

Geometria Analítica – Formulário

Distância entre dois pontos:

$$d_{(A,B)} = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

$$d_{(A,B)} = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2 + (z_B - z_A)^2}$$

Coordenadas do baricentro de um triângulo:

$$G = \left(\frac{x_A + x_B + x_C}{3}, \frac{y_A + y_B + y_C}{3} \right)$$

Módulo de um vetor:

$$|\vec{v}| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$|\vec{v}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

Inclinação de um vetor:

$$\operatorname{tg}(\theta) = \frac{y}{x}$$

$$\operatorname{sen}(\theta) = \frac{y}{|\vec{v}|}$$

$$\operatorname{cos}(\theta) = \frac{x}{|\vec{v}|}$$

Multiplicação de um vetor por um escalar:

$$k \cdot \vec{v} = (k \cdot v_1, k \cdot v_2, \dots, k \cdot v_n)$$

Versor:

$$\hat{v} = \frac{1}{|\vec{v}|} \vec{v}$$

Soma de vetores:

$$\vec{u} + \vec{v} = (u_1 + v_1, u_2 + v_2, \dots, u_n + v_n)$$

Subtração de vetores:

$$\vec{u} - \vec{v} = (u_1 - v_1, u_2 - v_2, \dots, u_n - v_n)$$

Combinação linear:

$$\vec{v} = \alpha_1 \vec{v}_1 + \alpha_2 \vec{v}_2 + \dots + \alpha_n \vec{v}_n$$

Vetores canônicos do \mathbb{R}^2 :

$$\vec{i} = (1, 0)$$

$$\vec{j} = (0, 1)$$

Vetores canônicos do \mathbb{R}^3 :

$$\vec{i} = (1, 0, 0)$$

$$\vec{j} = (0, 1, 0)$$

$$\vec{k} = (0, 0, 1)$$

Produto escalar:

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = u_1 \cdot v_1 + u_2 \cdot v_2 + \dots + u_n \cdot v_n$$

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = |\vec{u}| \cdot |\vec{v}| \cdot \cos \theta$$

Ângulo entre vetores:

$$\cos \theta = \frac{\vec{u} \cdot \vec{v}}{|\vec{u}| \cdot |\vec{v}|}$$

Produto vetorial:

$$\vec{u} \times \vec{v} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ u_1 & u_2 & u_3 \\ v_1 & v_2 & v_3 \end{vmatrix}$$

Área de um paralelogramo:

$$A = |\vec{u} \times \vec{v}|$$

Produto misto:

$$\vec{u} \cdot (\vec{v} \times \vec{w}) = \begin{vmatrix} u_1 & u_2 & u_3 \\ v_1 & v_2 & v_3 \\ w_1 & w_2 & w_3 \end{vmatrix}$$

Volume de um paralelepípedo:

$$V = |\vec{u} \cdot (\vec{v} \times \vec{w})|$$

Equação reduzida da reta:

$$y = ax + b$$

$$(y - y_0) = m(x - x_0), \quad m = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} \quad \text{ou} \quad m = \tan \theta$$

Equação geral da reta:

$$ax + by + c = 0$$

Equação vetorial da reta:

$$r: A + t \cdot \vec{v}, \quad t \in \mathbb{R}$$

Equações paramétricas da reta:

$$\begin{cases} x = x_A + t \cdot v_1 \\ y = y_A + t \cdot v_2 \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$

$$\begin{cases} x = x_A + t \cdot v_1 \\ y = y_A + t \cdot v_2 \\ z = z_A + t \cdot v_3 \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$

Equações simétricas da reta:

$$\frac{x - x_0}{x_{\vec{v}}} = \frac{y - y_0}{y_{\vec{v}}}$$

$$\frac{x - x_0}{x_{\vec{v}}} = \frac{y - y_0}{y_{\vec{v}}} = \frac{z - z_0}{z_{\vec{v}}}$$

Ângulo entre retas:

$$\cos \theta = \frac{|\vec{u} \cdot \vec{v}|}{|\vec{u}| \cdot |\vec{v}|}$$

Equação geral do plano:

$$\overrightarrow{AP} \cdot \vec{n} = 0$$

$$ax + by + cz + d = 0$$

Equação vetorial do plano:

$$\alpha: A + t_1 \vec{u} + t_2 \vec{v}, \quad t_1, t_2 \in \mathbb{R}$$

Equações paramétricas do plano:

$$\begin{cases} x = x_A + t_1 u_1 + t_2 v_1 \\ y = y_A + t_1 u_2 + t_2 v_2 \\ z = z_A + t_1 u_3 + t_2 v_3 \end{cases}$$

Equação segmentária do plano:

$$\frac{x}{p} + \frac{y}{q} + \frac{z}{r} = 1$$

Ângulo entre reta e plano:

$$\sin(\phi) = \frac{|\vec{v} \cdot \vec{n}|}{|\vec{v}| \cdot |\vec{n}|}$$

Ângulo entre planos:

$$\cos \theta = \frac{|\vec{u} \cdot \vec{v}|}{|\vec{u}| \cdot |\vec{v}|}$$

Distância entre pontos:

$$d_{(A,B)} = |\overrightarrow{AB}| = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

$$d_{(A,B)} = |\overrightarrow{AB}| = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2 + (z_B - z_A)^2}$$

Distância entre ponto e reta:

$$d_{(P,r)} = \frac{|\vec{u} \times \vec{v}|}{|\vec{u}|}$$

$$d_{(P,r)} = \frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

Distância entre ponto e plano:

$$d_{(P,\alpha)} = \frac{|ax_0 + by_0 + cz_0 + d|}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$$

Equação da circunferência:

$$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = r^2$$

Equação da elipse:

$$\frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2} = 1$$

Equação da hipérbole com ramos à esquerda e à direita:

$$\frac{(x-x_0)^2}{a^2} - \frac{(y-y_0)^2}{b^2} = 1$$

Equação da hipérbole com ramos para cima e para baixo:

$$-\frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2} = 1$$

Equação reduzida da parábola vertical:

$$y = ax^2 + bx + c$$

Raízes da parábola vertical:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Vértice da parábola vertical:

$$V = \left(-\frac{b}{2a}, -\frac{b^2 - 4ac}{4a} \right)$$

Equação reduzida da parábola horizontal:

$$x = ay^2 + by + c$$

Raízes da parábola horizontal:

$$y = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Vértice da parábola horizontal:

$$V = \left(-\frac{b^2 - 4ac}{4a}, -\frac{b}{2a} \right)$$

Equação do elipsoide:

$$\frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2} = 1$$

Equação da esfera:

$$(x-x_0)^2 + (y-y_0)^2 + (z-z_0)^2 = r^2$$

Equação do hiperboloide de uma folha em relação ao eixo-x:

$$-\frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2} = 1$$

Equação do hiperboloide de uma folha em relação ao eixo-y:

$$\frac{(x-x_0)^2}{a^2} - \frac{(y-y_0)^2}{b^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2} = 1$$

Equação do hiperboloide de uma folha em relação ao eixo-z:

$$\frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2} - \frac{(z-z_0)^2}{c^2} = 1$$

Equação do hiperboloide de duas folhas em relação ao eixo-x:

$$\frac{(x-x_0)^2}{a^2} - \frac{(y-y_0)^2}{b^2} - \frac{(z-z_0)^2}{c^2} = 1$$

Equação do hiperboloide de duas folhas em relação ao eixo-y:

$$-\frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2} - \frac{(z-z_0)^2}{c^2} = 1$$

Equação do hiperboloide de duas folhas em relação ao eixo-z:

$$-\frac{(x-x_0)^2}{a^2} - \frac{(y-y_0)^2}{b^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2} = 1$$

Equação do paraboloides elíptico ao longo do eixo-x:

$$x = \frac{(y-y_0)^2}{b^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2}$$

Equação do paraboloides elíptico ao longo do eixo-y:

$$y = \frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2}$$

Equação do paraboloides elíptico ao longo do eixo-z:

$$z = \frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2}$$

Equação do paraboloides hiperbólico ao longo do eixo-x:

$$x = -\frac{(y-y_0)^2}{b^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2}$$

Equação do paraboloides hiperbólico ao longo do eixo-y:

$$y = -\frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2}$$

Equação do paraboloides hiperbólico ao longo do eixo-z:

$$z = -\frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2}$$

Equação da superfície cônica elíptica no sentido do eixo-x:

$$x^2 = \frac{(y-y_0)^2}{b^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2}$$

Equação da superfície cônica elíptica no sentido do eixo-y:

$$y^2 = \frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(z-z_0)^2}{c^2}$$

Equação da superfície cônica elíptica no sentido do eixo-z:

$$z^2 = \frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2}$$