

① Нату \sup, \inf, \min, \max

a) $A = [0, \pi] \setminus \mathbb{Q}$

б) $A = \{(-1)^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

в) $A = \left\{ \frac{(-1)^n}{n} \mid n \in \mathbb{N} \right\}$

г) $A = \{(-5)^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

д) $A = \left\{ \frac{n}{n+1} \mid n \in \mathbb{N} \right\}$

е) $A = \left\{ \frac{m}{n} + \frac{4n}{m} \mid m, n \in \mathbb{N} \right\}$

$$\alpha \cdot S = \{\alpha s \mid s \in S\}$$

ж) $A = \{a - b \mid 1 < a < 2, 3 < b < 4\}$

↗

② S непустой, $\alpha > 0$. Доказать $\sup(\alpha \cdot S) = \alpha \sup S$

③ $B, C \subseteq \mathbb{R}$ непусты. $A = B \cup C$. Доказать $\sup A = \max\{\sup B, \sup C\}$

④ $A \subseteq B$, B ограничен. Доказать $\sup A \leq \sup B$ и $\inf A \geq \inf B$

⑤ $A + B := \{a + b \mid a \in A, b \in B\}$. Доказать $\sup(A + B) = \sup A + \sup B$
 A, B — ограничены

⑥ A, B непусты и $a \leq b$ ($\forall a \in A)(\forall b \in B)$. Доказать $\sup A \leq \inf B$