

Grafos

1. Bfs

1.1. Tamanho do maior caminho entre dois nós em uma árvore sem peso e com arestas não direcionadas

1. Rode um bfs partindo de qualquer nó. O ultimo nó descoberto é então chamado de t.
2. Rode um bfs partindo de t. A distância entre t e o ultimo nó descoberto pelo segundo bfs é o maior caminho dentro da árvore/graf.

```
int bfs1(int idx)
{
    queue<int> myq;
    myq.push(idx);
    int node = idx;
    visited[idx] = true;
    while (not myq.empty()) {
        node = myq.front(); myq.pop();
        visited[node] = true;
        for (auto it : graph[node]) {
            if (not visited[it] ) {
                visited[it] = true;
                myq.push(it);
            }
        }
    }

    return node;
}
```

```

int bfs2(int t)
{
    queue<ii> myq;
    myq.push(ii(0, t));
    memset(visited, 0, sizeof visited);
    visited[t] = true;
    int val = 0;
    while (not myq.empty()) {
        val = myq.front().first;
        int node = myq.front().second;
        myq.pop();

        visited[node] = true;
        for (auto it : graph[node]) {
            if (not visited[it]) {
                myq.push(ii(val+1, it));
            }
        }
    }
    return val;
}

int main()
    cout << bfs2( bfs1(0) ) << "\n";

```

2. Dfs

2.1. Detectar ciclo em um grafo direcionado

Tome $G(u,v)$ como um Grafo(G) composto de u (arestas) e v (vértices).

- Marque todas as arestas como não visitadas e não presentes na pilha.

- Visite todas as arestas não visitadas com a função `dfs(idx)` . Se as chamadas para a função retornar verdadeiro, significa que existe pelo menos um ciclo
- A função `dfs(idx)` pode ser definida como:

```
bool dfs(int idx)
{
    if (not visited[idx]) {
        visited[idx] = 1;
        instack[idx] = 1;
        bool ans = 0;
        for (auto it : G[idx]) {
            if (instack[idx]) {
                return true;
            } else {
                ans = max(ans, dfs(it));
            }
        }
        instack[idx] = false;
        return ans;
    }
    return false;
}
```