脉冲传递函数

定义

线性离散系统的脉冲传递函数定义为在**零初始条件下**,系统或环节的输出采样函数Z变换和输入采样函数z变换之比。脉冲传递函数只决定于系统本身的结构参数,与输入信号无关,即

$$G(z) = rac{Y(z)}{R(z)}$$

实际上,这个定义与性质于连续系统中G(s)的定义类似,那么我的输出信号就类比与G(s)中的输出,可通过这种方法求出:

$$Y(z) = G(z)R(z)$$

广义对象脉冲传递函数

实际上,在计算机控制系统中,并不存在理想中完美的采样开关进行采样,都是利用零阶保持器进行采样的,那么此时得到的脉冲传递函数称为广义对象脉冲传递函数。而在通过这种方法采样的传递函数,相比于理想情况下,只需要在被控对象前乘上零阶保持器的传递函数,即:



$$G(s) = rac{1 - e^{-Ts}}{s} G_p(s)$$

然后对上述G(s)进行z变换,即可求出广义对象脉冲传递函数:

$$G(z) = rac{z-1}{z} Z[rac{G_p(s)}{s}]$$

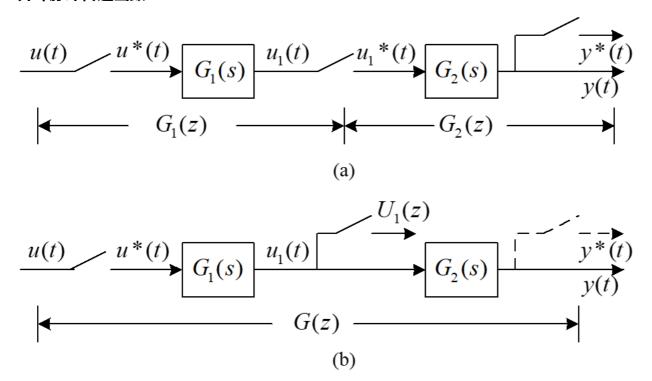
给定G(s)求脉冲传递函数

在计算机控制系统中,信号都是连续的信号,通过采样后变成离散信号在通过计算机进行控制.所以,一般我们都是已知G(s)

- 1. 对G(s)做拉式反变换求出g(t)
- 2. g(t)采样求出 $g^*(KT)$,这一步一般都是把T换为KT即可
- 3. 对 $g^*(KT)$ 做z变换

给定框图求脉冲传递函数

开环脉冲传递函数



在图(a)中,两个串联环节之间存在采样开关,得到的脉冲传递函数为:

$$G(z) = G_1(z)G_2(z)$$

在图(b)中,两个串联环节之间不存在采样开关,得到的脉冲传递函数为:

$$G(z) = G_1 G_2(z)$$

值得注意的是, $G_1(z)G_2(z)$ 是 $G_1(s)$ 与 $G_2(s)$ 分别做z变换然后相乘的结果,而 $G_1G_2(z)$ 是 $G_1(s)$ 与 $G_2(s)$ 先相乘,得到的乘积再做z变换,而在通常情况下 $G_1(z)G_2(z)\neq G_1G_2(z)$

针对并联环节而言, 只需要将并联的两个关节相加减即可

实际上并不是所有的环节都能求出G(z)的,若是出现在信号输入处没有采样环节,那么就求不出G(z),最后是用Y(z)来表示,同样的,也要遵循基本运算规则

$$\underbrace{E(s)}_{e(t)} \underbrace{G_1(s)}_{T} \underbrace{A^*(s)}_{T} \underbrace{G_2(s)}_{Y(t)} \underbrace{Y(s)}_{Y(t)}$$

例如上图可表示为, 注意中间有采样环节:

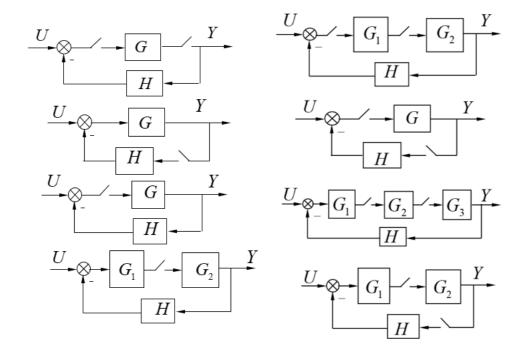
$$Y(z) = G_1 E(s) G_2(s)$$

简单来说,输入信号有采用,就写G(z);输入信号没有采样,就写Y(z)

闭环脉冲传递函数

闭环脉冲传递函数实际上实在开环基础上求出的,即:

所谓独立环节,指的是两个相邻采样开关之间的环节。特别注意,若是闭环系统的输入信号未被采样,则整个系统的闭环脉冲传递函数写不出来,我们按照上述公式求出的是Y(z)而非G(z)



值得注意的是,由于分母中要求闭环**回路**中所有独立环节的Z变换乘积,要注意H与 G_1 之间其实是连着的这里有个结论,如果H的两侧都有采样开关,那么H是一个单独环节,要**单独乘**(如左上角);若H两侧不全有采样开关,那么H就是不是一个单独环节,要**乘到一起**(如左下角),这个结论本质上仍然是判断是不是独立环节上图左上角系统传递函数为:

$$G(z) = \frac{G_1(z)}{1 + G_1H(z)}$$

上图左下角系统传递函数为(注意输入信号无采样):

$$Y(z) = rac{G_1 U(z) G_2(z)}{1 + G_1 G_2 H(z)}$$

正常题目中,一般给的是形如 $G_1(s)$ 的s变换,所以一定要注意 $G_1(z)G_2(z)$ 与 $G_1G_2(z)$ 的区别