

Facultad de Ingeniera Escuela de Informtica y Telecomunicaciones

Metodos Numéricos: Tarea 2

Thomas Muñoz , Diego Vilches , Javiera Araya , Ignacio Yanjari.

Índice general

1.	Introducción	3
	Resolución de sistema de ecuaciones lineales 2.1. Programación	
3.	Aproximación de funciones	22
4.	Integración de funciones	2 5
5.	Conclusión	28

Índice de figuras

2.1.	Gráfico del número de condición para una matriz de Hilbert de tamaño n	4
2.2.	Gráfico del error relativo rfe	6
2.3.	Gráfico del error relativo rfb	7
	Gráfico de $\frac{rfe}{rhe}$	
2.5.	Gráfico n vs $K(A)$	9
3.1.	enunciado	2
	interpolación Spline cubica	
	interpolación Spline cubica suavizante	
	interpolación Lagrange parte inferior de auto	
	interpolación lagrange parte superior de auto	
4.1.	Ancho del rio W, respecto a la altura z	Į.
	fuerza o presión en cada tramo calculado	
	presión en cota a mayor profundidad	
	Curva lado derecho de la presa, interpolación polinómica de Lagrange	
	Curva lado izquierdo de la presa, interpolación por spline cubico	

1. Introducción

El presente informe tiene como objetivo ver y analizar el funcionamiento de los métodos vistos en catedra, los cuales se centrara en tres ejes fundamentales que son:

- 1. Resolución de sistemas lineales.
- 2. Aproximación de funciones.
- 3. Integración de funciones.

En la resolución de sistemas lineales la finalidad es que a lo largo del trabajo se oriente en ocupar métodos con el fin de obtener una solución para determinado sistema para ello se hará uso de diversas factorizaciones como LU o Cholesky, asi tambien el uso de métodos muy importantes como el de Jacobi o Gauss-Seidel, entre otros, de manera que sea más simple la resolución del sistema. Por otra parte y dentro de este mismo item se verá si una matriz está bien condicionada y en determinados casos calcular los errores que se pueden dar en la obtención de soluciones con los métodos utilizados. En lo que se refiere a aproximación de funciones e integración de funciones, los métodos para interpolar serán el enfoque principal para poder aproximar determinados contornos de figuras específicas, también es importante destacar el uso de la formula el trapecio compuesto que será útil para aproximar integrales definidas.

2. Resolución de sistema de ecuaciones lineales

2.1. Programación

2.2. Aplicación de los esquemas programados

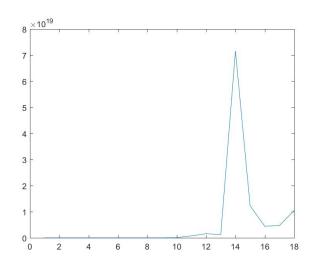


Figura 2.1: Gráfico del número de condición para una matriz de Hilbert de tamaño n

- 1. a) Se puede observar en figura 2.1 que entre más grande es el tamaño de la matriz de Hilbert, más grande es su número de condición. Este, al estar significativamente alejado del 1, implica que la matriz está mal condicionada.
 - *b*) Para n=6:

$$x_a = \left(\begin{array}{c} 1.0\\ 1.0\\ 1.0\\ 1.0\\ 1.0\\ 1.0\\ 1.0 \end{array}\right)$$

■ Para n=10:

$$x_a = \begin{pmatrix} 1.0 \\ 1.0 \\ 1.0 \\ 1.0 \\ 1.0 \\ 1.0 \\ 0.9998 \\ 1.0 \\ 0.9999 \\ 1.0 \end{pmatrix}$$

Para n=20:
$$x_a = \begin{cases}
1.0 \\
1.0 \\
0.9992 \\
1.008 \\
0.9865 \\
0.6493 \\
4.094 \\
-11.3 \\
28.09 \\
-30.78 \\
14.27 \\
5.74 \\
8.759 \\
-22.04 \\
9.068 \\
0.1336 \\
29.05 \\
-42.82 \\
26.48 \\
-4.379
\end{cases}$$

■ Para n=30:

```
1.0
          1.0
          1.0
         0.9929
         1.055
         0.7579
         1.695
        -0.8953
         7.118
         -14.6
         22.59
         -5.381
         -19.13
         19.89
         11.04
x_a =
         -26.6
         29.17
         -27.26
         32.59
         -26.64
         8.374
         -8.23
         29.33
         9.701
         -39.71
         -9.034
         39.38
         2.024
         -19.37
         8.151
```

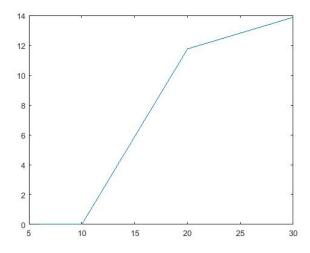


Figura 2.2: Gráfico del error relativo rfe

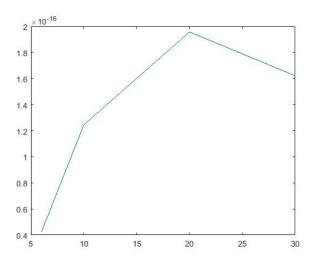


Figura 2.3: Gráfico del error relativo rfb

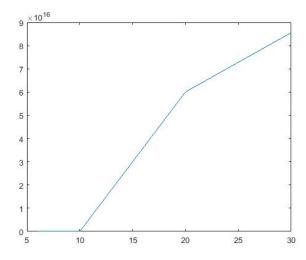


Figura 2.4: Gráfico de $\frac{rfe}{rbe}$

c) En el primer gráfico se puede observar que para matrices de menor tamaño, el error es despreciable, pero a medida que el tamaño de la matriz aumenta también lo hace su error. Esto se produce debido al mal condicionamiento de la matriz de Hilbert.

Para resolver este problema se ocuparon los siguientes archivos: Sol
LU.m, Factorizacion LU.m, Diag
Up.m y Diag Down.m

2. a) Usando la Factorización de Cholesky, encuentre la solución del sistema Ax = b, con $b \in \mathbb{R}^n$ un

vector de unos, cuando n = 10, 20, 30.

$\begin{pmatrix} 0.9954\\ 1.0912\\ 1.2954\\ 1.3919\\ 1.4450\\ 0.9860\\ 1.0786\\ 1.2779\\ 1.3690\\ 1.4156\\ 1.4739\\ 1.3690\\ 1.4156\\ 1.4739\\ 1.5073\\ 1.5207\\ 1.5233\\ 1.5040\\ 1.4823\\ 1.6590\\ 0.8574\\ 0.8229\\ 0.6498 \end{pmatrix}$ $2) \begin{pmatrix} 0.8160\\ 0.9860\\ 1.0786\\ 1.2779\\ 1.3690\\ 1.4739\\ 1.5207\\ 1.5207\\ 1.52207\\ 1.5233\\ 1.5040\\ 1.4823\\ 1.4311\\ 1.3565\\ 1.3074\\ 1.1858\\ 0.9651\\ 0.9069\\ 0.7025 \end{pmatrix}$ $3) \begin{pmatrix} 1.6408\\ 1.6530\\ 1.6548\\ 1.6523\\ 1.6125\\ 1.5207\\ 1.5265\\ 1.3074\\ 1.1858\\ 0.9651\\ 0.9069\\ 0.7025 \end{pmatrix}$
--

b) Para n = 10 hasta n = 60, cálcule el número condición de la matriz A (use la norma $\|.\|_{\infty}$). Represente en una gráfica el resultado obtenido (n vs. cond(A)). Que puede decir de la matriz A.

La gráfica obtenida fue la siguiente :

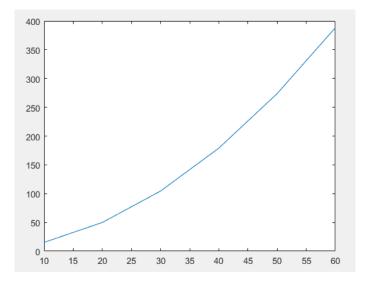


Figura 2.5: Gráfico n vs K(A)

Gracias a el resultado obtenido se puede apreciar claramente un aumento casi cuadrático del mal comportamiento de la matriz a mientras incrementa su orden matricial. Esto quiere decir que a medida que aumenta el tamaño de la matriz el determinante tiende a cero rapidamente.

- $3. \quad a)$
 - b) Cuando se ocupa el método de Richardson, este no converge para ninguno de los tres casos, ya que los valores del radio espectral de la matriz definida por I-A son mayores a 1. Teniendo valores de 2.9854, 2.9962, 2.9973 para n=25, n=50 y n=60 respectivamente.
 - Al ocupar el método de Jacobi con una tolerancia de 0.0001, se obtienen los siguientes valores para:

```
0.0215
                                            0.04301
                                           0.06448
                                           0.08595
                                            0.1074
                                            0.1288
                                            0.1501
                                            0.1715
                                            0.1927
                                            0.2139
                                            0.235
                                            0.2561
                                            0.277
                0.03939
                                            0.2979
                0.07875
                                            0.3187
                0.1181
                                            0.3394
                0.1574
                                             0.36
                0.1967
                                            0.3805
                0.2358
                                            0.4009
                 0.275
                                            0.4212
                 0.314
                                            0.4414
                 0.353
                                            0.4615
                 0.3917
                                            0.4814
                 0.4305
                                            0.5013
                 0.4691
                                            0.521
n = 25: x_a =
                           n = 50: x_a =
                 0.5077
                                            0.5406
                 0.546
                                            0.5601
                 0.5844
                                            0.5795
                 0.6225
                                            0.5987
                 0.6606
                                            0.6179
                 0.6986
                                            0.6369
                 0.7365
                                            0.6558
                0.7743
                                            0.6746
                0.8121
                                            0.6934
                0.8497
                                            0.7119
                0.8873
                                            0.7305
                 0.9249
                                            0.7489
                0.9625
                                            0.7672
                                            0.7854
                                            0.8036
                                            0.8217
                                            0.8398
                                            0.8577
                                            0.8756
                                            0.8935
                                            0.9113
                                            0.9291
                                            0.9468
                                            0.9646
                                            0.9823
```

0.037390.056080.074740.093390.1120.13060.14910.16760.1860.20440.22270.24090.25910.27720.29520.31310.33090.34870.36630.38380.40120.41860.43570.45290.46980.48670.50340.52010.5366 $n = 60: x_a =$ 0.5530.56920.58540.60140.61740.63320.64890.66440.67990.69530.71060.72570.74080.75570.77060.78530.80010.81470.82930.84370.85810.87250.88680.9010.91530.9294

0.0187

0.94360.95770.9718 Cuando se utiliza el método de Gauss-Seidel con la misma tolerancia, los resultados son los siguientes:

```
0.021
                                             0.04198
                                             0.06295
                                             0.0839
                                             0.1048
                                             0.1257
                                             0.1466
                                             0.1674
                                             0.1882
                                             0.2089
                                             0.2296
                                             0.2502
                                             0.2707
                 0.03939
                                             0.2912
                 0.07875
                                             0.3116
                 0.1181
                                             0.332
                 0.1574
                                             0.3523
                 0.1967
                                             0.3725
                 0.2358
                                             0.3926
                  0.275
                                             0.4127
                  0.314
                                             0.4326
                  0.353
                                             0.4525
                 0.3917
                                             0.4723
                 0.4305
                                             0.4921
                 0.4691
                                             0.5117
n = 25: x_a =
                            n = 50: x_a =
                 0.5077
                                             0.5313
                  0.546
                                             0.5508
                 0.5844
                                             0.5702
                 0.6225
                                             0.5895
                 0.6606
                                             0.6088
                 0.6986
                                             0.6279
                 0.7365
                                             0.647
                 0.7743
                                             0.6661
                 0.8121
                                             0.685
                 0.8497
                                             0.7039
                 0.8873
                                             0.7227
                 0.9249
                                             0.7415
                 0.9625
                                             0.7602
                                             0.7788
                                             0.7974
                                             0.816
                                             0.8345
                                             0.853
                                             0.8714
                                             0.8898
                                             0.9082
                                             0.9266
                                             0.945
                                             0.9633
                                             0.9817
```

0.037390.056080.074740.093390.1120.13060.14910.16760.1860.20440.22270.24090.25910.27720.29520.31310.33090.34870.36630.38380.40120.41860.43570.45290.46980.48670.50340.52010.53660.5530.56920.58540.60140.61740.63320.64890.66440.67990.69530.71060.72570.74080.75570.77060.78530.80010.81470.82930.84370.85810.87250.88680.9010.91530.92940.9436

0.9577 0.9718

 $n = 60: x_a =$

0.0187

13

■ Finalmente, al utilizar el método de Relajación, se se encuentran las siguientes soluciones, dependiendo del valor de w:

```
0.02703
                                                       0.05402
                                                       0.08095
                                                        0.1078
                                                        0.1345
                                                        0.1611
                                                        0.1875
                                                        0.2137
                                                        0.2397
                                                        0.2654
                                                        0.2908
                                                        0.316
                                                        0.3409
                           0.04188
                                                        0.3654
                           0.08371
                                                        0.3895
                            0.1254
                                                        0.4133
                            0.167
                                                        0.4367
                            0.2083
                                                        0.4597
                            0.2495
                                                        0.4823
                            0.2903
                                                        0.5045
                            0.3308
                                                        0.5263
                            0.371
                                                        0.5476
                            0.4108
                                                        0.5684
                            0.4502
                                                        0.5888
                            0.4893
                                                        0.6088
• w = 0.5: n = 25: x_a =
                                       n = 50: x_a =
                            0.5279
                                                        0.6283
                            0.5661
                                                        0.6474
                            0.6039
                                                        0.666
                            0.6413
                                                        0.6842
                            0.6784
                                                        0.7019
                            0.7151
                                                        0.7192
                            0.7515
                                                        0.7361
                            0.7875
                                                        0.7526
                            0.8233
                                                        0.7687
                            0.8589
                                                        0.7845
                            0.8944
                                                        0.7998
                            0.9296
                                                        0.8148
                            0.9648
                                                        0.8295
                                                        0.8438
                                                        0.8579
                                                        0.8717
                                                        0.8852
                                                        0.8986
                                                        0.9117
                                                        0.9246
                                                        0.9374
                                                        0.9501
                                                        0.9627
                                                        0.9751
                                                        0.9876
```

0.05180.077620.10340.1290.15450.17980.20490.22990.25450.2790.30310.3270.35050.37370.39650.41890.4410.46270.48390.50470.52510.5450.56440.58340.60190.620.63760.65460.6713 $n = 60: x_a =$ 0.68740.70310.71830.7330.74730.76110.77450.78740.79990.8120.82370.83510.8460.85660.86690.87680.88640.89580.90490.91370.92230.93060.93880.94680.95470.96240.9701

 $0.9776 \\ 0.9851$

0.02591

15

```
0.02336
                                                       0.0467
                                                        0.07
                                                      0.09326
                                                      0.1165
                                                       0.1396
                                                       0.1626
                                                       0.1855
                                                       0.2083
                                                       0.231
                                                       0.2536
                                                       0.276
                                                       0.2982
                           0.04028
                                                       0.3203
                           0.08052
                                                       0.3422
                           0.1207
                                                       0.3639
                           0.1608
                                                       0.3855
                           0.2008
                                                       0.4068
                           0.2406
                                                       0.4279
                           0.2803
                                                       0.4488
                           0.3199
                                                       0.4695
                           0.3592
                                                       0.49
                           0.3984
                                                       0.5102
                           0.4373
                                                       0.5302
                           0.4761
                                                       0.55
• w = 1.2: n = 25: x_a =
                           0.5146
                                      n = 50: x_a =
                                                       0.5696
                           0.5529
                                                       0.5889
                            0.591
                                                       0.608
                           0.6289
                                                       0.6269
                           0.6666
                                                       0.6456
                           0.7042
                                                       0.664
                           0.7415
                                                       0.6823
                           0.7787
                                                       0.7003
                           0.8158
                                                       0.7181
                           0.8528
                                                       0.7358
                           0.8896
                                                       0.7532
                           0.9265
                                                       0.7705
                           0.9632
                                                       0.7876
                                                       0.8046
                                                       0.8214
                                                       0.8381
                                                       0.8546
                                                       0.8711
                                                       0.8874
                                                       0.9036
                                                       0.9198
                                                       0.9359
                                                       0.952
                                                       0.968
                                                       0.984
```

0.062970.08390.10480.12560.14630.16690.18750.20790.22820.24840.26840.28830.3080.32760.3470.36620.38520.4040.42250.44090.45910.47710.49480.51230.52950.54660.56340.58 $n = 60: x_a =$ 0.59630.61240.62830.64390.65930.67450.68950.70420.71880.73310.74720.76110.77490.78840.80180.8150.82810.8410.85380.86640.8790.89140.90370.91590.92810.9401

0.02101 0.04201

0.95220.96420.9761

```
0.02269
                                                        0.04537
                                                        0.06802
                                                        0.09063
                                                        0.1132
                                                        0.1357
                                                        0.1581
                                                        0.1804
                                                        0.2027
                                                        0.2248
                                                        0.2468
                                                        0.2687
                                                        0.2905
                            0.03998
                                                        0.3122
                            0.07992
                                                        0.3336
                            0.1198
                                                         0.355
                            0.1596
                                                        0.3761
                            0.1993
                                                        0.3972
                             0.239
                                                         0.418
                            0.2784
                                                        0.4387
                            0.3178
                                                        0.4591
                             0.357
                                                        0.4795
                             0.396
                                                        0.4996
                             0.4349
                                                        0.5195
                             0.4736
                                                        0.5393
• w = 1.65: n = 25: x_a =
                             0.5121
                                       n = 50: x_a =
                                                        0.5588
                             0.5504
                                                        0.5782
                             0.5886
                                                        0.5974
                            0.6266
                                                        0.6164
                            0.6644
                                                        0.6352
                            0.7021
                                                        0.6539
                            0.7396
                                                        0.6724
                            0.7771
                                                        0.6907
                            0.8144
                                                        0.7088
                            0.8516
                                                        0.7268
                            0.8888
                                                        0.7447
                             0.9259
                                                        0.7624
                            0.9629
                                                        0.7799
                                                        0.7974
                                                        0.8147
                                                        0.8319
                                                         0.849
                                                         0.866
                                                        0.8829
                                                        0.8998
                                                        0.9166
                                                        0.9333
                                                         0.95
                                                        0.9667
                                                        0.9833
```

0.040330.060460.080560.10060.12060.14060.16040.18020.19990.21950.2390.25830.27760.29670.31570.33450.35320.37170.390.40820.42620.44410.46170.47920.49650.51360.53050.54730.5638 $n = 60: x_a =$ 0.58020.59630.61230.6280.64360.6590.67430.68930.70420.71890.73340.74780.7620.77610.790.80380.81750.83110.84450.85780.87110.88420.89730.91030.92320.9361

0.02017

0.94890.96170.9745

- c) Para todos los métodos se ocupó una tolerancia de 0.0001 y como criterio de parada se utilizó $\frac{\|x^{k+1}-x^k\|_2}{\|x^{k+1}\|_2} \leq 0.0001.$
 - Jacobi:

n	Iteraciones	Tiempo (s)	Convergencia	Error
25	603	0.2313	0.9927	0.0080
50	1594	0.8390	0.9927	0.0314
60	19999	1.1572	0.9987	0.0456

■ Gauss-Seidel:

n	Iteraciones	Tiempo	Convergencia	Error
25	603	0.0339	0.9855	0.008
50	1594	0.0716	0.9962	0.0314
60	19999	0.1228	0.9973	0.0456

■ Relajación:

• w = 0.5

n	Iteraciones	Tiempo	Convergencia	Error
25	1065	0.0154	0.9971	0.0290
50	2021	0.1959	0.9992	0.1210
60	2372	0.0204	0.9995	0.1824

• w = 1.2

n	Iteraciones	Tiempo	Convergencia	Error
25	683	0.0126	0.9943	0.0152
50	1649	0.0251	0.9986	0.0610
60	1972	0.0196	0.9990	0.0896

• w = 1.65

n	Iteraciones	Tiempo	Convergencia	Error
25	594	0.0123	0.9934	0.0126
50	1481	0.0176	0.9983	0.0500
60	1802	0.0180	0.9988	0.0732

Se puede observar que la cantidad de iteraciones y el error de los métodos de Gauss-Seidel y Jacobi tienen los mismos valores, aunque este último toma más tiempo.

Por otra, parte al analizar los resultados del método de Relajación para los diferentes valores de w, se puede percatar de que a entre más grande es el valor de w, más rápido converge, además de que disminuye el error.

d) Los resultados encontrados al utilizar la forma general del método de Gauss-Seidel, son:

$$\begin{array}{c} \begin{pmatrix} 0.03916 \\ 0.0783 \\ 0.1174 \\ 0.1565 \\ 0.1955 \\ 0.2345 \\ 0.2734 \\ 0.3122 \\ 0.351 \\ 0.3897 \\ 0.4283 \\ 0.4669 \\ 0.5053 \\ 0.5437 \\ 0.582 \\ 0.6203 \\ 0.6584 \\ 0.6965 \\ 0.7346 \\ 0.7726 \\ 0.8105 \\ 0.8485 \\ 0.8485 \\ 0.8864 \\ 0.9243 \\ 0.9621 \\ \end{pmatrix} \begin{array}{c} 0.03916 \\ 0.0783 \\ 0.1174 \\ 0.1565 \\ 0.1955 \\ 0.2345 \\ 0.2734 \\ 0.3122 \\ 0.3122 \\ 0.351 \\ 0.3897 \\ 0.4283 \\ 0.4669 \\ 0.5053 \\ 0.5437 \\ 0.582 \\ 0.6203 \\ 0.6584 \\ 0.6965 \\ 0.7346 \\ 0.7726 \\ 0.8105 \\ 0.8485 \\ 0.8864 \\ 0.9243 \\ 0.9621 \\ \end{array}$$

Con esta información se pueden armar las siguientes tabla comparativas:

■ Para n=25:

	General	Implementable
Tiempo	0.0183	0.0339
Iteraciones	320	603
Error	0.0055	0.0080

■ Para n=50:

	General	Implementable
Tiempo	0.0167	0.0716
Iteraciones	879	1594
Error	0.0220	0.0314

Con estos datos, se puede concluír que la forma general del método de Gauss-Seidel es mucho más efectiva a la hora de resolver un sistema que su contraparte implementable. Esto debido a que en ambos casos, la forma general presenta un menor tiempo de ejecución, una menor cantidad de iteracionas y un menor error.

Para responder esta pregunta se utilizaron los archivos GaussSeidel.m, Jacobi2.m, gs-implementable.m y Richardson.m

3. Aproximación de funciones

1. Se desea dibujar el contorno del auto de la siguiente foto:



Figura 3.1: enunciado.

Basado en esta figura se han obtenido los siguientes puntos:

xi	yi
2	5
2.7	7.8
3.8	9
7	10
8	10.2
10	10.3
13	10.4
16	14.5
18	15
21	15.4
25	15.5
30	14
36	5
10 13 16 18 21 25 30	10.3 10.4 14.5 15 15.4 15.5 14

Tabla 3.1: Puntos superiores.

xi	yi
2	5
3	4
7	7.9
12	3.8
22	4
29	4.6

Tabla 3.2: Puntos inferiores.

 Utilizando la interpolación por Spline cubico, obtenga las dos curvas que aproximan el contorno del auto.

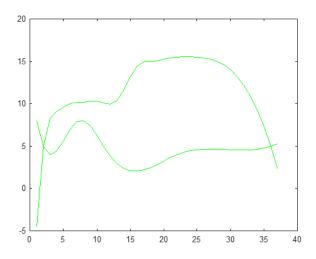


Figura 3.2: interpolación Spline cubica.

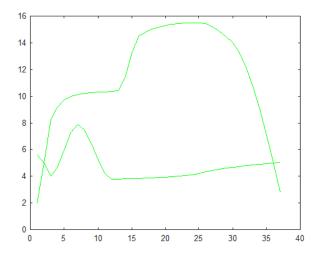


Figura 3.3: interpolación Spline cubica suavizante.

2. Como podría utilizar el polinomio de interpolación de Lagrange para aproximar la parte inferior del contorno del auto? Trace el grafico que obtiene en esta aproximación.

Primero, para plantear el uso del polinomio de interpolación de Lagrange se hará uso de la definición de este polinomio interporlante la cual se planteará a continuación.

$$p(x) = \sum_{i=0}^{n} yi * Li(x)$$
 (3.1)

De lo anterior, se define inmediatamente el valor de Li de la siguiente manera:

$$Lk(x) = \prod_{j=0, j \neq k}^{n}$$
(3.2)

Luego, despues de definir como se utilizará el polinimio interpolante de Lagrange, se aplica el algoritmo en MATLAB con el fin de obtener graficamente lo que se plantea.

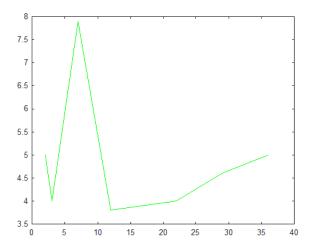


Figura 3.4: interpolación Lagrange parte inferior de auto.

Usando la misma interpolación polinómica de Lagrange y bajo el mismo algoritmo se grafica igualmente la parte superior del auto en cuestión.

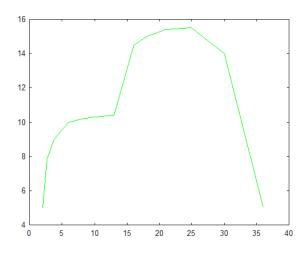


Figura 3.5: interpolación lagrange parte superior de auto.

4. Integración de funciones

a) Corriente arriba de una presa, el agua ejerce una presión P y ejercida a una elevación z metros por encima del fondo fluvial. Si se omite la presión atmosférica, la fuerza puede ser determinada al multiplicar la presión por el área de la cara de la presa. Esta área se obtiene integrando la función w (z) que proporciona el ancho del rio a una altura z del lecho y toma valores según la figura:

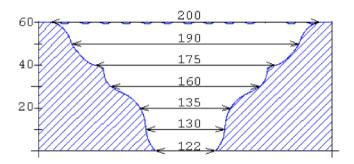


Figura 4.1: Ancho del rio W, respecto a la altura z.

Debido a que la presión y el área varan con la elevación, la fuerza total se obtiene al calcular

$$f = \int_{z=0}^{z=D} w(z) * (D-z) \cdot dz$$
 (4.1)

Donde (4) y (5) son la densidad del agua y la aceleración de gravedad, respectivamente. Por ultimo, D=60 que indica la elevación en metros.

$$\rho = 10^3 [kg/m^3] \tag{4.2}$$

$$g = 9.8[m/s^2] (4.3)$$

a) Use la fórmula del trapecio compuesta (para 6 subintervalos) para calcular la fuerza total ejercida por el agua en la cara de la presa.

Usando la fórmula del trapecio compuesto se obtiene que la fuerza total ejercida por el agua en la cara de la presa es la siguiente:

f=1.0854e+10

El grafico obtenido en el proceso de obtención de la fuerza obtenida resultó ser la siguiente imagen.

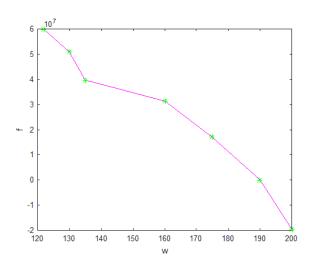


Figura 4.2: fuerza o presión en cada tramo calculado.

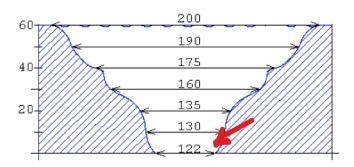


Figura 4.3: presión en cota a mayor profundidad.

Este gráfico e imagen indican que al estar en la cota que esta a mayor profundidad tal como lo muestra la figura 8 (espaciado 122 metros entre las caras de la presa) se ejerce una mayor fuerza perpendicular, esto quiere decir que el analisis realizado esta cercano a lo real ya que cumple con los principios fundamentales de la hidrostática.

b) Usando interpolación de Lagrange, dibuje la curva del lado derecho de la figura.

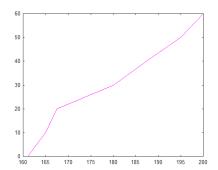


Figura 4.4: Curva lado derecho de la presa, interpolación polinómica de Lagrange.

c) Usando interpolación por spline, dibuje la curva del lado izquierdo de la figura.

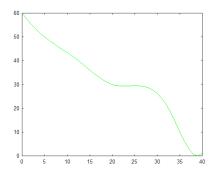


Figura 4.5: Curva lado izquierdo de la presa, interpolación por spline cubico.

5. Conclusión

Del trabajo realizado durante este informe se concluye que principalmente se cumplen con los objetivos fundamentales planteados en la introducción, primero, para la resolución de sistemas lineales, el uso de factorizaciones como por ejemplo la de Cholesky fue fundamental para encontrar la solución de un sistema matricial AX=B, de este mismo sistema se puede obtener el numero condición de la matriz A de dicho sistema, eso con el fin de ver si está bien condicionada o no.

Otro punto a destacar fue el uso de métodos iterativos como Richardson, Jacobi, Gauss-Seidel y relajación para obtener la distribución inicial de mensajes en servidores con determinada distribución de probabilidad de Poisson.

Con respecto a la aproximación de funciones, de forma general se puede afirmar que el uso de la interpolación Spline es más cercana a aproximar el contorno del auto lo más cercano a la imagen original en comparación a la interpolación polinómica de Lagrange, esto se pudo deber posiblemente a algún error en la programación del algoritmo planteado, eso sí, es importante decir que la aproximación de Lagrange fue menos exacta en la parte inferior del auto que en la parte exterior, es decir, al aproximar la parte exterior del auto fue muy similar tanto Lagrange como Spline cubico.

Finalmente, en la parte donde se muestra una presa, lo central de este problema fue obtener la presión sobre las paredes de dicha presa ejercidas por la corriente de agua. Al aplicar la fórmula del trapecio compuesto, se van adhiriendo por intervalos en determinadas alturas las fuerzas que se ejercen sobre las paredes de esta presa, la finalidad de esta sección es demostrar los principios de la hidrostática que plantean a grandes rasgos que a mayor profundidad, la fuerza que se ejerce en las paredes contenedoras es mucho mayor y perpendicular a estas.