תרגיל בית 2

יש לענות על שאלה אחת לבחירתכם. הגשה בזוגות, עד תחילת ההרצאה בשבוע הבא.

שאלה 1: החלפת בתים

א. בבעיית החלפת-בתים עם n אנשים, אלגוריתם "מעגלי המסחר" מאתחל גרף עם 2n צמתים. כיתבו אלגוריתם המשתמש בגרף עם n צמתים בלבד.

ב. הוכיחו את המשפט: אם כל יחסי ההעדפה הם חזקים (אין אדישות), אז אלגוריתם החלפת הבתים תמיד מחזיר שיבוץ יעיל פארטו.

שאלה 2: החלפת מעונות סטודנטים

בעיית החלפת-מעונות-סטודנטים היא שילוב של בעיית שיבוץ-סטודנטים-למעונות עם בעיית החלפת-בתים: יש n סטודנטים שכבר גרים ב-n חדרים. אבל יש גם m סטודנטים חדשים שאין להם חדרים, ו-m חדרים פנויים שהדיירים שלהם עזבו לאחר שסיימו את התואר. הציעו אלגוריתם המשבץ את m+n הסטודנטים ל-m+n החדרים, עם שלוש התכונות: אמיתיות, יעילות-פארטו, והשתתפות מרצון. הוכיחו שהאלגוריתם שלכם מקיים את שלוש התכונות.

שאלה 3: אלגוריתם מעגלי המסחר

- א. מיצאו שימוש נוסף לאלגוריתם מעגלי המסחר, שעדיין לא פועל במציאות.
 - ב. כיתבו תוכנית להקמת סטרט-אפ ו/או אתר אינטרנט ליישום הרעיון.

שאלה 4: קשתות מזויפות

בבעיית מציאת שידוך-כליות-גדול-ביותר, הנחנו שזוגות יכולים רק להסתיר קשתות. נניח עכשיו שזוגות יכולים גם להוסיף קשתות מזוייפות - למשל לזייף תוצאות של בדיקות רפואיות המראות שיש התאמה בינם לבין זוג אחר.

א. הגדירו במדוייק את המשמעות של "מנגנון אמיתי" במצב זה (התייחסו לתמריצים של זוגות בלבד -התעלמו מהתמריצים של מרכזים רפואיים).

ב. הוכיחו או הפריכו: מנגנון שידוך-גדול-ביותר-עם-עדיפויות הוא אמיתי עבור הזוגות.

שאלה 5: החלפת כליות לפי סוג דם

סוג-דם תורם	סוג-דם חולה		בשאלה זו נניח שהתאמה בין תורם לנתרם תלויה רק
0	AB	זוג ראשון	בסוג הדם. נתון מאגר-נתונים ובו שלושה זוגות עם סוגי-דם לפי הטבלה בצד שמאל.
Α	0	זוג שני	א. ציירו את הגרף המכוון המתאר את ההתאמות בגרף (רמז: בגרף יש 3 צמתים ו-6 קשתות מכוונות).
AB	Α	זוג שלישי	

- ב. כמה ואיזה חולים אפשר להציל בלי החלפת כליות בכלל?
- ג. כמה ואיזה חולים אפשר להציל בעזרת האלגוריתם למציאת שידוך גדול ביותר (שנלמד בכיתה)?
- ד. כמה ואיזה חולים אפשר להציל בעזרת אלגוריתם למציאת שלשות רבות ביותר (שלא נלמד בכיתה)?

שאלה 6: תורם חסיד

יכול לתרום לזוגות האלה	הזוג הזה	בשאלה זו נניח שהתאמה בין תורם לנתרם תלויה בגורמים
2,3,4	1	כלשהם ולא דווקא בסוג הדם. נתון מאגר-נתונים עם שבעה זוגות וטבלת-ההתאמה בצד שמאל.
5	2	א. כמה חולים אפשר להציל בעזרת אלגוריתם למציאת מעגלים
6	3	א. כמהד הווכים אפשר להציל בעזרונ אלגודיונם למציאונ מעגלים באורך 3? ב. יום אחד מגיע למאגר תורם חסיד (אלטרואיסט) המוכן לתרום כליה בהתנדבות. מה המספר הגדול ביותר של חולים שאפשר להציל בעזרת תרומה זו? מי יתרום למי ובאיזה סדר?
-	4	
-	5	
7	6	
-	7	ג. נניח שהחסיד הנ"ל בארץ כלשהי שבה עדיין אין מאגר החלפת כליות. הוא מתייעץ אתכם בשאלה הבאה: "האם לתרום עכשיו לחולה יחיד, או לחכות שיקימו מאגר החלפת כליות ואז התרומה שלי תציל חולים רבים יותר?" מה תענו לו?

שאלה 7: החלפת ריאות

א. קראו בקישור למטה על השתלת ריאות:

https://hospitals.clalit.co.il/rabin/he/departments-andclinics/pulmonary/Pages/pulmonary_transplant.aspx

מה ההבדל העקרוני בין השתלת ריאות לבין השתלת כליות? איך ישפיע ההבדל הזה על תיכנון מאגר-נתונים להחלפת ריאות?

ב. ציירו גרף המתאר החלפת ריאות אופטימלית.