

14. Конструкции за цикъл

Проф. д-р Емил Хаджиколев

1. Цикъл
2. Видове цикли
3. Цикъл с пред-условие while
4. Цикъл със след-условие do-while
5. Цикъл с пред-условие for
6. Итератор
7. Основни циклични алгоритми
8. Вложени цикли

Цикъл (1)

- **Цикълът (loop) предоставя възможност за многократно изпълнение на част от кода.**
- Кодът, който се изпълнява многократно, се нарича **тяло на цикъла**.
- **Едно изпълнение на тялото на цикъл се нарича итерация.**
- **Изпълнението на цикъла зависи от някакво логическо условие.**
 - **Логическото условие е израз**, в който обикновено има променлива, чиято стойност се променя по време на итерациите.
 - **Параметър, от който зависи логическото условие, се нарича управляващ параметър.**
 - Може да има няколко управляващи параметри.

Цикъл (2)

- Преди да се изпълни една итерация, **се изчислява стойността на логическия израз**.
- **Ако той има стойност true**, тялото се изпълнява.
- **Когато логическото условие получи стойност false**, цикълът престава да се изпълнява.
- **За да не стане цикълът безкраен**, трябва условията да се задават правилно и внимателно да се управлява промяната на параметъра/параметрите.
- **В някои случаи нарочно се прави безкраен цикъл** и се използват операторите break и return за прекъсването му.

Примери за дейности, при които може да се ползват цикли

- **Обхождане на списък (напр. масив)**, изискващ еднотипна обработка на всеки отделен елемент – хора, фирми, числови (статистически) данни и много др.
- **Обработка на елементите на низ**, символ по символ.
- **Обхождане на елементите на матрица (таблица)** – чрез два цикъла –външният цикъл обхожда таблицата по редове, а вътрешния – по стълбове, и др.
- **Контрол на въвеждани от потребителя входни данни** – въвеждат се данни докато не станат коректни.

Видове цикли

- Циклите са два основни вида: с пред-условие и със след-условие (пост-условие).
 - При циклите с пред-условие, условието се проверява преди изпълнението на итерацията.
 - При циклите с пост-условие, първо се изпълнява итерацията и след това се проверява условието (дали цикълът да приключи).
- За различните видове цикли, се използват конструкциите `for`, `while`, `do-while`.

Итератор

- **Итератор е механизъм за обхождане на колекции от елементи**, при който няма явно зададени условия.
- **Описва се с конструкцията for-each**.
- Чрез итератор може да се **обхождат всички елементи на колекция**.
 - По подразбиране елементите на подредени списъци (например масив) се обхождат от първия към последния (но реда може да се промени).
 - Реализира се чрез вътрешен (скрит) указател към следващ елемент.
 - В началото указателят реферира (сочи) първия елемент.
 - При всяка итерация се работи с елемента, сочен от указателя, а след изпълнението ѝ, указателят автоматично се пренасочва към следващия елемент.
 - Цикълът приключва, когато указателят спре да сочи следващ елемент.

Цикъл с пред-условие while

- **Синтаксисът на цикъла while е:**

```
while(<условие>){  
    [<тяло>]  
}
```

- **Може да се чете по следния начин:**

Докато <условието> е истина, изпълнявай <тялото>!

- **Управляващият параметър се декларира преди тялото на цикъла, а стойността му се променя в тялото на цикъла.**
- При цикълът while е **възможно да не се изпълни нито една итерация**, ако условието още в началото има стойност false.

Пример (отпечатване на числата от 1 до 5)

```
int main()
{
    // Желаем да отпечатаме числата от 1 до 5.
    int i = 1; // На управляваща променлива i задаваме стойност 1.

    while (i <= 5) { // Докато i е по-малко или равно на 5...
        cout << i << '\n'; // ...отпечатваме i...
        i++; // ...и увеличаваме i с единица.
    }

    return 0;
}
```



Цикъл със след-условие do-while

- Синтаксисът на цикъла do-while е:

```
do{  
    [<тяло>]  
} while(<условие>);
```

- Може да се чете по следния начин:

Изпълнявай <тялото>, докато <условието> е истина!

- Символът ; (точката и запетая) за край на конструкцията е задължителен.
Той не е задължителен за разгледания в предната част оператор за цикъл while.
- Както и при цикъла while, управляващият параметър се декларира преди тялото на цикъла, а стойността му се променя в тялото на цикъла.

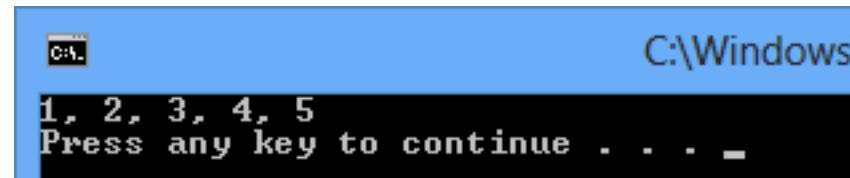
Пример (отпечатване на числата от 1 до 5)

```
int main()
{
    int i = 1;

    do {          // изпълнявай тялото...
        cout << i << (i<5 ? ", " : "");
        i++;
    } while (i <= 5); // ...докато i е по-малко или равно на 5

    cout << '\n';

    return 0;
}
```



Разлика между циклите с пред- и след-условие

- Разликата между цикъла със след-условие do-while и цикъла с пред-условие while е, че при do-while със сигурност ще се изпълни поне една итерация дори и условието да има стойност false.
- Нека например i има начална стойност 10. При do-while първо тялото ще се изпълни и ще се отпечата 10, след което ще се извърши за проверка на условието, което ще има стойност false...

Цикъл с пред-условие for (1)

- **Синтаксис на цикъла for:**

```
for([<инициализация на УП>];[<условие>];[<промяна на УП>]){
    [<тело>]
}
```

- УП означава „управляващи променливи”.

Цикъл с пред-условие for (2)

- **Логиката при цикъла for е същата като при while.** Разликата е, че при for има заглавна (декларативна) част, в която има точно определени места за описание на основните дейности, свързани с управлението на цикъла:
- **Инициализация на управляващи променливи** – задават се начални стойности на управляващите променливи. Тази част се изпълнява еднократно в началото на изпълнението на конструкцията for.
- **Условие за изпълнение на тялото на цикъла** – изчислява се преди всяко изпълнение на тялото на цикъла. Ако условието е истина се изпълнява тялото на цикъла, в противен случай – изпълнението на цикъла приключва и започва изпълнението на следващата конструкция в програмата.
- **Промяна на управляващи променливи** – в тази част се променя стойността на управляващите променливи. Изпълнява се след всяко изпълнение на тялото на цикъла.

Цикъл с пред-условие for (3)

- **Трите части, разделени помежду си с ; (точка и запетая) не са задължителни.** Ако те не се описват, цикълът става безкраен. В този случай може да се организира логиката за приключването му по друг начин – с командите break или return.
- **Чрез конструкцията за цикъл for се разделя логиката по управление на цикъла от работната логика.** Управлението е изнесено в декларативната част, а работната логика е в тялото на цикъла.
- **Това, че местата за основните дейности в конструкцията for са точно определени, ни предпазва от случайни грешки.** В показаните примери с while и do-while се променя стойността на управляващата променлива едва след като е изпълнена работната логиката – в случая, отпечатването на стойността на УП, каквато е и стандартната логика при for. Случайно или нарочно би могло да се извърши промяна на стойността ѝ на друго – неправилно място.

Пример (отпечатване на числата от 1 до 5)

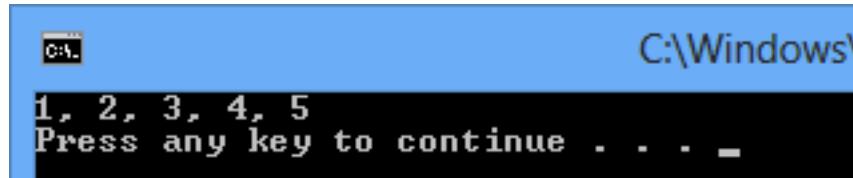
```
int main(){
    for (int i = 1; i <= 5; i++) {
        cout << i << (i<5 ? "," : "");
    }

    cout << '\n';

    return 0;
}
```

- **Забележка:**

- В този пример, тъй като променливата *i* е декларирана в блока на цикъла *for*, тя ще е видима само в този блок.
- Ако е необходимо да е достъпна и след изпълнението на цикъла, трява да се декларира над него.



Няколко управляващи променливи - пример

- В частта за инициализиране може да се задават стойности на няколко променливи, като отделните присвоявания са разделени със запетай. Аналогично, в частта за промяна може да се променят стойностите на променливите. Пример:

```
for (int i = 1, j = 20; i < j; i += 2, j -= 2) {  
    cout << (j - i) << (i < j - 4 ? ",", " " : "");  
}
```

Резултат:

19, 15, 11, 7, 3

- Тук, в частта за инициализация, за променливата i е зададена стойност 1, а за j – 20. След всяка итерация първата стойност се увеличава с две, а втората се намалява с две.

Извеждане на цели числа в указан интервал - пример

```
// Показва числата от n до m (n<m) в прав ред
void rightNumbers(int n, int m) {
    for (int i = n; i <= m; i++) {
        cout << i << (i < m ? ", " : "\n");
    }
}

// Показва числата от n до m (n<m) в обратен ред
void reverseNumbers(int n, int m) {
    for (int i = m; i >= n; i--) {
        cout << i << (i >n ? ", " : "\n");
    }
}

int main(){
    rightNumbers(4, 12);
    reverseNumbers(5, 9);
    return 0;
}
```

Резултат:

4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12
9, 8, 7, 6, 5

Извеждане на цели числа в указан интервал - разяснения

- В разгледания пример се извеждат целите числата в интервала $[n, m]$, където n и m са параметри на функция.
- Създадени и използвани са две функции – за показване в прав и обратен ред.
- Особеност на функциите за показване на числата е, че първият параметър трябва да е по-малък от втория.
- По-добра реализация е ако параметрите са произволни числа.
- За целта, при необходимост първо се извършва размяна на стойностите на променливите:

```
void reverseNumbers(int n, int m) {  
    if (n>m) {          // ако n>m - трябва да ги разменяме  
        int temp = n;    // записваме n във временна променлива temp,  
        n = m;           // Тогава на n задаваме m,  
        m = temp;         // а на m - n чрез temp  
    }  
  
    for (int i = m; i >= n; i--) {  
        cout << i << (i >n ? "," : "\n");  
    }  
}
```

Сума на числа в указан интервал

- За намиране на сумата на целите числа в интервала $[n, m]$ може да се използва цикъл (метода sum), в който се променя управляващата променлива i от n до m със стъпка 1.
- В началото сумата е 0, а при всяка итерация към нея се добавя стойността на i .

Сума на числа в указан интервал - пример

```
// Сума на целите числата от n до m (n<m)
void sum(int n, int m) {
    int sum = 0; // променлива за сума
    for (int i = n; i <= m; i++) { // променяме i от n до m със стъпка 1
        sum += i; // при всяка итерация добавяме i към сумата
    }
    cout << "Сумата на числата от " << n << " до " << m << " е " << sum << '\n';
}

// Сума на елементите на аритметична прогресия
void sumArithmeticalProgression(int n, int m) {
    int sum = (m + n)*(m - n + 1) / 2; // (a0+an)*броя на елементите/2;
    cout << "Сумата на числата от " << n << " до " << m << " е " << sum << '\n';
}

int main(){
    sum(1, 5);
    sumArithmeticalProgression(1, 5);
    sum(5, 8);
    sumArithmeticalProgression(5, 8);
    return 0;
}
```

Резултат:

Сумата на числата от 1 до 5 е 15
Сумата на числата от 1 до 5 е 15
Сумата на числата от 5 до 8 е 26
Сумата на числата от 5 до 8 е 26

Сума на числа в указан интервал – разяснения (1)

- Както вече споменахме, „по-лесно” е да се намери сумата (функция `sumArithmeticalProgression`) като се отчете, че числата образуват аритметична прогресия с първи член n , последен – m , и брой на елементите $(m-n+1)$.
- „По-лесно”, всъщност означава че алгоритъма за сума на аритметична прогресия е с константна сложност $O(1)$, а сложността на цикъла е линейна: $O(m-n)$, при която има $(m-n+1)*3$ основни действия (сравнение, увеличаване с 1 и сумиране).
- Ако интервала, за който искаме да извършим сумиране е например $[1, 100000]$, при изпълнение на цикъла ще се реализират 100000 итерации, което ще е доста по-бавно от намирането на произведение на две суми и делението им.

Сума на числа в указан интервал – разяснения (2)

- Друга разлика в двата алгоритъма е, че при големи числа, втория – `sumArithmeticalProgression` по-бързо ще предизвика препълване на типа `int`, който се използва за сума.
- Докато при цикъла само се добавя текущата стойност на i , във втория случай първо се изпълнява произведение на две големи числа и едва след това те се делят – $(m+n)*(m-n+1)/2$.
- За да се направи вторият алгоритъм по-добър при работа с големи числа, може да правим проверка кой от двата множителя $(m+n)$ или $(m-n+1)$ е четно число (единия със сигурност е четно число) и делението на 2 да се извърши с него и след това да се изчисли произведението с другия.
- Разбира се, и в двете решения може да се промени типа за сумата на `long` или `long long`.

Произведение на цели числа в указан интервал

- Произведението на последователни цели числа в указан интервал се реализира подобно на събирането – чрез цикъл. За него няма формула за бързо пресмятане.
- Тук особеност е, че **променливата за произведение първоначално се инициализира със стойност едно**. При всяка итерация тя се умножава по текущата стойност на **управляващата променлива**.
- В следващия пример е показано намирането на произведение на четните числа в интервала $[n, m]$.
- В тялото на цикъла се обхождат всички числа от n до m . За всяко число се проверява дали е четно, и само ако е четно се умножава с намереното до текущата итерация произведение.

Произведение на четни числа в указан интервал - пример

```
// произведение на четни числа от n до m
void productEven(int n, int m) {
    long product = 1;
    for (int i = n; i <= m; i++) { // променяме i от n до m със стъпка 1
        if (i % 2 == 0) { // ако i се дели на 2...
            product *= i; // го умножаваме с текущото произведение
        }
    }
    cout << "Произведението на четните числа от " << n << " до " << m << " е
" << product << '\n';
}
int main(){
    productEven(1, 5);
    productEven(4, 9);
    return 0;
}
```

Резултат:

Произведението на четните числа от 1 до 5 е 8

Произведението на четните числа от 4 до 9 е 192

Произведение на четни числа в указан интервал – разяснения

- Може да се реализира и друга логика: стъпката на цикъла да е през две четни числа и въобще да няма проверка за четност в тялото му.
- За да стане това, достатъчно е първото число, с което се инициализира управляващата променлива, да е четно.
- В този случай сложността на алгоритъма ще си остане линейна, но ще се изпълнят двойно по-малко дейности. Новата реализация е показана в следващия код.

Произведение на четни числа в указан интервал – пример 2

```
void productEvenQuick(int n, int m) {  
    long product = 1;  
    if (n % 2 != 0) { // ако n е нечетно...  
        n++;           // ...става четно  
    }  
    for (int i = n; i <= m; i += 2) { // стъпка 2  
        product *= i;  
    }  
    cout << "Произведенето на четните числа от " << n << "  
        до " << m << " е " << product << '\n';  
}
```

Вложени цикли

- В тялото на един цикъл може да се описват различни други конструкции – if, switch, изрази, цикли и др.
- Вложени цикли има, когато **в тялото на един външен цикъл се изпълнява друг, вътрешен цикъл**. При всяка една итерация на външния цикъл, вътрешният изпълнява всичките си итерации.
- Например, ако външният цикъл има 10 итерации, а вътрешният 5, то тялото на вътрешния ще се изпълни общо $50 (=10^*5)$ пъти.
- Чрез вложени цикли може да се реализират различни алгоритми за сортиране, да се обхождат матрици и др.

Умножение на числата от 1 до n

- Следващият пример представя таблицата за умножение на числата от 1 до n.
- Управляващата променлива на външния цикъл се променя от 1 до n.
- За всяка от стойностите ѝ по време на итерация, управляващата променлива на вътрешния цикъл също се променя от 1 до n.

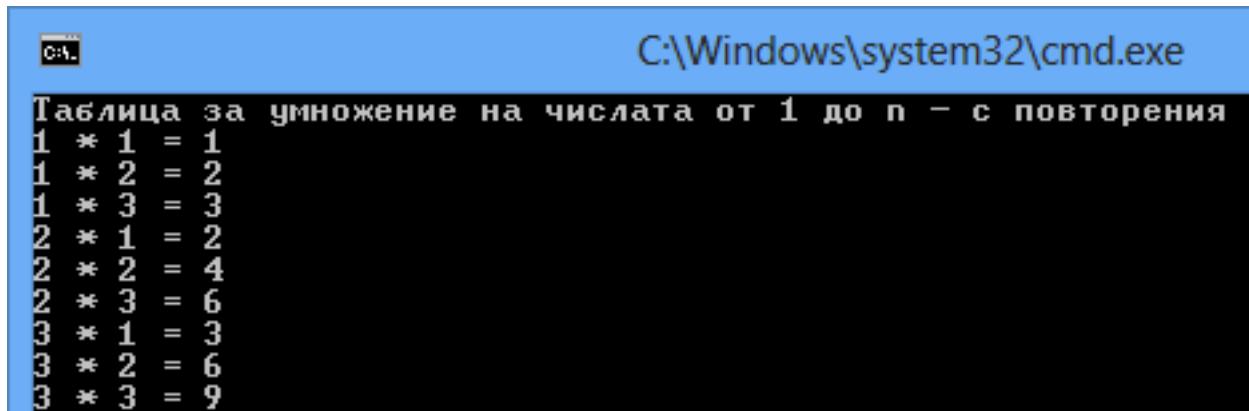
Умножение на числата от 1 до n - пример

```
void multiplicationTable(int n) {
    cout << "Таблица за умножение на числата от 1 до n - с повторения" << '\n';
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        for (int j = 1; j <= n; j++) {
            cout << i << " * " << j << " = " << i*j << '\n';
        }
    }
}

int main(){
    setlocale(LC_ALL, "bg");

    multiplicationTable(3);

    return 0;
}
```



The screenshot shows a Windows Command Prompt window titled 'cmd' with the path 'C:\Windows\system32\cmd.exe'. The window displays the text 'Таблица за умножение на числата от 1 до n - с повторения' followed by the multiplication table for numbers 1 through 3:

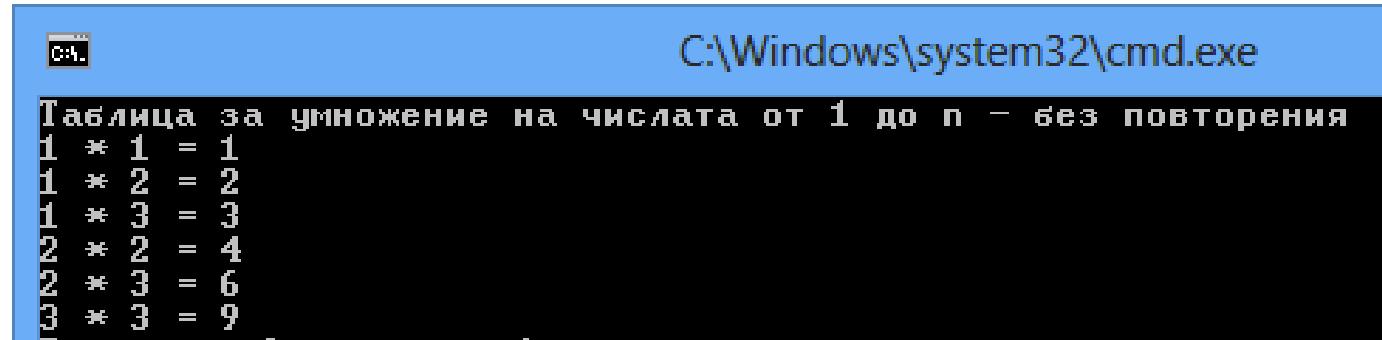
1	*	1	=	1
1	*	2	=	2
1	*	3	=	3
2	*	1	=	2
2	*	2	=	4
2	*	3	=	6
3	*	1	=	3
3	*	2	=	6
3	*	3	=	9

Умножение на числата от 1 до n – разяснения

- Както се вижда в резултата, някои от произведенията се повтарят, но с разменени места на множителите.
- **Повторенията може да се премахнат.** Повтарят се произведенията $2*1, 3*1, 3*2$. Тази закономерност може да се обобщи: това са случаи, при които стойностите на j са по-малки от i . Следователно, решението е във вътрешния цикъл, j да се променя от i (а не от 1) до n .

Умножение на числата от 1 до n (4)

```
void multiplicationTableNoRepeats(int n) {
    cout << "Таблица за умножение на числата от 1 до n - без повторения"
    << '\n';
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        for (int j = i; j <= n; j++) {
            cout << i << " * " << j << " = " << i*j << '\n';
        }
    }
}
```



The screenshot shows a Windows command prompt window titled 'cmd' with the path 'C:\Windows\system32\cmd.exe'. The window displays the text 'Таблица за умножение на числата от 1 до n - без повторения' followed by the multiplication table for numbers 1 through 3:

```
Таблица за умножение на числата от 1 до n - без повторения
1 * 1 = 1
1 * 2 = 2
1 * 3 = 3
2 * 2 = 4
2 * 3 = 6
3 * 3 = 9
```

Ако функцията се стартира за $n=3$.