42-接雨水

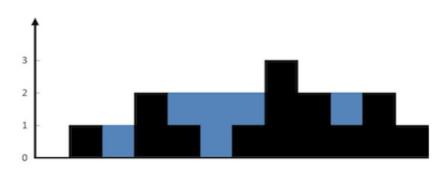
题述

42. 接雨水

难度 困难 凸 3312 ☆ 臼 丸 凣 □

给定 n 个非负整数表示每个宽度为 1 的柱子的高度图,计算按此排列的柱子,下雨之后能接多少雨水。

示例 1:



输入: height = [0,1,0,2,1,0,1,3,2,1,2,1]

输出: 6

解释: 上面是由数组 [0,1,0,2,1,0,1,3,2,1,2,1] 表示的高度 图,在这种情况下,可以接 6 个单位的雨水(蓝色部分表示雨

水)。

示例 2:

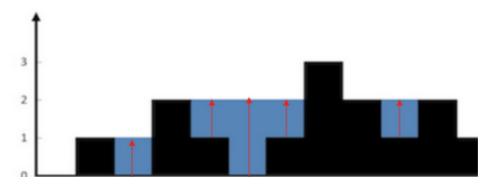
输入: height = [4,2,0,3,2,5]

输出:9

思路

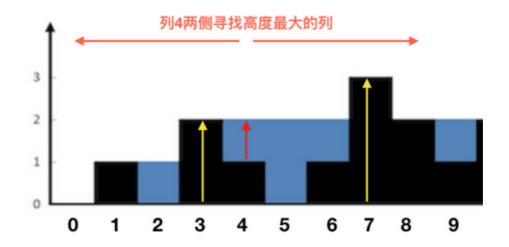
双指针

先明确是按照行计算还是按照列来计算



如果按照列来计算的话,宽度一定是1了,再把每一列的雨水的高度求出来就可以了。

每一列雨水的高度,取决于,该列 左侧最高的柱子和右侧最高的柱子中最矮的那个柱子的高度。可能不理解,这样想:举例:求列4的雨水高度



列4左侧最高的柱子是列3,高度为2(以下用IHeight表示)。

列4右侧最高的柱子是列7,高度为3(以下用rHeight表示)。

列4柱子的高度为1(以下用height表示)

那么列4的雨水高度为列3和列7的高度最小值减列4高度,即: min(lHeight, rHeight) - height。

一样的方法,只要从头遍历一遍所有的列,然后求出每一列雨水的体积,相加之后就是总雨水的体积了。

动态规划

我们前面推导出一个公式:每一列雨水的高度,取决于,该列左侧最高的柱子和右侧最高的柱子中最矮的那个柱子的高度。

每一列雨水的高度 = 该列 左侧最高的柱子和右侧最高的柱子中最矮的那个柱子的高度 - 当前列的高度 当前列雨水面积: min(左边柱子的最高高度,记录右边柱子的最高高度) - 当前柱子高度。

把每一个位置的左边最高高度记录在一个数组上(maxLeft),右边最高高度记录在一个数组上(maxRight)。这样就避免了重复计算,这就用到了动态规划。

递推公式:

即从左向右遍历: maxLeft[i] = max(height[i], maxLeft[i - 1]);

从右向左遍历: maxRight[i] = max(height[i], maxRight[i + 1]);

Python

双指针

```
class Solution:
                    def trap(self, height: List[int]) -> int:
                                            # 双指针解法
                                            result = 0
                                            for i in range(len(height)):
                                                                    if i == 0 or i == len(height)-1:
                                                                                           continue
                                                                    legistarrow legi
                                                                    rHeight = height[i+1]
                                                                    for j in range(i-1):
                                                                                           if height[j] > lHeight:
                                                                                                                   lHeight = height[j]
                                                                    for k in range(i+2,len(height)):
                                                                                           if height[k] > rHeight:
                                                                                                                    rHeight = height[k]
                                                                    rest = min(lHeight,rHeight) - height[i]
                                                                    if rest > 0:
                                                                                           result += rest
                                            return result
```

动态规划

```
class Solution:
def trap(self, height: List[int]) -> int:
    # 动态规划
    # 使用两个数组来记录左右的最大高度
    # 初始化 dp teble
    leftHeight = [0] * len(height)
    rightHegiht = [0] * len(height)
    leftHeight[0] = height[0]
    for i in range(1,len(height)):
        leftHeight[i] = max(leftHeight[i-1],height[i])
    rightHegiht[-1] = height[-1]
    for i in range(len(height) - 2 , -1, -1):
        rightHegiht[i] = max(rightHegiht[i+1] , height[i])
    result = 0
    for i in range(0,len(height)):
        sumH = min(leftHeight[i], rightHegiht[i]) - height[i]
        result += sumH
    return result
```

思考