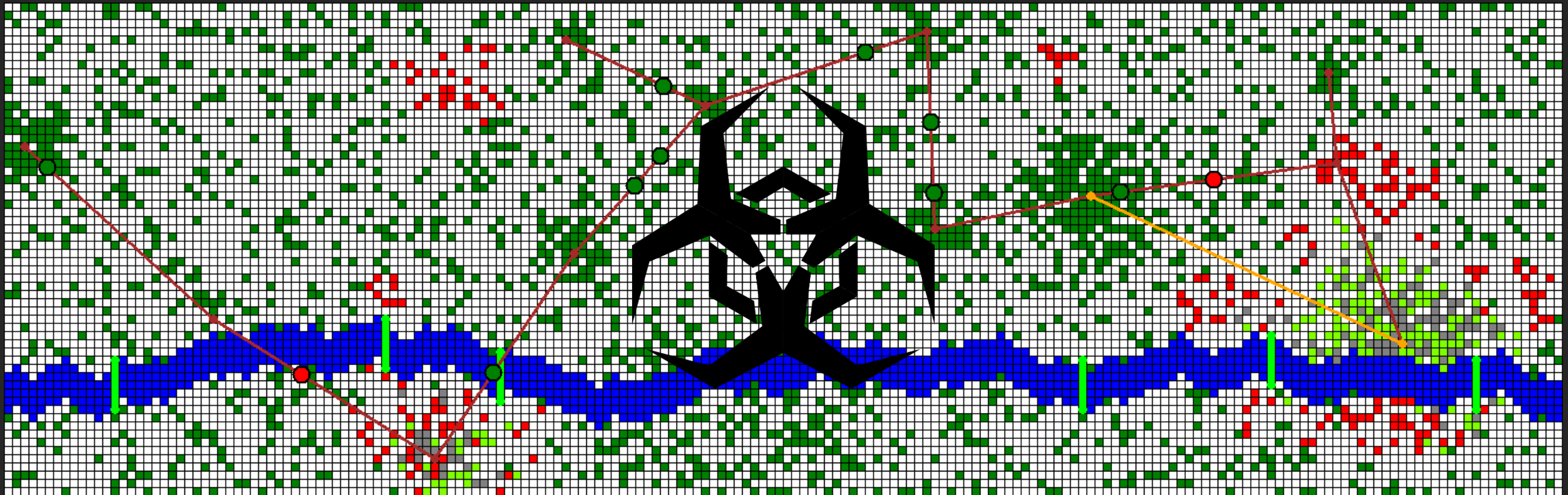


Module 3202C

# Modélisation mathématique

## Automates cellulaires



# Sommaire

- Présentation globale
- Les automates cellulaires
- Évolution du projet
- État Final
- Notions mathématiques

# Présentation globale



# Une simulation scientifique...

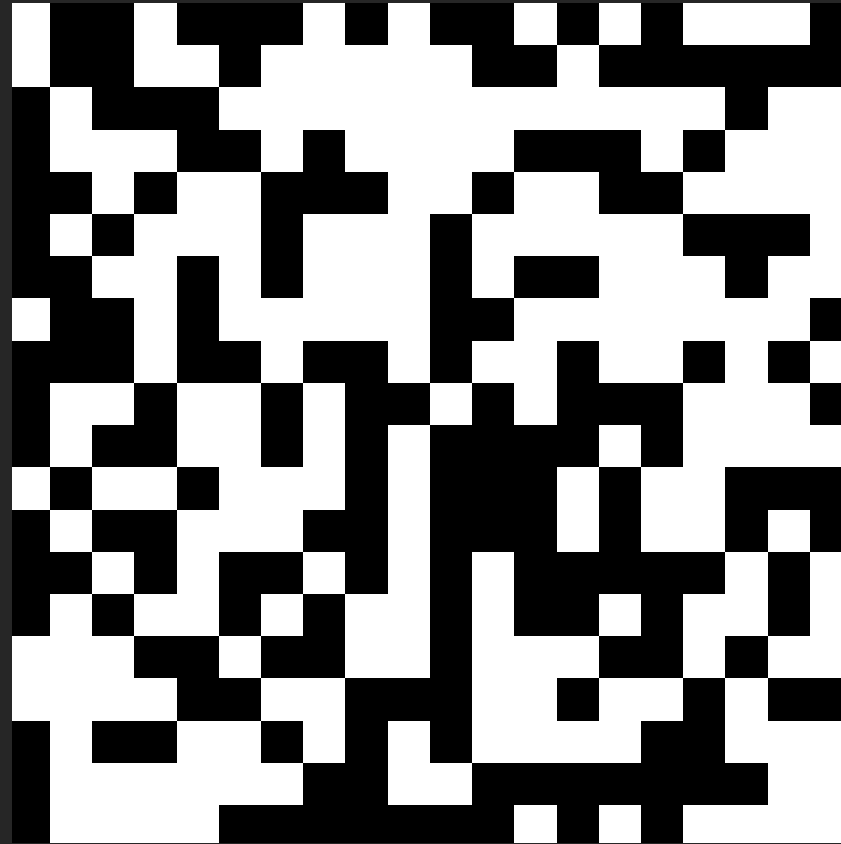
Simulation de la propagation d'un virus au sein d'une population

- Caractéristiques de la maladie
- Déplacements de population

## ...pour sauver des vies

Comprendre la propagation d'un virus afin de réduire la diffusion des épidémies dans le monde.

# Les automates cellulaires



# Systemes complexes

Permet de modéliser des systèmes complexes de manière simplifiée.

# Évolution dans le temps

Les cellules évoluent dans le temps en fonctions de règles précises



# Évolution du projet



# Cellules

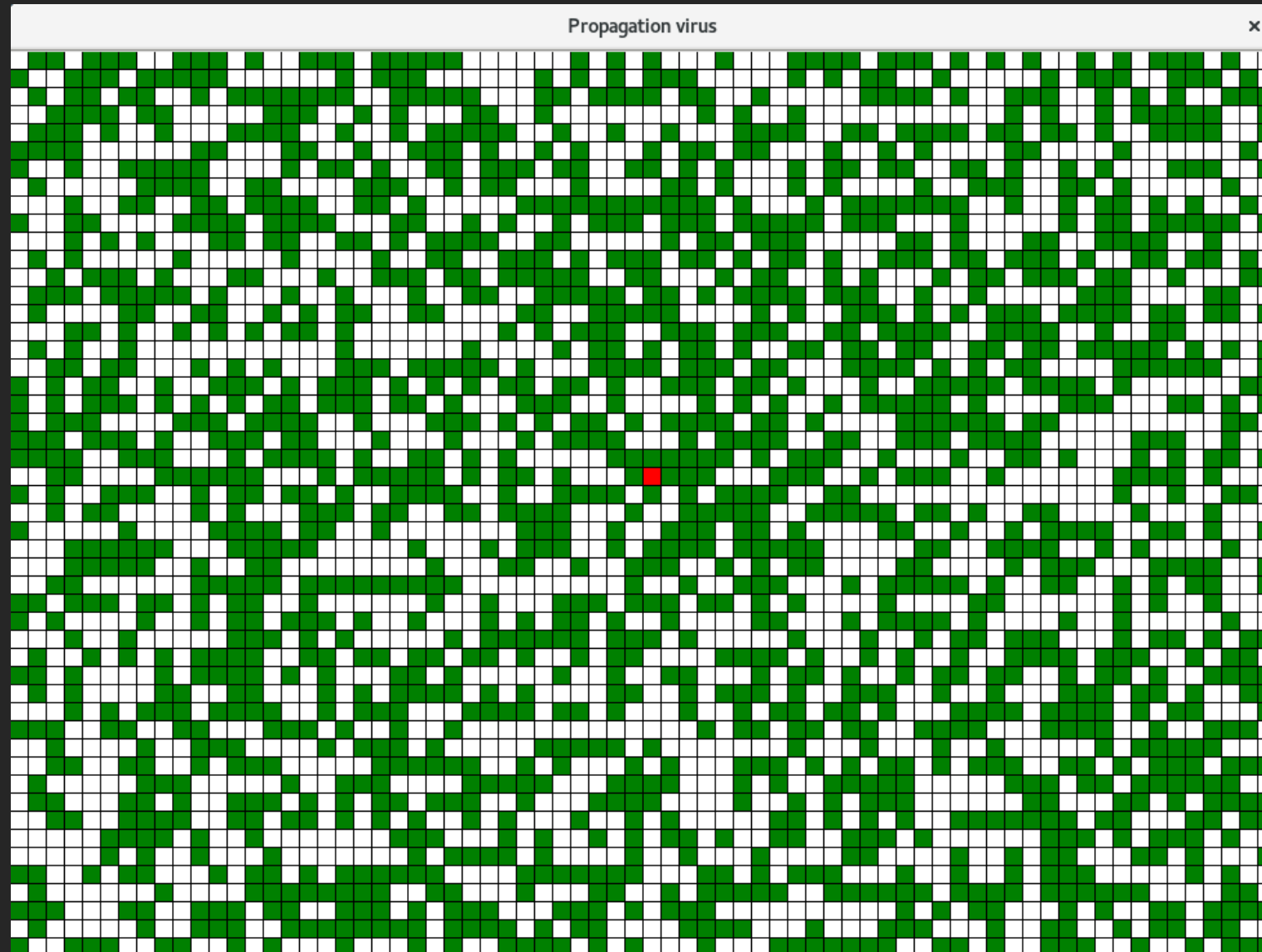
## Type

-  Saine
-  Infectée
-  Guérie
-  Morte

-  Vide
-  Eau

## Age moyen

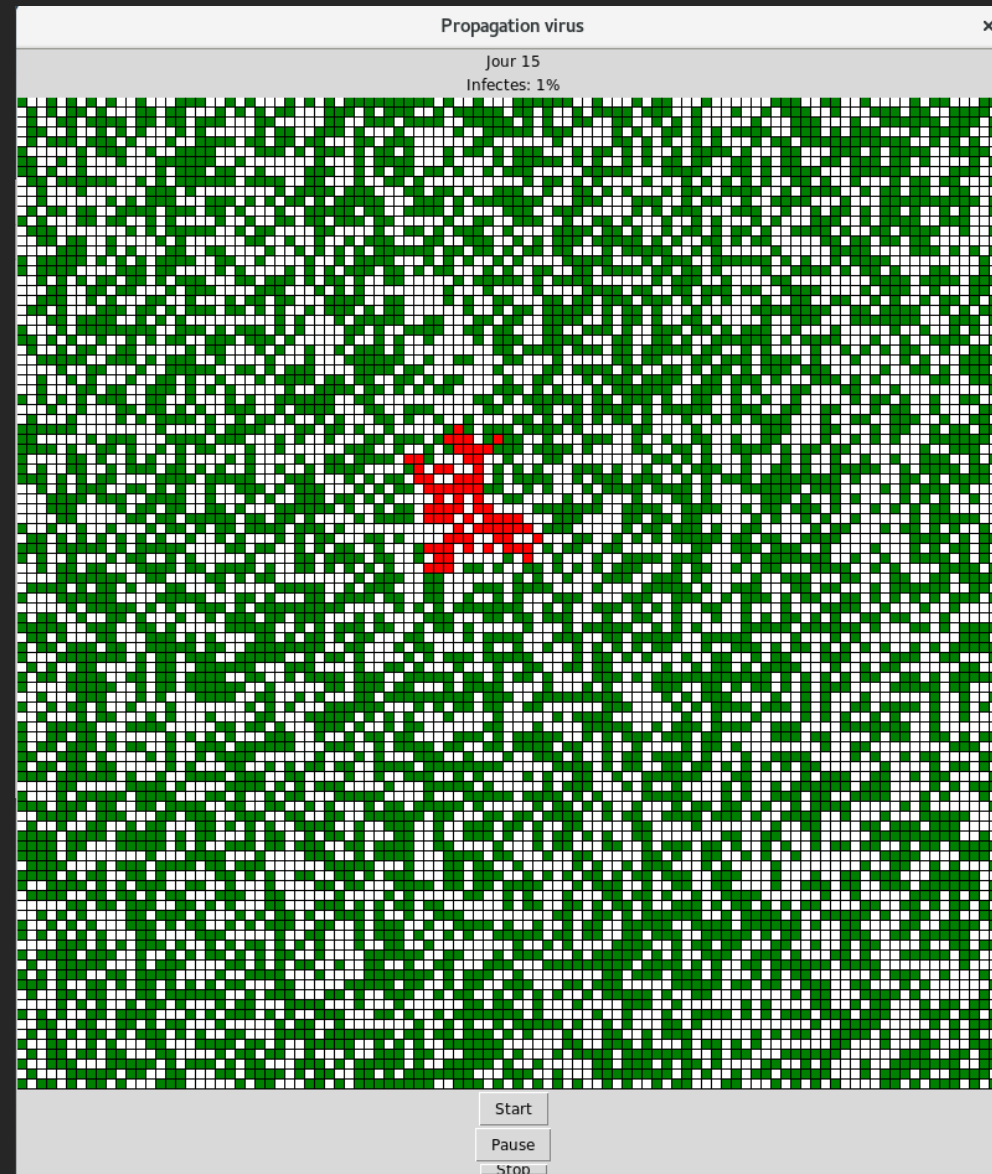
Entre 0 et 100 ans



# Virus

## Plusieurs paramètres

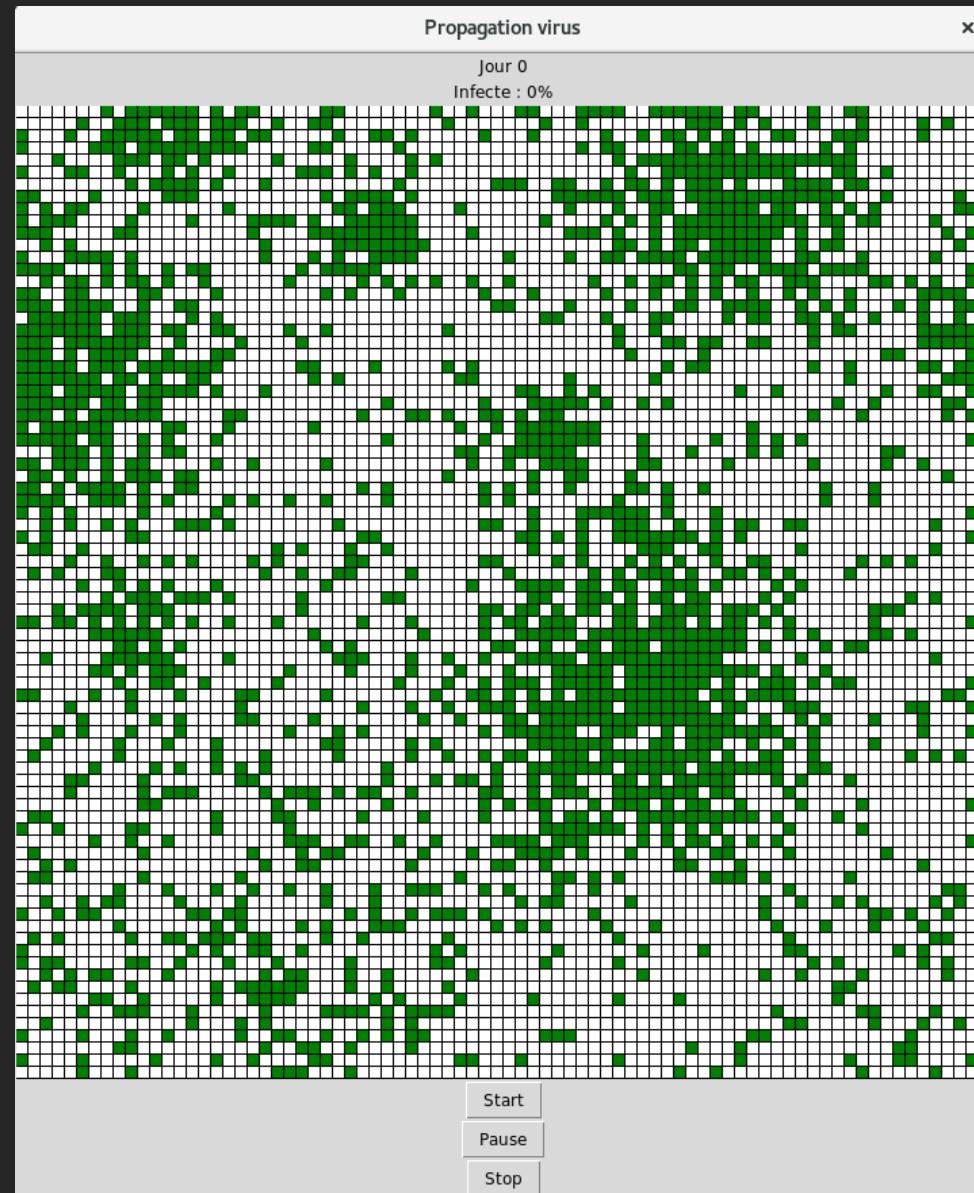
- Taux de reproduction
- Taux de létalité
- Durée minimale et maximale d'infection
- Taux de vulnérabilité en fonction de l'âge



# Zones urbaines

Concentrations de population.

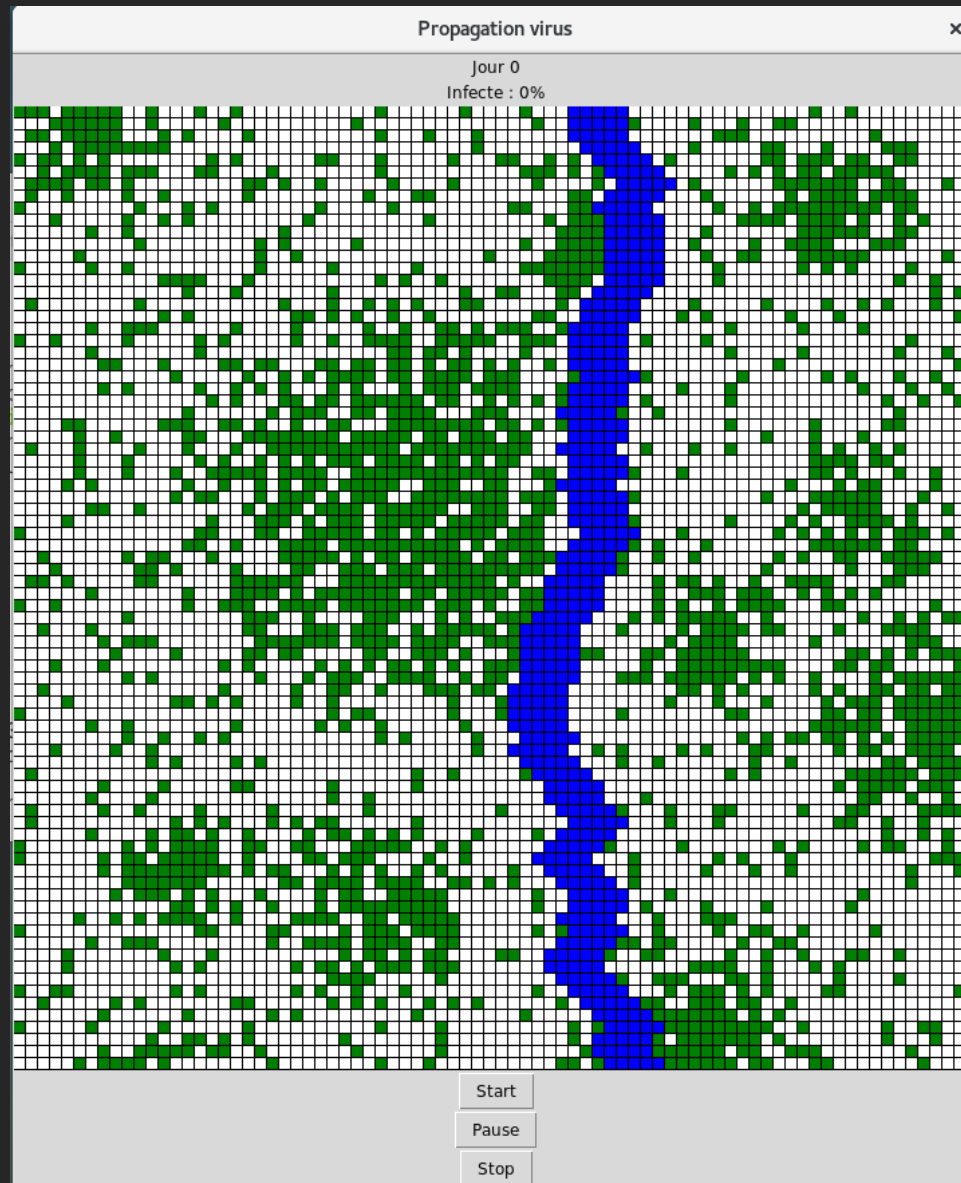
- Métropoles
  - Villes
  - Villages
- Zones peuplées



# Fleuves

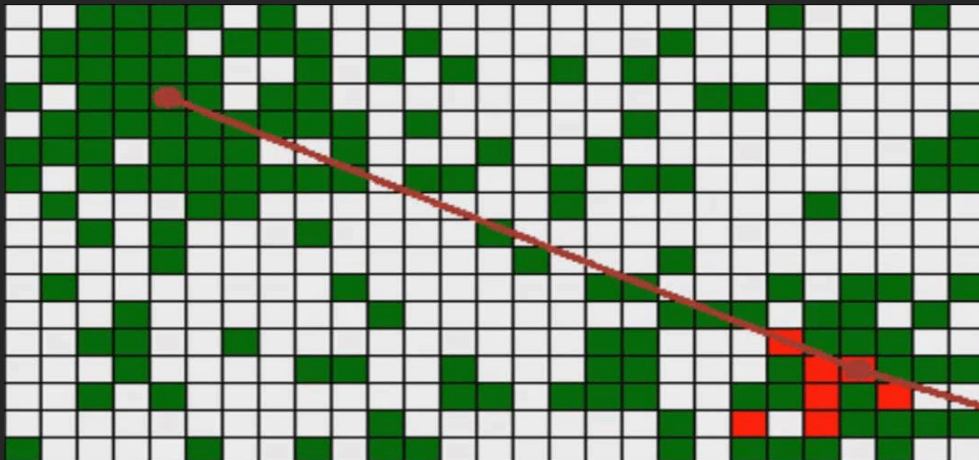
Entravent la propagation du virus



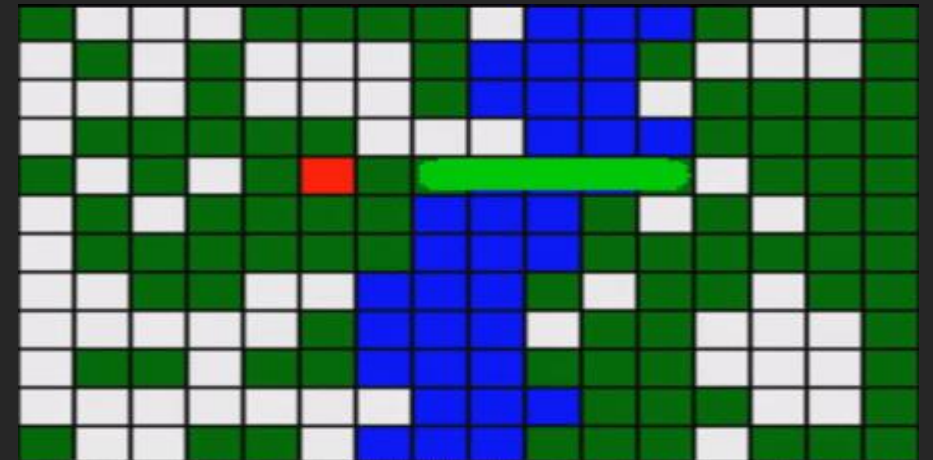


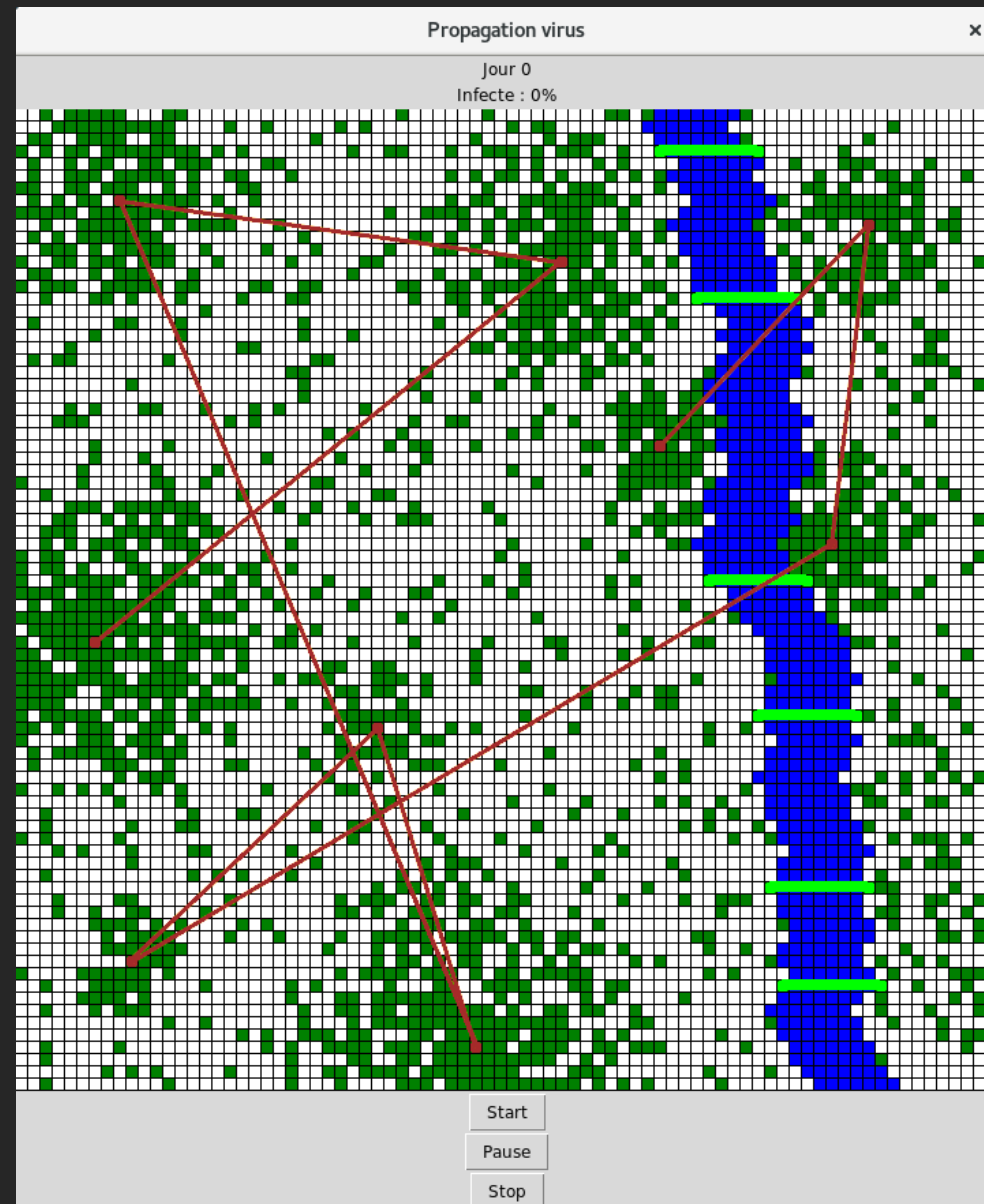
# Déplacements

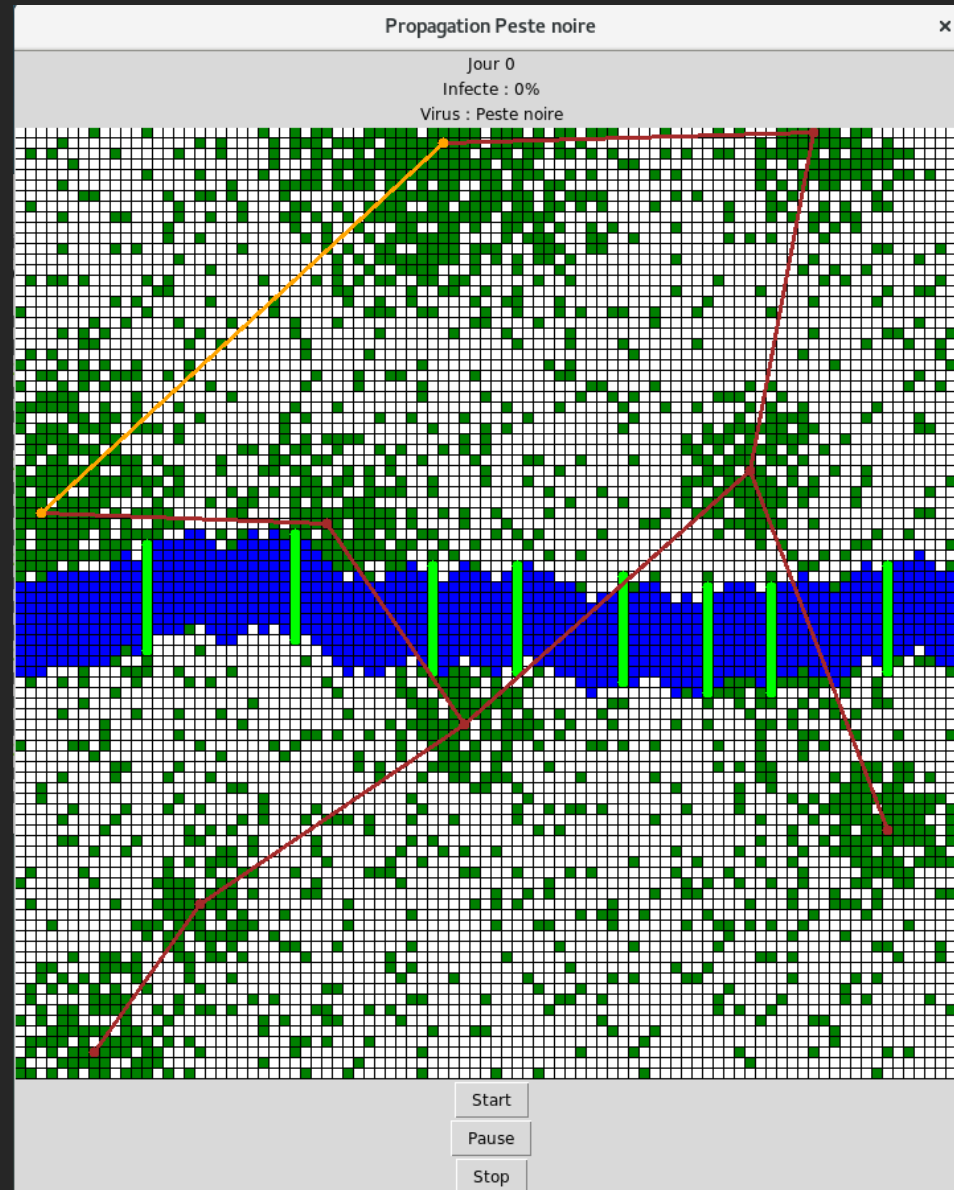
Entre deux zones urbaines



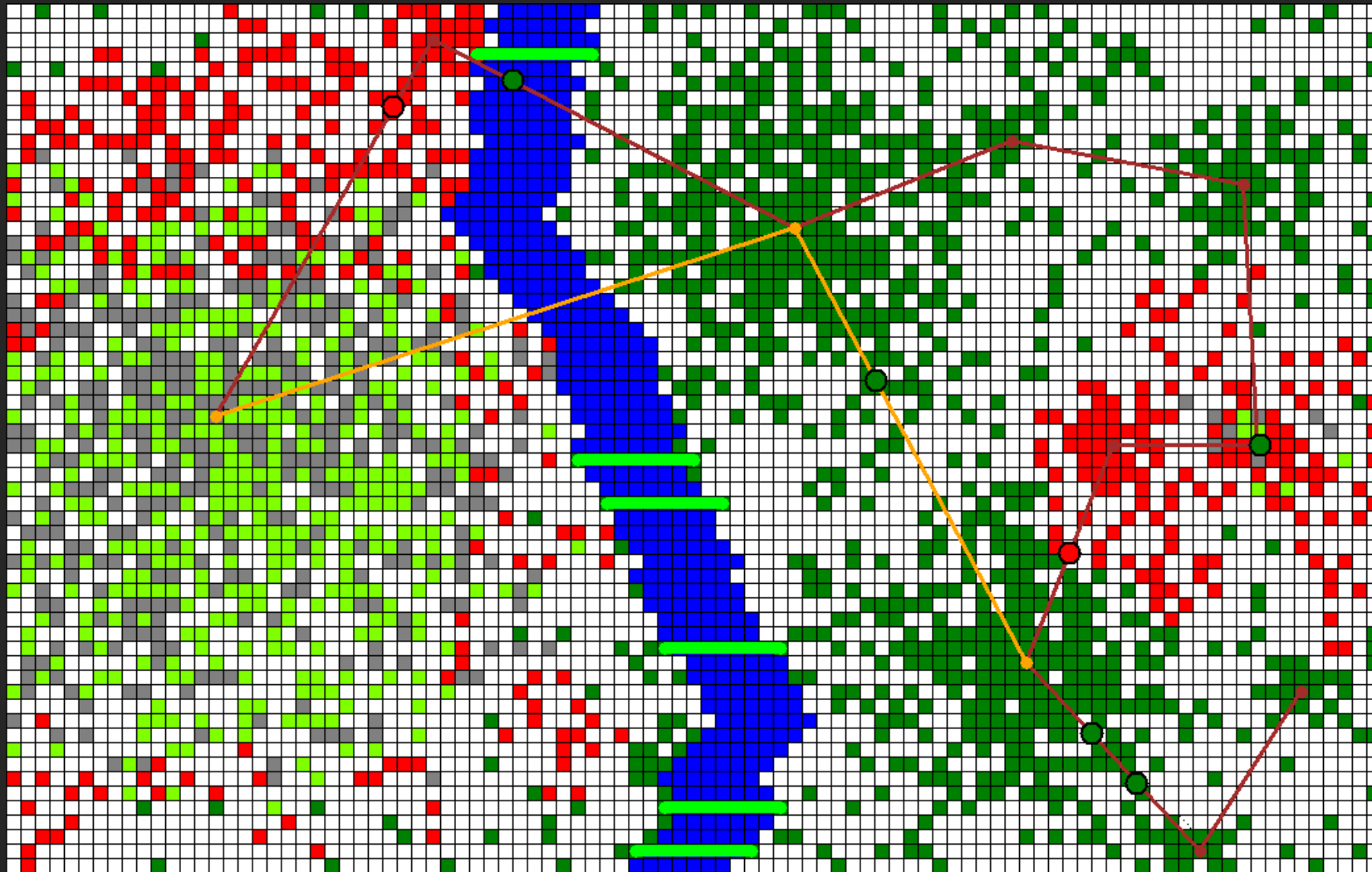
D'une rive à l'autre







# État final



# Notions mathématiques

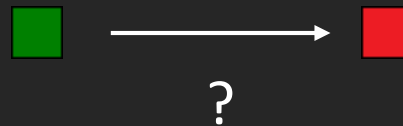
$$\begin{aligned}
 & \Delta I_B \quad E = \frac{1}{2} n v k/m \quad \omega = 2\pi f \quad \vec{\psi} = \iint \vec{D} d\vec{S} = \Phi = \frac{2\pi \sin^2 \theta}{\lambda} \quad \vec{v} = c/\lambda \\
 & f_0 = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} \quad \vec{S} = \frac{1}{\mu_0} (\vec{E} \times \vec{B}) \quad \lambda = \frac{h\nu}{T} \quad \psi_2 = \frac{S_2}{U_e I t} \quad \lambda^* T = b \quad H_\lambda = \frac{\Delta M_e}{\Delta \lambda} \\
 & R = \rho \frac{\ell}{S} \quad F_v = \int \frac{F_n}{R} \quad E = mc^2 \quad f_0 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{\ell}} \quad \vec{F}_m = \vec{B} I \ell = \frac{\mu_1 I_1 I_2}{2\pi d} \ell \\
 & k = \frac{1}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_r} \quad v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon \cdot \mu}} = \frac{c}{\sqrt{\epsilon_r \mu_r}} \quad \sigma = \frac{Q}{S} \quad M_e = \sigma T^4 \quad I_m^2 = U_m^2 \left[ \frac{1}{R^2} + \left( \frac{1}{X_C} - \frac{1}{X_L} \right)^2 \right] \quad R_m = \frac{C}{T} \quad v_k = \sqrt{\mu \frac{M_z}{R_z}} \\
 & v = \frac{nh}{2\pi r m_e} \quad M_\odot = \frac{4\pi^2 r^3}{g p T^2} \quad \vec{B} = \mu \frac{NI}{\ell} \quad 1 \text{ pc} = \frac{1 \text{ AU}}{r} \quad F_g = \frac{m_1 m_2}{r^2} \quad E = \frac{\hbar^2 k^2}{2m} \quad \mu - \frac{\tan \tau'}{\tan \tau} = \frac{d}{f} \\
 & M = F d \cos \alpha \quad T = \frac{4 n_1 n_2}{(n_2 + n_1)^2} \quad F_h = S h \rho g \quad \phi_e = \frac{\Delta E}{\Delta t} \\
 & \oiint_S \vec{D} d\vec{S} = Q^* \quad m = N \cdot m_0 = \frac{Q}{v_e} \frac{M_m}{N_A} \quad F_x = \frac{1}{2} C_x \rho S \vec{v}^2 \quad \frac{\omega_1}{x} + \frac{\omega_2}{x'} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{r} \quad \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{v_1}{v_2} = \frac{\omega_2}{\omega_1}
 \end{aligned}$$

# Matrices

- Matrice de « Cellule »
- Corps de la modélisation

# Incidence proportionnelle

$$F(S, I) = \beta (SI / S+I)$$

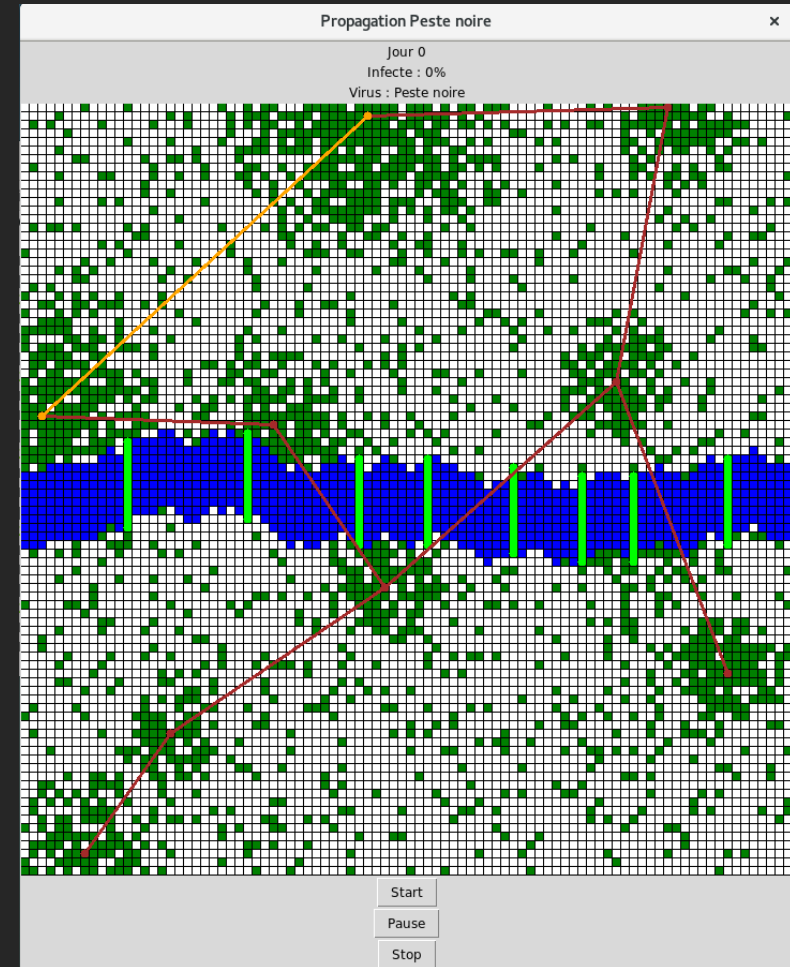
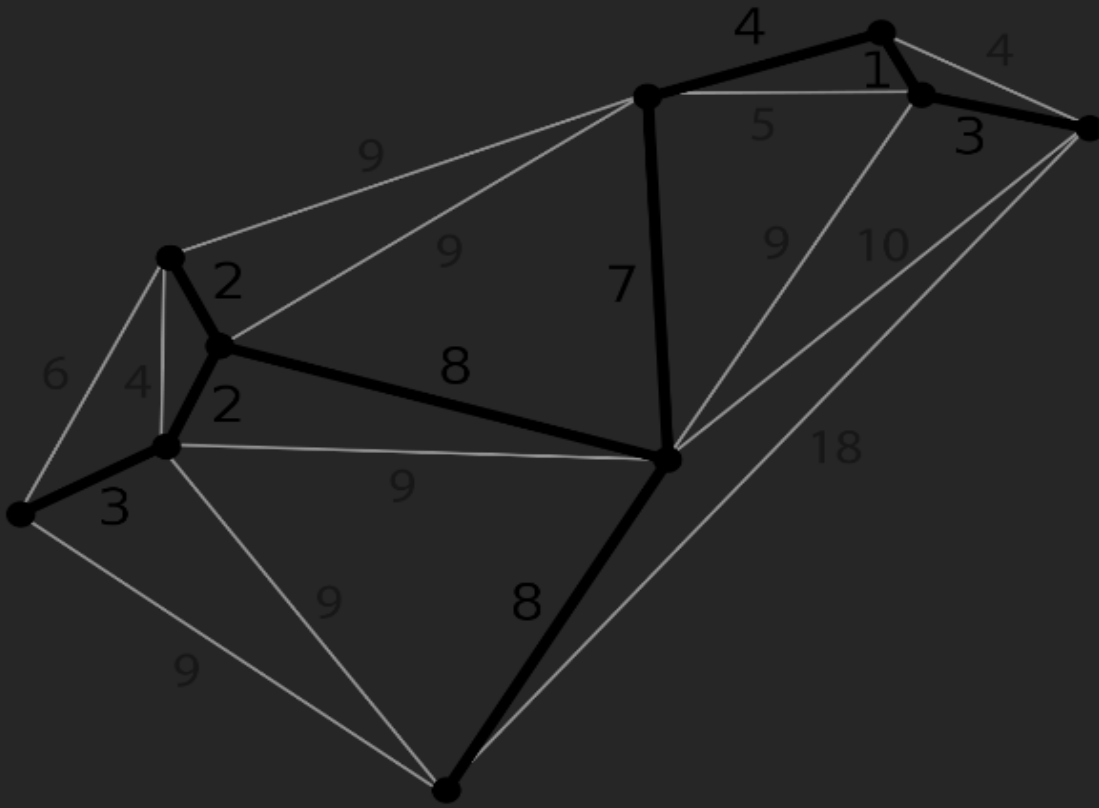




## Densité des zones urbaines

$$f(x) = (-75/\text{rayonZone})x + 100$$

# Algorithme de Prim



# Conclusion

