#### Univerza v Ljubljani Fakulteta za matematiko in fiziko

### Finančni praktikum

# Stable roommate problem

Timotej Giacomelli in Nejc Duščak

Mentorja: prof. dr. Sergio Cabello, asist. dr. Janoš Vidali

# Kazalo

1	Uvod	2
2	Opis problema	4

#### 1 Uvod

V projektu pri finančnem praktikumu bova obravnavala *Stable roommate problem*. Problem bova modelirala in poganjala ekspiremente v programskem jeziku Sage.

Stable roommate problem, znan tudi kot kratica **SR**, je eden izmed stable matching problemov, katere sta prvič predstavila David Gale in Lloyd Shapely. Problem je dobil ime zaradi svoje praktične uporabe - kako razporediti ljudi v dvoposteljne sobe, glede na njihove preference.

Problem je sestavljen iz 2n "udeležencev", kjer ima vsak udeleženec seznam preferenc s2n-1 elementi, torej po eno vrednost za vsakega soudeleženca. Vsak udeleženec predstavljen točko v metričnem prostoru, njegov seznam pa so urejene dolžine do ostalih soudeležencev.

Ujemanje je množica n disjunktnih parov udeležencev. Za ujemanje M je par  $\{m_1, m_1'\} \notin M$  blocking pair, če zadošča naslednjim pogojem:

- $\{m_1, m_1'\}, \{m_2, m_2'\} \in M$ ,
- $m_1$  preferira  $m_2$  bolj kot  $m'_1$ ,
- $m_2$  preferira  $m_1$  bolj kot  $m'_2$ .

Oziroma če povemo z besedami,  $blockin\ pair$  nastane, če se imata vsaj dva udeleženca, ki nista v paru, pri ujemanju raje, kot s svojim partnerjem. Ujemanje M je nestabilno, če zanj obstaja  $blocking\ pair$ . Drugače je ujemanje M stabilno.

Cilj SR je najti stabilno ujemanje ali pokazati, da nobeno ne obstaja. S časoma so uspeli razviti algoritem s časovno zahtevnostjo  $O(n^2)$ , ki bodisi najde stabilno ujemanje, bodisi ugotovi, da za dani primer ne obstaja nobeno stabilno ujemanje.

Stable roommate problem je v splošnem lahko uporabljen za ujemanje opazovanj in objektov pri nalogi razvrščanja. Na primer v življenjskem primeru iskanje primernega sostanovalca, so lahko le-ti predstavljeni po točkah v nekem prostoru lastnosti: koordinatna os prostora je lahko najprimernejši čas za spanje, želena raven urejenosti prostora, število zabav/piv na semester, itd.. Povsem logično je sklepati, da bo izbran udeleženec tisti, ki bo imel podobne lastnosti.

V nadaljevanju projekta bova sledeila sledečim korakom:

- generirala bova 2n naključnih točk v kvadratu velikosti 1x1,
- izračunala bova posamezne razdalje med točkami,
- razdalje bodo predstavljale najine preference (manjša razdalja je večja preferenca), ki jih bova uredila po velikosti,
- napisala bova algoritem, ki bo izračunal ujemanje ali pa ugotovil, da ujemanje ne obstaja,
- analizirala bova, ali se seštevek razdalj med točkami v paru povečuje, ali zmanjšuje, ko povečujeva število točk (n).

### 2 Opis problema

Stable roomate problem je problem v katerem želimo poiskati stabilno ujemanje udeležencev v problemu. Vsak udeleženec ima seznam preferenc do drugih udeležencev. Seznam je urejen po velikosti od najvišje preference pa vse do najnižje. Če bi želeli problem predstaviti v realnosti, si lahko mislimo, da imamo posameznika, ki si želi poiskati sostanovalca. Glede na njegove želje bo potencialne sostanovalce uredil glede na svoje preference in nato izbral posameznika z najvišjo preferenco.

V projektu pa sva obravnavala enostavnejšo verzijo osnovnega problema, in sicer *Geometric stable roomate problem*. V tem problemu so udeleženci predstavljeni kot točke v ravnini, kjer lahko te točke izberemo iz poljubno omejenega območja ali pa točke izbiramo kar iz celotne ravnine.