מטלה 8 - חלוקת שכר-דירה והאלגוריתם ההונגרי

יש לענות על שאלה אחת לבחירתכם. הגשה בזוגות, עד תחילת ההרצאה הבאה.

שאלה 1: שידוך מקסימלי וכיסוי מינימלי

בהרצאה הזכרנו את המשפט האומר שבגרף דו-צדדי, גודל השידוך המקסימלי שווה לגודל הכיסוי המינימלי. המשפט הזה נקרא **משפט קניג.** ההוכחה שלו נותנת גם אלגוריתם שבעזרתו ניתן לבנות, מכל שידוך מקסימלי, את הכיסוי המינימלי. קיראו את ההוכחה כאן:

https://en.wikipedia.org/wiki/K%C5%91nig%27s theorem (graph theory)#Proof

תארו במילים שלכם את האלגוריתם ותנו דוגמת הרצה.

שאלה 2: חלוקת שכר-דירה אגליטרית

בכל השמה של דיירים לחדרים, ישנן דרכים רבות לקבוע את מחירי החדרים. בכל וקטור מחירים, התועלת של כל דייר היא ערך החדר שקיבל עבורו פחות מחיר החדר. בכל וקטור מחירים, יש דייר אחד (או יותר) שהתועלת שלו הכי קטנה. החלוקה האגליטרית (egalitarian) היא החלוקה שבה התועלת הקטנה ביותר היא גדולה יותר מכל שאר החלוקות. החלוקות ללא קנאה.

- א. תנו דוגמה עם שלושה חדרים ושלושה דיירים, שבו בחלוקה האגליטרית יש קנאה.
 - ב. מיצאו את החלוקה האגליטרית-ללא-קנאה בדוגמה זו.
 - ג. האם מצב כזה אפשרי גם עם שני חדרים ושני דיירים?

שאלה 3: תיכנות אלגוריתם

רוצים לחלק n חדרים ל-n דיירים. כל דייר מיוצג ע"י המחלקה הבאה:

```
class Agent {
    int bestRoom(int[] prices);
    // INPUT: the prices of the n rooms, in shekels.
    // OUTPUT: the index of a room that the agent most prefers
in these prices. Index is between 0 and n-1.
};

curci בשפה לבחירתכם, או בפסאודו-קוד, אלגוריתם המקבל כקלט ח שחקנים ואת מחיר הדירה הכולל
בשקלים, ומוצא השמת-חדרים ללא קנאה עד כדי שקל אחד. אם זה מקל עליכם - אפשר להניח ש oid findEnvyFreeAssignment(Agent[] agents, int totalRent)

void findEnvyFreeAssignment(Agents, int totalRent)

edo drikan:

Agent 0 receives room 2 for 163 shekels.

Agent 1 receives room 1 for 274 shekels.

Agent 2 receives room 0 for 343 shekels.
```