

T1:

算法：动态规划。

$f[i][j][0]$ 表示当前小象位于格子 (i,j) 且上一个位置是 $(i-1,j)$ 所看见的老鼠的最少数量。

$f[i][j][1]$ 表示当前小象位于格子 (i,j) 且上一个位置是 $(i,j-1)$ 所看见的老鼠的最少数量。

$f[i][j][0] = \min(f[i-1][j][0] + a[i][j-1], f[i-1][j][1] + a[i+1][j] + a[i][j+1])$

$f[i][j][1] = \min(f[i][j-1][0], f[i][j-1][1] + a[i-1][j] + a[i+1][j] + a[i][j+1])$

$answer = \min(f[n][m][0], f[n][m][1])$ 。

复杂度为 $O(NM)$ 。

T2:

算法：最短路。

将“如果城市 B 愿意与城市 A 建立合作关系，当且仅当对于所有满足 $d(A,C) \leq d(A,B)$ 的城市 C，都有 $R(C) \leq R(B)$ 。”这一条件转化为“如果城市 B 愿意与城市 A 建立合作关系，当且仅当对于所有满足 $R(C) > R(B)$ 的城市 C，都有 $d(A,C) > d(A,B)$ 。”

我们倒序枚举 R 的值 r，然后枚举 $R(X)=r$ 的点 X，以每个点为起点对原图做最短路。设 $lim[i]$ 表示所有点 $K(R(K) > R(X))$ 中到点 i 的最小距离，设 $dist[i]$ 表示 X 到 i 的最短路。对于点 i，在最短路过程中，如果 $dist[i] \geq lim[i]$ ，那么表示比 X 的 R 值大的某个点到点 i 的最短距离要比 X 到 i 的距离短，所以 i 不会与 X 建立合作关系，而且不会用 $dist[i]$ 去更新其它点的最短路了。因此，一个点用来更新其它点的条件是 $dist[i] < lim[i]$ ，此时答案+1，因为答案 $\leq 30N$ ，所以总的更新次数不会超过 30N 次。所以最后复杂度为 $O(kN \log N)$ ，k 为常数。

T3:

算法：字符串 hash

枚举两段的长度 len 和第一段的起点 i，我们定义 L 为第一段与第二段的最长公共后缀，当 $L \geq len$ 的时候答案+1，而起点为 i+1 时 L 的大小仅仅取决于起点为 i 时 L 大小和 $a[i+len]$ 与 $a[i+2*len+F]$ 的相等关系：

$L[i+1] = L[i] + 1 \ (a[i+len] = a[i+2*len+F])$

$L[i+1] = 0 \ (a[i+len] \neq a[i+2*len+F])$

这样朴素的枚举 len 后扫描整个序列是 N^2 的，我们考虑优化这个算法。

首先枚举两段的长度 len，然后我们在递推的时候可以发现，在长度为 len 时，我们没有必要一格一格的递推，而可以每次向右递推 len 格。我们不妨设第一段的末尾位置为 i，第二段的末尾位置为 j，设 frontL 表示 $a[i+1] \cdots a[i+len]$ 与 $a[j+1] \cdots a[j+len]$ 的最长公共前缀，设 backL 表示 $a[i+1] \cdots a[i+len]$ 与 $a[j+1] \cdots a[j+len]$ 的最长公共后缀，令 L 表示当前的最长公共后缀。

下面分两种情况考虑对于答案的贡献：

情况一：如果 $L \geq len$ ， $ans += frontL$ 。

情况二：反之， $ans += \max(0, L + frontL - i + 1)$ 。

下面分两种情况考虑递推后的最长公共后缀 nL：

情况一：如果 $a[i+1] \cdots a[i+len]$ 与 $a[j+1] \cdots a[j+len]$ 整段相同， $nL = L + len$ 。

情况二：反之， $nL = backL$ 。

这样对于每个长度 len，需要递推 N/len 次，每次采用 hash+二分的方法 $O(\log N)$ 的计算最长公共前/后缀，总的复杂度为 $O(N \ln N \log N)$ 。