

216-组合总和III

题述

216. 组合总和 III

难度 中等

461

☆

□

✎

🔔

💬

找出所有相加之和为 n 的 k 个数的组合，且满足下列条件：

- 只使用数字1到9
- 每个数字 最多使用一次

返回 所有可能的有效组合的列表。该列表不能包含相同的组合两次，组合可以以任何顺序返回。

示例 1:

输入: $k = 3, n = 7$

输出: $[[1,2,4]]$

解释:

$1 + 2 + 4 = 7$

没有其他符合的组合了。

示例 2:

输入: $k = 3, n = 9$

输出: $[[1,2,6], [1,3,5], [2,3,4]]$

解释:

$1 + 2 + 6 = 9$

$1 + 3 + 5 = 9$

$2 + 3 + 4 = 9$

没有其他符合的组合了。

示例 3:

输入: $k = 4, n = 1$

输出: $[]$

解释: 不存在有效的组合。

在 $[1,9]$ 范围内使用4个不同的数字，我们可以得到的最小和是

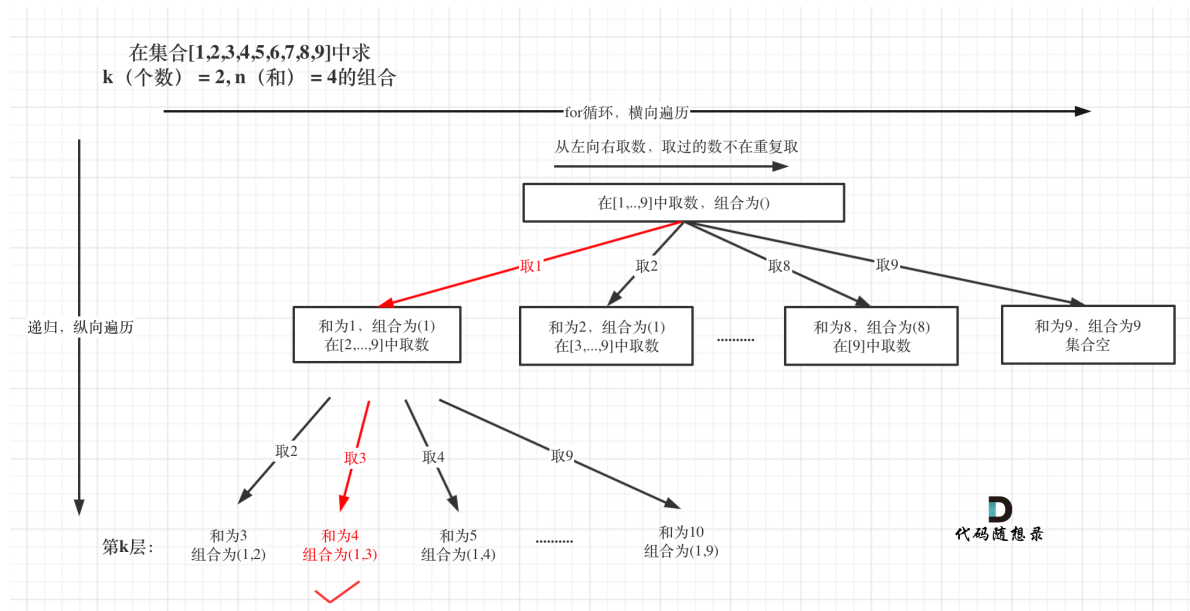
$1+2+3+4 = 10$ ，因为 $10 > 1$ ，没有有效的组合。

思路

本题就是在 $[1,2,3,4,5,6,7,8,9]$ 这个集合中找到和为 n 的 k 个数的组合。

本题 k 相当于树的深度，9（因为整个集合就是9个数）就是树的宽度。

例如 $k = 2$, $n = 4$ 的话, 就是在集合 $[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]$ 中求 k (个数) $= 2$, n (和) $= 4$ 的组合。



回溯三板斧

确定递归函数参数

需要一维数组 `path` 来存放符合条件的结果, 二维数组 `result` 来存放结果集。Python 中则无需考虑这些

接下来还需要如下参数:

- `targetSum` (int) 目标和, 也就是题目中的 n 。
- `k` (int) 就是题目中要求 k 个数的集合。
- `startIndex` (int) 为下一层 `for` 循环搜索的起始位置。

```
def backTracking(self, k: int, n: int, startIndex: int):
```

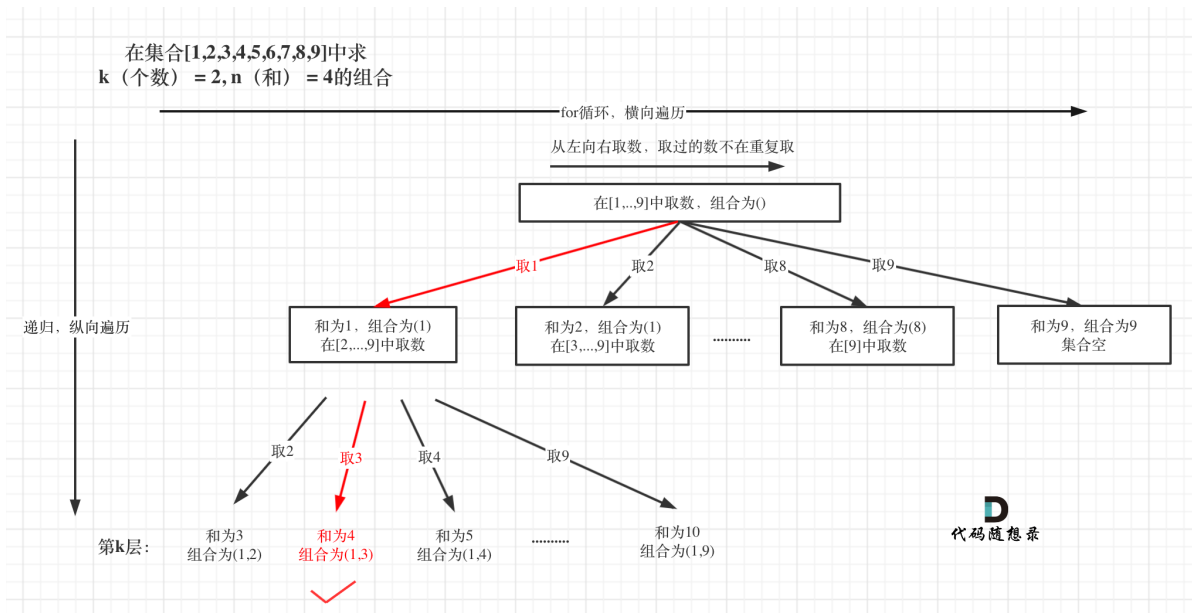
确定终止条件

当遍历到叶子节点时自然终止

```
if (path.size() == k) {  
    if (sum == targetSum) result.push_back(path);  
    return; // 如果 path.size() == k 但 sum != targetSum 直接返回  
}
```

横向遍历过程

集合固定的就是 9 个数 $[1, \dots, 9]$, 所以 `for` 循环固定 $i \leq 9$



处理过程就是 path收集每次选取的元素, 相当于树型结构里的边, sum来统计path里元素的总和。

题解

Python

```
class Solution:
    def __init__(self):
        self.result = [] #定义最终的结果数组
        self.sumNow = 0 #当前所得的和
        self.path = [] #存放符合条件的叶子节点

    def backTracking(self, k: int, n: int, startIndex: int):
        if len(self.path) == k: #终止条件 遍历到叶子节点
            if self.sumNow == n: #如果当前所得和等于输入的n 那么满足题述条件 加入到result中
                self.result.append(self.path[:]) #加入到result中
            return
        for i in range(startIndex, 10): #横向遍历 从startIndex 遍历到9
            self.path.append(i)
            self.sumNow += i
            self.backTracking(k, n, i+1) #再次纵向遍历
            self.path.pop() #回溯
            self.sumNow -= i #回溯

    def combinationSum3(self, k: int, n: int) -> List[List[int]]:
        # 回溯
        self.backTracking(k, n, 1)
        return self.result
```

剪枝优化

```
class Solution:
    def __init__(self):
        self.result = [] #定义最终的结果数组
        self.sumNow = 0 #当前所得的和
```

```

self.path = []      #存放符合条件的叶子节点

def backTracking(self,k:int,n:int,startIndex:int):
    if self.sumNow > n: #剪枝
        return
    if len(self.path) == k: #终止条件 遍历到叶子节点
        if self.sumNow == n:      #如果当前所得和等于输入的n 那么满足题述条件 加入到
result中
            self.result.append(self.path[:])      #加入到result中
        return
    for i in range(startIndex,10 - (k-len(self.path))+1): #横向遍历 从
startIndex 遍历到9
        self.path.append(i)
        self.sumNow += i
        self.backTracking(k,n,i+1)  #再次纵向遍历
        self.path.pop() #回溯
        self.sumNow -= i #回溯

def combinationSum3(self, k: int, n: int) -> List[List[int]]:
    # 回溯
    self.backTracking(k,n,1)
    return self.result

```

思考

画出树形图 然后思考遍历

剪枝优化