БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ФАКУЛЬТЕТ ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ

Лабораторная работа по вычислительным методам алгебры на тему:

Вычисление определителя и обратной матрицы с помощью метода Гаусса

> Выполнил: Архангdельский И.А.

> > Проверил: Кондратюк А.П.

Входные и выходные данные.

Входные данные

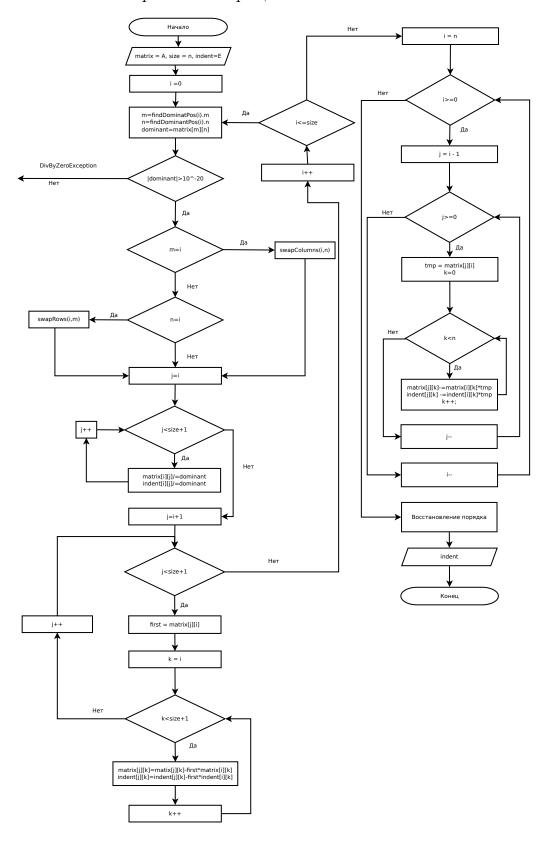
На вход программа принимает текстовый файл в котором первой строкой стоит целое неотрицательное число n, показывающее размерность матрицы A. Следующие n строк содержат матрицу A.

Выходные данные

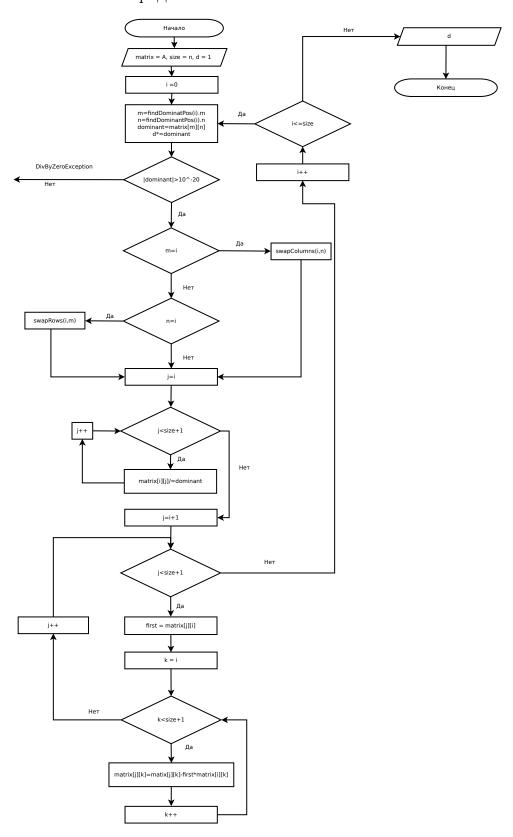
На выход в stdout выводится значение определителя, и матрица вида $det(A)A^{-1}$.

Блок-схема

Вычисление обратной матрицы



Вычисление определителя



Реализация

Листинг 1: gauss.h

```
1 #ifndef GAUSS H
   #define GAUSS_H
 3
   #include <cstdlib>
5
   #include <stdio.h>
 6
   #include <math.h>
8
    using namespace std;
9
    struct DivByZeroException {};
10
    class Gauss
11
12
    {
    private:
13
14
         double ** matrix;
15
         unsigned int size;
         void copy ( double** source, double** &dest);
16
17
         double ** getIndent (int sz);
18
         int *permutationColumns;
19
         int *permutationRows;
20
21
         struct Position
22
         {
23
             unsigned int n;
24
             unsigned int m;
25
         };
26
27
         void permutate (double * &x);
28
         Position findDominant (uint k, double ** &matr);
         void swapRows (int x, int y, double ** & matr, bool ch Vector);
29
30
         \label{eq:condition} \mbox{void swapColumns (int } \mbox{x, int } \mbox{y, double** \&matr, bool chVector)};
31
    public:
         Gauss (char* filename);
32
         \verb|int getSize()| \{ \verb|return size|; \}
33
34
         double det ();
         double ** invert ();
35
         void printMatrix (double ** matrix, int size);
36
37
         ^{\sim} Gauss ();
38
    };
39
   #endif // GAUSS_H
```

```
#include "gauss.h"
    Gauss::Gauss (char *filename)
3
4
5
         FILE* fin = fopen (filename, "r");
6
         fscanf (fin, "%d \ n", & size);
7
         matrix = new double* [size];
8
         for (uint i=0; i < size; i++)
9
              matrix[i] = new double [size];
10
11
              for (uint j=0; j < size; j++)
12
                  fscanf(fin, "%lf",&matrix[i][j]);
13
14
15
16
         permutationColumns = new int [size];
         permutationRows = new int [size];
17
         for (uint i=0; i < size; i++)
18
19
20
              permutationColumns [i]= i;
21
              permutationRows[i]=i;
22
23
         fclose (fin);
24
    }
25
    Gauss: ~ Gauss()
26
27
         for (uint i=0; i < size; i++)
28
29
30
              delete matrix[i];
31
32
         delete matrix;
         delete permutationColumns;
33
34
    }
35
36
37
    void Gauss::copy ( double ** source, double ** &dest)
38
    {
39
         double ** tmp = new double * [this -> size];
         \label{eq:formula} \text{for } (\ u\,i\,n\,t \ \ i=0\,;\,i\,{<}t\,h\,i\,s\,{->}\,s\,i\,z\,e\;;\;i\,{++})
40
41
              tmp[i]=new double [size];
42
43
              for (uint j=0; j<this->size; j++)
44
45
                  tmp[i][j]=source[i][j];
46
47
48
         dest = tmp;
    }
49
50
    double ** Gauss:: getIndent(int sz)
51
52
    {
         double ** tmp = new double * [sz];
53
54
         for (int i = 0; i < sz; i++)
55
             tmp[i]=new double [sz];
56
57
              for (int j=0; j < sz; j++)
58
                  if (i==j)
59
60
61
                       tmp[i][j]=1;
62
                  }
                  else
63
64
                  {
65
                       tmp[i][j]=0;
66
67
```

```
68
69
          return tmp;
70
    }
71
72
     double Gauss::det()
73
     {
74
          double** matrCopy = NULL;
75
          copy(this -> matrix, matrCopy);
76
77
          double d = 1;
78
79
          for (uint i=0; i < size; i++)
80
81
               Position dominantPos = findDominant(i, matrCopy);
82
               double dominant = matrCopy[dominantPos.m][dominantPos.n];
83
               if (fabs(dominant) < pow(10,-20)) throw DivByZeroException ();
84
                  (dominantPos.m=i && dominantPos.n!=i)
85
               i f
86
               {
87
                    swapColumns(i,dominantPos.n,matrCopy, true);
88
89
               if (dominantPos.n=i && dominantPos.m!=i)
90
               {
91
                    swapRows(i,dominantPos.m, matrCopy, true);
92
93
               d *= dominant;
94
               for (uint j=i; j < size; j++)
95
96
                    matrCopy[i][j]/=dominant;
97
98
               for (uint j=i+1; j < size; j++)
99
100
101
                    double first = matrCopy[j][i];
102
                    for (uint k=i; k < size; k++)
103
                        matrCopy[j][k] = matrCopy[j][k] - first*matrCopy[i][k];
104
105
106
               }
          }
107
108
109
          for (uint i=0; i < size; i++)
110
111
               delete [] matrCopy[i];
112
          delete [] matrCopy;
113
114
          return d;
115
     Gauss:: Position Gauss:: findDominant(uint k, double **&matr)
116
117
     {
          Position pos;
118
119
          pos.m = k;
120
          pos.n = k;
121
          for (uint i=k; k < size; k++)
122
123
               if (fabs(matr[i][k])>fabs(matr[pos.m][pos.n]))
124
               {
125
                    pos.m = i;
126
                    pos.n = k;
127
                \text{if } \left( \, fa\,b\,s\, (\, matr\, [\, k\, ]\, [\, i\, ] \, \right) \, > \, fa\,b\,s\, (\, matr\, [\, pos\,.m]\, [\, pos\,.m]\, ) \, ) \\
128
129
130
                    pos.m = k;
131
                    pos.n = i;
132
133
134
135
          return pos;
136
     }
```

```
137
138
    void Gauss::swapRows(int x, int y, double **&matr, bool chVector)
139
140
         for (uint i=0; i < size; i++)
141
              double tmp = matr[x][i];
142
143
              matr [x][i] = matr[y][i];
144
              matr [y][i] = tmp;
145
146
         if (chVector)
147
148
              int tmp = permutationRows[x];
149
              permutationRows [x] = permutationRows[y];
150
              permutationRows [y] = tmp;
151
    }
152
153
     void Gauss::swapColumns(int x, int y, double **&matr, bool chVector)
154
155
         for (uint i=0; i < size; i++)
156
157
158
              double tmp = matr[i][x];
              matr [i][x] = matr[i][y];
159
160
              matr [i][y] = tmp;
161
162
         if (chVector)
163
              int tmp = permutationColumns[x];
164
165
              permutationColumns [x] = permutationColumns[y];
166
              permutationColumns [y] = tmp;
167
168
    void Gauss::permutate(double *&x)
169
170
     {
171
         double * res = new double [size];
172
         for (uint i=0; i < size; i++)
173
         {
174
              res[permutationColumns[i]]=x[i];
175
         for (uint i=0; i < size; i++)
176
177
178
             x[i]=res[i];
179
         delete res;
181
    }
182
183
    double ** Gauss::invert()
184
         for (int i=0; i < size; i++)
185
186
187
              permutationColumns [i]=i;
188
              permutationRows[i]=i;
189
190
         double ** matrCopy = NULL;
191
         copy (this->matrix, matrCopy);
192
         double ** indent = getIndent(this->size);
193
         for (uint i=0; i < size; i++)
194
              Position dominantPos = findDominant(i, matrCopy);
195
196
              double dominant = matrCopy[dominantPos.m][dominantPos.n];
              if \quad (fabs \, (\, dominant) \! < \! pow \, (10\,, -20)) \quad throw \quad DivByZeroException \quad (\,)\,;
197
              if (dominantPos.m=i && dominantPos.n!=i)
198
199
200
                  swapColumns(i, dominantPos.n, matrCopy, true);
201
                  swapColumns(i,dominantPos.n,indent, false);
202
203
              if (dominantPos.n=i && dominantPos.m!=i)
204
205
```

```
206
                    swapRows(i, dominantPos.m, matrCopy, true);
207
                    swapRows(i, dominantPos.m, indent, false);
208
209
               for (uint j = 0; j < size; j++)
210
                    matrCopy[i][j]/=dominant;
211
2.12
                    indent[i][j]/=dominant;
213
               }
214
215
                   (uint j=i+1; j < size; j++)
216
217
                    double first = matrCopy[j][i];
218
                    for (uint k=0; k < size; k++)
219
                    {
                         matrCopy[j][k]=matrCopy[j][k] - first*matrCopy[i][k];
220
221
                         indent[j][k] = indent[j][k]-first*indent[i][k];
222
223
               }
224
          }
225
226
          for (int i=size-1; i>=0; i--)
227
228
               for (int j=i-1; j>=0; j--)
229
230
                    double tmp = matrCopy[j][i];
231
                    for (int k=0; k < size; k++)
232
                    {
233
                         matrCopy\left[\;j\;\right]\left[\;k\;\right] \;=\; matrCopy\left[\;j\;\right]\left[\;k\right] - matrCopy\left[\;i\;\right]\left[\;k\right] * tmp\;;
234
                         indent[j][k] = indent[j][k]-indent[i][k]*tmp;
235
                    }
236
               }
237
238
          }
239
240
          for (int i=0; i < size; i++)
241
242
               swapColumns(permutationColumns[i], i, indent, false);
243
               swapColumns(permutationColumns[i], i, matrCopy, true);
          }
244
245
246
          for (int i=0; i < size; i++)
247
               for (int j=0; j < size; j++)
248
249
250
                    if (matrCopy[i][j]==1)
251
                    {
252
                         permutationRows[i]=j;
253
254
               }
255
256
          for (int i=0; i < size; i++)
257
          {
               swapRows(permutationRows[i], i, indent, true);
258
259
260
          for (uint i=0; i < size; i++)
261
          {
               delete [] matrCopy[i];
262
263
264
          delete[] matrCopy;
265
266
          return indent;
267
     }
```

Листинг 3: main.cpp

```
#include <iostream>
    #include "gauss.h"
 2
 3
    using namespace std;
5
 6
7
    int main(int argc, char *argv[])
8
    {
9
         for (int i=1; i < argc; i++)
10
              printf ("RUNNING ON TEST: %s\n", argv[i]);
11
12
              Gauss gauss = Gauss(argv[i]);
13
              double ** res = NULL;
14
              try
15
              {
16
                   res = gauss.invert();
17
              catch (DivByZeroException e)
18
19
20
                   printf ("ERR::DIVIZION BY ZERO \n");
21
                   continue;
22
23
              double det = gauss.det();
              printf ("det (A) = \%8.3 \text{ lf} \setminus n", det);
24
              printf("\det(A)*A^-1:\n");
25
26
              for (int i=0; i < gauss.getSize(); i++)
27
28
                   \label{eq:formula} \text{for (int } j\!=\!0; j\!<\!\text{gauss.getSize()}; j\!+\!+) \text{ printf ("\%8.2lf", det*res[i][j])};
                   printf ("\n");
29
30
              \label{eq:formula} \text{for (int $i=0$; $i$<$ gauss.getSize()$; $i++$) delete [] res[i]$;}
31
32
              delete [] res;
33
34
         return 0;
35
36
    }
```

Тестовые данные

```
test01.in
                                                                          test01.out
                                              RUNNING ON TEST: tests/test01.in
2 \ 3 \ 0 \ 0 \ 0
                                              \det (A) =
                                                              4.000
                                              \det *A^{-1}:
4 \ 5 \ 0 \ 0 \ 0
                                                             6.00
                                                 -10.00
                                                                       0.00
                                                                                -0.00
                                                                                           0.00
1 \ 7 \ 1 \ 1 \ 1
                                                            -4.00
-1\ 3\ 2\ 3\ 4
                                                   8.00
                                                                      -0.00
                                                                                 0.00
                                                                                           -0.00
                                                -144.00
                                                            58.00
                                                                      24.00
                                                                               -14.00
                                                                                           2.00
9 8 4 9 16
                                                 138.00
                                                           -46.00
                                                                     -32.00
                                                                                24.00
                                                                                           -4.00
                                                 -40.00
                                                            10.00
                                                                      12.00
                                                                               -10.00
                                                                                           2.00
                  test02.in
                                                                          test02.out
                                              RUNNING ON TEST: tests/test02.in
                                                             42.000
1 \ 2 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
                                              det(A) =
3 8 0 0 0 0
                                              \det *A^-1:
-2\ 3\ 2\ -1\ 0\ 0
                                                          -42.00
                                                 168.00
                                                                      -0.00
                                                                                -0.00
                                                                                          -0.00
                                                                                                     0.00
                                                                                                    -0.00
7 \ 2 \ 3 \ 2 \ 0 \ 0
                                                 -63.00
                                                            21.00
                                                                       0.00
                                                                                 0.00
                                                                                           0.00
                                                            -6.00
                                                                                 6.00
                                                                                                    -0.00
5 \ -1 \ 3 \ 5 \ 7 \ -5
                                                  -0.00
                                                                      12.00
                                                                                           -0.00
                                                                     -18.00
2 \ 3 \ 7 \ 2 \ 2 \ -1
                                                          135.00
                                                                                12.00
                                                                                           0.00
                                                                                                     -0.00
                                                -525.00
                                                 931.00 -203.00
                                                                    -98.00
                                                                               -84.00
                                                                                         -14.00
                                                                                                    70.00
                                                 959.00 \quad -199.00 \quad -148.00 \quad -102.00
                                                                                         -28.00
                                                                                                    98.00
                  test03.in
                                                                          test03.out
                                              RUNNING ON TEST: tests/test03.in
                                              det (A) = 168.000
1 \ 2 \ 3 \ 1 \ 5
                                              \det *A^-1:
0 \ 1 \ 0 \ 5 \ 1
2 \ 1 \ 2 \ 3 \ 2
                                                 -44.00
                                                          -56.00
                                                                    112.00
                                                                               108.00
                                                                                         -56.00
0 \ 3 \ 0 \ 1 \ 3
                                                 -42.00
                                                           -42.00
                                                                      42.00
                                                                                 0.00
                                                                                          42.00
                                                 -22.00
                                                            14.00
                                                                      98.00
                                                                                12.00
                                                                                         -70.00
3 2 1 3 4
                                                  36.00
                                                             0.00
                                                                       0.00
                                                                               -12.00
                                                                                           0.00
                                                  32.00
                                                            56.00 - 112.00
                                                                               -48.00
                                                                                          56.00
                  test04.in
                                                                          test04.out
                                              RUNNING ON TEST: tests/test04.in
-1 \ 5 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
                                              \det (A) = -99.000
                                              \det *A^{-1}:
0 \ 0 \ 3 \ -2 \ 0 \ 0
                                                  18.00
                                                          -45.00
0 \ 0 \ 2 \ -5 \ 0 \ 0
                                                                      -0.00
                                                                                -0.00
                                                                                          -0.00
                                                                                                    -0.00
-3 6 0 0 0 0
                                                  -0.00
                                                            -0.00
                                                                     -33.00
                                                                                11.00
                                                                                          -0.00
                                                                                                    -0.00
                                                                                          -0.00
                                                                                                    -0.00
0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 4 \ 5
                                                  -0.00
                                                            -0.00
                                                                     -66.00
                                                                                55.00
                                                  27.00
                                                           -18.00
                                                                      -0.00
                                                                                -0.00
                                                                                          -0.00
                                                                                                    -0.00
0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 3 \ 4
                                                   0.00
                                                             0.00
                                                                       0.00
                                                                                 0.00
                                                                                        -396.00
                                                                                                   495.00
                                                  -0.00
                                                            -0.00
                                                                      -0.00
                                                                                -0.00
                                                                                         297.00 - 396.00
                  test05.in
                                                                          test05.out
                                              RUNNING ON TEST: tests/test05.in
0 \ 3 \ 2 \ 1
                                              \det (A) = 242.000
                                              \det *A^{-1}:
3 0 5 6
                                                -391.00
                                                          -29.00
                                                                     113.00
2\ 4\ 0\ 5
                                                                               103.00
1 7 9 0
                                                  -2.00
                                                           -28.00
                                                                      34.00
                                                                                16.00
                                                                     -39.00
                                                            25.00
                                                  45.00
                                                                                 3.00
                                                 158.00
                                                            34.00
                                                                     -24.00
                                                                               -54.00
```