重庆市育才中学 联合模拟

所有题均需文件输入输出

| 题目名称 | 数对 | 礼物 | 计数 | 取模 | 图案 |
|---------|-------|-------------------|-------------------|----------------------|---------------|
| 输入输出文件名 | pals | gift | count | mod | purtree |
| 时间限制 | 1s | 1s | 1s | 1s | $2\mathrm{s}$ |
| 空间限制 | 128MB | $256 \mathrm{MB}$ | $256 \mathrm{MB}$ | $256 \mathrm{MB}$ | 512MB |
| 测试点数目 | | | | | |

某些题时限较大,知道自己过不了的数据请 return 0,加速评测进程

数对 (pals)

两个十进制整数 A,B ,如果 A 的某一位和B的某一位相同了,那么 (A,B) 就是一组合法的数对 (没有顺序),现在给定了 N 个整数,问存在多少对合法的数对呢?

【输入格式】

第一行一个整数 N 。接下来 N 行,每行一个正整数。

【输出格式】

输出一个整数,表示合法数对个数

【样例】

3

12

1

2

2

【数据范围】

对于30%的数据, $N \leq 1500$ 。

对于100%的数据, $N \le 1000000$,每个正整数 $\le 10^{18}$ 。

礼物 (gift)

愚人节到了!可爱的【】要给孩子们送礼物。在平面直角坐标系上,有 N 个点,分别代表 N 个小朋友的地理位置;还有一个点,这是【】的家,【】的所有礼物都放在这里,【】必须驮着礼物从这里出发,送完礼物以后再返回这里,然后再拿出礼物出发。【】身上每多驮一个礼物,他的速度就减半。已知他不驮礼物的速度是 V 。为了不耽误(你懂的),【】必须尽快完成这个任务。求完成任务的最短时间。

【输入格式】

第1行1个正整数,表示小朋友的个数。

以下 N+1 行每行两个整数,除第一个表示【 】的家以外,其他都表示一个小朋友的坐标。 最后一行一个整数 V ,表示【 】的速度。

【输出格式】

输出一个整数,表示最短时间。四舍五入。

【样例1】

```
4
0 0
-10 0
0 10
10 0
0 -10
1
```

120

【数据范围】

对于 50% 的数据, $N \leq 10$;

对于 100% 的数据, $N \leq 17$,坐标绝对值不大于 10^6 ,V <= 100。

计数 (count)

- 【】是一名噗叽组选手。
- 【】学习了递归,他想生成一棵树,于是他写下了这样的代码:

```
int cnt=0;
int solve(int n){
   if(n==0){cnt++;return cnt-1;}
   int ls=solve(n-1);int rs=solve(n-1);
   adde(ls,rs);return ls;
}
```

其中 adde(x,y) 表示加入一条连接 x,y 的边。

可以发现,如果运行 solve(n) 可以得到一棵有 2^n 个点的树,这棵树从 0 开始编号,【 】在 adde 中加入了输出,并把输出重定向到了一个文件,接着调用 solve(1e6) ,然后【 】的硬盘就寄掉了。

但是他决定继续思考得到的树。他想知道给出x,d的情况下,树上有多少个点y满足x,y在树上的最短路长度**等于**d。输出对998244353取模的结果。

然而 x 可能非常大,所以【】会以以下方式给出 x:

对于第 i 次询问,给出 k_i 以及 k_i 个两两不同的非负整数 $v_1,\dots v_{k_i}$ 表示 x 的二进制中为 1 的位为 $v_1,\dots v_{k_i}$ 。

保证v递增。

【输入格式】

第一行包含两个非负整数 n, q。

接下来 q 行,每行包含一次询问。

这部分的第 i 行首先包含一个非负整数 k_i ,接下来 k_i 个非负整数 $v_1,\dots v_{k_i}$,最后一个正整数 d_i ,表示询问树上与 x 距离等于 d_i 的点数。

【输出格式】

输出 q 行,表示每次询问的答案对 998244353 取模的结果。

【样例1】

```
4 5

1 1 1

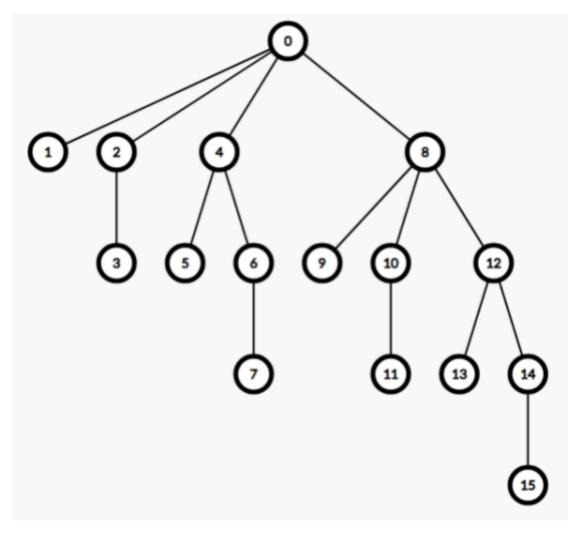
2 0 2 2

3 0 2 3 3

0 2

4 0 1 2 3 5
```

```
2
2
4
6
4
```



询问为 (2,1),(5,2),(13,3),(0,2),(15,5)

【数据范围】

对于所有数据,保证 $1 \leq n \leq 10^7$, $1 \leq q \leq 2 \times 10^5$, $0 \leq \sum k_i \leq 10^6$, $1 \leq d_i \leq 2n$ 。

| 子任务编号 | 特殊限制 | 分值 |
|-------|--------------------------|----|
| 1 | q = 0 | 5 |
| 2 | $n \leq 10, q \leq 1000$ | 15 |
| 3 | $n \leq 18$ | 15 |
| 4 | $n,q \leq 1000$ | 20 |
| 5 | $n \leq 10^5$ | 15 |
| 6 | $n \leq 10^6$ | 20 |
| 7 | 无特殊限制 | 10 |

取模 (mod)

- 【】有一个长度为n的序列,列中的元素都是属于[0,k)的整数。
- 【】每次可以选择一个区间 +1, 然后将所有元素对 k 取模。

他想知道最少需要多少次操作才能将所有元素都变成0。

【输入格式】

第一行一个整数表示 k。

接下来一行 n 个数,第 i 个数表示序列的第 i 个元素。**数字之间无空格隔开**。

【输出格式】

一个数表示答案。

【样例1】

4 323

2

【样例 2 】

4 3121023012

7

【数据范围】

对于全部数据: $1 < n \le 10^7$, $2 \le k \le 4$ 。

对于 10% 的数据, k=2;

对于另外 30% 的数据, k=3;

对于另外 30% 的数据, $n \le 10^3$.

图案 (purtree)

小猫梦见自己在游戏中对战。敌营是 n 个结点,以 1 为根的树,其中和恰好 1 个结点相邻而不为根的点叫做叶子。

敌人会为每个叶子都设定了一个整数作为密码。要想破解敌方的防线,就要获取每个叶子的密码。现在小猫可以用 C_i 金币收买其第 i 个结点,这个结点就会透露出其子树内所有叶子的密码之和。

小猫当然想用最少的金币来获取各叶子的密码啦!

现在请你回答以下问题中的前k个:

- 最少的金币数;
- 有哪些结点可能在至少一种最优解法中被收买?
- 最优解法有多少种?两种解法不同,当且仅当收买的结点的集合不同。

【输入格式】

第一行 n 个正整数。 接下来一行 n 个正整数, c_1,c_2,\ldots,c_n 表示收买各结点的价格。 接下来 n-1 行,每行两个不超过 n 的正整数,表示树的一条边。保证这些边形成一棵树。 最后一行一个正整数 k 表示要回答前 k 个问题。

【输出格式】

第一行一个整数,表示第一个问题的答案。 如果 $k \geq 2$,第二行按从小到大的顺序输出若干个整数,表示结点编号。 如果 k > 3,第三行输出第三个问题的答案,模 998244353

【样例1】

```
5
500 100 300 200 100
1 2
2 3
2 4
1 5
3
```

```
400
2 4 5
1
```

【样例 2】

```
3
100 100 100
1 2
1 3
3
```

【数据范围】

所有数据保证 $2 \le n \le 10^6, c_i \le 10^9, k \le 3$.

子任务 1 (14 分): k = 1;
子任务 2 (21 分): k ≤ 2;

子任务 3 (14 分): n ≤ 10;
子任务 4 (21 分): n ≤ 200;

子任务 5 (15 分): n ≤ 3000;

• 子任务 6 (15 分): 无特殊限制。