11.7 **EXERCISES**

1–38 Test the series for convergence or divergence.

1.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n+3^n}$$

* 2.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n+1)^n}{n^{2n}}$$

21.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-2)^{2n}}{n^n}$$

22.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n^2 - 1}}{n^3 + 2n^2 + 5}$$

3.
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n+2}$$

4.
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n^2 + 2}$$

23.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \tan(1/n)$$

24.
$$\sum_{n=1}^{\infty} n \sin(1/n)$$

5.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 2^{n-1}}{(-5)^n}$$

6.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2n+1}$$

25.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{e^{n^2}}$$

26.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + 1}{5^n}$$

7.
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n\sqrt{\ln n}}$$

8.
$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{2^k k!}{(k+2)!}$$

* **27.**
$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{k \ln k}{(k+1)^3}$$

28.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{1/n}}{n^2}$$

9.
$$\sum_{k=1}^{\infty} k^2 e^{-k}$$

$$12. \sum_{n=1}^{\infty} \sin n$$

10. $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 e^{-n^3}$

* **29.**
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\cosh n}$$

30.
$$\sum_{j=1}^{\infty} (-1)^j \frac{\sqrt{j}}{j+5}$$

11.
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n \ln n}$$
13.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n n^2}{n!}$$

14.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin 2n}{1+2^n}$$

31.
$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{5^k}{3^k + 4^k}$$

* 32.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n!)^n}{n^{4n}}$$

15.
$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n!}{2 \cdot 5 \cdot 8 \cdot \cdots \cdot (3n+2)}$$
 16.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2+1}{n^3+1}$$

16.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + 1}{n^3 + 1}$$

$$33. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(1/n)}{\sqrt{n}}$$

34.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n + n \cos^2 n}$$

$$\begin{array}{c}
_{n=0} 2 \cdot 5 \cdot 8 \cdot \cdots \cdot (\\
\mathbf{17.} \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n 2^{1/n}
\end{array}$$

18.
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{\sqrt{n}-1}$$

* 35.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n}{n+1} \right)^{n^2}$$

* **36.**
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(\ln n)^{\ln n}}$$

19.
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{\ln n}{\sqrt{n}}$$

20.
$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{k+5}{5^k}$$

* 37.
$$\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{2} - 1)^n$$

* 38.
$$\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{2} - 1)$$