# Réponses exercices Pont Mathématiques (1bapm10)

Ruben Hillewaere ECAM

Septembre-Novembre 2021

## Table des matières

Trigonometry - Appendix D	2
Vectors - Chapter 12	3
Algebra - Review of Algebra	5
Systems of Linear Equations - Claco	6
Coordinate Geometry and Lines - Appendix B	7
Conic Sections - Chapter 10.5	8
Complex Numbers	9
Functions and Limits - Chapter 1	11
Derivatives - Chapter 2	14
Applications of Differentiation - Chapter 3	16
Inverse Functions - Chapter 6	18

## Trigonometry - Appendix D

32. 
$$\sin x = -\frac{2}{3}\sqrt{2}$$
,  $\tan x = 2\sqrt{2}$ ,  $\cot x = \frac{\sqrt{2}}{4}$ 
33.  $\sin \beta = -\frac{1}{\sqrt{10}}$ ,  $\cos \beta = -\frac{3}{\sqrt{10}}$ ,  $\tan \beta = \frac{1}{3}$ 
36.  $25\cos(40^\circ) = 19.15111$  cm
46. -
48. -
51. -
53. -
55. -
56. -
57. -
60.  $\frac{8\sqrt{2}-3}{15}$ 
62.  $\frac{4-6\sqrt{2}}{15}$ 
69.  $x = \frac{\pi}{6}$  ou  $x = \frac{\pi}{2}$  ou  $x = \frac{5\pi}{6}$  ou  $x = \frac{3\pi}{2}$ 
71.  $x = 0$  ou  $x = \pi$  ou  $x = 2\pi$ 
72.  $x = 0$  ou  $x = 2\pi$  ou  $x = \frac{\pi}{3}$  ou  $x = \frac{5\pi}{3}$ 
75.  $0 \le x < \frac{\pi}{4}$  ou  $\frac{3\pi}{4} < x < \frac{5\pi}{4}$  ou  $\frac{7\pi}{4} < x \le 2\pi$ 
76.  $\frac{\pi}{4} < x < \frac{5\pi}{4}$ 
89. -

**Suppl1**  $x = \frac{\pi}{6} + 2k\pi$  ou  $x = -\frac{\pi}{2} + 2k\pi$ 

**Suppl2**  $\frac{2\pi}{3} + k\pi \le x \le \pi + k\pi$ 

## **Vectors - Chapter 12**

#### **Three-Dimensional Coordinate Systems** 12.1

6. -

11. 
$$\overline{PQ} = 6$$
,  $\overline{PR} = 6$ ,  $\overline{QR} = 2\sqrt{10}$ , no, yes

**14.** (a) 6

- (b) 4
- (c) 2
- (d)  $2\sqrt{10}$
- (e)  $2\sqrt{13}$
- (f)  $2\sqrt{5}$

#### 12.2 Vectors

6. -

**7.** 
$$\vec{c} = \frac{1}{2} (\vec{a} + \vec{b}), \quad \vec{d} = \frac{1}{2} (\vec{b} - \vec{a})$$

**8.**  $||\vec{w}|| = \sqrt{2}$ 

**21.** 
$$\vec{a} + \vec{b} = (6, -3, -2), \quad 4\vec{a} + 2\vec{b} = (20, -12, 0), \quad ||\vec{a}|| = \sqrt{29}, \quad ||\vec{a} - \vec{b}|| = 7$$

**25.**  $\vec{1_d} = (\frac{8}{9}, -\frac{1}{9}, \frac{4}{9})$  **26.**  $(\frac{24}{7}, \frac{8}{7}, -\frac{12}{7})$ 

**26.** 
$$\left(\frac{24}{7}, \frac{8}{7}, -\frac{12}{7}\right)$$

**27.**  $\theta = \frac{\pi}{3}$ 

**29.** 
$$\vec{v} = (-2\sqrt{3}, 2)$$

**30.**  $F_x = 50 \cos 38^\circ \approx 39.4 \text{ N}, \quad F_y = 50 \sin 38^\circ \approx 30.8 \text{ N}$ 

**32.**  $||\vec{R}|| \approx 28.7 \text{ N}, \quad \theta \approx 12.4^{\circ}$ 

**37.**  $||\vec{F}|| \approx 26.09 \text{ N}$ 

**47.** Une sphère de rayon 1 centrée en  $(x_0, y_0, z_0)$ 

#### 12.3 The Dot Product

**8.**  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 7$ 

**10.** 
$$\vec{a} \cdot \vec{b} = -2000\sqrt{2}$$

**15.** 
$$\theta = \operatorname{Arccos}\left(\frac{17}{13\sqrt{2}}\right) \approx 22^{\circ}$$

**20.** 
$$\theta = \operatorname{Arccos}\left(\frac{2}{9\sqrt{5}}\right) \approx 84^{\circ}$$

- 25. Triangle rectangle
- **37.**  $\alpha = \beta = \gamma = 55^{\circ}$
- **44.** Projection scalaire :  $\frac{2}{\sqrt{14}}$ , projection vectorielle :  $(\frac{1}{7}, \frac{2}{7}, \frac{3}{7})$
- **51.**  $W = 2400 \cos 40^{\circ} \approx 1838.5 \text{ J}$
- **53.**  $\delta = \frac{13}{5}$
- **56.**  $\theta = \operatorname{Arccos} \sqrt{\frac{2}{3}} \approx 35^{\circ}$
- **57.**  $\theta = \operatorname{Arccos}\left(-\frac{1}{3}\right) \approx 109.5^{\circ}$

#### 12.4 The Cross Product

- 1. (15, -10, -3)
- **8.** (2, -1, 1)
- **9**.  $\vec{0}$
- **12.**  $-2\overrightarrow{1}_{z}$
- 13. (a) Scalaire
  - (b) Dénué de sens
  - (c) Vecteur
  - (d) Dénué de sens
  - (e) Dénué de sens
  - (f) Scalaire
- **14.**  $||\vec{u} \times \vec{v}|| = 40\sqrt{3}$ , rentrant dans la page
- **15.**  $||\vec{u} \times \vec{v}|| = 6$ , rentrant dans la page
- **27.** 20
- **31.**  $(12, -1, 17), \frac{1}{2}\sqrt{434}$
- **35.** 16
- 38. Coplanaires
- **43.**  $\theta = 60^{\circ}$
- **44.** (a, 2a 5, a 1) avec  $a \in \mathbb{R}$

## Algebra - Review of Algebra

- **31.** (x+6)(x+1)
- **34.** (x+4)(2x-1)
- **36.** (2x + 1(4x + 3)
- **37.** (3x+2)(2x-3)
- **42.**  $(x-3)(x^2+3x+9)$
- **44.**  $(x-1)^2(x-2)$
- **46.** (x-3)(x-4)(x+5)
- **55.**  $(x+1)^2+4$
- **56.**  $(x-8)^2+4^2$
- **60.**  $3(x-4)^2+2$
- **136.**  $x \ge \sqrt{5}$  ou  $x \le -\sqrt{5}$
- **137.**  $x \le 1$
- **140.** ]  $-\infty$ , 0[  $\cup$  ]1, 3[
- **147.** x = 2 ou  $x = -\frac{4}{3}$
- **151.** 3 < *x* < 5
- **153.**  $]-\infty, -7] \cup [-3, +\infty[$

## **Systems of Linear Equations - Claco**

Enoncés: https://claco.ecam.be/apiv2/resource\_file76899/raw

- **1.** (a) (2, 5)
- **2.** (a) Système simplement indéterminé,  $S = \{(-1 + \alpha, -4 + 2\alpha, \alpha) \mid \alpha \in \mathbb{R}\}$ , livre ouvert
  - (b) Système à solution unique ,  $S = \{(-2, 1, 3)\}$ , pyramide à base triangulaire
  - (c) Système impossible,  $S = \{\}$ , A et C sont confondus, B est parallèle
  - (d) Système impossible,  $S = \{\}$ , prisme
  - (e) Système à solution unique,  $S = \{(1, -2, 0)\}$ , pyramide à base triangulaire
  - (g) Système simplement indéterminé,  $S = \{ (\frac{1}{7} \alpha, \frac{2}{7} \alpha, \alpha) \mid \alpha \in \mathbb{R} \}$ , livre ouvert
  - (h) Système simplement indéterminé,  $S=\{(\alpha,1-\alpha,3+2\alpha)\,|\,\alpha\in\mathbb{R}\}$ , B et C sont confondus, A est sécant

## Coordinate Geometry and Lines - Appendix B

**15.** 
$$m_{AB} = m_{CD} = \frac{1}{2}$$
,  $m_{AD} = m_{BC} = -3$ 

**16.** 
$$m_{AB} = m_{CD} = \frac{1}{5}$$
,  $m_{AD} = m_{BC} = -5$ , et  $\frac{1}{5} \cdot 5 = -1$ 

**25.** 
$$y = -5x + 11$$

**33.** 
$$x + 2y + 11 = 0$$

**34.** 
$$y = -\frac{2}{3}x + 6$$

**36.** 
$$y = -2x + \frac{1}{3}$$

**56.** médiane par 
$$C: \sqrt{37}$$
, médiane par  $B: \frac{1}{2}\sqrt{109}$ , médiane par  $A: \frac{1}{2}\sqrt{145}$ 

**58.** 
$$(3, -5) \cdot (10, 6) = 0$$
, intersection  $(2, 5)$ 

**59.** 
$$y = x - 3$$

**60.** (a) 
$$PQ \leftrightarrow y = 2x - 2$$
,  $PR \leftrightarrow y = -3x + 3$ ,  $QR \leftrightarrow y = -\frac{1}{2}x + \frac{11}{2}$ 

(b) Médianes : 
$$y = -\frac{4}{3}x + \frac{14}{3}$$
,  $y = \frac{1}{3}x + 3$ ,  $x = 1$ , centre de gravité  $\left(1, \frac{10}{3}\right)$ 

(c) Hauteurs : 
$$y = 2(x-1)$$
,  $y-4 = \frac{1}{3}(x-3)$ ,  $y-6 = -\frac{1}{2}(x+1)$ , orthocentre (3, 4)

(d) Médiatrices : 
$$y = -\frac{1}{2}x + 3$$
,  $y = \frac{1}{3}x + 3$ ,  $y = 2x + 3$ , centre du cercle circonscrit  $(0,3)$ 

(e) Droite d'Euler : 
$$y = \frac{1}{3}x + 3$$

## Conic Sections - Chapter 10.5

- **9.**  $y^2 = -x$ , foyer  $(-\frac{1}{4}, 0)$ , directrice  $x = \frac{1}{4}$
- **10.**  $(x-2)^2 = 2(y+2)$ , foyer  $(2, -\frac{3}{2})$ , directrice  $y = -\frac{5}{2}$
- **18.**  $\frac{(x-2)^2}{9} + \frac{(y-1)^2}{4} = 1$ , foyers  $(2+\sqrt{5},1)$  et  $(2-\sqrt{5},1)$
- **19.** sommets (0,5) et (0,-5), foyers  $(0,\sqrt{34})$  et  $(0,-\sqrt{34})$ , asymptotes  $y=\frac{5}{3}x$  et  $y=-\frac{5}{3}x$
- **27.** hyperbole, sommets (1,0) et (-1,0), foyers  $(\sqrt{5},0)$  et  $(-\sqrt{5},0)$
- **28.** parabole, sommet (0, -4), foyer  $(0, -\frac{63}{16})$ , directrice  $y = -\frac{65}{16}$
- **29.** ellipse, sommets  $(\sqrt{2}, 1)$ ,  $(-\sqrt{2}, 1)$ , (0, 0) et (0, 2), foyers (1, 1) et (-1, 1)
- **30.** hyperbole, sommets (1,1) et (1,-1), foyers  $(1,\sqrt{2})$  et  $(1,-\sqrt{2})$
- **31.** parabole, sommet (1, -2), foyer  $(1, -\frac{11}{6})$ , directrice  $y = -\frac{13}{6}$
- **32.** ellipse, sommets  $(1+\sqrt{2},2)$ ,  $(1-\sqrt{2},2)$ ,, foyers (2,2) et (0,2)
- **47.**  $\frac{(y-1)^2}{25} \frac{(x+3)^2}{39} = 1$ **51.**  $\frac{x^2}{1940^2} + \frac{y^2}{1937^2} = 1$
- **52.** (a)  $y^2 = 10x$ , (b)  $|CD| = 2\sqrt{110}$

## **Complex Numbers**

#### Appendix H

- **5.** 12 7i
- **8.**  $-\frac{5}{17} + \frac{14}{17}i$
- **12.** 1
- **16.**  $-1 2\sqrt{2}i$ ,  $\left|-1 + 2\sqrt{2}i\right| = 3$
- **21.** x = -1 + 2i ou x = -1 2i
- **23.**  $x = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{7}}{2}i$  ou  $x = -\frac{1}{2} \frac{\sqrt{7}}{2}i$
- **30.**  $zw = 64 \left(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3}\right)$ ,  $\frac{z}{w} = \left(\cos\frac{4\pi}{3} + i\sin\frac{4\pi}{3}\right)$ ,  $\frac{1}{z} = \frac{1}{8} \left(\cos\frac{\pi}{6} + i\sin\frac{\pi}{6}\right)$
- **31.**  $zw = 4\sqrt{2}\left(\cos\frac{7\pi}{12} + i\sin\frac{7\pi}{12}\right)$ ,  $\frac{z}{w} = 2\sqrt{2}\left(\cos\frac{13\pi}{12} + i\sin\frac{13\pi}{12}\right)$ ,  $\frac{1}{z} = \frac{1}{4}\left(\cos\frac{\pi}{6} + i\sin\frac{\pi}{6}\right)$
- **34.**  $16 + 16\sqrt{3}i$
- **36.** 16
- **38.** 2,  $2e^{i\frac{2\pi}{5}}$ ,  $2e^{i\frac{4\pi}{5}}$ .  $2e^{i\frac{6\pi}{5}}$ .  $2e^{i\frac{8\pi}{5}}$
- **40.**  $2^{1/6}e^{i\frac{\pi}{12}}$ .  $2^{1/6}e^{i\frac{3\pi}{4}}$ .  $2^{1/6}e^{i\frac{17\pi}{12}}$
- **45.**  $-e^2$

## Exercices supplémentaires (Claco)

Enoncés : https://claco.ecam.be/apiv2/resource\_file47140/raw

- 3. (a)  $-\frac{1}{3}$
- **4.** (a)  $z = 2e^{-i\frac{\pi}{12}}$
- **5.** 1 i
- **7.** (c)  $z_1 = \frac{1+i\sqrt{7}}{2}$ ,  $z_2 = \frac{1-i\sqrt{7}}{2}$ ,  $z_3 = \frac{-1+i\sqrt{7}}{2}$ ,  $z_4 = \frac{-1-i\sqrt{7}}{2}$
- **8.** (a)  $z_1 = \frac{1}{4}e^{i(\pi/6)} = \frac{\sqrt{3}}{8} + \frac{i}{8}$ 
  - (b)  $e^{2\sqrt{3}}$
  - (c) 0
  - (d)  $z_r = 4e^{i\frac{\pi}{3}} = 2 + 2\sqrt{3}i$
- **10.** Les points (x, y) tels que  $\left(x \frac{1}{2}\right)^2 + \left(y \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}$ , ce qui représente un cercle avec rayon  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  et centre  $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$  (sans les points z = 1 et z = i!).
- **11.** (a)  $z_0^5 = 1$

- (b) -
- (c)  $\alpha^2 + \alpha 1 = \beta^2 + \beta 1 = 0$ (d)  $\alpha = 2\cos\frac{2\pi}{5}$ (e)  $\cos\frac{2\pi}{5} = \frac{-1+\sqrt{5}}{4}$

- **12.** (a) vrai
  - (b) faux
  - (c) vrai
  - (d) vrai
- **13.** Les points (x, y) du cercle avec équation  $\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + \left(y \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}$

## Functions and Limits - Chapter 1

#### 1.1 Four Ways to Represent a Function

**40.** 
$$Dom(f) = \mathbb{R} \setminus \{-7, 3\}$$

**42.** 
$$Dom(f) = [-2, 3]$$

**43.** Dom
$$(h) = ]-\infty$$
,  $0[\cup]5$ ,  $+\infty[$ 

**44.** 
$$Dom(f) = \mathbb{R} \setminus \{-2, -1\}$$

**67.** 
$$A(x) = \frac{\sqrt{3}}{4}x^2$$
 avec  $x > 0$ 

**72.** 
$$A(x) = 5x - x^2 \left(\frac{\pi+4}{8}\right)$$
 avec  $0 < x < \frac{20}{2+\pi}$ 

72. 
$$A(x) = 5x - x^2 \left(\frac{\pi+4}{8}\right) \text{ avec } 0 < x < \frac{20}{2+\pi}$$
74.  $E(x) = \begin{cases} 10 + 0.06x & \text{si } 0 \le x \le 1200 \\ 82 + 0.07(x - 1200) & \text{si } x > 1200 \end{cases}$ 

- **81.** Fonction impaire
- **82.** Fonction paire
- 83. Ni paire, ni impaire
- 84. Fonction impaire

#### 1.2 Mathematical Models: A Catalog of Essential Functions

**11.** 
$$f(x) = 2(x-3)^2$$

**12.** 
$$g(x) = -x^2 - \frac{5}{2}x + 1$$

**13.** 
$$f(x) = -3x(x+1)(x-2)$$

**18.** (a) Jari va plus vite

(b) vitesse Jari: 110 km/h; vitesse Jade: 100 km/h

(c) Jade:  $x_1(t) = \frac{5}{3}t + 15$  et Jari:  $x_2(t) = \frac{11}{6}t$ 

#### 1.3 New Functions from Old Functions

- (a) Graphe 3
  - (b) Graphe 1
  - (c) Graphe 4
  - (d) Graphe 5
  - (e) Graphe 2

12

- 14. symétrie autour de l'axe x et translation de 1 vers le bas
- 15. compression horizontale d'un facteur 4
- 19. translation de 1 vers la droite et 4 vers le haut
- 23. étirement horizontal d'un facteur 2 (changement de la fréquence), étirement vertical d'un facteur 3 (changement de l'amplitude), ensuite translation de 1 vers le haut
- **61.** (a)  $s = f(d) = \sqrt{d^2 + 36}$ 
  - (b) d = g(t) = 30t
  - (c)  $(f \circ g)(t) = \sqrt{900t^2 + 36}$ , distance entre le phare et le bateau en fonction du temps depuis midi

#### 1.5 The Limit of a Function

- 1. -
- 2. -
- 10. la limite à gauche est 150 mg, la limite à droite est 300 mg, l'injection fait croître instantanément la quantité de 150 mg
- **11.** la limite existe partout sauf en a = 1
- **36.**  $-\infty$
- **45.**  $m \to \infty$

### 1.6 Calculating Limits Using the Limit Laws

- 10. (a) les deux membres n'ont pas le même domaine
  - (b)  $x \rightarrow 2$  implique que  $x \neq 2$
- **19.**  $\frac{9}{2}$
- 23.  $\frac{1}{6}$
- **27.** 1
- **30.** 0
- 31.  $-\frac{1}{2}$
- **68.** (4, 0)

## 3.4 Limits at Infinity; Horizontal Asymptotes

- **12.** −3
- **19.** −2
- **20.** 2
- **26.**  $-\frac{3}{4}$
- **31.** 1

## **Derivatives - Chapter 2**

### 2.1 Derivatives and Rates of Change

**17.** 
$$g'(0) < 0 < g'(4) < g'(2) < g'(-2)$$

- **24.**  $3a^2 3$
- **28.** y + 3 = 4(x 5)
- **57.** f'(0) n'existe pas

#### 2.2 The Derivative as a Function

- **41.** f n'est pas dérivable en x=1 parce que f n'y existe pas, et en x=5 parce que le graphe a une tangente verticale à cette abscisse
- **42.** f n'est dérivable en x=-2 et x=3 parce qu'il y a des points anguleux à ces abscisses, et en x=1 parce qu'il y a une discontinuité
- **47.** a = f, b = f', c = f''
- **49.** c est la position, b est la vitesse, a est l'accélération

### 2.3 Differentiation Formulas

- **13.**  $-\frac{1}{2}x^{-3/2} + \frac{1}{4}x^{-3/4}$
- **63.** Tangente :  $y \frac{1}{2} = -\frac{1}{3}(x-1)$ ; Normale :  $y \frac{1}{2} = 3(x-1)$
- **65.**  $y \frac{1}{2} = \frac{1}{2}(x+1)$
- **73.** (a) a(t) = 6t
  - (b)  $12 \text{ m/s}^2$
  - (c)  $6 \text{ m/s}^2$
- **119.** 1000

## 2.4 Derivatives of Trigonometric Functions

- **19.**  $\frac{\sin t + (t^2 + t)\cos t}{(1+t)^2}$
- **40.**  $\left(-\frac{\pi}{6} + 2k\pi, \frac{\sqrt{3}}{3}\right)$  et  $\left(\frac{7\pi}{6} + 2k\pi, -\frac{\sqrt{3}}{3}\right)$

## 2.6 Implicit Differentiation

**31.** 
$$y = x + \frac{1}{2}$$

**33.** 
$$y-1=-\frac{9}{13}(x-3)$$

## 2.7 Rates of Change in the Natural and Social Sciences

- 1. Attention, il y a un faute dans l'énoncé :  $f(t) = t^3 9t^2 + 24t$ 
  - (a)  $v(t) = 3t^2 18t + 24$
  - (b) 9 m/s
  - (c) t = 2 s ou t = 4 s
  - (d)  $0 \le t < 2$  ou t > 4
  - (e) 44 m
  - (f) -
  - (g)  $-12 \text{ m/s}^2$
  - (h) La particule accélère lorsque 2 < t < 3 et  $4 < t \le 6$ . La particule ralentit lorsque  $0 \le t < 2$  et 3 < t < 4.

## 2.9 Linear Approximations and Differentials

- **6.**  $\sqrt[3]{0.95} \approx 0.9833$  et  $\sqrt[3]{1.1} \approx 1.033$
- **10**. -
- **44.** (a) 1.209
  - (b) 3%

## **Applications of Differentiation - Chapter 3**

#### 3.1 Maximum and Minimum Values

**5.** Maximum absolu en f(4) = 5, pas de minimum absolu, maximums locaux en f(4) = 5 et f(6) = 4, minimums locaux en f(2) = 2 et f(1) = f(5) = 3.

#### 3.2 The Mean Value Theorem

**29.**  $f(4) \ge 16$ 

#### 3.5 Maximum and Minimum Values

**55.**  $f(x) = x + \frac{4}{x^2}$ ;  $Dom(f) = \mathbb{R}_0$ ; Racine :  $x = -\sqrt[3]{4}$ ; Pas de symétrie; Asymptote verticale : x = 0; Asymptote oblique : y = x;  $f'(x) = \frac{x^3 - 8}{x^3}$ , donc f est croissante pour x < 0 et x > 2 et f est décroissante pour 0 < x < 2; Minimum local en f(2) = 3, pas de maximum local;  $f''(x) = \frac{24}{x^4} > 0$ , donc la concavité est vers le haut sur tout le domaine

**59.** Avec la méthode des binômes conjugués, on vérifie que :  $\lim_{x\to\infty}\left(\sqrt{4x^2+9}-2x\right)=0$  et  $\lim_{x\to-\infty}\left(\sqrt{4x^2+9}+2x\right)=0$ 

#### 3.7 The Mean Value Theorem

**4.** x = y = 8 et la somme des carrés est minimum 128

**6.**  $X = \frac{1}{4}$ , la distance verticale minimale est  $\frac{7}{8}$ 

13. Le champs devrait mesurer 100 m sur 150 m.

**26.**  $\left(\frac{5}{2}, \sqrt{\frac{5}{2}}\right)$ 

**30.**  $x = \frac{a}{\sqrt{2}}$ ,  $y = \frac{b}{\sqrt{2}}$  et l'aire maximale vaut 2ab

**40.**  $x = \frac{20}{4+\pi}$ ,  $y = \frac{10}{4+\pi}$ 

**60.**  $y-5=-\frac{5}{3}(x-3)$ 

**80.**  $\theta \approx 0.853$  et  $L \approx 7.02$  m

## **Inverse Functions - Chapter 6**

#### 6.1 **Inverse Functions**

- **22.** La vitesse v de la particule en fonction de sa masse est  $v = c\sqrt{1 \frac{m_0^2}{m^2}}$
- **32.**  $f^{-1}(x) = \sqrt[4]{2-x}$  pour  $x \le 2$

#### 6.2 **Exponential Functions and Their Derivatives**

- 8. -
- **15.** (a)  $\mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$ ; (b)  $\mathbb{R}$
- **42.**  $\frac{2e^{2t}}{\cos^2{(1+e^{2t})}}$
- **52.**  $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{2}$

#### **Logarithmic Functions** 6.3

- **23.** (a)  $x = \frac{1}{4}(e^3 2)$ ; (b)  $x = \frac{1}{2}(3 + \ln 12)$
- **25.** (a)  $x = \frac{1+\sqrt{5}}{2}$ ; (b)  $x = \frac{1}{2} \left(1 \frac{\ln 9}{\ln 5}\right)$
- **43.** ] 2, 2[
- **57.** (a) fonction impaire; (b)  $f^{-1}(x) = \frac{1}{2}(e^x e^{-x})$

#### **Derivatives of Logarithmic Functions** 6.4

- 29. –
- **41.** y = 3(x 3)
- **42.** y = x 1
- **51.**  $y' = x^x(1 + \ln x)$
- $53. \ y' = x^{\sin x} \left( \frac{\sin x}{x} + \ln x \cos x \right)$

#### **Inverse Trigonometric Functions** 6.6

- 7.  $\frac{2}{\sqrt{5}}$ 9.  $\frac{119}{169}$

**23.** 
$$f'(x) = \frac{5}{\sqrt{1-25x^2}}$$

**23.** 
$$f'(x) = \frac{5}{\sqrt{1-25x^2}}$$
  
**24.**  $g'(x) = -\frac{1}{2\sqrt{x(1-x)}}$ 

**49.** P doit être  $5 - 2\sqrt{5}$  au-dessus de A

#### 6.7 **Hyperbolic Functions**

- **19**. -
- 30. -
- **53.**  $y' = \sinh^{-1}\left(\frac{x}{3}\right)$
- **59.** (a)  $y'(7) = \sinh \frac{7}{20}$ ; (b)  $\theta \approx 70.34^{\circ}$

#### Indeterminate Forms and l'Hospital's Rule 6.8

- **15.** 2
- **30.**  $-\frac{1}{2}$  **33.**  $\frac{1}{\ln 3}$
- **35.** 0 (sans L'Hospital!)
- **47.** 0 (deux fois L'Hospital!)
- **56.**  $\infty$
- **59.**  $e^{-2}$
- **62.** *e*