Apellido y Nombre:		=
		Facultad
Carrera:	DNI:	

Universidad Nacional del Litoral Facultad de Ingeniería y Ciencias Hídricas Departamento de Informática Algoritmos y Estructuras de Datos

## Algoritmos y Estructuras de Datos. Examen Final y Recuperatorio. [17 de Julio de 2003]

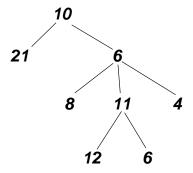
- Ej. 1.- [Primitivas (Recup=10 puntos, Final=20 puntos)] En todos los casos escribir todos los tipos, definiciones, funciones y procedimientos auxiliares necesarios.
  - (a) [Alumnos que recuperan 1er parcial] Escribir las funciones del TAD COLA implementadas por arreglo circular, a saber: ANULA(C), PONE\_EN\_COLA(x,C), QUITA\_DE\_COLA(C), VACIA(C), y FRENTE\_DE\_COLA(C).
  - (b) [FINAL+Alumnos que recuperan 2do parcial] Escribir las funciones del TAD ARBOL BINARIO con celdas enlazadas por punteros ó cursores a saber: PADRE(n,A), HIJO\_IZQ(n,A), HIJO\_DER(n,A), ETIQUETA(n,A), CREA2(v,A1,A2) y ANULA(A).
  - (c) [Alumnos que recuperan 3er parcial] Escribir las funciones del TAD CONJUNTO implementado mediante vectores de bits a saber: ANULA, UNION, INTERSECCION, MIEMBRO, MIN, INSERTA y SUPRIME.

## Ej. 2.- [TODOS: Ejercicios de programación]

- (a) [Expande (Recup=20 puntos, Final=35 puntos)] Escribir un procedimiento procedure EXPANDE(var L:lista); que inserta una sucesión de números enteros a partir de la posición que esta siendo visitada. La cantidad de números a insertar debe ser igual al número entero que esta en esa posición. La sucesión de enteros debe comenzar con el entero con el cual se va a expandir y debe ser creciente. Por ejemplo, si inicialmente L={1,2,3,4}, después de hacer EXPANDE(L) debe quedar L={1,2,2,3,4,3,4,5,6,4,5,6,7,8}. Utilizar las primitivas del TAD LISTA: INSERTA(x,p,L), RECUPERA(p,L), SUPRIME(p,L), SIGUIENTE(p,L), ANULA(L), PRIMERO(L), y FIN(L).
- (b) [Verifica ABB (Recup=30 puntos, Final=45 puntos)] Escribir una función VERIFICA\_ABB(n: nodo; A: arbol): boolean que verifica si el subárbol de un nodo n verifica la condición de árbol binario de búsqueda.

## Ej. 3.- [LIBRES y RECUPERATORIO. Ejercicios operativos]

(a) [Crea (Recup=10 puntos, Final=25 puntos)] Escribir una función function CREA\_ARBOL(A:arbol): nodo que, usando las funciones del TAD ARBOL ORDENADO ORIENTADO CREAO(v), CREA1(v, A1), ... CREAn(v, A1, A2, ..., An) crea el siguiente árbol



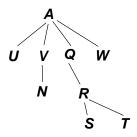
Apellido y Nombre:

Universidad Nacional del Litoral Facultad de Ingeniería y Ciencias Hídricas Departamento de Informática Algoritmos y Estructuras de Datos

[Llenar con letra mayúscula de imprenta GRANDE]

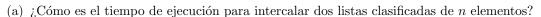
DNI:

(b) [Particionar (Recup=10 puntos, Final=25 puntos)] Considerando el árbol de la figura, decir cuál son los nodos DESCENDIENTES(Q), ANTECESORES(Q), IZQUIERDA(Q) y DERECHA(Q).



(c) [Heap-sort (Recup=10 puntos, Final=25 puntos)] Dados los enteros {3,5,8,1,2,6,3,4,7} ordenarlos por el método de "montículos" ("heap-sort"). Mostrar el montículo (minimal) antes y después de cada inserción/supresión.

Ej. 4.- [LIBRES(total=25 ptos) y RECUPERATORIO(total=10 ptos)] Responder según el sistema "multiple choice", es decir marcar con una cruz el casillero apropiado. Atención: Algunas respuestas son intencionalmente "descabelladas" y tienen puntajes negativos!!]

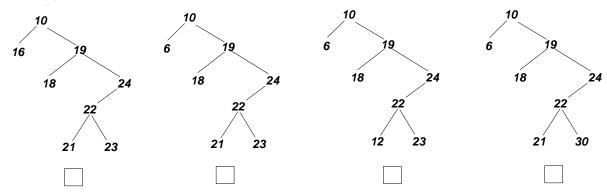


$$\square \dots O(1)$$
  $\square \dots O(n)$ 

$$\bigcap \dots O(n^2)$$

$$\dots O(\log n)$$

(b) ¿Cuál de los siguientes árboles es un árbol binario de búsqueda?



(c) El tiempo de ejecución para el algoritmo de clasificación rápida (quick-sort) en el peor caso es:

$$\dots O(n \log n)$$

$$\bigcap$$
 ...  $O(1)$ 

$$\bigcap$$
 ...  $O(n^2)$ 

$$\cdots$$
  $O(n)$ 

(d) El tiempo de ejecución para la función SUPRIME\_MIN en el TAD COLA DE PRIORIDAD implementado por montículos es:

$$\square$$
 ...  $O(n)$ 

$$O(n \log n)$$

$$O(\log n)$$

$$\square$$
 ...  $O(1)$