

Protocolo de trabajo de graduación:

La Valuación Actuarial de los Planes de Pensiones
Ocupacionales

Br. Emilene Analí Romero Marroquín

Carné: 2012-13113

Dirección: 7a. Ave. "A" 9-29 Zona 11,

Mixco, Guatemala

Teléfono: 3335 4941

Asesores: Dr. Roberto Molina Cruz

Licenciatura en Matemática Aplicada

Universidad de San Carlos de Guatemala

Número de páginas: 14

Guatemala, 23 de marzo de 2017

Índice

1. Introducción	3
2. Justificación	4
3. Marco teórico	5
4. Objetivos	9
4.1. Objetivo general	9
4.2. Objetivos específicos	9
5. Metodología	10
6. Índice preliminar	11
7. Bibliografía preliminar	13
Referencias	13

1. Introducción

2. Justificación

La *Licenciatura en Matemática Aplicada* de la *Universidad de San Carlos de Guatemala* (USAC) tiene como fin primordial contribuir al desarrollo de la ciencia del país, a través de la formación de profesionales con un enfoque curricular y un modelo pedagógico que le capacitan para desempeñarse con éxito en los distintos sectores del campo laboral, de esta manera reduciendo la dependencia de científica de los países desarrollados.

En Guatemala los planes de pensiones ocupacionales, en cuanto al análisis de su situación financiera, han dado mayor importancia al método del análisis del flujo de efectivo, mientras que las normas internacionales dictan que estos planes deben ser evaluados principalmente por el nivel de financiamiento de su reserva matemática.

El estudio de los aspectos matemáticos de ambos métodos presentados mediante este trabajo de graduación, determinará la conveniencia de su aplicación en los planes de pensiones ocupacionales. Dejando de esta forma, un precedente que sirva de base en el ámbito guatemalteco, para análisis posteriores de la situación financiera de diversos planes de pensiones ocupacionales.

3. Marco teórico

La **valuación actuarial de los planes de pensiones** puede variar según sean estos de una institución pública o privada. Entiéndase por **valuación actuarial** a la serie de pasos mediante la cual el actuario analiza la situación financiera de un plan de pensiones específico. Dicha valuación puede realizarse mediante el cálculo de flujo de efectivo o de la reserva matemática del plan. Por otro lado, es preciso conocer la teoría detrás de este peculiar proceso. Comenzaremos definiendo que es un plan de pensiones, siendo el objetivo primordial de dicho trabajo los planes de pensiones ocupacionales.

Los **planes de pensiones** tienen sus orígenes con la creación de la seguridad social. Durante el siglo XIX con el surgimiento de la Revolución Industrial, en los países conocidos como desarrollados, en Europa o Estados Unidos por ejemplo, se promovió la creación de una institución que velara por la seguridad económica del trabajador, en caso de este encontrarse en una situación desventajosa para poder proveerse de un modo para obtener ingresos, siendo esta la **seguridad social**. Entre los beneficios que la seguridad social se encuentra lo que son los *planes de pensiones*, los cuales son .^arrangements institucionales que protegen en la vejez, la invalidez y en el caso de fallecimiento, del proveedor de sustento del hogar, a los dependientes quienes sufren la pérdida. Con el tiempo distintas instituciones privadas fueron implementando un programa similar para sus trabajadores o para un grupo en específico, como lo que proveen ciertos colegios de profesionales. Los planes de pensiones se denominan **sociales** cuando estos son administrados por el seguro social y **ocupacionales** cuando su administración corresponde a una entidad privada.

Los planes de pensiones pueden clasificarse mediante el régimen al que estén asociados. Estos pueden ser de *prestación definido*, *cotización definido* o *mixtos*. Un régimen se le llama de **prestación definido (PD)** cuando el monto de prestación se define mediante una fórmula, la cual es independiente del monto de cotización que el cotizante aporta

a lo largo de su carrera laboral. Por otro lado en un régimen de **cotización definido** una cuenta individual es creada a nombre de cada uno de los miembros del plan, en la cual las cotizaciones del miembro son registradas (Iyer, 1999), incluyendo la acumulación de los intereses para posteriormente realizar el cálculo de la prestación en base a lo acumulado. Un régimen se considera *mixto* cuando es una combinación de los dos anteriores.

Entiendase por **planes de pensiones ocupacionales**, a los beneficios que las empresas ofrecen a sus trabajadores como un complemento del brindado por la seguridad social del país. En Guatemala, los planes de pensiones ocupacionales son otorgados por algunas empresas a sus trabajadores, siendo estos de carácter voluntario, como complemento de los beneficios brindados por el Insituto Guatemalteco de Seguridad Social (IGSS).

En un plan de pensiones las fuentes de financiamiento son mediante contribuciones, aportadas por los individuos participantes del plan, así como también pueden ser en conjunto por los trabajadores y el empleador, o en el caso del sistema público puede incluir subsidios gubernamentales ó impuestos destinados al seguro social.

Entre los parámetros básicos demográficos y económicos asociados a un régimen de pensiones se encuentran los siguientes:

- *la fuerza de interés δ*
- *la fuerza de crecimiento de nuevos afiliados ρ*
- *la fuerza de incremento del salario asegurado*
- *la fuerza de la indexación de pensiones*
- *la fuerza de mortalidad, invalidez y otros decrementos (según la edad) μ_x^d, μ_x^t , sucesivamente.*
- *la fuerza de inflación θ*

Por otro lado, en lo general se tomara en cuenta que el número de nuevos afiliados en un intervalo $(0, dt)$ es dt , por lo que el número de nuevos afiliados en el intervalo $(t, t + dt)$ es $\exp^{\rho t} dt$. Análogamente, si el nivel general al inicio del régimen se toma como una unidad monetaria, el nivel de salarios al tiempo t deberá ser $\exp^{\gamma t}$. La unidad de pensión deberá crecer a $\exp^{\beta t}$ en t años (Iyer, 1999).

Las dos funciones, ambas continuas y diferenciales, fundamentales que describen el desarrollo demográfico de un régimen de pensiones son:

- *la función de la población activa $A(t)$*
- *la función de la población retirada $R(t)$*

Las dos funciones, ambas continuas y diferenciables, que caracterizan el desarrollo financiero de un régimen de pensiones son:

- *la función de gastos $G(t)$*
- *la función del salario asegurado $S(t)$*

donde $G(t)$ se considera como una función relacionada al gasto únicamente de los beneficios. El total de los gastos de beneficios y la cuenta de salario total asegurado en el intervalo $(z, z + dz)$ serán entonces dados por $B(z)dz$ y $S(z)dz$.

Previo a la discusión de los sistemas de financiamiento, es necesario establecer dos funciones:

- *la función del monto de contribución $C(t)$, la cual está determinada según el sistema de financiamiento*
- *la función de reserva $V(t)$, que representa el exceso de la entrada del flujo dinero de la salida.*

Estas últimas funciones están conectadas con las funciones $B(t)$ y $S(t)$ por la ecuación diferencial fundamental, como cito Iyer, (Iyer, 1999; ?, ?):

$$dV(t) = V(t)\delta dt + C(t)S(t)dt - B(t)dt \quad (1)$$

es decir, el cambio en la reserva en un período de tiempo es igual ...

4. Objetivos

4.1. Objetivo general

- Determinar los beneficios de evaluar la situación financiera de un plan de pensiones ocupacional, estimando el nivel del financiamiento de su reserva matemática contra el flujo de efectivo.

4.2. Objetivos específicos

1. Identificar los principales beneficios de los planes ocupacionales.
2. Identificar los elementos de la matemática actuarial necesarios para el cálculo de pensiones.
3. Revisar los aspectos matemáticos de los métodos de valuación actuarial.
4. Comprobar la conveniencia de la aplicación de los métodos de valuación en los planes de pensiones ocupacionales.

5. Metodología

La metodología a utilizar en el desarrollo de este trabajo de graduación, se llevará a cabo de la siguiente manera:

- Se consultará, en primera instancia, diversos documentos de acceso público de la Organización Internacional del Trabajo, incluídas en la bibliografía preliminar, en los cuales establecen las normas y convenios para la estructuración de los distintos planes de pensiones, además de una variedad de textos sobre matemática actuarial.
- Se hará uso del *análisis matemático* para evaluar los distintos métodos de evaluación y poder de esta manera determinar su utilidad.
- Se utilizará el *método analítico* para determinar las ventajas y desventajas de los métodos de valuación de la situación financiera de los planes ocupacionales.
- Por último se hará una compilación de los resultados y de esta manera concluir que es lo más recomendable para los planes ocupacionales, en cuanto al análisis de su situación financiera.

6. Índice preliminar

El índice preliminar del trabajo de graduación es el siguiente:

Índice de Ilustraciones

Listado de Símbolos

Glosario

Introducción

1. Planes de Pensiones

1.1. Aspecto Histórico

1.2. Beneficios del Contribuyente

1.2.1. Beneficio de Vejez

1.2.2. Beneficio de Supervivencia

1.2.3. Beneficio de Invalidez

1.3. Regímenes de los Planes de Pensiones

1.3.1. Régimen de Prestación Definida

1.3.2. Régimen de Cotización Definida

1.3.3. Régimen Mixto

2. Matemática Actuarial de los Planes de Pensiones

2.1. Funciones Básicas para el Financiamiento de los Planes de Pensiones

2.2. Sistemas de Financiamiento de los Planes de Pensiones

2.2.1. Sistema de Reparto

2.2.2. Sistema de Prima Escalonada

2.2.3. Sistema de Prima Media General

3. Métodos de Valuación Actuarial

3.1. El Análisis del Flujo de Efectivo

3.2. El Financiamiento de su Reserva Matemática

4. Aplicación de los Métodos de Valuación Actuarial en los Planes de Pensiones Ocupacionales

Recomendaciones

Conclusiones

Bibliografía

7. Bibliografía preliminar

Referencias

- Cichon, M., Hagemeyer, K., y Scholtz, W. (2000). *Social budgeting*. Brookings Inst Pr. Descargado de <https://www.amazon.com/Social-Budgeting-Michael-Cichon/dp/9221108619%3FSubscriptionId%3D0JYN1NVW651KCA56C102%26tag%3Dtechkie-20%26linkCode%3Dxm2%26camp%3D2025%26creative%3D165953%26creativeASIN%3D9221108619>
- Cichon, M., Scholz, W., van de Meerendonk, A., Hagemeyer, K., Bertranou, F., y Plamondon, P. (2005). *Financing social protection (quantitative methods in social protection)*. International Labor Office. Descargado de <https://www.amazon.com/Financing-Social-Protection-Quantitative-Methods/dp/922115122003FSubscriptionId%3D0JYN1NVW651KCA56C102%26tag%3Dtechkie-20%26linkCode%3Dxm2%26camp%3D2025%26creative%3D165953%26creativeASIN%3D9221151220036383>
- Galé, J. G. (1978). *Elementos de cálculo actuarial* (Quinta Edición ed.). Ediciones Macchi.
- Introduction to social security*. (1984). International Labour Org. Descargado de <https://www.amazon.com/Introduction-to-Social-Security/dp/9221036383%3FSubscriptionId%3D0JYN1NVW651KCA56C102%26tag%3Dtechkie-20%26linkCode%3Dxm2%26camp%3D2025%26creative%3D165953%26creativeASIN%3D9221036383>
- Iyer, S. (1999). *Actuarial mathematics of social security pensions*. International Labour Org. Descargado de <https://www.amazon.com/Actuarial-Mathematics-Social-Security-Pensions/dp/922110866X%3FSubscriptionId%3D0JYN1NVW651KCA56C102%26tag%3Dtechkie-20%26linkCode%3Dxm2%26camp%3D2025%26creative%3D165953%26creativeASIN%3D922110866X>

- Newton L. Bowers, H. U. G. J. C. H. D. A. J. y. C. J. N., JR. (1997). *Actuarial mathematics* (Segunda Edición ed.; D. Anderson, Ed.). The Society of Actuaries.
- Plamondon, P., Drouin, A., Binet, G., and Warren R. McGillivray Krzysztof Hagemeyer, M. C., Bedard, M., y re Plamondon, H. B. (2003). *Actuarial practice in social security protective methods in social protection*. International Labor Office.
- Promislow, S. D. (2015). *Fundamentals of actuarial mathematics* (Tercera Edición ed.). John Wiley and Sons Ltd.