מטלה 2

יש לענות על שאלה אחת לבחירתכם. הגשה בזוגות, עד תחילת ההרצאה בשבוע הבא.

שאלה 1: החלפת בתים

א. בבעיית החלפת-בתים עם n אנשים, אלגוריתם "מעגלי המסחר" מאתחל גרף עם 2n צמתים. כיתבו אלגוריתם המשתמש בגרף עם n צמתים בלבד.

ב. הוכיחו את המשפט: אם כל יחסי ההעדפה הם חזקים (אין אדישות), אז אלגוריתם החלפת הבתים תמיד מחזיר שיבוץ יעיל פארטו.

שאלה 2: החלפת מעונות סטודנטים

בעיית החלפת-מעונות-סטודנטים היא שילוב של בעיית שיבוץ-סטודנטים-למעונות עם בעיית החלפת-בתים: יש n סטודנטים שכבר גרים ב-n חדרים. אבל יש גם m סטודנטים חדשים שאין להם חדרים, ו-m חדרים פנויים שהדיירים שלהם עזבו לאחר שסיימו את התואר. הציעו אלגוריתם המשבץ את m+n הסטודנטים ל-m+n החדרים, עם שלוש התכונות: אמיתיות, יעילות-פארטו, והשתתפות מרצון. הוכיחו שהאלגוריתם שלכם מקיים את שלוש התכונות.

שאלה 3: אלגוריתם מעגלי המסחר

- א. מיצאו שימוש נוסף לאלגוריתם מעגלי המסחר, שעדיין לא פועל במציאות.
- ב. כיתבו תוכנית מפורטת להקמת סטרט-אפ ו/או אתר אינטרנט ליישום הרעיון.

שאלה 4: קשתות מזויפות

בבעיית מציאת שידוך-כליות-גדול-ביותר, הנחנו שזוגות יכולים רק להסתיר קשתות. נניח עכשיו שזוגות יכולים גם להוסיף קשתות מזוייפות - למשל לזייף תוצאות של בדיקות רפואיות המראות שיש התאמה בינם לבין זוג אחר.

- א. הגדירו במדוייק את המשמעות של "מנגנון אמיתי" עבור זוגות במצב זה.
- ב. הוכיחו או הפריכו: מנגנון שידוך-גדול-ביותר-עם-עדיפויות הוא אמיתי עבור הזוגות.

שאלה 5: החלפת כליות לפי סוג דם

סוג-דם תורם	סוג-דם חולה		בשאלה זו נניח שהתאמה בין תורם לנתרם תלויה רק
0	AB	זוג ראשון	בסוג הדם. נתון מאגר-נתונים ובו שלושה זוגות עם סוגי-דם לפי הטבלה בצד שמאל.
Α	0	זוג שני	א. ציירו את הגרף המכוון המתאר את ההתאמות
AB	А	זוג שלישי	א. בארץ אוני דוגו ף דוכוכוון דוכונאו אוני דוויונאוכווני בגרף.

- ב. כמה ואיזה חולים אפשר להציל בלי החלפת כליות בכלל?
- ג. כמה ואיזה חולים אפשר להציל בעזרת האלגוריתם למציאת שידוך גדול ביותר (שנלמד בכיתה)?
- ד. כמה ואיזה חולים אפשר להציל בעזרת אלגוריתם למציאת שלשות רבות ביותר (שלא נלמד בכיתה)?

שאלה 6: תורם חסיד ("שלי שלך ושלך שלך")

יכול לתרום לזוגות האלה	הזוג הזה	בשאלה זו נניח שהתאמה בין תורם לנתרם תלויה בגורמים	
2,3,4	1	כלשהם ולא דווקא בסוג הדם. נתון מאגר-נתונים עם שבעה זוגות וטבלת-ההתאמה בצד שמאל. א. כמה חולים אפשר להציל בעזרת אלגוריתם למציאת מעגלים	
5	2		
6	3	או כמוד דורקים אבסד לחביל בעא זו אלגוו יונט למביאונ מעגלים באורך 3?	
-	4	ב. יום אחד מגיע למאגר תורם חסיד (אלטרואיסט) המוכן	
-	5	לתרום כליה בהתנדבות. מה המספר הגדול ביותר של חולים שאפשר להציל בעזרת תרומה זו? מי יתרום למי ובאיזה סדר? ג. מדוע תרומה ע"י תורם חסיד מאפשרת להציל בבת-אחת הרבה יותר אנשים מאשר החלפה?	
7	6		
-	7		
		ד. נניח שהחסיד הנ"ל בארץ כלשהי שבה עדיין אין מאגר החלפת כליות. הוא מתייעץ אתכם בשאלה הבאה: "האם לתרום עכשיו לחולה יחיד, או לחכות שיקימו מאגר החלפת כליות ואז התרומה שלי תציל חולים רבים יותר?" מה תייעצו לו?	

שאלה 7: החלפת ריאות

א. קראו בקישור למטה על השתלת ריאות:

https://hospitals.clalit.co.il/rabin/he/departments-andclinics/pulmonary/Pages/pulmonary_transplant.aspx

מה ההבדל העקרוני בין השתלת ריאות לבין השתלת כליות? איך ישפיע ההבדל הזה על תיכנון מאגר-נתונים להחלפת ריאות?

ב. ציירו גרף המתאר החלפת ריאות אופטימלית.