

Universitá degli Studi di Trento

Dipartimento di Ingegneria Industriale

CORSO DI LAUREA MAGISTRALE IN INGEGNERIA MECCATRONICA

Tesi di Laurea

Algoritmi per la Valutazione del Contatto tra Pneumatico e Strada in Soft Real Time

Laureando: Davide Stocco

Relatore:

Prof. Enrico Bertolazzi

Anno Accademico 2019 · 2020

Sommario

This dissertation details ...

Indice

El	enco	delle figure	V
El	enco (delle tabelle	vii
El	enco	degli acronimi	ix
1	Intr	oduzione	1
	1.1	Obiettivi	1
	1.2	Il problema	1
	1.3	Convenzioni e Notazioni	3
		1.3.1 Convenzioni	3
		1.3.2 Matrice di Trasformazione	4
2	Il Pı	neumatico	7
	2.1	Una Breve Introduzione	7
	2.2	Il modello Pacejka	9
	2.3	Geometria secondo ETRTO	10
	2.4	Contatto con la Superficie Stradale	11
3	A C	hapter of Examples	15
	3.1	A Table	15
	3.2	Code	15
	3.3	A Sideways Table	16
	3.4	A Figure	18
	3.5	Bulleted List	18
	3.6	Numbered List	18
	3.7	A Description	18

iv INDICE

	3.8	An Equ	uation	19
	3.9	A Theo	orem, Proposition & Proof	19
	3.10	Definit	tion	19
	3.11	A Rem	nark	19
	3.12	An Exa	ample	19
	3.13	Note .		20
A	Libra	ary Cod	e	21
	A.1	RoadR	DF.hh	21
	A.2	RoadR	DF.cc	29
	A.3	PatchT	Tire.hh	37
	A.4	PatchT	Tire.cc	60
В	Tests	Code		81
В	Tests		utational Geometry Tests	-
В			utational Geometry Tests	81
В		Compu	•	81 81
В		Compu B.1.1	geometry-test1.cc	81 81 84
В		Compu B.1.1 B.1.2	geometry-test1.cc	81 81 84 87
В		Compu B.1.1 B.1.2 B.1.3 B.1.4	geometry-test1.cc	81 81 84 87 88
В	B.1	Compu B.1.1 B.1.2 B.1.3 B.1.4	geometry-test1.cc	81 81 84 87 88 90
В	B.1	Comput B.1.1 B.1.2 B.1.3 B.1.4 Contact	geometry-test1.cc	81 81 84 87 88 90
В	B.1	Comput B.1.1 B.1.2 B.1.3 B.1.4 Contact B.2.1	geometry-test1.cc	81 81 84 87 88 90 90

Elenco delle figure

1.1	Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento della vettura se-	
	condo la convenzione ISO-V	3
1.2	Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento dello pneumatico	
	secondo la convenzione ISO-C	4
2.1	Forze e coppie generate dal contatto pneumatico-strada	8
2.2	Curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo	
	della Magic Formula	9
2.3	Esempio di misure, secondo la notazione European Tyre and Rim Tech-	
	nical Organisation (ETRTO), riportate sulla spalla dello pneumatico	11
2.4	Geometria del contatto pneumatico-strada.	12
2.5	Punti campionati nel piano locale della superficie stradale	13
2.6	Inclinazione longitudinale e laterale del piano strada locale	14
3.1	telnetd: distribution of the number of other system calls among two	
	execve system calls (i.e., distance between two consecutive execve)	18

Elenco delle tabelle

3.1	Duality between misuse- and anomaly-based intrusion detection tech-	
	niques	15
3.2	Taxonomy of the selected state of the art approaches for network-based	
	anomaly detection	17

Elenco degli acronimi

ADAS Advanced Driver-Assistance Systems	2
ISO International Organization for Standardization	
CAM Computer-Aided Manufacturing	
ETRTO European Tyre and Rim Technical Organisation	,
HIL Hardware in the Loop	2

Introduzione 1

1.1 Obiettivi

La motivazione di questa tesi sta nella trovata collaborazione tra il *Dipartimento di Ingegneria Industriale* dell'Università di Trento e *AnteMotion S.r.l.*, azienda specializzata in realtà virtuale e simulazione multibody per il campo *automotive*. In particolare il modello di veicolo e pnumatico precedentemente studiati da Larcher in [4] sarà integrato nel simulatore di guida in tempo reale di AnteMotion. Pertanto, lo sviluppo del modello è stato finalizzato a minimizzare i tempi di compilazione massimizzando invece l'accuratezza. La necessità di sviluppare un algoritmo che calcoli i parametri dell'interazione tra terreno e pneumatico getta le basi per il lavoro svolto.

1.2 Il problema

La simulazione risolve alcuni dei problemi relativi al mondo della progettazione in modo sicuro ed efficiente, senza la necessità di costruire un prototipo dell'oggetto fisico. A differenza della modellazione fisica, che può coinvolgere il sistema reale o una copia in scala di esso, la simulazione è basata sulla tecnologia digitale e utilizza algoritmi ed equazioni per rappresentare il mondo reale al fine di imitare l'esperimento reale. Ciò comporta diversi vantaggi in termini di tempo, costi e sicurezza. Infatti, il modello digitale può essere facilmente riconfigurato e analizzato,

mentre questo è solitamente impossibile o troppo oneroso del punto di vista di tempi e/o costi da fare con il sistema reale [5]. Al giorno d'oggi esistono numerosi modelli di veicolo e pneumatico. Certamente, più semplice è il modello più veloce è la risoluzione delle equazioni costituenti, quindi a seconda delle applicazioni deve essere scelto il modello con la giusta complessità. Per la maggior parte delle applicazioni di guida autonoma, un modello semplice è sufficiente per caratterizzare con un livello di dettaglio sufficiente il comportamento del veicolo, e poiché queste analisi sono molto spesso fatte con l'ausilio di Hardware in the Loop (HIL), il modello dinamico del veicolo deve essere risolto in tempo reale con tipico passo di tempo di 1 millisecondo. Il vincolo in tempo reale implica la scelta un modello di veicolo che sia velocemente risolvibile, ciò significa che i modelli semplici con pochi parametri, di solito modelli lineari a due ruote, sono particolarmente adatti per questo tipo di applicazioni. Tuttavia ci sono alcune situazioni che richiedono modelli più dettagliati, come ad esempio l'azione prodotta da un Advanced Driver-Assistance Systems (ADAS), ovvero una manovra di sicurezza come l'elusione degli ostacoli o una frenata di emergenza, poiché il veicolo è spinto nella maggior parte dei casi al limite delle sue prestazioni [3]. In queste condizioni di guida si devono tenere conto di molti fattori come ad esempio il comportamento degli pneumatici, che si sposta nella regione non lineare e i fenomeni transitori non sono più trascurabili. Ciò significa che un modello più dettagliato di quello utilizzato per la guida in condizioni "standard". L'accuratezza dinamica del modello è di grande importanza per ricavare previsioni realistiche delle prestazioni del veicolo e del sistema di controllo. E importante notare che modellare in modo esaustivo tutti i sistemi di un'auto sarebbe un compito estremamente arduo e a volte anche impossibile. Esistono quindi modelli empirici come il modello della Magic Formula di Hans Pacejka e il modello Fiala che cercano di imitare il reale comportamento del sistema. Il calcolo dei parametri di questo tipo di modelli richiede l'interpolazione di un set di dati di grandi dimensioni, e può quindi essere numericamente inefficiente o comunque troppo oneroso in termini di tempo.

Per studiare il comportamento del sistema in diversi scenari di guida, i moderni strumenti di simulazione spesso richiedono una grande quantità di di dati e l'unico modo per ottenerli è esecuzione stessa di migliaia di simulazioni. A questo proposito è quindi necessario un conducente virtuale o artificiale in grado di controllare il veicolo fino ai limiti di guidabilità. Pertanto, la caratteristica principale di un driver artificiale o virtuale è la capacità di guidare una varietà di veicoli con diverse

caratteristiche dinamiche. Indipendentemente dall'architettura e dalla metodologia utilizzata per sviluppare il conducente artificiale, deve utilizzare una sorta di modello dinamico che rappresenta il comportamento del veicolo controllato. Si tratta dunque di una sorta di modello di comportamento dinamico del veicolo.

Lo scopo di questo lavoro si collega a quello già svolto da Larcher in [4], dove grazie a un modello di veicolo completo con 14 gradi di libertà ha fornito un modello in grado di catturare con un livello di dettaglio appropriato il comportamento del veicolo quando viene spinto ai suoi limiti di maneggevolezza. La necessità di calcolare in tempo reale i parametri di input per il modello di ruota scelto da [4] definisce l'obiettivo di questo lavoro. Ovvero di avere una libreria scritta in C++, che con alcuni semplici parametri in input come la denominazione ETRTO dello pneumatico e la posizione nello spazio, calcola i dati relativi all'interazione pneumatico strada quali l'intersezione del punto sotto il centro ruota, l'area di contatto, e l'inclinazione locale del piano strada. Il tutto cercando di minimizzare i tempi di compilazione.

1.3 Convenzioni e Notazioni

1.3.1 Convenzioni

La convenzione utilizzata per definire gli assi del sistema di riferimento della vettura è la *International Organization for Standardization* (ISO) 8855.

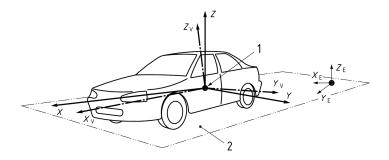


FIGURA 1.1: Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento della vettura secondo la convenzione ISO-V.

Il sistema di riferimento della ruota è conforme alla convenzione ISO-C, la cui disposizione degli assi è illustrata nella Figura 1.2. L'origine del sistema di riferimento del vettore ruota è posta in corrispondenza del centro della ruota mentre

posizione e orientamento relativi rispetto al sistema di riferimento del telaio sono definiti attraverso il modello della sospensione descritto in [4].

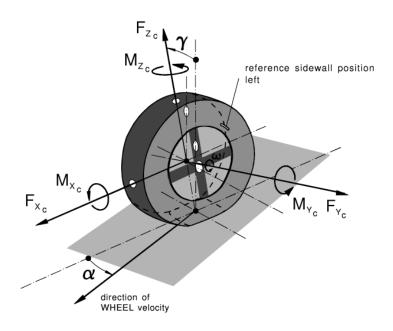


FIGURA 1.2: Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento dello pneumatico secondo la convenzione ISO-C.

1.3.2 Matrice di Trasformazione

Per descrivere sia l'orientamento che la posizione di un sistema di assi nello spazio, viene introdotta la *matrice roto-traslazione*, chiamata anche *matrice di trasformazione*. Questa notazione permette di impiegare le operazioni matrice-vettore per l'analisi di posizione, velocità e accelerazione. La forma generale di una matrice di trasformazione è del tipo:

$$T_{m} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} R_{m} & O_{mx} \\ O_{my} \\ O_{mz} \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 (1.1)

dove R_m è la matrice di rotazione 3×3 del sistema di riferimento in movimento e O_{mx} , O_{my} e O_{mz} sono le coordinate della sua origine nel sistema di riferimento

assoluto o nativo. L'introduzione dell'elemento fittizio 1 nel vettore della posizione di origine e la successiva spaziatura interna zero della matrice rende possibili le moltiplicazioni matrice-vettore, rendendo la matrice di trasformazione un modo compatto e conveniente per la descrizione dei sistemi di riferimento. Si noti che per i vettori, le informazioni traslazionali vengono trascurate imponendo l'elemento fittizio pari a 0.

2.1 Una Breve Introduzione

Gli pneumatici sono probabilmente i componenti più complessi di un'auto in quanto combinano decine di componenti che devono essere formati, assemblati e curati insieme. Il loro successo finale dipende dalla loro capacità di fondere tutti i componenti separati in un prodotto coeso che soddisfa le esigenze del conducente [7]. Gli pneumatici sono caratterizzati da un comportamento altamente non lineare con una dipendenza da diversi fattori costruttivi e ambientali. Tuttavia, le forze di contatto possono essere descritte completamente da un vettore di forza risultante applicato in un punto specifico della patch di contatto e da un vettore di coppia, come illustrato nella Figura 2.1.

Componenti cruciali per la movimentazione dei veicoli e il comportamento di guida, le forze degli pneumatici richiedono particolare attenzione e cura soprattutto quando, lungo il comportamento stazionario, il comportamento non stazionario deve essere coperto. Attualmente, è possibile identificare tre gruppi di modelli:

- modelli matematici;
- modelli fisici;
- combinazione dei precedenti.

La prima tipologia di modello tenta di rappresentare le caratteristiche fisiche del pneumatico attraverso una descrizione puramente matematica. Pertanto questi tipi

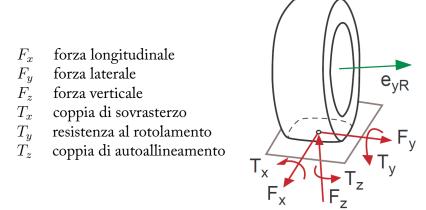


Figura 2.1: Forze e coppie generate dal contatto pneumatico-strada.

di modelli partono da un curve caratteristiche ricavate sperimentalmente e cercano di derivare un comportamento approssimativo dall'interpolazione di dati. Un esempio ben noto di questo approccio è il modello di Pacejka o Magic Formula Tire Model [6]. Questo tipo di modellazione è adatta per la simulazione di manovre di guida, dove il comportamento di interesse è per lo più la gestione del veicolo e le frequenze di uscita sono ben al di sotto delle frequenze di risonanza della cintura dello pneumatici. I modelli fisici o i modelli ad alta frequenza, come i modelli agli elementi finiti, sono in grado di rilevare fenomeni di frequenza più elevata come le vibrazioni della membrana. Ciò permette di valutare il comfort di guida di un veicolo. Dal punto di vista del calcolo, i modelli fisici complessi richiedono molto tempo al computer per essere risolto, nonché molti dati. Dall'altro lato, i modelli matematici sono veloci in termini di calcolo, ma richiedono un'accurata pre-elaborazione dei dati sperimentali. La terza tipologia di modelli consiste in un'estensione dei modelli matematici attraverso le leggi fisiche al fine di coprire una gamma di frequenza più ampia. Il modello di pneumatico sviluppato nel modello di veicolo presentato da Larcher in [4] si basa sulla Magic Formula 6.2. Una panoramica generale sui modelli della Magic Formula e sul calcolo dello slip degli pneumatici è descritta nelle sezioni seguenti, mentre l'insieme completo delle equazioni del modello implementato è riportato nell'Appendice. Come vedremo nel Capitolo 3 il modello di pneumatico

deve essere combinato con un'interfaccia di pneumatico/strada modellata adeguata

per ottenere risultati significativi.

2.2 Il modello Pacejka

Uno dei modelli di pneumatici più utilizzati è il cosiddetto modello *Magic Formula* sviluppato da Egbert Bakker e Pacejka in [1]. Questo modello è stato poi rivisto e l'ultima versione è riportata in [6]. Il modello Magic Formula consiste in una pura descrizione matematica del rapporto input-output del contatto pneumatico-strada. Questa formulazione collega le variabili di forza con lo slip rigido del corpo che vengono trattati nelle sezioni successive. La forma generale della funzione di descrizione può essere scritta come:

$$y(x) = D\sin\{C\arctan[B(x+S_h) - E(B(x+S_h) - \arctan(B(x+S_h)))]\} + S_v$$
(2.1)

dove:

- B rappresenta il fattore di rigidezza;
- C rappresenta il fattore di forma;
- D rappresenta il falore massimo della forza o coppia;
- E rappresenta il fattore di curvatura;
- S_v rappresenta lo spostamento in verticale della curva caratteristica;
- S_h rappresenta lo spostamento in orizzontale della curva caratteristica.

e dove y(x) può essere la forza longitudinale F_x , la forza laterale F_y o la coppia di autoallineamento M_z , mentre x è la componente di slip corrispondente. In Figura 2.2 sono illustrate le curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo della Magic Formula.

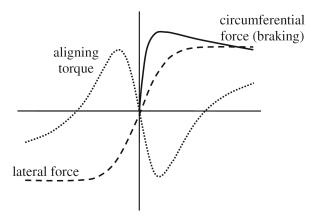


Figura 2.2: Curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo della Magic Formula

2.3 Geometria secondo ETRTO

Quando si fa riferimento ai dati puramente geometrici, viene utilizzata una forma abbreviata della notazione completa prevista dall'ente di normazione ETRTO. Assumendo di avere un pneumatico generico la notazione che identificherà la geometria sarà del tipo a/bRc. Dove:

- a rappresenta larghezza nominale del pneumatico nel punto più largo;
- b rappresenta percentuale dell'altezza della spalla dello pneumatico in relazione alla larghezza dello stesso;
- c rappresenta il diametro dei cerchi ai quali lo pneumatico si adatta.

Facendo un esempio, 195/55R16 significherebbe che la larghezza nominale del pneumatico è di circa 195 mm nel punto più largo, l'altezza della spalla dello pneumatico è il 55% della larghezza, ovvero 107 mm in questo caso, e che il pneumatico si adatta a dei cerchi di 16 pollici di diametro. Con questa notazione è possibile calcolare direttamente il diametro esterno teorico dello pneumatico tramite la seguente:

$$\phi_e = \frac{2ab}{25.4} + c \quad [in] \qquad \phi_e = 2ab + 25.4c \quad [mm]$$
 (2.2)

Riprendendo l'esempio usato sopra, il diametro esterno risulterà dunque 24.44 in o 621 mm.

Meno comunemente usato negli Stati Uniti e in Europa (ma spesso in Giappone) è una notazione che indica l'intero diametro del pneumatico invece delle proporzioni dell'altezza della parete laterale, quindi non secondo ETRTO. Per fare lo stesso esempio, una ruota da 16 pollici avrebbe un diametro di 406 mm. L'aggiunta del doppio dell'altezza del pneumatico (2×107 mm) produce un diametro totale di 620 mm. Quindi, un pneumatico 195/55R16 potrebbe in alternativa essere etichettato 195/620R16.

Anche se questo è teoricamente ambiguo, in pratica queste due notazioni possono essere facilmente distinte perché l'altezza della parete laterale di un pneumatico automobilistico è in genere molto inferiore alla larghezza. Quindi, quando l'altezza è espressa come percentuale della larghezza, è quasi sempre inferiore al 100% (e certamente meno del 200%). Al contrario, i diametri degli pneumatici del veicolo sono sempre superiori a 200 mm. Pertanto, se il secondo numero è superiore a 200, allora è quasi certo che viene utilizzata la notazione giapponese, se è inferiore a 200 allora viene utilizzata la notazione USA/europea.

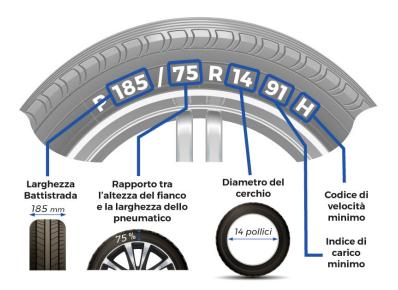


FIGURA 2.3: Esempio di misure, secondo la notazione ETRTO, riportate sulla spalla dello pneumatico.

2.4 Contatto con la Superficie Stradale

La posizione e l'orientamento della ruota in relazione al sistema fissato a terra sono dati dal telaio di riferimento del vettore ruota RF_{wh_i} che viene calcolato risolvendo le equazioni dinamiche del sistema ottenuto nel Capitolo 2 in [4] istante per istante. Supponendo che il profilo stradale potrebbe essere rappresentato da una funzione arbitraria di due coordinate spaziali

$$z = z(x, y) \tag{2.3}$$

su una irregolare, il punto di contatto P non può essere calcolato direttamente. Co-sì, come prima approssimazione siamo in grado di identificare un punto P, che è definito come una semplice traslazione del centro ruota M:

$$P^{\star} = M - R_0 \mathbf{e}_{zC} \begin{bmatrix} x^{\star} \\ y^{\star} \\ z^{\star} \end{bmatrix}$$
 (2.4)

dove R_0 è il raggio dello pneumatico indeformato e e_{zC} è il vettore unitario che definisce l'asse z_c del sistema di riferimento del vettore ruota.

La prima stima del sistema di riferimento del punto di contatto RF_{PC^*} è un frame con origine in P^* e orientamento dell'asse definito dall'orientamento dell'asse del

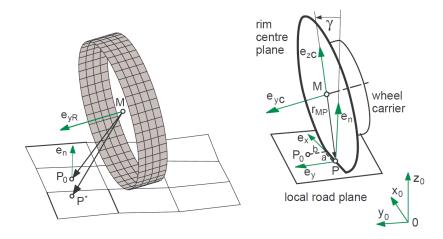


Figura 2.4: Geometria del contatto pneumatico-strada.

sistema portante della ruota.

$$RF_{PC^{\star}} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} R_{RF_{wh}} & x^{\star} \\ y^{\star} \\ z^{\star} \end{bmatrix} & (2.5)$$

Ora, i vettori di unità e_x ed e_y , che descrivono il piano locale nel punto P, possono essere ottenuti dalle seguenti equazioni:

$$e_x = \frac{e_{yC} \times e_n}{|e_{yC} \times e_n|}$$
 $e_y = e_n \times e_x$ (2.6)

Al fine di ottenere una buona approssimazione del piano pista locale in termini di inclinazione longitudinale e laterale, sono stati utilizzati un insieme di quattro punti di campionamento $(Q_1^{\star}, Q_2^{\star}, Q_3^{\star}, Q_4^{\star})$ che sono rappresentati graficamente in Figura 2.5. I punti di campionamento sono definiti sul piano locale del punto di contatto $RF_{PC^{\star}}$, poiché lo spostamento longitudinale e laterale dall'origine del sistema, che è P^{\star} . I vettori di spostamento sono definiti come:

$$PC^{\star} r_{Q_{1,2}^{\star}} = \pm \Delta x$$

$$PC^{\star} r_{Q_{3,4}^{\star}} = \pm \Delta y$$
(2.7)

e quindi, i quattro punti di campionamento sono:

$$P^{\star} \mathbf{r}_{Q_{1,2}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta x \mathbf{e}_{xPC^{\star}}$$

$$P^{\star} \mathbf{r}_{Q_{3,4}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta y \mathbf{e}_{yPC^{\star}}$$
(2.8)

Al fine di campionare la patch di contatto nel modo più efficiente possibile, le distanze di Δx e Δy , dell'equazione precedente, vengono regolate in base al raggio del pneumatico indeformato R_0 e alla larghezza del pneumatico B. I valori di queste due quantità possono essere trovate in letteratura e sono $\Delta x = 0.1R_0$ e $\Delta x = 0.3B$. Attraverso questa definizione, si può ottenere un comportamento realistico durante la simulazione.

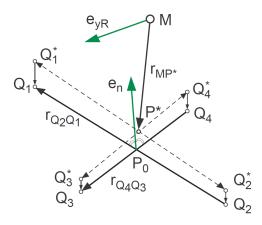


Figura 2.5: Punti campionati nel piano locale della superficie stradale.

Ora il componente traccia z in corrispondenza dei quattro punti campione viene valutato attraverso la funzione z(x,y) (Eq. 3.1), quindi, aggiornando la terza coordinata dei punti di sondaggio Q_i^{\star} , otteniamo i corrispondenti punti campione Q_i sulla superficie della pista locale. La linea fissata dai punti Q_1 , Q_2 e rispettivamente Q_3 , Q_4 , può ora essere utilizzata per definire il vettore normale del piano della pista locale (Figura??). Pertanto, il vettore normale è definito come:

$$e_n = \frac{r_{Q_1 Q_2} \times r_{Q_4 Q_3}}{|r_{Q_1 Q_2} \times r_{Q_4 Q_3}|} \tag{2.9}$$

dove sono $r_{Q_2Q_1}$ e $r_{Q_4Q_3}$ sono i vettori che puntano rispettivamente da Q_1 a Q_2 e da Q_3 a Q_4 . Applicando Eq 3.4 è ora possibile calcolare i vettori unitari e_x e e_y del piano di locale del punto di contatto. Il punto di contatto P si ottiene aggiornando le coordinate del primo punto di prova P^* , con il valore medio delle tre coordinate spaziali dei quattro punti campione.

$$P = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{4} x_i \\ \sum_{i=1}^{4} y_i \\ \sum_{i=1}^{4} z_i \end{bmatrix}$$
 (2.10)

Infine possiamo mettere assieme tutte le componenti del piano di riferimento del punto di contatto finale ottenendo:

$$RF_{PC} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_x \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_y \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_z \end{bmatrix} & y_P \\ y_P & z_P \end{bmatrix}$$

$$0 \quad 0 \quad 0 \quad 1$$
(2.11)

Attraverso questo approccio di modellazione, le informazioni della traccia locale normal vector e_n , insieme al punto di contatto locale P sono in grado di rappresentare l'irregolarità locale in modo soddisfacente. Come accade in realtà, bordi taglienti o discontinuità del manto stradale saranno smussate da questo approccio. Alcuni casi dimostrativi sono illustrati nella Figura 2.6.

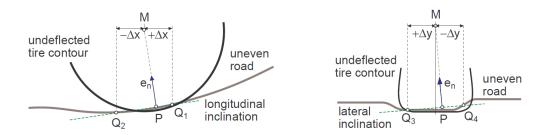


Figura 2.6: Inclinazione longitudinale e laterale del piano strada locale.

3.1 A Table

Feature	Misuse-based	Anomaly-based
Modeled activity:	Malicious	Normal
Detection method:	Matching	Deviation
Threats detected:	Known	Any
False negatives:	High	Low
False positives:	Low	High
Maintenance cost:	High	Low
Attack desc.:	Accurate	Absent
System design:	Easy	Difficult

Tabella 3.1: Duality between misuse- and anomaly-based intrusion detection techniques. Note that, an anomaly-based CAMs can detect "Any" threat, under the assumption that an attack always generates a deviation in the modeled activity.

3.2 Code

```
1  /* ... */ cd['<'] = {0.1, 0.11} cd['a'] = {0.01, 0.2} cd['b'] =
2  {0.13, 0.23} /* ... */
3
4  b = decode(arg3_value);</pre>
```

3.3 A Sideways Table

Арркоасн	Тіме	HEADER	Payload	Approach Time Header Payload Stochastic Determ. Clustering	Determ.	CLUSTERING
[phad]		•				•
[kruegel:sac2002:anomaly]		•	•	•		
[protocolanom]		•		•	•	
[ramadas]			•			•
[rules-payl]	•		•		•	
[zanero-savaresi]		•	•			•
[wang:raid2004:payl]			•	•		
[zanero-pattern]		•	•			•
[DBLP:conf/iwia/BolzoniEHZ06]		•	•			•
[wang:raid2006:anagram]			•	•		

Tabella 3.2: Taxonomy of the selected state of the art approaches for network-based anomaly detection.

3.4 A Figure

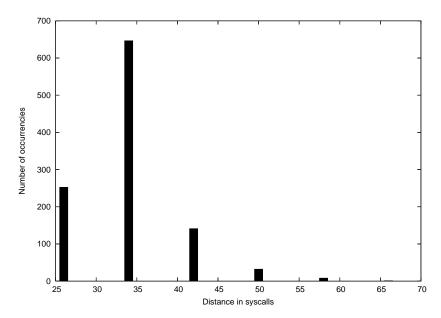


FIGURA 3.1: telnetd: distribution of the number of other system calls among two execve system calls (i.e., distance between two consecutive execve).

3.5 Bulleted List

- O = "Intrusion", $\neg O =$ "Non-intrusion";
- A = "Alert reported", $\neg A =$ "No alert reported".

3.6 Numbered List

- 1. O = "Intrusion", $\neg O =$ "Non-intrusion";
- 2. A = "Alert reported", $\neg A =$ "No alert reported".

3.7 A Description

Time refers to the use of *timestamp* information, extracted from network packets, to model normal packets. For example, normal packets may be modeled by their minimum and maximum inter-arrival time.

3.8 An Equation

$$d_a(i,j) := \begin{cases} K_a + \alpha_a \delta_a(i,j) & \text{if the elements are different} \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
 (3.1)

3.9 A Theorem, Proposition & Proof

Theorem 3.9.1 $a^2 + b^2 = c^2$

Proposition 3.9.2 3 + 3 = 6

Proof 3.9.1 For any finite set $\{p_1, p_2, ..., p_n\}$ of primes, consider $m = p_1p_2...p_n + 1$. If m is prime it is not in the set since $m > p_i$ for all i. If m is not prime it has a prime divisor p. If p is one of the p_i then p is a divisor of $p_1p_2...p_n$ and hence is a divisor of $(m - p_1p_2...p_n) = 1$, which is impossible; so p is not in the set. Hence a finite set $\{p_1, p_2, ..., p_n\}$ cannot be the collection of all primes.

3.10 Definition

Definition 3.10.1 (Anomaly-based CAM) An anomaly-based CAM is a type of CAM that generate alerts \mathbb{A} by relying on normal activity profiles.

3.11 A Remark

Remark 1 Although the network stack implementation may vary from system to system (e.g., Windows and Cisco platforms have different implementation of CAM).

3.12 An Example

Example 3.12.1 (Misuse vs. Anomaly) A misuse-based system M and an anomaly-based system A process the same log containing a full dump of the system calls invoked by the kernel of an audited machine. Log entries are in the form:

<function_name>(<arg1_value>, <arg2_value>, ...)

3.13 Note

Note 3.13.1 (Inspection layer) Although the network stack implementation may vary from system to system (e.g., Windows and Cisco platforms have different implementation of CAM), it is important to underline that the notion of IP, TCP, HTTP packet is well defined in a system-agnostic way, while the notion of operating system activity is rather vague and by no means standardized.

A.1 RoadRDF.hh

```
1///
2/// file: MeshRDF.hh
3 ///
5 #pragma once
6 #include <AABBtree.hh>
7#include <Eigen/Dense> // Eigen linear algebra Library
8 #include <cmath>
                        // Math.h - STD math Library
9 #include <fstream>
                         // fStream - STD File I/O Library
10 #include <iostream>
                         // Iostream - STD I/O Library
11 #include <string>
                          // String - STD String Library
12 #include <vector>
                          // Vector - STD Vector/Array Library
13 #include <memory>
15 // Print progress to console while loading (large models)
16 #define RDF_CONSOLE_OUTPUT
17
18 #ifndef RDF_ERROR
    #define RDF_ERROR(MSG) {
      std::ostringstream ost; ost << MSG;</pre>
20
```

```
throw std::runtime_error( ost.str() ); \
21
    }
22
23 #endif
24
25 #ifndef RDF_ASSERT
    #define RDF_ASSERT(COND,MSG) \
      if ( !(COND) ) RDF_ERROR( MSG )
28 #endif
29
30 //! RDF mesh computations routine
31 namespace RDF {
32
    typedef double real_type; //!< Real number type</pre>
33
    typedef int
                     int_type;
                                 //! < Integer number type
34
35
    typedef Eigen::Vector2d vec2; //!< 2D vector type</pre>
36
    typedef Eigen::Vector3d vec3; //!< 3D vector type</pre>
37
    typedef Eigen::Matrix3d mat3; //!< 3x3 matrix type</pre>
38
39
    typedef std::basic_ostream<char> ostream_type; //!< Output</pre>
40
        stream type
41
    //! Class that handle triangle bounding box.
42
    class BBox3D {
43
    private:
44
      real_type Xmin; //!< Xmin shadow domain point</pre>
45
      real_type Ymin; //!< Ymin shadow domain point</pre>
46
      real_type Xmax; //!< Xmax shadow domain point</pre>
47
      real_type Ymax; //!< Ymax shadow domain point</pre>
48
49
    public:
50
51
      //! Default constructor for orientation object.
52
      BBox3D() {}
53
      //! Variable set constructor for Bounding box object.
55
      BBox3D( vec3 const Vertices[3] ) {
```

```
updateBBox3D( Vertices );
57
      }
58
59
      //! Set Xmin shadow domain point.
60
      void
61
      setXmin(real_type const _Xmin) { Xmin = _Xmin; }
62
63
      //! Set Ymin shadow domain point.
      void
65
      setYmin(real_type const _Ymin) { Ymin = _Ymin; }
66
67
      //! Set Xmax shadow domain point.
68
      void
69
      setXmax(real_type const _Xmax) { Xmax = _Xmax; }
70
71
      //! Set Ymax shadow domain point.
72
      void
73
      setYmax(real_type const _Ymax) { Ymax = _Ymax; }
74
75
      //! Get Xmin shadow domain point.
76
      real_type
77
      getXmin() const { return Xmin; }
78
79
      //! Get Ymin shadow domain point.
80
81
      real_type
      getYmin() const { return Ymin; }
82
83
      //! Get Xmax shadow domain point.
84
      real_type
85
      getXmax() const { return Xmax; }
86
87
      //! Get Ymax shadow domain point.
88
      real_type
      getYmax() const { return Ymax; }
90
      //! Clear the bounding box domain.
92
      void clear(void);
93
```

```
94
      //! Print bounding box vertices.
95
      void
96
      print(ostream_type & stream) const {
97
         stream
98
           << "BBOX (xmin,ymin,xmax,ymax) = ( " << Xmin << ", " <<
99
           << ", " << Xmax << ", " << Ymax << " )\n";
100
      }
101
102
      //! Update the bounding box domain with multiple input
103
          triangles object.
      void
104
      updateBBox3D( vec3 const Vertices[3] );
105
    };
106
107
    //! Class for handling triangles.
108
    class Triangle3D {
109
    private:
110
      vec3
                 Vertices[3]; //!< Vertices vector</pre>
111
      real_type Friction;
                                //! < Face friction coefficient
112
      BBox3D
                 TriangleBBox; //!< Triangle bounding box</pre>
113
114
    public:
115
      //! Variable set constructor for orientation object.
116
      Triangle3D( vec3 const _Vertices[3], real_type _Friction ) {
117
         Vertices[0] = _Vertices[0];
118
         Vertices[1] = _Vertices[1];
119
         Vertices[2] = _Vertices[2];
120
                     = _Friction;
121
         Friction
         TriangleBBox.updateBBox3D(Vertices);
122
      }
123
124
      //! Get triangle face normal versor.
125
      vec3
126
      Normal(void) const {
127
         vec3 d1 = Vertices[1] - Vertices[0];
```

```
vec3 d2 = Vertices[2] - Vertices[0];
129
         return d1.cross(d2).normalized();
130
      }
131
132
      //! Set vertices vector and update bounding box domain.
133
      setVertices( vec3 const Vertices[3] ) {
135
         Vertices[0] = _Vertices[0];
136
         Vertices[1] = Vertices[1];
137
         Vertices[2] = _Vertices[2];
138
         TriangleBBox.updateBBox3D(Vertices);
139
      }
140
141
      //! Set friction.
142
      void
143
       setFriction( real_type _Friction ) { Friction = _Friction; }
144
145
      //! Get i-th vertex.
146
      vec3 const &
147
      getithVertex( unsigned i ) const { return Vertices[i]; }
148
149
      //! Get friction coefficent on the face.
150
      real_type
151
      getFriction(void) const { return Friction; }
152
153
      //! Get triangle bonding box.
154
      BBox3D const &
155
       getBBox(void) const { return TriangleBBox; }
156
157
      //! Print vertices information.
158
159
      print( ostream_type & stream ) const {
160
         stream
           << "V1:\t" << Vertices[0] << '\n'
162
           << "V2:\t" << Vertices[1] << '\n'
           << "V3:\t" << Vertices[2] << std::endl;
      }
165
```

```
};
166
167
    //! Algorithms for RDF mesh computations routine.
168
    namespace algorithms {
169
170
      //! Split a string into a string array at a given token.
171
      void
172
      split(
173
        std::string const
                                    & in,
                                             //!< Input string
174
        std::vector<std::string> & out,
                                             //!< Output string vector</pre>
175
                                    & token //! < Token
         std::string const
      );
177
178
      //! Get tail of string after first token and possibly
179
          following spaces.
      std::string
180
      tail( std::string const & in );
181
182
      //! Get first token of string.
183
      std::string
184
      firstToken( std::string const & in );
185
186
      //! Get element at given index position.
187
      template<typename T>
188
      T const &
189
      getElement(
190
         std::vector<T> const & elements, //!< Elements vector</pre>
191
                        const & index
                                             //!< Index position
         std::string
192
      );
193
    } // namespace algorithms
194
195
    //! Class for handlinf mesh surface object.
196
    class MeshSurface {
197
    private:
198
      std::vector<std::shared_ptr<Triangle3D> > PtrTriangleVec;
          //!< Triangles vector list
      std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox>
                                                    PtrBBoxVec;
200
```

```
//!< Bounding boxes pointers</pre>
      G2lib::AABBtree::PtrAABB PtrTree
201
                            = std::make_shared<G2lib::AABBtree>();
202
                               //!< Mesh tree pointer
203
       MeshSurface( MeshSurface const & ) = delete; // costruttore
204
          di copia
      MeshSurface & operator = ( MeshSurface const & ) = delete; //
205
           operatore di copia
206
    public:
207
      // Default set constructor for mesh object.
208
      MeshSurface() {};
209
210
      // Variable set constructor for mesh object.
211
      MeshSurface( std::vector<std::shared_ptr<Triangle3D> > const
212
          & _PtrTriangleVec ) {
         this->PtrTriangleVec = _PtrTriangleVec;
213
         updatePtrBBox();
214
        PtrTree->build(PtrBBoxVec);
215
      };
216
217
      // Variable set constructor for mesh object.
218
      MeshSurface( std::string const & Path ){
219
         bool load = LoadFile(Path);
220
        RDF_ASSERT( load, "Error while reading file" );
221
      }
222
223
      //! Get all triangles inside the mesh as a vector.
224
       std::vector<std::shared_ptr<Triangle3D> > const &
225
       getTrianglesPtr(void) const
226
       { return PtrTriangleVec; }
227
228
      //! Get i-th triangle.
229
       std::shared_ptr<Triangle3D> const &
      getithTrianglePtr( unsigned i ) const
231
       { return PtrTriangleVec[i]; }
232
```

```
233
       //! Get AABB tree.
234
       G2lib::AABBtree::PtrAABB
235
       getAABBPtr(void) const
236
       { return PtrTree; }
237
238
       //! Print data in file.
239
       void
240
       printData( std::string const & FileName );
241
242
       //! Get the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
243
       std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> const &
244
       getPtrBBox() const
245
       { return PtrBBoxVec; }
246
247
       //! Copy the mesh.
248
       void
249
       set( MeshSurface const & in ) {
250
         this->PtrTriangleVec = in.PtrTriangleVec;
251
         this->PtrBBoxVec = in.PtrBBoxVec;
252
         this->PtrTree = in.PtrTree;
253
       }
254
255
       //! Load the RDF model and print information on a file.
256
       //! If RDF model is properly loaded true value is returned.
257
       bool
258
       LoadFile( std::string const & Path );
259
260
    private:
261
       //! Update the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
262
       void updatePtrBBox(void);
263
264
       //! Generate vertices from a list of positions face line.
265
       void
266
       GenVerticesFromRawRDF(
267
         std::vector<vec3> const & iNodes,
268
         std::string
                            const & icurline,
269
```

```
270 vec3 oVerts[3]
271 );
272 };
273
274 } // namespace RDF
275
276 ///
277 /// eof: MeshRDF.hh
278 ///
```

A.2 RoadRDF.cc

```
1#include "RoadRDF.hh" // RDF file extention Loader
2
4//! RDF mesh computations routine
5 namespace RDF {
  // class BBox3D
   _ _ _ _ _ _ _ _
10
   //! Clear the bounding box domain.
  void
12
   BBox3D::clear(void) {
13
     Xmin = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
14
     Ymin = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
15
     Xmax = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
16
     Ymax = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
17
   }
18
19
   //! Update the bounding box domain with multiple input
      triangles object.
21
   BBox3D::updateBBox3D( vec3 const Vertices[3] ) {
```

```
G2lib::minmax3( Vertices[0][0], Vertices[1][0], Vertices
23
        [2][0], Xmin, Xmax);
     G2lib::minmax3( Vertices[0][1], Vertices[1][1], Vertices
24
        [2][1], Ymin, Ymax);
   }
25
26
   2.7
      _ _ _ _ _ _ _ _ _
   // class MeshSurface
28
   29
30
   //! Print data in file.
31
32
   MeshSurface::printData( std::string const & FileName ) {
33
     // Create/Open Out.txt
34
     std::ofstream file(FileName);
35
36
     // Print introduction
37
     file
38
       << "LOADED RDF MESH DATA\n\n"
39
       << "Legend:\n"
40
       << "\tVi: i-th vertex\n"
41
       << "\t N: normal to the face\n"
42
       << "\t F: friction coefficient\n\n";
43
44
     for ( unsigned i = 0; i < PtrTriangleVec.size(); ++i ) {</pre>
45
       Triangle3D const & Ti = *PtrTriangleVec[i];
46
       vec3 const & VO = Ti.getithVertex(0);
47
       vec3 const & V1 = Ti.getithVertex(1);
48
       vec3 const & V2 = Ti.getithVertex(2);
49
                    N = Ti.Normal();
       vec3
50
51
       // Print vertices, normal and friction
52
       file
53
         << "TRIANGLE " << i
54
         << "\n\tV0:\t" << V0[0] << ", " << V0[1] << ", " << V0[2]
```

```
<< "\n\tV1:\t" << V1[0] << ", " << V1[1] << ", " << V1[2]
56
          << "\n\tV2:\t" << V2[0] << ", " << V2[1] << ", " << V2[2]
57
          << "\n\t N:\t" << N[0] << ", " << N[1] << ", " << N[2]
58
          << "\n\t F:\t" << Ti.getFriction()
59
          << "\n\n";
61
      // Close File
      file.close();
   }
64
65
   //! Update the mesh G2lib bounding boxes pointers vector
    void
67
    MeshSurface::updatePtrBBox(void) {
68
      PtrBBoxVec.clear();
69
      RDF::BBox3D iBBox;
70
      for (unsigned id = 0; id < PtrTriangleVec.size(); ++id) {</pre>
71
        iBBox = (*PtrTriangleVec[id]).getBBox();
72.
        PtrBBoxVec.push_back(G2lib::BBox::PtrBBox(
73
            new G2lib::BBox(iBBox.getXmin(), iBBox.getYmin(), iBBox
74
                .getXmax(),
                             iBBox.getYmax(), id, 0)));
75
76
        iBBox.clear();
      }
77
   }
78
79
   //! Load the RDF model and print information on a file
80
81
   MeshSurface::LoadFile( std::string const & Path ) {
82
      // Check if the file is an ".rdf" file, if not return false
83
      if (Path.substr(Path.size() - 4, 4) != ".rdf") {
84
        std::cerr << "Not a RDF file\n";</pre>
        return false;
      }
       // Check if the file had been correctly open, if not return
          false
      std::ifstream file(Path);
90
```

```
if (!file.is_open()) {
91
         std::cerr << "RDF file not opened\n";</pre>
92
         return false;
93
       }
94
95
       // Vector for nodes coordinates
96
       std::vector<vec3> Nodes;
97
98
       bool nodes_parse
99
                            = false;
       bool elements_parse = false;
100
101
102 #ifdef RDF_CONSOLE_OUTPUT
       int_type const outputEveryNth = 5000;
103
       int_type outputIndicator
                                       = outputEveryNth;
104
105 #endif
106
       std::string curline;
107
       while (std::getline(file, curline)) {
108
109 #ifdef RDF_CONSOLE_OUTPUT
         if ((outputIndicator = ((outputIndicator + 1) %
110
             outputEveryNth)) == 1) {
           std::cout
111
             << "\r- "
112
             << "Loading mesh..."
113
             << "\t triangles > "
114
             << PtrTriangleVec.size() << std::endl;</pre>
115
         }
116
117 #endif
118
         std::string token = algorithms::firstToken(curline);
119
         if ( token == "[NODES]" || token == "NODES" ) {
120
           nodes_parse
                           = true;
121
           elements_parse = false;
122
           continue;
123
         } else if (token == "[ELEMENTS]" || token == "ELEMENTS") {
124
           nodes_parse
                           = false;
           elements_parse = true;
126
```

```
continue;
127
         } else if (token[0] == '{') {
128
           // commento multiriga, continua a leggere fino a che
129
              trovo '}'
           continue;
130
         } else if (token[0] == '%' || token[0] == '#' || token[0]
131
            == '\r') {
           // Check comments or empty lines
132
133
           continue;
         }
134
135
         // Generate a vertex position
136
         if (nodes_parse) {
137
           std::vector<std::string> spos;
138
           vec3 vpos;
139
140
           algorithms::split(algorithms::tail(curline), spos, " ");
141
142
           vpos[0] = std::stod(spos[0]);
143
           vpos[1] = std::stod(spos[1]);
144
           vpos[2] = std::stod(spos[2]);
145
           Nodes.push_back(vpos);
146
         }
147
148
         // Generate a face (vertices & indices)
149
         if (elements_parse) {
150
           // Generate the triangle vertices from the elements
151
           vec3 iVerts[3];
152
           GenVerticesFromRawRDF( Nodes, curline, iVerts );
153
154
           // Get the triangle friction from current line
155
           std::vector<std::string> curlinevec;
156
           algorithms::split(curline, curlinevec, " ");
           real_type iFriction = std::stod(curlinevec[4]);
158
           // Create a shared pointer for the last triangle and push
160
               it in the pointer vector
```

```
PtrTriangleVec.push_back(std::shared_ptr<Triangle3D>(new
161
               Triangle3D(iVerts,iFriction)));
         }
162
      }
163
164
165 #ifdef RDF_CONSOLE_OUTPUT
      std::cout << std::endl;</pre>
167 #endif
168
      file.close();
169
170
      if (PtrTriangleVec.empty()) {
171
         perror("Loaded mesh is empty");
172
         return false;
173
      } else {
174
         // Update the local intersected triangles list
175
         updatePtrBBox();
176
         PtrTree->build(PtrBBoxVec);
177
         return true;
178
      }
179
180
    }
181
    // Generate vertices from a list of positions face line.
182
    void
183
    MeshSurface::GenVerticesFromRawRDF(
184
      std::vector<vec3> const & iNodes,
185
      std::string const & icurline,
186
      vec3
                                   oVerts[3]
187
    ) {
188
      std::vector<std::string> svert;
189
                                  vVert;
190
      algorithms::split( icurline, svert, " " );
191
192
       int_type control_size = int(svert.size() - 4);
193
      for ( int i = 1; i < int(svert.size() - control_size); ++i )</pre>
194
          {
         // Calculate and store the vertex
195
```

```
vVert = algorithms::getElement(iNodes, svert[i]);
196
         oVerts[i-1] = vVert; // CONTROLLARE i <=
197
            3!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!
      }
198
    }
199
200
201
        _ _ _ _ _ _ _ _
    // namespace algorithms
     // - - - - - - - - -
204
    //! Holds all of the algorithms needed for the mesh processing
205
    namespace algorithms {
206
207
       //! Split a string into a string array at a given token.
208
       void
209
       split(
210
         std::string const
                                    & in,
                                             //!< Input string</pre>
211
         std::vector<std::string> & out, //!< Output string vector</pre>
212
                                   & token //! < Token
         std::string const
213
       ) {
214
         out.clear();
215
216
         std::string temp;
217
218
         for ( int i = 0; i < int(in.size()); ++i ) {
219
           std::string test = in.substr(i, token.size());
220
           if (test == token) {
221
             if (!temp.empty()) {
222
               out.push_back(temp);
223
               temp.clear();
224
               i += (int)token.size() - 1;
225
             } else {
226
               out.push_back("");
227
228
           } else if (i + token.size() >= in.size()) {
229
```

```
temp += in.substr(i, token.size());
230
             out.push_back(temp);
231
             break;
232
           } else {
233
             temp += in[i];
234
           }
235
        }
236
      }
237
238
239
      //! Get tail of string after first token and possibly
          following spaces.
      std::string
240
      tail(std::string const & in ) {
241
         size_t token_start = in.find_first_not_of(" \t");
242
         size_t space_start = in.find_first_of(" \t", token_start);
243
        size_t tail_start = in.find_first_not_of(" \t",
244
            space_start);
                             = in.find_last_not_of(" \t");
        size_t tail_end
245
         if (tail_start != std::string::npos && tail_end != std::
246
            string::npos) {
           return in.substr(tail_start, tail_end - tail_start + 1);
247
        } else if (tail_start != std::string::npos) {
248
           return in.substr(tail_start);
249
        }
250
        return "";
251
      }
252
253
      //! Get first token of string.
254
      std::string
255
      firstToken( std::string const & in ) {
256
         if (!in.empty()) {
257
           size_t token_start = in.find_first_not_of(" \t\r\n");
258
           if (token_start != std::string::npos) {
259
             size_t token_end = in.find_first_of(" \t\r\n",
260
                token_start);
             if (token_end != std::string::npos) {
261
               return in.substr(token_start, token_end - token_start
262
```

```
);
             } else {
263
                return in.substr(token_start);
264
             }
265
           }
266
         }
267
         return "";
268
       }
269
270
271
       //! Get element at given index position.
       template<typename T>
273
       T const &
274
       getElement(
275
         std::vector<T> const & elements, //!< Elements vector</pre>
276
         std::string
                         const & index
                                                  //!< Index position
277
       ) {
278
         // std::cout << "Index: " << index << std::endl;
279
         int_type id = std::stoi(index);
280
         if ( id < 0 ) std::cerr << "ELEMENTS indexes cannot be
281
            negative\n";
         return elements[id - 1];
282
       }
283
284
    } // namespace algorithms
286 } // namespace RDF
287
288 ///
289 /// eof: MeshRDF.hh
290 ///
```

A.3 PatchTire.hh

```
1///
2/// file: PatchTire.hh
3///
4
```

```
5 /*!
7\mainpage
9 Contact Patch Evaluation
10 =========
12 Master's Thesis
14 Algorithm for Tire Contact Patch Evaluation in Soft Real-Time
16 Academic Year 2019 · 2020
17
18 Graduant:
19 -----
20
21 Davide Stocco\n
22 Department of Industrial Engineering \n
23 University of Trento\n
24 davide.stocco@studenti.unitn.it
25
26 Supervisor:
27 -----
28
29 Prof. Enrico Bertolazzi\n
30 Department of Industrial Engineering\n
31 University of Trento\n
32 enrico.bertolazzi@unitn.it
33
34 */
35
36 #pragma once
38 #include <Eigen/Dense> // Eigen linear algebra Library
39 #include <chrono>
                          // chrono - STD Time Measurement Library
40 #include <cmath>
                          // Math.h - STD math Library
41 #include <fstream>
                          // fStream - STD File I/O Library
```

```
// Iostream - STD I/O Library
42 #include <iostream>
43 #include <string>
                          // String - STD String Library
44 #include <vector>
                          // Vector - STD Vector/Array Library
45
46 #include "RoadRDF.hh" // RDF file extention Loader
48 //! Tire computations routine
49 namespace PatchTire {
50
   typedef double real_type; //!< Real number type</pre>
                    int_type; //!< Integer number type</pre>
   typedef int
53
   typedef Eigen::Vector2d vec2; //!< 2D vector type</pre>
54
   typedef Eigen::Vector3d vec3; //!< 3D vector type</pre>
55
   typedef Eigen::Vector4d vec4; //!< 2D vector type
56
    typedef Eigen::Matrix3d mat3; //!< 3x3 matrix type</pre>
57
    typedef Eigen::Matrix4d mat4; //!< 4x4 matrix type</pre>
58
59
60
    typedef std::basic_ostream<char> ostream_type; //!< Output</pre>
       stream type
61
   static real_type quiteNaN =
62
        std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN(); //!< Not-a-
63
            Number type
64
    static mat3 mat3_NaN = mat3::Constant(quiteNaN); //!< Not-a-</pre>
65
       Number 3x3 matrix type
    static vec3 vec3_NaN = vec3::Constant(quiteNaN); //!< Not-a-</pre>
66
       Number 3D vactor type
67
    real_type const epsilon = std::numeric_limits<real_type>::
68
       epsilon();
69
    //! Class for handling tire disks.
    class Disk {
   private:
                         OriginXZ;
                                          //! < X0,Z0 origin vector
73
      vec2
```

```
Υ;
                                           //!< YO (= D) origin
      real_type
74
          coordinate or offset from center
                                           //!< Disk radius
                          R;
75
      std::vector<vec2> PointsSequence; //!< Sampled terrain points</pre>
76
           vector
                          PatchLength;
                                          //!< Local patch length
77
      real_type
78
      Disk const & operator = ( Disk const & ); // operatore di
79
          copia
80
    public:
81
      //! Variable set constructor for orientation object.
82
      Disk(
83
         vec2 const & _OriginXZ, //!< X0,Z0 origin coordinate</pre>
84
                             //!< YO (= D) origin coordinate</pre>
        real_type
                       _Y,
85
        real_type
                       R
                              //!< Disk radius
86
      ) {
87
        OriginXZ = _OriginXZ;
88
                  = _Y;
        Y
89
        R
                  = _R;
90
      }
91
92
      //! Copy class Disk.
93
      void
94
      set( Disk const & obj ) {
95
        this->OriginXZ
                               = obj.OriginXZ;
96
        this->Y
                               = obj.Y;
97
                               = obj.R;
        this->R
98
        this->PatchLength
                               = obj.PatchLength;
99
        this->PointsSequence = obj.PointsSequence;
100
      }
101
102
      //! Set origin vector.
103
      void
104
      setOriginXZ( vec2 const & _OriginXZ ) { OriginXZ = _OriginXZ;
105
106
```

```
//! Get origin vector XZ-axes coordinates.
107
       vec2 const &
108
       getOriginXZ(void) const { return OriginXZ; }
109
110
       //! Get origin Y-axis coordinate.
111
       real_type
       getOriginY(void) const { return Y; }
113
       //! Get the overall point sequance length inside the disk.
115
116
       real_type
       getPatchLength(void) const { return PatchLength; }
117
118
       //! Set sampled terrain points vector and calculate area
119
          between disk and
       //! segment.
120
       void
121
       setPointsSequence( std::vector<vec2> const & _PointsSequence
122
          ) {
         PointsSequence.clear();
123
         PointsSequence = _PointsSequence;
124
         updatePatchLength();
125
       }
126
127
    private:
128
       //! Calculate area between disk and segment.
129
       void updatePatchLength(void);
130
    };
131
132
133
    //! Class for tire shadow bounding box
    class Shadow {
134
    private:
135
                                                         //!< Xmin
      real_type Xmin;
136
          shadow domain point
                                                         //!< Ymin
       real_type Ymin;
137
          shadow domain point
                                                         //!< Xmax
       real_type Xmax;
138
          shadow domain point
```

```
//!< Ymax
      real_type Ymax;
139
          shadow domain point
      std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> PtrBBoxVec; //!< Bounding</pre>
140
          boxes pointers
      G2lib::AABBtree::PtrAABB PtrTree =
141
           std::make_shared<G2lib::AABBtree>(); //!< Mesh tree</pre>
142
               pointer
143
      Shadow( Shadow const & ); // costruttore di copia
144
      Shadow const & operator = ( Shadow const & ); // operatore di
145
           copia
146
    public:
147
      //! Default constructor for orientation object.
148
      Shadow() {}
149
150
      //! Variable set constructor for orientation object.
151
      Shadow(
152
153
         real_type _Xmin, //!< Xmin shadow domain point</pre>
         real_type _Ymin, //!< Ymin shadow domain point</pre>
154
         real_type _Xmax, //!< Xmax shadow domain point</pre>
155
                            //! < Ymax shadow domain point
         real_type _Ymax
156
      ) {
157
         Xmin = _Xmin;
158
         Ymin = _Ymin;
159
         Xmax = _Xmax;
160
         Ymax = _Ymax;
161
         updatePtrBBox();
162
         PtrTree->build(PtrBBoxVec);
163
      }
164
165
      //! Set class member Xmin, second argument boolean allows to
166
          update the
      //! AABB tree of the tire shadow after the change of domain.
167
      void
168
      setXmin(
                                              //!< Xmin shadow domain
         real_type const _Xmin,
```

```
point
                          updateTree = false //!< Optional boolean</pre>
         bool
171
            for updating the tire shadow AABB tree
       ) {
172
         Xmin = _Xmin;
173
         if ( updateTree == true ) {
174
           updatePtrBBox();
175
           PtrTree->build(PtrBBoxVec);
176
         }
177
       }
178
179
       //! Set class member Ymin, second argument boolean allows to
180
          update the
       //! AABB tree of the tire shadow.
181
       void
182
       setYmin(
183
         real_type const _Ymin,
                                               //!< Ymin shadow domain
184
             point
         bool
                          updateTree = false //!< Optional boolean</pre>
185
            for updating the tire shadow AABB tree
       ) {
186
         Ymin = _Ymin;
187
         if (updateTree == true) {
188
           updatePtrBBox();
189
           PtrTree->build(PtrBBoxVec);
190
         }
191
       }
192
193
       //! Set class member Xmax, second argument boolean allows to
194
          update the
       //! AABB tree of the tire shadow.
195
       void
196
       setXmax(
197
         real_type const _Xmax,
                                               //! < Xmax shadow domain
             point
         bool
                          updateTree = false //!< Optional boolean</pre>
199
            for updating the tire shadow AABB tree
```

```
) {
200
         Xmax = _Xmax;
201
         if (updateTree == true) {
202
           updatePtrBBox();
203
           PtrTree->build(PtrBBoxVec);
204
         }
205
       }
206
207
       //! Set class member Ymax, second argument boolean allows to
208
          update the
       //! AABB tree of the tire shadow.
209
210
       void
       setYmax(
211
         real_type const _Ymax,
                                                //! < Ymax shadow domain
212
             point
         bool
                          updateTree = false //!< Optional boolean</pre>
213
            for updating the tire shadow AABB tree
       ) {
214
         Ymax = _Ymax;
215
         if (updateTree == true) {
216
           updatePtrBBox();
217
           PtrTree->build(PtrBBoxVec);
218
         }
219
       }
220
221
       //! Get tire shadow AABB tree.
222
       G2lib::AABBtree::PtrAABB
223
       getAABBPtr(void) const
224
       { return PtrTree; }
225
226
       //! Get Xmin shadow domain point.
227
       real_type
228
       getXmin() const { return Xmin; }
229
230
       //! Get Ymin shadow domain point.
231
       real_type
232
       getYmin() const { return Ymin; }
233
```

```
234
       //! Get Xmax shadow domain point.
235
       real_type
236
       getXmax() const { return Xmax; }
237
238
       //! Get Ymax shadow domain point.
       real_type
       getYmax() const { return Ymax; }
241
       //! Clear the tire shadow domain.
243
       void
244
       clear(void) {
245
         Xmin = quiteNaN;
246
         Ymin = quiteNaN;
247
         Xmax = quiteNaN;
248
         Ymax = quiteNaN;
249
       }
250
251
       //! Print tire shadow bounding box vertices.
252
       void
253
       print( ostream_type & stream ) const {
254
         stream
255
           << "BBOX (xmin,ymin,xmax,ymax) = ( " << Xmin << ", " <<
256
              Ymin
           << ", " << Xmax << ", " << Ymax << " )\n";
257
       }
258
259
       //! Get the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
260
       std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> const &
261
       getPtrBBox() const
262
       { return PtrBBoxVec; }
263
264
    private:
265
       //! Update the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
266
       void
267
       updatePtrBBox(void) {
268
         PtrBBoxVec.clear();
```

```
PtrBBoxVec.push_back(
270
           G2lib::BBox::PtrBBox(
271
             new G2lib::BBox(Xmin, Ymin, Xmax, Ymax, 0, 0)
272
           )
273
         );
274
       }
275
    };
276
277
    //! Class for handling tire origin, yaw angle and camber angle
278
     class Orientation {
279
    private:
280
       vec3
                  Origin = vec3_NaN; //!< Origin position (default</pre>
281
          NaN)
       mat3
                  RotMat = mat3_NaN; //!< 3x3 rotation matrix (</pre>
282
          default NaN)
       real_type Yaw;
                             //!< Yaw angle [rad]</pre>
283
       real_type Camber;
                             //!< Camber angle [rad]</pre>
284
       vec3
                  Xversor; //!< X-axis versor</pre>
285
                             //!< Y-axis versor
286
       vec3
                  Yversor;
                  Zversor; //!< Z-axis versor</pre>
       vec3
287
288
       Orientation( Orientation const & ) = delete; // costruttore
289
          di copia
       Orientation & operator = ( Orientation const & ) = delete; //
290
            operatore di copia
291
292
    public:
       //! Default constructor for orientation object.
293
       Orientation() {}
294
295
       //! Variable set constructor for orientation object.
296
       Orientation(
297
                  & _Origin,
                                    //!< Origin position
298
         vec3
         real_type _Yaw,
                              //!< Yaw angle [rad]</pre>
299
         real_type _Camber //!< Camber angle [rad]</pre>
300
301
         Origin = _Origin;
302
```

```
Yaw
                = _Yaw;
303
         Camber = _Camber;
304
         updateRotMat();
305
       }
306
307
       //! Check if the object is empty
       bool
309
       isEmpty(void) {
310
         if ( Origin != Origin || RotMat != RotMat){
311
           return true;
312
         } else {
313
           return false;
314
         }
315
316
       }
317
       //! Get current rotation matrix.
318
       mat3 const &
319
       getRotMat(void) const { return RotMat; }
320
321
       //! Get current X-axis versor.
322
323
       vec3 const &
       getX(void) const { return Xversor; }
324
325
       //! Get current Y-axis versor.
326
       vec3 const &
327
       getY(void) const { return Yversor; }
328
329
       //! Get current Z-axis versor.
330
       vec3 const &
331
       getZ(void) const { return Zversor; }
332
333
       //! Get camber angle.
334
       real_type
       getCamber(void) const { return Camber; }
336
       //! Get yaw angle.
338
       real_type
```

```
getYaw(void) const { return Yaw; }
340
341
       //! Get origin vector.
342
       vec3
343
       getOrigin(void) const { return Origin; }
344
345
       //! Set camber angle.
346
       void
347
       setCamber( real_type const _Camber ) {
348
         Camber = _Camber;
349
         updateRotMat();
350
       }
351
352
       //! Set yaw angle.
353
354
       setYaw( real_type const _Yaw ) {
355
         Yaw = _Yaw;
356
         updateRotMat();
357
       }
358
359
       //! Set origin.
360
       void
361
       setOrigin( vec3 const & _Origin ) { Origin = _Origin; }
362
363
       //! Set rotation matrix.
364
       void
365
       setRotMat( mat3 const & _RotMat ) { RotMat = _RotMat; }
366
367
       //! Copy class Orientation.
368
       void set( Orientation const & in ) {
369
         this->Origin = in.Origin;
370
         this->Yaw
                      = in.Yaw;
371
         this->Camber = in.Camber;
372
         updateRotMat();
373
       }
374
375
376
    private:
```

```
//! Get axes versors components.
377
       void
378
       updateRotMat(void);
379
    };
380
381
    //! Class for handling the patch evaluation precision.
382
    class SolverPrecision {
384
    private:
       int_type Xdiv = 20; //!< Number of divisions in X-axis</pre>
385
       int_type Ydiv = 20; //!< Number of divisions in Y-axis</pre>
386
387
       SolverPrecision( SolverPrecision const & ) = delete; //
388
          costruttore di copia
       SolverPrecision & operator = ( SolverPrecision const & ) =
389
          delete; // operatore di copia
390
    public:
391
       //! Default constructor for SolverPrecision object.
392
       SolverPrecision() {}
393
394
      //! Variable set constructor for SolverPrecision object.
395
       SolverPrecision(
396
         int_type _Xdiv, //! < Number of divisions in X-axis
397
         int_type _Ydiv //!< Number of divisions in Y-axis</pre>
398
       ) {
399
         Xdiv = _Xdiv;
400
         Ydiv = _Ydiv;
401
       }
402
403
       //! Get number of divisions in X-axis.
404
       int_type
405
       getXdiv(void) const { return Xdiv; }
406
       //! Get number of divisions in Y-axis.
408
       int_type
       getYdiv(void) const { return Ydiv; }
410
```

```
//! Set number of divisions in X-axis.
412
       void
413
       setXdiv( int_type const _Xdiv ) { Xdiv = _Xdiv; }
414
415
       //! Set number of divisions in Y-axis.
416
       void
417
       setYdiv( int_type const _Ydiv ) { Ydiv = _Ydiv; }
418
419
       //! Copy the solver precision class.
420
       void
421
       set( SolverPrecision const & in ) {
422
         this->Xdiv = in.Xdiv;
423
         this->Ydiv = in.Ydiv;
424
      }
425
    };
426
427
    //! Class for handling ETRTO tire data.
428
    class ETRTO {
429
430
    private:
      real_type SectionWidth; //!< Tire section width[mm]</pre>
431
      real_type AspectRatio; //!< Tire aspect ratio [%]</pre>
432
      real_type RimDiameter; //!< Rim diameter [in]</pre>
433
      real_type SidewallHeight; //!< Rim diameter [in]</pre>
434
       real_type TireDiameter; //!< Rim diameter [in]</pre>
435
436
       ETRTO( ETRTO const & ); // costruttore di copia
437
438
    public:
439
       //! Default constructor for orientation object.
440
       ETRTO() {}
441
442
       //! Variable set constructor for tire object.
443
      ETRTO(
444
         real_type _SectionWidth,
                                     //!< Tire section width[mm]</pre>
445
         real_type _AspectRatio,
                                      //!< Tire aspect ratio [%]</pre>
446
         real_type _RimDiameter
                                      //!< Rim diameter [in]</pre>
447
       ) {
448
```

```
SectionWidth = _SectionWidth;
449
         AspectRatio = _AspectRatio;
450
         RimDiameter = _RimDiameter;
451
         calcSidewallHeight();
452
         calcTireDiameter();
453
       }
454
455
       //! Operator =.
456
       ETRTO const &
457
       operator = ( ETRTO const & rhs ) {
458
         this->SectionWidth = rhs.SectionWidth;
459
         this->AspectRatio = rhs.AspectRatio;
460
         this->RimDiameter = rhs.RimDiameter;
461
         calcSidewallHeight();
462
         calcTireDiameter();
463
         return *this:
464
       }
465
466
       //! Get sidewall height [m].
467
       real_type
468
       getSidewallHeight(void) const
469
       { return SidewallHeight; }
470
471
       //! Get external tire diameter [m].
472
       real_type
473
       getTireDiameter(void) const
474
       { return TireDiameter; }
475
476
       //! Get section width [m].
477
478
       real_type
       getSectionWidth(void) const
479
       { return SectionWidth / 1000.0; }
480
481
       //! Display tire data.
482
       print( ostream_type & stream ) const {
484
485
         stream
```

```
<< "Current Tire Data:\n"
486
           << "\tSection width = " << SectionWidth << " mm\n"
487
           << "\tAspect ratio = " << AspectRatio << " \n"
488
           << "\tRim diameter = " << RimDiameter << " in\n"
489
           << "\tS.wall Height = " << getSidewallHeight() * 1000 <<</pre>
490
               " mm\n"
           << "\tTire diameter = " << getTireDiameter() * 1000 << "
491
              mm \n';
      }
492
493
    private:
494
      //! Calculate sidewall height [m].
495
      void
496
      calcSidewallHeight(void)
497
      { SidewallHeight = SectionWidth / 1000.0 * AspectRatio / 100;
498
           }
499
      //! Calculate external tire diameter [m].
500
501
      calcTireDiameter(void)
502
      { TireDiameter = RimDiameter * 0.0254 + getSidewallHeight() *
503
           2.0; }
    };
504
505
    //! Algorithms for tire computations routine.
506
    namespace algorithms {
507
508
      //! Check if a ray hits a triangle object through Möller-
509
          Trumbore
      //! intersection algorithm.
510
      bool
511
      rayIntersectsTriangle(
512
        vec3 const
                          & RayOrigin,
                                               //!< Ray origin
513
            position
        vec3 const
                                               //! < Ray direction
514
                          & RayVector,
            vector
        RDF::Triangle3D & Triangle,
                                               //! < Triangle object
515
```

```
& IntersectionPoint //! < Intersection point
        vec3
516
      );
517
518
      //! Find the intersection points between a circle and a line
519
          segment.
       //! Output integer gives the number of intersection points.
520
521
       segmentIntersectsCircle(
522
         vec2 const & Origin,
                                      //!< Circle origin position
523
                                       //!< Circle radius
524
        real_type
                      R,
        vec2 const & Point 1,
                                       //!< Line segment point 1
525
        vec2 const & Point_2,
                                       //!< Line segment point 2
526
                    & Intersection_1, //! < Intersection point 2
         vec2
527
        vec2
                    & Intersection_2 //! < Intersection point 2
528
      );
529
530
      //! Check if a point lays inside or outside a circumfererence
531
      //! If output bool is true the point is inside the
532
          circumfererence,
533
      //! otherwise it is outside.
      bool
534
      pointInsideCircle(
535
        vec2 const & Origin, //!< Circle origin position</pre>
536
                           //!< Circle radius
537
        real_type
                      R,
        vec2 const & Point
                               //!< Query point
538
      );
539
540
      //! Check if a point lays inside or outside a line segment.
541
      //! Warning: The point query point must be on the same rect
542
          of the line
      //! segment.
543
      bool
544
      pointOnSegment(
545
         vec2 const & Point_1, //!< Line segment point 1</pre>
        vec2 const & Point 2, //!< Line segment point 2</pre>
547
         vec2 const & Point //!< Query point</pre>
548
```

```
);
549
550
      //! Update the rectangular shadow domain of the tire in X and
551
           Y-axis
      void
552
      updateShadow(
553
         Shadow
                                          //! < Shadow bounding box
554
                            & iShadow,
            object
                      const & TireDenom, //!< ETRTO tire denomination</pre>
         ETRTO
555
             object
         Orientation const & Orient
                                          //! < Orientation object
556
         );
557
558
      //! Update the local intersected triangles list
559
       std::vector<std::shared_ptr<RDF::Triangle3D> >
560
      updateIntersectionList(
561
         Shadow
                            const & iShadow, //! < Shadow bounding box
562
             object
         RDF::MeshSurface
                                              //! RDF mesh object
563
                                   & iMesh
            pointer
      );
564
565
    } // namespace algorithms
566
567
    //! Class for evaluating the contact patch
568
    class TireDisks {
569
570
    private:
       std::vector<Disk> DiskVector; //! Disks instance vector
571
      ETRTO
                                        //!< ETRTO tire denomination</pre>
                          TireDenom;
572
          object
      SolverPrecision
                          Precision;
                                        //!< Solver precision object
573
      Orientation
                                        //! < Orientation object
                          Orient;
574
      Shadow
                          iShadow;
                                        //! < Shadow bounding box
575
          object
      RDF::MeshSurface iMesh;
                                        //! RDF mesh object pointer
576
       std::vector<std::shared_ptr<RDF::Triangle3D> >
          intersectionTriPtr; //!< Local intersected triangles</pre>
```

```
vector
      Eigen::MatrixXd
                             intersectionGrid; //! Local sampling
578
          grid
579
      TireDisks( TireDisks const & ); // costruttore di copia
580
      TireDisks const & operator = ( TireDisks const & ); //
581
          operatore di copia
582
    public:
583
      //! Variable set constructor for tire object.
584
      TireDisks(
        ETRTO
                          const & _TireDenom,
586
         SolverPrecision const & Precision
587
      ) {
588
         TireDenom
                           = _TireDenom;
589
         Precision.set( Precision);
590
         intersectionGrid = Eigen::MatrixXd( Precision.getYdiv() +
591
            1, Precision.getXdiv() + 1 ); // Y sampling (rows), X
            sampling (columns)
         std::vector<real_type> Dvec = offsetDisk(Precision.getYdiv
592
            ());
                                      = TireDenom.getTireDiameter() /
         real_type R
593
             2.0;
         for ( int_type i = 0; i <= Precision.getYdiv(); ++i )</pre>
594
           DiskVector.push_back( Disk( vec2(0, 0), Dvec[i], R) );
595
      }
596
597
      //! Set the tire orientation
598
      void
599
       setOrientation( Orientation const & _Orient ) {
600
         Orient.set(_Orient);
601
         algorithms::updateShadow(iShadow, TireDenom, Orient);
602
         intersectionTriPtr = algorithms::updateIntersectionList(
            iShadow, iMesh);
      }
604
605
       //! Set the terrain mesh
```

```
void
607
      setMesh( RDF::MeshSurface const & _iMesh ) {
608
         iMesh.set(_iMesh);
609
      }
610
611
      //! Get orientation information
612
      Orientation const &
613
      getOrientation(void) const
614
      { return Orient; }
615
616
      //! Get orientation information
617
      SolverPrecision const &
618
      getPrecision(void) const
619
      { return Precision; }
620
621
      //! Get grid step on X-axis
622
      real_type
623
      getXstep(void) const
624
      { return TireDenom.getTireDiameter() / Precision.getXdiv(); }
625
626
      //! Get grid step on Y-axis
627
      real_type
628
      getYstep(void) const
629
       { return TireDenom.getSectionWidth() / Precision.getYdiv(); }
630
631
      //! Get i-th intantiated disk
632
      Disk const &
633
       getithDisk( int_type const i ) const
634
      { return DiskVector[i]; }
635
636
      //! Perform triangles sampling
637
      void
638
      gridSampling( bool print = false );
639
640
      //! Find single point intersection between tire and mesh (
641
          Pacejka Single
       //! Contact Point) with AABB tree
642
```

```
real_type
643
       MF_Pacejka_SCP( bool print = false );
644
645
       //! Evaluate the contact patch between tire and mesh (Magic
646
          Formula
       //! Swift Contact Patch Evaluation)
647
       real type
648
       MF_Swift_PE( bool print = false );
649
650
       //! Evaluate the local effective road plane (Magic Formula
651
       //! Swift Effective road plane)
652
       std::vector<real_type>
653
       MF_Swift_ERP( bool print = false );
654
655
       void
656
       Move(
657
                    const & start,
                                      //! Starting position
658
         vec3
                    const & arrival, //! Arrival position
         vec3
659
         real_type const & freq,
                                      //!< Sampling frequency [Hz]</pre>
660
         real_type const & speed,
                                      //!< Tire speed [m/s]</pre>
661
         bool
                            print
662
       );
663
664
    private:
665
       std::vector<real_type>
666
       offsetDisk( int_type const n );
667
668
       //! Find nearest intersection to origin
669
       real_type
670
       calculateMagnitude( std::vector<vec3> const &
671
          IntersectionPointVec );
    };
672
673
    //! Class for evaluating the contact patch evaluation with
        Magic Formula.
    class TireMF {
675
    private:
676
```

```
ETRTO
                          TireDenom; //! < ETRTO tire denomination
677
          object
                                      //! < Orientation object
      Orientation
                          Orient;
678
      Shadow
                          iShadow;
                                     //! < Shadow bounding box object
679
      RDF::MeshSurface
                                      //! RDF mesh object pointer
                          iMesh;
680
      vec3
                          Qvec[4];
                                      //! Local sampling grid
681
       std::vector<std::shared_ptr<RDF::Triangle3D> >
682
          intersectionTriPtr; //!< Local intersected triangles</pre>
          vector
683
      TireMF( TireMF const & ); // costruttore di copia
684
      TireMF const & operator = ( TireMF const & ); // operatore di
685
           copia
686
    public:
687
      //! Variable set constructor for tire object.
688
      TireMF(
689
         ETRTO
                           const & _TireDenom,
690
        RDF::MeshSurface const & _iMesh
691
      ) {
692
         TireDenom = _TireDenom;
693
         iMesh.set(_iMesh);
694
      }
695
696
      //! Set the tire orientation.
697
      void
698
      setOrientation( Orientation const & _Orient ) {
699
         Orient.set(_Orient);
700
      }
701
702
      //! Get orientation information.
703
      Orientation const &
704
      getOrientation(void) const
705
      { return Orient; }
706
707
      //! Set camber angle.
      void
709
```

```
setCamber( real_type const Camber ) { Orient.setCamber(Camber
710
          ); }
711
       //! Set yaw angle.
712
       void
713
       setYaw( real_type const Yaw ) { Orient.setYaw(Yaw); }
714
715
       //! Set camber angle.
716
       void
717
       setOrigin( vec3 const & Origin ) { Orient.setOrigin(Origin);
718
719
       //! Set camber angle.
720
721
       setTotalTM( mat4 const & TM ) {
722
         Orient.setOrigin(TM.block<3,1>(0,3));
723
         Orient.setRotMat(TM.block<3,3>(0,0));
724
       }
725
726
       //! Set the terrain mesh.
727
       void
728
       setMesh( RDF::MeshSurface const & _iMesh ) {
729
         iMesh.set(_iMesh);
730
       }
731
732
       //! Find the normal vector of the local track plane and local
733
           contact point.
       std::vector<vec3>
734
       MF_62( bool print = false );
735
736
       //! Move the current tire from a starting point to an ending
737
          point.
       void
738
      Move(
739
                    const & start,
                                      //! Starting position
         vec3
                    const & arrival, //! Arrival position
741
         vec3
         real_type const & freq,
                                      //!< Sampling frequency [Hz]</pre>
```

```
real_type const & speed,
                                      //!< Tire speed [m/s]</pre>
743
         bool
                              print
744
       );
745
746
    private:
747
       //! Perform triangles sampling.
748
       terrainSampling(void);
750
    };
751
752
753 } // namespace PatchTire
754
755 ///
756 /// eof: PatchTire.hh
757 ///
```

A.4 PatchTire.cc

```
1#include "PatchTire.hh" // RDF file extention Loader
3//! Tire computations routine
4 namespace PatchTire {
   // class Disk
   // - - - - - - - - -
9
10
   //! Calculate area between disk and segment
   void
11
   Disk::updatePatchLength(void) {
12
     // Reset class variable
13
     PatchLength = 0.0;
14
15
     for ( unsigned i = 0; i < PointsSequence.size() - 1; ++i ) {</pre>
16
       vec2
                 Intersection_1, Intersection_2;
17
```

```
Point_1 = PointsSequence[i];
        vec2
18
        vec2
                 Point_2 = PointsSequence[i + 1];
19
                         = algorithms::segmentIntersectsCircle(
        int_type Type
20
          OriginXZ, R, Point_1, Point_2, Intersection_1,
21
             Intersection_2
        );
22
        // std::cout << " " << Type;
23
        if ( Type == 0 ) {
24
          // No contact points, the line segment is not into the
             Disk
          continue;
26
        } else if (Type == 1) {
27
          // Tangent, no length added
28
          continue;
29
        } else if (Type == 2) {
30
          // Check whether the two segment points are into the
31
             circle
          bool Pose_pt1 = algorithms::pointInsideCircle(OriginXZ, R
32
              , Point_1);
          bool Pose_pt2 = algorithms::pointInsideCircle(OriginXZ, R
33
              , Point_2);
34
            // Check whether the two intersection points are onto
35
                the line segment
          bool Pose_int1 = algorithms::pointOnSegment(Point_1,
36
             Point_2, Intersection_1);
          bool Pose_int2 = algorithms::pointOnSegment(Point_1,
37
             Point_2, Intersection_2);
38
          // Cases
39
          // Line segment Point_1 and line segment Point_2 into the
              circle,
          // intersection points oustide line segment
41
          if ( Pose_pt1 && Pose_pt2 && !Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
42
            PatchLength += (Point_2 - Point_1).norm();
43
            continue;
44
          }
45
```

```
// Intersection points into the line segment and line
46
              segment points
          // outside the circle
47
          else if ( !Pose_pt1 && !Pose_pt2 && Pose_int1 &&
48
             Pose_int2 ) {
            PatchLength += (Intersection_2 - Intersection_1).norm()
49
            continue;
50
          }
51
52
          // Line segment Point_1 outside the circle, line segment
             Point 2
          // inside the circle
53
          else if ( !Pose_pt1 && Pose_pt2 ) {
54
            if ( Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
55
              // Add length from Intersection_1 to Point_2
56
              PatchLength += (Intersection_1 - Point_2).norm();
57
              continue;
58
            } else if ( Pose_int2 && !Pose_int1 ) {
59
              // Add length from Intersection_2 to Point_2
60
              PatchLength += (Intersection_2 - Point_2).norm();
61
              continue;
62
            }
63
          }
64
          // Line segment Point_1 inside the circle, line segment
65
             Point_2
          // outside the circle
66
          else if ( Pose_pt1 && !Pose_pt2 ) {
67
            if ( Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
68
              // Add length from Intersection_1 to Point_1
              PatchLength += (Intersection_1 - Point_1).norm();
70
              continue;
71
            } else if ( !Pose_int1 && Pose_int2 ) {
72
              // Add length from Intersection_2 to Point_1
73
              PatchLength += (Intersection_2 - Point_1).norm();
74
              continue;
75
            }
76
          }
```

```
}
78
79
     // std::cout << "Length: " << PatchLength << std::endl;</pre>
   }
81
82
83
   // class Orientation
   - - - - - -
86
   //! Get axes versors components.
87
   void
88
   Orientation::updateRotMat(void) {
89
     // Transformation matrix for Z-axis rotation
90
     mat3 Rot Z;
91
     Rot_Z << cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,</pre>
92
             sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
93
                    0,
                           0, 1;
94
     // Transformation matrix for X-axis rotation
95
     mat3 Rot_X;
96
     Rot_X << 1,
                        Ο,
97
             0, cos(Camber), -sin(Camber),
98
             0, sin(Camber), cos(Camber);
99
100
     //Update Rotation Matrix and Versors
101
     RotMat = Rot_Z * Rot_X;
102
     Xversor = RotMat * vec3(1.0, 0.0, 0.0);
103
     Yversor = RotMat * vec3(0.0, 1.0, 0.0);
104
     Zversor = RotMat * vec3(0.0, 0.0, 1.0);
105
   }
106
107
   _ _ _ _ _ _ _ _
   // namespace algorithms
```

```
111
    //! Holds all of the algorithms needed for the contact patch
112
        evaluation
    namespace algorithms {
113
114
      //! Check if a ray hits a triangle object through Möller-
115
          Trumbore
      //! intersection algorithm.
116
      bool
117
      rayIntersectsTriangle(
118
         vec3 const
                          & RayOrigin,
                                            //!< Ray origin
119
            position
         vec3 const
                          & RayDirection,
                                           //!< Ray direction
120
            vector
         RDF::Triangle3D & Triangle,
                                               //! Triangle object
121
                          & IntersectionPoint //! Intersection point
122
      ) {
123
                   E1 = Triangle.getithVertex(1) - Triangle.
         vec3
124
            getithVertex(0);
                   E2 = Triangle.getithVertex(2) - Triangle.
         vec3
125
            getithVertex(0);
                   A = RayDirection.cross(E2);
126
         real_type det = A.dot(E1);
127
         real_type t_param;
128
129
         if ( det > epsilon ) {
130
                     T = RayOrigin - Triangle.getithVertex(0);
131
           real_type u = A.dot(T);
132
           if ( u < 0.0 \mid \mid u > det ) return false;
133
                     B = T.cross(E1);
134
           vec3
           real_type v = B.dot(RayDirection);
135
           if ( v < 0.0 \mid \mid u + v > det ) return false;
136
           t_param = (B.dot(E2))/det;
137
         } else if ( det < -epsilon ) {</pre>
138
                     T = RayOrigin - Triangle.getithVertex(0);
139
           real_type u = A.dot(T);
           if ( u > 0.0 \mid \mid u < det ) return false;
141
```

```
B = T.cross(E1);
           vec3
142
           real_type v = B.dot(RayDirection);
143
           if ( v > 0.0 \mid \mid u + v < det ) return false;
144
           t_param = (B.dot(E2))/det;
145
         } else {
146
           return false;
147
         }
148
         // At this stage we can compute t to find out where the
149
             intersection
         // point is on the line
150
         if ( t_param >= 0 ) { // ray intersection
151
           IntersectionPoint = RayOrigin + RayDirection * t_param;
152
           return true;
153
         } else {
154
           // This means that there is a line intersection on
155
               negative side
           return false;
156
         }
157
       }
158
159
       //! Find the intersection points between a circle and a line
160
          segment.
       //! Output integer gives the number of intersection points.
161
       int_type
162
       segmentIntersectsCircle(
163
         vec2 const & Origin,
164
165
         real_type
                       R,
         vec2 const & Point_1,
166
         vec2 const & Point_2,
167
                     & Intersect_1,
168
         vec2
         vec2
                     & Intersect_2
169
       ) {
170
         real_type t_param;
171
172
                        = Point_2 - Point_1;
                    d
173
         vec2
                    P10 = Point_1 - Origin;
         vec2
174
         real_type A
                        = d.dot(d);
175
```

```
real_type B
                      = 2 * d.dot(P10);
176
         real_type C = P10.dot(P10) - R*R;
177
         real_type det = B*B - 4 * A * C;
178
         if ( A <= epsilon || det < 0 ) {</pre>
179
           // No real solutions
180
           Intersect_1 = vec2(quiteNaN, quiteNaN);
181
           Intersect_2 = vec2(quiteNaN, quiteNaN);
182
           return 0;
183
         } else if ( det == 0.0 ) {
184
           // One solution
185
                      = -B / (2*A);
           t param
186
           Intersect_1 = Point_1 + t_param * d;
187
           Intersect_2 = vec2(quiteNaN, quiteNaN);
188
           return 1;
189
         } else {
190
           // Two solutions
191
           t_param = (-B + std::sqrt(det)) / (2 * A);
192
           Intersect_1 = Point_1 + t_param * d;
193
           t_param = (-B - std::sqrt(det)) / (2 * A);
194
           Intersect_2 = Point_1 + t_param * d;
195
           return 2;
196
        }
197
      }
198
199
      //! Check if a point lays inside or outside a circumfererence
200
      //! If output bool is true the point is inside the
201
          circumfererence,
      //! otherwise it is outside.
202
203
      bool
      pointInsideCircle(
204
        vec2 const & Origin,
205
        real_type
206
        vec2 const & Point
207
208
         // Compare radius of circle with distance
209
         // of its center from given point
210
```

```
vec2 PO = Point - Origin;
211
         return PO.dot(PO) <= R*R;</pre>
212
       }
213
214
       //! Check if a point lays inside or outside a line segment.
215
       //! Warning: The point query point must be on the same rect
          of the line
       //! segment.
217
       bool
218
219
       pointOnSegment(
         vec2 const & Point_1,
220
         vec2 const & Point_2,
221
         vec2 const & Point
222
       ) {
223
         // A and B are the extremities of the current segment C is
224
            the point to
         // check
225
226
         // Create the vector AB
227
         vec2 AB = Point_2 - Point_1;
228
         // Create the vector AC
229
         vec2 AC = Point - Point_1;
230
231
         // Compute the cross product of AB and AC
232
         // Check if the three points are aligned (cross product is
233
            null)
         // if ((AB.cross3(AC)).squaredNorm() > epsilon)
234
         // return false;
235
236
         // Compute the dot product of vectors
237
         real_type KAC = AB.dot(AC);
238
         if ( KAC
                        < -epsilon ) return false;</pre>
239
         if ( abs(KAC) < epsilon ) return true;</pre>
241
         // Compute the square of the segment lenght
         real_type KAB = AB.dot(AB);
243
         if ( KAC > KAB ) return false;
```

```
if ( abs(KAC - KAB) < epsilon ) return true;</pre>
245
246
         // The point is on the segment
247
         return true;
248
      }
249
250
      //! Update the rectangular shadow domain of the tire in X and
251
           Y-axis
      void
252
      updateShadow(
253
                                          //! < Shadow bounding box
         Shadow
                            & iShadow,
254
            object
                      const & TireDenom, //!< ETRTO tire denomination</pre>
         ETRTO
255
             object
         Orientation const & Orient
                                          //! < Orientation object
256
         ) {
257
         // Calculate maximum covered space
258
         real_type diagonal = hypot( TireDenom.getSectionWidth(),
259
                                       TireDenom.getTireDiameter() ) /
260
                                            2;
261
         // Increment shadow to take in account camber angle
262
         real_type inc = 1.1;
263
264
         // Set new tire shadow domain
265
         iShadow.setXmax(Orient.getOrigin()[0] + inc * diagonal);
266
         iShadow.setXmin(Orient.getOrigin()[0] - inc * diagonal);
267
         iShadow.setYmax(Orient.getOrigin()[1] + inc * diagonal);
268
         iShadow.setYmin(Orient.getOrigin()[1] - inc * diagonal,
269
            true);
      }
270
271
      //! Update the local intersected triangles list
272
       std::vector<std::shared_ptr<RDF::Triangle3D> >
273
      updateIntersectionList(
274
         Shadow
                            const & iShadow, //! < Shadow bounding box
275
             object
```

```
RDF::MeshSurface
                              & iMesh //! RDF mesh object
276
           pointer
        ) {
277
        G2lib::AABBtree::VecPairPtrBBox intersectionList;
278
        std::vector<std::shared_ptr<RDF::Triangle3D> >
279
           intersectionTriPtr;
        (*iMesh.getAABBPtr()).intersect(*iShadow.getAABBPtr(),
280
           intersectionList);
        for ( unsigned i = 0; i < intersectionList.size(); ++i ) {</pre>
281
          intersectionTriPtr.push_back(
282
            iMesh.getithTrianglePtr((*intersectionList[i].first).Id
283
               ())
         );
284
          //std::cout << (*intersectionList[i].first).Id() << "\t";</pre>
285
286
       return intersectionTriPtr;
287
      }
288
289
    } // namespace algorithms
290
291
292
    _ _ _ _ _ _ _
    // class TireDisks
293
    294
295
296
    void
    TireDisks::gridSampling(bool print) {
297
298
      // Orient the sampling
299
      mat3 MatrixInv = Orient.getRotMat().inverse();
300
301
      // Storing indexers
      unsigned i = 0;
303
      unsigned j = 0;
      std::vector<vec2> PointsSequence;
305
      vec3 IntersectionPoint;
```

```
307
       for ( real_type y = -TireDenom.getSectionWidth() / 2.0;
308
             y <= TireDenom.getSectionWidth() / 2.0;</pre>
309
             y += getYstep(), ++j ) {
310
         for ( real_type x = -TireDenom.getTireDiameter() / 2.0;
311
               x <= TireDenom.getTireDiameter() / 2.0;</pre>
312
               x += getXstep(), ++i ) {
313
           // Update ray center in tire coordinates
314
           vec3 curCenter = Orient.getOrigin() + MatrixInv * vec3(x,
315
               y, 0);
           for ( unsigned t = 0; t < intersectionTriPtr.size(); ++t</pre>
316
               ) {
             // Find intersection
317
             if ( algorithms::rayIntersectsTriangle(
318
               Orient.getOrigin(),
319
               -Orient.getZ(), // careful to the minus sign !!!
320
               *intersectionTriPtr[t],
321
               IntersectionPoint
322
             ) ) {
323
               // Store results
324
               real_type z = (IntersectionPoint - curCenter).norm();
325
               intersectionGrid(j, i) = z; // Y sampling (rows), X
326
                   sampling (columns)
               PointsSequence.push_back(vec2(x, z));
327
               break;
328
             } else {
329
               intersectionGrid(j, i) = -1.0; // Y sampling (rows),
330
                    X sampling (columns)
             }
331
           }
332
         }
333
         // Calculate chain length inside the circle
334
         DiskVector[j].setPointsSequence(PointsSequence);
335
336
         if ( print ) {
337
           std::cout
338
             << "Disk " << j << " of " << DiskVector.size() - 1
339
```

```
<< " -> Chain: ";
340
           for ( unsigned k = 0; k < PointsSequence.size(); ++k )</pre>
341
             std::cout << PointsSequence[k][1] << " ";</pre>
342
           std::cout << std::endl;</pre>
343
344
         PointsSequence.clear();
345
346
         // Update indexer
347
         i = 0;
348
349
       if ( print ) std::cout << std::endl << intersectionGrid <<
          std::endl;
    }
351
352
353
    //! Find single point intersection between tire and mesh (
354
        Pacejka Single
    //! Contact Point) with AABB tree
355
356
    real_type
    TireDisks::MF_Pacejka_SCP(bool print) {
357
       // Ray-Triangle intesection Point
358
       std::vector<vec3> IntersectionPointVec;
359
       real_type Magnitude = quiteNaN;
360
361
       vec3 IntersectionPoint;
362
       for ( unsigned i = 0; i < intersectionTriPtr.size(); ++i ) {</pre>
363
         if ( algorithms::rayIntersectsTriangle(
364
                Orient.getOrigin(), -Orient.getZ(), // careful to
365
                    the minus sign !!!
                *intersectionTriPtr[i], IntersectionPoint
366
              ) ) {
367
             // Store intersection point in proper vector
368
             IntersectionPointVec.push_back(IntersectionPoint);
         }
370
       // Find nearest intersection to origin
372
       Magnitude = calculateMagnitude(IntersectionPointVec);
```

```
374
       // Display information
375
       if ( print )
376
         std::cout
377
           << "Single contact point for Pacejka MF -> "
378
           << IntersectionPointVec.size() << " intersections found"</pre>
379
           << "\n\tInt. Point = X " << IntersectionPoint[0]
380
           << ", Y " << IntersectionPoint[1]
381
           << ", Z " << IntersectionPoint[2]
382
           << "\n\tMagnitude
                                = " << Magnitude
383
           << "\n\n";
384
       return Magnitude;
385
    }
386
387
    //! Evaluate the contact patch between tire and mesh (Magic
388
        Formula
    //! Swift Contact Patch Evaluation)
389
    real_type
390
    TireDisks::MF_Swift_PE(bool print) {
391
       real_type PatchArea = 0.0;
392
      real_type Ystep = getYstep();
393
       for ( unsigned i = 0; i < DiskVector.size(); ++i )</pre>
394
         PatchArea += DiskVector[i].getPatchLength() * Ystep;
395
       if (print)
396
         std::cout
397
           << "Contact Patch Area for Swift MF -> "
398
           << PatchArea * pow(10, 6) << " mm^2\n\n";
399
       return PatchArea;
400
    }
401
402
    //! Evaluate the local effective road plane (Magic Formula
403
    //! Swift Effective road plane)
404
    std::vector<real_type>
405
    TireDisks::MF_Swift_ERP( bool print ) {
406
       int_type nrows = int_type( intersectionGrid.rows() );
407
       int_type ncols = int_type( intersectionGrid.cols() );
408
409
```

```
real_type angle_RotY = 0.0;
410
       real_type deltaY_RotY = 0.0;
411
412
       real_type angle_RotX = 0.0;
413
       real_type deltaY_RotX = 0.0;
414
415
       real_type deltaX_RotY = TireDenom.getTireDiameter();
416
       real_type deltaX_RotX = TireDenom.getSectionWidth();
417
418
       for ( int_type i = 0; i < nrows; ++i ) {</pre>
419
         deltaY_RotY = intersectionGrid(i, 0) - intersectionGrid(i,
420
            ncols - 1);
         angle_RotY += atan2(deltaY_RotY, deltaX_RotY);
421
       }
422
       angle_RotY /= nrows;
423
424
       for (int_type i = 0; i < ncols; i++) {</pre>
425
         deltaY_RotX = intersectionGrid(0, i) - intersectionGrid(
426
            nrows - 1, i);
         angle_RotX += atan2(deltaY_RotX, deltaX_RotX);
427
       }
428
       angle_RotX /= ncols;
429
430
       if ( print )
431
         std::cout
432
           << "Effective Road Plane for Swift MF -> "
433
           << "X: " << angle_RotX * 180 / G2lib::m_pi << "°, "
434
           << "Y: " << angle_RotY * 180 / G2lib::m_pi << "°\n\n";
435
436
      return std::vector<real_type>(angle_RotX, angle_RotY);
437
    }
438
439
440
    void
    TireDisks::Move(
                 const & start, //! Starting position
442
       vec3
                 const & arrival, //! Arrival position
443
      vec3
      real_type const & freq,
                                    //!< Sampling frequency [Hz]</pre>
```

```
real_type const & speed,
                                     //!< Tire speed [m/s]</pre>
445
       bool
                           print
446
    ) {
447
       // Set current position
448
       vec3 curpos = start;
449
450
       // Set and initialize orientation
451
       real_type Yaw
452
       real_type Camber = 0;
453
454
       real_type nstep = (arrival - start).norm() / speed * freq;
455
       vec3 step
                        = (arrival - start) / nstep;
456
457
       // Start chronometer
458
       auto start_move = std::chrono::system_clock::now();
459
460
       for ( unsigned i = 0; i < nstep; ++i ) {</pre>
461
         // Set current orientation
462
         Orientation Pose(curpos, Yaw, Camber);
463
         setOrientation(Pose);
464
465
         // Evaluate Single Contact Point
466
         MF_Pacejka_SCP(print);
467
468
         // Perform grid sampling
469
         gridSampling(false);
470
471
         // Evaluate Patch
472
         MF_Swift_PE(print);
473
474
         // Evaluate Effective Road Plane
475
         MF_Swift_ERP(print);
476
477
         // Update current position
478
         curpos += step;
479
       }
480
       // Stop chronometer
481
```

```
auto end_move = std::chrono::system_clock::now();
482
483
       // This constructs a duration object using milliseconds
484
       auto elapsed_move = std::chrono::duration_cast<std::chrono::</pre>
485
          microseconds>(
             end_move - start_move);
486
       std::cout
487
         << "Execution time = " << elapsed_move.count() / 1000.0 <<</pre>
488
            " ms\n"
         << "Step execution time = "
489
         << (elapsed_move.count() / 1000.0) / nstep << " ms\n";</pre>
490
    }
491
492
       std::vector<real_type>
493
       TireDisks::offsetDisk( int_type n ) {
494
         std::vector<real_type> offsetVec;
495
         for ( int_type i = 0; i < n; ++i )
496
           // Index from Y positive to Y negative
497
           offsetVec.push_back( TireDenom.getSectionWidth() / 2.0 -
498
                                  TireDenom.getSectionWidth() * i / n
499
                                     );
         return offsetVec;
500
       }
501
502
503
       //! Find nearest intersection to origin
       real_type
504
       TireDisks::calculateMagnitude(
505
         std::vector<vec3> const & IntersectionPointVec
506
       ) {
507
         real_type iMagnitude = quiteNaN;
508
         real_type Magnitude = quiteNaN;
509
         for ( unsigned i = 0; i < IntersectionPointVec.size(); ++i</pre>
510
            ) {
           iMagnitude = TireDenom.getTireDiameter() / 2.0 -
511
                         (IntersectionPointVec[i] - Orient.getOrigin
512
                             ()).norm();
           // std::cout << "iMagnitude " << i << ": " << iMagnitude
513
```

```
<< std::endl;
          if ( i == 0 ) {
514
            Magnitude = iMagnitude;
515
            continue;
516
          } else {
517
            if (iMagnitude > Magnitude)
518
              Magnitude = iMagnitude;
519
          }
520
        }
521
522
        return Magnitude;
      }
523
524
525
       _ _ _ _ _ _ _
    // class TireMF
526
    527
528
529
    void
    TireMF::terrainSampling(void) {
530
      // Calculate Delta_X and Delta_Y
531
      real_type Delta_X = 0.1 * TireDenom.getTireDiameter();
532
      real_type Delta_Y = 0.3 * TireDenom.getSectionWidth();
533
      // Store the four sample positions
534
      vec3 Qpos[4];
535
      Qpos[0] = Orient.getOrigin() + vec3(Delta_X, 0.0, 0.0);
536
      Qpos[1] = Orient.getOrigin() - vec3(Delta_X, 0.0, 0.0);
537
      Qpos[2] = Orient.getOrigin() + vec3(0.0, Delta_Y, 0.0);
538
      Qpos[3] = Orient.getOrigin() - vec3(0.0, Delta_Y, 0.0);
539
      // Find intersection in the four positions
540
      vec3 IntersectionPoint;
541
      std::vector<vec3> IntersectionPointVec;
542
      for( unsigned i = 0; i < 4; ++i ) {</pre>
543
        for ( unsigned t = 0; t < intersectionTriPtr.size(); ++t )</pre>
544
          if ( algorithms::rayIntersectsTriangle(
545
            Qpos[i],
546
```

```
-Orient.getZ(), // careful to the minus sign !!!
547
             *intersectionTriPtr[t],
548
             IntersectionPoint)
549
           ) {
550
             // Store results
551
             IntersectionPointVec.push_back(IntersectionPoint);
552
           }
553
         }
554
         // Select the correct intersection point
555
         if ( IntersectionPointVec.size() > 1 ) {
556
           for ( unsigned j = 0; j < IntersectionPointVec.size(); ++</pre>
557
              j ) {
             real_type zRealPoint, ziPoint;
558
             ziPoint = IntersectionPointVec[j][2];
559
             if (j == 0) {
560
               zRealPoint = ziPoint;
561
             } else if (j > 0 && ziPoint < zRealPoint) {</pre>
562
               Qvec[i] = IntersectionPointVec[j];
563
               zRealPoint = ziPoint;
564
             }
565
           }
566
         } else if ( IntersectionPointVec.size() == 0 ) {
567
             std::cerr << "There is no terrain under the tire!\n\n";</pre>
568
         } else {
569
           Qvec[i] = IntersectionPointVec[0];
570
         }
571
572
         IntersectionPointVec.clear();
       }
573
    }
574
575
    //! Find the normal vector of the local track plane and local
576
        contact point.
    std::vector<vec3>
577
    TireMF::MF_62( bool print ) {
       // Check if there is an orientation
       if ( Orient.isEmpty() ){
         RDF_ERROR("No orientation given to the tire!");
```

```
return std::vector<vec3>{vec3_NaN, vec3_NaN};
582
      }
583
      // Update the intersected triangles list
584
      algorithms::updateShadow(iShadow, TireDenom, Orient);
585
      intersectionTriPtr = algorithms::updateIntersectionList(
586
          iShadow, iMesh);
      // Perform the terrain sampling;
587
      terrainSampling();
588
      // Calculate normal of the local track plane
589
      vec3 e_n = ((Qvec[0]-Qvec[1]).cross(Qvec[2]-Qvec[3])).
590
          normalized();
      // Calculate first guess of local contact point
591
      vec3 P_star = vec3(0.0, 0.0, 0.0);
592
      for (unsigned i = 0; i < 4; ++i)
593
      { P_star += Qvec[i]; }
594
      P star /= 4;
595
      // Calculate real local contact point
596
      real_type dist = (Orient.getOrigin() - P_star).dot(e_n);
597
      vec3 P = Orient.getOrigin() - e_n * dist;
598
      // Print the results
599
      if (print) {
600
        std::cout
601
          << "Magic Formula 6.2 parameters\n"
602
          << "\tNormal vector of the local track plane\n"
603
          << "\ten = [ " << e_n[0] << ", " << e_n[1] << ", " << e_n
604
              [2] << "]\n"
          << "\tFirst guess of the local contact point\n"
605
          << "\tP* = [ " << P_star[0] << ", " << P_star[1] << ", "
606
              << P_star[2] << " ]\n"
          << "\tReal local contact point\n"
607
           << "\tP = [ " << P[0] << ", " << P[1] << ", " << P[2] <<
608
               " ]\n\n";
      }
609
      return std::vector<vec3>{e_n, P_star};
610
    }
611
612
    //! Move the current tire from a starting point to an ending
```

```
point.
    void
614
    TireMF::Move(
615
       vec3
                 const & start, //! Starting position
616
                 const & arrival, //! Arrival position
617
       vec3
                                    //!< Sampling frequency [Hz]</pre>
      real_type const & freq,
618
                                    //!< Tire speed [m/s]</pre>
      real_type const & speed,
       bool
                          print
    ) {
621
       // Set current position
622
       vec3 curpose = start;
623
624
       // Calculate parameters for the movement
625
       real_type nstep = (arrival - start).norm() / speed * freq;
626
       vec3 step
                        = (arrival - start) / nstep;
627
628
       // Set current orientation
629
       Orientation Pose(curpose, 0.0, 0.0);
630
       setOrientation(Pose);
631
632
       // Start chronometer
633
       auto start_move = std::chrono::system_clock::now();
634
635
       for ( unsigned i = 0; i < nstep; ++i ) {</pre>
636
         // Update position
637
         setOrigin(curpose);
638
         // Calculate Magic Formula 6.2 parameters
639
         MF_62(print);
640
         // Update current position
641
642
         curpose += step;
       }
643
       // Stop chronometer
644
       auto end_move = std::chrono::system_clock::now();
646
       // This constructs a duration object using milliseconds
       auto elapsed_move = std::chrono::duration_cast<std::chrono::</pre>
          microseconds>(
```

Tests Code B

B.1 Computational Geometry Tests

B.1.1 geometry-test1.cc

```
1// GEOMETRY TEST 1 - RAY/TRIANGLE INTERSECTION ON TRIANGLE EDGE
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4#include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string> // String - STD String Library
7#include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
   std::cout
      << " GEOMETRY TEST 1 - RAY/TRIANGLE INTERSECTION ON TRIANGLE</pre>
         EDGE\n"
15
      << "Angle\tIntersections\n";</pre>
16
  RDF::vec3 V1[3];
17
```

```
V1[0] = RDF::vec3(1.0, 0.0, 0.0);
18
   V1[1] = RDF::vec3(0.0, 1.0, 0.0);
19
   V1[2] = RDF::vec3(-1.0, 0.0, 0.0);
20
21
   RDF::vec3 V2[3];
22
   V2[0] = RDF::vec3(-1.0, 0.0, 0.0);
23
   V2[1] = RDF::vec3(0.0, -1.0, 0.0);
24
   V2[2] = RDF::vec3(1.0, 0.0, 0.0);
25
26
   // Initialize generic Triangle3D
27
   RDF::Triangle3D Triangle1(V1, 0.0);
28
   RDF::Triangle3D Triangle2(V2, 0.0);
29
30
   // Initialize rotation matrix
31
   RDF::mat3 Rot_X;
32
33
   // Initialize intersection point
34
   RDF::vec3 IntersectionPointTri1, IntersectionPointTri2;
35
   bool IntersectionBoolTri1, IntersectionBoolTri2;
36
37
   // Initialize Ray
38
   RDF::vec3 RayOrigin
                         = RDF::vec3(0.0, 0.0, 0.0);
39
   RDF::vec3 RayDirection = RDF::vec3(0.0, 0.0, -1.0);
40
41
   // Perform intersection at 0.5° step
42
   for ( RDF::real_type angle = 0;
43
          angle < G2lib::m_pi;</pre>
44
          angle += G2lib::m_pi / 360.0 ) {
45
      Rot_X << 1,
                            0,
47
                                          0,
               0, cos(angle), -sin(angle),
48
               0, sin(angle), cos(angle);
49
50
      // Initialize vertices
51
      RDF::vec3 VerticesTri1[3], VerticesTri2[3];
52
53
      VerticesTri1[0] = Rot_X * V1[0];
```

```
VerticesTri1[1] = Rot_X * V1[1];
55
      VerticesTri1[2] = Rot_X * V1[2];
56
57
      VerticesTri2[0] = Rot_X * V2[0];
58
      VerticesTri2[1] = Rot_X * V2[1];
59
      VerticesTri2[2] = Rot_X * V2[2];
60
61
      Triangle1.setVertices(VerticesTri1);
62
      Triangle2.setVertices(VerticesTri2);
63
64
      IntersectionBoolTri1 = PatchTire::algorithms::
65
         rayIntersectsTriangle(
        RayOrigin, RayDirection, Triangle1, IntersectionPointTri1
66
      );
67
      IntersectionBoolTri2 = PatchTire::algorithms::
68
         rayIntersectsTriangle(
        RayOrigin, RayDirection, Triangle2, IntersectionPointTri2
69
      );
70
71
      std::cout
72
        << angle * 180.0 / G2lib::m_pi << "°\t"
73
        << "T1 -> " << IntersectionBoolTri1 << ", T2 -> "
74
        << IntersectionBoolTri2 << std::endl;
75
76
      // ERROR if no one of the two triangles is hit
77
      if ( !IntersectionBoolTri1 && !IntersectionBoolTri2 ) {
78
        std::cout << "GEOMETRY TEST 1: Failed\n";</pre>
79
        break;
80
      }
81
   }
82
83
   // Print triangle normal vector
   RDF::vec3 N1 = Triangle1.Normal();
   RDF::vec3 N2 = Triangle2.Normal();
   std::cout
      << "\nTriangle 1 face normal = [" << N1[0] << ", " << N1[1]</pre>
         << ", " << N1[2] << "]"
```

B.1.2 geometry-test2.cc

```
1// GEOMETRY TEST 2 - SEGMENT CIRCLE INTERSECTION
3 #include <fstream>
                       // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string>
                       // String - STD String Library
7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
   // Initialize circle origin and radius
   RDF::vec2 Origin = RDF::vec2(0.0, 0.0);
14
   RDF::real_type R = 1.0;
15
16
   // Initialize segments points
17
   RDF::vec2 SegIn1PtA = RDF::vec2(0.0, 0.0);
18
   RDF::vec2 SegIn1PtB = RDF::vec2(0.0, 1.0);
19
20
   RDF::vec2 SegIn2PtA = RDF::vec2(-2.0, 0.0);
21
   RDF::vec2 SegIn2PtB = RDF::vec2(2.0, 0.0);
22
23
   RDF::vec2 SegOutPtA = RDF::vec2(1.0, 2.0);
24
   RDF::vec2 SegOutPtB = RDF::vec2(-1.0, 2.0);
25
26
   RDF::vec2 SegTangPtA = RDF::vec2(1.0, 1.0);
27
```

```
RDF::vec2 SegTangPtB = RDF::vec2(-1.0, 1.0);
28
29
    // Initialize intersection points and output types
30
    RDF::vec2 IntSegIn1_1, IntSegIn1_2, IntSegIn2_1, IntSegIn2_2,
       IntSegOut_1,
        IntSegOut_2, IntSegTang_1, IntSegTang_2;
32
   RDF::int_type PtIn1, PtIn2, PtOut, PtTang;
34
   // Calculate intersections
   PtIn1 = PatchTire::algorithms::segmentIntersectsCircle(
36
      Origin, R, SegIn1PtA, SegIn1PtB, IntSegIn1_1, IntSegIn1_2
37
   );
38
    PtIn2 = PatchTire::algorithms::segmentIntersectsCircle(
39
      Origin, R, SegIn2PtA, SegIn2PtB, IntSegIn2_1, IntSegIn2_2
40
   );
41
   PtOut = PatchTire::algorithms::segmentIntersectsCircle(
42
      Origin, R, SegOutPtA, SegOutPtB, IntSegOut_1, IntSegOut_2
43
    );
44
   PtTang = PatchTire::algorithms::segmentIntersectsCircle(
45
      Origin, R, SegTangPtA, SegTangPtB, IntSegTang_1, IntSegTang_2
46
    );
47
48
   // Diplay results
49
   std::cout
50
      << "GEOMETRY TEST 2 - SEGMENT CIRCLE INTERSECTION\n\n"</pre>
51
      << "Radius = " << R << std::endl
52
      << "Origin = [" << Origin[0] << ", " << Origin[1] << "]\n"
53
      << std::endl
54
      << "Segment 1 with two intersections -> " << PtIn1 << "
55
         intersections found\n"
      << "Segment Point A\t= [" << SegIn1PtA[0] << ", " <<</pre>
56
         SegIn1PtA[1] << "]\n"
      << "Segment Point B\t= [" << SegIn1PtB[0] << ", " <<</pre>
57
         SegIn1PtB[1] << "]\n"
      << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegIn1_1[0] << ", " <<</pre>
58
         IntSegIn1_1[1] << "]\n"</pre>
      << "Intersection Point 2\t= [" << IntSegIn1_2[0] << ", " <<</pre>
```

```
IntSegIn1_2[1] << "]\n"
      << std::endl
60
      << "Segment 2 with two intersections -> " << PtIn2 << "
61
          intersections found\n"
      << "Segment Point A\t= [" << SegIn2PtA[0] << ", " <<</pre>
62
          SegIn2PtA[1] << "]\n"
      << "Segment Point B\t= [" << SegIn2PtB[0] << ", " <<</pre>
63
          SegIn2PtB[1] << "]\n"
      << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegIn2_1[0] << ", " <<</pre>
64
          IntSegIn2_1[1] << "]\n"</pre>
      << "Intersection Point 2\t= [" << IntSegIn2_2[0] << ", " <<</pre>
65
          IntSegIn2_2[1] << "]\n"
      << std::endl
66
      << "Segment with no intersections -> " << PtOut << "
67
          intersections found\n"
      << "Segment Point A\t= [" << SegOutPtA[0] << ", " <<
68
          SegOutPtA[1] << "]\n"
      << "Segment Point B\t= [" << SegOutPtB[0] << ", " <<
69
          SegOutPtB[1] << "]\n"</pre>
      << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegOut_1[0] << ", " <<</pre>
70
          IntSegOut_1[1] << "]\n"</pre>
      << "Intersection Point 2\t= [" << IntSegOut_2[0] << ", " <<
71
          IntSegOut_2[1] << "]\n"</pre>
      << std::endl
72
      << "Segment with one intersection -> " << PtTang << "
73
          intersection found\n"
      << "Segment Point A\t= [" << SegTangPtA[0] << ", " <<
74
          SegTangPtA[1] << "]\n"</pre>
      << "Segment Point B\t= [" << SegTangPtB[0] << ", " <<</pre>
75
          SegTangPtB[1] << "]\n"</pre>
      << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegTang_1[0] << ", " <<</pre>
76
          IntSegTang_1[1] << "]\n"</pre>
      << "Intersection Point 2\t= [" << IntSegTang_2[0] << ", " <<</pre>
77
          IntSegTang_2[1] << "]\n"</pre>
      << "\nCheck the results...\n"
78
      << "\nGEOMETRY TEST 2: Completed\n";</pre>
79
80
```

86

```
81  // Exit the program
82  return 0;
83}
```

28

B.1.3 geometry-test3.cc

```
1// GEOMETRY TEST 3 - POINT INSIDE CIRCLE
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4#include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string> // String - STD String Library
7#include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize circle origin and radius
  RDF::vec2 Origin = RDF::vec2(0.0, 0.0);
  RDF::real_type R = 1.0;
16
  // Query points and intersection bools
  RDF::vec2 PointIn
                        = RDF::vec2(0.0, 0.0);
  RDF::vec2 PointOut = RDF::vec2(2.0, 0.0);
   RDF::vec2 PointBorder = RDF::vec2(1.0, 0.0);
21
  bool PtInBool, PtOutBool, PtBordBool;
23
24 // Calculate intersection
25 PtInBool
              = PatchTire::algorithms::pointInsideCircle(Origin, R
       , PointIn);
  PtOutBool = PatchTire::algorithms::pointInsideCircle(Origin, R
       , PointOut);
   PtBordBool = PatchTire::algorithms::pointInsideCircle(Origin, R
       , PointBorder);
```

```
std::cout
29
      << "GEOMETRY TEST 3 - POINT INSIDE CIRCLE\n\n"
30
      << "Radius = " << R << std::endl
31
      << "Origin = [" << Origin[0] << ", " << Origin[1] << "]\n\n";
32
33
    // Show results
34
    if ( PtInBool && !PtOutBool && PtBordBool ) {
35
      std::cout
36
        << "Point inside\t= ["
37
        << PointIn[0] << ", " << PointIn[1] << "] -> Bool = " <</pre>
38
           PtInBool << std::endl
        << "Point outside\t= ["
39
        << PointOut[0] << ", " << PointOut[1] << "] -> Bool = " <<
40
            PtOutBool << std::endl
        << "Point on border\t= ["
41
        << PointBorder[0] << ", " << PointBorder[1] << "] -> Bool =
42
             "<< PtBordBool
        << std::endl;
43
    } else {
44
      std::cout << "GEOMETRY TEST 3: Failed";</pre>
45
   }
46
47
    std::cout << "\nGEOMETRY TEST 3: Completed\n";</pre>
48
49
   // Exit the program
50
   return 0;
51
52 }
```

B.1.4 geometry-test4.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 4 - POINT ON SEGMENT
2
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string> // String - STD String Library
6
7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
```

```
8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize segment points
  RDF::vec2 PointA = RDF::vec2(0.0, 0.0);
  RDF::vec2 PointB = RDF::vec2(1.0, 1.0);
16
  // Query points and intersection bools
                        = RDF::vec2(0.5, 0.5);
   RDF::vec2 PointIn
  RDF::vec2 PointOut = RDF::vec2(-1.0, -1.0);
   RDF::vec2 PointBorder = RDF::vec2(1.0, 1.0);
22 // Calculate intersection
23 bool PtInBool = PatchTire::algorithms::pointOnSegment(PointA,
        PointB, PointIn);
   bool PtOutBool = PatchTire::algorithms::pointOnSegment(PointA,
        PointB, PointOut);
   bool PtBordBool = PatchTire::algorithms::pointOnSegment(PointA,
25
        PointB, PointBorder);
26
   std::cout
27
     << "GEOMETRY TEST 4 - POINT ON SEGMENT\n\n"
28
     << "Point A = [" << PointA[0] << ", " << PointA[1] << "]\n"
29
     << "Point B = [" << PointB[0] << ", " << PointB[1] << "]\n\n
30
         ";
31
   // Show results
   if ( PtInBool && !PtOutBool && PtBordBool ) {
     std::cout
34
       << "Point inside\t= ["
35
       << PointIn[0] << ", " << PointIn[1] << "] -> Bool = " <</pre>
36
           PtInBool
       << "\nPoint outside\t= ["
       << PointOut[0] << ", " << PointOut[1] << "] -> Bool = " <<
           PtOutBool
```

```
<< "\nPoint on border\t= ["
39
        << PointBorder[0] << ", " << PointBorder[1] << "] -> Bool =
40
             " << PtBordBool
        << std::endl;
41
    } else {
42
      std::cout << "GEOMETRY TEST 4: Failed";</pre>
43
   }
44
45
   std::cout << "\nGEOMETRY TEST 4: Completed\n";</pre>
46
47
   // Exit the program
48
   return 0;
49
50 }
```

B.2 Contact Patch Evaluation Tests

B.2.1 MF-test1.cc

```
1// PATCH EVALUATION TEST 1 - LOAD THE DATA FROM THE RDF FILE THEN
      PRINT IT INTO
2// A FILE Out.txt. THEN CHARGE THE TIRE DATA AND ASSOCIATE THE
     CURRENT MESH TO
3 // IT.
5 #include <chrono > // chrono - STD Time Measurement Library
6#include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
7#include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
9 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
10 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
11 #include "TicToc.hh" // Processing Time Library
13 // Main function
14 int
15 main() {
16
   try {
17
```

```
18
      // Instantiate a TicToc object
19
      TicToc tictoc;
20
21
      std::cout
22
        << "MAGIC FORMULA EVALUATION TEST 1 - LOAD THE DATA FROM
23
           THE RDF FILE"
           "THEN PRINT IT INTO A FILE Out.txt. THEN CHARGE THE TIRE
24
               DATA AND"
           "ASSOCIATE THE CURRENT MESH TO IT.\n\n";
25
26
      // Start chronometer
27
      tictoc.tic();
28
29
      // Load .rdf File
30
      RDF::MeshSurface Road:
31
      bool checkLoad = Road.LoadFile("./RDF_files/Eight.rdf");
32
      RDF_ASSERT( checkLoad, "Error during RDF file reading" );
33
34
      // Print OutMesh.txt file
35
      Road.printData("OutMesh.txt");
36
37
      // Make a new tire
38
      PatchTire::ETRTO Tire;
39
      Tire = PatchTire::ETRTO(205, 45, 15);
40
41
      // Display current tire data on command line
42
      Tire.print(std::cout);
43
      // Orient the tire in the space
45
      double Yaw
                                   = 3.14 / 2;
      double Camber
                                   = -3.14 / 4;
47
      RDF::vec3 Origin( 0.0, 0.0, 0.26 );
      PatchTire::Orientation Pose(Origin, Yaw, Camber);
      // Initialize the Magic Formula Tire
      PatchTire::TireMF MFTire( Tire, Road );
```

```
53
      // Set an orientation
54
      MFTire.setOrientation(Pose);
55
56
      // Stop chronometer
57
      tictoc.toc();
58
      // This constructs a duration object using milliseconds
60
      std::cout
61
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"</pre>
62
        << "\nCheck the results...\n"
63
        << "\nMAGIC FORMULA TEST 1: Completed\n";</pre>
64
65
    } catch ( std::exception const & exc ) {
66
      std::cerr << exc.what() << '\n';</pre>
67
    }
68
    catch (...) {
69
      std::cerr << "Unknown error\n";</pre>
70
    }
71
72 }
```

B.2.2 MF-test2.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 2 - CHECK MF_Pacejka_SCP INTERSECTION
2
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string> // String - STD String Library
6
7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
9 #include "TicToc.hh" // Processing Time Library
10
11 // Main function
12 int
13 main() {
```

```
try {
15
16
      // Instantiate a TicToc object
17
      TicToc tictoc;
18
19
      std::cout
20
        << "MAGIC FORMULA EVALUATION TEST 2 - CHECK MF_62 FUNCTION\</pre>
           n\n";
22
      // Initialize a quite big triangle
      RDF::vec3 Vertices[3];
      Vertices[0] = RDF::vec3(100.0, 0.0, 0.0);
25
      Vertices[1] = RDF::vec3(0.0, 100.0, 0.0);
26
      Vertices[2] = RDF::vec3(0.0, -100.0, 0.0);
27
      std::vector<std::shared_ptr<RDF::Triangle3D> > PtrTriangleVec
28
      PtrTriangleVec.push_back( std::shared_ptr<RDF::Triangle3D>(
29
         new RDF::Triangle3D(Vertices, 0.0) );
30
      // Build the mesh
31
      RDF::MeshSurface Road(PtrTriangleVec);
32
33
      // Make a new tire
34
      PatchTire::ETRTO Tire;
35
      Tire = PatchTire::ETRTO(205, 45, 15);
36
37
      // Display current tire data on command line
38
      Tire.print(std::cout);
39
40
      // Orient the tire in the space
41
      double Yaw
                                   = 0.0;
42
      double Camber
                                   = 0.0;
43
      RDF::vec3 Origin( 50.0, 0.0, 0.26 );
      PatchTire::Orientation Pose(Origin, Yaw, Camber);
46
      // Initialize the Magic Formula Tire
47
      PatchTire::TireMF MFTire( Tire, Road );
```

```
49
      // Start chronometer
50
      tictoc.tic();
52
      // Set an orientation
53
      // Comment to check no orientation error
      MFTire.setOrientation(Pose);
55
56
      // Calculate Magic Formula 6.2 parameters
57
      std::vector<RDF::vec3> MFParams = MFTire.MF_62(true);
58
59
      // Stop chronometer
60
      tictoc.toc();
61
62
      // This constructs a duration object using milliseconds
63
      std::cout
64
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"</pre>
65
        << "\nCheck the results...\n"
66
        << "\nMAGIC FORMULA TEST 2: Completed\n";</pre>
67
68
    } catch ( std::exception const & exc ) {
69
      std::cerr << exc.what() << '\n';
70
   }
71
   catch (...) {
72
      std::cerr << "Unknown error\n";</pre>
73
   }
74
75 }
```

B.2.3 MF-test3.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 2 - CHECK MF_Pacejka_SCP INTERSECTION
2
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string> // String - STD String Library
6
7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
```

```
8 #include "RoadRDF.hh"
                           // Tire Data Processing
9 #include "TicToc.hh"
                           // Processing Time Library
11 // Main function
12 int
13 main() {
14
   try {
15
16
      // Instantiate a TicToc object
17
      TicToc tictoc;
19
      std::cout
20
        << "MAGIC FORMULA EVALUATION TEST 3 - CHECK TireMF::Move</pre>
21
            FUNCTION\n\n";
22
      // Load .rdf File
23
      RDF::MeshSurface Road;
24
      bool checkLoad = Road.LoadFile("./RDF_files/Eight.rdf");
25
      RDF_ASSERT( checkLoad, "Error during RDF file reading" );
26
2.7
      // Make a new tire
28
      PatchTire::ETRTO Tire;
29
      Tire = PatchTire::ETRTO(205, 45, 15);
30
31
      // Display current tire data on command line
32
      Tire.print(std::cout);
33
34
      // Initialize the Magic Formula Tire
35
      PatchTire::TireMF MFTire( Tire, Road );
36
      // Start chronometer
38
      tictoc.tic();
      // Move the tire
      double freq = 10; // Hz
42
      double speed = 7;
                             // m/s
43
```

```
//RDF::vec3 startpos = RDF::vec3(0.0, 15.0, 0.26);
44
      //RDF::vec3 arrivalpos = RDF::vec3(3.0, 15.0, 0.26);
45
      RDF::vec3 startpos = RDF::vec3(0.0, 0.0, 0.26);
      RDF::vec3 arrivalpos = RDF::vec3(5.0, 0.0, 0.26);
47
48
      // Move the tire
49
      MFTire.Move(startpos, arrivalpos, freq, speed, false);
50
51
      // Stop chronometer
52
      tictoc.toc();
53
54
      \ensuremath{//} This constructs a duration object using milliseconds
55
      std::cout
56
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"
57
        << "\nCheck the results...\n"
58
        << "\nMAGIC FORMULA TEST 3: Completed\n";</pre>
59
60
    } catch ( std::exception const & exc ) {
61
      std::cerr << exc.what() << '\n';</pre>
62
   }
63
   catch (...) {
64
      std::cerr << "Unknown error\n";</pre>
65
   }
66
67 }
```

Bibliografia

- [1] Lars Nyborg Egbert Bakker e Hans B. Pacejka. "Tyre Modelling for Use in Vehicle Dynamics Studies". In: *SAE Transactions* 96 (1987), pp. 190–204. ISSN: 0096736X.
- [2] Juan J. Jiménez, Rafael J. Segura e Francisco R. Feito. "A Robust Segment/-Triangle Intersection Algorithm for Interference Tests. Efficiency Study". In: Comput. Geom. Theory Appl. 43.5 (lug. 2010), pp. 474–492. ISSN: 0925-7721. DOI: 10.1016/j.comgeo.2009.10.001. URL: http://dx.doi.org/10.1016/j.comgeo.2009.10.001.
- [3] Dick De Waard Karel A. Brookhuis e Wiel H. Janssen. "Behavioural impacts of advanced driver assistance systems—an overview". In: *European Journal of Transport and Infrastructure Research 1.3* (2019).
- [4] Matteo Larcher. "Development of a 14 Degrees of Freedom Vehicle Model for Realtime Simulations in 3D Environment". Master Thesis. University of Trento.
- [5] Anu Maria. "Introduction to modeling and simulation". In: *Winter simulation conference* 29 (gen. 1997), pp. 7–13.
- [6] Hans Pacejka. Tire and vehicle dynamics, 3rd Edition. 2012.
- [7] Georg Rill. Road vehicle dynamics: fundamentals and modeling. 2011.