oggetto fisico. A differenza della modellazione fisica, che può coinvolgere il sistema reale o una copia in scala di esso, la simulazione è basata sulla tecnologia digitale e utilizza algoritmi ed equazioni per rappresentare il mondo reale al fine di imitare l'esperimento reale. Ciò comporta diversi vantaggi in termini di tempo, costi e si-

curezza. Infatti, il modello digitale può essere facilmente riconfigurato e analizzato, mentre questo è solitamente impossibile o troppo oneroso del punto di vista di tempi e/o costi da fare con il sistema reale [5].

Al giorno d'oggi esistono numerosi modelli di veicolo e pneumatico. Certamente, più semplice è il modello più veloce è la risoluzione delle equazioni costituenti quindi, a seconda delle applicazioni, dev'essere scelto il modello con la giusta complessità. Per la maggior parte delle applicazioni di guida autonoma, un modello semplice è sufficiente per caratterizzare con un livello di dettaglio sufficiente il comportamento del veicolo, e poiché queste analisi sono molto spesso fatte con l'ausilio di Hardware in the Loop (HIL), il modello dinamico del veicolo dev'essere risolto in tempo reale con tipico passo di tempo di un millisecondo. Il vincolo di esecuzione in tempo reale implica la scelta un modello di veicolo che sia velocemente risolvibile, ciò significa che i modelli semplici con pochi parametri, di solito modelli lineari a due ruote, sono particolarmente adatti per questo tipo di applicazioni. Tuttavia, ci sono alcune situazioni che richiedono modelli più dettagliati, come ad esempio l'azione prodotta da un Advanced Driver-Assistance Systems (ADAS), ovvero una manovra di sicurezza come l'elusione degli ostacoli o una frenata di emergenza, poiché il veicolo è spinto nella maggior parte dei casi al limite delle sue prestazioni [3]. In queste condizioni di guida si devono tenere conto di molti fattori come ad esempio il comportamento degli pneumatici, che si sposta nella regione non lineare e i fenomeni transitori non sono più trascurabili. Questo implica la necessità di utilizzare un modello più dettagliato di quello utilizzato per la guida in condizioni standard.

L'accuratezza dinamica del modello è di grande rilevanza per ricavare previsioni realistiche delle prestazioni del veicolo e del sistema di controllo. È importante notare che modellare in modo esaustivo tutti i sistemi di un'auto sarebbe un compito estremamente arduo e a volte anche impossibile. Esistono quindi modelli empirici come il modello della *Magic Formula* di Hans Pacejka, che cerca di imitare il reale comportamento del sistema. Il calcolo dei parametri di questo tipo di modelli richiede l'interpolazione di un insieme di dati di grandi dimensioni, e può quindi essere numericamente inefficiente o comunque troppo oneroso in termini di tempo. Lo scopo di questo lavoro si collega a quello già svolto da Larcher in [4], dove grazie a un modello di veicolo completo con 14 gradi di libertà ha fornito un modello in grado di catturare con un livello di dettaglio appropriato il comportamento del veicolo quando viene spinto alle massime prestazioni. La necessità di calcolare in tempo reale i parametri di input per il modello di ruota scelto da [4] definisce

l'obiettivo di questo lavoro. Ovvero di avere una libreria scritta in C++, che con alcuni semplici parametri in input come la denominazione ETRTO dello pneumatico e la posizione nello spazio, calcola i dati relativi all'interazione pneumatico strada quali il punto di contatto virtuale e l'inclinazione locale del piano strada. Il tutto cercando di minimizzare i tempi di compilazione.

2.1 Introduzione

Gli pneumatici sono probabilmente i componenti più complessi di un'auto in quanto combinano decine di componenti che devono essere formati, assemblati e combinati assieme. Il successo del prodotto finale dipende dalla loro capacità di fondere tutti i componenti separati in un prodotto dal materiale coeso che soddisfa le esigenze del conducente [7]. Gli pneumatici sono caratterizzati da un comportamento altamente non lineare con una dipendenza da diversi fattori costruttivi e ambientali.

2.2 Geometria dello Pneumatico secondo ETRTO

Quando si fa riferimento ai dati puramente geometrici, viene utilizzata una forma abbreviata della notazione completa prevista dall'ente di normazione ETRTO. Assumendo di avere un pneumatico generico la notazione che identificherà la geometria sarà del tipo a/bRc. Dove:

- a rappresenta larghezza nominale del pneumatico nel punto più largo;
- b rappresenta percentuale dell'altezza della spalla dello pneumatico in relazione alla larghezza dello stesso;
- c rappresenta il diametro dei cerchi ai quali lo pneumatico si adatta.

Facendo un esempio, 195/55R16 significherebbe che la larghezza nominale del pneumatico è di circa 195 mm nel punto più largo, l'altezza della spalla dello pneumatico è il 55% della larghezza, ovvero 107 mm in questo caso, e che il pneumatico si adatta a dei cerchi di 16 pollici di diametro. Con questa notazione è possibile calcolare direttamente il diametro esterno teorico dello pneumatico tramite la seguente:

$$\phi_e = \frac{2ab}{25.4} + c \quad [\text{in}] \qquad \phi_e = 2ab + 25.4c \quad [\text{mm}]$$
 (2.1)

Riprendendo l'esempio usato sopra, il diametro esterno risulterà dunque 24.44 in o 621 mm.

Meno comunemente usato negli Stati Uniti e in Europa (ma spesso in Giappone) è una notazione che indica l'intero diametro del pneumatico invece delle proporzioni dell'altezza della parete laterale, quindi non secondo ETRTO. Per fare lo stesso esempio, una ruota da 16 pollici avrebbe un diametro di 406 mm. L'aggiunta del doppio dell'altezza del pneumatico (2×107 mm) produce un diametro totale di 620 mm. Quindi, un pneumatico 195/55R16 potrebbe in alternativa essere etichettato 195/620R16.

Anche se questo è teoricamente ambiguo, in pratica queste due notazioni possono essere facilmente distinte perché l'altezza della parete laterale di un pneumatico automobilistico è in genere molto inferiore alla larghezza. Quindi, quando l'altezza è espressa come percentuale della larghezza, è quasi sempre inferiore al 100% (e certamente meno del 200%). Al contrario, i diametri degli pneumatici del veicolo sono sempre superiori a 200 mm. Pertanto, se il secondo numero è superiore a 200, allora è quasi certo che viene utilizzata la notazione giapponese, se è inferiore a 200 allora viene utilizzata la notazione USA/europea.

2.3 La Modellizzazione dello Pneumatico

Le forze di contatto tra la superficie stradale e lo pneumatico possono essere descritte completamente da un vettore di forza risultante applicato in un punto specifico dell'impronta di contatto e da una coppia risultante, come illustrato nella Figura 2.2.

Come componenti cruciali per la movimentazione dei veicoli e il comportamento di guida, le forze degli pneumatici richiedono particolare attenzione soprattutto quando, assieme al comportamento stazionario, anche il comportamento non stazionario dev'essere considerato.

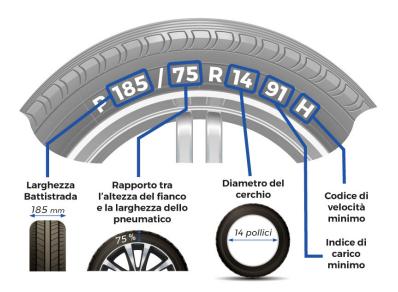


FIGURA 2.1: Esempio di misure, secondo la notazione ETRTO, riportate sulla spalla dello pneumatico.

 F_x forza longitudinale F_y forza laterale F_z forza verticale T_x coppia di sovrasterzo T_y resistenza al rotolamento T_z coppia di autoallineamento

Figura 2.2: Forze e coppie generate dal contatto pneumatico-strada.

Attualmente, è possibile suddividere i modelli di pneumatico in tre gruppi:

- modelli matematici;
- modelli fisici;
- combinazione dei precedenti.

La prima tipologia di modello tenta di rappresentare le caratteristiche fisiche del pneumatico attraverso una descrizione puramente matematica. Pertanto questi tipi di modelli partono da un curve caratteristiche ricavate sperimentalmente e cercano di derivare un comportamento approssimativo dall'interpolazione di un grande insieme di dati. Un esempio ben noto di questo approccio è il modello di Pacejka o Magic Formula [6]. Questo tipo di modellazione è adatta per la simulazione di guida dove il comportamento di interesse è per lo più la guidabilità del veicolo e le frequenze di uscita sono ben al di sotto delle frequenze di risonanza della cintura dello pneumatico. I modelli fisici o i modelli ad alta frequenza, come i modelli agli elementi finiti, sono in grado di rilevare fenomeni di risonanza a frequenza più elevata. Ciò permette di valutare la confortevolezza di guida di un veicolo. Dal punto di vista del calcolo, i modelli fisici complessi richiedono molto tempo al calcolatore per essere risolti, nonché di molti dati. Al contrario dei più veloci modelli matematici, che però richiedono un'accurata pre-elaborazione dei dati sperimentali. La terza tipologia di modelli consiste in un'estensione dei modelli matematici attraverso le leggi fisiche al fine di coprire una gamma di frequenza più ampia.

Il modello di pneumatico sviluppato nel modello di veicolo e il tipo di interfaccia di pneumatico/strada presentato da Larcher in [4] si basa sulla *Magic Formula* 6.2.

2.4 Il Modello della Magic Formula

2.4.1 La Magic Formula

Uno dei modelli di pneumatici più utilizzati è il cosiddetto modello *Magic Formula* sviluppato da Egbert Bakker e Pacejka in [1]. Questo modello è stato poi rivisto e l'ultima versione è riportata in [6]. Il modello *Magic Formula* consiste in una pura descrizione matematica del rapporto input-output del contatto pneumatico-strada. Questa formulazione collega le variabili di forza con lo slip rigido del corpo che vengono trattati nelle sezioni successive. La forma generale della funzione di descrizione può essere scritta come:

$$y(x) = D \sin\{C \arctan[B(x+S_h) - E(B(x+S_h) - \arctan(B(x+S_h)))]\} + S_v$$
(2.2)

dove:

- B rappresenta il fattore di rigidezza;
- C rappresenta il fattore di forma;
- D rappresenta il falore massimo della forza o coppia;
- E rappresenta il fattore di curvatura;

- S_v rappresenta lo spostamento in verticale della curva caratteristica;
- S_h rappresenta lo spostamento in orizzontale della curva caratteristica.

e dove y(x) può essere la forza longitudinale F_x , la forza laterale F_y o la coppia di autoallineamento M_z , mentre x è la componente di slip corrispondente. In Figura 2.3 sono illustrate le curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo della $Magic\ Formula$.

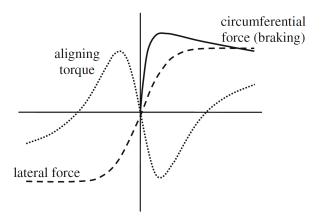


Figura 2.3: Curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo della *Magic Formula*

2.4.2 Contatto con la Superficie Stradale

La posizione e l'orientamento della ruota in relazione al sistema fissato a terra sono dati dalla terna di riferimento del vettore ruota RF_{wh_i} , che viene calcolata istante per istante risolvendo le equazioni dinamiche del sistema ottenuto nel Capitolo 2 in [4]. Supponendo che il profilo stradale sia rappresentato da una funzione arbitraria a due coordinate spaziali del tipo:

$$z = z(x, y) \tag{2.3}$$

su una superficie irregolare, il punto di contatto P non può essere calcolato direttamente. Così, come prima approssimazione siamo in grado di identificare un punto P^* , che è definito come una semplice traslazione del centro ruota M:

$$P^{\star} = M - R_0 \mathbf{e}_{zC} \begin{bmatrix} x^{\star} \\ y^{\star} \\ z^{\star} \end{bmatrix}$$
 (2.4)

dove R_0 è il raggio dello pneumatico indeformato e e_{zC} è il vettore unitario che definisce l'asse z_c del sistema di riferimento del vettore ruota.

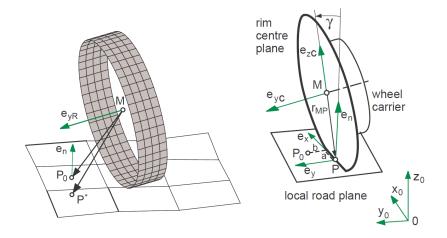


Figura 2.4: Geometria del contatto pneumatico-strada.

La prima stima del sistema di riferimento del punto di contatto RF_{PC^*} è una terna con origine in P^* e orientazione degli assi definiti dall'orientazione del sistema di riferimento della ruota.

$$RF_{PC^{\star}} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} R_{RF_{wh}} & x^{\star} \\ y^{\star} \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 (2.5)

Ora, i vettori di unità e_x ed e_y , che descrivono il piano locale nel punto P, possono essere ottenuti dalle seguenti equazioni:

$$e_x = rac{e_{yC} \times e_n}{|e_{yC} \times e_n|}$$
 $e_y = e_n \times e_x$ (2.6)

Al fine di ottenere una buona approssimazione del piano strada locale in termini di inclinazione longitudinale e laterale, sono stati utilizzati i quattro punti di campionamento $(Q_1^{\star}, Q_2^{\star}, Q_3^{\star}, Q_4^{\star})$ che sono rappresentati graficamente in Figura 2.5. I punti di campionamento sono definiti sul sistema di riferimento temporaneo del punto di contatto $RF_{PC^{\star}}$ e lo spostamento longitudinale e laterale sono definiti dall'origine, ovvero lo stesso P^{\star} . I vettori di spostamento sono definiti come:

$$PC^{\star} r_{Q_{1,2}^{\star}} = \pm \Delta x$$

$$PC^{\star} r_{Q_{3,4}^{\star}} = \pm \Delta y$$
(2.7)

e quindi, i quattro punti di campionamento sono:

$$P^{\star} r_{Q_{1,2}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta x e_{xPC^{\star}}$$

$$P^{\star} r_{Q_{3,4}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta y e_{yPC^{\star}}$$
(2.8)

Al fine di campionare l'impronta di contatto nel modo più efficiente possibile, le distanze di Δx e Δy , dell'equazione precedente, vengono regolate in base al raggio del pneumatico indeformato R_0 e alla larghezza del pneumatico B. I valori di queste due quantità possono essere trovate in letteratura e sono $\Delta x = 0.1R_0$ e $\Delta x = 0.3B$. Attraverso questa definizione, si può ottenere un comportamento realistico durante la simulazione.

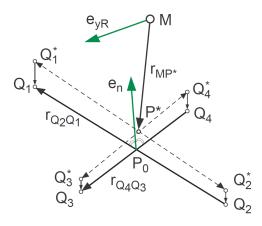


Figura 2.5: Punti campionati nel piano locale della superficie stradale.

Ora la componente z in corrispondenza dei quattro punti campione viene valutata attraverso la funzione z(x,y) precedentemente definita. Quindi, aggiornando la terza coordinata dei punti di campionamento Q_i^* , otteniamo i corrispondenti punti campione Q_i sulla superficie della pista locale. La linea fissata dai punti Q_1 , Q_2 e rispettivamente Q_3 , Q_4 , può ora essere utilizzata per definire la normale al piano strada locale (Figura 2.6). Pertanto, il vettore normale è definito come:

$$e_n = \frac{r_{Q_1 Q_2} \times r_{Q_4 Q_3}}{|r_{Q_1 Q_2} \times r_{Q_4 Q_3}|} \tag{2.9}$$

dove sono $r_{Q_2Q_1}$ e $r_{Q_4Q_3}$ sono i vettori che puntano rispettivamente da Q_1 a Q_2 e da Q_3 a Q_4 . Applicando l'equazione 2.6 è ora possibile calcolare i vettori unitari e_x e e_y del piano di locale del punto di contatto. Il punto di contatto P si ottiene aggiornando le coordinate del primo punto di prova P^* , con il valore medio delle

tre coordinate spaziali dei quattro punti campione.

$$P = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{4} x_i \\ \sum_{i=1}^{4} y_i \\ \sum_{i=1}^{4} z_i \end{bmatrix}$$
 (2.10)

Infine possiamo mettere assieme tutte le componenti del piano di riferimento del punto di contatto finale ottenendo:

$$RF_{PC} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_{x} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_{y} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_{z} \end{bmatrix} & y_{P} \\ y_{P} & y_{P} \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(2.11)

Attraverso questo approccio, la normale del piano strada locale e_n insieme al punto di contatto locale P, sono in grado di rappresentare l'irregolarità della strada in modo soddisfacente. Come accade in realtà, bordi taglienti o discontinuità del manto stradale saranno smussate da questo approccio. Alcuni casi dimostrativi sono illustrati nella Figura 2.6.

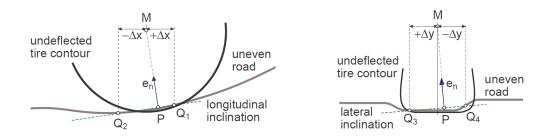


Figura 2.6: Inclinazione longitudinale e laterale del piano strada locale.

3.1 Introduzione

Oltre allo pnumatico, la superfice stradale rappresenta il secondo importante elemento che definisce il contatto. Perchè una superficie stradale possa essere facilmente utilizzata da un calcolatore deve essere prima discretizzata. La discretizzazione in questo caso avviene mediante la rappresentazione della superficie stessa in una mesh triangolare. La mesh, è contenuta in un file formato Road Data File (RDF), che contiene le posizione (x, y, z) di ogni vertice e i numeri di identificazione per ognuno dei tre vertici del triangolo, per ogni trangolo.

È importante notare che la discretizzazione del manto stradale è un passaggio molto importante in quando, se campionatonato troppo grossolanamente potrebbe influire negativamente sui risultati dei calcoli per l'estrazione del piano strada locale. In altre parole, una semplificazione troppo spinta, potrebbe causare degli errori tali da incorrere in risultati troppo approssimativi e non rispecchianti la realtà. Al contrario, una *mesh* troppo fitta, complica inutilmente i calcoli, dilatando sensibilmente i tempi di esecuzione. È bene quindi discretizzare più densamente in maniera oculata e solo dove occore realmente, ovvero in prossimità di cordoli, marciapiedi o qualsiasi tipo di ostacolo che potrebbe influire sulle performance della vettura.

3.2 Il Formato RDF

3.2.1 Superfici Semplici

Sfortunatamente, non esistono standard universalmente riconosciuti per il formato RDF. In linea di massima le superfici stradali sono definite nei *road data file* (* . rdf). Questa tipologia di file è composto da varie sezioni, indicate da parentesi quadre.

```
{ Comments section }
2
    [UNITS]
3
    LENGTH = 'meter'
4
    FORCE = 'newton'
5
    ANGLE = 'degree'
    MASS = 'kg'
7
    TIME = 'sec'
8
9
    [MODEL]
10
    ROAD \setminus TYPE = ' \dots '
11
12
    [PARAMETERS]
13
14
```

Nella sezione [UNITS], vengono impostate le unità utilizzate nel file di dati stradali. La sezione [MODEL] viene invece utilizzata per specificare il tipo di strada, del tipo:

- ROAD_TYPE = 'flat': come indica già il nome, si tratta di una superficie stradale piana.
- ROAD_TYPE = 'plank': dove questa strada è composta da un singolo scalino o dosso orientato perpendicolarmente o obliquo rispetto all'asse X, con o senza bordi smussati.
- ROAD_TYPE = 'poly_line': ovvero l'altezza della strada è in funzione della distanza percorsa.
- ROAD_TYPE = 'sine': dove la superficie stradale è costituita da una o più onde sinusoidali con lunghezza d'onda costante.

La sezione [PARAMETERS] contiene parametri generali e parametri specifici del tipo di superficie stradale.

I parametri per ogni tipologia di superficie stradale sono elencati di seguito:

· Generali:

 MU: è il fattore di correzione dell'attrito stradale (non il valore dell'attrito stesso), da moltiplicare con i fattori di ridimensionamento LMU del modello di pneumatico.

Impostazione predefinita: MU = 1.0.

- OFFSET: è l'offset verticale del terreno rispetto al sistema di riferimento inerziale.
- ROTATION_ANGLE_XY_PLANE: è l'angolo di rotazione del piano XY attorno all'asse Z della strada, ovvero la definizione dell'asse X positivo della strada rispetto al sistema di riferimento inerziale.

• Strada con scalino:

- HEIGHT: altezza dello scalino.
- START: distanza lungo l'asse X della strada all'inizio dello scalino.
- LENGTH: lunghezza dello scalino (escluso lo smusso) lungo l'asse X della strada.
- BEVEL_EDGE_LENGTH: lunghezza del bordo smussato a 45° dello scalino.
- DIRECTION: rotazione dello scalino attorno all'asse Z, rispetto all'asse Y della strada.

Se lo scalino è posizionato trasversalmente, DIRECTION = 0. Se lo scalino è posto lungo l'asse X, DIRECTION = 90.

• Polilinea:

Il blocco [PARAMETERS] deve avere un sottoblocco chiamato (XZ_DATA) e costituito da tre colonne di dati numerici:

- La colonna 1 è un insieme di valori X in ordine crescente.
- Le colonne 2 e 3 sono insiemi di rispettivi valori Z per la traccia sinistra e destra.

Esempio:

```
1 [PARAMETERS]
2 MU = 1.0
3 OFFSET = 0.0
4 ROTATION_ANGLE_XY_PLANE = 0.0
5
```

```
6 { X_road Z_left Z_right }
7 (XZ_DATA)
8 -1.0e04 0 0
9 0.0500 0 0
10 0.1000 0 0
11 0.1500 0 0
```

• Sinusoide:

La strada a superficie sinusoidale è implementata come:

$$z(x) = \frac{H}{2} \left(1 - \cos \left(\frac{2\pi \cdot (x - x_i)}{L} \right) \right) \tag{3.1}$$

dove

- z: coordinata verticale della strada;
- H: altezza;
- x: posizione attuale;
- x_i : inizio dell'onda sinusoidale;
- L: semi-periodo dell'onda sinusoidale.

I parametri sono:

- HEIGHT: altezza dell'onda sinusoidale.
- START: distanza lungo l'asse X della strada all'inizio dell'onda sinusoidale.
- LENGTH: lunghezza dell'onda sinusoidale lungo l'asse X della strada.
- DIRECTION: rotazione dell'onda sinusoidale attorno all'asse Z, rispetto all'asse Y della strada.

Se l'onda sinusoidale è posizionata trasversalmente, DIRECTION = 0. Se l'onda sinusoidale è posta lungo l'asse X, DIRECTION = 90.

3.2.2 Superfici Complesse

Sfortunatamente, queste informazioni appena descritte permettono di costruire strade troppo semplicistiche e approssimative, che non rispecchiano la realtà. È quindi necessario inserire i risultati della discretizzazione della superficie stradale sopra citati. Per descrivere una superficie stradale composta da una *mesh* di triangoli si userà la seguente formattazione del file.

- [NODES]: presenti nella prima sezione e dove vengono descritti sotto forma di una quartina (id, x, y, z) data dal numero di identificazione e dalle coordinate nello spazio.
- [ELEMENTS]: presenti nella seconda sezione e dove vengono descritti sotto forma di una quartina (n_1, n_2, n_3, μ) data dal numero di identificazione dei tre vertici componenti *i*-esimo triangolo e dal coefficente di attrito presente nella faccia.

Esempio:

```
[NODES]
1
   { id x_coord y_coord z_coord }
2
   0 2.64637 35.8522 -1.59419e-005
   1 4.54089 33.7705 -1.60766e-005
   2 4.52126 35.8761 -1.62482e-005
   3 2.66601 33.7456 -1.57714e-005
   4 0.771484 35.8282 -1.56367e-005
   5 0.791126 33.7206 -1.5465e-005
10
   [ELEMENTS]
11
   { n1 n2 n3 mu }
12
   1 2 3 1.0
13
   2 1 4 1.0
14
   5 4 1 1.0
15
```

Ulteriori parametri possono essere aggiunti prima della dichiarazaione dei nodi della *mesh*.

- X_SCALE: riscala i punti delle coordinate dei nodi lungo l'asse X.
- Y_SCALE: riscala i punti delle coordinate dei nodi lungo l'asse Y.
- Z_SCALE: riscala i punti delle coordinate dei nodi lungo l'asse Z.
- ORIGIN: definisce la posizione dell'origine della sistema di riferimento della superficie stradale.

- UP: definisce la direzione positiva dell'asse Z.
- [ORIENTATION]: ruota i punti delle coordinate dei nodi secondo la matrice definita.

Esempio:

- 1 X_SCALE
- 2 1000.0
- 3 Y_SCALE
- 4 1000.0
- 5 Z_SCALE
- 6 1000.0
- 7 ORIGIN
- 8 0 0 0
- 9 UP
- 10 0.0,0.0,1.0
- 11 ORIENTATION
- 12 1.0 0.0 0.0
- 13 0.0 1.0 0.0
- 14 0.0 0.0 1.0

Algoritmi 4

4.1 Parsificazione

4.1.1 Introduzione

La parsificazione o analisi sintattica è un processo che analizza un flusso continuo di dati in ingresso (letti per esempio da un file o una tastiera) in modo da determinare la correttezza della sua struttura grazie ad una data grammatica formale. Un parser è un programma che esegue questo compito. Nella maggior parte dei casi, l'analisi sintattica opera su una sequenza di *token* in cui l'analizzatore lessicale spezzetta l'input.

4.1.2 Parsificazione del formato RDF

Nel lavoro svolto è stato creato un algoritmo per pardificare i file di tipo RDF che descrivono superfici complesse. Purtroppo, come precedentemente detto, non esiste uno standard universalmente riconosciuto per questo formato. Creare dunque un *parser* o definire un generatore di parser è arduo. Si è quindi optato per la creazione di un *parser* che rilevi solo i nodi ([NODES]), li salvi temporaneamente e, dopo aver immagazzinato anche i dati relativi agli elementi ([ELEMENTS]), instanzi un oggetto *mesh*, composto dai nodi dichiarati nella sezione elementi. Gli altri parametri non sono stati considerati.

Come verrà richiamato nelle conclusioni, l'importanza di definire uno standard per il formato RDF è di cruciale importanza. In questo modo si potrà creare un generatore di parser con una grammatica e un lessico ben definiti, nonché aumentarne l'efficienza e la stabilità.

4.2 Bounding Volume Hierarchy

4.2.1 Introduzione

Una Bounding Volume Hierarchy (BVH) è una struttura ad albero su un insieme di oggetti geometrici. Tutti gli oggetti geometrici sono raccolti in volumi limite che formano i nodi fogliari dell'albero. Questi nodi vengono quindi raggruppati come piccoli insiemi e racchiusi in volumi di delimitazione più grandi. Questi, a loro volta, sono ancora raggruppati e racchiusi in altri volumi di delimitazione più grandi in modo ricorsivo, risultando infine in una struttura ad albero con un singolo volume di delimitazione nella parte superiore dell'albero. Le gerarchie di volumi limitanti vengono utilizzate per supportare in modo efficiente diverse operazioni su insiemi di oggetti geometrici, come ad esempio il rilevamento delle collisioni.

Sebbene il wrapping degli oggetti nei volumi di delimitazione e l'esecuzione di test di collisione su di essi prima del test della geometria dell'oggetto stesso semplifichino i test e possano comportare miglioramenti significativi delle prestazioni, è ancora in corso lo stesso numero di test a coppie tra volumi di delimitazione. Organizzando i volumi di delimitazione in una gerarchia di volumi di delimitazione, la complessità temporale (il numero di test eseguiti) può essere ridotta logaritmicamente nel numero di oggetti. Con una tale gerarchia in atto, durante i test di collisione, i volumi secondari non devono essere esaminati se i loro volumi principali non sono intersecati.

4.2.2 Minimum Bounding Box

In geometria, il rettangolo minimo o più piccolo (o Minimum Bounding Box (MBB)) per racchiudere un insieme di punti S in N dimensioni è l'rettangolo con la misura più piccola (area, volume o ipervolume in dimensioni superiori) all'interno del quale si trovano tutti i punti. Il termine "iper-rettangolo (o più semplicemente box) deriva dal suo utilizzo nel sistema di coordinate cartesiane, dove viene effettivamente

visualizzato come un rettangolo (caso bidimensionale), parallelepipedo rettangolare (caso tridimensionale), ecc. Nel caso bidimensionale viene chiamato rettangolo di delimitazione minimo.

4.2.2.1 Axis Aligned Bounding Box

Il MBB allineato agli'assi (AABB) per un determinato set di punti è il rettangolo di delimitazione minimo soggetto al vincolo che i bordi del rettangolo sono paralleli agli assi cartesiani. È il prodotto cartesiano di N intervalli ciascuno dei quali è definito da un valore minimo e un valore massimo della coordinata corrispondente per i punti in S.

I rettangoli di delimitazione minimi allineati all'asse vengono utilizzati per determinare la posizione approssimativa di un oggetto e come descrittore molto semplice della sua forma. Ad esempio, nella geometria computazionale e nelle sue applicazioni quando è necessario trovare intersezioni nel set di oggetti, il controllo iniziale sono le intersezioni tra i loro MBB. Dato che di solito è un'operazione molto meno costosa del controllo dell'intersezione effettiva (perché richiede solo confronti di coordinate), consente di escludere rapidamente i controlli delle coppie che sono molto distanti.

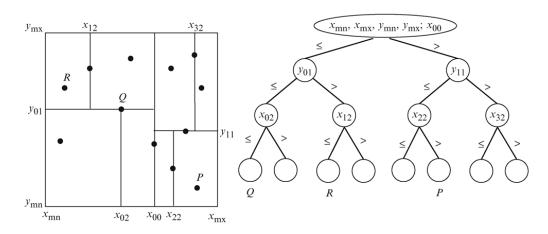


Figura 4.1: Esempio di albero di tipo AABB.

4.2.2.2 Arbitrarily Oriented Bounding Box

Il MBB orientato arbitrariamente (*Arbitrarily Oriented Bounding Box* (AOBB)) è il rettangolo di delimitazione minimo, calcolato senza vincoli per quanto riguarda

l'orientamento del risultato. Gli algoritmi del rettangolo di delimitazione minimo basati sul metodo dei calibri rotanti possono essere utilizzati per trovare l'area di delimitazione dell'area minima o del perimetro minimo di un poligono convesso bidimensionale in tempo lineare e di un punto bidimensionale impostato nel tempo impiegato costruire il suo scafo convesso seguito da un calcolo del tempo lineare. Un algoritmo di pinze rotanti tridimensionali può trovare il rettangolo di delimitazione orientato arbitrariamente sul volume minimo di un punto tridimensionale impostato in tempo cubo.

4.2.2.3 Object Oriented Bounding Box

Nel caso in cui un oggetto abbia un proprio sistema di coordinate locale, può essere utile memorizzare un rettangolo di selezione relativo a questi assi, che non richiede alcuna trasformazione quando cambia l'orientazione dell'oggetto stesso.

4.2.3 Intersezione tra Alberi AABB

Per il rilevamento delle collisioni tra oggetti in due dimensioni, l'intersezione tra alberi di tipo AABB, è l'algoritmo più veloce per determinare se le due entità di gioco si sovrappongono o meno, e in che parti. Nello specifico, ciò consiste nel controllare le posizioni delle *i*-esime *Bounding Box* (BB) nello spazio delle coordinate bidimensionali per vedere se si sovrappongono.

Il vincolo di allineamento dei rettangoli agli assi è presente per motivi di prestazioni, infatti, l'area di sovrapposizione tra due riquadri non ruotati può essere controllata solo con confronti logici. Mentre i riquadri ruotati richiedono ulteriori operazioni trigonometriche, che sono più lente da calcolare. Inoltre, se si hanno entità che possono ruotare, le dimensioni dei rettangoli e/o sotto-rettangoli dovranno modificarsi in modo da avvolgere ancora l'oggetto o si dovrà optare per un altro tipo di geometria di delimitazione, come le sfere (che sono invarianti alla rotazione).

Nel caso specifico, l'ombra dello pneumatico sarà rappresentata da un albero di tipo AABB con una sola foglia. Ovvero si andrà a rappresentare lo pneumatico con una BB avente lati uguali e rappresentanti il massimo ingombro che può avere nello spazio. Si andrà inoltre ad incrementare del 10% ognuno di questi lati in modo da tenere conto dell'angolo di camber, che portrebbe portare i punti di campionamento del terreno fuori dall'ombra. La strada, contrariamente al pneumatico, verrà tenuta come riferimento assoluto. In altre parole, una volta effettuato la parsificazione

del file RDF, verrà calcolato l'albero di tipo AABB. Lo pneumatico si muoverà all'interno della *mesh* e la sua ombra verrà ricalcolata e intersecata con l'albero AABB per ottenere tutti i triangoli in corrispondenza della stessa.

Volendo intersecare due semplici BB, quali A = [A.minX, A.maxX; A.minY, A.maxY] e B = [B.minX, B.maxX; B.minY, B.maxY], verrà usata la seguente funzione.

Volendo intersecare un albero di tipo AABB e una semplice BB, basterà ripetere a più step la funzione precedente lungo i rami dell'albero. Una volta arrivati a una o più foglia avremo tutti gli oggetti (o triangoli nel caso specifico) che sono posti in corrispondenza della BB (od ombra dello pneumatico nel caso specifico). Questi triangoli verranno poi usati per determinare il piano strada locale e il punto di contatto virtuale dello pneumatico.

È imporatante notare che il metodo appena visto, presenta numerosi vantaggi.

- Riduzione del numero di comparazioni da effettuare per ottenere l'intersezione BB-albero AABB. Infatti, la mesh può contenere decine di migliaia di trangoli, il metodo presentato consente di ridurre logarirmicamente il numero di comparazioni necessarie per ottenere il risultato.
- Riduzione del numero di trangoli da processare per ottenere il piano strada locale e il punto di contatto virtuale dello pneumatico. Infatti, vengono solamente processati quelli posti in corrispondenza del'ombra dello pneumatico.

4.3 Algoritmi Geometrici

4.3.1 Introduzione

La geometria computazionale è la branca dell'informatica che studia le strutture dati e gli algoritmi efficienti per la soluzione di problemi di natura geometrica e la loro implementazione al calcolatore. Storicamente, è considerato uno dei campi più antichi del calcolo, anche se la geometria computazionale moderna è uno sviluppo recente. La ragione principale per lo sviluppo della geometria computazionale è stata dovuta ai progressi compiuti nella computer grafica, *Computer-Aided Design*

(CAD), Computer-Aided Manufacturing (CAM) e nella visualizzazione matematica. Ad oggi, le applicazioni della geometria computazionale si trovano nella robotica, nella progettazione di circuiti integrati, nella visione artificiale, in Computer-Aided Engineering (CAE) e nel Geographic Information Systems (GIS). I rami principali della geometria computazionale sono:

- Calcolo combinatorio (o geometria algoritmica), che si occupa di oggetti geometrici come entità discrete. Ad esempio, può essere utilizzato per determinare il poliedro o il poligono più piccolo che contiene tutti i punti forniti, o più formalmente, dato un insieme di punti, si deve determinare il più piccolo insieme convesso che li contenga tutti (problema dell'inviluppo convesso).
- Geometria di calcolo numerica (o Computer-Aided Geometric Design (CAGD)), che si occupa principalmente di rappresentare oggetti del mondo reale in forme adatte per i calcoli informatici nei sistemi CAD e CAM. Questo ramo può essere visto come uno sviluppo della geometria descrittiva ed è spesso considerato un ramo della computer grafica o del CAD. Entità importanti di questo ramo sono superfici e curve parametriche, come ad esempio le spline e curve di Bézier.

In questo capitolo tutti gli algoritmi che verranno utilizzati in seguito durante l'analisi geometrica dell'intersezione tra pneumatico e superficie stradale saranno trattati. Questi algoritmi sono la soluzione di alcuni semplici ma molto importanti problemi, che devono essere risolti in modo efficiente. In particolare le intersezioni tra:

- punto e segmento (sul piano);
- punto e circonferenza (sul piano);
- raggio e circonferenza (sul piano);
- raggio e triangolo (sullo spazio);

saranno esaminati al fine di trovare la massima prestazione in termini di efficienza computazionale.

4.3.2 Intersezione tra Entità Geometriche

4.3.2.1 Punto-Segmento

Dato un punto $P = (x_p, y_p)$ e un segmento definito da due punti $A = (x_A, y_B)$ e $B = (x_B, y_B)$.

Figura 4.2: Schema grafico per l'intersezione punto-segmento

Per determinare se il punto P è intermo al segmento si eseguiranno i seguenti step.

- 1. Creazione di un vettore \overrightarrow{AB} e di un vettore \overrightarrow{AP} .
- 2. Calcolo il prodotto vettoriale $\overrightarrow{P_1P_2} \times \overrightarrow{PP_1}$, se il modulo del vettore risultante è nullo allora il punto P appartiene al segmento considerato.
- 3. Calcolo il prodotto scalare tra \overrightarrow{AB} e \overrightarrow{AP} . Se è nullo allora il punto P è coincidente a A, se è pari al modulo di \overrightarrow{AB} allora il punto P è coincidente a B, se è compreso tra 0 il modulo di \overrightarrow{AB} , allora il punto P giace all'interno del segmento considerato.

Il codice che esegue questo tipo di test è riportato in Figura 4.4

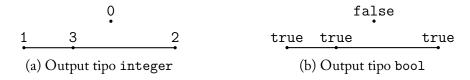


FIGURA 4.3: Schemi per l'output dell'intersezione punto-segmento.

4.3.2.2 Punto-Cerchio

Having a circle with center $C=(x_c,y_c)$ and radius r, the problem consists in finding out whether a query point $P=(x_p,y_p)$ is inside, outside or on the circle. The solution to the problem is simple: the distance between the circle center C and the query point P is given by the *Pythagorean theorem* as

$$d = \sqrt{(x_p - x_c)^2 + (y_p - y_c)^2}$$
(4.1)

Output tipo integer

```
if (AB.cross(AP) > epsilon)
        { return 0 }
   KAP = AB.dot(AP)
2
   if ( KAP
                   < -epsilon )</pre>
       { return 0 }
   if ( abs(KAP) < epsilon )</pre>
       { return 1 }
   KAB = AB.dot(AB)
5
   if ( KAP > KAB ) { return
   if ( abs(KAP - KAB) <</pre>
       epsilon ) { return 2 }
   return 3 // The point is on
        the segment
```

Output tipo bool

```
if (AB.cross(AP) > epsilon)
     { return false }
KAP = AB.dot(AP)
if (KAP
               < -epsilon )</pre>
   { return false }
if ( abs(KAP) < epsilon )</pre>
   { return true }
KAB = AB.dot(AB)
if ( KAP > KAB )
                   { return
   false }
if ( abs(KAP - KAB) <</pre>
   epsilon ) { return true
return true // The point is
    on the segment
```

FIGURA 4.4: Schema del codice per l'intersezione punto-segmento.

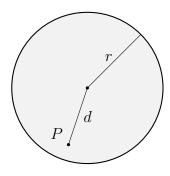


Figura 4.5: Point-circle intersection problem scheme.

The query point P is *inside* the circle if d < r, on the circle if d = r, and *outside* the circle if d > r. Little work can be saved by comparing d^2 with r^2 instead: the point P is *inside* the circle if $d^2 < r^2$, on the circle if $d^2 = r^2$, and *outside* the circle if $d^2 > r^2$. Thus, the final comparison will be between the number $(x_p - x_c)^2 + (y_p - y_c)^2$ and r^2 .

The *inputs* of the point-circle intersection algorithm are:

- the circle center $C = (x_c, y_c)$;
- the circle radius r;
- a query point $P = (x_p, y_p)$.

The *output* could be an integer which value is:

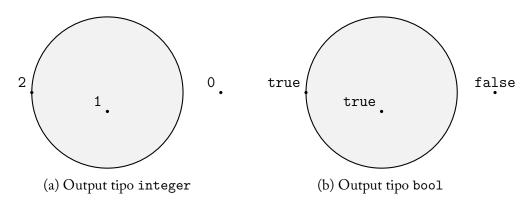


FIGURA 4.6: Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio.

- 0 if the point is outside;
- 1 if the point is inside;
- 2 if the point is on the circle.

Another option could be a boolean which value is:

- false if the point is outside;
- true if the point is inside or on the circle.

On Figura 4.7 the schemes for the point-circle intersection algorithm with integer and boolean outputs are reported.

Figura 4.7: Schemi per l'intersezione punto-cerchio.

4.3.2.3 Piano-Cerchio

4.3.2.4 Piano-Triangolo

4.3.2.5 Raggio-Triangolo

Having a triangle with vertices (V_1, V_2, V_3) and a ray R with origin R_O and direction R_D , the problem consists in finding out whether the ray hits or not the triangle and if so, where is the intersection point P. Over the last decades, plenty of algo-

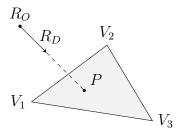


FIGURA 4.8: Ray-triangle intersection problem scheme.

rithms for solving this problem had been purposed, so there are several solutions to the ray/triangle or ray-triangle intersection problem. Three of the most relevant algorithms are:

- Badouel algorithm;
- Segura algorithm;
- Möller-Trumbore algorithm.

As Jiménez, Segura e Feito states in [2], the Möller-Trumbore's is the faster algorithm when the normal and/or the projection plane have not been previously stored, as in this thesis.

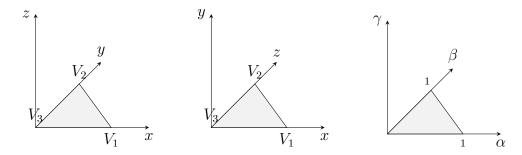


Figura 4.9: Transformation and base change of ray in Möller-Trumbore algorithm.

The inputs of the Möller-Trumbore algorithm are:

- Triangle vertices (V_1, V_2, V_3) ;
- Segment points (Q_1, Q_2) .

```
Without back-face culling
With back-face culling
Q = Q_2 - Q_1
                                                Q = Q_2 - Q_1
\tilde{E}_1 = V_2 - V_1
                                                E_1 = V_2 - V_1
E_2 = V_3 - V_1
                                                E_2 = V_3 - V_1
A = Q \times E_2
                                                A = Q \times E_2
D = A \cdot E_1
                                                D = A \cdot E_1
if (D > \varepsilon)
                                               if (D < \varepsilon)
  T = Q_1 - V_1
                                                   return false
  u = A \cdot T
                                                T = Q_1 - V_1
  if (u < 0.0 || u > D){
     return false
                                                u = A \cdot T
                                               if (u < 0.0 || u > D){
   B = T \times E_1
                                                   return false
  v = B \cdot Q
  if (v < 0.0 || u + v > D){
                                                B = T \times E_1
     return false
                                                v = B \cdot Q
                                                if (v < 0.0 || u + v > D){
\} else if (D < -\varepsilon)
                                                     return false
  T = Q_1 - V_1
  u = A \cdot T
                                                D_{inv} = 1.0/D
  if (u > 0.0 || u < D){
                                                t = (B \cdot E_2) * D_{inv}
                                                if (t > 0.0){
     return false
                                                   P = Q + D * t
   B = T \times E_1
                                                   return true
  v = B \cdot Q
                                                } else {
  if (v > 0.0 || u + v < D){
                                                   return false
     return false
} else {
  return false
D_{inv} = 1.0/D
t = (B \cdot E_2) * D_{inv}
if (t > 0.0){
   P = Q + D * t
  return true
} else {
  return false
```

FIGURA 4.10: Ray-triangle intersection algorithm schemes.

5.1 Organizzazione

5.1.1 Namespace RDF

5.1.1.1 BBox2D

Descrizione Questa classe contiene tutte le informazioni per definire una BB bidimensionale.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
real_type	Xmin	•	•	X_{min} della BB
real_type	Ymin	•	•	Y_{min} della BB
real_type	Xmax	•	•	X_{max} della BB
real_type	Ymax	•	•	Y_{max} della BB

Tabella 5.1: Attributi della classe BBox2D

Funzioni

clear Elimina il dominio della BB.

Input: void Output: void

print Stampa il dominio della BB.

• *Input*: ostream_type

• Output: void

updateBBox2D Aggiorna il dominio della BB dato un set di tre punti tridimensionali in input.

Input: vec3[3] Output: void

5.1.1.2 Triangle3D

Descrizione Questa classe contiene tutte le informazioni geometriche per definire un triangolo con vertici nello spazio tridimensionale.

Attributo	Getter	Setter	Descrizione
Vertices[3]	•	•	Vertici del triangolo
Ymin	•	•	Y _{min} della BB
Xmax	•	•	X_{max} della BB
Ymax	•	•	Y _{max} della BB

Tabella 5.2: Attributi della classe BBox2D

Funzioni

clear Elimina il dominio della BB.

Input: void Output: void

print Stampa il dominio della BB.

• *Input*: ostream_type

• Output: void

updateBBox2D Aggiorna il dominio della BB dato un set di tre punti tridimensionali in input.

Input: vec3[3] Output: void

- 5.1.1.3 TriangleRoad
- 5.1.1.4 MeshSurface

5.2 Utilizzo e Prestazioni

7.1 A Table

Feature	Misuse-based	Anomaly-based
Modeled activity:	Malicious	Normal
Detection method:	Matching	Deviation
Threats detected:	Known	Any
False negatives:	High	Low
False positives:	Low	High
Maintenance cost:	High	Low
Attack desc.:	Accurate	Absent
System design:	Easy	Difficult

Tabella 7.1: Duality between misuse- and anomaly-based intrusion detection techniques. Note that, an anomaly-based CAMs can detect "Any" threat, under the assumption that an attack always generates a deviation in the modeled activity.

7.2 Code

```
1  /* ... */ cd['<'] = {0.1, 0.11} cd['a'] = {0.01, 0.2} cd['b'] =
2  {0.13, 0.23} /* ... */
3
4  b = decode(arg3_value);</pre>
```

```
5
6  if ( !(cd['c'][0] < count('c', b) < cd['c'][1]) ||\
7       !(cd['<'][0] < count('<', b) < cd['<'][1]) ||\
8       ... || ...) fire_alert("Anomalous content detected!");
9  /* ... */</pre>
```

7.3 A Sideways Table

Арркоасн	Тіме	Header	Раугоар	Approach Time Header Payload Stochastic Determ. Clustering	D етекм.	CLUSTERING
[phad]		•				•
[kruegel:sac2002:anomaly]		•	•	•		
[protocolanom]		•		•	•	
[ramadas]			•			•
[rules-payl]	•		•		•	
[zanero-savaresi]		•	•			•
[wang:raid2004:payl]			•	•		
[zanero-pattern]		•	•			•
[DBLP:conf/iwia/BolzoniEHZ06]		•	•			•
[wang:raid2006:anagram]			•	•		

Tabella 7.2: Taxonomy of the selected state of the art approaches for network-based anomaly detection.

7.4 A Figure

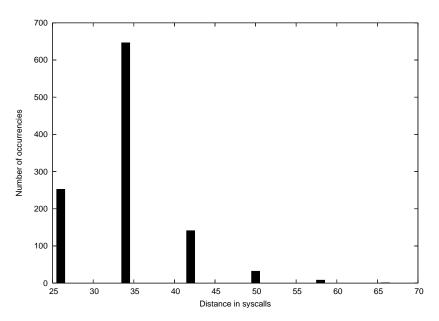


FIGURA 7.1: telnetd: distribution of the number of other system calls among two execve system calls (i.e., distance between two consecutive execve).

7.5 Bulleted List

- O = "Intrusion", $\neg O =$ "Non-intrusion";
- A = "Alert reported", $\neg A =$ "No alert reported".

7.6 Numbered List

- 1. O = "Intrusion", $\neg O =$ "Non-intrusion";
- 2. A = "Alert reported", $\neg A =$ "No alert reported".

7.7 A Description

Time refers to the use of *timestamp* information, extracted from network packets, to model normal packets. For example, normal packets may be modeled by their minimum and maximum inter-arrival time.

7.8 An Equation

$$d_a(i,j) := \begin{cases} K_a + \alpha_a \delta_a(i,j) & \text{if the elements are different} \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
 (7.1)

7.9 A Theorem, Proposition & Proof

Theorem 7.9.1 $a^2 + b^2 = c^2$

Proposition 7.9.2 3 + 3 = 6

Proof 7.9.1 For any finite set $\{p_1, p_2, ..., p_n\}$ of primes, consider $m = p_1p_2...p_n + 1$. If m is prime it is not in the set since $m > p_i$ for all i. If m is not prime it has a prime divisor p. If p is one of the p_i then p is a divisor of $p_1p_2...p_n$ and hence is a divisor of $(m - p_1p_2...p_n) = 1$, which is impossible; so p is not in the set. Hence a finite set $\{p_1, p_2, ..., p_n\}$ cannot be the collection of all primes.

7.10 Definition

Definition 7.10.1 (Anomaly-based CAM) An anomaly-based CAM is a type of CAM that generate alerts \mathbb{A} by relying on normal activity profiles.

7.11 A Remark

Remark 1 Although the network stack implementation may vary from system to system (e.g., Windows and Cisco platforms have different implementation of CAM).

7.12 An Example

Example 7.12.1 (Misuse vs. Anomaly) A misuse-based system M and an anomaly-based system A process the same log containing a full dump of the system calls invoked by the kernel of an audited machine. Log entries are in the form:

<function_name>(<arg1_value>, <arg2_value>, ...)

7.13 Note

Note 7.13.1 (Inspection layer) Although the network stack implementation may vary from system to system (e.g., Windows and Cisco platforms have different implementation of CAM), it is important to underline that the notion of IP, TCP, HTTP packet is well defined in a system-agnostic way, while the notion of operating system activity is rather vague and by no means standardized.

A.0.1 Sistemi di Riferimento

La convenzione utilizzata per definire gli assi del sistema di riferimento della vettura è la *International Organization for Standardization* (ISO) 8855.

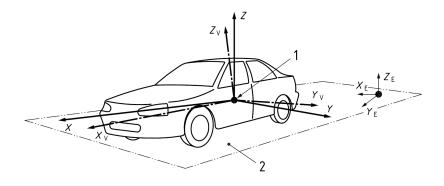


FIGURA A.1: Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento della vettura secondo la convenzione ISO-V.

Il sistema di riferimento della ruota è conforme alla convenzione ISO-V, la cui disposizione degli assi è illustrata nella Figura A.2. L'origine del sistema di riferimento del vettore ruota è posta in corrispondenza del centro della ruota mentre posizione e orientamento relativi rispetto al sistema di riferimento del telaio sono definiti attraverso il modello della sospensione descritto in [4].

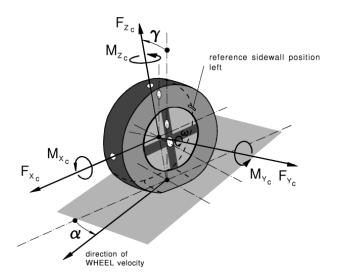


Figura A.2: Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento dello pneumatico secondo la convenzione ISO-C.

A.0.2 Matrice di Trasformazione

Per descrivere sia l'orientamento che la posizione di un sistema di assi nello spazio, viene introdotta la matrice roto-traslazione, chiamata anche matrice di trasformazione. Questa notazione permette di impiegare le operazioni matrice-vettore per l'analisi di posizione, velocità e accelerazione. La forma generale di una matrice di trasformazione è del tipo:

$$T_{m} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} R_{m} & O_{mx} \\ O_{my} & O_{my} \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(A.1)

dove R_m è la matrice di rotazione 3×3 del sistema di riferimento in movimento e O_{mx} , O_{my} e O_{mz} sono le coordinate della sua origine nel sistema di riferimento assoluto o nativo.

L'introduzione dell'elemento fittizio 1 nel vettore della posizione di origine e la successiva spaziatura interna zero della matrice rende possibili le moltiplicazioni matrice-vettore, rendendo la matrice di trasformazione una notazione compatta e conveniente per la descrizione dei sistemi di riferimento. Si noti che per i vettori, le informazioni traslazionali vengono trascurate imponendo l'elemento fittizio pari a 0.

B.1 TireGround.hh

```
1 /*!
 3 \mainpage
 5 Master's Thesis
 7\;{\rm Algorithm} for Tire Contact Patch Evaluation in Soft Real-Time
 9 Academic Year 2019 \cdot 2020
10
11 Graduant:
12 ---
14 Davide Stocco\n
15 Department of Industrial Engineering\n
16 University of Trento\n
17 davide.stocco@studenti.unitn.it
19 Supervisor:
20 -
22 Prof. Enrico Bertolazzi\n
23 Department of Industrial Engineering\n
24 University of Trento\n
25 enrico.bertolazzi@unitn.it
27 */
28
29 ///
30 /// file: TireGround.hh
31 ///
33 #pragma once
35 #include <Eigen/Dense> // Eigen linear algebra Library
36 #include <chrono>
                      // chrono - STD Time Measurement Library
```

```
37 #include <cmath>
                          // Math.h - STD math Library
                          // fStream - STD File I/O Library
38 #include <fstream>
39 #include <iostream>
                          // Iostream - STD I/O Library
40 #include <string>
                          // String - STD String Library
41 #include <vector>
                          // Vector - STD Vector/Array Library
42
43 namespace TireGround {
44
45
    typedef double real_type; //!< Real number type</pre>
    typedef int int_type; //!< Integer number type
46
47
48
    typedef Eigen::Vector2d vec2; //!< 2D vector type
49
    typedef Eigen:: Vector3d vec3; //! < 3D vector type
50 typedef Eigen::Vector4d vec4; //!< 3D vector type
    typedef Eigen::Matrix3d mat3; //!< 3x3 matrix type
52
    typedef Eigen::Matrix4d mat4; //!< 4x4 matrix type
53
54
    typedef Eigen::Matrix<vec2,1,Eigen::Dynami
                                                              row_vec2; //!< Row vector type of 2D vector
55
    typedef Eigen::Matrix<vec2,Eigen::Dynamic,1>
                                                              col_vec2; //!< Column vector type of 2D vector
    typedef Eigen::Matrix<vec2,Eigen::Dynamic,Eigen::Dynamic> mat_vec2; //!< Matrix type of 2D vector
57
58
    typedef Eigen::Matrix<vec3,1,Eigen::Dynami⋄
                                                              row_vec3; //!< Row vector type of 3D vector
                                                              col_vec3; //!< Column vector type of 3D vector
    typedef Eigen::Matrix<vec3,Eigen::Dynamic,1>
60
    typedef Eigen::Matrix<vec3,Eigen::Dynamic,Eigen::Dynamic> mat_vec3; //!< Matrix type of 3D vector
61
62
    typedef std::basic_ostream<char> ostream_type; //!< Output stream type</pre>
63
64
   real_type const epsilon = std::numeric_limits<real_type>::epsilon(); //!< Epsilon type
65
66 } // namespace TireGround
68 ///
69 /// eof: TireGround.hh
70 ///
```

B.2 RoadRDF.hh

```
2 /// file: MeshRDF.hh
 3 ///
 5 #pragma once
 7 #include <AABBtree.hh>
 8 #include "TireGround.hh"
10 \text{ // Print progress to console while loading (large models)}
11 #define RDF_CONSOLE_OUTPUT
12
13 #ifndef RDF_ERROR
14 #define RDF_ERROR(MSG) {
15
      \verb|std::ostringstream| ost; ost << \verb|MSG|; \\
      throw std::runtime_error( ost.str() ); \
17 }
18 #endif
20 #ifndef RDF_ASSERT
21 #define RDF_ASSERT(COND,MSG) \
      if (!(COND)) RDF_ERROR(MSG)
22
23 #endif
25 //! RDF mesh computations routine
26 namespace RDF {
```

```
28
    using namespace TireGround;
29
30
    class TriangleRoad;
31
32
    typedef std::shared_ptr<TriangleRoad> TriangleRoad_ptr; //!< Shared pointer to TriangleRoad object
    typedef std::vector<TriangleRoad_ptr> TriangleRoad_list; //!< Vector of shared pointers to TriangleRoad
33
          objects
34
35
    /*\
36
        37
38
39
40
            ./|___/ \__/.\_\__/
41
     - 1
42
    \*/
43
44
    //! Class that handle BBox3D.
45
    class BBox3D {
    private:
46
47
      real_type Xmin; //!< Xmin shadow domain point
48
      real_type Ymin; //!< Ymin shadow domain point
49
      real_type Xmax; //!< Xmax shadow domain point
50
      real_type Ymax; //!< Ymax shadow domain point
51
52
    public:
53
54
      //! Default constructor for BBox3D object.
55
      BBox3D() {}
56
57
      //! Variable set constructor for BBox3D object.
58
      BBox3D( vec3 const Vertices[3] ) {
59
        updateBBox3D( Vertices );
60
61
62
      //! Set Xmin shadow domain point.
63
64
      setXmin(real_type const _Xmin) { Xmin = _Xmin; }
65
66
      //! Set Ymin shadow domain point.
67
      void
68
      setYmin(real_type const _Ymin) { Ymin = _Ymin; }
69
70
      //! Set Xmax shadow domain point.
71
72
      setXmax(real_type const _Xmax) { Xmax = _Xmax; }
73
74
      //! Set Ymax shadow domain point.
75
76
      setYmax(real_type const _Ymax) { Ymax = _Ymax; }
77
78
      //! Get Xmin shadow domain point.
79
      real_type
80
      getXmin(void) const { return Xmin; }
81
82
      //! Get Ymin shadow domain point.
83
      real type
84
      getYmin(void) const { return Ymin; }
85
86
      //! Get Xmax shadow domain point.
87
      real_type
88
      getXmax(void) const { return Xmax; }
89
90
      //! Get Ymax shadow domain point.
```

```
91
       real_type
       getYmax(void) const { return Ymax; }
 92
 93
 94
       //! Clear the bounding box domain.
 95
       void clear(void);
 96
 97
       //! Print bounding box vertices.
 98
       void
99
       print(ostream_type & stream) const {
100
         stream
           << "BBOX (xmin,ymin,xmax,ymax) = ( " << Xmin << ", " << Ymin
101
102
           << ", " << Xmax << ", " << Ymax << ")\n";
103
104
105
       //! Update the bounding box domain with multiple input triangles object.
106
107
       updateBBox3D( vec3 const Vertices[3] );
     };
108
109
110
     /*\
111
          112
113
114
115
           |_||_| |_|\__,_|_| |_|\__, |_|\___/
116
117
     \*/
118
     //! Class for handling 3D triangles.
119
120
     class Triangle3D {
121
     protected:
122
       vec3 Vertices[3]; //!< Vertices vector</pre>
123
       BBox3D TriangleBBox; //!< Triangle bounding box
124
125
       Triangle3D( Triangle3D const & ) = delete;
                                                               //!< Copy constructor
126
       Triangle3D & operator = ( Triangle3D const & ) = delete; //!< Copy operator
127
128
129
       //! Variable set constructor for Triangle3D object.
       Triangle3D() {
130
131
         Vertices[0] = vec3(0,0,0);
         Vertices[1] = vec3(0,0,0);
132
         Vertices[2] = vec3(0,0,0);
133
134
         TriangleBBox.updateBBox3D(Vertices);
135
136
137
       //! Variable set constructor for Triangle3D object.
138
       Triangle3D( vec3 const _Vertices[3] ) {
139
         Vertices[0] = _Vertices[0];
         Vertices[1] = _Vertices[1];
Vertices[2] = _Vertices[2];
140
141
142
         TriangleBBox.updateBBox3D(Vertices);
143
       }
144
145
       //! Get triangle face normal versor.
146
       vec3
147
       Normal(void) const {
         vec3 d1 = Vertices[1] - Vertices[0];
148
         vec3 d2 = Vertices[2] - Vertices[0];
149
150
         return d1.cross(d2).normalized();
151
152
153
       //! Set vertices vector and update bounding box domain.
154
       void
155
       setVertices(
```

```
156
          vec3 const _Vertices[3] //!< New vertices vector</pre>
157
        ) {
158
         Vertices[0] = _Vertices[0];
159
          Vertices[1] = _Vertices[1];
160
          Vertices[2] = _Vertices[2];
161
         TriangleBBox.updateBBox3D(Vertices);
162
163
164
        //! Set vertices vector and update bounding box domain.
165
        void
166
        setVertices(
167
          vec3 const & Vertex_0,
168
         vec3 const & Vertex 1.
169
          vec3 const & Vertex_2
170
        ) {
171
          Vertices[0] = Vertex_0;
172
          Vertices[1] = Vertex_1;
173
          Vertices[2] = Vertex_2;
174
         TriangleBBox.updateBBox3D(Vertices);
175
176
177
        //! Get i-th vertex.
178
        vec3 const &
179
        getithVertex( unsigned i ) const { return Vertices[i]; }
180
181
        //! Get triangle bonding box.
182
        BBox3D const &
183
        getBBox(void) const { return TriangleBBox; }
184
185
        //! Print vertices information.
186
187
       print( ostream_type & stream ) const {
188
            << "V0:\t" << Vertices[0].x() << ", " << Vertices[0].y() << ", " << Vertices[0].z() << "\n"
189
            << "V0:\t" << Vertices[1].x() << ", " << Vertices[1].y() << ", " << Vertices[1].z() << "\n"</pre>
190
            << "V0:\t" << Vertices[2].x() << ", " << Vertices[2].y() << ", " << Vertices[2].z() << "\n";</pre>
191
192
        }
193
        //! Check if a ray hits a triangle object through Möller-Trumbore
195
        //! intersection algorithm.
196
        bool
197
        intersectRay(
198
            vec3 const & RayOrigin,
                                       //!< Ray origin position
199
            vec3 const & RayDirection, //!< Ray direction vector
200
            vec3
                      & IntPt
                                       //! Intersection point
201
        ) const;
202
203
        //! Check if a side of the triangle hits a and find the intersection point.
204
205
        intersectSidePlane( vec3
                                     const & planeN, //! < Plane normal vector
206
                                     const & planeP, //!< Plane known point
                            vec3
207
                                             Side, //!< Triangle side number (1:3)
                            int_type
                                           & IntPt //!< Intersection point
208
                            vec3
209
        ) const;
210
211
        //! Check if a plane intersects a triangle object and find the
212
        //! intersection points.
213
        bool
214
        \verb|intersectPlane|(
215
            vec3
                              const & planeN, //!< Plane normal vector
216
                              const & planeP, //! < Plane known point
            vec3
217
            std::vector<vec3>
                                    & IntPts //!< Intersection points
218
        ) const;
219
220 };
```

```
221
222
     /*\
223
         225
226
228
     - 1
229
     \*/
230
231
     //! Class for handling Road triangles.
232
     class TriangleRoad : public Triangle3D {
233
     private:
234
      real_type Friction;
                             //!< Face friction coefficient
235
236
       TriangleRoad( TriangleRoad const & ) = delete;
                                                                //!< Copy constructor
237
       TriangleRoad & operator = ( TriangleRoad const & ) = delete; //!< Copy operator
238
239
240
       //! Variable set constructor for TriangleRoad object.
241
       TriangleRoad() : Triangle3D()
242
       { Friction = 0.0;
243
244
245
       //! Variable set constructor for TriangleRoad object.
246
       TriangleRoad( vec3 const _Vertices[3],
247
                   real_type
                                   _Friction
248
       ) : Triangle3D( _Vertices ) {
249
        Friction = _Friction;
250
       }
251
252
       //! Set friction.
253
254
       setFriction( real_type _Friction ) { Friction = _Friction; }
255
256
       //! Get friction coefficent on the face.
      real_type
257
      getFriction(void) const { return Friction; }
258
259
260
261
262
     - 1
     263
264
265
          \__,_|_|\__, |\___/|_| ||_|\__|_| ||_| ||_| ||_|
266
267
268
     \*/
269
270
     //! Algorithms for RDF mesh computations routine.
271
     namespace algorithms {
272
       //! Split a string into a string array at a given token.
273
274
       void
275
       split(
        std::string const & in, //!< Input string std::vector<std::string> & out, //!< Output string vector
276
277
                               & token //!< Token
278
        std::string const
279
280
281
       //! Get tail of string after first token and possibly following spaces.
282
       std::string
283
       tail( std::string const & in );
284
285
       //! Get first token of string.
```

```
std::string
286
287
       firstToken( std::string const & in );
288
289
       //! Get element at given index position.
290
       template<typename T>
291
       T const &
       getElement(
292
293
        std::vector<T> const & elements, //!< Elements vector
294
         std::string const & index
                                      //!< Index position
295
296
    } // namespace algorithms
297
298
     /*\
299
     300
301
     302
303
      | |_| |_|\___/_| |_|___/ \__,_|_| |_| \__,_|\__\
304
305
     \*/
306
307
     //! Class for handling MeshSurface object.
308
     class MeshSurface {
309
     private:
310
       TriangleRoad_list
                                      PtrTriangleVec; //!< Triangles ptr vector list
311
       std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> PtrBBoxVec;
                                                    //! Bounding boxes pointers
312
       G2lib::AABBtree::PtrAABB
                                     PtrTree
313
                 = std::make_shared<G2lib::AABBtree>(); //!< Mesh tree pointer
314
315
       MeshSurface( MeshSurface const & ) = delete;
                                                             //!< Copy constructor
316
       MeshSurface & operator = ( MeshSurface const & ) = delete; //!< Copy operator
317
318
319
       //! Default set constructor for MeshSurface object.
320
       MeshSurface() {};
321
322
       //! Variable set constructor for MeshSurface object.
323
       MeshSurface(
324
         TriangleRoad_list const & _PtrTriangleVec //!< Triangles ptr vector list</pre>
325
       ) {
326
         this->PtrTriangleVec = _PtrTriangleVec;
327
         updatePtrBBox();
328
        PtrTree->build(PtrBBoxVec);
329
330
331
       //! Variable set constructor for MeshSurface object.
332
       MeshSurface(
333
         std::string const & Path //!< Path to the RDF file
334
       ) {
335
        bool load = LoadFile(Path);
336
        RDF_ASSERT( load, "Error while reading file" );
337
338
339
       //! Get all triangles inside the mesh as a vector.
340
       TriangleRoad_list const &
       getTrianglesPtr(void) const
341
342
       { return PtrTriangleVec; }
343
344
       //! Get i-th triangle.
345
       TriangleRoad_ptr const &
346
       getithTrianglePtr( unsigned i ) const
347
       { return PtrTriangleVec[i]; }
348
349
       //! Get AABB tree.
350
       G2lib::AABBtree::PtrAABB
```

```
351
       getAABBPtr(void) const
352
       { return PtrTree; }
353
354
       //! Print data in file.
       void printData( std::string const & FileName );
355
356
357
       //! Get the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
358
       std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> const &
359
       getPtrBBox() const
       { return PtrBBoxVec; }
360
361
362
       //! Copy the mesh.
363
       void
364
       set( MeshSurface const & in ) {
365
         this->PtrTriangleVec = in.PtrTriangleVec;
366
         this->PtrBBoxVec = in.PtrBBoxVec;
367
         this->PtrTree
                             = in.PtrTree;
368
369
370
       //! Load the RDF model and print information on a file.
371
       //! If RDF model is properly loaded true value is returned.
372
       bool
373
       LoadFile(
374
         std::string const & Path //!< Path to the RDF file
375
376
377
       //! Update the local intersected triangles list.
378
       RDF::TriangleRoad_list
379
       updateIntersection(
380
         G2lib::AABBtree::PtrAABB const & ExternalTreePtr //!< External AABB tree ptr
381
382
383
384
       //! Update the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
385
       void updatePtrBBox(void);
386
387
       //! Generate vertices from a list of positions face line.
388
389
       GenVerticesFromRawRDF(
390
         std::vector<vec3> const & iNodes,
391
         std::string
                       const & icurline,
392
         vec3
                                   oVerts[3]
393
       );
394 };
395
396 } // namespace RDF
398 ///
399 /// eof: MeshRDF.hh
400 ///
```

B.3 RoadRDF.cc

```
12
             /|___/ \__/<sub>-</sub>\_\_\|__
13
    \*/
15
16
    //! Clear the bounding box domain.
17
18 BBox3D::clear(void) {
19
      Xmin = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
      Ymin = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
20
21
      Xmax = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
22
      Ymax = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
23 }
24
25
    //! Update the bounding box domain with multiple input triangles object.
26
    void
27
    BBox3D::updateBBox3D( vec3 const Vertices[3] ) {
28
      {\tt G2lib::minmax3(\ Vertices[0].x(),\ Vertices[1].x(),\ Vertices[2].x(),\ Xmin,\ Xmax\ );}
29
      G2lib::minmax3( Vertices[0].y(), Vertices[1].y(), Vertices[2].y(), Ymin, Ymax );
30
31
    /*\
32
33
     34
35
36
          |_||_| |_|\__,_|_| |_|\__, |_|\
37
38
39
    \*/
40
41
    //! Check if a ray hits a triangle object through Möller-Trumbore
42
    //! intersection algorithm.
43
44
    Triangle3D::intersectRay(
45
                                  //!< Ray origin position
        vec3 const & RayOrigin,
46
        vec3 const & RayDirection, //!< Ray direction vector
47
        vec3
                   & IntPt
                                  //! Intersection point
48
    ) const {
      vec3 E1(Vertices[1] - Vertices[0]);
      vec3 E2(Vertices[2] - Vertices[0]);
50
51
      vec3 A(RayDirection.cross(E2));
52
      real_type det = A.dot(E1);
53
      real_type t_param;
54
55
      if (det > epsilon) {
        vec3 T(RayOrigin - Vertices[0]);
56
57
        real_type u = A.dot(T);
        if (u < 0.0 || u > det)
58
59
         return false;
60
        vec3 B(T.cross(E1));
        real_type v = B.dot(RayDirection);
61
62
        if (v < 0.0 || u + v > det)
63
         return false:
64
        t_{param} = (B.dot(E2)) / det;
      } else if (det < -epsilon) {
65
        vec3 T(RayOrigin - Vertices[0]);
66
67
        real_type u = A.dot(T);
        if (u > 0.0 || u < det)
68
69
         return false;
70
        vec3 B(T.cross(E1));
        real_type v = B.dot(RayDirection);
71
72
        if (v > 0.0 \mid \mid u + v < det)
73
         return false;
        t_param = (B.dot(E2)) / det;
74
75
      } else {
```

```
76
         return false;
 77
       }
 78
        /\!/ At this stage we can compute t to find out where the intersection
 79
       // point is on the line
 80
       if (t_param >= 0) { // ray intersection}
 81
          IntPt = RayOrigin + RayDirection * t_param;
 82
         return true;
 83
       } else {
 84
          /\!/ This means that there is a line intersection on negative side
 85
         return false:
 86
       }
 87
     }
 88
 89
      //! Check if a side of the triangle hits a and find the intersection point.
 90
 91
     Triangle3D::intersectSidePlane(vec3
                                             const & planeN, //!< Plane normal vector
 92
                                    vec3
                                             const & planeP, //!< Plane known point
                                                    Side, //!< Triangle side number (1:3) & IntPt //!< Intersection point
 93
                                    int_type
 94
                                    vec3
 95
     ) const {
 96
       vec3 PointA, PointB;
 97
        // Check that side number is between 1 and 3
 98
       RDF_ASSERT( (Side >=1 && Side <= 3) , "Side number must be between 1 and 3.")
 99
       if (Side == 1) {
100
         PointA = Vertices[0];
         PointB = Vertices[1];
101
102
       } else if ( Side == 2 ) {
103
         PointA = Vertices[1];
         PointB = Vertices[2]:
104
105
        } else if (Side == 3) {
         PointA = Vertices[2];
106
107
         PointB = Vertices[0];
108
109
        vec3 Direction(PointB - PointA);
110
111
       real_type d = planeP.dot(-planeN);
       real_type t = -(PointA.dot(planeN) + d) / (Direction.dot(planeN));
112
113
        if (t >= 0 && t <= 1) {
114
         IntPt = PointA + Direction * t;
115
         return true;
116
       } else {
117
         return false:
118
       }
119
120
121
      \ensuremath{/\!/!} Check if a plane intersects a triangle object and find the
122
      //! intersection points.
123
     bool
124
     Triangle3D::intersectPlane(
125
                            const & planeN, //!< Plane normal vector</pre>
          vec3
126
                            const & planeP, //!< Plane known point
          vec3
127
          std::vector<vec3>
                                  & IntPts //!< Intersection points
128
     ) const {
129
        // Clear intersection points vector
130
       IntPts.clear();
131
132
        // Fill intersection points vector
133
        vec3 IntPt1, IntPt2, IntPt3;
134
        if ( intersectSidePlane( planeN, planeP, 1, IntPt1 ) )
135
          IntPts.push_back(IntPt1);
        if (intersectSidePlane(planeN, planeP, 2, IntPt2))
136
137
          IntPts.push_back(IntPt2);
138
        if ( intersectSidePlane( planeN, planeP, 3, IntPt3 ) )
         IntPts.push_back(IntPt3);
139
140
        // Check the results (there must be only 2 intersection points)
```

```
141
        if ( IntPts.size() == 2 ) { return true; }
142
        else if ( IntPts.size() == 0 ) { return false; }
        else { RDF_ERROR( "\nPlane-Triangle intersection not handled. There are " << IntPts.size() << " <
143
             intersections."); }
144
     }
145
     /*\
146
147
      - 1
         148
149
150
151
           \_,_|_|\_, |\__/|_| |_|\__|_| |_|||_| |_|
152
      - 1
153
      \*/
154
155
     \ensuremath{/\!/!} Holds all of the algorithms needed for the mesh processing
156
     namespace algorithms {
157
158
        //! Split a string into a string array at a given token.
159
160
        split(
161
         std::string const
                                   & in, //!< Input string
         std::vector<std::string> & out, //!< Output string vector
162
163
         std::string const
                                  & token //!< Token
164
165
         out.clear();
166
          std::string temp;
167
         for ( int i = 0; i < int(in.size()); ++i ) {</pre>
168
169
            std::string test = in.substr(i, token.size());
170
            if (test == token) {
171
              if (!temp.empty()) {
172
                out.push_back(temp);
173
                temp.clear();
174
                i += (int)token.size() - 1;
175
             } else {
176
                out.push_back("");
177
178
            } else if (i + token.size() >= in.size()) {
179
             temp += in.substr(i, token.size());
180
              out.push_back(temp);
181
             break;
182
            } else {
183
              temp += in[i];
184
            }
185
         }
186
        }
187
188
        //! Get tail of string after first token and possibly following spaces.
189
        std::string
190
        tail(std::string const & in ) {
191
          size_t token_start = in.find_first_not_of(" \t");
         size_t space_start = in.find_first_of(" \t", token_start);
size_t tail_start = in.find_first_not_of(" \t", space_start);
192
193
194
          size_t tail_end = in.find_last_not_of(" \t");
195
          if (tail_start != std::string::npos && tail_end != std::string::npos) {
196
            return in.substr(tail_start, tail_end - tail_start + 1);
197
          } else if (tail_start != std::string::npos) {
198
           return in.substr(tail_start);
199
         }
200
         return "";
201
202
203
        //! Get first token of string.
204
        std::string
```

```
205
       firstToken( std::string const & in ) {
206
         if (!in.empty()) {
           size\_t \ token\_start = in.find\_first\_not\_of(" \ \t\r\n");\\
207
208
            if (token_start != std::string::npos) {
209
             size_t token_end = in.find_first_of(" \t\r\n", token_start);
210
             if (token_end != std::string::npos) {
211
              return in.substr(token_start, token_end - token_start);
             } else {
212
213
               return in.substr(token_start);
214
215
           }
216
217
         return "";
       }
218
219
220
       //! Get element at given index position.
221
       template<typename T>
222
       T const &
223
       getElement(
224
         std::vector<T> const & elements, //!< Elements vector
225
                                             //!< Index position
         std::string const & index
226
       ) {
        // std::cout << "Index: " << index << std::endl;
227
228
         int_type id = std::stoi(index);
229
         if ( id < 0 ) std::cerr << "ELEMENTS indexes cannot be negative\n";
230
         return elements[id - 1];
       }
231
232
     } // namespace algorithms
233
234
     /*\
235
236
                   237
238
239
240
241
     \*/
242
243 //! Print data in file.
244
     void
245
     MeshSurface::printData( std::string const & FileName ) {
246
      // Create/Open Out.txt
247
       std::ofstream file(FileName);
248
249
       // Print introduction
250
       file
251
         << "LOADED RDF MESH DATA\n\"
252
         << "Legend: n"
253
         << "\tVi: i-th vertex\n"
254
         << "\t N: normal to the face\n"
         << "\t F: friction coefficient\n\n";
255
256
257
       for ( unsigned i = 0; i < PtrTriangleVec.size(); ++i ) {</pre>
         TriangleRoad const & Ti = *PtrTriangleVec[i];
258
259
         vec3 const & VO( Ti.getithVertex(0) );
         vec3 const & V1( Ti.getithVertex(1) );
260
261
         vec3 const & V2( Ti.getithVertex(2) );
                      N = Ti.Normal();
262
         vec3
263
264
         // Print vertices, normal and friction
265
         file
266
           << "TRIANGLE " << i
267
           << "\n\tV0:\t" << V0.x() << ", " << V0.y() << ", " << V0.z()
           << "\n\tV1:\t" << V1.x() << ", " << V1.y() << ", " << V1.z()
<< "\n\tV2:\t" << V2.x() << ", " << V2.y() << ", " << V2.z()</pre>
268
269
```

```
270
            << "\n\t N:\t" << N.x() << ", " << N.y() << ", " << N.z()
            << "\n\t F:\t" << Ti.getFriction()</pre>
271
            << "\n\n";
272
273
274
        // Close File
275
       file.close();
276
277
278
      //! Update the mesh G2lib bounding boxes pointers vector
279
     void
280
     MeshSurface::updatePtrBBox(void) {
281
        PtrBBoxVec.clear();
282
       RDF::BBox3D iBBox:
283
        for (unsigned id = 0; id < PtrTriangleVec.size(); ++id) {</pre>
284
          iBBox = (*PtrTriangleVec[id]).getBBox();
285
          PtrBBoxVec.push_back(G2lib::BBox::PtrBBox(
286
              new G2lib::BBox(iBBox.getXmin(), iBBox.getYmin(), iBBox.getXmax(),
287
                              iBBox.getYmax(), id, 0)));
288
          iBBox.clear();
289
       }
290
    }
291
292
     //! Load the RDF model and print information on a file
293
294
      MeshSurface::LoadFile( std::string const & Path ) {
295
        // Check if the file is an ".rdf" file, if not return false
        if (Path.substr(Path.size() - 4, 4) != ".rdf") {
296
297
          std::cerr << "Not a RDF file\n";</pre>
298
         return false:
299
       }
300
301
        \ensuremath{/\!/} Check if the file had been correctly open, if not return false
302
        std::ifstream file(Path);
303
        if (!file.is_open()) {
          std::cerr << "RDF file not opened\n";
304
305
         return false;
306
307
        // Vector for nodes coordinates
309
        std::vector<vec3> Nodes;
310
        bool nodes_parse = false;
311
312
       bool elements_parse = false;
313
314 \; \texttt{#ifdef} \; \texttt{RDF\_CONSOLE\_OUTPUT}
315
        int_type const outputEveryNth = 5000;
        int_type outputIndicator
316
                                      = outputEveryNth;
317 #endif
318
        std::string curline;
319
320
        while (std::getline(file, curline)) {
321 #ifdef RDF_CONSOLE_OUTPUT
322
          if ((outputIndicator = ((outputIndicator + 1) % outputEveryNth)) == 1) {
323
            std::cout
324
              << "\r- "
              << "Loading mesh..."
325
326
              << "\t triangles > "
327
              << PtrTriangleVec.size() << std::endl;</pre>
328
329 #endif
330
331
          std::string token = algorithms::firstToken(curline);
332
          if ( token == "[NODES]" || token == "NODES" ) {
333
            nodes_parse = true;
334
            elements_parse = false;
```

```
335
          } else if (token == "[ELEMENTS]" || token == "ELEMENTS") {
336
337
           nodes_parse
                         = false;
338
           elements_parse = true;
339
            continue;
          } else if (token[0] == '{') {
340
341
            // commento multiriga, continua a leggere fino a che trovo '}'
342
343
          } else if (token[0] == '\'' || token[0] == '\' || token[0] == '\r') {
344
            // Check comments or empty lines
345
            continue;
346
347
348
          // Generate a vertex position
349
          if (nodes_parse) {
350
           std::vector<std::string> spos;
351
           vec3 vpos;
352
353
           algorithms::split(algorithms::tail(curline), spos, " ");
354
355
           vpos[0] = std::stod(spos[0]);
356
            vpos[1] = std::stod(spos[1]);
357
            vpos[2] = std::stod(spos[2]);
358
           Nodes.push_back(vpos);
359
360
361
          // Generate a face (vertices & indices)
362
          if (elements_parse) {
           // Generate the triangle vertices from the elements
363
364
            vec3 iVerts[3];
365
           GenVerticesFromRawRDF( Nodes, curline, iVerts );
366
367
            // Get the triangle friction from current line
368
           std::vector<std::string> curlinevec;
           algorithms::split(curline, curlinevec, " ");
369
370
           real_type iFriction = std::stod(curlinevec[4]);
371
372
            // Create a shared pointer for the last triangle and push it in the pointer vector
373
            PtrTriangleVec.push_back(TriangleRoad_ptr(new TriangleRoad(iVerts,iFriction)));
374
375
376
377 #ifdef RDF_CONSOLE_OUTPUT
378
       std::cout << std::endl;
379 #endif
380
381
       file.close();
382
383
       if (PtrTriangleVec.empty()) {
384
         perror("Loaded mesh is empty");
385
          return false;
386
       } else {
387
          // Update the local intersected triangles list
388 #ifdef RDF_CONSOLE_OUTPUT
389
      std::cout << std::endl << "Building AABB tree...";
390 #endif
391
         updatePtrBBox();
         PtrTree->build(PtrBBoxVec);
393 #ifdef RDF CONSOLE OUTPUT
394
      std::cout << "Done" << std::endl << std::endl;
395 #endif
396
397
         return true;
398
       }
399 }
```

```
400
401
     // Generate vertices from a list of positions face line.
402
     void
403
     MeshSurface::GenVerticesFromRawRDF(
404
       std::vector<vec3> const & iNodes.
405
       std::string
                        const & icurline,
406
       vec3
407
     ) {
408
       std::vector<std::string> svert;
409
                               vVert:
       algorithms::split( icurline, svert, " " );
410
411
412
       int_type control_size = int(svert.size() - 4);
413
       for ( int i = 1; i < int(svert.size() - control_size); ++i ) {</pre>
414
         // Calculate and store the vertex
415
         vVert = algorithms::getElement(iNodes, svert[i]);
416
         417
    }
418
419
     //! Update the local intersected triangles list.
420
421
     RDF::TriangleRoad_list
     MeshSurface::updateIntersection(
423
       G2lib::AABBtree::PtrAABB const & ExternalTreePtr
424
425
       RDF::TriangleRoad_list intersectionTriPtr;
426
       G2lib::AABBtree::VecPairPtrBBox intersectionList;
427
       (*PtrTree).intersect(*ExternalTreePtr, intersectionList);
       for ( unsigned i = 0; i < intersectionList.size(); ++i ) {</pre>
428
429
         intersectionTriPtr.push_back(
430
           getithTrianglePtr((*intersectionList[i].first).Id()));
431
432
       return intersectionTriPtr;
433 }
434
435 } // namespace RDF
436
437 ///
438 /// eof: MeshRDF.hh
439 ///
```

B.4 PatchTire.hh

```
1 ///
 2 /// file: PatchTire.hh
 3 ///
 5 #pragma once
 7 #include "RoadRDF.hh" // RDF file extention Loader
 9 //! Tire computations routine
10 namespace PatchTire {
11
12 using namespace TireGround;
13
    static real_type quiteNaN =
14
15
         std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN(); //!< Not-a-Number type
16
17
    static mat3 mat3_NaN = mat3::Constant(quiteNaN); //!< Not-a-Number 3x3 matrix type</pre>
    static vec3 vec3_NaN = vec3::Constant(quiteNaN); //!< Not-a-Number 3D vector type</pre>
19
20
    real_type const epsilon = std::numeric_limits<real_type>::epsilon(); //!< Epsilon (small number)
```

```
21
22
     /*\
23
              \(_)___| | __
25
         1 | | | / __| | / /
26
              /|_|__/_|\_\
27
28
29
           Z
30
      1
31
32
                         0 = OriginXZ
33
34
35
36
37
         ISO Reference Frame!
38
     \*/
39
40
     class ReferenceFrame;
41
    class ETRTO;
42
43
    //! Class for handling tire disks.
44
    class Disk {
45
    private:
                 OriginXZ; //!< XO,ZO origin vector
46
      vec2
      real_type OffsetY; //!< YO (= D) origin coordinate or offset from center</pre>
47
48
      real_type Radius; //!< Disk radius
49
50
      Disk( Disk const & ) = delete;
                                                            //!< Copy constructor
      Disk const & operator = ( Disk const & ) = delete; //!< Copy operator
51
52
53
54
55
       Disk( Disk && ) = default; //!< Enable && operator
56
57
       //! Default constructor for Disk object.
58
       Disk()
59
       : OriginXZ( vec2(quiteNaN, quiteNaN) )
60
       , OffsetY( quiteNaN )
61
       , Radius(quiteNaN)
62
63
64
       //! Variable set constructor for orientation object.
65
      Disk(
         vec2 const & _OriginXZ, //!< \ensuremath{\texttt{X0,Z0}} origin coordinate
66
         real_type __OffsetY, //!< YO (= D) origin coordinate real type Radius //!< Disk radius
67
68
                      _Radius
                                 //!< Disk radius
         real_type
69
70
         OriginXZ = _OriginXZ;
         OffsetY = _OffsetY;
Radius = _Radius;
71
72
73
       }
74
75
       //! Copy class Disk.
76
       void
77
       set( Disk const & in ) {
         this->OriginXZ = in.OriginXZ;
79
         this->OffsetY = in.OffsetY;
80
         this->Radius = in.Radius;
81
82
83
       //! Set origin vector.
84
85
       setOriginXZ( vec2 const & _OriginXZ )
```

```
{ OriginXZ = _OriginXZ; }
 87
 88
        //! Get origin vector XZ-axes coordinates.
 89
        vec2 const & getOriginXZ(void) const { return OriginXZ; }
 90
 91
        //! Get origin vector XYZ-axes coordinates.
 92
        vec3 getOriginXYZ(void) const
 93
        { return vec3(OriginXZ.x(), OffsetY, OriginXZ.y()); }
 94
 95
        //! Get origin Y-axis coordinate.
 96
        real_type getOffsetY(void) const { return OffsetY; }
 97
 98
        //! Get disk radius.
 99
        real_type getRadius(void) const { return Radius; }
100
101
        //! Check if a point lays inside or outside a circumfererence.
102
        //! If output bool is true the point is inside the circumfererence,
103
        //! otherwise it is outside.
104
        bool
105
        isPointInside(
106
         vec2
                    const & Point //!< Query point</pre>
107
        ) const;
108
109
        //! Find the intersection points between a circle and a line segment.
110
        //! Output integer gives the number of intersection points.
111
        int_type
112
        intersectSegment(
113
         vec2
                    const & Point_1,
                                         //!< Line segment point 1
114
         vec2
                    const & Point_2,
                                        //!< Line segment point 2
115
         vec2
                          & Intersect_1, //!< Intersection point 2
                          & Intersect_2 //!< Intersection point 2
116
         vec2
117
        ) const:
118
119
        //! Check if two plane intersects and find the intersecting rect.
120
        bool
121
        intersectPlane(
         vec3 const & Plane_Normal,
122
123
         vec3 const & Plane_Point,
124
         vec3
                     & Line_Direction,
125
         vec3
                     & Line_Point
126
        ) const;
127
128
        //! Get the contact patch length inside the single disk of a segment described by
129
        //! the intersection of triangles on XZ plane.
130
        real type
        getPatchLength(
131
132
         RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr, //!< Local intersected Triangle3D vector
133
         ReferenceFrame
                                const & RF
                                                             //!< Tire ReferenceFrame object
134
        ) const;
135
136
        //! Get the contact patch length inside the single disk [m] given
137
        //! a plane (normal and point).
138
        real_type
139
        getPatchLength(
140
                         const & Plane_Normal, //!< Plane normal in Disk RF</pre>
         vec3
141
                         const & Plane_Point, \ //! < Plane point in Disk RF
          vec3
142
          ReferenceFrame const & RF
                                               //!< Tire ReferenceFrame object
143
        ) const;
144
145
        //! Get the contact patch length inside the single disk [m] given two
146
        //! points in Disk RF.
147
        real_type
148
        getPatchLength(
149
         vec2
                         const & PointXZ_1, //!< Point1 in Disk RF</pre>
150
          vec2
                         const & PointXZ_2, //!< Point2 in Disk RF</pre>
```

```
151
          ReferenceFrame const & RF
                                            //!< ReferenceFrame object
152
        ) const:
153
154
        //! Get the contact patch length inside the single disk [m] give a sequence
155
        //! points in Disk RF.
156
       real_type
       getPatchLength(
157
                         const & XZ_sequence, //!< Points sequence in Disk RF</pre>
158
          col_vec2
159
          ReferenceFrame const & RF
                                             //!< ReferenceFrame object
160
       ) const:
161
162
     };
163
     /*\
164
165
              166
167
           168
169
170
171
172
     //! Class for handling ETRTO tire data.
173
     class ETRTO {
174
     private:
175
       real_type SectionWidth; //!< Tire section width[mm]</pre>
                                 //!< Tire aspect ratio [%]
176
       real_type AspectRatio;
                                //!< Rim diameter [in]
177
       real_type RimDiameter;
178
       real_type SidewallHeight; //!< Rim diameter [in]</pre>
179
       real_type TireDiameter; //!< Rim diameter [in]</pre>
180
181
       ETRTO( ETRTO const & ); //!< Copy constructor
182
183
184
        //! Default constructor for ETRTO object.
185
       ETRTO() {}
186
187
        //! Variable set constructor for ETRTO object (for Magic formula).
188
189
         real_type _SectionWidth, //!< Tire section width[mm]</pre>
         real_type _AspectRatio, //!< Tire aspect ratio [%]
190
191
          real_type _RimDiameter //!< Rim diameter [in]</pre>
192
        ) {
193
         SectionWidth = _SectionWidth;
         AspectRatio = _AspectRatio;
RimDiameter = _RimDiameter;
194
195
196
          calcSidewallHeight();
197
         calcTireDiameter();
198
199
        //! Operator = for ETRTO object.
200
201
       ETRTO const &
        operator = ( ETRTO const & in ) {
202
203
         this->SectionWidth = in.SectionWidth;
         this->AspectRatio = in.AspectRatio;
this->RimDiameter = in.RimDiameter;
204
205
          calcSidewallHeight();
206
207
          calcTireDiameter();
208
         return *this;
209
       }
210
211
        //! Get sidewall height [m].
       real_type getSidewallHeight(void) const { return SidewallHeight; }
212
213
214
        //! Get external tire diameter [m].
215
       real_type getTireDiameter(void) const { return TireDiameter; }
```

```
216
217
       //! Get external tire radius [m].
218
       real_type getTireRadius(void) const { return TireDiameter / 2.0; }
219
220
       //! Get section width [m].
221
       real_type getSectionWidth(void) const { return SectionWidth / 1000.0; }
222
223
       //! Display tire data on stream.
224
       print( ostream_type & stream ) const {
225
226
         stream
227
           << "Current Tire Data:\n"
228
           << "\tSection width = " << SectionWidth << " mm\n"</pre>
           << "\tAspect ratio = " << AspectRatio << " \%\n"
229
230
           << "\tRim diameter = " << RimDiameter << " in\n"</pre>
           << "\tS.wall Height = " << getSidewallHeight() * 1000 << " mm\n"
231
           << "\tTire diameter = " << getTireDiameter() * 1000 << " mm\n\n";</pre>
232
233
234
235 private:
236
       //! Calculate sidewall height [m].
237
       void
238
       calcSidewallHeight(void)
239
       { SidewallHeight = SectionWidth / 1000.0 * AspectRatio / 100; }
240
241
       //! Calculate external tire diameter [m].
242
       void
243
       calcTireDiameter(void)
244
       { TireDiameter = RimDiameter * 0.0254 + getSidewallHeight() * 2.0; }
245 };
246
     /*\
247
248
249
        250
251
252
      253
254
     \*/
255
256
     //! Class for handling tire reference frame.
257
     class ReferenceFrame {
258
     private:
259
       vec3 Origin
                         = vec3_NaN; //!< Origin position (default NaN)
260
       mat3 RotationMatrix = mat3_NaN; //!< 3x3 rotation matrix (default NaN)</pre>
261
262
       ReferenceFrame( ReferenceFrame const & ) = delete;
                                                                   //!< Copy constructor
263
       ReferenceFrame & operator = ( ReferenceFrame const & ) = delete; //!< Copy operator
264
265
     public:
266
       //! Default constructor for ReferenceFrame object.
267
       ReferenceFrame() {}
268
269
       //! Variable set constructor for ReferenceFrame object.
270
       ReferenceFrame(
         vec3 const & _Origin,
271
                                   //!< Origin position
272
         mat3 const & _RotationMatrix //!< Rotation matrix</pre>
273
       ) {
274
        Origin
                       = _Origin;
275
         RotationMatrix = _RotationMatrix;
276
277
278
       //! Check if ReferenceFrame object is empty or not (true == empty).
279
280
       isEmpty(void) {
```

```
281
          if ( Origin != Origin || RotationMatrix != RotationMatrix){
282
           return true;
283
          } else {
284
           return false;
285
         }
286
287
288
       //! Get current rotation matrix.
289
       mat3 const & getRotationMatrix(void) const { return RotationMatrix; }
290
291
       //! Get current rotation matrix inverse with LU decomposition.
292
       vec3 getRotationMatrixInverse(vec3 const & Point) const {
293
          // DA INDAGARE https://eigen.tuxfamily.org/dox/group__TutorialLinearAlgebra.html
294
          Eigen::PartialPivLUKRDF::mat3> RF_LU(RotationMatrix);
295
         return RF_LU.solve(Point);
296
297
298
       //! Get current X-axis versor.
299
       vec3 getX(void) const { return RotationMatrix.col(0); }
300
301
       //! Get current Y-axis versor.
302
       vec3 getY(void) const { return RotationMatrix.col(1); }
303
304
       //! Get current Z-axis versor.
305
       vec3 getZ(void) const { return RotationMatrix.col(2); }
306
307
       //! Get origin position.
308
       vec3 const & getOrigin(void) const { return Origin; }
309
310
       //! Set origin position.
311
       void setOrigin( vec3 const & _Origin ) { Origin = _Origin; }
312
313
       //! Set rotation matrix.
314
       void setRotationMatrix( mat3 const & _RotationMatrix ) { RotationMatrix = _RotationMatrix; }
315
316
       //! Set total transformation matrix.
317
       void
318
       \verb|setTotalTransformationMatrix( mat4 const \& TM ) \{|
319
                    = TM.block<3,1>(0,3);
320
         RotationMatrix = TM.block<3,3>(0,0);
321
322
323
       //! Get total transformation matrix.
324
325
       getTotalTransformationMatrix(void) {
326
327
         out << RotationMatrix, Origin, vec4(0.0, 0.0, 0.0, 1.0).transpose();
328
         return out;
329
330
331
       //! Copy class ReferenceFrame.
332
333
       set( ReferenceFrame const & in ) {
334
          this->Origin
                             = in.Origin;
335
         this->RotationMatrix = in.RotationMatrix;
336
337
338
       //! Get current Euler angles [rad] for X-axis.
339
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
340
       // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
341
       real_type getEulerAngleX(void) const;
342
343
       //! Get current Euler angles [rad] for Y-axis.
344
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
345
       // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
```

```
346
       real_type getEulerAngleY(void) const;
347
348
       //! Get current Euler angles [rad] for Z-axis.
349
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
350
        // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
351
       real_type getEulerAngleZ(void) const;
352
353
     };
354
355
     /*\
356
           357
358
359
360
            __/|_| |_|\__,_|\__,|\__/ \_/\_/
361
362
363
     //! Class for tire shadow bounding box
364
     class Shadow {
     private:
365
366
       real_type Xmin;
                                                     //!< Xmin shadow domain point
367
       real_type Ymin;
                                                     //!< Ymin shadow domain point
368
       real_type Xmax;
                                                     //!< Xmax shadow domain point
369
                                                     //!< Ymax shadow domain point
       real_type Ymax;
370
        std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> PtrBBoxVec; //!< Bounding boxes pointers
371
       G2lib::AABBtree::PtrAABB PtrTree =
372
           std::make_shared<G2lib::AABBtree>();
                                                    //!< Mesh tree pointer
373
374
       Shadow(Shadow const &);
                                                    //!< Copy constructor
375
       Shadow const & operator = ( Shadow const & ); //! < Copy operator
376
377
     public:
378
        //! Default constructor for Shadow object.
379
       Shadow() {}
380
381
        //! Variable set constructor for Shadow object.
382
       Shadow(
383
         ETRTO
                        const & TireGeometry, //!< \tt ETRTO tire denomination object
384
         ReferenceFrame const & RF
                                              //!< ReferenceFrame object
385
       ) {
386
         update( TireGeometry, RF );
387
388
389
        //! Get tire shadow AABB tree.
390
       G2lib::AABBtree::PtrAABB
391
       getAABBPtr(void) const {
392
         std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> PtrBBoxVec;
393
         G2lib::AABBtree::PtrAABB PtrTree =
394
           std::make_shared<G2lib::AABBtree>(); // Mesh tree pointer
395
         updatePtrBBox( PtrBBoxVec );
396
         PtrTree->build(PtrBBoxVec);
397
         return PtrTree;
398
       }
399
400
       //! Get Xmin shadow domain point.
401
       real_type getXmin(void) const { return Xmin; }
402
403
       //! Get Ymin shadow domain point.
404
       real_type getYmin(void) const { return Ymin; }
405
406
       //! Get Xmax shadow domain point.
407
       real_type getXmax(void) const { return Xmax; }
408
409
        //! Get Ymax shadow domain point.
410
       real_type getYmax(void) const { return Ymax; }
```

```
411
412
       //! Clear the tire shadow domain.
413
       void
414
       clear(void) {
415
         Xmin = quiteNaN;
416
         Ymin = quiteNaN;
417
         Xmax = quiteNaN;
418
         Ymax = quiteNaN;
419
420
421
       //! Print tire shadow bounding box vertices.
422
423
       print( ostream_type & stream ) const {
424
         stream
425
           << "BBOX (xmin,ymin,xmax,ymax) = ( " << Xmin << ", " << Ymin
           << ", " << Xmax << ", " << Ymax << " )\n";
426
427
428
       //! Update the rectangular shadow domain of the tire in {\tt X} and {\tt Y}-axis
429
430
       void
431
       update(
432
         ETRTO
                        const & TireGeometry, //!< ETRTO tire denomination object</pre>
433
         ReferenceFrame const & RF
                                              //!< ReferenceFrame object
434
435
436
     private:
437
       //! Update the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
438
       updatePtrBBox(
439
440
         std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> & PtrBBoxVec //!< Bounding boxes pointers
441
         ) const {
442
         PtrBBoxVec.resize(1);
443
         PtrBBoxVec[0] = G2lib::BBox::PtrBBox(
444
           new G21ib::BBox(Xmin, Ymin, Xmax, Ymax, 0, 0)
445
446
       }
447
     };
448
449
     /*\
450
451
            452
453
454
          |___/ \__,|_| |_| |_| .__/|_| |_| |_|, |\__,|
455
456
     \*/
457
458
     //! Class for handling the patch evaluation precision.
459
     class SamplingGrid {
460
     private:
461
       int_type Xdiv; //!< Number of points in X-axis on contact patch</pre>
462
       int_type Ydiv; //!< Number of points in Y-axis on contact patch</pre>
463
464
       SamplingGrid( SamplingGrid const & ) = delete;
                                                                   //!< Copy constructor
465
       SamplingGrid & operator = ( SamplingGrid const & ) = delete; //!< Copy operator
466
467
468
       //! Default constructor for SamplingGrid object.
469
       SamplingGrid()
470
       : Xdiv(quiteNaN) //!< Default number of points in X-axis on contact patch
471
        , \operatorname{Ydiv}(\operatorname{quiteNaN}) //!< Default number of points in Y-axis on contact patch
472
473
474
       //! Variable set constructor for SamplingGrid object.
475
       SamplingGrid(
```

```
476
         int_type _Xdiv, //!< Number of points in X-axis on contact patch</pre>
477
         int_type _Ydiv \//!< Number of points in Y-axis on contact patch
478
479
       : Xdiv(_Xdiv)
480
         Ydiv(_Ydiv)
481
482
         RDF_ASSERT( _Xdiv > 1, "Sampling points on X-axis cannot be less than 2.");
483
         RDF_ASSERT( _Ydiv > 1, "Sampling points on Y-axis cannot be less than 2.");
484
485
486
       //! Get number of divisions in X-axis.
487
       int_type getXdiv(void) const { return Xdiv; }
488
489
       //! Get number of divisions in Y-axis.
490
       int_type getYdiv(void) const { return Ydiv; }
491
492
       //! Set number of divisions in Y-axis.
493
       void
494
       set(
495
         int_type _Xdiv,
496
         int_type _Ydiv
497
       ) {
498
         Xdiv = _Xdiv;
499
         Ydiv = _Ydiv;
500
         RDF_ASSERT( _Xdiv > 1, "Sampling points on X-axis cannot be less than 2.");
501
         RDF_ASSERT( _Ydiv > 1, "Sampling points on Y-axis cannot be less than 2.");
       }
502
503
504
       //! Copy SamplingGrid class.
505
506
       set( SamplingGrid const & in ) {
507
         this->Xdiv = in.Xdiv;
508
         this->Ydiv = in.Ydiv;
509
       }
510 };
511
512
     /*\
513
        515
516
          \__,_|_|\__, |\___/|_| ||_|\_|_| ||_| ||_|
517
518
519
520
521
     \ensuremath{//!} Algorithms for tire computations routine.
522
     namespace algorithms {
523
524
       //! Check if a point lays inside or outside a line segment.
525
       //! Warning: The point query point must be on the same rect of the line
526
       //! segment.
527
       bool
528
       intersectPointSegment(
529
         vec2 const & Point_1, //!< Line segment point 1</pre>
530
         vec2 const & Point_2, //!< Line segment point 2
531
         vec2 const & Point //!< Query point</pre>
532
533
534
     } // namespace algorithms
535
536
537
           538
539
540
```

```
541
            |_| |_|_| \___|
542
                 ^ Z
543
544
545
546
547
548
549
550
551
552
553
554
555
556
557
558
         0 = OriginXZ
559
      | ISO Reference Frame!
560
     \*/
561
562
     //! Class for tire geometry and reference frame.
563
564
     protected:
565
       ETRTO
                      TireGeometry; //!< ETRTO tire denomination object
                                   //!< ReferenceFrame object
566
       ReferenceFrame RF;
567
568
       Tire( Tire const & );
                                                 //!< Copy constructor
       Tire const & operator = ( Tire const & ); //!< Copy operator
569
570
571
       //! Variable set constructor for Tire object.
572
573
       Tire(
574
         ETRTO const & _TireGeometry
575
       ) {
576
         TireGeometry = _TireGeometry;
577
578
579
       //! Set the Tire orientation.
580
       void
       setReferenceFrame( ReferenceFrame const & _RF )
581
582
       { RF.set(_RF); }
583
584
       //! Get Tire ReferenceFrame.
585
       ReferenceFrame const &
586
       getReferenceFrame(void) const
587
       { return RF; }
588
589
       //! Set camber angle.
590
       void
591
       setOrigin( vec3 const & Origin )
592
       { RF.setOrigin(Origin); }
593
594
       //! Set rotation matrix.
595
596
       setRotationMatrix( mat3 const & RotationMatrix )
597
       { RF.setRotationMatrix(RotationMatrix); }
598
599
       //! Set total transformation matrix.
600
       void
601
       setTotalTransformationMatrix( mat4 const & TM )
602
       { RF.setTotalTransformationMatrix(TM); }
603
604
       //! Get current Euler angles [rad] for X-axis.
605
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
```

```
606
       real_type getEulerAngleX(void) const { return RF.getEulerAngleX(); };
607
608
       //! Get current Euler angles [rad] for Y-axis.
609
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
610
       real_type getEulerAngleY(void) const { return RF.getEulerAngleY(); };
611
612
       //! Get current Euler angles [rad] for Z-axis.
613
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
614
       real_type getEulerAngleZ(void) const { return RF.getEulerAngleZ(); };
615 };
616
617
     /*\
618
      619
620
621
622
      | |_| |_|\__, |_|, |_|\__, |_| \__/|_| |_| |_| |_| |_|\__, |_|\__, |
623
      - [
624
     \*/
625
626
     //! Class for evaluating the contact patch for Magic Formla.
627
     class MagicFormula : public Tire {
628
     protected:
629
       Disk
                 SingleDisk;
                                 //!< Single Disk
630
       vec3
                 ContactNormal; //!< Contact normal direction
                 ContactPoint; //!< Contact point</pre>
631
       vec3
632
       {\tt real\_type~ContactFriction;~//!<~Contact~point~friction}
633
       real_type RelativeCamber; //!< Relative camber angle</pre>
634
635
       MagicFormula( MagicFormula const & );
                                                                //!< Copy constructor
636
       MagicFormula const & operator = ( MagicFormula const & ); //! < Copy operator
637
638
639
       //! Variable set constructor for MagicFormula object.
640
       MagicFormula(
641
         ETRTO const & _TireGeometry
642
       ) : Tire( _TireGeometry ) {
643
         SingleDisk.set( Disk( vec2(0.0, 0.0), 0.0, TireGeometry.getTireRadius() ) );
644
645
646
       //! Get contact point normal direction.
647
       vec3 const &
648
       getContactNormal(void) const
649
        { return ContactNormal; }
650
651
       //! Get contact point.
652
       vec3 const &
653
       getContactPoint(void) const
654
       { return ContactPoint; }
655
656
           //! Get contact point.
657
       real_type
       getContactFriction(void) const
658
659
        { return ContactFriction; }
660
661
       //! Get contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.
662
663
       getContactPointRF(void) const;
664
665
       //! Get relative camber angle [rad].
666
       real_type
       getRelativeCamber(void) const
667
668
        { return RelativeCamber; }
669
670
       //! Get contact depth at center point (if negative the tire
```

```
671
       //! does not touch the ground) [m].
672
       real_type
       getContactDepth(void) const
673
674
       { return TireGeometry.getTireRadius()-(RF.getOrigin()-ContactPoint).norm(); }
675
676
       //! Get approximed contact area [m^2] with triangles intersection.
677
       getContactArea(
678
679
         RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr //!< Local intersected triangles vector
680
       ) const
681
682
         return SingleDisk.getPatchLength( intersectionTriPtr, RF ) * TireGeometry.getSectionWidth();
683
684
685
       //! Get approximed contact area [m^2].
686
       real_type
687
       getContactArea(void) const
688
689
         return SingleDisk.getPatchLength( ContactNormal, ContactPoint, RF ) * TireGeometry.getSectionWidth();
690
691
692
       //! Get approximed contact volume [m^3] with triangles intersection.
693
       real_type
694
       getContactVolume(
695
         RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr // Local intersected triangles vector
696
       ) const;
697
698
       //! Get approximed contact volume [m^3].
699
       real_type
700
       getContactVolume(void) const;
701
702
       //! Update the current position of the tire and find parameters
703
       //! for the contact with precomputed local plane.
704
       void
705
       setup(
706
          vec3 const & _ContactNormal, //!< Contact point normal direction
707
         vec3 const & _ContactPoint, //!< Contact point</pre>
708
         mat4 const & _TM
                                      //!< Trasnformation matrix
709
       ) {
710
         // Set the new reference frame
711
         RF.setTotalTransformationMatrix(_TM);
712
         // Update class members
         ContactNormal = _ContactNormal;
713
714
         ContactPoint = _ContactPoint;
715
716
717
       //! Update the current position of the tire and find all parameters
718
       //! for the contact.
719
       void
720
       setup(
                                & Mesh, //! < MeshSurface object
721
         RDF::MeshSurface
722
         mat4
                          const & TM, //!< Trasnformation matrix
723
         bool
                                  print = false
724
       );
725
726
     protected:
727
       //! Perform one point sampling (return intersected triangle friction).
       real_type
728
729
       pointSampling(
730
       {\tt RDF::TriangleRoad\_list~const~\&~intersectionTriPtr,~//!} < {\tt Intersected~triangles~vector}
731
       vec3
                              const & RayOrigin,
                                                         //!< Ray origin
732
       vec3
                              const & RayDirection,
                                                           //!< Ray direction
733
       vec3
                                     & SampledPt
                                                           //!< Intersection point
734
       ) const;
735
```

```
736
       //! Perform triangles sampling on 4 points at 0.1*RO along X and 0.3*W along Y.
737
738
       fourPointsSampling(
739
       RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr, //!< Intersected triangles vector
740
                                  & SampledPtsVec
                                                        //!< Intersection points vector
       row_vec3
741
742
743
       //! Calculate the normal vector of the local track plane and local contact point.
744
745
       calculateLocalRoadPlane(
746
         RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr //!< Intersected triangles vector
747
748
749
       //! Calculate the relative camber angle [rad].
750
751
       calculateRelativeCamber(
752
         row_vec3 const & Qvec //!< Intersection points vector
753
       );
754 };
755
756 } // namespace PatchTire
757
758 ///
759 /// eof: PatchTire.hh
760 ///
```

B.5 PatchTire.cc

```
1 #include "PatchTire.hh"
                                   // RDF file extention Loader
 2 // #include "PolynomialRoots.hh" // Quartic roots Flocke library
 4 //! Tire computations routine
 5 \; {\tt namespace} \; {\tt PatchTire} \; \{ \;
 7
    using namespace TireGround;
 8
 9
10
           _ \()___| |
11
     | | | | / _ | | / /
12
13
14
     | |___/|_/_/_\
15
    \*/
16
    //! Check if a point lays inside or outside a circumfererence.
    \ensuremath{/\!/!} If output bool is true the point is inside the circumfererence,
18
19
    //! otherwise it is outside.
20
    bool
21
    Disk::isPointInside(
22
      vec2 const & Point
23
    ) const {
24
      // Compare radius with distance of disk center from given point
25
       vec2 PO( Point - OriginXZ );
26
      return PO.dot(PO) <= Radius*Radius;
    }
27
28
29
    \ensuremath{/\!/!} Find the intersection points between a circle and a line segment.
30
    //! Output integer gives the number of intersection points.
31
    int_type
32
    Disk::intersectSegment(
      vec2
                 const & Point_1,
33
                                      //!< Line segment point 1
34
      vec2
                 const & Point 2.
                                       //!< Line segment point 2
35
       vec2
                       & Intersect_1, //!< Intersection point 2
```

```
36
                      & Intersect_2 //!< Intersection point 2
      vec2
37
    ) const {
38
      real_type t_param;
39
      vec2
                d( Point_2 - Point_1 );
40
      vec2
                P10( Point_1 - OriginXZ );
41
      real_type A = d.dot(d);
      real_type B = 2 * d.dot(P10);
42
43
      real_type C = P10.dot(P10) - Radius*Radius;
44
      real_type det = B*B - 4 * A * C;
      if ( A <= epsilon || det < 0 ) {
45
46
        // No real solutions
47
        Intersect_1 = vec2(quiteNaN, quiteNaN);
        Intersect_2 = vec2(quiteNaN, quiteNaN);
48
49
        return 0;
50
      } else if ( \det = 0.0 ) {
        // One solution
51
52
        t_param
                  = -B / (2*A);
53
        Intersect_1 = Point_1 + t_param * d;
54
        Intersect_2 = vec2(quiteNaN, quiteNaN);
55
        return 1:
56
      } else {
57
        // Two solutions
        t_param = (-B + std::sqrt(det)) / (2 * A);
59
        Intersect_1 = Point_1 + t_param * d;
60
        t_{param} = (-B - std::sqrt(det)) / (2 * A);
        Intersect_2 = Point_1 + t_param * d;
61
62
        return 2;
63
    }
64
65
    //! Check if two plane intersects and find the intersecting rect.
66
67
    bool
    Disk::intersectPlane(
69
     vec3 const & Plane_Normal,
70
      vec3 const & Plane Point,
71
      vec3
                 & Line_Direction,
72
      vec3
                 & Line_Point
73
    ) const {
      // Plane(Point,Normal) and Disk intersection -> Parametric rect
75
      vec3 Disk_Point( getOriginXYZ() );
76
      vec3 Disk_Normal( 0.0, 1.0, 0.0 );
77
      // Rect direction
78
      Line_Direction = Plane_Normal.cross(Disk_Normal);
79
      // If the two plane are parallel they do not intersects
80
      if (Line_Direction.norm() > epsilon) {
81
        // Given the plane ax+by+cz=d
82
        real_type d_Disk = Disk_Point.dot(-Disk_Normal);
83
        real_type d_Plane = Plane_Point.dot(-Plane_Normal);
84
        // Find a point on the line, which is also on both planes
85
        // choose simplest plane where d=0: ax + by + cz = 0
86
        vec3 u1( d_Disk* Plane_Normal );
87
        vec3 u2( -d_Plane * Disk_Normal );
88
        Line_Point = (u1 + u2).cross(Line_Direction) / Line_Direction.dot(Line_Direction); // In absolute
             reference frame return
89
        return true;
90
      } else {
91
        return false;
92
93
    }
94
95
   //! Get the contact patch length inside the single disk of a segment described by
96
    //! the intersection of triangles on XZ plane.
97
    real_type
    Disk::getPatchLength(
99
      RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr, //!< Local intersected triangles
```

```
100
       ReferenceFrame
                               const & RF
                                                           //!< ReferenceFrame object
101
     ) const {
102
        // Disk point and vector in absolute reference frame
        vec3 Disk_Point( RF.getOrigin() + RF.getRotationMatrix()*getOriginXYZ() );
103
104
       vec3 Disk_Normal( RF.getY() );
105
        real_type PatchLength = 0.0;
106
        std::vector<vec3> IntersectionPts;
        for ( unsigned i = 0; i < intersectionTriPtr.size(); ++i ) {</pre>
107
108
          if (\ (*intersectionTriPtr[i]).intersectPlane(Disk\_Normal,\ Disk\_Point,\ IntersectionPts)\ )\ \{
109
            // Transform in disk relative reference frame
110
            vec3 P1_rel( RF.getRotationMatrixInverse(IntersectionPts[0] - RF.getOrigin()) );
111
            vec3 P2_rel( RF.getRotationMatrixInverse(IntersectionPts[1] - RF.getOrigin()) );
112
113
            // Transfer only the XZ part (Y part must be = to OffsetY, so useless)
114
            PatchLength += getPatchLength( vec2(P1_rel.x(),P1_rel.z()), vec2(P2_rel.x(),P2_rel.z()), RF);
115
116
       }
117
       return PatchLength;
118
119
120
     //! Get the contact patch length inside the single disk of a segment described by
121
      //! points PointXZ_1 and PointXZ_2 on XZ plane.
     // Plane (P-P0).N = 0 con N rivolto verso alto
123
     // http://www.songho.ca/math/plane/plane.html
124
125
     real_type
126
     Disk::getPatchLength(
127
          vec3
                         const & Plane_Normal,
128
                         const & Plane_Point,
          vec3
129
          ReferenceFrame const & RF
                                              //!< New ReferenceFrame object
130
      ) const {
131
        // Change reference frame for local road plane
132
        vec3 Plane_Normal_rel( RF.getRotationMatrixInverse(Plane_Normal) );
133
        vec3 Plane_Point_rel( RF.getRotationMatrixInverse(Plane_Point - RF.getOrigin()) );
134
        //! Check if two plane intersects and find the intersecting rect.
135
136
        if(intersectPlane( Plane_Normal_rel, Plane_Point_rel, T, P)){
137
          // Make a segment on the intersection (on relative Disk rerence frame)
138
          vec3 P1( P - 200.0*Radius*T );
139
          vec3 P2( P + 200.0*Radius*T );
140
141
         return getPatchLength(vec2(P1.x(),P1.z()), vec2(P2.x(),P2.z()), RF);
142
143
          RDF_ERROR("Cannot handle planes intersection");
144
          return quiteNaN;
145
       }
146
147
148
     //! Get the contact patch length inside the single disk of a segment described by
149
      //! points PointXZ_1 and PointXZ_2 on XZ plane.
150
     real_type
151
     Disk::getPatchLength(
152
       vec2
                       const & PointXZ_1,
153
       vec2
                       const & PointXZ_2,
154
       ReferenceFrame const & RF
                                            //!< New ReferenceFrame object
155
     ) const {
156
        vec2 Intersection_1, Intersection_2;
157
        int_type Type = this->intersectSegment(
158
         PointXZ_1, PointXZ_2, Intersection_1, Intersection_2
159
160
161
        if (Type == 0) {
162
          // No contact points, the line segment is not into the Disk
163
          return 0.0:
164
        } else if (Type == 1) {
```

```
165
         // Tangent, no length added
166
         return 0.0:
167
       } else if (Type == 2) {
         // Check whether the two segment points are into the circle
168
169
         bool Pose_pt1 = this->isPointInside( PointXZ_1 );
170
         bool Pose_pt2 = this->isPointInside( PointXZ_2 );
171
         // Check whether the two intersection points are onto the line segment
         bool Pose_int1 = algorithms::intersectPointSegment(PointXZ_1, PointXZ_2, Intersection_1);
172
173
         bool Pose_int2 = algorithms::intersectPointSegment(PointXZ_1, PointXZ_2, Intersection_2);
174
175
         // Cases
176
         // Line segment PointXZ_1 and line segment PointXZ_2 outside the circle,
177
         // intersection points oustide line segment
178
         if ( !Pose_pt1 && !Pose_pt2 && !Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
179
           return 0.0;
180
         }
181
         // Line segment PointXZ_1 and line segment PointXZ_2 into the circle,
182
         // intersection points oustide line segment
183
         if ( Pose_pt1 && Pose_pt2 && !Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
184
           return (PointXZ_2 - PointXZ_1).norm();
185
         }
186
         // Intersection points into the line segment and line segment points
187
         // outside the circle
         else if ( !Pose_pt1 && !Pose_pt2 && Pose_int1 && Pose_int2 ) {
188
189
           return (Intersection_2 - Intersection_1).norm();
190
191
         // Line segment Point_1 outside the circle, line segment Point_2
192
         // inside the circle
         else if ( !Pose_pt1 && Pose_pt2 ) {
193
194
           if ( Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
195
             // Add length from Intersection_1 to Point_2
196
             return (Intersection_1 - PointXZ_2).norm();
197
           } else if ( Pose_int2 && !Pose_int1 ) {
198
             // Add length from Intersection_2 to Point_2
199
             return (Intersection_2 - PointXZ_2).norm();
200
201
         }
202
         // Line segment Point_1 inside the circle, line segment Point_2
203
         // outside the circle
204
         else if ( Pose_pt1 && !Pose_pt2 ) {
205
           if ( Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
             // Add length from Intersection_1 to Point_1
206
207
             return (Intersection_1 - PointXZ_1).norm();
208
           } else if ( !Pose_int1 && Pose_int2 ) {
209
             // Add length from Intersection_2 to Point_1
210
             return (Intersection_2 - PointXZ_1).norm();
211
212
213
214
       RDF_ERROR("Invalid intersection on Disk::getPatchLength");
215
       return quiteNaN;
216
217
218
     /*\
219
220
             221
222
223
                           _|_| \___\_
                                                 224
225
     \*/
226
227
     //! Get current Euler angles [rad] for X-axis.
    //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
229 // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
```

```
230 real_type ReferenceFrame::getEulerAngleX(void) const {
231
       real_type r21 = RotationMatrix(2, 1);
232
       if (r21 < 1.0) {
233
         if (r21 > -1.0) {
234
           return std::asin(r21);
235
         else { // r21 == -1.0}
           // Not a unique solution : thetaY - thetaZ = atan2( rO2 , rO0 )
236
237
           return -G2lib::m_pi / 2.0;
238
239
       } else { // r21 == 1.0
240
         // Not a unique solution : thetaY + thetaZ = atan2( r02 , r00 )
241
         return G2lib::m_pi / 2.0;
242
243 }
244
245
     //! Get current Euler angles [rad] for Y-axis.
246
     //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
     // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
247
248
     real_type ReferenceFrame::getEulerAngleY(void) const {
249
       real_type r20 = RotationMatrix(2, 0);
250
       real_type r21 = RotationMatrix(2, 1);
251
       real_type r22 = RotationMatrix(2, 2);
252
       if (r21 < 1.0) {
253
         if (r21 > -1.0) {
254
           return std::atan2(-r20, r22);
255
         else { // r21 == -1.0}
256
           // Not a unique solution : thetaY - thetaZ = atan2( r02 , r00 ) \,
257
258
259
       } else { // r21 == 1.0
260
         // Not a unique solution : thetaY + thetaZ = atan2( r02 , r00 )
261
         return 0.0;
262
263 }
264
265
     //! Get current Euler angles [rad] for Z-axis.
266
     //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
267
     // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
     real_type ReferenceFrame::getEulerAngleZ(void) const {
269
       real_type r00 = RotationMatrix(0, 0);
270
       real_type r01 = RotationMatrix(0, 1);
       real_type r02 = RotationMatrix(0, 2);
271
272
       real_type r11 = RotationMatrix(1, 1);
273
       real_type r21 = RotationMatrix(2, 1);
274
       if (r21 < 1.0) {
275
         if (r21 > -1.0) {
276
          return std::atan2(-r01, r11);
277
         } else { // r21 == -1.0
278
           // Not a unique solution : thetaY - thetaZ = atan2( r02 , r00 )
279
           return -std::atan2(r02, r00);
280
281
       } else { // r21 == 1.0
282
         // Not a unique solution : thetaY + thetaZ = atan2( r02 , r00 )
283
         return std::atan2(r02, r00);
284
285
     }
286
287
288
        289
290
291
292
        |___/|_| |_|\__,_|\__,|\__/ \_/\_/
293 \*/
294
```

```
295
     //! Update the rectangular shadow domain of the tire in X and Y-axis
296
     void Shadow::update(
297
         ETRTO const & TireGeometry, //!< ETRTO tire denomination object
298
         ReferenceFrame const & RF //!< ReferenceFrame object
299
     ) {
300
       // Calculate maximum covered space
301
       real_type diagonal =
302
           hypot(TireGeometry.getSectionWidth(), TireGeometry.getTireDiameter()) /
303
304
305
       // Increment shadow to take in account camber angle
306
       real_type inc = 1.1;
307
308
       // Set new tire shadow domain
309
       this->Xmax = RF.getOrigin()[0] + inc * diagonal;
       this->Ymax = RF.getOrigin()[1] + inc * diagonal;
310
311
       this->Xmin = RF.getOrigin()[0] - inc * diagonal;
312
       this->Ymin = RF.getOrigin()[1] - inc * diagonal;
     }
313
314
315
     /*\
316
         317
318
319
          320
321
      - 1
322
     \*/
323
324
     //! Algorithms for tire computations routine.
325
     namespace algorithms {
326
327
       //! Check if a point lays inside or outside a line segment.
328
       //! Warning: The point query point must be on the same rect of the line
329
       //! segment.
330
       bool
       intersectPointSegment(
331
332
         vec2 const & Point_1,
333
         vec2 const & Point_2,
334
         vec2 const & Point
335
336
         // A and B are the extremities of the current segment C is the point to
337
         // check
338
339
         // Create the vector AB
340
         vec2 AB( Point_2 - Point_1 );
341
         // Create the vector AC
         vec2 AC( Point - Point_1 );
342
343
344
         // Compute the cross product of AB and AC
345
         // Check if the three points are aligned (cross product is null)
346
         real_type z = AB.x() * AC.y() - AC.x() * AB.y();
347
         if (z*z > epsilon) {
348
           {\tt RDF\_ERROR}(\hbox{\tt "Cannot handle point-segment intersection!"});\\
349
           return false;
350
351
352
         // Compute the dot product of vectors
353
         real_type KAC = AB.dot(AC);
354
         if (KAC
                     < -epsilon ) return false;</pre>
355
         if ( abs(KAC) < epsilon ) return true;</pre>
356
357
         // Compute the square of the segment lenght
         real_type KAB = AB.dot(AB);
358
359
         if ( KAC > KAB ) return false;
```

```
360
         if ( abs(KAC - KAB) < epsilon ) return true;</pre>
361
362
         // The point is on the segment
363
         return true;
364
365
366
     } // namespace algorithms
367
368
369
      370
371
372
373
      | |_| |_|\__,|\__, |_|\__|| \___/|_| |_| |_| |_|\__,_|
374
      \mathbf{I}
375
     \*/
376
377
     //! Get contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.
378
379
     MagicFormula::getContactPointRF(void) const {
380
       vec3 X_versor = RF.getY().cross(ContactNormal).normalized();
381
       vec3 Y_versor = ContactNormal.cross(X_versor);
382
       mat4 TM;
383
       {\tt TM} <\!\!< {\tt X\_versor}, \ {\tt Y\_versor}, \ {\tt ContactNormal}, \ {\tt ContactPoint},
384
            vec4(0.0, 0.0, 0.0, 1.0).transpose();
385
       return TM:
386 }
387
388
     //! Get approximed contact volume [m^3].
389
     MagicFormula::getContactVolume(void)
390
391
     const {
392
       real_type R = TireGeometry.getTireRadius();
393
       real_type c = SingleDisk.getPatchLength( ContactNormal, ContactPoint, RF );
394
       real_type c_2R = c / (2*R);
395
       return R*R * ( std::asin(c_2R) - c_2R*std::sqrt(1-c_2R*c_2R)) * TireGeometry.getSectionWidth();
396 }
397
398
     //! Update the current position of the tire and find all parameters
399
     //! for the contact.
400
     void
401
     MagicFormula::setup(
402
       RDF::MeshSurface
                              & Mesh, //!< MeshSurface object
403
                        const & TM, //!< Trasnformation matrix
       mat4
404
       bool
                                print
405
     ) {
406
       // Set the new reference frame
407
       RF.setTotalTransformationMatrix(TM);
408
        // Shadow bounding box object
409
       Shadow TireShadow(TireGeometry, RF);
410
        // Local intersected triangles vector
411
        RDF::TriangleRoad_list intersectionTriPtr =
412
           Mesh.updateIntersection(TireShadow.getAABBPtr());
413
        // Update the local road plane (normal, point and realtive camber)
414
        calculateLocalRoadPlane(intersectionTriPtr);
415
416
        // Print the results
417
        if (print) {
         std::cout << "MAGIC FORMULA CONTACT PARAMETERS\n"
418
419
                   << "\tYaw angle\n"
                   << "\ t = " << getEulerAngleZ() / G2lib::m_pi << "pi rad\n"
420
                   << "\tRotation angle\n"</pre>
421
                   << "\tfb = " << getEulerAngleY() / G2lib::m_pi << "pi rad\n"</pre>
422
                   << "\tCamber angle\n"
423
424
                   << "\\Gammat = " << getEulerAngleX() / G2lib::m_pi << "pi rad\\n"</pre>
```

```
425
                    << "\tNormal contact point vector of the local track plane "
426
                       "(absolute reference frame)\n"
                    << "\tN = [ " << ContactNormal.x() << ", " << ContactNormal.y()</pre>
427
428
                    << ", " << ContactNormal.z() << " ]\n"
429
                    << "\tLocal contact point (absolute reference frame)\n"</pre>
430
                    << "\tP = [ " << ContactPoint.x() << ", " << ContactPoint.y()</pre>
                    << ", " << ContactPoint.z() << " ]\n"
431
                    << "\tLocal contact point reference frame\n"</pre>
432
433
                    << getContactPointRF() << "\n"
                    << "\tRelative camber angle\n"
434
435
                    << "\tfs = " << getRelativeCamber() / G2lib::m_pi << "pi rad\n"
436
                    << "\tLocal contact point friction\n"
437
                    << "\tf = " << getContactFriction() << "\n"
438
                    << "\tLocal contact depth (on center point)\n"</pre>
439
                    << "\tD = " << getContactDepth() << " m\n"
                    << "\tLocal approximated contact area (calculated with local plane) \n"
440
441
                    << "\tA = " << getContactArea() << " m^2\n"
442
                    << "\tLocal approximated contact area (calculated with triangles intersection)\n"</pre>
                    << "\tA = " << getContactArea(intersectionTriPtr) << " m^2\n"</pre>
443
444
                    << "\tLocal approximated contact volume (calculated with local plane)\n"</pre>
445
                    << "\tV = " << getContactVolume() << " m^3\n\n";
446
     }
447
448
449
     //! Perform one point sampling (return intersected triangle friction).
450
     MagicFormula::pointSampling(
451
452
         RDF::TriangleRoad_list const &
                                    //!< Intersected triangles vector
453
             intersectionTriPtr,
454
          vec3 const & RayOrigin,
                                      //!< Ray origin
455
          vec3 const & RayDirection, //!< Ray direction
456
         vec3 & SampledPt
                                      //!< Intersection point
457
          ) const {
458
        vec3 IntersectionPoint;
459
        real_type TriangleFriction;
460
        std::vector<vec3> IntersectionPointVec;
461
        std::vector<real_type> TriangleFrictionVec;
462
        for (unsigned t = 0; t < intersectionTriPtr.size(); ++t) {</pre>
463
          if ( (*intersectionTriPtr[t]).intersectRay(
                  464
465
            // Store results
466
            IntersectionPointVec.push_back(IntersectionPoint);
467
            TriangleFrictionVec.push_back((*intersectionTriPtr[t]).getFriction());
468
469
470
        // Select the highest intersection point
471
        if (IntersectionPointVec.size() > 1) {
472
          SampledPt
                         = IntersectionPointVec[0];
473
          TriangleFriction = TriangleFrictionVec[0];
474
          for (unsigned j = 1; j < IntersectionPointVec.size(); ++j) {</pre>
475
             if \ (IntersectionPointVec[j][2] > SampledPt[2]) \ \{ \\
476
              SampledPt
                             = IntersectionPointVec[j];
477
              TriangleFriction = TriangleFrictionVec[j];
478
           }
479
480
         return TriangleFriction;
481
        } else if (IntersectionPointVec.size() == 0) {
482
          RDF_ERROR("There is no terrain under the tire!");
483
        } else { // j == 1
484
         SampledPt = IntersectionPointVec[0];
485
         return TriangleFrictionVec[0];
486
487
     }
488
489
     void
```

```
490
         MagicFormula::fourPointsSampling(
                  RDF::TriangleRoad_list const &
491
492
                         intersectionTriPtr, //!< Intersected triangles vector
493
                  row_vec3 & SampledPtsVec //!< Intersection points vector
494
          ) {
495
              // Calculate Delta_X and Delta_Y
              real_type Delta_X = 0.1 * TireGeometry.getTireRadius();
497
              real_type Delta_Y = 0.3 * TireGeometry.getSectionWidth();
498
              // Store the four sample positions
499
              row_vec3 Qpos(4);
500
              Qpos[0] = RF.getOrigin() + RF.getRotationMatrix() * vec3(Delta_X, 0.0, 0.0);
501
              Qpos[1] = RF.getOrigin() - RF.getRotationMatrix() * vec3(Delta_X, 0.0, 0.0);
502
              Qpos[2] = RF.getOrigin() + RF.getRotationMatrix() * vec3(0.0, Delta_Y, 0.0);
503
              Qpos[3] = RF.getOrigin() - RF.getRotationMatrix() * vec3(0.0, Delta_Y, 0.0);
504
              // Find intersection in the four positions
505
              real_type Friction = 0.0;
506
              for (unsigned i = 0; i < 4; ++i) {
507
                 Friction += pointSampling(intersectionTriPtr, Qpos[i], -RF.getZ(),
508
                                                                 SampledPtsVec[i]);
509
510
              ContactFriction = Friction / 4.0;
511
512
513
          //! Find the normal vector of the local track plane and local contact point.
514
          MagicFormula::calculateLocalRoadPlane(
515
516
                 RDF::TriangleRoad_list const &
517
                         intersectionTriPtr //!< Intersected triangles vector</pre>
518
          ) {
519
              // Check if there is an orientation
520
              if (RF.isEmpty()) {
521
                 RDF_ERROR("Tire has no reference frame associated!");
522
                  ContactNormal = vec3_NaN;
523
                 ContactPoint = vec3_NaN;
524
525
              // Perform the terrain sampling;
526
              row vec3 Qvec(4):
527
              fourPointsSampling(intersectionTriPtr, Qvec);
528
              // Calculate normal of the local track plane
529
              \label{eq:contactNormal} \mbox{ContactNormal} = ((\mbox{Qvec}[0] - \mbox{Qvec}[1]). \mbox{cross}(\mbox{Qvec}[2] - \mbox{Qvec}[3])). \mbox{normalized}();
530
              // Calculate first guess of local contact point
531
              vec3 P_star(0.0, 0.0, 0.0);
532
              for (unsigned i = 0; i < 4; ++i)
533
                 P_star += Qvec[i];
534
              P_star /= 4;
535
              // Calculate real local contact point
536
              real_type dist = (RF.getOrigin() - P_star).dot(ContactNormal);
              ContactPoint = RF.getOrigin() - ContactNormal * dist;
537
538
               // Update relative camber
539
              calculateRelativeCamber(Qvec);
540 }
541
542
          //! Calculate the relative camber angle [rad].
543
          void
544
          MagicFormula::calculateRelativeCamber(
545
              row_vec3 const & Qvec //!< Intersection points vector</pre>
546
547
              vec3 Q3( RF.getRotationMatrixInverse(Qvec[2]-RF.getOrigin()) );
548
              vec3 Q4( RF.getRotationMatrixInverse(Qvec[3]-RF.getOrigin()) );
549
              \label{eq:relativeCamber} \textit{RelativeCamber = - std::} \\ \texttt{atan2(Q3.z()-Q4.z(), Q3.y()-Q4.y()); // - per regola della mano destralia della della mano destralia della della mano destralia della della mano destralia della dell
550 }
551
552 } // namespace PatchTire
```

C.1 Tests Geometrici

C.1.1 Geometry-test1.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 1 - RAY/TRIANGLE INTERSECTION ON TRIANGLE EDGE
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 std::cout
      << " GEOMETRY TEST 1 - RAY/TRIANGLE INTERSECTION ON TRIANGLE EDGE\n"</pre>
       << "Angle\tIntersections\n";</pre>
16
17 RDF::vec3 V1[3];
18 V1[0] = RDF::vec3(1.0, 0.0, 0.0);
19 V1[1] = RDF::vec3(0.0, 1.0, 0.0);
20 V1[2] = RDF::vec3(-1.0, 0.0, 0.0);
22 RDF::vec3 V2[3];
    V2[0] = RDF::vec3(-1.0, 0.0, 0.0);
24 V2[1] = RDF::vec3(0.0, -1.0, 0.0);
25 V2[2] = RDF::vec3(1.0, 0.0, 0.0);
27
    // Initialize generic Triangle3D
    RDF::TriangleRoad Triangle1(V1, 0.0);
     RDF::TriangleRoad Triangle2(V2, 0.0);
    // Initialize rotation matrix
32
     RDF::mat3 Rot_X;
```

```
34 // Initialize intersection point
35
    RDF::vec3 IntersectionPointTri1, IntersectionPointTri2;
    bool IntersectionBoolTri1, IntersectionBoolTri2;
37
38 // Initialize Ray
39
    RDF::vec3 RayOrigin
                           = RDF::vec3(0.0, 0.0, 0.0);
40 RDF::vec3 RayDirection = RDF::vec3(0.0, 0.0, -1.0);
41
42
     // Perform intersection at 0.5° step
43
    for ( RDF::real_type angle = 0;
44
           angle < G2lib::m_pi;</pre>
45
           angle += G2lib::m_pi / 360.0 ) {
46
47
       Rot_X \ll 1,
                            0,
                0, cos(angle), -sin(angle), 0, sin(angle), cos(angle);
48
49
50
51
       // Initialize vertices
       RDF::vec3 VerticesTri1[3], VerticesTri2[3];
52
53
54
       VerticesTri1[0] = Rot_X * V1[0];
55
       VerticesTri1[1] = Rot_X * V1[1];
       VerticesTri1[2] = Rot_X * V1[2];
57
58
       VerticesTri2[0] = Rot_X * V2[0];
       VerticesTri2[1] = Rot_X * V2[1];
59
60
       VerticesTri2[2] = Rot_X * V2[2];
61
62
       Triangle1.setVertices(VerticesTri1);
63
       Triangle2.setVertices(VerticesTri2);
64
65
       IntersectionBoolTri1 = Triangle1.intersectRay(
66
        RayOrigin, RayDirection, IntersectionPointTri1
67
68
       IntersectionBoolTri2 = Triangle2.intersectRay(
69
         RayOrigin, RayDirection, IntersectionPointTri2
70
71
       std::cout
73
         << angle * 180.0 / G2lib::m_pi << "°\t"
74
         << "T1 -> " << IntersectionBoolTri1 << ", T2 -> "
75
         << IntersectionBoolTri2 << std::endl;</pre>
76
77
       // ERROR if no one of the two triangles is hit
78
      if (!IntersectionBoolTri1 && !IntersectionBoolTri2) {
79
         std::cout << "GEOMETRY TEST 1: Failed\n";</pre>
80
         break;
81
82
   }
83
    // Print triangle normal vector
84
85 RDF::vec3 N1 = Triangle1.Normal();
86
    RDF::vec3 N2 = Triangle2.Normal();
87
    std::cout
     << "\nTriangle 1 face normal = [" << N1[0] << ", " << N1[1] << ", " << N1[2] << "]"
<< "\nTriangle 2 face normal = [" << N2[0] << ", " << N2[1] << ", " << N2[2] << "]"</pre>
89
90
      << "\n\n\GEOMETRY TEST 1: Completed\n";</pre>
92
   // Exit the program
93
    return 0;
```

C.1.2 Geometry-test2.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 2 - SEGMENT CIRCLE INTERSECTION
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 \; \mbox{\sc \#include} \; \mbox{\sc "RoadRDF.hh"} \; \; \; \; // \; \mbox{\sc Tire Data Processing}
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize disk
14 PatchTire::Disk NewDisk(RDF::vec2(0.0, 0.0), 0.0, 1.0);
15
16 // Initialize segments points
17
    RDF::vec2 SegIn1PtA = RDF::vec2(0.0, 0.0);
    RDF::vec2 SegIn1PtB = RDF::vec2(0.0, 1.0);
18
19
    RDF::vec2 SegIn2PtA = RDF::vec2(-2.0, 0.0);
21
    RDF::vec2 SegIn2PtB = RDF::vec2(2.0, 0.0);
22
     RDF::vec2 SegOutPtA = RDF::vec2(1.0, 2.0);
24
    RDF::vec2 SegOutPtB = RDF::vec2(-1.0, 2.0);
25
     RDF::vec2 SegTangPtA = RDF::vec2(1.0, 1.0);
26
27
    RDF::vec2 SegTangPtB = RDF::vec2(-1.0, 1.0);
28
29
     // Initialize intersection points and output types
30
    RDF::vec2 IntSegIn1_1, IntSegIn1_2, IntSegIn2_1, IntSegIn2_2, IntSegOut_1,
31
         IntSegOut_2, IntSegTang_1, IntSegTang_2;
32
    RDF::int_type PtIn1, PtIn2, PtOut, PtTang;
33
34
     // Calculate intersections
35
    PtIn1 = NewDisk.intersectSegment(
36
      SegIn1PtA, SegIn1PtB, IntSegIn1_1, IntSegIn1_2
37
     ):
38
    PtIn2 = NewDisk.intersectSegment(
39
      SegIn2PtA, SegIn2PtB, IntSegIn2_1, IntSegIn2_2
40
    );
41
    PtOut = NewDisk.intersectSegment(
42
      SegOutPtA, SegOutPtB, IntSegOut_1, IntSegOut_2
43
44
     PtTang = NewDisk.intersectSegment(
      SegTangPtA, SegTangPtB, IntSegTang_1, IntSegTang_2
45
46
47
    // Diplay results
48
49
50
       << "GEOMETRY TEST 2 - SEGMENT DISK INTERSECTION\n\n"</pre>
51
       << "Radius = " << NewDisk.getRadius() << std::endl</pre>
52
       << "Origin = [" << NewDisk.getOriginXZ().x() << ", " << NewDisk.getOriginXZ().y() << "]\n"</pre>
53
       << std::endl
       << "Segment 1 with two intersections -> " << PtIn1 << " intersections found\n"
54
       << "Segment Point A\t= [" << SegIn1PtA.x() << ", " << SegIn1PtA.y() << "]\n" << "SegIn1PtB.y() << "]\n"</pre>
56
57
       << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegIn1_1.x() << ", " << IntSegIn1_1.y() << "]\n"
       << "Intersection Point 2\t= [" << IntSegIn1_2.x() << ", " << IntSegIn1_2.y() << "]\n"</pre>
59
60
       << "Segment 2 with two intersections \mbox{->} " << PtIn2 << " intersections found\n"
       << "Segment Point A\t= [" << SegIn2PtA.x() << ", " << SegIn2PtA.y() << "]\n"
61
       << "Segment Point B\t= [" << SegIn2PtB.x() << ", " << SegIn2PtB.y() << "]\n"
62
       << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegIn2_1.x() << ", " << IntSegIn2_1.y() << "]\n"
<< "Intersection Point 2\t= [" << IntSegIn2_2.x() << ", " << IntSegIn2_2.y() << "]\n"</pre>
64
65
       << std::endl
```

```
<< "Segment with no intersections \mbox{->} " << PtOut << " intersections found\n"
        << "Segment Point A\t= [" << SegOutPtA.x() << ", " << SegOutPtA.y() << "]\n"
67
        << "Segment Point B\t= [" << SegOutPtB.x() << ", " << SegOutPtB.y() << "]\n"
68
        << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegOut_1.x() << ", " << IntSegOut_1.y() << "]\n" 
<< "Intersection Point 2\t= [" << IntSegOut_2.x() << ", " << IntSegOut_2.y() << "]\n"</pre>
70
71
        << std::endl
        << "Segment with one intersection \mbox{->} " << PtTang << " intersection found\n"
        << "Segment Point A\t= [" << SegTangPtA.x() << ", " << SegTangPtA.y() << "]\n"
73
        << "Segment Point B\t= [" << SegTangPtB.x() << ", " << SegTangPtB.y() << "]\n"
       << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegTang_1.x() << ", " << IntSegTang_1.y() << "]\n"
<< "Intersection Point 2\t= [" << IntSegTang_2.x() << ", " << IntSegTang_2.y() << "]\n"</pre>
75
76
        << "\nCheck the results...\n"
78
        << "\nGEOMETRY TEST 2: Completed\n";</pre>
    // Exit the program
81 return 0;
82 }
```

C.1.3 Geometry-test3.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 3 - POINT INSIDE CIRCLE
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize disk
14 PatchTire::Disk NewDisk(RDF::vec2(0.0, 0.0), 0.0, 1.0);
15
16 // Query points and intersection bools
17 RDF::vec2 PointIn = RDF::vec2(0.0, 0.0);
                         = RDF::vec2(2.0, 0.0);
18 RDF::vec2 PointOut
19     RDF::vec2 PointBorder = RDF::vec2(1.0, 0.0);
20
21 bool PtInBool, PtOutBool, PtBordBool;
22
23 // Calculate intersection
24 PtInBool = NewDisk.isPointInside( PointIn );
25 PtOutBool = NewDisk.isPointInside( PointOut );
26 PtBordBool = NewDisk.isPointInside( PointBorder );
27
28 std::cout
    << "GEOMETRY TEST 3 - POINT INSIDE DISK\n\n"</pre>
30
     << "Radius = " << NewDisk.getRadius() << std::endl</pre>
31
     << "Origin = [" << NewDisk.getOriginXZ().x() << ", " << NewDisk.getOriginXZ().y() << "]\n";</pre>
32
33
   // Show results
34
    if ( PtInBool && !PtOutBool && PtBordBool ) {
35
     std::cout
36
        << "Point inside\t= ["
37
        << PointIn.x() << ", " << PointIn.y() << "] \rightarrow Bool = " << PtInBool << std::endl
38
        << "Point outside\t= ["
39
        << PointOut.x() << ", " << PointOut.y() << "] -> Bool = " << PtOutBool << std::endl</pre>
40
        << "Point on border\t= ["
        << PointBorder.x() << ", " << PointBorder.y() << "] \rightarrow Bool = "<< PtBordBool
41
42
43 } else {
      std::cout << "GEOMETRY TEST 3: Failed";</pre>
```

```
45  }
46
47  std::cout << "\nGEOMETRY TEST 3: Completed\n";
48
49    // Exit the program
50  return 0;
51 }</pre>
```

C.1.4 Geometry-test4.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 4 - POINT ON SEGMENT
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 \, / / Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize segment points
14 RDF::vec2 PointA = RDF::vec2(0.0, 0.0);
15 RDF::vec2 PointB = RDF::vec2(1.0, 1.0);
17
    // Query points and intersection bools
18
    RDF::vec2 PointIn = RDF::vec2(0.5, 0.5);
                         = RDF::vec2(-1.0, -1.0);
    RDF::vec2 PointOut
20 RDF::vec2 PointBorder = RDF::vec2(1.0, 1.0);
21
22 // Calculate intersection
    bool PtInBool = PatchTire::algorithms::intersectPointSegment(PointA, PointB, PointIn);
    bool PtOutBool = PatchTire::algorithms::intersectPointSegment(PointA, PointB, PointOut);
    bool PtBordBool = PatchTire::algorithms::intersectPointSegment(PointA, PointB, PointBorder);
27
    std::cout
     << "GEOMETRY TEST 4 - POINT ON SEGMENT\n\n"</pre>
28
29
      << "Point A = [" << PointA[0] << ", " << PointA[1] << "]\n"
30
      << "Point B = [" << PointB[0] << ", " << PointB[1] << "]\n\n";</pre>
31
    // Show results
33
    if (PtInBool && !PtOutBool && PtBordBool ) {
34
        << "Point inside\t= ["
        << PointIn[0] << ", " << PointIn[1] << "] -> Bool = " << PtInBool</pre>
36
37
         << "\nPoint outside\t= ["
        << PointOut[0] << ", " << PointOut[1] << "] -> Bool = " << PtOutBool</pre>
38
39
         << "\nPoint on border\t= ["
40
         << PointBorder[0] << ", " << PointBorder[1] << "] -> Bool = " << PtBordBool</pre>
41
         << std::endl:
42
    } else {
43
      std::cout << "GEOMETRY TEST 4: Failed";</pre>
44
45
46 std::cout << "\nGEOMETRY TEST 4: Completed\n";
48 // Exit the program
49 return 0;
50 }
```

C.2 Tests per il Modello Magic Formula

C.2.1 MagicFormula-test1.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 1 - LOAD THE DATA FROM THE RDF FILE THEN PRINT IT INTO
 2 // A FILE Out.txt. THEN CHARGE THE TIRE DATA AND ASSOCIATE THE CURRENT MESH TO
5 #include <chrono> // chrono - STD Time Measurement Library 6 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 7 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
9 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
10 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
11 #include "TicToc.hh"
                           // Processing Time Library
13 // Main function
14 int
15 main() {
16
17
    try {
18
19
       // Instantiate a TicToc object
20
      TicToc tictoc;
21
22
      std::cout
       << "MAGIC FORMULA TIRE TEST 1 - CHECK INTERSECTION ON UNKNOWN MESH.\n\n";</pre>
23
24
26
      RDF::MeshSurface Road("./RDF_files/Eight.rdf");
27
28
      // Print OutMesh.txt file
29
      // Road.printData("OutMesh.txt");
30
31
      // Make a new tire
32
      PatchTire::ETRTO Tire;
33
      Tire = PatchTire::ETRTO(205, 60, 15);
34
35
       // Display current tire data on command line
36
       Tire.print(std::cout);
37
38
       // Orient the tire in the space
39
      RDF::real_type Yaw = 0.1*G2lib::m_pi;
40
      RDF::real_type Camber = 0.1*G2lib::m_pi;
41
42
       // Transformation matrix for X and Z-axis rotation
43
       TireGround::mat3 Rot_Z;
      Rot_Z << cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,</pre>
45
              sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
46
                       0,
                                  0, 1;
      TireGround::mat3 Rot_X;
47
48
      Rot_X << 1,
                          0,
49
                0, cos(Camber), -sin(Camber),
                0, sin(Camber), cos(Camber);
51
       // Update Rotation Matrix
52
       TireGround: :mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
53
54
       TireGround::vec3 Origin(0.8, 19.0, 0.26); //0.8, 19.0, 0.26
55
      PatchTire::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
56
57
       // Initialize the Magic Formula Tire
58
      PatchTire::MagicFormula TireSD( Tire );
59
```

```
// Start chronometer
61
      tictoc.tic();
62
      // Set an orientation and calculate parameters
63
64
      TireSD.setup( Road, Pose.getTotalTransformationMatrix(), true);
65
66
       /* Example: Get results
       | PatchTire::vec3 N = TireSD.getContactNormal();
67
68
       | PatchTire::vec3 P = TireSD.getContactPoint();
       | PatchTire::real_type RelCamber = TireSD.getRelativeCamber();
69
70
       | PatchTire::real_type ContactFriction = TireSD.getContactFriction();
71
       | PatchTire::real_type Depth = TireSD.getContactDepth();
       | PatchTire::real_type Area = TireSD.getContactArea();
72
73
       | PatchTire::real_type Volume = TireSD.getContactVolume();
74
75
76
      // Stop chronometer
77
      tictoc.toc();
78
79
      // This constructs a duration object using milliseconds
80
      std::cont
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"</pre>
81
         << "\nCheck the results...\n"
        << "\nMAGIC FORMULA TIRE TEST 1: Completed\n";</pre>
83
84
85
    } catch ( std::exception const & exc ) {
86
      std::cerr << exc.what() << '\n';
87
88
   catch (...) {
89
      std::cerr << "Unknown error\n";</pre>
90 }
91 }
```

C.2.2 MagicFormula-test2.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 2 - CHECK MF_Pacejka_SCP INTERSECTION
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
 9 #include "TicToc.hh"
                         // Processing Time Library
11 // Main function
12 int
13 main() {
14
15
    try {
16
      // Instantiate a TicToc object
17
18
      TicToc tictoc;
19
20
      std::cout
21
        << "MAGIC FORMULA TIRE TEST 2 - CHECK INTERSECTION ON KNOWN MESH.\n\n";</pre>
22
23
      // Initialize a quite big triangle
24
      RDF::vec3 Vertices[3];
25
      Vertices[0] = RDF::vec3(100.0, 0.0, 0.0);
26
      Vertices[1] = RDF::vec3(0.0, 100.0, 0.0);
27
      Vertices[2] = RDF::vec3(0.0, -100.0, 0.0);
28
      RDF::TriangleRoad_list PtrTriangleVec;
29
      PtrTriangleVec.push_back( RDF::TriangleRoad_ptr( new RDF::TriangleRoad(Vertices, 0.0) ) );
```

```
30
31
      // Build the mesh
32
      RDF::MeshSurface Road(PtrTriangleVec);
33
34
      // Make a new tire
35
      PatchTire::ETRTO Tire;
      Tire = PatchTire::ETRTO(205, 60, 15);
36
37
38
      // Display current tire data on command line
39
      Tire.print(std::cout);
40
41
      // Orient the tire in the space
42
      RDF::real_type Yaw = 0.1*G2lib::m_pi;
43
      RDF::real_type Camber = 0.1*G2lib::m_pi;
44
45
      // Transformation matrix for X and Z-axis rotation
46
      TireGround::mat3 Rot_Z;
47
      Rot_Z \ll cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,
48
               sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
49
                     0,
      TireGround::mat3 Rot_X;
50
51
      Rot_X << 1,
                           0,
               0, cos(Camber), -sin(Camber),
               0, sin(Camber), cos(Camber);
53
54
      // Update Rotation Matrix
      TireGround::mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
55
56
57
      TireGround::vec3 Origin(50.0, 10.0, 0.26);
58
      PatchTire::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
59
60
      // Initialize the Magic Formula Tire
61
      PatchTire::MagicFormula TireSD( Tire );
62
63
      // Start chronometer
64
      tictoc.tic();
65
      // Set an orientation and calculate parameters (true = print results)
66
67
      TireSD.setup( Road, Pose.getTotalTransformationMatrix(), true);
69
      /* Example: Get results
70
      | PatchTire::vec3 N = TireSD.getContactNormal();
      | PatchTire::vec3 P = TireSD.getContactPoint();
71
      | PatchTire::real_type RelCamber = TireSD.getRelativeCamber();
72
73
      | PatchTire::real_type ContactFriction = TireSD.getContactFriction();
      | PatchTire::real_type Depth = TireSD.getContactDepth();
74
75
      | PatchTire::real_type Area = TireSD.getContactArea();
76
      | PatchTire::real_type Volume = TireSD.getContactVolume();
77
78
79
      // Stop chronometer
80
      tictoc.toc();
81
82
      // This constructs a duration object using milliseconds
83
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"</pre>
85
        << "\nCheck the results...\n"
        << "\nMAGIC FORMULA TIRE TEST 2: Completed\n";</pre>
86
88
   } catch ( std::exception const & exc ) {
89
     std::cerr << exc.what() << '\n';
90
91
    catch (...) {
92
     std::cerr << "Unknown error\n";
93
94 }
```

Bibliografia

- [1] Lars Nyborg Egbert Bakker e Hans B. Pacejka. "Tyre Modelling for Use in Vehicle Dynamics Studies". In: *SAE Transactions* 96 (1987), pp. 190–204. ISSN: 0096736X.
- [2] Juan J. Jiménez, Rafael J. Segura e Francisco R. Feito. "A Robust Segment/-Triangle Intersection Algorithm for Interference Tests. Efficiency Study". In: Comput. Geom. Theory Appl. 43.5 (lug. 2010), pp. 474–492. ISSN: 0925-7721. DOI: 10.1016/j.comgeo.2009.10.001. URL: http://dx.doi.org/10.1016/j.comgeo.2009.10.001.
- [3] Dick De Waard Karel A. Brookhuis e Wiel H. Janssen. "Behavioural impacts of advanced driver assistance systems—an overview". In: *European Journal of Transport and Infrastructure Research 1.3* (2019).
- [4] Matteo Larcher. "Development of a 14 Degrees of Freedom Vehicle Model for Realtime Simulations in 3D Environment". Master Thesis. University of Trento.
- [5] Anu Maria. "Introduction to modeling and simulation". In: *Winter simulation conference* 29 (gen. 1997), pp. 7–13.
- [6] Hans Pacejka. Tire and vehicle dynamics, 3rd Edition. 2012.
- [7] Georg Rill. Road vehicle dynamics: fundamentals and modeling. 2011.