# Zastosowanie modelu Philipsa w badaniach inflacji, bezrobocia oraz zależności pomiędzy nimi

Dudek Justyna, Dyrcz Jakub, Korniewska Aleksandra

#### Czym jest krzywa Philipsa?

Nazwa krzywej Phillipsa pochodzi od nazwiska ekonomisty Albana W. Phillipsa, który w przełomowym artykule "The Relation Between Unemployment and the Rate of Change of Money Wage Rates in the United Kingdom, 1861–1957" wykazał istotną statystyczną zależność między stopą bezrobocia a dynamiką płac nominalnych w Wielkiej Brytanii. Na podstawie analizy danych z ponad stuletniego okresu Phillips zaobserwował odwrotną korelację między tymi zmiennymi: wyższej stopie bezrobocia towarzyszyły wolniejsze wzrosty płac, podczas gdy w warunkach niskiego bezrobocia płace rosły szybciej.

#### Współczesna krzywa Philipsa

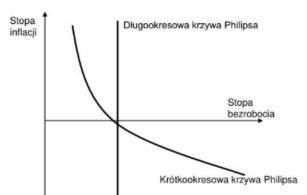
We współczesnych modelach makroekonomicznych krzywa Phillipsa uwzględnia nie tylko bezrobocie, ale też oczekiwania inflacyjne, lukę popytową i ceny importu. Jest ona wyprowadzana z założeń modelowych, a jej parametry mogą się zmieniać w czasie.

$$\pi_t = \rho \pi_{t-1} + \beta y_{t-1} + \gamma \pi_t^e + \lambda \pi_{t-1}^{imp} + \varepsilon_t$$
 (1)

- $\pi_t$  inflacja w okresie t
- $\pi_{t-1}$  inflacja w poprzednim okresie (t-1)
- $y_{t-1}$  miara presji popytowej (np. luka popytowa)
- $\pi_t^e$  oczekiwania inflacyjne
- $\pi_{t-1}^{imp}$  inflacja dóbr importowanych
- $\varepsilon_t$  szok inflacyjny

#### Jak wygląda krzywa Philipsa?

Krzywa Philipsa ilustruje odwrotną zależność między stopą inflacji a stopą bezrobocia w krótkim okresie. Na wykresie przedstawia się ją jako malejącą krzywą, gdzie na osi X znajduje się stopa bezrobocia, a na osi Y stopa inflacji. W długim okresie krzywa Philipsa może stać się pionowa, co oznacza brak tej zależności (tzw. naturalna stopa bezrobocia).



#### Co chcemy zbadać?

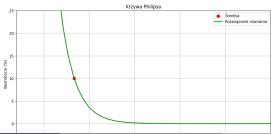
- Sprawdzamy, czy w danych dla Polski w latach 2004–2024 występuje zależność opisana przez model Phillipsa.
- Interesuje nas, czy istnieje odwrotna zależność między stopą inflacji a stopą bezrobocia – czyli czy w Polsce "działa" klasyczna krzywa Phillipsa.
- Przeprowadzamy analizę ilościową i wizualizację danych.

#### Równanie różniczkowe

$$y'(t) = -ay(t)$$
  
 $y(t) = Ce^{-at}$ 

Zakładamy następujące warunki początkowe

- krzywa musi przechodzić przez punkt  $(x_0, y_0)$
- y(0) = 80

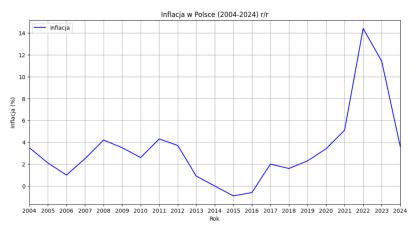




#### Nasze dane

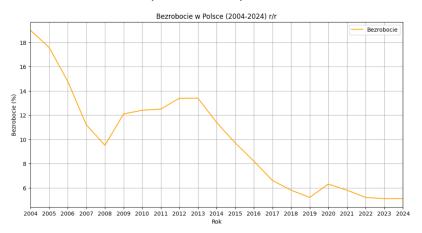
- Okres badania: lata 2004-2024
- Źródła danych:
  - GUS inflacja (CPI) i stopa bezrobocia
  - ▶ NBP dodatkowe dane makroekonomiczne
  - World Bank i Eurostat dane porównawcze
- Zmienna 1: inflacja (CPI wskaźnik cen towarów i usług konsumpcyjnych)
- Zmienna 2: stopa bezrobocia (wg GUS lub BAEL)
- Dane zostały przekształcone i ujednolicone do postaci rocznej

#### Inflacja w Polsce (2004–2024)



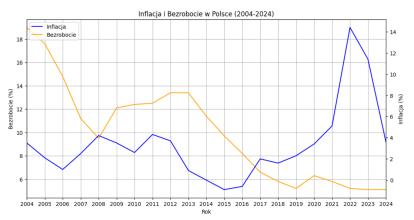
- Wysokie skoki inflacji w latach 2021–2023 (efekty COVID-19, wojny, polityki monetarnej).
- Stabilizacja w latach 2010–2019.
- Ogólna zmienność w drugiej połowie badanego okresu.

### Bezrobocie w Polsce (2004-2024)



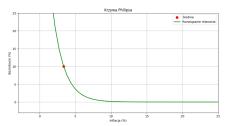
- Wyraźny spadek bezrobocia od 2013 do 2020 r.
- Pandemia i kryzysy nie odwróciły trendu spadkowego.
- Polska osiągnęła bardzo niskie poziomy bezrobocia w ostatnich latach.

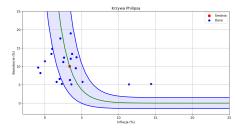
### Inflacja i Bezrobocie (2004–2024)



- Obserwujemy możliwą odwrotną zależność w niektórych okresach.
- Zjawiska z ostatnich lat mogą zaburzać klasyczną zależność (stagflacja).
- Warto przejść do modelowania i krzywej Philipsa.

#### Krzywa Phillipsa – model i niepewność



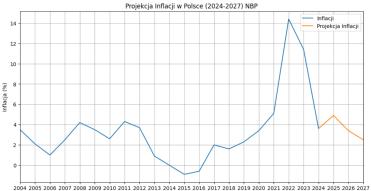


Dopasowanie modelu (linia regresji)

Obszar niepewności prognozy

- Model regresji liniowej pokazuje trend odwrotnej zależności: inflacja spada wraz ze wzrostem bezrobocia.
- Obszar niepewności ( $\pm 1.5$  pp) wskazuje, że przewidywania są wiarygodne głównie w zakresie średnich wartości.
- Odchylenia mogą wynikać z szoków zewnętrznych (np. COVID, wojna, zmiany cen energii).

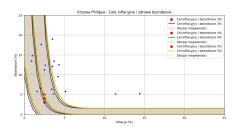
## Projekcja inflacji (2024–2027)

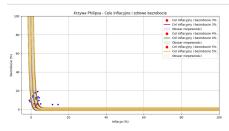


- Prognozy NBP oparte na aktualnych trendach.
- Model sugeruje stabilizację inflacji w kolejnych latach.
- Możliwe rosnące odchylenia od klasycznego modelu.



#### Scenariusze krzywej Philipsa





- ullet Przedstawiono trzy scenariusze: dla bezrobocia 3%, 4% i 5% .
- Model wskazuje, że im niższe bezrobocie, tym silniejszy impuls inflacyjny.
- Obszary niepewności pokazują możliwy zakres odchyleń.
- Taka symulacja pomaga ocenić wpływ polityki rynku pracy na inflację.

### Wnioski z analizy

- W danych z lat 2004–2024 zauważalna jest częściowa zależność między inflacją a bezrobociem.
- Klasyczna krzywa Philipsa nie opisuje idealnie wszystkich okresów
  zwłaszcza po 2020 roku.
- Model matematyczny dobrze odwzorowuje dane, ale wymaga uwzględnienia niepewności ( $\pm 1.5~{\rm pp}$ ).
- Projekcja inflacji sugeruje możliwe odejście od klasycznej zależności w najbliższych latach.

# Dziękujemy za uwagę!

Analiza związku między inflacją a bezrobociem w Polsce w świetle modelu Phillipsa (2004–2024)