

Universitá degli Studi di Trento

Dipartimento di Ingegneria Industriale

CORSO DI LAUREA MAGISTRALE IN INGEGNERIA MECCATRONICA

Tesi di Laurea

Algoritmi per la Valutazione del Contatto tra Pneumatico e Strada in Soft Real Time

Laureando: Davide Stocco

Relatore:

Prof. Enrico Bertolazzi

Anno Accademico 2019 · 2020

Sommario

This dissertation details ...

Indice

1	Intr	oduzion	ne	1
	1.1	Obiett	tivi	. 1
	1.2	Il prob	olema	. 1
2	I1 Pı	neumati	co	5
	2.1	Introd	luzione	. 5
	2.2	Geom	etria dello Pneumatico secondo ETRTO	. 5
	2.3	La Mo	odellizzazione dello Pneumatico	. 6
	2.4	Il Mod	dello della <i>Magic Formula</i>	. 8
		2.4.1	La Magic Formula	. 8
		2.4.2	Contatto con la Superficie Stradale	
3	La S	Superfici	ie Stradale	13
	3.1	Introd	luzione	. 13
	3.2	Il Forr	mato RDF	. 14
		3.2.1	Superfici Semplici	. 14
		3.2.2	Superfici Complesse	
4	Algo	oritmi		19
	4.1	Parsifi	cazione	. 19
		4.1.1	Introduzione	. 19
		4.1.2	Parsificazione del formato RDF	
	4.2	Bound	ling Volume Hierarchy	
		4.2.1	Introduzione	
		4.2.2	Minimum Bounding Box	
			4.2.2.1 Axis Aligned Bounding Box	
			4 2 2 2 Arhitrarily Oriented Rounding Rox	21

iv INDICE

			4.2.2.3	Object Oriented Bounding Box	22
		4.2.3	Intersezi	one tra Alberi AABB	22
4.3 Algorita			tmi Geom	etrici	23
		4.3.1	Introduz	ione	23
		4.3.2	Intersezi	one tra Entità Geometriche	25
			4.3.2.1	Punto-Segmento	25
			4.3.2.2	Punto-Cerchio	25
			4.3.2.3	Segmento-Cerchio	27
			4.3.2.4	Piano-Piano	29
			4.3.2.5	Piano-Segmento	31
			4.3.2.6	Piano-Triangolo	32
			4.3.2.7	Raggio-Triangolo	33
5	La L	ibreria '	TireGrou	nd	39
	5.1	Organi	izzazione		39
		5.1.1	Namespa	ce TireGround	39
		5.1.2	Namespa	ce RDF	39
		5.1.3	Namespa	ce PatchTire	41
	5.2	Libreri	ie Esterne		45
		5.2.1	Eigen3		45
		5.2.2	Clothoi	ds	45
	5.3	Utilizz	o e Presta	zioni	46
6	Con	clusioni	e Lavoro	Futuro	47
A	Con	venzion	i e Notazi	oni	49
		A.0.1	Sistemi o	li Riferimento	49
		A.0.2	Matrice	di Trasformazione	50
В	Cod	ice della	Libreria (C++	51
	B.1	TireG	round.hh		51
	B.2	RoadR	DF.hh .		52
	B.3	RoadR	DF.cc		58
	B.4	PatchT	Tire.hh .		65
	R 5	DatabT	Tire co		76

INDICE	v
INDICE	V

C	Codi	ce dei T	ests	85
	C.1	Tests C	Geometrici	85
		C.1.1	Geometry-test1.cc	85
		C.1.2	Geometry-test2.cc	86
		C.1.3	Geometry-test3.cc	88
		C.1.4	Geometry-test4.cc	89
	C.2	Tests p	er il Modello Magic Formula	90
		C.2.1	MagicFormula-test1.cc	90
		C.2.2	MagicFormula-test2.cc	91
Bił	oliogra	afia		93

Elenco delle figure

2.1	Esempio di misure, secondo la notazione ETRTO, riportate sulla spalla	
	dello pneumatico	7
2.2	Forze e coppie generate dal contatto pneumatico-strada	7
2.3	Curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo	
	della Magic Formula	9
2.4	Geometria del contatto pneumatico-strada.	10
2.5	Punti campionati nel piano locale della superficie stradale	11
2.6	Inclinazione longitudinale e laterale del piano strada locale	12
4.1	Esempio di albero di tipo AABB	21
4.2	Schema grafico per l'intersezione punto-segmento	25
4.3	Schemi per l'output dell'intersezione punto-segmento	25
4.4	Schema del codice per l'intersezione punto-segmento	26
4.5	Schema del problema di intersezione punto-cerchio	26
4.6	Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio	27
4.7	Schemi del codice per l'intersezione punto-cerchio	27
4.8	Schema per del codice per l'intersezione segmento-cerchio	29
4.9	Rappresentazione del problema di intersezione piano-piano	30
4.10	Vettori dei piani P_1 , P_2 e della retta L	31
4.11	Schema per del codice per l'intersezione piano-piano	31
4.12	Vettori dei piani P_1 , P_2 e della retta L	32
4.13	Schema per del codice per l'intersezione piano-segmento	33
4.14	Schema per del codice per l'intersezione piano-triangolo	33
4.15	Rappresentazione del problema di intersezione raggio-triangolo	34
4.16	Transformation and base change of ray in Möller-Trumbore algorithm.	35
4.17	Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio.	37

4.18	Schema per del codice per l'intersezione raggio-triangolo con back-face		
	culling	37	
A.1	Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento della vettura se-		
	condo la convenzione ISO-V	49	
A.2	Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento dello pneumatico		
	secondo la convenzione ISO-C.	50	

Elenco delle tabelle

5.1	Attributi della classe BBox2D	40
5.2	Attributi della classe Triangle3D	40
5.3	Attributi della classe TriangleRoad	41
5.4	Attributi della classe MeshSurface	41
5.5	Attributi della classe Disk	42
5.6	Attributi della classe BBox2D	43
5.7	Attributi della classe ReferenceFrame	43
5.8	Attributi della classe Shadow	44
5.9	Attributi della classe Tire	44
5.10	Attributi della classe MagicFormula	45

Elenco degli acronimi

AABB Axis Aligned Bounding Box	21
ADAS Advanced Driver-Assistance Systems	2
AOBB Arbitrarily Oriented Bounding Box	21
BB Bounding Box	22
BVH Bounding Volume Hierarchy	20
CAD Computer-Aided Design	24
CAE Computer-Aided Engineering	24
CAGD Computer-Aided Geometric Design	24
CAM Computer-Aided Manufacturing	24
ETRTO European Tyre and Rim Technical Organisation	3
GIS Geographic Information Systems	24
HIL Hardware in the Loop	2
ISO International Organization for Standardization	49
MBB Minimum Bounding Box	20
PDF Pood Data File	12

Introduzione 1

1.1 Obiettivi

Il presente lavoro di tesi ha preso avvio dalla collaborazione tra il Dipartimento di Ingegneria Industriale dell'Università di Trento e AnteMotion S.r.l., azienda specializzata in realtà virtuale e simulazione *multibody* per il campo *automotive*. In particolare, il modello di veicolo e pneumatico precedentemente studiati da Larcher in [4] saranno integrati nel simulatore di guida in tempo reale di AnteMotion. Pertanto, lo sviluppo dei modelli è stato finalizzato a minimizzare i tempi di compilazione massimizzando invece l'accuratezza. La necessità di sviluppare un algoritmo che calcoli i parametri dell'interazione tra terreno (rappresentato con una *mesh* triangolare) e pneumatico (rappresentato come un disco indeformabile) getta le basi per il lavoro svolto.

1.2 Il problema

La simulazione risolve alcuni dei problemi relativi al mondo della progettazione in modo sicuro ed efficiente, senza la necessità di costruire un prototipo dell'oggetto fisico. A differenza della modellazione fisica, che può coinvolgere il sistema reale o una copia in scala di esso, la simulazione è basata sulla tecnologia digitale e utilizza algoritmi ed equazioni per rappresentare il mondo reale al fine di imitare l'esperimento. Ciò comporta diversi vantaggi in termini di tempo, costi e sicurezza.

Infatti, il modello digitale può essere facilmente riconfigurato e analizzato, mentre questo è solitamente impossibile o troppo oneroso del punto di vista di tempi e/o costi da fare con il sistema reale [5].

Al giorno d'oggi esistono numerosi modelli di veicolo e pneumatico. Certamente, più semplice è il modello più veloce è la risoluzione delle equazioni costituenti, quindi, a seconda delle applicazioni, dev'essere scelto il modello con la giusta complessità. Per la maggior parte delle applicazioni di guida autonoma, un modello semplice è adeguato per caratterizzare con un livello di dettaglio sufficiente il comportamento del veicolo, e poiché queste analisi sono molto spesso fatte con l'ausilio di Hardware in the Loop (HIL), il modello dinamico del veicolo dev'essere risolto in tempo reale con tipico passo di tempo di un millisecondo. Il vincolo di esecuzione in tempo reale implica la scelta un modello di veicolo che sia velocemente risolvibile, ciò significa che i modelli semplici con pochi parametri, di solito modelli lineari a due ruote, sono particolarmente adatti per questo tipo di applicazioni. Tuttavia, ci sono alcune situazioni che richiedono modelli più dettagliati, come ad esempio l'azione prodotta da un Advanced Driver-Assistance Systems (ADAS), ovvero una manovra di sicurezza come l'elusione degli ostacoli o una frenata di emergenza, poiché il veicolo è spinto nella maggior parte dei casi al limite delle sue prestazioni [3]. In queste condizioni di guida si devono tenere conto di molti fattori come ad esempio il comportamento degli pneumatici che, spostandosi nella regione non lineare, fa sì che i fenomeni transitori non siano più trascurabili. Questo implica la necessità di utilizzare un modello più dettagliato di quello utilizzato per la guida in condizioni standard.

L'accuratezza dinamica del modello è di grande rilevanza per ricavare previsioni realistiche delle prestazioni del veicolo e del sistema di controllo. È importante notare che modellare in modo esaustivo tutti i sistemi di un'auto sarebbe un compito estremamente arduo e a volte anche impossibile. Esistono quindi modelli empirici come il modello della *Magic Formula* di Hans Pacejka, che cerca di imitare il reale comportamento del sistema. Il calcolo dei parametri di questo tipo di modelli richiede l'interpolazione di un insieme di dati di grandi dimensioni, e può quindi essere numericamente inefficiente o comunque troppo oneroso in termini di tempo.

Lo scopo di questo lavoro si collega a quello già svolto da Larcher in [4] in cui, grazie a un modello di veicolo completo con 14 gradi di libertà ha fornito un modello in grado di catturare con un livello di dettaglio appropriato il comportamento del veicolo quando viene spinto alle massime prestazioni. La necessità di calcolare

in tempo reale i parametri di input per il modello di ruota scelto da [4] definisce l'obiettivo di questo lavoro. In particolare lo scopo è quello di scrivere una libreria in linguaggio C++ che con alcuni semplici parametri in *input* come la denominazione European Tyre and Rim Technical Organisation (ETRTO) dello pneumatico e la posizione nello spazio, calcola i dati relativi all'interazione pneumatico strada quali il punto di contatto virtuale e l'inclinazione locale del piano strada. Il tutto cercando di minimizzare i tempi di compilazione.

2.1 Introduzione

Gli pneumatici sono probabilmente i componenti più complessi di un'auto in quanto combinano decine di componenti che devono essere formati, assemblati e combinati assieme. Il successo del prodotto finale dipende dalla loro capacità di fondere tutti i componenti separati in un prodotto dal materiale coeso che soddisfa le esigenze del conducente [8]. Gli pneumatici sono caratterizzati da un comportamento altamente non lineare con una dipendenza da diversi fattori costruttivi e ambientali.

2.2 Geometria dello Pneumatico secondo ETRTO

Quando si fa riferimento ai dati puramente geometrici, viene utilizzata una forma abbreviata della notazione completa prevista dall'ente di normazione ETRTO. Assumendo di avere un pneumatico generico la notazione che identificherà la geometria sarà del tipo a/bRc. Dove:

- a rappresenta larghezza nominale del pneumatico nel punto più largo;
- b rappresenta percentuale dell'altezza della spalla dello pneumatico in relazione alla larghezza dello stesso;
- c rappresenta il diametro dei cerchi ai quali lo pneumatico si adatta.

Facendo un esempio, 195/55R16 significherebbe che la larghezza nominale del pneumatico è di circa 195 mm nel punto più largo, l'altezza della spalla dello pneumatico è il 55% della larghezza, ovvero 107 mm in questo caso, e che il pneumatico si adatta a dei cerchi di 16 pollici di diametro. Con questa notazione è possibile calcolare direttamente il diametro esterno teorico dello pneumatico tramite la seguente:

$$\phi_e = \frac{2ab}{25.4} + c \quad [\text{in}] \qquad \phi_e = 2ab + 25.4c \quad [\text{mm}]$$
 (2.1)

Riprendendo l'esempio usato sopra, il diametro esterno risulterà dunque 24.44 in o 621 mm.

Meno comunemente usato negli Stati Uniti e in Europa (ma spesso in Giappone) è una notazione che indica l'intero diametro del pneumatico invece delle proporzioni dell'altezza della parete laterale, quindi non secondo ETRTO. Per fare lo stesso esempio, una ruota da 16 pollici avrebbe un diametro di 406 mm. L'aggiunta del doppio dell'altezza del pneumatico (2×107 mm) produce un diametro totale di 620 mm. Quindi, un pneumatico 195/55R16 potrebbe in alternativa essere etichettato 195/620R16.

Anche se questo è teoricamente ambiguo, in pratica queste due notazioni possono essere facilmente distinte perché l'altezza della parete laterale di un pneumatico automobilistico è in genere molto inferiore alla larghezza. Quindi, quando l'altezza è espressa come percentuale della larghezza, è quasi sempre inferiore al 100% (e certamente meno del 200%). Al contrario, i diametri degli pneumatici del veicolo sono sempre superiori a 200 mm. Pertanto, se il secondo numero è superiore a 200, allora è quasi certo che viene utilizzata la notazione giapponese, se è inferiore a 200 allora viene utilizzata la notazione USA/europea.

2.3 La Modellizzazione dello Pneumatico

Le forze di contatto tra la superficie stradale e lo pneumatico possono essere descritte completamente da un vettore di forza risultante applicato in un punto specifico dell'impronta di contatto e da una coppia risultante, come illustrato nella Figura 2.2.

Come componenti cruciali per la movimentazione dei veicoli e il comportamento di guida, le forze degli pneumatici richiedono particolare attenzione soprattutto quando, assieme al comportamento stazionario, anche il comportamento non stazionario dev'essere considerato.

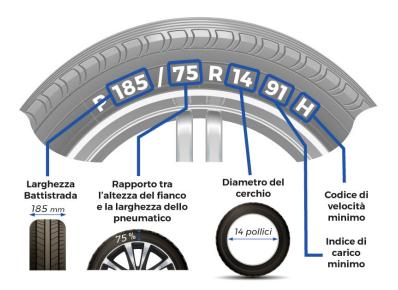


FIGURA 2.1: Esempio di misure, secondo la notazione ETRTO, riportate sulla spalla dello pneumatico.

 F_x forza longitudinale F_y forza laterale F_z forza verticale T_x coppia di sovrasterzo T_y resistenza al rotolamento T_z coppia di autoallineamento

Figura 2.2: Forze e coppie generate dal contatto pneumatico-strada.

Attualmente, è possibile suddividere i modelli di pneumatico in tre gruppi:

- modelli matematici;
- modelli fisici;
- combinazione dei precedenti.

La prima tipologia di modello tenta di rappresentare le caratteristiche fisiche del pneumatico attraverso una descrizione puramente matematica. Pertanto questi tipi di modelli partono da un curve caratteristiche ricavate sperimentalmente e cercano di derivare un comportamento approssimativo dall'interpolazione di un grande insieme di dati. Un esempio ben noto di questo approccio è il modello di Pacejka o Magic Formula [7]. Questo tipo di modellazione è adatta per la simulazione di guida dove il comportamento di interesse è per lo più la guidabilità del veicolo e le frequenze di uscita sono ben al di sotto delle frequenze di risonanza della cintura dello pneumatico. I modelli fisici o i modelli ad alta frequenza, come i modelli agli elementi finiti, sono in grado di rilevare fenomeni di risonanza a frequenza più elevata. Ciò permette di valutare la confortevolezza di guida di un veicolo. Dal punto di vista del calcolo, i modelli fisici complessi richiedono molto tempo al calcolatore per essere risolti, nonché di molti dati. Al contrario dei più veloci modelli matematici, che però richiedono un'accurata pre-elaborazione dei dati sperimentali. La terza tipologia di modelli consiste in un'estensione dei modelli matematici attraverso le leggi fisiche al fine di coprire una gamma di frequenza più ampia.

Il modello di pneumatico sviluppato nel modello di veicolo e il tipo di interfaccia di pneumatico/strada presentato da Larcher in [4] si basa sulla *Magic Formula* 6.2.

2.4 Il Modello della Magic Formula

2.4.1 La Magic Formula

Uno dei modelli di pneumatici più utilizzati è il cosiddetto modello *Magic Formula* sviluppato da Egbert Bakker e Pacejka in [1]. Questo modello è stato poi rivisto e l'ultima versione è riportata in [7]. Il modello *Magic Formula* consiste in una pura descrizione matematica del rapporto input-output del contatto pneumatico-strada. Questa formulazione collega le variabili di forza con lo slip rigido del corpo che vengono trattati nelle sezioni successive. La forma generale della funzione di descrizione può essere scritta come:

$$y(x) = D \sin\{C \arctan[B(x+S_h) - E(B(x+S_h) - \arctan(B(x+S_h)))]\} + S_v$$
(2.2)

dove:

- B rappresenta il fattore di rigidezza;
- C rappresenta il fattore di forma;
- D rappresenta il falore massimo della forza o coppia;
- E rappresenta il fattore di curvatura;

- S_v rappresenta lo spostamento in verticale della curva caratteristica;
- S_h rappresenta lo spostamento in orizzontale della curva caratteristica.

e dove y(x) può essere la forza longitudinale F_x , la forza laterale F_y o la coppia di autoallineamento M_z , mentre x è la componente di slip corrispondente. In Figura 2.3 sono illustrate le curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo della $Magic\ Formula$.

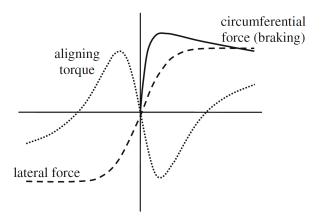


Figura 2.3: Curve caratteristiche generiche degli pneumatici derivate con il metodo della *Magic Formula*

2.4.2 Contatto con la Superficie Stradale

La posizione e l'orientamento della ruota in relazione al sistema fissato a terra sono dati dalla terna di riferimento del vettore ruota RF_{wh_i} , che viene calcolata istante per istante risolvendo le equazioni dinamiche del sistema ottenuto nel Capitolo 2 in [4]. Supponendo che il profilo stradale sia rappresentato da una funzione arbitraria a due coordinate spaziali del tipo:

$$z = z(x, y) \tag{2.3}$$

su una superficie irregolare, il punto di contatto P non può essere calcolato direttamente. Così, come prima approssimazione siamo in grado di identificare un punto P^* , che è definito come una semplice traslazione del centro ruota M:

$$P^{\star} = M - R_0 \mathbf{e}_{zC} \begin{bmatrix} x^{\star} \\ y^{\star} \\ z^{\star} \end{bmatrix}$$
 (2.4)

dove R_0 è il raggio dello pneumatico indeformato e e_{zC} è il vettore unitario che definisce l'asse z_c del sistema di riferimento del vettore ruota.

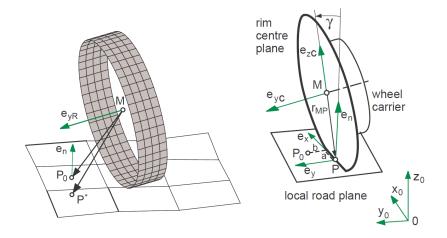


Figura 2.4: Geometria del contatto pneumatico-strada.

La prima stima del sistema di riferimento del punto di contatto RF_{PC^*} è una terna con origine in P^* e orientazione degli assi definiti dall'orientazione del sistema di riferimento della ruota.

$$RF_{PC^{\star}} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} R_{RF_{wh}} & x^{\star} \\ y^{\star} \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 (2.5)

Ora, i vettori di unità e_x ed e_y , che descrivono il piano locale nel punto P, possono essere ottenuti dalle seguenti equazioni:

$$e_x = rac{e_{yC} \times e_n}{|e_{yC} \times e_n|}$$
 $e_y = e_n \times e_x$ (2.6)

Al fine di ottenere una buona approssimazione del piano strada locale in termini di inclinazione longitudinale e laterale, sono stati utilizzati i quattro punti di campionamento $(Q_1^{\star}, Q_2^{\star}, Q_3^{\star}, Q_4^{\star})$ che sono rappresentati graficamente in Figura 2.5. I punti di campionamento sono definiti sul sistema di riferimento temporaneo del punto di contatto $RF_{PC^{\star}}$ e lo spostamento longitudinale e laterale sono definiti dall'origine, ovvero lo stesso P^{\star} . I vettori di spostamento sono definiti come:

$$PC^{\star} r_{Q_{1,2}^{\star}} = \pm \Delta x$$

$$PC^{\star} r_{Q_{3,4}^{\star}} = \pm \Delta y$$
(2.7)

e quindi, i quattro punti di campionamento sono:

$$P^{\star} r_{Q_{1,2}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta x e_{xPC^{\star}}$$

$$P^{\star} r_{Q_{3,4}^{\star}} = P^{\star} \pm \Delta y e_{yPC^{\star}}$$
(2.8)

Al fine di campionare l'impronta di contatto nel modo più efficiente possibile, le distanze di Δx e Δy , dell'equazione precedente, vengono regolate in base al raggio del pneumatico indeformato R_0 e alla larghezza del pneumatico B. I valori di queste due quantità possono essere trovate in letteratura e sono $\Delta x = 0.1R_0$ e $\Delta x = 0.3B$. Attraverso questa definizione, si può ottenere un comportamento realistico durante la simulazione.

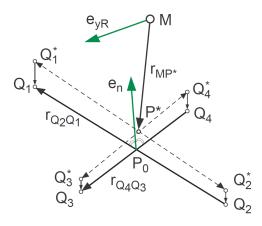


Figura 2.5: Punti campionati nel piano locale della superficie stradale.

Ora la componente z in corrispondenza dei quattro punti campione viene valutata attraverso la funzione z(x,y) precedentemente definita. Quindi, aggiornando la terza coordinata dei punti di campionamento Q_i^* , otteniamo i corrispondenti punti campione Q_i sulla superficie della pista locale. La linea fissata dai punti Q_1 , Q_2 e rispettivamente Q_3 , Q_4 , può ora essere utilizzata per definire la normale al piano strada locale (Figura 2.6). Pertanto, il vettore normale è definito come:

$$e_n = \frac{r_{Q_1 Q_2} \times r_{Q_4 Q_3}}{|r_{Q_1 Q_2} \times r_{Q_4 Q_3}|} \tag{2.9}$$

dove sono $r_{Q_2Q_1}$ e $r_{Q_4Q_3}$ sono i vettori che puntano rispettivamente da Q_1 a Q_2 e da Q_3 a Q_4 . Applicando l'equazione 2.6 è ora possibile calcolare i vettori unitari e_x e e_y del piano di locale del punto di contatto. Il punto di contatto P si ottiene aggiornando le coordinate del primo punto di prova P^* , con il valore medio delle

tre coordinate spaziali dei quattro punti campione.

$$P = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{4} x_i \\ \sum_{i=1}^{4} y_i \\ \sum_{i=1}^{4} z_i \end{bmatrix}$$
 (2.10)

Infine possiamo mettere assieme tutte le componenti del piano di riferimento del punto di contatto finale ottenendo:

$$RF_{PC} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_{x} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_{y} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \boldsymbol{e}_{z} \end{bmatrix} & y_{P} \\ y_{P} & y_{P} \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(2.11)

Attraverso questo approccio, la normale del piano strada locale e_n insieme al punto di contatto locale P, sono in grado di rappresentare l'irregolarità della strada in modo soddisfacente. Come accade in realtà, bordi taglienti o discontinuità del manto stradale saranno smussate da questo approccio. Alcuni casi dimostrativi sono illustrati nella Figura 2.6.

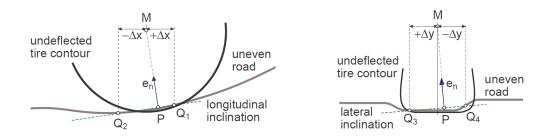


Figura 2.6: Inclinazione longitudinale e laterale del piano strada locale.

3.1 Introduzione

Oltre allo pnumatico, la superfice stradale rappresenta il secondo importante elemento che definisce il contatto. Perchè una superficie stradale possa essere facilmente utilizzata da un calcolatore deve essere prima discretizzata. La discretizzazione in questo caso avviene mediante la rappresentazione della superficie stessa in una mesh triangolare. La mesh, è contenuta in un file formato Road Data File (RDF), che contiene le posizione (x, y, z) di ogni vertice e i numeri di identificazione per ognuno dei tre vertici del triangolo, per ogni trangolo.

È importante notare che la discretizzazione del manto stradale è un passaggio molto importante in quando, se campionatonato troppo grossolanamente potrebbe influire negativamente sui risultati dei calcoli per l'estrazione del piano strada locale. In altre parole, una semplificazione troppo spinta, potrebbe causare degli errori tali da incorrere in risultati troppo approssimativi e non rispecchianti la realtà. Al contrario, una *mesh* troppo fitta, complica inutilmente i calcoli, dilatando sensibilmente i tempi di esecuzione. È bene quindi discretizzare più densamente in maniera oculata e solo dove occore realmente, ovvero in prossimità di cordoli, marciapiedi o qualsiasi tipo di ostacolo che potrebbe influire sulle performance della vettura.

3.2 Il Formato RDF

3.2.1 Superfici Semplici

Sfortunatamente, non esistono standard universalmente riconosciuti per il formato RDF. In linea di massima le superfici stradali sono definite nei *road data file* (* . rdf). Questa tipologia di file è composto da varie sezioni, indicate da parentesi quadre.

```
{ Comments section }
2
    [UNITS]
3
    LENGTH = 'meter'
4
    FORCE = 'newton'
5
    ANGLE = 'degree'
    MASS = 'kg'
7
    TIME = 'sec'
9
    [MODEL]
10
    ROAD \ TYPE = '...'
11
12
    [PARAMETERS]
13
14
```

Nella sezione [UNITS], vengono impostate le unità utilizzate nel file di dati stradali. La sezione [MODEL] viene invece utilizzata per specificare il tipo di strada, del tipo:

- ROAD_TYPE = 'flat': come indica già il nome, si tratta di una superficie stradale piana.
- ROAD_TYPE = 'plank': dove questa strada è composta da un singolo scalino o dosso orientato perpendicolarmente o obliquo rispetto all'asse X, con o senza bordi smussati.
- ROAD_TYPE = 'poly_line': ovvero l'altezza della strada è in funzione della distanza percorsa.
- ROAD_TYPE = 'sine': dove la superficie stradale è costituita da una o più onde sinusoidali con lunghezza d'onda costante.

La sezione [PARAMETERS] contiene parametri generali e parametri specifici del tipo di superficie stradale.

I parametri per ogni tipologia di superficie stradale sono elencati di seguito:

· Generali:

 MU: è il fattore di correzione dell'attrito stradale (non il valore dell'attrito stesso), da moltiplicare con i fattori di ridimensionamento LMU del modello di pneumatico.

Impostazione predefinita: MU = 1.0.

- OFFSET: è l'offset verticale del terreno rispetto al sistema di riferimento inerziale.
- ROTATION_ANGLE_XY_PLANE: è l'angolo di rotazione del piano XY attorno all'asse Z della strada, ovvero la definizione dell'asse X positivo della strada rispetto al sistema di riferimento inerziale.

• Strada con scalino:

- HEIGHT: altezza dello scalino.
- START: distanza lungo l'asse X della strada all'inizio dello scalino.
- LENGTH: lunghezza dello scalino (escluso lo smusso) lungo l'asse X della strada.
- BEVEL_EDGE_LENGTH: lunghezza del bordo smussato a 45° dello scalino.
- DIRECTION: rotazione dello scalino attorno all'asse Z, rispetto all'asse Y della strada.

Se lo scalino è posizionato trasversalmente, DIRECTION = 0. Se lo scalino è posto lungo l'asse X, DIRECTION = 90.

• Polilinea:

Il blocco [PARAMETERS] deve avere un sottoblocco chiamato (XZ_DATA) e costituito da tre colonne di dati numerici:

- La colonna 1 è un insieme di valori X in ordine crescente.
- Le colonne 2 e 3 sono insiemi di rispettivi valori Z per la traccia sinistra e destra.

Esempio:

```
1 [PARAMETERS]
2 MU = 1.0
3 OFFSET = 0.0
4 ROTATION_ANGLE_XY_PLANE = 0.0
5
```

```
6 { X_road Z_left Z_right }
7 (XZ_DATA)
8 -1.0e04 0 0
9 0.0500 0 0
0 0.1000 0 0
1 0.1500 0 0
2 ......
```

• Sinusoide:

La strada a superficie sinusoidale è implementata come:

$$z(x) = \frac{H}{2} \left(1 - \cos \left(\frac{2\pi \cdot (x - x_i)}{L} \right) \right) \tag{3.1}$$

dove

- z: coordinata verticale della strada;
- H: altezza;
- x: posizione attuale;
- x_i : inizio dell'onda sinusoidale;
- L: semi-periodo dell'onda sinusoidale.

I parametri sono:

- HEIGHT: altezza dell'onda sinusoidale.
- START: distanza lungo l'asse X della strada all'inizio dell'onda sinusoidale.
- LENGTH: lunghezza dell'onda sinusoidale lungo l'asse X della strada.
- DIRECTION: rotazione dell'onda sinusoidale attorno all'asse Z, rispetto all'asse Y della strada.

Se l'onda sinusoidale è posizionata trasversalmente, DIRECTION = 0. Se l'onda sinusoidale è posta lungo l'asse X, DIRECTION = 90.

3.2.2 Superfici Complesse

Sfortunatamente, queste informazioni appena descritte permettono di costruire strade troppo semplicistiche e approssimative, che non rispecchiano la realtà. È quindi necessario inserire i risultati della discretizzazione della superficie stradale sopra citati. Per descrivere una superficie stradale composta da una *mesh* di triangoli si userà la seguente formattazione del file.

- [NODES]: presenti nella prima sezione e dove vengono descritti sotto forma di una quartina (id, x, y, z) data dal numero di identificazione e dalle coordinate nello spazio.
- [ELEMENTS]: presenti nella seconda sezione e dove vengono descritti sotto forma di una quartina (n_1, n_2, n_3, μ) data dal numero di identificazione dei tre vertici componenti i-esimo triangolo e dal coefficente di attrito presente nella faccia.

Esempio:

```
[NODES]
1
   { id x_coord y_coord z_coord }
2
   0 2.64637 35.8522 -1.59419e-005
   1 4.54089 33.7705 -1.60766e-005
   2 4.52126 35.8761 -1.62482e-005
   3 2.66601 33.7456 -1.57714e-005
   4 0.771484 35.8282 -1.56367e-005
   5 0.791126 33.7206 -1.5465e-005
10
    [ELEMENTS]
11
   { n1 n2 n3 mu }
12
   1 2 3 1.0
13
   2 1 4 1.0
14
   5 4 1 1.0
```

Ulteriori parametri possono essere aggiunti prima della dichiarazaione dei nodi della *mesh*.

- X_SCALE: riscala i punti delle coordinate dei nodi lungo l'asse X.
- Y SCALE: riscala i punti delle coordinate dei nodi lungo l'asse Y.
- Z_SCALE: riscala i punti delle coordinate dei nodi lungo l'asse Z.
- ORIGIN: definisce la posizione dell'origine della sistema di riferimento della superficie stradale.

- $\bullet\,$ UP: definisce la direzione positiva dell'asse Z.
- [ORIENTATION]: ruota i punti delle coordinate dei nodi secondo la matrice definita.

Esempio:

- 1 X_SCALE
- 2 1000.0
- 3 Y_SCALE
- 4 1000.0
- 5 Z_SCALE
- 6 1000.0
- 7 ORIGIN
- 8 0 0 0
- 9 UP
- 10 0.0,0.0,1.0
- 11 ORIENTATION
- 12 1.0 0.0 0.0
- 13 0.0 1.0 0.0
- 14 0.0 0.0 1.0

Algoritmi 4

4.1 Parsificazione

4.1.1 Introduzione

La parsificazione o analisi sintattica è un processo che analizza un flusso continuo di dati in ingresso (letti per esempio da un file o una tastiera) in modo da determinare la correttezza della sua struttura grazie ad una data grammatica formale. Un parser è un programma che esegue questo compito. Nella maggior parte dei casi, l'analisi sintattica opera su una sequenza di *token* in cui l'analizzatore lessicale spezzetta l'input.

4.1.2 Parsificazione del formato RDF

Nel lavoro svolto è stato creato un algoritmo per pardificare i file di tipo RDF che descrivono superfici complesse. Purtroppo, come precedentemente detto, non esiste uno standard universalmente riconosciuto per questo formato. Creare dunque un *parser* o definire un generatore di parser è arduo. Si è quindi optato per la creazione di un *parser* che rilevi solo i nodi ([NODES]), li salvi temporaneamente e, dopo aver immagazzinato anche i dati relativi agli elementi ([ELEMENTS]), instanzi un oggetto *mesh*, composto dai nodi dichiarati nella sezione elementi. Gli altri parametri non sono stati considerati.

Come verrà richiamato nelle conclusioni, l'importanza di definire uno standard per il formato RDF è di cruciale importanza. In questo modo si potrà creare un generatore di parser con una grammatica e un lessico ben definiti, nonché aumentarne l'efficienza e la stabilità.

4.2 Bounding Volume Hierarchy

4.2.1 Introduzione

Una Bounding Volume Hierarchy (BVH) è una struttura ad albero su un insieme di oggetti geometrici. Tutti gli oggetti geometrici sono raccolti in volumi limite che formano i nodi fogliari dell'albero. Questi nodi vengono quindi raggruppati come piccoli insiemi e racchiusi in volumi di delimitazione più grandi. Questi, a loro volta, sono ancora raggruppati e racchiusi in altri volumi di delimitazione più grandi in modo ricorsivo, risultando infine in una struttura ad albero con un singolo volume di delimitazione nella parte superiore dell'albero. Le gerarchie di volumi limitanti vengono utilizzate per supportare in modo efficiente diverse operazioni su insiemi di oggetti geometrici, come ad esempio il rilevamento delle collisioni.

Sebbene il wrapping degli oggetti nei volumi di delimitazione e l'esecuzione di test di collisione su di essi prima del test della geometria dell'oggetto stesso semplifichino i test e possano comportare miglioramenti significativi delle prestazioni, è ancora in corso lo stesso numero di test a coppie tra volumi di delimitazione. Organizzando i volumi di delimitazione in una gerarchia di volumi di delimitazione, la complessità temporale (il numero di test eseguiti) può essere ridotta logaritmicamente nel numero di oggetti. Con una tale gerarchia in atto, durante i test di collisione, i volumi secondari non devono essere esaminati se i loro volumi principali non sono intersecati.

4.2.2 Minimum Bounding Box

In geometria, il rettangolo minimo o più piccolo (o Minimum Bounding Box (MBB)) per racchiudere un insieme di punti S in N dimensioni è l'rettangolo con la misura più piccola (area, volume o ipervolume in dimensioni superiori) all'interno del quale si trovano tutti i punti. Il termine "iper-rettangolo (o più semplicemente box) deriva dal suo utilizzo nel sistema di coordinate cartesiane, dove viene effettivamente

visualizzato come un rettangolo (caso bidimensionale), parallelepipedo rettangolare (caso tridimensionale), ecc. Nel caso bidimensionale viene chiamato rettangolo di delimitazione minimo.

4.2.2.1 Axis Aligned Bounding Box

Il MBB allineato agli'assi (Axis Aligned Bounding Box (AABB)) per un determinato set di punti è il rettangolo di delimitazione minimo soggetto al vincolo che i bordi del rettangolo sono paralleli agli assi cartesiani. È il prodotto cartesiano di N intervalli ciascuno dei quali è definito da un valore minimo e un valore massimo della coordinata corrispondente per i punti in S.

I rettangoli di delimitazione minimi allineati all'asse vengono utilizzati per determinare la posizione approssimativa di un oggetto e come descrittore molto semplice della sua forma. Ad esempio, nella geometria computazionale e nelle sue applicazioni quando è necessario trovare intersezioni nel set di oggetti, il controllo iniziale sono le intersezioni tra i loro MBB. Dato che di solito è un'operazione molto meno costosa del controllo dell'intersezione effettiva (perché richiede solo confronti di coordinate), consente di escludere rapidamente i controlli delle coppie che sono molto distanti.

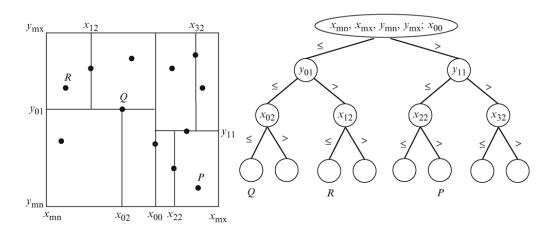


Figura 4.1: Esempio di albero di tipo AABB.

4.2.2.2 Arbitrarily Oriented Bounding Box

Il MBB orientato arbitrariamente (*Arbitrarily Oriented Bounding Box* (AOBB)) è il rettangolo di delimitazione minimo, calcolato senza vincoli per quanto riguarda

l'orientamento del risultato. Gli algoritmi del rettangolo di delimitazione minimo basati sul metodo dei calibri rotanti possono essere utilizzati per trovare l'area di delimitazione dell'area minima o del perimetro minimo di un poligono convesso bidimensionale in tempo lineare e di un punto bidimensionale impostato nel tempo impiegato costruire il suo scafo convesso seguito da un calcolo del tempo lineare. Un algoritmo di pinze rotanti tridimensionali può trovare il rettangolo di delimitazione orientato arbitrariamente sul volume minimo di un punto tridimensionale impostato in tempo cubo.

4.2.2.3 Object Oriented Bounding Box

Nel caso in cui un oggetto abbia un proprio sistema di coordinate locale, può essere utile memorizzare un rettangolo di selezione relativo a questi assi, che non richiede alcuna trasformazione quando cambia l'orientazione dell'oggetto stesso.

4.2.3 Intersezione tra Alberi AABB

Per il rilevamento delle collisioni tra oggetti in due dimensioni, l'intersezione tra alberi di tipo AABB, è l'algoritmo più veloce per determinare se le due entità di gioco si sovrappongono o meno, e in che parti. Nello specifico, ciò consiste nel controllare le posizioni delle *i*-esime *Bounding Box* (BB) nello spazio delle coordinate bidimensionali per vedere se si sovrappongono.

Il vincolo di allineamento dei rettangoli agli assi è presente per motivi di prestazioni, infatti, l'area di sovrapposizione tra due riquadri non ruotati può essere controllata solo con confronti logici. Mentre i riquadri ruotati richiedono ulteriori operazioni trigonometriche, che sono più lente da calcolare. Inoltre, se si hanno entità che possono ruotare, le dimensioni dei rettangoli e/o sotto-rettangoli dovranno modificarsi in modo da avvolgere ancora l'oggetto o si dovrà optare per un altro tipo di geometria di delimitazione, come le sfere (che sono invarianti alla rotazione).

Nel caso specifico, l'ombra dello pneumatico sarà rappresentata da un albero di tipo AABB con una sola foglia. Ovvero si andrà a rappresentare lo pneumatico con una BB avente lati uguali e rappresentanti il massimo ingombro che può avere nello spazio. Si andrà inoltre ad incrementare del 10% ognuno di questi lati in modo da tenere conto dell'angolo di camber, che portrebbe portare i punti di campionamento del terreno fuori dall'ombra. La strada, contrariamente al pneumatico, verrà tenuta come riferimento assoluto. In altre parole, una volta effettuato la parsificazione

del file RDF, verrà calcolato l'albero di tipo AABB. Lo pneumatico si muoverà all'interno della *mesh* e la sua ombra verrà ricalcolata e intersecata con l'albero AABB per ottenere tutti i triangoli in corrispondenza della stessa.

Volendo intersecare due semplici BB, quali A = [A.minX, A.maxX; A.minY, A.maxY] e B = [B.minX, B.maxX; B.minY, B.maxY], verrà usata la seguente funzione.

```
function intersect(A,B) {

return (A.minX <= B.maxX && A.maxX >= B.minX) &&

(A.minY <= B.maxY && A.maxY >= B.minY)

4 }
```

Volendo intersecare un albero di tipo AABB e una semplice BB, basterà ripetere a più step la funzione precedente lungo i rami dell'albero. Una volta arrivati a una o più foglia avremo tutti gli oggetti (o triangoli nel caso specifico) che sono posti in corrispondenza della BB (od ombra dello pneumatico nel caso specifico). Questi triangoli verranno poi usati per determinare il piano strada locale e il punto di contatto virtuale dello pneumatico.

È imporatante notare che il metodo appena visto, presenta numerosi vantaggi.

- Riduzione del numero di comparazioni da effettuare per ottenere l'intersezione BB-albero AABB. Infatti, la *mesh* può contenere decine di migliaia di trangoli, il metodo presentato consente di ridurre logarirmicamente il numero di comparazioni necessarie per ottenere il risultato.
- Riduzione del numero di trangoli da processare per ottenere il piano strada locale e il punto di contatto virtuale dello pneumatico. Infatti, vengono solamente processati quelli posti in corrispondenza del'ombra dello pneumatico.

4.3 Algoritmi Geometrici

4.3.1 Introduzione

La geometria computazionale è la branca dell'informatica che studia le strutture dati e gli algoritmi efficienti per la soluzione di problemi di natura geometrica e la loro implementazione al calcolatore. Storicamente, è considerato uno dei campi più antichi del calcolo, anche se la geometria computazionale moderna è uno sviluppo recente. La ragione principale per lo sviluppo della geometria computazionale è

stata dovuta ai progressi compiuti nella computer grafica, *Computer-Aided Design* (CAD), *Computer-Aided Manufacturing* (CAM) e nella visualizzazione matematica. Ad oggi, le applicazioni della geometria computazionale si trovano nella robotica, nella progettazione di circuiti integrati, nella visione artificiale, in *Computer-Aided Engineering* (CAE) e nel *Geographic Information Systems* (GIS). I rami principali della geometria computazionale sono:

- Calcolo combinatorio (o geometria algoritmica), che si occupa di oggetti geometrici come entità discrete. Ad esempio, può essere utilizzato per determinare il poliedro o il poligono più piccolo che contiene tutti i punti forniti, o più formalmente, dato un insieme di punti, si deve determinare il più piccolo insieme convesso che li contenga tutti (problema dell'inviluppo convesso).
- Geometria di calcolo numerica (o Computer-Aided Geometric Design (CAGD)), che si occupa principalmente di rappresentare oggetti del mondo reale in forme adatte per i calcoli informatici nei sistemi CAD e CAM. Questo ramo può essere visto come uno sviluppo della geometria descrittiva ed è spesso considerato un ramo della computer grafica o del CAD. Entità importanti di questo ramo sono superfici e curve parametriche, come ad esempio le spline e curve di Bézier.

In questo capitolo tutti gli algoritmi che verranno utilizzati in seguito durante l'analisi geometrica dell'intersezione tra pneumatico e superficie stradale saranno trattati. Questi algoritmi sono la soluzione di alcuni semplici ma molto importanti problemi, che devono essere risolti in modo efficiente. In particolare le intersezioni tra:

- punto e segmento (sul piano);
- punto e circonferenza (sul piano);
- raggio e circonferenza (sul piano);
- raggio e triangolo (sullo spazio);

saranno esaminati al fine di trovare la massima prestazione in termini di efficienza computazionale.

4.3.2 Intersezione tra Entità Geometriche

4.3.2.1 Punto-Segmento

Dato un punto $P = (x_p, y_p)$ e un segmento definito da due punti $A = (x_A, y_B)$ e $B = (x_B, y_B)$.

Figura 4.2: Schema grafico per l'intersezione punto-segmento

Per determinare se il punto P è intermo al segmento si eseguiranno i seguenti step.

- 1. Creazione di un vettore \overrightarrow{AB} e di un vettore \overrightarrow{AP} .
- 2. Calcolo il prodotto vettoriale $\overrightarrow{P_1P_2} \times \overrightarrow{PP_1}$, se il modulo del vettore risultante è nullo allora il punto P appartiene al segmento considerato.
- 3. Calcolo il prodotto scalare tra \overrightarrow{AB} e \overrightarrow{AP} . Se è nullo allora il punto P è coincidente a A, se è pari al modulo di \overrightarrow{AB} allora il punto P è coincidente a B, se è compreso tra 0 il modulo di \overrightarrow{AB} , allora il punto P giace all'interno del segmento considerato.

Il codice che esegue questo tipo di test è riportato in Figura 4.4

Figura 4.3: Schemi per l'output dell'intersezione punto-segmento.

4.3.2.2 Punto-Cerchio

Data una circonferenza con centro $C=(x_c,y_c)$ e raggio r, il problema consiste nel trovare se un punto generico $P=(x_p,y_p)$ è locato all'interno, all'esterno o sulla circonferenza. La soluzione al problema è semplice: la distanza tra il centro del cerchio C e il punto P è data dal teorema di Pitagora. In particolare:

$$d = \sqrt{(x_p - x_c)^2 + (y_p - y_c)^2}$$
(4.1)

Output di tipo integer

Output di tipo bool

```
if ( AB.cross(AP) > epsilon )
                                            if ( AB.cross(AP) > epsilon )
      { return 0; }
                                               { return false; }
2
    KAP = AB.dot(AP);
                                            KAP = AB.dot(AP);
3
                                        3
    if (KAP < -epsilon )</pre>
                                            if (KAP < -epsilon )</pre>
4
5
      { return 0; }
                                               { return false; };
    if ( abs(KAP) < epsilon )</pre>
                                            if ( abs(KAP) < epsilon )</pre>
      { return 1; }
                                               { return true; }
   KAB = AB.dot(AB);
                                            KAB = AB.dot(AB);
8
    if ( KAP > KAB )
                                            if ( KAP > KAB )
9
      { return 0; }
                                        10
                                               { return false; }
10
    if ( abs(KAP-KAB) < epsilon )</pre>
                                            if ( abs(KAP-KAB) < epsilon )</pre>
11
      { return 2; }
                                               { return true; }
                                        12
12
13
   return 3;
                                        13
                                            return true;
```

Figura 4.4: Schema del codice per l'intersezione punto-segmento.

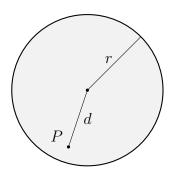


FIGURA 4.5: Schema del problema di intersezione punto-cerchio.

il punto P è dunque interno alla circonferenza se d < r, appartiene alla circonferenza se d = r ed esterno alla circonferenza se d > r. In maniera analoga ma più efficace da punto di vista computazionale si può confrontare d^2 con r^2 . Il punto P è dunque interno alla circonferenza se $d^2 < r^2$, appartiene alla circonferenza se $d^2 = r^2$ ed esterno alla circonferenza se $d^2 > r^2$. Pertanto, il confronto finale sarà tra il numero $(x_p - x_c)^2 + (y_p - y_c)^2$ e r^2 .

Gli inputs dell'algoritmo per l'intersezione punto-cerchio sono:

- il centro della circonferenza $C = (x_c, y_c)$;
- il raggio della circonferenza r;
- il punto generico da analizzare $P = (x_p, y_p)$.

L'output può essere un intero il cui valore può essere:

- 0 se il punto è esterno;
- 1 se il punto è interno;
- 2 se il punto appartiene alla circonferenza.

Il valore in *output* può essere anche una variabile booleana il cui valore è:

- false se il punto è esterno;
- true se il punto è interno o appartiene alla circonferenza.

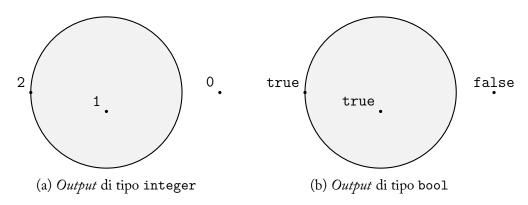


FIGURA 4.6: Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio.

```
Output di tipo integer Output di tipo bool
```

```
d = (x_p-x_c)^2 + (y_p-y_c)^2;
if (d > r^2) { return 0; }
else if (d < r^2) { return 1; }
else { return 2; }

d = (x_p-x_c)^2 + (y_p-y_c)^2;
if (d > r^2) { return true; }
else { return false; }
```

Figura 4.7: Schemi del codice per l'intersezione punto-cerchio.

4.3.2.3 Segmento-Cerchio

Per l'intersezione di un segmento, avente punto iniziale e finale rispettivamente P_0 e P_1 , con una circonferenza, avente centro $C = (x_c, y_c)$, è necessario prima di tutto riscrivere le equazione di entrambe le entità come:

$$ax + by = c (4.2)$$

per il segemento e:

$$(x - x_c)^2 + (y - y_c)^2 = r^2$$
(4.3)

per la circonferenza. Assumendo che il centro C sia posto sull'origine, la precedente equazione si può semplificare come:

$$x^2 + y^2 = r^2 (4.4)$$

Per trovere i termini a, b e c del segmento è necessario calcolare la direzione del segmento come differenza tra il punto finale e iniziale del segmento:

$$\vec{d} = P_1 - P_0 \tag{4.5}$$

È neccerio anche trovare il vettore tra l'origine e il punto P_1 :

$$\vec{P}_{O1} = P_1 - O \tag{4.6}$$

I termini a, b e c del segmento saranno quini pari a:

$$a = \vec{d} \cdot \vec{d}$$

$$b = 2(\vec{d} \cdot \vec{P}_{O1})$$

$$c = \vec{P}_{O1} \cdot \vec{P}_{O1} - r^{2}$$
(4.7)

Risolve l'equazione 4.2 per x o y è ora molto semplice. Basta infatti sostituirla nell'equazione 4.4 per ottere le soluzioni (x_1,y_1) e (x_2,y_2) con:

$$x_{1/2} = \frac{ac \pm b\sqrt{r^2(a^2 + b^2) - c^2}}{a^2 + b^2}$$
(4.8)

oppure:

$$y_{1/2} = \frac{bc \mp a\sqrt{r^2(a^2 + b^2) - c^2}}{a^2 + b^2}$$
 (4.9)

Se $r^2(a^2+b^2)-c^2\geq 0$ vale come una disuguaglianza stretta, esistono due punti di intersezione; in questo caso la linea è chiamata una linea secante del cerchio e il segmento di linea che collega i punti di intersezione è chiamato accordo del cerchio. Se invece vale $r^2(a^2+b^2)-c^2=0$, allora esiste solo un punto di intersezione e la linea è tangente al cerchio. Se la disuguaglianza debole non regge, la linea non interseca la circonferenza.

Dal punto di vista del codice l'output può essere un intero il cui valore può essere:

- 0 se la linea non interseca la circonferenza;
- 1 se la linea interseca la circonferenza in un solo punto, ovvero è tangente;
- 2 se la linea interseca la circonferenza in due punti.

```
a = d \cdot d;
1
   b = 2 * (d \cdot P_01);
    c = P_01 \cdot P_01 - r^2;
    discriminant = r^2 * (a^2 + b^2) - c^2;
    if ( a <= epsilon || discriminant < 0.0 ) {</pre>
5
6
      IntPt_1 = (quiteNaN, quiteNaN);
      IntPt_2 = (quiteNaN, quiteNaN);
7
      return 0;
8
    } else if ( abs(discriminant) < epsilon ) {</pre>
9
      t = -b / (2 * a);
10
      IntPt_1 = P_1 + t * d;
11
      IntPt_2 = (quiteNaN, quiteNaN);
12
      return 1;
13
14
    } else {
      t = (-b + sqrt(discriminant)) / (2 * a);
15
      IntPt_1 = P_1 + t * d;
16
      t = (-b - sqrt(discriminant)) / (2 * a);
17
      IntPt_2 = P_1 + t * d;
18
19
      return 2;
    }
20
```

Figura 4.8: Schema per del codice per l'intersezione segmento-cerchio.

4.3.2.4 Piano-Piano

Nello spazio delle coordinate tridimensionali, due piani P_1 e P_2 o sono paralleli o si intersecano creando una singola retta L. Sia P_i con i=1,2 descritto da un punto V_i e un vettore normale \vec{n}_i . L'equazione implicita del piano sarà dunque:

$$\vec{n}_i \cdot P + d_i = 0 \tag{4.10}$$

dove P=(x,y,z). I piani P_1 e P_2 sono paralleli ogni volta che i loro normali vettori \vec{n}_1 e \vec{n}_2 sono paralleli. Questo equivale alla condizione che $\vec{n}_1 \times \vec{n}_2 = 0$. Quando i piani non sono paralleli, $\vec{u}=\vec{n}_1\times\vec{n}_2$ è il vettore di direzione della linea di intersezione L. Si noti che \vec{u} è perpendicolare sia a \vec{n}_1 che a \vec{n}_2 , e quindi è parallelo a entrambi i piani.

Dopo aver calcolato $\vec{n}_1 \times \vec{n}_2$, per determinare univocamente la linea di intersezione, è necessario trovare un punto di essa. Cioè, un punto $P_0 = (x_0, y_0, z_0)$ che si trova in entrambi i piani. Si può trovare una soluzione comune delle equazioni implicite per P_1 e P_2 . Ma ci sono solo due equazioni nelle tre incognite poiché il punto P_0 può trovarsi ovunque sulla linea monodimensionale L. Quindi è necessario aggiungere un altro vincolo da risolvere per un P_0 specifico. Esistono diversi

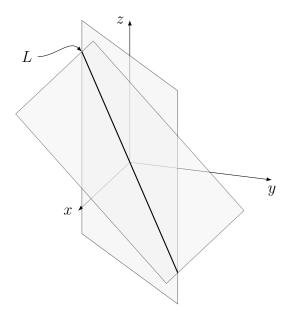


Figura 4.9: Rappresentazione del problema di intersezione piano-piano.

modi per farlo, il più semplice è attraverso l'aggiunta dei un terzo piano P_3 avente equazione implicita $\vec{n}_3 \cdot P = 0$ dove $\vec{n}_3 = \vec{n}_1 \times \vec{n}_2$ e $d_3 = 0$ (ovvero passa attraverso l'origine). Questo metodo è funzionante poiché:

- L è perpendicolare a P_3 e quindi lo interseca;
- i vettori \vec{n}_1 , \vec{n}_2 e \vec{n}_3 sono linearmente indipendenti.

Pertanto i piani P_1 , P_2 e P_3 si intersecano in un unico punto P_0 che deve trovarsi su L.

Nello specifico, la formula per l'intersezione di tre piani è:

$$P_0 = \frac{-d_1(\vec{n}_2 \times \vec{n}_3) - d_2(\vec{n}_3 \times \vec{n}_1) - d_3(\vec{n}_1 \times \vec{n}_2)}{\vec{n}_1 \cdot (\vec{n}_2 \times \vec{n}_3)}$$
(4.11)

e ponendo $d_3 = 0$ per P_3 , si otteniene:

$$P_{0} = \frac{-d_{1}(\vec{n}_{2} \times \vec{n}_{3}) - d_{2}(\vec{n}_{3} \times \vec{n}_{1})}{\vec{n}_{1} \cdot (\vec{n}_{2} \times \vec{n}_{3})} = \frac{(d_{2}\vec{n}_{1} - d_{1}\vec{n}_{2}) \times \vec{n}_{3}}{(\vec{n}_{1} \times \vec{n}_{2}) \cdot \vec{n}_{3}} = \frac{(d_{2}\vec{n}_{1} - d_{1}\vec{n}_{2}) \times \vec{u}}{|\vec{u}|^{2}}$$

$$(4.12)$$

e l'equazione parametrica per la retta L sarà:

$$L(s) = \frac{(d_2\vec{n}_1 - d_1\vec{n}_2) \times \vec{u}}{|\vec{u}|^2} + s\vec{u}$$
 (4.13)

dove $\vec{u} = \vec{n}_1 \times \vec{n}_2$.

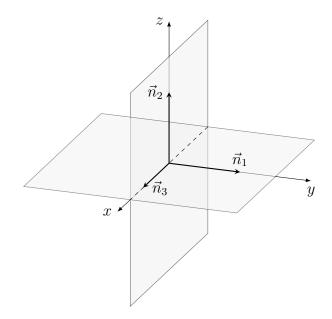


Figura 4.10: Vettori dei piani P_1 , P_2 e della retta L.

```
u = n_1 \times n_2;
    if ( u.norm() > epsilon ) {
2
      d_1 = - V_1 \cdot n_1;
3
      d_2 = - V_2 \cdot n_2;
5
      u_1 = d_1 * n_1;
      u_2 = - d_2 * n_2;
7
      P_0 = (u1 + u2) \times u / (u \cdot u);
      return true;
    } else {
      return false;
10
    }
11
```

Figura 4.11: Schema per del codice per l'intersezione piano-piano.

4.3.2.5 Piano-Segmento

Nello spazio delle coordinate tridimensionali, una linea L può essere o parallela a un piano P o può intersecarlo in un singolo punto. Sia L data dall'equazione parametrica:

$$P(s) = P_0 + s(P_1 - P_0) = P_0 + s\vec{u}$$
(4.14)

mentre il piano P sia dato da un punto V_0 appartenente ad esso e da un vettore normale $\vec{n}=(a,b,c)$. Per prima cosa è necessario controllare se L è parallelo a P verificando se $\vec{n}\cdot\vec{u}=0$, il che significa che il vettore di direzione della linea \vec{u} è

perpendicolare al piano normale \vec{n} . Se questo è vero, allora L e P sono paralleli e non si intersecano, oppure L giace totalmente nel piano P. Disgiunzione o coincidenza possono essere determinate testando se in P esiste un punto specifico di L, per esempio P_0 , ovvero se soddisfa l'equazione di linea implicita:

$$\vec{n} \cdot (P_0 - V_0) = 0 \tag{4.15}$$

Se la linea e il piano non sono paralleli, allora L e P si intersecano in un unico punto $P(s_I)$. Nel punto di intersezione, il vettore $P(s) - V_0 = \vec{w} + s\vec{u}$ è perpendicolare a \vec{n} , dove $\vec{w} = P0 - V0$. Ciò equivale alla condizione del prodotto scalare:

$$\vec{n} \cdot (\vec{w} + s\vec{u}) = 0 \tag{4.16}$$

Risolvendo si ottiene:

$$s_I = -\frac{\vec{n} \cdot \vec{w}}{\vec{n} \cdot \vec{u}} = -\frac{\vec{n} \cdot (V_0 - P_0)}{\vec{n} \cdot (P_1 - P_0)}$$
(4.17)

Se la linea L è un segmento finito da P_0 a P_1 , è sufficiente verificare che $0 \le s_I \le 1$ per verificare che vi sia un'intersezione tra il segmento e il piano. Per raggio, c'è invece un'intersezione con il piano quando $s_I \ge 0$.

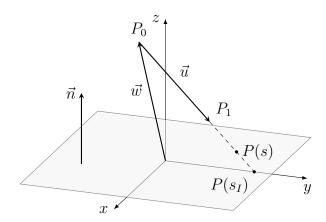


Figura 4.12: Vettori dei piani P_1 , P_2 e della retta L.

4.3.2.6 Piano-Triangolo

Per risolvere l'intersezione piano triangolo bastaunsare la soluzione precedentemente trovata per il problame dell'intersezione tra piano e segmento. Nello specifico, basta trattare i lati del triangolo come tre segmenti distinti e per ognuno di esso applicare la funzione per l'intersezione piano-segmento. Vi saranno tre possibili soluzioni:

```
1    u = P_1 - P_0;
2    d = v_0 · n;
3    s = -(P_1 · n) + d) / (u · n);
4    if (s >= 0 && s <= 1) {
5        P_sI = P_0 + u * s;
6        return true;
7    } else {
8        return false;
9    }
```

Figura 4.13: Schema per del codice per l'intersezione piano-segmento.

- il triangolo non viene intersecato dal piano;
- il triangolo viene intersecato dal piano in uno dei suoi tre vertici;
- il triangolo viene intersecato dal piano, formando quindi due punti d'intersezione nel suo perimetro.

Figura 4.14: Schema per del codice per l'intersezione piano-triangolo.

4.3.2.7 Raggio-Triangolo

Dato un triangolo avente vertici (A, B, C) e un raggio R con origine R_O e direzione \vec{R}_D , il problema consiste nel capire se il raggio colpisce o meno il triangolo e, in tal caso, trovare il punto di intersezione P. Negli ultimi decenni, sono stati proposti numerosi algoritmi per risolvere questo problema, esistono quindi diverse soluzioni

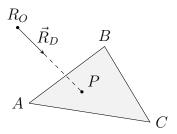


FIGURA 4.15: Rappresentazione del problema di intersezione raggio-triangolo.

al problema di intersezione raggio-triangolo. Tre degli algoritmi più importanti sono:

- l'agoritmo di *Badouel*;
- l'agoritmo di Segura;
- l'agoritmo di Möller e Trumbore.

Come Jiménez, Segura e Feito afferma in [2], l'algoritmo di Möller-Trumbore's è il più veloce quando il piano normale e/o il piano di proiezione non sono stati precedentemente memorizzati, come nel caso specifico di questa tesi.

La teoria alla base di questo algoritmo è spiegata estensivamente in [6]. In particolare, l'algoritmo sfrutta la parametrizzazione di P, il punto di intersezione, in termini delle coordinate baricentriche, ovvero:

$$P = wA + uB + vC \tag{4.18}$$

Dato che w = 1 - u - v, si può quindi scrivere:

$$P = (1 - u - v)A + uB + vC (4.19)$$

e sviluppando si ottiene:

$$P = A - uA - vA + uB + vC = A + u(B - A) + v(C - A)$$
(4.20)

Si noti che (B-A) e (C-A) sono i bordi AB e AC del triangolo ABC. L'intersezione P può anche essere scritta usando l'equazione parametrica del raggio:

$$P = R_O + t\vec{R}_D \tag{4.21}$$

dove t è la distanza dall'origine del raggio all'intersezione P. Sostituendo P nell'equazione 4.20 con l'equazione del raggio si ottiene:

$$R_O + t\vec{R}_D = A + u(B - A) + v(C - A)$$

$$O - A = -tD + u(B - A) + v(C - A)$$
(4.22)

Sul membro a sinistra si hanno le tre incognite (t, u, v) moltiplicate per tre termini noti (B-A, C-A, D). Si può riorganizzare questi termini e presentare l'equazione 4.22 usando la seguente notazione:

$$\begin{bmatrix} -D & (B-A) & (C-A) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} t \\ u \\ v \end{bmatrix} = R_O - A \tag{4.23}$$

Si immagini ora di avere un punto P all'interno del triangolo. Se si trasforma il triangolo in qualche modo (ad esempio traslandolo, ruotandolo o scalandolo), le coordinate del punto P espresse nel sistema di coordinate cartesiane tridimensionali (x,y,z) cambieranno. D'altra parte, se si esprime la posizione di P usando le coordinate baricentriche, le trasformazioni applicate al triangolo non influenzeranno le coordinate baricentriche del punto di intersezione. Se il triangolo viene ruotato, ridimensionato, allungato o traslato, le coordinate (u,v) che definiscono la posizione di P rispetto ai vertici (A,B,C) non cambieranno. L'algoritmo di Möller-Trumbore sfrutta proprio questa proprietà. Infatti, ciò che gli autori hanno fatto è definire un nuovo sistema di coordinate in cui le coordinate di P non sono definite in termini di (x,y,z) ma in termini di (u,v). La somma tra le coordinate baricentriche non può essere maggiore di P0, esprimono infatti le coordinate dei punti definiti all'interno di un triangolo unitario. Ovvero un triangolo definito nello spazio P1, dai vertici P2, P3, dai vertici P3, dai vertici P4, P5, dai vertici P6, P7, P8, dai vertici P8, P9, dai vertici P9, P9, dai vertici dai vertici dai dai vertici dai dai vertici P9, dai vertici dai vertici

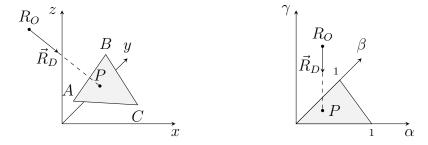


FIGURA 4.16: Transformation and base change of ray in Möller-Trumbore algorithm.

Geometricamente, si è appena chiarito il significato di u e v. Si consideri ora l'elemento t. Esso è il terzo asse del sistema di coordinate u e v appena introdotto. Si sà inoltre che t esprime la distanza dall'origine del raggio a P, il punto di intersezione, si è quindi creato un sistema di coordinate che consentirà di esprime-

re univocamente la posizione del punto d'intersezione P in termini di coordinate baricentriche e distanza dall'origine del raggio a quel punto sul triangolo.

Möller e Trumbore spiegano che la prima parte dell'equazione 4.23 (il termine O-A) può essere vista come una trasformazione che sposta il triangolo dalla sua posizione spaziale mondiale originale all'origine (il primo vertice del triangolo coincide con l'origine). L'altro lato dell'equazione ha l'effetto di trasformare il punto di intersezione dallo spazio (x,y,z) nello spazio (t,u,v) come spiegato precedentemente.

Per risolvere l'equazione 4.23, Möller e Trumbore hanno usato una tecnica conosciuta in matematica come regola di Cramer. La regola di Cramer fornisce la soluzione a un sistema di equazioni lineari mediante il determinante. La regola afferma che se la moltiplicazione di una matrice M per un vettore colonna X è uguale a un vettore colonna C, allora è possibile trovare X_i (l'i-esimo elemento del vettore colonna X) dividendo il determinante di M_i per il determinante di M. Dove M_i è la matrice formata sostituendo la sua colonna di M con il vettore colonna C. Usando questa regola si ottiene;

$$\begin{bmatrix} t \\ u \\ v \end{bmatrix} = \frac{1}{\begin{vmatrix} -D & E_1 & E_2 \end{vmatrix}} \begin{bmatrix} \begin{vmatrix} T & E_1 & E_2 \\ -D & T & E_2 \\ -D & E_1 & T \end{vmatrix}$$
 (4.24)

dove T = O - A, $E_1 = B - A$ ed $E_2 = C - A$. Il prossimo passo è trovare un valore per questi quattro determinanti. Il determinante (di una matrice 3×3) non è altro che un triplo prodotto scalare, quindi si può riscrivere l'equazione precedente come:

$$\begin{bmatrix} t \\ u \\ v \end{bmatrix} = \frac{1}{(D \times E_2) \cdot E_1} \begin{bmatrix} (T \times E_1) \cdot E_2 \\ (D \times E_2) \cdot T \\ (T \times E_1) \cdot D \end{bmatrix} = \frac{1}{P \cdot E_1} \begin{bmatrix} Q \cdot E_2 \\ P \cdot T \\ Q \cdot D \end{bmatrix}$$
(4.25)

dove $P=(D\times E_2)$ e $Q=(T\times E_1)$. Come si può vedere ora è facile trovare i valori t,u e v.



Figura 4.17: Schemi per l'output dell'intersezione punto-cerchio.

```
E_1 = B - A;
    E_2 = C - A;
    A = R_D \times E_2;
3
    D = A \cdot E_1;
    if ( D > epsilon ) {
       T = R_0 - A;
6
7
       u = A \cdot T;
       if ( u < 0.0 \mid \mid u > D ) return false;
8
9
       B = T \times E_1;
10
       v = B \cdot R_D;
       if (v < 0.0 \mid | u + v > D) return false;
    } else if ( D < -epsilon ) {
12
       T = R_0 - A;
13
       u = A \cdot T;
14
       if (u > 0.0 \mid \mid u < D) return false;
15
       B = T \times E_1;
16
       v = B \cdot R_D;
17
       if (v > 0.0 \mid \mid u + v < D) return false;
18
    } else {
19
       return false;
20
21
    t = (B \cdot E_2) / D;
22
    if (t > 0.0) {
23
       P = Q + D * t;
24
       return true;
25
    } else {
26
       return false;
27
    }
28
```

Figura 4.18: Schema per del codice per l'intersezione raggio-triangolo con back-face culling.

5.1 Organizzazione

La libreria TireGround è stata organizzata in tre parti, definite dagli stessi *name-spaces*. In seguito verranno riportate le informazioni di maggior rilievo per ognuna delle tre parti della libreria.

5.1.1 Namespace TireGround

In questo *namespace*, vengono raccolti i tipi dichiarati con typedef, comuni ai *namespaces* RDF e PatchTire

5.1.2 Namespace RDF

In questo *namespace* vengono raccolti alcuni tipi dichiarati con typedef presenti solo nel namespace RDF. Lo spazio dei nomi RDF contiene tutti le classi e la funzioni per gestire la *mesh* a partire dal file in formato RDF.

BBox2D Questa classe contiene tutte le informazioni per definire e manipolare una BB bidimensionale. Consiste nella descrizione geometrica dell'oggetto BB. I metodi più importanti di questa classe sono i seguenti.

• clear — Elimina il dominio della BB settando tutti i quattro valori su quietNaN.

 updateBBox2D — Aggiorna il dominio della BB settando i suoi valori secondo il massimo ingombro dato dai tre vertici nello spazio tridimensionale in *input*.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
real_type	Xmin	•	•	X_{min} della BB
real_type	Ymin	•	•	Y_{min} della BB
real_type	Xmax	•	•	X_{max} della BB
real_type	Ymax	•	•	Y_{max} della BB

TABELLA 5.1: Attributi della classe BBox2D.

Triangle3D Questa classe contiene tutte le informazioni geometriche per definire e manipolare un triangolo con vertici nello spazio tridimensionale. Consiste nella descrizione geometrica dell'oggetto triangolo. I metodi più importanti di questa classe sono i seguenti.

- Normal Calcola la normale alla faccia del triangolo.
- intersectRay Interseca il triangolo con una data semiretta (detta anche raggio), definita da direzione e punto di partenza, e ne calcola il punto di intersezione.
- intersectPlane Interseca il triangolo con un dato piano, definito da normale e punto noto, e ne calcola i punti di intersezione.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
vec3	Vertices[3]	•	•	Vertici del triangolo
BBox2D	TriangleBBox	•	•	BB del triangolo

TABELLA 5.2: Attributi della classe Triangle3D.

TriangleRoad Questa classe contiene tutte le informazioni geometriche e non geometriche per definire e manipolare un triangolo con vertici nello spazio tridimensionale rappresentante la superficie stradale. È derivato dalla classe Triangle3D e ha inoltre un attributo che permetter di descrivere il coefficiente di attrito nella faccia (detto anche locale). I metodi più importanti sono ereditati dalla classe Triangle3D.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
real_type	Friction	•	•	Coefficiente di attrito μ

TABELLA 5.3: Attributi della classe TriangleRoad.

MeshSurface Questa classe contiene il vettore di puntatori di tipo std::shared_ptr alle istanze della classe TriangleRoad che vengono create durante la parsificazione del file RDF. Inoltre contiene il vettore di puntatori alle BB di tipo PtrBBox, che è necessario per calcolare l'albero AABB. Quest'ultimo esiste come ulteriore attributo della classe sotto forma di puntatore PtrAABB. I metodi più importanti di questa classe sono i seguenti.

- set Copia la mesh.
- LoadFile Parsifica il file dato come *input* e crea le istanze TriangleRoad che costituiscono la *mesh*.
- updateIntersection Interseca l'albero di tipo AABB della mesh con un altro albero esterno di tipo AABB e ne restituisce il vettore dei puntatori di tipo std::shared_ptr alle istanze della classe TriangleRoad che vengono intersecate.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
TriangleRoad_list	Friction	•		Vettore dei triangoli
std::vector <ptrbbox> PtrBBoxVec</ptrbbox>		•		Vettore delle BB
PtrAABB	PtrTree	•		Albero di tipo AABB

TABELLA 5.4: Attributi della classe MeshSurface.

5.1.3 Namespace PatchTire

In questo *namespace* vengono raccolti alcuni tipi dichiarati con typedef presenti solo nel namespace PatchTire. Lo spazio dei nomi PatchTire contiene inoltre tutti le classi e la funzioni per gestire l'intersezione tra lo pneumatico e la *mesh* a partire dalla conoscenza di quest'ultima, della geometria e della posizione dello pneumatico.

Disk Questa classe contiene tutte le informazioni geometriche per definire e manipolare un disco nello spazio tridimensionale. Consiste nella descrizione geometrica e nel posizionamento dello spazio delle coordinate tridimensionali dell'oggetto

disco (il disco viene rappresentato nel sistema di riferimento dello pneumatico). I metodi più importanti di questa classe sono i seguenti.

- isPointInside Controlla se un punto generico nello spazio bidimensionale, definito dal piano in cui giace lo stesso disco, si trova all'interno o all'esterno della circonferenza.
- intersectSegment Trova i punti di intersezione tra la circonferenza esterna del disco e un segmento bidimensionale, che dev'essere definito nel piano in cui giace lo stesso disco. L'intero di *output* fornisce il numero di punti di intersezione.
- intersectPlane Interseca il disco con un piano definito da normale e punto noto. In *output* fornisce l'entità geometrica creata dall'intersezione sotto forma di punto noto e direzione della retta.
- getPatchLength Funzione in *overloading* che consente, attraverso vari tipolgie in *input* di trovare la lunghezza del tratto interno al disco e che può essere creato da un piano, da dei triangoli, da un segmento bidimensionale o da una spezzata bidimensionale.

	Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
	vec2	OriginXZ	•	•	Coordinate XZ del disco
	real_type	OffsetY	•	•	Coordinata Y del disco
ľ	real_type	Radius	•	•	Circonferenza del disco

TABELLA 5.5: Attributi della classe Disk.

ETRTO Questa classe contiene tutte le informazioni necessarie per definire geometricamente uno pneumatico secondo la normativa ETRTO. Consiste nella descrizione geometrica dell'oggetto pneumatico in termini di larghezza totale e di diametro esterno indeformato. Come visto nel Capitolo 2 attraverso la nomenclatura ETRTO (e.g. 205/65R16) è infatti possibile risalire a tutte le informazioni geometriche che definiscono, anche se in maniera grossolana, lo pneumatico.

ReferenceFrame Questa classe contiene tutte le informazioni per definire e manipolare una terna di riferimento nello spazio tridimensionale. Consiste nel posizionamento dello spazio del sistema di riferimento. I metodi più importanti di questa classe sono i seguenti.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
real_type	SectionWidth	•	•	Larghezza dello pneumatico
real_type	AspectRatio	•	•	Rapporto percentuale H/W
real_type	RimDiameter	•	•	Diametro del cerchione
real_type	SidewallHeight	•		Altezza della spalla
real_type	TireDiameter	•		Diametro dello pneumatico

TABELLA 5.6: Attributi della classe BBox2D.

- setTotalTransformationMatrix Posiziona nello spazio il sistema di riferimento grazie alla matrice di trasformazione 4 × 4 fornita come *input*.
- getEulerAngleX Ottiene l'angolo creato dalla rotazione attorno all'asse Y del sistema di riferimento locale rispetto a quello assoluto (lo stesso della mesh). L'angolo viene ottenuto in seguito alla fattorizzazione $R_z(\Omega)R_x(\gamma)R_y(\theta)$ e utilizzando il metodo di Eulero.
- getEulerAngleY Come il metodo getEulerAngleX, ma usato per il ottenere l'angolo creato dalla rotazione attorno all'asse Y.
- getEulerAngleZ Come il metodo getEulerAngleX, ma usato per il ottenere l'angolo creato dalla rotazione attorno all'asse Z.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
vec3	Origin	•	•	Origine della terna
mat3	RotationMatrix	•	•	Matrice di rotazione

TABELLA 5.7: Attributi della classe ReferenceFrame.

Shadow Questa classe serve a rappresentare l'ombra dello pneumatico nello spazio bidimensionale. È molto simile alla RDF::BBox2D precedentemente presentata, ma a differenza di quest'ultima permette di calcolare anche l'albero per oggetti di tipo AABB a una sola foglia, relativo alla stessa ombra dello pneumatico. I metodi più importanti di questa classe sono i seguenti.

- clear Elimina il dominio dell'ombra settando tutti i suoi valori su quietNaN.
- update Aggiorna il dominio dell'ombra settando tutti i suoi valori secondo il massimo ingombro dato dalla geometria dello pneumatico e dalla sua posizione nello spazio.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
real_type	Xmin	•	•	X_{min} dell'ombra
real_type	Ymin	•	•	Y_{min} dell'ombra
real_type	Xmax	•	•	X_{max} dell'ombra
real_type	Ymax	•	•	Y_{max} dell'ombra
std::vector <ptrbbox></ptrbbox>	PtrBBoxVec	•		BB dell'ombra
PtrAABB	PtrTree	•		Albero di tipo AABB

TABELLA 5.8: Attributi della classe Shadow.

Tire Questa classe serve a rappresentare lo pneumatico nelle coordinate dello spazio tridimensionale. Consiste nel punto di giunzione tra la classe ETRTO che definisce la geometria dello pneumatico in condizione di riposo e la classe ReferenceFrame che ne definisce invece la posizione nello spazio.

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
ETRTO	TireGeometry			Geometria
ReferenceFrame	RF	•	•	Posizione

TABELLA 5.9: Attributi della classe Tire.

MagicFormula Questa classe calcola tutti i parametri necessari per valutare il contatto tra pneumatico e terreno attraverso la *Magic Formula*. I metodi più importanti di questa classe sono i seguenti.

- setup Consente di riposizionare la ruota all'interno della *mesh*.
- pointSampling Interseca i triangoli in corrispondenza dell'ombra dello pneumatico con un raggio, definito da direzione e punto di partenza, e ne calcola il punto di intersezione.
- fourPointsSampling Effettua l'intersezione tra i triangoli in corrispondenza dell'ombra dello pneumatico e quattro reggi, il cui punto di partenza e direzione sono prestabiliti della geometria e posizione nello spazio. Con i quattro punti di intersezione e la normale è possibile stabilire il punto di contatto virtuale.
- calculateLocalRoadPlane Calcola la normale del piano strada locale.
- calculateRelativeCamber Calcola il camber relativo.
- getContactDepth Calcola l'affondamento del disco nel piano strada locale.

- getContactArea Funzione in *overloading* che calcola l'area dell'impronta contatto dello pneumatico (considerato come un cilindro) in via approssimata.
- getContactVolume Calcola il volume di intersezione approssimato tra terreno e pneumatico (considerato come un cilindro)

Tipo	Nome	Getter	Setter	Descrizione
Disk	SingleDisk			Disco rigido
vec3	ContactNormal	•		Normale del piano strada
vec3	ContactPoint	•		Punto di contatto virtuale
real_type	ContactFriction	•		Coefficiente di attrito locale
real_type	RelativeCamber	•		Camber relativo

TABELLA 5.10: Attributi della classe MagicFormula.

5.2 Librerie Esterne

Oltre al codice appena descritto sono state utilizzate anche altre due librerie esterne al fine di velocizzare il processo di sviluppo e al contempo di utilizzare una solida base per le operazione più complesse, ovvero le operazioni matriciali e vettoriali, nonché la creazione degli alberi per oggetti di tipo AABB e l'intersezione tra gli stessi.

5.2.1 Eigen3

Eigen3 è una libreria C++ di alto livello di *template headers* per operazioni di algebra lineare, vettoriali, matriciali, trasformazioni geometriche, *solver* numerici e algoritmi correlati.

Questa libreria è implementata usando la tecnica di *template metaprogramming*, che crea degli alberi di espressioni in fase di compilazione e genera un codice personalizzato per valutarli. Utilizzando i modelli di espressione e un modello di costo delle operazioni in virgola mobile, la libreria esegue il proprio srotolamento del loop e vettorializzazione.

5.2.2 Clothoids

Questa libreria nasce per il *fitting* dei polinomi di Hermite di tipo G^1 e G^2 con clotoidi, *spline* di clotoidi, archi circolari e *biarc*. In questo lavoro di tesi la libre-

ria Clothoids è stata usata per sfruttare l'implementazione dell'oggetto albero per oggetti di tipo AABB.

5.3 Utilizzo e Prestazioni

A.0.1 Sistemi di Riferimento

La convenzione utilizzata per definire gli assi del sistema di riferimento della vettura è la *International Organization for Standardization* (ISO) 8855.

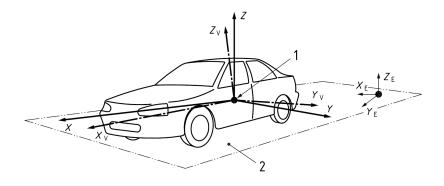


FIGURA A.1: Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento della vettura secondo la convenzione ISO-V.

Il sistema di riferimento della ruota è conforme alla convenzione ISO-V, la cui disposizione degli assi è illustrata nella Figura A.2. L'origine del sistema di riferimento del vettore ruota è posta in corrispondenza del centro della ruota mentre posizione e orientamento relativi rispetto al sistema di riferimento del telaio sono definiti attraverso il modello della sospensione descritto in [4].

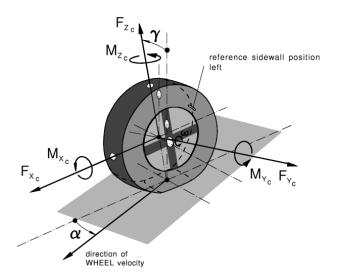


Figura A.2: Rappresentazione degli assi del sistema di riferimento dello pneumatico secondo la convenzione ISO-C.

A.0.2 Matrice di Trasformazione

Per descrivere sia l'orientamento che la posizione di un sistema di assi nello spazio, viene introdotta la matrice roto-traslazione, chiamata anche matrice di trasformazione. Questa notazione permette di impiegare le operazioni matrice-vettore per l'analisi di posizione, velocità e accelerazione. La forma generale di una matrice di trasformazione è del tipo:

$$T_{m} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} R_{m} & O_{mx} \\ O_{my} & O_{my} \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(A.1)

dove R_m è la matrice di rotazione 3×3 del sistema di riferimento in movimento e O_{mx} , O_{my} e O_{mz} sono le coordinate della sua origine nel sistema di riferimento assoluto o nativo.

L'introduzione dell'elemento fittizio 1 nel vettore della posizione di origine e la successiva spaziatura interna zero della matrice rende possibili le moltiplicazioni matrice-vettore, rendendo la matrice di trasformazione una notazione compatta e conveniente per la descrizione dei sistemi di riferimento. Si noti che per i vettori, le informazioni traslazionali vengono trascurate imponendo l'elemento fittizio pari a 0.

B.1 TireGround.hh

```
1 /*!
 3 \mainpage
 5 Master's Thesis
 7\;{\rm Algorithm} for Tire Contact Patch Evaluation in Soft Real-Time
 9 Academic Year 2019 \cdot 2020
10
11 Graduant:
12 ---
14 Davide Stocco\n
15 Department of Industrial Engineering\n
16 University of Trento\n
17 davide.stocco@studenti.unitn.it
19 Supervisor:
20 -
22 Prof. Enrico Bertolazzi\n
23 Department of Industrial Engineering\n
24 University of Trento\n
25 enrico.bertolazzi@unitn.it
27 */
28
29 ///
30 /// file: TireGround.hh
31 ///
33 #pragma once
35 #include <Eigen/Dense> // Eigen linear algebra Library
36 #include <chrono>
                      // chrono - STD Time Measurement Library
```

```
37 #include <cmath>
                          // Math.h - STD math Library
38 #include <fstream>
                          // fStream - STD File I/O Library
39 #include <iostream>
                          // Iostream - STD I/O Library
40 #include <string>
                          // String - STD String Library
41 #include <vector>
                          // Vector - STD Vector/Array Library
42
43 namespace TireGround {
44
45
    typedef double real_type; //!< Real number type</pre>
    typedef int int_type; //!< Integer number type</pre>
46
47
48
    typedef Eigen::Vector2d vec2; //!< 2D vector type
49
    typedef Eigen:: Vector3d vec3; //! < 3D vector type
50 typedef Eigen::Vector4d vec4; //!< 3D vector type
    typedef Eigen::Matrix3d mat3; //!< 3x3 matrix type
52
    typedef Eigen::Matrix4d mat4; //!< 4x4 matrix type
53
54
    typedef Eigen::Matrix<vec2,1,Eigen::Dynami>>
                                                              row_vec2; //!< Row vector type of 2D vector
55
    typedef Eigen::Matrix<vec2,Eigen::Dynamic,1>
                                                               col_vec2; //!< Column vector type of 2D vector
    typedef Eigen::Matrix<vec2,Eigen::Dynamic,Eigen::Dynamic> mat_vec2; //!< Matrix type of 2D vector
57
58
    typedef Eigen::Matrix<vec3,1,Eigen::Dynami⋄
                                                               row_vec3; //!< Row vector type of 3D vector
                                                               col_vec3; //!< Column vector type of 3D vector
    typedef Eigen::Matrix<vec3,Eigen::Dynamic,1>
60
    typedef Eigen::Matrix<vec3,Eigen::Dynamic,Eigen::Dynamic> mat_vec3; //!< Matrix type of 3D vector
61
62
    typedef std::basic_ostream<char> ostream_type; //!< Output stream type</pre>
63
64
   real_type const epsilon = std::numeric_limits<real_type>::epsilon(); //!< Epsilon type
65
66 } // namespace TireGround
68 ///
69 /// eof: TireGround.hh
70 ///
```

B.2 RoadRDF.hh

```
2 /// file: MeshRDF.hh
 3 ///
 5 #pragma once
 7 #include <AABBtree.hh>
 8 #include "TireGround.hh"
10 \text{ // Print progress to console while loading (large models)}
11 #define RDF_CONSOLE_OUTPUT
12
13 #ifndef RDF_ERROR
14 #define RDF_ERROR(MSG) {
15
      \verb|std::ostringstream| ost; ost << \verb|MSG|; \\
      throw std::runtime_error( ost.str() ); \
17 }
18 #endif
20 #ifndef RDF_ASSERT
21 #define RDF_ASSERT(COND,MSG) \
      if (!(COND)) RDF_ERROR(MSG)
22
23 #endif
25 //! RDF mesh computations routine
26 namespace RDF {
```

```
28
    using namespace TireGround;
29
30
    class TriangleRoad;
31
32
    typedef std::shared_ptr<TriangleRoad> TriangleRoad_ptr; //!< Shared pointer to TriangleRoad object
    typedef std::vector<TriangleRoad_ptr> TriangleRoad_list; //!< Vector of shared pointers to TriangleRoad
33
         objects
34
35
    /*\
36
     37
38
39
     40
41
     - 1
42
    \*/
43
44
    //! Class that handle BBox2D.
45
    class BBox2D {
    private:
46
47
      real_type Xmin; //!< Xmin shadow domain point
48
      real_type Ymin; //!< Ymin shadow domain point
49
      real_type Xmax; //!< Xmax shadow domain point
50
      real_type Ymax; //!< Ymax shadow domain point
51
52
    public:
53
54
      //! Default constructor for BBox2D object.
55
      BBox2D() {}
56
57
      //! Variable set constructor for BBox2D object.
58
      BBox2D( vec3 const Vertices[3] ) {
59
       updateBBox2D( Vertices );
60
61
62
      //! Set Xmin shadow domain point.
63
64
      setXmin(real_type const _Xmin) { Xmin = _Xmin; }
65
66
      //! Set Ymin shadow domain point.
67
      void
68
      setYmin(real_type const _Ymin) { Ymin = _Ymin; }
69
70
      //! Set Xmax shadow domain point.
71
72
      setXmax(real_type const _Xmax) { Xmax = _Xmax; }
73
74
      //! Set Ymax shadow domain point.
75
76
      setYmax(real_type const _Ymax) { Ymax = _Ymax; }
77
78
      //! Get Xmin shadow domain point.
79
      real_type
80
      getXmin(void) const { return Xmin; }
81
82
      //! Get Ymin shadow domain point.
83
      real type
84
      getYmin(void) const { return Ymin; }
85
86
      //! Get Xmax shadow domain point.
87
      real_type
88
      getXmax(void) const { return Xmax; }
89
90
      //! Get Ymax shadow domain point.
```

```
91
       real_type
       getYmax(void) const { return Ymax; }
 92
 93
 94
       //! Clear the bounding box domain.
 95
       void clear(void);
 96
 97
       //! Print bounding box vertices.
 98
       void
99
       print(ostream_type & stream) const {
100
         stream
           << "BBOX (xmin,ymin,xmax,ymax) = ( " << Xmin << ", " << Ymin
101
102
           << ", " << Xmax << ", " << Ymax << ")\n";
103
104
105
       //! Update the bounding box domain with multiple input triangles object.
106
107
       updateBBox2D( vec3 const Vertices[3] );
     };
108
109
110
     /*\
111
          112
113
114
115
           |_||_| |_|\__,_|_| |_|\__, |_|\___/
116
117
     \*/
118
     //! Class for handling 3D triangles.
119
120
     class Triangle3D {
121
     protected:
122
       vec3 Vertices[3]; //!< Vertices vector</pre>
123
       BBox2D TriangleBBox; //!< Triangle bounding box
124
125
       Triangle3D( Triangle3D const & ) = delete;
                                                               //!< Copy constructor
126
       Triangle3D & operator = ( Triangle3D const & ) = delete; //!< Copy operator
127
128
129
       //! Variable set constructor for Triangle3D object.
       Triangle3D() {
130
131
         Vertices[0] = vec3(0,0,0);
         Vertices[1] = vec3(0,0,0);
132
         Vertices[2] = vec3(0,0,0);
133
134
         TriangleBBox.updateBBox2D(Vertices);
135
136
137
       //! Variable set constructor for Triangle3D object.
138
       Triangle3D( vec3 const _Vertices[3] ) {
139
         Vertices[0] = _Vertices[0];
         Vertices[1] = _Vertices[1];
Vertices[2] = _Vertices[2];
140
141
142
         TriangleBBox.updateBBox2D(Vertices);
143
       }
144
145
       //! Get triangle face normal versor.
146
       vec3
147
       Normal(void) const {
         vec3 d1 = Vertices[1] - Vertices[0];
148
         vec3 d2 = Vertices[2] - Vertices[0];
149
150
         return d1.cross(d2).normalized();
151
152
153
       //! Set vertices vector and update bounding box domain.
154
       void
155
       setVertices(
```

```
156
          vec3 const _Vertices[3] //!< New vertices vector</pre>
157
        ) {
158
         Vertices[0] = _Vertices[0];
159
          Vertices[1] = _Vertices[1];
160
          Vertices[2] = _Vertices[2];
161
         TriangleBBox.updateBBox2D(Vertices);
162
163
164
        //! Set vertices vector and update bounding box domain.
165
        void
166
        setVertices(
167
          vec3 const & Vertex_0,
168
         vec3 const & Vertex 1.
169
          vec3 const & Vertex_2
170
        ) {
171
          Vertices[0] = Vertex_0;
172
          Vertices[1] = Vertex_1;
173
          Vertices[2] = Vertex_2;
174
         TriangleBBox.updateBBox2D(Vertices);
175
176
177
        //! Get i-th vertex.
178
        vec3 const &
179
        getithVertex( unsigned i ) const { return Vertices[i]; }
180
181
        //! Get triangle bonding box.
182
        BBox2D const &
183
        getBBox(void) const { return TriangleBBox; }
184
185
        //! Print vertices information.
186
187
       print( ostream_type & stream ) const {
188
            << "V0:\t" << vartices[0].x() << ", " << vartices[0].y() << ", " << vartices[0].z() << "\n"
189
            << "V0:\t" << Vertices[1].x() << ", " << Vertices[1].y() << ", " << Vertices[1].z() << "\n"</pre>
190
            << "V0:\t" << Vertices[2].x() << ", " << Vertices[2].y() << ", " << Vertices[2].z() << "\n";</pre>
191
192
        }
193
        //! Check if a ray hits a triangle object through Möller-Trumbore
195
        //! intersection algorithm.
196
        bool
197
        intersectRay(
198
            vec3 const & RayOrigin,
                                       //!< Ray origin position
199
            vec3 const & RayDirection, //!< Ray direction vector
200
            vec3
                      & IntPt
                                       //! Intersection point
201
        ) const;
202
203
        //! Check if a side of the triangle hits a and find the intersection point.
204
205
        intersectSidePlane( vec3
                                     const & planeN, //! < Plane normal vector
206
                                     const & planeP, //!< Plane known point
                            vec3
207
                                             Side, //!< Triangle side number (1:3)
                            int_type
                                           & IntPt //!< Intersection point
208
                            vec3
209
        ) const;
210
211
        //! Check if a plane intersects a triangle object and find the
212
        //! intersection points.
213
        bool
214
        \verb|intersectPlane|(
215
            vec3
                              const & planeN, //!< Plane normal vector
216
                              const & planeP, //! < Plane known point
            vec3
217
            std::vector<vec3>
                                    & IntPts //!< Intersection points
218
        ) const;
219
220 };
```

```
221
222
     /*\
223
         225
226
228
     - 1
229
     \*/
230
231
     //! Class for handling Road triangles.
232
     class TriangleRoad : public Triangle3D {
233
     private:
234
      real_type Friction;
                             //!< Face friction coefficient
235
236
       TriangleRoad( TriangleRoad const & ) = delete;
                                                                //!< Copy constructor
237
       TriangleRoad & operator = ( TriangleRoad const & ) = delete; //!< Copy operator
238
239
240
       //! Variable set constructor for TriangleRoad object.
241
       TriangleRoad() : Triangle3D()
242
       { Friction = 0.0;
243
244
245
       //! Variable set constructor for TriangleRoad object.
246
       TriangleRoad( vec3 const _Vertices[3],
247
                   real_type
                                   _Friction
248
       ) : Triangle3D( _Vertices ) {
249
        Friction = _Friction;
250
       }
251
252
       //! Set friction.
253
254
       setFriction( real_type _Friction ) { Friction = _Friction; }
255
256
       //! Get friction coefficent on the face.
      real_type
257
      getFriction(void) const { return Friction; }
258
259
260
261
262
     - 1
     263
264
265
          \__,_|_|\__, |\___/|_| ||_|\__|_| ||_| ||_| ||_|
266
267
268
     \*/
269
270
     //! Algorithms for RDF mesh computations routine.
271
     namespace algorithms {
272
       //! Split a string into a string array at a given token.
273
274
       void
275
       split(
        std::string const & in, //!< Input string std::vector<std::string> & out, //!< Output string vector
276
277
                               & token //!< Token
278
        std::string const
279
280
281
       //! Get tail of string after first token and possibly following spaces.
282
       std::string
283
       tail( std::string const & in );
284
285
       //! Get first token of string.
```

```
std::string
286
287
       firstToken( std::string const & in );
288
289
       //! Get element at given index position.
290
       template<typename T>
291
       T const &
       getElement(
292
293
        std::vector<T> const & elements, //!< Elements vector
294
         std::string const & index
                                      //!< Index position
295
296
    } // namespace algorithms
297
298
     /*\
299
     300
301
     302
303
      | |_| |_|\__||__/ \__,||_| |_| \__,|\__\
304
305
     \*/
306
307
     //! Class for handling MeshSurface object.
308
     class MeshSurface {
309
     private:
310
       TriangleRoad_list
                                      PtrTriangleVec; //!< Triangles ptr vector list
311
       std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> PtrBBoxVec;
                                                    //! Bounding boxes pointers
312
       G2lib::AABBtree::PtrAABB
                                     PtrTree
313
                 = std::make_shared<G2lib::AABBtree>(); //!< Mesh tree pointer
314
315
       MeshSurface( MeshSurface const & ) = delete;
                                                             //!< Copy constructor
316
       MeshSurface & operator = ( MeshSurface const & ) = delete; //!< Copy operator
317
318
319
       //! Default set constructor for MeshSurface object.
320
       MeshSurface() {};
321
322
       //! Variable set constructor for MeshSurface object.
323
       MeshSurface(
324
         TriangleRoad_list const & _PtrTriangleVec //!< Triangles ptr vector list</pre>
325
       ) {
326
         this->PtrTriangleVec = _PtrTriangleVec;
327
         updatePtrBBox();
328
        PtrTree->build(PtrBBoxVec);
329
330
331
       //! Variable set constructor for MeshSurface object.
332
       MeshSurface(
333
         std::string const & Path //!< Path to the RDF file
334
       ) {
335
        bool load = LoadFile(Path);
336
        RDF_ASSERT( load, "Error while reading file" );
337
338
339
       //! Get all triangles inside the mesh as a vector.
340
       TriangleRoad_list const &
       getTrianglesPtr(void) const
341
342
       { return PtrTriangleVec; }
343
344
       //! Get i-th triangle.
345
       TriangleRoad_ptr const &
346
       getithTrianglePtr( unsigned i ) const
347
       { return PtrTriangleVec[i]; }
348
349
       //! Get AABB tree.
350
       G2lib::AABBtree::PtrAABB
```

```
351
       getAABBPtr(void) const
352
       { return PtrTree; }
353
354
       //! Print data in file.
       void printData( std::string const & FileName );
355
356
357
       //! Get the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
358
       std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> const &
359
       getPtrBBox() const
       { return PtrBBoxVec; }
360
361
362
       //! Copy the mesh.
363
       void
364
       set( MeshSurface const & in ) {
365
         this->PtrTriangleVec = in.PtrTriangleVec;
366
         this->PtrBBoxVec = in.PtrBBoxVec;
367
         this->PtrTree
                             = in.PtrTree;
368
369
370
       //! Load the RDF model and print information on a file.
371
       //! If RDF model is properly loaded true value is returned.
372
       bool
373
       LoadFile(
374
         std::string const & Path //!< Path to the RDF file
375
376
377
       //! Update the local intersected triangles list.
378
       RDF::TriangleRoad_list
379
       updateIntersection(
380
         G2lib::AABBtree::PtrAABB const & ExternalTreePtr //!< External AABB tree ptr
381
382
383
384
       //! Update the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
385
       void updatePtrBBox(void);
386
387
       //! Generate vertices from a list of positions face line.
388
389
       GenVerticesFromRawRDF(
390
         std::vector<vec3> const & iNodes,
391
         std::string
                       const & icurline,
392
         vec3
                                   oVerts[3]
393
       );
394 };
395
396 } // namespace RDF
398 ///
399 /// eof: MeshRDF.hh
400 ///
```

B.3 RoadRDF.cc

```
| | | | _ ) | | _ ) > < / __/| | _ | |
12
           _/|___/ \__/_/\_\___|___
13
    \*/
15
16
    //! Clear the bounding box domain.
17
18 BBox2D::clear(void) {
19
      Xmin = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
      Ymin = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
20
21
      Xmax = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
22
      Ymax = std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN();;
23 }
24
25
    //! Update the bounding box domain with multiple input triangles object.
26
    void
27
    BBox2D::updateBBox2D( vec3 const Vertices[3] ) {
28
      {\tt G2lib::minmax3(\ Vertices[0].x(),\ Vertices[1].x(),\ Vertices[2].x(),\ Xmin,\ Xmax\ );}
29
      G2lib::minmax3( Vertices[0].y(), Vertices[1].y(), Vertices[2].y(), Ymin, Ymax );
30
31
    /*\
32
33
     34
35
36
          |_||_| |_|\__, |_| |_|\__, |_|\
37
38
39
    \*/
40
41
    //! Check if a ray hits a triangle object through Möller-Trumbore
42
    //! intersection algorithm.
43
44
    Triangle3D::intersectRay(
45
                                   //!< Ray origin position
        vec3 const & RayOrigin,
46
        vec3 const & RayDirection, //!< Ray direction vector
47
        vec3
                   & IntPt
                                  //! Intersection point
48
    ) const {
      vec3 E1(Vertices[1] - Vertices[0]);
      vec3 E2(Vertices[2] - Vertices[0]);
50
51
      vec3 A(RayDirection.cross(E2));
52
      real_type det = A.dot(E1);
53
      real_type t_param;
54
55
      if (det > epsilon) {
        vec3 T(RayOrigin - Vertices[0]);
56
57
        real_type u = A.dot(T);
        if (u < 0.0 || u > det)
58
59
         return false;
60
        vec3 B(T.cross(E1));
        real_type v = B.dot(RayDirection);
61
62
        if (v < 0.0 || u + v > det)
63
         return false:
64
        t_{param} = (B.dot(E2)) / det;
      } else if (det < -epsilon) {
65
        vec3 T(RayOrigin - Vertices[0]);
66
67
        real_type u = A.dot(T);
        if (u > 0.0 || u < det)
68
69
         return false;
70
        vec3 B(T.cross(E1));
        real_type v = B.dot(RayDirection);
71
72
        if (v > 0.0 \mid \mid u + v < det)
73
         return false;
        t_param = (B.dot(E2)) / det;
74
75
      } else {
```

```
76
         return false;
 77
       }
 78
        /\!/ At this stage we can compute t to find out where the intersection
 79
       // point is on the line
 80
       if (t_param >= 0) { // ray intersection}
 81
          IntPt = RayOrigin + RayDirection * t_param;
 82
         return true;
 83
       } else {
 84
          // This means that there is a line intersection on negative side
 85
         return false:
 86
       }
 87
     }
 88
 89
      //! Check if a side of the triangle hits a and find the intersection point.
 90
 91
     Triangle3D::intersectSidePlane(vec3
                                             const & planeN, //!< Plane normal vector
 92
                                    vec3
                                             const & planeP, //!< Plane known point
                                                    Side, //!< Triangle side number (1:3) & IntPt //!< Intersection point
 93
                                    int_type
 94
                                    vec3
 95
     ) const {
 96
       vec3 PointA, PointB;
 97
        // Check that side number is between 1 and 3
 98
       RDF_ASSERT( (Side >=1 && Side <= 3) , "Side number must be between 1 and 3.")
 99
       if (Side == 1) {
100
         PointA = Vertices[0];
         PointB = Vertices[1];
101
102
       } else if ( Side == 2 ) {
103
         PointA = Vertices[1];
         PointB = Vertices[2]:
104
105
        } else if (Side == 3) {
         PointA = Vertices[2];
106
107
         PointB = Vertices[0];
108
109
        vec3 Direction(PointB - PointA);
110
111
       real_type d = planeP.dot(-planeN);
       real_type t = -(PointA.dot(planeN) + d) / (Direction.dot(planeN));
112
113
        if (t >= 0 && t <= 1) {
114
         IntPt = PointA + Direction * t;
115
         return true;
116
       } else {
117
         return false:
118
       }
119
120
121
      \ensuremath{/\!/!} Check if a plane intersects a triangle object and find the
122
      //! intersection points.
123
     bool
124
     Triangle3D::intersectPlane(
125
                            const & planeN, //!< Plane normal vector</pre>
          vec3
126
                            const & planeP, //!< Plane known point
          vec3
127
          std::vector<vec3>
                                  & IntPts //!< Intersection points
128
     ) const {
129
        // Clear intersection points vector
130
        IntPts.clear();
131
132
        // Fill intersection points vector
133
        vec3 IntPt1, IntPt2, IntPt3;
134
        if ( intersectSidePlane( planeN, planeP, 1, IntPt1 ) )
135
          IntPts.push_back(IntPt1);
        if (intersectSidePlane(planeN, planeP, 2, IntPt2))
136
137
          IntPts.push_back(IntPt2);
138
        if ( intersectSidePlane( planeN, planeP, 3, IntPt3 ) )
          IntPts.push_back(IntPt3);
139
140
        // Check the results (there must be only 2 intersection points)
```

```
141
        if ( IntPts.size() == 2 ) { return true; }
142
        else if ( IntPts.size() == 0 ) { return false; }
143
        else { RDF_ERROR( "\nPlane-Triangle intersection not handled. There are " << IntPts.size() << " \,
             intersections."); }
144
     }
145
     /*\
146
147
      - 1
         _(_) |_| |__
148
149
150
151
           \_,_|_|\_, |\__/|_| |_|\__|_| |_|||_| |_|
152
      - 1
153
154
155
     \ensuremath{/\!/!} Holds all of the algorithms needed for the mesh processing
156
     namespace algorithms {
157
158
        //! Split a string into a string array at a given token.
159
160
        split(
161
         std::string const
                                   & in, //!< Input string
         std::vector<std::string> & out, //!< Output string vector
162
163
         std::string const
                                  & token //!< Token
164
165
         out.clear();
166
          std::string temp;
167
         for ( int i = 0; i < int(in.size()); ++i ) {</pre>
168
169
            std::string test = in.substr(i, token.size());
170
            if (test == token) {
171
              if (!temp.empty()) {
172
                out.push_back(temp);
173
                temp.clear();
174
                i += (int)token.size() - 1;
175
             } else {
176
                out.push_back("");
177
178
            } else if (i + token.size() >= in.size()) {
179
             temp += in.substr(i, token.size());
180
              out.push_back(temp);
181
             break;
182
            } else {
183
              temp += in[i];
184
185
         }
186
187
188
        //! Get tail of string after first token and possibly following spaces.
189
        std::string
190
        tail(std::string const & in ) {
191
          size_t token_start = in.find_first_not_of(" \t");
         size_t space_start = in.find_first_of(" \t", token_start);
size_t tail_start = in.find_first_not_of(" \t", space_start);
192
193
194
          size_t tail_end = in.find_last_not_of(" \t");
195
          if (tail_start != std::string::npos && tail_end != std::string::npos) {
196
            return in.substr(tail_start, tail_end - tail_start + 1);
197
          } else if (tail_start != std::string::npos) {
198
           return in.substr(tail_start);
199
         }
200
         return "";
201
202
203
        //! Get first token of string.
204
        std::string
```

```
205
       firstToken( std::string const & in ) {
206
         if (!in.empty()) {
           size\_t \ token\_start = in.find\_first\_not\_of(" \ \t\r\n");
207
208
           if (token_start != std::string::npos) {
209
             size_t token_end = in.find_first_of(" \t\r\n", token_start);
210
             if (token_end != std::string::npos) {
211
              return in.substr(token_start, token_end - token_start);
             } else {
212
213
               return in.substr(token_start);
214
215
           }
216
217
         return "";
       }
218
219
220
       //! Get element at given index position.
221
       template<typename T>
222
       T const &
223
       getElement(
224
         std::vector<T> const & elements, //!< Elements vector
225
                                             //!< Index position
         std::string const & index
226
       ) {
        // std::cout << "Index: " << index << std::endl;
227
228
         int_type id = std::stoi(index);
229
         if ( id < 0 ) std::cerr << "ELEMENTS indexes cannot be negative\n";
230
         return elements[id - 1];
       }
231
232
     } // namespace algorithms
233
234
     /*\
235
236
                   237
238
239
240
241
     \*/
242
243 //! Print data in file.
244
     void
245
     MeshSurface::printData( std::string const & FileName ) {
246
      // Create/Open Out.txt
247
       std::ofstream file(FileName);
248
249
       // Print introduction
250
       file
251
         << "LOADED RDF MESH DATA\n\"
252
         << "Legend: n"
253
         << "\tVi: i-th vertex\n"
254
         << "\t N: normal to the face\n"
         << "\t F: friction coefficient\n\n";
255
256
257
       for ( unsigned i = 0; i < PtrTriangleVec.size(); ++i ) {</pre>
         TriangleRoad const & Ti = *PtrTriangleVec[i];
258
259
         vec3 const & VO( Ti.getithVertex(0) );
         vec3 const & V1( Ti.getithVertex(1) );
260
261
         vec3 const & V2( Ti.getithVertex(2) );
                      N = Ti.Normal();
262
         vec3
263
264
         // Print vertices, normal and friction
265
         file
266
           << "TRIANGLE " << i
267
           << "\n\tV0:\t" << V0.x() << ", " << V0.y() << ", " << V0.z()
           << "\n\tV1:\t" << V1.x() << ", " << V1.y() << ", " << V1.z()
<< "\n\tV2:\t" << V2.x() << ", " << V2.y() << ", " << V2.z()</pre>
268
269
```

```
270
            << "\n\t N:\t" << N.x() << ", " << N.y() << ", " << N.z()
271
            << "\n\t F:\t" << Ti.getFriction()</pre>
            << "\n\n";
272
273
274
        // Close File
275
       file.close();
276
277
278
      //! Update the mesh G2lib bounding boxes pointers vector
279
     void
280
     MeshSurface::updatePtrBBox(void) {
281
        PtrBBoxVec.clear();
282
       RDF::BBox2D iBBox:
283
        for (unsigned id = 0; id < PtrTriangleVec.size(); ++id) {</pre>
284
          iBBox = (*PtrTriangleVec[id]).getBBox();
285
          PtrBBoxVec.push_back(G2lib::BBox::PtrBBox(
286
              new G2lib::BBox(iBBox.getXmin(), iBBox.getYmin(), iBBox.getXmax(),
287
                              iBBox.getYmax(), id, 0)));
288
          iBBox.clear();
289
       }
290
    }
291
292
     //! Load the RDF model and print information on a file
293
294
      MeshSurface::LoadFile( std::string const & Path ) {
295
        // Check if the file is an ".rdf" file, if not return false
        if (Path.substr(Path.size() - 4, 4) != ".rdf") {
296
297
          std::cerr << "Not a RDF file\n";</pre>
298
         return false:
299
       }
300
301
        \ensuremath{/\!/} Check if the file had been correctly open, if not return false
302
        std::ifstream file(Path);
303
        if (!file.is_open()) {
          std::cerr << "RDF file not opened\n";
304
305
         return false;
306
307
        // Vector for nodes coordinates
309
        std::vector<vec3> Nodes;
310
        bool nodes_parse = false;
311
312
       bool elements_parse = false;
313
314 \; \texttt{#ifdef} \; \texttt{RDF\_CONSOLE\_OUTPUT}
315
        int_type const outputEveryNth = 5000;
        int_type outputIndicator
316
                                      = outputEveryNth;
317 #endif
318
        std::string curline;
319
320
        while (std::getline(file, curline)) {
321 #ifdef RDF_CONSOLE_OUTPUT
322
          if ((outputIndicator = ((outputIndicator + 1) % outputEveryNth)) == 1) {
323
            std::cout
324
              << "\r- "
              << "Loading mesh..."
325
326
              << "\t triangles > "
327
              << PtrTriangleVec.size() << std::endl;</pre>
328
329 #endif
330
331
          std::string token = algorithms::firstToken(curline);
332
          if ( token == "[NODES]" || token == "NODES" ) {
333
            nodes_parse = true;
334
            elements_parse = false;
```

```
335
          } else if (token == "[ELEMENTS]" || token == "ELEMENTS") {
336
337
           nodes_parse = false;
338
           elements_parse = true;
339
            continue;
          } else if (token[0] == '{') {
340
341
            // commento multiriga, continua a leggere fino a che trovo '}'
342
          } else if (token[0] == '\' | | token[0] == '\' | | token[0] == '\r') {
343
344
           // Check comments or empty lines
345
            continue;
346
347
348
          // Generate a vertex position
349
          if (nodes_parse) {
350
           std::vector<std::string> spos;
351
           vec3 vpos;
352
353
           algorithms::split(algorithms::tail(curline), spos, " ");
354
355
           vpos[0] = std::stod(spos[0]);
356
            vpos[1] = std::stod(spos[1]);
357
            vpos[2] = std::stod(spos[2]);
358
           Nodes.push_back(vpos);
359
360
361
          // Generate a face (vertices & indices)
362
          if (elements_parse) {
           // Generate the triangle vertices from the elements
363
364
            vec3 iVerts[3];
365
           GenVerticesFromRawRDF( Nodes, curline, iVerts );
366
367
            // Get the triangle friction from current line
368
           std::vector<std::string> curlinevec;
           algorithms::split(curline, curlinevec, " ");
369
370
           real_type iFriction = std::stod(curlinevec[4]);
371
372
            // Create a shared pointer for the last triangle and push it in the pointer vector
373
            PtrTriangleVec.push_back(TriangleRoad_ptr(new TriangleRoad(iVerts,iFriction)));
374
375
376
377 #ifdef RDF_CONSOLE_OUTPUT
378
       std::cout << std::endl;
379 #endif
380
381
       file.close();
382
383
       if (PtrTriangleVec.empty()) {
384
         perror("Loaded mesh is empty");
385
         return false;
386
       } else {
387
          // Update the local intersected triangles list
388 #ifdef RDF_CONSOLE_OUTPUT
389
      std::cout << std::endl << "Building AABB tree...";
390 #endif
391
         updatePtrBBox();
         PtrTree->build(PtrBBoxVec);
393 #ifdef RDF CONSOLE OUTPUT
394
      std::cout << "Done" << std::endl << std::endl;
395 #endif
396
397
         return true;
398
       }
399 }
```

```
400
401
     // Generate vertices from a list of positions face line.
402
     void
403
     MeshSurface::GenVerticesFromRawRDF(
404
       std::vector<vec3> const & iNodes.
405
       std::string
                        const & icurline,
406
       vec3
407
     ) {
408
       std::vector<std::string> svert;
409
                               vVert:
       algorithms::split( icurline, svert, " " );
410
411
412
       int_type control_size = int(svert.size() - 4);
413
       for ( int i = 1; i < int(svert.size() - control_size); ++i ) {</pre>
414
         // Calculate and store the vertex
415
         vVert = algorithms::getElement(iNodes, svert[i]);
416
         417
       }
    }
418
419
420
     //! Update the local intersected triangles list.
421
     RDF::TriangleRoad_list
     MeshSurface::updateIntersection(
423
       G2lib::AABBtree::PtrAABB const & ExternalTreePtr
424
425
       RDF::TriangleRoad_list intersectionTriPtr;
426
       G2lib::AABBtree::VecPairPtrBBox intersectionList;
427
       (*PtrTree).intersect(*ExternalTreePtr, intersectionList);
       for ( unsigned i = 0; i < intersectionList.size(); ++i ) {</pre>
428
429
         intersectionTriPtr.push_back(
430
           getithTrianglePtr((*intersectionList[i].first).Id()));
431
432
       return intersectionTriPtr;
433 }
434
435 } // namespace RDF
436
437 ///
438 /// eof: MeshRDF.hh
439 ///
```

B.4 PatchTire.hh

```
1 ///
 2 /// file: PatchTire.hh
 3 ///
 5 #pragma once
 7 #include "RoadRDF.hh" // RDF file extention Loader
 9 //! Tire computations routine
10 namespace PatchTire {
11
12 using namespace TireGround;
13
    static real_type quiteNaN =
14
15
         std::numeric_limits<real_type>::quiet_NaN(); //!< Not-a-Number type
16
17
    static mat3 mat3_NaN = mat3::Constant(quiteNaN); //!< Not-a-Number 3x3 matrix type</pre>
    static vec3 vec3_NaN = vec3::Constant(quiteNaN); //!< Not-a-Number 3D vector type</pre>
19
20
    real_type const epsilon = std::numeric_limits<real_type>::epsilon(); //!< Epsilon (small number)
```

```
21
22
     /*\
23
              \(_)___| | __
25
         | | | | / __| |//
26
              /|_|__/_|\_\
27
28
29
           Z
30
      1
31
32
                         0 = OriginXZ
33
34
35
36
37
         ISO Reference Frame!
38
     \*/
39
40
     class ReferenceFrame;
41
    class ETRTO;
42
43
    //! Class for handling tire disks.
44
    class Disk {
45
    private:
                 OriginXZ; //!< XO,ZO origin vector
46
      vec2
      real_type OffsetY; //!< YO (= D) origin coordinate or offset from center</pre>
47
48
      real_type Radius; //!< Disk radius
49
50
       Disk( Disk const & ) = delete;
                                                            //!< Copy constructor
      Disk const & operator = ( Disk const & ) = delete; //!< Copy operator
51
52
53
54
55
       Disk( Disk && ) = default; //!< Enable && operator
56
57
       //! Default constructor for Disk object.
58
       Disk()
59
       : OriginXZ( vec2(quiteNaN, quiteNaN) )
60
       , OffsetY( quiteNaN )
61
       , Radius(quiteNaN)
62
63
64
       //! Variable set constructor for orientation object.
65
      Disk(
         vec2 const & _OriginXZ, //!< \ensuremath{\texttt{X0,Z0}} origin coordinate
66
         real_type __OffsetY, //!< YO (= D) origin coordinate real type Radius //!< Disk radius
67
68
                      _Radius
                                 //!< Disk radius
         real_type
69
70
         OriginXZ = _OriginXZ;
         OffsetY = _OffsetY;
Radius = _Radius;
71
72
73
       }
74
75
       //! Copy class Disk.
76
       void
77
       set(Disk const \& in) {
         this->OriginXZ = in.OriginXZ;
79
         this->OffsetY = in.OffsetY;
80
         this->Radius = in.Radius;
81
82
83
       //! Set origin vector.
84
85
       setOriginXZ( vec2 const & _OriginXZ )
```

```
{ OriginXZ = _OriginXZ; }
 87
 88
        //! Get origin vector XZ-axes coordinates.
 89
        vec2 const & getOriginXZ(void) const { return OriginXZ; }
 90
 91
        //! Get origin vector XYZ-axes coordinates.
 92
        vec3 getOriginXYZ(void) const
 93
        { return vec3(OriginXZ.x(), OffsetY, OriginXZ.y()); }
 94
 95
        //! Get origin Y-axis coordinate.
 96
        real_type getOffsetY(void) const { return OffsetY; }
 97
 98
        //! Get disk radius.
 99
        real_type getRadius(void) const { return Radius; }
100
101
        //! Check if a point lays inside or outside a circumfererence.
102
        //! If output bool is true the point is inside the circumfererence,
103
        //! otherwise it is outside.
104
        bool
105
        isPointInside(
106
         vec2
                    const & Point //!< Query point</pre>
107
        ) const;
108
109
        //! Find the intersection points between a circle and a line segment.
110
        //! Output integer gives the number of intersection points.
111
        int_type
112
        intersectSegment(
113
         vec2
                    const & Point_1,
                                         //!< Line segment point 1
114
         vec2
                    const & Point_2,
                                         //!< Line segment point 2
115
         vec2
                          & Intersect_1, //!< Intersection point 2
                          & Intersect_2 //!< Intersection point 2
116
         vec2
117
        ) const:
118
119
        //! Check if two plane intersects and find the intersecting rect.
120
        bool
121
        intersectPlane(
         vec3 const & Plane_Normal,
122
123
         vec3 const & Plane_Point,
124
         vec3
                     & Line_Direction,
125
         vec3
                     & Line_Point
126
        ) const;
127
128
        //! Get the contact patch length inside the single disk of a segment described by
129
        //! the intersection of triangles on XZ plane.
130
        real type
        {\tt getPatchLength}(
131
132
         RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr, //!< Local intersected Triangle3D vector
133
         ReferenceFrame
                                const & RF
                                                             //!< Tire ReferenceFrame object
134
        ) const;
135
136
        //! Get the contact patch length inside the single disk [m] given
137
        //! a plane (normal and point).
138
        real_type
139
        getPatchLength(
140
                         const & Plane_Normal, //!< Plane normal in Disk RF</pre>
         vec3
141
                         const & Plane_Point, \ //! < Plane point in Disk RF
          vec3
142
          ReferenceFrame const & RF
                                               //!< Tire ReferenceFrame object
143
        ) const;
144
145
        //! Get the contact patch length inside the single disk [m] given two
146
        //! points in Disk RF.
147
        real_type
148
        getPatchLength(
149
         vec2
                         const & PointXZ_1, //!< Point1 in Disk RF</pre>
150
          vec2
                         const & PointXZ_2, //!< Point2 in Disk RF</pre>
```

```
151
          ReferenceFrame const & RF
                                            //!< ReferenceFrame object
152
       ) const:
153
154
       //! Get the contact patch length inside the single disk [m] give a sequence
155
       //! points in Disk RF.
156
       real_type
       getPatchLength(
157
                         const & XZ_sequence, //!< Points sequence in Disk RF</pre>
158
          col_vec2
159
          ReferenceFrame const & RF
                                             //!< ReferenceFrame object
160
       ) const:
161
162
     };
163
     /*\
164
165
              166
167
           168
169
170
171
172
     //! Class for handling ETRTO tire data.
173
     class ETRTO {
174
     private:
175
       real_type SectionWidth; //!< Tire section width[mm]</pre>
                                 //!< Tire aspect ratio [%]
176
       real_type AspectRatio;
                                //!< Rim diameter [in]
177
       real_type RimDiameter;
178
       real_type SidewallHeight; //!< Sidewall height [m]</pre>
179
       real_type TireDiameter; //!< External diameter [m]
180
181
       ETRTO( ETRTO const & ); //!< Copy constructor
182
183
184
       //! Default constructor for ETRTO object.
185
       ETRTO() {}
186
187
       //! Variable set constructor for ETRTO object (for Magic formula).
188
189
         real_type _SectionWidth, //!< Tire section width[mm]</pre>
         real_type _AspectRatio, //!< Tire aspect ratio [%]
190
191
          real_type _RimDiameter //!< Rim diameter [in]</pre>
192
       ) {
193
         SectionWidth = _SectionWidth;
         AspectRatio = _AspectRatio;
RimDiameter = _RimDiameter;
194
195
196
          calcSidewallHeight();
197
         calcTireDiameter();
198
199
       //! Operator = for ETRTO object.
200
201
       ETRTO const &
       operator = ( ETRTO const & in ) {
202
203
         this->SectionWidth = in.SectionWidth;
         this->AspectRatio = in.AspectRatio;
this->RimDiameter = in.RimDiameter;
204
205
          calcSidewallHeight();
206
207
          calcTireDiameter();
208
         return *this;
209
       }
210
211
       //! Get sidewall height [m].
       real_type getSidewallHeight(void) const { return SidewallHeight; }
212
213
214
       //! Get external tire diameter [m].
215
       real_type getTireDiameter(void) const { return TireDiameter; }
```

```
216
217
       //! Get external tire radius [m].
218
       real_type getTireRadius(void) const { return TireDiameter / 2.0; }
219
220
       //! Get section width [m].
221
       real_type getSectionWidth(void) const { return SectionWidth / 1000.0; }
222
223
       //! Display tire data on stream.
224
       print( ostream_type & stream ) const {
225
226
         stream
227
           << "Current Tire Data:\n"
228
           << "\tSection width = " << SectionWidth << " mm\n"</pre>
           << "\tAspect ratio = " << AspectRatio << " \%\n"
229
230
           << "\tRim diameter = " << RimDiameter << " in\n"</pre>
           << "\tS.wall Height = " << getSidewallHeight() * 1000 << " mm\n"
231
           << "\tTire diameter = " << getTireDiameter() * 1000 << " mm\n\n";</pre>
232
233
234
235 private:
236
       //! Calculate sidewall height [m].
237
       void
238
       calcSidewallHeight(void)
239
       { SidewallHeight = SectionWidth / 1000.0 * AspectRatio / 100; }
240
241
       //! Calculate external tire diameter [m].
242
       void
243
       calcTireDiameter(void)
244
       { TireDiameter = RimDiameter * 0.0254 + getSidewallHeight() * 2.0; }
245 };
246
     /*\
247
248
249
        250
251
252
      253
     - 1
254
     \*/
255
256
     //! Class for handling tire reference frame.
257
     class ReferenceFrame {
258
     private:
259
       vec3 Origin
                         = vec3_NaN; //!< Origin position (default NaN)
260
       mat3 RotationMatrix = mat3_NaN; //!< 3x3 rotation matrix (default NaN)</pre>
261
262
       ReferenceFrame( ReferenceFrame const & ) = delete;
                                                                   //!< Copy constructor
263
       ReferenceFrame & operator = ( ReferenceFrame const & ) = delete; //!< Copy operator
264
265
     public:
266
       //! Default constructor for ReferenceFrame object.
267
       ReferenceFrame() {}
268
269
       //! Variable set constructor for ReferenceFrame object.
270
       ReferenceFrame(
         vec3 const & _Origin,
271
                                   //!< Origin position
272
         mat3 const & _RotationMatrix //!< Rotation matrix</pre>
273
       ) {
274
        Origin
                       = _Origin;
275
         RotationMatrix = _RotationMatrix;
276
277
278
       //! Check if ReferenceFrame object is empty or not (true == empty).
279
280
       isEmpty(void) {
```

```
281
          if ( Origin != Origin || RotationMatrix != RotationMatrix){
282
           return true;
283
          } else {
284
           return false;
285
         }
286
287
288
       //! Get current rotation matrix.
289
       mat3 const & getRotationMatrix(void) const { return RotationMatrix; }
290
291
       //! Get current rotation matrix inverse with LU decomposition.
292
       vec3 getRotationMatrixInverse(vec3 const & Point) const {
293
          // DA INDAGARE https://eigen.tuxfamily.org/dox/group__TutorialLinearAlgebra.html
294
          Eigen::PartialPivLUKRDF::mat3> RF_LU(RotationMatrix);
295
         return RF_LU.solve(Point);
296
297
298
       //! Get current X-axis versor.
299
       vec3 getX(void) const { return RotationMatrix.col(0); }
300
301
       //! Get current Y-axis versor.
302
       vec3 getY(void) const { return RotationMatrix.col(1); }
303
304
       //! Get current Z-axis versor.
305
       vec3 getZ(void) const { return RotationMatrix.col(2); }
306
307
       //! Get origin position.
308
       vec3 const & getOrigin(void) const { return Origin; }
309
310
       //! Set origin position.
311
       void setOrigin( vec3 const & _Origin ) { Origin = _Origin; }
312
313
       //! Set rotation matrix.
314
       void setRotationMatrix( mat3 const & _RotationMatrix ) { RotationMatrix = _RotationMatrix; }
315
316
       //! Set total transformation matrix.
317
       void
318
       \verb|setTotalTransformationMatrix( mat4 const \& TM ) \{|
319
                    = TM.block<3,1>(0,3);
320
         RotationMatrix = TM.block<3,3>(0,0);
321
322
323
       //! Get total transformation matrix.
324
325
       getTotalTransformationMatrix(void) {
326
327
         out << RotationMatrix, Origin, vec4(0.0, 0.0, 0.0, 1.0).transpose();
328
         return out;
329
330
331
       //! Copy class ReferenceFrame.
332
333
       set( ReferenceFrame const & in ) {
334
          this->Origin
                             = in.Origin;
335
         this->RotationMatrix = in.RotationMatrix;
336
337
338
       //! Get current Euler angles [rad] for X-axis.
339
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
340
       // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
341
       real_type getEulerAngleX(void) const;
342
343
       //! Get current Euler angles [rad] for Y-axis.
344
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
345
       // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
```

```
346
       real_type getEulerAngleY(void) const;
347
348
       //! Get current Euler angles [rad] for Z-axis.
349
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
350
       // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
351
       real_type getEulerAngleZ(void) const;
352
353
     };
354
355
     /*\
356
           357
358
359
360
         |___/|_| |_|\__,_|\__,|\__/\_/
361
362
363
     //! Class for tire shadow bounding box
364
     class Shadow {
     private:
365
366
       real_type Xmin;
                                                     //!< Xmin shadow domain point
367
       real_type Ymin;
                                                     //!< Ymin shadow domain point
368
       real_type Xmax;
                                                     //!< Xmax shadow domain point
369
                                                     //!< Ymax shadow domain point
       real_type Ymax;
370
       std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> PtrBBoxVec; //!< Bounding boxes pointers
371
       G2lib::AABBtree::PtrAABB PtrTree =
372
           std::make_shared<G2lib::AABBtree>();
                                                    //!< Mesh tree pointer
373
374
       Shadow(Shadow const &);
                                                    //!< Copy constructor
375
       Shadow const & operator = ( Shadow const & ); //! < Copy operator
376
377
     public:
378
       //! Default constructor for Shadow object.
379
       Shadow() {}
380
381
       //! Variable set constructor for Shadow object.
382
       Shadow(
383
         ETRTO
                        const & TireGeometry, //!< \tt ETRTO tire denomination object
384
         ReferenceFrame const & RF
                                             //!< ReferenceFrame object
385
       ) {
386
         update( TireGeometry, RF );
387
388
389
        //! Get tire shadow AABB tree.
390
       G2lib::AABBtree::PtrAABB
391
       getAABBPtr(void) const {
392
         std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> PtrBBoxVec;
393
         G2lib::AABBtree::PtrAABB PtrTree =
394
           std::make_shared<G2lib::AABBtree>(); // Mesh tree pointer
395
         updatePtrBBox( PtrBBoxVec );
396
         PtrTree->build(PtrBBoxVec);
397
         return PtrTree;
398
       }
399
400
       //! Get Xmin shadow domain point.
401
       real_type getXmin(void) const { return Xmin; }
402
403
       //! Get Ymin shadow domain point.
404
       real_type getYmin(void) const { return Ymin; }
405
406
       //! Get Xmax shadow domain point.
407
       real_type getXmax(void) const { return Xmax; }
408
409
       //! Get Ymax shadow domain point.
410
       real_type getYmax(void) const { return Ymax; }
```

```
411
412
        //! Clear the tire shadow domain.
413
        void
414
        clear(void) {
415
         Xmin = quiteNaN;
         Ymin = quiteNaN;
416
417
         Xmax = quiteNaN;
418
         Ymax = quiteNaN;
419
420
421
        //! Print tire shadow bounding box vertices.
422
423
       print( ostream_type & stream ) const {
424
         stream
425
            << "BBOX (xmin,ymin,xmax,ymax) = ( " << Xmin << ", " << Ymin
            << ", " << Xmax << ", " << Ymax << " )\n";
426
427
428
429
        //! Update the rectangular shadow domain of the tire in {\tt X} and {\tt Y}-axis
430
        void
431
       update(
432
         ETRTO
                         const & TireGeometry, //!< ETRTO tire denomination object</pre>
433
                                              //!< ReferenceFrame object
         ReferenceFrame const & RF
434
435
436
     private:
437
       //! Update the mesh G2lib bounding boxes pointers vector.
438
439
       updatePtrBBox(
440
         std::vector<G2lib::BBox::PtrBBox> & PtrBBoxVec //!< Bounding boxes pointers
441
442
         PtrBBoxVec.resize(1);
443
         PtrBBoxVec[0] = G2lib::BBox::PtrBBox(
444
           new G2lib::BBox(Xmin, Ymin, Xmax, Ymax, 0, 0)
445
446
       }
447
     };
448
449
     /*\
450
      - 1
451
         452
453
454
          \__,_|_|\__, |\___/|_| ||_|\__|_| ||_| ||_|
455
      456
     \*/
457
     \ensuremath{//!} Algorithms for tire computations routine.
458
459
     namespace algorithms {
460
461
       //! Check if a point lays inside or outside a line segment.
462
       //! Warning: The point query point must be on the same rect of the line
463
       //! segment.
464
       bool
465
       intersectPointSegment(
         vec2 const & Point_1, //!< Line segment point 1</pre>
466
         vec2 const & Point_2, //!< Line segment point 2
vec2 const & Point //!< Query point</pre>
467
468
       );
469
470
471
     } // namespace algorithms
472
473
474
             _____
```

```
476
477
478
479
                                               ^ Z
480
481
482
483
484
485
486
487
488
489
490
491
492
493
494
495
                         0 = OriginXZ
496
                 | ISO Reference Frame!
497
               \*/
498
499
               \ensuremath{//!} Class for tire geometry and reference frame.
500
               class Tire {
              protected:
501
                    ETRTO
                                                           \label{timeGeometry: //! < ETRTO time denomination object} % \[ \[ \] \] % The property of t
502
503
                    ReferenceFrame RF;
                                                                                                //!< ReferenceFrame object
504
505
                    Tire( Tire const & );
                                                                                                                                  //!< Copy constructor
506
                    Tire const & operator = ( Tire const & ); //!< Copy operator
507
508
509
                    //! Variable set constructor for Tire object.
510
                    Tire(
511
                         ETRTO const & _TireGeometry
512
                    ) {
513
                         TireGeometry = _TireGeometry;
514
515
516
                     //! Set the Tire orientation.
517
518
                     setReferenceFrame( ReferenceFrame const & _RF )
519
                     { RF.set(_RF); }
520
521
                     //! Get Tire ReferenceFrame.
522
                    ReferenceFrame const &
                    getReferenceFrame(void) const
523
524
                     { return RF; }
525
526
                    //! Set camber angle.
527
528
                     setOrigin( vec3 const & Origin )
529
                     { RF.setOrigin(Origin); }
530
531
                     //! Set rotation matrix.
532
533
                     setRotationMatrix( mat3 const & RotationMatrix )
534
                     { RF.setRotationMatrix(RotationMatrix); }
535
536
                     //! Set total transformation matrix.
537
538
                     setTotalTransformationMatrix( mat4 const & TM )
539
                     { RF.setTotalTransformationMatrix(TM); }
540
```

```
541
       //! Get current Euler angles [rad] for X-axis.
542
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
543
       real_type getEulerAngleX(void) const { return RF.getEulerAngleX(); };
544
545
       //! Get current Euler angles [rad] for Y-axis.
546
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
547
       real_type getEulerAngleY(void) const { return RF.getEulerAngleY(); };
548
549
       //! Get current Euler angles [rad] for Z-axis.
550
       //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
551
       real_type getEulerAngleZ(void) const { return RF.getEulerAngleZ(); };
552
     };
553
     /*\
554
555
      556
557
558
559
560
561
     \*/
562
     //! Class for evaluating the contact patch for Magic Formla.
563
564
     class MagicFormula : public Tire {
565
     protected:
566
       Disk
                 SingleDisk;
                                 //!< Single Disk
567
                 {\tt ContactNormal;} \quad //! {\tt < Contact\ normal\ direction}
       vec3
568
       vec3
                 ContactPoint; //!< Contact point
      real_type ContactFriction; //!< Contact point friction</pre>
569
570
       real_type RelativeCamber; //!< Relative camber angle</pre>
571
572
       MagicFormula( MagicFormula const & );
                                                                //!< Copy constructor
573
       MagicFormula const & operator = ( MagicFormula const & ); //!< Copy operator
574
575
     public:
576
       //! Variable set constructor for MagicFormula object.
577
       MagicFormula(
578
        ETRTO const & _TireGeometry
579
       ) : Tire( _TireGeometry ) {
580
         SingleDisk.set( Disk( vec2(0.0, 0.0), 0.0, TireGeometry.getTireRadius() ) );
581
582
583
       //! Get contact point normal direction.
584
       vec3 const &
       getContactNormal(void) const
585
       { return ContactNormal; }
586
587
588
       //! Get contact point.
589
       vec3 const &
590
       getContactPoint(void) const
591
       { return ContactPoint; }
592
593
           //! Get contact point.
594
       real_type
595
       getContactFriction(void) const
596
       { return ContactFriction; }
597
598
       //! Get contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.
599
600
       getContactPointRF(void) const;
601
602
       //! Get relative camber angle [rad].
603
       getRelativeCamber(void) const
604
605
       { return RelativeCamber; }
```

```
606
607
               //! Get contact depth at center point (if negative the tire
608
               //! does not touch the ground) [m].
609
               real_type
               getContactDepth(void) const
610
611
                { return TireGeometry.getTireRadius()-(RF.getOrigin()-ContactPoint).norm(); }
612
613
               //! Get approximed contact area [m^2] with triangles intersection.
614
               real_type
               getContactArea(
615
                  {\tt RDF::TriangleRoad\_list~const~\&~intersectionTriPtr~//!<Local~intersected~triangles~vector~line for the const~\&~intersectionTriPtr~//!<Local~intersected~triangles~vector~line for the const~\&~intersected~triangles~vector~line for the const~\&~intersected~triangles~vector
616
617
618
               {
619
                  return SingleDisk.getPatchLength( intersectionTriPtr, RF ) * TireGeometry.getSectionWidth();
620
621
622
               //! Get approximed contact area [m^2].
623
               real_type
624
               getContactArea(void) const
625
626
                  {\tt return \ SingleDisk.getPatchLength(\ ContactNormal,\ ContactPoint,\ RF\ )\ *\ TireGeometry.getSectionWidth();}
627
628
629
               //! Get approximed contact volume [m^3] with triangles intersection.
630
               real_type
               getContactVolume(
631
632
                  RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr // Local intersected triangles vector
633
634
635
               //! Get approximed contact volume [m^3].
636
               real_type
637
               getContactVolume(void) const;
638
639
               //! Update the current position of the tire and find parameters
640
               //! for the contact with precomputed local plane.
641
               void
642
               setup(
643
                  \verb|vec3| const \& \_ContactNormal|, //! < Contact point normal direction||
                  vec3 const & _ContactPoint, //!< Contact point</pre>
644
645
                  mat4 const & _TM
                                                                          //!< Trasnformation matrix
646
647
                  // Set the new reference frame
648
                   RF.setTotalTransformationMatrix(_TM);
649
                   // Update class members
650
                  ContactNormal = _ContactNormal;
651
                  ContactPoint = _ContactPoint;
652
653
654
               //! Update the current position of the tire and find all parameters
655
               //! for the contact.
656
               void
657
               setup(
                                                              & Mesh, //!< MeshSurface object
658
                 RDF::MeshSurface
659
                  mat4
                                                 const & TM, //!< Trasnformation matrix
660
                                                                   print = false
                  bool
661
               );
662
663
           protected:
664
               //! Perform one point sampling (return intersected triangle friction).
665
               real_type
              pointSampling(
666
667
               RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr, //!< Intersected triangles vector
668
                                                           const & RayOrigin,
                                                                                                                 //!< Ray origin
669
               vec3
                                                           const & RayDirection,
                                                                                                                 //!< Ray direction
670
               vec3
                                                                       & SampledPt
                                                                                                                 //!< Intersection point
```

```
671
672
673
       //! Perform triangles sampling on 4 points at 0.1*RO along X and 0.3*W along Y.
674
675
       fourPointsSampling(
676
       RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr, //!< Intersected triangles vector
677
       row_vec3
                                  & SampledPtsVec
                                                        //!< Intersection points vector
678
       );
679
680
       //! Calculate the normal vector of the local track plane and local contact point.
681
682
       calculateLocalRoadPlane(
         RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr //!< Intersected triangles vector
683
684
685
686
       //! Calculate the relative camber angle [rad].
687
688
       calculateRelativeCamber(
         row_vec3 const & Qvec //!< Intersection points vector</pre>
689
690
691 };
692
693 } // namespace PatchTire
694
695 ///
696 /// eof: PatchTire.hh
697 ///
```

B.5 PatchTire.cc

```
1 #include "PatchTire.hh"
                                 // RDF file extention Loader
 2 // #include "PolynomialRoots.hh" // Quartic roots Flocke library
 3
 4 //! Tire computations routine
 5 namespace PatchTire {
 6
 7
    using namespace TireGround;
 8
q
    /*\
10
           _ \()___I I .
11
12
        | | | | / __| | / /
     i | | | | | \__ \
13
14
        |___/|_|_/_\
15
    \*/
16
17
    //! Check if a point lays inside or outside a circumfererence.
18 //! If output bool is true the point is inside the circumfererence,
19 //! otherwise it is outside.
20 bool
21 Disk::isPointInside(
22
     vec2 const & Point
23
24
     // Compare radius with distance of disk center from given point
25
      vec2 PO( Point - OriginXZ );
26
     return PO.dot(PO) <= Radius*Radius;
27
28
29
   //! Find the intersection points between a circle and a line segment.
   //! Output integer gives the number of intersection points.
   int_type
32 Disk::intersectSegment(
33
      vec2
                const & Point_1,
                                    //!< Line segment point 1
```

```
const & Point_2,
                                     //!< Line segment point 2
      vec2
                      & Intersect_1, //!< Intersection point 2
35
      vec2
36
      vec2
                      & Intersect_2 //!< Intersection point 2
37
    ) const {
38
      real_type t_param;
                d( Point_2 - Point_1 );
39
      vec2
                P10( Point_1 - OriginXZ );
40
      vec2
41
      real_type A = d.dot(d);
42
      real_type B
                    = 2 * d.dot(P10);
      real_type C = P10.dot(P10) - Radius*Radius;
43
      real_type discriminant = B*B - 4 * A * C;
44
45
       if ( A <= epsilon || discriminant < 0 ) {</pre>
46
         // No real solutions
47
         Intersect_1 = vec2(quiteNaN, quiteNaN);
48
         Intersect_2 = vec2(quiteNaN, quiteNaN);
49
        return 0;
50
       } else if ( std::abs(discriminant) < epsilon ) {</pre>
         // One solution
51
                    = -B / (2*A);
52
         t_param
53
         Intersect_1 = Point_1 + t_param * d;
54
        Intersect_2 = vec2(quiteNaN, quiteNaN);
55
         return 1;
56
      } else {
57
         // Two solutions
58
         t_param = (-B + std::sqrt(discriminant)) / (2 * A);
59
         Intersect_1 = Point_1 + t_param * d;
         t_param = (-B - std::sqrt(discriminant0)) / (2 * A);
60
61
         Intersect_2 = Point_1 + t_param * d;
62
        return 2:
63
      }
64
65
    //! Check if two plane intersects and find the intersecting rect.
67
    bool
68
    Disk::intersectPlane(
69
      vec3 const & Plane_Normal,
70
      vec3 const & Plane_Point,
71
      vec3
                 & Line_Direction,
72
      vec3
                  & Line_Point
73
    ) const {
74
       // Plane(Point,Normal) and Disk intersection -> Parametric rect
75
      vec3 Disk_Point( getOriginXYZ() );
76
      vec3 Disk_Normal( 0.0, 1.0, 0.0 );
77
       // Rect direction
78
      Line_Direction = Plane_Normal.cross(Disk_Normal);
79
       // If the two plane are parallel they do not intersects
80
       if (Line_Direction.norm() > epsilon) {
81
        // Given the plane ax+by+cz=d
82
         real_type d_Disk = Disk_Point.dot(-Disk_Normal);
83
        real_type d_Plane = Plane_Point.dot(-Plane_Normal);
84
         // Find a point on the line, which is also on both planes
85
         // choose simplest plane where d=0: ax + by + cz = 0
86
         vec3 u1( d_Disk * Plane_Normal );
87
         vec3 u2( -d_Plane * Disk_Normal );
88
         Line_Point = .cross(Line_Direction) / Line_Direction.dot(Line_Direction); // In absolute reference
              frame return
89
         return true;
90
      } else {
91
         return false;
92
93
    }
94
    //! Get the contact patch length inside the single disk of a segment described by
96
    //! the intersection of triangles on XZ plane.
    real_type
```

```
98
     Disk::getPatchLength(
       RDF::TriangleRoad_list const & intersectionTriPtr, //!< Local intersected triangles
100
       ReferenceFrame
                              const & RF
                                                           //!< ReferenceFrame object
101
     ) const {
102
       // Disk point and vector in absolute reference frame
103
        vec3 Disk_Point( RF.getOrigin() + RF.getRotationMatrix()*getOriginXYZ() );
104
        vec3 Disk_Normal( RF.getY() );
105
       real_type PatchLength = 0.0;
106
        std::vector<vec3> IntersectionPts;
        for ( unsigned i = 0; i < intersectionTriPtr.size(); ++i ) {</pre>
107
108
          if( (*intersectionTriPtr[i]).intersectPlane(Disk_Normal, Disk_Point, IntersectionPts) ) {
109
            // Transform in disk relative reference frame
110
            vec3 P1_rel( RF.getRotationMatrixInverse(IntersectionPts[0] - RF.getOrigin()) );
111
            vec3 P2_rel( RF.getRotationMatrixInverse(IntersectionPts[1] - RF.getOrigin()) );
112
113
            // Transfer only the XZ part (Y part must be = to OffsetY, so useless)
114
            PatchLength += getPatchLength( vec2(P1_rel.x(),P1_rel.z()), vec2(P2_rel.x(),P2_rel.z()), RF);
115
116
       return PatchLength;
117
118
119
120
     //! Get the contact patch length inside the single disk of a segment described by
121
     //! points PointXZ_1 and PointXZ_2 on XZ plane.
     // Plane (P-PO).N = 0 con N rivolto verso alto
122
123
     // http://www.songho.ca/math/plane/plane.html
124
125
     real_type
     Disk::getPatchLength(
126
127
         vec3
                         const & Plane_Normal,
128
          vec3
                         const & Plane_Point,
129
                                              //!< New ReferenceFrame object
         ReferenceFrame const & RF
130
131
        // Change reference frame for local road plane
        vec3 Plane_Normal_rel( RF.getRotationMatrixInverse(Plane_Normal) );
132
133
        vec3 Plane_Point_rel( RF.getRotationMatrixInverse(Plane_Point - RF.getOrigin()) );
134
        //! Check if two plane intersects and find the intersecting rect.
135
136
        if(intersectPlane( Plane_Normal_rel, Plane_Point_rel, T, P)){
137
          // Make a segment on the intersection (on relative Disk rerence frame)
138
          vec3 P1( P - 200.0*Radius*T );
         vec3 P2( P + 200.0*Radius*T );
139
140
141
         return getPatchLength(vec2(P1.x(),P1.z()), vec2(P2.x(),P2.z()), RF);
142
       } else {
143
         RDF_ERROR("Cannot handle planes intersection");
144
         return quiteNaN;
145
146
     }
147
     //! Get the contact patch length inside the single disk of a segment described by
148
149
     //! points PointXZ_1 and PointXZ_2 on XZ plane.
150
     real_type
151
     Disk::getPatchLength(
       vec2
152
                      const & PointXZ_1,
153
                      const & PointXZ_2,
        vec2
154
       ReferenceFrame const & RF
                                            //! < New ReferenceFrame object
155
     ) const {
156
        vec2 Intersection_1, Intersection_2;
157
        int_type Type = this->intersectSegment(
158
         PointXZ_1, PointXZ_2, Intersection_1, Intersection_2
159
160
161
        if (Type == 0) {
          // No contact points, the line segment is not into the Disk
162
```

```
return 0.0;
164
       } else if (Type == 1) {
165
         // Tangent, no length added
166
         return 0.0;
       } else if (Type == 2) {
167
168
         // Check whether the two segment points are into the circle
169
         bool Pose_pt1 = this->isPointInside( PointXZ_1 );
170
         bool Pose_pt2 = this->isPointInside( PointXZ_2 );
171
         // Check whether the two intersection points are onto the line segment
172
         bool Pose_int1 = algorithms::intersectPointSegment(PointXZ_1, PointXZ_2, Intersection_1);
173
         bool Pose_int2 = algorithms::intersectPointSegment(PointXZ_1, PointXZ_2, Intersection_2);
174
175
         // Cases
176
         // Line segment PointXZ_1 and line segment PointXZ_2 outside the circle,
177
         // intersection points oustide line segment
178
         if ( !Pose_pt1 && !Pose_pt2 && !Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
179
           return 0.0;
180
181
         // Line segment PointXZ_1 and line segment PointXZ_2 into the circle,
182
         // intersection points oustide line segment
183
         if ( Pose_pt1 && Pose_pt2 && !Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
184
           return (PointXZ_2 - PointXZ_1).norm();
185
186
         \ensuremath{//} Intersection points into the line segment and line segment points
187
188
         else if ( !Pose_pt1 && !Pose_pt2 && Pose_int1 && Pose_int2 ) {
189
           return (Intersection_2 - Intersection_1).norm();
190
191
         // Line segment Point_1 outside the circle, line segment Point_2
192
         // inside the circle
193
         else if ( !Pose_pt1 && Pose_pt2 ) {
194
           if ( Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
195
             // Add length from Intersection_1 to Point_2
196
             return (Intersection_1 - PointXZ_2).norm();
197
           } else if ( Pose_int2 && !Pose_int1 ) {
198
             // Add length from Intersection_2 to Point_2
199
             return (Intersection_2 - PointXZ_2).norm();
200
201
202
         // Line segment Point_1 inside the circle, line segment Point_2
203
         // outside the circle
204
         else if ( Pose_pt1 && !Pose_pt2 ) {
205
           if ( Pose_int1 && !Pose_int2 ) {
206
             // Add length from Intersection_1 to Point_1
207
             return (Intersection_1 - PointXZ_1).norm();
208
           } else if ( !Pose_int1 && Pose_int2 ) {
209
             // Add length from Intersection_2 to Point_1
             return (Intersection_2 - PointXZ_1).norm();
210
211
           }
212
213
214
       RDF_ERROR("Invalid intersection on Disk::getPatchLength");
215
       return quiteNaN;
216
217
     /*\
218
219
220
      221
222
223
224
225
     \*/
226
     //! Get current Euler angles [rad] for X-axis.
```

```
//! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
     // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
230
     real_type ReferenceFrame::getEulerAngleX(void) const {
231
       real_type r21 = RotationMatrix(2, 1);
232
       if (r21 < 1.0) {
233
         if (r21 > -1.0) {
234
           return std::asin(r21);
235
         else { // r21 == -1.0}
236
           // Not a unique solution : thetaY - thetaZ = atan2( r02 , r00 )
           return -G2lib::m_pi / 2.0;
237
238
         }
239
       } else { // r21 == 1.0
240
         // Not a unique solution : thetaY + thetaZ = atan2( r02 , r00 )
241
         return G2lib::m_pi / 2.0;
242
243 }
244
     //! Get current Euler angles [rad] for Y-axis.
245
246
     //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
     // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
248
     real_type ReferenceFrame::getEulerAngleY(void) const {
249
       real_type r20 = RotationMatrix(2, 0);
       real_type r21 = RotationMatrix(2, 1);
250
251
       real_type r22 = RotationMatrix(2, 2);
252
       if (r21 < 1.0) {
253
         if (r21 > -1.0) {
254
           return std::atan2(-r20, r22);
255
         } else { // r21 == -1.0
           // Not a unique solution : thetaY - thetaZ = atan2( r02 , r00 )
256
257
           return 0.0;
258
259
       } else { // r21 == 1.0
260
         // Not a unique solution : thetaY + thetaZ = atan2( r02 , r00 )
261
         return 0.0:
262
263
     }
264
265
     //! Get current Euler angles [rad] for Z-axis.
     //! Warning: Factor as Rz*Rx*Ry!
     // https://www.geometrictools.com/Documentation/EulerAngles.pdf
267
268
     real_type ReferenceFrame::getEulerAngleZ(void) const {
      real_type r00 = RotationMatrix(0, 0);
269
270
       real_type r01 = RotationMatrix(0, 1);
271
       real_type r02 = RotationMatrix(0, 2);
       real_type r11 = RotationMatrix(1, 1);
272
273
       real_type r21 = RotationMatrix(2, 1);
274
       if (r21 < 1.0) {
275
         if (r21 > -1.0) {
276
           return std::atan2(-r01, r11);
277
         else { // r21 == -1.0}
           // Not a unique solution : thetaY - thetaZ = atan2( r02 , r00 ) \,
278
279
           return -std::atan2(r02, r00);
280
         }
281
       } else { // r21 == 1.0
282
         // Not a unique solution : thetaY + thetaZ = atan2( r02 , r00 )
283
         return std::atan2(r02, r00);
284
     }
285
286
287
     /*\
288
        289
    | |___/|_| |_|\__,_|\__,|\__/\_/
```

```
293 \*/
294
295
     //! Update the rectangular shadow domain of the tire in X and Y-axis
296
     void Shadow::update(
297
         298
         ReferenceFrame const & RF
                                     //!< ReferenceFrame object
299
300
        // Calculate maximum covered space
301
       real_type diagonal =
302
           \verb|hypot(TireGeometry.getSectionWidth(), TireGeometry.getTireDiameter())| / \\
303
304
305
        // Increment shadow to take in account camber angle
306
       real_type inc = 1.1;
307
308
       // Set new tire shadow domain
309
       this->Xmax = RF.getOrigin()[0] + inc * diagonal;
       this->Ymax = RF.getOrigin()[1] + inc * diagonal;
this->Xmin = RF.getOrigin()[0] - inc * diagonal;
310
311
312
        this->Ymin = RF.getOrigin()[1] - inc * diagonal;
313 }
314
315
316
317
         318
319
320
           \_,_|_|\_, |\__/|_| |_|\_|_| |_| |_| |_|
321
      - 1
322
     \*/
323
324
     \ensuremath{//!} Algorithms for tire computations routine.
325
     namespace algorithms {
326
327
        //! Check if a point lays inside or outside a line segment.
328
       //! Warning: The point query point must be on the same rect of the line
329
       //! segment.
330
       bool
331
       intersectPointSegment(
332
         vec2 const & Point 1,
333
         vec2 const & Point_2,
         vec2 const & Point
334
335
       ) {
336
         /\!/ A and B are the extremities of the current segment C is the point to
337
         // check
338
339
         // Create the vector AB
340
         vec2 AB( Point_2 - Point_1 );
341
         // Create the vector {\tt AC}
342
         vec2 AC( Point - Point_1 );
343
344
         // Compute the cross product of AB and AC
345
         // Check if the three points are aligned (cross product is null)
         real_type z = AB.x() * AC.y() - AC.x() * AB.y();
346
347
         if (z*z > epsilon) {
348
           RDF_ERROR("Cannot handle point-segment intersection!");
349
           return false;
350
351
352
         \ensuremath{//} Compute the dot product of vectors
353
         real_type KAC = AB.dot(AC);
         if (KAC
354
                       < -epsilon ) return false;</pre>
355
         if ( abs(KAC) < epsilon ) return true;</pre>
356
357
         // Compute the square of the segment lenght
```

```
358
         real_type KAB = AB.dot(AB);
359
         if ( KAC > KAB ) return false;
360
         if ( abs(KAC - KAB) < epsilon ) return true;</pre>
361
362
         // The point is on the segment
363
         return true;
364
365
366
     } // namespace algorithms
367
     /*\
368
369
370
      371
372
373
      | |_| |_|\__,|\__, |_|\__| \__/|_| |_| |_| |_|\__,_|
374
375
     \*/
376
377
     //! Get contact point reference frame with 4x4 transformation matrix.
378
     mat.4
379
     MagicFormula::getContactPointRF(void) const {
       vec3 X_versor = RF.getY().cross(ContactNormal).normalized();
380
381
       vec3 Y_versor = ContactNormal.cross(X_versor);
382
383
       TM << X_versor, Y_versor, ContactNormal, ContactPoint,
384
           vec4(0.0, 0.0, 0.0, 1.0).transpose();
385
386
387
388
     //! Get approximed contact volume [m^3].
389
     real_type
390
     MagicFormula::getContactVolume(void)
391
     const {
392
      real_type R = TireGeometry.getTireRadius();
393
       real_type c = SingleDisk.getPatchLength( ContactNormal, ContactPoint, RF );
      real_type c_2R = c / (2*R);
394
395
      return R*R * ( std::asin(c_2R) - c_2R*std::sqrt(1-c_2R*c_2R)) * TireGeometry.getSectionWidth();
396
397
398
     //! Update the current position of the tire and find all parameters
399
     //! for the contact.
400
     void
401
     MagicFormula::setup(
                             & Mesh, //! < MeshSurface object
402
       RDF::MeshSurface
403
       mat4
                        const & TM, //!< Trasnformation matrix
       bool
404
                               print
     ) {
405
406
       // Set the new reference frame
407
       RF.setTotalTransformationMatrix(TM);
408
       // Shadow bounding box object
409
       Shadow TireShadow(TireGeometry, RF);
410
       // Local intersected triangles vector
411
       RDF::TriangleRoad_list intersectionTriPtr =
           Mesh.updateIntersection(TireShadow.getAABBPtr());
412
       // Update the local road plane (normal, point and realtive camber) \,
413
414
       calculateLocalRoadPlane(intersectionTriPtr);
415
       // Print the results
416
417
       if (print) {
         std::cout << "MAGIC FORMULA CONTACT PARAMETERS\n"
418
419
                   << "\tYaw angle\n"
420
                   << "\ t = " << getEulerAngleZ() / G2lib::m_pi << "pi rad\n"
                   << "\tRotation angle\n"
421
422
                   << "\tß = " << getEulerAngleY() / G2lib::m_pi << "pi rad\n"</pre>
```

```
423
                    << "\tCamber angle\n"
424
                    << "\\Gammat = " << getEulerAngleX() / G2lib::m_pi << "pi rad\n"
425
                    << "\tNormal contact point vector of the local track plane "
426
                       "(absolute reference frame)\n"
                    << "\tN = [ " << ContactNormal.x() << ", " << ContactNormal.y()</pre>
42.7
428
                    << ", " << ContactNormal.z() << " ]\n"
                    << "\tLocal contact point (absolute reference frame)\n"</pre>
430
                    << "\tP = [ " << ContactPoint.x() << ", " << ContactPoint.y()
431
                    << ", " << ContactPoint.z() << " ]\n"
432
                    << "\tLocal contact point reference frame\n"</pre>
                    << getContactPointRF() << "\n"
433
434
                    << "\tRelative camber angle\n"</pre>
435
                    << "\tß = " << getRelativeCamber() / G2lib::m_pi << "pi rad\n"
436
                    << "\tLocal contact point friction\n"
437
                    << "\tf = " << getContactFriction() << "\n"
                    << "\tLocal contact depth (on center point)\n"
438
439
                    << "\tD = " << getContactDepth() << " m\n"
440
                    << "\tLocal approximated contact area (calculated with local plane)\n"</pre>
                    << "\tA = " << getContactArea() << " m^2\n"
441
442
                    << "\tLocal approximated contact area (calculated with triangles intersection)\n"</pre>
443
                    << "\tA = " << getContactArea(intersectionTriPtr) << " m^2\n"</pre>
444
                    << "\tLocal approximated contact volume (calculated with local plane)\n"</pre>
445
                    << "\tV = " << getContactVolume() << " m^3\n\n";</pre>
446
447
448
449
     //! Perform one point sampling (return intersected triangle friction).
450
     MagicFormula::pointSampling(
451
452
         RDF::TriangleRoad_list const &
453
                                      //!< Intersected triangles vector
              intersectionTriPtr,
454
          vec3 const & RayOrigin,
                                      //!< Ray origin
455
          vec3 const & RayDirection, //!< Ray direction
456
          vec3 & SampledPt
                                      //!< Intersection point
457
         ) const {
458
        vec3 IntersectionPoint;
459
       real_type TriangleFriction;
460
        std::vector<vec3> IntersectionPointVec;
461
        std::vector<real_type> TriangleFrictionVec;
462
       for (unsigned t = 0; t < intersectionTriPtr.size(); ++t) {</pre>
463
          if ( (*intersectionTriPtr[t]).intersectRay(
464
                  RayOrigin, RayDirection, IntersectionPoint) ) {
465
            // Store results
466
            IntersectionPointVec.push_back(IntersectionPoint);
467
            TriangleFrictionVec.push_back((*intersectionTriPtr[t]).getFriction());
468
469
470
        // Select the highest intersection point
471
        if (IntersectionPointVec.size() > 1) {
472
          SampledPt
                          = IntersectionPointVec[0];
473
          TriangleFriction = TriangleFrictionVec[0];
474
          for (unsigned j = 1; j < IntersectionPointVec.size(); ++j) {</pre>
475
            if (IntersectionPointVec[j][2] > SampledPt[2]) {
476
              SampledPt
                              = IntersectionPointVec[j];
477
              TriangleFriction = TriangleFrictionVec[j];
478
           }
479
         return TriangleFriction;
481
        } else if (IntersectionPointVec.size() == 0) {
482
         RDF_ERROR("There is no terrain under the tire!");
483
        } else { // j == 1
484
          SampledPt = IntersectionPointVec[0];
485
          return TriangleFrictionVec[0];
486
487
    }
```

```
488
489
                     void
490
                    MagicFormula::fourPointsSampling(
491
                                  RDF::TriangleRoad_list const &
                                                 intersectionTriPtr, //!< Intersected triangles vector</pre>
492
493
                                   row_vec3 & SampledPtsVec //!< Intersection points vector</pre>
                    ) {
494
                            // Calculate Delta_X and Delta_Y \,
495
496
                            real_type Delta_X = 0.1 * TireGeometry.getTireRadius();
497
                            real_type Delta_Y = 0.3 * TireGeometry.getSectionWidth();
498
                            // Store the four sample positions
499
                            row_vec3 Qpos(4);
500
                            Qpos[0] = RF.getOrigin() + RF.getRotationMatrix() * vec3(Delta_X, 0.0, 0.0);
501
                            Qpos[1] = RF.getOrigin() - RF.getRotationMatrix() * vec3(Delta_X, 0.0, 0.0);
502
                            Qpos[2] = RF.getOrigin() + RF.getRotationMatrix() * vec3(0.0, Delta_Y, 0.0);
503
                            Qpos[3] = RF.getOrigin() - RF.getRotationMatrix() * vec3(0.0, Delta_Y, 0.0);
504
                            \ensuremath{//} Find intersection in the four positions
                            real_type Friction = 0.0;
505
506
                            for (unsigned i = 0; i < 4; ++i) {
507
                                    Friction += pointSampling(intersectionTriPtr, Qpos[i], -RF.getZ(),
508
                                                                                                                                 SampledPtsVec[i]);
509
510
                            ContactFriction = Friction / 4.0;
                    }
511
512
513
                    //! Find the normal vector of the local track plane and local contact point.
514
                     void
515
                    MagicFormula::calculateLocalRoadPlane(
516
                                  RDF::TriangleRoad_list const &
517
                                                  intersectionTriPtr //!< Intersected triangles vector</pre>
518
                    ) {
519
                           // Check if there is an orientation % \left( 1\right) =\left( 1\right) \left( 
520
                            if (RF.isEmpty()) {
521
                                   RDF_ERROR("Tire has no reference frame associated!");
522
                                    ContactNormal = vec3_NaN;
523
                                   ContactPoint = vec3_NaN;
524
                            }
525
                            // Perform the terrain sampling;
526
                            row_vec3 Qvec(4);
527
                            fourPointsSampling(intersectionTriPtr, Qvec);
528
                            // Calculate normal of the local track plane
529
                            ContactNormal = ((Qvec[0] - Qvec[1]).cross(Qvec[2] - Qvec[3])).normalized();
530
                            // Calculate first guess of local contact point
531
                            vec3 P_star(0.0, 0.0, 0.0);
                            for (unsigned i = 0; i < 4; ++i)
532
533
                                  P_star += Qvec[i];
534
                            P_star /= 4;
                            // Calculate real local contact point
535
536
                            real_type dist = (RF.getOrigin() - P_star).dot(ContactNormal);
537
                            ContactPoint = RF.getOrigin() - ContactNormal * dist;
538
                            // Update relative camber
539
                            calculateRelativeCamber(Qvec);
540
541
542
                    //! Calculate the relative camber angle [rad].
543
                    void
544
                    MagicFormula::calculateRelativeCamber(
545
                        row_vec3 const & Qvec //!< Intersection points vector
546 ) {
547
                            vec3 Q3( RF.getRotationMatrixInverse(Qvec[2]-RF.getOrigin()) );
548
                            vec3 Q4( RF.getRotationMatrixInverse(Qvec[3]-RF.getOrigin()) );
549
                            \label{eq:camber} \textit{RelativeCamber = - std::} \\ \texttt{atan2(Q3.z()-Q4.z(), Q3.y()-Q4.y()); // - per regola della mano destralia della della mano destralia della della mano destralia della 
550
551
552 } // namespace PatchTire
```

C.1 Tests Geometrici

C.1.1 Geometry-test1.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 1 - RAY/TRIANGLE INTERSECTION ON TRIANGLE EDGE
3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 std::cout
      << " GEOMETRY TEST 1 - RAY/TRIANGLE INTERSECTION ON TRIANGLE EDGE\n"</pre>
       << "Angle\tIntersections\n";</pre>
16
17 RDF::vec3 V1[3];
18 V1[0] = RDF::vec3(1.0, 0.0, 0.0);
19 V1[1] = RDF::vec3(0.0, 1.0, 0.0);
20 V1[2] = RDF::vec3(-1.0, 0.0, 0.0);
22 RDF::vec3 V2[3];
    V2[0] = RDF::vec3(-1.0, 0.0, 0.0);
24 V2[1] = RDF::vec3(0.0, -1.0, 0.0);
25 V2[2] = RDF::vec3(1.0, 0.0, 0.0);
27
    // Initialize generic Triangle3D
    RDF::TriangleRoad Triangle1(V1, 0.0);
     RDF::TriangleRoad Triangle2(V2, 0.0);
    // Initialize rotation matrix
32
     RDF::mat3 Rot_X;
```

```
34 // Initialize intersection point
35
    RDF::vec3 IntersectionPointTri1, IntersectionPointTri2;
    bool IntersectionBoolTri1, IntersectionBoolTri2;
37
38 // Initialize Ray
39
    RDF::vec3 RayOrigin
                           = RDF::vec3(0.0, 0.0, 0.0);
    RDF::vec3 RayDirection = RDF::vec3(0.0, 0.0, -1.0);
41
42
     // Perform intersection at 0.5° step
43
    for ( RDF::real_type angle = 0;
44
           angle < G2lib::m_pi;</pre>
45
           angle += G2lib::m_pi / 360.0 ) {
46
47
       Rot_X \ll 1,
                            0,
                0, cos(angle), -sin(angle), 0, sin(angle), cos(angle);
48
49
50
51
       // Initialize vertices
       RDF::vec3 VerticesTri1[3], VerticesTri2[3];
52
53
54
       VerticesTri1[0] = Rot_X * V1[0];
55
       VerticesTri1[1] = Rot_X * V1[1];
       VerticesTri1[2] = Rot_X * V1[2];
57
58
       VerticesTri2[0] = Rot_X * V2[0];
       VerticesTri2[1] = Rot_X * V2[1];
59
60
       VerticesTri2[2] = Rot_X * V2[2];
61
62
       Triangle1.setVertices(VerticesTri1);
63
       Triangle2.setVertices(VerticesTri2);
64
65
       IntersectionBoolTri1 = Triangle1.intersectRay(
66
        RayOrigin, RayDirection, IntersectionPointTri1
67
68
       IntersectionBoolTri2 = Triangle2.intersectRay(
69
         RayOrigin, RayDirection, IntersectionPointTri2
70
71
       std::cout
73
         << angle * 180.0 / G2lib::m_pi << "°\t"
74
         << "T1 -> " << IntersectionBoolTri1 << ", T2 -> "
75
         << IntersectionBoolTri2 << std::endl;</pre>
76
77
       // ERROR if no one of the two triangles is hit
78
      if (!IntersectionBoolTri1 && !IntersectionBoolTri2) {
79
         std::cout << "GEOMETRY TEST 1: Failed\n";</pre>
80
         break;
81
82
   }
83
    // Print triangle normal vector
84
85 RDF::vec3 N1 = Triangle1.Normal();
86
    RDF::vec3 N2 = Triangle2.Normal();
87
    std::cout
     << "\nTriangle 1 face normal = [" << N1[0] << ", " << N1[1] << ", " << N1[2] << "]"
<< "\nTriangle 2 face normal = [" << N2[0] << ", " << N2[1] << ", " << N2[2] << "]"</pre>
89
90
      << "\n\n\GEOMETRY TEST 1: Completed\n";</pre>
92
   // Exit the program
93
    return 0;
```

C.1.2 Geometry-test2.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 2 - SEGMENT CIRCLE INTERSECTION
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 \; \mbox{\sc \#include} \; \mbox{\sc "RoadRDF.hh"} \; \; \; \; // \; \mbox{\sc Tire Data Processing}
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize disk
14 PatchTire::Disk NewDisk(RDF::vec2(0.0, 0.0), 0.0, 1.0);
15
16 // Initialize segments points
17
    RDF::vec2 SegIn1PtA = RDF::vec2(0.0, 0.0);
    RDF::vec2 SegIn1PtB = RDF::vec2(0.0, 1.0);
18
19
    RDF::vec2 SegIn2PtA = RDF::vec2(-2.0, 0.0);
21
    RDF::vec2 SegIn2PtB = RDF::vec2(2.0, 0.0);
22
     RDF::vec2 SegOutPtA = RDF::vec2(1.0, 2.0);
24
    RDF::vec2 SegOutPtB = RDF::vec2(-1.0, 2.0);
25
     RDF::vec2 SegTangPtA = RDF::vec2(1.0, 1.0);
26
27
    RDF::vec2 SegTangPtB = RDF::vec2(-1.0, 1.0);
28
29
     // Initialize intersection points and output types
30
    RDF::vec2 IntSegIn1_1, IntSegIn1_2, IntSegIn2_1, IntSegIn2_2, IntSegOut_1,
31
         IntSegOut_2, IntSegTang_1, IntSegTang_2;
32
    RDF::int_type PtIn1, PtIn2, PtOut, PtTang;
33
34
     // Calculate intersections
35
    PtIn1 = NewDisk.intersectSegment(
36
      SegIn1PtA, SegIn1PtB, IntSegIn1_1, IntSegIn1_2
37
     ):
38
    PtIn2 = NewDisk.intersectSegment(
39
      SegIn2PtA, SegIn2PtB, IntSegIn2_1, IntSegIn2_2
40
    );
41
    PtOut = NewDisk.intersectSegment(
42
      SegOutPtA, SegOutPtB, IntSegOut_1, IntSegOut_2
43
44
     PtTang = NewDisk.intersectSegment(
      SegTangPtA, SegTangPtB, IntSegTang_1, IntSegTang_2
45
46
47
    // Diplay results
48
49
50
       << "GEOMETRY TEST 2 - SEGMENT DISK INTERSECTION\n\n"</pre>
51
       << "Radius = " << NewDisk.getRadius() << std::endl</pre>
52
       << "Origin = [" << NewDisk.getOriginXZ().x() << ", " << NewDisk.getOriginXZ().y() << "]\n"</pre>
53
       << std::endl
       << "Segment 1 with two intersections -> " << PtIn1 << " intersections found\n"
54
       << "Segment Point A\t= [" << SegIn1PtA.x() << ", " << SegIn1PtA.y() << "]\n" << "SegIn1PtB.y() << "]\n"</pre>
56
57
       << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegIn1_1.x() << ", " << IntSegIn1_1.y() << "]\n"
       << "Intersection Point 2\t= [" << IntSegIn1_2.x() << ", " << IntSegIn1_2.y() << "]\n"</pre>
59
60
       << "Segment 2 with two intersections \mbox{->} " << PtIn2 << " intersections found\n"
       << "Segment Point A\t= [" << SegIn2PtA.x() << ", " << SegIn2PtA.y() << "]\n"
61
       << "Segment Point B\t= [" << SegIn2PtB.x() << ", " << SegIn2PtB.y() << "]\n"
62
       << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegIn2_1.x() << ", " << IntSegIn2_1.y() << "]\n"
<< "Intersection Point 2\t= [" << IntSegIn2_2.x() << ", " << IntSegIn2_2.y() << "]\n"</pre>
64
65
       << std::endl
```

```
<< "Segment with no intersections \mbox{->} " << PtOut << " intersections found\n"
        << "Segment Point A\t= [" << SegOutPtA.x() << ", " << SegOutPtA.y() << "]\n"
67
        << "Segment Point B\t= [" << SegOutPtB.x() << ", " << SegOutPtB.y() << "]\n"
68
        << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegOut_1.x() << ", " << IntSegOut_1.y() << "]\n" 
<< "Intersection Point 2\t= [" << IntSegOut_2.x() << ", " << IntSegOut_2.y() << "]\n"</pre>
70
71
        << std::endl
        << "Segment with one intersection \mbox{->} " << PtTang << " intersection found\n"
        << "Segment Point A\t= [" << SegTangPtA.x() << ", " << SegTangPtA.y() << "]\n"
73
        << "Segment Point B\t= [" << SegTangPtB.x() << ", " << SegTangPtB.y() << "]\n"
       << "Intersection Point 1\t= [" << IntSegTang_1.x() << ", " << IntSegTang_1.y() << "]\n"
<< "Intersection Point 2\t= [" << IntSegTang_2.x() << ", " << IntSegTang_2.y() << "]\n"</pre>
75
76
        << "\nCheck the results...\n"
78
        << "\nGEOMETRY TEST 2: Completed\n";</pre>
    // Exit the program
81 return 0;
82 }
```

C.1.3 Geometry-test3.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 3 - POINT INSIDE CIRCLE
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 // Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize disk
14 PatchTire::Disk NewDisk(RDF::vec2(0.0, 0.0), 0.0, 1.0);
15
16 // Query points and intersection bools
17 RDF::vec2 PointIn = RDF::vec2(0.0, 0.0);
                         = RDF::vec2(2.0, 0.0);
18 RDF::vec2 PointOut
19     RDF::vec2 PointBorder = RDF::vec2(1.0, 0.0);
20
21 bool PtInBool, PtOutBool, PtBordBool;
22
23 // Calculate intersection
24 PtInBool = NewDisk.isPointInside( PointIn );
25 PtOutBool = NewDisk.isPointInside( PointOut );
26 PtBordBool = NewDisk.isPointInside( PointBorder );
27
28 std::cout
    << "GEOMETRY TEST 3 - POINT INSIDE DISK\n\n"</pre>
30
     << "Radius = " << NewDisk.getRadius() << std::endl</pre>
     << "Origin = [" << NewDisk.getOriginXZ().x() << ", " << NewDisk.getOriginXZ().y() << "]\n";</pre>
31
32
33
   // Show results
34
    if ( PtInBool && !PtOutBool && PtBordBool ) {
35
     std::cout
36
        << "Point inside\t= ["
37
        << PointIn.x() << ", " << PointIn.y() << "] -> Bool = " << PtInBool << std::endl</pre>
38
        << "Point outside\t= ["
39
        << PointOut.x() << ", " << PointOut.y() << "] -> Bool = " << PtOutBool << std::endl</pre>
40
        << "Point on border\t= ["
        << PointBorder.x() << ", " << PointBorder.y() << "] \rightarrow Bool = "<< PtBordBool
41
42
43 } else {
44
      std::cout << "GEOMETRY TEST 3: Failed";</pre>
```

```
45  }
46
47  std::cout << "\nGEOMETRY TEST 3: Completed\n";
48
49    // Exit the program
50  return 0;
51 }</pre>
```

C.1.4 Geometry-test4.cc

```
1 // GEOMETRY TEST 4 - POINT ON SEGMENT
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
10 \, / / Main function
11 int
12 main() {
13 // Initialize segment points
14 RDF::vec2 PointA = RDF::vec2(0.0, 0.0);
15 RDF::vec2 PointB = RDF::vec2(1.0, 1.0);
17
    // Query points and intersection bools
18
    RDF::vec2 PointIn = RDF::vec2(0.5, 0.5);
                         = RDF::vec2(-1.0, -1.0);
    RDF::vec2 PointOut
20 RDF::vec2 PointBorder = RDF::vec2(1.0, 1.0);
21
22 // Calculate intersection
    bool PtInBool = PatchTire::algorithms::intersectPointSegment(PointA, PointB, PointIn);
    bool PtOutBool = PatchTire::algorithms::intersectPointSegment(PointA, PointB, PointOut);
    bool PtBordBool = PatchTire::algorithms::intersectPointSegment(PointA, PointB, PointBorder);
27
    std::cout
     << "GEOMETRY TEST 4 - POINT ON SEGMENT\n\n"</pre>
28
29
      << "Point A = [" << PointA[0] << ", " << PointA[1] << "]\n"
30
      << "Point B = [" << PointB[0] << ", " << PointB[1] << "]\n\n";</pre>
31
    // Show results
33
    if (PtInBool && !PtOutBool && PtBordBool ) {
34
        << "Point inside\t= ["
        << PointIn[0] << ", " << PointIn[1] << "] -> Bool = " << PtInBool</pre>
36
37
         << "\nPoint outside\t= ["
        << PointOut[0] << ", " << PointOut[1] << "] -> Bool = " << PtOutBool</pre>
38
39
         << "\nPoint on border\t= ["
40
         << PointBorder[0] << ", " << PointBorder[1] << "] -> Bool = " << PtBordBool</pre>
41
         << std::endl:
42
    } else {
43
      std::cout << "GEOMETRY TEST 4: Failed";</pre>
44
45
46 std::cout << "\nGEOMETRY TEST 4: Completed\n";
48 // Exit the program
49 return 0;
50 }
```

C.2 Tests per il Modello Magic Formula

C.2.1 MagicFormula-test1.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 1 - LOAD THE DATA FROM THE RDF FILE THEN PRINT IT INTO
 2 // A FILE Out.txt. THEN CHARGE THE TIRE DATA AND ASSOCIATE THE CURRENT MESH TO
5 #include <chrono> // chrono - STD Time Measurement Library
6 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 7 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
9 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
10 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
11 #include "TicToc.hh"
                           // Processing Time Library
13 // Main function
14 int
15 main() {
16
17
    try {
18
19
       // Instantiate a TicToc object
20
      TicToc tictoc;
21
22
      std::cout
       << "MAGIC FORMULA TIRE TEST 1 - CHECK INTERSECTION ON UNKNOWN MESH.\n\n";</pre>
23
24
26
      RDF::MeshSurface Road("./RDF_files/Eight.rdf");
27
28
      // Print OutMesh.txt file
29
      // Road.printData("OutMesh.txt");
30
31
      // Make a new tire
      PatchTire::ETRTO Tire;
32
33
      Tire = PatchTire::ETRTO(205, 60, 15);
34
35
       // Display current tire data on command line
36
       Tire.print(std::cout);
37
38
       // Orient the tire in the space
39
      RDF::real_type Yaw = 0.1*G2lib::m_pi;
40
      RDF::real_type Camber = 0.1*G2lib::m_pi;
41
42
       // Transformation matrix for X and Z-axis rotation
43
       TireGround::mat3 Rot_Z;
      Rot_Z << cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,</pre>
45
              sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
46
                       0,
                                  0, 1;
      TireGround::mat3 Rot_X;
47
48
      Rot_X \ll 1,
                          0,
49
                0, cos(Camber), -sin(Camber),
                0, sin(Camber), cos(Camber);
51
       // Update Rotation Matrix
52
       TireGround: :mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
53
54
       TireGround::vec3 Origin(0.8, 19.0, 0.26); //0.8, 19.0, 0.26
55
      PatchTire::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
56
57
       // Initialize the Magic Formula Tire
58
      PatchTire::MagicFormula TireSD( Tire );
59
```

```
// Start chronometer
61
      tictoc.tic();
62
      // Set an orientation and calculate parameters
63
64
      TireSD.setup( Road, Pose.getTotalTransformationMatrix(), true);
65
66
       /* Example: Get results
       | PatchTire::vec3 N = TireSD.getContactNormal();
67
68
       | PatchTire::vec3 P = TireSD.getContactPoint();
       | PatchTire::real_type RelCamber = TireSD.getRelativeCamber();
69
70
       | PatchTire::real_type ContactFriction = TireSD.getContactFriction();
71
       | PatchTire::real_type Depth = TireSD.getContactDepth();
       | PatchTire::real_type Area = TireSD.getContactArea();
72
73
       | PatchTire::real_type Volume = TireSD.getContactVolume();
74
75
76
      // Stop chronometer
77
      tictoc.toc();
78
79
      // This constructs a duration object using milliseconds
80
      std::cont
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"</pre>
81
         << "\nCheck the results...\n"
        << "\nMAGIC FORMULA TIRE TEST 1: Completed\n";</pre>
83
84
85
    } catch ( std::exception const & exc ) {
86
      std::cerr << exc.what() << '\n';
87
   catch (...) {
89
      std::cerr << "Unknown error\n";</pre>
90 }
91 }
```

C.2.2 MagicFormula-test2.cc

```
1 // PATCH EVALUATION TEST 2 - CHECK MF_Pacejka_SCP INTERSECTION
 3 #include <fstream> // fStream - STD File I/O Library
 4 #include <iostream> // Iostream - STD I/O Library
 5 #include <string> // String - STD String Library
 7 #include "PatchTire.hh" // Tire Data Processing
 8 #include "RoadRDF.hh" // Tire Data Processing
 9 #include "TicToc.hh"
                         // Processing Time Library
11 // Main function
12 int
13 main() {
14
15
    try {
16
      // Instantiate a TicToc object
17
18
      TicToc tictoc;
19
20
      std::cout
21
        << "MAGIC FORMULA TIRE TEST 2 - CHECK INTERSECTION ON KNOWN MESH.\n\n";</pre>
22
23
      // Initialize a quite big triangle
24
      RDF::vec3 Vertices[3];
25
      Vertices[0] = RDF::vec3(100.0, 0.0, 0.0);
26
      Vertices[1] = RDF::vec3(0.0, 100.0, 0.0);
27
      Vertices[2] = RDF::vec3(0.0, -100.0, 0.0);
28
      RDF::TriangleRoad_list PtrTriangleVec;
29
      PtrTriangleVec.push_back( RDF::TriangleRoad_ptr( new RDF::TriangleRoad(Vertices, 0.0) ) );
```

```
30
31
      // Build the mesh
32
      RDF::MeshSurface Road(PtrTriangleVec);
33
34
      // Make a new tire
35
      PatchTire::ETRTO Tire;
      Tire = PatchTire::ETRTO(205, 60, 15);
36
37
38
      // Display current tire data on command line
39
      Tire.print(std::cout);
40
41
      // Orient the tire in the space
42
      RDF::real_type Yaw = 0.1*G2lib::m_pi;
43
      RDF::real_type Camber = 0.1*G2lib::m_pi;
44
45
      // Transformation matrix for X and Z-axis rotation
46
      TireGround::mat3 Rot_Z;
47
      Rot_Z \ll cos(Yaw), -sin(Yaw), 0,
48
               sin(Yaw), cos(Yaw), 0,
49
                      0,
      TireGround::mat3 Rot_X;
50
51
      Rot_X << 1,
                           0,
               0, cos(Camber), -sin(Camber),
               0, sin(Camber), cos(Camber);
53
54
      // Update Rotation Matrix
      TireGround::mat3 RotMat = Rot_Z * Rot_X;
55
56
57
      TireGround::vec3 Origin(50.0, 10.0, 0.26);
58
      PatchTire::ReferenceFrame Pose(Origin, RotMat);
59
60
      // Initialize the Magic Formula Tire
61
      PatchTire::MagicFormula TireSD( Tire );
62
63
      // Start chronometer
64
      tictoc.tic();
65
      // Set an orientation and calculate parameters (true = print results)
66
67
      TireSD.setup( Road, Pose.getTotalTransformationMatrix(), true);
69
      /* Example: Get results
70
      | PatchTire::vec3 N = TireSD.getContactNormal();
      | PatchTire::vec3 P = TireSD.getContactPoint();
71
      | PatchTire::real_type RelCamber = TireSD.getRelativeCamber();
72
73
      | PatchTire::real_type ContactFriction = TireSD.getContactFriction();
      | PatchTire::real_type Depth = TireSD.getContactDepth();
74
75
      | PatchTire::real_type Area = TireSD.getContactArea();
76
      | PatchTire::real_type Volume = TireSD.getContactVolume();
77
78
79
      // Stop chronometer
80
      tictoc.toc();
81
82
      // This constructs a duration object using milliseconds
83
      std::cout
        << "Execution time = " << tictoc.elapsed_ms() << " ms\n"</pre>
85
        << "\nCheck the results...\n"
        << "\nMAGIC FORMULA TIRE TEST 2: Completed\n";</pre>
86
88
   } catch ( std::exception const & exc ) {
89
     std::cerr << exc.what() << '\n';
90
91
    catch (...) {
92
     std::cerr << "Unknown error\n";
93
94 }
```

Bibliografia

- [1] Lars Nyborg Egbert Bakker e Hans B. Pacejka. "Tyre Modelling for Use in Vehicle Dynamics Studies". In: *SAE Transactions* 96 (1987), pp. 190–204. ISSN: 0096736X.
- [2] Juan J. Jiménez, Rafael J. Segura e Francisco R. Feito. "A Robust Segment/-Triangle Intersection Algorithm for Interference Tests. Efficiency Study". In: Comput. Geom. Theory Appl. 43.5 (lug. 2010), pp. 474–492. ISSN: 0925-7721. DOI: 10.1016/j.comgeo.2009.10.001. URL: http://dx.doi.org/10.1016/j.comgeo.2009.10.001.
- [3] Dick De Waard Karel A. Brookhuis e Wiel H. Janssen. "Behavioural impacts of advanced driver assistance systems—an overview". In: *European Journal of Transport and Infrastructure Research 1.3* (2019).
- [4] Matteo Larcher. "Development of a 14 Degrees of Freedom Vehicle Model for Realtime Simulations in 3D Environment". Master Thesis. University of Trento.
- [5] Anu Maria. "Introduction to modeling and simulation". In: *Winter simulation conference* 29 (gen. 1997), pp. 7–13.
- [6] Tomas Möller e Ben Trumbore. "Fast, Minimum Storage Ray-triangle Intersection". In: *J. Graph. Tools* 2.1 (ott. 1997), pp. 21–28. ISSN: 1086-7651. DOI: 10.1080/10867651.1997.10487468. URL: http://dx.doi.org/10.1080/10867651.1997.10487468.
- [7] Hans Pacejka. Tire and vehicle dynamics, 3rd Edition. 2012.
- [8] Georg Rill. Road vehicle dynamics: fundamentals and modeling. 2011.